bbs.eins.mainz Berufsbildende Schule Technik	Vorbereitung	Name:
	Mathematik	Datum:
HBF IT 18A - V	von Punkten erreicht:%	Note:

## Allgemeines

- Bei der Bearbeitung ist ein nachvollziehbarer, vollständiger Rechenweg aufzuschreiben.
- Die Bewertung der Klassenarbeit ist nur bei gut lesbarer Schrift möglich.
- Die Lösungen müssen mit dokumentenechten Stift (Kugelschreiber oder Fine-Liner keine rote Mine) erstellt werden.
- Runden Sie ihre Ergebnisse auf **2 Nachkommastellen**. Wurzelausdrücke müssen nicht berechnet werden (z.B.  $\sqrt{10}$ ).
- Zugelassene Hilfsmittel: Taschenrechner (nicht graphikfähig / programmierbar)
- Bearbeitungszeit: 90 Minuten

Aufgabe 1 / 32 Pkt.

Führen Sie eine vollständige Kurvendiskussion durch:

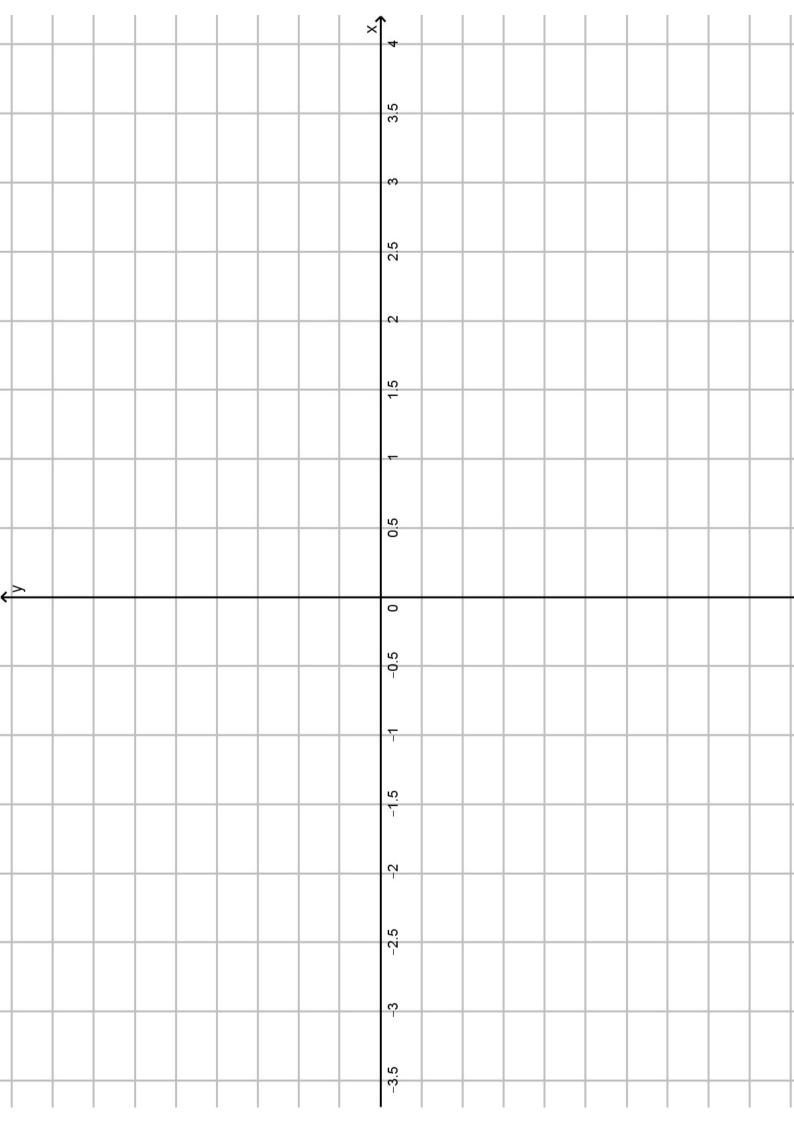
$$f(x) = \frac{1}{4}x^5 - 2x^3 - 4x$$

- a) Symmetrieeigenschaften (mit kurzer Begründung)
- b) Achsenabschnittspunkte (Nullstellen, Schnittpunkt mit y-Achse)
- c) Globalverlauf (Verhalten für große x-Beträge) mit Skizze  $f(x) \xrightarrow{x \to -\infty}$ ? und  $f(x) \xrightarrow{x \to \infty}$ ?
- d) Extrempunkte (notwendige und hinreichende Bedingung)
- e) Wendepunkte (notwendige und hinreichende Bedingung), eventuell vorliegender Sattelpunkt.
- f) Skizzieren Sie den Graphen der Funktion mit Hilfe der charakteristischen Punkte. Nutzen Sie zudem eine Wertetabelle im Bereich  $-2 \le x \le 2$ .

Skalieren Sie das Koordinatensystem entsprechend.

g) Untersuchen Sie die Funktion auf ihr Krümmungsverhalten (rechts- bzw. linksgelrümmt). Markieren Sie die Intervalle in ihrer Zeichnung.

Nutzen Sie die



Aufgabe 2

- a) Geben Sie anhand des Graphen möglichst große Intervalle, in denen dargestellte Funktion rechts- bzw linksgekrümmt ist.
- b) Skizzieren Sie den Graphen der Ableiungsfunktion f'(x) in das nebenstehende Koordinatensystem.

