Anova

Cleber Perez

2024-08-27

El rendimiento

En un instituto se han matriculado 36 estudiantes. Se desea explicar el rendimiento de ciencias naturales en función de dos variables: género y metodología de enseñanza. La metodología de enseñanza se analiza en tres niveles: explicación oral y realización del experimento (1er nivel) explicación oral e imágenes (2º nivel) y explicación oral (tercer nivel). En los alumnos matriculados había el mismo número de chicos que de chicas, por lo que formamos dos grupos de 18 sujetos; en cada uno de ellos, el mismo profesor aplicará a grupos aleatorios de 6 estudiantes las 3 metodologías de estudio. A fin de curso los alumnos son sometidos a la misma prueba de rendimiento. Los resultados son los siguientes:

Introduciendo Datos

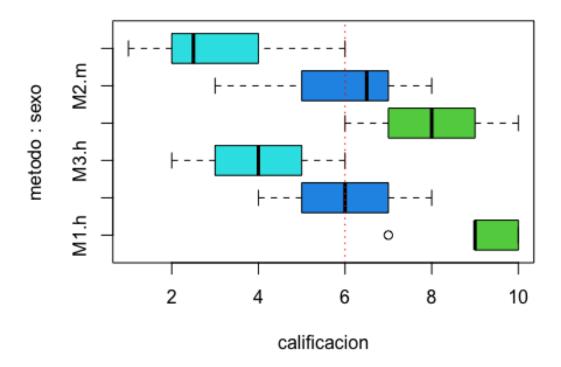
```
calificacion=c(10,7,9,9,9,10,5,7,6,6,8,4,2,6,3,5,5,3,9,7,8,8,10,6,8,3,5,6,7,7
,2,6,2,1,4,3)
metodo=c(rep("M1",6),rep("M2",6),rep("M3",6),rep("M1",6),rep("M2",6),rep("M3",6))
sexo = c(rep("h", 18), rep("m",18))
metodo = factor(metodo)
sexo = factor(sexo)
m = tapply(calificacion, metodo : sexo, mean)
m

## M1:h M1:m M2:h M2:m M3:h M3:m
## 9 8 6 6 4 3
```

¿Existe alguna influencia de la metodología de enseñanza y el género de los estudiantes en el rendimiento de los estudiantes?

BoxPlot de la Evaluacion

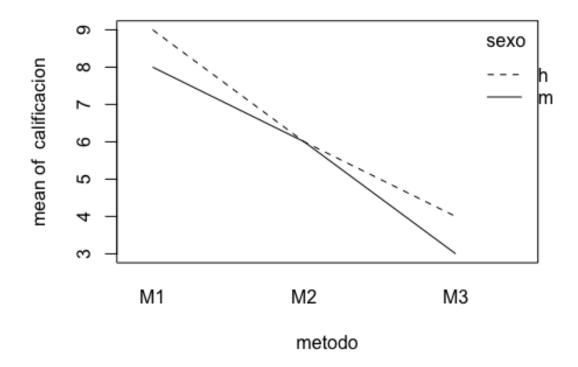
```
boxplot(calificacion ~ (metodo : sexo), col = 3:5, horizontal = TRUE)
abline(v = mean(calificacion), lty = 3, col = "red")
```



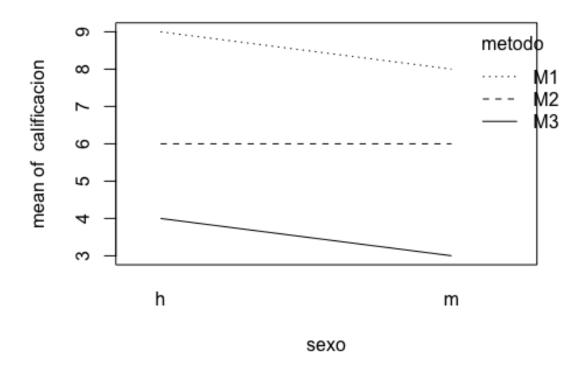
El modelo tiene principalmente 2 factores: el metodo de enseñanza y el sexo

Anova con interaccion

```
A<-aov(calificacion~metodo*sexo)
summary(A)
               Df Sum Sq Mean Sq F value
##
                                            Pr(>F)
                     150
## metodo
                2
                           75.00 32.143 3.47e-08 ***
                            4.00
                                    1.714
                                             0.200
## sexo
                1
                       4
                       2
## metodo:sexo
               2
                            1.00
                                    0.429
                                             0.655
                            2.33
## Residuals
               30
                      70
## ---
                   0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Signif. codes:
interaction.plot(metodo, sexo, calificacion)
```



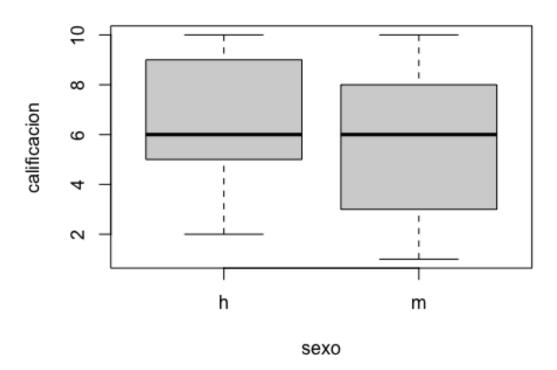
interaction.plot(sexo, metodo, calificacion)



Anova sin interaccion

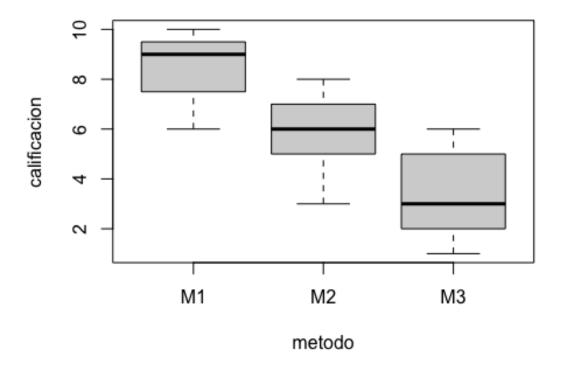
```
B<-aov(calificacion~metodo+sexo)
summary(B)
##
               Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
                           75.00 33.333 1.5e-08 ***
## metodo
               2
                     150
                           4.00
                                   1.778
                                           0.192
## sexo
               1
                      4
               32
                      72
                            2.25
## Residuals
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
tapply(calificacion, sexo, mean)
##
          h
## 6.333333 5.666667
tapply(calificacion, metodo, mean)
## M1 M2 M3
## 8.5 6.0 3.5
M=mean(calificacion)
Μ
```

```
## [1] 6
boxplot(calificacion ~ sexo)
```



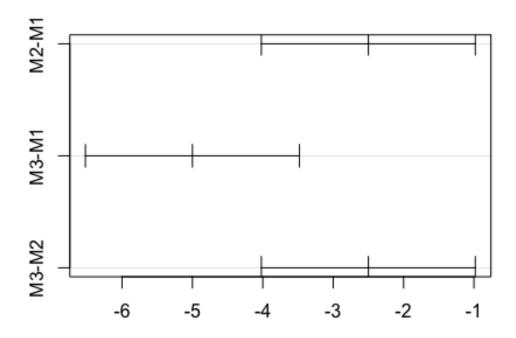
Anova para un efecto principal

```
C<-aov(calificacion~metodo)</pre>
summary(C)
##
               Df Sum Sq Mean Sq F value
                                           Pr(>F)
                                   32.57 1.55e-08 ***
## metodo
               2
                     150
                            75.0
                             2.3
                      76
## Residuals
               33
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
tapply(calificacion, metodo, mean)
## M1 M2 M3
## 8.5 6.0 3.5
M2=mean(calificacion)
M2
## [1] 6
```



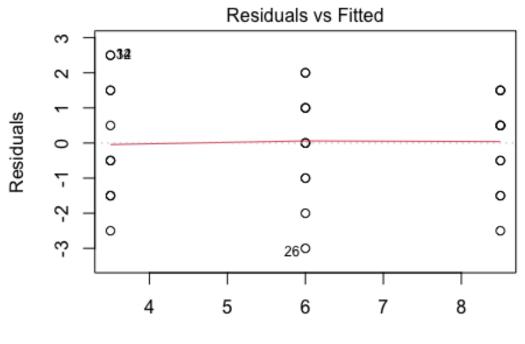
```
I = TukeyHSD(aov(calificacion ~ metodo))
Ι
     Tukey multiple comparisons of means
##
##
       95% family-wise confidence level
##
## Fit: aov(formula = calificacion ~ metodo)
##
## $metodo
         diff
                    lwr
                               upr
                                        p adj
## M2-M1 -2.5 -4.020241 -0.9797592 0.0008674
## M3-M1 -5.0 -6.520241 -3.4797592 0.0000000
## M3-M2 -2.5 -4.020241 -0.9797592 0.0008674
plot(I) #Los intervalos de confianza se observan mejor si se grafican
```

95% family-wise confidence level

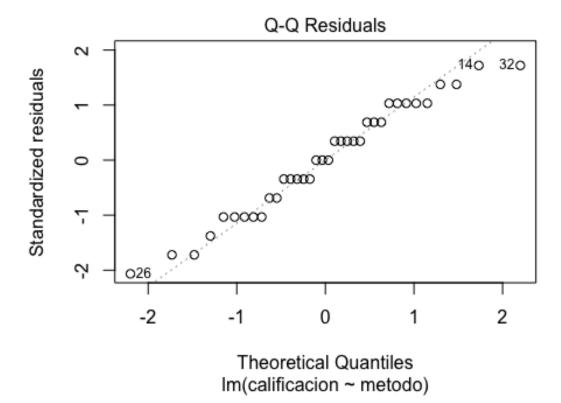


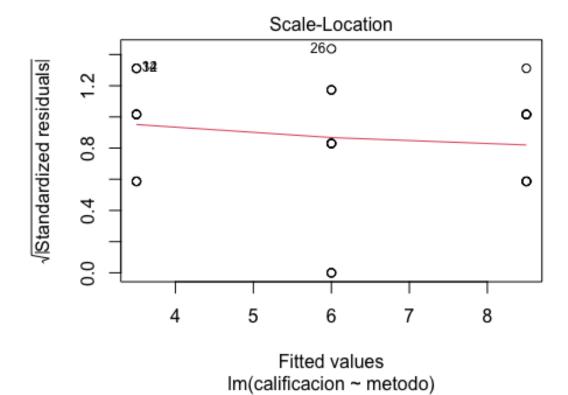
Differences in mean levels of metodo

Analisis
plot(lm(calificacion~metodo))

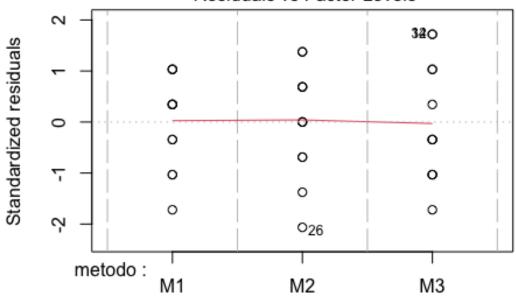


Fitted values Im(calificacion ~ metodo)





Constant Leverage: Residuals vs Factor Levels



Factor Level Combinations

CD= 150/(150+76) #coeficiente de determinación para el modelo.

Vibracion de motores

Un ingeniero de procesos ha identificado dos causas potenciales de vibración de los motores eléctricos, el material utilizado para la carcasa del motor (factor A) y el proveedor de cojinetes utilizados en el motor (Factor B). Los siguientes datos sobre la cantidad de vibración (micrones) se obtuvieron mediante un experimento en el cual se construyeron motores con carcasas de acero, aluminio y plástico y cojinetes suministrados por cinco proveedores seleccionados al azar.

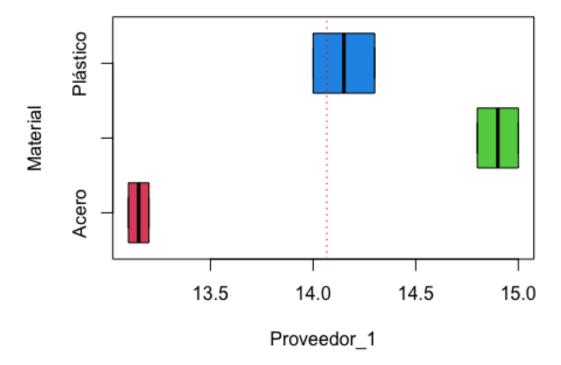
Introduciendo Datos

```
Material = c(rep("Acero", 2), rep("Aluminio", 2), rep("Plástico", 2))
Proveedor_1 = c(13.1, 13.2, 15.0, 14.8, 14.0, 14.3)
Proveedor_2 = c(16.3, 15.8, 15.7, 16.4, 17.2, 16.7)
Proveedor_3 = c(13.7, 14.3, 13.9, 14.3, 12.4, 12.3)
Proveedor_4 = c(15.7, 15.8, 13.7, 14.2, 14.4, 13.9)
Proveedor_5 = c(13.5, 12.5, 13.4, 13.8, 13.2, 13.1)
Resultados = c(13.1, 13.2, 15.0, 14.8, 14.0, 14.3, 16.3, 15.8, 15.7, 16.4, 17.2, 16.7, 13.7, 14.3, 13.9, 14.3, 12.4, 12.3, 15.7, 15.8, 13.7, 14.2, 14.4, 13.9, 13.5, 12.5, 13.4, 13.8, 13.2, 13.1)
```

¿Existe evidencia de que el proveedor y el material son causas de la vibración de los motores eléctricos?

BoxPlot de la evaluacion del Proveedor 1

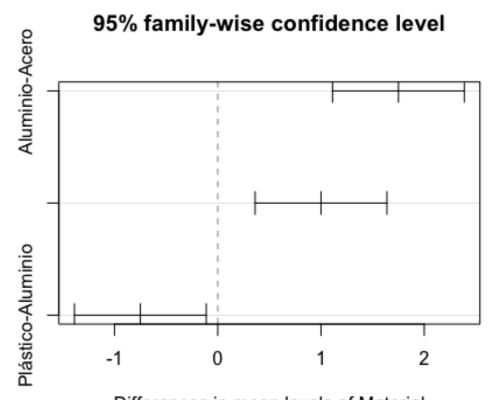
```
boxplot(Proveedor_1 ~ Material, col = 2:5, horizontal = TRUE)
abline(v = mean(Proveedor_1), lty = 3, col = "red")
```



Anova con interaccion

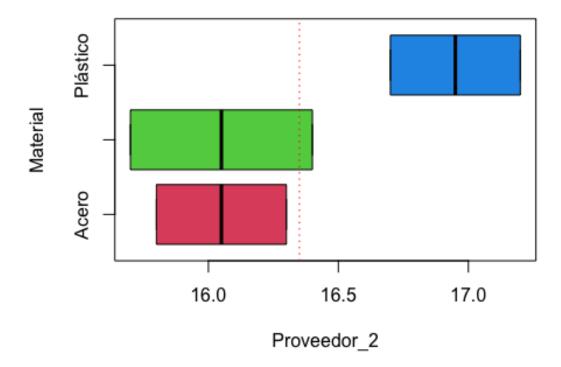
```
A2<-aov(Proveedor_1~Material)
summary(A2)
##
              Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## Material
               2 3.083 1.5417
                                  66.07 0.00331 **
## Residuals
               3 0.070 0.0233
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
I2 = TukeyHSD(aov(Proveedor_1 ~ Material))
12
##
    Tukey multiple comparisons of means
##
      95% family-wise confidence level
##
```

```
## Fit: aov(formula = Proveedor_1 ~ Material)
##
## $Material
                      diff
##
                                  lwr
                                             upr
                                                     p adj
## Aluminio-Acero
                      1.75
                            1.1116834
                                       2.3883166 0.0029465
## Plástico-Acero
                      1.00
                            0.3616834
                                      1.6383166 0.0147633
## Plástico-Aluminio -0.75 -1.3883166 -0.1116834 0.0326523
plot(I2)
```

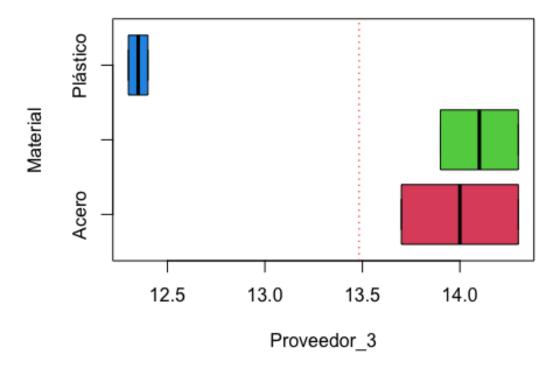


Differences in mean levels of Material

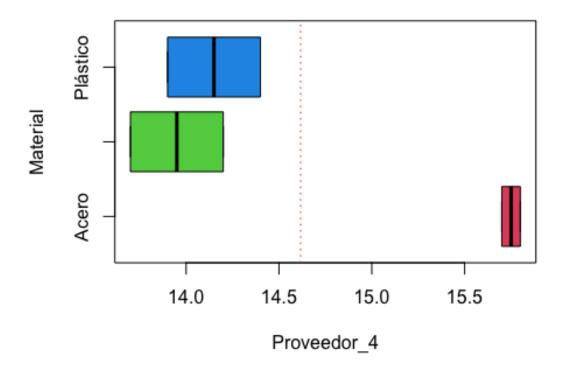
```
boxplot(Proveedor_2 ~ Material, col = 2:5, horizontal = TRUE)
abline(v = mean(Proveedor_2), lty = 3, col = "red")
```



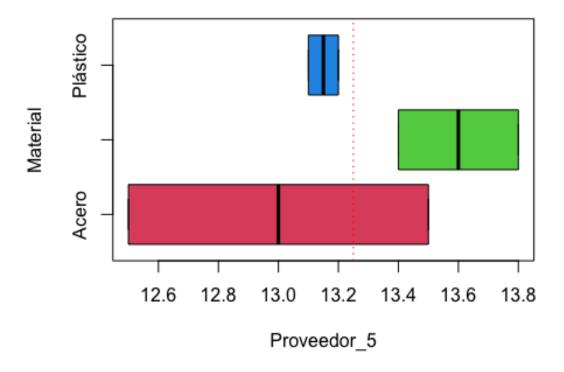
```
boxplot(Proveedor_3 ~ Material, col = 2:5, horizontal = TRUE)
abline(v = mean(Proveedor_3), lty = 3, col = "red")
```



```
boxplot(Proveedor_4 ~ Material, col = 2:5, horizontal = TRUE)
abline(v = mean(Proveedor_4), lty = 3, col = "red")
```



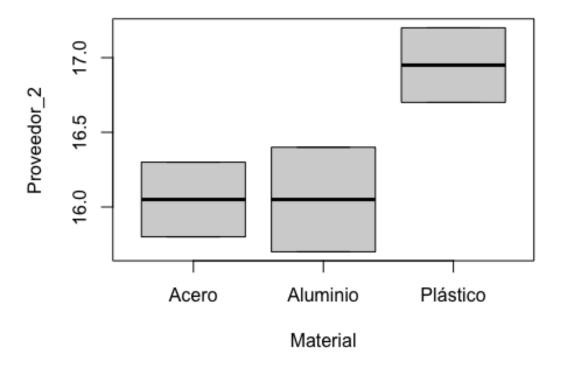
```
boxplot(Proveedor_5 ~ Material, col = 2:5, horizontal = TRUE)
abline(v = mean(Proveedor_5), lty = 3, col = "red")
```



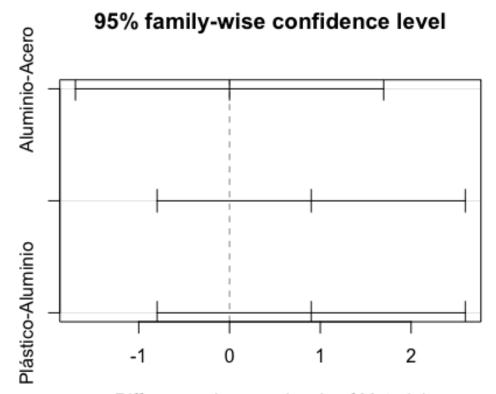
Tras ver los diferentes boxplots de cada variable podemos observar que en unos proveedores específicos existe mayor varianza en los resultados de sus pruebas estos siendo los proveedores 2 y 5 que analizaremos mas a detalle.

Proveedor 2

```
C2<-aov(Proveedor_2~Material)
summary(C2)
##
               Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## Material
                   1.080
                           0.540
                                    3.273 0.176
                3
                  0.495
## Residuals
                           0.165
tapply(Proveedor_2,Material,mean)
##
      Acero Aluminio Plástico
##
      16.05
               16.05
                        16.95
M2=mean(Proveedor_2)
M2
## [1] 16.35
boxplot(Proveedor_2 ~ Material)
```



```
I2 = TukeyHSD(aov(Proveedor_2 ~ Material))
12
     Tukey multiple comparisons of means
##
       95% family-wise confidence level
##
## Fit: aov(formula = Proveedor_2 ~ Material)
##
## $Material
##
                              diff
                                          lwr
                                                   upr
                                                            p adj
## Aluminio-Acero
                     -3.552714e-15 -1.6974215 1.697422 1.0000000
## Plástico-Acero
                      9.000000e-01 -0.7974215 2.597422 0.2141524
## Plástico-Aluminio 9.000000e-01 -0.7974215 2.597422 0.2141524
plot(I2) #Los intervalos de confianza se observan mejor si se grafican
```

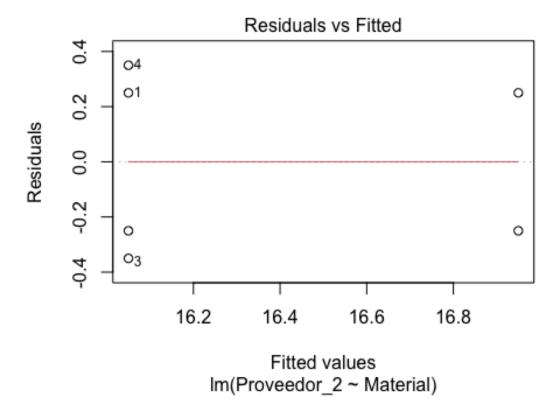


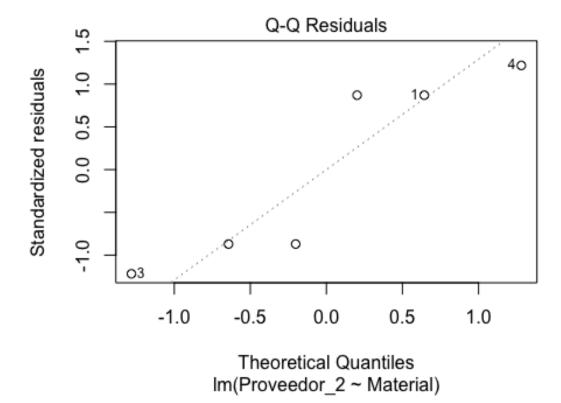
Differences in mean levels of Material

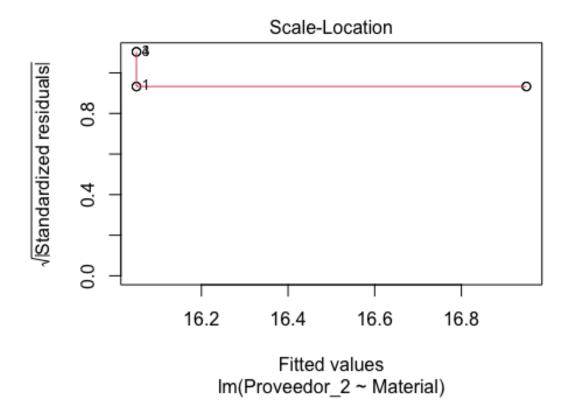
Analisis

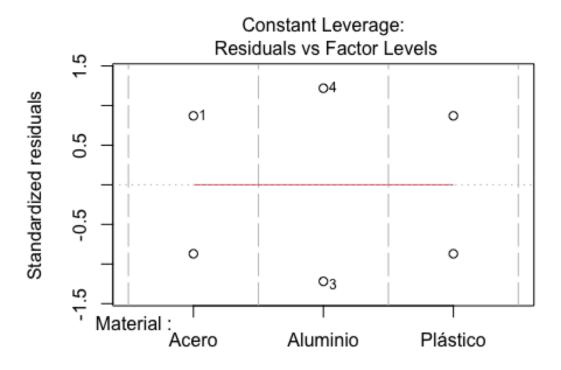
plot(lm(Proveedor_2~Material))

##





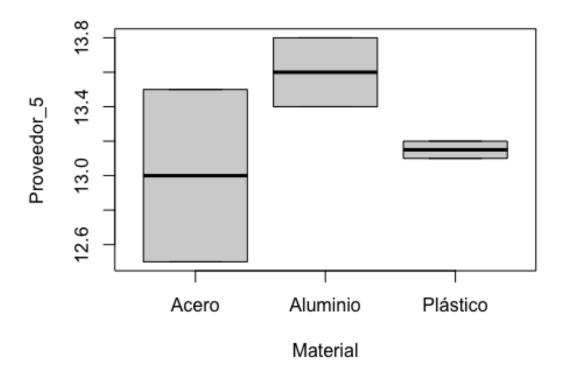




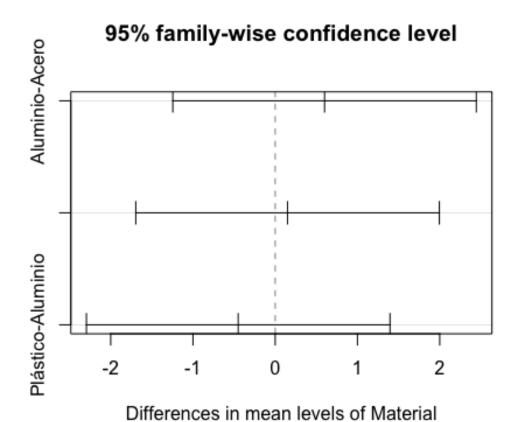
Factor Level Combinations

Proveedor 5

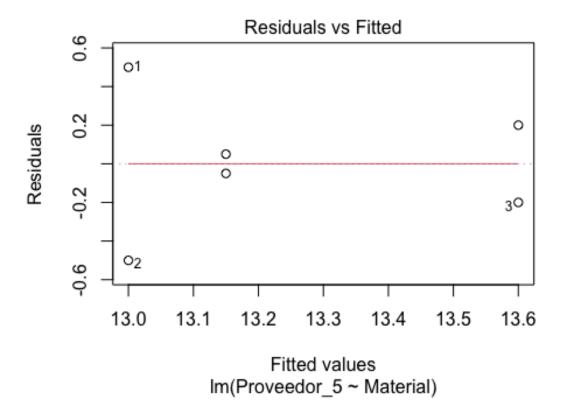
```
C5<-aov(Proveedor_5~Material)
summary(C5)
##
               Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## Material
                2 0.390
                           0.195
                                       1 0.465
## Residuals
                3 0.585
                           0.195
tapply(Proveedor_5,Material,mean)
      Acero Aluminio Plástico
##
##
      13.00
               13.60
                        13.15
M5=mean(Proveedor_5)
M5
## [1] 13.25
boxplot(Proveedor_5 ~ Material)
```

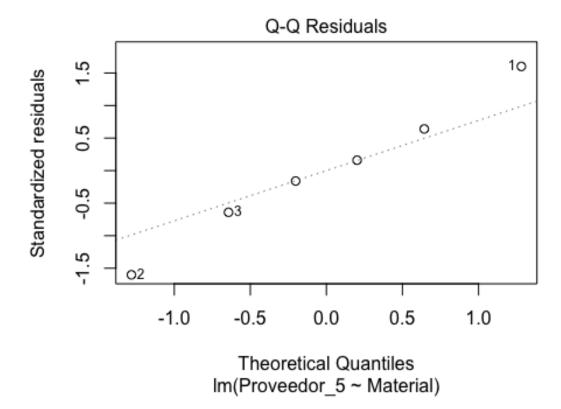


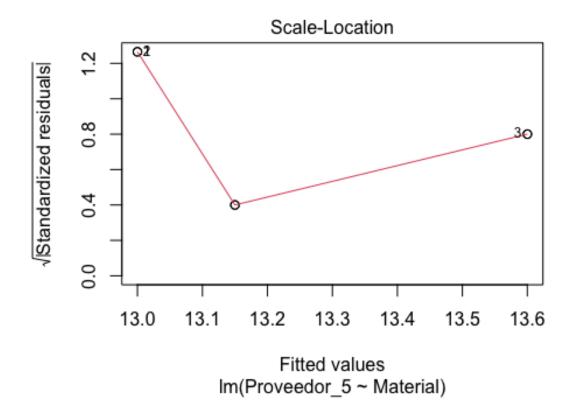
```
I5 = TukeyHSD(aov(Proveedor_5 ~ Material))
15
     Tukey multiple comparisons of means
##
       95% family-wise confidence level
##
## Fit: aov(formula = Proveedor_5 ~ Material)
##
## $Material
##
                      diff
                                 lwr
                                           upr
                                                   p adj
## Aluminio-Acero
                      0.60 -1.245292 2.445292 0.4608778
## Plástico-Acero
                      0.15 -1.695292 1.995292 0.9396205
## Plástico-Aluminio -0.45 -2.295292 1.395292 0.6163837
plot(I5) #Los intervalos de confianza se observan mejor si se grafican
```

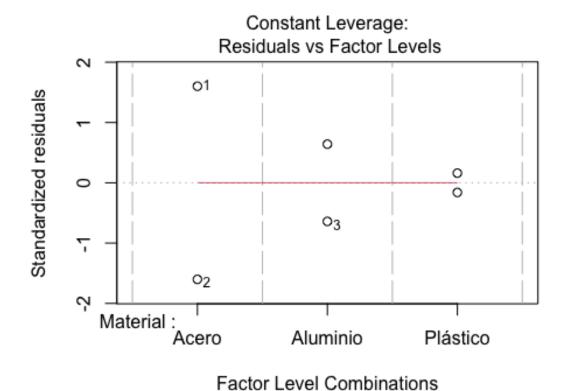


Analisis
plot(lm(Proveedor_5~Material))









Como podemos observar dependiendo del proveedor la varianza entre materiales es mayor en unos que en otros, se puede observar de mejor manera en las tablas de los analisis de cada proveedor-material.