CENG 235 ALGORİTMALARLA SAYISAL ÇÖZÜMLEME Prof. Dr. Tufan TURACI tturaci@pau.edu.tr

· Pamukkale Üniversitesi

Hafta 3

- Mühendislik Fakültesi
- Bilgisayar Mühendisliği Bölümü

3. Hafta Konular

- Lineer Olmayan Denklemlerin Yaklaşık Çözüm Yöntemleri
 - --- Basit İterasyon Yöntemi (Sabit Nokta İterayonu)
 - --- Newton-Raphson Yöntemi (Teğetler Yöntemi)

Lineer Olmayan Denklemlerin Yaklaşık Çözüm Yöntemleri

- --- Basit İterasyon Yöntemi (Sabit Nokta İterayonu)
- --- Newton-Raphson Yöntemi (Teğetler Yöntemi)
- --- Bisection (Yarılama) Yöntemi
- --- Regula-Falsi Yöntemi (Kirişler Yöntemi)
- --- Sekant Yöntemi (Değişken Kesen Yöntemi)
- --- Teğet-Kiriş Yöntemi

Lineer Olmayan Denklemler

Mühendisliğin birçok alanında karşılaşılan problemlerden biri lineer olmayan denklem veya denklem sistemlerdir. İki veya daha yüksek dereceli polinomlar veya trigonometrik, üstel ve logaritmik gibi lineer olmayan terimler içeren denklemler lineer olmayan denklemlere örnektir.

Genelde lineer olmayan denklemler f(x) = 0 kapalı formunda yazılırlar. Karşılaşılan denklemlerin çoğu tek değişkenli olmakla beraber çok değişkenli $f(x_1, x_2, x_{3,.....}) = 0$ denklemlerin çözümü de söz konusu olabilir.

Lineer Olmayan Denklemler

Kök bulma işlemi, verilen f(x) denkleminde $f(x_k) = 0$ değerini sağlayan x_k değerlerinin bulunması işlemidir. Tek değişkenli bir fonksiyon için bu değerler aynı zamanda eğrinin x eksenini kestiği noktalardır. Kök bulma işlemlerinde öncelikle kökün hangi aralıkta olduğu belirlenir.

- --- Bolzano Teoremi
- --- Grafik ile aralık belirleme

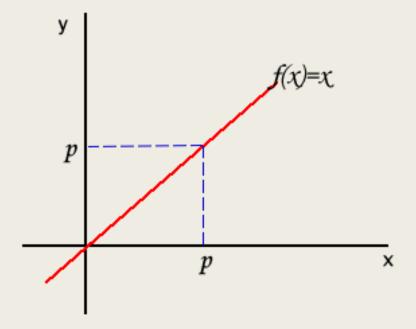
Daha sonra kök bulmaya en uygun yöntem seçilerek köke en yakın değere yakınsanır.

1- Basit İterasyon Yöntemi (Sabit Nokta İterayonu)

Tanım: Verilen bir f(x) fonksiyonu ve p sayısı için,

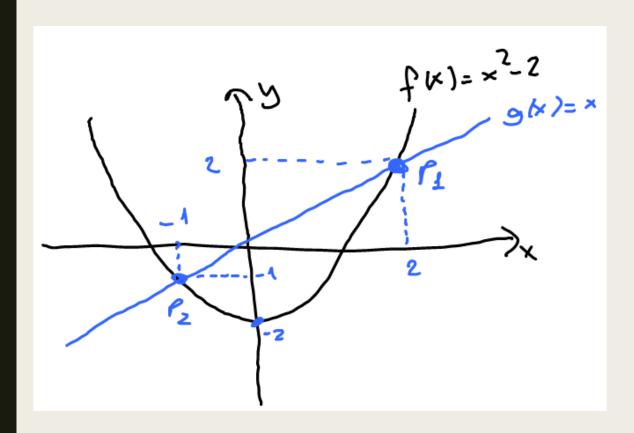
$$f(p) = p$$

oluyorsa, p noktası sabit bir noktadır.



Örnek: $f(x) = x^2 - 2$ için sabit nokta incelemesi yapınız.

Grafik:



Çözüm:

 P_1 ve P_2 noktaları sabit noktalardır.

Bu noktaları bulmak için;

$$g(x) = f(x)$$

$$x = x^{2} - 2$$

$$x^{2} - x - 2 = 0$$

$$x = 2 \text{ ve } x = -1$$

sabit noktalardır.

Teorem:

(i) Eğer $f(x) \in C[a,b]$ ve her $x \in [a,b]$ için $f(x) \in [a,b]$ oluyorsa f(x)'in [a,b]'de en azından bir sabit noktası vardır.

(ii) her $x \in [a, b]$ için f'(x) mevcut ve $f'(x) \in (a, b)$ oluyorsa, $|f'(x)| \le k$ (k<1 olmak üzere) ise [a,b]'de *tek bir sabit nokta* vardır.

Örnek:

[-2,+2] tonm crolings
$$f(x) = x^2-2$$

inceleyelim.

$$f'(x) = 2x$$

$$|f'(x)| = |2x| = 2.|x| \le 4$$

$$|f'(x)| = |2x| = 2.|x| \le 4$$

$$|f'(x)| = |2x| = 2.|x| \le 4$$

$$|f'(x)| = |2x| = 2.|x|$$

$$|f'(x)| = |2x| = 2.|x|$$

$$|f'(x)| = |2x| = 2.|x|$$

$$|f'(x)| = |2x| = 2.|x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f'(x)| = |2x|$$

$$|f$$

Örnek:

[-1,+1] tomm aroligindaki
$$f(x) = \frac{x^2-1}{3}$$

fork. non salist nok to incolornosi in your mix.

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \left|\frac{2x}{3}\right| = \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \frac{2x}{3}|x| \le \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \frac{2x}{3}|x| \le \frac{2}{3}|x| \le \frac{2}{3}$$

$$|f'(x)| = \frac{2x}{3}|x| \le \frac{2}{3}|x| \le \frac{$$

Sabit Nokta Teoremi:

 $f(x) \in C[a,b]$ ve her $x \in [a,b]$ için;

 $f(x) \in [a, b]$ ve f'(x) mevcut ve $f'(x) \in (a, b)$ olsun.

Her $x \in (a, b)$ için 0 < k < 1 olmak üzere $|f'(x)| \le k$ olsun.

Bu durumda [a,b] aralığındaki herhangi bir x_0 başlangıç noktası için

$$x_n = f(x_{n-1}), \qquad n \ge 1$$

dizisi tek bir sabit noktaya yakınsar.

Sabit Nokta İterasyonu:

Adım 1: Verilen f(x) = 0 fonksiyonu x = F(x) formunda yazılır.

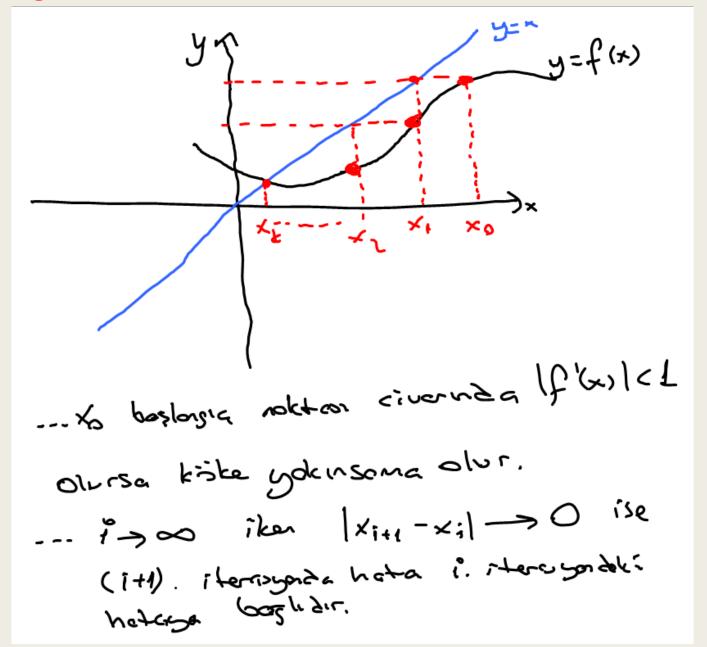
Adım 2: İterasyon başlangıcı için tahimini bir x_0 başlangıç değeri alınır ve yakınsama şartı sağlanırsa x_0 başlangıç değeri F(x)'de yerine yazılarak x_1 , daha sonra x_1 noktası F(x)' de tekrar yazılarak x_2 bulunur.

Bu işlem n defa tekrarlandığında n. iterasyon için genel denklem

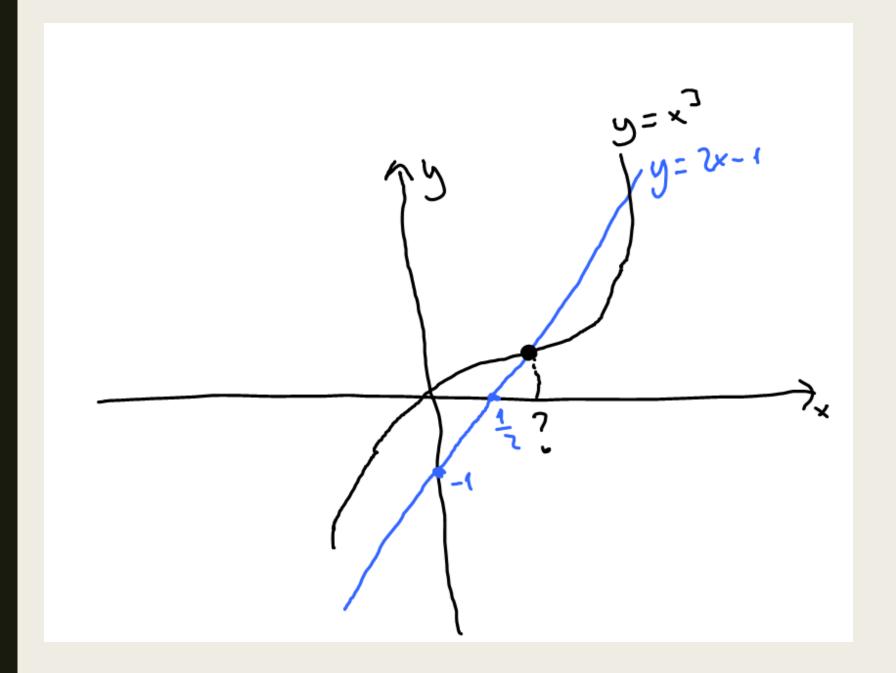
$$x_{n+1} = F(x_n)$$
 olur.

Adım 3: İterasyona $|x_{n+1} - x_n| < \varepsilon(Hata\ Tolerans\ Değeri)$ oluncaya kadar devam edilir. Bu şart sağlanıyorsa aranan kök x_{n+1} 'dir.

Başlangıç Noktasının Yakınsama Şartı:



mek! x - 7x +1 =0 dentleminin kistimin bulundezu aralizi grafit väntemi ile belinleveret tätä E=0.002 nata ile bosit iterosya väntemiile busunuz. (4 ondolic kullanınız.)



perforabilit.

$$f(x) = x^3 - 2x + 1 = 0$$

$$f(x) = x^3 - 2x + 1 = 0$$

$$F'(x) = \frac{3}{2}x^2 = \frac{3}{2}|x^2| = \frac{3}{2}|(\frac{1}{2}x^2)|$$

$$= \frac{3}{2}\cdot\frac{1}{4}=\frac{3}{2}\times 1$$

$$x_0 = 0.5$$
 $x_1 = x_1 - x_0 = 0.0625 \times 8$
 $x_1 = 0.5625$
 $x_2 = x_2 - x_1 = 0.0265 \times 8$
 $x_3 = 0.6022$
 $x_4 = 0.6092$
 $x_5 = 1 \times 5 - x_4 = 0.0022 \times 8$
 $x_6 = 0.6152$
 $x_7 = 0.6164$
 $x_8 = 0.6164$
 $x_9 = 0.6164$
 $x_9 = 0.6164$
 $x_9 = 0.6164$

C kodu:

```
#include<stdio.h>
#include<conio.h>
#include<locale.h>
#include<math.h>
#define hata 0.002
float F(float x)
{return (pow(x,3)+1)/2;}
int main()
{setlocale(LC_ALL, "Turkish");
float x1=0.5, x2; int i=0;
printf("Yönteme başladığımız nokta= \%.4f\n",x1);
do
\{x2=x1;
x1=F(x1);
i++;
printf("%d. adımda yaklaşık değer= %.4f\n",i,x1);
}while (fabs(x1-x2)>hata);
printf("yaklaşık kök =\%.4f",x1);
printf("f(\%.4f)=\%.4f\n",x1,pow(x1,3)-2*x1+1);
getch ();
return 0;
```

Ekran Çıktısı:

```
Yönteme başladığımız nokta= 0,5000
1. adımda yaklaşık değer= 0,5625
2. adımda yaklaşık değer= 0,5890
3. adımda yaklaşık değer= 0,6022
4. adımda yaklaşık değer= 0,6092
5. adımda yaklaşık değer= 0,6130
6. adımda yaklaşık değer= 0,6152
7. adımda yaklaşık değer= 0,6164
yaklaşık kök =0,6164
f(0,6164)=0,0014
Process exited with return value 0
Press any key to continue \dots _
```

-rnek! ex -3x = 0 denkteminin kijkini [0.1] archijinda E=103 ncha ile POLDUNS. (6 ONSalvic Icallouvis.) F,(x) = = ex - 2x=0 x= ex f'(0) = 1 <1 C(x) F'(1) = = <1

Yakınsama forti sosladı.

```
xo=0 boslossa dejori olsun.
x_1 = f(x_0) = F(0) = 0.333333
x2= F(x1) =F(0.333333) =0.465204
×20 = F(xB) = 0.419039 Dx21 = 0.00008
X21 = F(X20) = 0.61 90 47
    Yaklank Kör = xel= 0.619047
```

C kodu:

```
#include<stdio.h>
#include<conio.h>
#include<locale.h>
#include<math.h>
#define hata 0.00001
float F(float x)
{return \exp(x)/3;}
int main()
{setlocale(LC_ALL, "Turkish");
float x1=0,x2; int i=0;
printf("Yönteme başladığımız nokta= %.6f\n",x1);
do
\{x2=x1;
x1=F(x1);
i++;
printf("%d. adımda yaklaşık değer= %.6f\n",i,x1);
\frac{1}{2} while \frac{1}{2} while \frac{1}{2}
printf("yaklaşık kök =\%.6f\n",x1);
printf("f(\%.6f)=\%.6f\n",x1,exp(x1)-3*x1);
getch ();
return 0;
```

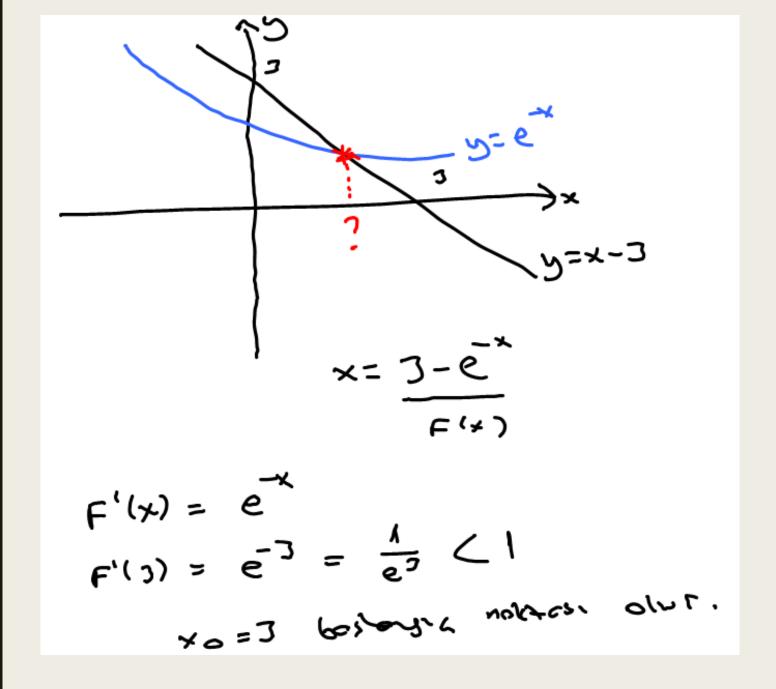
Ekran Çıktısı:

```
Yönteme başladığımız nokta= 0,000000

    adımda yaklaşık değer= 0,3333333

2. adımda yaklaşık değer= 0,465204
3. adımda yaklaşık değer= 0,530780
4. adımda yaklaşık değer= 0,566752
5. adımda yaklaşık değer= 0,587511
6. adımda yaklaşık değer= 0,599835
7. adımda yaklaşık değer= 0,607273
8. adımda yaklaşık değer= 0,611806
9. adımda yaklaşık değer= 0,614586
10. adımda yaklaşık değer= 0,616297
11. adımda yaklaşık değer= 0,617352
12. adımda yaklaşık değer= 0,618004
13. adımda yaklaşık değer= 0,618407
14. adımda yaklaşık değer= 0,618657
15. adımda yaklaşık değer= 0,618811
16. adımda yaklaşık değer= 0,618906
17. adımda yaklaşık değer= 0,618965
18. adımda yaklaşık değer= 0,619002
19. adımda yaklaşık değer= 0,619025
20. adımda yaklaşık değer= 0,619039
21. adımda yaklaşık değer= 0,619047
yaklaşık kök =0,619047
f(0,619047)=0,000016
Process exited with return value 0
Press any key to continue . . . _
```

E=102 hote ile besterning kishing of bullenning.)



$$x_0 = 3$$

 $x_1 = F(3) = 7.950713$
 $x_2 = F(x_1) = 2.947671$
 $x_3 = F(x_2) = 2.947538$
 $x_4 = F(x_3) = 2.947531$
 $1x_4 - x_31 = 0.00007 < 10^{-5}$
 $1x_4 - x_31 = 0.000007 < 10^{-5}$

C kodu:

```
#include<stdio.h>
#include<conio.h>
#include<locale.h>
#include<math.h>
#define hata 0.00001
float F(float x)
{return 3-exp(-x);}
int main()
{setlocale(LC_ALL, "Turkish");
float x1=3,x2; int i=0;
printf("Yönteme başladığımız nokta= %.6f\n",x1);
do
\{x2=x1;
x1=F(x1);
i++;
printf("%d. adımda yaklaşık değer= %.6f\n",i,x1);
} while (fabs(x1-x2)>hata);
printf("yaklaşık kök =\%.6f\n",x1);
printf("f(\%.6f)=\%.6f\n",x1,3-exp(-x1)-x1);
getch ();
return 0;
```

Ekran Çıktısı:

```
Yönteme başladığımız nokta= 3,000000

1. adımda yaklaşık değer= 2,950213

2. adımda yaklaşık değer= 2,947671

3. adımda yaklaşık değer= 2,947538

4. adımda yaklaşık değer= 2,947531

yaklaşık kök =2,947531

f(2,947531)=-0,000000

Process exited with return value 0

Press any key to continue . . .
```

Columna: f(x)=cosx-x forksiyonon Pir Pigliging posit iterador Roytoniu; Kallanorole xo= = = Deslave deja: itin 7 iteresser ile heseplaying. (Gorddin.) Yout: x7 = 0.736128 Colonia - P(x) = x > -3x - 20 forlisingue non [1,4] صحاری، کوید: ادبیکنی می محصه المحدد remise E=10-5 hotoile 6 ordolise achlorarete Gulmisz. Nort: 3-080855

2- Newton-Raphson Yöntemi (Teğetler Yöntemi)

 $f(x) \in C^2[a,b]$ iken f(x) = 0 denkleminin [a,b] aralığındaki köküne yaklaşmak için f(x)'in $x_0 \in [a,b]$ civarındaki Taylor seri açılımını kullanıldığında:

$$f(x) \cong f(x_0) + f'(x_0)(x - x_0) + f''(x_0) \frac{(x - x_0)^2}{2!} + \dots$$

3. terim ve daha sonrası kalan olarak ele alınır ve ihmal edilsin.

f(x) = 0 olduğunda:

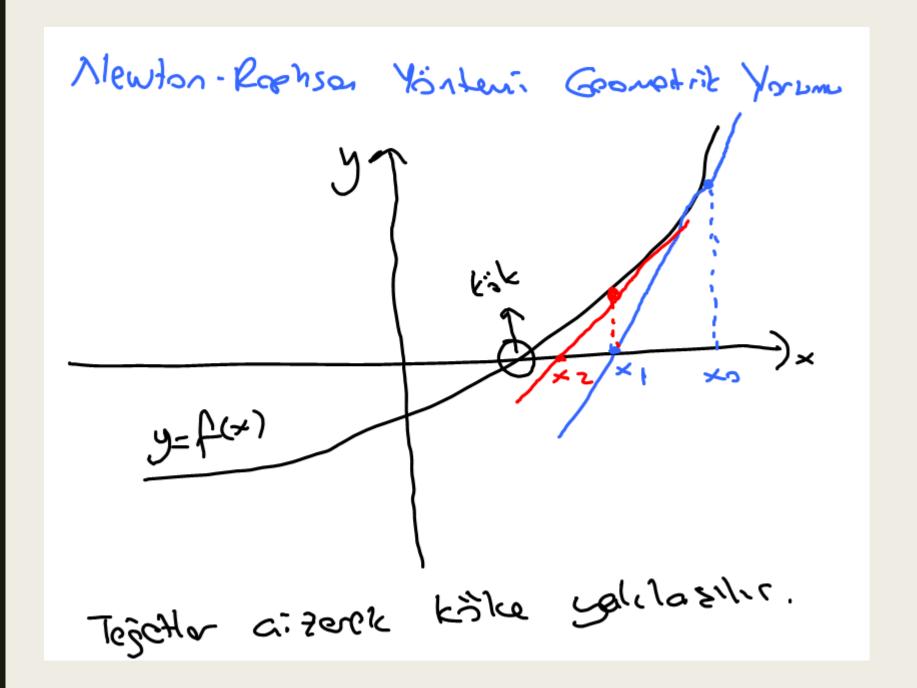
$$f(x) \cong f(x_0) + f'(x_0)(x - x_0) = 0$$

$$x \cong x_0 - \frac{f(x_0)}{f'(x_0)}$$
 $f'(x_0) \neq 0$

Burada bir $\{X_n\}_{n=0}^{\infty}$ dizisi oluşturulabilir:

$$x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)}{f'(x_n)}; \qquad n = 0,1,2,3,....$$

Teorem: $f(x) \in C^2[a,b]$ iken, $x \in [a,b]$ olmak üzere f(x) = 0 ve $f'(x) \neq 0$ ise öyle bir $\delta > 0$ sayısı vardır ki $x_0 \in [x - \delta, x + \delta]$ başlangıç noktasıyla $\{X_n\}_{n=0}^{\infty}$ dizisi Newton yöntemi ile x'ye yakınsar.



iterasyss:
$$x_{n+1} = x_n - \frac{f'(x_n)}{f'(x_n)}$$

iterosyma bosloma notites algrat:

Eartin zoglason volete alivapilir.

xo civornda kike sodensoma sorti:

$$\int \frac{f(x_0) \cdot f'(x_0)}{\int f'(x_0) \int^2} \left| < 1 \right|$$

Oradizindat: kiskisini Nowton-Rophson
usaleni ile 105 hota alokak soliil de
6 andaliita hessplayinis.

$$f(0) = 1$$
 >0

 $f(1) = e^{1} - 3 = e - 3 < 0$
 $f(0) \cdot f(1) < 0 \quad \text{kill ver}$
 $f'(x) = e^{x} - 3$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$
 $f''(x) = e^{x}$

$$x^{V+1} = x^{V} - \frac{L_{(x^{V})}}{L_{(x^{V})}}$$

$$x^{1} = x^{0} - \frac{t_{1}(x^{0})}{t_{1}(x^{0})} = 0.2$$

$$x^{5} = x^{1} - \frac{t_{1}(x)}{t_{1}(x)} = 0.610000$$

$$x_3 = x_2 - \frac{f(x_2)}{f'(x_2)} = 0.6(85.97)$$

$$x_4 = x_3 - \frac{f'(x_3)}{f'(x_3)} = 0.619061$$

$$x_5 = x_4 - \frac{f'(x_4)}{f'(x_6)} = 0.61 90.41$$

C kodu:

```
#include<stdio.h>
#include<conio.h>
#include<locale.h>
#include<math.h>
#define hata 0.00001
float F(float x)
{return exp(x)-3*x;}
float FT(float x)
{return exp(x)-3;}
int main()
{setlocale(LC_ALL, "Turkish");
float x0=0,x; int i=0;
printf("Yönteme başladığımız nokta= %.6f\n",x0);
do
\{x=x0;
x0=x-F(x)/FT(x);
i++:
printf("%d. adımda yaklaşık değer= %.6f\n",i,x0);
\frac{1}{2} while \frac{1}{2} (fabs(x0-x)>hata);
printf("yaklaşık kök =\%.6f\n",x0);
printf("f(\%.6f)=\%.6f\n",x0,F(x0));
getch ();
return 0;
```

Ekran Çıktısı:

```
Yönteme başladığımız nokta= 0,000000
1. adımda yaklaşık değer= 0,500000
2. adımda yaklaşık değer= 0,610060
3. adımda yaklaşık değer= 0,618997
4. adımda yaklaşık değer= 0,619061
5. adımda yaklaşık değer= 0,619061
yaklaşık kök =0,619061
f(0,619061)=0,000000
Process exited with return value 0
Press any key to continue . . . _
```

(rndc: x+1/x-5=0 dakleninin [3.2,4) oraliquedat: kiskisin Newton-Rophson uporteni ile 103 hota abook schilde 4 andahilda hassplaginiz. J(3.2) = -0.636860 L(4) = 0.3860>0 t(x)t,(x)>0

x0=3.7 icin 1 503 air. Boslagia Ndctosi

iteres you:
$$x_{n+1} = x_{n} - \frac{f(x_{n})}{f(x_{n})}$$

$$x_0 = 3.2$$

 $x_1 = 3.2 - \frac{f(3.2)}{f'(3.2)} = 3.6852$

$$x_{2} = f(x_{1}) = 3.6934$$
 $x_{3} = f(x_{2}) = 3.6934$
 $|x_{3} - x_{2}| = 0$
 $|x_{3} - x_{2}| = 0$
 $|x_{3} - x_{2}| = 0$
 $|x_{3} - x_{2}| = 0$

C kodu:

```
#include<stdio.h>
#include<conio.h>
#include<locale.h>
#include<math.h>
#define hata 0.001
float F(float x)
{return x+log(x)-5;}
float FT(float x)
{return 1+1/x;}
int main()
{setlocale(LC_ALL, "Turkish");
float x0=3.2,x; int i=0;
printf("Yönteme başladığımız nokta= %.4f\n",x0);
do
\{x=x0;
x0=x-F(x)/FT(x);
i++;
printf("%d. adımda yaklaşık değer= %.4f\n",i,x0);
\frac{1}{2} while \frac{1}{2} (fabs(x0-x)>hata);
printf("yaklaşık kök = \%.4f\n",x0);
printf("f(\%.4f)=\%.4f\n",x0,F(x0));
getch ();
return 0;
```

Ekran Çıktısı:

```
Yönteme başladığımız nokta= 3,2000

1. adımda yaklaşık değer= 3,6934

2. adımda yaklaşık değer= 3,6934

3. adımda yaklaşık değer= 3,6934

yaklaşık kök =3,6934

f(3,6934)=0,0000

Process exited with return value 0

Press any key to continue . . .
```

@rndc: coxx-x=0 doubleminin bir Kiskinii xo= # boşlansıa naktamadon Poslorack Nowton-Bobyson Mortoni ile E=10-5 hota ce 6 ordolde ile besa Playing.

$$f'(x) = -\cos x - x$$

$$f''(x) = -\cos x - x$$

$$f''(x) = -\cos x - x$$

$$f''(x) = -\cos x - x$$

$$f''(x) = -\cos x - x$$

$$f''(x) = -\cos x - x$$

$$f''(x) = -\cos x - x$$

$$f''(x) = -\cos x - x$$

$$\left| \frac{\left(\frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\pi}{4} \right) \cdot \left(- \frac{\sqrt{2}}{2} \right)}{\left(- \frac{\sqrt{2}}{2} - 1 \right)^{2}} \right| \frac{7}{2}$$

0.01899761

İterasyon:

$$x_{1} = x_{0} - \frac{f(x_{0})}{f'(x_{0})} = 0.485398$$

$$x_{2} = x_{1} - \frac{f(x_{1})}{f'(x_{1})} = 0.739536$$

$$x_{3} = x_{2} - \frac{f(x_{2})}{f'(x_{2})} = 0.439085$$

$$x_{4} = x_{3} - \frac{f(x_{3})}{f'(x_{3})} = 0.739085$$

$$|x_{4} - x_{3}| = 0.012.26$$

$$|x_{4} - x_{3}| = 0.012.26$$

$$|x_{4} - x_{3}| = 0.939085$$

C kodu:

```
#include<stdio.h>
#include<conio.h>
#include<locale.h>
#include<math.h>
#define hata 0.00001
float F(float x)
\{ return cos(x) - x; \}
float FT(float x)
{return (-1)*\sin(x)-1;}
```

```
int main()
{setlocale(LC_ALL, "Turkish");
float x0=M_PI/4,x; int i=0;
printf("Yönteme başladığımız nokta= %.6f\n",x0);
do
\{x=x0;
x0=x-(F(x)/FT(x));
i++;
printf("%d. adımda yaklaşık değer= %.6f\n",i,x0);
\mathbf{while} (fabs(x0-x)>hata);
printf("yaklaşık kök =\%.6f\n",x0);
printf("f(\%.6f)=\%.6f\n",x0,F(x0));
getch ();
return 0;
```

Ekran Çıktısı:

```
Yönteme başladığımız nokta= 0,785398

    adımda yaklaşık değer= 0,739536

2. adımda yaklaşık değer= 0,739085
3. adımda yaklaşık değer= 0,739085
yaklaşık kök =0,739085
f(0,739085)=-0,000000
Process exited with return value 0
Press any key to continue . . . _
```

Colisma: x3+3x7-5x-20=0 doublemining
Sousson Kishising Nowton-Rophson ognieni ile xo=8 poslossic voltres, ile 10-6 hata ; le 7 anadric à la hexplasiniz. Yant: 1.8162012

CENG 235-Algoritmalarla Sayısal Çözümleme

Colième. 128 segionin geklosik Sonosi Legaini E=10⁻⁵ hata i le 6 ordelik kullonarek Newton-Rophon Sondeni ile hesoploymiz.

Yout: 5.291502

Kaynaklar

- Numerical Analysis, Richard L. Burden, Brooks/Cole Cengage Learning, Boston., 2009.
- Numerical Methods for Mathematics, Science, and Engineering, 2nd Edition, John H. Mathews, Prentice Hall International Edition, 1992.
- Nümerik Analiz, (Numerical Analysis, D. Kincaid, W. Cheney, 3rd ed.(2002)), Nuri Özalp, Elif Demirci, Gazi Kitabevi Yayınları, 2012.
- Sayısal Analiz ve Mühendislik Uygulamaları, İrfan Karagöz, Nobel Yyıncılık, 2011.
- Sayısal Çözümleme, Recep Tapramaz, Literatür yayıncılık, 2002.
- Bilgisayar Uygulamalı Sayısal Analiz Yöntemleri, Eyüp Sabri Türker, Engin Can, II. Baskı, Değişim Yayınları.