Datum:

Aufgabe 1 Geben Sie u(x) und v(x) (Zuordnung: f(x) = u(v(x))) an.

Leiten Sie ab und vereinfachen Sie das Ergebnis.

(a)
$$f(x) = (\frac{1}{2}x + 2)^2$$

(b)
$$f(x) = \frac{1}{18}(3x+2)^6$$

(c)
$$f(x) = \frac{1}{8}(\frac{1}{2} - x^2)^7$$

(d)
$$f(x) = (3-x)^2$$

(e)
$$f(x) = (x + x^2)^3$$

(f)
$$f(x) = (2 - 3x + x^2)^3$$

(a)
$$f(x)=(\frac{1}{3}x+2)^2$$
 (b) $f(x)=\frac{1}{18}(3x+2)^6$ (c) $f(x)=\frac{1}{8}(\frac{1}{2}-x^2)^7$ (d) $f(x)=(3-x)^2$ (e) $f(x)=(x+x^2)^3$ (f) $f(x)=(2-3x+x^2)^3$ (g) $f(x)=(1-x+x^3)^2$ (h) $f(x)=(x\sqrt{2}-x^2)^2$

(h)
$$f(x) = (x\sqrt{2} - x^2)^2$$

Aufgabe 2 Vervollständige Sie die Tabelle!

$$f(x) = u(v(x)) \qquad v(x) \qquad u(x) \qquad v'(x) \qquad u'(x) \qquad u'(v(x)) \qquad \qquad f'(x)$$

$$u'(x) = u'(x)$$

$$(5x-1)^3$$
 $5x-1$

$$5x-1$$

$$3(5x-1)$$

5
$$3x^2$$
 $3(5x-1)^2$ $15(5x-1)^2$

$$2x + 3$$
 x^2

(b)
$$\frac{2}{(2x+1)!}$$

$$2x^{-2}$$

(c)
$$\sqrt{5-x^2}$$

Aufgabe 3 Leiten Sie zweimal ab.

(a)
$$f(x) = (4x - 7)^3$$

(b)
$$f(x) = (7x^3 + 1)^2$$

(a)
$$f(x) = (4x - 7)^3$$
 (b) $f(x) = (7x^3 + 1)^2$ (c) $f(x) = (x - 5)^{-3}$

Aufgabe 4 Geben Sie u(x) und v(x) (Vorschrift: $f(x) = u(x) \cdot v(x)$) an.

Leiten Sie ab und vereinfachen Sie das Ergebnis.

(a)
$$f(x) = x^3 \cdot \sqrt{x}$$

(b)
$$f(x) = x \cdot (x^3 + 1)^3$$

(c)
$$f(x) = (2x^2 - x) \cdot \sqrt{x}$$

(d)
$$f(x) = (1 - 2x) \cdot (3x + 1)$$

(e)
$$f(x) = (\frac{1}{2}x^3 + x^2) \cdot (-x)$$

(f)
$$f(x) = x^2 \cdot (2x+1)$$

(g)
$$f(x) = \frac{(3x^2+4)^4}{(3x^2+4)^3}$$

(a)
$$f(x) = x^3 \cdot \sqrt{x}$$
 (b) $f(x) = x \cdot (x^3 + 1)^3$ (c) $f(x) = (2x^2 - x) \cdot \sqrt{x}$ (d) $f(x) = (1 - 2x) \cdot (3x + 1)$ (e) $f(x) = (\frac{1}{3}x^3 + x^2) \cdot (-x)$ (f) $f(x) = x^2 \cdot (2x + 1)$ (g) $f(x) = \frac{(3x^2 + 4)^4}{(3x^2 + 4)^3}$ (h) $f(x) = (3x^2 + x - 5)^2 \cdot x^3$