# Propiedades mecánicas de la matriz rocosa

# **Fórmulas**

Resistencia a la compresión

$$\sigma_{ci} = \frac{P}{A}$$

Resistencia a la compresión, ensayo de carga puntual

$$\begin{split} I_s &= \frac{P}{D^2} & \sigma_{ci} = 24I_s & \text{si } D = 50\,\text{mm} \\ I_{s(50)} &= \left(\frac{D}{50}\right)^{0.45}I_s & \sigma_{ci} = 24I_{s(50)} & \text{si } D \neq 50\,\text{mm} \end{split}$$

Efecto de escala en la resistencia a compresión

$$R = R_1 \left( 0.778 + 0.222 \frac{D}{L} \right)$$
 Obert, Windes y Duvall (1946)  
 $R = R_{0.5} \left( 0.875 + 0.250 \frac{D}{L} \right)$  Brook (1993)  
 $R = R_{50} \left( \frac{50}{D} \right)^{0.18}$  Hoek y Brown (1980)

Resistencia a la compresión y módulo de elasticidad, martillo Schmidt Tipo L

$$\log \sigma_{ci} = 0.00088 \gamma R_L + 1.01$$
 en MPa   
  $\ln E = -8.967 + 3.091 \ln R_L$  en GPa

Equivalencia entre número de rebote martillo Schmidt Tipo L y Tipo N

$$R_L = -3.4 + 0.83R_N + 0.00295R_N^2$$

Corrección por ángulo de inclinación para martillo Schmidt Tipo L

Rebote	Hacia	abajo	Hacia	a arriba	Horizontal
Ttebote	-90°	-45°	90°	45°	0°
10	0	-0.8	-	-	-3.2
20	0	-0.9	-8.8	-6.9	-3.4
30	0	-0.8	-7.8	-6.2	-3.1
40	0	-0.7	-6.6	-5.3	-2.7
50	0	-0.6	-5.3	-4.3	-2.2
60	0	-0.4	-4	-3.3	-1.7

Resistencia a la tracción

$$\sigma_t = \frac{2P}{\pi Dt}$$
 ensayo brasileño 
$$\sigma_t = \frac{16PL}{3\pi D^3}$$
 ensayo a flexión

Ábaco para martillo Schmidt Tipo L

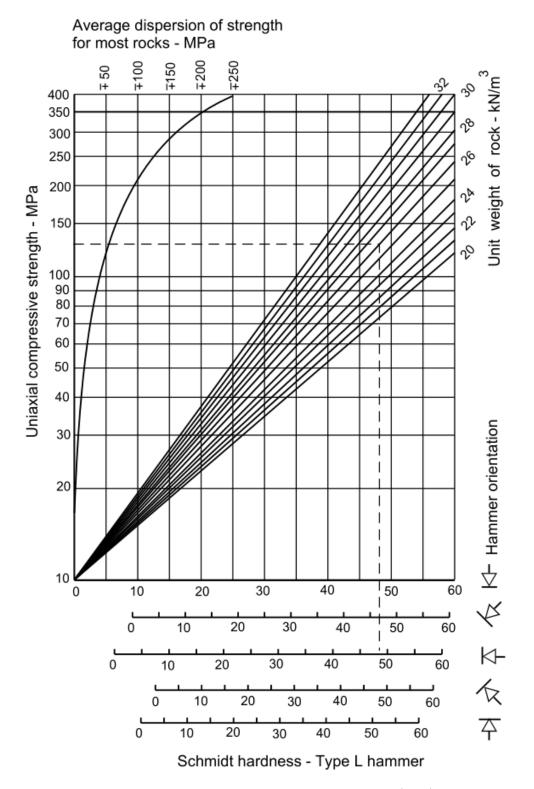


Figura 1: Practical Rock Engineering - Evert Hoek (2007)

Esfuerzo normal y cortante

$$\sigma = \frac{\sigma_1 + \sigma_3}{2} - \frac{\sigma_1 - \sigma_3}{2} \cos 2\beta$$
$$\tau = \frac{\sigma_1 - \sigma_3}{2} \sin 2\beta$$

Criterio de Mohr-Coulomb

$$\tau = c + \sigma \tan \phi$$

Criterio de Mohr-Coulomb en el espacio (s,t)

$$t = a + s \tan \alpha$$

Cambios de variable en el espacio (s,t)

$$s = \frac{\sigma_1 + \sigma_3}{2} \qquad a = c \cos \phi$$
 
$$t = \frac{\sigma_1 - \sigma_3}{2} \qquad \tan \alpha = \sin \phi$$

Criterio de Hoek-Brown

$$\sigma_1 = \sigma_3 + \sigma_{ci} \sqrt{m_i \frac{\sigma_3}{\sigma_{ci}} + s_i}$$

# **Ejercicios**

1. Después de realizar ensayos de compresión uniaxial en varias muestras de roca intacta, se obtuvieron los siguientes resultados:

ID	113-1	113-2	113-3	113-4	113-5
P (kN)	2.45	2.13	2.27	2.28	2.26
D  (mm)	50.2	50.3	50	50.1	50.2

Calcular:

- a) Resistencia a la compresión
- 2. Después de realizar ensayos de carga puntual en varias muestras de roca intacta, se obtuvieron los siguientes resultados:

ID	121-3	121-4	121-5	121-7	121-8
P (kN)	0.9	0.64	0.82	0.79	0.67
D  (mm)	50.2	50.3	50	50.1	50.2

Calcular:

- a) Resistencia a la compresión
- 3. Después de realizar ensayos de carga puntual en varias muestras de roca intacta, se obtuvieron los siguientes resultados:

ID	122-1	122-2	122-3	122-4	122-5
P (kN)	1.873	1.891	2.118	1.454	1.54
D  (mm)	25.23	25	25.07	25.06	25.04

Calcular:

a) Resistencia a la compresión

- 4. Una muestra con D/L = 1 tiene una resistencia a compresión de 20 MPa, estimar la resistencia para una muestra con  $D = 50 \,\mathrm{mm}$  y  $L = 100 \,\mathrm{mm}$  usando al ecuación de Obert, Windes y Duvall.
- 5. Una muestra con D/L=0.5 tiene una resistencia a compresión de 55 MPa, estimar la resistencia para una muestra con  $D=72\,\mathrm{mm}$  y  $L=127\,\mathrm{mm}$  usando al ecuación de Brook.
- 6. Una muestra con diámetro  $D=50\,\mathrm{mm}$  tiene una resistencia a compresión de 18 MPa, estimar la resistencia para una muestra con  $D=60\,\mathrm{mm}$  usando al ecuación de Hoek y Brown.
- 7. Mediante un martillo Schmidt Tipo L (de abajo hacia arriba 45°,  $\gamma=22\,\mathrm{kN/m^3}$ ) se obtuvieron los siguientes datos:

#### Calcular:

- a) Resistencia a la compresión
- b) Módulo de elasticidad
- 8. Mediante un martillo Schmidt Tipo L (de arriba hacia abajo 45°,  $\gamma = 24\,\mathrm{kN/m^3}$ ) se obtuvieron los siguientes datos:

Rebote	38	38	39	39	40	40	41	42	42	45
--------	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----

#### Calcular:

- a) Resistencia a la compresión
- b) Módulo de elasticidad
- 9. Mediante un martillo Schmidt Tipo N (de arriba hacia abajo 90°,  $\gamma=28\,\mathrm{kN/m^3}$ ) se obtuvieron los siguientes datos:

Rebote	38	38	39	39	40	40	41	42	42	43

#### Calcular:

- a) Resistencia a la compresión
- b) Módulo de elasticidad
- 10. Mediante un martillo Schmidt Tipo N (horizontal 0°,  $\gamma = 26\,\mathrm{kN/m^3}$ ) se obtuvieron los siguientes datos:

Rebote	50	45	52	47	55	39	65	55	53	54	
--------	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	--

#### Calcular:

- a) Resistencia a la compresión
- b) Módulo de elasticidad
- 11. Después de realizar ensayos de tracción indirecta (ensayo brasileño) en varias muestras de roca intacta, se obtuvieron los siguientes resultados:

ID	132-1	132-2	132-3	132-4	132-5
P (kN)	1.53	1.09	1.39	1.34	1.14
D  (mm)	50.1	50.1	50	50.2	50.2
t (mm)	25	25.1	26	25.2	25.3

#### Calcular:

- a) Resistencia a la tracción
- 12. Después de realizar ensayos de tracción indirecta (ensayo a flexión) en varias muestras de roca intacta, se obtuvieron los siguientes resultados:

ID	140-1	140-2	140-3	140-4	140-5
P (kN)	1.35	1.21	1.56	1.5	1.27
D  (mm)	50.2	50.3	50	50.1	50.2
L  (mm)	380	380	380	380	380

#### Calcular:

- a) Resistencia a la tracción
- 13. Después de realizar un ensayo de compresión uniaxial con bandas extensométricas en una muestra de roca intacta  $D = 50.2 \,\mathrm{mm}$  y  $L = 127.4 \,\mathrm{mm}$ , se obtuvieron los siguientes resultados:

$\sigma_1$ (MPa)	0	24	54	84	104	20	40	60	80	110
$\varepsilon$ (%)	0	0.05	0.1	0.15	0.19	-0.01	-0.02	-0.03	-0.04	-0.045
Eje	axial	axial	axial	axial	axial	radial	radial	radial	radial	radial

#### Calcular:

- a) Modulo de elasticidad al 50 % de su resistencia y coeficiente de Poisson
- b) Modulo de elasticidad secante al 50 % de su resistencia y coeficiente de Poisson
- 14. Después de realizar un ensayo de compresión uniaxial con bandas extensométricas en una muestra de roca intacta  $D = 50.4 \,\mathrm{mm}$  y  $L = 126.7 \,\mathrm{mm}$ , se obtuvieron los siguientes resultados:

$\sigma_1 \text{ (MPa)}$	0	20	40	60	63	20	40	60	65
ε (%)	0	0.05	0.1	0.15	0.18	-0.01	-0.02	-0.04	-0.05
Eje	axial	axial	axial	axial	axial	radial	radial	radial	radial

#### Calcular:

- a) Modulo de elasticidad al 50 % de su resistencia y coeficiente de Poisson
- b) Modulo de elasticidad secante al 50 % de su resistencia y coeficiente de Poisson
- 15. Después de realizar ensayos de compresión uniaxial en varias muestras de roca intacta, se observo que se formaba un plano de falla con un ángulo  $\beta$  medido desde el eje axial en sentido horario, se obtuvieron los siguientes resultados:

ID	150-1	150-2	150-3	150-4	150-5
$\sigma_1$ (MPa)	17	32	25	19	22
$\sigma_3$ (MPa)	0	0	0	0	0
β (°)	35	54	45	30	36

#### Obtener:

- a) Envolvente de falla aplicando el criterio de Mohr-Coulomb
- b) Resistencia a la tracción
- 16. Después de realizar ensayos de compresión triaxial en varias muestras de roca intacta, se observo que se formaban varios planos de falla, se obtuvieron los siguientes resultados:

ID	152-1	152-2	152-3	152-4	152-5	152-6	152-7
$\sigma_1$ (MPa)	1.24	6.07	8.96	12.07	12.82	19.31	20
$\sigma_3$ (MPa)	0	0.35	0.69	1.24	1.38	3.45	3.45

### Obtener:

- a) Envolvente de falla aplicando el criterio de Mohr-Coulomb
- b) Resistencia a la tracción
- 17. Después de realizar ensayos de compresión triaxial en varias muestras de roca intacta, se obtuvieron los siguientes resultados:

ID	152-1	152-2	152-3	152-4	152-5	152-6	152-7
$\sigma_1$ (MPa)	1.24	6.07	8.96	12.07	12.82	19.31	20
$\sigma_3$ (MPa)	0	0.35	0.69	1.24	1.38	3.45	3.45

## Obtener:

- a) Envolvente de falla aplicando el criterio de Hoek-Brown
- b) Resistencia a la compresión uniaxial
- c) Resistencia a la tracción
- 18. Después de realizar ensayos de compresión triaxial en varias muestras de roca intacta, se obtuvieron los siguientes resultados:

ID	152-1	152-2	152-3	152-4	152-5	152-6	152-7	152-8	152-9	152-10	152-11	152-12
$\sigma_1 \text{ (MPa)}$	25	57.5	62.5	75	77.5	70	95	97.5	63	120	150	147
$\sigma_3$ (MPa)	0	2.5	3	4	5	6	8	10	11	15	19	20

## Obtener:

- a) Envolvente de falla aplicando el criterio de Hoek-Brown
- b) Resistencia a la compresión uniaxial
- c) Resistencia a la tracción