

Challenge! 哈密顿回路

本题已给出C语言实现代码，我们要做的就是将其翻译为汇编语言，而难点在于如何将C语言中的递归算法转换为汇编语言中的循环算法。

下面我们将一步步地分析C语言代码，并给出相应的汇编代码。

定义数据段

```
matrix : .space 300      #邻接矩阵
book: .space 40          #标记数组
```

定义宏

在进入程序段之前，我们可以先利用宏对部分功能代码进行封装，便于实现代码复用，提高可读性。在上一节“函数调用 递归函数调用”中，我们已经给出了几个常用的宏，可直接拷贝过来使用。

```
#程序结束
.macro end
    li      $v0, 10
    syscall
.end_macro
```

```
#读入整数
.macro get_int(%des)
    li      $v0, 5
    syscall
    move    %des, $v0
.end_macro
```

```
#打印整数
.macro print_int(%src)
    move    $a0, %src
    li      $v0, 1
    syscall
.end_macro
```

```
#入栈
.macro push(%src)
    addi    $sp, $sp, -4
```

```
sw      %src, 0($sp)
.end_macro
```

```
#出栈
.macro pop(%des)
    lw      %des, 0($sp)
    addi    $sp, $sp, 4
.end_macro
```

```
#降维，并转化为相对于matrix的偏移量
.macro getindex(%ans, %i, %j)
    sll %ans, %i, 3          # %ans = %i * 8
    add %ans, %ans, %j       # %ans = %ans + %j
    sll %ans, %ans, 2        # %ans = %ans * 4
.end_macro
```

观察整份C语言代码，注意到我们需要多次对两个数组中的元素进行赋值或判断，因此我们还可再定义两个宏，分别用于获取邻接矩阵和标记数组中元素的地址。

```
#获取matrix[x][y]的地址
.macro getmataddr(%des,%i, %j)
    getindex($t7, %i, %j)
    la %des,matrix
    add %des,%des,$t7
.end_macro
```

```
#获取book[x]的地址
.macro getbookaddr(%des,%src)
    sll $t7, %src, 2
    add %des, $s3, $t7
.end_macro
```

需要注意，使用宏时一定要谨慎。宏虽然方便，但使用不当会引发难以排查的错误。

尽管宏能像函数一样对代码起到封装复用的效果，但其本质是文本的替换。例如上述的两个宏，每次使用时都会改变\$t7储存的数据，如果宏的上下文中都使用了\$t7，那么可能产生错误。因此，在编写宏时，一定要确保宏的参数不会发生冲突，否则将会引发不可预知的问题。

程序段--main

```
.text
```

我们从main函数开始逐块翻译,首先我们将几个常用的值存入寄存器中,以便后续使用。同时我们要记住这几个已经使用的寄存器,避免重复使用。

```
main:
    get_int($s0)           #$s0读入有向图G的结点数n
    get_int($s1)           #$s1读入有向图G的边数m

    li $s2,1               #$s2储存常量1
    li $s3,0               #$s3储存结果,初始化为0
```

接下来循环读入邻接矩阵。对于只需要使用一次的变量,我们选择用寄存器\$t0-\$t7来存,它们储存临时变量,使用完后可以随时覆盖。(当然也可以使用\$s0-\$s7等其他寄存器,但我们为了便于区分哪些变量需要保留,哪些是一次性使用,我们就有了这个约定)

```
li $t4,0                   #$t4为循环计数器,初始化为0
loop1:
    beq $t4,$s1, end_loop1

    get_int($t1)
    addi $t1,$t1,-1
    get_int($t2)
    addi $t2,$t2,-1

    getmataddr($t5,$t1,$t2)
    sw $s2, 0($t5)          #将邻接矩阵matrix[x-1][y-1]置为1
    getmataddr($t5,$t2,$t1)
    sw $s2, 0($t5)          #将邻接矩阵matrix[y-1][x-1]置为1

    addi $t4,$t4,1          #循环计数器加1
    j loop1
end_loop1:
```

我们先把main函数完成,之后再去写dfs函数的实现。

结点从0开始遍历,因此首先将0传给dfs函数。传参时,我们选择使用\$a0-\$a3寄存器,它们是函数调用的参数寄存器。

```
li $t0,0                   #dfs从结点0开始

move $a0,$t0               #传参,$t0是实参,$a0是形参
jal dfs                    #调用dfs函数

print_int($s3)             #输出结果
end
```

接下来是本题的核心,dfs的递归调用

程序段--dfs

递归函数和普通函数的调用没有区别，最重要的都是的入栈和出栈，这是我们一定要深思熟虑的问题。

事实上，哪些数据的入栈和出栈，取决于我们希望函数调用结束前后，哪些数据需要被保留，哪些数据可以被覆盖。我们只需要关注，**哪些寄存器中的变量，要在函数执行后，保持不变继续使用**。我们仅将这些变量入栈出栈即可（当然，也可以将函数内使用的所有寄存器全部入出栈，这样虽然麻烦，但是可以确保函数执行过程中不会对函数外造成影响），同时`ra`是一定要入出栈的，不要忽视。

对于数据的出栈和入栈，我们可以在函数体写完后再去完成

```
move $t0, $a0                #将参数x存入临时寄存器t0中

getbookaddr($t1,$t0)
sw $s2, 0($t1)                # 将book[x]置为1
```

#判断是否经过了所有的点

```
li $t2, 0                     # $t2 = 0, 初始化循环变量
li $t3, 1                     # $t3 = 1, 作为标记flag
loop2:
    beq $t2, $s0, end_loop    # 如果 $t2 == n, 则跳出循环
    getbookaddr($t4,$t2)
    lw $t4, 0($t4)

    and $t3,$t3,$t4           # $t3 &= book[$t2]
    addi $t2, $t2, 1          # $t2++
    j loop2                   # 跳转到循环开始
end_loop:
```

下面的条件判断是两个用`&&`连接的语句，在C语言里表现为**短路效应**，即如果第一个条件不满足，则不会判断第二个条件，因此我们在使用汇编语言时，先判断第一个条件，如果第一个条件不满足，则直接跳转到`else`语句，否则再判断第二个条件。

注意到如果条件成立将会执行`return`，即函数结束，因此我们需要在函数结束前将寄存器出栈，否则将会导致函数无法正常返回。由于我们还未确定哪些寄存器入出栈，可以先在此标记，最后再来补全

#判断是否满足哈密顿回路条件

```
beq $t3, $s2 ,if_1
else_1:
    j end_if_else12
if_1:
    getmataddr($t1,$t0,$zero)
    lw $t1,0($t1)
    beq $t1,$s2,if_2
else_2:
    j end_if_else12
if_2:
    li $s3 ,1
```

```

#####
#####return
#####

jr $ra
end_if_else12:

```

#搜索与之相邻且未经过的边

```

li $t1,0                # $t1 = 0, 初始化循环变量
loop3:
    beq $t1, $s0, end_loop3    # 如果 $t1 == n, 则跳出循环

    getbookaddr($t2,$t1)
    lw $t2, 0($t2)
    getmataddr($t3,$t0,$t1)
    lw $t3,0($t3)

    beq $t2,$zero,if_3
    else_3:
        j end_if_else34
    if_3:
        beq $t3,$s2,if_4
    else_4:
        j end_if_else34
    if_4:
        move $a0, $t1
        jal dfs
    end_if_else34:
        addi $t1, $t1, 1        # $t1++
        j loop3                # 跳转到循环开始
    end_loop3:

```

将book[x]置为0

```

getbookaddr($t1,$t0)
sw $zero, 0($t1)

```

函数体已经完成，下面补全出栈入栈部分。

我们需要关注`dfs`函数执行完毕后还在使用的寄存器。

首先是main函数部分，执行完`dfs`后，只有储存最终结果`ans`的寄存器即`$s3`需要再使用，但它本身就是通过`dfs`来赋值的，所以无需入出栈

```
// 从第0个点（编号为1）开始深搜
dfs(0);
printf("%d", ans);
return 0;
}
```

然后是dfs函数对自己的递归调用,i和x要保证在dfs前后保持不变, 对应的寄存器是\$t1和\$t0

```
for (i = 0; i < n; i++) {
    if (!book[i] && G[x][i]) {
        dfs(i);
    }
}
book[x] = 0;
}
```