Teil 1: Lösen Sie die Klammern auf und vereinfachen Sie soweit wie möglich:

(a)
$$(-3)(a+c)^2$$

(b)
$$(6x - 10z) \cdot (-2x)^2$$

(c)
$$3(9a^2 + 2b^2) + 2(a - b) - 3(2a - 3b)$$

(d)
$$(-3a)(5a+2c)+4(-3a+c)^2$$

Teil 2: Faktorisieren Sie die folgenden Ausdrücke:

(a)
$$16a^2 + 20ab$$

(b)
$$ab + ab^2 + a^2b$$

(c)
$$12x^2 - 12y^2$$

(d)
$$3a^2 + 6a + 3$$

Teil 3: Löse Sie die folgende Gleichung nach x auf:

(a)
$$x - 10 = 4x + 20$$

(b)
$$-(5x-3) = -(-x+1)$$

(b)
$$-(5x-3) = -(-x+1)$$
 (c) $\frac{1}{2}(x-1) = \frac{1}{4}(2x+12)$

Teil 4: Berechnen Sie die Lösung mit Hilfe der binomischen Formeln:

(a)
$$(x+1)^2 = x^2 + 10$$

(b)
$$(2x-5)^2 = 4x^2 - 20$$

(c)
$$(\frac{1}{2}x+2)^2 = \frac{1}{4}x^2 + 16$$

(d)
$$(3x-6)^2 + x^2 = 5x^2 + 2 + 5x^2$$

Teil 5: Bestimmen Sie die Lösungen:

(a)
$$\frac{1}{3}y - 5 = -\frac{1}{3}y + 3$$

(b)
$$12 + 5 = 3 \cdot (z - 8)$$

(c)
$$\frac{2}{5} + (-\frac{1}{5}z) + \frac{3}{5} = 9$$

(d)
$$3x - (-2x + 15) = -35x$$