Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана (национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

Факультет «Информатика и системы управления» Кафедра ИУ5 «Системы обработки информации и управления»

Курс «Технологии машинного обучения» Лабораторная работа №5-6

> Выполнил: студент группы ИУ5-64Б Коваленко Г. В.

> > Проверил: Гапанюк Ю. Е.

Задание лабораторной работы

- Выбрать набор данных (датасет) для решения задачи классификации или регресии.
- В случае необходимости произвести удаление или заполнение пропусков и кодирование категориальных признаков.
- С использованием метода train_test_split разделить выборку на обучающую и тестовую.
- Обучить следующие ансамблевые модели: одну из моделей группы бэггинга (бэггинг или случайный лес или сверхслучайные деревья); одну из моделей группы бустинга; одну из моделей группы стекинга.
- Дополнительно к указанным моделям обучить еще две модели: модель многослойного персептрона; модель МГУА.
- Оценить качество моделей с помощью одной из подходящих для задачи метрик. Сравнить качество полученных моделей.

Ячейки Jupyter-ноутбука

Выбор и загрузка данных

В качестве датасета будем использовать набор данных, содержащий данные о различных стёклах. Данный набор доступен по адресу: https://www.kaggle.com/datasets/uciml/glass

Набор данных имеет следующие атрибуты:

- RI Refractive Index коэффициент преломления
- Na Sodium Содержание натрия (массовый процент в соответствующем оксиде)
- Mg Magnesium Содержание магния
- Al Aluminum Содержание алюминия
- Si Silicon Содержание кремния
- K Potassium Содержание калия
- Ca Calcium Содержание кальция
- Ва Вагіит Содеражние бария
- Fe Iron Содержание железа
- Type Type of glass тип стекла (1, 2 стекла для зданий, 3, 4 стекла для автомобилей, 5 стеклотара, 6 бытовые стекла, 7 стекла для ламп; 4 отсутствует в данном наборе данных)

Импорт библиотек

Импортируем библиотеки с помощью команды import:

```
import numpy as np
import pandas as pd
import seaborn as sns
import matplotlib.pyplot as plt
```

```
%matplotlib inline
sns.set(style="ticks")

Уберем предупреждения:
import warnings
warnings.filterwarnings('ignore')

Загрузка данных

Загрузим набор данных:
data = pd.read_csv('glass.csv')
```

Первичный анализ и обработка данных

Выведем первые 5 строк датасета:

```
data.head()
```

```
RΙ
             Na
                  Mg
                       Αl
                              Si
                                    K
                                        Ca
                                             Ba
                                                 Fe
                                                     Type
0 1.52101 13.64 4.49 1.10 71.78
                                 0.06
                                      8.75
                                            0.0
                                                0.0
                                                       1
1 1.51761 13.89 3.60 1.36 72.73 0.48 7.83
                                                0.0
                                                       1
                                            0.0
2 1.51618 13.53 3.55 1.54
                           72.99
                                      7.78
                                 0.39
                                            0.0
                                                0.0
                                                       1
3 1.51766 13.21 3.69 1.29 72.61 0.57 8.22
                                                       1
                                            0.0
                                                0.0
4 1.51742 13.27 3.62 1.24 73.08 0.55 8.07
                                            0.0 0.0
                                                       1
```

Определим размер датасета:

```
data.shape
```

(214, 10)

Обработка данных

Проверим наличие пропусков:

```
data.isnull().sum()
```

```
RΙ
         0
         0
Na
Mg
         0
         0
Αl
Si
         0
Κ
Ca
Ba
         0
Fe
Type
         0
dtype: int64
```

В датасете не наблюдаются пропуски.

Определим типы данных:

```
data.dtypes
```

```
RΙ
        float64
        float64
Na
        float64
Mg
Αl
        float64
Si
        float64
Κ
        float64
        float64
Ca
        float64
Ba
Fe
        float64
          int64
Type
dtype: object
```

Кодирование категориальных признаков не потребуется.

Разделение данных

Разделим данные на столбец с целевым признаком и данные с другими столбцами:

```
X = data.drop("Type", axis=1)
y = data["Type"]
print(X.head(), "\n")
print(y.head())
                   Mg
                         Αl
                               Si
                                      Κ
                                          Ca
                                                    Fe
       RΙ
             Na
                                               Ва
0 1.52101 13.64 4.49 1.10 71.78 0.06 8.75
                                              0.0
                                                   0.0
1 1.51761 13.89 3.60 1.36 72.73 0.48 7.83
                                              0.0 0.0
2 1.51618 13.53 3.55 1.54 72.99 0.39 7.78
                                              0.0 0.0
3 1.51766 13.21 3.69 1.29 72.61 0.57 8.22
                                              0.0 0.0
4 1.51742 13.27 3.62 1.24 73.08 0.55 8.07
                                              0.0 0.0
0
    1
1
    1
2
    1
3
    1
4
    1
Name: Type, dtype: int64
print(X.shape)
print(y.shape)
(214, 9)
(214,)
```

Разделение выборки на обучающую и тестовую

Будем решать задачу регрессии - отображения новых предсказанных записей.

```
Для этого разделим выборку с помощью функции train_test_split:
```

```
from sklearn.model_selection import train_test_split
```

```
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y, random_state=1)
```

Размеры обучающей выборки и тестовой выборки:

```
X_train.shape, y_train.shape, X_test.shape, y_test.shape
((160, 9), (160,), (54, 9), (54,))
```

Обучение ансамблевых моделей

Модель бэггинга

from sklearn.ensemble import BaggingRegressor

Обучим модель на 5 деревьях:

```
bagging_model = BaggingRegressor(n_estimators=5, oob_score=True, random_state=10)
bagging_model.fit(X_train, y_train)
```

BaggingRegressor(n_estimators=5, oob_score=True, random_state=10)

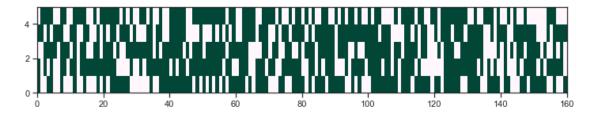
Сконвертируем объекты, которые были использованы в обучающей выборке каждого дерева, в двоичную матрицу (1 соответствует элементам, попавшим в обучающую выборку):

```
bin array = np.zeros((5, X train.shape[0]))
for i in range(5):
   for j in bagging_model.estimators_samples_[i]:
       bin_array[i][j] = 1
bin_array
array([[1., 0., 0., 1., 1., 0., 0., 1., 0., 0., 1., 0., 0., 1., 0.,
       0., 0., 1., 0., 1., 0., 1., 1., 1., 1., 1., 1., 0., 0., 0., 0.,
       1., 0., 1., 0., 1., 0., 1., 0., 1., 0., 1., 1., 1., 1., 1., 0.,
       1., 0., 1., 1., 1., 1., 0., 0., 0., 1., 1., 0., 0., 1., 1.,
       1., 0., 1., 0., 1., 1., 1., 0., 1., 1., 1., 1., 1., 0., 0., 1.,
       0., 1., 0., 0., 0., 1., 1., 1., 1., 1., 1., 1., 1., 0., 1., 1.,
       1., 0., 1., 1., 1., 1., 0., 1., 1., 0., 1., 1., 1., 1.,
       0., 0., 1., 1., 1., 1., 0., 0., 1., 1., 1., 1., 0., 1., 1., 0.,
       0., 0., 1., 1., 0., 1., 1., 1., 1., 1., 0., 0., 1., 0., 0., 1.
      [1., 0., 1., 0., 1., 0., 0., 1., 1., 0., 1., 1., 0., 1., 1., 1.,
       1., 1., 1., 1., 1., 1., 1., 0., 0., 0., 0., 1., 0., 0., 1.,
       0., 1., 1., 1., 1., 1., 1., 0., 1., 0., 1., 1., 0., 1., 1.,
       1., 1., 1., 1., 1., 1., 1., 0., 1., 1., 0., 0., 1., 1., 1.,
       0., 0., 1., 1., 1., 0., 1., 1., 0., 0., 1., 1., 1., 1., 1.,
       0., 0., 1., 1., 0., 1., 0., 1., 1., 1., 0., 0., 0., 1., 0., 1.,
       1., 1., 1., 0., 1., 1., 1., 0., 1., 1., 0., 1., 0., 1., 1.,
```

```
1., 1., 0., 1., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 1., 1., 1., 1., 1.,
1., 1., 1., 1., 1., 0., 1., 0., 1., 0., 1., 0., 0., 1., 0., 0.,
0., 1., 0., 1., 1., 1., 1., 0., 1., 0., 1., 1., 1., 1., 1., 0.],
[0., 0., 1., 1., 1., 1., 0., 1., 1., 0., 1., 0., 1., 0., 1., 0.,
0., 1., 1., 0., 1., 1., 0., 1., 0., 0., 1., 1., 1., 1., 1.,
1., 1., 1., 0., 1., 0., 1., 1., 1., 1., 1., 1., 0., 1., 0., 1.,
1., 1., 0., 1., 1., 1., 1., 1., 0., 1., 1., 1., 1., 1., 1.,
0., 0., 0., 0., 1., 1., 0., 1., 1., 0., 0., 1., 1., 0., 0., 1.,
0., 1., 1., 1., 0., 1., 1., 1., 1., 1., 0., 1., 1., 1., 0., 0.,
1., 0., 0., 1., 1., 1., 1., 1., 1., 1., 1., 0., 1., 1., 0., 1.,
1., 1., 1., 0., 1., 1., 0., 0., 0., 1., 0., 1., 1., 1., 0., 0.,
1., 1., 1., 1., 1., 1., 0., 0., 0., 0., 1., 0., 1., 0., 1.,
0., 1., 1., 0., 1., 1., 1., 0., 1., 0., 0., 1., 0., 1., 0.],
[1., 1., 0., 1., 0., 1., 1., 1., 0., 0., 1., 1., 0., 0., 1., 1.,
0., 0., 1., 0., 1., 0., 1., 1., 0., 1., 1., 1., 0., 1., 0., 0.,
0., 1., 1., 0., 1., 1., 0., 0., 1., 1., 1., 1., 1., 0., 0., 0.,
0., 1., 0., 0., 0., 1., 0., 1., 0., 1., 0., 1., 0., 1., 1.,
1., 1., 0., 1., 1., 1., 0., 0., 1., 0., 1., 1., 0., 1., 1., 1.,
1., 0., 1., 0., 1., 1., 1., 1., 1., 0., 1., 1., 1., 1., 1.,
1., 1., 1., 1., 1., 1., 1., 0., 1., 1., 1., 0., 0., 0., 0., 1.,
1., 0., 1., 0., 1., 1., 0., 0., 1., 0., 1., 1., 1., 0., 1., 1.,
1., 0., 1., 1., 1., 1., 0., 0., 1., 0., 1., 1., 1., 0., 0.,
1., 1., 1., 1., 1., 1., 1., 0., 0., 0., 1., 0., 1., 1., 1., 1.],
[0., 1., 1., 1., 1., 0., 0., 1., 1., 0., 0., 1., 1., 1., 1., 0.,
0., 1., 0., 1., 1., 1., 1., 1., 0., 1., 0., 1., 0., 0., 1.,
1., 0., 1., 0., 0., 1., 0., 0., 1., 1., 1., 1., 1., 0., 0., 1.,
1., 1., 1., 1., 1., 1., 1., 1., 1., 0., 1., 1., 0., 0., 1., 1.,
1., 1., 0., 0., 1., 1., 1., 0., 1., 0., 0., 1., 0., 1., 1.,
0., 1., 0., 1., 0., 0., 1., 1., 0., 0., 1., 0., 1., 0., 1., 1.,
0., 1., 0., 0., 1., 0., 1., 1., 0., 0., 0., 0., 1., 0., 1., 1.,
1., 1., 0., 1., 1., 0., 0., 1., 1., 0., 1., 1., 1., 1., 1.,
1., 1., 0., 0., 1., 0., 0., 1., 1., 1., 0., 1., 0., 0., 1., 0.,
1., 0., 0., 1., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 1., 1., 1., 0., 0., 0.]])
```

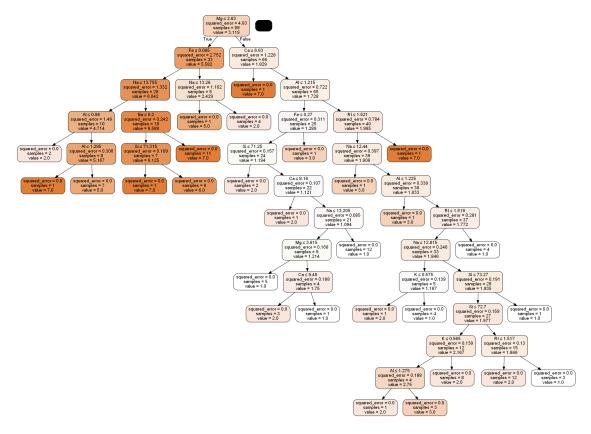
Визуализируем эти данные:

```
fig, ax = plt.subplots(figsize=(12,2))
ax.pcolor(bin_array, cmap='PuBuGn')
plt.show()
```

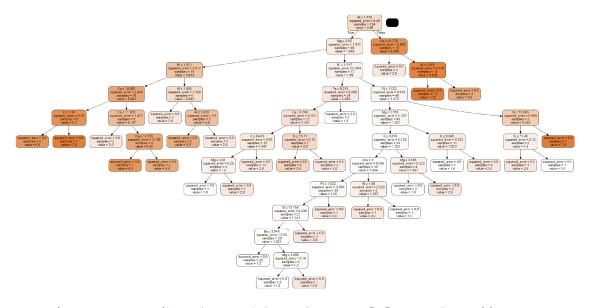


Оценим Out-of-bag error (теоретическое значение = 37%) - несмещенную оценку ошибки набора тестов:

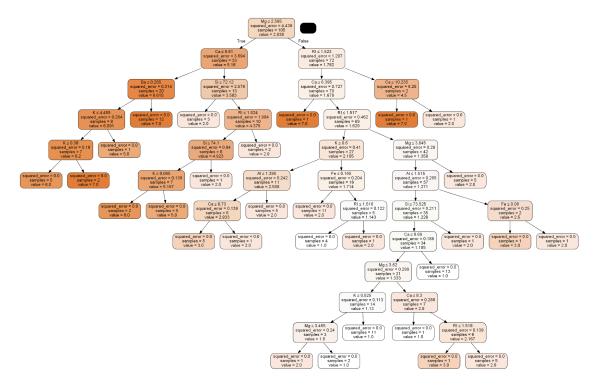
```
for i in range(5):
    cur data = bin array[i]
    len_cur_data = len(cur_data)
    sum_cur_data = sum(cur_data)
    (len(bin_array[0]) - sum(bin_array[0])) / len(bin_array[0])
    oob_i = (len_cur_data - sum_cur_data) / len_cur_data
    print('Для модели {} pasмep ООВ составляет {}%'.format(i+1, round(oob i,
4)*100.0))
Для модели 1 размер ООВ составляет 38.12%
Для модели 2 размер ООВ составляет 35.0%
Для модели 3 размер ООВ составляет 34.38%
Для модели 4 размер ООВ составляет 36.88%
Для модели 5 размер ООВ составляет 42.5%
Визуализируем обученные деревья:
from io import StringIO
from IPython.display import Image
import graphviz
import pydotplus
from sklearn.tree import export_graphviz
def get png tree(tree model param, feature names param):
    dot data = StringIO()
    export_graphviz(tree_model_param, out_file=dot_data,
feature names=feature names param,
                    filled=True, rounded=True, special characters=True)
    graph = pydotplus.graph_from_dot_data(dot_data.getvalue())
    return graph.create png()
Image(get png tree(bagging model.estimators [0], X.columns))
```



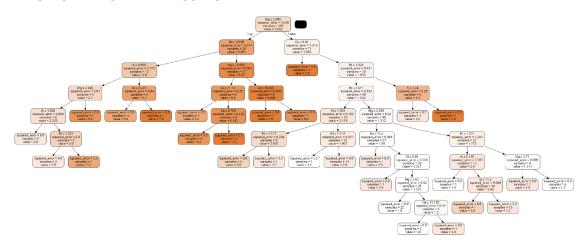
Image(get_png_tree(bagging_model.estimators_[1], X.columns))



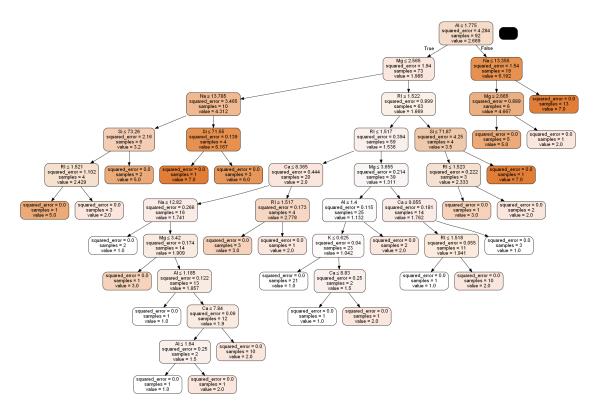
Image(get_png_tree(bagging_model.estimators_[2], X.columns))



Image(get_png_tree(bagging_model.estimators_[3], X.columns))



Image(get_png_tree(bagging_model.estimators_[4], X.columns))



Заметно, что деревья различны.

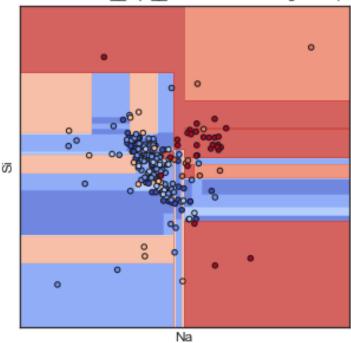
Визуализируем результаты регрессии:

def plot_contours(ax, clf, xx, yy, **params):

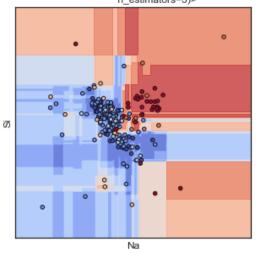
"""Plot the decision boundaries for a classifier.

```
Parameters
    ax: matplotlib axes object
    clf: a classifier
   xx: mesharid ndarray
   yy: meshgrid ndarray
    params: dictionary of params to pass to contourf, optional
    Z = clf.predict(np.c_[xx.ravel(), yy.ravel()])
    Z = Z.reshape(xx.shape)
    #Можно проверить все ли метки классов предсказываются
    #print(np.unique(Z))
    out = ax.contourf(xx, yy, Z, **params)
    return out
def plot_cl(clf):
    title = clf.__repr__
    clf.fit(X2, y)
    fig, ax = plt.subplots(figsize=(5,5))
    X0, X1 = X2[:, 0], X2[:, 1]
    xx, yy = make_meshgrid(X0, X1)
    plot_contours(ax, clf, xx, yy, cmap=plt.cm.coolwarm, alpha=0.8)
    ax.scatter(X0, X1, c=y, cmap=plt.cm.coolwarm, s=20, edgecolors='k')
    ax.set_xlim(xx.min(), xx.max())
    ax.set_ylim(yy.min(), yy.max())
    ax.set xlabel('Na')
    ax.set_ylabel('Si')
    ax.set_xticks(())
    ax.set yticks(())
    ax.set_title(title)
    plt.show()
Оставим только два признака - Na и Si:
X2 = X[['Na', 'Si']].to_numpy()
plot cl(DecisionTreeRegressor(random state=1))
```

<bound method BaseEstimator.__repr__ of DecisionTreeRegressor(random_state=1)>



plot_cl(BaggingRegressor(DecisionTreeRegressor(random_state=1),
n_estimators=5))



Модель градиентного бустинга

from sklearn.ensemble import GradientBoostingRegressor

Обучим модель на 5 деревьях:

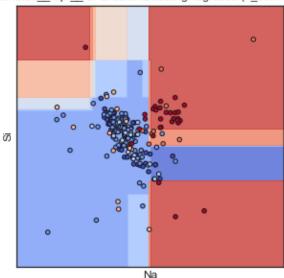
```
gradient_model = GradientBoostingRegressor(n_estimators=5)
gradient_model.fit(X_train, y_train)
```

```
GradientBoostingRegressor(n_estimators=5)
```

Для визуализации регрессии будем использовать функцию plot_cl из визуализации регрессии модели бэггинга:

```
plot_cl(GradientBoostingRegressor(random_state=1, n_estimators=5))
```

<bound method BaseEstimator.__repr__ of GradientBoostingRegressor(n_estimators=5, random_state=1)>



Модель стекинга

```
from sklearn.ensemble import RandomForestRegressor
from sklearn.linear_model import LinearRegression
```

Реализуем модель стекинга через библиотеку heamy:

```
from heamy.estimator import Regressor
from heamy.pipeline import ModelsPipeline
from heamy.dataset import Dataset

dataset = Dataset(X_train, y_train, X_test)
```

Построим модели дерева, линейную модель и случайного леса для задачи регрессии:

```
model_tree = Regressor(dataset=dataset, estimator=DecisionTreeRegressor,
name='tree')
model_lr = Regressor(dataset=dataset, estimator=LinearRegression,
parameters={'normalize': True}, name='lr')
model_rf = Regressor(dataset=dataset, estimator=RandomForestRegressor,
parameters={'n_estimators': 5}, name='rf')
```

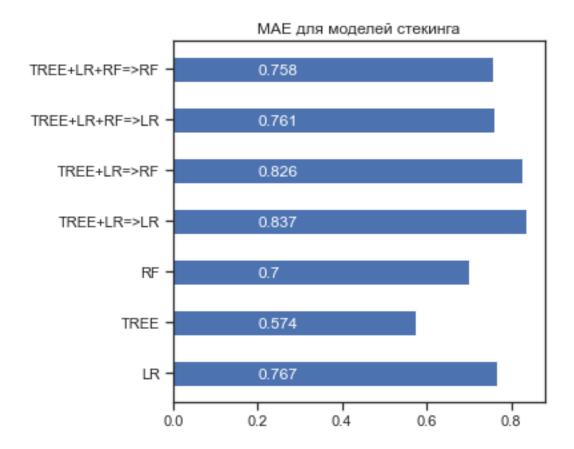
Определим их качество:

```
from sklearn.metrics import mean_absolute_error
```

```
def val mae(model):
    model.fit(X train, y train)
    y pred = model.predict(X test)
    result = mean absolute error(y test, y pred)
    print(model)
    print("MAE = {}".format(result))
for model in [
    LinearRegression(),
    DecisionTreeRegressor(),
    RandomForestRegressor(n estimators=5)
1:
    val mae(model)
    print()
LinearRegression()
MAE = 0.7674795585625986
DecisionTreeRegressor()
MAE = 0.5740740740740741
RandomForestRegressor(n estimators=5)
MAE = 0.7000000000000000
Сделаем несколько экспериментов для определения лучшего расположения моделей.
1: на первом уровне - дерево и линейная регрессия, а на втором - линейная регрессия:
pipeline = ModelsPipeline(model tree, model lr)
stack ds = pipeline.stack(k=10, seed=1)
stacker = Regressor(dataset=stack ds, estimator=LinearRegression)
results = stacker.validate(k=10, scorer=mean_absolute_error)
Metric: mean absolute error
Folds accuracy: [0.9343038538699631, 0.6741240299143151, 1.148855880577542,
0.804952423447935, 0.7433758171159082, 0.5933363445393178, 0.841554871284919,
0.9027277159278726, 0.9792465696505968, 0.7520786269630576]
Mean accuracy: 0.8374556133291428
Standard Deviation: 0.1530358629440931
Variance: 0.02341997534704325
2: на первом уровне - дерево и стохастический градиентный спуск, а на втором - случайный
лес:
stacker = Regressor(dataset=stack ds, estimator=RandomForestRegressor)
results = stacker.validate(k=10, scorer=mean absolute error)
Metric: mean absolute error
Folds accuracy: [0.7756250000000001, 0.529375, 1.2375, 0.9025000000000001,
```

```
0.80625, 0.850625, 0.816249999999999, 0.9293750000000001, 0.77125, 0.64375]
Mean accuracy: 0.8262500000000002
Standard Deviation: 0.17711534024471173
Variance: 0.03136984375
3: на первом уровне - дерево, линейная регрессия и случайный лес, а на втором - линейная
регрессия:
pipeline = ModelsPipeline(model tree, model lr, model rf)
stack ds3 = pipeline.stack(k=10, seed=1)
stacker = Regressor(dataset=stack_ds3, estimator=LinearRegression)
results = stacker.validate(k=10, scorer=mean absolute error)
Metric: mean absolute error
Folds accuracy: [0.822566076331519, 0.5952680586138698, 1.1577994260154325,
0.7950018519448512, 0.648576912753356, 0.5167249218149097,
0.7253297444314115, 0.8648446064521539, 0.8336842495096648,
0.65349085840959751
Mean accuracy: 0.7613286706276765
Standard Deviation: 0.17060739660716165
Variance: 0.02910688377707335
4: на первом уровне - дерево, линейная регрессия и случайный лес, а на втором - случайный
лес:
stacker = Regressor(dataset=stack ds3, estimator=RandomForestRegressor)
results = stacker.validate(k=10, scorer=mean_absolute_error)
Metric: mean absolute error
Folds accuracy: [0.865, 0.543750000000001, 1.053125, 0.825625,
0.9287500000000001, 0.505625, 0.69875, 0.880625, 0.730624999999999,
0.546875]
Mean accuracy: 0.757875
Standard Deviation: 0.17485511859822692
Variance: 0.0305743125
Выведем результаты:
array_labels = ['LR','TREE', 'RF', 'TREE+LR=>LR',
                'TREE+LR=>RF', 'TREE+LR+RF=>LR', 'TREE+LR+RF=>RF']
array mae = [0.7674795585625986, 0.5740740740741, 0.700000000000000003,
             0.8374556133291428, 0.8262500000000002, 0.7613286706276765,
             0.757875
def vis_models_quality(array_metric, array_labels, str_header, figsize=(5,
5)):
    fig, ax1 = plt.subplots(figsize=figsize)
    pos = np.arange(len(array metric))
    rects = ax1.barh(pos, array metric,
                     align='center',
                     height=0.5,
```

```
tick_label=array_labels)
ax1.set_title(str_header)
for a,b in zip(pos, array_metric):
    plt.text(0.2, a-0.1, str(round(b,3)), color='white')
plt.show()
vis_models_quality(array_mae, array_labels, 'МАЕ для моделей стекинга')
```



Чем ближе значение МАЕ к нулю, тем лучше качество регрессии.

Лучший результат у исходных моделей - у модели дерева, а у моделей стекинга - у эксперимента 4, где на первом уровне располагаются дерево, линейная регрессия и случайный лес, а на втором - случайный лес.

Эту модель и будем использовать для дальнейшей оценки качества:

stacking_model = Regressor(dataset=stack_ds3,
estimator=RandomForestRegressor)

Обучение дополнительных моделей

Модель многослойного персептрона

Обучим модель многослойного персептрона:

```
from sklearn.neural network import MLPRegressor
perceptron model = MLPRegressor(solver='lbfgs', alpha=1e-5,
                 hidden_layer_sizes=(5, 2), random_state=1)
perceptron model.fit(X train, y train)
MLPRegressor(alpha=1e-05, hidden_layer_sizes=(5, 2), random_state=1,
             solver='lbfgs')
Модель МГУА
```

```
Также обучим модель МГУА с помощью библиотеки GmdhPy:
```

```
from gmdhpy.gmdh import Regressor
multilayered model = Regressor()
multilayered model.fit(X train.values, y train.values)
train layer0 in 0.03 sec
train layer1 in 0.11 sec
train layer2 in 0.10 sec
train layer3 in 0.17 sec
train layer4 in 0.13 sec
train layer5 in 0.12 sec
train layer6 in 0.12 sec
train layer7 in 0.11 sec
train layer8 in 0.09 sec
train layer9 in 0.11 sec
train layer10 in 0.10 sec
train layer11 in 0.10 sec
train layer12 in 0.11 sec
train layer13 in 0.10 sec
train layer14 in 0.10 sec
train layer15 in 0.10 sec
```

Оценка качества полученных моделей

<gmdhpy.gmdh.Regressor at 0x1f19be363a0>

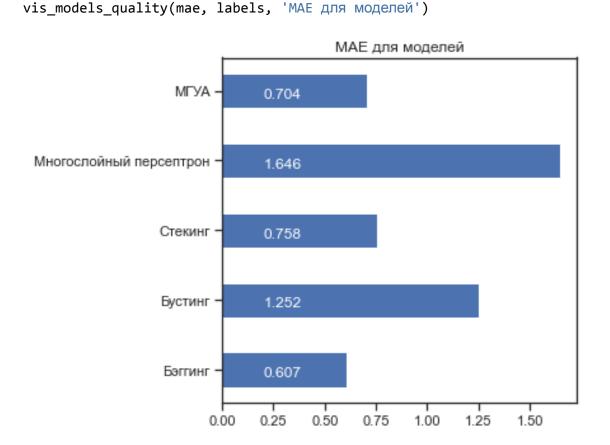
Для оценки качества полученных моделей будем использовать метрику "Средняя абсолютная ошибка" (mean_absolute_error).

Чем ближе её значение к нулю, тем лучше качество регрессии.

Посчитаем метрику для всех моделей:

```
mean absolute error(y test, bagging model.predict(X test))
0.6074074074074075
mean absolute error(y test, gradient model.predict(X test))
1.251807776235007
```

```
results = stacking model.validate(k=10, scorer=mean absolute error)
Metric: mean absolute error
Folds accuracy: [0.865, 0.543750000000001, 1.053125, 0.825625,
0.9287500000000001, 0.505625, 0.69875, 0.880625, 0.730624999999999,
0.5468751
Mean accuracy: 0.757875
Standard Deviation: 0.17485511859822692
Variance: 0.0305743125
mean_absolute_error(y_test, perceptron_model.predict(X_test))
1.6462962962963001
mean_absolute_error(y_test, multilayered_model.predict(X_test.values))
0.7043107407355916
labels = ['Бэггинг', 'Бустинг', 'Стекинг', 'Многослойный персептрон',
                'МГУА']
mae = [0.6074074074074075, 1.251807776235007, 0.757875,
             1.6462962962963001, 0.7043107407355916
```



Самое лучшее качество регресии наблюдается у модели бэггинга (минимальное число - 0.607), а самое худшее качество - у модели многослойного персептрона (1.646).

Результаты качества регресии у моделей МГУА и стекинга сравнимы (0.704 и 0.758).