

## **Seminar 1**

**(S1.1)** Fie  $T$  o mulțime și  $A, B, X \subseteq T$  cu  $A \cap B = \emptyset$  și  $A \cup (B \setminus X) = B \cup X$ . Să se arate că  $X = A$ .

**(S1.2)** Fie  $X$  o mulțime. Să se arate că nu există o funcție surjectivă cu domeniul  $X$  și codomeniul  $\mathcal{P}(X)$ .

**(S1.3)** Două mulțimi sunt echipotente dacă există o bijecție între ele.

(i) Demonstrați că orice intervale deschise  $(a, b)$ ,  $(c, d)$  ale lui  $\mathbb{R}$  sunt echipotente.

(ii) Demonstrați că  $(0, 1)$ ,  $(0, 1]$ ,  $[0, 1)$ ,  $[0, 1]$  și  $\mathbb{R}$  sunt echipotente.