

Programare declarativă — Efecte laterale

Traian Șerbănuță (33) Ioana Leuștean (34)

Departamentul de Informatică, FMI, UNIBUC
traian.serbanuta@fmi.unibuc.ro, ioana@fmi.unibuc.ro

Efecte laterale

Logging în C

```
#include <iostream>
#include <sstream>
using namespace std;
ostringstream log;
int increment(int x) {
    log << "Called increment with argument " << x << endl;
    return x + 1;
}

int main() {
    int x = increment(increment(2));
    cout << "Result: " << x << endl << "Log: " << endl << log.str();
}
```

Fiecare apel al lui `increment` produce un mesaj. Mesajele se acumulează.

Stare în C

```
#include <iostream>
using namespace std;
const uint32_t MULTIPLIER = 1664525;
const uint32_t INCREMENT = 1013904223;
uint32_t seed = 0;

uint32_t rnd() {
    seed = MULTIPLIER * seed + INCREMENT; return seed;
}

void randomize(uint32_t x) { seed = x; }

int main() {
    randomize(1237853);
    cout << "Random1: " << rnd() << " Random2: " << rnd() << endl;
}
```

Fiecare apel al lui `rnd` citește starea existentă și o modifică.

Logging în Haskell

„Îmbogătim” rezultatul funcției cu mesajul de log.

```
newtype Writer log a = Writer { runWriter :: (a, log) }
```

Observații

- newtype seamana cu data, se foloseste cand avem un singur constructor si un singur tip de date
- datele de tip `Writer log a` sunt definite folosind *înregistrări*
- o dată de tip `Writer log a` are una din formele

```
`Writer (va,vlog)`    *sau*    `Writer {runWriter = (va,vlog)}`
```

unde `va :: a` și `vlog :: log`

- `runWriter` este funcția proiecție:

```
runWriter :: Writer log a -> (a, log)
```

```
de exemplu runWriter (Writer (1,"msg")) = (1,"msg")
```

Logging în Haskell

„Îmbogățim” rezultatul funcției cu mesajul de log.

```
newtype Writer log a = Writer { runWriter :: (a, log) }  
-- newtype seamana cu data, se foloseste cand avem un singur  
-- constructor si un singur tip de date  
  
logIncrement :: Int -> Writer String Int  
logIncrement x = Writer  
    (x + 1, "Called increment with argument " ++ show x ++ "\n")
```

Problemă: Cum calculăm `logIncrement (logIncrement x)`?

Logging în Haskell

„Îmbogățim” rezultatul funcției cu mesajul de log.

```
newtype Writer log a = Writer { runWriter :: (a, log) }
-- newtype seamana cu data, se foloseste cand avem un singur
-- constructor si un singur tip de date

logIncrement :: Int -> Writer String Int
logIncrement x = Writer
    (x + 1, "Called increment with argument " ++ show x ++ "\n")
```

Problemă: Cum calculăm `logIncrement (logIncrement x)`?

```
logIncrement2 :: Int -> Writer String Int
logIncrement2 x = let (y, log1) = runWriter (logIncrement x)
                    (z, log2) = runWriter (logIncrement y)
                    in Writer (z, log1 ++ log2)
```

Se poate! ... dar nu vrem să facem asta pentru fiecare funcție.

Stare în Haskell

Rezultatul este acum o funcție, care dată fiind starea dinaintea execuției, produce un rezultat (folosind eventual starea) și starea cea nouă.

```
newtype State state a = State { runState :: state -> (a, state) }
rnd :: State Word32 Word32
rnd = State f
  where f seed = (seed', seed')
        seed' = cMULTIPLIER * seed + cINCREMENT
```

Problemă: Cum calculăm `rnd() + rnd()`?

Stare în Haskell

Rezultatul este acum o funcție, care dată fiind starea dinaintea execuției, produce un rezultat (folosind eventual starea) și starea cea nouă.

```
newtype State state a = State { runState :: state -> (a, state) }
rnd :: State Word32 Word32
rnd = State f
  where f seed = (seed', seed')
        seed' = cMULTIPLIER * seed + cINCREMENT
```

Problemă: Cum calculăm `rnd() + rnd()`?

```
rnd2 :: State Word32 Word32
rnd2 = State f
  where f seed = let (rnd1, seed1) = runState rnd seed
                    (rnd2, seed2) = runState rnd seed1
                  in (rnd1 + rnd2, seed2)
```

Se poate! ... dar nu vrem să facem asta pentru fiecare funcție.

Exemple de efecte laterale

- I/O
- Logging
- Stare
- Excepții
- Partialitate
- Nedeterminism
- Memorie read-only

Exemple de efecte laterale

- I/O
- Logging
- Stare
- Excepții
- Partialitate
- Nedeterminism
- Memorie read-only

N-ar fi frumos ca, pentru orice computație cu efecte laterale, să putem folosi notația `do`, ca pentru I/O ?

```
read2 = do
  x <- readLn :: IO Int
  y <- readLn :: IO Int
  return x + y
```

Exemplele precedente în notăție do

Logging

```
logIncrement2 :: Int -> Writer String Int
logIncrement2 x = do
  y <- logIncrement x
  logIncrement y
```

RND

```
rnd2 :: State Word32 Word32
rnd2 = do
  r1 <- rnd
  r2 <- rnd
  return (r1 + r2)
```

Monade

Cum compunem funcții cu efecte laterale

Problema generală

Dată fiind funcția $f :: a \rightarrow m\ b$ și funcția $g :: b \rightarrow m\ c$, vreau să obțin o funcție $g \# f :: a \rightarrow m\ c$ care este „compunerea” lui g și f , propagând efectele laterale.

Soluție

Transform $g :: b \rightarrow m\ c$ în $\text{bind } g :: m\ b \rightarrow m\ c$ pentru un `bind` „cu proprietăți bune”

```
bind :: (b -> m c) -> m b -> m c
(#) :: (b -> m c) -> (a -> m b) -> (a -> m c)
g # f = bind g . f
```

Observație

`bind` și `(#)` sunt `(=<<)` și `(<=<)` din `Control.Monad`

Clasa de tipuri Monad

```
class Applicative m => Monad m where
    (>>=) :: m a -> (a -> m b) -> m b
    return :: a -> m a
```

- $m\ a$ — tipul **computațiilor** care produc rezultate de tip a (și au efecte laterale)
- Tipul $a \rightarrow m\ b$ este tipul **continuărilor** / a funcțiilor cu efecte laterale
- $>>=$ este operația de „secvențiere” a computațiilor
- $\text{bind } k\ ma = ma\ >>=\ k$, adică $\text{bind} = \text{flip } (>>=)$
- $(g \# f)\ x = (\text{bind } g \ .\ f)\ x = \text{bind } g\ (f\ x) = f\ x\ >>=\ g$

Applicative va fi discutată mai încolo

Notăția `do` pentru monade

- `x <- e; rest devine e >>= \x -> rest`
- `e; rest devine e >> _ -> rest`

De exemplu

```
do x1 <- e1
   x2 <- e2
   e3
   x4 <- e4
   e5
```

devine

```
e1   >>= \x1 ->
e2   >>= \x2 ->
e3   >>= \_  ->
e4   >>= \x4 ->
e5
```


Proprietățile monadelor

Pe scurt

- Operația de compunere $\#$ a continuărilor
 - este asociativă
 - are element neutru `return`
- Asigură consistență notației `do`

Pe mai puțin scurt

- Element neutru (la dreapta): `return # g = g`
`(return x) >>= g = g x`
- Element neutru (la stânga): `g # return = g`
`x >>= return = x`
- Asociativitate: `(f # g) # h = f # (g # h)`
`(fm >>= g) >>= h = fm >>= \ x -> (g x >>= h)`

Monade standard

Exemple de efecte laterale

I/O Monada IO

Logging Monada Writer

Stare Monada State

Excepții Monada Either

Parțialitate Monada Maybe

Nedeterminism Monada [] (listă)

Memorie read-only Monada Reader

Monada Writer (variantă simplificată)

```
newtype Writer log a = Writer { runWriter :: (a, log) }  
-- a este parametru de tip  
  
tell :: log -> Writer log ()  
tell msg = Writer ((), msg)
```

Monada Writer (variantă simplificată)

```

newtype Writer log a = Writer { runWriter :: (a, log) }
-- a este parametru de tip

tell :: log -> Writer log ()
tell msg = Writer ((), msg)

instance Monad (Writer String) where
    return a = Writer (a, "")      -- a este variabila
    ma >=> k = let (a, log1) = runWriter ma
                  (b, log2) = runWriter (k a)
                  in Writer (b, log1 ++ log2)

```

Observație

În definițiile de mai sus am folosit *a* pentru a desemna un tip, dar și o variabilă de acel tip, contextul în care apare clarifică modul de utilizare. Convenții similare: *b* este o variabilă de tip *b*, *log1* și *log2* sunt variabile de tip *log*, iar *ma* este o variabilă de tip monadic (*m a*).

Monada Writer — Exemplu logging

```
newtype Writer log a = Writer { runWriter :: (a, log) }
```

```
tell :: log -> Writer log ()
```

```
tell msg = Writer ((), msg)
```

Monada Writer — Exemplu logging

```
newtype Writer log a = Writer { runWriter :: (a, log) }
```

```
tell :: log -> Writer log ()
```

```
tell msg = Writer ((), msg)
```

```
logIncrement :: Int -> Writer String Int
```

```
logIncrement x = do
```

```
    tell ("increment: " ++ show x ++ "\n")
```

```
    return (x + 1)
```

```
logIncrement2 :: Int -> Writer String Int
```

```
logIncrement2 x = do
```

```
    y <- logIncrement x
```

```
    logIncrement y
```

```
Main> runWriter (logIncrement2 13)
```

```
(15,"increment: 13\nincrement: 14\n")
```

Monada State

```
newtype State state a = State { runState :: state -> (a, state) }
```

Dacă $ma :: \text{State state } a$ atunci

$ma = \text{State } f$ sau $ma = \text{State } \{\text{runState} = f\}$

unde $f :: \text{state} \rightarrow (a, \text{state})$

Monada State

```
newtype State state a = State { runState :: state -> (a, state) }
```

Dacă `ma :: State state a` atunci

`ma = State f` sau `ma = State {runState =f}`

unde `f :: state -> (a, state)`

```
instance Monad (State state) where
```

```
    return a = State (\s -> (a, s))
```

```
    -- return a = State f where f = \s -> (a,s)
```

```
    ma >>= k = State g
```

```
        where g state = let (a, aState) = runState ma state
                   in runState (k a) aState
```

```
    -- ma :: State state a , runState ma :: state -> (a, state)
```

```
    -- k :: a -> State state b, runState (k a) :: state -> (b, state)
```

```
    -- ma >>= k :: State state b
```

```
    -- g :: state -> (b, state)
```

Monada State

```

newtype State state a = State { runState :: state -> (a, state) }

instance Monad (State state) where
    return a = State (\ s -> (a, s))
    ma >>= k = State g
        where g state = let (a, aState) = runState ma state
                          in runState (k a) aState

```

Funcții ajutătoare:

```

get :: State state state
get = State (\s -> (s, s))

modify :: (state -> state) -> State state ()
modify f = State (\s -> ((), f s))

```

Monada State — exemplu random

```
newtype State state a = State {runState :: state -> (a,state)}  
get :: State state state  
get = State (\s -> (s,s))  
modify :: (state -> state) -> State state ()  
modify f = State (\s -> ((), f s))
```

Monada State — exemplu random

```

newtype State state a = State {runState :: state -> (a,state)}
get :: State state state
get = State (\s -> (s,s))
modify :: (state -> state) -> State state ()
modify f = State (\s -> ((), f s))

cMULTIPLIER, cINCREMENT :: Word32
cMULTIPLIER = 1664525 ; cINCREMENT = 1013904223

rnd, rnd2 :: State Word32 Word32
rnd = do modify (\seed -> cMULTIPLIER * seed + cINCREMENT)
      get
rnd2 = do r1 <- rnd
          r2 <- rnd
          return (r1 + r2)

Main> runState rnd2 0
(2210339985,1196435762)

```

Monada Either (a excepțiilor)

```
data Either err a = Left err | Right b
```

Monada Either (a excepțiilor)

```
data Either err a = Left err | Right a

instance Monad (Either err) where
    return = Right
    Right a >>= k = k a
    err     >>= _ = err
```

Monada Either (a excepțiilor)

```
data Either err a = Left err | Right b
```

```
instance Monad (Either err) where
```

```
    return = Right
```

```
    Right a >>= k = k a
```

```
    err      >>= _ = err
```

```
radical :: Float -> Either String Float
```

```
radical x | x >= 0 = return (sqrt x)
```

```
          | x < 0  = Left "radical: argument negativ"
```

```
solEq2 :: Float -> Float -> Float -> Either String Float
```

```
solEq2 0 0 0 = return 0 -- a * x^2 + b * x + c = 0
```

```
solEq2 0 0 c = Left "Nu are solutii"
```

```
solEq2 0 b c = return ((negate c) / b)
```

```
solEq2 a b c = do let delta = b * b - 4 * a * c
```

```
                  rDelta <- radical delta
```

```
                  return (negate b + rDelta) / (2 * a)
```

Monada Maybe (a funcțiilor parțiale)

```
data Maybe a = Nothing | Just a
```


Monada Maybe (a funcțiilor parțiale)

```
data Maybe a = Nothing | Just a
```

```
instance Monad Maybe where
```

```
    return = Just
```

```
    Just a  >>= k    = k a
```

```
    Nothing >>= _    = Nothing
```

Monada Maybe (a funcțiilor parțiale)

```
data Maybe a = Nothing | Just a
```

```
instance Monad Maybe where
```

```
    return = Just
```

```
    Just a  >>= k    = k a
```

```
    Nothing >>= _    = Nothing
```

```
radical :: Float -> Maybe Float
```

```
radical x | x >= 0 = return (sqrt x)
          | x < 0  = Nothing
```

```
solEq2 :: Float -> Float -> Float -> Maybe Float
```

```
solEq2 0 0 0 = return 0 --  $a * x^2 + b * x + c = 0$ 
```

```
solEq2 0 0 c = Nothing
```

```
solEq2 0 b c = return ((negate c) / b)
```

```
solEq2 a b c = do let delta = b * b - 4 * a * c
                  rDelta <- radical delta
                  return (negate b + rDelta) / (2 * a)
```

Monada listelor (a funcțiilor nedeterminate)

```
instance Monad [] where
  return a = [a]
  ma >>= k = [b | a <- ma, b <- k a]
```

Rezultatul funcției e lista tuturor valorilor posibile.

Monada listelor (a funcțiilor nedeterminate)

```
instance Monad [] where
  return a = [a]
  ma >>= k = [b | a <- ma, b <- k a]
```

Rezultatul funcției e lista tuturor valorilor posibile.

```
radical :: Float -> [Float]
radical x | x >= 0 = [negate (sqrt x), sqrt x]
           | x < 0  = []
```

```
solEq2 :: Float -> Float -> Float -> [Float]
solEq2 0 0 c = [] -- a * x^2 + b * x + c = 0
solEq2 0 b c = return ((negate c) / b)
solEq2 a b c = do let delta = b * b - 4 * a * c
                  rDelta <- radical delta
                  return (negate b + rDelta) / (2 * a)
```

Monada Reader (stare nemodificabilă)

```
newtype Reader env a = Reader { runReader :: env -> a }
```

```
ask :: Reader env env
```

```
ask = Reader id
```

Monada Reader (stare nemodificabilă)

```
newtype Reader env a = Reader { runReader :: env -> a }
```

```
ask :: Reader env env
```

```
ask = Reader id
```

```
instance Monad (Reader env) where
```

```
  return = Reader const    -- return x = Reader (\_ -> x)
```

```
  ma >>= k = Reader f
```

```
    where f env = let a = runReader ma env
```

```
              in runReader (k a) env
```

Monada Reader — exemplu: mediu de evalua

```
newtype Reader env a = Reader { runReader :: env -> a }  
ask :: Reader env env  
ask = Reader id
```

```
data Prop ::= Var String | Prop :&: Prop  
type Env = [(String, Bool)]
```

```
var :: String -> Reader Env Bool  
var x = do  
  env <- ask  
  fromMaybe False (lookup x env)
```

```
eval :: Prop -> Reader Env Bool  
eval (Var x) = var x  
eval (p1 :&: p2) = do  
  b1 <- eval p1  
  b2 <- eval p2  
  return (b1 && b2)
```

Monada Writer (varianta lungă)

Clasele Semigroup și Monoid

Clasa de tipuri Semigroup

O mulțime, cu o operație `<>` care ar trebui să fie asociativă

```
class Semigroup a where
  (<>) :: a -> a -> a
```

Clasa de tipuri Monoid

Un semigroup cu unitatea `mempty`. `mappend` este alias pentru `<>`.

```
class Semigroup a => Monoid a where
  mempty :: a
  mappend :: a -> a -> a
  mappend = (<>)
```

Foarte multe tipuri sunt instanțe ale lui `Monoid`. Exemplul clasic: listele.

Monada Writer (varianta lungă)

```
newtype Writer log a = Writer { runWriter :: (a, log) }

instance Monoid log => Monad (Writer log) where
  return a = Writer (a, mempty)
  ma >>= k = let (a, log1) = runWriter ma
                (b, log2) = runWriter (k a)
              in Writer (b, log1 `mappend` log2)
```

Functor vs Applicative vs Monad

Functor vs Applicative : Efecte laterale

Functor

Schimbă rezultatul: efectele laterale rămân aceleași

```
class Functor f where
  fmap :: (a -> b) -> f a -> f b
```

Applicative

Combină computații independente, propagând efectele laterale

```
class Applicative f where
  pure :: a -> f a
  (<*>) :: f (a -> b) -> f a -> f b
```

O utilizare des întâlnită a operatorilor aplicativi e pentru a combina computații cu efecte printr-o funcție pură

```
eval :: Prop -> Reader Env Bool
eval (Var x) = var x
eval (p1 &: p2) = pure (&&) <*> eval p1 <*> eval p2
```

Monad vs Applicative

Applicative — combinarea independentă a computațiilor

```
eval :: Prop -> Reader Env Bool
eval (Var x) = var x
eval (p1 :&: p2) = pure (&&) <*> eval p1 <*> eval p2

rnd2 :: State Word32 Word32
rnd2 = pure (+) <*> rnd <*> rnd
```

Monad — secvențierea computațiilor

Definește **continuări**, care depind de rezultatul computațiilor precedente.

```
sau :: a -> a -> State Word32 a
x `sau` y = do
  r <- rnd
  return (if r >= maxBound `div` 2 then y else x)
```

Functor și Applicative pot fi definiți cu return și >>=

```
instance Monad M where
```

```
    return a = ...
```

```
    ma >>= k = ...
```

```
instance Applicative M where
```

```
    pure = return
```

```
    mf <*> ma = do
```

```
        f <- mf
```

```
        a <- ma
```

```
        return (f a)
```

```
        -- mf >>= (\f -> ma >>= (\a -> return (f a)))
```

```
instance Functor F where
```

```
    fmap f ma = pure f <*> ma
```

```
        -- ma >>= \a -> return (f a)
```

```
        -- ma >>= (return . f)
```

Pe săptămâna viitoare!