

Измерение формфакторов полулептонных распадов Λ_c Карибджанов М. Р., Пахлов П. Н., Ясавеев М. И.



Мотивация

 Λ_c , будучи самым лёгким из очарованных барионов, распадается исключительно посредством слабого взаимодействия, благодаря чему является эталоном исследования слабого взаимодейтвия среди очарованных барионов, при этом на данный момент существует одно исследование эксперимента CLEO по измерению формфакторов $\Lambda_c \to \Lambda e \nu_e$. Так же существует несколько численных расчетов по измерению формфакторов в различных приближениях.

Выражение формфакторов

Используя выражение спиральных амплитуд в системе отсчета Λ_c через матричные элементы тока слабого перехода и поляризации W-бозона, получим:

$$H_{t_{\frac{1}{2}}}^{V} = \frac{\sqrt{Q_{+}}}{\sqrt{q^{2}}} \left(\mathfrak{F}_{1}^{V} \left(M_{\Lambda_{c}} - M_{\Lambda} \right) + \mathfrak{F}_{3}^{V} \frac{q^{2}}{M_{\Lambda_{c}}} \right),$$

$$H_{t_{\frac{1}{2}}}^{V} = \sqrt{2Q_{-}} \left(-\mathfrak{F}_{1}^{V} - \mathfrak{F}_{2}^{V} \frac{M_{\Lambda_{c}} + M_{\Lambda}}{M_{\Lambda_{c}}} \right),$$

$$H_{1_{\frac{1}{2}}}^{V} = \sqrt{2Q_{-}} \left(-\mathfrak{F}_{1}^{V} - \mathfrak{F}_{2}^{V} \frac{M_{\Lambda_{c}} + M_{\Lambda}}{M_{\Lambda_{c}}} \right),$$

$$H_{0_{\frac{1}{2}}}^{V} = \frac{\sqrt{Q_{-}}}{\sqrt{q^{2}}} \left(\mathfrak{F}_{1}^{V} \left(M_{\Lambda_{c}} + M_{\Lambda} \right) + \mathfrak{F}_{2}^{V} \frac{q^{2}}{M_{\Lambda_{c}}} \right),$$

$$H_{0_{\frac{1}{2}}}^{A} = \frac{\sqrt{Q_{+}}}{\sqrt{q^{2}}} \left(-\mathfrak{F}_{1}^{A} \left(M_{\Lambda_{c}} + M_{\Lambda} \right) + \mathfrak{F}_{2}^{A} \frac{q^{2}}{M_{\Lambda_{c}}} \right),$$

$$H_{0_{\frac{1}{2}}}^{A} = \frac{\sqrt{Q_{+}}}{\sqrt{q^{2}}} \left(-\mathfrak{F}_{1}^{A} \left(M_{\Lambda_{c}} - M_{\Lambda} \right) + \mathfrak{F}_{2}^{A} \frac{q^{2}}{M_{\Lambda_{c}}} \right),$$

Где q^μ — 4-импульс W-бозона, M_x — масса частици x, $Q_\pm = \left(M_{\Lambda_c} \pm M_{\Lambda}\right)^2 - q^2$, $\mathfrak{F}_\mu^{A,V}$ — формфакторы, $H_{\lambda_W\lambda_\Lambda}^{A,V}$ — спиральная амплитуда, A — аксиальная компонента, V — векторная, λ_x — спиральность частици x, t — синглетное сотояние W-бозона. Решение данной системы уранений позволяет свети задачу к вычислению спральных амплитуд.

Метод измерения спиральных амплитуд

С помощью формализма спиральных амплитуд можно описать процесс $\Lambda_c \to \Lambda l \nu_l$ и получить его угловое распределение.

$$\begin{split} \frac{d\Gamma}{dq^2d\cos\theta_l d\cos\theta_p d\cos\theta_d d\varphi_l d\varphi_p d\chi} &\propto f_{\mathrm{sig}}^{\Lambda_l \nu_l} \left(\theta_\Lambda, \theta_l, \theta_p, \varphi_\Lambda, \varphi_l, \varphi_p; P_L, H_{\lambda_\Lambda \lambda_W}^{V,A}\right) = q^2 \sqrt{Q_+ Q_-} \times \\ \left\{ H_{1\frac{1}{2}}^2 \left(1 - P_L \cos\theta_\Lambda\right) \left(1 + \alpha_\Lambda \cos\theta_p\right) \left(1 \pm \cos\theta_l\right)^2 + H_{-1\frac{1}{2}}^2 \left(1 + P_L \cos\theta_\Lambda\right) \left(1 - \alpha_\Lambda \cos\theta_p\right) \left(1 \mp \cos\theta_l\right)^2 + \\ &\quad + 2 \sin^2\theta_l \left[H_{0\frac{1}{2}}^2 \left(1 + P_L \cos\theta_\Lambda\right) \left(1 + \alpha_\Lambda \cos\theta_p\right) + H_{0\frac{1}{2}}^2 \left(1 - P_L \cos\theta_\Lambda\right) \left(1 - \alpha_\Lambda \cos\theta_p\right) \right] - \\ &\quad - 2 \sqrt{2}\alpha_\Lambda \sin\theta_p \sin\theta_l \cos\chi \left[H_{1\frac{1}{2}} H_{0\frac{1}{2}} \left(1 - P_L \cos\theta_\Lambda\right) \left(1 \mp \cos\theta_l\right) + H_{-1\frac{1}{2}} H_{0\frac{1}{2}} \left(1 + P_L \cos\theta_\Lambda\right) \left(1 \pm \cos\theta_l\right) \right] - \\ &\quad - 2\alpha_\Lambda P_L \sin\theta_\Lambda \sin\theta_p \sin^2\theta_l \left[2 H_{0\frac{1}{2}} H_{0\frac{1}{2}} \cos\varphi + H_{1\frac{1}{2}} H_{-1\frac{1}{2}} \cos(\varphi + 2\chi) \right] + \\ &\quad + 2 \sqrt{2} P_L \sin\theta_\Lambda \sin\theta_l \cos(\varphi + \chi) \left[H_{1\frac{1}{2}} H_{0\frac{1}{2}} \left(\mp 1 + \alpha_\Lambda \cos\theta_p \right) \left(1 \pm \cos\theta_l \right) \right] \\ &\quad + H_{-1\frac{1}{5}} H_{0\frac{1}{5}} \left(\mp 1 - \alpha_\Lambda \cos\theta_p \right) \left(1 \mp \cos\theta_l \right) \right\} \end{split}$$

Где \pm сответствует: плюс — сотоянию Λ_c^+ , минус — сотоянию Λ_c^- .

Рис. 1: Кинематика распада $\Lambda_c \to \Lambda l \nu_l$

Где переменные (рис. 1): в системе отсчета Λ_c с осью z вдоль импульса $e^+e^-,\; heta_\Lambda,\; arphi_\Lambda-\;$ полярные углы $p_\Lambda;\;$ в системе отсчета W-бозона с осью z вдоль импульса Λ_c , θ_l, φ_l — углы p_l ; так же введены следующие сокращения $arphi=arphi_p-arphi_\Lambda, \chi=\pi-arphi_l-arphi_p$. $heta_p,\ arphi_p$ — углы p_p . И измеряемые параметры: P_L — продольная поляризация Λ , $H^{V,A}_{\lambda_{\Lambda}\lambda_{W}}$ — спиральные амплитуды.

Для уменьшения количества фитируемых параметров можно рассмотреть случай перехода W^{\pm} -бозона в π^{\pm} , в таком случае угловое распределение будет описываться:

$$\frac{dW_{\lambda_{\Lambda_c}}}{d\cos\theta_p d\cos\theta_p d\varphi_{\lambda_{\Lambda_c}}\varphi_{\lambda_{\Lambda_p}}} \propto f_{sig}^{\Lambda\pi} = 1 + \alpha_{\Lambda}\alpha_{\Lambda_c}\cos\theta_p + P_L \left[\cos\left(\alpha_{\Lambda} + \alpha_{\Lambda_c}\cos\theta_p\right) - \alpha_{\Lambda}\sqrt{1 - \alpha_{\Lambda_c}^2}\cos\left(\delta + \Delta\right)\cos\theta_p\cos\theta_{\Lambda}\right]$$

Где обозначения переменных сохранены. Новые пере-

менные (рис. 2), δ — фаза между спиральными амплитудами W-бозона и является фитируемым параметром, и Δ — угол между плоскостью $p_{e^+e^-},\ p_{\Lambda_c}$ и $p_p,\ p_\pi.$

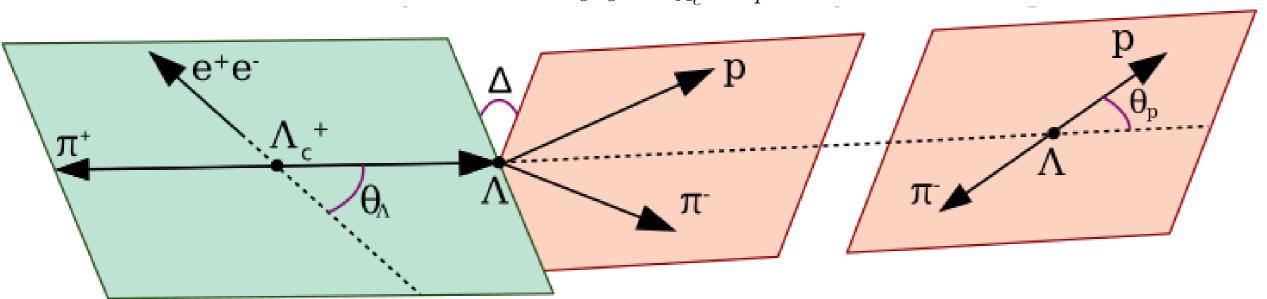


Рис. 2: Кинематика распада $\Lambda_c \to \Lambda \pi$

Тагирование

Для востановления ν в полулептонном канале, улучшения разрешения в канале $\Lambda\pi$, использовалась технология тагирования, для чего рассматривались события $e^-e^+ \to \Lambda_c X_c$, где $X_c^+ =$ $D^0p; D^+p\pi^-; D^{*0}p; D^{*+}p\pi^-$. Инклюзивный отбор событий происходил по следующим критериям:

- $\mathfrak{L}(K/\pi, K/p) > \{0.6, 0.6\}$
- $\mathfrak{L}(p/\pi, p/K) > \{0.6, 0.4\}$
- goodBelleKshort = 1

• $E_{\gamma} > 50 MeV$

- $\bullet \left| M_{K_S} M_{K_S}^{PDG} \right| < 15 MeV$
- $\bullet \left| M_D M_D^{PDG} \right| < 15 MeV$ $\bullet \left| M_{D^*} M_{D^*}^{PDG} \right| < 2 MeV$
- Для всех заряженных треков
- dz < 2cm; dr < 0.5cm;
- $\left| M_{\pi^0} M_{\pi^0}^{PDG} \right| < 15 MeV.$

Где goodBelleKshort — кат принятый и оптимизированный в Belle для K-мезонов.

По итогу отбора было получено (рис. 3)

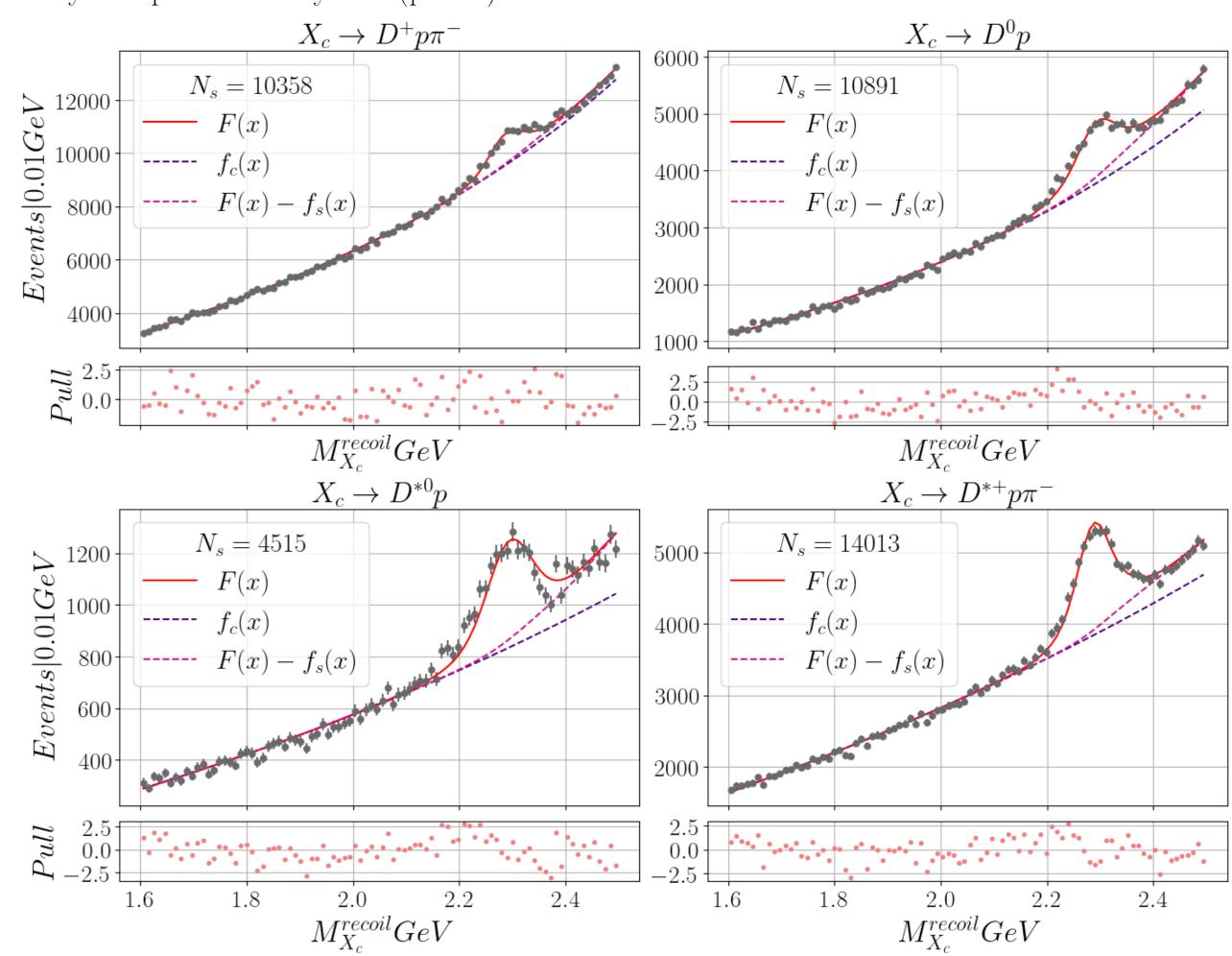


Рис. 3: Количество сигнальных событий в каналах X_c . N_s — предполагаемое кол-во затагированных Λ_c

Подгонка данных производилась функцией:

$$F(x) = f_s(x) + f_c(x) + f_{bq}(x)$$

Где $f_s(x)$ — сигнальная функция гауссовой формы; $f_c(x)$ — функция комбинаторного фона экспоненциальной формы; $f_{bq}(x)$ — функция потерь растет корневым образом начиная с массы Λ_c .

Эксклюзивное восстановление

Для эксклюзивного отбора в канале $\Lambda_c \to \Lambda \pi$ добавлялись критерии:

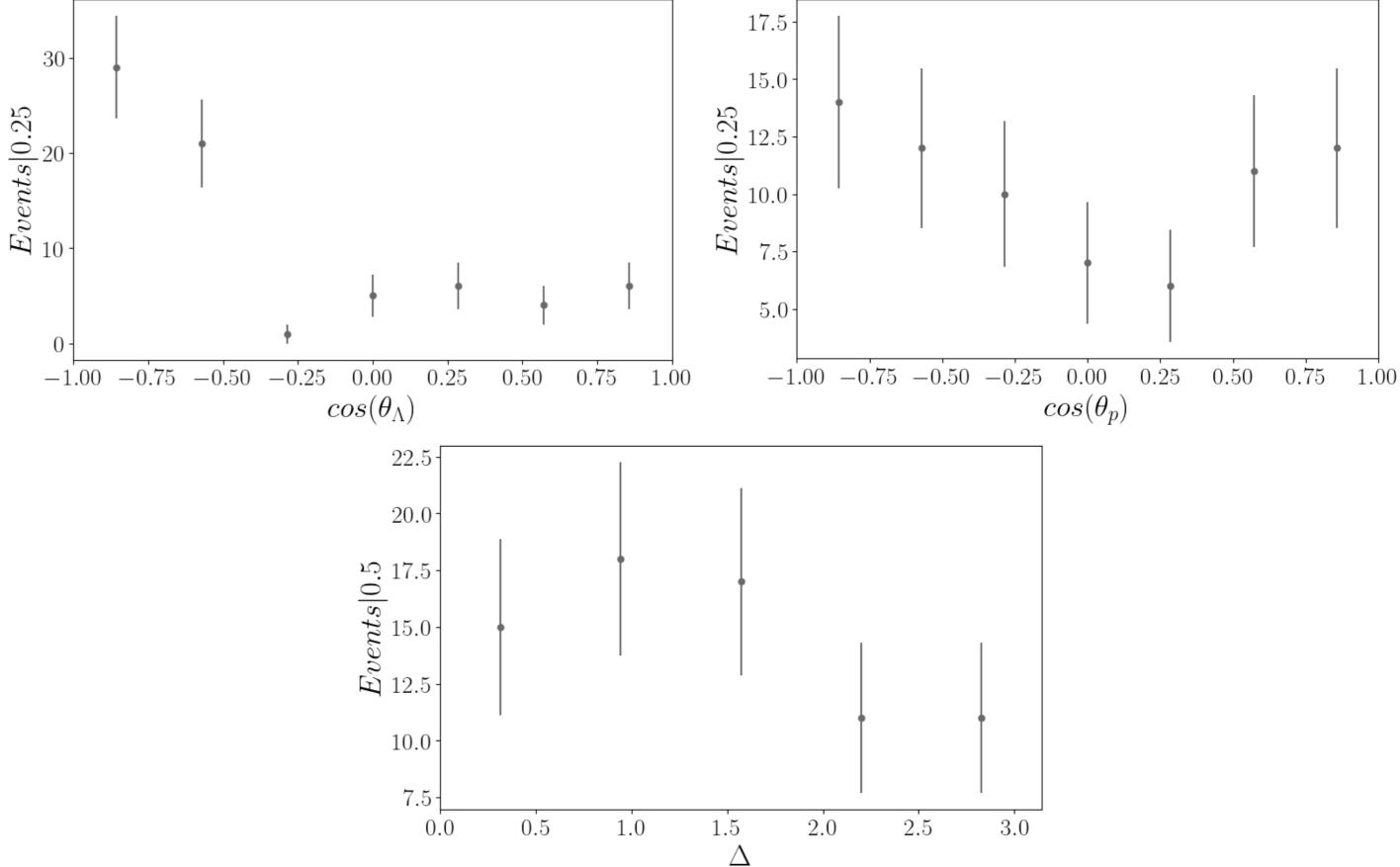
• qoodBelleLambda = 1

 $\bullet N_{ROE} = 0$ $\bullet D^* \rightarrow D... : \left| M_{D^*} - M_D - \Delta_M^{PDG} \right| <$

Где goodBelleLambda кат на Λ -барионы, аналогичен goodBelleKshort; N_{ROE} — количетсво заряженных треков задетектированных в событий, не вошедших в Λ_c или X_c .

По итогу отбора было получено 77 событий, их распределения по переменным $\cos \theta_{\Lambda}$, $\cos \theta_{p}$, Δ .

представлены ниже.



Выводы

На данный момент было затагировано всего $\sim 39000~\Lambda_c$, из которых согласно только бренченговому соотношению должно быть ~ 503 в канале $\Lambda_c \to \Lambda \pi$. Но после полной реконструкции события остается всего 77. Для этих событий были получены распределения величин $\cos \theta_{\Lambda}, \cos \theta_{p}, \Delta$.

Был предложен метод измерения формфакторов распада опираясь на связь со спиральными амплитудами и распределений углов, а так же метод улучшения опираясь на события $\Lambda_c \to \Lambda l \nu_l$ с известной спиральностью W-бозона.

- 1. Abashian A., et al. The Belle Detector // Nuclear Instruments and Methods in Physics Research A. 2002. V. 479. P. 117–232.
- 2. Eisenstein B. I., Alexander J. P., Berkelman K. Study of the Semileptonic Decay $\Lambda_c \to \Lambda e \nu_e$ // Physical Review D. 2022. V. 105. P. 012007. DOI: 10.1103/PhysRevD.105.012007.
- 3. Richman J. D. An Experimenter's Guide to the Helicity Formalism // J. D. Richman // CALT-68-1148.
- 4. Bahtiyar H., Can K. U., Oka M., Takahashi T. T. $\Lambda_c \rightarrow \Lambda$ Form Factors in Lattice QCD // Phys. Rev. D. 2021. V. 102. P. 114505. DOI: 10.1103/PhysRevD.102.114505.