Estruturas de Dados

Pilhas e Filas

Departamento de Computação Prof. Martín Vigil Adaptado de Prof. Jean Everson Martina e Prof. Aldo von Wangenheim

2020.1

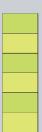
Extensões do conceito de Lista Encadeada

- A idéia da Lista Encadeada vista até agora é o modelo mais geral e simples;
- Pode ser especializada e estendida das mais variadas formas;
- Especializada:
 - Pilhas;
 - Filas:
- Estendida:
 - Listas Duplamente Encadeadas;
 - Listas Circulares Simples e Duplas.

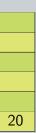
Pilha

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito "natural" de empilhar, onde o primeiro a entrar é o último a sair (LIFO = last in, first out).

Pilha

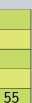


Pilha



Pilha

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito "natural" de empilhar, onde o primeiro a entrar é o último a sair (LIFO).



Pilha

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito "natural" de empilhar, onde o primeiro a entrar é o último a sair (LIFO).



4



Pilha

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito "natural" de empilhar, onde o primeiro a entrar é o último a sair (LIFO).



Pilha

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito "natural" de empilhar, onde o primeiro a entrar é o último a sair (LIFO).

89 12

4

Pilha

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito "natural" de empilhar, onde o primeiro a entrar é o último a sair (LIFO).

Pilha

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito "natural" de empilhar, onde o primeiro a entrar é o último a sair (LIFO).

89 12

4

Pilha

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito "natural" de empilhar, onde o primeiro a entrar é o último a sair (LIFO).



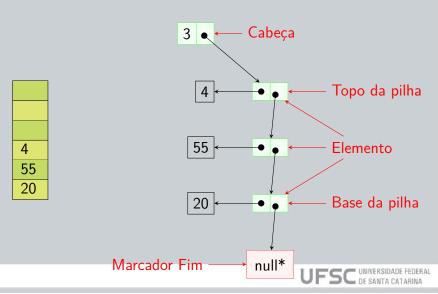
Pilha







Pilhas Encadeadas



Modelagem da Pilha

- Aspecto Estrutural:
 - Mesmas estruturas de uma lista encadeada:
 - Estrutura Lista
 - Estrutura Elemento
 - Ponteiro genérico de dados.

Modelagem da Pilha Encadeada

- Aspecto Funcional:
 - Inicializar a pilha.
 - Empilhar (push) dado na pilha
 - Desempilhar (pop) dado da pilha;
 - Testar se a pilha está vazia;

Modelagem da Pilha Encadeada

- Inicializar ou limpar:
 - inicializarPilha();
 - destruirPilha()
- Testar se a pilha está vazia:
 - bool pilhaVazia();
- Colocar e retirar dados da pilha:
 - push();
 - pop();
 - topo();

Método inicializarPilha

- Equivalente ao inicializarLista()
- Complexidade temporal $\Theta(1)$

Método destuirPilha

- Similar a destruirLista;
- Função genérica em C não consegue desalocar qualquer tipo de dado na pilha
- Complexidade temporal $\Theta(n)$

Método pilhaVazia

- Equivalente a verificar se o tamanho da lista é nulo
- ullet Complexidade temporal $\Theta(1)$

Método push

- Equivalente a adiciona Nolnicio na lista encadeada.
- Complexidade temporal $\Theta(1)$

Método pop

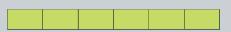
- Equivalente a retiraNolnicio na lista encadeada.
- Complexidade temporal $\Theta(1)$

Aplicações de Pilhas

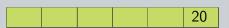
- 1 Algoritmos de Busca em Profundidade com Backtracking
 - Busca pela saída em labirintos
- 2 Chamada e retorno de funções na execução de um software
- 3 Mais exemplos http://jcsites.juniata.edu/faculty/kruse/cs240/stackapps.htm

Fila

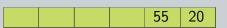
Fila



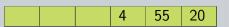
Fila



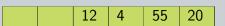
Fila



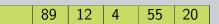
Fila



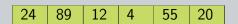
Fila



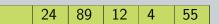
Fila



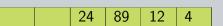
Fila



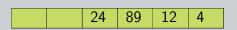
Fila



Fila



Fila

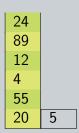


- Duas operações:
 - Incluir no Fim;
 - Retirar do Inicio;

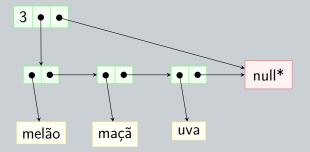
- É importante para gerência de dados/processos por ordem cronológica:
 - Fila de impressão em uma impressora de rede;
 - Fila de pedidos de uma expedição ou tele-entrega;
- É importante para simulação de processos sequenciais:
 - chão de fábrica: fila de camisetas a serem estampadas;
 - comércio: simulação de fluxo de um caixa de supermercado;
 - tráfego: simulação de um cruzamento com um semáforo.

Filas Usando Vetores

- Vetores possuem um espaço limitado para armazenar dados;
- Necessitamos definir um espaço grande o suficiente para a nossa pilha;
- Necessitamos de um indicador de qual elemento do vetor é o atual topo da pilha.
- Incluímos sempre no fim.
- Fila Cheia!



Modelagem de Fila Encadeada



Modelagem da Cabeça de Fila Encadeada

Aspecto Estrutural:

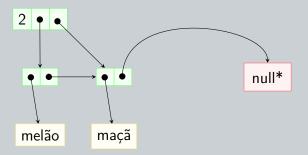
- Necessitamos um ponteiro para o primeiro elemento da fila:
- Necessitamos um ponteiro para o Ultimo elemento da fila;
- Necessitamos um inteiro para indicar quantos elementos a fila possui.

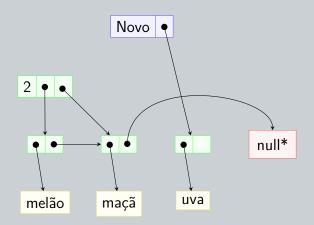
```
classe Lista {
  Elemento *_dados;
  Elemento *_fim;
  inteiro _tamanho;
};
```

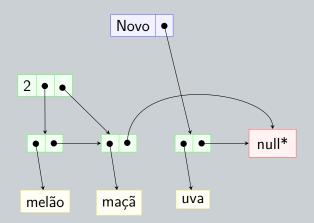
Método Fila()

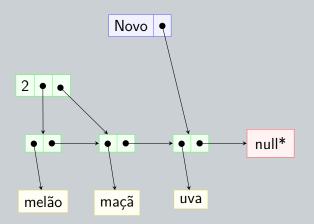
- Inicializamos o ponteiro para _dados nulo;
- Inicializamos o ponteiro para _fim nulo;
- Inicializamos o tamanho para "0";

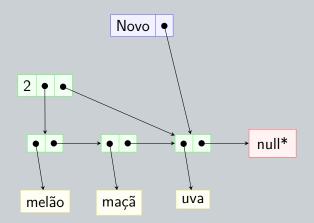
```
Fila()
inicio
   _dados = null;
   _fim = null;
   _tamanho <- 0;
fim;</pre>
```

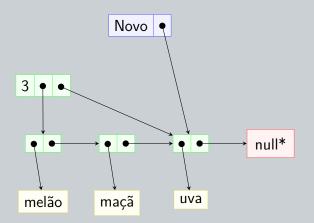


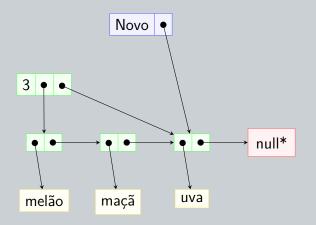






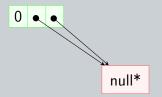


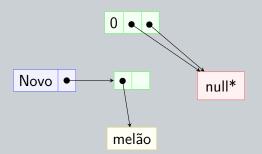


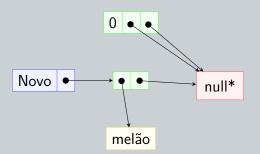


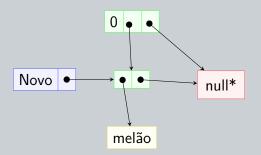
Semelhanças??

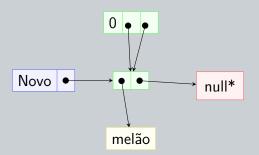


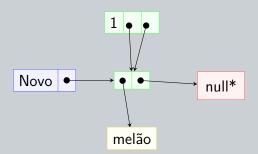




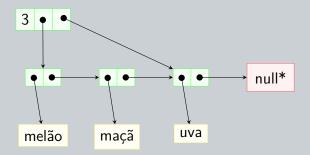


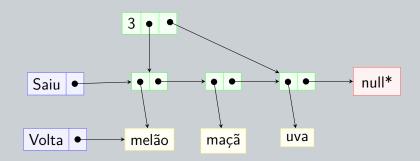


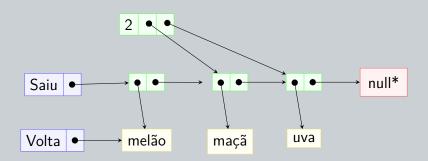


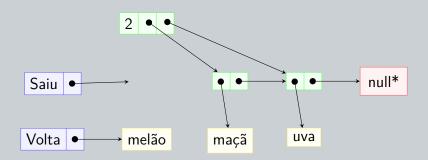


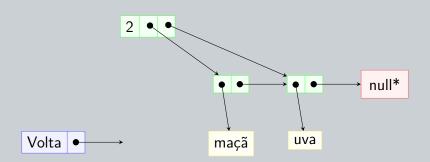
```
adicionaNaPosicao(T dado, int posicao)
 Elemento *novo; // auxiliar.
 inicio
  novo <- aloque(Elemento);</pre>
  SE ( novo == NULO) THROW(ERROFILACHEIA);
   SE filaVazia() ENTAO
   dados <- novo
   SENAO
   _fim->_proximo <- novo;
   FIM SE
   novo->_proximo <- NULO;
   novo-> info <- dado;
   fim <- novo;
   _tamanho <- _tamanho + 1;
 FIM SE
fim:
```





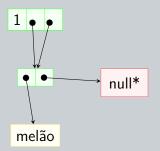


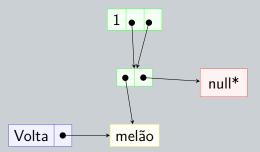


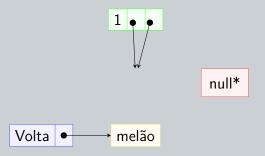


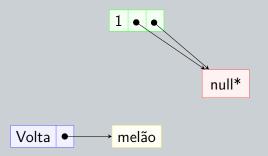
Semelhanças??











```
T retira()
Elemento *saiu: //Variável auxiliar elemento.
T *volta: //Variável auxiliar tipo T.
^^Iinício
^^I^^ISE (listaVazia()) ENTAO
^^I^^I THROW(ERROLISTAVAZIA);
^^I^^ISENAO
^^I^^I saiu <- _dados;</pre>
^^I^^I volta <- saiu-> info;
^^I^^I _dados <- saiu->_próximo;
          //Se SAIU for o único, próximo é NULO e está certo.
          SE ( tamanho = 1) ENTAO
          //Fila unitária: devo anular o _fim também.
           fim <- NULO;
         FIM SE
^^I^^I _tamanho <- _tamanho - 1;
^^I^^I LIBERE(saiu);
^^I^^I RETORNE(volta);
^^T^^TFIM SE
^^Ifim;
```

Trabalho Fila Encadeada

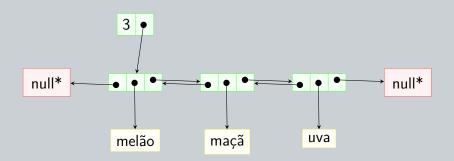
- Implemente uma classe Fila todas as operações vistas;
- Implemente a fila usando Templates;
- Use as melhores práticas de orientação a objetos;
- Documente todas as classes, métodos e atributos;
- Aplique os testes unitários disponíveis no moodle da disciplina para validar sua estrutura de dados;
- Entregue até a data definida no moodle.

Listas Duplamente Encadeadas

- A Lista Encadeada e a Fila Encadeada possuem a desvantagem de somente podermos caminhar em uma direção:
 - Vimos que para olhar um elemento pelo qual "acabamos de passar" precisamos de uma variável auxiliar "anterior";
 - Para olhar outros elementos ainda anteriores não temos nenhum meio, a não ser começar de novo.
- A Lista Duplamente Encadeada é uma estrutura de lista que permite deslocamento em ambos os sentidos:
 - Útil para representar conjuntos de eventos ou objetos a serem percorridos em dois sentidos;
 - Útil também quando realizamos uma busca aproximada e nos movemos para a frente e para trás.



Lista Duplamente Encadeada



Modelagem da Cabeça de Lista Dupla

Aspecto Estrutural:

- Necessitamos um ponteiro para o primeiro elemento da lista:
- Necessitamos um inteiro para indicar quantos elementos a lista possui.

```
classe ListaDupla {
  ElementoDuplo *_dados;
  inteiro _tamanho;
};
```

Modelagem da Elemento de Lista Dupla

Aspecto Estrutural:

- Necessitamos um ponteiro para o próximo elemento;
- Necessitamos um ponteiro para o elemento anterior;
- Necessitamos um ponteiro do tipo da informação que vamos armazenar.
- T necessita de um destrutor próprio, assim como a lista (neste caso a cabeça) vai precisar de um também;

```
classe ElementoDuplo {
  Elemento *_proximo;
  Elemento *_anterior;
  T *_info;
};
```

Modelagem da Lista Duplamente Encadeada

- Aspecto Funcional:
 - Temos que colocar e retirar dados da lista;
 - Temos que testar se a lista está vazia (dentre outros testes);
 - Temos que inicializar a lista e garantir a ordem de seus elementos.

Modelagem da Lista Duplamente Encadeada

- Inicializar ou limpar:
 - ListaDupla();
 - limpaListaDupla();
 - ~ListaDupla();
- Testar se a lista está vazia ou cheia e outros testes:
 - bool listaVaziaDupla();
 - int posicaoDupla(dado);
 - bool contemDupla(dado);

Modelagem da Lista Duplamente Encadeada

- Colocar e retirar dados da lista:
 - adicionaDupla(T dado);
 - adicionaNoInicioDupla(T dado);
 - adicionaNaPosicaoDupla(T dado, int posicao);
 - adicionaEmOrdemDupla(T dado);
 - T retiraDupla();
 - T retiraDolnicioDupla();
 - T retiraDaPosicaoDupla(int posicao);
 - T retiraEspecificoDupla(dado);

Método Lista Dupla()

- Inicializamos o ponteiro para nulo;
- Inicializamos o tamanho para "0";

```
ListaDupla()
inicio
   _dados = null;
   _tamanho <- 0;
fim;</pre>
```

Método ~ListaDupla()

Chamamos DestroiLista();

```
~ListaDupla()
inicio
DestroiListaDupla();
fim;
```

Método *listaVaziaDupla()*

```
bool listaVaziaDupla()
inicio
SE (_tamanho = 0) ENTAO
RETORNE(Verdadeiro)
SENAO
RETORNE(Falso);
fim;
```

 Um algoritmo ListaCheia n\u00e3o existe na Lista Duplamente Encadeada;

Método *listaVaziaDupla()*

```
bool listaVaziaDupla()
inicio
SE (_tamanho = 0) ENTAO
RETORNE(Verdadeiro)
SENAO
RETORNE(Falso);
fim;
```

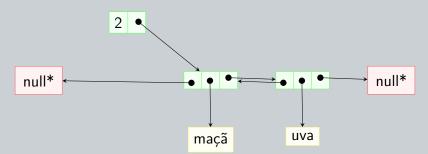
- Um algoritmo ListaCheia n\u00e3o existe na Lista Duplamente Encadeada;
- Verificar se houve espaço na memória para um novo elemento será responsabilidade de cada operação de adicão.

Testamos se é possível alocar um elemento;

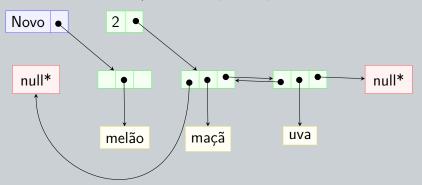
- Testamos se é possível alocar um elemento;
- Fazemos o próximo deste novo elemento ser o primeiro;

- Testamos se é possível alocar um elemento;
- Fazemos o próximo deste novo elemento ser o primeiro;
- Fazemos a cabeça de lista apontar para o novo elemento.

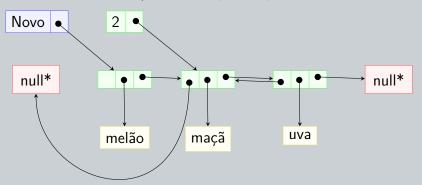
- Testamos se é possível alocar um elemento;
- Fazemos o próximo deste novo elemento ser o primeiro;
- Fazemos a cabeça de lista apontar para o novo elemento.



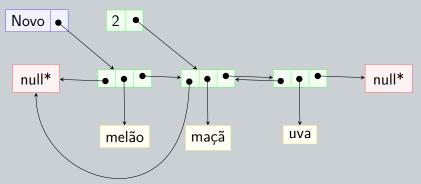
- Testamos se é possível alocar um elemento;
- Fazemos o próximo deste novo elemento ser o primeiro;
- Fazemos a cabeça de lista apontar para o novo elemento.



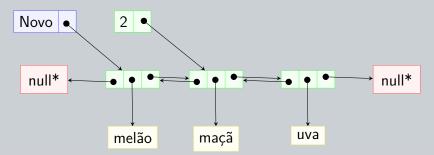
- Testamos se é possível alocar um elemento;
- Fazemos o próximo deste novo elemento ser o primeiro;
- Fazemos a cabeça de lista apontar para o novo elemento.



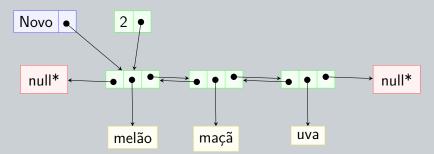
- Testamos se é possível alocar um elemento;
- Fazemos o próximo deste novo elemento ser o primeiro;
- Fazemos a cabeça de lista apontar para o novo elemento.



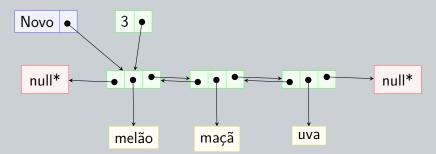
- Testamos se é possível alocar um elemento;
- Fazemos o próximo deste novo elemento ser o primeiro;
- Fazemos a cabeça de lista apontar para o novo elemento.



- Testamos se é possível alocar um elemento;
- Fazemos o próximo deste novo elemento ser o primeiro;
- Fazemos a cabeça de lista apontar para o novo elemento.



- Testamos se é possível alocar um elemento;
- Fazemos o próximo deste novo elemento ser o primeiro;
- Fazemos a cabeça de lista apontar para o novo elemento.



```
adicionaNoInicioDupla(T dado)
 ElementoDuplo *novo; //Variável auxiliar.
 início
 novo <- aloque(ElementoDuplo);</pre>
  SE (novo = NULO) ENTAO
   THROW (ERROLISTACHEIA);
  SENAO
   novo->_proximo <- _dados;
   novo-> anterior <- NULO;
   novo-> info <- dado;
   dados <- novo;
   SE (novo->_proximo ~= NULO) ENTAO
    novo->_proximo->_anterior <- novo;
   FIM SE;
   tamanho <- tamanho + 1;
  FIM SE
  fim;
```

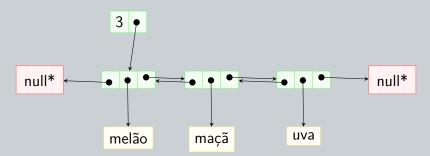
Testamos se há elementos;

- Testamos se há elementos;
- Decrementamos o tamanho;

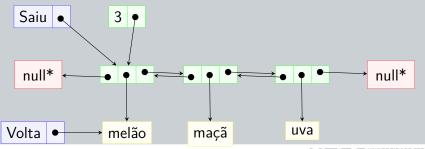
- Testamos se há elementos;
- Decrementamos o tamanho;
- Liberamos a memória do elemento;

- Testamos se há elementos;
- Decrementamos o tamanho;
- Liberamos a memória do elemento;
- Devolvemos a informação.

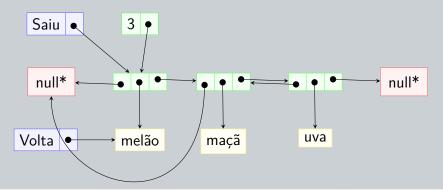
- Testamos se há elementos:
- Decrementamos o tamanho;
- Liberamos a memória do elemento;
- Devolvemos a informação.



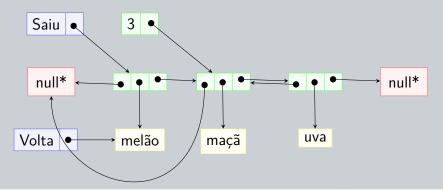
- Testamos se há elementos;
- Decrementamos o tamanho;
- Liberamos a memória do elemento;
- Devolvemos a informação.



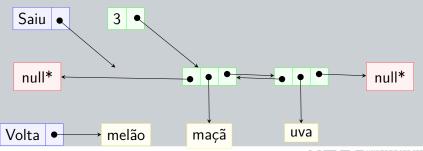
- Testamos se há elementos;
- Decrementamos o tamanho;
- Liberamos a memória do elemento;
- Devolvemos a informação.



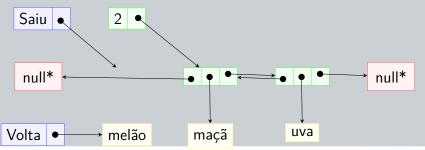
- Testamos se há elementos;
- Decrementamos o tamanho;
- Liberamos a memória do elemento;
- Devolvemos a informação.



- Testamos se há elementos;
- Decrementamos o tamanho;
- Liberamos a memória do elemento;
- Devolvemos a informação.



- Testamos se há elementos;
- Decrementamos o tamanho;
- Liberamos a memória do elemento;
- Devolvemos a informação.



```
T retiraDoInicioDupla()
 ElementoDuplo *saiu; //Variável auxiliar elemento.
T *volta: //Variável auxiliar tipo T.
^^Iinício
^^I^^ISE (listaVaziaDupla()) ENTAO
^^I^^I THROW(ERROLISTAVAZIA);
^^T^^ISENAO
^^I^^I saiu <- _dados;
^^I^^I volta <- saiu->_info;
^^I^^I _dados <- saiu->_proximo;
^^I^^I SE (_dados ~= NULO) ENTAO
^^I^^I^^Idados->_anterior <- NULO;
^^I^^I FIM SE
^^I^^I _tamanho <- _tamanho - 1;
^^I^^I LIBERE(saiu);
^^I^^I RETORNE(volta);
^^I^^IFIM SE
^^Ifim;
```

Método adicionaNaPosicaoDupla(T dado, int posicao)

- Praticamente idêntico à lista encadeada;
- Procedimento:
 - Caminhamos até a posição;
 - Adicionamos o novo dado na posição;
 - Tratamos o caso especial;
 - Incrementamos o tamanho.
- Parâmetros:
 - O dado a ser inserido;
 - A posição onde inserir;

Método adicionaNaPosicaoDupla(T dado, int posicao)

```
adicionaNaPosicaoDupla(T dado, int posicao)
ElementoDuplo *novo, *anterior; // auxiliares.
inicio
 SE (posicao > _tamanho + 1) ENTAO THROW(ERROPOSICAO);
 SENAO
   SE (posicao = 1) ENTAO RETORNE(adicionaNoInícioDupla(info));
   SENAO
    novo <- alogue(ElementoDuplo);</pre>
    SE (novo = NULO) ENTÃO THROW(ERROLISTACHEIA);
    SENAO
     anterior <- dados;
     REPITA (posicao - 2) VEZES anterior <- anterior->_proximo;
     novo->_proximo <- anterior->_proximo;
     SE (novo->_proximo ~= NULO) ENTAO
      novo->_proximo->_anterior <- novo;
     novo-> info <- info;
     anterior -> proximo <- novo;
     _tamanho <- _tamanho + 1;
   FIM SE
   FIM SE
 FIM SE
```

fim:

Método *T retiraDaPosicaoDupla(int posicao)*

- Praticamente idêntico à lista encadeada;
- Procedimento:
 - Caminhamos até a posição;
 - Retiramos o novo dado na posição;
 - Tratamos o caso especial;
 - Decrementamos o tamanho.
- Parâmetros:
 - A posição onde retirar;

Método T retiraDaPosicaoDupla(int posicao)

```
T retiraDaPosicaoDupla(int posicao)
 ElementoDuplo *anterior, *eliminar; //Variáveis elemento.
 T *volta; //Variável tipo T.
 inicio
  SE (posicao > _tamanho ) ENTAO THROW(ERROPOSICAO);
  SENAO
   SE (posicao = 1) ENTAO RETORNE(retiraDoInicioDupla());
   SENAO
    anterior <- dados;
    REPITA (posicao - 2) VEZES
      anterior <- anterior->_proximo;
    eliminar <- anterior->_proximo;
    volta <- eliminar->_info;
    anterior->_proximo <- eliminar->_proximo;
    SE eliminar->_proximo ~= NULO ENTAO
     eliminar->_proximo->_anterior <- anterior;
    _tamanho <- _tamanho - 1;
    LIBERE(eliminar); RETORNE(volta);
   FIM SE
  FIM SE
 fim:
```

Método adicionaEmOrdemDupla(T dado)

- Idêntico à lista encadeada;
- Procedimento:
 - Necessitamos de uma função para comparar os dados ">":
 - Procuramos pela posição onde inserir comparando dados;
 - Chamamos adicionaNaPosiçãoDupla().
- Parâmetros:
 - O dado a ser inserido;

Por conta do aluno:

- Operações de inclusão e exclusão:
 - AdicionaDupla(dado);
 - RetiraDupla();
 - RetiraEspecíficoDupla(dado);
- Operações inicializar ou limpar:
 - DestróiListaDupla();

Trabalho Lista Duplamente Encadeada

- Implemente uma classe ListaDupla todas as operações vistas;
- Implemente a lista usando Templates;
- Use as melhores práticas de orientação a objetos;
- Documente todas as classes, métodos e atributos;
- Aplique os testes unitários disponíveis no moodle da disciplina para validar sua estrutura de dados;
- Entregue até a data definida no moodle.

Perguntas????



ccreative commons



Este trabalho está licenciado sob uma Licença Creative Commons Atribuição 4.0 Internacional. Para ver uma cópia desta licença, visite http://creativecommons.org/licenses/by/4.0/.

