bbs.eins.mainz Berufsbildende Schule Technik	3. Klassenarbeit	Name:
	Mathematik	Datum:
HBF IT 18A - B	von Punkten erreicht:%	Note:

Allgemeines

- Bei der Bearbeitung ist ein nachvollziehbarer, vollständiger Rechenweg aufzuschreiben.
- Die Bewertung der Klassenarbeit ist nur bei gut lesbarer Schrift möglich.
- Die Lösungen müssen mit dokumentenechtem Stift (Kugelschreiber oder Fine-Liner keine rote Mine) erstellt werden.
- Runden Sie ihre Ergebnisse auf **2 Nachkommastellen**. Wurzelausdrücke müssen nicht berechnet werden (z.B. $\sqrt{10}$).
- Zugelassene Hilfsmittel: Taschenrechner (nicht graphikfähig / nicht programmierbar)
- Bearbeitungszeit: 90 Minuten

<u>Aufgabe 1</u> / 12 Pkt.

Gegeben ist die nachfolgende Funktion:

$$f(x) = -\frac{10}{4}x^5 - 3x + 5$$

- (a) Geben Sie den charakteristischen Summanden sowie den y-Achsenabschnitt an.
- (b) **Treffen** Sie eine Aussage über das Verhalten der Funktion für große x-Beträge. Hinweis: Nutzen Sie die Notation $f(x) \xrightarrow{x \to -\infty}$ und $f(x) \xrightarrow{x \to \infty}$
- (c) Endscheiden und begründen Sie, ob der Funktionsgraph symmetrisch ist.
- (d) Wie müsste die Funktion verändert werden, um eine Symmetrie zu erhalten?

Aufgabe 2 / 8 Pkt.

Machen Sie eine Aussage über das Verhalten der folgenden Funktionen für große x-Beträge.

Hinweis: Nutzen Sie die Notation $f(x) \xrightarrow{x \to -\infty} \text{und } f(x) \xrightarrow{x \to \infty}$

(a)
$$f(x) = \frac{1}{3}x^5 + 250x^2 - 30$$

(b)
$$f(x) = -4,25x^2 - 2x + 0,3$$

(c)
$$f(x) = -\frac{1}{3}x^5 - 250x^2 + 30$$

(d)
$$f(x) = 2x^4 - 2x^2 + 3$$

Aufgabe 3 / 14 Pkt.

(I) Überführen Sie die eine der in Polynomform gegebenen Funktionen in die Linearfaktorform.

(a)
$$f(x) = x^3 - 2x^2 + 0,25x + 0,75$$

(b)
$$q(x) = -x^3 + 4x^2 + 3x - 18$$

Hinweis: Sie benötigen die Nullstellen.

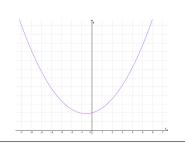
(II) Überführen Sie $f(x) = (x+4)^3(x-4)$ in die Polynomform.

Ordnen Sie die Graphen der Steigungsfunktionen den richtigen Ausgangsgraphen für f(x) zu.

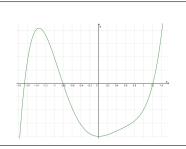
Begründen Sie ihre Entscheidung in Stichpunkten.

Ausgangsgraph von f(x)

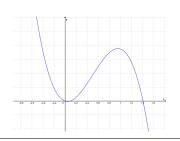
(a)



(b)

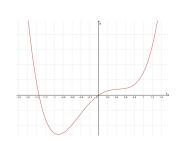


(c)

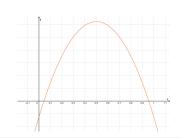


Graph der Steigungsfunktion

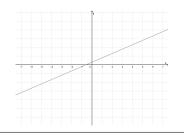
(1)



(2)



(3)



Aufgabe 5 / 12 Pkt.

(I)
$$f(x) = 4x^4 + 5x^2 - 2x$$

(II)
$$g(x) = -\frac{1}{3}x^3 - 2x + 3$$

(III)
$$h(x) = 0.5x^3 + \frac{1}{3}x^2 - 3x$$

- a) Bestimmen Sie jeweils die Steigungsfunktion der nachfolgenden Funktionen.
- b) **Berechnen** Sie zudem jeweils die <u>Steigung</u> des Funktionsgraphen an den Stellen

$$x_0 = -2$$
, $x_0 = 1$ und $x_0 = -0$, 5.