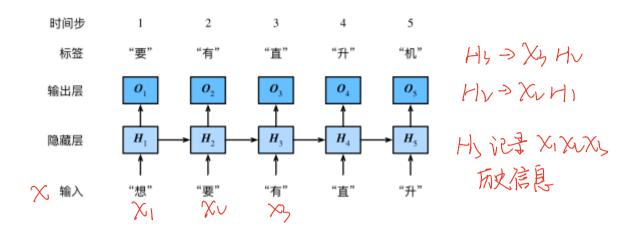
循环神经网络

本节介绍循环神经网络,下图展示了如何基于循环神经网络实现语言模型。我们的目的是基于当前的输入与过去的输入序列,预测序列的下一个字符。循环神经网络引入一个隐藏变量H,用 H_t 表示H在时间步t的值。 H_t 的计算基于 X_t 和 H_{t-1} ,可以认为 H_t 记录了到当前字符为止的序列信息,利用 H_t 对序列的下一个字符进行预测。



循环神经网络的构造

1. 向是长度

(同果成

我们先看循环神经网络的具体构造。假设 $m{X}_t\in\mathbb{R}^{n imes d}$ 是时间步 $m{t}$ 的小批量输入, $m{H}_t\in\mathbb{R}^{n imes m{h}}$ 是该时间步的隐藏变量,则:

$$oldsymbol{H}_t = \phi(oldsymbol{X}_t oldsymbol{W}_{xh} + oldsymbol{H}_{t-1} oldsymbol{W}_{hh} + oldsymbol{b}_h).$$

其中, $m{W}_{xh}\in\mathbb{R}^{d\times h}$, $m{W}_{hh}\in\mathbb{R}^{h\times h}$, $m{b}_h\in\mathbb{R}^{1\times h}$, $m{\phi}$ 函数是非线性激活函数。由于引入了 $m{H}_{t-1}m{W}_{hh}$, $m{H}_t$ 能够捕捉截至当前时间步的序列的历史信息,就像是神经网络当前时间步的状态或记忆一样。由于 $m{H}_t$ 的计算基于 $m{H}_{t-1}$,上式的计算是循环的,使用循环计算的网络即循环神经网络(recurrent neural network)。

在时间步t, 输出层的输出为:

$$O_t = H_t W_{hq} + b_q$$
.

其中 $\boldsymbol{W}_{hq} \in \mathbb{R}^{h \times q}, \ \boldsymbol{b}_q \in \mathbb{R}^{1 \times q}.$

从零开始实现循环神经网络

我们先尝试从零开始实现一个基于字符级循环神经网络的语言模型,这里我们使用周杰伦的歌词作为语料,首先我们读入数据:

In [1]:

import torch
import torch.nn as nn
import time
import math
import sys
sys.path.append("/home/kesci/input")
import d2l_jay9460 as d2l
(corpus_indices, char_to_idx, idx_to_char, vocab_size) = d2l.load_data_jay_lyrics()
device = torch.device('cuda' if torch.cuda.is_available() else 'cpu')

one-hot向量长度=宁典大小只有1个大秦是1 其他大秦莽是0至62

我们需要将字符表示成向量,这里采用one-hot向量。假设词典大小是N,每次字符对应一个从0到N-1的唯一的索引,则该字符的向量是一个长度为N的向量,<mark>若字符的索引是i,则该向量的第i个位置为1,其他位置为0。下面分别展示了索引为0和2的one-hot向量,向量长度等于词典大小。</mark>

我们每次采样的<mark>小批量</mark>的形状是(批量大小,时间步数)。下面的函数将这样的小批量变换成数个形状为(批量大小,词典大小)的矩阵,矩阵个数等于时间步数。也就是说,时间步t的输入为 $X_t \in \mathbb{R}^{n \times d}$,其中n为批量大小,d为词向量大小,即ome-hot向量长度(词典大小)。

```
In [3]:
```

```
def to_onehot(x, n_class):
    return [one_hot(X[:, i], n_class) for i in range(X.shape[1])]

X = torch.arange(10).view(2, 5)
inputs = to_onehot(X, vocab_size)
print(len(inputs), inputs[0].shape)

5 torch.Size([2, 1027])
```

初始化模型参数

```
In [4]:
```

```
num_inputs, num_hiddens, num_outputs = vocab_size, 256, vocab_size
# num_inputs: d
# num_hiddens: h, 隐藏单元的个数是超参数
# num_outputs: q
def get_params():
    def _one(shape):
       param = torch.zeros(shape, device=device, dtype=torch.float32)
        nn.init.normal_(param, 0, 0.01)
        return torch.nn.Parameter(param)
    # 隐藏层参数
   W_xh = _one((num_inputs, num_hiddens))
   W_hh = _one((num_hiddens, num_hiddens))
   b_h = torch.nn.Parameter(torch.zeros(num_hiddens, device=device))
    # 输出层参数
   W_hq = _one((num_hiddens, num_outputs))
   b_g = torch.nn.Parameter(torch.zeros(num_outputs, device=device))
    return (W_xh, W_hh, b_h, W_hq, b_q)
   偏影的初级为O
```

定义模型

函数rnn用循环的方式依次完成循环神经网络每个时间步的计算。

```
In [5]:
```

```
def rnn(inputs, state) params):

# inputs和outputs皆为num_steps个形状为(batch_size, vocab_size)的矩阵
W_xh, W_hh, b_h, W_hq, b_q = params
H, = state
outputs = []
for X in inputs:

H = torch.tanh(torch.matmul(X, W_xh) + torch.matmul(H, W_hh) + b_h)
Y = torch.matmul(H, W_hq) + b_q
outputs.append(Y)
return outputs, (H,)
```

函数init rnn state初始化隐藏变量,这里的返回值是一个元组。

```
In [6]:
```

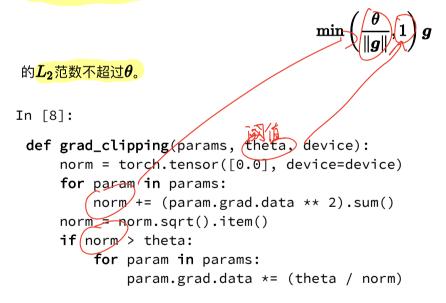
```
def init_rnn_state(batch_size, num_hiddens, device):
    return (torch.zeros((batch_size, num_hiddens), device=device), )
```

做个简单的测试来观察输出结果的个数(时间步数),以及第一个时间步的输出层输出的形状和隐藏状态的形状。

```
In [7]:
 print(X.shape)
 print(num_hiddens)
 print(vocab_size)
 state = init_rnn_state(X.shape[0], num_hiddens, device)
 inputs = to_onehot(X.to(device), vocab_size)
 params = get_params()
                         2X5
 outputs, istate_new] = [rnn(inputs, state, params)
 Brint(ten (Thouts) Finouts[0].shape)
 print(len(outputs), outputs[0].shape)
 print(len(state), state[0].shape)
 print(len(state_new), state_new[0].shape)
torch.Size([2, 5]) ∠
256
1027
5 torch.Size([2, 1027])
5 torch.Size([2, 1027])
1 torch.Size([2, 256])
1 torch.Size([2, 256])
```

裁剪梯度

循环神经网络中较容易出现梯度聚成或梯度爆炸,这会导致网络几乎无法训练。<mark>裁剪梯度(clip gradient)是一种应对梯度爆炸的方法。</mark>假设我们把所有模型参数的梯度拼接成一个向量 g,并设裁剪的阈值是 θ 。裁剪后的梯度



定义预测函数

以下函数基于前缀prefix(含有数个字符的字符串)来预测接下来的num_chars个字符。这个函数稍显复杂,其中我们将循环神经单元rnn设置成了函数参数,这样在后面小节介绍其他循环神经网络时能重复使用这个函数。

In [9]:

我们先测试一下predict_rnn函数。我们将根据前缀"分开"创作长度为10个字符(不考虑前缀长度)的一段歌词。因为模型参数为随机值,所以预测结果也是随机的。

```
In [10]:
```

```
predict_rnn('分开', 10, rnn, params, init_rnn_state, num_hiddens, vocab_size, device, idx_to_char, char_to_idx)
```

Out[10]:

'分开濡时食提危踢拆田唱母'

困惑度

我们通常使用困惑度(perplexity)来评价语言模型的好坏。回忆一下"softmax回归" (../chapter_deep-learning-basics/softmax-regression.ipynb)一节中交叉熵损失函数的定义。困惑度是对交叉熵损失函数做指数运算后得到的值。特别地,

- 「● 最佳情况下,模型总是把标签类别的概率预测为1,此时困惑度为1;
- 最坏情况下,模型总是把标签类别的概率预测为0,此时困惑度为正无穷;
- 基线情况下,模型总是预测所有类别的概率都相同,此时困惑度为类别个数。

显然,任何一个有效模型的困惑度必须小于类别个数。在本例中,困惑度必须小于词典大小vocab size。

定义模型训练函数

跟之前章节的模型训练函数相比,这里的模型训练函数有以下几点不同:

- 1. 使用困惑度评价模型。
- 2. 在迭代模型参数前裁剪梯度。
- 3. 对时序数据采用不同采样方法将导致隐藏状态初始化的不同。

In [11]:

```
def train_and_predict_rnn(rnn, get_params, init_rnn_state, num_hiddens,
                         vocab_size, device, corpus_indices, idx_to_char,
                         char_to_idx, is_random_iter, num_epochs, num_steps,
                         lr, clipping_theta, batch_size, pred_period,
                         pred_len, prefixes):
   if is_random_iter:
       data_iter_fn = d2l.data_iter_random
   else:
       data_iter_fn = d2l.data_iter_consecutive
   params = get_params()
   loss = nn.CrossEntropyLoss()
   for epoch in range(num_epochs):
       if not is_random_iter: # 如使用相邻采样,在epoch开始时初始化隐藏状态
           state = init_rnn_state(batch_size, num_hiddens, device)
       l_sum, n, start = 0.0, 0, time.time()
       data_iter = data_iter_fn(corpus_indices, batch_size, num_steps, device)
       for X, Y in data_iter:
                              # 如使用随机采样,在每个小批量更新前初始化隐藏状态
           if is_random_iter:
               state = init_rnn_state(batch_size, num_hiddens, device)
           else: # 否则需要使用detach函数从计算图分离隐藏状态
               for s in state:
                   s.detach_()
           # inputs是num_steps个形状为(batch_size, vocab_size)的矩阵
           inputs = to_onehot(X, vocab_size)
           # outputs有num_steps个形状为(batch_size, vocab_size)的矩阵
           (outputs, state) = rnn(inputs, state, params)
           # 拼接之后形状为(num_steps * batch_size, vocab_size)
           outputs = torch.cat(outputs, dim=0)
           # Y的形状是(batch_size, num_steps), 转置后再变成形状为
           # (num_steps * batch_size,)的向量,这样跟输出的行一一对应
           y = torch.flatten(Y.T)
           # 使用交叉熵损失计算平均分类误差
           l = loss(outputs, y.long())
           # 梯度清0
           if params[0].grad is not None: 若且风溢页
               for param in params:
                   param.grad.data.zero_()
           l.backward()
           grad_clipping(params, clipping_theta, device) # 裁剪梯度
           d2l.sgd(params, lr, 1) # 因为误差已经取过均值,梯度不用再做平均
           l_sum += l.item() * y.shape[0]
           n += y.shape[0]
       if (epoch + 1) % pred_period == 0:
           print('epoch %d, perplexity %f, time %.2f sec' % (
               epoch + 1, math.exp(l_sum / n), time.time() - start))
           for prefix in prefixes:
               print(' -', predict_rnn(prefix, pred_len, rnn, params, init_rnn_sta
                   num_hiddens, vocab_size, device, idx_to_char, char_to_idx))
```

训练模型并创作歌词

现在我们可以训练模型了。首先,设置模型超参数。我们将根据前缀"分开"和"不分开"分别创作长度为50个字符(不考虑前缀长度)的一段歌词。我们每过50个迭代周期便根据当前训练的模型创作一段歌词。

In [12]:

num_epochs, num_steps, batch_size, lr, clipping_theta = 250, 35, 32, 1e2, 1e-2 pred_period, pred_len, prefixes = 50, 50, ['分开', '不分开']

下面采用随机采样训练模型并创作歌词。

In [13]:

epoch 50, perplexity 65.808092, time 0.78 sec

- 分开 我想要这样 我不要再想 我不要再想 我不要再想 我不要再想 我不要再想 我不要再想 我不要再想 我
- 分开 一直在美留 谁在它停 在小村外的溪边 默默等 什么 旧你在依旧 我有儿有些瘦 世色我遇见你是一场
- 分开 有直在不妥 有话它停留 蜥蜴横怕落 不爽就 旧怪堂 是属于依 心故之 的片段 有一些风霜 老唱盘
- 不分开吗 然后将过不 我慢 失些 如 静里回的太快 想通 却又再考倒我 说散 你想很久了吧?的我 从等 epoch 200, perplexity 1.601744, time 0.73 sec
- 分开 那只都它满在我面妈 捏成你的形状啸而过 或愿说在后能 让梭时忆对着轻轻 我想就这样牵着你的手不放
- 不分开期 然后将过去 慢慢温习 让我爱上你 那场悲剧 是你完美演出的一场戏 宁愿心碎哭泣 再狠狠忘记 不 epoch 250, perplexity 1.323342, time 0.78 sec
- 分开 出愿段的哭咒的天蛦丘好落 拜托当血穿永杨一定的诗篇 我给你的爱写在西元前 深埋在美索不达米亚平原
- 不分开扫把的胖女巫 用拉丁文念咒语啦啦呜 她养的黑猫笑起来像哭 啦啦啦呜 我来了我 在我感外的溪边河口

接下来采用相邻采样训练模型并创作歌词。

In [14]:

epoch 50, perplexity 60.294393, time 0.74 sec

- 分开 我想要你想 我不要再想 我不要再想 我不要再想 我不要再想 我不要再想 我不要再想 我不要再想 我
- 不分开 我想要你 你有了 别不我的可爱女人 坏坏的让我疯狂的可爱女人 坏坏的让我疯狂的可爱女人 坏坏的 epoch 100, perplexity 7.141162, time 0.72 sec
 - 分开 我已要再爱 我不要再想 我不 我不 我不要再想 我不 我不 我不要 爱情我的见快就像龙卷风 离能开
- 不分开柳 你天黄一个棍 后知哈兮 快使用双截棍 哼哼哈兮 快使用双截棍 哼哼哈兮 快使用双截棍 哼哼哈兮 epoch 150, perplexity 2.090277, time 0.73 sec
- 分开 我已要这是你在著 不想我都做得到 但那个人已经不是我 没有你在 我却多难熬 没有你在我有多难熬多
- 不分开觉 你已经离 我想再好 这样心中 我一定带我 我的完空 不你是风 ——彩纵 在人心中 我一定带我妈 \bar{z} epoch 200, perplexity 1.305391, time 0.77 sec
 - 分开 我已要这样牵看你的手 它一定实现它一定像现 载著你 彷彿载著阳光 不管到你留都是晴天 蝴蝶自在飞
- 不分开觉 你已经离开我 不知不觉 我跟了这节奏 后知后觉 又过了一个秋 后知后觉 我该好好生活 我该好好 epoch 250, perplexity 1.230800, time 0.79 sec
- 分开 我不要 是你看的太快了悲慢 担心今手身会大早 其么我也睡不着 昨晚梦里你来找 我才 原来我只想
- 不分开觉 你在经离开我 不知不觉 你知了有节奏 后知后觉 后知了一个秋 后知后觉 我该好好生活 我该好好

循环神经网络的简介实现

定义模型

我们使用Pytorch中的nn.RNN来构造循环神经网络。在本节中,我们主要关注nn.RNN的以下几个构造函数参数:

- input size The number of expected features in the input x
- hidden_size The number of features in the hidden state h
- nonlinearity The non-linearity to use. Can be either 'tanh' or 'relu'. Default: 'tanh'
- batch_first If True, then the input and output tensors are provided as (batch_size, num_steps, input size). Default: False

这里的batch_first决定了输入的形状,我们使用默认的参数False,对应的输入形状是 (num_steps,batch_size, input_size)。

forward函数的参数为: 小拟作环神经网络前项计算

- input of shape (hum_steps, batch_size, input_size): tensor containing the features of the input sequence.
- h_0 of shape (num_layers * num_directions, batch_size, hidden_size): tensor containing the initial hidden state for each element in the batch. Defaults to zero if not provided. If the RNN is bidirectional, num_directions should be 2, else it should be 1.

forward函数的返回值是:

• output of shape (num_steps, batch_size, num_directions * hidden_size): tensor containing the output features (h_t) from the last layer of the RNN, for each t.

• h_n of shape (num_layers * num_directions, batch_size, hidden_size): tensor containing the hidden state for t = num_steps.

现在我们构造一个nn.RNN实例,并用一个简单的例子来看一下输出的形状。

```
In [15]:
 rnn_layer = nn.RNN(input_size=vocab_size, hidden_size=num_hiddens)
 num_steps, batch_size = 35, 2
 X = torch.rand(num_steps, batch_size, vocab_size)
 state = None
 Y, state_new = rnn_layer(X, state)
 print(Y.shape, state_new.shape)
torch.Size([35, 2, 256]) torch.Size([1, 2, 256])
我们定义一个完整的基于循环神经网络的语言模型。
In [16]:
 class RNNModel(nn.Module):
     def __init__(self, rnn_layer, vocab_size):
         super(RNNModel, self).__init__()
         self.rnn = rnn_layer
         self.hidden_size = rnn_layer.hidden_size * (2 if rnn_layer.bidirectional el
         self.vocab_size = vocab_size
         self.dense = nn.Linear(self.hidden_size, vocab_size)
     def forward(self, inputs, state):
         # inputs.shape: (batch_size, num_steps)
         X = to_onehot(inputs, vocab_size)
         X = torch.stack(X) # X.shape: (num_steps, batch_size, vocab_size)
         hiddens, state = self.rnn(X, state)
         hiddens = hiddens.view(-1, hiddens.shape[-1]) # hiddens.shape: (num_steps
         output = self.dense(hiddens)
         return output, state
类似的,我们需要实现一个预测函数,与前面的区别在于前向计算和初始化隐藏状态。
In [17]:
 def predict_rnn_pytorch(prefix, num_chars, model, vocab_size, device, idx_to_char,
                      char_to_idx):
     state = None
     output = [char_to_idx[prefix[0]]] # output记录prefix加上预测的num_chars个字符
     for t in range(num_chars + len(prefix) - 1):
         X = torch.tensor([output[-1]], device=device).view(1, 1)
         (Y, state) = model(X, state) # 前向计算不需要传入模型参数
         if t < len(prefix) - 1:</pre>
             output.append(char_to_idx[prefix[t + 1]])
         else:
             output.append(Y.argmax(dim=1).item())
```

return ''.join([idx_to_char[i] for i in output])

使用权重为随机值的模型来预测一次。

```
In [18]:
 model = RNNModel(rnn_layer, vocab_size).to(device)
 predict_rnn_pytorch('分开', 10, model, vocab_size, device, idx_to_char, char_to_idx)
Out[18]:
'分开胸呵以轮轮轮轮轮轮轮!
接下来实现训练函数,这里只使用了相邻采样。
In [19]:
 def train_and_predict_rnn_pytorch(model, num_hiddens, vocab_size, device,
                                 corpus_indices, idx_to_char, char_to_idx,
                                 num_epochs, num_steps, lr, clipping_theta,
                                 batch_size, pred_period, pred_len, prefixes):
     loss = nn.CrossEntropyLoss()
     optimizer = torch.optim.Adam(model.parameters(), lr=lr)
     model.to(device)
     for epoch in range(num_epochs):
         l_sum, n, start = 0.0, 0, time.time()
         data_iter = d2l.data_iter_consecutive(corpus_indices, batch
         state = None
         for X, Y in data_iter:
             if state is not None:
                 # 使用detach函数从计算图分离隐藏状态
                 if isinstance (state, tuple): # LSTM, state:(h, c)
                     state[0].detach_()
                     state[1].detach_()
                 else:
                     state.detach_()
             (output, state) = model(X, state) # output.shape: (num_steps * batch_si
             y = torch.flatten(Y.T)
             l = loss(output, y.long())
             optimizer.zero_grad()
             l.backward()
             grad_clipping(model.parameters(), clipping_theta, device)
             optimizer.step()
             l_sum += l.item() * y.shape[0]
             n += y.shape[0]
         if (epoch + 1) % pred_period == 0:
             print('epoch %d, perplexity %f, time %.2f sec' % (
                 epoch + 1, math.exp(l_sum / n), time.time() - start))
             for prefix in prefixes:
                 print(' -', predict_rnn_pytorch(
                     prefix, pred_len, model, vocab_size, device, idx_to_char,
                     char_to_idx))
```

训练模型。

In [20]:

epoch 50, perplexity 9.405654, time 0.52 sec

- 分开始一起 三步四步望著天 看星星 一颗两颗三颗四颗 连成线背著背默默许下心愿 一枝杨柳 你的那我 在 不分开 爱情你的手 一人的老斑鸠 腿短毛不多 快使用双截棍 哼哼哈兮 快使用双截棍 哼哼哈兮 快使用双截 epoch 100, perplexity 1.255020, time 0.54 sec
- 分开 我人了的屋我 一定令它心仪的母斑鸠 爱像一阵风 吹完美主 这样 还人的太快就是学怕眼口让我碰恨 $\overline{\nu}$ 不分开不想我多的脑袋有问题 随便说说 其实我早已经猜透看透不想多说 只是我怕眼泪撑不住 不懂 你的黑色 epoch 150, perplexity 1.064527, time 0.53 sec
- 分开 我轻外的溪边 默默在一心抽离 有话不知不觉 一场悲剧 我对不起 藤蔓植物的爬满了伯爵的坟墓 古堡里 不分开不想不多的脑 有教堂有你笑 我有多烦恼 没有你烦 有有样 别怪走 快后悔没说你 我不多难熬 我想家 epoch 200, perplexity 1.033074, time 0.53 sec
- 分开 我轻外的溪边 默默在一心向昏 的愿 古无着我只能 一个黑远 这想太久 这样我 不要再是你打我妈妈
- 不分开你只会我一起睡著 样 娘子却只想你和汉堡 我想要你的微笑每天都能看到 我知道这里很美但家乡的你 epoch 250, perplexity 1.047890, time 0.68 sec
- 分开 我轻多的漫 却已在你人演 想要再直你 我想要这样牵着你的手不放开 爱可不可以简简单单没有伤害 化
- 不分开不想不多的假 已无能为力再提起 决定中断熟悉 然后在这里 不限日期 然后将过去 慢慢温习 让我爱