Roll No .....

## BT-202 (GS)

## B.Tech., I & II Semester

Examination, December 2023

## Grading System (GS)

## Mathematics - II

Time: Three Hours

Maximum Marks: 70

Note: i) Attempt any five questions. किन्हीं पाँच प्रश्नों को हल कीजिये।

- ii) All questions carry equal marks.
   सभी प्रश्नों के अंक समान हैं।
- iii)In case of any doubt or dispute the English version question should be treated as final.

  किसी भी प्रकार के संदेह अथवा विवाद की स्थिति में अंग्रेजी भाषा के प्रश्न को अंतिम माना जायेगा।
- 1. a) Solve  $(1+y^2)dx = (\tan^{-1}y x)dy$  using Leibnitz linear method. 7 लीबनिट्ज़ रैखिक विधि का उपयोग करके  $(1+y^2)dx = (\tan^{-1}y x)dy$  को हल करें।
  - b) Solve  $(e^y + 1)\cos x dx + e^y \sin x dy = 0$ . 7  $(e^y + 1)\cos x dx + e^y \sin x dy = 0$  को हल करें।
- 2. a) Solve  $(D^2-4D+3)y = \cos 2x$ . 7  $(D^2-4D+3)y = \cos 2x$  को हल करें।

BT-202 (GS) PTO

b) Show that  $J_{\frac{1}{2}}(x) = \sqrt{\frac{2}{\pi x}} \sin x$ . 7
दिखाएँ कि  $J_{\frac{1}{2}}(x) = \sqrt{\frac{2}{\pi x}} \sin x$ 

- 3. Solve  $(D^2+9)y = \tan 3x$  by using method of variation of parameters. 14 मापदंडों की भिन्नता की विधि का उपयोग करके  $(D^2+9)y = \tan 3x$  को हल करें।
- 4. a) Solve the partial differential equation
   (x-y)p+(x+y)q = 2xz. 7
   आंशिक अवकल समीकरण (x-y)p+(x+y)q = 2xz को हल करें।
  - b) Solve  $(p^2 + q^2)y = qz$  by using Charpit's method. 7 चारिपट विधि का उपयोग करके  $(p^2 + q^2)y = qz$  को हल करें।
- 5. a) Solve  $\left(D^2 + 4DD^1 5D^{1^2}\right)Z = \sin(2x + 3y)$ .  $\left(D^2 + 4DD^1 - 5D^{1^2}\right)Z = \sin(2x + 3y)$  को हल करें।

BT-202 (GS) Contd...

7

7

b) Determine p so that the function

$$f(z) = \frac{1}{2}\log(x^2 + y^2) + i\tan^{-1}\left(\frac{px}{y}\right)$$

is analytic function.

p निर्धारित करें ताकि फंक्शन

$$f(z) = \frac{1}{2}\log(x^2 + y^2) + i\tan^{-1}\left(\frac{px}{y}\right)$$

विश्लेषणात्मक फ़ंक्शन हो।

- 6. a) Show that the function  $u(x,y) = e^x \cos y$  is Harmonic. Determine it's Harmonic conjugate. 7
  दिखाएँ कि फंक्शन  $u(x,y) = e^x \cos y$  हार्मोनिक है। इसका हार्मोनिक संयुग्म निर्धारित करें।
  - b) Find the residue of  $\frac{Ze^z}{(Z-1)^3}$  at it's pole.

इसके ध्रुव पर 
$$\frac{Ze^z}{\left(Z-1\right)^3}$$
 का अवशेष ज्ञात करें।

7. Verify Gauss divergence theorem for  $\overline{F} = x^3\overline{i} + y^3\overline{j} + z^3\overline{k}$  taken over the cube bounded by x = 0, x = a, y = 0, y = a, z = 0, z = a.

14  $\overline{F} = x^3\overline{i} + y^3\overline{j} + z^3\overline{k}$  के लिए गॉस विचलन प्रमेय को सत्यापित करें, जो x = 0, x = a, y = 0, y = a, z = 0, z = a से घरे घन पर लिया गया है।

PTO

BT-202 (GS)

https://www.rgpvonline.com

8. a) Prove that  $curl(r^n\overline{r}) = \overline{0}$ 

सिद्ध कीजिए कि  $curl(r^n\overline{r}) = \overline{0}$ 

- b) Write short note on:
  - i) Cauchy Riemann equations
  - ii) Stokes theorem संक्षिप्त नोट लिखें।
  - i) कॉची रीमैन समीकरण
  - ii) स्टोक्स प्रमेय

\*\*\*\*\*