# 컴퓨터 그래픽스 2. 2차원 그래픽스의 기본 요소

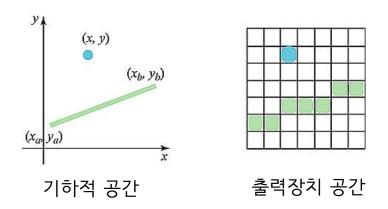
2023년 2학기

# 학습 내용

- 2차원 그래픽스 기본 요소
  - 점
  - 선
  - 원
  - 영역 채우기
  - 앨리어싱 효과

#### 점과 선의 정의 및 속성

- 2차원 그래픽스의 기본적인 출력 요소
  - 점, 선, 다각형, 원, 타원, 곡선, 문자 등
  - 점과 선은 모든 2차원 그래픽스 객체 표현의 기본 요소
- 점 (Point)
  - 래스터 방식의 출력장치에서의 기본 요소: 픽셀로 표현
  - 기하공간에서의 점: 좌표 (x, y)
  - 점의 속성: 크기, 명암, 색상, 모양 등



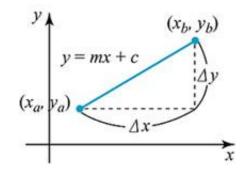
#### 점과 선의 정의 및 속성

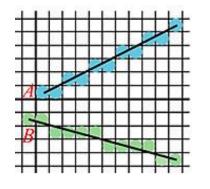
- 선 (Line)
  - 양 끝점으로 정의
  - 점의 좌표: 절대 좌표 또는 상대 좌표를 이용하여 표현
    - 절대 좌표: 시작점 (x<sub>a</sub>, y<sub>a</sub>)과 끝점 (x<sub>b</sub>, y<sub>b</sub>) 으로 정의
    - 상대 좌표: 시작점 좌표 (x<sub>a</sub>, y<sub>a</sub>)와 증가 값 (Δx, Δy)으로 정의
  - 선의 속성: 유형, 굵기, 색상, 선 끝 모양 등
  - 직선 방정식을 이용하여 선의 좌표 값 구하기
    - y = mx + c
      - m: 기울기, c: y축 절편
    - 두 끝점 (x1, y1) (x2, y2)를 사용하여 m과 c를 구한다

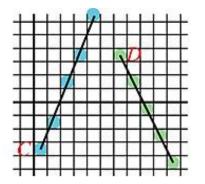
- 
$$m = \frac{(y_2 - y_1)}{(x_2 - x_1)}$$
  $c = y_1 - mx_1$ 

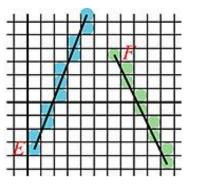
### 선 그리기: 1) DDA 알고리즘

- DDA (Digital Differential Analyzer) 알고리즘
  - 선의 양끝 좌표로부터 래스터 출력 장치로 변환하는 가장 기본적인 알고리즘
  - 선의 공식을 y = mx + c의 형태로 계산하여 픽셀을 구하는 방법
    - 기울기에 따라,
      - m >0인 경우, x값 증가, y값 증가
        - » 기울기가 양수일 때 0 ≤m ≤1 인 경우
        - » 기울기가 양수일 때 1 < m 인 경우
      - m < 0인 경우, x값 증가, y 값 감소









#### 선 그리기: 1) DDA 알고리즘

- 초기화를 한다.
  - $\triangle x = x_b x_a$ ,  $\triangle y = y_b y_a$ ,  $m = \frac{\Delta y}{\Delta x}$
  - $x_1 = x_a, y_1 = y_a$
- 기울기에 m의 값에 따라 다음계산을 수행한다.
  - 기울기  $|m| \le 1$ 인 경우, 매번 k+1번 째 점에서  $(1 \le k \le \triangle x)$

$$x_{k+1} = x_k + 1$$
  $y_{k+1} = y_k + m$   
따라서,  $(x_{k+1}, y_{k+1}) = (x_k + 1, round(y_k + m))$ 

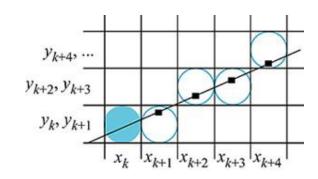
- 기울기 1 < |m| 인 경우, 매번 k+1번 째 점에서 (1 ≤ k ≤  $\triangle$ y)

$$y_{k+1} = y_k + 1$$
  $x_{k+1} = x_k + \frac{1}{m}$  따라서,  $(x_{k+1}, y_{k+1}) = (round(x_k + \frac{1}{m}), y_k + 1, )$ 

### 선 그리기: 1) DDA 알고리즘

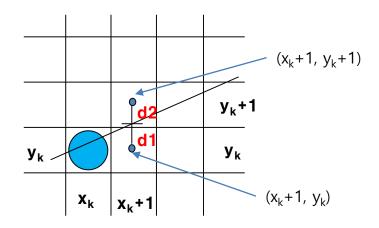
#### • DDA 알고리즘의 특징

- 곱하기가 없이 소수점(Floating-point) 더하기 연산만을 반복
- 부동 소수 연산 사용, 정수연산에 비해서는 상대적으로 속도가 떨어진다.
- 반올림 연산 함수의 실행시간이 걸린다.
- 매번 정수좌표를 구할 때마다 오차가 축적



#### • Bresenham 알고리즘

- 기울기가 0과 1사이라고 가정할 때, 선을 구성하고 있는 어느 한 점에서 가능한 다음 점
  - 오른쪽 점 또는 오른쪽 바로 위의 점
- 가능한 두 점 중, 실 선과 두 개의 가능한 점의 차이 (아래 그림에서 d1과 d2)가 더 작은 점을 선택하여 선을 나 타내는 알고리즘
- 소수점 계산 없이 정수의 더하기 연산과 이동 연산만으로 처리되므로 속도가 빠르다.



- 알고리즘 초기화
  - 기울기가 1보다 작은 경우 (|m| < 1):</li>
    - y = mx + c,  $m = \frac{\Delta y}{\Delta x}$ 
      - 시작점: (x<sub>a</sub>, y<sub>a</sub>),
      - 가능한 두 점: (x<sub>a</sub>+1, y<sub>a</sub>), (x<sub>a</sub>+1, y<sub>a</sub>+1)
      - 일반적인 k번째 점: (x<sub>k</sub>, y<sub>k</sub>),
      - 가능한 두 점: (x<sub>k</sub>+1, y<sub>k</sub>), (x<sub>k</sub>+1, y<sub>k</sub>+1)

#### - 다음 점 x<sub>k+1</sub> 에서

$$y = mx_{k+1} + c$$
  
 $d_1 = y - y_k = m (x_k + 1) + c - y_k$   
 $d_2 = (y_k + 1) - y = (y_k + 1) - (m (x_k + 1) + c)$   
 $d_1 - d_2 = \{m(x_k + 1) + c - y_k\} - \{y_k + 1 - (m(x_k + 1) + c)\}$   
 $= 2m (x_k + 1) - 2 y_k + 2c - 1$   $(d_1 - d_2)$ : 두 거리 사이의 차이)

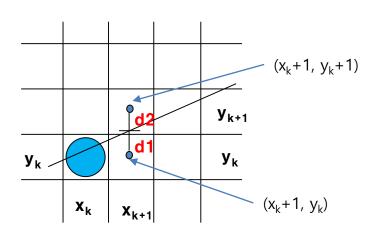
#### - 가능한 두 점 중에 다음 점을 선택하는 판단매개변수: pk

$$p_k = (d_1 - d_2) \Delta x$$
  
 $p_k = 2\Delta y (x_k + 1) + \Delta x (-2y_k + 2c - 1)$   
 $= 2\Delta y x_k - 2\Delta x y_k + 2\Delta y + \Delta x (2c - 1)$ 

k+1번째 판단매개변수를 위하여 k 에 k+1 대입하면

$$p_{k+1} = 2\Delta y x_{k+1} - 2\Delta x y_{k+1} + 2\Delta y + \Delta x (2c - 1)$$

$$p_{k+1} - p_k = 2\Delta y (x_{k+1} - x_k) - 2\Delta x (y_{k+1} - y_k)$$
  
 $p_{k+1} = p_k + 2\Delta y - 2\Delta x (y_{k+1} - y_k)$ 



- p<sub>k</sub>의 부호 (d<sub>1</sub> - d<sub>2</sub> 의 부호)에 따라 다음 점 선택

$$\begin{aligned} \mathbf{p_k} &< \mathbf{0} \rightarrow \mathbf{d_1} - \mathbf{d_2} < \mathbf{0} \rightarrow \mathbf{d_1} < \mathbf{d_2} \rightarrow \mathbf{y_{k+1}} = \mathbf{y_k} \\ \mathbf{0} &\leq \mathbf{p_k} \rightarrow \mathbf{0} \leq \mathbf{d_1} - \mathbf{d_2} \rightarrow \mathbf{d_2} \leq \mathbf{d_1} \rightarrow \mathbf{y_{k+1}} = \mathbf{y_k} + \mathbf{1} \end{aligned}$$

$$p_{k} < 0 \rightarrow y_{k+1} = y_{k} \rightarrow p_{k+1} = p_{k} + 2 \Delta y - 2 \Delta x (y_{k+1} - y_{k}) = p_{k} + 2 \Delta y \qquad (y_{k+1} - y_{k} = 0)$$

$$0 \le p_{k} \rightarrow y_{k+1} = y_{k} + 1 \rightarrow p_{k+1} = p_{k} + 2 \Delta y - 2 \Delta x (y_{k+1} - y_{k}) = p_{k} + 2 (\Delta y - \Delta x) \qquad (y_{k+1} - y_{k} = 1)$$

따라서 
$$p_k < 0$$
 이면  $\rightarrow$  다음 점은  $(x_k+1, y_k) \rightarrow$  다음 판단매개변수  $p_{k+1} = p_k + 2 \Delta y$   $0 \le p_k$  이면  $\rightarrow$  다음 점은  $(x_k+1, y_k+1) \rightarrow$  다음 판단매개변수  $p_{k+1} = p_k + 2 (\Delta y - \Delta x)$ 

- 시작점 (x<sub>a</sub>, y<sub>a</sub>)일 때 첫 번째 매개변수 값:

$$p1 = 2\Delta y x_{k} - 2\Delta x y_{k} + 2\Delta y + \Delta x (2c - 1)$$

$$= 2\Delta y x_{a} - 2\Delta x y_{a} + 2\Delta y + \Delta x (2c - 1)$$

$$= 2\Delta y x_{a} - 2\Delta x (m x_{a} + c) + 2\Delta y + \Delta x (2c - 1)$$

$$= 2\Delta y x_{a} - 2(\Delta y x_{a} + \Delta x c) + 2\Delta y + \Delta x (2c - 1)$$

$$= 2\Delta y - \Delta x$$

앞 페이지에서, 
$$p_k = 2 \Delta y x_k - 2 \Delta x y_k + 2 \Delta y + \Delta x (2c - 1)$$

에서  $x_k = x_a, y_k = y_a$ 

- 브레즌햄 선 그리기 알고리즘 정리:
  - 기울기가 0과 1 사이인 경우에 적용
  - 초기값을 구한다.
    - 시작점의 좌표: (x<sub>1</sub>, y<sub>1</sub>)
    - $C_1 = 2\Delta y$

$$C_2 = 2(\Delta y - \Delta x)$$

- $p_1 = 2\Delta y \Delta x$
- 판별식 pk값에 따라 다음 점의 위치를 구한다.
  - $p_k < 0 \rightarrow$  다음 점:  $(x_k + 1, y_k)$   $p_{k+1} = p_k + C_1$

$$p_{k+1} = p_k + C_1$$

•  $0 \le p_k \to \text{다음 A: } (x_k + 1, y_k + 1), \quad p_{k+1} = p_k + C_2$ 

$$p_{k+1} = p_k + C_2$$

• 예) 시작점 (1, 1) 끝점 (10, 7)을 연결하는 선을 구성하는 점들의 좌표값은?

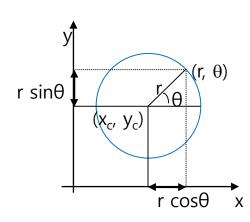
### 워 그리기

- 원: 한 점에서 같은 거리에 있는 점들의 집합
  - 점들을 선분으로 연결하여 곡선의 모양을 근사적으로 그린다.
  - 원을 나타내는 식
    - 원의 공식: x<sup>2</sup> + y<sup>2</sup> = r<sup>2</sup>
    - 매개변수 방정식: y = f(x) 또는, x = g(θ), y = h(θ)
    - 직교 좌표계에서는:  $y = \pm \sqrt{r^2 x^2}$
    - 극 좌표계에서는: x = r cosθ, y = r sinθ
- 원의 중심이 (x<sub>c</sub>, y<sub>c</sub>) 일 때는,

- 원의 공식은 
$$(x-x_c)^2 + (y-y_c)^2 = r^2$$

$$-$$
 극좌표식은  $x = x_c + r cos θ$ ,

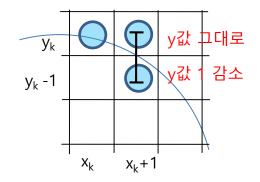
$$y = y_c + r \sin\theta$$

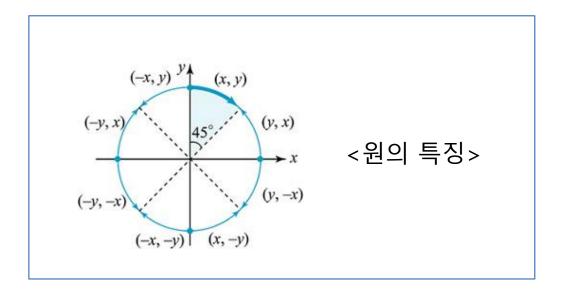


#### 원 그리기: 브레즌햄 알고리즘

#### Bresenham 알고리즘

- 제곱근이나 삼각함수 등의 계산이 없이 정수 연산만으로 처리
- 각도가 45′≤ θ ≤ 90' 인 부분에 대하여 계산
- x방향으로 1만큼 증가 → y축에서는 같은 점 또는 1감소된 점: k번째 점 $(x_k, y_k)$  → k+1번째 점 $(x_k+1, y_k)$  또는  $(x_k+1, y_k-1)$



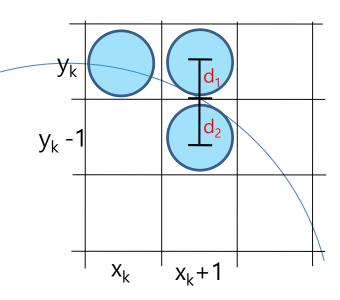


#### 원 그리기: 브레즌햄 알고리즘

- 
$$x_1 = x_c$$
,  $y_1 = y_c + r$ 일 때,  $x_k < y_k$ 인 동안 반복  
 $x^2 + y^2 = r^2 \rightarrow y^2 = r^2 - x^2$   
 $y_k^2 = r^2 - x_k^2 \rightarrow y_{k+1}^2 = r^2 - (x_k + 1)^2$ 

$$d_1 = y_k^2 - y^2$$
,  $d_2 = y^2 - (y_k - 1)^2$  라고 하면  
판단매개변수  $p_k = d_1 - d_2 = (y_k^2 - y^2) - \{y^2 - (y_k - 1)^2\}$ 

$$(0)$$
 [[],  $y^2 = r^2 - (x_k + 1)^2$ )



k 에 k+1 대입하면, 
$$p_{k+1} = (y_{k+1}^2 - y^2) - \{y^2 - (y_{k+1} - 1)^2\}$$
 (이때,  $y^2 = r^2 - (x_{k+1} + 1)^2$ )

$$(0)$$
  $\mathbb{H}$ ,  $y^2 = r^2 - (x_{k+1} + 1)^2$ 

$$p_{k+1} - p_k = 2 y_{k+1}^2 - 2 y_k^2 - 2 y_{k+1} + 2 y_k + 4x_k + 6$$

$$\rightarrow p_{k+1} = p_k + 2 y_{k+1}^2 - 2 y_k^2 - 2 y_{k+1} + 2 y_k + 4x_k + 6$$

즉, 
$$p_k < 0 \rightarrow d_1 - d_2 < 0 \rightarrow$$
 다음 점은  $(x_k + 1, y_k)$  다음 판단매개변수:  $p_{k+1} = p_k + 4x_k + 6$   $0 \le p_k \rightarrow 0 \le d_1 - d_2 \rightarrow$  다음 점은  $(x_k + 1, y_k - 1)$  다음 판단매개변수:  $p_{k+1} = p_k + 4(x_k - y_k) + 10$ 

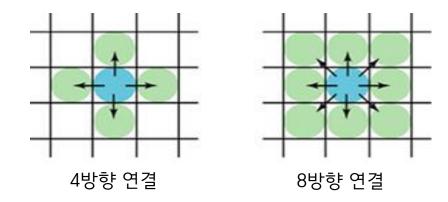
- 시작점 (0, r)에서,  $p1 = (y_1^2 - y^2) - \{y^2 - (y_1 - 1)^2\} = 3 - 2r$ 

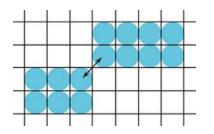
초기화: 
$$x_1 = x_c$$
,  $y_1 = y_c + r \rightarrow p_1 = 3-2r$ 

## 원 그리기: 브레즌햄 알고리즘

• 예) 중심이 (0, 0)이고 반지름이 6인 원을 구성하는 점들의 좌표값은?

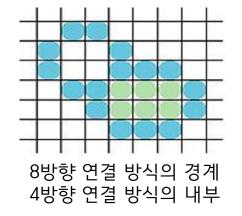
- 2차원 그래픽스에서 영역
  - 모든 그림들은 픽셀들로 구성되고,
  - 선이나 도형이 서로 만나서 영역이 생성된다.
- 영역의 특성
  - 영역: 같은 색상 값을 갖는 이웃한 픽셀들의 집합
  - 이웃한 픽셀간의 연결 방식 (픽셀의 연결 방식)

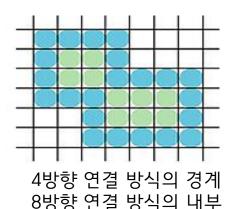




영역 연결방식의 예: 4방향 연결 - 2개의 영역 8방향 연결 - 1개의 영역

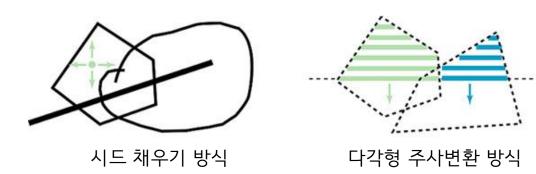
- 래스터 출력에서 영역의 경계 픽셀과 내부 픽셀은 연결방식을 다르게,
  - 경계 8방향 연결 ⇒ 내부는 반드시 4방향 연결 채우기
  - 경계 4방향 연결 ⇒ 일반적으로 내부는 8방향 연결 채우기
- 일반적인 래스터 방식의 출력장치
  - Bresenham 선 그리기 알고리즘은 8방향연결 방식
  - 영역 채우기 알고리즘은 내부 영역을 4방향연결 방식으로 채우기





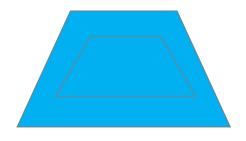
#### <u>영역 및 다각형 채우기</u>

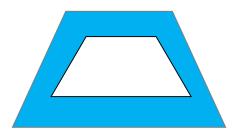
- 영역 채우기 알고리즘
  - 시드 채우기 방식
    - 그림이 래스터 버퍼에 그려진 후 이미지에서 영역의 채우기를 실행
    - 영역 내부의 한 픽셀이 시드로 주어지고 이 픽셀에서부터 채워나간다
    - 주로 페인팅 소프트웨어나 대화식 이미지 처리 프로그램 (사용자가 원하는 영역을 클릭하면 그 점을 시드로 하여 채우기를 실행)에서 사용
  - 다각형 주사변환 방식
    - 매 주사선 별로 다각형의 내부 구간을 판단하여 해당 픽셀을 칠한다.
    - 주사선채우기(Scan-line Fill)라고도 한다.
    - 주로 벡터방식의 그리기 소프트웨어에서 사용 (채우기를 하는 도형의 벡터 데이터를 가지고 있다)



#### 다각형 내부 판단 규칙

• 여러 개의 다각형으로 구성된 복잡한 도형이 주어지면 내부 영역을 다르게 판단할 수 있다.

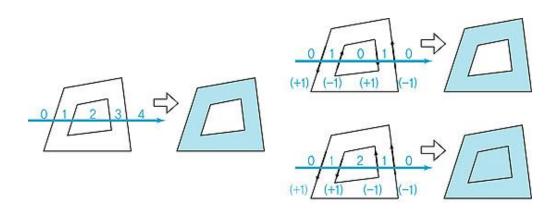




- 판단 규칙
  - 1. 홀짝 규칙 (Even-Odd rule)
    - 매 주사선별로 x값을 증가하면서
      - 다각형의 에지가 홀수 번째 교차하면 내부 구간이 시작
      - 짝수 번째 교차하면 외부 구간이 시작된다.
    - 알고리즘이 간단하다.
    - 서로 다른 두 개의 다각형이 겹쳐있을 때 그 겹친 부분은 항상 외부 영역으로 판단

#### <u>다각형 내부 판단 규칙</u>

- 2. 접기회수 규칙 (Non-Zero Winding Rule): 에지의 방향을 고려
  - 다각형에서 각 에지의 벡터 방향은 꼭짓점이 주어진 순서에 따라 정해진다
    - 각 주사선에서 아래쪽 방향의 모서리와 교차 → 1 증가
    - 각 주사선에서 위쪽 방향의 모서리와 교차 → 1 감소
  - 에지와 주사선의 교차점의 합을 구한다.
    - 합이 0이면 → 외부
    - 합이 0이 아니면 → 내부
  - 특징:
    - 다각형 모서리의 방향에 따라 내부와 외부영역을 지정해줄 수가 있다.
    - 홀짝 규칙보다 약간 복잡, 도형 설계에서 자유롭게 내부와 외부 영역 지정 가능, 정교한 드로잉 소프트웨어에서 많이 사용



- 시드 채우기 (Seed fill) 방식
  - 다각형 내부의 한 점 (x, y)가 seed로 주어진다.
  - 이 점을 중심으로 이웃 픽셀이 영역의 내부에 있는지를 판단하여 영역 채우기를 한다.
  - 내부 영역에 대한 판단
    - Interior-defined: 같은 값을 가지고, 연결된 픽셀들을 내부 영역으로 판단 → 범람 채우기 (Flood Fill)
    - Boundary-defined: 경계의 안쪽에 위치하는 픽셀들을 내부 영역으로 판단 → 경계 채우기 (Boundary Fill)



- 알고리즘 진행 방법
  - 내부의 한 점 시드(seed)를 스택에 저장한다
  - Seed pixel을 중심으로 4방향 또는 8방향의 이웃 픽셀에 대해 내부의 점인지를 확인
  - 재귀적 함수 (Recursive) 사용하여 이웃한 픽셀들을 검사해 나간다.

flood\_fill (x+1, y); flood\_fill (x-1, y); flood\_fill (x, y+1); flood\_fill (x, y-1);

```
    범람 채우기 알고리즘
    void flood_fill (int x, int y)
    {
        if (read_pixel (x, y) == bgColor)
        {
            write_pixel (x, y, fillColor);
        }
        /
            write_pixel (x, y, fillColor);
        /
            write_pixel (x, y, y, fillColor);
            write_pixel (x, y, y, fillColor);
        /
            write_pixel (x, y, y, fillColor);
```

```
// 시드 (x, y) 에서 시작

// 현재 픽셀이 배경색 'bgColor'이면,

// bgColor가 아니면 종료

// 채우기 색 'fillColor'로 칠한다.

// 오른쪽으로 반복

// 왼쪽으로 반복

// 아래로 반복

// 위로 반복
```

#### • 경계 채우기 알고리즘

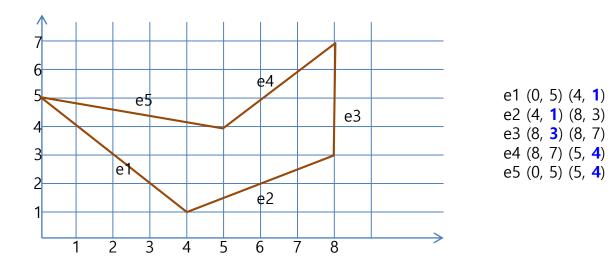
```
void boundary_fill(int x, int y)
{
    current = read_pixel(x, y);
    if ((current != bdColor)

        && (current != fillColor))
        {
            write_pixel (x, y, fillColor);
            boundary_fill (x+1, y);
            boundary_fill (x, y+1);
            boundary_fill (x, y-1);
        }
            // 시드 (x, y) 에서 시작

            // 경계 및 채울 색인지 확인
            // 경계색이면 종료

            // 내부를 채우기 색 'fillColor'로 칠한다.
            // 오른쪽으로 반복
            // 인콕으로 반복
            // 아래로 반복
            boundary_fill (x, y+1);
            // 이래로 반복
            // 위로 반복
```

- 다각형 주사 변환 방식 (Polygon scan-conversion)
  - 매 주사선마다 교차되는 edge(에지, 모서리)들의 목록을 유지, 갱신하여 영역을 설정한다.
  - 가장 대표적인 방법: y-x 다각형 주사선 알고리즘
  - Edge list
    - 1) 에지 목록 EL (Edge List): 다각형의 전체 edge의 목록
      - 시작점의 y 좌표값 (더 작은 y 값) 순서로 다각형의 전체 에지를 정렬하여 전체 에지의 EL 구성
      - 매 주사선에서 교차하는 에지를 EL에서 꺼내어 AEL로 옮겨 관리
    - 2) 활성화된 에지 목록 AEL (Active Edge List): 각 주사선과 교차하여 활성화 된 edge 목록
      - 해당 주사선과 각 에지와의 교차점의 x값을 구한 후 2개 씩 짝을 만들어 이들 사이를 채운다.
    - 그리기가 완료된 AEL내의 에지를 찾아서 제거
      - AEL의 에지 중 아래쪽 점의 y 좌표가 주사선의 y좌표보다 작게 되면 EL에서 제거



EL = {e1, e2, e3, e4, e5} -> 시작점의 y값 (작은 값)에 따라 정렬: {e2, e1, e3,e5, e4}

```
y=1: AEL = {e2, e1}
y=2: AEL = {e2, e1}
y=3: AEL = {e2, e2, e3}
y=4: AEL = {e1, e3, e5, e4 }
y=5: AEL = {e1, e3, e5, e4 }
y=6: AEL = {e3, e4}
y=7: AEL = {e3, e4}
y=8: AEL = { }
```

- Y-X 다각형 주사선 알고리즘의 특징
  - Y-X 알고리즘: Y값 순서로 전체 에지 정렬, 교차점은 X 좌표값 순서로 정렬
  - 효율성: 에지의 목록에 대한 부분적인 일관성(Coherence)으로 발생
- Y-X 다각형 주사선 알고리즘
  - 1) 초기화를 한다.

각 에지들을 Y좌표의 최소값 순서로 정렬하여 Edge List(EL)를 구성한다.

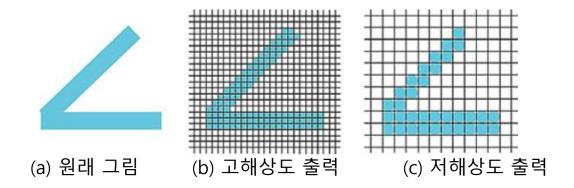
- 2) 매 주사선  $y_k$ 에서 다음을 수행한다.
  - a) AEL을 갱신한다.

```
AEL에서 y_b < y_k 인 에지를 삭제하고, // 완료된 에지 삭제 EL에서 y_a = y_k 인 에지를 AEL로 이동한다. // 새로운 에지 삽입 단, AEL 과 EL에 더 이상의 에지가 없으면 종료한다.
```

- b) AEL에서 각 에지의 교차점을 계산한다.
- c) 교차점 x값을 정렬한 후 각 쌍을 결정하여 그 사이를 채운다

#### <u>안티 앨리어싱</u>

- 래스터 출력의 문제점
  - 앨리어싱 효과
    - 계단 현상 (jaggies, aliasing)
    - 모양이 들쑥 날쑥하고 선이 움직일 때 위치가 바뀐다.
  - 앨리어싱이 생기는 이유
    - 아날로그 방식의 그림을 디지털 화 하는데 샘플링 오차가 발생
    - 저해상도의 출력장치에서 두드러진다.



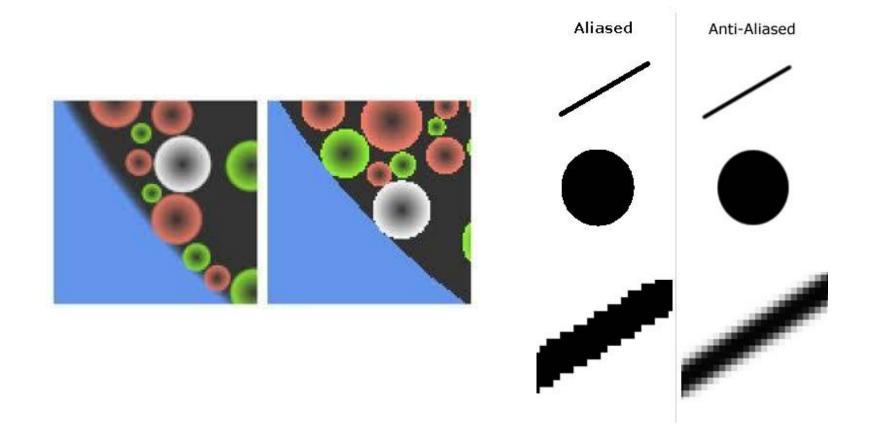
#### 안티 앨리어싱

- 안티 앨리어싱(Antialiasing)
  - 컬러 또는 회색조(Gray) 출력 장치에서 경계가 부드럽게 보이도록 하는 기법
  - 안티 앨리어싱 방법:
    - 해상도를 높인다. → 물리적 해상도의 한계
    - 물체의 경계 픽셀에서 물체와 배경의 색상을 혼합해서 그린다.
  - 선 그리기, 다각형 채우기, 문자 생성 등에 적용이 가능
  - 안티 앨리어싱 기법
    - 샘플링 레이트를 높이는 방법
      - 샘플링의 숫자를 높인다
      - · SSAA, MSAA 등
    - 후처리 기법
      - 렌더링 후 후처리 시 적용하는 방법
      - FXAA, MLAA 등



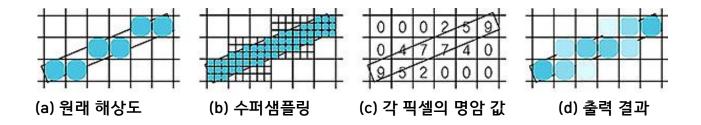


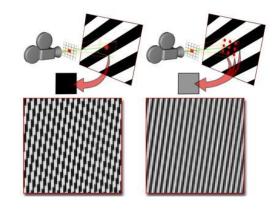
# 안티 앨리어싱



#### <u> 안티 앨리어싱</u>

- 수퍼 샘플링 (Super sampling Anti Aliasing, SSAA) 기법
  - 출력 장치의 해상도보다 고해상도에서 그림을 자세히 표현할 수 있도록 하나의 픽셀 영역을 여러 개로 분할하는 기법.
  - 원래의 해상도로 환원할 때 픽셀의 명암값을 계산하여 보여준다.
    - 픽셀의 영역에 포함되는 고해상도 픽셀의 개수에 비례하여 명암값을 계산



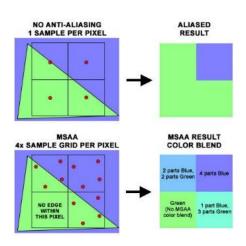


#### <u> 안티 앨리어싱</u>

- 멀티 샘플링 기법 (Multi Sampling Anti Aliasing, MSAA)
  - 수퍼 샘플링 기법을 효율과 성능면에서 최적화 한 샘플링 기법
  - 폴리곤의 외곽선이 지나가는 곳만 적용한다.
  - 각 픽셀 당 1개 이상의 샘플링 정보를 사용하여 명암값을 조정
  - 대부분의 응용 프로그램에서 사용하는 알고리즘 기법

#### • 그외,

- FXAA (Fast Approximate Anti Aliasing)
  - NVDIA 에서 출시한 기법으로 렌더링 된 그래픽에서 주변 픽셀에서 밝기 차이를 계산하고 주변 픽셀의 색을 혼합하는 방식
- MLAA (Morphological Anti Aliasing)
  - 이미지 기반의 후처리 방식 기법
  - 렌더링 후 외곽선을 찾아 외곽선의 픽셀들을 블렌딩 하는 방식
- NFAA (Normal Filter Anti Aliasing)
  - 가장자리 찾기를 위하여 필터를 적용한 셰이더 기반의 후처리 기법
- CSAA (Coverage Sampling Anti Aliasing)
  - 범위 형태의 샘플링으로 MSAA와 비슷
- 그 외에도 많은 기법이 있고, 계속 연구 중

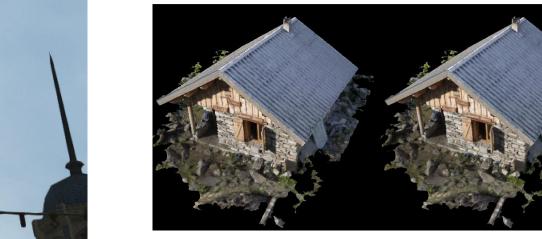


### 안티 앨리어싱





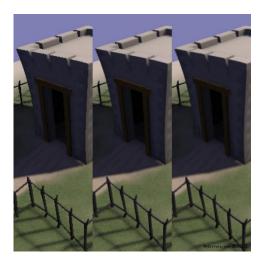
Final Fantasy XIV에서 MLAA 기법을 적용한 결과 출처: Geeks3D



Without multisampling

Multi Sampling Anti Aliasing 출처: vulkan tutorial

With multisampling (MSAAx8)



AA없음/ MSAA / FXAA 출처: NVIDIA

### 2장에서는

- 2차원 그래픽스 기본요소
  - 점, 선, 원 그리기
  - 영역 채우기
  - 다각형 내부 판단 규칙
  - 앨리어싱/안티 앨리어싱
- 다음 시간에는
  - 2차원 변환