

Rapport de DM : Algorithme de Kumar

Kaba Sakho & Papa El Hadji G. Cisse

Février 2026

1 Question 1 : Implémentation et Simulation

Nous avons implémenté l'algorithme de Kumar en DistAlgo en suivant les variables d'état et les transitions de la Figure 1. Notre simulation valide que le moniteur ne déclare la terminaison que si tous les agents sont inactifs et qu'il n'y a plus de messages 'm' en transit.

Points clés de notre exécution :

- **Réactivation** : Un agent inactif qui reçoit un message 'm' repasse bien à l'état *active*. On le voit dans nos logs avec l'agent 3.
- **Canaux FIFO** : L'ordre des messages 't' est respecté grâce à `config(channel is fifo)`, ce qui est indispensable pour la preuve de monotonicité.
- **Détection et Arrêt** : Le moniteur attend d'avoir vu tous les agents et que les compteurs soient équilibrés ($mSent[p][q] = mRcvd[q][p]$) avant de déclarer la terminaison. Le programme s'arrête ensuite proprement via un signal 'stop' envoyé par le Main.

2 Question 2 : Analyse théorique

2.1 Invariants sur les compteurs

Pendant toute l'exécution, les propriétés suivantes sont conservées :

- $mSent[p][q] \leq ds[p][q] \leq p.aSent[q]$ et $mRcvd[p][q] \leq dr[p][q] \leq p.aRcvd[q]$: Comme les compteurs locaux ne font que croître et que les rapports 't' arrivent dans l'ordre (FIFO), la valeur connue par le moniteur ($mSent, mRcvd$) ou en transit (ds, dr) ne peut jamais dépasser la réalité locale de l'agent.
- **Conservation** : $p.aSent[q]$ est égal à la somme de $q.aRcvd[p]$ et du nombre de messages 'm' en transit entre p et q .
- **Monotonicité** : Si un message ('t', s, r) précède ('t', $s', r')$ dans le canal, alors $s[p][q] \leq s'[p][q]$ et $r[p][q] \leq r'[p][q]$ car les variables locales ne diminuent jamais.

2.2 Preuve du Lemme (Coherent et Menace)

Soit $A \subseteq eseen$. On utilise les prédictats $Coherent(A)$ ($ds[p][q] = dr[q][p]$) et $Menace(A)$ (un agent de A est actif ou ses compteurs ont bougé).

Preuve par l'absurde : Supposons que $Coherent(A)$ et $Menace(A)$ soient vrais, mais qu'il n'y ait aucun échange avec l'extérieur, c'est-à-dire que pour tout $p \in A$ et $q \notin A$, on ait $dr[p][q] = p.aRcvd[q]$.

Si on fait le bilan sur A , le fait que $Menace(A)$ soit vrai implique une activité résiduelle. Mais si $Coherent(A)$ est vrai (équilibre interne) et qu'il n'y a pas de déséquilibre avec l'extérieur ($dr = aRcvd$), cette activité n'a aucune source possible. **Conclusion :** Il existe donc forcément $p \in A$ et $q \notin A$ tel que $dr[p][q] \neq p.aRcvd[q]$.

2.3 Correction de l'algorithme

Le moniteur déclare la terminaison si $seen$ contient tous les agents et que pour tous p, q , $mSent[p][q] = mRcvd[q][p]$.

- Dans ce cas, $A = seen =$ tous les agents, donc l'ensemble $q \notin A$ est vide.
- La condition du moniteur implique $Coherent(A)$ car il n'y a plus de messages 't' en transit.
- Si $Menace(A)$ était vraie, le lemme précédent exigerait l'existence d'un $q \notin A$. Comme c'est impossible, $Menace(A)$ est fausse.

$Menace(A)$ fausse signifie que tous les agents sont inactifs et que $p.aSent[q] = q.aRcvd[p]$, prouvant qu'il n'y a plus de messages en transit. L'algorithme est donc correct.