2022春 过程控制系统

过程控制系统

授课教师: 苗子博



前情回顾

检测仪表

温度 检测仪表

压力 检测仪表

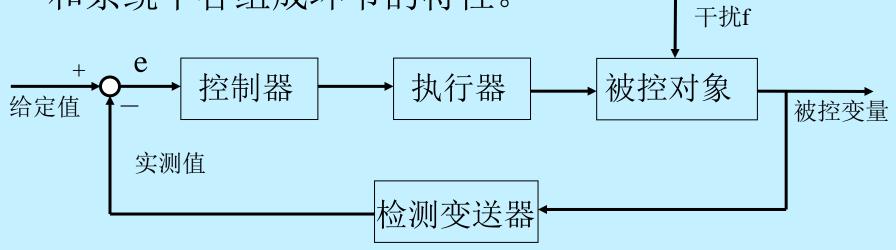
流量 检测仪表

液位 检测仪表

成分 分析仪表

第5章 额增殖量的戰爭運

控制系统的控制过程品质主要取决于系统的结构和系统中各组成环节的特性。



过程控制系统原理方框图

过程控制系统的主要任务是:对生产过程中的 重要参数(温度、压力、流量、物位、成分、湿度 等)进行控制,使其保持恒定或按一定规律变化。

第5章 额增殖是的戰學模型

本章学习重点

1. 被控过程数学模型的作用与要求、建立被控过程数学模型的方法

- 2. 机理法建模
- a. 单容过程建模
- b. 多容过程建模

3. 测试法建模

第5章 额壁过程的戰爭運

5.1被控过程数学模型的作用与要求

被控对象大都是生产中的工艺设备,它是控制系统的重要环节。无论是设计、还是操作控制系统,都需要了解被控对象的特性。

动态数学模型:输入变量与输出变量之间动态关系的数学描述。

静态数学模型:系统运行在稳定的平衡工况下,输入变量与输出变量之间的数学关系。

其他分类方式:**参数**与非参数;**连续**与离散;**定常**与时变;**线 性**与非线性等。

第5章 视煌沧星的歌学强型

数学模型的作用:

- 1、设计过程控制系统及整定控制参数的重要依据;
- 2、指导生产工艺及其设备的设计与操作;
- 3、对被控过程进行仿真研究;
- 4、培训运行操作人员;
- 5、工业过程的故障检测与诊断。

数学模型的要求:

总得原则:一是尽量简单,二是正确可靠。

跨5章 额增过是的数学模型

1、如果数学模型是根据输入输出数据估计得到的,选用的数学模型越复杂,需要计算的模型参数就越多。

计算过程的近似处理及误差积累,难以保证精度和模型的准确性;

- 2、当采用前馈控制、解耦控制等方法时,模型过于复杂,则控制规律和算法也会比较复杂、很难实现;
- 3、模型太复杂,控制系统进行在线参数整定与系统优化的计算量大,难以保证实时性。

最常用的是传递函数。主要采用具有纯滞后的一阶和二阶模型,带纯滞后的一阶最常用。

第5章 额壁过程的戰爭運

- 5.2建立被控过程数学模型的基本方法 求对象的数学模型有两条途径:
- □ **机理法:** 根据生产过程的内部机理,列写出有 关的平衡方程,从而获取对象的数学模型。

机理法建模的首要条件是必须对生产过程的机理有充分的了解,并能比较准确地用数学语言加以描述。

机理法建模的基础是物质与能量平衡关系,利用物质与能量平衡的基本关系及相应的物理、化学定理,列写出相应的方程,并进行一定的运算、变换即可得到需要的传递函数。

第5章 额增过是的戰學模型

常用的简化方法: 1、一开始就引入假定,使复杂的方程简化; 2、在得到较复杂的高阶方程后,用低阶方程去近似; 3、对得到的原始模型进行仿真,得到一系列响应曲线,再用低阶模型近似。

□ **测试法:** 通过实验测试,来识别对象的数学模型。

混合法:由于影响生产过程的因素较多,单纯用机理法建模较困难,一般用机理法的分析结论,指导测试结果的辨识。

第5章 想達过是的戰爭模型

- 5.3机理法建模
- 5.3.1机理法建模的基本原理

通过分析生产过程的内部机理,找出变量之间的 关系。如物料平衡方程、能量平衡方程、化学反应定 律、电路基本定律等,从而导出对象的数学模型。被 控变量与控制变量的变化都与物质和能量的流动与转 换有密切关系,这一点是机理法建模的重要依据。

- 1、流入量与流出量
- 2、静态平衡与动态平衡

跨5章 额壁过程的戰爭類型

物质与能量的动态平衡关系可表示为:

单位时间内被控过程流入量与流出量之差等于被控过程内部的存储变化率。

即

单位时间内物质/能量流入量一单位时间内物质/能量流出量=被控过程内部物质/能量存储量的变化率

物质与能量的平衡关系是反映过程特性的基本 关系,也是机理法建立被控过程的数学模型的基础。

第5章 视煌过程的歌学程型

机理法建模的步骤:

- 1、根据过程和模型使用目的作出合理假设
- 2、根据被控过程内在机理建立数学模型
- 3、简化
- 5.3.2单容过程建模

当对象的输入输出可以用一阶微分方程式来 描述时,称为单容过程或一阶特性对象。 大部分 工业对象可以用一阶特性描述。

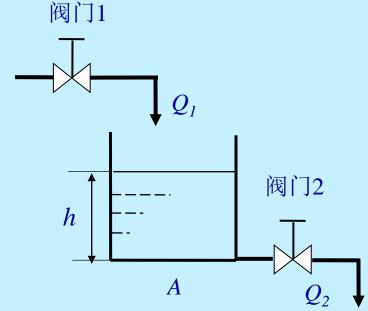
典型代表是水槽的水位特性。

質5章 额增过是的戰爭模型

5.3.2.1单容贮液箱液位过程I

如图是一个水槽,水经过阀门1不断地流入水槽,水槽内的水又通过阀门2不断流出。工艺上要求水槽的液位h保持一定数值。在这里,水槽就是被控对象,液位h就是被控变量。

如果想通过调节阀门1 来控制液位,就应了解进水 流量 Q_1 变化时,液位h是如 何变化的。



第5章 额增过是的戰學模型

此时,对象的输入量是流入水槽的流量 Q_1 ,对象的输出量是液位h。

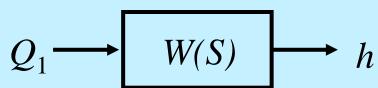
机理建模步骤:

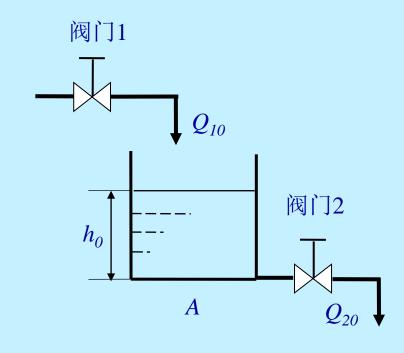
从水槽的物料平衡关系考虑,找出表征h与 Q_1 关系的方程式。

设水槽的截面积为A

 $Q_{10}=Q_{20}$ 时,系统处于平衡状态,即静态。

这时液位稳定在 h_0 。





跨5章 额壁过程的戰爭類型

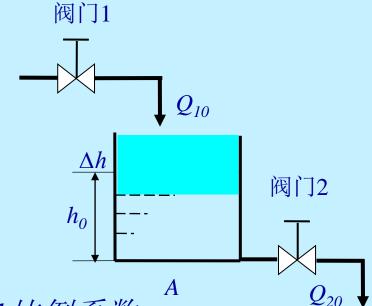
假定某一时刻,阀门1突然开大 $\Delta\mu_1$,则 Q_1 突然增大,不再等于 Q_2 ,于是h也就开始变化。

 Q_1 与 Q_2 之差被囤积在水槽中,造成液位上升。

$$\left(\Delta Q_1 - \Delta Q_2\right)/A = d\Delta h/dt$$

思考题 $\Delta Q_2 = \frac{\Delta h}{R_s}$
 $\Delta Q_1 = K_u \Delta \mu_1$

式中:



 R_S ——阀门2阻力系数; K_μ ——阀门1比例系数; μ_1 ——阀门1的开度;

第5章 视煌过程的歌学理型

解得
$$\frac{d\Delta h}{dt} = \frac{1}{A} (K_{\mu} \Delta \mu_1 - \frac{1}{R_s} \Delta h)$$

$$\exists \Box \qquad AR_s \frac{d\Delta h}{dt} + \Delta h = K_{\mu}R_s \Delta \mu_1$$

$$\diamondsuit$$
: $T = AR_s$ ——时间常数; $K = K_{\mu}R_s$ ——放大倍数。

写成标准形式
$$T\frac{d\Delta h}{dt} + \Delta h = K\Delta \mu_1$$

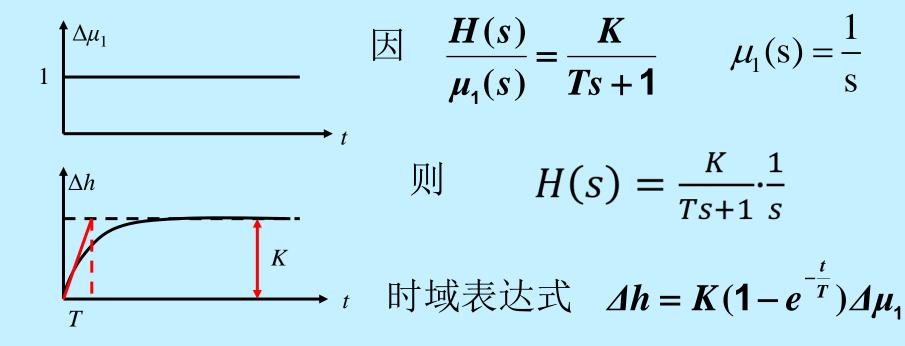
进行拉氏变换
$$TsH(s) + H(s) = K\mu_1(s)$$

传递函数为:
$$\frac{H(s)}{\mu_1(s)} = \frac{K}{Ts+1}$$

第5章 额壁过程的戰學模型

阶跃响应(飞升)曲线

输入量 μ_I 阶跃变化($\Delta\mu_1$)时,其输出(Δh)随时间变化的曲线。



又称一阶惯性特性或单容特性

第5章 额壁过程的戰學模型

对象的特性参数K、T反映了对象的物理本质。

因为工艺过程就是能量或物质的交换过程,在此过程中,肯定存在能量的储存和阻力。

(1)容量系数——反映对象存储能量的能力。如水槽面积A,它影响时间常数T的大小。

$$T = AR_S$$

(2) 阻力系数——反映对象对物料或能量传递的阻力。

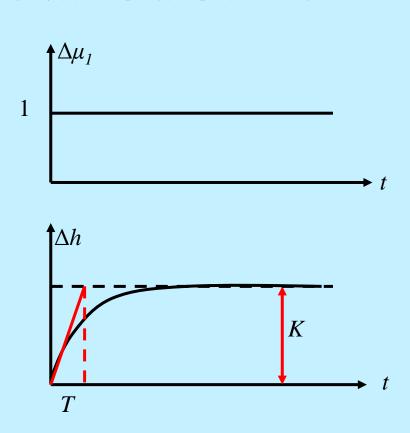
如阀门阻力系数 R_S ,它影响放大系数K的大小。

$$K = K\mu R_S$$

第5章 视煌过程的歌学程型

5.3.2.2被控过程的自衡特性与单容贮液箱液位过程II

从一阶惯性特性曲线可以看出,对象在扰动作用下, 其平衡状态被破坏后,在没有人工干预或调节器干预下, 能自动达到新的平衡状态, 这种特性称为"自衡特性"。



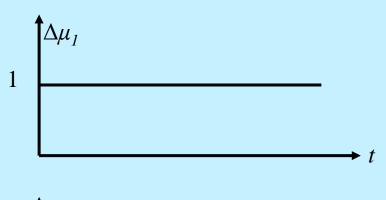
用自衡率ρ表征对象自衡能力的大小

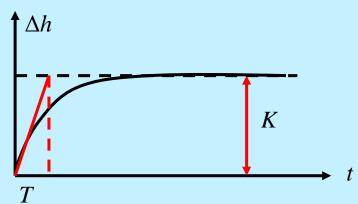
第5章 视煌沧星的歌学强型

$$\rho = \frac{\Delta \mu_1}{\Delta h(\infty)} = \frac{1}{K}$$

与放大系数K互为倒数

如果 ρ 大,说明对象的自 衡能力大。即对象能以较小的 自我调整量 Δh (∞),来抵消 较大的扰动量 $\Delta \mu_1$ 。





并不是所有被控过程都具有自衡特性。同样的单容水槽如果出水用泵抽出,则成为无自衡特性。

跨量 额達过程的戰學模型

单容无自衡特性

若阀门1突然开大 $\Delta\mu_1$,则 Q_1 增大, Q_2 不变化。

$$\Delta Q_{1} - \Delta Q_{2} = A \frac{d\Delta h}{dt}$$

$$\Delta Q_{1} = K_{\mu} \Delta \mu_{1}$$

$$\Delta Q_{2} = 0$$

$$\Rightarrow \varepsilon = \frac{k_{\mu}}{A} - \kappa \mathcal{H}$$

$$\mathcal{D}_{10}$$

$$\mathcal{D}_{10}$$

$$\mathcal{D}_{10}$$

$$\mathcal{D}_{20}$$

$$\mathcal{D}_{20}$$

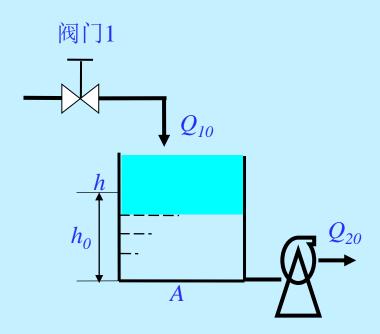
$$\mathcal{D}_{30}$$

$$\mathcal{D}_{$$

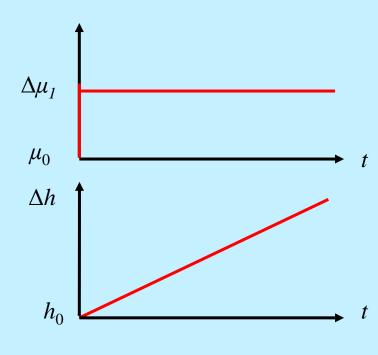
質5章 额增过是的戰爭模型

若阀门1阶跃增大 $\Delta\mu_1$,则 $\Delta h(t)$ 持续增长。

$$\mathbb{E} : \quad \Delta h(t) = \int \varepsilon \Delta \mu_1 dt$$



—又称积分特性

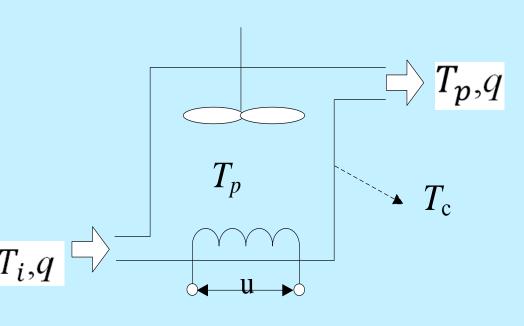


非自衡单容液位控制过程阶跃 响应曲线

第5章 视煌过程的歌学镇型

5.3.2.3 单容温度过程建模及其他单容过程

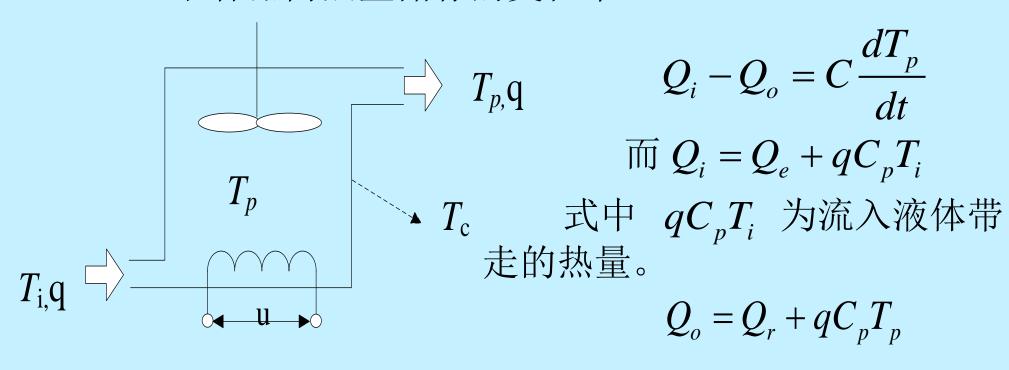
如右图所示是某电容电 加热过程,容器内物料 的总热容为C,液体的比 热容为 C_p ,流体流量 (流入、流出相等)为q, 液体以温度T流入加热 容器,以温度 T_p 流出加 热容器。求电加热电压u 和液体输出温度 T_p 之间 的关系.



单电容电加热热力过程

第5章 额建过程的数学模型

把加热器看作一个独立的隔离体,设容器所在的环境温度为 T_c 。根据能量平衡关系,单位时间进入容器的热量 Q_i 与单位时间流出的热量 Q_o 之差等于容器内热量储存的变化率。



式中Q_r为容器向周围散发的热量。

第5章 额蜂冠是的戰爭運

$$Q_r = AK_r(T_p - T_c)$$

当加热处于稳态时,即 T_p 保持不变,此时,从加热器输出的热量 Q_o 等于从外部输入的热量 Q_i 。

$$Q_i - Q_o = C \frac{dT_p}{dt} = 0$$

用增量表示变量对于稳态值的变化量可得:

$$\Delta Q_i - \Delta Q_o = C \frac{d\Delta T_p}{dt}$$

假设q, $T_{\rm i}$, $T_{\rm c}$ 不变,所以有

$$\Delta Q_i = ?$$
 $\Delta (Q_e + qC_pT_i) = \Delta Q_e + 0 = \Delta Q_e$

$$\Delta Q_o = ? \quad \Delta (AK_r(T_p - T_c) + qC_pT_p) = (AK_r + qC_p)\Delta T_p$$

25章

經達的戰學模型

综合上述各式可得

$$\Delta Q_e - (AK_r + qC_p)\Delta T_p = C\frac{d\Delta T_p}{dt}$$

在工作点附近进行线性化处理可得

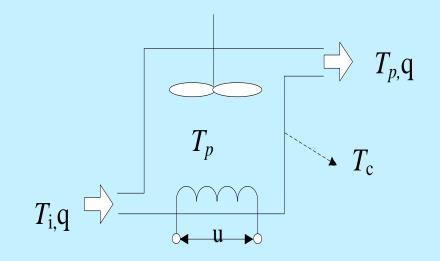
$$\Delta Q_e = K_q \Delta u$$

代入上式可得

$$K_{q}\Delta u - (AK_{r} + qC_{p})\Delta T_{p} = C\frac{d\Delta T_{p}}{dt}$$

进行拉氏变换可得
$$T_{p}(s) = \frac{K}{T_{s}+1}$$

其中
$$T = \frac{C}{AK_r + qC_p}$$
 $K = \frac{K_q}{AK_r + qC_p}$



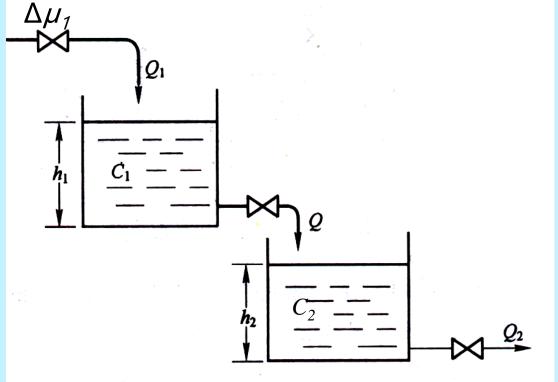
質5章 额增过是的戰學模型

5.3.3多容过程建模

有一个以上贮蓄容量的过程称为多容过程。

5.3.3.1多容液位过程

如图所示为双容对象。



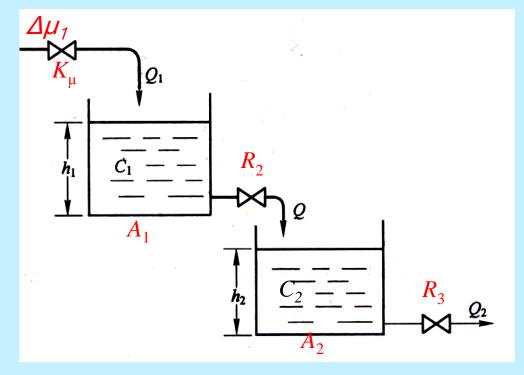
由两个一阶惯性环节串联起来,操纵变量是 $\Delta\mu_1$,被控变量是第二个水槽的水位 h_2 。

跨5章 德建过程的戰學模型

可以求出传递函数:

$$W(s) = \frac{H_2(s)}{\mu_1(s)} = \frac{K}{(T_1 s + 1)(T_2 s + 1)}$$

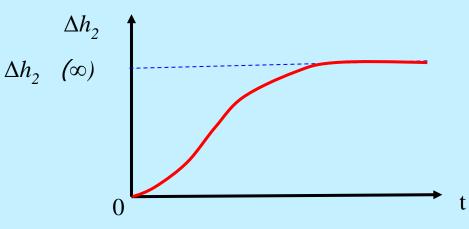
$$\overrightarrow{x}, \not = : T_1 = A_1 R_2 \qquad T_2 = A_2 R_3 \qquad K = K_\mu R_3$$



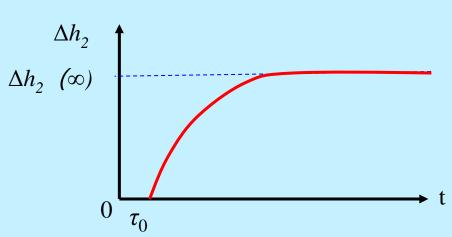
由两个一阶惯性特性乘积而成。又称二阶惯性。

質5章 额增过是的戰爭模型

当输入量是阶跃增量 $\Delta \mu_1$ 时,被控变量 Δh_2 的反应(飞升)曲线呈S型。



为简化数学模型, 可以用带滞后的单容过 程来近似。



所谓滞后是指被控变量的变化落后于扰动变化的时间。

第5章 额壁过程的戰爭類型

在S形曲线的拐点上作一切线,若将它与时间 轴的交点近似为反应曲线的起点,则曲线可表达为 带滞后的一阶特性:

$$\Delta h_2(t) = \begin{cases} K_0 \Delta \mu_1 (1 - e^{\frac{-(t - \tau_c)}{T_0}}) & t \geq \tau_c \\ 0 & t < \tau_c \end{cases}$$

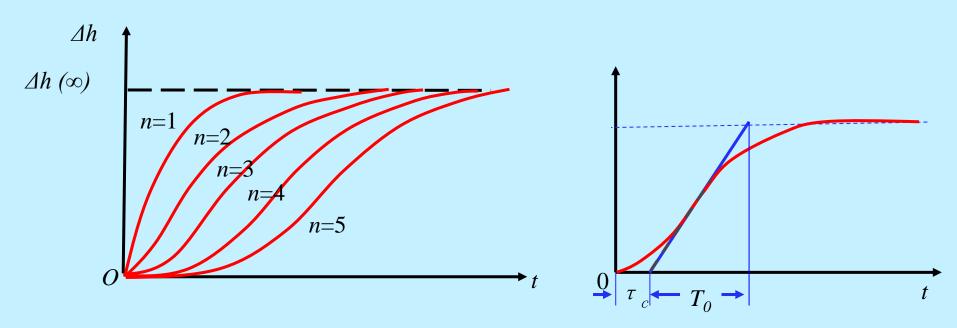
$$W(s) = e^{-s\tau_c} \frac{K_0}{T_0 s + 1}$$

跨5章 被建过程的戰學模型

- 5.3.3.2容量滞后与纯滞后
- 1. 容量滞后

切线在时间轴上截出的时间段元为容量滞后。

被控过程的容量系数C越大, τ_c 越大,容量个数越多(阶数n越多),阶跃响应曲线上升越慢。

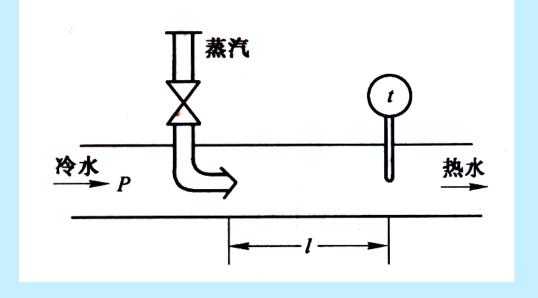


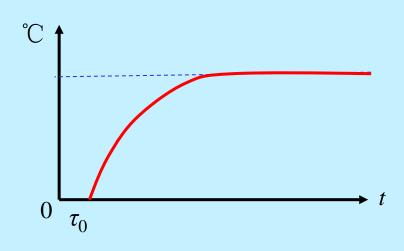
第5章 额增过是的数学模型

2. 纯滞后

由信号或能量的传输时间造成的滞后现象,是纯粹的滞后。

如图是一个用蒸汽来控制水温的系统。蒸汽作用 点与被调量测量点相隔 l 距离,蒸汽量阶跃增大引起 的水温升高,要经过路程 l 后才反应出来。



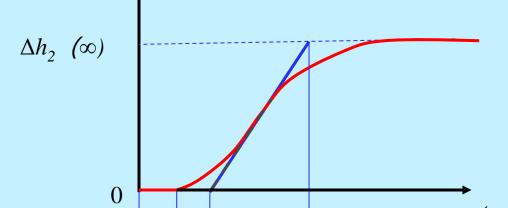


經經過是的戰學模型

纯滞后时间
$$\tau_0 = \frac{l}{l}$$

v ——水的流速;

❖ 有些对象容量滞后与纯滞后同时存在,很好难严格区分。常把两者合起来,统称为滞后时间 τ 。 $\tau = \tau_0 + \tau_c$



跨5章 额壁过程的戰爭類型

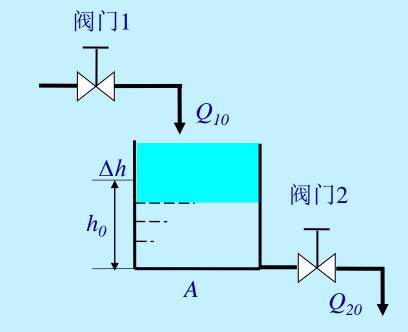
假定某一时刻,阀门1突然开大 $\Delta\mu_1$,则 Q_1 突然增大,不再等于 Q_2 ,于是h也就开始变化。

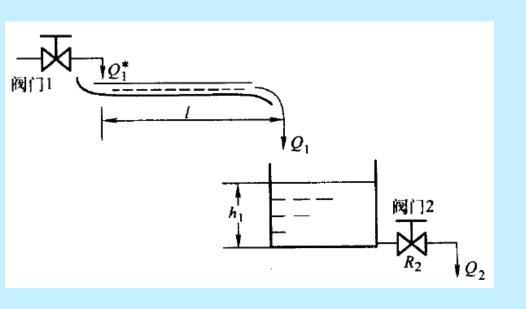
 Q_1 与 Q_2 之差被囤积在水槽中,造成液位上升。

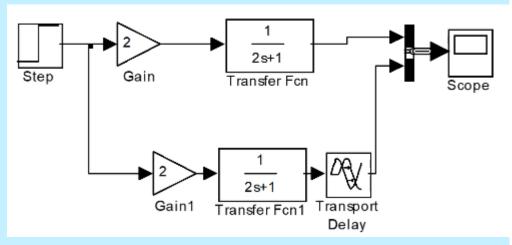
$$(\Delta Q_1 - \Delta Q_2) / A = d\Delta h / dt$$

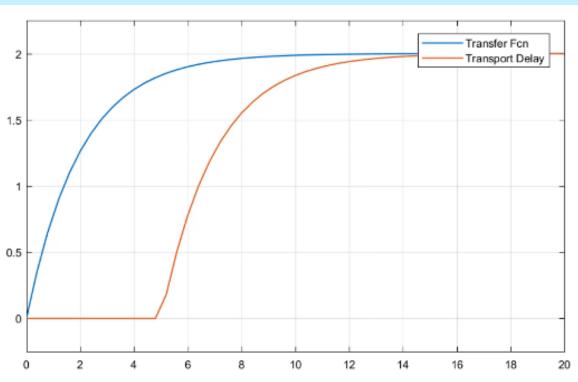
$$\Delta Q_2 = \frac{\Delta h}{R_s}$$

$$\Delta Q_I = K_{\mu} \Delta \mu_I$$









第5章 额蜂冠是的戰爭運

5.4测试法建模

根据工业过程中某因果变量的实测数据,进行数学处理后得到的数学模型。

测定对象特性的实验方法主要有三种:

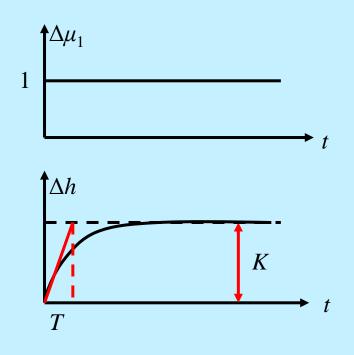
- (1)时域法——输入阶跃或方波信号,测对象的飞升曲线或方波响应曲线。
- (2) 频域法——输入正弦波或近似正弦波,测对象的频率特性。
- (3) 统计相关法——输入随机噪音信号,测对象参数的变化。

質5章 额增过是的戰學模型

5.4.1阶跃响应曲线法建模

给对象输入一阶跃信号或方波信号测其输出响 应。

1. 阶跃响应曲线的直接测定



在被控过程处于开环、稳态时,将选定的输入量做一阶跃变化(如将阀门开大),测试记录输出量的变化数据,所得到的记录曲线就是被控过程的阶跃响应曲线。

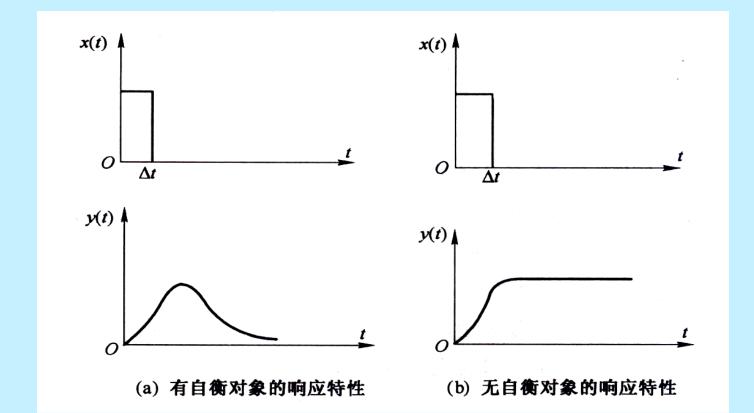
第5章 额蜂冠是的野学强型

为了得到可靠的测试结果,应注意以下事项:

- 1、合理选择阶跃信号的幅度
- 一般阶跃扰动量取为被控过程正常输入信号的5%-15%.
- 2、试验时被控过程应处于相对稳定的工况
- 3、仔细记录阶跃曲线的起始部分 对有自衡能力的被控过程,试验过程应在输出信号达 到新的稳定值时结束;对无自衡能力的被控过程,则 应在输出信号变化速度不再改变时结束。
- 4、多次测试,消除非线性

第5章 额壁过程的戰爭運

2.矩形脉冲法测定被控过程的阶跃响应曲线 有些工艺对象不允许长时间施加较大幅度的扰动,那么施加脉宽为△*t*的方波脉冲,得到的响应曲 线称为"方波响应"。



第5章 额壁过程的戰爭運

方波响应可以转换成飞升曲线。

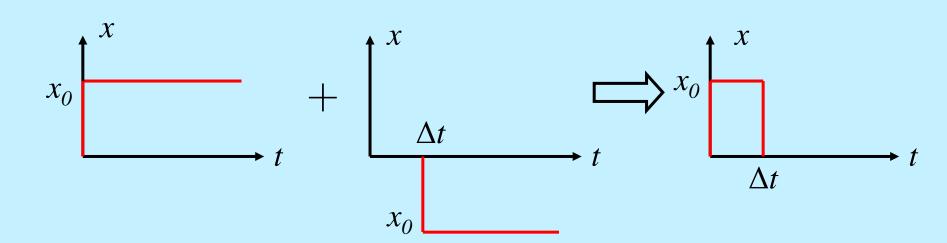
原理:方波信号是两个阶跃信号的代数和。

一个是在t = 0时加入的正阶跃信号 $x_1(t)$

另一个是在 $t = \Delta t$ 时加入的负阶跃信号 $x_2(t)$

$$x(t) = x_1(t) + x_2(t)$$

 $\sharp \psi, x_2(t) = -x_1(t - \Delta t)$



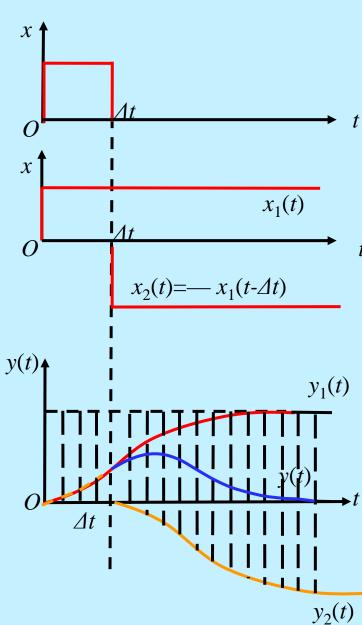
第5章 额蜂冠是的戰爭運

对应的响应也为两个阶跃响应之和:

$$y(t) = y_1(t) + y_2(t)$$

= $y_1(t) - y_1(t-\Delta t)$

根据此式,方波响应可逐点拆分为飞升曲线 $y_1(t)$ 和 $y_2(t)$ 。



質5章 额增过是的数学模型

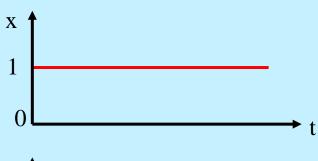
5.4.1.2由阶跃响应曲线确定被控过程传递函数

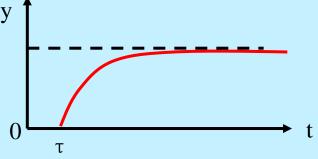
大多数工业对象的特性可以用具有纯滞后的一阶或二阶 惯性环节来近似描述:

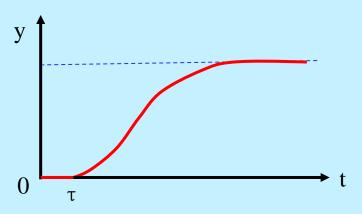
$$G(s) = \frac{Ke^{-\pi}}{Ts + 1}$$

$$G(s) = \frac{Ke^{-ts}}{(T_1s + 1)(T_2s + 1)}$$

$$G(s) = \frac{Ke^{-\tau s}}{(Ts+1)^n}$$







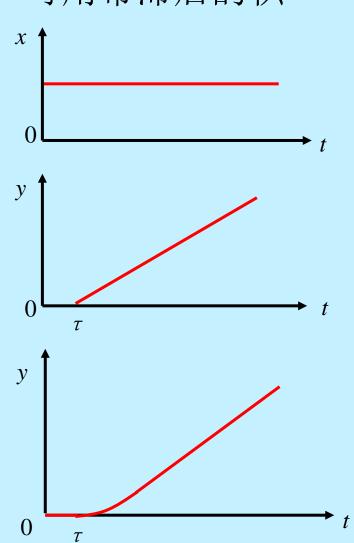
跨5章 想達过是的戰爭模型

$$G(s) = \frac{Ke^{-\tau s}}{T_S}$$

$$G(s) = \frac{Ke^{-\tau s}}{T_1 s(T_2 s + 1)}$$

$$G(s) = \frac{Ke^{-\tau s}}{T_1 s(T_2 s + 1)^n}$$

由对象的阶跃响应曲线基本可以辨识对象的特性模型结构和特性参数。



跨5章 被控过程的数学模型

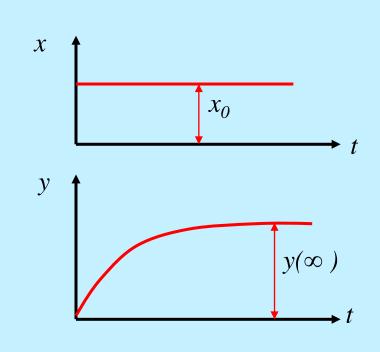
1.由阶跃响应曲线确定一阶惯性加滞后环节模型一阶对象的特性参数都具有明显的物理意义:

$$W(s) = e^{-s\tau} \frac{K_0}{T_0 s + 1}$$

❖ 放大倍数K的物理意义

*K*表明了稳态时,输出对输入的放大倍数。求法:

$$K = y(\infty) / x_0$$



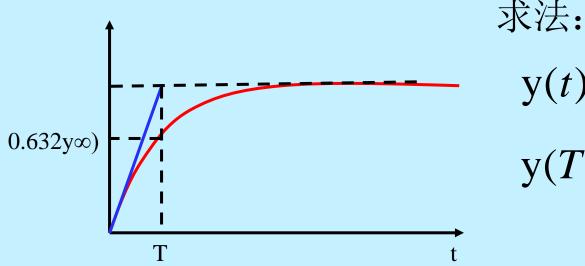
❖ K 越大,表示对象的输入对输出的影响越大。

學學們們們們們們

时间常数的物理意义 •

对象受到阶跃输入后,输出达到新的稳态值的 63.2%所需的时间,就是时间常数T。

或对象受到阶跃输入后,输出若保持初始速度 变化到新的稳态值所需时间就是时间常数。



$$y(t) = [Kx_0(1-e^{-\frac{t}{T}})]_{t=T}$$

$$y(T) = Kx_0(1-e^{-1})$$

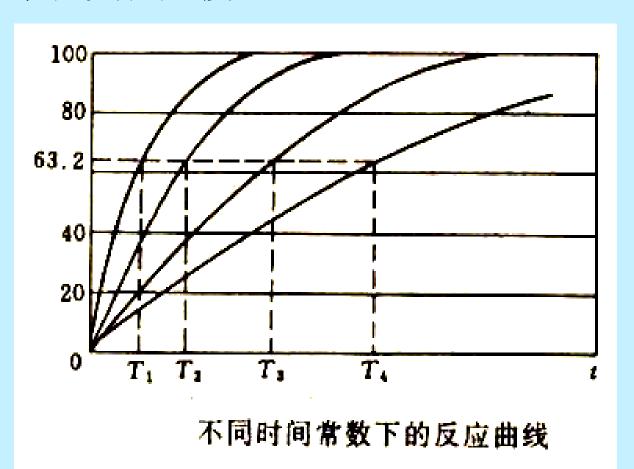
$$= 0.632Kx_0$$

第5章 视煌沧星的歌学强型

❖ T反映了对象输出对输入的响应速度

T越大,响应越慢。如水槽对象中 $T=AR_S$,说明水槽面积越大,水位变化越慢。

在相同的 阶跃输入作用 下,对象的时 间常数不同时, 被控变量的响 应曲线如图所 示。

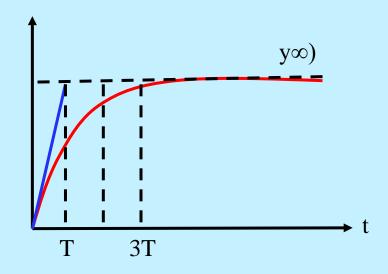


第5章 视煌沧星的歌学强型

❖ T也反映了过渡过程时间

被控变量变化到新的稳态 值所需要的时间理论上需要无 限长。

$$y(t) = Kx_0(1 - e^{-\frac{t}{T}})$$



当t→∞时,才有 $y=Kx_0$ 但是当t=3T时,便有:

$$y(3T) = Kx_0(1 - e^{-3}) \approx 0.95Kx_0 = 0.95y(\infty)$$

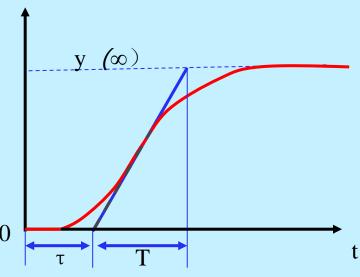
即:经过3T时间,输出已经变化了满幅值的95%。 这时,可以近似地认为动态过程基本结束。

第5章 额壁过程的戰爭運

例:被控过程的单位阶跃响应是一条 S 形单调曲线,用有纯滞后的一阶环节近似描述该过程的特性。作图法:

- 1)在响应曲线的拐点处作一条切线,该切线,与时间轴的交点切出τ;
- 2)以τ为起点,与y(∞)的交点切出的时间段为T;

3)
$$K = y(\infty)/x_0$$



$$W(S) = e^{-S\tau} \frac{K}{TS + 1}$$

第5章 额蜂冠是的戰爭運

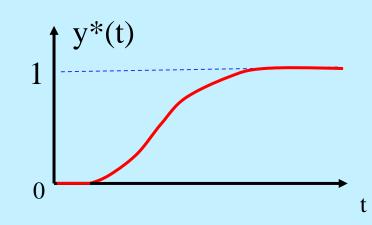
由于阶跃响应曲线的拐点不易找准,切线的方向 也有较大的随意性,因而作图法求得的T、τ值误差较 大。可以用计算法来求特性参数。

计算法的原理是根据曲线上的已知两点解方程。

两点法:

先将y(t) 转换成无量纲的形式 $y^*(t)$ 。

$$y^*(t) = \frac{y(t)}{Kx_0} = \frac{y(t)}{y(\infty)}$$
 1



第5章 额壁过程的戰爭類型

有滞后的一阶惯性环节,单位阶跃响应为:

$$y^*(t) = \begin{cases} 0 & t < \tau \\ 1 - e^{-\frac{t-\tau}{T}} & t \ge \tau \end{cases}$$

在无量纲飞升曲线上,选取 t_1 、 t_2 两时刻的响应 $y^*(t)$ 的坐标值:

$$\begin{cases} y^*(t_1) = \mathbf{1} - e^{-\frac{t_1 - \tau}{T}} & 1 \\ y^*(t_2) = \mathbf{1} - e^{-\frac{t_2 - \tau}{T}} & y^*(t_2) \\ & y^*(t_1) & 0 \end{cases}$$
解方程组

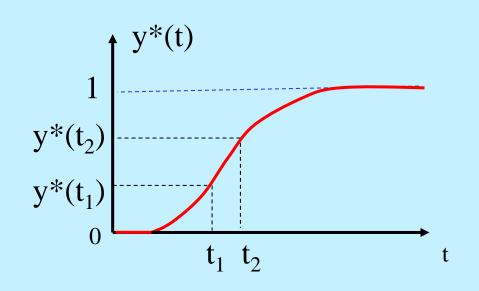
經經的量的學理理

则

得
$$\tau = \frac{t_2 \ln[1 - y^*(t_1)] - t_1 \ln[1 - y^*(t_2)]}{\ln[1 - y^*(t_1)] - \ln[1 - y^*(t_2)]}$$

$$T = \frac{t_1 - t_2}{\ln[1 - y^*(t_1)] - \ln[1 - y^*(t_2)]}$$

为计算方便,取特殊两点:



$$y^* (t_1) = 0.39$$

 $y^* (t_2) = 0.632$

$$\tau = 2 t_1 - t_2$$

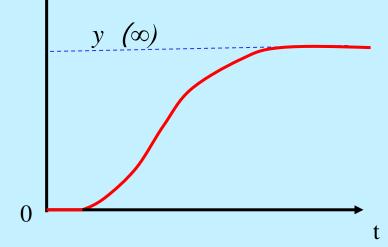
$$T = 2 (t_2 - t_1)$$

第5章 额達过程的戰學模型

2、由阶跃响应曲线确定二阶及高阶模型特性参数K, T_1 , T_2 , au

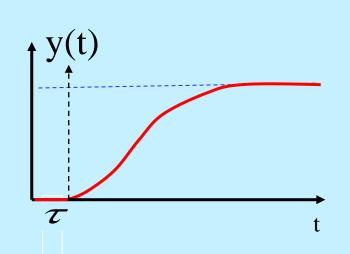
若用
$$G(s) = \frac{Ke^{-rs}}{(T_1s+1)(T_2s+1)}$$

来近似如图所示的阶跃响应曲线。



放大倍数K为: $K = y(\infty)/x_0$

纯滞后时间τ可根据阶跃响应曲 线开始出现变化的时刻来确定。



第5章 额蜂冠是的戰爭類型

在时间轴上截去纯滞后 τ , 化为无量纲形式的阶跃响 应 $y^*(t)$

截去纯滞后并化为无量纲形式后可得到:

$$G(s) = \frac{1}{(T_1 s + 1)(T_2 s + 1)} \qquad T_1 > T_2$$

与上式对应的单位阶跃响应为:

$$y(t) = 1 - \frac{T_1}{T_1 - T_2} e^{-\frac{t}{T_1}} + \frac{T_2}{T_2 - T_1} e^{-\frac{t}{T_2}}$$

可利用阶跃响应曲线上两个点的数据确定 T_1 和 T_2 ,一般选取 $y^*(t_1) = 0.4$, $y^*(t_2) = 0.8$ 两点,再从曲线上确定对应的 t_1 和 t_2 。

第5章



可得到方程组:

$$\frac{T_{1}}{T_{1} - T_{2}} e^{-\frac{t_{1}}{T_{1}}} - \frac{T_{2}}{T_{1} - T_{2}} e^{-\frac{t_{1}}{T_{2}}} = 0.6$$

$$\frac{T_{1}}{T_{1} - T_{2}} e^{-\frac{t_{2}}{T_{1}}} - \frac{T_{2}}{T_{1} - T_{2}} e^{-\frac{t_{2}}{T_{2}}} = 0.2$$

$$T_{1} - T_{2} = 0.2$$

可求出近似解:

$$T_1 + T_2 \approx \frac{1}{2.16} (t_1 + t_2)$$

$$\frac{T_1 T_2}{(T_1 + T_2)^2} \approx 1.74 \frac{t_1}{t_2} - 0.55$$

第5章 视煌过程的歌学程型

当0.32 $< t_1/t_2 < 0.46$ 时,被控过程可近似为二阶惯性环节;当 $t_1/t_2 < 0.32$ 时,被控过程可近似为一阶惯性环节;当 $t_1/t_2 = 0.32$ 时,被控过程可近似为一阶惯性环节,时间常数为:

$$T_1 = \frac{t_1 + t_2}{2.12}, \qquad T_2 = 0$$

当 $t_1/t_2 = 0.46$ 时,被控过程可近似为

$$G(s) = \frac{K}{(Ts+1)^2}$$

时间常数为:

$$T_1 = T_2 = \frac{t_1 + t_2}{2 \times 2.18}$$

第5章 额壁过程的戰學類型

当 $t_1/t_2 > 0.46$ 时,被控过程应采用高于二阶的环节近似,即

$$G(s) = \frac{K}{(Ts+1)^n}$$

时间常数为:

$$T = \frac{t_1 + t_2}{2.16n}$$

式中的n可根据 t_1/t_2 查表。

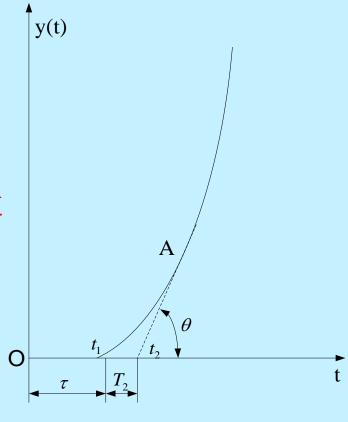
3、由阶跃响应曲线确定无自衡被控过程数学模型的特性参数

无自衡被控过程的阶跃响应随时间 $t \to \infty$ 将无限增大,

但其变化率会趋于一个常数。

若用 $G(s) = \frac{e^{-ts}}{T_S}$ 来近似右图的 阶跃响应曲线,为了确定时间 常数T,作阶跃响应曲线的渐近线与时间 轴交于 t_2 ,与时间轴 的夹角为 θ 。可得到

$$\tau = t_2, y'(\infty) = tg\theta = \frac{y(t)}{t-\tau}, t > \tau$$



则有 $T = \frac{x_0}{tg\theta}$ 上述方法比较简单,但在 t_1 到A这一段误差较大。若要求保证这一段的精确度,可采用

$$G(s) = \frac{e^{-\tau s}}{T_1 s (T_2 s + 1)}$$

来近似被控过程的传递函数。

在 $0 \sim t_1$ 之间 y(t) = 0,可取纯滞后 $\tau = t_1$ 。在阶跃 响应达到稳态时主要是积分作用为主,则有

$$T_{I} = \frac{x_{0}}{tg\theta}$$

在 $t_1 \sim A$ 时间段,惯性环节起作用,可取 $T_2 = t_2 - t_1$

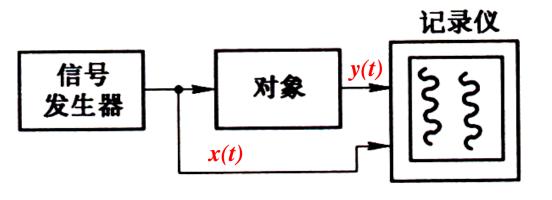
当
$$t \to \infty$$
时, $y(t) \to tg\theta(t-t_2) = \frac{x_0}{T_1}(t-t_2)$
当 $t = t_2$ 时,
$$y(t_2) = \frac{x_0}{T_1}((t_2-\tau)-T_2(1-e^{-\frac{t_2-\tau}{T_2}})$$
$$= \frac{x_0T_2}{T_1}e^{-1} = 0.368(t_2-t_1)tg\theta$$

5.4.2 测定动态特性的频域法

被控过程的动态特性也可用频率特性来表示:

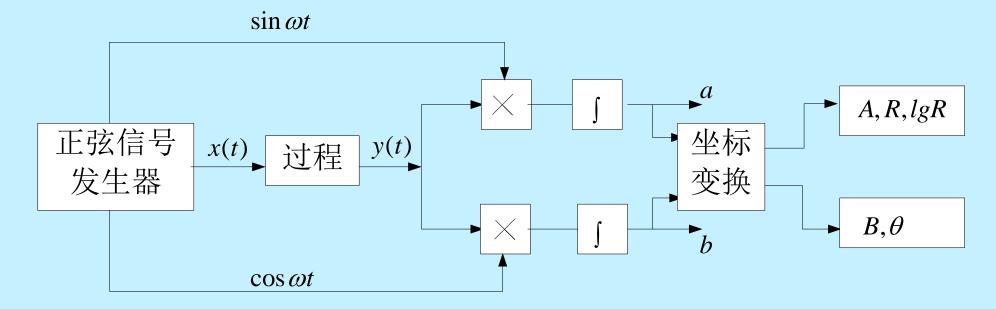
$$G(j\omega) = \frac{y(j\omega)}{x(j\omega)} = |G(j\omega)| \angle G(j\omega)$$

方法: 在对象的输入端加特定频率的正弦信号, 同时记录输入和输出的稳定波形(幅度与相位)。在 选定范围的各个频率点上重复上述测试,便可测得该 对象的频率特性。



优点:能直接从记录曲线上求得频率特性。

频率特性测试装置的工作原理:对激励输入信号进行波形变换, 得到幅值恒定的正余弦参考信号,把参考信号与被测信号进行相 关处理,所得常值部分保存了被测信号基波的幅值和相角信息。



被测过程频率特性 G(jw) 的同相分量 $A = \frac{a}{R}$

正交分量
$$B = \frac{b}{R}$$

幅值
$$|G(jw)| = \sqrt{A^2 + B^2}$$

相角
$$\angle G(jw) = \arctan \frac{b}{a}$$

5.4.3测定动态特性的统计相关分析法

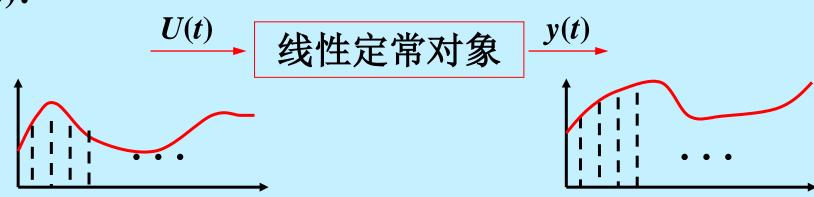
相关分析法是在生产正常进行中,向被控过程输入一种对正常生产过程影响不大的特殊信号——伪随机测试信号,通过对被控过程的输入、输出数据进行相关分析得到被控过程的数学模型;有时也可以不加专门信号,直接利用生产过程正常运行时所记录的输入、输出数据,进行相关分析得到数学模型。

这种方法对系统运行干扰程度低。若系统备有计算机在线工作,整个试验可由计算机完成。

5.4.4最小二乘法建立被控过程的数学模型

前面讨论的方法都是建立连续时间数学模型。为了适应计算机控制技术的发展,需要建立被控过程的离散时间数学模型。

如果对被控过程的输入信号u(t)、输出信号y(t)进行采样,则可得到一组输入序列u(k)和输出序列y(k):



输入序列和输出序列之间的关系总可用差分方程进行描述(纯滞后时间已剔除)。

$$y(k)+a_1y(k-1)+a_2y(k-2)+\bullet \bullet \bullet +a_ny(k-n)$$
 $=b_1u(k-1)+b_2u(k-2)+\bullet \bullet \bullet +b_nu(k-n)$
 式中: k —— 采样次数; n —— 模型阶数

在确定了模型的阶数n后,还需要确定上述模型中的参数 a_i 、 b_i 。

最小二乘法就是在n和 τ_0 已知的前提下,根据输入、输出数据,推算模型参数 $a_1,a_2,...,a_n$ 及 $b_1,b_2...$ b_n 的方法。

小结

机理法建模

单容对象

$$G(s) = \frac{Ke^{-\pi}}{Ts + 1}$$



双容对象
$$G(s) = \frac{Ke^{-\pi}}{(T_1s+1)(T_2s+1)}$$

测试法建模

时域法

频域法

统计法

作图法

计算法



练习题

