Beschreiben Sie das Verhalten der folgenden Funktionen für große bzw. kleine x-Werte.

Beachten Sie die Schreibweise  $f(x) \xrightarrow{x \to -\infty} / f(x) \xrightarrow{x \to \infty}$ 

(a) 
$$f(x) = 3x^6 - 18x^4 + 27x^2$$

(b) 
$$f(x) = -0.9x^7 + 10x^3$$

(c) 
$$f(x) = -5x^4 + 20x^3 - 12x^2 + 8$$

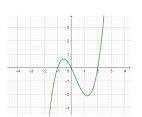
(d) 
$$f(x) = 0.8x^5 - 5x^3 - x$$

Ordnen Sie die Graphen der Ableitungsfunktionen f'(x) den richtigen Ausgangsgraphen für f(x) zu.

Begründen Sie ihre Entscheidung in Stichpunkten.

Ausgangsgraph von f(x)

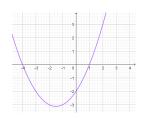
(a)



(b)

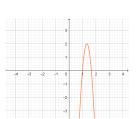


(c)

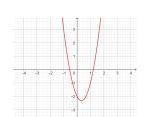


Graph der Ableitungsfunktion f'(x)

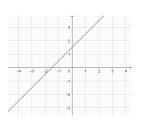
(1)



(2)



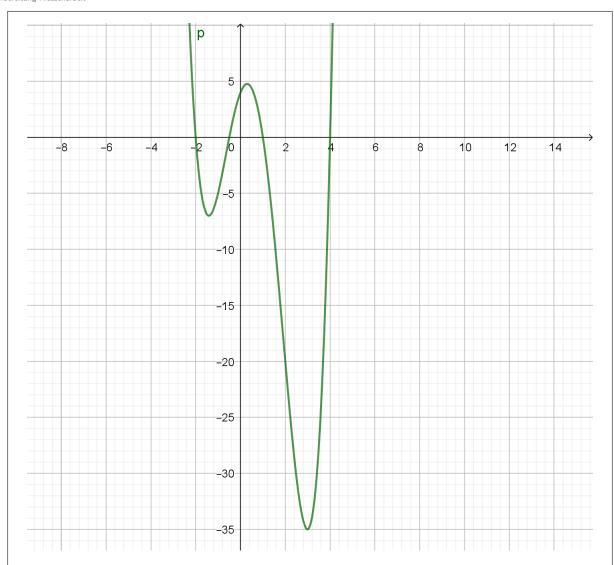
(3)



Skizzieren Sie den Graphen der Ableitungsfunktion zu gegebenem Funktionsgraphen.

Tun Sie dies im gleichen Koordinatensystem.

Beschreiben Sie ihr Vorgehen in Stichpunkten.



Bestimmen Sie rechnerisch die Nullstellen der Funktionen:

• 
$$f(x) = x^3 - 4.5x^2 + 5x$$

$$f(x) = x^2 - 1$$

• 
$$f(x) = 2x^4 - 10x + 8$$

Ermitteln Sie rechnerisch die **Extrempunkte** der Funktionen:

• 
$$f(x) = \frac{1}{4}x^4 + \frac{7}{3}x^3 + 2x - 40$$

• 
$$f(x) = \frac{1}{3}x^3 + 0,75x^2 - 2,5x$$

$$f(x) = \frac{1}{2}x^2 - 4x$$