R Statistic Algorithm Course3

姓名: 王凯栋 学号: PB20071441 日期: 2023/3/21

目录

考虑 E(g(X)) 的 Monte Carlo 估计量 $\hat{\theta}=\frac{1}{n}\sum_{i=1}^ng(X_i)$,我们希望在 Monte Carelo 中生成 X_1,X_2 X 且 $g(X_1)$ 和 $g(X_2)$ 具有负相关性,从而降低 平均值 $\frac{g(X_1)+g(X_2)}{2}$ 的方差

为了生成具有负相关性的样本,我们可以使用反序列抽样方法(Antithetic Sampling)。该方法的思想是生成成对的样本 (X_1,X_2) ,其中 X_1 和 X_2 是对称的,即它们的分布相同,但取值方向相反。这意味着如果 X_1 很大,那么 X_2 通常很小,反之亦然。

具体来说,如果我们有一个生成服从分布 X 的随机变量的随机数生成器,我们可以使用该生成器来生成成对的样本 (X_1,X_2) ,其中 X_1 和 X_2 都是从分布 X 中独立抽取的。然后,我们可以使用如下公式计算估计量 $\hat{\theta}$:

$$\begin{split} \theta^= 12n \sum i &= 1n(g(Xi,1) + g(Xi,2))\theta^= 2n1 \ \sum i = 1n \ (g(Xi,1\) + g(Xi,2\)) \end{split}$$
 其中 $X_{i,1}$ 和 $X_{i,2}$ 是第 i 对样本 $(X_{i,1},X_{i,2})$ 中的两个样本。

使用这种方法,我们可以确保 $g(X_{i,1})$ 和 $g(X_{i,2})$ 具有负相关性,因为如果 $X_{i,1}$ 很大,则 $X_{i,2}$ 通常很小,反之亦然。这可以降低估计量的方差,从而提高估计量的准确性。