## 1 基础数据结构

## 1.1 Link List in Python:

```
class nodes:
def __init__(self, val=None, pre=None, next=None):
self.val = val
self.next = next
```

#### **EX** 1

洛谷 P1996 约瑟夫问题

题目描述

n 个人围成一圈,从第一个人开始报数,数到 m 的人出列,再由下一个人重新从 1 开始报数,数到 m 的人再出圈,依次类推,直到所有的人都出圈,请输出依次出圈人的编号。

注意:本题和《深入浅出-基础篇》上例题的表述稍有不同。书上表述是给出淘汰 n-1 名小朋友,而该题是全部出圈。

输入格式

输入两个整数 n,m。

输出格式

输出一行 n 个整数,按顺序输出每个出圈人的编号。

输入输出样例

输入 #1

10 3

输出 #1

3 6 9 2 7 1 8 5 10 4

说明/提示

1 m,n 100

```
# 动态链表
     class node:
       data = None
       next = None
     n, m = map(int, input().split())
     # init link list
     head = node()
     head.data = 1
     now = head
     for i in range(2, n+1):
11
       p = node()
12
       p.data = i
13
14
       now.next = p
       now = p
     now.next = head
16
17
     prev = now
     now = head
18
     while n > 0:
19
20
       n -= 1
      for i in range(m-1):
        prev = now
         now = now.next
23
24
       print(now.data, end='\_')
       prev.next = now.next
25
       now = now.next
```

<sup>1 #</sup> 列表和索引计算

n, m = map(int, input().split())

```
3    people = list(range(1, n+1))
4    rst = []
5    current = 0
6    index = 0
7    while people:
8        index = (current + m - 1) % len(people)
9        rst.append(people.pop(index))
10        current = index
11    print('u'.join(map(str, rst)))
```

#### **EX 2**

洛谷 P1160 队列安排

题目描述

- 一个学校里老师要将班上 N 个同学排成一列,同学被编号为  $1 \sim N$ ,他采取如下的方法:
- 1. 先将 1 号同学安排进队列,这时队列中只有他一个人;
- 2.  $2 \sim N$  号同学依次入列,编号为 i 的同学入列方式为:老师指定编号为 i 的同学站在编号为  $1 \sim (i-1)$  中某位同学(即之前已经入列的同学)的左边或右边;
  - 3. 从队列中去掉 M 个同学, 其他同学位置顺序不变。

在所有同学按照上述方法队列排列完毕后,老师想知道从左到右所有同学的编号。

输入格式

第一行一个整数 N, 表示了有 N 个同学。

第  $2 \sim N$  行,第 i 行包含两个整数 k,p,其中 k 为小于 i 的正整数,p 为 0 或者 1。若 p 为 0,则表示将 i 号同学插入到 k 号同学的左边,p 为 1 则表示插入到右边。

第 N+1 行为一个整数 M,表示去掉的同学数目。

接下来 M 行,每行一个正整数 x,表示将 x 号同学从队列中移去,如果 x 号同学已经不在队列中则忽略这一条指令。

输出格式

一行,包含最多N个空格隔开的整数,表示了队列从左到右所有同学的编号。

输入输出样例 #1

输入 #1

4 1 0 2 1 1 0 2 3 3

输出 #1

 $2\ 4\ 1$ 

说明/提示

\*\*【样例解释】\*\*

将同学 2 插入至同学 1 左边,此时队列为:

2 1

将同学 3 插入至同学 2 右边,此时队列为:

2 3 1

将同学 4 插入至同学 1 左边,此时队列为:

 $2\ 3\ 4\ 1$ 

将同学 3 从队列中移出,此时队列为:

2 4 1

同学3已经不在队列中,忽略最后一条指令

最终队列: 241

# 【数据范围】

对于 20% 的数据,  $1 \le N \le 10$ 。

对于 40% 的数据,  $1 \le N \le 1000$ 。

对于 100% 的数据,  $1 < M \le N \le 10^5$ 。

```
# 链表
     class nodes:
 2
        \mbox{def } \mbox{\tt \_init}\mbox{\tt \_(self, val=None, next=None, prev=None):}
 3
          self.val = val
          self.next = next
          self.prev = prev
     N = int(input())
     people = nodes(1)
     head = people
     idx = {1: people}
11
     for i in range(2, N+1):
12
        node = nodes(i)
13
        k, p = map(int, input().split())
14
15
        k = idx[k]
        if p == 0:
17
          if k.prev:
             k.prev.next = node
18
             node.prev = k.prev
19
          node.next = k
20
          k.prev = node
21
          if k == head:
             head = node
        elif p == 1:
24
          if k.next:
25
             k.next.prev = node
26
27
             node.next = k.next
          node.prev = k
          k.next = node
29
        idx[i] = node
30
31
     M = int(input())
32
33
     for i in range(M):
        x = int(input())
        if x in idx.keys():
35
          k = idx[x]
36
          if k.prev:
37
38
             k.prev.next = k.next
39
             if k.next:
                k.next.prev = k.prev
          if k.next:
41
             k.next.prev = k.prev
42
             if k.prev:
43
               k.prev.next = k.next
44
45
             if k == head:
               head = k.next
          del idx[x]
47
48
      while head:
49
        \mathbf{print}(\mathtt{head.val},\ \mathtt{end='}_{\sqcup}\,')
50
        head = head.next
51
```

## 1.2 Queue in Python

## 1.2.1 双端队列

```
1 from collections import deque # 双端队列
2
3 queue = deque(maxlen = 10) # 最大长度为10, None为无限制
4 queue = deque(iterable) # init queue by iterable obj.
5
```

```
6 queue.append(x) # add x to right side
7 queue.appendleft(x) # add x to left side
8
9 queue.extend(iterable) # extend right side by iterable obj.
10 queue.extendleft(iterable) # extend the left side by iterable obj.
11
12 queue.pop() # pop element from right side
13 queue.popleft() # pop element from left side
14
15 queue.remove(x) # remove x from Queue, raise error if not found
16 queue.clear() # clear Queue
17
18 queue.reverse() # reverse Queue
19 queue.insert(i, x) # insert x into queue at position i
20 queue.count(x) # count the number of queue elements = x
21 queue.index(x) # return first match position, raise error if not found
```

#### **EX** 1

洛谷 P1540 [NOIP 2010 提高组] 机器翻译

题目背景

NOIP2010 提高组 T1

题目描述

小晨的电脑上安装了一个机器翻译软件,他经常用这个软件来翻译英语文章。

这个翻译软件的原理很简单,它只是从头到尾,依次将每个英文单词用对应的中文含义来替换。对于每个英文单词,软件会先在内存中查找这个单词的中文含义,如果内存中有,软件就会用它进行翻译;如果内存中没有,软件就会在外存中的词典内查找,查出单词的中文含义然后翻译,并将这个单词和译义放入内存,以备后续的查找和翻译。

假设内存中有 M 个单元,每单元能存放一个单词和译义。每当软件将一个新单词存入内存前,如果当前内存中已存入的单词数不超过 M-1,软件会将新单词存入一个未使用的内存单元;若内存中已存入 M 个单词,软件会清空最早进入内存的那个单词,腾出单元来,存放新单词。

假设一篇英语文章的长度为 N 个单词。给定这篇待译文章,翻译软件需要去外存查找多少次词典?假设在翻译开始前,内存中没有任何单词。

输入格式

共2行。每行中两个数之间用一个空格隔开。

第一行为两个正整数 M, N,代表内存容量和文章的长度。

第二行为 N 个非负整数,按照文章的顺序,每个数(大小不超过 1000)代表一个英文单词。文章中两个单词是同一个单词,当且仅当它们对应的非负整数相同。

输出格式

一个整数,为软件需要查词典的次数。

输入输出样例 #1

输入 #1

 $3\ 7\ 1\ 2\ 1\ 5\ 4\ 4\ 1$ 

输出 #1

5

说明/提示

样例解释

整个查字典过程如下: 每行表示一个单词的翻译, 冒号前为本次翻译后的内存状况:

1. 1: 查找单词 1 并调入内存。2. 1 2: 查找单词 2 并调入内存。3. 1 2: 在内存中找到单词 1。4. 1 2 5: 查找单词 5 并调入内存。5. 2 5 4: 查找单词 4 并调入内存替代单词 1。6. 2 5 4: 在内存中找到单词 4。7. 5 4 1: 查找单词 1 并调入内存替代单词 2。

共计查了5次词典。

数据范围

- 对于 10% 的数据有  $M=1,\ N\leq 5;\$ - 对于 100% 的数据有  $1\leq M\leq 100,\ 1\leq N\leq 1000.$ 

```
1 # 队列 collections.deque
2 from collections import deque
3 from array import array
5 M, N = map(int, input().split())
6 q = deque(maxlen=M) # 双向队列
7 qs = set() # 用作哈希表
8 count = 0 # 计数
9 inp_ary = array('i', map(int, input().split())) # 输入数据
10 1 = len(inp_ary)
11 for i in range(1):
    if inp_ary[i] not in qs:
      if len(q) == M:
13
         qs.remove(q.popleft())
14
       qs.add(inp_ary[i])
15
       q.append(inp_ary[i])
       count += 1
18 print(count)
```

#### 1.2.2 单调队列

洛谷 P1886 滑动窗口 / 【模板】单调队列

题目描述

有一个长为 n 的序列 a,以及一个大小为 k 的窗口。现在这个从左边开始向右滑动,每次滑动一个单位,求出每次滑动后窗口中的最大值和最小值。

例如,对于序列 [1,3,-1,-3,5,3,6,7] 以及 k=3,有如下过程:

窗口位置								最小值	最大值
[1	3	-1]	-3	5	3	6	7	-1	3
1	[3	-1	-3]	5	3	6	7	-3	3
1	3	[-1	-3	5]	3	6	7	-3	5
1	3	-1	[-3	5	3]	6	7	-3	5
1	3	-1	-3	[5	3	6]	7	3	6
1	3	-1	-3	5	[3	6	7]	3	7

输入格式

输入一共有两行,第一行有两个正整数 n,k。第二行 n 个整数,表示序列 a

输出格式

输出共两行,第一行为每次窗口滑动的最小值第二行为每次窗口滑动的最大值

输入输出样例 #1

输入#1

8 3 1 3 -1 -3 5 3 6 7

输出 #1

-1 -3 -3 -3 3 3 3 3 5 5 6 7

说明/提示

【数据范围】对于 50% 的数据, $1 \le n \le 10^5$ ;对于 100% 的数据, $1 \le k \le n \le 10^6$ , $a_i \in [-2^{31}, 2^{31})$ 。

 $_{1}$  from collections import deque

<sup>2</sup> from array import array

<sup>3</sup> import sys

6

```
5 # input
6 n, k = map(int, input().split())
7 a = list(map(int, input().split()))
9 min_q = deque()
10 max_q = deque()
11 min_rst = []
12 max_rst = []
14 for i in range(n):
     # minimum queue
15
     while min_q and a[min_q[-1]] > a[i]:
16
17
      min_q.pop()
    min_q.append(i)
     # maximum queue
     while max_q and a[max_q[-1]] < a[i]:
20
      max_q.pop()
21
    max_q.append(i)
22
23
24
     # 开始记录
    if i >= k - 1:
      min_rst.append(a[min_q[0]])
26
27
      max_rst.append(a[max_q[0]])
28
     # 弹出窗口外的元素
29
    if min_q and min_q[0] <= i - k + 1:</pre>
31
      min_q.popleft()
     if max_q and max_q[0] \le i - k + 1:
32
      max_q.popleft()
33
34
35 # output
36 print('\''.join(map(str, min_rst)))
37 print('\'\'.join(map(str, max_rst)))
```

#### 1.2.3 单调队列与动态规划

## 通过前缀和 + 单调队列 + 动态规划求解子序和问题

洛谷 P1714

Problem Description

给定一个序列, 给定一个最大长度 m, 求一段长度不超过 m 的连续子序列, 使其子序和最大 Input

第 1 行输入 n, m. 分别为序列长度和最大长度

第 2 行输入 N 个数

Output

第 1 个数是最大子序和, 第 2 和第 3 个数是开始和终止位置

Case 1:

Input

5 2

 $1\ 2\ 3\ 4\ 5$ 

Output

9

Case 2:

Input

63

 $1 - 2 \ 3 - 4 \ 5 - 6$ 

```
Output
```

5

```
# 洛谷 P1714
     from collections import deque
3
     n, m = map(int, input().split())
     a = list(map(int, input().split()))
     s = [a[0]] # 前缀和
     dp = deque()
     ans = a[0]
10
     # 计算前缀和
12
     for i in range(1, n):
       s.append(s[i-1] + a[i])
13
     # 动态规划表
14
     dp.append(0)
15
     for i in range(1, n):
16
17
       # 队头越界
       while len(dp) > 0 and dp[0] < i - m:
18
19
         dp.popleft()
       if len(dp) == 0:
20
         ans = max(ans, s[i])
21
22
       else:
         # 此时队头时最小的s[k]
24
         ans = max(ans, s[i] - s[dp[0]])
       # 去尾
25
       # 由于要求最大子序和,当s[i] <= s[j]时,抛弃所有s[j]
26
       # 这样可以使得s[x] - s[i] >= s[x] - s[j]
27
28
       while len(dp) > 0 and s[dp[-1]] >= s[i]:
29
         dp.pop()
       dp.append(i)
30
31
     if len(dp) == n:
32
       ans = max(ans, s[-1])
33
     print(ans)
```

#### 1.2.4 优先队列

```
{\scriptstyle 1} \ \ \mathbf{from} \ \ \mathbf{queue} \ \ \mathbf{import} \ \ \mathbf{PriorityQueue}
2 MAXSiZE = 0
4 q = PriorityQueue(maxsize=MAXSiZE) # 队列大小, 默认为0, <=0的队列大小为无穷
  q1 = PriorityQueue()
7 q.empty() # if empty
8 q.full() # if full
9 q.qsize() # get current size
11 # add elem
12 # 两种添加方式不能混用
13 # 直接按照元素大小存入,元素大小越小,优先级越高
14 q.put(1)
15 q.put(2)
16 # q.put((priority number, data))
17 # priority number越小, 优先级越高
18 q1.put((2, 'ele'))
19 q1.put((-3, 'ele2'))
21 # get element, = pop()
22 q.get()
```

#### 1.3 Stack in Python

使用 deque 作为栈.

hdu 1062

翻转字符串

input:

olleh !dlrow

output:

hello world!

```
1 from collections import deque
2    s = deque()
3    inp = list(input().split())
4    for item in inp:
5    # enter stack
6    for i in item:
7         s.append(i)
8    while len(s) > 0:
9         print(s.pop(), end='')
10         print('u', end='')
```

#### 1.3.1 单调栈

洛谷 P2947 [USACO09MAR] Look Up S

题目描述

Farmer John's N ( $1 \le N \le 100,000$ ) cows, conveniently numbered 1..N, are once again standing in a row. Cow i has height H i ( $1 \le H$  i  $\le 1,000,000$ ).

Each cow is looking to her left toward those with higher index numbers. We say that cow i 'looks up' to cow j if i < j and  $H_i < H_j$ . For each cow i, FJ would like to know the index of the first cow in line looked up to by cow i.

Note: about 50

约翰的  $N(1 \le N \le 10^5)$  头奶牛站成一排,奶牛 i 的身高是  $H_i(1 \le H_i \le 10^6)$ 。现在,每只奶牛都在向右看齐。对于奶牛 i,如果奶牛 j 满足 i < j 且  $H_i < H_j$ ,我们可以说奶牛 i 可以仰望奶牛 j。求出每只奶牛离她最近的仰望对象。

Input

输入格式

1. Line 1: A single integer: N

Lines 2..N+1: Line i+1 contains the single integer:  $H_i$ 

第 1 行输入 N,之后每行输入一个身高  $H_i$ 。

输出格式

Lines 1..N: Line i contains a single integer representing the smallest index of a cow up to which cow i looks. If no such cow exists, print 0.

共 N 行,按顺序每行输出一只奶牛的最近仰望对象,如果没有仰望对象,输出 0。

输入输出样例#1

输入#1

6

3

2

6

```
1
1
2
输出 # 1
3
3
0
6
6
0
```

说明/提示

FJ has six cows of heights 3, 2, 6, 1, 1, and 2.

Cows 1 and 2 both look up to cow 3; cows 4 and 5 both look up to cow 6; and cows 3 and 6 do not look up to any cow.

【输入说明】6 头奶牛的身高分别为 3,2,6,1,1,2。

【输出说明】奶牛 #1,#2 仰望奶牛 #3, 奶牛 #4,#5 仰望奶牛 #6, 奶牛 #3 和 #6 没有仰望对象。

#### 【数据规模】

```
对于 20% 的数据: 1 \le N \le 10;
对于 50% 的数据: 1 \le N \le 10^3;
```

对于 100% 的数据:  $1 \le N \le 10^5, 1 \le H_i \le 10^6$ 。

```
1 from collections import deque
2 from array import array
3 n = int(input())
 4 cows = []
5 for i in range(n):
    cows.append(int(input()))
7 s = deque()
8 rst = array('i')
9 for i in range(n-1, -1, -1):
    # 由于反向遍历, 栈内元素必然在当前遍历元素的右边
    # 不比当前高的元素出栈, 保证栈底到栈顶的高度递减
    #目的是使得随着逐渐出栈,栈顶元素逐渐变高,以找到能比当前遍历元素高的元素
    while len(s) > 0 and cows[s[-1]] \le cows[i]:
13
      s.pop()
14
    if len(s) == 0:
15
16
     rst.append(0)
17
      rst.append(s[-1] + 1) # relationship between index & NO.
18
    s.append(i)
19
20 for i in range(len(rst)-1, -1, -1):
    print(rst[i])
```

## 1.4 Binary Tree in Python

```
class nodes:
def __init__(self, val=None, l=None, r=None):
self.val = val
self.l = l
self.r = r
```

#### 1.4.1 DFS 遍历

```
1 # pre
 _{2} def preorder(node):
      \quad \textbf{if not node:} \\
         return
      print(node.val, end='_{\sqcup}')
      preorder(node.1)
      preorder(node.r)
 9 # mid
10 def inorder(node):
      if not node:
         return
12
      inorder(node.1)
13
      \mathbf{print}(\mathtt{node.val},\ \mathtt{end='}_{\sqcup}\,')
14
15
      inorder(node.r)
16
17 # post
18 def postorder(node):
      if not node:
19
         return
20
^{21}
      postorder(node.1)
      postorder(node.r)
      \mathbf{print}(\mathtt{node.val}, \ \mathtt{end='}_{\sqcup}')
 1 # pre
 2 def preorder(node):
      if not node:
         return
      print(node.val, end='_{\sqcup}')
      preorder(node.1)
 6
      preorder(node.r)
 9 # mid
10 \operatorname{def} inorder(node):
11
      if not node:
         return
12
      inorder(node.1)
13
      \mathbf{print}(\mathtt{node.val},\ \mathtt{end='}_{\sqcup}\,')
14
15
      inorder(node.r)
17 # post
18 def postorder(node):
      if not node:
19
         return
20
21
      postorder(node.1)
      postorder(node.r)
      print(node.val, end='_{\sqcup}')
 1 # test code
 2 ab = ['A', 'B', 'C', 'D', 'E', 'F', 'G', 'H', 'I']
 3 n = list(nodes(i) for i in ab)
 4 \text{ root} = n[4]
 5 root.1 = n[1]
 6 root.r = n[6]
 7 root.1.1 = n[0]
 8 root.l.r = n[3]
 9 root.1.r.1 = n[2]
10 root.r.l = n[5]
11 root.r.r = n[-1]
12 root.r.r.l = n[-2]
```

1 // output 2 E B A D C G F I H

```
3 A B C D E F G H I
4 A C D B F H I G E
```

```
1 n = int(input())
2 global pre_tra
3 pre_tra = list(map(int, input().split()))
4 in_tra = list(map(int, input().split()))
6 root = nodes(pre_tra[0])
7 pre_tra = pre_tra[1:]
8 # split left and right subtree
9 mid = in_tra.index(root.val)
10 lp = in_tra[0:mid]
11 rp = in_tra[mid+1:]
13 def establish(root, lpart, rpart):
     global pre_tra
     # left part
15
     if \ lpart \ and \ pre\_tra:
16
17
      # connect subtree
      pivot = nodes(pre_tra[0])
     pre_tra = pre_tra[1:]
      root.1 = pivot
20
       # split left and right subtree
21
      mid = lpart.index(pivot.val)
22
       lp = lpart[0:mid]
23
       rp = lpart[mid+1:]
       establish(pivot, lp, rp)
     # right part
26
     if rpart and pre_tra:
27
       # connect subtree
28
       pivot = nodes(pre_tra[0])
29
30
      pre_tra = pre_tra[1:]
      root.r = pivot
31
       # split left and right subtree
32
       mid = rpart.index(pivot.val)
33
      lp = rpart[0:mid]
34
       rp = rpart[mid+1:]
35
       establish(pivot, lp, rp)
38 establish(root, lp, rp)
39 postorder(root)
```

## 1.4.2 哈夫曼编码

poj 1521

#### Question:

输入一个字符串,分别输出ASCII(8bit / character)和哈夫曼编码的长度,以及压缩比

```
Sample Input

AAAAABCD

THE_CAT_IN_THE_HAT
END
```

```
Sample Output 64 13 4.9
```

144 51 2.8

```
1 from queue import PriorityQueue
 2 s = input()
 3 while s != 'END':
     chaSet = set(item for item in s)
     q = PriorityQueue()
     # 只有一个字符的情况, 建哈夫曼树至少需要两个节点
     if len(s) == 1:
       print('8<sub>□</sub>1<sub>□</sub>8')
10
11
       for item in chaSet:
         q.put(s.count(item))
12
       rst = 0
13
       while q.qsize() > 1:
14
15
         a = q.get()
          b = q.get()
17
         q.put(a + b)
          #每增加一层,编码长度加1
18
          rst += a + b
19
20
        # clear queue
21
        q.get()
23
        print('\{\}_{\sqcup}\{\}_{\sqcup}\{\}'.format(str(8 * len(s)),
                      str(rst),
24
                      str(8 * len(s) / rst)))
25
26
     s = input()
```

## 1.5 Heap in Python

```
1 import heapq
3 # heapq创建的是小根堆,通过对元素取负可以转换为大根堆
5 # create a heap
6 # convert a list to heap
7 lst = [2, 8, 1, 63, 8, 1, 0, 4]
8 heapq.heapify(lst)
9 # 此后堆heap的任何操作都要通过库函数操作
10 print(lst)
12 # heapq.heappush(heap, item)
13 heapq.heappush(lst, 5)
14 print(lst)
15
16 # heapq.heappop(heap)
17 # -> pop and return the min element of heap
  \mathbf{print}(\mathtt{heapq.heappop(lst)})
  print(1st)
20
21 # heapq.heappushpop(heap, item)
22 # -> push item into heap, and return the min element
23 print(heapq.heappushpop(lst, 4))
24 print(1st)
```

## P3378 【模板】堆

题目描述

给定一个数列,初始为空,请支持下面三种操作:

- 1. 给定一个整数 \$x\$, 请将 \$x\$ 加入到数列中。
- 2. 输出数列中最小的数。
- 3. 删除数列中最小的数 (如果有多个数最小, 只删除 \$1\$ 个)。

#### 输入格式

第一行是一个整数, 表示操作的次数 \$n\$。

接下来 \$n\$ 行,每行表示一次操作。每行首先有一个整数 \$op\$ 表示操作类型。

- 若 \$op = 1\$,则后面有一个整数 \$x\$,表示要将 \$x\$ 加入数列。
- 若 \$op = 2\$,则表示要求输出数列中的最小数。
- 若 \$op = 3\$,则表示删除数列中的最小数。如果有多个数最小,只删除 \$1\$ 个。

#### 输出格式

对于每个操作 \$2\$,输出一行一个整数表示答案。

## 输入输出样例 1

#### 输入 1

5

1 2

1 5

2

3

输出 1

2

5

## 说明/提示

## 【数据规模与约定】

elif len(op) == 1:

- 对于 \$30\%\$ 的数据, 保证 \$n \leq 15\$。
- 对于 \$70\%\$ 的数据, 保证 \$n \leq 10^4\$。
- 对于 \$100\%\$ 的数据, 保证 \$1 \leq n \leq 10^6\$, \$1 \leq x \lt 2^{31}\$, \$op \in \{1, 2, 3\}\$。

```
import heapq
left to list()
heapq.heapify(lt)
heapq.heapify(lt)
for i in range(n):
op = list(map(int, input().split()))
filen(op) == 2:
heapq.heappush(lt, op[1])
```

```
if op[0] == 2:
    rst = heapq.nsmallest(1, lt)
    print(rst[0])
    elif op[0] == 3:
        heapq.heappop(lt)
```