

Estruturas de Dados

Pilha Encadeada e Fila

Departamento de Computação

Prof. Martín Vigil

Adaptado de prof. Jean Martina e Aldo Wangenheim

2020.1



UNIVERSIDADE FEDERAL
DE SANTA CATARINA

Extensões do conceito de Lista Encadeada

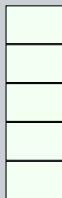
- ▶ A ideia da Lista Encadeada vista até agora é o modelo mais geral e simples;
- ▶ Pode ser especializada e estendida das mais variadas formas;
- ▶ Especializada:
 - ▶ Pilhas;
 - ▶ Filas;
- ▶ Estendida:
 - ▶ Listas Duplamente Encadeadas;
 - ▶ Listas Circulares Simples e Duplas.

Conceito de Pilhas

Pilha

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito “natural” de empilhar, onde o **primeiro a entrar é o último a sair** (LIFO = *last in, first out*).

Pilha Vazia



Conceito de Pilhas

Pilha

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito “natural” de empilhar, onde o **primeiro a entrar é o último a sair** (LIFO = *last in, first out*).

Empilhar 20

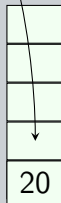


Conceito de Pilhas

Pilha

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito “natural” de empilhar, onde o **primeiro a entrar é o último a sair** (LIFO = *last in, first out*).

Empilhar 55

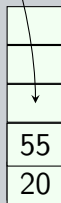


Conceito de Pilhas

Pilha

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito “natural” de empilhar, onde o **primeiro a entrar é o último a sair** (LIFO = *last in, first out*).

Empilhar 4



Conceito de Pilhas

Pilha

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito “natural” de empilhar, onde o **primeiro a entrar é o último a sair** (LIFO = *last in, first out*).

Empilhar 12



Conceito de Pilhas

Pilha

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito “natural” de empilhar, onde o **primeiro a entrar é o último a sair** (LIFO = *last in, first out*).

Empilhar 7



Conceito de Pilhas

Pilha

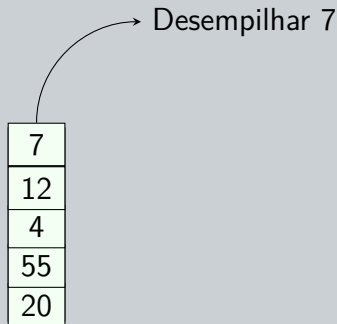
É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito “natural” de empilhar, onde o **primeiro a entrar é o último a sair** (LIFO = *last in, first out*).

7
12
4
55
20

Conceito de Pilhas

Pilha

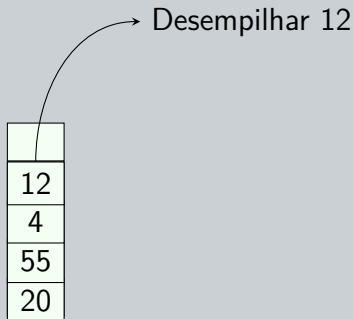
É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito “natural” de empilhar, onde o **primeiro a entrar é o último a sair** (LIFO = *last in, first out*).



Conceito de Pilhas

Pilha

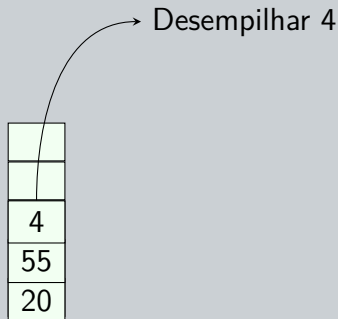
É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito “natural” de empilhar, onde o **primeiro a entrar é o último a sair** (LIFO = *last in, first out*).



Conceito de Pilhas

Pilha

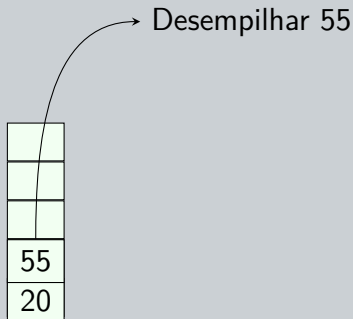
É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito “natural” de empilhar, onde o **primeiro a entrar é o último a sair** (LIFO = *last in, first out*).



Conceito de Pilhas

Pilha

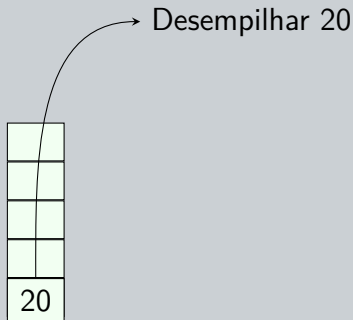
É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito “natural” de empilhar, onde o **primeiro a entrar é o último a sair** (LIFO = *last in, first out*).



Conceito de Pilhas

Pilha

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito “natural” de empilhar, onde o **primeiro a entrar é o último a sair** (LIFO = *last in, first out*).

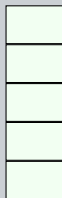


Conceito de Pilhas

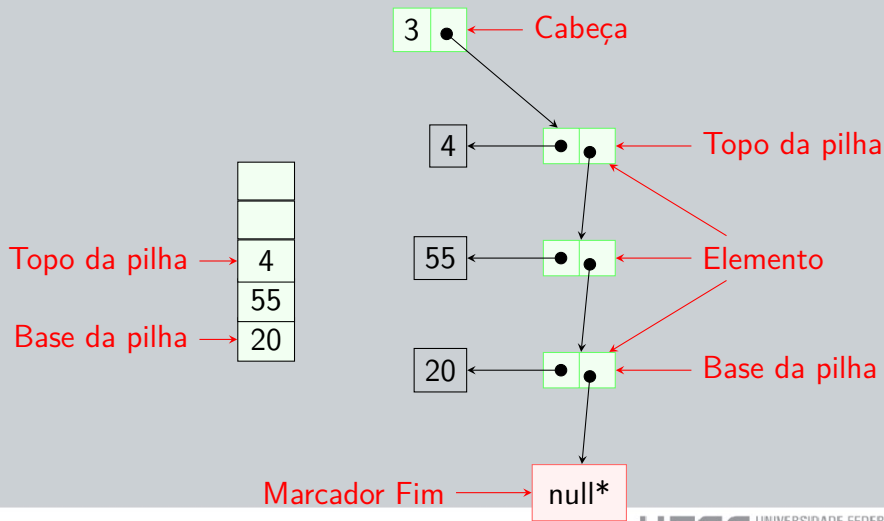
Pilha

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito “natural” de empilhar, onde o **primeiro a entrar é o último a sair** (LIFO = *last in, first out*).

Pilha Vazia



Pilhas Encadeadas



Modelagem da Pilha

- ▶ Aspecto Estrutural:
 - ▶ Mesmas estruturas de uma lista encadeada:
 - ▶ Estrutura Lista
 - ▶ Estrutura Elemento
 - ▶ Ponteiro genérico de dados.

Modelagem da Pilha Encadeada

- ▶ Aspecto Funcional:
 - ▶ Inicializar a pilha.
 - ▶ Empilhar (***push***) dado na pilha;
 - ▶ Desempilhar (***pop***) dado da pilha;
 - ▶ Testar se a pilha está vazia;

Modelagem da Pilha Encadeada

- ▶ Inicializar ou limpar:
 - ▶ `inicializarPilha();`
 - ▶ `destruirPilha()`
- ▶ Testar se a pilha está vazia:
 - ▶ `bool pilhaVazia();`
- ▶ Colocar e retirar dados da pilha:
 - ▶ `push();`
 - ▶ `pop();`

Método *inicializarPilha*

- ▶ Equivalente ao `inicializarLista()`
- ▶ Complexidade temporal $\Theta(1)$

Método *destruirPilha*

- ▶ Similar a destruirLista;
- ▶ Função genérica em C não consegue desalocar qualquer tipo de dado na pilha
- ▶ Complexidade temporal $\Theta(n)$

Método *pilhaVazia*

- ▶ Equivalente a verificar se o tamanho da lista é nulo
- ▶ Complexidade temporal $\Theta(1)$

Método *push*

- ▶ Equivalente a adicionar no início na lista encadeada.
- ▶ Complexidade temporal $\Theta(1)$

Método *pop*

- ▶ Equivalente a `retiraNoInicio` na lista encadeada.
- ▶ Complexidade temporal $\Theta(1)$

Aplicações de Pilhas

1. Algoritmos de Busca em Profundidade com *Backtracking*
 - ▶ Busca pela saída em labirintos
2. Chamada e retorno de funções na execução de um software
3. Mais exemplos <http://jcsites.juniata.edu/faculty/kruse/cs240/stackapps.htm>

Conceito de Filas

Fila

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito “natural” de enfileiramento, onde o primeiro a entrar é o primeiro a sair (FIFO = *first in, first out*).

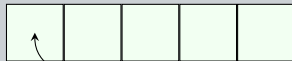
Fila Vazia



Conceito de Filas

Fila

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito “natural” de enfileiramento, onde o **primeiro a entrar é o primeiro a sair** (FIFO = *first in, first out*).

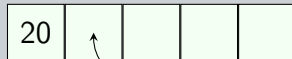


Enfileerar 20

Conceito de Filas

Fila

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito “natural” de enfileiramento, onde o **primeiro a entrar é o primeiro a sair** (FIFO = *first in, first out*).



Enfileirar 55

Conceito de Filas

Fila

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito “natural” de enfileiramento, onde o **primeiro a entrar é o primeiro a sair** (FIFO = *first in, first out*).



Enfileirar 4

Conceito de Filas

Fila

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito “natural” de enfileiramento, onde o **primeiro a entrar é o primeiro a sair** (FIFO = *first in, first out*).

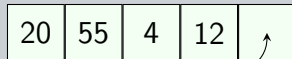


Enfileerar 12

Conceito de Filas

Fila

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito “natural” de enfileiramento, onde o **primeiro a entrar é o primeiro a sair** (FIFO = *first in, first out*).

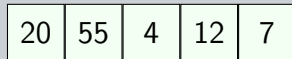


Enfileirar 7

Conceito de Filas

Fila

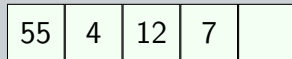
É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito “natural” de enfileiramento, onde o **primeiro a entrar é o primeiro a sair** (FIFO = *first in, first out*).



Conceito de Filas

Fila

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito “natural” de enfileiramento, onde o **primeiro a entrar é o primeiro a sair** (FIFO = *first in, first out*).

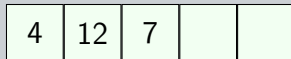


Desenfiletrar 55

Conceito de Filas

Fila

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito “natural” de enfileiramento, onde o **primeiro a entrar é o primeiro a sair** (FIFO = *first in, first out*).



Desenfiletrar 4

Conceito de Filas

Fila

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito “natural” de enfileiramento, onde o **primeiro a entrar é o primeiro a sair** (FIFO = *first in, first out*).

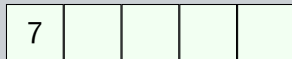


Desenfileirar 12

Conceito de Filas

Fila

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito “natural” de enfileiramento, onde o **primeiro a entrar é o primeiro a sair** (FIFO = *first in, first out*).



Desenfileirar 7

Conceito de Filas

Fila

É uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no conceito “natural” de enfileiramento, onde o primeiro a entrar é o primeiro a sair (FIFO = *first in, first out*).

Fila Vazia



Fila

Modelagem funcional

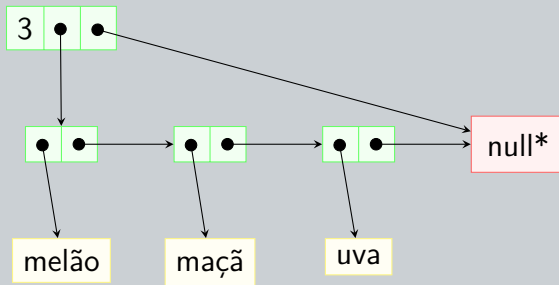
- ▶ Inserir dado ao fim da fila (***enqueue***);
- ▶ Remover dado do início da fila (***dequeue***);
- ▶ Verificar tamanho da fila;

Fila usando Lista Encadeada

Modelagem funcional

- ▶ Inserir dado ao fim da fila (**enqueue**) é $\Theta(1)$ 😊
- ▶ Remover dado do início da fila (**dequeue**) é $\Theta(n)$ 😞
- ▶ Verificar tamanho da fila é $\Theta(1)$ 😊

Fila usando Lista Encadeada Modificada



Fila usando Lista Encadeada

Modelagem funcional

- ▶ Inserir dado ao fim da fila (**enqueue**) é $\Theta(n)$ 😞
- ▶ Remover dado do início da fila (**dequeue**) é $\Theta(1)$ 😊
- ▶ Verificar tamanho da fila é $\Theta(1)$ 😊

Modelagem da Cabeça de Fila Encadeada

- ▶ Aspecto Estrutural:
 - ▶ Necessitamos um ponteiro para o primeiro elemento da fila;
 - ▶ Necessitamos um ponteiro para o último elemento da fila;
 - ▶ Necessitamos um inteiro para indicar quantos elementos a fila possui.

```
estrutura Fila {  
    Elemento *_primeiro;  
    Elemento *_ultimo;  
    int _quantidade;  
};
```

Método *inicializaFila()*

- ▶ Inicializamos `_primeiro` como nulo;
- ▶ Inicializamos `_ultimo` como nulo;
- ▶ Inicializamos o `_quantidade` como “0”;

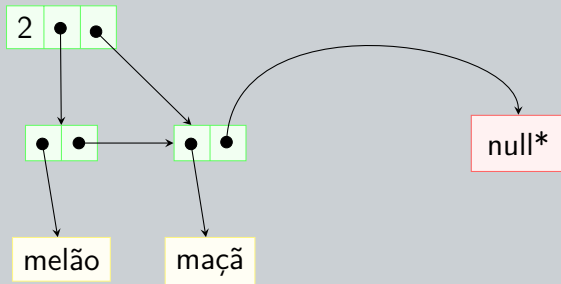
```
inicializaFila()  
inicio  
  Fila* novo <- ALOQUE(Fila)  
  novo._primeiro <- null;  
  novo._ultimo <- null;  
  novo._quantidade <- 0;  
  RETORNE novo;  
fim;
```

Método enqueue(T^* dado)

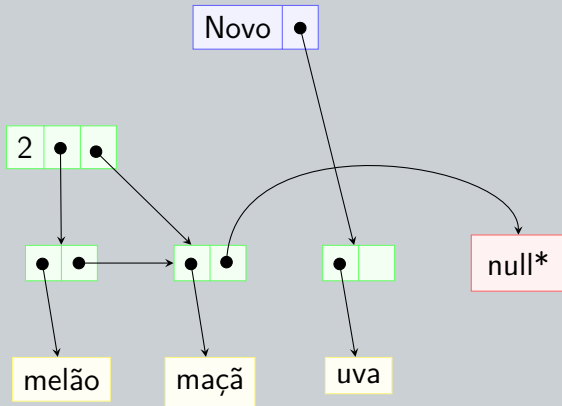
Ilustração simplificada em

[https://www.cs.usfca.edu/~galles/visualization/
QueueLL.html](https://www.cs.usfca.edu/~galles/visualization/QueueLL.html)

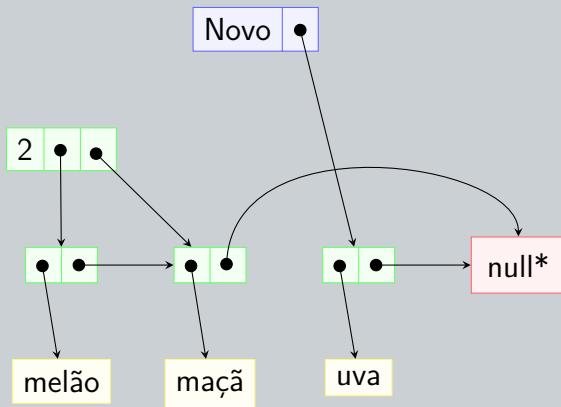
Método *enqueue*



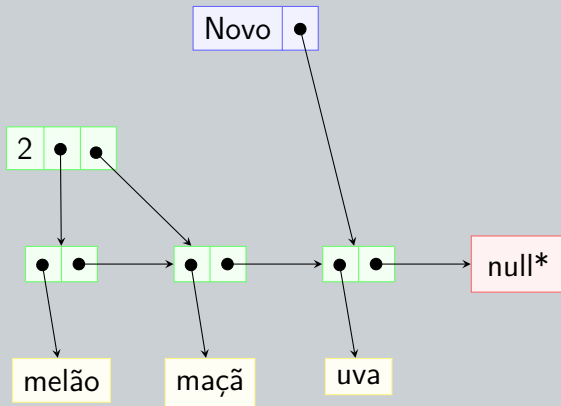
Método *enqueue*



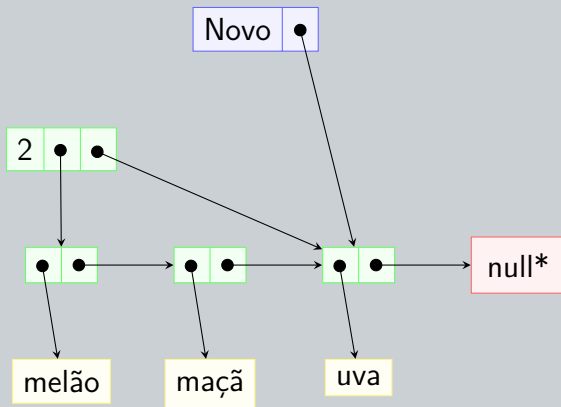
Método *enqueue*



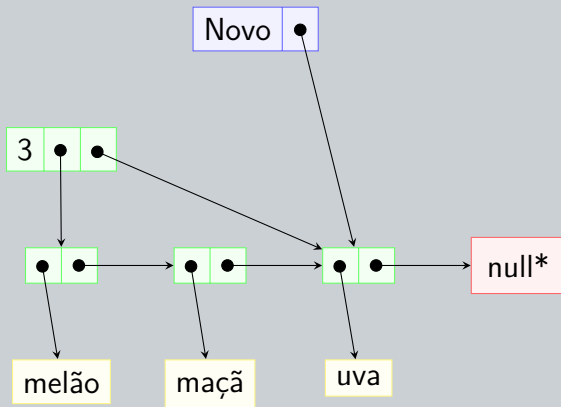
Método *enqueue*



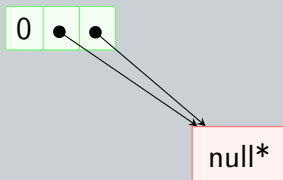
Método *enqueue*



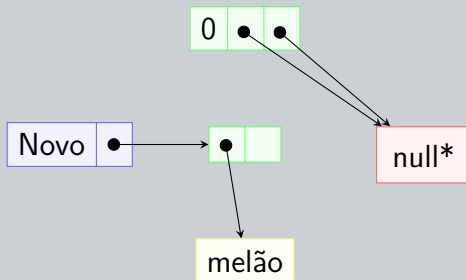
Método *enqueue*



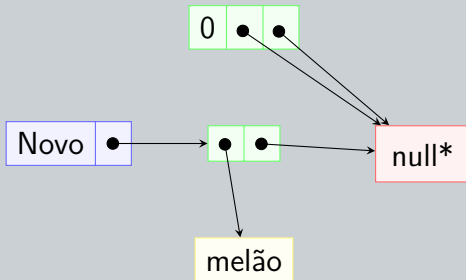
Método *enqueue* - Caso Especial Fila Vazia



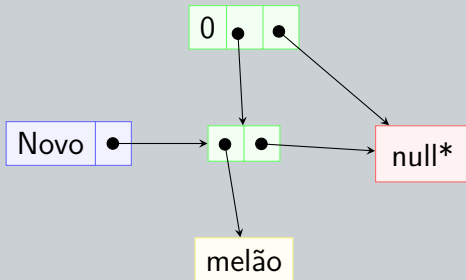
Método *enqueue* - Caso Especial Fila Vazia



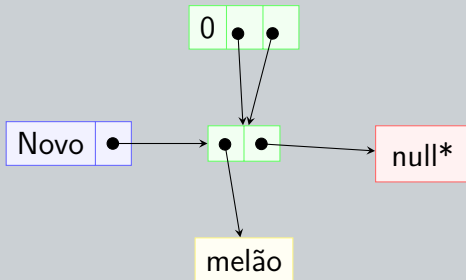
Método *enqueue* - Caso Especial Fila Vazia



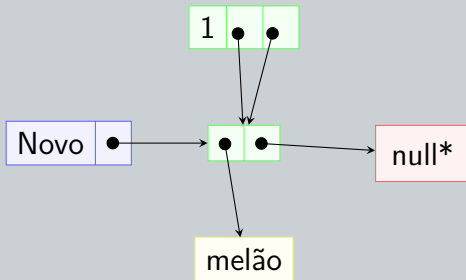
Método *enqueue* - Caso Especial Fila Vazia



Método *enqueue* - Caso Especial Fila Vazia



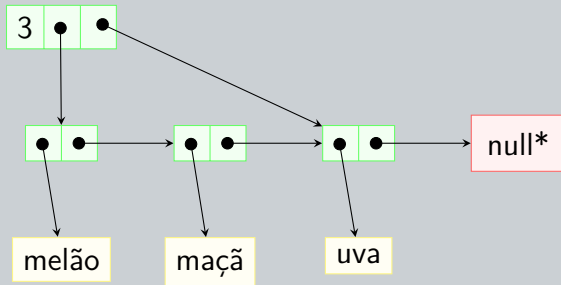
Método *enqueue* - Caso Especial Fila Vazia



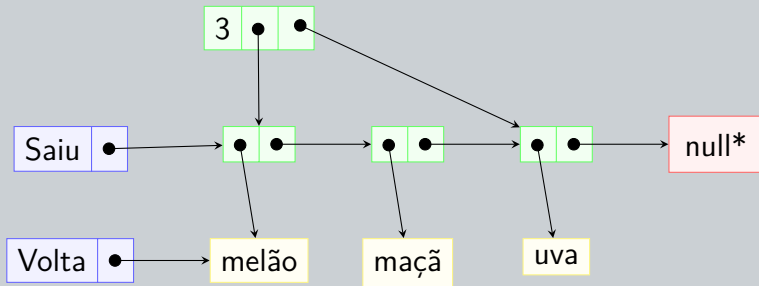
Método *enqueue*

```
enqueue(Fila* fila, T* dado)
  Elemento *novo; // auxiliar.
  inicio
    novo <- ALOQUE(Elemento);
    SE ( novo == null) THROW(ERROFILACHEIA);
    SE filaVazia(fila) ENTAO
      fila._primeiro <- novo
    SENA0
      fila._ultimo._proximo <- novo;
    FIM SE
    novo._proximo <- null;
    novo._dado <- dado;
    lista._ultimo <- novo;
    lista._quantidade <- lista._quantidade + 1;
  FIM SE
fim;
```

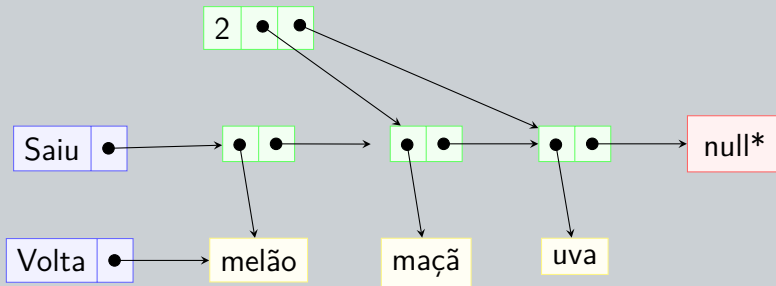
Método *dequeue()*



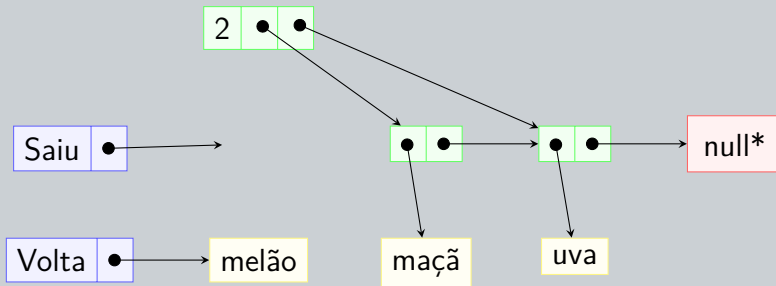
Método *dequeue()*



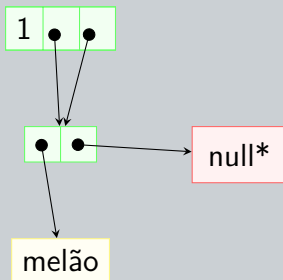
Método *dequeue()*



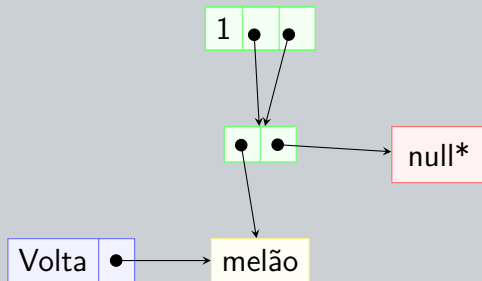
Método *dequeue()*



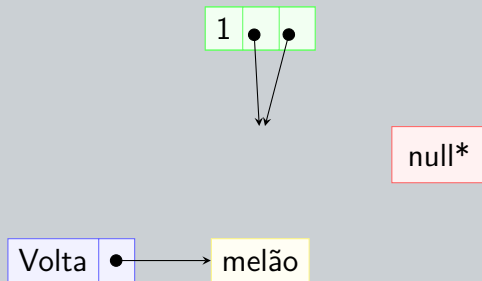
Método *dequeue()* - Caso Especial Fila Unitária



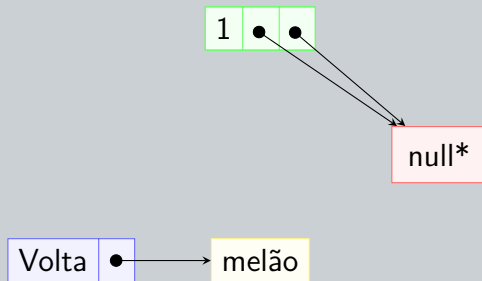
Método *dequeue()* - Caso Especial Fila Unitária



Método *dequeue()* - Caso Especial Fila Unitária



Método *dequeue()* - Caso Especial Fila Unitária



Método *dequeue()*

```
T* dequeue(Fila* fila)
Elemento *saiu; //Variável auxiliar elemento.
T *volta; //Variável auxiliar tipo T.
início
  SE (listaVazia(fila)) ENTAO
    THROW(ERROLISTAVAZIA);
  SENA0
    saiu <- fila._primeiro;
    volta <- saiu._dado;
    fila._primeiro <- saiu._proximo;
    //Se SAIU for o único, próximo é NULO e está certo.
    SE (fila._quantidade = 1) ENTAO
      //Fila unitária: devo anular o _ultimo também.
      fila._ultimo <- null;
    FIM SE
    fila._quantidade <- fila._quantidade - 1;
    LIBERE(saiu);
    RETORNE(volta);
  FIM SE
fim;
```

Aplicações de Filas

- ▶ É importante para gerência de dados/processos por ordem cronológica:
 - ▶ Fila de impressão em uma impressora de rede;
 - ▶ Fila de pedidos de uma expedição ou tele-entrega;
- ▶ É importante para simulação de processos sequenciais:
 - ▶ chão de fábrica: fila de camisetas a serem estampadas;
 - ▶ comércio: simulação de fluxo de um caixa de supermercado;
 - ▶ tráfego: simulação de um cruzamento com um semáforo;
- ▶ Útil para algoritmos de busca em largura.

Perguntas????



UNIVERSIDADE FEDERAL
DE SANTA CATARINA



Este trabalho está licenciado sob uma Licença Creative Commons Atribuição 4.0 Internacional. Para ver uma cópia desta licença, visite

<http://creativecommons.org/licenses/by/4.0/>.



UNIVERSIDADE FEDERAL
DE SANTA CATARINA