Алгоритмы и структуры данных Задание 2.3, кучи

Задача 1. Хип

Источник: основная Имя входного файла: input.txt Имя выходного файла: output.txt Ограничение по времени: 1 секунда* Ограничение по памяти: разумное

Реализуйте кучу для поиска минимального элемента среди целых чисел.

Формат входных данных

В первой строке входного файла дано целое число Q — количество операций над кучей $(1\leqslant Q\leqslant 2\cdot 10^5).$

В следующих Q строках записаны производимые операции: добавление элемента в кучу и извлечение из кучи.

Операция добавления начинается со слова push, за которыим следует добавляемое в кучу число. Добавляемые числа по модулю не превосходят 10^5 .

Операция извлечения значения из кучи обоозначается словом рор.

Формат выходных данных

Для каждой операции извлечения из кучи неоходимо в выходной файл в отдельную строку вывести число, которое было извлечено.

В случае, когда на момент извлечения куча была пуста, нужно напечатать Heap is empty.

Пример

input.txt	output.txt						
12	1						
push 1	2						
push 2	3						
pop	Heap is empty						
push 3	4						
pop	Heap is empty						
pop	5						
pop							
push 4							
pop							
pop							
push 5							
pop							

Задача 2. Максимум в окне

Источник: основная Имя входного файла: input.txt Имя выходного файла: output.txt Ограничение по времени: 1 секунда* Ограничение по памяти: разумное

Дан массив A, в котором записано N целых чисел. По этому массиву перемещается окно. Окно — это подотрезок в массиве, начинающийся с L-ого элемента массива, и заканчивающийся на (R-1)-ом элементе (всего в окне R-L элементов). При этом счётчики L и R постоянно изменяются. Нужно после каждого изменения счётчиков найти и вывести максимальное число в окне.

Изначально оба счётчика равны 0. Далее нужно выполнить 2N-1 операций, каждая операция имеет один из двух типов:

- \bullet L увеличить счётчик L на 1, тем самым сдвинув начало окна.
- \bullet R увеличить счётчик R на 1, тем самым сдвинув конец окна.

После выполнения каждой операции нужно вывести максимум среди чисел в окне, то есть максимум среди элементов массива, индекс которых попадает в диапазон [L, R).

Формат входных данных

В первой строке содержится целое число N — количество элементов в массиве $(1 \leqslant N \leqslant 2 \cdot 10^5)$. Во второй строке записано N целых чисел через пробел — содержимое массива. Все числа по абсолютной величине не превышают 10^9 . В третьей и последней строке записано подряд (2N-1) символов — команды, которые требуется выполнить.

Гарантируется, что:

- 1. первая команда имеет тип R,
- 2. после выполнения каждой команды верно R > L,
- 3. окно всегда входит в массив, то есть $R \leq N$.

Формат выходных данных

Нужно вывести 2N-1 строк, в каждой из которых требуется записать максимум в текущем окне. Максимум нужно выводить после обработки каждой команды.

Алгоритмы и структуры данных Задание 2.3, кучи

Пример

input.txt	output.txt
14	1
18325273749132	8
RRRRLLRLRRLLRRLLLRRRRLRLLLL	8
	8
	8
	3
	5
	5
	5
	7
	7
	7
	7
	7
	7
	7
	7
	7
	9
	9
	9
	9
	9
	9
	3
	3
	2
I and the second	

Алгоритмы и структуры данных Задание 2.3, кучи

Задача 3. Сортировка кучей

Источник: основная*
Имя входного файла: input.bin
Имя выходного файла: output.bin
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: разумное

В первых четырёх байтах входного файла задано целое число N — количество чисел в массиве A. Далее идут N четырёхбайтовых целых чисел — содержимое массива A. Размер массива лежит в диапазоне: $0 \le N \le 500\,000$.

Требуется отсортировать массив A по неубыванию, используя **алгоритм сортировки кучей**. В простейшем случае алгоритм состоит в том, чтобы добавить все элементы массива в двоичную кучу, а затем последовательно извлекать из кучи минимальный/максимальный элемент и записывать обратно в массив.

В выходной файл нужно вывести ровно N четырёхбайтовых целых чисел: содержимое массива A после сортировки.

Пример

-																	
	input.bin																
H	~ .															0.0	
	UA	00	00	00	11	00	00	00	F2	ተተ	ተተ	FF	06	00	00	00	
	04	٥٥	٥٥	ΛΛ	26	Δ٨	٥٥	٥٥	ΕD	FF	FF	FF	1 F	٥٥	٥٥	00	
	υ ı	00	00	00	20	UU	00	UU	עיו	LT	LT	I I	11	UU	UU	00	
	F6	FF	FF	FF	0 A	00	00	00	F4	FF	FF	FF					
L																	
	output.bin																
r	E٦	FF	FF	FF	F4	FF	FF	FF	F6	FF	FF	FF	ED	FF	FF	FF	
	1 2	11	11	11	17	11	1 1	1 1	10	11	11	1 1	עו	11	11	11	
	04	00	00	00	06	00	00	00	0A	00	00	00	1E	00	00	00	
			^ ^	^ ^	~ ~	^ ^	^ ^	^ ^									
	11	00	00	00	26	UÜ	00	UÜ									