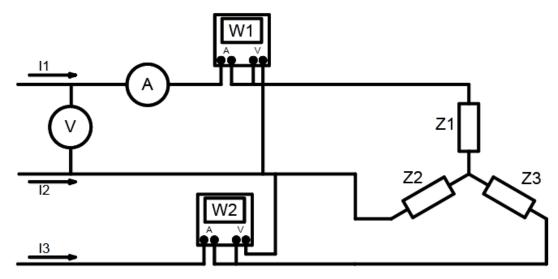
## TPL1

### Trifásica: Mediciones de potencia

#### Caso 1

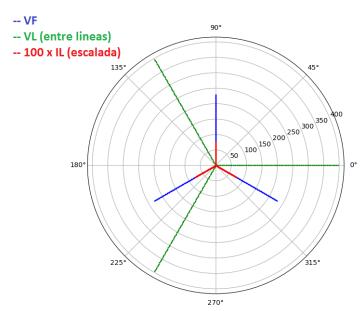
Sistema trifásico de 3 conductores en secuencia directa, VL=400V, 50Hz, carga en estrella equilibrada con Z=300 $\Omega$ .



$$Para~el~sistema~equilibrado \rightarrow Von = 0 \rightarrow Vo = Vn \rightarrow \begin{cases} IF(fase) = IL(linea) \\ VL = \sqrt{3}VF \end{cases}$$

$$Por \ tanto \rightarrow \begin{cases} V_{AN} = \frac{VL}{\sqrt{3}} \langle 90^{\circ} = 231V \langle 90^{\circ} \\ V_{BN} = 231V \langle -30^{\circ} \\ V_{CN} = 231V \langle -150^{\circ} \end{cases} \rightarrow \begin{cases} I_{A} = \frac{V_{AN}}{Z} = \mathbf{0}.77A \langle 90^{\circ} \\ I_{B} = \mathbf{0}.77A \langle -30^{\circ} \\ I_{C} = \mathbf{0}.77A \langle -150^{\circ} \end{cases}$$

Con esto más los fasores de las tensiones entre líneas armamos el diagrama fasorial, se tiene en cuenta que al ser carga resistiva las corrientes están en fase con las tensiones de fase:



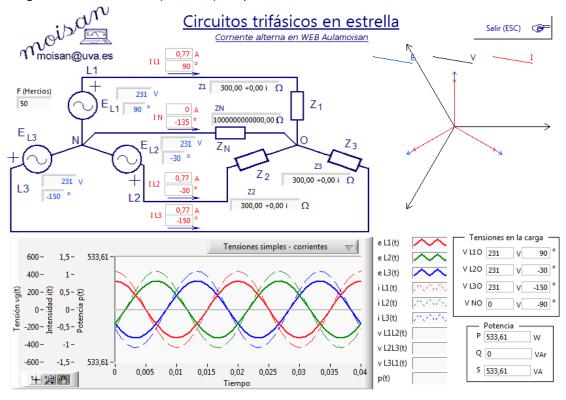
Para sistemas equilibrados se cumple:

$$\begin{cases} P = \sqrt{3}V_L I_L \cos(\theta) = \sqrt{3} * 400 * 0.77 * \cos(0) = \mathbf{533.5W} \\ Q = \sqrt{3}V_L I_L \sin(\theta) = \sqrt{3} * 400 * 0.77 * \sin(0) = \mathbf{0VAr} (Carga \, resistiva) \\ S = \sqrt{3}V_L I_L = \sqrt{3} * 400 * 0.77 = \mathbf{533.5VA} (Aparente \, igual \, a \, la \, activa) \end{cases}$$

Además como son 3 conductores alcanza con 2 vatímetros para saber la potencia total, entonces usando la conexión Aarón buscamos la potencia activa total:

$$\begin{cases} W_{AB} = V_{AB}I_A\cos(\theta_{V_{AB}I_A}) = 400 * 0.77 * \cos(120 - 90) = 266.7W \\ W_{CB} = -V_{BC}I_C\cos(\theta_{V_{BC}I_C}) = -400 * 0.77 * \cos(-150 + 360) = 266.7W \\ P = W_{AB} + W_{CB} = 533.4W \rightarrow Verifica\ el\ metodo\ de\ Aaron \end{cases}$$

Luego mediante simulación (medición) comprobamos los datos obtenidos:



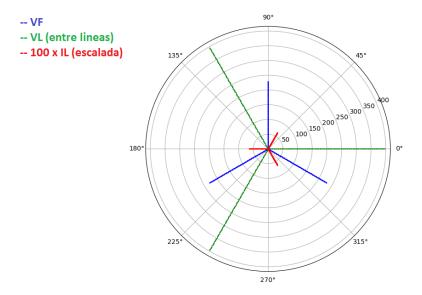
Donde se observan los valores calculados, como las corrientes están en fase con las tensiones y, como la carga es resistiva pura, solo tenemos componente de potencia activa.

# Caso 2

Mismo sistema del caso anterior con carga capacitiva pura en estrella equilibrada de Z = -360j $\Omega$ . De la misma forma que en el caso anterior se obtuvieron las corrientes de línea:

$$\begin{cases} I_A = 0.64A \langle 180^{\circ} \\ I_B = 0.64A \langle 60^{\circ} \\ I_C = 0.64A \langle -60^{\circ} \end{cases}$$

Luego construimos el diagrama fasorial, donde se observa como las corrientes están 90º en adelanto respecto a las tensiones de cada fase:



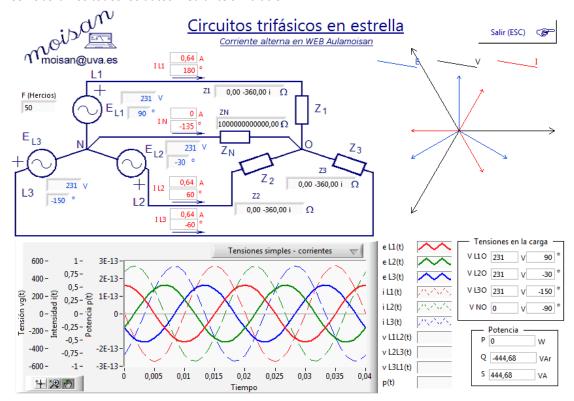
Como sabemos al ser carga capacitiva pura no tendremos componente de potencia activa.

$$\begin{cases} P = \sqrt{3}V_L I_L \cos(-90) = \mathbf{0W} \ (\mathbf{Reactor} \ \mathbf{puro}) \\ Q = \sqrt{3}V_L I_L \sin(-90) = -\mathbf{443}. \ \mathbf{4VAr} \ (\mathbf{Capacitiva}) \\ S = \sqrt{3}V_L I_L = \mathbf{443}. \ \mathbf{4VA} \ (\mathbf{Aparente} \ \mathbf{igual} \ \mathbf{a} \ \mathbf{la} \ \mathbf{reactiva}) \end{cases}$$

Usando la conexión Aarón buscamos la potencia activa total:

$$\begin{cases} W_{AB} = V_{AB}I_A\cos(\theta_{V_{AB}I_A}) = 400*0.64*\cos(180-120) = 128W \\ W_{CB} = -V_{BC}I_C\cos(\theta_{V_{BC}I_C}) = -400*0.64*\cos(-60+360) = -128W \\ P = W_{AB} + W_{CB} = \mathbf{0W} \rightarrow \mathbf{Verifica\ el\ metodo\ de\ Aaron} \end{cases}$$

Corroboramos todos los datos mediante simulación:

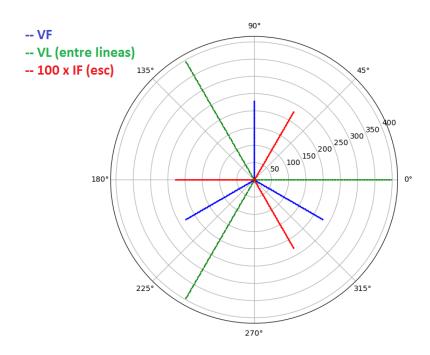


Con algo de dificultad pero puede verse como para la tensión de fase A de forma cosenoidal le corresponde la corriente opuesta senoidal por el desfase de +90º. Y vemos como la potencia aparente es igual a la reactiva de 444.68 VA ligeramente superior a la calculada.

### Caso 3

Mismas conexiones con carga en estrella equilibrada resistiva-inductiva,  $Z = 86.6+50j\Omega$  (30º de ángulo calculado aprox.)

Nuevamente obtenemos las corrientes  $\begin{cases} I_A=2.31A\langle 60^{\underline{o}}\\I_B=2.31A\langle -60^{\underline{o}}\\I_C=2.31A\langle 180^{\underline{o}}\end{cases}$ 



$$\begin{cases} P = \sqrt{3}V_L I_L \cos(30) = \textbf{1386W} \\ Q = \sqrt{3}V_L I_L \sin(30) = \textbf{800.2VAr} \ (\textit{Componente inductiva}) \\ S = \sqrt{3}V_L I_L = \textbf{1600.4VA} \ (\textit{Aparente mayor a la activa}) \end{cases}$$

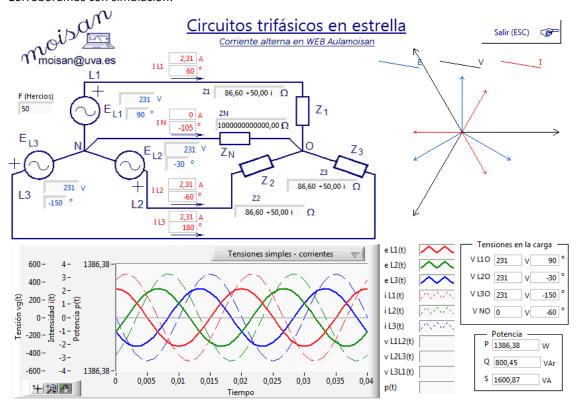
Usando la conexión Aarón buscamos la potencia activa total:

$$\begin{cases} W_{AB} = V_{AB}I_{A}\cos\left(\theta_{V_{AB}I_{A}}\right) = 400 * 2.31 * \cos(120 - 60) = 462W \\ W_{CB} = -V_{BC}I_{C}\cos\left(\theta_{V_{BC}I_{C}}\right) = -400 * 2.31 * \cos(180) = 924W \\ P = W_{AB} + W_{CB} = \mathbf{1386W} \rightarrow \mathbf{Verifica\ el\ metodo\ de\ Aaron} \end{cases}$$

Podemos verificar también la fase de la impedancia mediante las potencias calculadas:

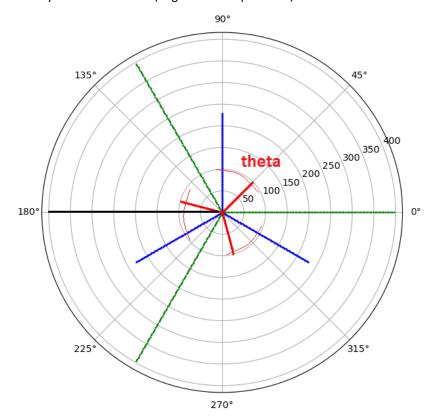
Sec dir 
$$\rightarrow tan(\theta) = \sqrt{3} \left( \frac{W_{CB} - W_{AB}}{W_{AB} + W_{CB}} \right) \rightarrow \theta = arctan \left( \sqrt{3} \left( \frac{W_{CB} - W_{AB}}{W_{AB} + W_{CB}} \right) \right) = 30$$
 (fase de la carga)

## Corroboramos con simulación:



#### **DEMOSTRACION: POT REACTIVA CON VATIMETROS**

Supongamos un sistema de secuencia directa genérico pero equilibrado, donde el desfase entre la corriente y la tensión de fase (ángulo de la impedancia) es de  $\theta$ :



Vemos como los fasores Vbc y Van están en cuadratura, de forma sencilla puede observarse lo mismo para Vca y Vbn, y demás en Vab y Vcn. Nos centramos en el ángulo comprendido entre la tensión Vbc y la corriente la:

Como en sistema equilibrado: 
$$Q = \sqrt{3}V_LI_Lsen(\theta) \rightarrow En$$
 nuestro caso:  $\theta = 90 - \theta_{V_BCI_A}$    
  $Entonces: Q = \sqrt{3}V_LI_Lsen(90 - \theta_{V_BCI_A}) = \sqrt{3}V_LI_L[sen(90)cos(\theta_{V_BCI_A}) - cos(90)sen(\theta_{V_BCI_A})] = \sqrt{3}V_LI_Lcos(\theta_{V_BCI_A})$    
  $Finalmente: Q = \sqrt{3}V_{BC}I_Acos(\theta_{V_BCI_A}) = \sqrt{3}W_{V_BCI_A}$ 

Que se obtiene conectando un vatímetro de manera que mida la corriente por la fase A, pero la tensión la tome de la fase B respecto a C:

Por lo tanto: 
$$Q = \sqrt{3}V_L I_L sen(\theta) = \sqrt{3}W_{V_{RC}I_A}$$

Lo cual nos da una herramienta interesante para poder medir la potencia reactiva total con vatímetro.

Ferraris Domingo MAT: 36656566

Carrera: Ing. Electrónica