

---

---

# SISTEMAS DE CONTROL II - FCEFYN - UNC - 2025

Alumno: Ferraris Domingo

---

---

## Caso de estudio 1. Sistema de dos variables de estado

---

### Resultados

#### Item 1:

Se obtuvo el modelo en espacio de estados partiendo de las ecuaciones del sistema, además se calcularon **parametros de simulacion adecuados** segun la dinamica del mismo.

- $t_{\text{step}} = 6.7726e-03$
- $t_{\text{max}} = 0.013617$

Se pudo simular exitosamente para los parametros requeridos y se creo un framework de simulacion y graficas que se reutilizaran para posteriores items

#### Item 2:

Se aprendio a aplicar el metodo de Chen y la **importancia en la eleccion de los puntos** sobre la respuesta que se quiere estimar

Se simularon extosamente las funciones de transferencia estimadas, tanto para cero-polos como para solo-polos

Se logro estimar los parametros RLC para las mediciones dadas:

- $R = 220.00$
- $C = 2.2032e-06$
- $L = 6.6224e-04$

#### Item 3:

Se utilizaron las mediciones de corriente para **verificar los parametros RLC estimados** exitosamente, si bien se detectaron algunas diferencias en los ultimos puntos de tiempo, se consideraron aceptables para esta aplicacion

---

## Detalles

### Item 1:

Con las ecuaciones del modelo primero identificaron las entradas/salidas de interes y asignaron las variables de estado

Luego se plantearon las ecuaciones de estados y salida, y mediante Octave se obtuvieron las **matrices del modelo**:

```
Variables De Estado
=====
x1 == ii -> x1_p == ii_p
x2 == vc -> x2_p == vc_p

Entradas / Salidas
=====
u == ve, y1 == vr == R ii
```

```
Matrices De Estado
=====
matA = (sym 2x2 matrix)

[ -R  -1 ]
[  ---  --- ]
[  L   L ]
[  ---  --- ]
[  1   0 ]
[  -   ]
[  C   ]

matB = (sym 2x1 matrix)

[ 1 ]
[ - ]
[ L ]
[ 0 ]

matC = (sym) [R  0] (1x2 matrix)
matD = (sym) 0
```

Seguidamente se valuaron los parametros RLC con los valores requeridos, obteniendo el modelo numerico en espacio de estados

Utilizando la informacion del modelo, se obtuvieron los **parametros de simulacion adecuados**:

```

Parametros
=====

R = 220
L = 0.5000
C = 2.2000e-06

Modelo En Espacio De Estados
=====

sys.a =
      x1      x2
x1      -440      -2
x2  4.545e+05      0

sys.b =
      u1
x1      2
x2      0

sys.c =
      x1      x2
y1  220      0

sys.d =
      u1
y1      0

```

Pole	Damping	Frequency (rad/seconds)	Time Constant (seconds)
-2.20e+02+9.28e+02i	2.31e-01	9.53e+02	4.55e-03
-2.20e+02-9.28e+02i	2.31e-01	9.53e+02	4.55e-03

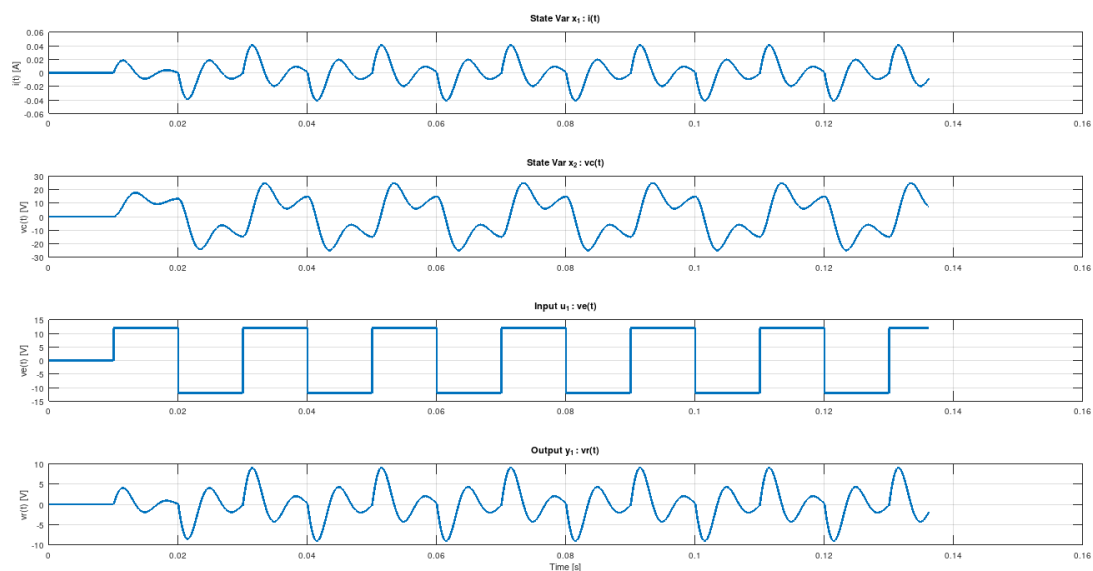
```

Simulacion
=====

t_step = 2.3315e-04
t_max = 0.013617

```

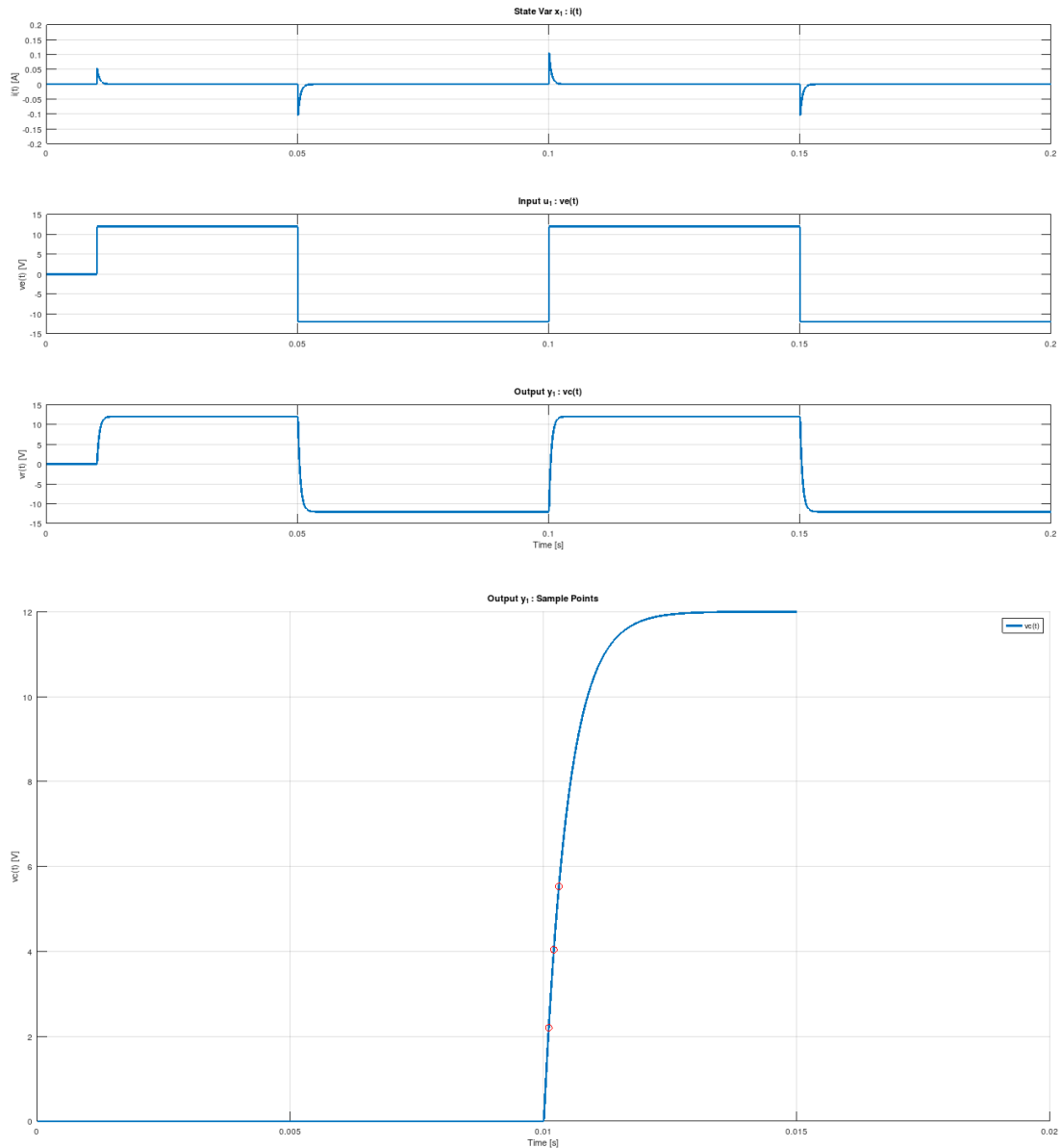
Finalmente se simulo el modelo exitosamente:



## Item 2:

De las graficas de las mediciones se identificaron los parametros y **puntos de muestreo** para aplicar el metodo de Chen

Se tuvo en cuenta que la respuesta comienza a los 10ms y se tomo un  $t_1$  100us despues de ese punto:



Gracias al metodo se obtuvieron las constantes de tiempo estimadas y se plantearon las funciones de transferencia en forma de cero-polos y solo-polos para comparacion:

# METODO DE CHEN (polos distintos)

```
=====

tau_1 == -t1/Ln(alpha1)
tau_2 == -t1/Ln(alpha2)
tau_3 == beta (tau_1 - tau_2) + tau_1

Donde:
=====

alpha1 == (k1 k2 + k3 - sqrt(b)) / 2(k1**2 + k2)
alpha2 == (k1 k2 + k3 + sqrt(b)) / 2(k1**2 + k2)
beta == ((2 k1**3 + 3 k1 k2 + k3) / sqrt(b)) - 1
b == 4 k1**3 k3 - 3 k1**2 k2**2 - 4 k2**3 + k3**2 + 6 k1 k2 k3

k1 == y(t1)/K - 1
k2 == y(2t1)/K - 1
k3 == y(3t1)/K - 1
K == y(inf)

=====

tau_1 = 3.0291e-06
tau_2 = 4.8167e-04
tau_3 = 7.4939e-07
```

Transfer function 'sys\_zero\_poles' from input 'u1' to output ...

```

              7.494e-07 s + 1
y1:  -----
      1.459e-09 s^2 + 0.0004847 s + 1
```

Continuous-time model.

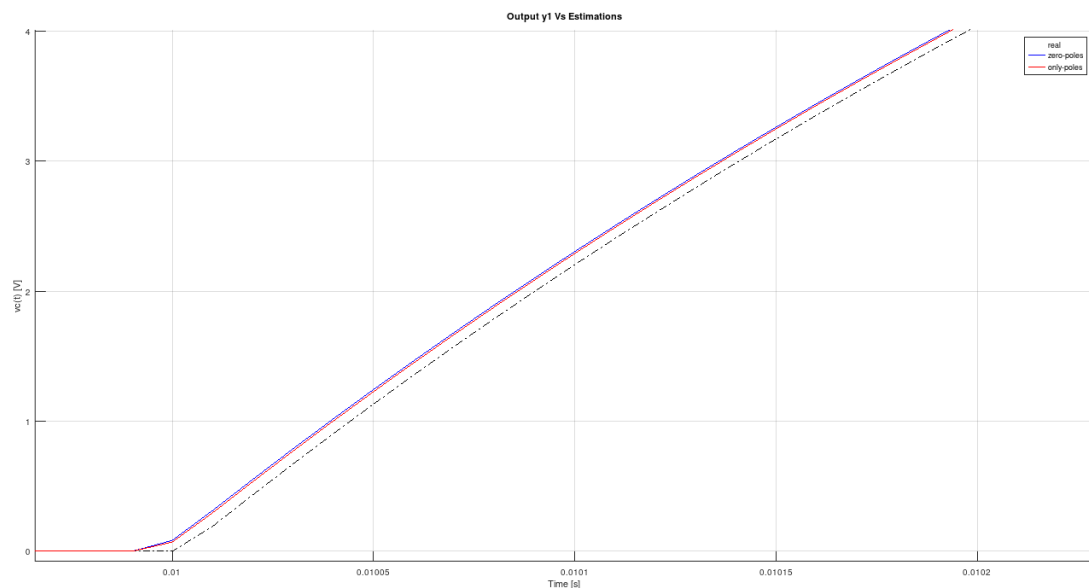
Transfer function 'sys\_only\_poles' from input 'u1' to output ...

```

              1
y1:  -----
      1.459e-09 s^2 + 0.0004847 s + 1
```

Continuous-time model.

La Funcion De Transferencia De Solo-Polos Aproxima Mejor A La Respuesta



Para relacionar los parametros RLC con las constantes de tiempo estimadas, se obtuvo mediante Octave la funcion de transferencia en forma simbolica del sistema dado

Finalmente **por igualacion** se obtuvieron los parametros requeridos:

```
sys_sym = (sym)

      1
      —
      2
C·L·s  + C·R·s + 1

Estimar Parametros Por Igualacion
=====

R = 220.00
C = 2.2032e-06
L = 6.6224e-04
```

### Item 3:

Finalmente con los parametros RLC estimados se obtuvo el modelo (estimado) en espacio de estados y utilizo la medicion de **corriente en t > 50ms para comparar** con el modelo

Para 150ms se detectaron las maximas diferencia pero se consideraron aceptables para la aplicacion:

```

Parametros Estimados
=====

R = 220
C = 2.2032e-06
L = 6.6224e-04

Modelo En Espacio De Estados
=====

sys.a =
           x1      x2
x1 -3.322e+05  -1510
x2  4.539e+05      0

sys.b =
      u1
x1 1510
x2  0

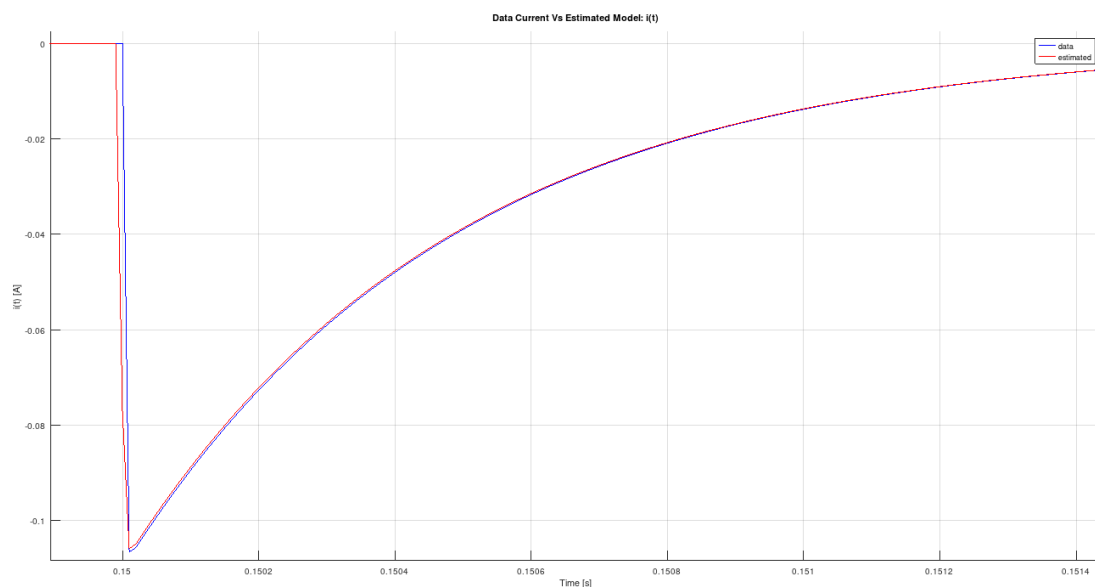
sys.c =
      x1  x2
y1 220    0

sys.d =
      u1
y1  0

Continuous-time model.

Simular Y Comparar Data
=====

```



## Caso de estudio 2. Sistema de tres variables de estado

## Resultados

### Item 4:

Se obtuvo el modelo en espacio de estados partiendo de las ecuaciones del sistema, además se definieron los parámetros de simulación adecuados según la dinámica del mismo.

Para obtener torque/corriente máximos se barrió con una rampa  $u_2$  y se encontró el **punto donde la velocidad es cero:**

- $tl_{max} = 1.5357e-03$
- $ia_{max} = 0.2158$

### Item 5:

Se aplicó exitosamente el método de Chen para **estimar las constantes dinámicas del sistema** en base a las mediciones dadas

Se eligió modelar a TL como una **atenuación  $k_1$  a la salida  $\omega$**

Se obtuvieron los parámetros dinámicos:

- Ganancia  $\Omega/V_a$ :  $k_0 = 3.8093$
- Ganancia  $\Omega/TL$ :  $k_1 = -34.500$
- $\tau_1 = 2.2687e-03$
- $\tau_2 = 0.092176$

### Item 6:

Usando los parámetros estimados proporcionados, se calcularon el tiempo de simulación y resolución adecuados para el sistema

Se implementó el algoritmo **PID en tiempo discreto** y se lo aplicó al sistema exitosamente

Mediante prueba y error se encontró una configuración para el PID con la cual **el sistema se comporta de manera deseada:**

- $k_p = 17$
- $k_p = 100$
- $k_d = 0.8$

---

## Detalles

### Item 4:

Con las ecuaciones del modelo primero se identificaron las entradas/salidas de interés y asignaron las variables de estado

Luego se plantearon las ecuaciones de estados y salida, y mediante Octave se obtuvieron las matrices del modelo donde **se definió como salida a la posición angular:**



```

Variables De Estado
=====

x1 == ia      -> x1_p == ia_p
x2 == theta  -> x2_p == theta_p == omega == x3  -> x3_p == theta_pp == omega_p

Entradas / Salidas
=====

u1 == va, u2 == TL      ,      y1 == theta

```

```

Matrices De Estado
=====

matA = (sym 3x3 matrix)

[ -Ra      -Km ]
[  -----  0  ----- ]
[  Laa      Laa ]
[    0      0    1 ]
[  Ki      -Bm ]
[  -----  0  ----- ]
[    JJ      JJ ]

matB = (sym 3x2 matrix)

[  1      0 ]
[  -----  ]
[  Laa      ]
[    0      0 ]
[    0      -1 ]
[    0      ----- ]
[           JJ ]

matC = (sym) [0  1  0]  (1x3 matrix)
matD = (sym) [0  0]    (1x2 matrix)

```

Seguidamente se valuaron los parametros del motor con los valores dados, obteniendo el modelo numerico en espacio de estados

La resolucion requerida para el eje de tiempo es de 10E-7s pero para este sistema una simulacion de 5s resulto en un **tiempo de simulacion excesivo**, por tanto para agilizar las simulaciones se utilizo la resolucion sugerida y se calculo un tiempo de simulacion mas adecuado

Con esto se simulo el modelo exitosamente para un  $v_a = 12V$  y  $T_L = 1mNm$ :

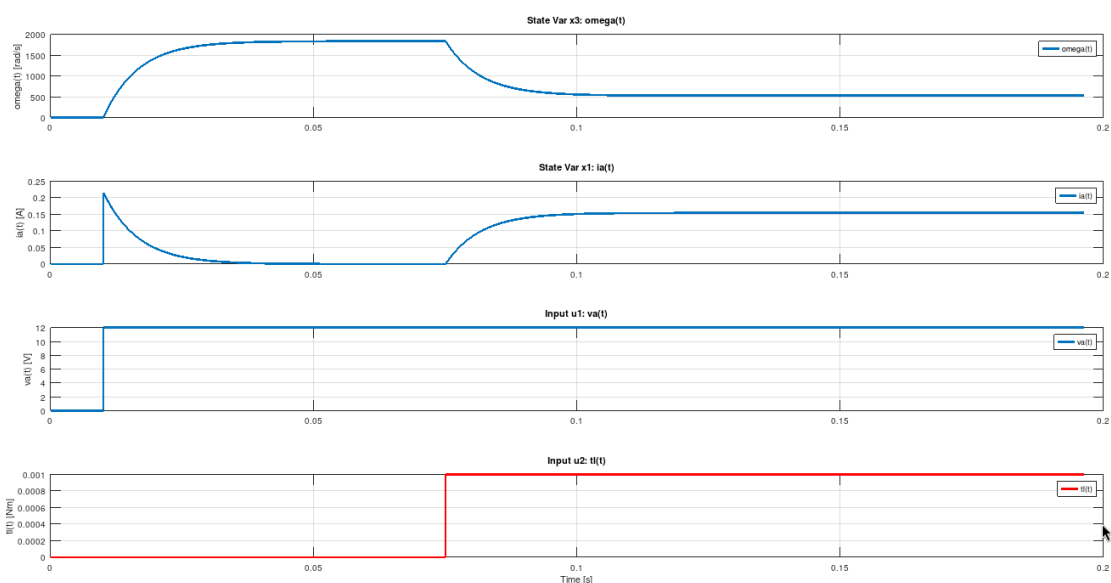
Parametros			
=====			
Laa	=	3.6600e-04	
JJ	=	5.0000e-09	
Ra	=	55.600	
Bm	=	0	
Ki	=	6.4900e-03	
Km	=	6.5300e-03	
=====			
Modelo En Espacio De Estados			
=====			
Pole	Damping	Frequency (rad/seconds)	Time Constant (seconds)
0.00e+00	-1.00e+00	0.00e+00	-Inf
-1.53e+02	1.00e+00	1.53e+02	6.55e-03
-1.52e+05	1.00e+00	1.52e+05	6.59e-06

```

Simulacion
=====

re_min = -1.5176e+05
t_step = 1.0000e-06
t_max = 0.1963

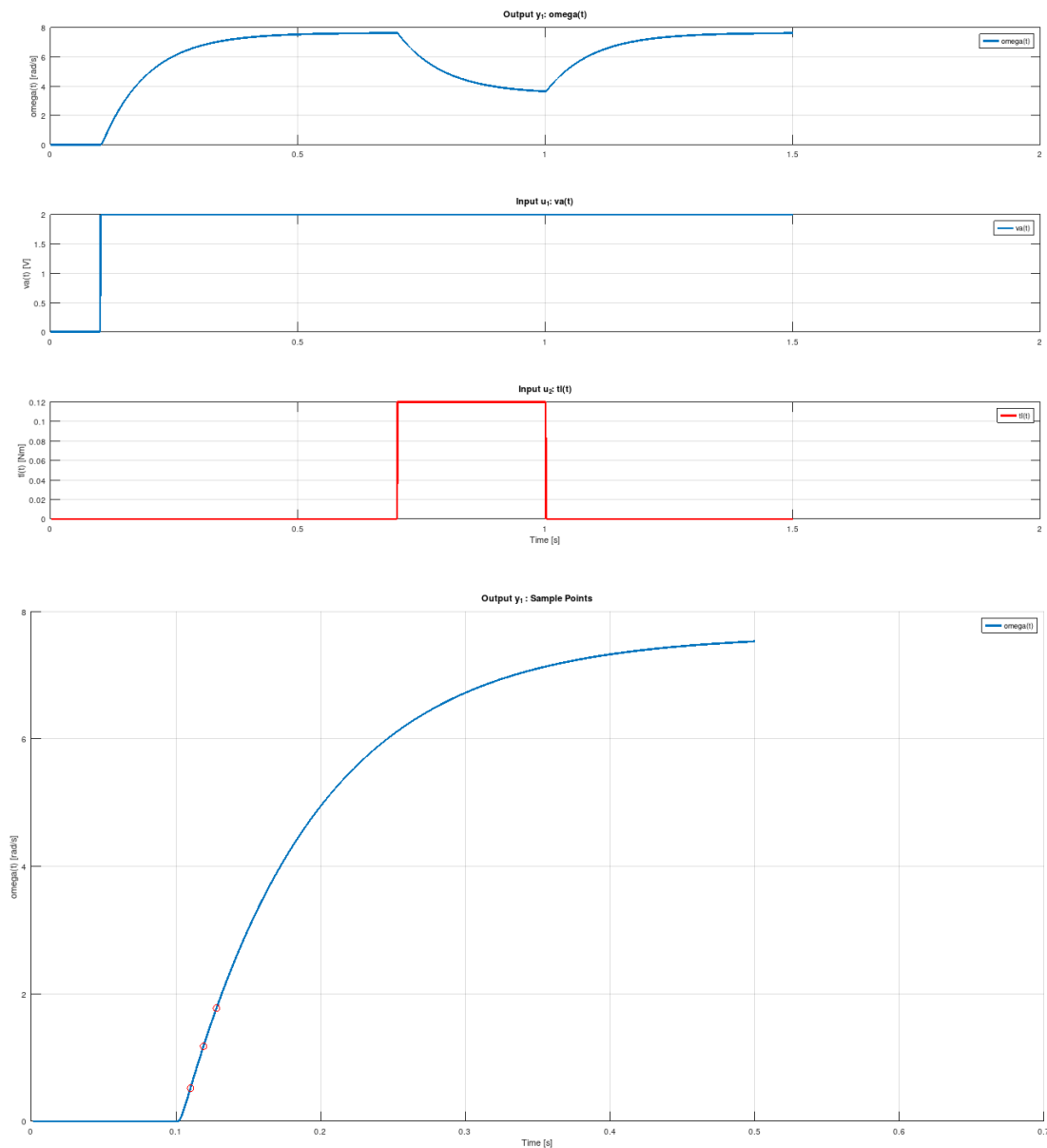
```



## Item 5:

Se comenzo estimando la dinamica para  $\omega/v_a$ , para ello de las graficas se identificaron los parametros y puntos de tiempo de muestreo para aplicar el metodo de Chen

Se tuvo en cuenta que la respuesta comienza a los 101ms y se tomo un  $t_1$  9ms despues de ese punto:



Gracias al metodo **se obtuvieron las constantes de tiempo estimadas** para la respuesta de  $\omega/v_a$ :

```
tau_1 = 2.2687e-03
tau_2 = 0.092176
tau_3 = -2.3657e-04

Sistema De Orden 2 Sin Ceros: G(s) == k0 / ((T1s + 1)(T2s + 1)), T1 < T2
=====

Transfer function 'omega_vs_va' from input 'u1' to output ...

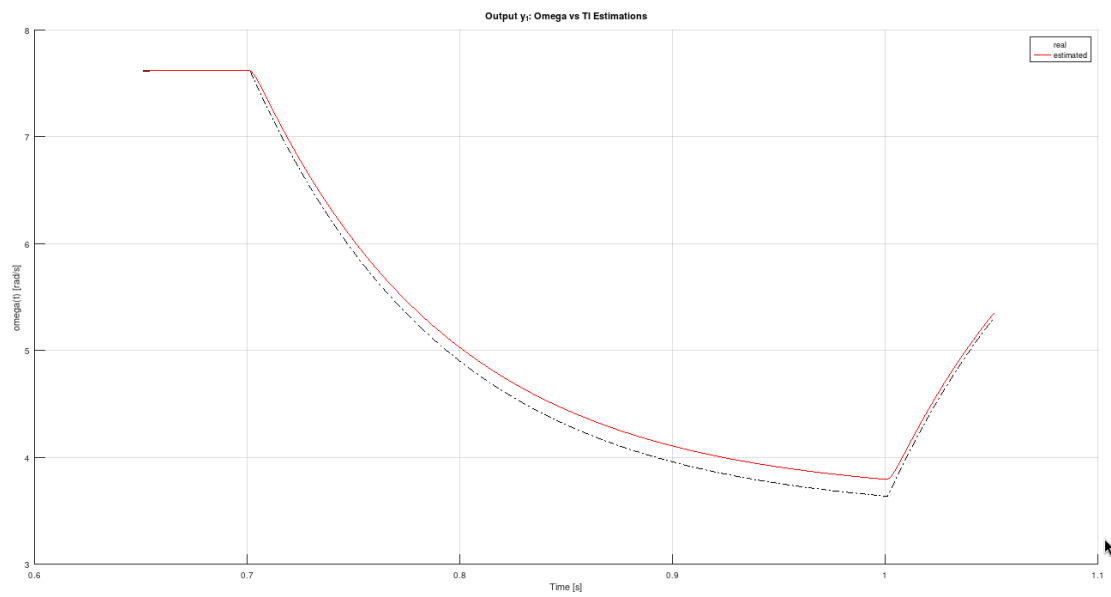
          3.809
y1:  -----
      0.0002091 s^2 + 0.09444 s + 1

Continuous-time model.
```

Para la dinamica de  $\omega/t_l$  se decidio **modelarla como una simple ganancia** con la misma ecuacion caracteristica

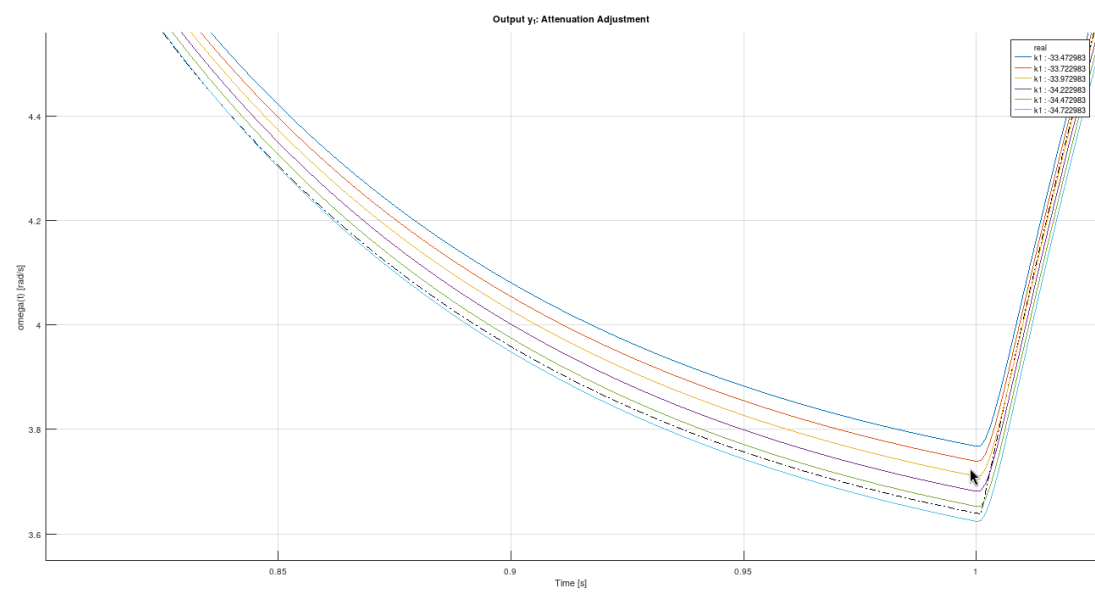
Para esto se busco la relacion entre variacion de  $\omega$  y el  $t_l$  aplicado

Se obtuvo un primer valor teorico pero este no ajustaba bien a la respuesta, por tanto se hizo un rapido **barrido simulando para distintas atenuaciones** y se eligio la que mejor ajusta:



Modelar Efecto De TL Como Una Atenuacion

$k_1 = -33.223$



```

Atenuacion Seleccionada
=====

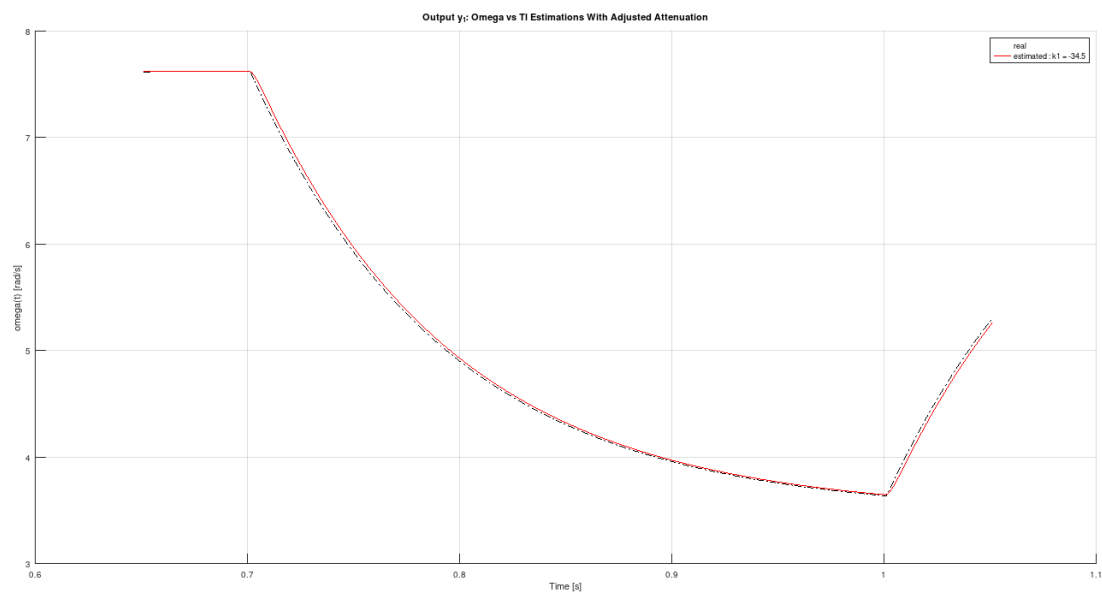
k1 = -34.500

Transfer function 'omega_vs_tl' from input 'u1' to output ...

          -34.5
y1:  -----
      0.0002091 s^2 + 0.09444 s + 1

Continuous-time model.

```



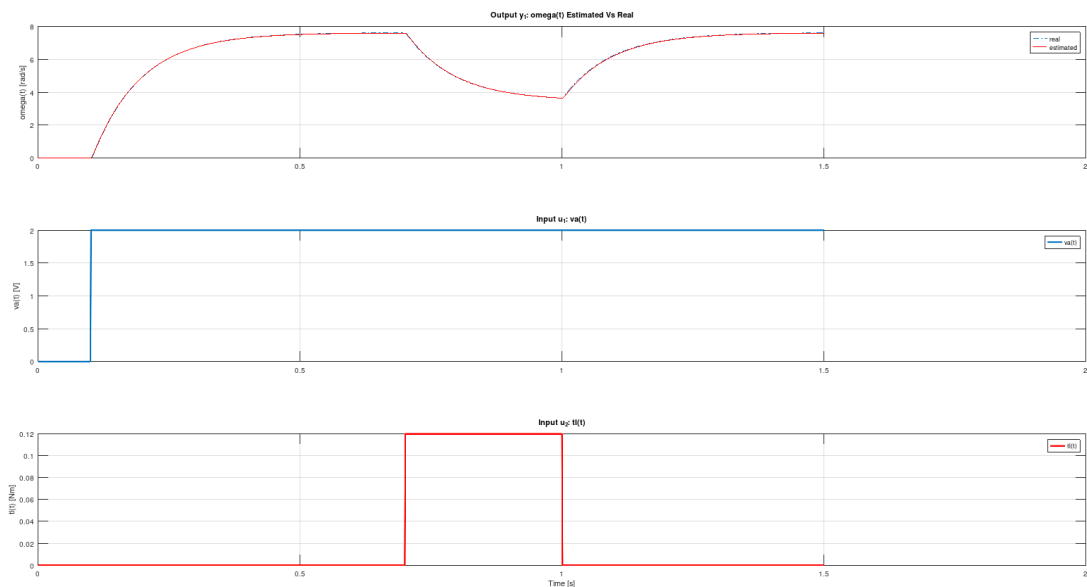
Consiguiendo modelar a la transformada de omega como  $k_0 \cdot V_a$  mas  $k_1 \cdot T_L$  ambas sobre la misma ecuacion caracteristica dada por los  $\tau_1$  y  $\tau_2$  estimados por Chen:  
Finalmente se simulo el sistema MISO utilizando Isim de Octave para comparacion:

```

Constantes Finales
=====

k0 = 3.8093
k1 = -34.500
tau_1 = 2.2687e-03
tau_2 = 0.092176

```



### Item 6:

Para diseñar el PID discreto, primero se tomaron los **parametros estimados de:**

[https://github.com/Julianpucheta/OptimalControl/blob/main/TP\\_N1\\_Identificacion\\_Exacta.ipynb](https://github.com/Julianpucheta/OptimalControl/blob/main/TP_N1_Identificacion_Exacta.ipynb)

Se compararon las respuestas estimadas vs mediciones y con estos parametros se calcularon tiempo de simulacion y resolucion aceptables para las simulaciones:

```
Parametros Tomados De: OptimalControl/TP_N1_Identificacion_Exacta.ipynb
=====

Ra = 2.2700
Laa = 4.7000e-03
Ki = 0.2500
Km = 0.2500
Bm = 1.3100e-03
JJ = 2.3300e-03

Simulacion
=====

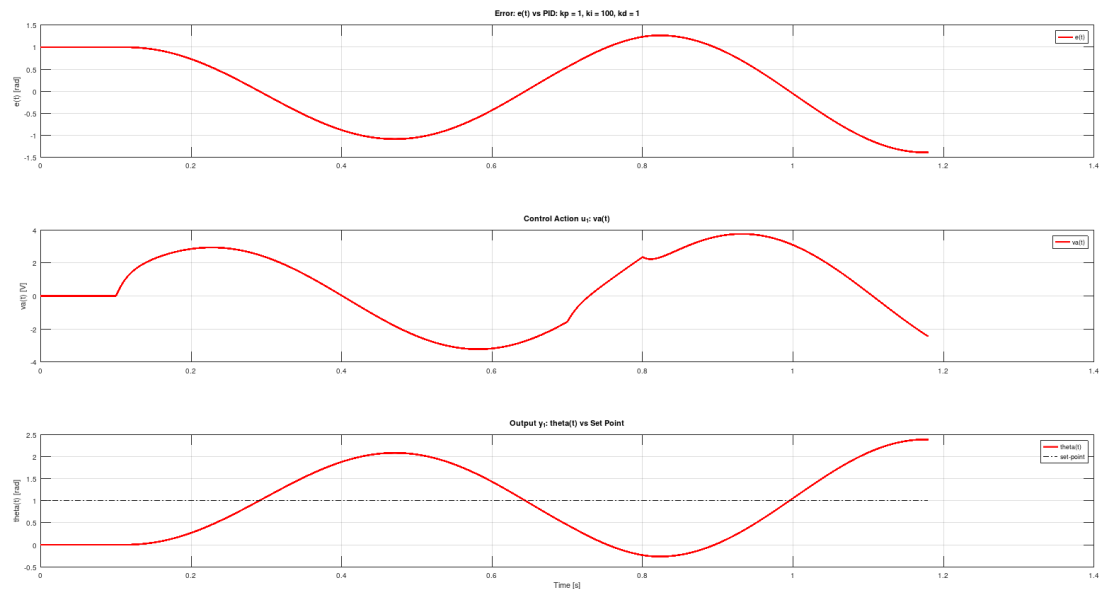
re_min = -470.84
t_step = 3.6313e-05
t_max = 1.1796
```

**El ajuste del PID se hizo a prueba y error**, para ello primeramente se definieron como objetivos:

- Que la posicion angular se establezca en la referencia antes de aplicar el TL
- Que la accion de control no supere los 2V del motor
- Que al aplicar la perturbacion la salida vuelva al set-point lo mas rapido posible con una accion de control acorde

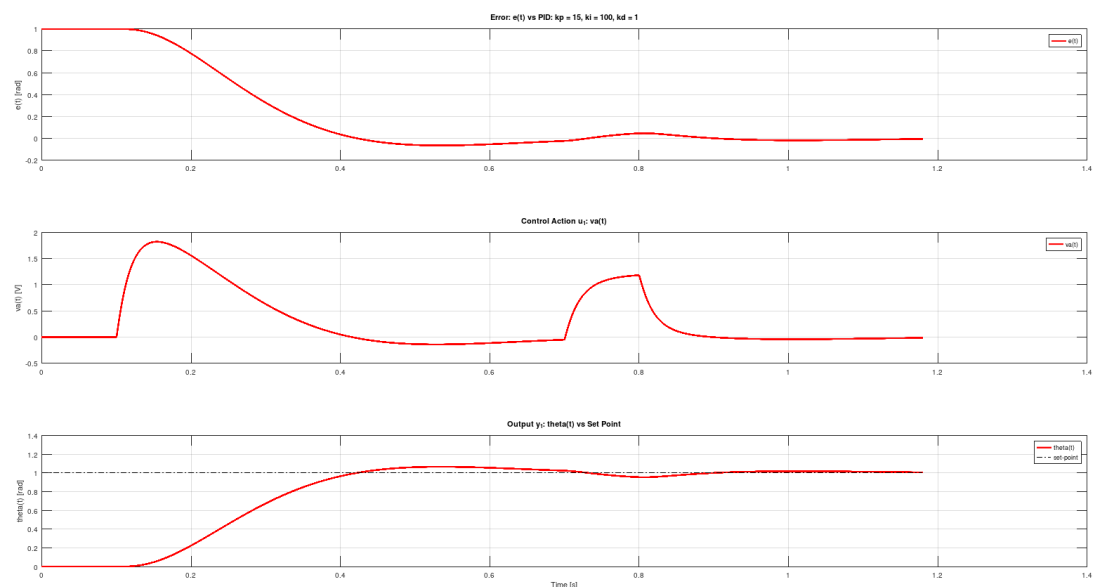
Con las especificaciones definidas y con  $k_p = k_i = k_d = 1$ , se comenzo a variar iterativamente cada constante  $k_p$ ,  $k_i$  y  $k_d$  para visualizar los cambios en el error para cada accion de control

En base a lo aprendido se decidio como punto de partida aumentar la accion integral para que **el error llegue a cero lo mas rapido posible:**



Aqui se noto que por  $k_i$  el error baja rapidamente pero luego se pasa del cero exageradamente y ademas la accion de control es inadmisble

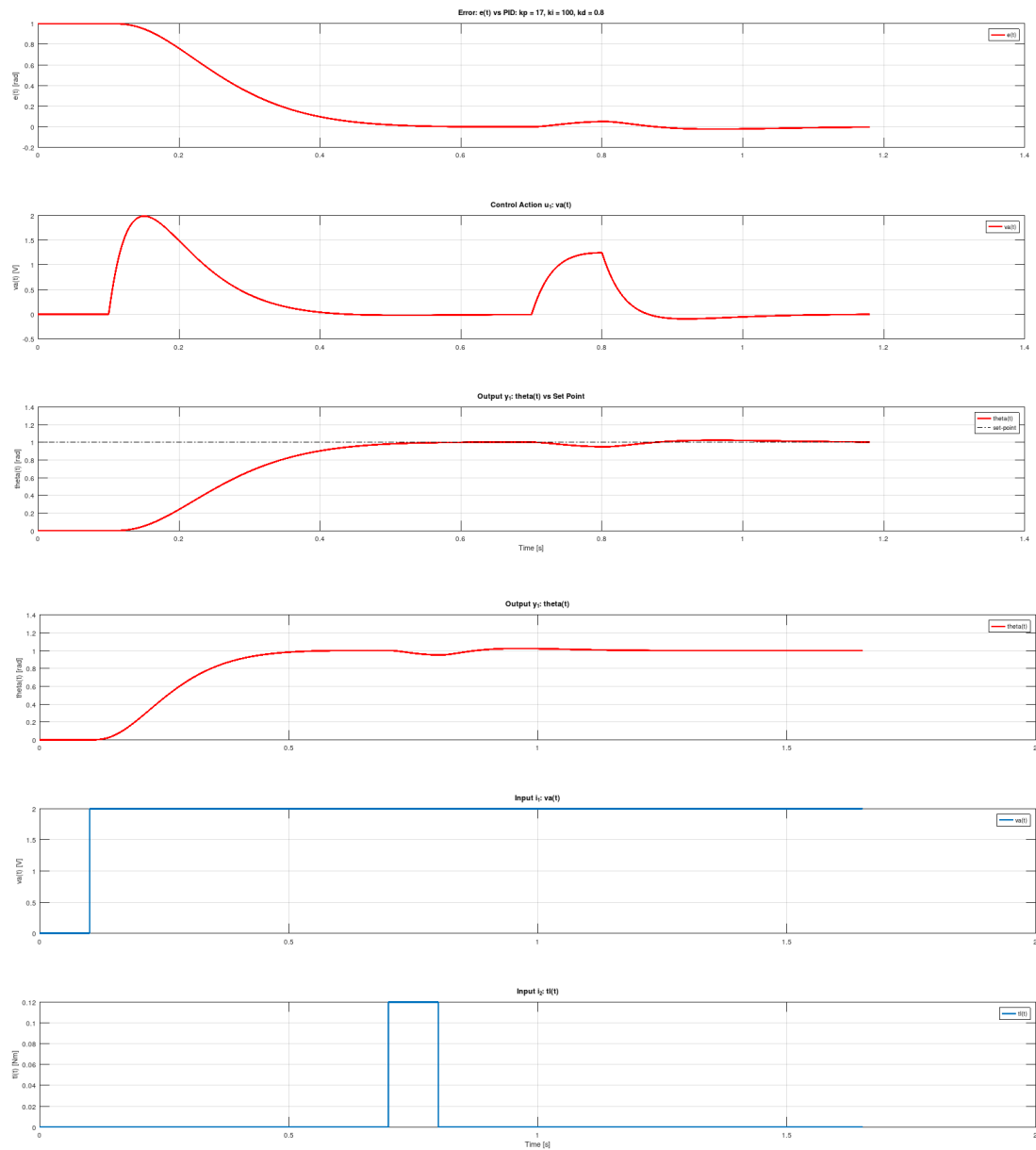
Con esta configuracion se comenzo a incrementar la accion proporcional, logrando que el sistema si bien se hace mas lento, **no pase a error negativo tan agresivamente:**



Con esto se logro mejorar el error y ademas la accion de control ahora es aceptable  
Por ultimo se intento **disminuir el sobrepasamiento de la respuesta**, para esto se disminuyo la accion derivativa y aumento la proporcional manteniendo siempre una accion de control aceptable para este motor

Luego de varias iteraciones se obtuvo la **respuesta y configuracion del PID** deseadas:

```
pid_config =
    17.0000    100.0000    0.8000
```



## Fuente/herramientas

1. Apuntes/Videos De La Materia
2. Octave, Chat-GPT, vscode
3. [https://github.com/Julianpucheta/OptimalControl/blob/main/TP\\_N1\\_Identificacion\\_Exacta.ipynb](https://github.com/Julianpucheta/OptimalControl/blob/main/TP_N1_Identificacion_Exacta.ipynb)

## GitHub

1. <https://github.com/Clifferto/carrerpath/tree/control2/nationalUniversity/2025/controlSystems2>