

---

---

# Structuri de Date Elementare

— Liste Vectori Stive Cozi —

---

---

# Exercițiu

- Se citesc numere de la tastatură până se citește 0. Sortați acele numere!
  - Opțiuni folosite:
    - Vector din STL în C++
    - Array din C++
      - Nu știm câtă memorie să alocăm
        - 1.000 → probabil prea puțin ⇒ segmentation fault
        - 10.000.000 → probabil prea mult ⇒ risipă de memorie
    - Array din C++ alocat dinamic
      - În cazul de față, nu e corect, pentru că nu știm câte elemente inserăm, dar în general ar putea fi o soluție bună
    - Liste în Python
    - Priority queue

# Exercițiu

- Se citesc  $n \leq 10^6$  numere, care fac parte din unul din cele  $m \leq 10^3$  grupuri. La final se pun întrebări de tipul: **care e al k-lea număr din grupul j?**
- $N = 8, M = 3$
- 9 3
- 12 3
- 13 1
- 4 2
- 6 2
- 7 2
- 11 1
- 12 3
- Q
- $2\ 2 \rightarrow 6$
- $3\ 3 \rightarrow 12$
- $1\ 1 \rightarrow 13$  (nu în ordinea sortării, ci în ordinea citirii)

# Exercițiu

- Se citesc  $n \leq 10^6$  numere, care fac parte din unul din cele  $m \leq 10^3$  grupuri. La final se pun întrebări de tipul: **care e al k-lea număr din grupul j?**
- Soluții:
  - Matrice[n][m]  $\rightarrow$  1GB
    - Ocupă foarte multă memorie și dacă  $m = 10^5$ ! Clar soluția nu merge
    - Risipă de 99.9%!!
  - Listă de liste sau vectori de liste...
    - Soluție bună
  - Un vector lung care ține toate elementele cu un alt vector de next-uri

# Alocare statică vs Alocare Dinamică

- Alocare statică

- C++

- Array:

- `int v[1000]; int n = 733; → Trebuie să reținem noi lungimea`
      - `int v[1000][1000000]; → problematic`
      - Static

- Vector

- `vector <int> v;`
      - ```
for (int i = 0; i < n; ++i) {  
    cin >> x;  
    v.push_back(x);  
}
```
      - `vector <int> matrix[1000];`
      - Nu prea static (vom discuta mai mult)

# Alocare statică vs Alocare Dinamică

- Alocare statică

- Python

- `import array as arr` sau
    - `a = arr.array('d', [1.1, 3.5, 4.5])`
    - Sau direct: `array_2 = np.array(["numbers", 3, 6, 9, 12])`
    - Wrapper la array-ul din C++
    - Lumea folosește de obicei liste
    - Nu prea static...
    - `a.append(45)`

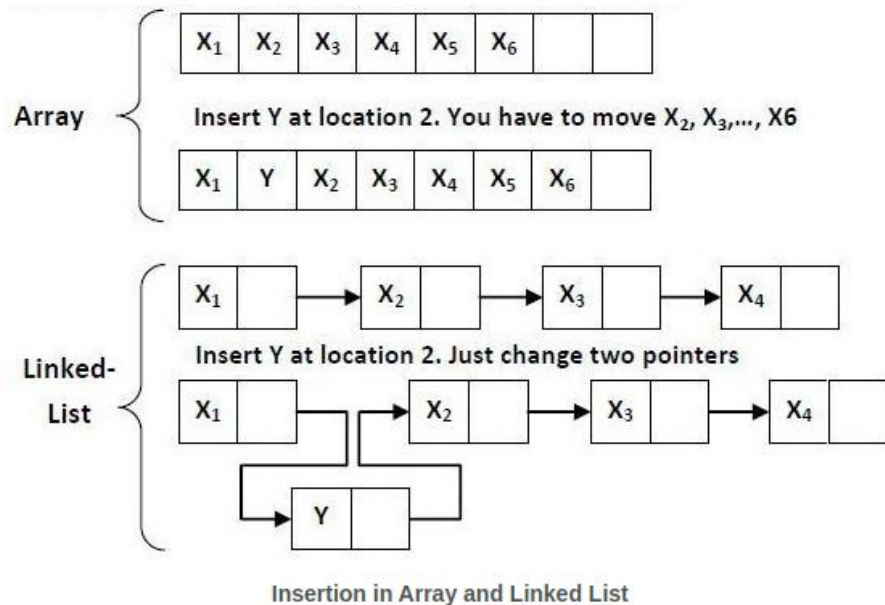
# Alocare statică vs Alocare Dinamică

- Array vs Liste
  - Părerile ?
    - Array sunt mai rapizi
    - Pot cauza risipă de memorie, că nu tot timpul știm câtă memorie să alocăm de la început
    - Putem avea probleme să alocăm o secvență continuă lungă sau să o extindem

# Alocare statică vs Alocare Dinamică

- Array vs Liste

- Părerî ?
- Inserare





# Array vs Liste

- Array-ul ocupă poziții consecutive din memorie și reține informații de același fel.
  - Ocupare optimă a memoriei
  - Mai rapizi
  - Probleme cu alocarea (trebuie să găsești un spațiu suficient de mare să aloci)...

## Exemplu:

- În tabelul de mai jos, nu putem alocă un vector de 4 elemente
- Putem ocupa memorie degeaba  $V[1000][100000]$ ...
- Putem șterge și adăuga doar în capătul din dreapta în complexitate constantă
- Putem accesa în  $O(1)$  elemente de pe anumite poziții...

|  |  |  |   |  |  |  |   |  |  |   |  |  |  |
|--|--|--|---|--|--|--|---|--|--|---|--|--|--|
|  |  |  | O |  |  |  | O |  |  | O |  |  |  |
|--|--|--|---|--|--|--|---|--|--|---|--|--|--|

# Array vs Liste

- Lista permite alocarea memoriei când avem nevoie de ea
  - $O(1)$  inserare/ștergere oriunde, **dacă** avem pointerul de care avem nevoie
  - Nu putem găsi ușor al k-lea element din listă
    - (skip lists can help)
  - Trebuie să avem grijă să alocăm/ștergem memoria (cel puțin în C++)

# Array vs Liste

Complexitate:

|                                    | Liste              | Array         |
|------------------------------------|--------------------|---------------|
| Inserare oriunde                   | În caz bun, $O(1)$ | $O(n)$        |
| Inserare/ștergere la capăt         | $O(1)$             | $O(1)$        |
| Afișarea celui de-al k-lea element | $O(k)$             | $O(1)$        |
| Sortare                            | $O(n \log n)$      | $O(n \log n)$ |
| Căutare în structura sortată       | $O(n)$             | $O(\log n)$   |
| Redimensionare                     | $O(1)$             | $O(n)$        |

# Array vs Vector

- În array, alocăm de la început memoria
  - De obicei facem risipă
  - Trebuie să reținem noi câte elemente folosim
  - Foarte rapizi
  - Folosesc memoria eficient
- Vector
  - Alocăm **niște** memorie de la început
  - Redimensionăm

# Array vs Vector

- Vector
  - Array alocat dinamic
  - Putem aloca din start un număr de elemente: `vector<double> values(500, 3.14);`
  - Putem rezerva locuri
    - `values.reserve(1000000);`

```
vector<int> linie;  
int n;  
linie.reserve(n);  
cin >> n;  
for (int i = 0; i < n; ++i) {  
    int x;  
    cin >> x;  
    linie[i] = x;  
}
```

# Array vs Vector

- Vector
  - Sau putem să adăugăm la final ... (de ce la final?)
    - Să nu mutăm toate elementele

```
vector<int> linie;  
int n;  
//linie.reserve(n);  
cin >> n;  
for (int i = 0; i < n; ++i) {  
    int x;  
    cin >> x;  
    linie.push_back(x); // ce se intampla aici ?  
}
```

# Vector

- Redimensionare
  - Vectorul începe cu un număr de locuri rezervate
  - Dacă vrem să adăugăm un element și nu mai avem spațiu
    - Mărim vectorul
      - Cu cât?
        - Dublăm sau 1.5x sau 3x, ca să rămânem amortizat în  $O(1)$  pe operație
      - Ce se întâmplă dacă nu mai e loc în continuare?
  - Dacă tot eliminăm elemente
    - Trebuie să micșorăm vectorul
      - Când?
      - Cu cât?
  - Dacă dublăm, complexitatea amortizată e  $O(1)$  pe operație!
- Avantajele array-urilor, dar cu alocare dinamică
  - Viteza este totuși mai mică decât array-urile. Dacă viteza e vitală, folosiți array!

# Liste înlanțuite

## Python

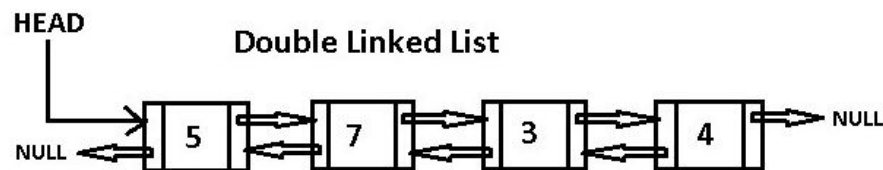
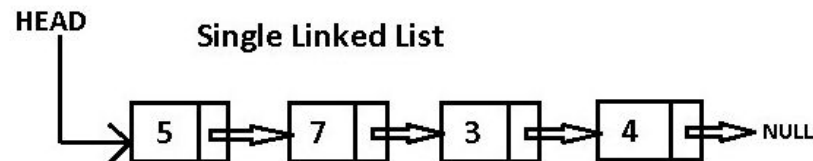
- `my_list = ["mouse", [8, 4, 6], ['a']]`
- `my_list.append("Primavara e frumoasa");`
- Putem avea elemente de tipuri diferite
- Alocarea/deallocarea se fac behind the scenes



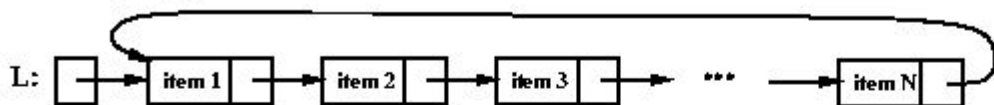
# Liste înlanțuite

- Liste

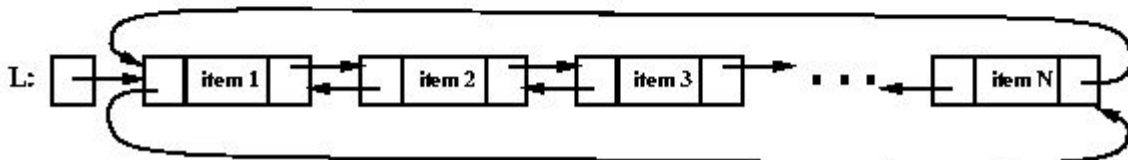
- Simplu înlanțuite
- Dublu înlanțuite
- Circulare



Circular, singly linked list:



Circular, doubly linked list:



# Liste înlanțuite

C++

- Două opțiuni:
  - Container din C++ similar cu vectorul
  - Alocate de mână

```
// list::begin
#include <iostream>
#include <list>

int main ()
{
    int myints[] = {75,23,65,42,13};
    std::list<int> mylist (myints,myints+5);

    std::cout << "mylist contains:";
    for (std::list<int>::iterator it=mylist.begin(); it != mylist.end(); ++it)
        std::cout << ' ' << *it;

    std::cout << '\n';

    return 0;
}
```

# Liste înlanțuite

C++

- Două opțiuni:
  - [Containere din STL](#)
  - [Liste alocate dinamic](#)

# Final