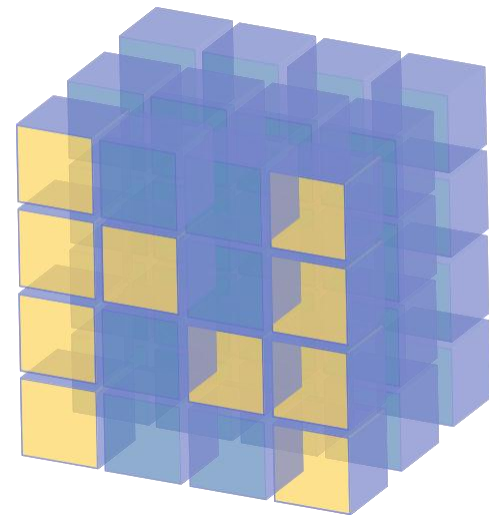


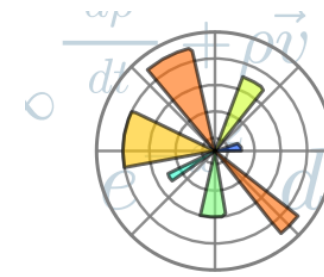
# PROCESAMIENTO DIGITAL DE IMAGENES



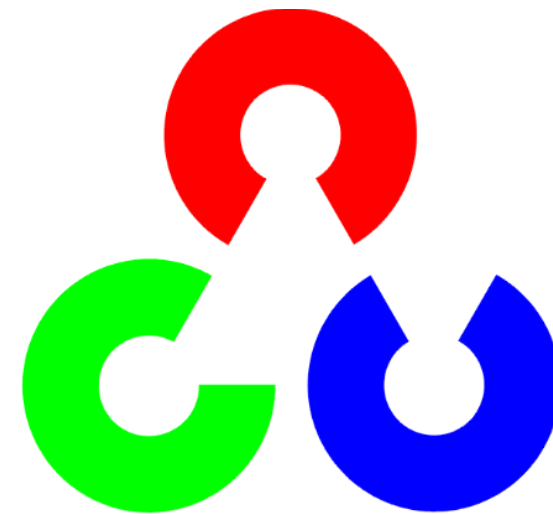
# Módulos principales



NumPy



matplotlib



OpenCV

`pip install opencv-python`

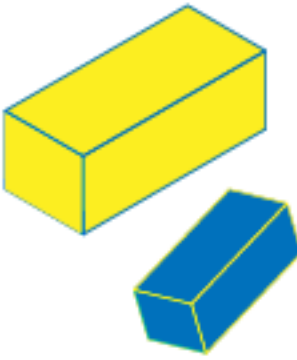


PROCESAMIENTO  
DIGITAL DE  
IMÁGENES

UMAKER | CENTRO DE CAPACITACIÓN  
DE DESARROLLO TECNOLÓGICO

## TEMAS QUE VEREMOS HOY

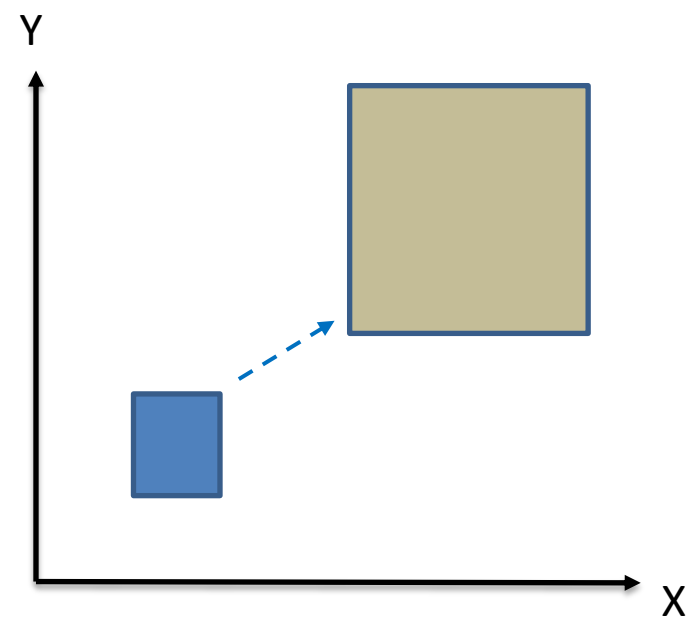
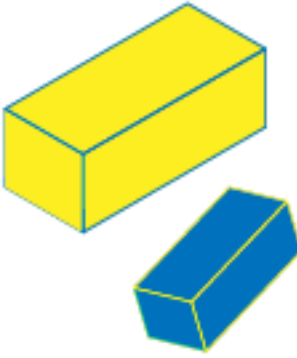
- Transformaciones geométricas de imágenes
- Redimensionalización
- Traslación
- Rotación
- Transformación afín
- Transformación de perspectiva



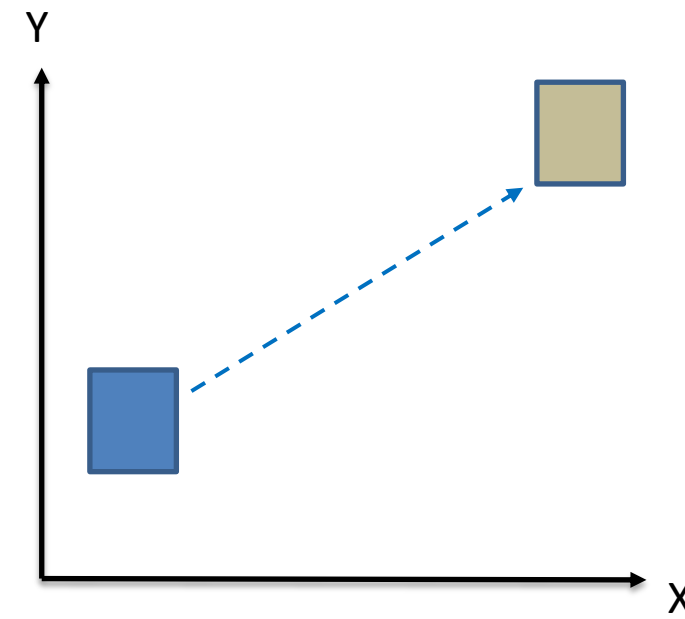
PROCESAMIENTO  
DIGITAL DE  
IMÁGENES

# TRANSFORMACIONES GEÓMETRICAS DE IMÁGENES

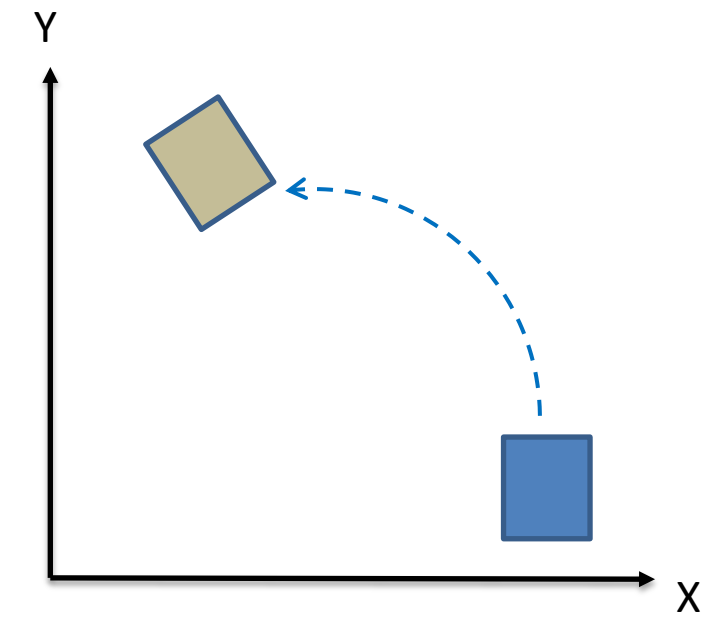
- Se busca representar las operaciones como matrices
- Tener todo como matrices permite realizar las operaciones mediante la multiplicación de matrices
- Un punto en un espacio 2D es representado como un vector de 3 componentes



Redimensionalización



Traslación



Rotación



PROCESAMIENTO  
DIGITAL DE  
IMÁGENES

# TRANSFORMACIONES GEÓMETRICAS DE IMÁGENES

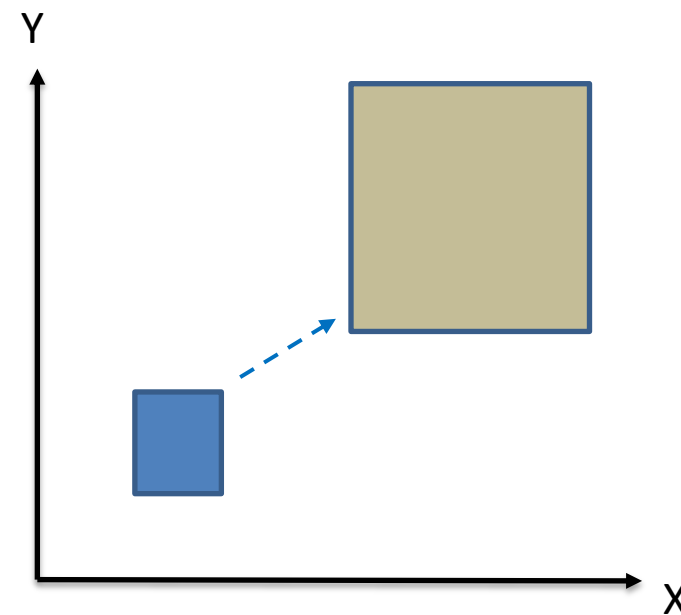
- En un espacio de 2 dimensiones, los puntos son representados como una matriz 3x1
- La variable “x” indica la posición del punto en el eje X
- La variable “y” indica la posición del punto en el eje Y
- La representación de la posición es mediante coordenadas homogneas

$$P = \begin{bmatrix} x \\ y \\ 1 \end{bmatrix}$$



# REDIMENSIONALIZACIÓN

- Consiste en modificar el tamaño de un objeto mediante un factor de escalamiento
- El factor de escalamiento está definido como ( $S_x$ ,  $S_y$ )
- Se escala un punto  $(x, y)$  hacia  $(x', y')$



Matricialmente:

$$x' = S_x * x$$

$$y' = S_y * y$$

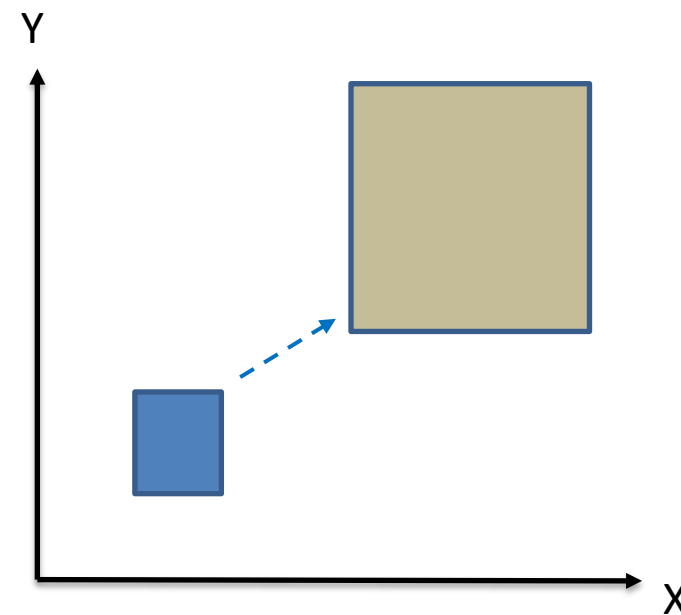
$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} S_x & 0 \\ 0 & S_y \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$



PROCESAMIENTO  
DIGITAL DE  
IMÁGENES

# REDIMENSIONALIZACIÓN

- Al aplicar el factor de escalamiento se modifica el tamaño de la imagen
- La imagen se moverá a otra posición si el factor de escalamiento no se aplica desde las coordenadas (0, 0)
- La imagen se mueve debido que los valores de la posición son modificados



Matricialmente:

$$x' = Sx * x$$

$$y' = Sy * y$$

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} Sx & 0 \\ 0 & Sy \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$



PROCESAMIENTO  
DIGITAL DE  
IMÁGENES

# REDIMENSIONALIZACIÓN

- Por estandarización con el resto de transformaciones, en lugar de trabajar con una matriz 2x2 se usará una matriz 3x3

Matricialmente:

$$x' = Sx * x$$

$$y' = Sy * y$$

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} Sx & 0 \\ 0 & Sy \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$$



Matricialmente:

$$x' = Sx * x$$

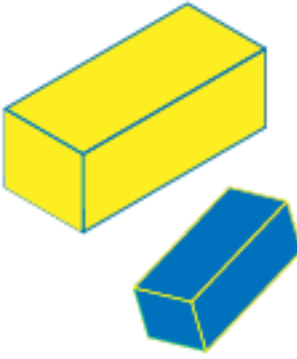
$$y' = Sy * y$$

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} Sx & 0 & 0 \\ 0 & Sy & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} x \\ y \\ 1 \end{bmatrix}$$





## Mostrar una imagen



***resize*** : Cambia el tamaño de una imagen

*Sintaxis:* `cv2.resize(imagen, tamaño[, fx[, fy]])`

***Parametros:***

imagen : Imagen a la cual modificar su tamaño

tamaño : Nuevo tamaño de la imagen como una tupla (ancho, alto)

fx : Factor de escalamiento en el eje X

fy : Factor de escalamiento en el eje Y

**Nota** Si el valor del parámetro “tamaño” es cero o nulo entonces se usará los parámetros “fx” y “fy” para calcular el nuevo tamaño de la imagen



PROCESAMIENTO  
DIGITAL DE  
IMÁGENES

Ejemplo:

```
import cv2

image = cv2.imread("random_scene.jpg")

Sx = 1.2
Sy = 1.5

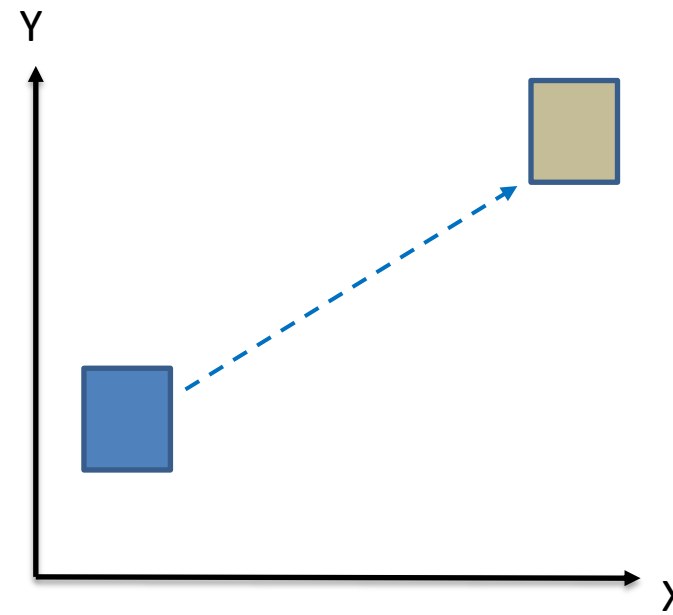
image_transformed = cv2.resize(image, None, fx=Sx, fy=Sy)

cv2.imshow("Imagen", image)
cv2.imshow("Imagen Transformada", image_transformed)
cv2.waitKey(0)
cv2.destroyAllWindows()
```



# TRASLACIÓN

- Consiste en modificar la posición de un punto a través de una línea recta
- El desplazamiento efectuado está definido como  $(T_x, T_y)$
- Se traslada un punto  $(x, y)$  hacia  $(x', y')$



Matricialmente:

$$x' = x + T_x$$

$$y' = y + T_y$$

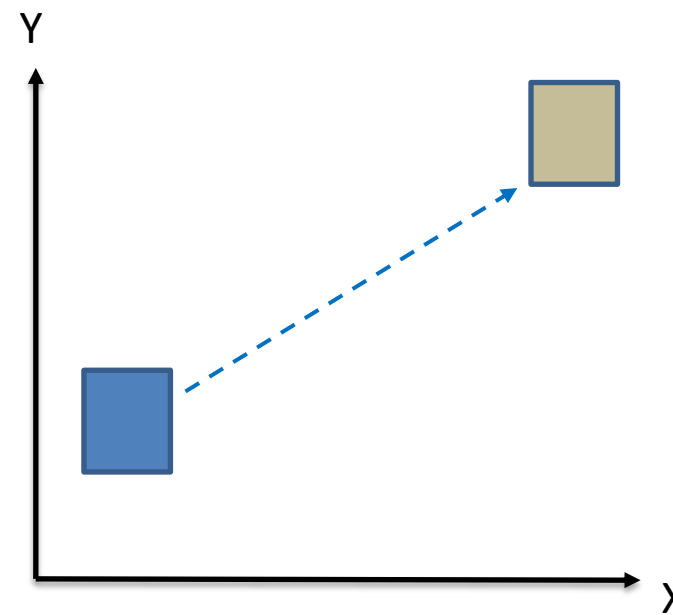
$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} T_x \\ T_y \end{bmatrix}$$



PROCESAMIENTO  
DIGITAL DE  
IMÁGENES

# TRASLACIÓN

- Al aplicar el desplazamiento se modifica la posición del punto
- Para desplazar una imagen se debe desplazar del mismo modo todos sus puntos



Matricialmente:

$$x' = x + Tx$$

$$y' = y + Ty$$

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} Tx \\ Ty \end{bmatrix}$$



PROCESAMIENTO  
DIGITAL DE  
IMÁGENES

# TRASLACIÓN

- Por estandarización con el resto de transformaciones, en lugar de trabajar con una matriz 2x2 se usará una matriz 3x3
- Esto permite que se aplique una multiplicación de matrices en lugar de una suma

Matricialmente:

$$x' = x + Tx$$

$$y' = y + Ty$$

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} Tx \\ Ty \end{bmatrix}$$



Matricialmente:

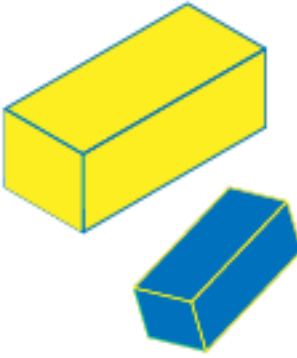
$$x' = x + Tx$$

$$y' = y + Ty$$

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & Tx \\ 0 & 1 & Ty \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} x \\ y \\ 1 \end{bmatrix}$$



## Mostrar una imagen



***warpAffine*** : Aplica una transformación a una imagen

*Sintaxis:* `cv2.warpAffine(imagen, matriz, tamaño)`

***Parametros:***

image : Imagen a la cual aplicar la transformación

matriz : Matriz de la transformación

tamaño : Tamaño de la imagen como una tupla (ancho x alto)

**Nota** Los valores de la matriz de transformación se deben especificar con “numpy”. En opencv, la matriz de transformación tiene el siguiente formato:

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & Tx \\ 0 & 1 & Ty \end{bmatrix}$$

No es necesario especificar los valores de la última fila de la matriz 3x3



## Ejemplo:

```
import cv2
import numpy as np

image = cv2.imread("random_scene.jpg")
height, width, channels = image.shape

Tx = 50
Ty = 70

matrix_transformation = np.float32([[1, 0, Tx],
                                     [0, 1, Ty]])

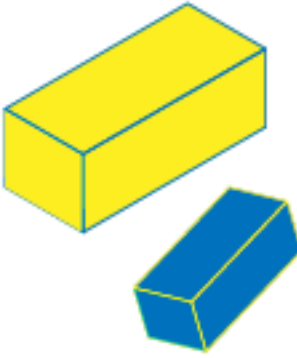
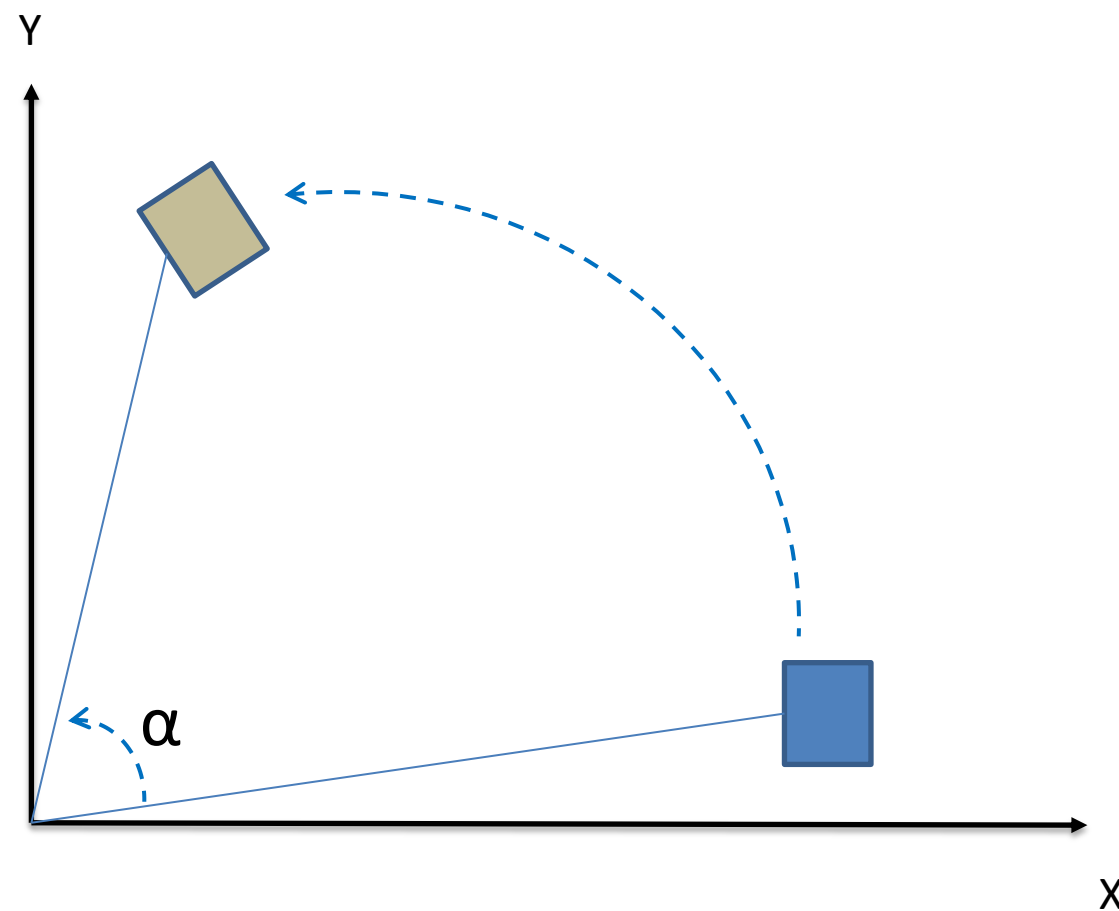
image_transformed = cv2.warpAffine(image, matrix_transformation, (width, height))

cv2.imshow("Imagen", image)
cv2.imshow("Imagen Transformada", image_transformed)
cv2.waitKey(0)
cv2.destroyAllWindows()
```



# ROTACIÓN

- Consiste en modificar la posición de un punto a través de una rotación
- Por defecto, la rotación se realiza en el eje de coordenadas (0, 0)
- La rotación se define mediante un ángulo
- Si el ángulo es positivo se aplica una rotación en sentido anti-horario
- Si el ángulo es negativo se aplica una rotación en sentido horario

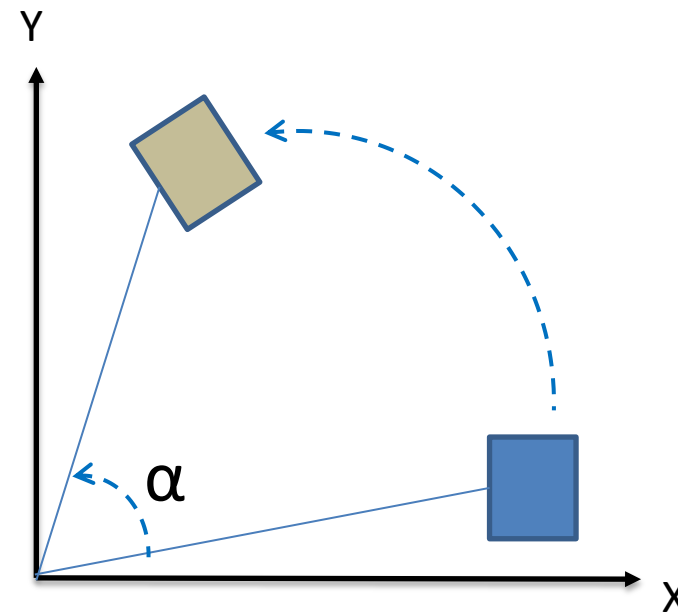


PROCESAMIENTO  
DIGITAL DE  
IMÁGENES



# ROTACIÓN

- Se rota un punto  $(x, y)$  hacia  $(x', y')$
- Al aplicar la rotación se modifica la posición del punto
- Para rotar una imagen se debe rotar del mismo modo todos sus puntos



Matricialmente:

$$x' = x * \cos(\alpha) - y * \text{sen}(\alpha)$$

$$y' = x * \text{sen}(\alpha) + y * \cos(\alpha)$$

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} \cos(\alpha) & -\text{sen}(\alpha) \\ \text{sen}(\alpha) & \cos(\alpha) \end{bmatrix}$$



PROCESAMIENTO  
DIGITAL DE  
IMÁGENES

# ROTACIÓN

- Por estandarización con el resto de transformaciones, en lugar de trabajar con una matriz 2x2 se usará una matriz 3x3

Matricialmente:

$$x' = x * \cos(\alpha) - y * \sin(\alpha)$$

$$y' = x * \sin(\alpha) + y * \cos(\alpha)$$

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} \cos(\alpha) & -\sin(\alpha) \\ \sin(\alpha) & \cos(\alpha) \end{bmatrix}$$



Matricialmente:

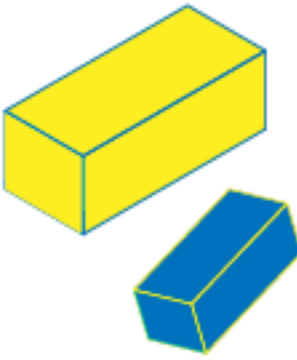
$$x' = x * \cos(\alpha) - y * \sin(\alpha)$$

$$y' = x * \sin(\alpha) + y * \cos(\alpha)$$

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos(\alpha) & -\sin(\alpha) & 0 \\ \sin(\alpha) & \cos(\alpha) & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} * \begin{bmatrix} x \\ y \\ 1 \end{bmatrix}$$



## Mostrar una imagen



***getRotationMatrix2D*** : Obtiene la matriz de rotación

*Sintaxis: cv2.getRotationMatrix2D (centro, ángulo, escala)*

***Parametros:***

centro : Centro de rotación en la imagen

ángulo : Ángulo de rotación en grados

escala : Factor de escala isotrópico a aplicar en la imagen. Se puede entender como el acercamiento realizado en la imagen

**Nota** Si el ángulo es positivo, la rotación será en sentido anti-horario, siendo que el origen de coordenadas se encuentra en la esquina superior-izquierda. El método “getRotationMatrix2D” permite obtener una matriz de tal forma que la rotación a aplicar se realice respecto al centro de la imagen



Ejemplo:

```
import cv2

image = cv2.imread("random_scene.jpg")
height, width, channels = image.shape

center = (width/2, height/2)

angle = 30

matrix_transformation = cv2.getRotationMatrix2D(center, angle, 1)

image_transformed = cv2.warpAffine(image, matrix_transformation, (width, height))

cv2.imshow("Imagen", image)
cv2.imshow("Imagen Transformada", image_transformed)
cv2.waitKey(0)
cv2.destroyAllWindows()
```



# COMPOSICIÓN DE TRANSFORMACIONES

- Consiste en aplicar varias transformaciones sucesivamente, para lograr un efecto deseado
- Dado que las transformaciones son matrices 3x3, se puede formar una transformación general multiplicando todas las transformaciones a aplicar

P = Punto

T1 = Rotación

T2 = Traslación

T3 = Redimensionalización

T4 = Traslación

Composición:  $T4 * T3 * T2 * T1$

$T4 * (T3 * (T2 * (T1 * P))) = \text{Composición} * P$



PROCESAMIENTO  
DIGITAL DE  
IMÁGENES

# COMPOSICIÓN DE TRANSFORMACIONES

Las composiciones pueden crearse multiplicando las transformaciones a realizar, las reglas de composición son:

1) La multiplicación de transformaciones es asociativa

- $T1 * T2 * T3 = T1 * (T2 * T3) = (T1 * T2) * T3$

2) Normalmente, la multiplicación de transformaciones no es conmutativa

- $T1 * T2 \neq T2 * T1$

3) La multiplicación de transformaciones de traslación es conmutativa

Nota: No es lo mismo aplicar primero una rotación y luego una traslación que hacerlo a la inversa



## Ejemplo:

```
import numpy as np
from PIL import Image
import matplotlib.pyplot as plt

image = Image.open("random_scene.jpg")
width, height = image.size

Sx = 1.2
Sy = 1.5

matrix_transformation_1 = np.float32([[Sx, 0, 0],
                                       [0, Sy, 0],
                                       [0, 0, 1]])

Tx = 50
Ty = 70

matrix_transformation_2 = np.float32([[1, 0, Tx],
                                       [0, 1, Ty],
                                       [0, 0, 1]])

angle = 30
angle = np.radians(angle)

matrix_transformation_3 = np.float32([[np.cos(angle), -np.sin(angle), 0],
                                       [np.sin(angle), np.cos(angle), 0],
                                       [0, 0, 1]])

composition = matrix_transformation_3 @ matrix_transformation_2 @ matrix_transformation_1

composition_inverse = np.linalg.inv(composition)
composition_inverse = composition_inverse[: -1]

output_size = (int(Sx*width), int(Sy*height))
image_transformed = image.transform(output_size, Image.AFFINE, data=composition_inverse.flatten())

plt.title("Imagen Transformada")
plt.imshow(np.array(image_transformed))
plt.show()
```

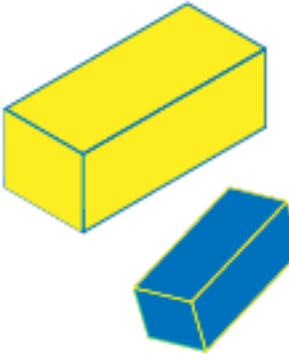
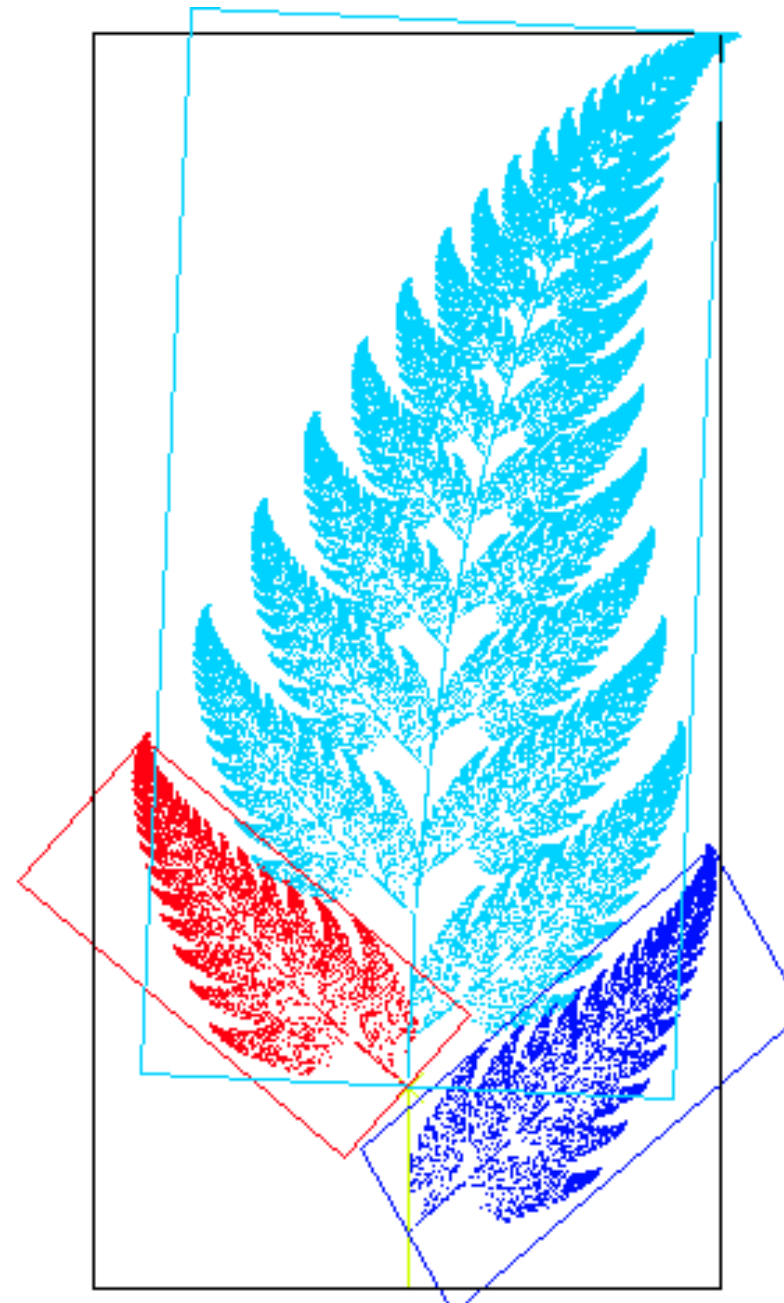


PROCESAMIENTO  
DIGITAL DE  
IMÁGENES



# TRANSFORMACIÓN AFÍN

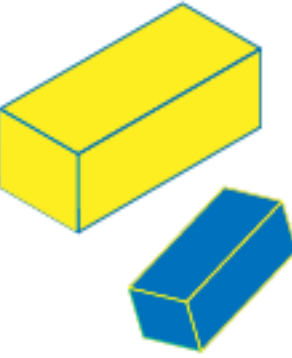
- Consiste en una composición de transformaciones aplicada a un punto
- Cualquier transformación afín puede ser descompuesta en las transformaciones de redimensionalización, traslación y rotación



PROCESAMIENTO  
DIGITAL DE  
IMÁGENES



## Ejemplo:



```
import numpy as np

image = cv2.imread("random_scene.jpg")
height, width, channels = image.shape

points_1 = np.float32([[50, 50],
                       [200, 50],
                       [50, 200]])

points_2 = np.float32([[10, 100],
                       [200, 50],
                       [100, 250]])

matrix_transformation = cv2.getAffineTransform(points_1, points_2)

image_transformed = cv2.warpAffine(image, matrix_transformation, (width, height))

for point in points_1:
    x, y = point
    point = tuple([int(x), int(y)])

    cv2.circle(image, point, 3, (0, 255, 0), -1)

for point in points_2:
    x, y = point
    point = tuple([int(x), int(y)])

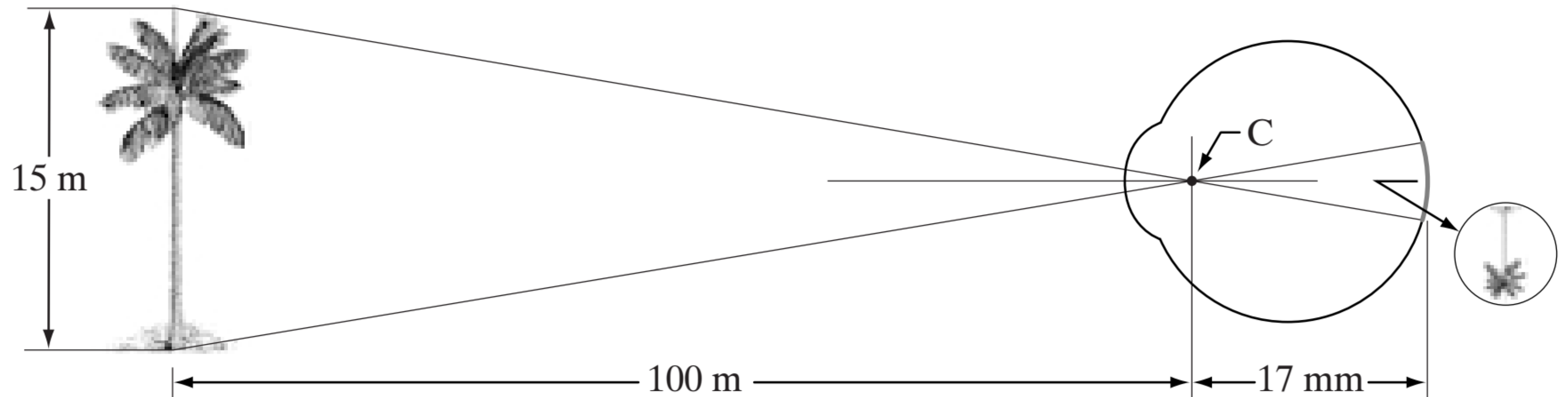
    cv2.circle(image_transformed, point, 3, (0, 255, 0), -1)

cv2.imshow("Imagen", image)
cv2.imshow("Imagen Transformada", image_transformed)
cv2.waitKey(0)
cv2.destroyAllWindows()
```



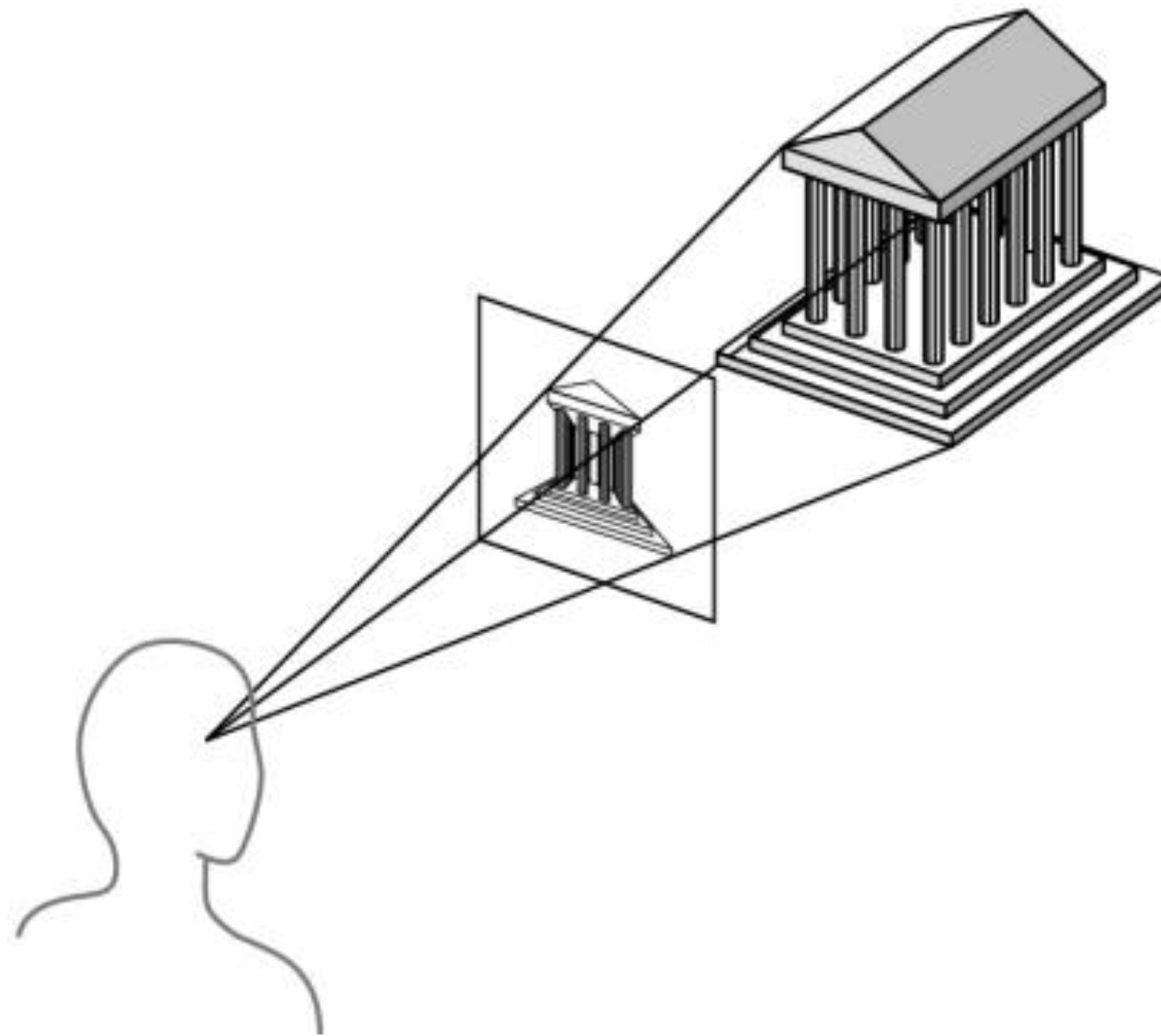
# TRANSFORMACIÓN DE PERSPECTIVA

- Los humanos tenemos una proyección perspectiva



# TRANSFORMACIÓN DE PERSPECTIVA

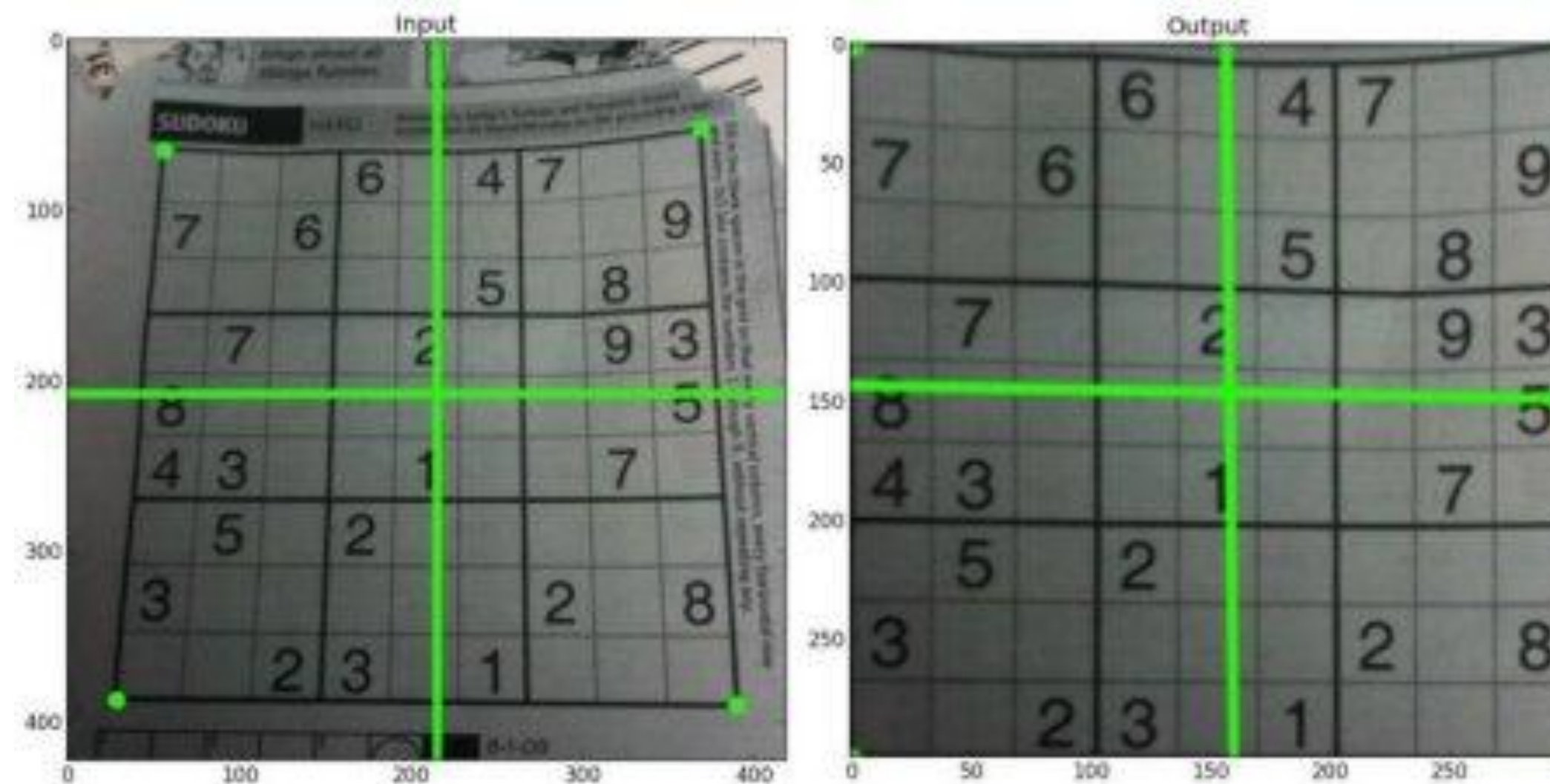
- Mediante la proyección perspectiva se obtiene una plano paralelo de la imagen observada respecto del punto de vista



PROCESAMIENTO  
DIGITAL DE  
IMÁGENES

# TRANSFORMACIÓN DE PERSPECTIVA

- La transformación de perspectiva consiste en observar una determinada región en una imagen
- La región es observada de arriba hacia abajo
- De la imagen se obtiene solo la región a observar

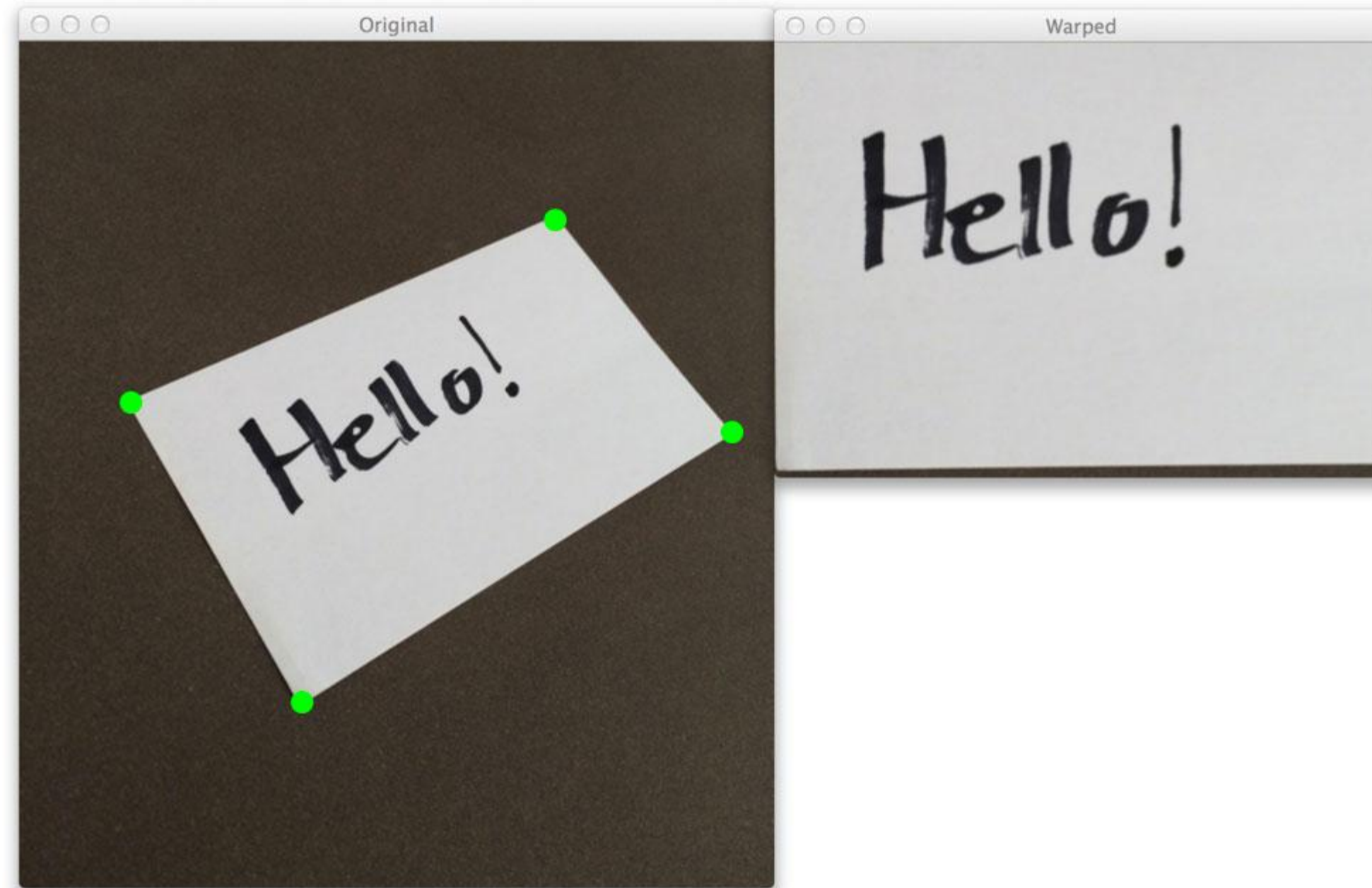
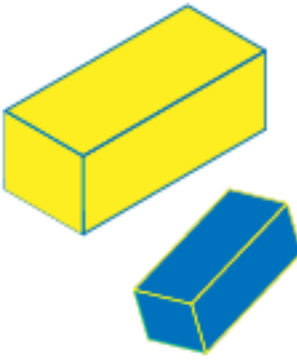


PROCESAMIENTO  
DIGITAL DE  
IMÁGENES



# TRANSFORMACIÓN DE PERSPECTIVA

- No importa si la región no está en modo horizontal o vertical en la imagen



PROCESAMIENTO  
DIGITAL DE  
IMÁGENES

## Ejemplo:

```
import cv2
import numpy as np

image = cv2.imread("sudoku.jpg")
height, width, channels = image.shape

points_1 = np.float32([[56, 65],
                       [368, 52],
                       [28, 387],
                       [389, 390]])

points_2 = np.float32([[0, 0],
                       [300, 0],
                       [0, 300],
                       [300, 300]])

matrix_transformation = cv2.getPerspectiveTransform(points_1, points_2)

image_transformed = cv2.warpPerspective(image, matrix_transformation, (300, 300))

for point in points_1:
    x, y = point
    point = tuple([int(x), int(y)])

    cv2.circle(image, point, 3, (0, 255, 0), -1)

for point in points_2:
    x, y = point
    point = tuple([int(x), int(y)])

    cv2.circle(image_transformed, point, 3, (0, 255, 0), -1)

cv2.imshow("Imagen", image)
cv2.imshow("Imagen Transformada", image_transformed)
cv2.waitKey(0)
cv2.destroyAllWindows()
```



PROCESAMIENTO  
DIGITAL DE  
IMÁGENES

UMAKER | CENTRO DE CAPACITACIÓN  
DE DESARROLLO TECNOLÓGICO