| 1 bbs.eins.mainz              | 4. Klassenarbeit       | Name:  |  |  |  |
|-------------------------------|------------------------|--------|--|--|--|
| Berufsbildende Schule Technik | Mathematik             | Datum: |  |  |  |
| HBF IT 18A - B                | von Punkten erreicht:% | Note:  |  |  |  |

## Allgemeines

- Bei der Bearbeitung ist ein nachvollziehbarer, vollständiger Rechenweg aufzuschreiben.
- Die Bewertung der Klassenarbeit ist nur bei gut lesbarer Schrift möglich.
- Die Lösungen müssen mit dokumentenechten Stift (Kugelschreiber oder Fine-Liner keine rote Mine) erstellt werden.
- Runden Sie ihre Ergebnisse auf **2 Nachkommastellen**. Wurzelausdrücke müssen nicht berechnet werden (z.B.  $\sqrt{10}$ ).
- Zugelassene Hilfsmittel: Taschenrechner (nicht graphikfähig / programmierbar)
- Bearbeitungszeit: 90 Minuten

Aufgabe 1 / 40 Pkt.

Führen Sie eine vollständige Kurvendiskussion durch:

$$f(x) = -\frac{1}{4}x^4 + 2x^2 - 1,5$$

- a) Symmetrieeigenschaften (mit kurzer Begründung)s
- b) Achsenabschnittspunkte (Nullstellen, Schnittpunkt mit y-Achse)
- c) Globalverlauf (Verhalten für große x-Beträge) mit Skizze  $f(x) \xrightarrow{x \to -\infty}$ ? und  $f(x) \xrightarrow{x \to \infty}$ ?
- d) Extrempunkte (notwendige und hinreichende Bedingung)
- e) Wendepunkte (notwendige und hinreichende Bedingung), eventuell vorliegender Sattelpunkt.
- f) Skizzieren Sie den Graphen der Funktion mit Hilfe der charakteristischen Punkte. Nutzen Sie zudem eine Wertetabelle im Bereich  $-3 \le x \le 3$ .

Skalieren Sie das Koordinatensystem entsprechend.

g) Untersuchen Sie die Funktion auf ihr Krümmungsverhalten (rechts- bzw. linksgekrümmt). Markieren Sie die Intervalle in ihrer Zeichnung.

Zusatzaufgabe / 4 Pkt.

Bestimmen Sie die Funktion der Wendetangente im Wendepunkt WP(-1, 15|0, 72).

|   |    |  |  |  | × | ٠<br>د       |  |  |   |
|---|----|--|--|--|---|--------------|--|--|---|
|   |    |  |  |  |   | ,            |  |  |   |
|   |    |  |  |  |   |              |  |  |   |
| _ |    |  |  |  |   | 2.5          |  |  |   |
|   |    |  |  |  |   |              |  |  |   |
|   |    |  |  |  |   |              |  |  |   |
|   |    |  |  |  |   | 2            |  |  |   |
|   |    |  |  |  |   |              |  |  |   |
| _ |    |  |  |  |   | 1.5          |  |  | _ |
|   |    |  |  |  |   |              |  |  |   |
|   |    |  |  |  |   |              |  |  |   |
|   |    |  |  |  |   | _            |  |  |   |
|   |    |  |  |  |   |              |  |  |   |
|   |    |  |  |  |   | 0.5          |  |  |   |
|   |    |  |  |  |   | 0            |  |  |   |
|   | ×  |  |  |  |   |              |  |  |   |
| ¢ | ×) |  |  |  |   | 0            |  |  | _ |
|   |    |  |  |  |   |              |  |  |   |
|   |    |  |  |  |   | 2            |  |  |   |
|   |    |  |  |  |   | -0.5         |  |  |   |
|   |    |  |  |  |   |              |  |  |   |
| _ |    |  |  |  |   | <del>-</del> |  |  |   |
|   |    |  |  |  |   |              |  |  |   |
|   |    |  |  |  |   | 10           |  |  |   |
| - |    |  |  |  |   | -1.5         |  |  | _ |
|   |    |  |  |  |   |              |  |  |   |
|   |    |  |  |  |   | -2           |  |  |   |
|   |    |  |  |  |   |              |  |  |   |
|   |    |  |  |  |   | 0.00         |  |  |   |
| - |    |  |  |  |   | -2.5         |  |  | _ |
|   |    |  |  |  |   |              |  |  |   |
|   |    |  |  |  |   | -3           |  |  |   |
|   |    |  |  |  |   |              |  |  |   |
|   |    |  |  |  |   |              |  |  |   |

Aufgabe 2 / 8 Pkt.

a) Geben Sie anhand des Graphen möglichst große Intervalle an, in denen die dargestellte Funktion rechts- bzw. linksgekrümmt ist.

b) Skizzieren Sie den Graphen der Ableitungsfunktion f'(x) in das nebenstehende Koordinatensystem.

