Propiedades mecánicas del macizo rocoso

Fórmulas

Criterio generalizado de Hoek-Brown

$$m_b = m_i \exp\left(\frac{\text{GSI} - 100}{28 - 14D}\right)$$

$$s = \exp\left(\frac{\text{GSI} - 100}{9 - 3D}\right)$$

$$a = \frac{1}{2} + \frac{1}{6} \left[\exp\left(-\frac{\text{GSI}}{15}\right) - \exp\left(-\frac{20}{3}\right)\right]$$

$$\sigma_1 = \sigma_3 + \sigma_{ci} \left(m_b \frac{\sigma_3}{\sigma_{ci}} + s\right)^a$$

Resistencia a la compresión uniaxial y tracción uniaxial

$$\sigma_c = \sigma_{ci} \, s^a$$
$$\sigma_t = -\frac{s \, \sigma_{ci}}{m_b}$$

Resistencia a la compresión, cohesión y ángulo de fricción en el intervalo $\sigma_t < \sigma_3 < \sigma_{3max}$

$$\sigma_{cm} = \sigma_{ci} \frac{\left[m_b + 4s - a(m_b - 8s)\right] \left(\frac{m_b}{4} + s\right)^{a-1}}{2(1+a)(2+a)}$$

$$\sigma_{3max} = \frac{\sigma_{ci}}{4}$$
En general
$$\frac{\sigma_{3max}}{\sigma_{cm}} = 0.47 \left(\frac{\sigma_{cm}}{\gamma H}\right)^{-0.94}$$
Para túneles
$$\frac{\sigma_{3max}}{\sigma_{cm}} = 0.72 \left(\frac{\sigma_{cm}}{\gamma H}\right)^{-0.91}$$
Para taludes
$$\sigma_{3n} = \frac{\sigma_{3max}}{\sigma_{ci}}$$

$$c = \sigma_{ci} \frac{\left[(1+2a)s + (1-a)m_b \sigma_{3n}\right] \left(s+m_b \sigma_{3n}\right)^{a-1}}{(1+a)(2+a)\sqrt{1+\frac{6a m_b \left(s+m_b \sigma_{3n}\right)^{a-1}}{(1+a)(2+a)}}}$$

$$\phi = \arcsin \left[\frac{6a m_b \left(s+m_b \sigma_{3n}\right)^{a-1}}{2(1+a)(2+a) + 6a m_b \left(s+m_b \sigma_{3n}\right)^{a-1}}\right]$$

Esfuerzos normales y de corte en función de σ_1 y σ_3 según Balmer(1952)

$$\frac{d\sigma_1}{d\sigma_3} = 1 + a \, m_b \left(m_b \frac{\sigma_3}{\sigma_{ci}} + s \right)^{a-1}$$

$$\sigma = \frac{\sigma_1 + \sigma_3}{2} - \frac{\sigma_1 - \sigma_3}{2} \left(\frac{\frac{d\sigma_1}{d\sigma_3} - 1}{\frac{d\sigma_1}{d\sigma_3} + 1} \right)$$
$$\tau = \left(\sigma_1 - \sigma_3\right) \left(\frac{\sqrt{\frac{d\sigma_1}{d\sigma_3}}}{\frac{d\sigma_1}{d\sigma_3} + 1} \right)$$

Criterio de Mohr-Coulomb

$$\tau = c + \sigma \tan \phi$$

$$c = \frac{\sigma_{cm} (1 - \sin \phi)}{2 \cos \phi}$$

$$\phi = \arcsin \left(\frac{k-1}{k+1}\right)$$

Criterio de Mohr-Coulomb en función de σ_1 y σ_3

$$\sigma_1 = \sigma_{cm} + k \,\sigma_3$$

$$\sigma_{cm} = \frac{2\cos\phi}{1 - \sin\phi}$$

$$k = \frac{1 + \sin\phi}{1 - \sin\phi}$$

Modulo de elasticidad del macizo rocoso en MPa según Hoek y Diederichs (2006)

$$E_{rm} = E_i \left[0.02 + \frac{1 - \frac{D}{2}}{1 + \exp\left(\frac{60 + 15D - \text{GSI}}{11}\right)} \right]$$
$$E_{rm} = 10^5 \left[\frac{1 - \frac{D}{2}}{1 + \exp\left(\frac{75 + 25D - \text{GSI}}{11}\right)} \right]$$

Modulo de elasticidad del macizo rocoso en GPa según Hoek, Carranza-Torres y Corkum (2002)

$$E_{rm} = \begin{cases} \left(1 - \frac{D}{2}\right) \sqrt{\frac{\sigma_{ci}}{100}} 10^{\frac{\text{GSI} - 10}{40}} & \sigma_{ci} \leqslant 100 \text{ MPa} \\ \left(1 - \frac{D}{2}\right) 10^{\frac{\text{GSI} - 10}{40}} & \sigma_{ci} > 100 \text{ MPa} \end{cases}$$

Ejercicios

- 1. Determinar los parámetros mecánicos necesarios para el análisis de las fundaciones de dos torres de alta tensión en un macizo rocoso estratificado de areniscas, las fundaciones se excavaran mediante voladura controlada; según la consultora el índice geológico de resistencia es 60 y la resistencia a compresión de la matriz rocosa es 135 MPa.
- 2. Determinar los parámetros mecánicos necesarios para el análisis de un túnel excavado en un macizo rocoso de lutitas con dos familias de discontinuidades, el túnel tendrá una profundidad de $230\,\mathrm{m}$ y para la excavación se usará TBM; según la consultora el índice geológico de resistencia es 50, la resistencia a compresión de la matriz rocosa es $95\,\mathrm{MPa}$, el módulo de elasticidad de la matriz rocosa es $25\,\mathrm{GPa}$ y el peso unitario es $25\,\mathrm{kN/m^3}$.
- 3. Determinar los parámetros mecánicos necesarios para el análisis de un talud excavado en un macizo rocoso de limolitas con tres familias de discontinuidades, el talud tendrá una altura de 12 m, se excavara con explosivos y maquinaria; según el residente de obra el RMR es 75, los núcleos extraídos eran de 50 mm y la resistencia a carga puntual es 9 MPa.