

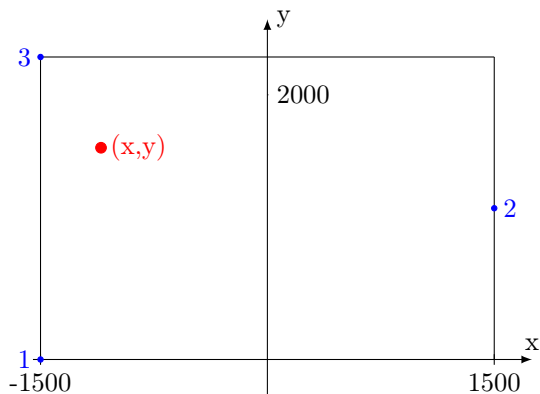
Repérage d'un système à ultrason et filtrage

Clément Besnier

10 mars 2016

1 Introduction

Chaque année a lieu la coupe de France de robotique. Durant cette compétition, deux robots évoluent sur une table de deux mètres sur trois en 90 secondes pour obtenir un maximum de points. La table étant partagée en même temps par deux robots, il est nécessaire d'éviter le robot adverse pour des raisons de sécurité et pour des raisons stratégiques. C'est la raison même d'un tel système de balisage.



2 Système de balisage

Le système de balisage est composé d'une partie émettrice et d'une partie réceptrice. La partie émettrice (PE) est placée sur le robot adverse et émet des ultrasons. La partie réceptrice (PR) est composée de trois balises qui se trouvent autour de la table (Voir figure 1). Les trois balises sont synchronisées entre elles mais ne le sont pas avec la partie émettrice.

3 Repérage

PE émet à intervalle régulier un signal particulier. Soient t_1, t_2, t_3 respectivement les dates de réception du même signal par PR. Comme PE et PR ne sont pas synchronisées il est impossible de calculer la durée entre l'émission du signal et sa réception et donc on ne peut pas trianguler le signal pour en retrouver l'origine :

$$\begin{aligned} t_1 - t_2 \\ t_1 - t_3 \\ t_2 - t_3 \end{aligned} \tag{1}$$

, ce qui est proportionnel à

$$\begin{aligned} m_1 &= d((x, y), PR1) - d((x, y), PR2) \\ m_2 &= d((x, y), PR1) - d((x, y), PR3) \\ m_3 &= d((x, y), PR2) - d((x, y), PR3) \end{aligned} \tag{2}$$

, il faut juste multiplier les différences de dates par la vitesse du son dans l'air dans des conditions normales. Les mesures m_1, m_2, m_3 permettent de retrouver (x,y) en résolvant le système. Vous pouvez trouver en annexe les équations (pas belles)

4 Modélisation et Simulation

Avant de pouvoir faire des mesures sur le robot, on simule les mesures en ajoutant un bruit gaussien aux m_1, m_2, m_3 .

5 Filtrage

Pour chaque modèle, on essayera un filtre de Kalman classique et un filtre de Kalman unscented. Le filtre de Kalman étendu n'est pas adapté à la situation puisque la relation entre les mesures et l'état du robot (la position et la vitesse du robot) est non continue (et donc non dérivable) sur certaines parties de la table. JUSTIFIER ICI.

6 Annexe I :

Les trois équations du système représentent trois équations d'hyperbole. (x,y) se retrouvent à l'intersection de trois branches d'hyperbole. Cependant, la formule donnée à Mathematica (CHANGER LA FORMULATION) donne, pour chaque couple possible d'équation, deux solutions. Au total il y a 6 solutions.

- équation 1 1 2

$$\begin{aligned}
 a &= \sqrt{-(-10 + m_1^2) * (m_1 + m_2)^2 * (-10 + m_2^2) * (-4 + m_1^2 - 2 * m_1^2 + m_2^2)} \\
 x &= \frac{-(-12 + 6 * m_1^2 - 12 * m_1 * m_2 + 3 * m_1^3 * m_2 + 6 * m_2^2 - 6 * m_1^2 * m_2^2 + 3 * m_1 * m_2^3 + a)}{4 * (-18 + 5 * m_1^2 - 8 * m_1 * m_2 + 5 * m_2^2)} \\
 Q &= 4 * (m_1 + m_2) * (-18 + 5 * m_1^2 - 8 * m_1 * m_2 + 5 * m_2^2) \\
 y &= \frac{-1}{Q * (72 * m_1 - 28 * m_1^3 + 72 * m_2 + 4 * m_1^2 * m_2 + m_1^4 * m_2 + 20 * m_1 * m_2^2 + m_1^3 * m_2^2 - 12 * m_2^3 - m_1^2 * m_2^3 - m_1 * m_2^4)} \quad (3)
 \end{aligned}$$

- équation 2 1 2

$$\begin{aligned}
 a &= \sqrt{-(-10 + m_1^2) * (m_1 + m_2)^2 * (-10 + m_2^2) * (-4 + m_1^2 - 2 * m_1 * m_2 + m_2^2)} \\
 x &= \frac{-(-12 + 6 * m_1^2 - 12 * m_1 * m_2 + 3 * m_1^3 * m_2 + 6 * m_2^2 - 6 * m_1^2 * m_2^2 + 3 * m_1 * m_2^3 - a)}{4 * (-18 + 5 * m_1^2 - 8 * m_1 * m_2 + 5 * m_2^2)} \\
 Q &= 4 * (m_1 + m_2) * (-18 + 5 * m_1^2 - 8 * m_1 * m_2 + 5 * m_2^2) \\
 y &= \frac{-1}{Q * (72 * m_1 - 28 * m_1^3 + 72 * m_2 + 4 * m_1^2 * m_2 + m_1^4 * m_2 + 20 * m_1 * m_2^2 + m_1^3 * m_2^2 - 12 * m_2^3 - m_1^2 * m_2^3 - m_1 * m_2^4)} \quad (4)
 \end{aligned}$$

- équation 1 2 3

$$\begin{aligned}
 a &= \sqrt{-(-10 + m_2^2) * (-2 * m_2 + m_3)^2 * (-4 + m_3^2) * (-10 + m_2^2 - 2 * m_2 * m_3 + m_3^2)} \\
 x &= \frac{-(-12 + 6 * m_3^2 + 3 * m_2^2 * m_3^2 - 3 * m_2 * m_3^3 - a)}{4 * (-18 + 2 * m_2^2 - 2 * m_2 * m_3 + 5 * m_3^2)} \\
 y &= \frac{-144 * m_2 + 16 * m_2^3 + 72 * m_3 - 56 * m_2^2 * m_3 + 4 * m_2^4 * m_3 + 80 * m_2 * m_3^2 - 8 * m_2^3 * m_3^2 - 28 * m_3^3 + 5 * m_2^2 * m_3^4}{4 * (2 * m_2 - m_3) * (-18 + 2 * m_2^2 - 2 * m_2 * m_3 + 5 * m_3^2)} \quad (5)
 \end{aligned}$$

- équation 2 2 3

$$\begin{aligned}
 [a &= \sqrt{-(-10 + m_2^2) * (-2 * m_2 + m_3)^2 * (-4 + m_3^2) * (-10 + m_2^2 - 2 * m_2 * m_3 + m_3^2)} \\
 x &= \frac{-(-12 + 6 * m_3^2 + 3 * m_2^2 * m_3^2 - 3 * m_2 * m_3^3 + a)}{4 * (-18 + 2 * m_2^2 - 2 * m_2 * m_3 + 5 * m_3^2)} \\
 y &= \frac{-144 * m_2 + 16 * m_2^3 + 72 * m_3 - 56 * m_2^2 * m_3 + 4 * m_2^4 * m_3 + 80 * m_2 * m_3^2 - 8 * m_2^3 * m_3^2 - 28 * m_3^3 + 5 * m_2^2 * m_3^4}{4 * (2 * m_2 - m_3) * (-18 + 2 * m_2^2 - 2 * m_2 * m_3 + 5 * m_3^2)} \quad (6)
 \end{aligned}$$

- équation 1 3 1

$$\begin{aligned}
 a &= \sqrt{-(-10 + m_1^2) * (2 * m_1 + m_3)^2 * (-4 + m_3^2) * (-10 + m_1^2 + 2 * m_1 * m_3 + m_3^2)} \\
 x &= \frac{-(-12 + 6 * m_3^2 + 3 * m_1^2 * m_3^2 + 3 * m_1 * m_3^3 + a)}{4 * (-18 + 2 * m_1^2 + 2 * m_1 * m_3 + 5 * m_3^2)} \\
 y &= \frac{-144 * m_1 + 16 * m_1^3 - 72 * m_3 - 8 * m_1^2 * m_3 + 4 * m_1^4 * m_3 + 16 * m_1 * m_3^2 + 8 * m_1^3 * m_3^2 + 12 * m_3^3 + 5 * m_1^2 * m_3^4}{4 * (2 * m_1 + m_3) * (-18 + 2 * m_1^2 + 2 * m_1 * m_3 + 5 * m_3^2)} \quad (7)
 \end{aligned}$$

- équation 2 3 1

$$\begin{aligned}
a &= \sqrt{-(-10 + m_1^2) * (2 * m_1 + m_3)^2 * (-4 + m_3^2) * (-10 + m_1^2 + 2 * m_1 * m_3 + m_3^2)} \\
x &= \frac{-(-12 + 6 * m_3^2 + 3 * m_1^2 * m_3^2 + 3 * m_1 * m_3^3 - a)}{4 * (-18 + 2 * m_1^2 + 2 * m_1 * m_3 + 5 * m_3^2)} \\
y &= \frac{-144 * m_1 + 16 * m_1^3 - 72 * m_3 - 8 * m_1^2 * m_3 + 4 * m_1^4 * m_3 + 16 * m_1 * m_3^2 + 8 * m_1^3 * m_3^2 + 12 * m_3^3 + 5 * m_1^2 * m_3^3}{4 * (2 * m_1 + m_3) * (-18 + 2 * m_1^2 + 2 * m_1 * m_3 + 5 * m_3^2)}
\end{aligned} \tag{8}$$