### 机器学习实战教程(六):Logistic回归基础篇之梯度上升算法

#### 摘要

本文从Logistic回归的原理开始讲起,补充了书上省略的数学推导。本文可能会略显枯燥,理论居多,Sklearn实战内容会放在下一篇文章。自己慢慢推导完公式,还是蛮开心



#### 一、前言

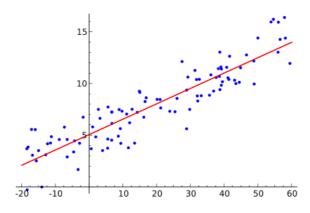
本文从Logistic回归的原理开始讲起,补充了书上**省略的数学推导**。本文可能会略显枯燥,理论居多,Sklearn实战内容会放在下一篇文章。**自己慢慢** 还是蛮开心的一件事。

#### 二、Logistic回归与梯度上升算法

Logistic回归是众多回归算法中的一员。回归算法有很多,比如:线性回归、Logistic回归、多项式回归、逐步回归、岭回归、Lasso回归等。我们常身模型做预测。通常,Logistic回归用于二分类问题,例如预测明天是否会下雨。当然它也可以用于多分类问题,不过为了简单起见,本文暂先讨论二分类问我们来了解一下,什么是Logistic回归。

### 1、Logistic回归

假设现在有一些数据点,我们利用一条直线对这些点进行拟合(该线称为最佳拟合直线),这个拟合过程就称作为回归,如下图所示:



Logistic回归是回归的一种方法,它利用的是Sigmoid函数阈值在[0,1]这个特性。Logistic回归进行分类的主要思想是:根据现有数据对分类边界线到以此进行分类。其实,Logistic本质上是一个基于条件概率的判别模型(Discriminative Model)。

所以要想了解Logistic回归,我们必须先看一看Sigmoid函数 ,我们也可以称它为Logistic函数。它的公式如下:

$$h_{\theta}(x) = g(\theta^{T}x)$$

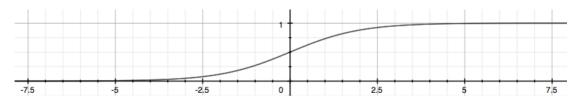
$$z = \begin{bmatrix} \theta_{0} & \theta_{1} & \dots & \theta_{n} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_{0} \\ x_{1} \\ \vdots \\ x_{n} \end{bmatrix} = \theta^{T}x$$

$$g(z) = \frac{1}{1 + e^{-z}}$$

整合成一个公式,就变成了如下公式:

$$h_{\theta}(x) = g(\theta^T x) = \frac{1}{1 + e^{-\theta^T x}},$$

下面这张图片,为我们展示了Sigmoid函数的样子。



z是一个矩阵, $\theta$ 是参数列向量(要求解的),x是样本列向量(给定的数据集)。 $\theta^T$ 表示 $\theta$ 的转置。g(z)函数实现了任意实数到[0,1]的映射,这样我们的数 ([x0,x1,...,xn]),不管是大于1或者小于0,都可以映射到[0,1]区间进行分类。 $\theta$ 0,20)给出了输出为1的概率。比如当 $\theta$ 1,40)。比如当 $\theta$ 1,50)。

如果我们有合适的参数列向量θ([θ0,θ1,...θn]^T),以及样本列向量x([x0,x1,...,xn]),那么我们对样本x分类就可以通过上述公式计算出一个概率,如果 0.5,我们就可以说样本是正样本,否则样本是负样本。

举个例子,对于"垃圾邮件判别问题",对于给定的邮件(样本),我们定义非垃圾邮件为正类,垃圾邮件为负类。我们通过计算出的概率值即可判定邮件件。

#### 那么问题来了!如何得到合适的参数向量θ?

根据sigmoid函数的特性,我们可以做出如下的假设:

$$P(y = 1 \mid x; \theta) = h_{\theta}(x)$$
  

$$P(y = 0 \mid x; \theta) = 1 - h_{\theta}(x)$$

式即为在已知样本x和参数θ的情况下,样本x属性正样本(y=1)和负样本(y=0)的条件概率。理想状态下,根据上述公式,求出各个点的概率均为1,也都正确。但是考虑到实际情况,样本点的概率越接近于1,其分类效果越好。比如一个样本属于正样本的概率为0.51,那么我们就可以说明这个样本属于正样本属于正样本的概率为0.99,那么我们也可以说明这个样本属于正样本。但是显然,第二个样本概率更高,更具说服力。我们可以把上述两个概率公式;

$$Cost(h_{\theta}(x), y) = h_{\theta}(x)^{y} (1 - h_{\theta}(x))^{(1-y)}$$

合并出来的Cost,我们称之为代价函数(Cost Function)。当y等于1时,(1-y)项(第二项)为0;当y等于0时,y项(第一项)为0。为了简化问题,我们对数数,(将指数问题对数化是处理数学问题常见的方法):

$$Cost(h_{\theta}(\mathbf{x}), \mathbf{y}) = \mathbf{y} \log h_{\theta}(\mathbf{x}) + (1 - \mathbf{y}) \log(1 - h_{\theta}(\mathbf{x}))$$

这个代价函数,是对于一个样本而言的。给定一个样本,我们就可以通过这个代价函数求出,样本所属类别的概率,而这个概率越大越好,所以也就是函数的最大值。既然概率出来了,那么最大似然估计也该出场了。假定样本与样本之间相互独立,那么整个样本集生成的概率即为所有样本生成概率的乘机数化,便可得到如下公式:

$$J(\theta) = \sum_{i=1}^{m} [y^{(i)} \log(h_{\theta}(x^{(i)})) + (1 - y^{(i)}) \log(1 - h_{\theta}(x^{(i)}))]$$

其中,m为样本的总数,y(i)表示第i个样本的类别,x(i)表示第i个样本,需要注意的是 $\theta$ 是多维向量,x(i)也是多维向量。

### 综上所述,满足 $J(\theta)$ 的最大的 $\theta$ 值即是我们需要求解的模型。

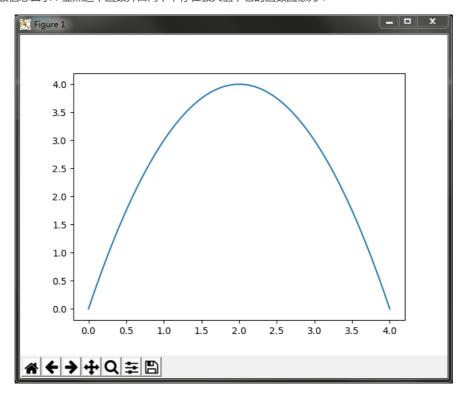
怎么求解使J(θ)最大的θ值呢?因为是求最大值,所以我们需要使用梯度上升算法。如果面对的问题是求解使J(θ)最小的θ值,那么我们就需要使用梯度对我们这个问题,如果使J(θ):=-J(θ),那么问题就从求极大值转换成求极小值了,使用的算法就从梯度上升算法变成了梯度下降算法,它们的思想都是相一,就也会了另一个。本文使用梯度上升算法进行求解。

#### 2、梯度上升算法

说了半天,梯度上升算法又是啥?J(O)太复杂,我们先看个简单的求极大值的例子。一个看了就会想到高中生活的函数:

$$f(x) = -x^2 + 4x$$

来吧,做高中题。这个函数的极值怎么求?显然这个函数开口向下,存在极大值,它的函数图像为:



求极值, 先求函数的导数:

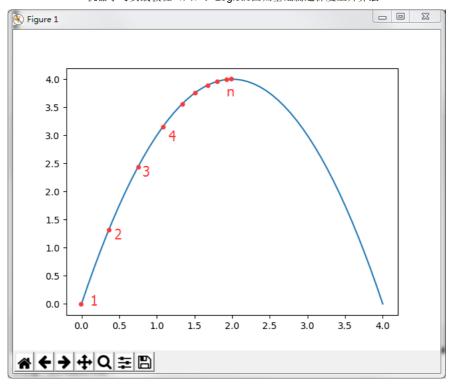
$$f'(x) = -2x + 4$$

令导数为0,可求出x=2即取得函数f(x)的极大值。极大值等于f(2)=4

但是真实环境中的函数不会像上面这么简单,就算求出了函数的导数,也很难精确计算出函数的极值。此时我们就可以用迭代的方法来做。就像爬坡-逼近极值。这种寻找最佳拟合参数的方法,就是最优化算法。爬坡这个动作用数学公式表达即为:

$$x_{i+1} = x_i + \alpha \frac{\partial f(x_i)}{x_i}$$

其中, $\alpha$ 为步长,也就是学习速率,控制更新的幅度。效果如下图所示:



比如从(0,0)开始,迭代路径就是1->2->3->4->...->n,直到求出的x为函数极大值的近似值,停止迭代。我们可以编写Python3代码,来实现这一过

```
# -*- coding:UTF-8 -*-
2
3
    函数说明:梯度上升算法测试函数
4
5
6
7
    求函数f(x) = -x^2 + 4x的极大值
    Parameters:
8
9
    Returns:
10
11
    Author:
12
        Jack Cui
    Blog:
14
         http://blog.csdn.net/c406495762
15
    Zhihu:
16
         https://www.zhihu.com/people/Jack--Cui/
17
    Modify:
    2017-08-28
18
20 def Gradient_Ascent_test():
21 def f_prime(x_old):
        def f_prime(x_old):
    return -2 * x_old + 4
                                                                           #f(x)的导数
22
                                                                       #初始值,给一个小于x_new的值
#梯度上升算法初始值,即从(0,0)开始
#步长,也就是学习速率,控制更新的幅度
23
24
         x\_old = -1
         x_new = 0
25
        alpha = 0.01
26
27
         presision = 0.00000001
                                                                          #精度,也就是更新阈值
         while abs(x_new - x_old) > presision:
    x_old = x_new
    x_new = x_old + alpha * f_prime(x_old)
28
29
30
                                                                          #上面提到的公式
                                                                       #打印最终求解的极值近似值
         print(x_new)
31
32
                 _ == '__main__':
         Gradient_Ascent_test()
33
```

# 代码运行结果如下:



结果很显然,已经非常接近我们的真实极值2了。这一过程,就是梯度上升算法。那么同理,J(θ)这个函数的极值,也可以这么求解。公式可以这么写

$$\theta_j \coloneqq \theta_j + \alpha \frac{\partial J(\theta)}{\theta_i}$$

由上小节可知J(θ)为:

$$J(\theta) = \sum_{i=1}^{m} [y^{(i)} \log(h_{\theta}(x^{(i)})) + (1 - y^{(i)}) \log(1 - h_{\theta}(x^{(i)}))]$$

sigmoid函数为:

$$h_{\theta}(x) = g(\theta^T x) = \frac{1}{1 + e^{-\theta^T x}},$$

那么,现在我只要求出 $J(\theta)$ 的偏导,就可以利用梯度上升算法,求解 $J(\theta)$ 的极大值了。

那么现在开始求解 $J(\theta)$ 对 $\theta$ 的偏导,求解如下:

$$\frac{\partial}{\theta_i} J(\theta) = \frac{\partial J(\theta)}{\partial g(\theta^T x)} * \frac{\partial g(\theta^T x)}{\partial \theta^T x} * \frac{\partial \theta^T x}{\partial \theta_i}$$

其中:

$$\frac{\partial J(\theta)}{\partial g(\theta^T x)} = y * \frac{1}{g(\theta^T x)} + (y - 1) * \frac{1}{1 - g(\theta^T x)}$$

再由:

$$g'(z) = \frac{d}{dz} \frac{1}{1 + e^{-z}} = \frac{1}{(1 + e^{-z})^2} (e^{-z})$$
$$= \frac{1}{(1 + e^{-z})} \left( 1 - \frac{1}{(1 + e^{-z})} \right) = g(z)(1 - g(z))$$

可得:

$$\frac{\partial g(\theta^T x)}{\partial \theta^T x} = g(\theta^T x)(1 - g(\theta^T x))$$

接下来,就剩下第三部分:

$$\frac{\partial \theta^T x}{\theta_j} = \frac{\partial J(\theta_1 x_1 + \theta_2 x_2 + \dots + \theta_n x_n)}{\partial \theta_j} = x_j$$

综上所述:

$$\frac{\partial}{\theta_i}J(\theta) = (y - h_{\theta}(x))x_j$$

因此,梯度上升迭代公式为:

$$\theta_j := \theta_j + \alpha \sum_{i=1}^m (y^{(i)} - h_{\theta}(x^{(i)})) x_j^{(i)}$$

知道了,梯度上升迭代公式,我们就可以自己编写代码,计算最佳拟合参数了。

#### 三、Python3实战

#### 1、数据准备

数据集已经为大家准备好,下载地址:数据集下载

这就是一个简单的数据集,没什么实际意义。让我们先从这个简单的数据集开始学习。先看下数据集有哪些数据:

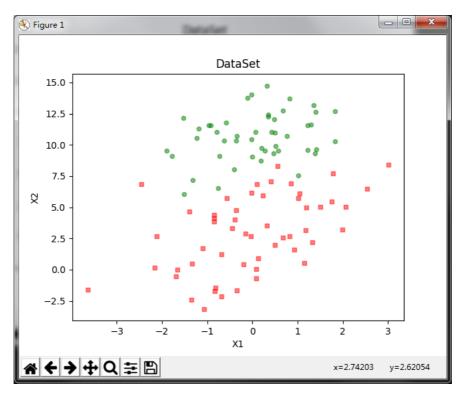
```
14.053064
-1.395634
          4.662541
-0.752157
-1.322371
           7.152853
                      0
0.423363
           11.054677
0.406704
           7.067335
0.667394
           12.741452
-2.460150 6.866805
0.569411
           9.548755
                       0
-0.026632
0.850433
           6.920334
1.347183
           13.175500
1.176813
           3.167020
-1.781871
           9.097953
                      0
-0.566606
           5.749003
0.931635
           1.589505
-0.024205 6.151823
           2.690988
-0.036453
-0.196949
           0.444165
1.014459
           5.754399
1.985298
           3.230619
-1.693453 -0.557540
```

这个数据有两维特征,因此可以将数据在一个二维平面上展示出来。我们可以将第一列数据(X1)看作x轴上的值,第二列数据(X2)看作y轴上的值。而是为分类标签。根据标签的不同,对这些点进行分类。

#### 那么,先让我们编写代码,看下数据集的分布情况:

```
1
    # -*- coding:UTF-8 -*-
2
    import matplotlib.pyplot as plt
    import numpy as np
4
    ....
5
6
    函数说明:加载数据
8
   Parameters:
10
11
         dataMat - 数据列表
         labelMat - 标签列表
12
13
         Jack Cui
14
15 Blog:
         http://blog.csdn.net/c406495762
16
    Zhihu:
17
         https://www.zhihu.com/people/Jack--Cui/
18
    Modify:
    2017-08-28
20
21
22
    def loadDataSet():
         dataMat = []
labelMat = []
fr = open('testSet.txt')
23
24
                                                                                                 #创建数据列表
                                                                                                  #创建标签列表
25
                                                                                                 #打开文件
         for line in fr.readlines():
    lineArr = line.strip().split()
    dataMat.append([1.0, float(lineArr[0]), float(lineArr[1])])
    labelMat.append(int(lineArr[2]))
26
27
                                                                                                    #逐行读取
                                                                                                   #去回车,放入列表
28
                                                                                                    #添加数据
29
                                                                                                 #添加标签
30
         fr.close()
                                                                                                   #关闭文件
31
        return dataMat, labelMat
32
33
    函数说明:绘制数据集
35
    Parameters:
36
37
38
    Returns
39
40
    Author:
41
42
         Jack Cui
    Blog:
43
         http://blog.csdn.net/c406495762
44
45
    Zhihu:
         https://www.zhihu.com/people/Jack--Cui/
46
    2017-08-28
47
48
49
    def plotDataSet():
         dataMat, labelMat = loadDataSet()
dataArr = np.array(dataMat)
n = np.shape(dataMat)[0]
50
                                                                                                  #加载数据集
51
52
                                                                                                    #转换成numpy的array数组
                                                                                                 #数据个数
         n = np.snape(adtamat)[0]
xcord1 = []; ycord1 = []
xcord2 = []; ycord2 = []
for i in range(n):
    if int(labelMat[i]) == 1:
53
54
                                                                                                #负样本
55
                                                                                                  #根据数据集标签进行分类
57
58
                   xcord1.append(dataArr[i,1]); ycord1.append(dataArr[i,2])
                                                                                                #1为正样本
                   xcord2.append(dataArr[i,1]); ycord2.append(dataArr[i,2])
         fig = plt.figure()
60
         ax = fig.add_subplot(111)
61
                                                                                                  #添加subplot
         ax.scatter(xcord1, ycord1, s = 20, c = 'red', marker = 's',alpha=.5)#绘制正样本
ax.scatter(xcord2, ycord2, s = 20, c = 'green',alpha=.5) #绘制页样本
plt.title('DataSet') #绘制title
63
64
         plt.xlabel('x'); plt.ylabel('y')
66
         plt.show()
                                                                                                   #显示
```

运行结果如下:



从上图可以看出数据的分布情况。假设Sigmoid函数的输入记为z,那么z=w0x0 + w1x1 + w2x2,即可将数据分割开。其中,x0为全是1的向量,x1一列数据,x2为数据集的第二列数据。另z=0,则0=w0 + w1x1 + w2x2。横坐标为x1,纵坐标为x2。这个方程未知的参数为w0,w1,w2,也就是我们系数(最优参数)。

#### 2、训练算法

在编写代码之前,让我们回顾下梯度上升迭代公式:

$$\theta_j \coloneqq \theta_j + \alpha (y^{(i)} - h_\theta(x^{(i)})) x_j^{(i)}$$

将上述公式矢量化:

$$\theta \coloneqq \theta + \alpha X^T (\vec{y} - g(X\theta))$$

根据矢量化的公式,编写代码如下:

```
# -*- coding:UTF-8 -*-
2
   import numpy as np
   函数说明:加载数据
5
6
8
9
   Returns:
10
        dataMat - 数据列表
        labelMat - 标签列表
11
   Author:
12
13
        Jack Cui
   Blog:
14
        http://blog.csdn.net/c406495762
15
17
        https://www.zhihu.com/people/Jack--Cui/
   Modify:
18
   2017-08-28
20
21
   def loadDataSet():
        dataMat = []
labelMat = []
fr = open('testSet.txt')
22
                                                                                    #创建数据列表
23
                                                                                     #创建标签列表
24
                                                                                    #打开文件
25
        for line in fr.readlines():
                                                                                       #逐行读取
            lineArr = line.strip().split()
dataMat.append([1.0, float(lineArr[0]), float(lineArr[1])])
labelMat.append(int(lineArr[2]))
26
                                                                                      #去回车,放入列表
27
                                                                                       #添加数据
28
                                                                                    #添加标签
29
        fr.close()
                                                                                      #关闭文件
30
        return dataMat, labelMat
                                                                                    #返回
31
33 函数说明:sigmoid函数
```

#### 2018/7/18

```
35
    Parameters:
         inX - 数据
37
38
    Returns:
        sigmoid函数
39
    Author:
40
        Jack Cui
41 Blog:
42
         http://blog.csdn.net/c406495762
43
44
    Zhihu:
        https://www.zhihu.com/people/Jack--Cui/
45
    Modify:
    2017-08-28
46
47
48 def sigmoid(inX):
49 return 1.0 / (1 + np.exp(-inX))
49
50
51
52 """
53 函数说明:梯度上升算法
54
55
   Parameters:
        dataMatIn - 数据集
56
57
         classLabels - 数据标签
58
        weights.getA() - 求得的权重数组(最优参数)
59
    Author:
60
        Jack Cui
   Blog:
62
63
         http://blog.csdn.net/c406495762
    Zhihu:
        https://www.zhihu.com/people/Jack--Cui/
65
    Modify:
66
    2017-08-28
68
69
    def gradAscent(dataMatIn, classLabels):
        gradascent(dataMatin, classiabels):
dataMatrix = np.mat(dataMatin)
labelMat = np.mat(classlabels).transpose()
m, n = np.shape(dataMatrix)
alpha = 0.001
                                                                                              #转换成numpy的mat
                                                                                             #转換成numpy的mat,并进行转置
#返回dataMatrix的大小。m为行数,n为列数。
#移动步长,也就是学习速率,控制更新的幅度。
71
72
73
74
75
        maxCycles = 500
weights = np.ones((n,1))
                                                                                               #最大迭代次数
76
         for k in range(maxCycles):
77
78
            h = sigmoid(dataMatrix * weights)
error = labelMat - h
                                                                                             #梯度上升矢量化公式
79
             weights = weights + alpha * dataMatrix.transpose() * error
80
         return weights.getA()
                                                                                             #将矩阵转换为数组,返回权重数组
81
    if __name__ == '__main__':
    dataMat, labelMat = loadDataSet()
82
83
84
         print(gradAscent(dataMat, labelMat))
```

#### 运行结果如图所示:

可以看出,我们已经求解出回归系数[w0,w1,w2]。

通过求解出的参数,我们就可以确定不同类别数据之间的分隔线,画出决策边界。

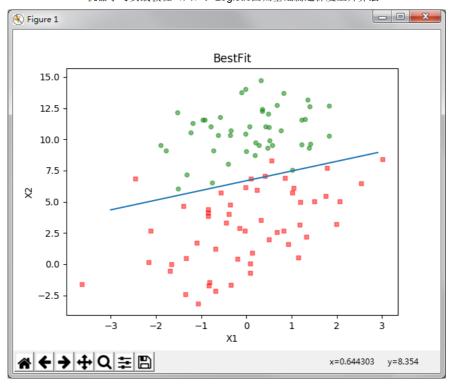
#### 3、绘制决策边界

我们已经解出了一组回归系数,它确定了不同类别数据之间的分隔线。现在开始绘制这个分隔线,编写代码如下:

```
# -*- coding:UTF-8 -*-
    import matplotlib.pyplot as plt
    import numpy as np
4
5
6
    函数说明:加载数据
8
    Parameters:
10
    Returns:
         dataMat - 数据列表
11
12
         labelMat - 标签列表
13
    Author:
         Jack Cui
14
    Blog:
15
16
         http://blog.csdn.net/c406495762
17
18
    7hi hu:
         https://www.zhihu.com/people/Jack--Cui/
19
    Modify
    2017-08-28
20
21
22
    def loadDataSet():
23
         dataMat = []
labelMat = []
fr = open('testSet.txt')
                                                                                            #创建数据列表
24
                                                                                              #创建标签列表
25
                                                                                             #打开文件
         for line in fr.readlines():
    lineArr = line.strip().split()
    dataMat.append([1.0, float(lineArr[0]), float(lineArr[1])])
    labelMat.append(int(lineArr[2]))
26
27
                                                                                                #逐行读取
                                                                                               #去回车,放入列表
28
                                                                                                #添加数据
29
                                                                                            #添加标签
30
         fr.close()
                                                                                               #关闭文件
```

```
31
          return dataMat, labelMat
                                                                                            #返回
32
33
34
35
    函数说明:sigmoid函数
36
37
38
    Parameters:
inX - 数据
39
     Returns:
40
41
         sigmoid函数
     Author:
42
         Jack Cui
     Blog:
43
44
         http://blog.csdn.net/c406495762
45
     Zhihu:
46
47
         https://www.zhihu.com/people/Jack--Cui/
     Modify:
    2017-08-28
48
49
50
    def sigmoid(inX):
    return 1.0 / (1 + np.exp(-inX))
51
52
53
54
     函数说明:梯度上升算法
55
56
     Parameters:
57
         dataMatIn - 数据集
58
          classLabels - 数据标签
59
    Returns:
60
         weights.getA() - 求得的权重数组(最优参数)
61
         Jack Cui
62
63
     Blog:
64
          http://blog.csdn.net/c406495762
65
     Zhihu:
66
         https://www.zhihu.com/people/Jack--Cui/
     Modify
    2017-08-28
68
69
70
71
72
73
74
75
     def gradAscent(dataMatIn, classLabels):
         dataMatrix = np.mat(dataMatIn)
labelMat = np.mat(classLabels).transpose()
                                                                                              #转换成numpy的mat
                                                                                              #转换成numpy的mat,并进行转置
#返回dataMatrix的大小。m为行数,n为列数。
          m, n = np.shape(dataMatrix)
         alpha = 0.001
maxCycles = 500
weights = np.ones((n,1))
                                                                                             #移动步长,也就是学习速率,控制更新的幅度。
                                                                                                #最大迭代次数
76
         for k in range(max(ycles):
    h = sigmoid(dataMatrix * weights)
    error = labelMat - h
    weights = weights + alpha * dataMatrix.transpose() * error
77
78
79
                                                                                             #梯度上升矢量化公式
80
                                                                                             #将矩阵转换为数组, 返回权重数组
81
         return weights.getA()
82
83
     函数说明:绘制数据集
84
85
86
     Parameters:
        weights - 权重参数数组
87
88
     Returns:
89
90
     Author:
91
         Jack Cui
92
93
          http://blog.csdn.net/c406495762
94
     Zhihu:
95
96
         https://www.zhihu.com/people/Jack--Cui/
     Modify:
    2017-08-30
97
98
99
    def plotBestFit(weights):
    dataMat, labelMat = loadDataSet()
    dataArr = np.array(dataMat)
100
                                                                                             #加载数据集
101
                                                                                                #转换成numpy的array数组
                                                                                             #数据个数
         n = np.shape(dataMat)[0]
xcord1 = []; ycord1 = []
xcord2 = []; ycord2 = []
102
103
                                                                                            #正样本
104
         for i in range(n):
    if int(labelMat[i]) == 1:
                                                                                              #根据数据集标签讲行分类
105
106
107
                   xcord1.append(dataArr[i,1]); ycord1.append(dataArr[i,2])
108
         xcord2.append(dataArr[i,1]); ycord2.append(dataArr[i,2])
fig = plt.figure()
109
                                                                                           #0为负样本
110
         #添加subplot
111
112
113
114
115
         y = ("http://www.ar.plot(x, y))
plt.title('BestFit')
plt.xlabel('X1'); plt.ylabel('X2')
116
                                                                                            #绘制title
117
118
                                                                                               #绘制label
119
          plt.show()
120
         __name__ == '__main__':
dataMat, labelMat = loadDataSet()
weights = gradAscent(dataMat, labelMat)
plotBestFit(weights)
121 if _
122
123
124
```

# 运行结果如下:



这个分类结果相当不错,从上图可以看出,只分错了几个点而已。但是,尽管例子简单切数据集很小,但是这个方法却需要大量的计算(300次乘法)。 将对改算法稍作改进,从而减少计算量,使其可以应用于大数据集上。

### 四、总结

### Logistic回归的一般过程:

- 收集数据:采用任意方法收集数据。
- 准备数据:由于需要进行距离计算,因此要求数据类型为数值型。另外,结构化数据格式则最佳。
- 分析数据:采用任意方法对数据进行分析。
- 训练算法:大部分时间将用于训练,训练的目的是为了找到最佳的分类回归系数。
- 测试算法:一旦训练步骤完成,分类将会很快。
- 使用算法:首先,我们需要输入一些数据,并将其转换成对应的结构化数值;接着,基于训练好的回归系数,就可以对这些数值进行简单的回归计定 它们属于哪个类别;在这之后,我们就可以在输出的类别上做一些其他分析工作。

#### 其他:

- Logistic回归的目的是寻找一个非线性函数Sigmoid的最佳拟合参数,求解过程可以由最优化算法完成。
- 本文讲述了Logistic回归原理以及数学推导过程。
- 下篇文章将讲解Logistic回归的改进以及Sklearn实战内容。
- 如有问题,请留言。如有错误,还望指正,谢谢!

# PS: 如果觉得本篇本章对您有所帮助,欢迎关注、评论、赞!

本文出现的所有代码和数据集,均可在我的github上下载,欢迎Follow、Star: https://github.com/Jack-Cherish/Machine-Learning

# 参考文献:

- 斯坦福大学的吴恩达《机器学习》:https://www.coursera.org/learn/machine-learning
- 《机器学习实战》第五章内容



关注人工智能及互联网的个人博客

查看熊掌号