3. Klassenarbeit Mathematik

Name: Datum: Wesc

HBF IT 17A

von

Punkten erreicht:

% Note:

/ 4 Pkt.

Allgemeines

- Bei der Bearbeitung ist ein nachvollziehbarer, vollständiger Rechenweg aufzuschreiben.
- Die Lösungen müssen mit dokumentenechten Stiften (Kugelschreiber oder Fine-Liner) (keine rote Mine) erstellt werden.
- Lediglich zeichnerische Lösungen dürfen in Bleistift erstellt werden.
- Die Bewertung des Tests ist nur bei gut lesbarer Schrift möglich.
- Runden Sie ihre Ergebnisse auf **2 Nachkommastellen**. Wurzelausdrücke müssen nicht berechnet werden (z.B. $\sqrt{10}$).
- Zugelassene Hilfsmittel: Taschenrechner (nicht graphikfähig / programmierbar), Zeichenmaterial

Aufgabe 1

Beschreiben Sie das Verhalten der folgenden Funktionen für große bzw. kleine x-Werte.

(a)
$$f(x) = 5x^3 + 500x^2 - 30$$

(b)
$$f(x) = -0.2x^4 - 2x^3 - 5x^2 - x + 2$$

(c)
$$f(x) = -10x^7 + 8x^5 - 6x^3 + 1$$

(d)
$$f(x) = 25x^4 + 20x^3 - 14x + 500$$

Beachten Sie die Schreibweise $f(x) \xrightarrow{x \to -\infty} / f(x) \xrightarrow{x \to \infty}$

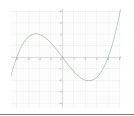
/ 6 Pkt. Aufgabe 2

Ordnen Sie die Graphen der Ableitungsfunktionen f'(x) den richtigen Ausgangsgraphen für f(x)

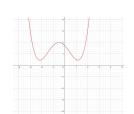
Begründen Sie ihre Entscheidung in Stichpunkten.



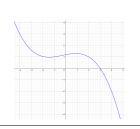
(a)



(b)

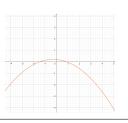


(c)

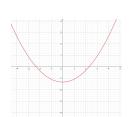


Graph der Ableitungsfunktion f'(x)

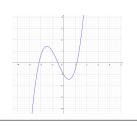
(1)



(2)



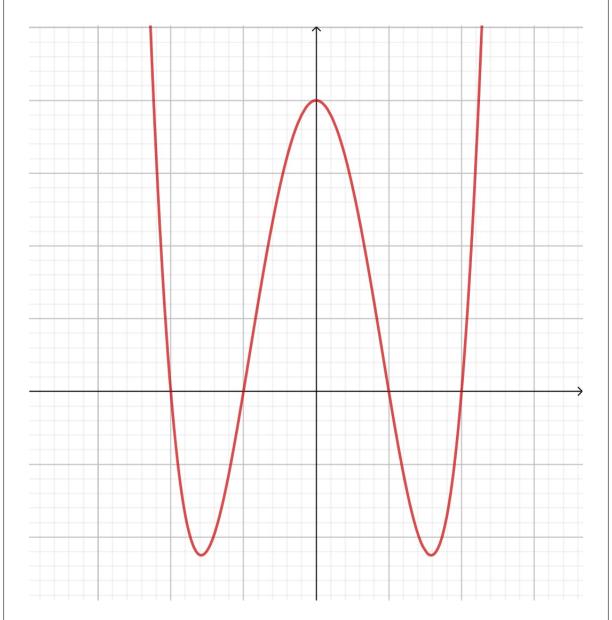
(3)



Aufgabe 3 / 8 Pkt.

Skizzieren Sie den Graphen der Ableitungsfunktion zu gegebenem Funktionsgraphen. Tun Sie dies im gleichen Koordinatensystem.

Beschreiben Sie ihr Vorgehen in Stichpunkten.



<u>Aufgabe 4</u> / 16 Pkt.

- (a) Bestimmen Sie rechnerisch die **Nullstellen** der Funktion $f(x) = x^3 x^2 9x + 9$
- (b) Ermitteln Sie rechnerisch die **Extrempunkte** der Funktion f(x).

Hinweis: Die Ergebnisse von (b) sind keine "schönen" Zahlen!