





ECUACIONES

LINEALES Y

CUADRÁTICAS

ECUACIONES



Una ecuación es una igualdad de expresiones matemáticas, por ejemplo:

a)
$$3x + 4 = 7x - 20$$

b)
$$x^2 - 7x = 6x$$
 c) $x + y = 6$ d) $2^x = \cos(x)$

c)
$$x + y = 6$$

$$d) 2^x = \cos(x)$$

A las letras que figuran en las ecuaciones se les denomina:

Al valor o valores de dichas variables que convierte la ecuación en un enunciado verdadero se

le llama:

Al conjunto de todos estas soluciones se le llama:

Ejemplo:

A la ecuación 3x + 8 = 5x se le denomina ecuación lineal de una variable ¿Por qué?

5

ECUACIONES LINEALES DE UNA VARIABLE



Una ecuación lineal de una variable es una ecuación de la forma: ax + b = 0donde a y b son números reales y x es la variable.

Ejemplos:

b)
$$\frac{3x-1}{2} - \frac{x+1}{4} = \frac{2x+1}{6} + x$$

Determine el conjunto solución en cada

caso:

a)
$$6(x-4) = 2(x-1) + 3$$

|| EJERCICIO





Halle el conjunto solución : $x - \frac{x+1}{4} = \frac{2x+1}{3} - \frac{x-4}{2}$

7

ECUACIONES CUADRÁTICAS DE UNA VARIABLE



Una ecuación cuadrática o de segundo grado, de una variable es una ecuación de la forma $ax^2 + bx + c = 0$, donde a, b y c son números reales y x es la variable.

El conjunto solución de estas ecuaciones se puede determinar de varias maneras:

a) Fórmula: , a la expresión $b^2 - 4ac$ se le llama

Ejemplo:

Halle el conjunto solución de la ecuación: $6x^2 + x - 15 = 0$

EPE

ECUACIONES CUADRÁTICAS DE UNA VARIABLE



b) Factorización

Halle el conjunto solución:

$$x^2 + 5x - 24 = 0$$

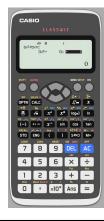
Solución:

c) Uso de calculadora para resolver ecuaciones cuadráticas. Halle el conjunto solución en cada caso.

a)
$$6x^2 + x - 15 = 0$$

$$b) 4x^2 + 12x + 9 = 0$$

c)
$$x^2 + 2x + 5 = 0$$



C

_

CONTROL DE APRENDIZAJE



Halle el conjunto solución:

$$x(x-5) = 3(x^2-2x) + 2(x^2-3) + 1$$





DESIGUALDADES



Una desigualdad es una relación de orden entre dos expresiones cuando éstas son distintas. Las relaciones de orden que utilizamos son:

Menor que	<	Mayor que	>
Menor o igual que	≤	Mayor o igual que	≥

Ejemplos:

DESIGUALDAD	LECTURA
20 > 10	
$a \leq b$	
$3 < a \le 8$	
$-2 \leq b$	

EPF

PROPIEDADES



- (I) Al intercambiar los miembros de una desigualdad, se modifica el sentido de la misma. Ejemplo:
- (II) Al sumar o restar un mismo número a ambos miembros de una igualdad, esta no cambia de sentido. Ejemplo:
- (III) Al multiplicar los dos miembros de una desigualdad por un mismo número positivo, se obtiene otra desigualdad que será de igual sentido. Ejemplo:
- (IV) Al multiplicar los dos miembros de una desigualdad por un mismo número negativo, se obtiene otra desigualdad que será de sentido opuesto.Ejemplo:

13

INTERVALOS



Son subconjuntos de los números reales que cumplen con ciertas relaciones de orden.

CLASIFICACIÓN DE LOS INTERVALOS

Intervalo abierto:]a; b[

Representación de conjunto:

$$x \in [a; b[= \{x \in \mathbb{R} \mid a < x < b\}]$$

Representación gráfica:



Ejemplo: $x \in]-3; 4[$

Significa:

Gráfica:

Intervalo cerrado: [a; b]

Representación de conjunto:

$$x \in [a; b] = \{x \in \mathbb{R} \mid a \le x \le b\}$$

Representación gráfica:



Ejemplo: $x \in [-1; 5]$

Significa:

Gráfica:

CLASIFICACIÓN DE LOS INTERVALOS



Intervalo semiabierto por la derecha:

Representación de conjunto:

$$x \in [a; b[= \{x \in \mathbb{R} \mid a \le x < b\}]$$



Ejemplo: $x \in [-2; 6[$

Significa:

Gráfica:

Intervalo semiabierto por la izquierda:

Representación de conjunto:

$$x \in]a; b] = \{x \in \mathbb{R} \mid a < x \le b\}$$



Ejemplo: $x \in]1;8]$

Significa:

Gráfica:

15

CLASIFICACIÓN DE LOS INTERVALOS



Ejemplo: Complete el cuadro adjunto:

INTERVALO	DESIGUALDAD	GRÁFICA
[1;8]		
		-1 5
	$2 \le a < 7$	
]-2;4]		

Ш	IN	JTI	ER'	VA	LC)S 1	IN	FTN	TI	OS	

INTERVALO	DESIGUALDAD	GRÁFICA
$a \in]-\infty; 8]$		
	b > 7	
		5
	<i>h</i> ≥ 7	

EDE

OPERACIONES CON INTERVALOS



Siendo los intervalos un subconjunto de los números reales (\mathbb{R}) , es posible realizar entre ellos operaciones como: Unión e Intersección.

UNIÓN DE INTERVALOS

La unión de dos intervalos A y B que se representa por $A \cup B$ está formado por todos los elementos de ambos intervalos.

Ejemplo:

A = [-1; 6] y B = [-4; 5] entonces $A \cup B$ se forma por todos los elementos de A y B

Lo recomendable para realizar la operación es graficar:



EPE

OPERACIONES CON INTERVALOS



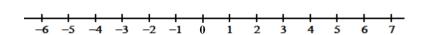
INTERSECCIÓN DE INTERVALOS

La intersección de dos intervalos A y B que se representa por $A \cap B$ está formado por los elementos comunes de ambos intervalos.

Ejemplo:

A = [-1; 6] y B = [-4; 5] entonces $A \cap B$ se forma por todos los elementos de A y B.

Lo recomendable para realizar la operación es graficar:



 $A \cap B =$

19

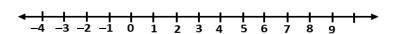
EJERCICIOS

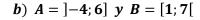


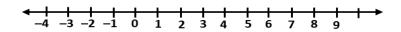


Halle $A \cup B$ y $A \cap B$ en cada caso

a)
$$A = [-2;7]$$
 y $B = [-3;4]$







CONTROL DE APRENDIZAJE



- A) Represente como intervalo cada uno de los siguientes enunciados
 - I. x es menor que 4 pero mayor o igual que -5
 - II. x es mayor o igual que 20
 - III. x toma valores entre 12 y 20
 - IV. x toma valores desde el 12 hasta el 20
- **B) Interprete:**
 - I. $x \in]-2$; 8] x toma valores mayores que ____ pero ____
 - II. $y \in [3; \infty[$
 - III. $h \in]-\infty; 4]$ ______



21



EPE

INECUACIONES



Una inecuación es una desigualdad entre dos expresiones algebraicas.

Las soluciones de una inecuación son los valores de las incógnitas que hacen cierta la desigualdad.

Ejemplo:

$$x^2 - 4x < 6 + x$$
, una solución es $x = 5$ ¿Por qué?

¿Es
$$x = 7$$
 una solución?

¿Es
$$x = -1$$
 una solución?

Al conjunto de todos los valores de x que verifican la inecuación se le llama:

23

| INECUACIONES LINEALES CON UNA VARIABLE



$$ax + b < 0$$

$$ax + b > 0$$

$$ax + b \leq 0$$

$$ax + b \ge 0$$

El conjunto solución de estas inecuaciones se determina despejando la variable, aplicando las propiedades de desigualdades.

Ejemplo:

Resuelva las inecuaciones: a) 4x - 3 < 3x + 7

b)
$$6x - 3 \le 10x + 21$$

EJERCICIOS





Resuelva cada una de las siguientes inecuaciones:

a)
$$4x - 3 \le 10x - 21$$

$$b) (x-3)^2 \le x^2$$

25

CONTROL DE APRENDIZAJE

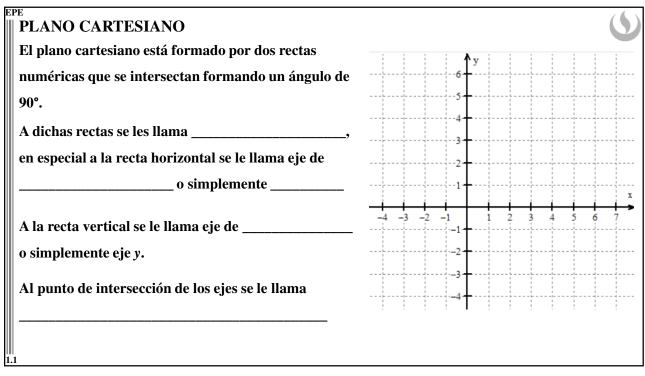


Halle el conjunto solución de: $3x - \frac{3x}{x}$

$$\frac{3x-1}{3} - \frac{x-2}{4} > 2 - \frac{x+1}{6}$$







UBICACIÓN DE PUNTOS EN EL PLANO CARTESIANO



Todo punto del plano está determinado por un par ordenado que se llama _____

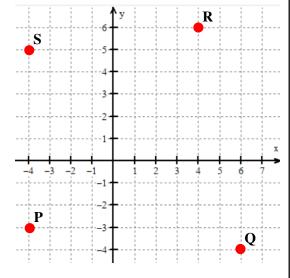
y se representa por (x; y).

El primer número se llama abscisa del punto y el segundo número se llama ______ del punto.

Ejemplo

En la figura adjunta ubique los puntos:

$$P(-4;-3); Q(6;-4); R(4;6); S(-4;5).$$



UBICACIÓN DE PUNTOS EN EL PLANO CARTESIANO



El Plano Cartesiano está divido en cuatro regiones

llamados ______y numerados

como se indica en la figura adjunta.

Ejemplos

Ubique a qué cuadrante pertenece cada uno de los puntos indicados en la figura adjunta.

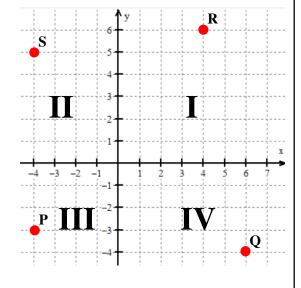
$$P(-4; -3)$$

Q(6; -4)

S(-4; 5)

El punto (6; 0) esta ubicado en _____

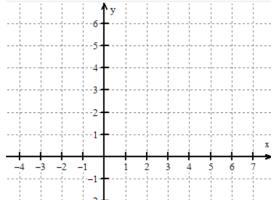
El punto (0; -4) esta ubicado en _____



DISTANCIA ENTRE DOS PUNTOS

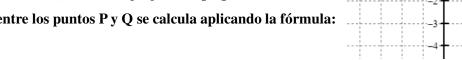
Ejemplo:

Ubique en el plano cartesiano los puntos P (-3; 4) y Q (5; -2). Halle la distancia entre P y Q. APLICANDO EL TEOREMA DE PITÁGORAS



CONCLUSIÓN:

Dados los puntos $P(x_1; y_1)$ y $Q(x_2; y_2)$ la distancia dentre los puntos P y Q se calcula aplicando la fórmula:



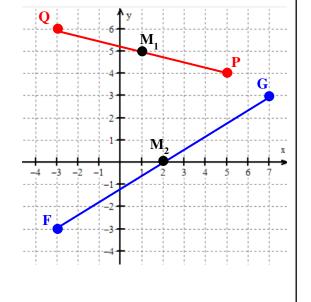
31

PUNTO MEDIO

Ejemplo:

En cada caso halle las coordenadas del punto medio del segmento determinado por los puntos indicados.

a) P (5; 4) y Q (-3; 6). b) F (-3; -3) y G (7; 3).



Conclusión: Dos puntos $P(x_1; y_1)$ y $Q(x_2; y_2)$ determinan un segmento, las coordenadas del punto medio M se calculan aplicando la fórmula:

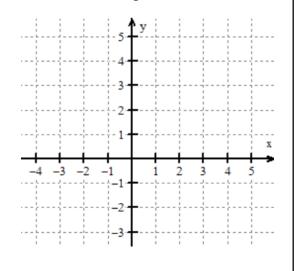
|| EJERCICIOS





Grafique en el plano cartesiano el cuadrilátero cuyos vértices son A (5; 1), B (-2; 5), C (-4; -2), D (3; -3). Halle la distancia del punto medio de BC al punto medio de AD.

(V) (F)



33

CONTROL DE APRENDIZAJE



- a) El eje de ordenadas es una recta horizontal (V) (F)
- b) El punto (0; 8) pertenece al IIC
- c) El punto (-6; 0) pertenece al eje x (V) (F)
- d) Halle la distancia del punto A(-8; 7) al punto B(4; 2)





BIBLIOGRAFÍA

STEWART, James (2012).

PRECÁLCULO: MATEMÁTICAS PARA EL CÁLCULO.

Sexta edición. México, D.F. Cengage Learning.

Ecuaciones lineales y cuadráticas pág. (49 – 54)

Desigualdades e intervalos pág. (73 – 76)

Plano Cartesiano, distancia y punto medio pág. (83 -85)

PRECÁLCULO 6

