

Lernbaustein 3 - LB 2: Untersuchung einer ganzrationalen Funktion

Gegeben ist eine Funktion f(x). Um die markanten Stellen zu bestimmen gilt folgendes:

- Nullstelle: $f(x) = 0 \Rightarrow x_{NST}$
- Extremstelle: $f'(x) = 0 \Rightarrow x_E$
 - $+ x_E$ ist HOP, wenn f''(x) < 0
 - + x_E ist TIP, wenn f''(x) > 0
- Wendestelle: $f^{\prime\prime}(x)=0\Rightarrow x_W$

Um die zugehörigen Punkte zu berechnen, wird die Stelle in die Ausgangsfunktion eingesetzt:

- $f(x_{NST})$ gibt die Koordinaten der Nullstellen
- $f(x_E)$ gibt die Koordinaten der Extrempunkte
- $f(x_W)$ gibt die Koordinaten der Wendepunkte

Bestimmen Sie die Nullstellen, Extremstellen sowie deren genaue Charakteristika (HOP/TIP) sowie die Wendestellen der angegebenen Funktionen.

Skizzieren Sie die Funktion mit Hilfe der berechneten Stellen.

(a)
$$f(x) = -\frac{1}{20}x^3 + 15x$$

(b)
$$f(x) = \frac{1}{9}x^3 - \frac{1}{6}x^2 - 2x$$

(c)
$$f(x) = x^3 - 6x^2 + 9$$

(d)
$$f(x) = x^3 + 4x^2 - 11x - 30$$

(e)
$$f(x) = -x^4 + 24x^2 - 80$$

(f)
$$f(x) = \frac{1}{8}x^4 - x^2 + 2$$