

Introduction au Langage C

Marie Pelleau

`marie.pelleau@univ-cotedazur.fr`

Basé sur les transparents de Jean-Charles Régin

Plan du cours

- 6 cours
- Contrôle des connaissances :
 - QCM : 20 %
 - Projet : 30 %
 - Contrôle terminal : 50%

Bibliographie

The C Programming Language

Kernighan B.W., Ritchie D.M., *Prentice Hall*, 1978

Le langage C - C ANSI

Kernighan B.W., Ritchie D.M., *Masson - Prentice Hall*, 1994, 2e édition
Traduit par J.-F. Groff et E. Mottier

Langage C - Manuel de référence

Harbison S.P., Steele Jr. G.L., *Masson*, 1990
Traduit en français par J.C. Franchitti





















Langage C

- Inventé en 1972 par Dennis Ritchie
- Langage de bas niveau
- Créé pour porter des systèmes d'exploitation (Unix)
- But : un compilateur peut-être écrit en 2 mois
- A permis de réécrire des programmes assembleurs
- Programmation indépendante de la machine
- Portable : présent sur presque toutes les architectures ayant été inventées

Langage C

- Utilisé du micro-contrôleur au super-ordinateur
 - Présent dans les systèmes embarqués
 - Sont écrits en C
 - Unix
 - Linux
 - Windows
 - Tous les Compilateurs GNU
 - GNOME
 - Les machines virtuelles JAVA
 - Python
-
- Un code C optimisé permet d'obtenir le code le plus rapide
 - Fortran, C, C++ sont équivalents
 - Java est un petit peu plus lent (mais pas beaucoup)

Tiobe : popularité des langages

Oct 2021	Oct 2020	Change	Programming Language	Ratings	Change
1	3	▲	 Python	11.27%	-0.00%
2	1	▼	 C	11.18%	-5.79%
3	2	▼	 Java	10.46%	-2.11%
4	4		 C++	7.50%	+0.57%
5	5		 C#	5.26%	+1.10%
6	6		 Visual Basic	5.24%	+1.27%
7	7		 JavaScript	2.19%	+0.05%
8	10	▲	 SQL	2.17%	+0.61%
9	8	▼	 PHP	2.10%	+0.01%
10	17	▲	 Assembly language	2.06%	+0.98%
11	19	▲	 Classic Visual Basic	1.83%	+1.06%
12	14	▲	 Go	1.28%	+0.13%
13	15	▲	 MATLAB	1.20%	+0.08%
14	9	▼	 R	1.20%	-0.79%
15	12	▼	 Groovy	1.18%	-0.05%
16	13	▼	 Ruby	1.12%	-0.05%
17	16	▼	 Swift	1.11%	+0.02%
18	37	▲	 Fortran	1.08%	+0.70%
19	11	▼	 Perl	0.93%	-0.49%
20	22	▲	 Delphi/Object Pascal	0.93%	+0.22%

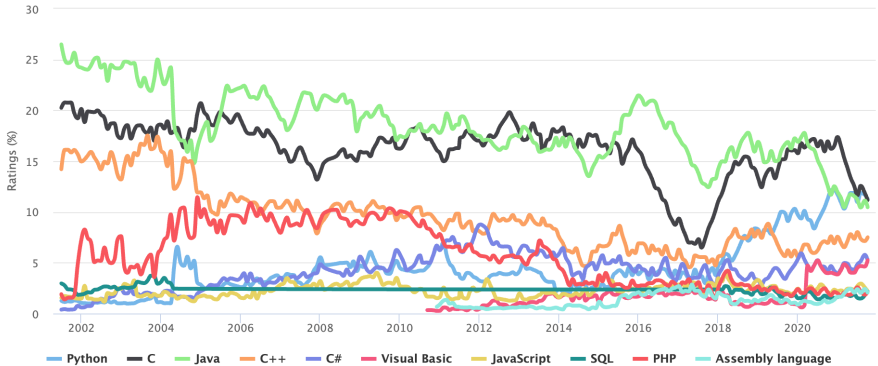
TIOBE Programming Community Index

Source: www.tiobe.com

Tiobe : popularité des langages

TIOBE Programming Community Index

Source: www.tiobe.com



Langage C

Très utilisé car

- Bibliothèque logicielle très fournie
- Nombre de concepts restreint
- Permet de gérer des exécutables qui n'ont besoin de rien pour s'exécuter et pour lesquels on peut contrôler parfaitement la mémoire utilisée (noyau de Système d'exploitation, logiciel embarqué)
- Contrôle de bas niveau : très puissant

Langage C

Avantages

- Nombreux types de données
- Riche ensemble d'opérateurs et de structures de contrôle
- Bibliothèque d'exécution standard
- Efficacité des programmes
- Transportabilité des programmes (plus facile si on respecte une norme)
- Liberté du programmeur
- Interface privilégiée avec Unix

Langage C

Inconvénients

- Pas d'objets
- Pas de gestion des exceptions
- Peu de contrôles (on peut tout faire : débordement de tableaux, ...)
- Faiblement typé (on peut toujours convertir)
- Peu devenir franchement complexe

Langage C

Langages inspirés du C

- C++
- Objective-C
- Java
- PhP

Langage C

Environnement de développement

- Allez jeter un œil sur la page wikipedia du langage C (en français et en anglais)
- Visual Studio Code est gratuit

Langage C

- Langage normalisé (C99)
- L'apprentissage du C permet de mieux comprendre le fonctionnement
 - D'un ordinateur (CPU, mémoire, périphériques)
 - D'un OS
- Un informaticien se doit d'avoir fait du C dans sa vie (sera toujours utile)

Test

```
void f (int i) {  
    i = 8;  
}
```

```
int main (void) {  
    int i = 5;  
    f(i);  
    k = i;  
}
```

Valeur de k ?

But du cours

- Vous faire comprendre plein de choses sur la programmation et sur comment écrire un programme efficace

Le C et le “snobisme” en programmation

```
void strcpy (char* dest, char* src) {  
    while (*dest++=*src++);  
}
```


Langage C : pour débiter

- Un programme C est constitué d'un ou plusieurs fichiers sources suffixés par `.c` et `.h`, dans le(s)quel(s) une unique fonction `main` doit apparaître (ce sera le point d'entrée du programme)
- Seules des fonctions peuvent être définies
 - Pour définir une procédure, il faut déclarer une fonction renvoyant le type spécial `void`
- Pour renforcer le fait que la fonction n'ait pas de paramètres, mettre `void` entre les parenthèses

Quelques règles

Ce n'est pas obligatoire dans le langage mais suivez ces règles :

- On met toujours des `{}`
`if (x > 3) {y = 4;}`
- On évite plusieurs instructions sur la même ligne
`i = i + 1; j = j + 2; /* on sépare sur 2 lignes */`
- On évite plusieurs déclarations sur la même ligne
`int i, j = 2, k = 5; /* à éviter */`

Quelques règles

Ce n'est pas obligatoire dans le langage mais suivez ces règles :

- Les variables sont écrites uniquement en minuscule
- Les macros ou constantes définies à l'aide de `#define` sont toutes en majuscules
- Les noms de fonctions commencent par une minuscule
- Les noms de fonctions utilisent l'une des 2 formes
 - Tout en minuscule avec des `_` pour séparer
`fahrenheit_to_celcius`
 - En "collant" tout et mettant des majuscules pour séparer les mots
`fahrenheitToCelcius`

Un premier exemple

```
int main (void) {  
    int i;  
    int x = 3;  
    int y = 4; /* y doit être positif */  
    double z = 1.0;  
    i = 0;  
    while (i < y) {  
        z = z * x;  
        i = i + 1;  
    }  
    return 0;  
}
```

On compile et on exécute

Compilation

- Compilateur (gcc)
- Des options (-Wall)
- Fichier source en entrée (monfichier.c)
- Fichier en sortie (a.out sous Linux, monfichier.exe sous Windows)

```
gcc -Wall -pedantic -ansi monfichier.c
```

Ce programme C calcule x^y , x et y étant donnés (x vaut 3, et y vaut 4).
Il n'affiche cependant rien du tout

Affichage (écriture)

```
int x;
```

```
fprintf(stdout, "%d", x);
```

Écrit un entier dans le fichier stdout (sortie standard)

```
printf("%d", x);
```

Écrit directement sur la sortie standard

On affiche quelque chose

```
#include <stdio.h>

int main (void) {
    int x = 3;
    int y = 4;
    double z = 1.0;
    fprintf(stdout, "x = %d, y = %d", x, y);
    while (y > 0) {
        z *= x; /* z = z * x; */
        y -= 1; /* y = y - 1; */
    }
    fprintf(stdout, "z = %.2f \n", z);
    return 0;
}
```

Compilation et exécution

- On compile et on exécute
 - `gcc -Wall -pedantic -ansi foo.c`
 - `./a.out`
`x = 3, y = 4, z = 81.00`
- Le programme calcule 3^4 et affiche les valeurs de x, y et z
- En C, il n'y a pas d'instructions d'E/S
- En revanche, il existe des fonctions de bibliothèque, dont le fichier de déclarations s'appelle `stdio.h` (standard input-output, `.h` pour "headers")
- Les fonctions de bibliothèque d'E/S font partie de la bibliothèque C : `libc`

Compilation et exécution

- Le compilateur C utilisé est celui du projet : gcc
- Du fichier source au fichier exécutable, différentes étapes sont effectuées :
 - le **préprocesseur** cpp
 - le **compilateur** C cc traduit le programme source en un programme équivalent en langage d'assemblage
 - l'assembleur a construit un **fichier** appelé **objet** contenant le code machine correspondant
 - l'**éditeur de liens** ld construit le programme exécutable à partir des fichiers objet et des bibliothèques (ensemble de fichiers objets prédéfinis)

Compilation et exécution

- Les fichiers objets sont suffixés par `.o` sous Unix et `.obj` sous Windows
- Les bibliothèques sont suffixées par `.a` `.sl` `.sa` sous Unix et par `.lib` sous Windows
- Les bibliothèques chargées dynamiquement (lors de l'exécution du programme et non pas lors de l'édition de liens) sont suffixées par `.so` sous Unix et `.dll` sous Windows

Options du compilateur

- `-c` : pour n'obtenir que le fichier objet (donc l'éditeur de liens n'est pas appelé)
- `-E` : pour voir le résultat du passage du préprocesseur
- `-g` : pour le débogueur symbolique (avec les noms des fonctions)
- `-o` : pour renommer la sortie
- `-Wall` : pour obtenir tous les avertissements
- `-lnom_de_bibliothèque` : pour inclure une bibliothèque précise
- `-ansi` : pour obtenir des avertissements à certaines extensions non ansi de gcc
- `-pedantic` : pour obtenir les avertissements requis par le C standard strictement ansi

Calcul d'une puissance

```
#include <stdio.h>

double puissance (int a, int b) {
    /* Rôle : retourne a^b (ou 1.0 si b < 0) */
    double z = 1.0;
    while (b > 0) {
        z *= a; /* z = z * a */
        b -= 1; /* b = b - 1; */
    }
    return z;
}

int main (void) {
    fprintf(stdout, "3^4 = %.2f \n", puissance(3, 4));
    fprintf(stdout, "3^0 = %.2f \n", puissance(3, 0));
    return 0;
}
```

Définition de fonctions

- En C, on peut définir des fonctions
- La fonction principale `main` appelle la fonction puissance, afin de calculer 3^4 et affiche le résultat. Elle appelle aussi la fonction puissance avec les valeurs 3 et 0 et affiche le résultat

Remark

Pour compiler, là encore, il n'y a aucun changement

- `gcc -Wall -pedantic -ansi foo.c`
- `./a.out`
 $3^4 = 81.00$
 $3^0 = 1.00$

Déclarations : prototype

```
double puissance (int a, int b) {  
    /* corps de la fonction puissance  
       déclarations  
       instructions */  
}
```

- Si on utilise une fonction avant sa définition alors il faut la déclarer en utilisant ce que l'on appelle un prototype :
`double puissance (int, int);`
- Le compilateur en a besoin pour s'y retrouver
- L'utilisation de prototypes permet une détection des erreurs sur le type et le nombre des paramètres lors de l'appel effectif de la fonction

Lecture au clavier

```
int x;
```

```
fscanf(stdin, "%d", &x);
```

Lit un entier dans le fichier stdin (entrée standard)

```
scanf("%d", &x);
```

Lit directement sur l'entrée standard

Puissance : lecture au clavier

```
#include <stdio.h>

double puissance (int a, int b) {
    /* Rôle : retourne a^b (ou 1.0 si b < 0) */
    double z = 1.0;
    while (b > 0) {
        z *= a; /* z = z * a */
        b -= 1; /* b = b - 1; */
    }
    return z;
}

int main (void) {
    int x;
    int y;
    fprintf(stdout, "x = ");
    fscanf(stdin, "%d", &x);
    fprintf(stdout, "y = ");
    fscanf(stdin, "%d", &y);
    double p = puissance(x, y);
    fprintf(stdout, "x = %d, y = %d, x^y = %.2f \n", x, y, p);
    return 0;
}
```


Lecture au clavier

- Dans les précédentes versions, pour modifier les valeurs de x et de y , il fallait modifier le texte source du programme, le recompiler et l'exécuter
- En C, on peut demander à l'utilisateur des valeurs sur l'entrée standard
 - `gcc -Wall -pedantic -ansi foo.c`
 - `./a.out`
`x = 3`
`y = 4`
`x = 3, y = 4, x^y = 81.00`

Un autre exemple

Écrire sur la sortie standard ce qui est lu sur l'entrée standard (l'entrée et la sortie standard sont ouvertes par défaut)

En pseudo-langage

```
// c un caractère
lire(c)
tant que (non findefichier(entrée)) {
    afficher(c)
    lire(c)
}
```

En C

```
#include <stdio.h>
int main (void) {
    char c;
    c = fgetc(stdin);
    while (c != EOF) {
        fputc(c, stdout);
        c = fgetc(stdin);
    }
    return 0;
}
```

En plus court

```
#include <stdio.h>
int main (void) {
    char c;
    while ((c = fgetc(stdin)) != EOF) {
        fputc(c, stdout);
    }
    return 0;
}
```

Un autre exemple

Compter le nombre de caractères lus sur l'entrée standard et écrire le résultat sur la sortie standard

En pseudo-langage

```
// nb un entier
nb ← 0
tant que (non findefichier(entrée)) {
    nb ← nb + 1
}
afficher(nb)
```

Une première version

```
#include <stdio.h>

/* Compte le nombre de caractères lus sur l'entrée standard jusqu'à une
   fin de fichier */
long compte (void); //déclaration de compte

int main (void) {
    fprintf(stdout, "nb de caractères = %ld\n", compte());
    return 0;
}

long compte (void) {
    long nb;
    nb = 0;
    while (getc(stdin) != EOF) {
        nb += 1;
    }
    return nb;
}
```

En C

```
#include <stdio.h>

/* Compte le nombre de caractères lus sur l'entrée standard jusqu'à une
   fin de fichier */
extern long compte (void); //déclaration de compte

int main (void) {
    fprintf(stdout, "nb de caractères = %ld\n", compte());
    return 0;
}

long compte (void) {
    long nb;
    for (nb = 0; getc(stdin) != EOF; nb++) {
        /* Rien */
    }
    return nb;
}
```

Compilation séparée

On veut réutiliser le plus possible les codes existants

- On organise le code : on le sépare par thème, par module :
 - Les fonctions de maths
 - Les fonctions d'entrée/sortie (affichage/saisie)
 - ...
- On met un ensemble de code source de fonctions (**définition des fonctions**) dans le même fichier `.c`
- Pour donner accès aux autres à ces fonctions, on doit donner leur signature (type de retour, nombre de paramètres, type des paramètres) = **déclaration**. On met ces déclarations dans un fichier public le `.h`

Compilation séparée

fichier `math.h` : fichier de “ déclarations ”

```
/* Retourne  $a^b$  (ou 1.0 si  $b < 0$ ) */  
double puissance (int, int);
```

fichier `math.c` : fichier de “ définitions ”

```
#include "math.h"  
double puissance (int a, int b) {  
    double z = 1.0;  
    while (b > 0) {  
        z *= a; /*  $z = z * a$  */  
        b--; /*  $b = b - 1$  */  
    }  
    return z;  
}
```


Compilation séparée

Fichier `essai.c` : fichier principal

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include "math.h"

int main (int argc, char *argv[]) {
    if (argc != 3) {
        fprintf(stderr, "usage: %s x y >= 0 (x^y)\n", argv[0]);
        return 1;
    }
    int x = atoi(argv[1]);
    int y = atoi(argv[2]);
    if (y < 0) {
        fprintf(stderr, "usage: %s x y >= 0 (x^y)\n", argv[0]);
        return 2;
    }
    printf("x = %d, y = %d, x^y = %.2f\n", x, y, puissance(x, y));
    return 0;
}
```

Compilation séparée

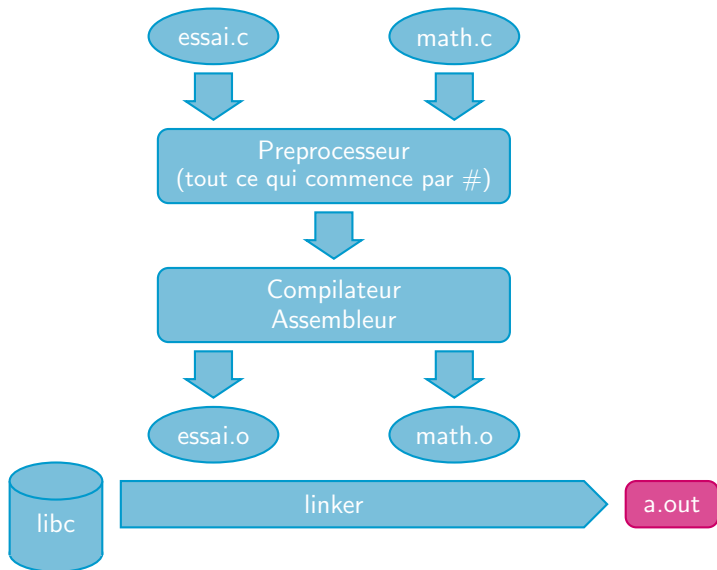
- Dans cette version, les valeurs de x et de y , seront données en arguments de la commande
 - `gcc -Wall -pedantic -ansi math.c essai.c`
 - `./a.out 3 4`
 $x = 3, y = 4, x^y = 81.00$
 - `./a.out 3`
usage: `./a.out x y >= 0 (x^y)`
 - `./a.out 3 -4`
usage: `./a.out x y >= 0 (x^y)`

Déclarations et code

On va s'organiser un peu

- Il faut une déclaration avant utilisation
 - Prototypes mis dans un fichier : les `.h`
 - Code source des définitions : les `.c`
 - Certains fichiers sont déjà compilés (les objets) : les `.o`
 - On a des librairies (comme `libc` ou les `maths`) : les `.so`
- Il faut arriver à gérer tout cela :
 - On compile les `.c` avec les `.h`,
 - On ne veut pas tout recompiler quand un `.c` est modifié, mais une modification d'un `.h` peut avoir de l'importance
 - On utilise les autres `.o` et les `lib`
- Le gestionnaire : l'utilitaire `make` avec les `makefile`; ou bien votre interface de développement

Compilation



Éléments lexicaux

- Commentaires : `/* */`
- Identificateurs : suite de lettres non accentuées, de chiffres ou de souligné, débutant par une lettre ou un souligné
- Mots réservés
- Classes de variables : `auto`, `const`, `extern`, `register`, `static`, `volatile`
- Instructions : `break`, `case`, `continue`, `default`, `do`, `else`, `for`, `goto`, `if`, `return`, `switch`, `while`
- Types : `char`, `double`, `float`, `int`, `long`, `short`, `signed`, `unsigned`, `void`
- Constructeurs de types : `enum`, `struct`, `typedef`, `union`

Séquences d'échappement

- `\a` : Sonnerie
- `\b` : Retour arrière
- `\f` : Saut de page
- `\n` : Fin de ligne
- `\r` : Retour chariot
- `\t` : Tabulation horizontale
- `\v` : Tabulation verticale
- `\\` : Barre à l'envers
- `\?` : Point d'interrogation
- `\'` : Apostrophe
- `\"` : Guillemet
- `\o` `\oo` `\ooo` : Nombre octal
- `\xh` `\xhh` : Nombre hexadécimal

Constantes

Type entier en notation décimale, octale ou hexadécimale

int	unsigned int	long	long long ou __int64
123	12u	100L	1234LL
0173	0123u	125L	128LL
0x7b	0xAb3	0x12UL	0xFFFFFFFFFFFFFFFFLL

Type réel

float	double	long double
123f	123e0	123l
12.3F	12.3	12.3L

Constantes

Type caractère (`char`)

- Un caractère entre apostrophes
 - `'a'`
 - `'\141'`
 - `'\x61'`
 - `'\n'`
 - `'\0'`
 - `'\12'`
- En C, un caractère est considéré comme un entier (conversion unaire)
 - `char ca = 'a';`
 - `char ca = 97;`
 - `char ca = '\141';`
 - `char ca = '\x61';`

Constantes

Type chaîne (`char *`) : chaîne placée entre guillemets

- ""
- "here we go"
- "une chaîne sur \
deux lignes"
- "et"
- "une autre"

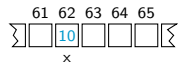
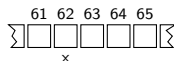
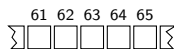
Variable

- Une variable est un nom auquel on associe une valeur que le programme peut modifier pendant son exécution
- Lors de sa déclaration, on indique son type
- **Il faut déclarer toutes les variables avant de les utiliser**
- On peut initialiser une variable lors de sa déclaration
- On peut préfixer toutes les déclarations de variables par `const` (jamais modifiés)

Variable

```
int x; // Réserve un emplacement pour un entier en mémoire  
x = 10; // Écrit la valeur 10 dans l'emplacement réservé
```

- Une variable est destinée à contenir une valeur du type avec lequel elle est déclarée
- Physiquement cette valeur se situe en mémoire
- `int x;`
- `x = 10;`
- `&x` : adresse de `x` en C : ici 62
Adresse = numéro de la case mémoire



Types élémentaires

- Signé ou pas :
 - `unsigned` : non signé pas de négatif si n bits : $0 \dots (2^n - 1)$
 - `signed` : signé, négatifs, si n bits $-2^n - 1 \dots (2^{n-1} - 1)$
- Type entier :
 - `short`, signé par défaut en général sur 16 bits
 - `int`, signé par défaut, sur 32 bits en général
 - `long`, signé par défaut, sur 32 ou 64 bits
 - `long long` sur 64 bits
- Type réel :
 - `float`, signé, sur 32 bits en général
 - `double`, sur 32 ou 64 bits
 - `long double`, souvent sur 64 bits

Types élémentaires

- Type spécial : `void`
 - ne peut pas être considéré comme un type “ normal ”
- Type caractère :
 - `char`, signé par défaut : $-128 \dots +128$
 - `unsigned char` : $0 \dots 255$ parfois appelé byte
- **PAS de type booléen** : 0 représente le faux, et une valeur différente de 0 le vrai
- **ATTENTION** nombre de bits du type n'est pas dans le langage

Principe du C

- On écrit des valeurs dans des cases mémoires
- On lit des cases mémoire et on interprète le contenu de ce qu'on a lu
- x est un `int`. J'écris 65 dans x: `int x = 65;`
- Je lis la valeur de x : c'est 65
- Je place 65 dans un `char` : `char c = 65;`
- J'affiche le résultat: j'obtiens la lettre A
- J'ai interprété le résultat, la valeur n'a pas changé
- Pour afficher des caractères on utilise une table de conversion, dite table ASCII. Dans cette table la valeur 65 correspond à A

Table ASCII

Decimal	Hex	Char	Decimal	Hex	Char	Decimal	Hex	Char	Decimal	Hex	Char
0	0	[NULL]	32	20	[SPACE]	64	40	@	96	60	`
1	1	[START OF HEADING]	33	21	!	65	41	A	97	61	a
2	2	[START OF TEXT]	34	22	"	66	42	B	98	62	b
3	3	[END OF TEXT]	35	23	#	67	43	C	99	63	c
4	4	[END OF TRANSMISSION]	36	24	\$	68	44	D	100	64	d
5	5	[ENQUIRY]	37	25	%	69	45	E	101	65	e
6	6	[ACKNOWLEDGE]	38	26	&	70	46	F	102	66	f
7	7	[BELL]	39	27	'	71	47	G	103	67	g
8	8	[BACKSPACE]	40	28	(72	48	H	104	68	h
9	9	[HORIZONTAL TAB]	41	29)	73	49	I	105	69	i
10	A	[LINE FEED]	42	2A	*	74	4A	J	106	6A	j
11	B	[VERTICAL TAB]	43	2B	+	75	4B	K	107	6B	k
12	C	[FORM FEED]	44	2C	,	76	4C	L	108	6C	l
13	D	[CARRIAGE RETURN]	45	2D	-	77	4D	M	109	6D	m
14	E	[SHIFT OUT]	46	2E	.	78	4E	N	110	6E	n
15	F	[SHIFT IN]	47	2F	/	79	4F	O	111	6F	o
16	10	[DATA LINK ESCAPE]	48	30	0	80	50	P	112	70	p
17	11	[DEVICE CONTROL 1]	49	31	1	81	51	Q	113	71	q
18	12	[DEVICE CONTROL 2]	50	32	2	82	52	R	114	72	r
19	13	[DEVICE CONTROL 3]	51	33	3	83	53	S	115	73	s
20	14	[DEVICE CONTROL 4]	52	34	4	84	54	T	116	74	t
21	15	[NEGATIVE ACKNOWLEDGE]	53	35	5	85	55	U	117	75	u
22	16	[SYNCHRONOUS IDLE]	54	36	6	86	56	V	118	76	v
23	17	[ENG OF TRANS. BLOCK]	55	37	7	87	57	W	119	77	w
24	18	[CANCEL]	56	38	8	88	58	X	120	78	x
25	19	[END OF MEDIUM]	57	39	9	89	59	Y	121	79	y
26	1A	[SUBSTITUTE]	58	3A	:	90	5A	Z	122	7A	z
27	1B	[ESCAPE]	59	3B	;	91	5B	[123	7B	{
28	1C	[FILE SEPARATOR]	60	3C	<	92	5C	\	124	7C	
29	1D	[GROUP SEPARATOR]	61	3D	=	93	5D]	125	7D	}
30	1E	[RECORD SEPARATOR]	62	3E	>	94	5E	^	126	7E	~
31	1F	[UNIT SEPARATOR]	63	3F	?	95	5F	_	127	7F	[DEL]

Principe du C

- On écrit des valeurs dans des cases mémoires
- On lit des cases mémoire et on interprète le contenu de ce qu'on a lu
- Ce qui est écrit est toujours écrit en binaire
- Codage des entiers (`int`, `long`, ...)
- Codages des flottants (`float`, `double`, ...)
- Ce n'est pas la même chose !
- Attention à l'interprétation

Représentation sur 32 bits (ou 64)

- Sur 32 bits, on peut représenter au plus 2^{32} informations différentes
- Si on représente des entiers on représente donc des nombres de 0 à 4 Milliards
- Comment représenter des nombres plus grands ?
- Comment représenter des nombres à virgule ?
- On va donner un sens différents aux bits

Représentation en base 2

- Système de numération (base 2, 10, 16)
- Représentation des entiers
- Représentation des nombres réels en virgule flottante

Bases 2, 10, 16

- \forall base b , un nombre n s'écrit $n = \sum_{i=0}^{\infty} a_i b^i$
- Base 10 :
 - $a_i \in \{0, 1, 2, \dots, 7, 8, 9\}$
 - $n = 1011_{10} = 1 \times 10^3 + 0 \times 10^2 + 1 \times 10^1 + 1 \times 10^0 = 1011_{10}$
- Base 2 :
 - $a_i \in \{0, 1\}$
 - $n = 1011_2 = 1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0 = 11_{10}$
- Base 16 :
 - $a_i \in \{0, 1, 2, \dots, 9, A, B, C, D, E, F\}$
 - $n = 1011_{16} = 1 \times 16^3 + 0 \times 16^2 + 1 \times 16^1 + 1 \times 16^0 = 4113_{10}$

Bases 2, 10, 16

Taille bornée des entiers stockés

Soit un entier m représenté sur n symboles dans une base b , on a $m \in [0, b^n - 1]$

Exemple

- sur 3 digits en décimal, on peut représenter les entiers $[0, 999]$
- sur 3 bits en binaire, on peut représenter les entiers $[0, 7]$
- sur 3 symboles en hexadécimal, on peut représenter les entiers $[0, 4095]$

Conversion vers la base 10

∀ base b , un nombre n s'écrit $n = \sum_{i=0}^{\infty} a_i b^i$

Exemple

- $010100_2 = 0 \times 2^5 + 1 \times 2^4 + 0 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 0 \times 2^0$
 $= 16 + 4 = 20_{10}$
- $1111_2 = 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0$
 $= 8 + 4 + 2 + 1 = 15_{10}$
- $012_{16} = 0 \times 16^2 + 1 \times 16^1 + 2 \times 16^0$
 $= 16 + 2 = 18_{10}$
- $1AE_{16} = 1 \times 16^2 + 10 \times 16^1 + 14 \times 16^0$
 $= 256 + 160 + 14 = 430_{10}$

Conversion de la base 10 à la base 2

- Comment à partir de n retrouver les a_i ? $n = \sum_{i=0}^{\infty} a_i 2^i$
- Divisions successives
 - Jusqu'à l'obtention d'un quotient nul
 - Lecture du bas vers le haut

$$\begin{array}{l}
 6 = 2 \times 3 + 0 \\
 3 = 2 \times 1 + 1 \\
 1 = 2 \times 0 + 1
 \end{array}
 \quad \uparrow \quad 6_{10} = 110_2$$

- Tableau de puissance de 2
 - Parcourir le tableau des 2^i de gauche à droite
 - Si $n \geq 2^i$, alors mettre 1 dans la case 2^i et $n = n - 2^i$
 - Sinon mettre 0 dans la case 2^i

2^3	2^2	2^1	2^0
0	1	1	0

$$6_{10} = 0110_2$$



Conversion de la base 10 à la base 16

- $$n = \sum_{i=0}^{\infty} a_i 16^i$$

- Divisions successives

- Jusqu'à l'obtention d'un quotient nul
- Lecture du bas vers le haut

$$\begin{aligned} 687 &= 16 \times 42 + 15 \\ 42 &= 16 \times 2 + 10 \\ 2 &= 16 \times 0 + 2 \end{aligned} \quad \begin{array}{c} \boxed{F} \\ \boxed{A} \\ \boxed{2} \end{array} \quad \uparrow \quad 687_{10} = 2AF_{16}$$

- Tableau de puissance de 16

- Parcourir le tableau des 16^i de gauche à droite
 - Si $n \geq 16^i$, alors mettre $n \div 16^i$ dans la case 16^i , et $n = n \bmod 16^i$
 - Sinon mettre 0 dans la case 16^i

16^3	16^2	16^1	16^0
0	2	A	F

$$687_{10} = 02AF_{16}$$



Conversions base 2, base 16

De la base 2 à la base 16

- Séparer le nombre binaire en quartet (de droite à gauche)
- Convertir chaque quartet en hexadécimal
- Exemple : 11011110001010000_2
- Séparation en quartet : 1 1011 1100 0101 0000
- Conversion : $1\ 1011\ 1100\ 0101\ 0000_2 = 1\ B\ C\ 5\ 0_{16}$

De la base 16 à la base 2

- Conversion de chaque symbole par un quartet
- Exemple : $AF23_{16}$
- En quartet : $A_{16} = 1010_2$, $F_{16} = 1111_2$, $2_{16} = 0010_2$, $3_{16} = 0011_2$
- Conversion : $AF23_{16} = 1010\ 1111\ 0010\ 0011_2$

Exemples

- $1010_2 =$
- $1101000_2 =$
- $12_{16} =$
- $3A_{16} =$
- $27_{10} =$
- $35_{10} =$

Réels en virgule flottante

- On représente un nombre avec une **mantisse** et un **exposant**, similairement à la notation scientifique :
 $1,234 \times 10^3 (= 1234)$
- La mantisse et l'exposant doivent être représentés sur un **nombre fixe de chiffres**
- Le **biais**, pour avoir des exposants négatifs

Exemple

- Mantisse sur 5 chiffres $(\frac{1}{10^0} + \frac{2}{10^1} + \frac{3}{10^2} + \frac{4}{10^3} + \frac{0}{10^4})$ $m = 12340$
- Exposant sur 2 chiffres $(3 + 50)$ $e = 53$
- Biais de 50
 $(12340|53)$

Réels en virgule flottante

- 0,0005 (5×10^{-4}) serait représenté par $m = 50000, e = 46$ (50000|46)
- Le plus grand nombre représentable est $(99999|99) = 9,9999 \times 10^{99} \times 10^{-50} = 9,9999 \times 10^{49}$
- Le plus petit (strictement positif) est $(00001|00) = 1.10^{-4} \times 10^{-50} = 10^{-54}$
- On ne peut pas représenter **exactement** 1,23456 sur cet exemple, puisque la mantisse ne peut avoir que 5 chiffres

Réels binaires en virgule flottante

- La représentation binaire en virgule flottante est analogue
- Par exemple une mantisse sur 5 bits, un exposant sur 3 bits et un biais d valant 3
$$(10110|110) = (1 + \frac{0}{2} + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{2^3} + \frac{0}{2^4}) \times 2^{6-3} = 11$$
$$1011_2 = 11_{10}, 0110_2 = 11_{10} \times 2^{-3}, (11 \times 2^{-3}) \times 2^3$$
- La mantisse $b_0 b_1 b_2 \dots b_m$ représente le nombre **rationnel**
$$m = b_0 + \frac{b_1}{2} + \frac{b_2}{2^2} + \dots + \frac{b_m}{2^m}$$
(en forme normalisée, on a toujours $b_0 = 1$)
- L'exposant $x_n x_{n-1} \dots x_1 x_0$, représente l'**entier**
$$e = x_n \times 2^n + \dots + x_1 \times 2 + x_0,$$
- La valeur représentée par le couple (m, e) est $m \cdot 2^{e-d}$

Réels binaires en virgule flottante

- La conversion de $0,xxxxx$ en binaire se fait en procédant par **multiplications successives**

- $0,375 = \frac{1}{4} + \frac{1}{8}$

$$0,375 \times 2 = 0,75$$

$$0,75 \times 2 = 1,5$$

$$0,5 \times 2 = 1$$

$$0,375_{10} = 0,011_2$$

Réels binaires en virgule flottante

- La norme IEEE 754 définit 2 formats (un peu plus compliqués que le modèle précédant)
 - Simple précision : mantisse sur 23 bits, exposant sur 8, $d = 127$
 - Double précision : mantisse sur 52 bits, exposant sur 11, $d = 1023$
- Les calculs se font en précision étendue : mantisse sur au moins 64 bits, exposant sur au moins 15

Réels binaires en virgule flottante

- Sur 32 bits, la représentation entière jusqu'à l'ordre de grandeur 4×10^9 , la représentation flottante représente les nombres entre les ordres de grandeur 10^{-37} et 10^{37}
- Sur 64 bits, avec les entiers 1×10^{19} , avec les flottants 10^{-308} et 10^{308}
- Mais cette faculté d'exprimer de très petits ou de très grands nombres se paye par une approximation puisque seuls peuvent être **représentés exactement les nombres de la forme**
$$(b_0 + \frac{b_1}{2} + \frac{b_2}{2^2} + \dots + \frac{b_m}{2^m}) \times 2^{e-d}$$
- Sur n bits, on représente moins de nombres réels flottants différents que de nombres entiers !

Réels binaires en virgule flottante

- On a donc des erreurs d'arrondi : par exemple sur 32 bits,
 $1000 \times \left(\frac{1}{3000} + \frac{1}{3000} + \frac{1}{3000} \right) \neq 1$
 - $0,3_{10}$ n'est pas exactement représentable en binaire !
 $0,3 \times 2 = 0,6$
 $0,6 \times 2 = 1,2$
 $0,2 \times 2 = 0,4$
 $0,4 \times 2 = 0,8$
 $0,8 \times 2 = 1,6$
 $0,6 \times 2$: on boucle
- $0,3_{10} = 0,0100110011001\dots_2$
- $0,3$ a une représentation finie en base 10 mais pas en base 2
 - **Tous les nombres à virgule ne sont pas représentables**

Norme IEEE 754

- Le standard IEEE en format simple précision utilise 32 bits pour représenter un nombre réel x :
- $x = (-1)^s \times 2^{e-127} \times 1, m$
 - s est le bit de signe (1 bit)
 - e l'exposant (8 bits)
 - m la mantisse (23 bits)
- Pour la double et quadruple précision, le nombre de bits de la mantisse et de l'exposant, et donc le biais diffèrent