





DIRECCIÓN DE EDUCACIÓN SUPERIOR PROGRAMA SINTÉTICO

UNIDAD ACADÉMICA: ESCUELA SUPERIOR DE CÓMPUTO; UNIDAD PROFESIONAL INTERDISCIPLINARIA DE INGENIERÍA, CAMPUS ZACATECAS

PROGRAMA ACADÉMICO: Ingeniería en Sistemas Computacionales

UNIDAD DE APRENDIZAJE: Análisis vectorial SEMESTRE: |

PROPÓSITO DE LA UNIDAD DE APRENDIZAJE:

Resuelve problemas geométricos y físicos a partir del estudio de las propiedades de los vectores, las funciones

CONTENIDOS:	I. El Espacio Euclid II. Cálculo diferenci III. Cálculo integral	al vectoria	I						
	Métodos de enseñ	anza		Estrategias de apre	ndizaje				
	a) Inductivo		X	a) Estudio de casos	S				
ORIENTACIÓN DIDÁCTICA:	b) Deductivo		х	b) Aprendizaje Basa	ado en Problemas	х			
	c) Analógico			c) Aprendizaje Orie	ntado a Proyectos				
	d) Basado en la ló disciplina	gica de la	1	d) Aprendizaje Cola	borativo				
	Diagnóstica		Х	Saberes Previamen	te Adquiridos	Х			
EVALUACIÓN Y	Problemas resuelt	os	Х	Problemarios		х			
ACREDITACIÓN:	Reporte de proyec	ctos		Reporte de seminarios					
	Evaluaciones escr	ritas	х	Otras evidencias a	evaluar:				
	Autor(es)	Año	Títul	del documento	Editorial / ISBN	ī			
	Hsu, Hwei P.	1973*	A	nálisis vectorial	Fondo Educativo Interamericano 9780201029437	/			
BIBLIOGRAFÍA BÁSICA:	Marsden, Jerrold E., Tromba Anthony J.	2004	С	álculo vectorial	Pearson Educación/ 9788478290697				
BASICA:	Spiegel Murray, R	1986	A	nálisis vectorial	McGraw-Hill/ 9789701020968				
	Stewart, James	2002	Cálc	ulo trascendentes tempranas	Thomson Learning/ 9706861270				
	Zill, Denis G., Wright, Warren S.	2011	Cálculo	de varias variables	McGraw-Hill/ 9786071505002				

^{*} Bibliografía clásica



INSTITUTO POLITÉCNICO NACIONAL

SECRETARÍA ACADÉMICA





DIRECCIÓN DE EDUCACIÓN SUPERIOR **PROGRAMA DE ESTUDIOS**

UNIDAD DE APRENDIZAJE: Análisis vectorial **HOJA** DE

UNIDAD ACADÉMICA: ESCUELA SUPERIOR DE CÓMPUTO; UNIDAD PROFESIONAL INTERDISCIPLINARIA DE INGENIERÍA, CAMPUS ZACATECAS PROGRAMA ACADÉMICO: Ingeniería en Sistemas Computacionales SEMESTRE: ÁREA DE FORMACIÓN: MODALIDAD: Formación Básica Escolarizada TIPO DE UNIDAD DE APRENDIZAJE: Teórica-Práctica/Obligatoria **VIGENTE A PARTIR DE:** CRÉDITOS: Enero 2020 **TEPIC:** 7.5 **SATCA:** 6.4

INTENCIÓN EDUCATIVA

La unidad de aprendizaje Análisis Vectorial al ser del primer semestre de estudios contribuye al perfil de egreso de la Ingeniería en Sistemas Computacionales con el desarrollo de habilidades de razonamiento matemático para la solución de problemas geométricos y físicos que le permiten desarrollar la creatividad e ingenio en el trabajo autónomo, así como el trabajo en equipo para comprender y manejar el cálculo del Gradiente, la Divergencia, el Rotacional y los teoremas integrales que son temas de estudio del Cálculo Diferencial e Integral Vectorial.

Esta unidad de aprendizaje no tiene unidades de aprendizaje antecedentes; se relaciona de manera lateral con Cálculo y de manera consecuente con las unidades de aprendizaje de Mecánica y Electromagnetismo, Álgebra Lineal, Ecuaciones Diferenciales y Matemáticas Avanzadas para la Ingeniería.

PROPÓSITO DE LA UNIDAD DE APRENDIZAJE

Resuelve problemas geométricos y físicos a partir del estudio de las propiedades de los vectores, las funciones vectoriales en el espacio tridimensional y los teoremas integrales de Gauss, Green y Stokes.

TIEMPOS ASIGNADOS

HORAS TEORÍA/SEMANA: 3.0

HORAS PRÁCTICA/SEMANA: 1.5

HORAS TEORÍA/SEMESTRE: 54.0

HORAS PRÁCTICA/SEMESTRE: 27.0

HORAS APRENDIZAJE AUTÓNOMO: 27.0

HORAS TOTALES/SEMESTRE: 81.0

UNIDAD DE APRENDIZAJE **REDISEÑADA POR:** Academia de

> Ciencias Básicas REVISADA POR:

M. en C. Iván Giovanny Mosso García

M. en A. E. Mario César Ordoñez Gutiérrez

Subdirectores Académicos ESCOM/UPIIZ APROBADA POR:

Consejo Técnico Consultivo Escolar

Lic. Andrés Ortigoza Campos

M. en C. Juan Alberto Alvarado Olivares

Presidentes de los CTCE ESCOM/UPIIZ 21/11/2019

APROBADO POR: Comisión de **Programas** Académicos Consejo General Consultivo del IPN.

25/11/2019

AUTORIZADO Y VALIDADO POR:

Ing. Juan Manuel Velázquez Peto Director de Educación Superior



DIRECCIÓN DE EDUCACIÓN SUPERIOR





UNIDAD DE APRENDIZAJE:

Análisis vectorial

HOJA

3

DE 9

UNIDAD TEMÁTICA I Los espacios Euclidianos R ² y	CONTENIDO		S CON ENTE	HRS AA
R ³ dimensional		Т	Р	
UNIDAD DE COMPETENCIA	1.1 Los espacios Euclidianos R ² y R ³	4.5		1.0
	1.1.1 Introducción a los espacios vectoriales			
Resuelve problemas geomé-	1.1.2 Axiomas del espacio vectorial R ² y R ³			
tricos y físicos con base en los	1.1.3 Importancia de R ² y R ³ en la representación			
fundamentos del álgebra	gráfica de un vector: los vectores de la base canónica,			
vectorial, el producto escalar, el	magnitud y dirección			
producto cruz y los triples	1.1.4 Aplicación de la suma de vectores (método del			
productos entre vectores.	paralelogramo, triángulo y polígono) y la multiplicación			
	de un escalar por vector. Aplicaciones en la			
	construcción de la ecuación de una recta en R ³			
	1.1.5 Dependencia e independencia lineal			
	1.2 Producto escalar o producto punto	3.5		1.0
	1.2.1 Propiedades del producto escalar			
	1.2.2 El ángulo entre dos vectores: cosenos directores			
	1.2.3 Ortogonalidad de dos vectores			
	1.2.4 Proyección de un vector en la dirección de otro			
	1.3 Producto vectorial o Producto cruz	5.5	4.0	3.0
	1.3.1 Propiedades algebraicas y geométricas del			0.10
	producto vectorial: aplicaciones en la construcción de			
	la ecuación de un plano			
	1.3.2 Triples productos entre vectores: el triple			
	producto escalar, interpretación, distancia mínima			
	entre dos rectas			
	1.3.3 Triple producto vectorial: regla del término			
	medio, interpretación y aplicaciones			
	Subtotal	13.5	4.0	5.0



INSTITUTO POLITÉCNICO NACIONAL

SECRETARÍA ACADÉMICA DIRECCIÓN DE EDUCACIÓN SUPERIOR





UNIDAD DE APRENDIZAJE:

Análisis vectorial

HOJA

DE

9

UNIDAD TEMÁTICA II Cálculo Diferencial Vectorial	CONTENIDO		S CON ENTE	HRS AA
		Т	Р	
UNIDAD DE COMPETENCIA Aplica la regla de la cadena, el gradiente, la divergencia y el rotacional con base en el estudio de las funciones vectoriales de variable real y su derivación.	2.1 Funciones vectoriales de variable real 2.1.1 Funciones vectoriales 2.1.2 Las funciones vectoriales como curvas en el plano y en el espacio tridimensional 2.1.3 Ecuaciones paramétricas: parametrización de curvas 2.1.4 Límite y continuidad de una función vectorial	4.0		2.0
	2.2 Derivación de funciones vectoriales de variable real 2.2.1 La derivada de una función vectorial 2.2.2 Interpretación geométrica de la derivada como el vector tangente a una trayectoria r(t) 2.2.3 Reglas para la derivación de funciones vectoriales 2.2.4 Longitud de arco	4.0		2.0
	2.3 Campos escalares 2.3.1 Funciones de varias variables, dominio y rango. Grafica de curvas y superficies de nivel 2.3.2 Derivadas parciales de campos escalares Derivación de orden superior 2.3.3 Diferencial total de un campo escalar 2.3.4 Regla de la cadena Caso 1 z = f(x,y) donde x =x(t), y=y(t). Caso 2 z = f(x,y) donde x =x(s,t), y=y(s,t). 2.3.5 El operador Nabla: el vector gradiente, derivada direccional de un campo escalar y gradiente de una función que depende sólo de r	9.0	6.0	5.0
	2.4 Campos vectoriales 2.4.1 Generalidades, interpretación física y aplicaciones 2.4.2 Derivadas parciales de funciones vectoriales de más de una variable 2.4.3 Divergencia y rotacional de un campo vectorial 2.4.4 Operaciones con el operador Nabla: algunas identidades vectoriales	4.0	6.0	2.0
	Subtotal	21.0	12.0	11.0



INSTITUTO POLITÉCNICO NACIONAL

SECRETARÍA ACADÉMICA DIRECCIÓN DE EDUCACIÓN SUPERIOR





UNIDAD DE APRENDIZAJE:

Análisis vectorial

HOJA

5

DE 9

UNIDAD TEMÁTICA III Cálculo Integral Vectorial			HORAS CON DOCENTE		
_		Т	Р		
UNIDAD DE COMPETENCIA	3.1 Integral de Línea	3.0			
	3.1.1 La integral de línea sobre un campo vectorial				
Aplica los teoremas integrales a	3.1.2 Propiedades de las integrales de línea				
partir de las integrales de línea,	3.1.3 Teorema de campos conservativos				
de superficie y de volumen.					
	3.2 Integrales dobles y triples	6.0	5.0	2.0	
	3.2.1 Integrales iteradas: la integral doble sobre				
	regiones generales				
	3.2.2 Teorema del cambio de variables en integrales				
	múltiples: el Jacobiano de la transformación, integrales				
	dobles en coordenadas polares				
	3.2.3 Integrales triples en coordenadas cartesianas,				
	cilíndricas y esféricas				
	2.2 Integral de auporficio y de valumen	6.0		2.5	
	3.3 Integral de superficie y de volumen3.3.1 Integrales de superficie de un campo vectorial e	0.0		2.5	
	interpretación física				
	3.3.2 Integral de volumen de un campo escalar				
	3.3.2 micgraf de volumen de un campo escalar				
	3.4 Teoremas integrales	4.5	6.0	6.5	
	3.4.1 Teorema de Green en el plano		0.0	0.0	
	3.4.2 Teorema del Rotacional de Stokes:				
	interpretación física				
	3.4.3 Teorema de la divergencia de Gauss:				
	interpretación física				
	Subtotal	19.5	11.0	11.0	



DIRECCIÓN DE EDUCACIÓN SUPERIOR





UNIDAD DE APRENDIZAJE:

Análisis vectorial

HOJA

6

DE

9

ESTRATEGIAS DE APRENDIZAJE Estrategia de Aprendizaje Basado en Problemas

El alumno desarrollará las siguientes actividades:

- 1. Ejercicios de aplicación sobre las operaciones de suma y multiplicación por escalar, la ecuación de la recta en el espacio en forma vectorial, paramétrica y simétrica, la ecuación del plano y el estudio de las propiedades del producto escalar y vectorial.
- 2. Solución de problemas, empleando el manejo del operador diferencial Nabla y exposición de la solución.
- 3. Solución problemas relacionados con la aplicación de los teoremas integrales y su exposición.
- 4. Elaboración de prácticas en el laboratorio de cómputo mediante software especializado

EVALUACIÓN DE LOS APRENDIZAJES

Evaluación diagnóstica.

Portafolio de evidencias

- 1. Ejercicios resueltos en equipo
- 2. Problemas compuestos resueltos de manera individual
- 3. Problemarios resueltos y exposición de solución de problemas
- 4. Reportes de prácticas
- 5. Evaluación escrita

RELACIÓN DE PRÁCTICAS							
PRÁCTICA No.	NOMBRE DE LA PRÁCTICA	UNIDADES TEMÁTICAS	LUGAR DE REALIZACIÓN				
1.	Graficación de operaciones vectoriales	I	Laboratorio de Cómputo				
2.	Graficación de funciones vectoriales	II	Computo				
3.	Graficación de la intersección entre superficies en el espacio tridimensional	III					
		TOTAL DE	27.0				





DIRECCIÓN DE EDUCACIÓN SUPERIOR

UNIDAD DE APRENDIZAJE: Análisis vectorial HOJA 7 DE 9

			Bibliografía								
									Do	cume	nto
Tipo	Autor(es)	Año	Título del documento		Editorial/ISBN		Libro	Antología	Ofros		
В	Hsu, Hwei P.	1973*	Análisis vectorial		Fondo Intera 97802	ameri	icano	/	Х		
В	Marsden, Jerrold E., Tromba Anthony J.	2004	Cálculo vectorial		Pearso 9788				Х		
В	Spiegel Murray, R	1986*	Análisis vectorial		McGraw-Hill/ 9789701020968				Х		
В	Stewart, James	2002	Cálculo trascendentes tempranas	3	Thomson Learning/ 970-686-127-0				Х		
В	Zill, Denis G., Wright, Warren S.	2011	Cálculo de varias variables		McGraw-Hill/ 978-607-15-0500-2)-2	Х		
			Recursos digitales								
	Autor, año, t	título y Dir	ección Electrónica	Texto	Simulador	Imagen	Tutorial	Video	Presentación	Diccionario	orto
Multiva https://	ariable Calculus. Revi	ised on No	ogy Open Courseware. (2019). vember 12 th , 2019, retrieved from: cs/18-02sc-multivariable-calculus-				х	х			
Vector retriev multiva	rs, Determinants and red from: <u>https</u>	Planes. R:://ocw.mit.e	ogy Open Courseware. (2019). evised on November 12 th , 2019, edu/courses/mathematics/18-02scors-and-matrices/part-a-vectors-				х	х			
Massa Param retriev multiva	achusetts Institute on etic Equations of C red from: <u>https</u>	curves. Rev ://ocw.mit.e 010/1vect	ogy Open Courseware. (2019). vised on November 12 th , 2019, edu/courses/mathematics/18-02scors-and-matrices/part-c-				х	х			
Massa Functi retriev multiva	achusetts Institute o ions of two variables: red from: <u>https</u> ariable-calculus-fall-20	f Technol Graphs. R ://ocw.mit.e 010/2part	devised on November 12 th , 2019, edu/courses/mathematics/18-02sc-lal-derivatives/part-a-functions-of-nd-optimization/session-24-				х	х			



INSTITUTO POLITÉCNICO NACIONAL SECRETARÍA ACADÉMICA DIRECCIÓN DE EDUCACIÓN SUPERIOR



UNIDAD DE APRENDIZAJE: Análisis vectorial HOJA 8 DE 9

Autor, año, título y Dirección Electrónica	Texto	Simulador	Imagen	Tutorial	Video	Presentación	Diccionario	Otro
Massachusetts Institute of Technology Open Courseware. (2019). <i>Level curves and contour plots</i> . Revised on November 12 th , 2019, retrieved from: https://ocw.mit.edu/courses/mathematics/18-02sc-multivariable-calculus-fall-2010/2partial-derivatives/part-a-functions-of-two-variables-tangent-approximation-and-optimization/session-25-level-curves-and-contour-plots				X	x			
Massachusetts Institute of Technology Open Courseware. (2019). Partial Derivatives. Revised on November 12 th , 2019, retrieved from: https://ocw.mit.edu/courses/mathematics/18-02sc-multivariable-calculus-fall-2010/2partial-derivatives/part-a-functions-of-two-variables-tangent-approximation-and-optimization/session-26-partial-derivatives				Х	х			
Massachusetts Institute of Technology Open Courseware. (2019). Chain Rule, Derivatives and Directional Derivative. Revised on November 12 th , 2019, retrieved from: https://ocw.mit.edu/courses/mathematics/18-02sc-multivariable-calculus-fall-2010/2partial-derivatives/part-b-chain-rule-gradient-and-directional-derivatives				х	х			
Massachusetts Institute of Technology Open Courseware. (2019). <i>Double integrals and Line Integrals</i> . Revised on November 12 th , 2019, retrieved from: https://ocw.mit.edu/courses/mathematics/18-02sc-multivariable-calculus-fall-2010/3double-integrals-and-line-integrals-in-the-plane				х	Х			
Massachusetts Institute of Technology Open Courseware. (2019). <i>Triple Integrals and Surface Integrals in 3-Space</i> . Revised on November 12 th , 2019, retrieved from: https://ocw.mit.edu/courses/mathematics/18-02sc-multivariable-calculus-fall-2010/4triple-integrals-and-surface-integrals-in-3-space				х	X			



DIRECCIÓN DE EDUCACIÓN SUPERIOR





UNIDAD DE APRENDIZAJE:

Análisis vectorial

HOJA

9

9 DE

PERFIL DOCENTE: Maestría en Ciencias en Matemáticas, Física, Matemática educativa y/o Ingeniería.

EXPERIENCIA PROFESIONAL	CONOCIMIENTOS	HABILIDADES DIDÁCTICAS	ACTITUDES
Docente del Nivel Superior	Geometría Analítica	Manejo de estrategias	Honestidad
en Ingeniería o Ciencias	Cálculo de una variable	didácticas centradas en el	Responsabilidad
	Espacios vectoriales	aprendizaje	Puntualidad
mínimo de dos años de	Ecuaciones diferenciales	Planificación del proceso de	Tolerancia
experiencia.	Física	enseñanza	Empatía
		Administración de las	Respeto
Deseable experiencia en el	Modelo Educativo	metodologías didácticas: :	Compromiso social e
área profesional.	Institucional	trabajo en equipo, organizar	institucional
		grupos de aprendizaje, uso	Vocación por la docencia
		de TIC para el proceso de	
		enseñanza-aprendizaje	

ELABORÓ REVISÓ AUTORIZÓ

M. en C. Juan Manuel Carballo Jiménez

Profesor coordinador

M. en C. Iván Giovanny Mosso García

Subdirector Académico ESCOM

Lic. Andrés Ortigoza Campos **Director ESCOM**

Dra. Claudia Celia Díaz Huerta Profesora colaboradora

> M. en A. E. Mario César Ordoñez Gutiérrez

Subdirector Académico UPIIZ

M. en C. Juan Alberto Alvarado Olivares **Director UPIIZ**

M. en C. Jesús Alfredo Martínez Nuño Profesor colaborador