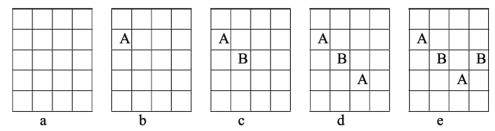
Scurta introducere in jocurile combinatoriale

Concurs MATE-INFO UBB 2019 – informatica:

A.10. Jocul amplasării pieselor de domino pe diagonală (6 puncte)

Fie o tablă dreptunghiulară împărțită în $n \times m$ căsuțe $(n - \text{numărul liniilor}, m - \text{numărul coloanelor}, n, m - \text{numere naturale}, <math>2 \le n \le 100$, $2 \le m \le 100$). Pe rând, doi jucători A și B execută mutări alternative astfel: la fiecare mutare un jucător hașurează o singură căsuță care este vecină pe diagonală cu căsuța hașurată la pasul anterior de către celălalt jucător și care este nehașurată până în acel moment. Jucătorul care nu mai poate muta, pierde. Jucătorul A face prima mutare, hașurând o căsuță de pe tablă.



Exemplu de tablă de joc: a) inițială (n = 5 și m = 4), b) după prima mutare (mutarea lui A), c) după a 2-a mutare (mutarea lui B), d) după a 3-a mutare (mutarea lui A), e) după a 4-a mutare (mutarea lui B)

Determinați condiția în care jucătorul A are strategie sigură de câștig (adică va câștiga jocul, oricare ar fi mutările jucătorului B) și care poate fi prima mutare efectuată de jucătorul A pentru a câștiga jocul.

Bibliografie: Oltean M., Programarea jocurilor matematice, Ed. Albastra, 1996

Definitia jocurilor combinatoriale (in sensul teoriei jocurilor combinatoriale):

- 2 jucatori ce muta alternativ
- fara sansa (strategie pura)
- informatie completa (toate datele jocului sunt cunoscute la fiecare moment)
- jocul se incheie intr-un numar finit de pasi
- ultima mutare determina castigatorul (jucatorul incapabil sa mute pierde)

Care jucator are strategia optima de castig? Implementati un algoritm care joaca perfect.

Exemple de jocuri combinatoriale: Kayles, Sprouts, Hex

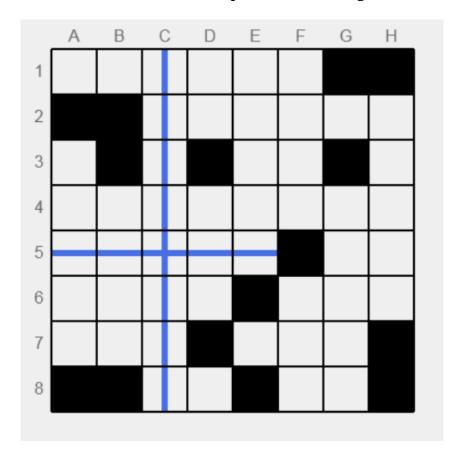
https://en.wikipedia.org/wiki/Kayles

https://en.wikipedia.org/wiki/Sprouts_(game)

https://en.wikipedia.org/wiki/Hex_(board_game)

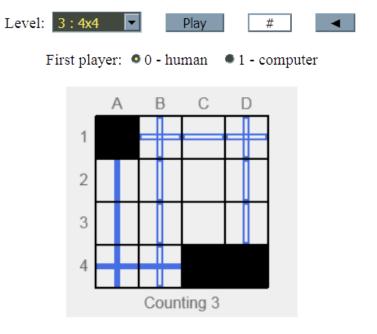
Jocul CrossLines

Este un joc combinatorial inspirat de tablele de rebus. Cei doi jucatori traseaza alternativ o linie orizontala sau verticala pe spatiul de scriere al unui cuvant, cu respectarea a doua reguli:



- 1. Lungimea unei linii este de cel putin 2 patratele
- 2. O linie nou trasata trebuie sa intersecteze (ortogonal) una si numai una din liniile trasate anterior

Jucatorul aflat in imposibilitatea de a muta pierde partida.



Analiza Matematica pentru informaticieni

anul universitar 2019-2020

Continuturi

- Saptamana 01: Numere reale
- Saptamana 02: Siruri de numere reale
- Saptamana 03: Calculul sumei unor serii de numere reale
- Saptamana 04: Natura unor serii de numere reale
- Saptamana 05: Limita, continuitate si derivabilitate pentru functii reale de variabila reala
- Saptamana 06: Derivate de ordin superior. Serii Taylor si serii de puteri
- Saptamana 07: Integrale Riemann
- Saptamana 08: Integrale improprii
- Saptamana 09: Topologia spatiului R^m
- Saptamana 10: Limita si continuitate pentru functii reale de variabila vectoriala
- Saptamana 11: Derivate partiale si diferentiala
- Saptamana 12: Probleme de extrem
- Saptamana 13: Integrale duble
- Saptamana 14: Transformari de coordonate in plan

Materiale auxiliare

Aplicatie curs 01: Scurta introducere in jocurile combinatoriale

Aplicatie curs 02: Aproximatii asimptotice

Aplicatie curs 03: Cateva aplicatii ale seriilor de numere

Aplicatie curs 04: Serii numerice rapid convergente

Aplicatie curs 05: Aproximarea numerica a radacinilor

Aplicatie curs 06: Serii de puteri remarcabile si functia Zeta a lui Riemann

Aplicatie curs 07: Curbe in plan si calculul lungimii lor

Aplicatie curs 08: Functia factorial si integrala probabilitatilor

Aplicatie curs 09: Multimi remarcabile in plan si in spatiu

Aplicatie curs 10: Multimi remarcabile in R^m si esantionarea Monte Carlo

Aplicatii seminar: Experimente numerice in JavaScript

Subiecte de examen din anii anteriori: sesiune 2017, sesiune 2018, sesiune 2019

Fisa disciplinei: analiza matematica

Pentru relaxare: CrossLines game

http://math.ubbcluj.ro/~sberinde/info/