

TAD Coadă (QUEUE)

Observații:

1. În limbajul uzual cuvântul “coadă” se referă la o înșiruire de oameni, mașini, etc., aranjați în ordinea sosirii și care așteaptă un eveniment sau serviciu.
 - Noii sosiți se poziționează la sfârșitul cozii.
 - Pe măsură ce se face servirea, oamenii se mută către o poziție înainte, până când ajung în față și sunt serviti, asigurându-se astfel respectarea principiului “primul venit, primul servit”.
 - Exemple de cozi sunt multiple: coada de la benzinării, coada pentru cumpărarea unui produs, etc. Tipul de date **Coadă** permite implementarea în aplicații a acestor situații din lumea reală.
2. O *coadă* este o structură liniară de tip listă care restricționează adăugările la un capăt și ștergerile la celălalt capăt (lista FIFO - *First In First Out*).
3. **Accesul** într-o coadă este *prespecificat* (se poate accesa doar elementul cel mai devreme introdus în coadă), nu se permite accesul la elemente pe baza pozitiei. Dintr-o coadă se poate **șterge** elementul CEL MAI DEVREME introdus (primul).
4. Se poate considera și o capacitate inițială a cozii (număr maxim de elemente pe care le poate include), caz în care dacă numărul efectiv de elemente atinge capacitatea maximă, spunem că avem o *coadă plină*.
 - adăugarea în coada plină se numește **depășire superioară**.
5. O coadă fără elemente o vom numi *coadă vidă* și o notăm Φ .
 - ștergerea din coada vidă se numește **depășire inferioară**.
6. O coadă în general nu se iterează.
7. Cozile sunt frecvent utilizate în programare - crearea unei cozii de așteptare a task-urilor într-un sistem de operare.
 - dacă task-urile nu au asociată o prioritate, ele sunt procesate în ordinea în care intră în sistem → **Coadă**.
 - dacă task-urile au asociate o prioritate și trebuie procesate în ordinea priorității lor → **Coadă cu priorități**.

Tipul Abstract de Date COADA:

domeniu: $\mathcal{C} = \{c \mid c \text{ este o coadă cu elemente de tip } TElement\}$

operații:

- **creeaza(c)**
 $\{\text{creează o coadă vidă}\}$

pre : true
post : $c \in \mathcal{C}, c = \Phi(\text{coada vidă})$

- **adauga(c, e)**
 $\{\text{se adaugă un element la sfârșitul cozii}\}$

pre : $c \in \mathcal{C}, e \in TElement, c \text{ nu e plină}$
post : $c' \in \mathcal{C}, c' = c \oplus e, e \text{ va fi cel mai recent element introdus în coadă}$

© aruncă excepție dacă coada e plină

- **sterge(c, e)**
 $\{\text{se șterge primul element introdus în coadă}\}$

pre : $c \in \mathcal{C}, c \neq \Phi$
post : $e \in TElement, e \text{ este elementul cel mai devreme introdus în coadă}, c' \in \mathcal{C}, c' = c \ominus e$

© aruncă excepție dacă coada e vidă

- **element(c, e)**
 $\{\text{se accesează primul element introdus în coadă}\}$

pre : $c \in \mathcal{C}, c \neq \Phi$
post : $c' = c, e \in TElement, e \text{ este elementul cel mai devreme introdus în coadă}$

© aruncă excepție dacă coada e vidă

- **vida (c)**

pre : $c \in \mathcal{C}$
post : $\text{vida} = \begin{cases} \text{adev}, & \text{dacă } c = \Phi \\ \text{fals}, & \text{dacă } c \neq \Phi \end{cases}$

- **plina (c)**

pre : $c \in \mathcal{C}$
post : $\text{plina} = \begin{cases} \text{adev}, & \text{dacă } c \text{ e plină} \\ \text{fals}, & \text{contrar} \end{cases}$

- **distruge(c)**
 $\{\text{destructor}\}$

pre : $c \in \mathcal{C}$
post : $c \text{ a fost 'distrusa' (spațiul de memorie alocat a fost eliberat)}$

Observații

- Coada nu este potrivită pentru aplicațiile care necesită traversarea ei (nu avem acces direct la elementele din interiorul cozii).
- Afisarea conținutului cozii poate fi realizată folosind o coadă auxiliară (scoatem valorile din coadă punându-le într-o coadă auxiliară, după care se reintroduc în coada inițială). Complexitatea timp a subalgoritmului **tiparire** (descriș mai jos) este $\theta(n)$, n fiind numărul de elemente din coadă.

```
Subalgoritm tiparire(c)
{pre: c este o Coadă}
{post: se tipăresc elementele din Coadă}
creeaza(cAux) {se creează o coadă auxiliară vidă}
{se sterg elementele din c și se adaugă în cAux}
CatTimp ⊢ vida(c) execută
    sterge(c, e)
    @ tipărește e
    adauga(cAux, e)
SfCatTimp
{se sterg elementele din cAux și se refac c}
CatTimp ⊢ vida(cAux) execută
    sterge(cAux, e)
    adauga(c, e)
SfCatTimp
SfSubalgoritm
```

Implementări ale cozilor folosind

- tablouri - vectori (dinamici) - reprezentare circulară (Figura 1, Figura 2).
- liste înlántuite.
- adăugarea un coadă, stergerea din caoadă să se facă eficient ($\theta(1)$)

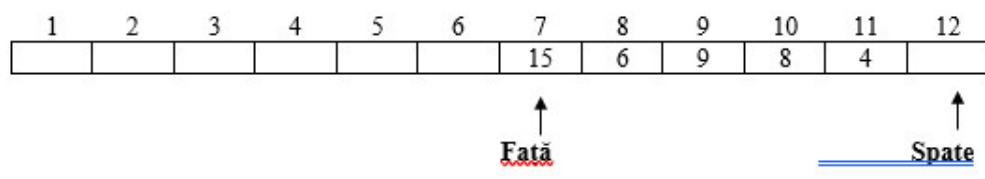
Generalizare a cozilor

- **Coada completă** (*Double ended queue - DEQUEUE*) - adăugări, stergeri se pot face la ambele capete ale cozii.

Implementări ale TAD Coada în biblioteci

- **Java**
 - interfața **Queue**
 - * sub-interfața **Deque**
 - clase care implementează **Queue**
 - * ArrayDeque, ConcurrentLinkedQueue, PriorityQueue
- **STL**
 - **queue**, **deque**

Figura 1: Reprezentare circulară pe tablou



$n = 12$ (capacitatea tabloului)

Fată = 7 - indicele unde e memorat primul element din coadă

Spate = 12 – primul indice liber din spatele cozii

Pp. că în vector memorăm elementele de la poziția 1

- Se adaugă în **Spate**, se șterge din **Fată**
- Elementele cozii se află între indicii **Fată**, **Fată+1**,...,**Spate-1**
- Initializarea cozii: **Fată=Spate=1** (dacă vectorul se memorează de la poziția 0, atunci **Fată=Spate=0**)
- **Depășire inferioară** (coada vidă): **Fată=Spate**
- **Depășire superioară** (coada plină): a) **Fată=1 și Spate= n** sau b) **Fată=Spate+1**

a) **Fată=1 și Spate=12**

| | | | | | | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|----|---|---|----|----|----|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 |
| 2 | 8 | 9 | 3 | 5 | 7 | 15 | 6 | 9 | 8 | 4 | |

a) **Fată=7 și Spate=6**

+

| | | | | | | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|----|---|---|----|----|----|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 |
| 2 | 8 | 9 | 3 | 5 | | 15 | 6 | 9 | 8 | 4 | 5 |

□

Figura 2: Operații pe coada reprezentată circular pe tablou (unidimensional)

Reprezentare
Coada
cp: Intreg {capacitatea maximă de memorare}
Fată, Spate: Intreg {indică Fată, Spate}
e: TElement[1..cp] {elementele memorate}

subalgoritm *creează*(c, cp) este { $\theta(1)$ }
 c.cp \leftarrow cp
 c.Fată \leftarrow 1
 c.Spate \leftarrow 1
sfCreează

subalgoritm *adaugă*(c, e) este { $\theta(1)$ }
{nu se verifică depășirea superioară}
 c.e[c.Spate] \leftarrow e
 dacă *c.Spate* = *c.cp* **atunci**
 c.Spate \leftarrow 1
 altfel
 c.Spate \leftarrow *c.Spate* + 1
sfdacă
sfAdaugă

subalgoritm *sterge*(c, e) este { $\theta(1)$ }
{nu se verifică depășirea inferioară}
 e \leftarrow *c.e[c.Fată]*
 dacă *c.Fată* = *c.cp* **atunci**
 c.Fată \leftarrow 1
 altfel
 c.Fată \leftarrow *c.Fată* + 1
sfdacă
sfAdaugă