TME 3 - Descente de gradient, Perceptron

Perceptron

Télécharger les fichiers sources du TME (tme_etu.py et arftools.py) et compléter dans tme_etu.py les fonctions :

- hinge(datax,datay,w), coût du perceptron : $hinge(\mathbf{x}, y, \mathbf{w}) = \max(0, -y < \mathbf{x}.\mathbf{w} >)$
- hinge_grad(datax,datay,w) son gradient.
- mse(datax, datay, w), coût des moindres carrés
- mse_g(datax,datay,w), gradient du coût aux moindres carrés.

Ces fonctions renverront la moyenne de l'erreur et du gradient sur l'ensemble des données datax.

Attention!

Vos fonctions doivent pouvoir prendre en entrée des matrices : $X \in \mathbb{R}^{n,d}$, $W \in \mathbb{R}^{1,d}$, $Y \in \mathbb{R}^{n,1}$. Il y a quelques pièges pour la manipulation des matrices avec numpy :

- l'opérateur * permet de multiplier termes à termes deux matrices de même dimension, mais parfois il fait le produit matriciel lorsque les matrices n'ont pas des tailles compatibles (par exemple (1, d) et (d, 1))!
- l'opérateur ndarray.dot() permet de faire la multiplication matricielle.
- faites le moins possible de boucles (aucune dans le cas des deux fonctions précédentes)! Python est très lent dans ce cas ...
- parfois vous passerez une matrice en entrée, parfois un vecteur (lorsque vous ne sélectionnerez qu'une ligne des exemples), or les opérateurs n'auront pas le même comportement selon les cas : un vecteur en numpy est une matrice telle que shape renvoie une seule valeur. Transformer de préférence vos entrées de la manière suivante (datax matrice d'exemples, datay de labels) : datax,datay=datax.reshape(len(datay),-1),datay.reshape(-1,1) ou if len(datax.shape)==1: datax = datax.reshape(1,-1).
- Penser à utiliser np.sign et np.maximum.

Vérifier que votre code fonctionne en traçant la surface de l'erreur sur un exemple 2D à l'aide de la fonction plot_error fournie.

Compléter le code de la classe Linéraire pour implémenter une descente de gradient sur le coût passé en argument (la classe représentera ainsi un perceptron si la fonction de coût hinge est passée, une régression linéaire si la fonction de coût des moindres carrés est passé).

- Tester sur un exemple simple (type deux gaussiennes, utiliser la fonction gen_arti() fournie).
- Tracer la trajectoire de l'apprentissage dans l'espace des poids et les frontières obtenues dans l'espace de représentation des exemples.
- Modifier vos fonctions afin de permettre la prise en compte d'un biais.
- (bonus) Modifier vos fonctions afin de permettre une descente de gradient stochastique et/ou mini-batch.

Données USPS

Tester vos algorithmes sur les données USPS (chiffres manuscrits - en ne choisissant que deux classes parmi les 10) du TME3 de MAPSI http://www-connex.lip6.fr/~baskiotisn/ARF17/USPS.zip. Observer la valeur des poids.

Utiliser le code suivant pour lire le fichier de données :

```
def load_usps(filename):
    with open(filename,"r") as f:
        f.readline()
        data =[ [float(x) for x in l.split()] for l in f if len(l.split())>2]
    tmp = np.array(data)
    return tmp[:,1:],tmp[:,0].astype(int)
datax, datay = load_usps("usps.txt")
La fonction ci-dessous permet d'afficher une donnée:
```

```
def show_usps(data):
    plt.imshow(data.reshape((16,16)),interpolation="nearest",cmap="gray")
    plt.colorbar()
```

- Sur quelques exemples de problèmes 2 classes (6 vs 9, 1 vs 8 par exemple), entraîner votre perceptron et visualiser la matrice de poids obtenue sans le biais.
- Observer la matrice de poids obtenue lorsque vous entraı̂nez le perceptron avec une classe (6 par exemple) contre toutes les autres classes.
- En utilisant les données de test, tracer les courbes d'erreurs en apprentissage et en test en fonction du nombre d'itérations. Observez-vous du sur-apprentissage?

Données 2D et projection

- Tester votre perceptron sur les autres données artificielles fournies (toujours avec la fonction gen_arti(). Que remarquez vous? Est-ce normal?
- Coder une fonction de projection polynomiale des données comme vu en TD. Faites les expériences et tracer les frontières.
- Coder une fonction de projection gaussienne et expérimenter. Vaut-il mieux beaucoup de points ou peu de points pour la base de projection?