# Estruturas de Dados

Pilha Encadeada e Fila

Departamento de Computação Prof. Martín Vigil Adaptado de prof. Jean Martina e Aldo Wangenheim

2020.1



# Extensões do conceito de Lista Encadeada

- ▶ A ideia da Lista Encadeada vista até agora é o modelo mais geral e simples;
- Pode ser especializada e estendida das mais variadas formas;
- ► Especializada:
  - ► Pilhas;
  - ► Filas;
- ► Estendida:
  - ► Listas Duplamente Encadeadas;
  - Listas Circulares Simples e Duplas.

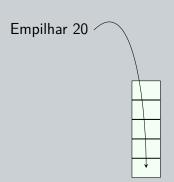
### Pilha

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito "natural" de empilhar, onde o primeiro a entrar é o último a sair (LIFO = last in, first out).

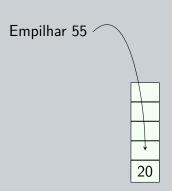
#### Pilha Vazia



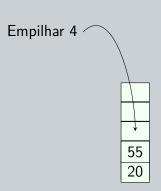
### Pilha



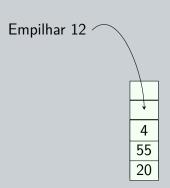
### Pilha



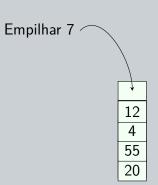
### Pilha



### Pilha



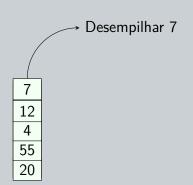
### Pilha



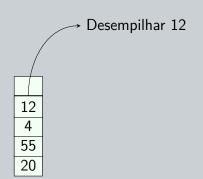
### Pilha

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito "natural" de empilhar, onde o primeiro a entrar é o último a sair (LIFO =  $last\ in$ ,  $first\ out$ ).

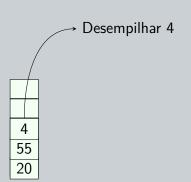
### Pilha



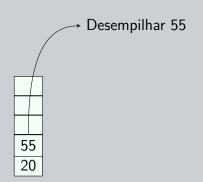
### Pilha



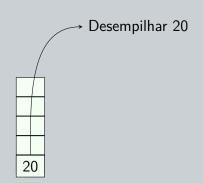
#### Pilha



### Pilha



### Pilha



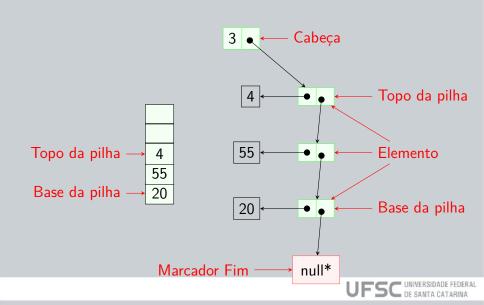
### Pilha

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito "natural" de empilhar, onde o primeiro a entrar é o último a sair (LIFO = last in, first out).

#### Pilha Vazia



# Pilhas Encadeadas



# Modelagem da Pilha

- ► Aspecto Estrutural:
  - ► Mesmas estruturas de uma lista encadeada:
    - ► Estrutura Lista
    - ► Estrutura Elemento
    - ► Ponteiro genérico de dados.

# Modelagem da Pilha Encadeada

- ► Aspecto Funcional:
  - Inicializar a pilha.
  - ► Empilhar (*push*) dado na pilha;
  - ► Desempilhar (*pop*) dado da pilha;
  - ► Testar se a pilha está vazia;

# Modelagem da Pilha Encadeada

- ► Inicializar ou limpar:
  - ▶ inicializarPilha();
  - ► destruirPilha()
- ► Testar se a pilha está vazia:
  - bool pilhaVazia();
- ► Colocar e retirar dados da pilha:
  - ▶ push();
  - **▶** pop();

# Método inicializarPilha

- ► Equivalente ao inicializarLista()
- lacktriangle Complexidade temporal  $\Theta(1)$

### Método destruirPilha

- Similar a destruirLista;
- ► Função genérica em C não consegue desalocar qualquer tipo de dado na pilha
- ightharpoonup Complexidade temporal  $\Theta(n)$

# Método pilhaVazia

- ► Equivalente a verificar se o tamanho da lista é nulo
- ightharpoonup Complexidade temporal  $\Theta(1)$

# Método push

- ► Equivalente a adicionaNolnicio na lista encadeada.
- ightharpoonup Complexidade temporal  $\Theta(1)$

# Método pop

- ► Equivalente a retiraNolnicio na lista encadeada.
- ightharpoonup Complexidade temporal  $\Theta(1)$

# Aplicações de Pilhas

- 1. Algoritmos de Busca em Profundidade com Backtracking
  - ► Busca pela saída em labirintos
- 2. Chamada e retorno de funções na execução de um software
- $3. \ \ Mais\ exemplos\ {\tt http://jcsites.juniata.edu/faculty/kruse/cs240/stackapps.htm}$

### Fila

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito "natural" de enfileiramento, onde o primeiro a entrar é o primeiro a sair (FIFO = first in, first out).

Fila Vazia



### Fila



### Fila



### Fila



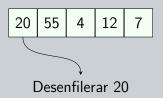
### Fila



### Fila



### Fila



### Fila



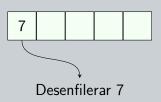
### Fila



### Fila



### Fila

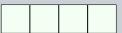


#### Conceito de Filas

#### Fila

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito "natural" de enfileiramento, onde o primeiro a entrar é o primeiro a sair (FIFO = first in, first out).

Fila Vazia



#### Fila

#### Modelagem funcional

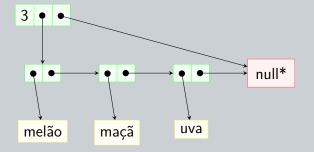
- ► Inserir dado ao fim da fila (*enqueue*);
- Remover dado do início da fila (dequeue);
- ► Verificar tamanho da fila;

#### Fila usando Lista Encadeada

#### Modelagem funcional

- ▶ Inserir dado ao fim da fila (*enqueue*) é  $\Theta(1)$   $\bigcirc$
- ► Remover dado do início da fila (*dequeue*) é ⊖(*n*) 🕃
- Verificar tamanho da fila é  $\Theta(1)$   $\bigcirc$

### Fila usando Lista Encadeada Modificada





#### Fila usando Lista Encadeada

#### Modelagem funcional

- ▶ Inserir dado ao fim da fila (*enqueue*) é  $\Theta(1)$   $\bigcirc$
- Remover dado do início da fila (**dequeue**) é  $\Theta(1)$   $\odot$
- Verificar tamanho da fila é  $\Theta(1)$   $\bigcirc$

## Modelagem da Cabeça de Fila Encadeada

#### ► Aspecto Estrutural:

- Necessitamos um ponteiro para o primeiro elemento da fila;
- Necessitamos um ponteiro para o último elemento da fila;
- Necessitamos um inteiro para indicar quantos elementos a fila possui.

```
estrutura Fila {
  Elemento *_primeiro;
  Elemento *_ultimo;
  int _quantidade;
};
```

## Método inicializaFila()

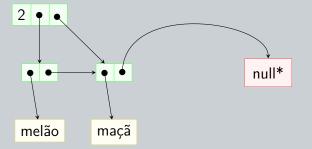
- Inicializamos \_primeiro como nulo;
- Inicializamos \_ultimo como nulo;
- ▶ Inicializamos o \_quantidade como "0";

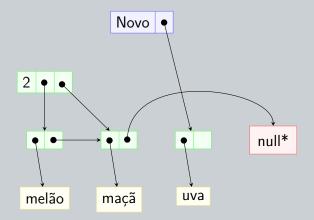
```
inicializaFila()
inicio
  Fila* novo <- ALOQUE(Fila)
  novo._primeiro <- null;
  novo._ultimo <- null;
  novo._quantidade <- 0;
  RETORNE Fila;
fim;</pre>
```

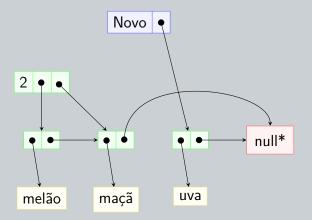
## Método adiciona(T\* dado)

Ilustração simplificada em

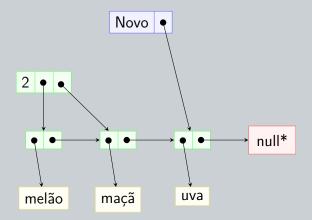
```
https://www.cs.usfca.edu/~galles/visualization/QueueLL.html
```



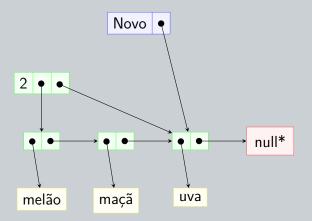




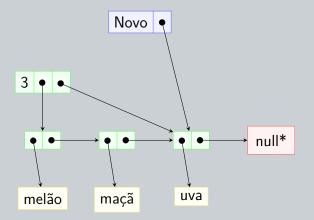




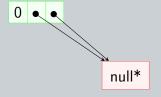


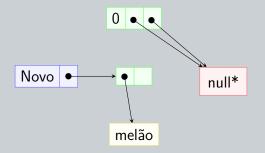


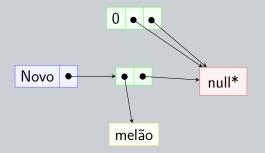


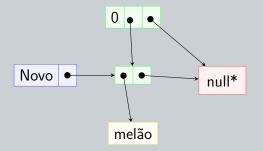


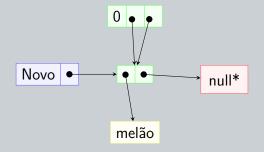


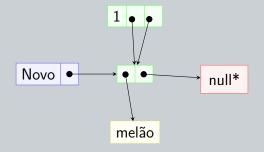




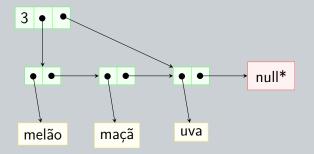


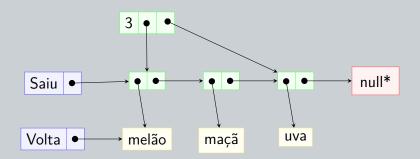




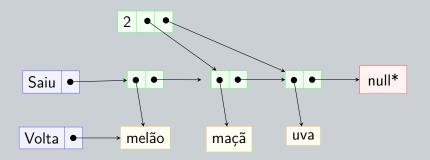


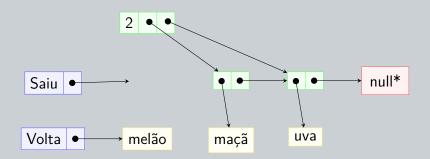
```
adiciona(Fila* fila, T* dado)
 Elemento *novo; // auxiliar.
 inicio
  novo <- ALOQUE(Elemento);</pre>
  SE ( novo == NULO) THROW(ERROFILACHEIA);
   SE filaVazia(fila) ENTAO
   fila. primeiro <- novo
   SENAO
    fila._ultimo._proximo <- novo;
   FIM SE
   novo._proximo <- NULO;
   novo. dado <- dado;
   lista. ultimo <- novo;
   lista._quantidade <- lista._quantidade + 1;</pre>
  FIM SE
fim:
```



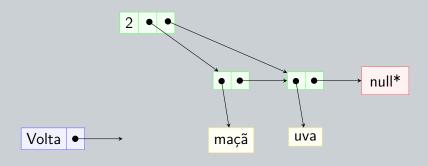






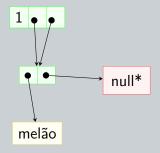


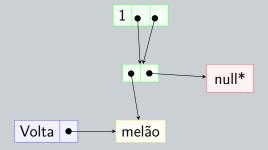


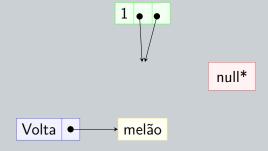


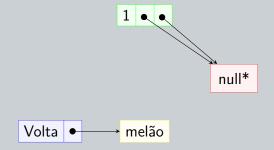
► Semelhanças??











```
T retira()
 Elemento *saiu; //Variável auxiliar elemento.
T *volta: //Variável auxiliar tipo T.
 início
  SE (listaVazia()) ENTAO
    THROW (ERROLISTAVAZIA):
  SENAO
    saiu <- _dados;
    volta <- saiu-> info;
    dados <- saiu-> próximo;
          //Se SAIU for o único, próximo é NULO e está certo.
          SE (_quantidade = 1) ENTAO
           //Fila unitária: devo anular o fim também.
           fim <- NULO:
          FIM SE
    _quantidade <- _quantidade - 1;
    LIBERE (saiu);
    RETORNE (volta);
 FIM SE
fim;
```

## Aplicações de Filas

- ► É importante para gerência de dados/processos por ordem cronológica:
  - ► Fila de impressão em uma impressora de rede;
  - Fila de pedidos de uma expedição ou tele-entrega;
- ► É importante para simulação de processos sequenciais:
  - chão de fábrica: fila de camisetas a serem estampadas;
  - comércio: simulação de fluxo de um caixa de supermercado;
  - tráfego: simulação de um cruzamento com um semáforo;
- ▶ Útil para algoritmos de busca em largura.

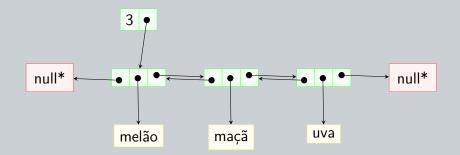
#### Trabalho Fila Encadeada

- Implemente uma classe Fila todas as operações vistas;
- Implemente a fila usando Templates;
- Use as melhores práticas de orientação a objetos;
- Documente todas as classes, métodos e atributos;
- ► Aplique os testes unitários disponíveis no moodle da disciplina para validar sua estrutura de dados;
- ► Entregue até a data definida no moodle.

## Listas Duplamente Encadeadas

- A Lista Encadeada e a Fila Encadeada possuem a desvantagem de somente podermos caminhar em uma direção:
  - Vimos que para olhar um elemento pelo qual "acabamos de passar" precisamos de uma variável auxiliar "anterior";
  - ▶ Para olhar outros elementos ainda anteriores não temos nenhum meio, a não ser começar de novo.
- ► A Lista Duplamente Encadeada é uma estrutura de lista que permite deslocamento em ambos os sentidos:
  - Útil para representar conjuntos de eventos ou objetos a serem percorridos em dois sentidos;
  - ▶ Útil também quando realizamos uma busca aproximada e nos movemos para a frente e para trás.

### Lista Duplamente Encadeada



## Modelagem da Cabeça de Lista Dupla

#### ► Aspecto Estrutural:

- Necessitamos um ponteiro para o primeiro elemento da lista;
- Necessitamos um inteiro para indicar quantos elementos a lista possui.

```
classe ListaDupla {
  ElementoDuplo *_dados;
  inteiro _tamanho;
};
```

#### Modelagem da Elemento de Lista Dupla

#### ► Aspecto Estrutural:

- Necessitamos um ponteiro para o próximo elemento;
- Necessitamos um ponteiro para o elemento anterior;
- Necessitamos um ponteiro do tipo da informação que vamos armazenar.
- ► T necessita de um destrutor próprio, assim como a lista (neste caso a cabeça) vai precisar de um também;

```
classe ElementoDuplo {
  Elemento *_proximo;
  Elemento *_anterior;
  T *_info;
};
```

#### Modelagem da Lista Duplamente Encadeada

- ► Aspecto Funcional:
  - ▶ Temos que colocar e retirar dados da lista;
  - ► Temos que testar se a lista está vazia (dentre outros testes);
  - ► Temos que inicializar a lista e garantir a ordem de seus elementos.

#### Modelagem da Lista Duplamente Encadeada

- Inicializar ou limpar:
  - ► ListaDupla();
  - ▶ limpaListaDupla();
  - ► ~ListaDupla();
- ► Testar se a lista está vazia ou cheia e outros testes:
  - bool listaVaziaDupla();
  - ▶ int posicaoDupla(dado);
  - bool contemDupla(dado);

#### Modelagem da Lista Duplamente Encadeada

- ► Colocar e retirar dados da lista:
  - ▶ adicionaDupla(T dado);
  - adicionaNoInicioDupla(T dado);
  - adicionaNaPosicaoDupla(T dado, int posicao);
  - adicionaEmOrdemDupla(T dado);
  - T retiraDupla();
  - ▶ T retiraDolnicioDupla();
  - T retiraDaPosicaoDupla(int posicao);
  - ▶ T retiraEspecificoDupla(dado);

#### Método ListaDupla()

- Inicializamos o ponteiro para nulo;
- ► Inicializamos o tamanho para "0";

```
ListaDupla()
inicio
   _dados = null;
   _tamanho <- 0;
fim;</pre>
```

#### Método ~ListaDupla()

Chamamos DestroiLista();

```
~ListaDupla()
inicio
  DestroiListaDupla();
fim;
```

#### Método *listaVaziaDupla()*

```
bool listaVaziaDupla()
inicio
SE (_tamanho = 0) ENTAO
RETORNE(Verdadeiro)
SENAO
RETORNE(Falso);
fim;
```

 Um algoritmo ListaCheia n\u00e3o existe na Lista Duplamente Encadeada;

#### Método *listaVaziaDupla()*

```
bool listaVaziaDupla()
inicio
SE (_tamanho = 0) ENTAO
RETORNE(Verdadeiro)
SENAO
RETORNE(Falso);
fim;
```

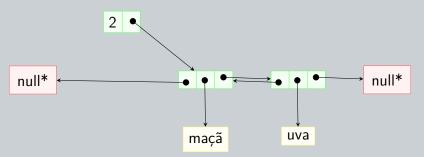
- ► Um algoritmo ListaCheia não existe na Lista Duplamente Encadeada;
- Verificar se houve espaço na memória para um novo elemento será responsabilidade de cada operação de adição.

► Testamos se é possível alocar um elemento;

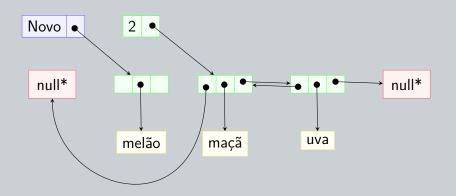
- ► Testamos se é possível alocar um elemento;
- Fazemos o próximo deste novo elemento ser o primeiro;

- ► Testamos se é possível alocar um elemento;
- Fazemos o próximo deste novo elemento ser o primeiro;
- Fazemos a cabeça de lista apontar para o novo elemento.

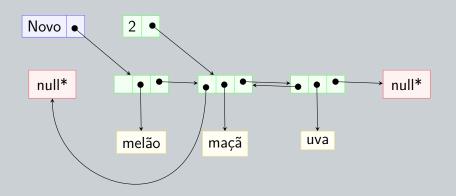
- ► Testamos se é possível alocar um elemento;
- Fazemos o próximo deste novo elemento ser o primeiro;
- ► Fazemos a cabeça de lista apontar para o novo elemento.



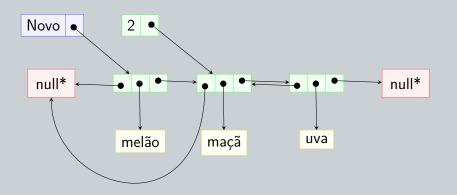
- ► Testamos se é possível alocar um elemento;
- ► Fazemos o próximo deste novo elemento ser o primeiro;
- Fazemos a cabeça de lista apontar para o novo elemento.



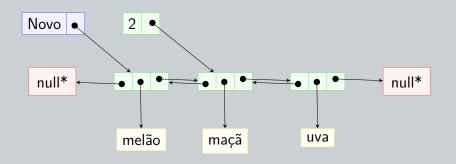
- ► Testamos se é possível alocar um elemento;
- Fazemos o próximo deste novo elemento ser o primeiro;
- Fazemos a cabeça de lista apontar para o novo elemento.



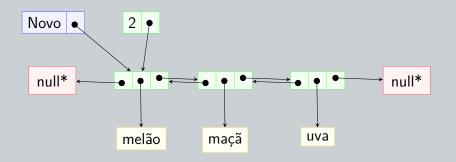
- ► Testamos se é possível alocar um elemento;
- Fazemos o próximo deste novo elemento ser o primeiro;
- Fazemos a cabeça de lista apontar para o novo elemento.



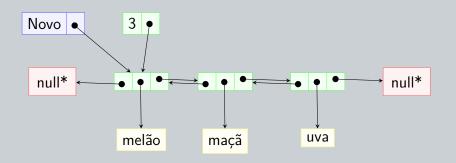
- ► Testamos se é possível alocar um elemento;
- ► Fazemos o próximo deste novo elemento ser o primeiro;
- ► Fazemos a cabeça de lista apontar para o novo elemento.



- ► Testamos se é possível alocar um elemento;
- ► Fazemos o próximo deste novo elemento ser o primeiro;
- ► Fazemos a cabeça de lista apontar para o novo elemento.



- ► Testamos se é possível alocar um elemento;
- ► Fazemos o próximo deste novo elemento ser o primeiro;
- ► Fazemos a cabeça de lista apontar para o novo elemento.



```
adicionaNoInicioDupla(T dado)
ElementoDuplo *novo; //Variável auxiliar.
 início
 novo <- aloque(ElementoDuplo);</pre>
  SE (novo = NULO) ENTAO
   THROW (ERROLISTACHEIA);
  SENAO
   novo->_proximo <- _dados;
   novo->_anterior <- NULO;
   novo-> info <- dado;
   dados <- novo;
   SE (novo-> proximo ~= NULO) ENTAO
    novo-> proximo-> anterior <- novo;
   FIM SE;
   _tamanho <- _tamanho + 1;
 FIM SE
 fim;
```

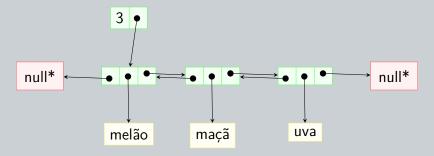
► Testamos se há elementos;

- ► Testamos se há elementos;
- ▶ Decrementamos o tamanho;

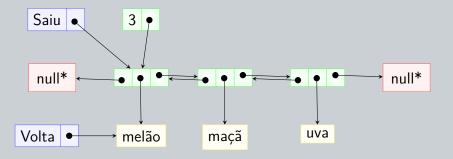
- ► Testamos se há elementos;
- Decrementamos o tamanho;
- ► Liberamos a memória do elemento;

- ► Testamos se há elementos;
- Decrementamos o tamanho;
- ► Liberamos a memória do elemento;
- Devolvemos a informação.

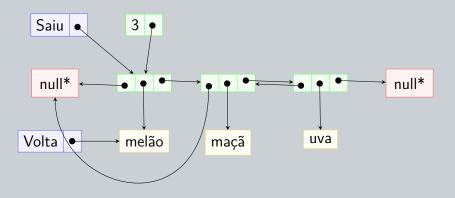
- ► Testamos se há elementos;
- Decrementamos o tamanho;
- Liberamos a memória do elemento;
- Devolvemos a informação.



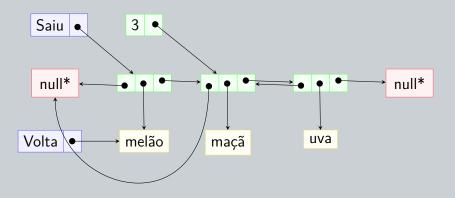
- ► Testamos se há elementos;
- Decrementamos o tamanho;
- ► Liberamos a memória do elemento;
- Devolvemos a informação.



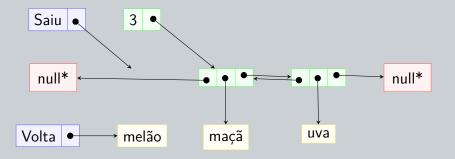
- ► Testamos se há elementos;
- Decrementamos o tamanho;
- ► Liberamos a memória do elemento;
- Devolvemos a informação.



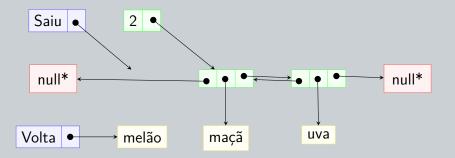
- ► Testamos se há elementos;
- Decrementamos o tamanho;
- ► Liberamos a memória do elemento;
- Devolvemos a informação.



- ► Testamos se há elementos;
- Decrementamos o tamanho;
- ► Liberamos a memória do elemento;
- Devolvemos a informação.



- ► Testamos se há elementos;
- Decrementamos o tamanho;
- ► Liberamos a memória do elemento;
- ▶ Devolvemos a informação.



```
T retiraDoInicioDupla()
 ElementoDuplo *saiu; //Variável auxiliar elemento.
 T *volta; //Variável auxiliar tipo T.
 início
  SE (listaVaziaDupla()) ENTAO
    THROW (ERROLISTAVAZIA):
  SENAO
    saiu <- _dados;
    volta <- saiu->_info;
    dados <- saiu-> proximo;
    SE (_dados ~= NULO) ENTAO
   dados-> anterior <- NULO;
    FIM SE
    _tamanho <- _tamanho - 1;
    LIBERE (saiu);
    RETORNE (volta);
  FIM SE
 fim;
```

# Método adicionaNaPosicaoDupla(T dado, int posicao)

- ► Praticamente idêntico à lista encadeada;
- ► Procedimento:
  - Caminhamos até a posição;
  - Adicionamos o novo dado na posição;
  - ► Tratamos o caso especial;
  - ► Incrementamos o tamanho.
- ▶ Parâmetros:
  - ► O dado a ser inserido;
  - ► A posição onde inserir;

# Método adicionaNaPosicaoDupla(T dado, int posicao)

```
adicionaNaPosicaoDupla(T dado, int posicao)
ElementoDuplo *novo, *anterior; // auxiliares.
inicio
 SE (posicao > _tamanho + 1) ENTAO THROW(ERROPOSICAO);
 SENAO
   SE (posicao = 1) ENTAO RETORNE(adicionaNoInícioDupla(info));
   SENAO
    novo <- aloque(ElementoDuplo);</pre>
    SE (novo = NULO) ENTÃO THROW(ERROLISTACHEIA):
    SENAO
     anterior <- dados;
     REPITA (posicao - 2) VEZES anterior <- anterior->_proximo;
     novo->_proximo <- anterior->_proximo;
     SE (novo->_proximo ~= NULO) ENTAO
      novo->_proximo->_anterior <- novo;
     novo-> info <- info;
     anterior->_proximo <- novo;</pre>
     _tamanho <- _tamanho + 1;
    FIM SE
   FIM SE
 FIM SE
fim:
```

#### Método T retiraDaPosicaoDupla(int posicao)

- Praticamente idêntico à lista encadeada;
- ► Procedimento:
  - Caminhamos até a posição;
  - Retiramos o novo dado na posição;
  - Tratamos o caso especial;
  - Decrementamos o tamanho.
- ► Parâmetros:
  - A posição onde retirar;

#### Método T retiraDaPosicaoDupla(int posicao)

```
T retiraDaPosicaoDupla(int posicao)
 ElementoDuplo *anterior, *eliminar; //Variáveis elemento.
 T *volta: //Variável tipo T.
inicio
  SE (posicao > _tamanho ) ENTAO THROW(ERROPOSICAO);
  SENAO
   SE (posicao = 1) ENTAO RETORNE(retiraDoInicioDupla());
   SENAO
    anterior <- dados;
    REPITA (posicao - 2) VEZES
      anterior <- anterior->_proximo;
    eliminar <- anterior->_proximo;
    volta <- eliminar->_info;
    anterior->_proximo <- eliminar->_proximo;
    SE eliminar->_proximo ~= NULO ENTAO
     eliminar->_proximo->_anterior <- anterior;</pre>
    _tamanho <- _tamanho - 1;
    LIBERE(eliminar); RETORNE(volta);
   FIM SE
  FIM SE
 fim:
```

#### Método adicionaEmOrdemDupla(T dado)

- ► Idêntico à lista encadeada;
- ► Procedimento:
  - Necessitamos de uma função para comparar os dados ">":
  - Procuramos pela posição onde inserir comparando dados;
  - ► Chamamos adicionaNaPosiçãoDupla().
- ► Parâmetros:
  - O dado a ser inserido;

#### Por conta do aluno:

- ► Operações de inclusão e exclusão:
  - AdicionaDupla(dado);
  - RetiraDupla();
  - RetiraEspecíficoDupla(dado);
- ► Operações inicializar ou limpar:
  - DestróiListaDupla();

#### Trabalho Lista Duplamente Encadeada

- Implemente uma classe ListaDupla todas as operações vistas;
- ► Implemente a lista usando Templates;
- Use as melhores práticas de orientação a objetos;
- Documente todas as classes, métodos e atributos;
- ► Aplique os testes unitários disponíveis no moodle da disciplina para validar sua estrutura de dados;
- ► Entregue até a data definida no moodle.

## Perguntas????



# **c**creative commons



Este trabalho está licenciado sob uma Licença Creative Commons Atribuição 4.0 Internacional. Para ver uma cópia desta licença, visite http://creativecommons.org/licenses/by/4.0/.

