

Interface PM
IFT2905
Travaux pratiques

Franz Girardin

21 mai 2024

2 | Chapitre 1
TP1 Notation

TP1 Notation

Exercice 1

Le but de cet exercice est de comprendre comment passer d'une notation infixée (lisible par les humains) à une notation postfixée et préfixée. Ces notations sont utiles car elles permettent à un ordinateur de les évaluer (calculer) plus facilement et sans ambiguïté.

1.1

$$\begin{aligned} a + b + c &= ((a+b)+c) = ((+a\ b) + c) \\ &= +(+a\ b\ c) \\ &= ++\ a\ b\ c \end{aligned}$$

préfixé

$$\begin{aligned} a + b + c &= ((a+b)+c) = ((a\ b\ +) + c) \\ &= ((a\ b\ +)\ c\ +) \\ &= a\ b\ +\ c\ + \end{aligned}$$

postfixé

1.2

$$\begin{aligned} a + (b + c) &= (a + (+b\ c)) = (+a\ (+b\ c)) \\ &= +\ a\ +\ b\ c \end{aligned}$$

préfixé

$$\begin{aligned} a + (b + c) &= (a + (b\ c\ +)) = (a\ (b\ c\ +)\ +) \\ &= a\ b\ c\ +\ + \end{aligned}$$

postfixé

1.2

$$\begin{aligned} a \times b + c \times d &= (a \times b) + (c \times d) \\ &= (\times a\ b) + (\times c\ d) \\ &= +(\times a\ b)\ \times\ c\ d \\ &= +\ \times\ a\ b\ \times\ c\ d \end{aligned}$$

préfixé

$$\begin{aligned} a \times b + c \times d &= (a \times b) + (c \times d) \\ &= (a\ b\ \times) + (c\ d\ \times) \\ &= (a\ b\ \times)(c\ d\ \times)\ + \\ &= a\ b\ \times\ c\ d\ \times\ + \end{aligned}$$

postfixé

$$\begin{aligned} a + b < a \times (c + d) &= (+a\ b) < (a \times (+c\ d)) \\ &= (+a\ b) < (\times a\ (+c\ d)) \\ &= < (+a\ b)\ (\times a\ (+c\ d)) \\ &= < +\ a\ b\ \times\ a\ +\ c\ d \end{aligned}$$

préfixé

$$\begin{aligned} a + b < a \times (c + d) &= (a\ b\ +) < (a \times (c\ d\ +)) \\ &= (a\ b\ +) < (a\ (c\ d\ +)\ \times) \\ &= (a\ b\ +)(a\ (c\ d\ +)\ \times\ <) \\ &= a\ b\ +\ a\ c\ d\ +\ \times\ < \end{aligned}$$

postfixé

$$\begin{aligned} &(-b + \text{sqrt}(b \times b - 4 \times a \times c)) / (2 \times a) \\ &= (-b + \text{sqrt}((\times b\ b) - (\times \times 4\ a\ c))) / (\times 2\ a) \\ &= (+ - b\ \text{sqrt}(- \times b\ b\ \times \times 4\ a\ c)) / (\times 2\ a) \\ &= (+ - b\ \text{sqrt}(- \times b\ b\ \times \times 4\ a\ c)) \times 2\ a / \\ &= + - b\ \text{sqrt} - \times b\ b\ \times \times 4\ a\ c - / \times 2\ a \end{aligned}$$

préfixé

$$\begin{aligned} &(-b + \text{sqrt}(b \times b - 4 \times a \times c)) / (2 \times a) \\ &= (b - +\text{sqrt}((b\ b\ \times) - (4\ a\ \times\ c\ \times))) / (2\ a\ \times) \\ &= (b - +\text{sqrt}(b\ b\ \times 4\ a\ \times\ c\ \times -)) / (2\ a\ \times) \\ &= (b - +b\ b\ \times 4\ a\ \times\ c\ \times -\text{sqrt}) / (2\ a\ \times) \\ &= (b - b\ b\ \times 4\ a\ \times\ c\ \times -\text{sqrt} +) / (2\ a\ \times) \\ &= b - b\ b\ \times 4\ a\ \times\ c\ \times -\text{sqrt} + 2\ a\ \times \end{aligned}$$

postfixé

Exercice 2

Le but de cet exercice est de comprendre comment un ordinateur résout un calcul à partir d'une notation postfixée.

$ab+c+$:

```
stack(a);
stack(b);
do :
    // Opération a + b
    stack(unstack()+unstack());
stack(c)
do :
    // Opération (a + b) + c
    stack(unstack()+unstack())
```

Exercice 3

Donner un exemple d'expression ambiguë

if p then if q then r else s

L'expression est ambiguë puisqu'on ne sait pas si le bloc **else** est associé à la condition 1, **if p**, ou à la condition 2 **if q**.

Exercice 4

Donner une grammaire non ambiguë qui associe les **else** avec les **if** le plus proche, comme le font les langages de programmation habituels.

$$\begin{aligned} S &::= X \\ &| \text{if } E \text{ then } S \text{ end} \\ &| \text{if } E \text{ then } S \text{ else } S \text{ end} \end{aligned}$$

Cette grammaire force le **else** à être explicitement inclus avec son **if** correspondant. Chaque bloc est finalisé par la déclaration **end**, assurant ainsi qu'un **else** peut uniquement être lié au **if** le plus proche.

$$\begin{aligned} S &::= X \\ &| \text{if } (E) \{ S \} \\ &| \text{if } (E) \{ S \} \text{ else } \{ S \} \end{aligned}$$

Cette grammaire utilise des parenthèses et des accolades pour structurer les blocs, ce qui rend l'association entre **if** et **else** explicite et sans ambiguïté.