Structure de Données Introduction

Marie Pelleau

marie.pelleau@univ-cotedazur.fr

Semestre 3

oduction 1

Plan du cours

Cours magistraux

- Introduction et Tableaux
- Tri et Tas
- 3 Pile, File, Deque et Queue de priorité
- Listes

Contrôle des connaissances

- Contrôle continu (CC)
- Contrôle terminal (CT) $\max \left(CT, \frac{CC + CT}{2} \right)$

Trouver les informations

Sur la page du cours

http://i3s.unice.fr/licence-info/12/structures-et-c/

Remerciements

- Jean-Charles Régin
- Carine Fédèle
- Wikipedia

Introduction 2 / 58

Références

- T. Cormen, C. Leiserson, R. Rivest, Introduction à l'algorithmique, Dunod
- D. Knuth, The Art of Computer Programming
- R. Tarjan, Data Structures and Network Algorithms
- R. Ahuja, T. Magnanti et J. Orlin, Network Flows, Prentice Hall
- C. Berge, Graphes et hypergraphes, Dunod
- M. Gondran et M. Minoux, Graphes et Algorithmes
- Autres livres selon votre goût : ne pas hésiter à en consulter plusieurs

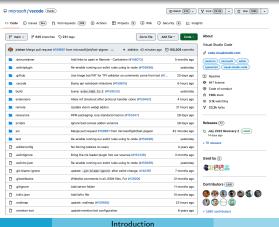
Introduction 3/58 Introduction 4/58

Plan

- Algorithmes
 - Complexité
 - Preuve
- Structure de données
- Pseudo Langage
- **Tableaux**
- Étude de complexité
 - Tri par insertion
 - Calcul de xⁿ
 - Recherche dichotomique

Algorithmes

- Les programmes deviennent gros
- On ne peut plus programmer et penser n'importe comment
- Voir github Visual Studio Code



Algorithmes classiques

- Chemin dans un graphe : votre GPS, votre téléphone IP, tout ce qui est acheminement (la Poste)
- Flots : affectations, emploi du temps, bagages (aéroport), portes d'embarquement
- Compression/Décompression : MP3, xvid, divx, h264 codecs audio et vidéo, tar, zip
- Internet : Routage des informations, moteurs de recherche
- Cryptage : RSA (achat électronique)
- Simulation : Prévision météo, Explosion nucléaire
- Scheduling (ordonnancement) fabrication de matériel dans les usines, construction automobiles
- Coupes : coupes d'acier, poterie (assiette du Mont St Michel)
- Traitement d'images (médecine), effets spéciaux (cinéma)

Algorithmique

Une science très ancienne

- Remonte à l'Antiquité
 - Euclide : calcul du pgcd de deux nombres
 - Archimède : calcul d'une approximation de π
- Vient du mathématicien arabe du IX^e siècle Al-Khwârizmî
- Reste la base dure de l'Informatique, elle intervient dans :
 - Le software (logiciel)
 - Le hardware : un processeur est un câblage d'algorithmes fréquemment utilisés (multiplication etc.)

L'aspect scientifique de l'informatique

"L'informatique n'est pas plus la science des ordinateurs que l'astronomie n'est celle des téléscopes "

- E. Dijkstra, Turing award 1972

7/58

Algorithmes

Algorithme

• Un algorithme prend en entrée des données et fournit un résultat permettant de donner la réponse à un problème

- Un algorithme = une série d'opérations à effectuer :
 - Opérations exécutées en séquence ⇒ algorithme séquentiel
 - Opérations exécutées en parallèle ⇒ algorithme parallèle
 - Opérations exécutées sur un réseau de processeurs \Rightarrow algorithme réparti ou distribué
- Mise en œuvre de l'algorithme
 - implémentation (plus général que le codage)
 - = écriture de ces opérations dans un langage de programmation, donne un programme

Introduction

9/58

11 / 58

Algorithmes

Complexité

Algorithmes

- Tous les algorithmes ne sont pas équivalents, on les différencie selon 2 critères
 - Temps de calcul : lents vs rapides
 - Mémoire utilisée : peu vs beaucoup
- On parle de complexité en temps (vitesse) ou en espace (mémoire utilisée)

Algorithme versus programme

- Un programme implémente un algorithme
- Thèse de Turing-Church : les problèmes ayant une solution algorithmique sont ceux solvables par une machine de Turing (théorie de la calculabilité)
- On ne peut pas résoudre tous les problèmes avec des algorithmes (indécidabilité)
 - Problème de l'arrêt
 - Savoir de facon indépendante si un algorithme est juste
 - → Théorème de Rice

Introduction

10 / 5

Algorith

Complex

Pourquoi faire des algorithmes rapides ?

- Pourquoi faire des algorithmes efficaces ? Les ordinateurs vont super vite !
- Je peux faire un algorithme en n^2 avec $n = 10\,000$
- Je voudrais faire avec $n=100\,000$. Tous les 2 ans la puissance des ordinateurs est multipliée par 2 (optimiste). Quand est-ce que je pourrais faire avec $n=100\,000$?

Réponse

- $i = 100\,000, j = 10\,000; i = 10 \times j;$ donc $i^2 = 100 \times j^2 \Rightarrow$ besoin de 100 fois plus de puissance
- $2^7 = 128$ donc obtenue dans 7×2 ans = 14 ans !
- Je trouve un algo en $n \log(n)$ pour i, je ferai $100\,000 \times 17 = 1\,700\,000$ opérations donc $100\,000/17$ fois moins d'opérations !

Complexité des algorithmes

But

- Avoir une idée de la difficulté des problèmes
- Donner une idée du temps de calcul ou de l'espace nécessaire pour résoudre un problème
- Cela va permettre de comparer les algorithmes
- Exprimée en fonction du nombre de données et de leur taille
- À défaut de pouvoir faire mieux :
 - On considère que les opérations sont toutes équivalentes
 - Seul l'ordre de grandeur nous intéresse
 - On considère uniquement le pire des cas
- Pour *n* données on aura : O(n) linéaire, $O(n^2)$ quadratique, $O(n \log(n))$ linéarithmique

Complexité

Algorithmes

Vitesse

- On peut qualifier de rapide un algorithme qui met un temps polynomial en n (nombre de données) pour être exécuté (n^2, n^8)
- Pour certains problèmes : voyageur de commerce, remplissage de sac-à-dos de façon optimum. On ne sait pas s'il existe un algorithme rapide. On connaît des algorithmes exponentiels en temps : 2^n
- 1 million de \$, si vous résolvez la question !

Pourquoi faire des algorithmes rapides ?

- Dans la vie réelle, ça n'augmente pas toujours!
- OUI et NON :
 - Certains problèmes sont résolus
 - Pour d'autres, on simplifie moins et donc la taille des données à traiter augmente! Réalité virtuelle : de mieux en mieux définie
- Dès que l'on résout quelque chose : on complexifie !

Introduction

Algorithmes

Preuve

- On peut prouver les algorithmes !
- Un algorithme est dit totalement correct si pour tout jeu de données il termine et rend le résultat attendu
- C'est assez difficile, mais c'est important
 - Codage/Décodage des données. Si bug alors tout est perdu
 - Centrale nucléaire
 - Airbus
- Attention : un algorithme juste peut être mal implémenté

15 / 58

Algorithmes

Résumé

- C'est ancien
- C'est fondamental en informatique
- Ça se prouve
- On estime le temps de réponse et la mémoire prise

duction 17 / 58

Structure de données

Se comprendre

Pour se comprendre on va améliorer le langage

- On définit des choses communes bien précises (pareil en cuisine)
- On essaie de regrouper certaines méthodes ou techniques

En Informatique

- Langages : variables, boucle, incrémentation, etc.
- Regroupement : structures de données et types abstraits

2 types de personnes

- En informatique il y a 10 types de personnes
 - Ceux qui écrivent les algorithmes
 - Ceux qui les implémente
- En cuisine
 - Les chefs font les recettes
 - Les commis font la cuisine. Eventuellement les chefs font des prototypes et ils surveillent. Ou font des choses très précises.
 - En informatique c'est pareil
- Problème : il faut se comprendre !

Introduction 18 / 58

Structure de donné

Structure de données

Variable

- Une variable sert à mémoriser de l'information
- Ce qui est mis dans une variable est mis dans une partie de la mémoire

Type de données

- Un type de données, ou type, définit le genre du contenu d'une donnée et les opérations possibles sur la variable correspondante
- Les types les plus communs : entier (int), réel (float, double), chaîne, caractère (char), booléen (boolean), pointeur

Exemple (Type de données)

- int représente un entier, opérations possibles : addition, multiplication, division entière, décalages de bits, etc.
- Date représente une date, l'addition aura un certain sens, écriture de la date sous certaines formes (12/09/2019 ou "12 Septembre 2019")

ntroduction 19 / 58

Structure de données

Structures de données

- Une structure de données est une manière particulière de stocker et d'organiser des données dans un ordinateur de façon à pouvoir être utilisées efficacement
- Différents types de structures de données existent pour répondre à des problèmes très précis :
 - B-arbres dans les bases de données
 - Table de hash par les compilateurs pour retrouver les identificateurs
- Ingrédient essentiel pour l'efficacité des algorithmes
- Permettent d'organiser la gestion des données
- Une structure de données ne regroupe pas nécessairement des objets du même type

Introduction 21 / 58

Structure de données

Structures de données

Structures de données et type abstrait

- Quand la nature des données n'a pas d'influence sur les opérations à effectuer, on parle alors de type abstrait générique et on fait la confusion avec les structures de données
- Dans ce cours, on considérera que les structures de données sont indépendantes du type des données et qu'elles sont définies par l'ensemble des opérations qu'elles effectuent sur ces données

Structures de données

- Permettent de gérer et d'organiser des données
- Sont définies à partir d'un ensemble d'opérations qu'elles peuvent effectuer sur les données

Type abstrait de données

- Un type abstrait ou une structure de données abstraite est une spécification mathématique d'un ensemble de données et de l'ensemble des opérations qu'elles peuvent effectuer
- On qualifie d'abstrait ce type de données car il correspond à un cahier des charges qu'une structure de données doit ensuite implémenter
- Les types abstraits sont des entités purement théoriques utilisés principalement pour simplifier la description des algorithmes

Exemple

Le type abstrait de pile sera défini par 2 opérations :

- Push qui insère un élément dans la structure
- Pop qui extrait un élément de la structure, retourne l'élément qui a été empilé le plus récemment et qui n'a pas encore été désempilé

Introduction 22 / 58

Structure de donné

Structures de données et langage à objets

- Les structures de données permettent d'organiser le code
- Une Sdd correspond à une classe contenant un ensemble d'objets
- 2 parties :
 - Une visible correspondant aux opérations que la structure de données peut effectuée. Dans les langages à objets c'est la partie publique de la classe
 - Une cachée qui contient les méthodes internes permettant de réaliser les opérations de la Sdd. Dans les langages à objets c'est la partie privée de la classe
- La partie visible de la Sdd est parfois appelée API de la Sdd :
 Application Programming Interface, autrement dit l'interface de programmation de la Sdd qui permet son utilisation.

Pseudo Langage

Notion de pseudo langage

- On a besoin d'un langage formel minimum pour décrire un algorithme
- Un langage de programmation (Java, C, Pascal, etc.) est trop contraignant
- Dans la littérature, les algorithmes sont décrits dans un pseudo langage qui ressemble à un langage de programmation (le pseudo langage utilisé dépend donc de l'auteur et peut être spécifié par celui-ci en début d'ouvrage)

duction

25 / 58

Pseudo Langage

Pseudo langage

Variables, affectation

- Les variables sont indiquées avec leur type :
 booléen b, entier n, réel x, caractère c, chaîne s, etc.
- On est souple du moment qu'il n'y a pas d'ambiguïté
- Le signe de l'affectation n'est pas =, ni := (comme en Pascal) mais <- qui illustre bien la réalité de l'affectation ("mettre dedans")

Pseudo Langage

Pseudo langage

- Tous les pseudo langages recouvrent les mêmes concepts
 - Variables, affectation
 - Structures de contrôle : séquence, conditionnelle, itération
 - Découpage de l'algorithme en sous-programmes (fonctions, procédures)
 - Structures de données simples ou élaborées (tableaux, listes, dictionnaires, etc.)

Introduction 26 / 58

Pseudo Langage

Pseudo langage

Structures de données

- Les tableaux sont utilisés. Si A est un tableau, A[i] est le $i^{\text{ème}}$ élément du tableau
- Les structures sont utilisées. Si P est une structure modélisant un point et x un champ de cette structure représentant l'abscisse du point, P.x est l'abscisse de P
- Remarque : une structure est une classe sans les méthodes

ntroduction 27 / 58 Introduction 28 / 50

Pseudo Langage

Pseudo langage

Séquencement des instructions

- Les instructions simples sont séquencés par ";" (si besoin)
- Les blocs d'instructions sont entourés par { ... } (début ... fin)

La conditionnelle si (condition)

```
si (condition) {
  instruction 1;
} sinon {
  instruction 2;
}
```

roduction 29 / 58

Pseudo Langage

Pseudo langage

Les fonctions

- Une fonction a une liste de paramètres typés et un type de retour (son prototype)
- Devant chaque paramètre, la manière dont le paramètre est passé est mentionné
 - En Entrée : la donnée est fournie du code appelant au code appelé, autrement dit on passe la valeur à la fonction. On précède le paramètre par e ou i (entrée ou input)
 - En Sortie : la donnée est fournie par le code appelé au code appelant, autrement dit la fonction passe cette valeur au code appelant. On précède le paramètre par s ou o (sortie ou output)
 - En Entrée/Sortie : la donnée est fournie par le code appelé à la fonction (on passe la valeur à la fonction) qui ensuite fournit à son tour la valeur au code appelant (la fonction passe à nouveau la valeur). On précède le paramètre par es ou io (entrée/sortie ou input/output)

Pseudo Langage

Pseudo langage

Les itérations

Plusieurs types de boucles

```
• tant que (condition) { ... }
```

- faire { ... } tant que (condition)
- répéter { ... } jusqu'à (condition)
- pour (i de min à max) { ... }

Les fonctions

- Une fonction est un petit programme qui renvoie une valeur
- Elles permettent un découpage de l'algorithme qui rend sa compréhension et son développement plus facile

Introduction 30 / 58

Pseudo Langage

Pseudo langage

Les fonctions

- maFonction(e entier i, s entier j, es entier k);
 - En Entrée : la fonction lit la valeur du paramètre, ici *i*. Les modifications qu'elle fera avec *i* ne seront pas transmises au programme appelant
 - En Sortie : la fonction ne lit pas la valeur du paramètre, ici j. Elle écrit dans j et le programme appelant récupère cette valeur, donc j peut être modifié par la fonction
 - En Entrée/Sortie : la fonction lit la valeur du paramètre, ici k. Elle passe au programme appelant les modifications faites pour k
- En l'absence de précision, on considérera que le paramètre est passé en entrée
- Le passage en entrée/sortie est souvent appelé passage par référence ou par variable

Introduction 31 / 58

troduction

Pseudo Langage

Pseudo langage

Les fonctions

```
maFonction(e entier i, s entier j, es entier k) {
    j <- j + i
    i <- i - 1
    k <- k + i
}

i <- 3
    j <- 5
    k <- 8
maFonction(i, j, k)
afficher(i, j, k)
Résultat de afficher(i, j, k): 3810</pre>
```

troduction 33 / 58

Tableaux

Tableaux

- un tableau (*array* en anglais) est une Sdd de base qui est un ensemble d'éléments, auguel on accède à travers un numéro d'indice
- Le temps d'accès à un élément par son indice est constant, quel que soit l'élément désiré
- Les éléments d'un tableau sont contigus dans l'espace mémoire. Avec l'indice, on sait donc à combien de cases mémoire se trouve l'élément en partant du début du tableau
- On désigne habituellement les tableaux par des lettres majuscules. Si
 T est un tableau alors T[i] représente l'élément à l'indice i

Pseudo langage

Les fonctions

- Le passage de paramètre en es est aussi souvent appelé passage par référence
- Certains langages vont donner ou non la possibilité de définir le mode de passage que l'on souhaite
- Java :
 - types de base (int, float, double, etc.) sont passés uniquement en entrée (i.e. par valeur)
 - Les objets, ou plus précisément les références, sont passés uniquement en es (i.e. par référence)

Introduction 34 / 58

Tablea

Tableaux

Avantages

Accès direct au ième élément

Inconvénients

- Les opérations d'insertion et de suppression sont impossibles
 - sauf si on crée un nouveau tableau, de taille plus grande ou plus petite (selon l'opération). Il est alors nécessaire de copier tous les éléments du tableau original dans le nouveau tableau. Cela fait donc beaucoup d'opérations

Introduction 35 / 58

Tableaux

- Un tableau peut avoir une dimension, on parle alors de vecteur
- Un tableau peut avoir plusieurs dimensions, on dit qu'il est multidimensionnel (on le note T[i][k])
- La taille d'un tableau doit être définie avant son utilisation et ne peut plus être changée
- Les seules opérations possibles sont set et get (on affecte un élément à un indice et on lit un élément à un indice)

Attention

Il ne faut pas confondre un élément du tableau et l'indice de cet élément

Tableaux de tableaux

On peut définir un tableau de tableaux (ou de n'importe quoi en fait)

Tableaux multidimensionnels

On peut linéariser un tableau à plusieurs dimensions

$T[i][j] = L[(i-1) \times 5 + j]$	5	4	3	2	1	j i	
$I[I][I] = L[(I-1) \times S+J]$	5	4	3	2	1	1	
$T[2][4] = L[1 \times 5 + 4] = L[9]$	10	9 /	8	7	6	2	
$T[i][j] = L[(i-1) \times \#col + j$	15	14	13	12	11	3	
	20	19	18	17	16	4	

Étude de complexité Tri par insertion

Tri par insertion

- Principe : un paquet contenant 1 seul élément est trié
- On fait 2 paquets : 1 non trié et 1 trié
- On prend un élément non trié et on le range à sa place dans le paquet trié

Exemple

	DFAGBHEC							
Élément		Trié	Non trié					
			DFAGBHEC					
	D	D	FAGBHEC					
	F	DF	AGBHEC					
	Α	ADF	GBHEC					
	G	ADFG	BHEC					
	В	ABDFG	HEC					
		!	ļ.					

Tri par insertion

Étude de complexité Tri par insertion

Tri par insertion

Comment ranger dans le paquet trié ?

On doit ranger B dans A D F G

- On ajoute B à la fin, on a A D F G B
- On parcourt de droite à gauche A D F G
- Tant que la valeur est > B, on l'échange avec B

AA DB FBD GBF BG

41 / 58

Étude de complexité Tri par insertion

Tri par insertion

```
triInsertion (es entier[] T) {
    pour (i de 2 à n) { // n taille de T
      entier c <- T[i];</pre>
      entier k < -i-1;
      // c doit être inséré dans le tableau trié
      // T[1...i-1], on cherche de droite à gauche
      // la première valeur T[k] plus petite que c
      tant que (k \ge 1 \text{ et } T[k] > c) {
        T[k+1] \leftarrow T[k]; // on décale
        k < -k-1:
      // on a trouvé la bonne place
      T[k+1] < -c;
```

Algorithme

- On fait 2 tas : un trié, puis un non trié.
- Au début le tas trié est vide, celui non trié contient tous les éléments
- On prend un élément non trié et on le range à sa place dans le tas trié

Algorithme exact, mais

- sa formulation est ambiguë, par exemple "prendre" veut dire le supprimer du tas non trié aussi
- Il n'est pas assez précis : comment range-t-on un élément, qu'est-ce que sa place ?
- Pour avoir la précision et supprimer l'ambiguïté on utilise un pseudo langage

Étude de complexité Tri par insertion

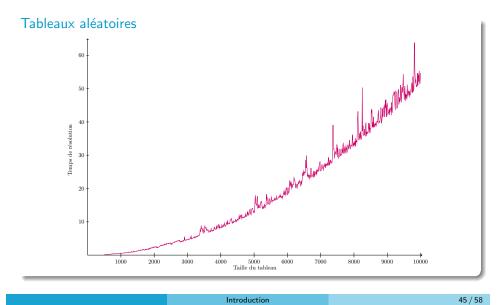
Tri par insertion

- Étude de la complexité expérimentale de cet algorithme, implémenté en C
- On trie des tableaux de taille croissante de 500 à 10000 par pas de 10
 - Aléatoires
 - Triés en ordre inverse
 - Déjà triés

Étude de complexité Tri par insertion

Étude de complexité Tri par insertion

Tri par insertion



11110daction 43 / 30

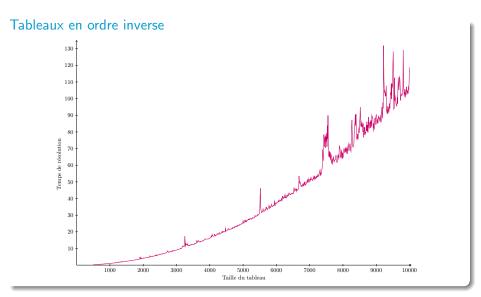
Introduction

46 / 58

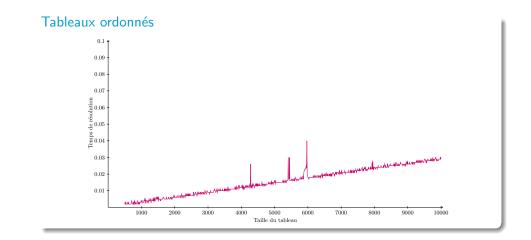
Étude de complexité

Tri par insertion

Tri par insertion



Tri par insertion



Étude de complexité

Tri par insertion

Tri par insertion

Conclusions expérimentales

- Tableaux aléatoires et en ordre inverse : fonction carré ?
- Tableaux ordonnés : fonction linéaire ?

Tri par insertion

Complexité

- En bleu: 7 op. el. n-1 fois soit 7(n-1)
- En vert : 6 op. el. Combien de fois ? au pire *i* fois. donc 6*i* à chaque fois
- En rose: 3 op. el. Combien de fois ? au pire *i* fois, donc 3*i* à chaque fois
- Nombre de fois où les parties roses et vertes sont appelées ? (n-1) fois
- Complexité rose + vert : $9 + 9 \times 2 + \cdots + 9(n-1) =$ 9n(n-1)/2
- Complexité totale inférieure à ? 9n(n-1)/2 + 7(n-1)

De l'ordre de n^2

```
triInsertion (es entier[] T) {
    pour (i de 2 à n) {
      entier c <- T[i];
      entier k < -i-1;
      tant que (k \ge 1 \text{ et } T[k] > c) {
        T[k+1] < -T[k];
        k < - k - 1:
      T[k+1] < -c;
```

Introduction 49 / 58

Étude de complexité

Calcul de xⁿ

Calcul de x^n

Comment calculez-vous x^n à partir de x?

Par itérations:

$$y <- 1$$
 pour (i de 1 à n) { $y <- y*x$ }

- Complexité ? Linéaire O(n)
- x^8 ? $x^4 \times x^4$ et $x^4 = x^2 \times x^2$ et $x^2 = x \times x$
- Combien d'opérations ? 3
- x^{16} ? $x^8 \times x^8$, donc 4 opérations
- x^{12} ? $x^6 \times x^6$ et $x^6 = x^3 \times x^3$ et $x^3 = x \times x \times x$, donc 4 opérations
- Généralisation :
 - si n est pair $x^n = x^{n/2} \times x^{n/2}$
 - si *n* est impair $x^n = x^{n/2} \times x^{n/2} \times x$

- Si tableau ordonné, la boucle tant que (zone verte) n'est jamais exécutée. La complexité est alors exactement 10(n-1)
- Si tableau en ordre inverse (cas le pire), la complexité est exactement 7(n-1) + 9((n-1)n/2)
- Si tableau aléatoire, la complexité est entre les deux complexités précédentes. Résultat expérimental montre une fonction carré
- Pire des cas quadratique

Introduction 50 / 58

Étude de complexité

Calcul de x^r

Rappel sur les Logarithmes

- La fonction logarithme est simplement l'inverse de la fonction exponentielle. Il y équivalence entre $b^x = y$ et $x = \log_b(y)$
- En informatique le logarithme est souvent utilisé parce que les ordinateurs utilisent la base 2
- On utilisera donc souvent les logarithmes de base 2
- ullet Le logarithme de n reflète combien de fois on doit doubler le nombre 1 pour obtenir le nombre *n*
- De facon équivalent il reflète aussi le nombre de fois où l'on doit diviser *n* pour obtenir 1

Calcul de x^n

- Généralisation :
 - si n est pair $x^n = x^{n/2} \times x^{n/2}$
 - si *n* est impair $x^n = x^{n/2} \times x^{n/2} \times x$
- À chaque fois on divise par 2
- Pour chaque impair on ajoute 1
- Complexité : $\log(n)$ + nombre de bit à 1 dans n-1

53 / 58

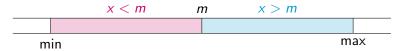
Étude de complexité

Recherche dichotomique

Recherche dans un tableau

Peut-on faire mieux ?

- Oui, si le tableau est préalablement trié. C'est la recherche dichotomique
- Idée : on compare x à la valeur centrale m de Asi x = m, on a trouvé x dans A sinon, si x < m, on cherche x dans la moitié inférieure du tableau, sinon on cherche x dans la moitié supérieure



Recherche dans un tableau

- ullet Considérons un tableau A de nombres entiers, de taille n
- On désire savoir si un nombre donné x est dans le tableau
- Pour le savoir, on parcourt le tableau en comparant les éléments de A à x (recherche séquentielle)
- Au plus (quand x n'est pas dans A), on fera n comparaisons
- L'algorithme est donc de complexité O(n)

Étude de complexité

Recherche dichotomique

Recherche dichotomique

Version récursive

```
entier rechercheDichotomique(entier A[min...max], entier x) {
  si (min > max) {
    retourner -1
  } sinon {
    entier p \leftarrow (\min + \max)/2
    entier m \leftarrow A[p]
    si (x = m) 
      retourner i
    \} sinon si (x < m) \{
      retourner recherche Dichotomique (A[min...i-1], x)
      retourner recherche Dichotomique (A[i+1...max], x)
```

Étude de complexité Recherche dichotomique

Recherche dichotomique

Version itérative

entier rechercheDichotomique (entier A[1...n], entier x) { min <- 1; max <- n;tant que $(min \le max)$ { p <- (min + max)/2

 $si (A[p] \ge x)$ \max <- p-1 $si (A[p] = x) {$ retourner p } sinon {

retourner -1

 $si (A[p] \le x)$

min < - p+1

Étude de complexité Recherche dichotomique

Analyse de la recherche dichotomique

- Dans le meilleur des cas, x est au milieu du tableau et on le trouve tout de suite
- Dans le pire des cas, x est par exemple à une extrémité du tableau, on va donc diviser par 2 le tableau jusqu'à n'avoir qu'une seule case $\Rightarrow O(\log(n))$