1 基础数据结构

1.1 Link List in Python:

```
class nodes:
def __init__(self, val=None, pre=None, next=None):
self.val = val
self.next = next
```

EX 1

洛谷 P1996 约瑟夫问题

题目描述

n 个人围成一圈,从第一个人开始报数,数到 m 的人出列,再由下一个人重新从 1 开始报数,数到 m 的人再出圈,依次类推,直到所有的人都出圈,请输出依次出圈人的编号。

注意:本题和《深入浅出-基础篇》上例题的表述稍有不同。书上表述是给出淘汰 n-1 名小朋友,而该题是全部出圈。

输入格式

输入两个整数 n,m。

输出格式

输出一行 n 个整数,按顺序输出每个出圈人的编号。

输入输出样例

输入 #1

10 3

输出 #1

3 6 9 2 7 1 8 5 10 4

说明/提示

1 m,n 100

```
# 动态链表
     class node:
       data = None
       next = None
     n, m = map(int, input().split())
     # init link list
     head = node()
     head.data = 1
     now = head
     for i in range(2, n+1):
11
       p = node()
12
       p.data = i
13
14
       now.next = p
       now = p
     now.next = head
16
17
     prev = now
     now = head
18
     while n > 0:
19
20
       n -= 1
       for i in range(m-1):
        prev = now
         now = now.next
23
24
       print(now.data, end='_{\sqcup}')
       prev.next = now.next
25
       now = now.next
```

```
1 # 列表和索引计算
2 n, m = map(int, input().split())
3 people = list(range(1, n+1))
4 rst = []
5 current = 0
6 index = 0
7 while people:
8 index = (current + m - 1) % len(people)
9 rst.append(people.pop(index))
10 current = index
11 print('u'.join(map(str, rst)))
```

EX 2

洛谷 P1160 队列安排

题目描述

- 一个学校里老师要将班上 N 个同学排成一列,同学被编号为 $1 \sim N$,他采取如下的方法:
- 1. 先将 1 号同学安排进队列,这时队列中只有他一个人;
- 2. $2 \sim N$ 号同学依次入列,编号为 i 的同学入列方式为:老师指定编号为 i 的同学站在编号为 $1 \sim (i-1)$ 中某位同学(即之前已经入列的同学)的左边或右边;
 - 3. 从队列中去掉 M 个同学, 其他同学位置顺序不变。

在所有同学按照上述方法队列排列完毕后,老师想知道从左到右所有同学的编号。

输入格式

第一行一个整数 N,表示了有 N 个同学。

第 $2 \sim N$ 行, 第 i 行包含两个整数 k,p, 其中 k 为小于 i 的正整数, p 为 0 或者 1。若 p 为 0,则表示将 i 号同学插入到 k 号同学的左边, p 为 1 则表示插入到右边。

第 N+1 行为一个整数 M,表示去掉的同学数目。

接下来 M 行,每行一个正整数 x,表示将 x 号同学从队列中移去,如果 x 号同学已经不在队列中则忽略这一条指令。

输出格式

一行,包含最多 N 个空格隔开的整数,表示了队列从左到右所有同学的编号。

输入输出样例 #1

输入 #1

 $4\ 1\ 0\ 2\ 1\ 1\ 0\ 2\ 3\ 3$

输出 #1

2 4 1

说明/提示

【样例解释】

将同学 2 插入至同学 1 左边,此时队列为:

9

将同学 3 插入至同学 2 右边,此时队列为:

 $2\ 3\ 1$

将同学 4 插入至同学 1 左边, 此时队列为:

 $2\ 3\ 4\ 1$

将同学 3 从队列中移出,此时队列为:

 $2\ 4\ 1$

同学 3 已经不在队列中,忽略最后一条指令

最终队列: 241

【数据范围】

3

对于 20% 的数据, $1 \le N \le 10$ 。 对于 40% 的数据, $1 \le N \le 1000$ 。 对于 100% 的数据, $1 < M \le N \le 10^5$ 。

```
# 链表
     class nodes:
        \mathbf{def} \ \_\mathtt{init}\_\mathtt{(self, val=None, next=None, prev=None)} \colon
         self.val = val
          self.next = next
 5
          self.prev = prev
     N = int(input())
     people = nodes(1)
     head = people
10
     idx = {1: people}
11
     for i in range(2, N+1):
       node = nodes(i)
13
       k, p = map(int, input().split())
14
       k = idx[k]
15
       if p == 0:
16
17
          if k.prev:
            k.prev.next = node
            node.prev = k.prev
19
          node.next = k
20
          k.prev = node
21
          if k == head:
22
            head = node
23
        elif p == 1:
25
         if k.next:
            k.next.prev = node
26
            node.next = k.next
27
          node.prev = k
28
29
          k.next = node
        idx[i] = node
31
     M = int(input())
32
     for i in range(M):
33
       x = int(input())
34
       if x in idx.keys():
35
          k = idx[x]
          if k.prev:
37
            k.prev.next = k.next
38
            if k.next:
39
               k.next.prev = k.prev
40
41
          if k.next:
            k.next.prev = k.prev
42
            if k.prev:
43
               k.prev.next = k.next
44
            if k == head:
45
              head = k.next
46
          del idx[x]
47
     while head:
49
50
        print(head.val, end='\_')
        head = head.next
51
```

1.2 Queue in Python

1.2.1 双端队列

EX 1

洛谷 P1540 [NOIP 2010 提高组] 机器翻译

题目背景

NOIP2010 提高组 T1

题目描述

小晨的电脑上安装了一个机器翻译软件,他经常用这个软件来翻译英语文章。

这个翻译软件的原理很简单,它只是从头到尾,依次将每个英文单词用对应的中文含义来替换。对于每个英文单词,软件会先在内存中查找这个单词的中文含义,如果内存中有,软件就会用它进行翻译;如果内存中没有,软件就会在外存中的词典内查找,查出单词的中文含义然后翻译,并将这个单词和译义放入内存,以备后续的查找和翻译。

假设内存中有 M 个单元,每单元能存放一个单词和译义。每当软件将一个新单词存入内存前,如果当前内存中已存入的单词数不超过 M-1,软件会将新单词存入一个未使用的内存单元;若内存中已存入 M 个单词,软件会清空最早进入内存的那个单词,腾出单元来,存放新单词。

假设一篇英语文章的长度为 N 个单词。给定这篇待译文章,翻译软件需要去外存查找多少次词典?假设在翻译开始前,内存中没有任何单词。

输入格式

共2行。每行中两个数之间用一个空格隔开。

第一行为两个正整数 M,N,代表内存容量和文章的长度。

第二行为 N 个非负整数,按照文章的顺序,每个数(大小不超过 1000)代表一个英文单词。文章中两个单词是同一个单词,当且仅当它们对应的非负整数相同。

输出格式

一个整数,为软件需要查词典的次数。

输入输出样例 #1

输入 #1

 $3\ 7\ 1\ 2\ 1\ 5\ 4\ 4\ 1$

输出 #1

5

说明/提示

样例解释

整个查字典过程如下:每行表示一个单词的翻译,冒号前为本次翻译后的内存状况:

1. 1: 查找单词 1 并调入内存。2. 1 2: 查找单词 2 并调入内存。3. 1 2: 在内存中找到单词 1。4. 1 2 5: 查找单词 5 并调入内存。5. 2 5 4: 查找单词 4 并调入内存替代单词 1。6. 2 5 4: 在内存中找到单词 4。7. 5 4 1: 查找单词 1 并调入内存替代单词 2。

共计查了 5 次词典。

数据范围

- 对于 10% 的数据有 M = 1, $N \le 5$; - 对于 100% 的数据有 $1 \le M \le 100$, $1 \le N \le 1000$ 。

```
1 # 队列 collections.deque
2 from collections import deque
3 from array import array
5 M, N = map(int, input().split())
6 q = deque(maxlen=M) # 双向队列
7 qs = set() # 用作哈希表
8 count = 0 # 计数
9 inp_ary = array('i', map(int, input().split())) # 输入数据
10 1 = len(inp_ary)
11 for i in range(1):
    if inp_ary[i] not in qs:
      if len(q) == M:
13
        qs.remove(q.popleft())
14
      qs.add(inp_ary[i])
15
16
       q.append(inp_ary[i])
       count += 1
18 print(count)
```

1.2.2 单调队列

洛谷 P1886 滑动窗口 / 【模板】单调队列

题目描述

有一个长为 n 的序列 a,以及一个大小为 k 的窗口。现在这个从左边开始向右滑动,每次滑动一个单位,求出每次滑动后窗口中的最大值和最小值。

例如,对于序列 [1,3,-1,-3,5,3,6,7] 以及 k=3,有如下过程:

窗口位置								最小值	最大值
[1	3	-1]	-3	5	3	6	7	-1	3
1	[3	-1	-3]	5	3	6	7	-3	3
1	3	[-1	-3	5]	3	6	7	-3	5
1	3	-1	[-3	5	3]	6	7	-3	5
1	3	-1	-3	[5	3	6]	7	3	6
1	3	-1	-3	5	[3	6	7]	3	7

输入格式

输入一共有两行,第一行有两个正整数 n,k。第二行 n 个整数,表示序列 a 输出格式

输出共两行,第一行为每次窗口滑动的最小值第二行为每次窗口滑动的最大值输入输出样例 #1

输入 #1

8 3 1 3 -1 -3 5 3 6 7

输出 #1

-1 -3 -3 -3 3 3 3 3 5 5 6 7

说明/提示

【数据范围】对于 50% 的数据, $1 \le n \le 10^5$; 对于 100% 的数据, $1 \le k \le n \le 10^6$, $a_i \in [-2^{31}, 2^{31})$ 。

```
1 from collections import deque
2 from array import array
3 import sys
5 # input
6 n, k = map(int, input().split())
7 a = list(map(int, input().split()))
9 min_q = deque()
10 max_q = deque()
11 min_rst = []
12 max_rst = []
14 for i in range(n):
     # minimum queue
15
16
     while min_q and a[min_q[-1]] > a[i]:
17
      min_q.pop()
    min_q.append(i)
19
     # maximum queue
     while max_q and a[max_q[-1]] < a[i]:
20
      max_q.pop()
21
    max_q.append(i)
22
     # 开始记录
    if i >= k - 1:
      min_rst.append(a[min_q[0]])
26
      max_rst.append(a[max_q[0]])
27
28
     # 弹出窗口外的元素
    if min_q and min_q[0] <= i - k + 1:</pre>
31
      min_q.popleft()
    if max_q and max_q[0] <= i - k + 1:</pre>
32
       max_q.popleft()
33
35 # output
36 print('\''.join(map(str, min_rst)))
  print('\u'.join(map(str, max_rst)))
```

1.2.3 单调队列与动态规划

通过前缀和 + 单调队列 + 动态规划求解子序和问题

洛谷 P1714

Problem Description

给定一个序列, 给定一个最大长度 m, 求一段长度不超过 m 的连续子序列, 使其子序和最大

Input

第 1 行输入 n, m. 分别为序列长度和最大长度

第 2 行输入 N 个数

Output

第 1 个数是最大子序和, 第 2 和第 3 个数是开始和终止位置

Case 1:

Input

5 2

 $1\ 2\ 3\ 4\ 5$

Output

```
7
```

```
9
Case 2:
Input
6 3
1 -2 3 -4 5 -6
Output
5
Case 3
Input
5 5
1 2 3 4 5
Output
15
```

```
1 # 洛谷 P1714
 2
 _{3} from collections import deque
 4 n, m = map(int, input().split())
 5 s = list(map(int, input().split())) # 前缀和
 6 dp = deque()
 7 ans = s[0]
9 # 计算前缀和
10 for i in range(1, n):
    s[i] = s[i-1] + s[i]
12 # 单调队列
13 dp.append(0)
14 for i in range(1, n):
     # 去头
     while len(dp) > 0 and dp[0] < i- m:
17
       dp.popleft()
     # 去尾, 去除>=s[i]的元素, 使得s[j] - s[i]更大
18
     while len(dp) > 0 and s[dp[-1]] >= s[i]:
19
       dp.pop()
20
     dp.append(i)
21
22
     if len(dp) == n:
       ans = max(ans, s[i])
23
     elif len(dp) > 1:
24
       ans = max(ans, s[i] - s[dp[0]])
25
     elif len(dp) == 1:
26
27
       ans = max(ans, s[dp[0]])
28
       ans = max(ans, s[i])
29
30
31 print(ans)
```

1.2.4 优先队列

```
1 from queue import PriorityQueue
2 MAXSiZE = 0
4 q = PriorityQueue(maxsize=MAXSiZE) # 队列大小, 默认为0, <=0的队列大小为无穷
5 q1 = PriorityQueue()
7 \text{ q.empty()} # if empty
8 q.full() # if full
9 q.qsize() # get current size
11 # add elem
12 # 两种添加方式不能混用
13 # 直接按照元素大小存入,元素大小越小,优先级越高
14 q.put(1)
15 q.put(2)
16 # q.put((priority number, data))
17 # priority number越小, 优先级越高
18 q1.put((2, 'ele'))
19 q1.put((-3, 'ele2'))
21 # get element, = pop()
22 q.get()
```

1.3 Stack in Python

使用 deque 作为栈.

hdu 1062

翻转字符串

input:

olleh !dlrow

output:

hello world!

```
from collections import deque
s = deque()
inp = list(input().split())
for item in inp:

# enter stack
for i in item:
s.append(i)
while len(s) > 0:
print(s.pop(), end='')
print('u', end='')
```

1.3.1 单调栈

洛谷 P2947 [USACO09MAR] Look Up S

题目描述

Farmer John's N ($1 \le N \le 100,000$) cows, conveniently numbered 1..N, are once again standing in a row. Cow i has height H i ($1 \le H$ i $\le 1,000,000$).

Each cow is looking to her left toward those with higher index numbers. We say that cow i 'looks up' to cow j if i < j and $H_i < H_j$. For each cow i, FJ would like to know the index of the first cow in line looked up to by cow i.

Note: about 50

约翰的 $N(1 \le N \le 10^5)$ 头奶牛站成一排,奶牛 i 的身高是 $H_i(1 \le H_i \le 10^6)$ 。现在,每只奶牛都在向右看齐。对于奶牛 i,如果奶牛 j 满足 i < j 且 $H_i < H_j$,我们可以说奶牛 i 可以仰望奶牛 j。求出每只奶牛离她最近的仰望对象。

Input

输入格式

1. Line 1: A single integer: N

Lines 2..N+1: Line i+1 contains the single integer: H_i

第 1 行输入 N, 之后每行输入一个身高 H_i 。

输出格式

Lines 1..N: Line i contains a single integer representing the smallest index of a cow up to which cow i looks. If no such cow exists, print 0.

共 N 行,按顺序每行输出一只奶牛的最近仰望对象,如果没有仰望对象,输出 0。

输入输出样例 #1

输入 # 1

6

3

2

6

1

1

2

输出#1

3

3

0

6

6

0

说明/提示

FJ has six cows of heights 3, 2, 6, 1, 1, and 2.

Cows 1 and 2 both look up to cow 3; cows 4 and 5 both look up to cow 6; and cows 3 and 6 do not look up to any cow.

【输入说明】6 头奶牛的身高分别为 3,2,6,1,1,2。

【输出说明】奶牛 #1,#2 仰望奶牛 #3, 奶牛 #4,#5 仰望奶牛 #6, 奶牛 #3 和 #6 没有仰望对象。

【数据规模】

对于 20% 的数据: $1 \le N \le 10$;

对于 50% 的数据: $1 \le N \le 10^3$;

对于 100% 的数据: $1 \le N \le 10^5, 1 \le H_i \le 10^6$.

```
1 from collections import deque
2 from array import array
3 n = int(input())
4 cows = []
5 for i in range(n):
    cows.append(int(input()))
7 s = deque()
8 rst = array('i')
9 for i in range(n-1, -1, -1):
    # 由于反向遍历, 栈内元素必然在当前遍历元素的右边
    # 不比当前高的元素出栈, 保证栈底到栈顶的高度递减
    #目的是使得随着逐渐出栈,栈顶元素逐渐变高,以找到能比当前遍历元素高的元素
12
    while len(s) > 0 and cows[s[-1]] \le cows[i]:
13
14
      s.pop()
15
    if len(s) == 0:
      rst.append(0)
17
      rst.append(s[-1] + 1) # relationship between index & NO.
18
    s.append(i)
19
20 for i in range(len(rst)-1, -1, -1):
    print(rst[i])
```

1.4 Binary Tree in Python

```
class nodes:
def __init__(self, val=None, l=None, r=None):
self.val = val
self.l = l
self.r = r
```

1.4.1 DFS 遍历

```
1 # pre
 2 def preorder(node):
      if not node:
         return
      print(node.val, end='_{\sqcup}')
      preorder(node.1)
      preorder(node.r)
 9 # mid
10 def inorder(node):
      if not node:
11
12
         return
      inorder(node.1)
      \mathbf{print}(\mathtt{node.val}, \; \mathtt{end='}_{\sqcup}\,')
14
      inorder(node.r)
15
16
17 # post
18 def postorder(node):
      if not node:
         return
      postorder(node.1)
21
22
      postorder(node.r)
      \mathbf{print}(\mathtt{node.val},\ \mathtt{end='}_{\sqcup}\,')
```

```
1 # pre
 _2 def preorder(node):
        if not node:
           return
        \mathbf{print}(\mathtt{node.val}, \ \mathtt{end='}_{\sqcup}')
        preorder(node.1)
       preorder(node.r)
 9 # mid
10 def inorder(node):
       if not node:
           return
12
        inorder(node.1)
13
        \mathbf{print} (\texttt{node.val, end='}_{\sqcup} \, ')
14
        inorder(node.r)
15
16
17 # post
18 def postorder(node):
       if not node:
19
           return
20
        postorder(node.1)
21
        postorder(node.r)
        \mathbf{print}(\mathtt{node.val}, \ \mathtt{end='}_{\sqcup}')
 1 # test code
 2 \  \, ab \, = \, \left[ \, {}^{\, \prime}A^{\, \prime}, \ {}^{\, \prime}B^{\, \prime}, \ {}^{\, \prime}C^{\, \prime}, \ {}^{\, \prime}D^{\, \prime}, \ {}^{\, \prime}E^{\, \prime}, \ {}^{\, \prime}F^{\, \prime}, \ {}^{\, \prime}G^{\, \prime}, \ {}^{\, \prime}H^{\, \prime}, \ {}^{\, \prime}I^{\, \prime} \right]
 3 n = list(nodes(i) for i in ab)
 4 root = n[4]
 5 root.l = n[1]
 6 \text{ root.r} = n[6]
 7 root.1.1 = n[0]
 8 root.l.r = n[3]
 9 root.1.r.1 = n[2]
10 root.r.l = n[5]
11 root.r.r = n[-1]
12 root.r.r.l = n[-2]
 _1 // output
 2 E B A D C G F I H
 3 ABCDEFGHI
 {\tt 4} A C D B F H I G E
```

根据前序和中序遍历输出后序遍历结果

```
1 n = int(input())
global pre_tra
3 pre_tra = list(map(int, input().split()))
4 in_tra = list(map(int, input().split()))
6 root = nodes(pre_tra[0])
7 pre_tra = pre_tra[1:]
8 # split left and right subtree
9 mid = in_tra.index(root.val)
10 lp = in_tra[0:mid]
11 rp = in_tra[mid+1:]
12
13 def establish(root, lpart, rpart):
     global pre_tra
14
     # left part
    if lpart and pre_tra:
17
      # connect subtree
      pivot = nodes(pre_tra[0])
18
      pre_tra = pre_tra[1:]
19
      root.l = pivot
20
       # split left and right subtree
21
       mid = lpart.index(pivot.val)
       lp = lpart[0:mid]
      rp = lpart[mid+1:]
24
       establish(pivot, lp, rp)
25
     # right part
26
27
    if rpart and pre_tra:
       # connect subtree
       pivot = nodes(pre_tra[0])
29
30
      pre_tra = pre_tra[1:]
      root.r = pivot
31
       # split left and right subtree
32
33
       mid = rpart.index(pivot.val)
       lp = rpart[0:mid]
       rp = rpart[mid+1:]
35
       establish(pivot, lp, rp)
36
38 establish(root, lp, rp)
39 postorder(root)
```

1.4.2 哈夫曼编码

```
poj 1521
```

Question: 输入一个字符串, 分别输出 ASCII(8bit / character) 和哈夫曼编码的长度, 以及压缩比

Sample Input

AAAAABCD

 $THE_CAT_IN_THE_HAT$

END

Sample Output

 $64\ 13\ 4.9$

 $144\ 51\ 2.8$

```
1 from queue import PriorityQueue
2 s = input()
3 while s != 'END':
     chaSet = set(item for item in s)
     q = PriorityQueue()
     # 只有一个字符的情况, 建哈夫曼树至少需要两个节点
     if len(s) == 1:
       print('8<sub>□</sub>1<sub>□</sub>8')
10
       for item in chaSet:
11
         q.put(s.count(item))
12
       rst = 0
13
       while q.qsize() > 1:
14
15
         a = q.get()
         b = q.get()
17
         q.put(a + b)
          #每增加一层,编码长度加1
18
         rst += a + b
19
20
       # clear queue
21
       q.get()
23
       print('\{\}_{\sqcup}\{\}_{\sqcup}\{\}'.format(str(8 * len(s)),
                      str(rst),
24
                      str(8 * len(s) / rst)))
25
26
     s = input()
```

1.5 Heap in Python

```
1 import heapq
3 # heapq创建的是小根堆,通过对元素取负可以转换为大根堆
5 # create a heap
6 # convert a list to heap
7 lst = [2, 8, 1, 63, 8, 1, 0, 4]
8 heapq.heapify(lst)
9 # 此后堆heap的任何操作都要通过库函数操作
10 print(lst)
12 # heapq.heappush(heap, item)
13 heapq.heappush(lst, 5)
14 print(lst)
16 # heapq.heappop(heap)
17 # -> pop and return the min element of heap
18 print(heapq.heappop(lst))
19 print(lst)
20
21 # heapq.heappushpop(heap, item)
22 # -> push item into heap, and return the min element
23 print(heapq.heappushpop(lst, 4))
24 print(1st)
```

P3378 【模板】堆

题目描述

给定一个数列, 初始为空, 请支持下面三种操作:

- 1. 给定一个整数 x, 请将 x 加入到数列中。
- 2. 输出数列中最小的数。

3. 删除数列中最小的数(如果有多个数最小,只删除1个)。

输入格式

第一行是一个整数,表示操作的次数 n。

接下来 n 行,每行表示一次操作。每行首先有一个整数 op 表示操作类型。

- 若 op = 1,则后面有一个整数 x,表示要将 x 加入数列。
- 若 op = 2,则表示要求输出数列中的最小数。
- 若 op = 3,则表示删除数列中的最小数。如果有多个数最小,只删除 1 个。

输出格式

对于每个操作 2, 输出一行一个整数表示答案。

输入输出样例 1

输入1

5

1 2

15

2

3

9

输出1

9

5

说明/提示

【数据规模与约定】

- 对于 30% 的数据,保证 $n \le 15$ 。
- 对于 70% 的数据,保证 $n \le 10^4$ 。
- 对于 100% 的数据,保证 $1 \le n \le 10^6$, $1 \le x < 2^{31}$, $op \in \{1, 2, 3\}$ 。

```
1 import heapq
2 lt = list()
3 heapq.heapify(lt)
4 n = int(input())
5 for i in range(n):
    op = list(map(int, input().split()))
    if len(op) == 2:
       heapq.heappush(lt, op[1])
     elif len(op) == 1:
10
      if op[0] == 2:
         rst = heapq.nsmallest(1, lt)
11
         print(rst[0])
12
       elif op[0] == 3:
13
         heapq.heappop(lt)
```