

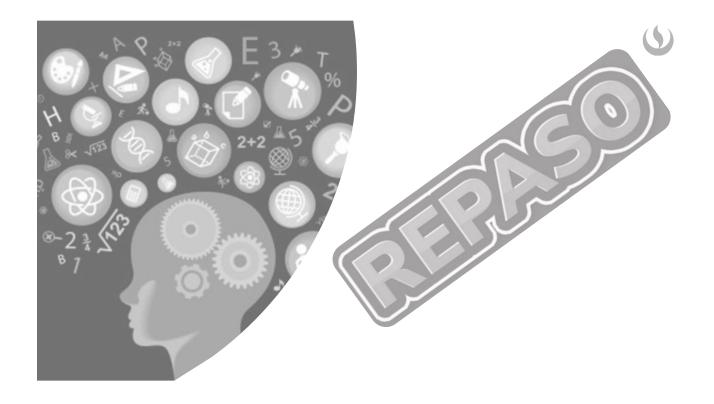


3.1



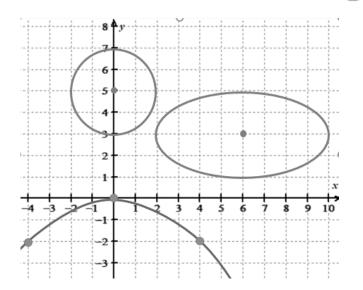
1





#### CIRCUNFERENCIA - PARÁBOLA - ELIPSE

Halle las ecuaciones de cada una de las curvas mostradas en la figura adjunta.



3.1



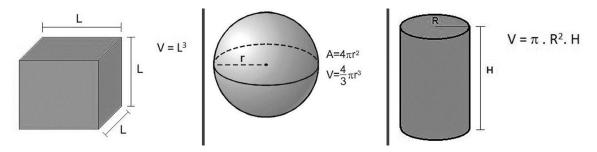


# FUNCIONES DOMINIO

#### **FUNCIÓN**



Muchas magnitudes dependen de otras, por ejemplo:



Para describir como una magnitud depende o es determinada por otra se usa el concepto de función.

3.1

EPE || FUNCIÓN



También podemos decir que una función es una relación entre dos variables que asocia a cada valor de la primera variable (llamada variable independiente), un único valor de la segunda variable (llamada variable \_\_\_\_\_\_).

**Ejemplos:** 

$$T(t) = 30 + 70e^{-0.06t}$$

$$C(q) = 400 + 100q$$

$$H(t) = 60t + \frac{gt^2}{2}$$

T = temperatura en grados Celsiu s. t = tiempo en minutos.

$$C = \cos to \text{ en dólares.}$$
  
 $q = \operatorname{cantidad en unidad es.}$ 

VI:

VI:

VI:

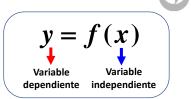
VD:

VD:

VD:

#### FUNCIÓN REAL DE VARIABLE REAL

Una función real de variable real es una función en la que tanto los valores de la variable dependiente (generalmente y) como los de la variable independiente (generalmente x) son números reales.



Esta relación se representa mediante: y = f(x) esta expresión indica que la variable \_\_\_\_ depende de la variable \_\_\_\_

Nota: f(x) se lee fde x o f en x.

**Ejemplos:** 

a) 
$$f(x) = 3x^3 - 2x^2 + 3$$
 Función polinómica

- b)  $y = \sin(2x)$  función trigonométrica c)  $y = \ln(x)$  función logarítmica
- d)  $y = e^x$  función exponencial e)  $y = \frac{x-1}{x^2+1}$  función racional

3.1

EPE

#### DOMINIO - RANGO - REGLA DE CORRESPONDENCIA

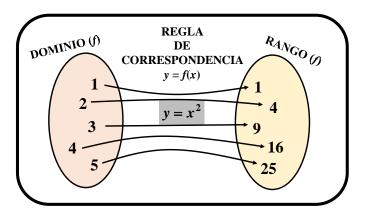


Dada una función f definida por: y = f(x)

Conjunto de valores que toma la variable independiente x se le llama

Conjunto de valores que toma la variable dependiente y se le llama \_\_\_\_\_\_

El dominio de una función f se representa El rango de una función f se representa por \_\_\_\_\_ A la ecuación que relaciona las variables se le denomina



#### EVALUACIÓN DE UNA FUNCIÓN



Evaluar una función consiste en determinar el valor de la variable dependiente, dado el valor de la variable independiente.

y = f(4) significa que se debe hallar el valor de y para \_\_\_\_\_

Ejemplo:

a) 
$$f(x) = -x^4 + x^2 + 5$$
  $f(2) =$ 

b) 
$$g(x) = \frac{x^2 + 1}{x - 3}$$
  $g(-2) =$ 

c) 
$$h(x) = \sqrt{4-x}$$
  $h(-5) =$ 

d) 
$$h(x) = \operatorname{sen} x \longrightarrow h\left(\frac{5\pi}{6}\right) =$$

3.1

**EPE** 

#### CÁLCULO DEL DOMINIO DE UNA FUNCIÓN



Cuando una función se define mediante su regla de correspondencia y = f(x) y el dominio no es explícito, se entiende que el dominio es el mayor conjunto de valores de x para los cuales la expresión f(x) tiene sentido como número real. Éste es el llamado dominio natural o dominio implícito de la función.

Ejemplo:

$$y = f(x) = \sqrt{x+3}$$
,  $x \in [-2; 6[$ 

**DOMINIO EXPLÍCITO:** en este caso se indica los valores que puede tomar x, Dom f = [-2; 6]

$$y = f(x) = \sqrt{x+3}$$

DOMINIO NATURAL O IMPLÍCITO: en este caso NO se indica los valores que puede tomar x entonces hay que calcularlos.

Dom f =

#### CÁLCULO DEL DOMINIO DE UNA FUNCIÓN



Si la expresión analítica de la función es un polinomio, el dominio son todos los números reales.

Ejemplo: 
$$f(x) = -x^4 + x^2 + 5$$
, Dom  $f = -x^4 + x^2 + 5$ 

Si la expresión analítica de la función es un cociente de funciones polinómicas, el dominio son todos los reales excepto los que anulan el denominador.

Ejemplo:

$$f(x) = \frac{x^2 + 1}{x - 9}$$

$$g(x) = \frac{x^2 + 1}{x^2 - 9}$$

Solución:

Solución:

3.1

EPE

#### CÁLCULO DEL DOMINIO DE UNA FUNCIÓN



Si la expresión analítica de la función es una raíz cuadrada, el dominio está formado por los números reales para los que el radicando es mayor o igual que cero.

**Ejemplos:** 

$$a) f(x) = \sqrt{x-3}$$

$$b) f(x) = \sqrt{6-x}$$

$$c) f(x) = \frac{1}{\sqrt{x+7}}$$

#### **EJERCICIOS**

#### Calcule el dominio en cada caso

$$a)f(x) = \sqrt{x}$$

$$b)f(x) = \sqrt{9 - x}$$

$$c)f(x) = \frac{1}{x}$$

$$d)f(x) = \frac{1}{x - 4}$$

3.1

#### EPE

#### **EJERCICIOS**

#### Halle el dominio en cada caso

$$a)g(x) = \frac{1}{x^2 - 4x}$$

$$b)f(x) = \sqrt{x^2 - 9}$$



#### **CONTROL DE APRENDIZAJE**



Halle el dominio de la función f.

$$f(x) = \frac{\sqrt{4-x}}{x^2 - 25}$$



3.1



# GRÁFICA DE FUNCIONES



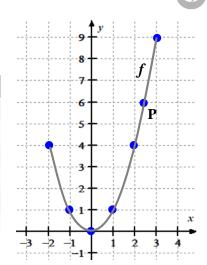
#### GRÁFICA DE FUNCIONES

Si y = f(x) es una función con dominio A, entonces la gráfica de fes el conjunto de puntos (x; y) para todos los valores de x que pertenecen al dominio.

En la figura adjunta se muestra la gráfica de una función f cuya regla es  $y = x^2, x \in [-2; 3].$ 

El punto P pertenece a la curva, ¿puede hallar sus coordenadas?

$\boldsymbol{x}$	y
-2	
-1	
0	
1	
2	
3	



3.1

#### **EJERCICIO**

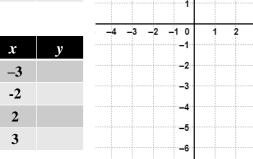


Esboce la gráfica en cada caso:

A) 
$$f(x) = 2x - 4$$
,  $x \in [-1; 4[$ 

B) 
$$g(x) = x^2 - 1$$
,  $x \in [-3; +\infty[$ 

$\boldsymbol{x}$	y
-1	
0	
2	
4	



3

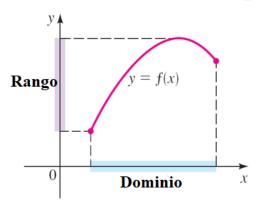
#### DOMINIO Y RANGO (INTERPRETACIÓN GRÁFICA)

(1)

Dada la gráfica de una función se puede determinar su dominio y rango.

El dominio de una función se puede obtener proyectando sobre el \_\_\_\_\_ cada uno de los puntos de la curva.

El rango de una función se puede obtener proyectando sobre el \_\_\_\_\_ cada uno de los puntos de la curva.



3.1

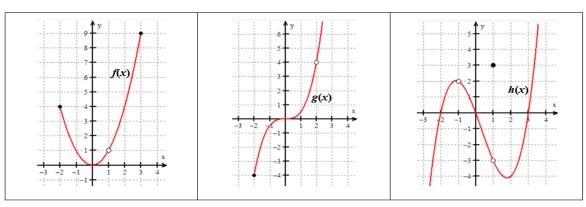
EPE

#### DOMINIO Y RANGO (INTERPRETACIÓN GRÁFICA)



**Ejemplos:** 

Determine el dominio y rango de cada una de las siguientes funciones.



Dom f =

Domg =

Dom f =

Ranf =

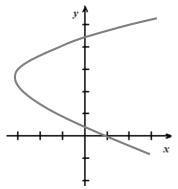
Rang =

Ranf =

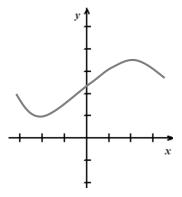
#### GRÁFICA DE UNA FUNCIÓN: PRUEBA DE LA LÍNEA VERTICAL



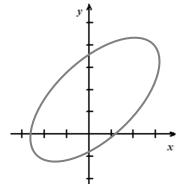
Una curva en el plano coordenado es la gráfica de una función si y solo si al trazar una recta vertical por cualquier parte del dominio esta intersecta a la curva en un solo punto.



No es función pues al trazar la recta vertical corta a la curva en dos puntos



Si es función pues al trazar la recta vertical corta a la curva en un solo punto



No es función pues al trazar la recta vertical corta a la curva en dos puntos

3.1

EPE

#### GRÁFICA DE UNA FUNCIÓN: INTERSECCIONES CON LOS EJES

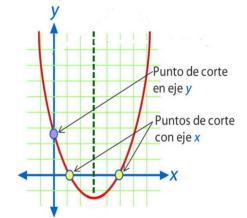


Se denominan puntos de intersección o puntos de corte con los ejes coordenados a los puntos en los cuales la gráfica de la función corta al eje de abscisas y/o al eje de ordenadas.

Dada una función f cuya regla es y = f(x)

Los puntos de intersección con el eje x se obtienen resolviendo la ecuación:  $y = \underline{\hspace{1cm}}$  o f(x) =

Los puntos de intersección con el eje y se obtienen reemplazando:  $x = \underline{\hspace{1cm}}$  o y =



#### GRÁFICA DE UNA FUNCIÓN: INTERSECCIONES CON LOS EJES



Ejemplo:

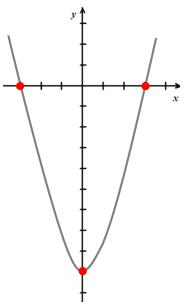
Dada una función f cuya regla es  $f(x) = x^2 - 9$ , halle los puntos de intersección de la gráfica de la función con los ejes coordenados.

Intersección con el eje x: y = f(x) = 0 entonces:  $x^2 - 9 =$  resolviendo se obtiene  $x_1 =$ ;  $x_2 =$ 

Esto significa que los puntos de intersección con el eje x son:

Intersección con el eje y: y = f(0) =

Esto significa que el punto de intersección con el eje y es:



3.1

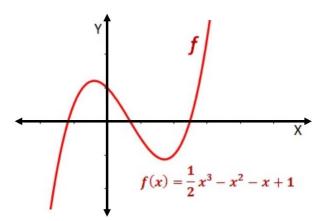
### EPE | EJERCICIO





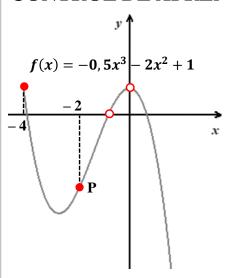
En la figura adjunta se tiene la gráfica de una función f, halle las coordenadas de los puntos de intersección con los ejes coordenados.

f(x) = 0 usando la calculadora



#### **CONTROL DE APRENDIZAJE**





En la figura adjunta se muestra la gráfica de una función f. Halle dominio, rango y las coordenadas del punto P.







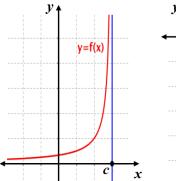
# ASÍNTOTAS VERTICALES

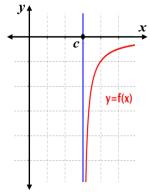


ASÍNTOTAS HORIZONTALES

#### ASÍNTOTAS VERTICALES

acerca a c por la derecha?





#### Conclusión:

Si para un valor c (del eje x) f(x) tiende o se va al infinito (o menos infinito) cuando x se acerca a c por la derecha o por la izquierda, se dice que la recta x = c es una asíntota vertical de la gráfica de f.

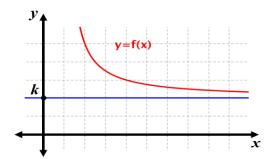
3.1

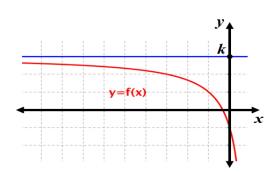
**EPE** 

#### ASÍNTOTAS HORIZONTALES

Las asíntotas horizontales de una función son rectas horizontales de la forma y = k.

Si x aumenta ilimitadamente (o disminuye ilimitadamente) y f(x) tiende o se acerca a un valor k, se dice que la recta y = k es una asíntota horizontal de f.





#### **EJERCICIO**



De la figura adjunta determine:

**Dominio:** 

Rango:

Asíntotas horizontales:

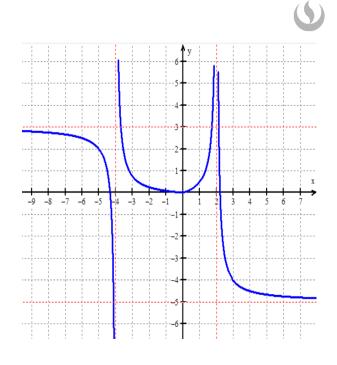
Asíntotas verticales:

¿Qué signo tiene f(-6)?

¿Qué signo tiene f(4)?

f(3) > f(6)?

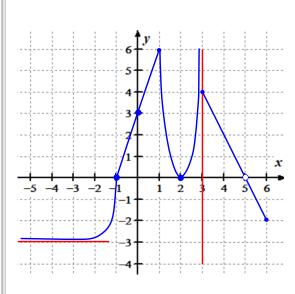
3.1



EPI

#### **CONTROL DE APRENDIZAJE**





En la figura adjunta se muestra la gráfica de una función f cuya regla es y = f(x).

- a) Dominio:
- b) Rango:
- c) Asíntotas verticales:
- d) Asíntotas horizontales:
- e) Puntos de intersección con los ejes.





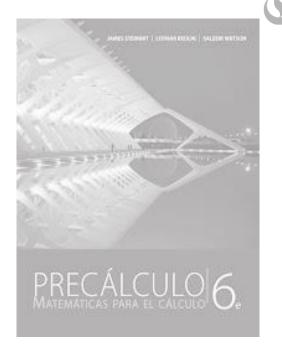
EPE BIBLIOGRAFÍA

STEWART, James (2012).

PRECÁLCULO: MATEMÁTICAS PARA EL CÁLCULO.

Sexta edición. México, D.F. Cengage Learning.

Funciones: Páginas 141-172



EPF

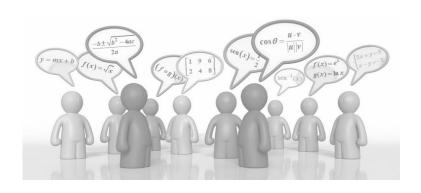
#### **ACTIVIDADES DE LA SEMANA 3**



**Control 2** 

ASESORÍA 2, clase programada con el AAD CONTROL DE RECUPERACIÓN 2, se evalúa en la asesoría 2 EVALUACIÓN VIRTUAL 1

#### **CONSULTAS**



3.1

EPE



## **FUNCIONES**

CRECIMIENTO-CONTINUIDAD-VALORES EXTREMOS-CEROS-POSITIVIDAD Y NEGATIVIDAD

