## Division des enseignements en informatique

## TP Monte Carlo

Au cours de ce TP, nous cherchons à estimer la valeur de Pi en s'appuyant sur la méthode de Monte Carlo.

Idée générale de la méthode : en plaçant des points aléatoirement dans un domaine d'aire connue, lorsque le nombre de points tend vers l'infini, la proportion de points tombés dans un sous-domaine permet de déterminer son aire.

$$aire\_sous\_domaine = \frac{nb\_points\_dans\_sous\_domaine}{nb\_points\_total} * aire\_domaine$$

## Cela nécessite:

- de pouvoir tirer des points aléatoirement;
- de pouvoir compter ceux ayant attérit dans le sous domaine.

## Solution étudiée : Dans un repère orthonormé :

- l'aire du carré de côté 1 vaut 1;
- le quart de cercle de coté 1 inclu dans ce carré a pour aire Pi / 4.
- 1. Ecrivez une fonction de tirage alétoire de points dans un rectangle. Par défaut, si les coordonnées du rectangle ne sont pas renseignées, elles devront avoir pour valeur xmin=0, xmax=1, ymin=0 et ymax=1.
- 2. Ajoutez une fonction permettant de tirer n points aléatoires et de retourner leur coordonnées dans une liste. Testez votre fonction.
- 3. Quelle condition permet de déterminer si un point (x,y) est à l'intérieur du du cercle de centre (x0,y0) et de rayon r?
- 4. Ecrivez une fonction est\_dans\_cercle(x, y, x0, y0, r) retournant le booléen True si le point (x,y) est dans le cercle de centre (x0,y0) et de rayon r, et False sinon.
- 5. Ajoutez les valeurs par defaut suivante à votre fonction : x0=0, y0=0 et r=1
- 6. Pour revenir à notre problème d'estimation de Pi, prévoyez une fonction nb\_dans\_sous\_domaine( points) prenant en paramètre une liste de points et retournant le nombre à l'intérieur du quart de cerle de rayon 1 centré sur un coin du carré.
- 7. Utilisez votre dernière fonction pour estimer Pi en tirant 10, 100, 1000, ... 10000000 points.
- 8. Quels sont selon vous les points forts / points faibles de la méthode?

Si vous avez terminé les questions précédentes, essayez de représenter graphiquement les tirages de points aléatoires à l'aide de la librairie matplotlib.

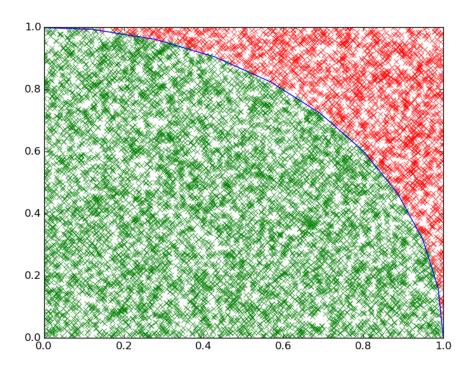


FIGURE 1 – Estimation de Pi à l'aide de la méthode de Monte Carlo

Les instructions suivantes pourront être utiles :

- import numpy as np et import matplotlib.pyplot as plt pour importer les modules numpy et matplotlib
- plt.plot(x, y, 'rx') pour afficher une croix rouge sous le point (x, y)
- plt.show() pour afficher un graphique matplotlib
- np.linspace(bi, bf, n) pour découper un intervalle [bi, bf] en n éléments de même taille