## Simulare Concurs Mate-Info UBB – 8 aprilie 2024 Proba scrisă la Informatică

## NOTĂ IMPORTANTĂ:

În lipsa altor precizări:

sfârșit pentru

- presupuneți că toate operațiile aritmetice se efectuează pe tipuri de date nelimitate (nu există overflow / underflow).
- numerotarea indicilor tuturor șirurilor/vectorilor începe de la 1
- toate restricțiile se referă la valorile parametrilor actuali la momentul apelului inițial.
- 1. Se consideră următoarea secvență de algoritm.

```
citește n, x (n - număr natural, x cifră nenulă) pentru i \leftarrow 1, n execută j \leftarrow 2 cât timp j \leq [x / j] și x % j \neq 0 execută j \leftarrow j + 1 sfârșit cât timp dacă j * j > x atunci scrie x, "" sfârșit dacă x \leftarrow x + 10
```

```
Ce valori se vor afișa pentru

n=5 și x=7?

A. 15, 25, 35, 45
B. 7, 17, 37, 47
C. 10, 21, 34, 43
D. 9, 19, 29, 39
```

**2.** Care din următoarele secvențe de pseudocod afișează **DA** numai în cazul în care numărul natural  $n \ge 2$  este prim?

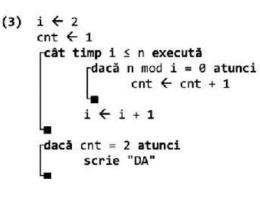
```
(2) i ← 2
cnt ← 0

cât timp i * i < n execută

dacă n mod i = 0 atunci
cnt ← cnt + 1

i ← i + 1

dacă cnt = 0 atunci
scrie "DA"
```



B. 2

C. 3

D. 4

**A.1** 

```
(4) i ← 1
cnt ← 0

cât timp i * i ≤ n execută

dacă n mod i = 0 atunci
cnt ← cnt + 1

i ← i + 1

dacă cnt = 0 atunci
scrie "DA"
```

3. Dacă pentru variabila **a** se citește valoarea **11**, precizați care valori pot fi citite pentru variabila **b** astfel încât în urma apelului **f**(**a,b**), subprogramul **f** definit mai jos să producă valoarea **10**.

```
int f(int a,int b)
{    if(a==b)
        return a%2;
    else
    return
    f(a,(a+b)/2)+f((a+b)/2+1,b); }
A.19    B. 29    C. 25    D. 30
```

**4.** Se consideră algoritmul calculeaza(n), unde  $\mathbf{n}$  este un număr natural ( $1 \le \mathbf{n} \le 10000$ ).

```
Algorithm calculeaza(n):

If n < 10 then

Return n

EndIf

m ← n DIV 10

a ← n MOD 10

b ← m MOD 10

If b < a then

a ← b

EndIf

m ← (n DIV 100) * 10 + a

Return calculeaza(m)

EndAlgorithm
```

Care dintre următoarele afirmații sunt adevărate?

- **A.** Apelul calculeaza(1747) returnează **1**.
- **B.** Dacă **n** este un număr natural care nu e divizibil cu **10**, iar **n1** reprezintă oglinditul numărului **n**, atunci apelurile calculeaza(n) și calculeaza(n1) vor returna aceeași valoare indiferent de valoarea lui **n**.
- C. Dacă numărul este divizibil în același timp cu 3, 5 și 7, atunci algoritmul va returna întotdeauna 0.
- **D.** Dacă numărul este divizibil în acelasi timp cu 2, 3 si 5, atunci algoritmul va returna întotdeauna 0.
- **5.** Se consideră algoritmul afis(n), unde n este un număr natural  $(0 \le n \le 10000)$ .

```
Algorithm afis(n):
    Write n, " "
    If n > 0 then
        afis(n DIV 2)
        Write n, ", "
    EndIf
EndAlgorithm
```

Ce se va afișa la apelul afis(n)?

- **A.** Se afișează un șir de numere în care primul element este egal cu ultimul, al doilea cu penultimul etc.(cu excepția elementului din mijloc).
- **B.** Se afișează un șir de numere pare.
- C. Se afișează un șir de numere în ordine crescătoare urmate de numere în ordine descrescătoare.
- **D.** Se afisează un sir de numere în ordine descrescătoare urmate de numere în ordine crescătoare.

**6.** Se consideră algoritmul f(x, n) unde x, n sunt numere naturale și x > 0.

```
Algorithm f(x, n):
2.
         If n = 0 then
3.
              return 1
4.
         FndTf
5.
         m \leftarrow n DIV 2
         p \leftarrow f(x, m)
6.
7.
         If n MOD 2 = 0 then
             return p * p
8.
9.
         EndIf
         return x * p * p
10.
11. EndAlgorithm
```

Precizați care dintre următoarele afirmații sunt adevărate:

- A. Algoritmul returnează  $x^n$  efectuând aproximativ n apeluri recursive.
- **B.** Algoritmul returnează  $x^n$  efectuând aproximativ  $log_2 n$  apeluri recursive.
- C. Algoritmul returnează  $x^n$  dacă și numai dacă n este putere a lui 2
- **D.** Algoritmul returnează  $x^n$  dacă și numai dacă n este par.
- 7. Se consideră algoritmul f(x, n) unde n este număr natural  $(2 \le n \le 10000)$ , iar x este un șir de n numere naturale  $(x[1], x[2], ..., x[n], 1 \le x[i] \le 10000$ , pentru i = 1, 2, ..., n).

```
Algorithm f(x, n):

For i = 1, n - 1 execute

If x[i] = x[i + 1]

thenreturn False

EndIf

EndFor
return True

EndAlgorithm
```

Precizați care dintre următoarele afirmații sunt adevărate:

- A. Algoritmul returnează False dacă două elemente oarecare din șirul x sunt distincte.
- **B.** Algoritmul returnează *False* dacă două elemente oarecare din șirul *x* sunt egale.
- **C.** Algoritmul returnează *False* dacă două elemente consecutive din șirul *x* sunt egale.
- **D.** Algoritmul returnează *False* dacă primele două elemente din șirul *x* sunt egale.
- 8. Se consideră algoritmul calculeaza(a,b), unde a și b sunt numere naturale ( $1 \le a, b \le 10000$ ).

```
Algorithm calculeaza(a, b):
    x ← 1
    For i ← 1, b execute
        x ← (x MOD 10) * a
    EndFor
    return x
EndAlgorithm
```

Precizați care dintre următoarele afirmații sunt adevărate:

- **A.** Dacă a = 107 și b = 101, valoarea returnată este 107.
- **B.** Dacă a = 1001 si b = 101, valoarea returnată este 1001.
- C. Pentru toate apelurile algoritmului cu  $1 \le a \le 10000$  și b = 101, valoarea returnată este valoarealui a.
- **D.** Pentru toate apelurile algoritmului cu a = 1001 și  $1 \le b \le 10000$ , valoarea returnată este 1001.
- 9. Se consideră algoritmul f(n), unde n este număr natural  $(1 \le n \le 100)$ . Operatorul "/" reprezintă împărțirea reală (ex. 3 / 2 = 1,5). Precizați efectul algoritmului.

```
Algorithm f(n):
    s ← 0; p ← 1;
    For i ← 1, n execute
    s ← s + i
    p ← p * (1 / s)
    EndFor return p
EndAlgorithm
```

```
A. Evaluează expresia 1/1 * 1/2 * 1/3 * ... * 1/n
```

- **B**. Evaluează expresia 1/1 \* 1/(1\*2) \* 1/(1\*2\*3) \* ... \* 1/(1\*2\*3\*...\*n)
- C. Evaluează expresia 1/1 \* 1/(1+2) \* 1/(1+2+3) \* ... \* 1/(1+2+3+...+n)
- **D**. Evaluează expresia 1/1 + 1/(1\*2) + 1/(1\*2\*3) + ... + 1/(1\*2\*3\*...\*n

**10.** Fie algoritmul f(n, a, b, c) unde n este număr natural  $(n \le 20)$  și a, b, c trei numere întregi.

```
Care este rezultatul returnat la apelul f(n, 1, 1, 2)?

A. 2^{n+1} - 1
B. n
C. 2^0 + 2^1 + 2^2 + ... + 2^n
D. 2^{n+1}
```

11. Se consideră algoritmul magic(n, a), unde a este un vector cu n numere naturale  $(a[1], a[2], ..., a[n], 1 \le n \le 10000)$ .

```
Algorithm magic(n, a):

If n < 2 then
return False
EndIf
For i ← 2, n execute
If a[i - 1] = a[i]
then
return True
EndIf
EndFor
return
False
EndAlgorithm
```

Precizați care dintre următoarele afirmații sunt adevărate:

- **A.** Pentru magic(5, [2, 5, 4, 5, 4]) algoritmul returnează *False*.
- **B.** Algoritmul indică dacă există duplicate în șirul *a*, dacă și numai dacă vectorul *a* este sortat crescător/descrescător.
- **C.** Pentru magic (9, [1, 2, 3, 4, 4, 5, 6, 7, 9]) algoritmul returnează *True*.
- **D.** Pentru magic(5, [9, 5, 5, 2, 4]) algoritmul returnează *True*.

**12.** Fie numerele naturale  $a \neq b$ , cu  $b \neq 0$ . Care dintre următoarele variante calculează:

- a **DIV** b, dacă a **MOD** b = 0
- (a / b) rotunjit în sus către cel mai apropiat întreg, dacă a MOD b ≠ 0

```
A. (a - 1) DIV b
B. (a + b + 1) DIV b
C. (a + b - 1) DIV b
D. ((a + 2 * b - 1) DIV b) - 1
```

13. Subalgoritmul de mai jos are ca parametri de intrare un șir a cu n numere naturale (a[1], a[2], ..., a[n]) și numărul natural n ( $2 \le n \le 10000$ ).

```
Subalgoritm h(a, n):
    Dacă n ≤ 0 atunci
        returnează 0
    SfDacă
    Dacă (n MOD 2 = 0) ŞI (a[n] MOD 2 = 0) atunci
        returnează h(a, n - 1) + a[n]
    SfDacă
    returnează h(a, n - 1) - a[n]
SfSubalgoritm
```

Precizați care dintre următoarele afirmații sunt adevărate:

- **A.** Subalgoritmul returnează diferența dintre suma elementelor care au aceeași paritate cu poziția pe care se află și suma elementelor care au paritate diferită față de poziția pe care se află din șirul *a*.
- **B.** Subalgoritmul returnează diferența dintre suma elementelor pare de pe pozițiile pare și suma elementelor impare de pe pozițiile impare din șirul *a*.
- C. Subalgoritmul returnează diferența dintre suma elementelor pare și suma elementelor impare din șirul a.
- **D.** Subalgoritmul returnează diferența dintre suma elementelor pare de pe poziții pare și suma celorlalte elemente din șirul a.

**14.** Se consideră subalgoritmul verifica(n), unde n este un număr natural  $(1 \le n \le 100000)$ .

```
Subalgoritm verifica(n):
    CâtTimp n > 0 execută
        Dacă (n MOD 3) > 1 atunci
        returnează 0
    SfDacă
    n ← n DIV 3
    SfCâtTimp
    returnează 1
SfSubalgoritm
```

Precizați care dintre următoarele afirmații sunt adevărate:

- **A.** Subalgoritmul returnează 1 dacă *n* este o putere a lui 3, 0 în caz contrar.
- **B.** Subalgoritmul returnează 1 dacă scrierea în baza 3 a lui *n* conține doar cifrele 0 și/sau 1, 0 încaz contrar.
- C. Subalgoritmul returnează 1 dacă *n* poate fi scris ca sumă a puterilor distincte ale lui 3, 0 în caz contrar.
- **D.** Subalgoritmul returnează 1 dacă scrierea în baza 3 a lui *n* conține doar cifra 2, 0 în caz contrar.
  - **15.** Precizați care dintre următoarele expresii are valoarea adevărat dacă și numai dacă numărul natural *n* este divizibil cu 3 și are ultima cifră 4 sau 6:

```
A. n DIV 3 = 0 și (n MOD 10 = 4 sau n MOD 10 = 6)

B. n MOD 3 = 0 și (n MOD 10 = 4 sau n MOD 10 = 6)

C. (n MOD 3 = 0 și n MOD 10 = 4) sau (n MOD 3 = 0 și n MOD 10 = 6)

D. (n MOD 3 = 0 și n MOD 10 = 4) sau n MOD 10 = 6
```

**16.** Dreptunghiul cu laturile de lungimi m și n (m, n – numere naturale, 0 < m < 101, 0 < n < 101) este împărțit în pătrățele cu latura de lungime 1. Se consideră subalgoritmul dreptunghi (m, n):

```
Subalgoritm dreptunghi(m, n)

d ← m
c ← n

CâtTimp d ≠ c execută

Dacă d > c atunci
d ← d - c
altfel
c ← c - d
SfDacă SfCâtTimp
returnează m + n - d
SfSubalgoritm
```

Precizați efectul acestui subalgoritm.

- A. Calculează şi returnează numărul pătrățelelor cu latura de lungime 1 traversate de o diagonală a dreptunghiului.
- **B.** Determină în *d* cel mai mare divizor comun al laturilor dreptunghiului și returnează diferența dintre suma laturilor dreptunghiului și *d*.
- C. Dacă m = 8 și n = 12, returnează 16.
- **D.** Dacă m = 6 și n = 11, returnează 15.
- 17. Fie un şir x cu n elemente numere naturale  $(3 \le n \le 10\ 000)$  şi numărul natural k  $(1 \le k < n)$ . Subalgoritmul permCirc(n, k, x) ar trebui să genereze permutarea circulară a şirului x cu k poziții la stânga (de exemplu, şirul (4, 5, 2, 1, 3) este o permutare circulară cu 2 poziții la stânga pentru şirul (1, 3, 4, 5, 2)). Din păcate subalgoritmul permCirc(n, k, x) nu este corect, deoarece pentru anumite valori ale lui n și k nu determină rezultat corect.

```
Subalgoritm permCirc(n, k,
  x) c ← k

Pentru j = 1, c execută
  unde ← j
  nr ← x[unde]

Pentru i = 1, n / c - 1 execută
  deUnde ← unde + k
  Dacă deUnde > n atunci
  deUnde ←deUnde - n

SfDacă
  x[unde] ← x[deUnde]
  unde ← deUnde

SfPentru
  x[unde] ← nr

SfPentru SfSubalgoritm
```

Alegeți valorile lui n, k și x pentru care algoritmul permCirc(n, k, x) generează o permutare circulară a șirului x cu k poziții la stânga:

**A.** 
$$n = 6, k = 2, x = (1, 2, 3, 4, 5, 6)$$
  
**B.**  $n = 8, k = 3, x = (1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8)$   
**C.**  $n = 5, k = 3, x = (1, 2, 3, 4, 5)$   
**D.**  $n = 8, k = 4, x = (1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8)$ 

**18.** Fie următorul subalgoritm, având ca parametru numărul natural nenul *n* și care returnează un număr natural.

```
Subalgoritm f(n):
    j ← n
    CâtTimp j > 1 execută
    i ← 1
    CâtTimp i ≤ n execută
    i ← 2 * i
    SfCâtTimp
    j ← j DIV 3
    SfCâtTimp
    returnează j
SfSubalgoritm
```

În care dintre următoarele clase de complexitate se încadrează complexitatea timp a algoritmului?

- **A.**  $O(\log_2 n)$
- **B.**  $O(\log^2 n)$
- C.  $O(\log^2 n)$
- **D.**  $O(\log_2 \log_3 n)$
- **19.** Se consideră algoritmul f(k, n, x), unde k, n sunt numere naturale  $(1 \le k, n \le 10^3)$  și x este un vector de n numere naturale  $(x[1], x[2], ..., x[n], 1 \le x[i] \le 10^4$ , pentru i = 1, 2, ..., n).

```
Algorithm f(k, n, x):

If n = 0 then

Return 0

Else

b ← 0

For i ← 2, x[n] DIV 2 execute

If (x[n] MOD i) = 0 then

b ← d + 1

EndIf

EndFor

If d = k then

Return 1 + f(k, n - 1, x)

Else

Return f(k, n - 1, x)

EndIf

EndIf

EndIf
```

Care dintre următoarele afirmații sunt adevărate?

- A. Pentru x = [4, 9, 26, 121] rezultatul apelului f(1, 4, x) va fi 3.
- B. Pentru x = [4, 8, 6, 144] rezultatul apelului f(2, 4, x) va fi 3.
- C. Pentru x = [4, 9, 25, 144] rezultatul apelului f(1, 4, x) va fi 3.
- D. Pentru x = [8, 27, 25, 121] rezultatul apelului f(2, 4, x) va fi 3.

**20.** Se consideră algoritmul afișare(n), unde n este număr natural ( $1 \le n \le 10000$ ).

```
Algorithm afişare(n):

If n ≤ 4000 then

Write n, " "

afişare(2 * n)

Write n, " "

EndIf

EndAlgorithm
```

Ce se afișează pentru apelul afișare(1000)?

**A**. 1000 2000 4000

**EndAlgorithm** 

- **B**. 1000 2000 4000 4000 2000 1000
- C. 1000 2000 4000 2000 1000
- **D**. 1000 2000 2000 1000

**21.** Se consideră algoritmul calcul(x, n), unde parametrii de intrare sunt numerele naturale n și x, având proprietatea  $1 \le x \le n < 10$ .

```
Algorithm calcul(x, n):
    b ← 1
    For i ← 1, n - x execute
        b ← b + i
    EndFor
    a ← b
    For i ← n - x + 1, n execute
        a ← a + i
    EndFor return
    a - b
EndAlgorithm
```

Precizați care dintre următoarele afirmații sunt adevărate:

- A. Dacă n = 5 și x = 2, atunci algoritmul returnează 20.
- **B.** Dacă n = 3 și x = 2, atunci algoritmul returnează 5.
- **C.** Algoritmul returnează cardinalitatea mulțimii  $\{c_1\overline{c_2...c_x}: c_i \neq c_j \ \forall \ 1 \leq i, j \leq x, i \neq j, \ 1 \leq c_i \leq n\}$
- **D.** Algoritmul returnează întotdeauna o valoare strict mai mare decât 0.
- 22. Știind că *x* este număr natural, care dintre următoarele expresii au valoarea *True* dacă și numaidacă *x* este număr par care **NU** aparține intervalului deschis (10, 20)?

```
A. NOT((x > 10) AND (x < 20)) AND (NOT (x MOD 2 = 1))
B. (x MOD 2 = 0) AND ((x < 10) OR (x > 20))
C. NOT(x MOD 2 = 1) AND ((x > 10) AND (x < 20))
D. NOT((x MOD 4 = 1) OR (x MOD 4 = 3) OR ((x > 10) AND (x < 20)))
```

23. Se consideră algoritmul f(n, p1, p2), unde n, p1 și p2 sunt numere naturale strict pozitive  $(1 < n, p1, p2 \le 10^4 \text{ la momentul apelului})$ .

```
Algorithm f(n, p1, p2):

c ← 0

While p1 ≤ n execute

c ← c + n DIV p1

p1 ← p1 * p2

EndWhile

return c
```

Precizați care dintre următoarele afirmații sunt adevărate:

- **A.** Dacă cei trei parametri au valori egale (n = p1 = p2), atunci algoritmul returnează întotdeaunavaloarea 1.
- **B.** Dacă p1 = 5 și p2 = 5, algoritmul returnează numărul de cifre de 0 pe care le are n! la sfârșit.
- C. Dacă p1 și p2 au valori egale și mai mari decât 2, atunci algoritmul returnează  $[\log_{p1} n]$ .
- **D.** Niciuna dintre celelalte trei afirmații nu este adevărată.

Considerând că primul element din șir este pe poziția 1, în care dintre următoarele subsecvențe va apărea doar valoarea 11?

**EndAlgorithm** 

**B**. 
$$x[113], ..., x[120]$$

C. 
$$x[140], ..., x[152]$$

**D**. 
$$x[123], ..., x[132]$$

## Simulare Concurs Mate-Info – 8 aprilie 2024 Proba scrisă la INFORMATICĂ

## BAREM ŞI REZOLVARE

OFICIU: 10 puncte	
-------------------	--

-		
1	В	3.75 puncte
2	C	3.75 puncte
3	BD	3.75 puncte
4	ABD	3.75 puncte
5	AD	3.75 puncte
6	В	3.75 puncte
7	CD	3.75 puncte
8	ABD	3.75 puncte
9	С	3.75 puncte
10	AC	3.75 puncte
11	ACD	3.75 puncte
12	CD	3.75 puncte
13	D	3.75 puncte
14	ВС	3.75 puncte
15	ВС	3.75 puncte
16	AC	3.75 puncte
17	AD	3.75 puncte
18	ВС	3.75 puncte
19	ACD	3.75 puncte
20	В	3.75 puncte
21	BD	3.75 puncte
22	AD	3.75 puncte
23	AB	3.75 puncte
24	BD	3.75 puncte