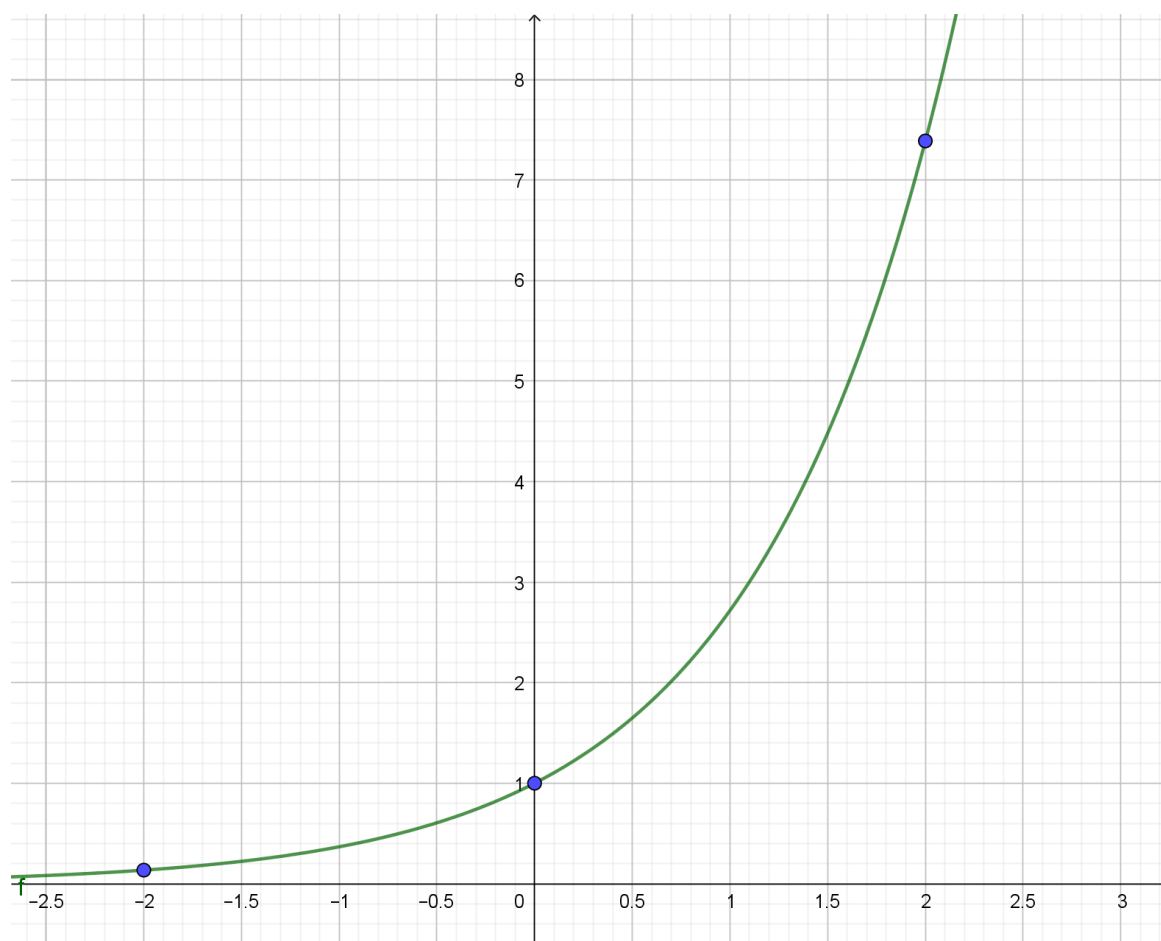


**S. 196 Aufgabe 2:** Berechnen Sie für die natürliche Exponentialfunktion an den Stellen  $-2$ ,  $0$  und  $2$  die Funktionswerte und die Ableitungen. Skizzieren Sie damit den Graphen der Funktion

$$f(x) = e^x$$

$$f'(x) = e^x$$

x	-2	0	2
$f(x)$	0,14	1	7,39
$f'(x)$	0,14	1	7,39

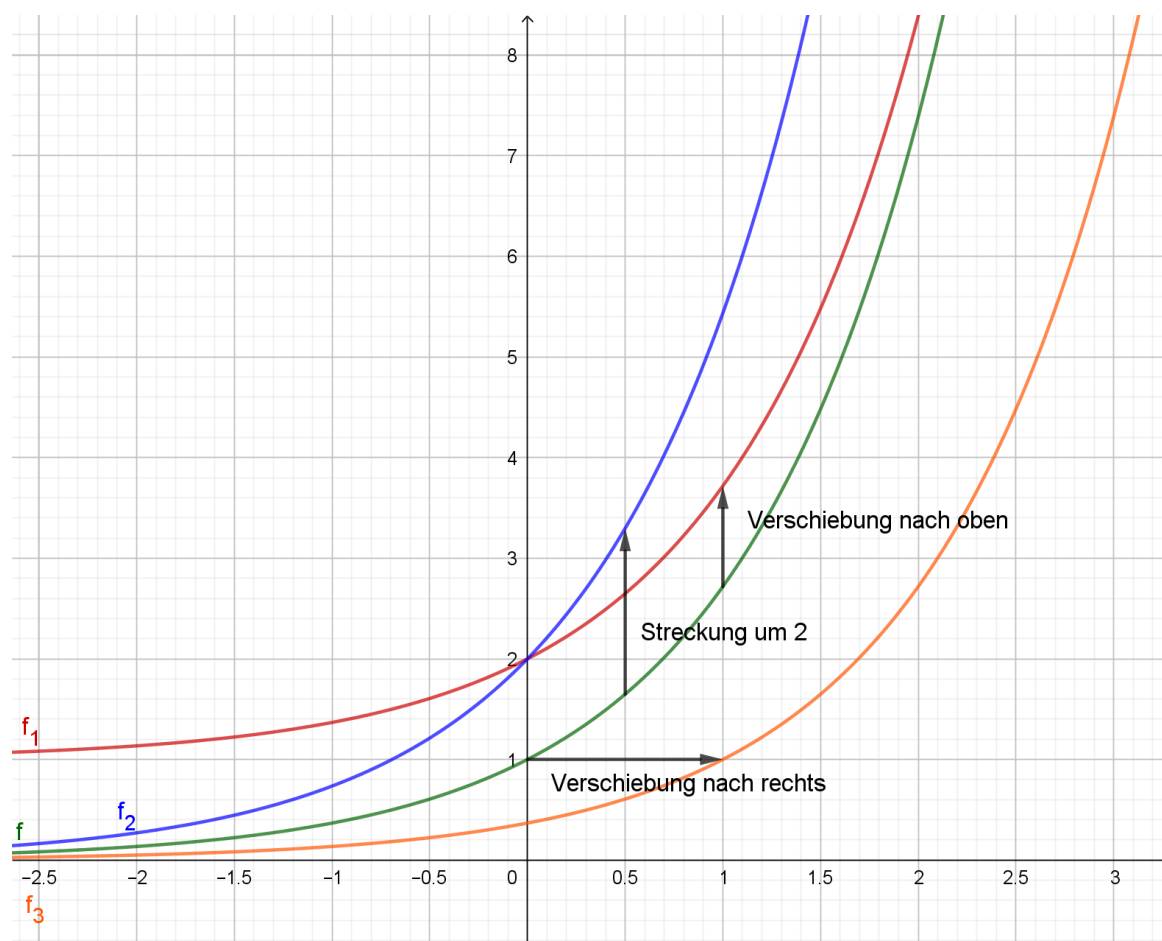


S. 196 **Aufgabe 3:** Zeichnen Sie zunächst den Graphen der natürlichen Exponentialfunktion  $f$  mit  $f(x) = e^x$ . Skizzieren Sie damit den Graphen von

(a)  $f_1$  mit  $f_1(x) = e^x + 1$

(a)  $f_2$  mit  $f_2(x) = 2e^x$

(a)  $f_3$  mit  $f_3(x) = e^{x-1}$



S. 196 **Aufgabe 4:** Gegeben ist der Graph K der natürlichen Exponentialfunktion.

- Bestimmen Sie die Gleichung der Tangenten an K im Punkt  $A(1|e)$  und  $B(-1|\frac{1}{e})$ .
- Berechnen Sie den Schnittpunkt der Tangente an K im Punkt A mit der x-Achse.

Wir erinnern uns daran, dass die Tangente eine *lineare Funktion* ist. Das bedeutet die Funktion erfüllt folgende Form:  $t(x) = mx + b$ .

Dabei entspricht **m** der **Steigung** der Tangente und **b** gibt den y-Achsenabschnitt der Tangente an.

(a) Wir beginnen mit der Tangente  $t_A(x)$  an K durch den Punkt  $A(1|e)$ .

Hierfür berechnen wir zunächst die Steigung ( $f'(x_p)$ ) im geforderten Punkt  $(x_p|y_p)$ .

$$\begin{array}{ll} f(x) = e^x & \Rightarrow f'(x) = e^x \\ f'(1) = e & \Rightarrow m = e \end{array}$$

Wir wissen, die Tangente  $t_A$  hat die Steigung  $e$ . Zudem wissen wir, dass die Tangente durch den Punkt  $A(1|e)$  verläuft. Also  $t_A(1) = e$ .

$$\begin{array}{ll} t_A(x) = e \cdot x + b & \\ e = t_A(1) = e \cdot 1 + b & \\ e = e \cdot 1 + b & \quad | -e \\ 0 = b & \end{array}$$

Damit ergibt sich für die Tangente an K durch den Punkt  $A(1|e)$ :  $t_A(x) = ex$ .

Das gleiche Vorgehen wählen wir, um die Tangente  $t_B(x)$  an K durch den Punkt  $B(-1|\frac{1}{e})$  zu bestimmen. Als Erstes berechnen wir wieder die Steigung ( $f'(x_p)$ ) im geforderten Punkt  $(x_p|y_p)$ .

$$\begin{array}{ll} f(x) = e^x & \Rightarrow f'(x) = e^x \\ f'(-1) = \frac{1}{e} & \Rightarrow m = \frac{1}{e} \end{array}$$

Wir wissen, die Tangente  $t_B$  hat die Steigung  $\frac{1}{e}$ . Zudem wissen wir, dass die Tangente durch den Punkt  $B(-1|\frac{1}{e})$  verläuft. Also  $t_B(-1) = \frac{1}{e}$ .

$$\begin{array}{ll} t_b(x) = \frac{1}{e} \cdot x + b & \\ \frac{1}{e} = t_B(-1) = \frac{1}{e} \cdot (-1) + b & \\ \frac{1}{e} = \frac{1}{e} \cdot (-1) + b & \quad | +\frac{1}{e} \\ \frac{2}{e} = b & \end{array}$$

Damit ergibt sich für die Tangente an K durch den Punkt  $B(-1|\frac{1}{e})$ :  $t_B(x) = \frac{1}{e}x + \frac{2}{e}$ .

(b) Für den Schnittpunkt der Tangente  $t_A(x)$  an K durch den Punkt  $A(1|e)$  mit der x-Achse müssen wir die Nullstelle eben dieser bestimmen.

Also  $t_A(x) = 0$ .

$$\begin{array}{ll} t_A(x) = ex & \quad | = 0 \\ 0 = ex & \quad | : e \\ x = 0 & \end{array}$$

Das heißt, der Schnittpunkt der Tangente  $t_A(x)$  an K durch den Punkt  $A(1|e)$  schneidet die x-Achse an der Stelle  $x = 0$ . Also im Koordinatenursprung.