目录

[DataStruct 5](#_Toc212741313)

[01tire 5](#_Toc212741314)

[BIT(树状数组,0base) 7](#_Toc212741315)

[DSU(并查集) 10](#_Toc212741316)

[FHQTreap(无旋平衡树) 12](#_Toc212741317)

[[应用]Treap维护数对 17](#_Toc212741318)

[jiangly线段树(info) 22](#_Toc212741319)

[jiangly线段树(改) 25](#_Toc212741320)

[st表 30](#_Toc212741321)

[主席树 32](#_Toc212741322)

[二叉搜索树 37](#_Toc212741323)

[普通莫队 41](#_Toc212741324)

[李超线段树 44](#_Toc212741325)

[珂朵莉树(ODT) 47](#_Toc212741326)

[笛卡尔树 49](#_Toc212741327)

[线段树二分 51](#_Toc212741328)

[Graph 57](#_Toc212741329)

[2-sat 57](#_Toc212741330)

[BCC（点双连通分量，tarjan） 60](#_Toc212741331)

[DSU on tree(树上启发式合并) 63](#_Toc212741332)

[EDCC (边双联通分量，tarjan） 66](#_Toc212741333)

[SCC（低注释） 68](#_Toc212741334)

[SCC（强联通分量，缩点，tarjan） 71](#_Toc212741335)

[ShortestPath（Bellman\_Ford,SPFA) 75](#_Toc212741336)

[ShortestPath（Floyed） 78](#_Toc212741337)

[ShortestPath（dijkstra） 80](#_Toc212741338)

[dfs&bfs 83](#_Toc212741339)

[johnson最短路 86](#_Toc212741340)

[二分图最大匹配 90](#_Toc212741341)

[二分图染色 93](#_Toc212741342)

[分层图 96](#_Toc212741343)

[差分约束 99](#_Toc212741344)

[拓扑排序 102](#_Toc212741345)

[最大流(dinic) 104](#_Toc212741346)

[最小斯坦纳树 107](#_Toc212741347)

[最小生成树（kruskal） 109](#_Toc212741348)

[最小费用最大流(dinic) 114](#_Toc212741349)

[最小费用最大流(dinic,浮点) 117](#_Toc212741350)

[最小费用最大流(原始对偶) 121](#_Toc212741351)

[最近公共祖先（LCA）(targan,静态) 124](#_Toc212741352)

[树上基本处理 130](#_Toc212741353)

[树链剖分（线段树ver.） 132](#_Toc212741354)

[点分治 138](#_Toc212741355)

[虚树(可拓展版) 141](#_Toc212741356)

[虚树(带边权) 144](#_Toc212741357)

[字符串双hash 148](#_Toc212741358)

[string 150](#_Toc212741359)

[AC自动机(dp版) 150](#_Toc212741360)

[AC自动机(可拓展版) 153](#_Toc212741361)

[Manacher 155](#_Toc212741362)

[exKMP 157](#_Toc212741363)

[tiretree 160](#_Toc212741364)

[动态规划 162](#_Toc212741365)

[数位dp(例题1,数位和) 162](#_Toc212741366)

[博弈论 165](#_Toc212741367)

[数论 166](#_Toc212741368)

[(ex)CRT((扩展)中国剩余定理) 166](#_Toc212741369)

[FFT(快速傅里叶变换) 169](#_Toc212741370)

[乘法逆元 171](#_Toc212741371)

[安全取模类 173](#_Toc212741372)

[数论预处理 176](#_Toc212741373)

[整除分块 181](#_Toc212741374)

[矩阵快速幂 183](#_Toc212741375)

[筛法求积性函数 185](#_Toc212741376)

[线性基(gauss) 187](#_Toc212741377)

[线性基(贪心法) 190](#_Toc212741378)

[组合数预处理 192](#_Toc212741379)

[计算几何 197](#_Toc212741380)

[三分 197](#_Toc212741381)

[三角剖分 201](#_Toc212741382)

[凸包 205](#_Toc212741383)

[向量 208](#_Toc212741384)

[旋转卡壳 211](#_Toc212741385)

[极角排序 215](#_Toc212741386)

DataStruct

01tire

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
using namespace std;  
class O1Tire{  
 public:  
 struct node  
 {  
 node\* ch[2];  
 int cnt;  
 node():ch{nullptr,nullptr},cnt(0){}  
 };  
 node\* root;  
 O1Tire():root(new node){}  
 void set(int x,int t)//从高到低建树  
 {  
 node\* p=root;  
 for(int i=31;i>=0;i--)  
 {  
 int d=(x>>i)&1;  
 if(!p->ch[d])  
 p->ch[d]=new node();  
 p->ch[d]->cnt+=t;  
 p=p->ch[d];  
 }  
 }  
 int findMax(int x)//从高到低找,贪心选择,求解x对tire中所有数的最大异或值  
 {  
 node\* p=root;  
 int res=0;  
 for(int i=31;i>=0;i--)  
 {  
 int d=(x>>i)&1;  
 if(p->ch[d^1]&&p->ch[d^1]->cnt)  
 p=p->ch[d^1],res+=(1<<i);  
 else  
 p=p->ch[d];  
 if(!p)  
 return res;  
 }  
 return res;  
 }  
   
};  
int main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 int t;cin>>t;  
 while(t--)  
 {  
 int n,k;cin>>n>>k;  
 vector<int> a(n);  
 for(int i=0;i<n;i++)  
 cin>>a[i];  
 O1Tire tire;  
 int ans=0xfffffff;  
 for(int i=0,j=0;i<n;i++)  
 {  
 tire.set(a[i],1);  
 while(j<=i&&tire.findMax(a[i])>=k)  
 {  
 ans=min(ans,i-j+1);  
 tire.set(a[j],-1);  
 j++;  
 }  
 }  
 if(ans==0xfffffff) cout<<-1<<endl;  
 else cout<<ans<<endl;  
 }  
 return 0;  
}

BIT(树状数组,0base)

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
//#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
using namespace std;  
class BIT{  
 public:  
 vector<int> tr;int n;  
 BIT(int n):n(n),tr(n+1,0){}  
 void add(int x,int v){  
 for(;x<=n;x|=x+1) tr[x]+=v;//tr[x]=max(tr[x],v);  
 }  
 int pre(int x){  
 int res=0;  
 for(;x>=0;x=(x&(x+1))-1) res+=tr[x];//res=max(res,tr[x]);  
 return res;  
 }  
 int query(int l,int r){  
 return pre(r)-(l?pre(l-1):0);  
 }  
};  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 //ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
   
 return 0;  
}

**BIT(树状数组,1base)**

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
using namespace std;  
class BIT{  
 private:  
 int n;  
 vector<int> tree;//tree[i] 是[i-lowbit(i)+1,i]的和,[1,n]存储  
 int lowbit(int x){  
 return x&(-x);  
 }  
 public:  
 BIT(int n): n(n),tree(n+1,0){}  
 void update(int i,int val)//单点修改 a[i]+=val  
 {  
 while(i<=n){   
 tree[i]+=val;  
 i+=lowbit(i);//跳到后一个lowbit(x)的位置  
 }  
 }  
 int pre(int x){  
 int res=0;  
 while(x>0){  
 res+=tree[x];  
 x-=lowbit(x);//跳到前一个lowbit(x)的位置  
 }  
 return res;  
 }  
 int query(int l,int r)//区间查询 [l,r]的和  
 {  
 return pre(r)-pre(l-1);  
 }  
 int query\_diff(int i)//单点查询 a\_diff[i] (维护差分数组)=sum[1,i]  
 {  
 return query(1,i);  
 }  
 void update\_diff(int l,int r,int val)//区间修改 (维护差分数组) a\_diff[l]+=val,a\_diff[r+1]-=val  
 {  
 update(l,val);  
 update(r+1,-val);  
 }  
 void init(vector<int> a)//初始化  
 {  
 vector<int> presum(a.size()+1,0);  
 for(int i=1;i<=a.size();i++)  
 {  
 presum[i]=presum[i-1]+a[i-1];  
 tree[i]=presum[i]-presum[i-lowbit(i)];//按定义  
 }   
 }  
};  
int main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //test  
 int n=10; vector<int> a={1,3,2,4,2,1,5,4,3,2},a\_diff={1,2,-1,2,-2,-1,4,-1,-1,-1};//a\_diff[i]=a[i]-a[i-1]  
 BIT bit(n),bit\_diff(n);  
 bit.init(a);bit\_diff.init(a\_diff);  
 cout<<bit.query(1,5)<<endl;  
 bit.update(1,5);  
 cout<<bit.query(1,5)<<endl;  
 bit\_diff.update\_diff(1,5,2);  
 cout<<bit\_diff.query\_diff(5)<<endl;  
 cout<<bit\_diff.query\_diff(6)<<endl;  
 //test end  
 return 0;  
}  
//进阶用法1.维护差分数组  
//进阶用法2.把数组离散化后按照值域建树状数组，可以用来求逆序对(第K大)  
//e.g.val[1,16,9,10,3]->dis[1,5,3,4,2]->bit[1,1,1,1,1]  
// BIT bit(5);  
// //bit.update(1,1);bit.update(2,1);bit.update(3,1);bit.update(4,1);bit.update(5,1);  
// val\_i[1,3]即更新为[1,0,1,0,1] 9即为第2大 即bit.query(1,3)=2  
//求逆序对，how to do? 即[1,r]中比a[r]大的数的个数

DSU(并查集)

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
using namespace std;  
class DSU{  
 public:  
 int n;vector<int> fa,sz;  
 DSU(int n):n(n)  
 {  
 srand(time(NULL));  
 fa.resize(n+1);  
 sz.resize(n+1);  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 fa[i]=i;  
 sz[i]=1;  
 }  
 }  
 int find(int u){  
 return fa[u]==u?u:fa[u]=find(fa[u]);  
 }  
 void merge(int a,int b)  
 {  
 int u=find(a),v=find(b);  
 if(u==v) return;  
 fa[u]=v;  
 sz[v]+=sz[u];  
 }  
 int same(int a,int b)  
 {  
 return find(a)==find(b);  
 }  
 int size(int u){  
 return sz[find(u)];  
 }  
 vector<vector<int>> get(){  
 vector<vector<int>> ans(n+1);  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 ans[find(i)].push\_back(i);  
 }  
 ans.erase(remove(ans.begin(),ans.end(),vector<int>()),ans.end());  
 return ans;  
 }  
};  
int main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 srand(time(NULL));  
 return 0;  
}

FHQTreap(无旋平衡树)

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
using namespace std;  
class FHQTreap{  
 //无旋Treap：1.满足二叉搜索树性质(val) 2.满足堆性质（优先级）  
 //树堆：BST+Heap  
 public:  
 struct Node{  
 int val;  
 int size=0;  
 int priority;//随机数  
 Node \*left, \*right;  
 Node(int val):val(val),priority(rand()),left(NULL),right(NULL),size(1){}  
 Node(int val,int priority):val(val),priority(priority),left(NULL),right(NULL),size(1){}  
 };  
 bool cmp(int a,int b){  
 return a<=b;  
 }  
 Node \*root;  
 FHQTreap():root(NULL){}  
 void merge(Node \*&root,Node \*a,Node \*b){  
 //val a<=val b(内部满足Treap)  
 if(!a)root=b;  
 else if(!b)root=a;  
 else{  
 if(a->priority>b->priority){//a的优先级大  
 root=a;//a作为根(为了满足Heap(大))  
 merge(a->right,a->right,b);//b合并到a的右子树（为了满足BST：a的右子树的所有节点都大于a)  
 }  
 else{  
 root=b;  
 merge(b->left,a,b->left);  
 }  
 }  
 if(root)  
 {  
 root->size=1;  
 if(root->left)root->size+=root->left->size;  
 if(root->right)root->size+=root->right->size;  
 //cout<<root->val<<' '<<root->size<<endl;  
 }  
 }  
 void split(Node \*root,Node \*&a,Node \*&b,int val){  
 //将root按照val分割为a,b两部分  
 //a的val都小于等于val，b的val都大于val  
 if(!root){  
 a=b=NULL;  
 return;  
 }  
 if(cmp(root->val,val)){  
 a=root;  
 split(root->right,a->right,b,val);  
 }  
 else{  
 b=root;  
 split(root->left,a,b->left,val);  
 }  
 if(root)  
 {  
 root->size=1;  
 if(root->left)root->size+=root->left->size;  
 if(root->right)root->size+=root->right->size;  
 //cout<<root->val<<' '<<root->size<<endl;  
 }  
 }  
 void insert(int val){  
 Node \*a,\*b;  
 split(root,a,b,val);//将root按照val分割为a,b两部分  
 merge(a,a,new Node(val));//将val插入到a中  
 merge(root,a,b);//将a,b合并为root  
 //偶还能这样  
 }  
 void erase(int val){  
 Node \*a,\*b,\*c;  
 split(root,a,b,val);//将root按照val分割为a,b两部分  
 split(a,a,c,val-1);//将a按照val-1分割为a,c两部分  
 if(c)  
 {  
 merge(a,a,c->right);//将c的右子树合并到a中(删除一个节点)  
 merge(a,a,c->left);//将c的左子树合并到a中(删除一个节点)  
 }  
 merge(root,a,b);//将a,b合并为root  
 }  
 void print(Node \*root){  
 if(!root)return;  
 print(root->left);  
 cout<<root->val<<" ";  
 print(root->right);  
 }  
 int findMax(Node \*root){  
 if(!root)return -1;  
 while(root->right)root=root->right;  
 return root->val;  
 }  
 int findMin(Node \*root){  
 if(!root)return -1;  
 while(root->left)root=root->left;  
 return root->val;  
 }  
 int pre(int val){  
 Node \*a,\*b;  
 split(root,a,b,val-1);//将root按照val-1分割为a,b两部分  
 int res=findMax(a);  
 merge(root,a,b);  
 return res;  
 }  
 int next(int val){  
 Node \*a,\*b;  
 split(root,a,b,val);//将root按照val分割为a,b两部分  
 int res=findMin(b);  
 merge(root,a,b);  
 return res;  
 }  
 int rank(int val){  
 Node \*a,\*b;  
 split(root,a,b,val-1);//将root按照val-1分割为a,b两部分  
 int res=(a?a->size:0)+1;  
 merge(root,a,b);  
 return res;  
 }  
 int QueryKth(int k){  
 return KthQuery(root,k);  
 }  
 int KthQuery(Node\* root,int k){  
 if(root==nullptr) return -1;  
 int leftsize=root->left?root->left->size:0;  
 if(k<=leftsize) return KthQuery(root->left,k);  
 else if(k==leftsize+1) return root->val;  
 else return KthQuery(root->right,k-leftsize-1);  
 }  
 bool find(int val){  
 Node \*a,\*b;  
 split(root,a,b,val);//将root按照val分割为a,b两部分  
 bool res=a&&findMax(a)==val;  
 merge(root,a,b);  
 return res;  
 }  
   
};  
int main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 FHQTreap treap;  
 vector<int> test={1,2,3,4,5,6,7,8,9,10};  
 /\*for(int i=0;i<test.size();i++){  
 treap.insert(test[i]);  
 }  
 treap.print(treap.root);  
 cout<<endl;  
 treap.erase(5);  
 treap.print(treap.root);  
 cout<<endl;  
 treap.insert(5);  
 treap.insert(5);  
 treap.insert(5);  
 treap.insert(5);  
 treap.print(treap.root);  
 cout<<endl;  
 treap.erase(5);  
 treap.print(treap.root);  
 cout<<endl;\*/  
 cout<<treap.pre(5)<<endl;  
 cout<<treap.next(5)<<endl;  
 cout<<treap.rank(5)<<endl;  
 treap.erase(5);  
 treap.print(treap.root);  
 cout<<endl;  
 treap.insert(5);  
 treap.insert(5);  
 treap.insert(5);  
 treap.print(treap.root);  
 cout<<endl;  
 cout<<treap.rank(6)<<endl;  
 treap.erase(5);  
 treap.print(treap.root);  
 cout<<endl;  
 cout<<treap.rank(8)<<endl;  
 cout<<treap.QueryKth(7)<<endl;  
 return 0;  
}

[应用]Treap维护数对

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
using namespace std;  
class FHQTreap{  
 //无旋Treap：1.满足二叉搜索树性质(val) 2.满足堆性质（优先级）  
 //树堆：BST+Heap  
 public:  
 struct Node{  
 int l,r;  
 int size=0;  
 int priority;//随机数  
 Node \*left, \*right;  
 Node(int l,int r):l(l),r(r),priority(rand()),left(NULL),right(NULL),size(1){}  
 };  
 bool cmp(Node \*a,pair<int,int> val){  
 if(a->l==val.first) return a->r<=val.second;  
 return a->l<val.first;  
 }  
 Node \*root;  
 FHQTreap():root(NULL){}  
 void merge(Node \*&root,Node \*a,Node \*b){  
 //val a<=val b(内部满足Treap)  
 if(!a)root=b;  
 else if(!b)root=a;  
 else{  
 if(a->priority>b->priority){//a的优先级大  
 root=a;//a作为根(为了满足Heap(大))  
 merge(a->right,a->right,b);//b合并到a的右子树（为了满足BST：a的右子树的所有节点都大于a)  
 }  
 else{  
 root=b;  
 merge(b->left,a,b->left);  
 }  
 }  
 if(root)  
 {  
 root->size=1;  
 if(root->left)root->size+=root->left->size;  
 if(root->right)root->size+=root->right->size;  
 //cout<<root->val<<' '<<root->size<<endl;  
 }  
 }  
 void split(Node \*root,Node \*&a,Node \*&b,pair<int,int> val){  
 //将root按照val分割为a,b两部分  
 //a的val都小于等于val，b的val都大于val  
 if(!root){  
 a=b=NULL;  
 return;  
 }  
 if(cmp(root,val)){  
 a=root;  
 split(root->right,a->right,b,val);  
 }  
 else{  
 b=root;  
 split(root->left,a,b->left,val);  
 }  
 if(root)  
 {  
 root->size=1;  
 if(root->left)root->size+=root->left->size;  
 if(root->right)root->size+=root->right->size;  
 //cout<<root->val<<' '<<root->size<<endl;  
 }  
 }  
 void insert(pair<int,int> val){  
 Node \*a,\*b;  
 split(root,a,b,val);//将root按照val分割为a,b两部分  
 merge(a,a,new Node(val.first,val.second));//将val插入到a中  
 merge(root,a,b);//将a,b合并为root  
 //偶还能这样  
 }  
 void erase(pair<int,int> val){  
 Node \*a,\*b,\*c;  
 split(root,a,b,val);//将root按照val分割为a,b两部分  
 split(a,a,c,{val.first,val.second-1});//将a按照val-1分割为a,c两部分  
 if(c)  
 {  
 merge(a,a,c->right);//将c的右子树合并到a中(删除一个节点)  
 merge(a,a,c->left);//将c的左子树合并到a中(删除一个节点)  
 }  
 merge(root,a,b);//将a,b合并为root  
 }  
 pair<int,int> findMax(Node \*root){  
 if(!root)return {-1,-1};  
 while(root->right)root=root->right;  
 return {root->l,root->r};  
 }  
 pair<int,int> findMin(Node \*root){  
 if(!root)return {-1,-1};  
 while(root->left)root=root->left;  
 return {root->l,root->r};  
 }  
 pair<int,int> pre(pair<int,int> val){  
 Node \*a,\*b;  
 split(root,a,b,{val.first,val.second-1});//将root按照val-1分割为a,b两部分  
 pair<int,int> res=findMax(a);  
 merge(root,a,b);  
 return res;  
 }  
 pair<int,int> next(pair<int,int> val){  
 Node \*a,\*b;  
 split(root,a,b,val);//将root按照val分割为a,b两部分  
 pair<int,int> res=findMin(b);  
 merge(root,a,b);  
 return res;  
 }  
 bool find(pair<int,int> val)  
 {  
 Node \*a,\*b;  
 split(root,a,b,val);  
 bool res=a&&findMax(a).second==val.second&&findMax(a).first==val.first;  
 merge(root,a,b);  
 return res;  
 }  
 int size()  
 {  
 return root?root->size:0;  
 }  
   
};  
int read()  
{  
 int s=0,f=1;  
 char ch=getchar();  
 while(ch<'0'||ch>'9')  
 {  
 if(ch=='-') f=-1;  
 ch=getchar();  
 }  
 while(ch>='0'&&ch<='9')  
 {  
 s=(s<<3)+(s<<1)+ch-'0';  
 ch=getchar();  
 }  
 return s\*f;  
}  
inline void write(int x)   
{  
 static int sta[35];   
 int top=0;  
 if(x<0&&x!=-2147483648) {putchar('-');x=-x;}  
 if(x==-2147483648) {printf("-2147483648");return;}  
 do{  
 sta[top++]=x%10, x/=10;  
 }while(x);  
 while(top) putchar(sta[--top]+48);  
}  
int main()  
{  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out2.txt","w",stdout);  
 ios::sync\_with\_stdio(false);  
 cin.tie(0);  
 cout.tie(0);  
 int t;cin>>t;  
 FHQTreap tree;  
 while(t--)  
 {  
 char op;  
 cin>>op;  
 if(op=='B')  
 {  
 cout<<tree.size()<<'\n';  
 }  
 else if(op=='A')  
 {  
 int x,y;  
 cin>>x>>y;  
 auto check=[](pair<int,int> a,pair<int,int> b)->bool{  
 vector<int> v1={a.first,a.second,b.first,b.second};  
 sort(v1.begin(),v1.end());  
 return ((v1[0]==a.first&&v1[1]==a.second&&v1[2]==b.first&&v1[3]==b.second)||(v1[0]==b.first&&v1[1]==b.second&&v1[2]==a.first&&v1[3]==a.second))&&v1[1]!=v1[2];  
 };  
 int ans=0;  
 if(tree.find({x,y}))  
 {  
 tree.erase({x,y});  
 ans++;  
 }  
 while(tree.size()&&tree.pre({x,y}).first!=-1&&!check(tree.pre({x,y}),{x,y}))   
 {  
 ans++;  
 tree.erase(tree.pre({x,y}));  
 }  
 while(tree.size()&&tree.next({x,y}).first!=-1&&!check(tree.next({x,y}),{x,y}))   
 {  
 ans++;  
 tree.erase(tree.next({x,y}));  
 }  
 cout<<ans<<'\n';  
 tree.insert({x,y});  
 }  
 }  
 return 0;  
}

jiangly线段树(info)

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
using namespace std;  
template<class Info, class Tag>  
struct LazySegmentTree {  
 const int n;  
 std::vector<Info> info;  
 std::vector<Tag> tag;  
 LazySegmentTree(int n) : n(n), info(4 << std::\_\_lg(n)), tag(4 << std::\_\_lg(n)) {}  
 LazySegmentTree(std::vector<Info> init) : LazySegmentTree(init.size()) {  
 std::function<void(int, int, int)> build = [&](int p, int l, int r) {  
 if (r - l == 1) {  
 info[p] = init[l];  
 return;  
 }  
 int m = (l + r) / 2;  
 build(2 \* p, l, m);  
 build(2 \* p + 1, m, r);  
 pull(p);  
 };  
 build(1, 0, n);  
 }  
 void pull(int p) {  
 info[p] = info[2 \* p] + info[2 \* p + 1];  
 }  
 void apply(int p, const Tag &v) {  
 info[p].apply(v);  
 tag[p].apply(v);  
 }  
 void push(int p) {  
 apply(2 \* p, tag[p]);  
 apply(2 \* p + 1, tag[p]);  
 tag[p] = Tag();  
 }  
 void modify(int p, int l, int r, int x, const Info &v) {  
 if (r - l == 1) {  
 info[p] = v;  
 return;  
 }  
 int m = (l + r) / 2;  
 push(p);  
 if (x < m) {  
 modify(2 \* p, l, m, x, v);  
 } else {  
 modify(2 \* p + 1, m, r, x, v);  
 }  
 pull(p);  
 }  
 void modify(int p, const Info &v) {  
 modify(1, 0, n, p, v);  
 }  
 Info rangeQuery(int p, int l, int r, int x, int y) {  
 if (l >= y || r <= x) {  
 return Info();  
 }  
 if (l >= x && r <= y) {  
 return info[p];  
 }  
 int m = (l + r) / 2;  
 push(p);  
 return rangeQuery(2 \* p, l, m, x, y) + rangeQuery(2 \* p + 1, m, r, x, y);  
 }  
 Info rangeQuery(int l, int r) {  
 return rangeQuery(1, 0, n, l, r);  
 }  
 void rangeApply(int p, int l, int r, int x, int y, const Tag &v) {  
 if (l >= y || r <= x) {  
 return;  
 }  
 if (l >= x && r <= y) {  
 apply(p, v);  
 return;  
 }  
 int m = (l + r) / 2;  
 push(p);  
 rangeApply(2 \* p, l, m, x, y, v);  
 rangeApply(2 \* p + 1, m, r, x, y, v);  
 pull(p);  
 }  
 void rangeApply(int l, int r, const Tag &v) {  
 return rangeApply(1, 0, n, l, r, v);  
 }  
 void half(int p, int l, int r) {  
 if (info[p].act == 0) {  
 return;  
 }  
 if ((info[p].min + 1) / 2 == (info[p].max + 1) / 2) {  
 apply(p, {-(info[p].min + 1) / 2});  
 return;  
 }  
 int m = (l + r) / 2;  
 push(p);  
 half(2 \* p, l, m);  
 half(2 \* p + 1, m, r);  
 pull(p);  
 }  
 void half() {  
 half(1, 0, n);  
 }  
};  
struct Tag {  
 //tag清空态  
 void apply(Tag t) {  
 //tag t下发对tag的影响  
 }  
};  
struct Info {  
 //维护啥信息  
 void apply(Tag t) {  
 //tag t下发对info的影响  
 }  
};  
Info operator + (Info a, Info b) {  
 Info c;  
 //info a和info b合并  
 return c;  
}  
//tip:[l,r)区间->传入[l,r]改为[l,r+1)  
int main()  
{  
 int T\_start=clock();  
   
 return 0;  
}

jiangly线段树(改)

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
//#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
using namespace std;  
#define lc(p) (p<<1)  
#define rc(p) (p<<1|1)  
template<class Info,class Tag>  
class SegTree{  
 public:  
 int n;  
 vector<Info> info;  
 vector<Tag> tag;  
 SegTree(int n):n(n),info((n<<2)+5),tag((n<<2)+5){}  
 SegTree(const vector<Info> &a):n(a.size()-1){  
 //a 1-Based  
 info.resize((n<<2)+5);  
 tag.resize((n<<2)+5);  
 bd(1,1,n,a);  
 }  
 inline void pushup(int p){  
 info[p]=info[lc(p)]+info[rc(p)];  
 }  
 inline void apply(int p,int l,int r,const Tag &v){  
 info[p].apply(l,r,v);  
 tag[p].apply(v);  
 }  
 inline void pushdown(int p,int l,int r){  
 if(!tag[p].has\_tag()) return;  
 int m=(l+r)>>1;  
 apply(lc(p),l,m,tag[p]);  
 apply(rc(p),m+1,r,tag[p]);  
 tag[p]=Tag();  
 }  
 void bd(int p,int l,int r,const vector<Info> &a){  
 if(l==r){  
 info[p]=a[l];  
 return;  
 }  
 int m=(l+r)>>1;  
 bd(lc(p),l,m,a);  
 bd(rc(p),m+1,r,a);  
 pushup(p);  
 }  
 void upd(int p,int l,int r,int x,int y,const Tag &v){  
 if(x>r||y<l||x>y) return;  
 if(x<=l&&r<=y){  
 apply(p,l,r,v);  
 return;  
 }  
 pushdown(p,l,r);  
 int m=(l+r)>>1;  
 if(x<=m) upd(lc(p),l,m,x,y,v);  
 if(m<y) upd(rc(p),m+1,r,x,y,v);  
 pushup(p);  
 }  
 void mdf(int p,int l,int r,int x,const Info &v){  
 if(l==r){  
 info[p]=v;  
 return;  
 }  
 pushdown(p,l,r);  
 int m=(l+r)>>1;  
 if(x<=m) mdf(lc(p),l,m,x,v);  
 else mdf(rc(p),m+1,r,x,v);  
 pushup(p);  
 }  
 Info qry(int p,int l,int r,int x,int y){  
 if(x>r||y<l||x>y) return Info();  
 if(x<=l&&r<=y) return info[p];  
 pushdown(p,l,r);  
 int m=(l+r)>>1;  
 Info res=Info();  
 if(x<=m) res=res+qry(lc(p),l,m,x,y);  
 if(m<y) res=res+qry(rc(p),m+1,r,x,y);  
 return res;  
 }  
 int findfirst(int p,int l,int r,int x,int y,  
 Info &v,const function<bool(const Info&)> &chk){  
 if(r<x||y<l) return n+1;  
 if(x<=l&&r<=y){  
 Info cmb=v+info[p];  
 if(!chk(cmb)) {  
 v=cmb;  
 return n+1;  
 }  
 if(l==r) return l;  
 pushdown(p,l,r);  
 int m=(l+r)>>1;  
 int res=findfirst(lc(p),l,m,x,y,v,chk);  
 if(res!=n+1) return res;  
 return findfirst(rc(p),m+1,r,x,y,v,chk);  
 }  
 pushdown(p,l,r);  
 int m=(l+r)>>1;  
 int res=findfirst(lc(p),l,m,x,y,v,chk);  
 if(res!=n+1) return res;  
 return findfirst(rc(p),m+1,r,x,y,v,chk);  
 }  
 int findlast(int p,int l,int r,int x,int y,  
 Info &v,const function<bool(const Info&)> &chk){  
 if(r<x||y<l) return 0;  
 if(x<=l&&r<=y){  
 Info cmb=v+info[p];  
 if(!chk(cmb)) {  
 v=cmb;  
 return 0;  
 }  
 if(l==r) return l;  
 pushdown(p,l,r);  
 int m=(l+r)>>1;  
 int res=findlast(rc(p),m+1,r,x,y,v,chk);  
 if(res!=0) return res;  
 return findlast(lc(p),l,m,x,y,v,chk);  
 }  
 pushdown(p,l,r);  
 int m=(l+r)>>1;  
 int res=findlast(rc(p),m+1,r,x,y,v,chk);  
 if(res!=0) return res;  
 return findlast(lc(p),l,m,x,y,v,chk);  
 }  
 int \_findfirst(int p,int l,int r,int x,int y,  
 const function<bool(const Info&)> &chk){  
 if(r<x||y<l) return n+1;  
 if(!chk(info[p])) return n+1;  
 if(l==r) return l;  
 pushdown(p,l,r);  
 int m=(l+r)>>1;  
 int res=\_findfirst(lc(p),l,m,x,y,chk);  
 if(res!=n+1) return res;  
 return \_findfirst(rc(p),m+1,r,x,y,chk);  
 }  
 int \_findlast(int p,int l,int r,int x,int y,  
 const function<bool(const Info&)> &chk){  
 if(r<x||y<l) return 0;  
 if(!chk(info[p])) return 0;  
 if(l==r) return l;  
 pushdown(p,l,r);  
 int m=(l+r)>>1;  
 int res=\_findlast(rc(p),m+1,r,x,y,chk);  
 if(res!=0) return res;  
 return \_findlast(lc(p),l,m,x,y,chk);  
 }  
 void upd(int l,int r,const Tag &v){  
 upd(1,1,n,l,r,v);  
 }  
 void mdf(int x,const Info &v){  
 mdf(1,1,n,x,v);  
 }  
 Info qry(int l,int r){  
 return qry(1,1,n,l,r);  
 }  
 //寻找在[l,r]的第一个[l,k] 满足Info{l,k}满足chk e.g.[1,4]的[1,2]满足sum(1,2)<10  
 //异常值: n+1  
 int findfirst(int l,int r,const function<bool(const Info&)> &chk){  
 Info tp=Info();  
 return findfirst(1,1,n,l,r,tp,chk);  
 }  
 //寻找在[l,r]的最后一个[k,r] 满足Info{k,r}满足chk e.g.[1,4]的[3,4]满足sum(3,4)<10  
 //异常值: 0  
 int findlast(int l,int r,const function<bool(const Info&)> &chk){  
 Info tp=Info();  
 return findlast(1,1,n,l,r,tp,chk);  
 }  
 //寻找在[l,r]的第一个k 满足Info k满足chk e.g.[1,4]的第一个k=2满足info k<10  
 //异常值: n+1  
 int \_findfirst(int l,int r,const function<bool(const Info&)> &chk){  
 return \_findfirst(1,1,n,l,r,chk);  
 }  
 //寻找在[l,r]的最后一个k 满足Info k满足chk e.g.[1,4]的最后一个k=3满足info k<10  
 //异常值: 0  
 int \_findlast(int l,int r,const function<bool(const Info&)> &chk){  
 return \_findlast(1,1,n,l,r,chk);  
 }  
};  
// Tag 结构体：定义懒标记  
// 需要实现:  
// 1. 成员变量: 存储懒标记信息  
// 2. 默认构造函数: 表示无标记状态  
// 3. apply(const Tag& v): 将另一个标记 v 合并到当前标记  
// 4. has\_tag(): 判断当前是否是无标记状态  
struct Tag{  
 int tag;  
 Tag():tag(0){}  
 void apply(const Tag &v){  
   
 }  
 bool has\_tag(){  
 return tag!=0;  
 }  
};  
// Info 结构体：定义节点信息  
// 需要实现:  
// 1. 成员变量: 存储节点维护的信息  
// 2. 默认构造函数: Info 的单位元 (例如求和的0, 求积的1)  
// 3. apply(int l, int r, const Tag& v): 将懒标记 v 应用到当前节点信息上  
// 4. operator+(const Info& other): 合并两个子节点的信息  
struct Info{  
 //...  
 int info;  
 Info():info(0){}  
 void apply(int l,int r,const Tag &v){  
   
 }  
};  
Info operator+(const Info &a,const Info &b){  
 //...  
 Info c;  
 return c;  
}  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 //ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
   
 return 0;  
}

st表

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
using namespace std;  
class st{  
 public:  
 vector<vector<int>> dp;//dp[i][j]是[i,i+2^j-1]的min/max  
 int inf(int a,int b)  
 {  
 return max(a,b);  
 }  
 void init(vector<int>& nums,int siz)  
 {  
 int len=log2(siz)+1;  
 dp.resize(siz);  
 for(auto &i:dp) i.resize(len);  
 for(int i=0;i<siz;i++)  
 {  
 dp[i][0]=nums[i];  
 }  
 for(int j=1;j<=len;j++)  
 {  
 for(int i=0;i+(1<<j)-1<siz;i++)  
 {  
 dp[i][j]=inf(dp[i][j-1],dp[i+(1<<(j-1))][j-1]);  
 }  
 }  
 }  
 int query(int l,int r)  
 {  
 int k=log2(r-l+1);  
 return inf(dp[l][k],dp[r-(1<<k)+1][k]);  
 }  
 st(vector<int>& nums){  
 init(nums,nums.size());  
 }  
};  
int read()  
{  
 int s=0,f=1;  
 char ch=getchar();  
 while(ch<'0'||ch>'9')  
 {  
 if(ch=='-') f=-1;  
 ch=getchar();  
 }  
 while(ch>='0'&&ch<='9')  
 {  
 s=(s<<3)+(s<<1)+ch-'0';  
 ch=getchar();  
 }  
 return s\*f;  
}  
inline void write(int x)   
{  
 static int sta[35];   
 int top=0;  
 if(x<0&&x!=-2147483648) {putchar('-');x=-x;}  
 if(x==-2147483648) {printf("-2147483648");return;}  
 do{  
 sta[top++]=x%10, x/=10;  
 }while(x);  
 while(top) putchar(sta[--top]+48);  
}  
int main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 int n=read(),m=read();  
 vector<int> nums(n);  
 for(int i=0;i<n;i++)  
 {  
 nums[i]=read();  
 }  
 st s(nums);  
 for(int i=0;i<m;i++)  
 {  
 int l=read(),r=read();  
 write(s.query(l-1,r-1));  
 putchar('\n');  
 }  
 return 0;  
}

主席树

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
//#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
using namespace std;  
#define lc(x) tr[x].l  
#define rc(x) tr[x].r  
class HJTree{  
 public:  
 struct node  
 {  
 int l,r,s;  
 //左右儿子，区间数频次  
 };  
 vector<node> tr;  
 vector<int> b,rt;  
 int tot,n,bn;  
 HJTree(int n,const vector<int>& a):tot(0),n(n){  
 //a 1-based  
 rt.resize(n+5);  
 tr.resize((log2(n)+4)\*n+5);  
 b.resize(n);  
 //注意空间是2\*n+(ceil(log2(n))+1)\*n  
 b.assign(a.begin()+1,a.end());  
 sort(b.begin(),b.end());  
 b.erase(unique(b.begin(),b.end()),b.end());  
 bn=b.size();  
 bd(rt[0],1,bn);  
 for(int i=1;i<=n;i++) ins(rt[i-1],rt[i],1,bn,getid(a[i]));  
 };  
 int getid(int x){  
 //离散化 ->[1,n]  
 return lower\_bound(b.begin(),b.end(),x)-b.begin()+1;  
 }  
 void bd(int &x,int l,int r)  
 {  
 x=++tot; tr[x].s=0;  
 if(l==r) return ;  
 int m=(l+r)>>1;  
 bd(lc(x),l,m);  
 bd(rc(x),m+1,r);  
 }  
 void ins(int x,int &y,int l,int r,int tar)  
 {  
 y=++tot; tr[y]=tr[x]; tr[y].s++;  
 if(l==r) return ;  
 int m=(l+r)>>1;  
 if(tar<=m) ins(lc(x),lc(y),l,m,tar);  
 else ins(rc(x),rc(y),m+1,r,tar);  
 }  
 int qry(int x,int y,int l,int r,int tar){  
 if(l==r) return l;  
 int m=(l+r)>>1;  
 int s=tr[lc(y)].s-tr[lc(x)].s;  
 if(tar<=s) return qry(lc(x),lc(y),l,m,tar);  
 else return qry(rc(x),rc(y),m+1,r,tar-s);  
 }  
 int qry(int l,int r,int k){  
 return b[qry(rt[l-1],rt[r],1,bn,k)-1];  
 }  
};  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
 int n,m;cin>>n>>m;  
 vector<int> a(n+1);  
 for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i];  
 HJTree hjt(n,a);  
 while(m--){  
 int l,r,k;cin>>l>>r>>k;  
 cout<<hjt.qry(l,r,k)<<'\n';  
 }  
 return 0;  
}  
//主席树 (静态区间第k小)  
//利用权值线段树,维护a[1]-a[n] n次插入的历史版本   
//于是可以利用前缀和思想,求出任意区间第k小  
//时间复杂度qry(logn) 空间复杂度nlogn+2\*n  
//本质上是做了一个单点更新 保存历史版本 维护一个前缀结构 以此可以处理很多二维偏序问题

**主席树(例2)**

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
//#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
using namespace std;  
#define lc(x) tr[x].l  
#define rc(x) tr[x].r  
class HJTree{  
 public:  
 struct node  
 {  
 int l,r,minn;  
 //左右儿子，区间minn  
 };  
 vector<node> tr;  
 vector<int> rt,rt\_k;  
 int tot,n;  
 HJTree(int n,vector<vector<array<int,2>>>& q,int& maxdep):tot(0),n(n)  
 {  
 //a 1-based  
 rt.resize(n+5);  
 tr.resize((log2(n)+4)\*n+5);  
 rt\_k.resize(maxdep+5);  
 bd(rt[0],1,n);  
 int cur=1;  
 for(int i=1;i<=maxdep;i++)  
 {  
 for(auto [pos,val]:q[i])  
 {  
 ins(rt[cur-1],rt[cur],1,n,pos,val);  
 cur++;  
 }  
 rt\_k[i]=cur-1;  
 }  
 };  
 void bd(int &x,int l,int r)  
 {  
 x=++tot; tr[x].minn=2e9;  
 if(l==r) return ;  
 int m=(l+r)>>1;  
 bd(lc(x),l,m);  
 bd(rc(x),m+1,r);  
 }  
 void ins(int x,int &y,int l,int r,int p,int val)  
 {  
 y=++tot; tr[y]=tr[x]; tr[y].minn=min(tr[y].minn,val);  
 if(l==r) return ;  
 int m=(l+r)>>1;  
 if(p<=m) ins(lc(x),lc(y),l,m,p,val);  
 else ins(rc(x),rc(y),m+1,r,p,val);  
 }  
 int qry(int rt,int l,int r,int s,int e){  
 if(l>e||r<s) return 2e9;  
 if(l>=s&&r<=e) return tr[rt].minn;  
 int m=(l+r)>>1;  
 return min(qry(lc(rt),l,m,s,e),qry(rc(rt),m+1,r,s,e));  
 }  
 int qry(int k,int s,int e)  
 {  
 return qry(rt[rt\_k[k]],1,n,s,e);  
 }  
};  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
 int n,r;cin>>n>>r;  
 vector<int> val(n+1);  
 for(int i=1;i<=n;i++) cin>>val[i];  
 vector<vector<int>> tre(n+1);  
 for(int i=1;i<n;i++){  
 int u,v;cin>>u>>v;  
 tre[u].push\_back(v);  
 tre[v].push\_back(u);  
 }  
 vector<int> dep(n+1,0),dfn(n+1,0),out(n+1,0);  
 int idx=0,maxdep=0;  
 auto dfs=[&](this auto&& dfs,int u,int fa)->void{  
 dfn[u]=++idx;  
 dep[u]=dep[fa]+1,maxdep=max(maxdep,dep[u]);  
 for(auto v:tre[u])   
 if(v!=fa) dfs(v,u);  
 out[u]=idx;  
 };  
 dep[r]=1;  
 dfs(r,0);  
 //在[1,n]建主席树 维护dep<=k的版本  
 vector<vector<array<int,2>>> q(maxdep+1);  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 q[dep[i]].push\_back({dfn[i],val[i]});  
 }  
 int last=0,m;cin>>m;  
 HJTree hjt(n,q,maxdep);  
 while(m--)  
 {  
 int p,q;cin>>p>>q;  
 int x=(p+last)%n+1;  
 int k=(q+last)%n;  
 int ans=hjt.qry(min(maxdep,dep[x]+k),dfn[x],out[x]);  
 cout<<ans<<'\n';  
 last=ans;  
 }  
 return 0;  
}  
//https://codeforces.com/contest/893/problem/F  
//主席树维护一个前缀结构 解决二维偏序

二叉搜索树

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
using namespace std;  
struct SBTreeNode{  
 int key;  
 SBTreeNode\* left;  
 SBTreeNode\* right;  
 int size; //子树大小  
 int count; //重复个数  
  
 SBTreeNode(int val):  
 key(val),left(nullptr),right(nullptr),size(1),count(1){}  
};  
//二叉查找树具有以下性质：  
//1. 若任意节点的左子树不空，则左子树上所有节点的值均小于它的根节点的值；  
//2. 若任意节点的右子树不空，则右子树上所有节点的值均大于它的根节点的值；  
//3. 任意节点的左、右子树也分别为二叉查找树；  
int FindMin(SBTreeNode\* root)  
{  
 if(root==nullptr) return -0x3f3f3f3f;  
 while(root->left!=nullptr) root=root->left;  
 return root->key;  
}  
int FindMax(SBTreeNode\* root)  
{  
 if(root==nullptr) return 0x3f3f3f3f;  
 while(root->right!=nullptr) root=root->right;  
 return root->key;  
}  
SBTreeNode\* FindMinNode(SBTreeNode\* root)  
{  
 if(root==nullptr) return nullptr;  
 while(root->left!=nullptr) root=root->left;  
 return root;  
}  
void Inorder(SBTreeNode\* root){  
 if(root==nullptr) return;  
 Inorder(root->left);  
 cout<<root->key<<" ";  
 Inorder(root->right);  
}  
  
bool search(SBTreeNode\* root,int val){  
 if(root==nullptr) return false;  
 if(root->key==val) return true;  
 if(val<root->key) return search(root->left,val);  
 else return search(root->right,val);  
}  
  
SBTreeNode\* insert(SBTreeNode\* root,int val){  
 if(root==nullptr) return new SBTreeNode(val);  
 if(val<root->key) root->left=insert(root->left,val);  
 else if(val>root->key) root->right=insert(root->right,val);  
 else root->count++;  
 root->size=root->count+(root->left?root->left->size:0)+(root->right?root->right->size:0);  
 return root;  
}  
//先搜索到，再判断子树有无，再删除  
SBTreeNode\* deleteNode(SBTreeNode\* root,int val){  
 if(root==nullptr) return nullptr;  
 if(val<root->key) root->left=deleteNode(root->left,val);  
 else if(val>root->key) root->right=deleteNode(root->right,val);  
 else{  
 if(root->count>1) root->count--;  
 else{  
 if(root->left==nullptr)   
 {  
 SBTreeNode\* temp=root->right;  
 delete root;  
 return temp;  
 }  
 else if(root->right==nullptr)   
 {  
 SBTreeNode\* temp=root->left;  
 delete root;  
 return temp;  
 }  
 else if(root->left!=nullptr&&root->right!=nullptr)  
 {  
 SBTreeNode\* temp=FindMinNode(root->right);//右子树最小值代替该节点  
 root->key=temp->key;  
 root->count=temp->count;  
 temp->count=1;  
 root->right=deleteNode(root->right,temp->key);  
 }  
 }  
 }  
 root->size=root->count+(root->left?root->left->size:0)+(root->right?root->right->size:0);  
 return root;  
}  
int QueryRank(SBTreeNode\* root,int val){  
 if(root==nullptr) return 0;  
 if(val==root->key) return (root->left?root->left->size:0)+1; //找到，返回左子树大小+1  
 if(val<root->key) return QueryRank(root->left,val); //向左走  
 else return QueryRank(root->right,val)+(root->left?root->left->size:0)+root->count; //向右走，加上左子树大小+根节点个数  
}  
//左子树的大小>=k,在左子树中找第k个  
//左子树的大小在[k-count,k-1],为根节点  
//左子树的大小<k-count,在右子树中找  
int KthQuery(SBTreeNode\* root,int k){  
 if(root==nullptr) return -0x3f3f3f3f;  
 if(root->left)  
 {  
 if(root->left->size>=k) return KthQuery(root->left,k);  
 else if(root->left->size+root->count>=k) return root->key;  
 else   
 {  
 if(k==1) return root->key;  
 }  
 }  
 return KthQuery(root->right,k-(root->left?root->left->size:0)-root->count);  
}  
  
int main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //生成测试代码  
 vector<int> v(0,10);  
 for(int i=0;i<10;i++) v.push\_back(rand()%100);  
 for(int i=0;i<10;i++) cout<<v[i]<<" ";  
 cout<<endl;  
 SBTreeNode\* root=nullptr;  
 for(int i=0;i<10;i++) root=insert(root,v[i]);  
 Inorder(root);  
 cout<<endl;  
 cout<<"v[0]:"<<v[0]<<endl;  
 cout<<QueryRank(root,v[0])<<endl;  
 cout<<KthQuery(root,4)<<endl;  
 cout<<search(root,v[0])<<endl;  
 root=deleteNode(root,v[0]);  
 Inorder(root);  
 cout<<endl;  
 int insertded=39;  
 root=insert(root,insertded);  
 Inorder(root);  
 int T\_end=clock();  
 cout<<"Time cost: "<<T\_end-T\_start<<endl;  
 //测试代码结束  
 return 0;  
}

普通莫队

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <unordered\_map>  
#include <array>  
using namespace std;  
class BIT{  
 private:  
 int n;  
 vector<int> tree;//tree[i] 是[i-lowbit(i)+1,i]的和,[1,n]存储  
 int lowbit(int x){  
 return x&(-x);  
 }  
 public:  
 BIT(int n): n(n),tree(n+1,0){}  
 void update(int i,int val)//单点修改 a[i]+=val  
 {  
 while(i<=n){   
 tree[i]+=val;  
 i+=lowbit(i);//跳到后一个lowbit(x)的位置  
 }  
 }  
 int query(int l,int r)//区间查询 [l,r]的和  
 {  
 int res=0;  
 while(r>=l){  
 res+=tree[r];  
 r-=lowbit(r);//跳到前一个lowbit(x)的位置  
 }  
 return res;  
 }  
 void init(vector<int> a)//初始化  
 {  
 vector<int> presum(a.size()+1,0);  
 for(int i=1;i<=a.size();i++)  
 {  
 presum[i]=presum[i-1]+a[i-1];  
 tree[i]=presum[i]-presum[i-lowbit(i)];//按定义  
 }   
 }  
};  
int read()  
{  
 int s=0,f=1;  
 char ch=getchar();  
 while(ch<'0'||ch>'9')  
 {  
 if(ch=='-') f=-1;  
 ch=getchar();  
 }  
 while(ch>='0'&&ch<='9')  
 {  
 s=(s<<3)+(s<<1)+ch-'0';  
 ch=getchar();  
 }  
 return s\*f;  
}  
inline void write(int x)   
{  
 static int sta[35];   
 int top=0;  
 if(x<0&&x!=-2147483648) {putchar('-');x=-x;}  
 if(x==-2147483648) {printf("-2147483648");return;}  
 do{  
 sta[top++]=x%10, x/=10;  
 }while(x);  
 while(top) putchar(sta[--top]+48);  
}  
unordered\_map<int,int> dis(vector<int> a)  
{  
 sort(a.begin(),a.end());  
 unordered\_map<int,int> mp;  
 for(int i=0;i<a.size();i++)  
 {  
 mp[a[i]]=i+1;  
 }  
 return mp;  
}  
int main()  
{  
 int t=read();  
 while(t--)  
 {  
 int n=read(),m=read();  
 vector<int> a(n+1);  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 a[i]=read();  
 }  
 vector<array<int,4>> q(m);  
 for(int i=0;i<m;i++)  
 {  
 q[i][0]=read();  
 q[i][1]=read();  
 q[i][2]=read();  
 q[i][3]=i;  
 }  
 int block=static\_cast<int>(sqrt(n))+1;//按值域分块  
 auto cmp=[block](array<int,4> a,array<int,4> b)  
 {  
 if(a[0]/block!=b[0]/block) return a[0]/block<b[0]/block;//按块排序  
 else{  
 if(a[0]/block%2==0) return a[1]<b[1];//按值排序  
 else return a[1]>b[1];//按块排序  
 }  
 };  
 sort(q.begin(),q.end(),cmp);  
 vector<int> ans(m,0);  
 int l=1,r=0;  
 BIT bit(n+1);  
 for(auto [ql,qr,x,idx]:q)//暴力  
 {  
 while(r<qr) bit.update(a[++r],1);  
 while(l>ql) bit.update(a[--l],1);  
 while(r>qr) bit.update(a[r--],-1);  
 while(l<ql) bit.update(a[l++],-1);  
 //cout<<l<<" "<<r<<endl;  
 ans[idx]=bit.query(1,a[x])+l-1;  
 }  
 for(auto i:ans) write(i),putchar('\n');  
 }  
 return 0;  
}

李超线段树

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
using namespace std;  
class LCSegTree{  
public:  
 const int L=1,R=1e9;  
 const double eps=1e-9;  
 struct Line{  
 long double a,b;  
 int id;  
 Line(long double a=0,long double b=/\*-1e18\*/1e18,int id=0):a(a),b(b),id(id){}  
 long double val(int x)const{return (long double)1.0\*a\*x+b;}  
 };  
 struct Node{  
 Line l;  
 Node \*lc,\*rc;  
 Node():l(),lc(nullptr),rc(nullptr){}  
 };  
 Node \*rt;  
 LCSegTree(){  
 rt=nullptr;  
 }  
 bool cmp(long double a,long double b){  
 // return a-b>eps;//max  
 return b-a>eps;//min  
 }  
 bool cmp1(Line a,Line b,int x){  
 long double va=a.val(x),vb=b.val(x);  
 return cmp(va,vb)||(fabs(va-vb)<eps&&a.id<b.id);  
 }  
 bool cmp2(pair<long double,int> a,long double b,int cid){  
 return cmp(a.first,b)||(fabs(a.first-b)<eps&&a.second<cid);  
 }  
 void ins(Node\*&o,int l,int r,int ql,int qr,Line v){  
 if(qr<l||r<ql)return;  
 if(!o)o=new Node();  
 if(ql<=l&&r<=qr){  
 int mid=(l+r)>>1;  
 bool LB=cmp1(v,o->l,l),MB=cmp1(v,o->l,mid),RB=cmp1(v,o->l,r);  
 if(MB)swap(o->l,v);  
 if(l==r)return;  
 if(LB!=MB)ins(o->lc,l,mid,ql,qr,v);  
 else ins(o->rc,mid+1,r,ql,qr,v);  
 return;  
 }  
 int mid=(l+r)>>1;  
 ins(o->lc,l,mid,ql,qr,v);  
 ins(o->rc,mid+1,r,ql,qr,v);  
 }  
 pair<long double,int> qry(Node\*o,int l,int r,int x){  
 if(!o)return {/\*-1e18\*/1e18,0};  
 long double cur=o->l.val(x);  
 int cid=o->l.id;  
 int mid=(l+r)>>1;  
 if(x<=mid){  
 auto res=qry(o->lc,l,mid,x);  
 if(cmp2(res,cur,cid))return res;  
 }else{  
 auto res=qry(o->rc,mid+1,r,x);  
 if(cmp2(res,cur,cid))return res;  
 }  
 return {cur,cid};  
 }  
 void add(int x1,int y1,int x2,int y2,int id){  
 if(x1==x2){  
 int y=max(y1,y2);  
 ins(rt,L,R,x1,x1,Line(0,y,id));  
 }else{  
 if(x1>x2)swap(x1,x2),swap(y1,y2);  
 long double a=1.0\*(y2-y1)/(x2-x1),b=1.0\*y1-a\*x1;  
 ins(rt,L,R,x1,x2,Line(a,b,id));  
 }  
 }  
 void add(Line v){  
 ins(rt,L,R,L,R,v);  
 }  
 pair<long double,int> ask(int x){return qry(rt,L,R,x);}  
};  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 //ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
 return 0;  
}  
//李超线段树插入O(logDlogD)查询O(logD)  
//解决：插入一条直线，查询某个点的最大/最小值  
//插入先划分logn区间，再懒标记下放(logn)  
//维护的是直线中点的最大/最小值  
//证明，对每个局部，区间中值最大代表着这个局部最优，于是可以遍历获得全局最优  
//空间复杂度O(nlogDlogD)

珂朵莉树(ODT)

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
using namespace std;  
class ODT{  
 public:  
 struct node  
 {  
 int l,r;  
 mutable int val;  
 node(int l,int r,int val):l(l),r(r),val(val){}  
 bool operator<(const node &o)const {  
 return l<o.l;  
 }  
 };  
 set<node> s;  
 //0-based  
 ODT(vector<int> &a){  
 for(int i=0;i<a.size();i++){  
 s.insert(node(i,i,a[i]));  
 }  
 }  
 //把[l,r]区间分割成[l,mid)和[mid,r]两个区间  
 auto split(int pos){  
 auto it=s.lower\_bound(node(pos,0,0));  
 if(it!=s.end()&&it->l==pos) return it;  
 --it;  
 int l=it->l,r=it->r,val=it->val;  
 s.erase(it);  
 s.insert(node(l,pos-1,val));  
 return s.insert(node(pos,r,val)).first;  
 }  
 //把[l,r]区间赋值为val  
 void assign(int l,int r,int val){  
 auto itr=split(r+1),itl=split(l);  
 s.erase(itl,itr);  
 s.insert(node(l,r,val));  
 }  
 //对区间操作  
 void perform(int l,int r)  
 {  
 auto itr=split(r+1),itl=split(l);  
 for(auto it=itl;it!=itr;++it)  
 {  
 //perform   
 }  
 }  
};  
int main()  
{  
 int T\_start=clock();  
   
 return 0;  
}  
//ODT(珂朵莉树)  
//处理区间查询后立即覆盖问题  
//修改/查询的一次为O(logn) 一次查询m个区间 覆盖后最多产生3个区间，并减少m左右个区间  
//一次操作的代价是随机变量di 那么q次操作的期望是 n乘一个小常数  
//所以期望是 均摊O(nlogn)

笛卡尔树

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
using namespace std;  
struct DKRTreeNode{  
 int val;  
 int index;  
 DKRTreeNode \*left, \*right;  
 DKRTreeNode(int x,int i):val(x),index(i),left(NULL),right(NULL){}  
};  
//笛卡尔树具有一下性质：  
//1.二叉搜索树，2.堆  
//i:index,val:nums[i]  
//因为BST的中序遍历一定是原序列，所以新插入的节点一定在右边  
//需要调整最右边的纵向位置，使其满足堆的性质，用单调栈维护最右链  
//大根堆  
DKRTreeNode\* buildTree(vector<int> &nums){  
 stack<DKRTreeNode\*> s;  
 DKRTreeNode\* root=nullptr;  
 for(int i=0;i<nums.size();i++)  
 {  
 DKRTreeNode\* node=new DKRTreeNode(nums[i],i);  
 DKRTreeNode\* last=nullptr;  
 while(!s.empty()&&s.top()->val<node->val)  
 {  
 last=s.top();  
 s.pop();  
 }//单调栈维护  
 if(!s.empty()) s.top()->right=node;//栈顶元素的右子树为node  
 if(last) node->left=last;//栈弹出的元素为node的左子树  
 s.push(node);  
 }  
 while(!s.empty()) root=s.top(),s.pop();//最后一个元素为根节点  
 return root;  
}  
void printTree(DKRTreeNode\* root)  
{  
 if(root==nullptr) return;  
 printTree(root->left);  
 cout<<root->val<<" ";  
 printTree(root->right);  
}  
int main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 vector<int> nums(10,0);  
 for(int i=0;i<nums.size();i++) nums[i]=rand()%100;  
 for(auto i:nums) cout<<i<<" ";  
 cout<<endl;  
 DKRTreeNode\* root=buildTree(nums);  
 printTree(root);  
 cout<<root->val<<endl;  
 return 0;  
}

线段树二分

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
//#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
using namespace std;  
#define lc(p) (p<<1)  
#define rc(p) (p<<1|1)  
template<class Info,class Tag>  
class SegTree{  
 public:  
 int n;  
 vector<Info> info;  
 vector<Tag> tag;  
 SegTree(int n):n(n),info((n<<2)+5),tag((n<<2)+5){}  
 SegTree(const vector<Info> &a):n(a.size()-1){  
 //a 1-Based  
 info.resize((n<<2)+5);  
 tag.resize((n<<2)+5);  
 bd(1,1,n,a);  
 }  
 inline void pushup(int p){  
 info[p]=info[lc(p)]+info[rc(p)];  
 }  
 inline void apply(int p,int l,int r,const Tag &v){  
 info[p].apply(l,r,v);  
 tag[p].apply(v);  
 }  
 inline void pushdown(int p,int l,int r){  
 if(!tag[p].has\_tag()) return;  
 int m=(l+r)>>1;  
 apply(lc(p),l,m,tag[p]);  
 apply(rc(p),m+1,r,tag[p]);  
 tag[p]=Tag();  
 }  
 void bd(int p,int l,int r,const vector<Info> &a){  
 if(l==r){  
 info[p]=a[l];  
 return;  
 }  
 int m=(l+r)>>1;  
 bd(lc(p),l,m,a);  
 bd(rc(p),m+1,r,a);  
 pushup(p);  
 }  
 void upd(int p,int l,int r,int x,int y,const Tag &v){  
 if(x<=l&&r<=y){  
 apply(p,l,r,v);  
 return;  
 }  
 pushdown(p,l,r);  
 int m=(l+r)>>1;  
 if(x<=m) upd(lc(p),l,m,x,y,v);  
 if(m<y) upd(rc(p),m+1,r,x,y,v);  
 pushup(p);  
 }  
 void mdf(int p,int l,int r,int x,const Info &v){  
 if(l==r){  
 info[p]=v;  
 return;  
 }  
 pushdown(p,l,r);  
 int m=(l+r)>>1;  
 if(x<=m) mdf(lc(p),l,m,x,v);  
 else mdf(rc(p),m+1,r,x,v);  
 pushup(p);  
 }  
 Info qry(int p,int l,int r,int x,int y){  
 if(x<=l&&r<=y) return info[p];  
 pushdown(p,l,r);  
 int m=(l+r)>>1;  
 Info res=Info();  
 if(x<=m) res=res+qry(lc(p),l,m,x,y);  
 if(m<y) res=res+qry(rc(p),m+1,r,x,y);  
 return res;  
 }  
 int findfirst(int p,int l,int r,int x,int y,  
 Info &v,const function<bool(const Info&)> &chk){  
 if(r<x||y<l) return n+1;  
 if(x<=l&&r<=y){  
 Info cmb=v+info[p];  
 if(!chk(cmb)) {  
 v=cmb;  
 return n+1;  
 }  
 if(l==r) return l;  
 pushdown(p,l,r);  
 int m=(l+r)>>1;  
 int res=findfirst(lc(p),l,m,x,y,v,chk);  
 if(res!=n+1) return res;  
 return findfirst(rc(p),m+1,r,x,y,v,chk);  
 }  
 pushdown(p,l,r);  
 int m=(l+r)>>1;  
 int res=findfirst(lc(p),l,m,x,y,v,chk);  
 if(res!=n+1) return res;  
 return findfirst(rc(p),m+1,r,x,y,v,chk);  
 }  
 int findlast(int p,int l,int r,int x,int y,  
 Info &v,const function<bool(const Info&)> &chk){  
 if(r<x||y<l) return 0;  
 if(x<=l&&r<=y){  
 Info cmb=v+info[p];  
 if(!chk(cmb)) {  
 v=cmb;  
 return 0;  
 }  
 if(l==r) return l;  
 pushdown(p,l,r);  
 int m=(l+r)>>1;  
 int res=findlast(rc(p),m+1,r,x,y,v,chk);  
 if(res!=0) return res;  
 return findlast(lc(p),l,m,x,y,v,chk);  
 }  
 pushdown(p,l,r);  
 int m=(l+r)>>1;  
 int res=findlast(rc(p),m+1,r,x,y,v,chk);  
 if(res!=0) return res;  
 return findlast(lc(p),l,m,x,y,v,chk);  
 }  
 int \_findfirst(int p,int l,int r,int x,int y,  
 const function<bool(const Info&)> &chk){  
 if(r<x||y<l) return n+1;  
 if(!chk(info[p])) return n+1;  
 if(l==r) return l;  
 pushdown(p,l,r);  
 int m=(l+r)>>1;  
 int res=\_findfirst(lc(p),l,m,x,y,chk);  
 if(res!=n+1) return res;  
 return \_findfirst(rc(p),m+1,r,x,y,chk);  
 }  
 int \_findlast(int p,int l,int r,int x,int y,  
 const function<bool(const Info&)> &chk){  
 if(r<x||y<l) return 0;  
 if(!chk(info[p])) return 0;  
 if(l==r) return l;  
 pushdown(p,l,r);  
 int m=(l+r)>>1;  
 int res=\_findlast(rc(p),m+1,r,x,y,chk);  
 if(res!=0) return res;  
 return \_findlast(lc(p),l,m,x,y,chk);  
 }  
 void upd(int l,int r,const Tag &v){  
 upd(1,1,n,l,r,v);  
 }  
 void mdf(int x,const Info &v){  
 mdf(1,1,n,x,v);  
 }  
 Info qry(int l,int r){  
 return qry(1,1,n,l,r);  
 }  
 //寻找在[l,r]的第一个[l,k] 满足Info{l,k}满足chk e.g.[1,4]的[1,2]满足sum(1,2)<10  
 //异常值: n+1  
 int findfirst(int l,int r,const function<bool(const Info&)> &chk){  
 Info tp=Info();  
 return findfirst(1,1,n,l,r,tp,chk);  
 }  
 //寻找在[l,r]的最后一个[k,r] 满足Info{k,r}满足chk e.g.[1,4]的[3,4]满足sum(3,4)<10  
 //异常值: 0  
 int findlast(int l,int r,const function<bool(const Info&)> &chk){  
 Info tp=Info();  
 return findlast(1,1,n,l,r,tp,chk);  
 }  
 //寻找在[l,r]的第一个k 满足Info k满足chk e.g.[1,4]的第一个k=2满足info k<10  
 //异常值: n+1  
 int \_findfirst(int l,int r,const function<bool(const Info&)> &chk){  
 return \_findfirst(1,1,n,l,r,chk);  
 }  
 //寻找在[l,r]的最后一个k 满足Info k满足chk e.g.[1,4]的最后一个k=3满足info k<10  
 //异常值: 0  
 int \_findlast(int l,int r,const function<bool(const Info&)> &chk){  
 return \_findlast(1,1,n,l,r,chk);  
 }  
};  
// Tag 结构体：定义懒标记  
// 需要实现:  
// 1. 成员变量: 存储懒标记信息  
// 2. 默认构造函数: 表示无标记状态  
// 3. apply(const Tag& v): 将另一个标记 v 合并到当前标记  
// 4. has\_tag(): 判断当前是否是无标记状态  
struct Tag{  
 Tag(){}  
 void apply(const Tag &v){  
   
 }  
 bool has\_tag(){  
 return false;  
 }  
};  
// Info 结构体：定义节点信息  
// 需要实现:  
// 1. 成员变量: 存储节点维护的信息  
// 2. 默认构造函数: Info 的单位元 (例如求和的0, 求积的1)  
// 3. apply(int l, int r, const Tag& v): 将懒标记 v 应用到当前节点信息上  
// 4. operator+(const Info& other): 合并两个子节点的信息  
struct Info{  
 //...  
 int minn;  
 Info():minn(0){}  
 Info(int x):minn(x){}  
 void apply(int l,int r,const Tag &v){  
   
 }  
};  
Info operator+(const Info &a,const Info &b){  
 //...  
 Info c;  
 c.minn=min(a.minn,b.minn);  
 return c;  
}  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 //ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
 int n,m;cin>>n>>m;  
 vector<int> a(n+1);  
 for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i];  
 vector<vector<array<int,2>>> q(n+1);  
 vector<int> ans(m+1);  
 for(int i=1;i<=m;i++){  
 int l,r;cin>>l>>r;  
 q[r].push\_back({l,i});  
 }  
 //[0,n]->[1,n+1]  
 SegTree<Info,Tag> seg(n+1);  
 for(int r=1;r<=n;r++)  
 {  
 seg.mdf(a[r]+1,{r});  
 for(const auto& [l,id]:q[r])  
 {  
 ans[id]=seg.\_findfirst(1,n+1,[&](const Info &v)->bool{  
 return v.minn<l;  
 })-1;  
 }  
 }  
 for(int i=1;i<=m;i++) cout<<ans[i]<<'\n';  
 return 0;  
}  
//e.g 区间mex->  
//把询问离线，然后从左往右扫，每次把当前数最后一次出现下标加入权值线段树，然后处理每个[li,r]  
//询问每个最小的x lastidx<l 维护min树即可

Graph

2-sat

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
using namespace std;  
pair<vector<int>,int> tarjan(vector<vector<int>> &mp,int n)  
{  
 vector<int> bel(n+1,-1);//bel[i]:i属于哪个强连通分量  
 vector<int> dfn(n+1,-1),low(n+1,-1);  
 stack<int> st;int cnt=0,scc\_cnt=0;  
 auto dfs=[&](auto dfs,int u)->void{  
 dfn[u]=low[u]=++cnt; //时间戳+1  
 st.push(u); //inst[u]=1; //入栈  
 for(int v:mp[u])  
 {  
 if(dfn[v]==-1)//case1:u的邻接点v未被访问过  
 {  
 dfs(dfs,v);  
 low[u]=min(low[u],low[v]);  
 }  
 else if(bel[v]==-1)//v所属的强连通分量还未被确定（等价于case2）  
 {  
 low[u]=min(low[u],dfn[v]);  
 }  
 //case3:u的邻接点v不在栈中,且访问过  
 //说明v已经确定在某个强连通分量中，所以u的low不需要更新  
 }  
 if(dfn[u]==low[u])  
 {  
 scc\_cnt++;  
 while(true)  
 {  
 int v=st.top();  
 st.pop();  
 bel[v]=scc\_cnt;  
 if(v==u) break;  
 }  
 }  
 };  
 //图有可能不是强联通的  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 if(dfn[i]==-1)  
 {  
 dfs(dfs,i);  
 }  
 }  
 return {bel,scc\_cnt};  
}  
int main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 int n,m;cin>>n>>m;  
 vector<vector<int>> mp(2\*n+1);  
 for(int i=0;i<m;i++)  
 {  
 int u,b1,v,b2;  
 cin>>u>>b1>>v>>b2;  
 //u=b1 or v=b2  
 //=>u!=b1->v=b2 and v!=b2->u=b1  
 mp[u+(!b1)\*n].push\_back(v+b2\*n);  
 mp[v+(!b2)\*n].push\_back(u+b1\*n);  
 //u=b1-> u+b1\*n x  
 }  
 auto [bel,scc\_cnt]=tarjan(mp,2\*n);  
 vector<int> ans(n+1,-1);  
 int flag=1;  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 if(bel[i]==bel[i+n]) {flag=0;break;}  
 else ans[i]=bel[i]>bel[i+n];  
 }  
 //此处处理的是i的正确性  
 //当bel[u==0]>bel[u==1]时,u==0的拓扑序小,i应当被赋值为false  
 //因为i->!i为永真式的前提为i=0  
 //此处i的含义是命题变元i的取值=0  
 //所以ans[i]=1  
 if(flag)  
 {  
 cout<<"POSSIBLE"<<endl;  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 cout<<ans[i]<<" ";  
 }  
 cout<<endl;  
 }  
 else cout<<"IMPOSSIBLE"<<endl;  
 return 0;  
}  
//2-sat  
//处理n个命题变元的赋值问题，形式上判断形如(p->q) and (!p->q)是否可永真赋值  
//即判断是否存在一种赋值使得p->q和!p->q同时为真  
//很显然若p->q,q->p均成立,则p,q在一个scc里

BCC（点双连通分量，tarjan）

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
using namespace std;  
vector<vector<int>> tarjan(vector<vector<int>> &mp,int n)  
{  
 //点双连通分量：无割点，且任意两点间至少有两条路径  
 vector<int> low(n+1,-1),dfn(n+1,-1);  
 //low:从当前点出发能到达的最早时间戳  
 //dfn:当前点的时间戳  
 vector<vector<int>> bccs;  
 stack<int> st;  
 int cnt=0;  
 auto dfs=[&](auto dfs,int u,int fa)->void{  
 int ch=0; //儿子数  
 dfn[u]=low[u]=++cnt;  
 st.push(u);  
 for(auto v:mp[u])  
 {  
 if(dfn[v]==-1)//case1:未访问  
 {  
 ch++;  
 dfs(dfs,v,u);  
 low[u]=min(low[u],low[v]);//更新low[u]  
 if((fa==-1&&ch>1)||(fa!=-1&&low[v]>=dfn[u]))//是割点,v以及他的被处理过的子树是一个bcc  
 {  
 vector<int> bcc;  
 while(1)  
 {  
 int x=st.top();st.pop();  
 bcc.push\_back(x);  
 if(x==v)break;//处理到v  
 }  
 bcc.push\_back(u);//把割点也加入bcc:割点有可能在多个bcc中  
 bccs.push\_back(bcc);  
 }  
 }  
 else if(v!=fa)//case2:已访问且不是父节点  
 {  
 low[u]=min(low[u],dfn[v]);//更新low[u]  
 }  
 }  
 // if(fa==-1&&ch==0) {  
 // bccs.push\_back({u});  
 // }  
 };  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 if(dfn[i]==-1)  
 {  
 dfs(dfs,i,-1);  
 //处理剩下的bcc  
 vector<int> bcc;  
 while(!st.empty())  
 {  
 int x=st.top();st.pop();  
 bcc.push\_back(x);  
 }  
 if(!bcc.empty()) bccs.push\_back(bcc);  
 }  
 }  
 return bccs;  
}  
//无向图中割点：删除该点后，图的bcc数增加  
//一个图中割点的判断  
//1.对于某个顶点 u，如果存在至少一个顶点 v（u 的儿子），使得low[v]>=dfn[u] ，即只能回到祖先（到不了dfn更早的点），那么 u 点为割点。  
//2.对于搜索的起始点，如果它的儿子数大于等于 2，那么它就是割点。  
int main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 int n,m;cin>>n>>m;  
 vector<vector<int>> mp(n+1);  
 vector<int> val(n+1);  
 for(int i=0;i<m;i++)  
 {  
 int u,v;cin>>u>>v;  
 mp[u].push\_back(v);  
 mp[v].push\_back(u);  
 }  
 vector<vector<int>> bccs=tarjan(mp,n);  
 cout<<bccs.size()<<endl;  
 for(auto bcc: bccs)  
 {  
 cout<<bcc.size()<<' ';  
 for(auto x: bcc)  
 {  
 cout<<x<<" ";  
 }  
 cout<<endl;  
 }  
 return 0;  
}

DSU on tree(树上启发式合并)

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
//#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
using namespace std;  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 //ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
 int n,m;cin>>n;  
 vector<int> sz(n+5,0),hson(n+5,0),fa(n+5,0);  
 vector<int> dfn(n+5,0),id(n+5,0),out(n+5,0);  
 //子树大小,重儿子,父节点,dfs序,dfs序对应的节点,出栈序  
 vector<int> c(n+5,0),s(n+5,0),ans(n+5,0);  
 vector<vector<int>> tr(n+5);  
 int tot=0,cnt=0;  
 for(int i=1;i<n;i++)  
 {  
 int u,v;cin>>u>>v;  
 tr[u].push\_back(v);  
 tr[v].push\_back(u);  
 }  
 for(int i=1;i<=n;i++) cin>>c[i];  
 auto dfs1=[&](this auto&& dfs1,int u,int f)->void{  
 dfn[u]=++tot;  
 id[tot]=u,sz[u]=1;  
 for(auto v:tr[u])  
 {  
 if(v==f) continue;  
 dfs1(v,u);  
 sz[u]+=sz[v];  
 if(sz[v]>sz[hson[u]]) hson[u]=v;  
 }  
 out[u]=tot;  
 };//预处理一些东西  
 dfs1(1,0);  
 auto dfs2=[&](this auto& dfs2,int u,int f,bool keep)->void{  
 for(auto v:tr[u]) //先遍历轻儿子，不保留其对集合的影响  
 {  
 if(v==f||v==hson[u]) continue;  
 dfs2(v,u,0);  
 }  
 if(hson[u]) dfs2(hson[u],u,1);// 然后遍历重儿子，保留其对集合的影响  
 if(!s[c[u]]) ++cnt,s[c[u]]=1; // 加入根结点对集合的贡献  
 for(auto v:tr[u])  
 {  
 if(v==f||v==hson[u]) continue;  
 for(int i=dfn[v];i<=out[v];i++) //遍历轻儿子的子树  
 {  
 int x=id[i];  
 if(!s[c[x]]) ++cnt,s[c[x]]=1; //加入轻儿子的贡献  
 }  
 }  
 ans[u]=cnt;  
 if(!keep) //如果当前节点不是重儿子，则撤销当前节点的贡献  
 {  
 for(int i=dfn[u];i<=out[u];i++)  
 {  
 int x=id[i];  
 s[c[x]]=0;  
 }  
 cnt=0;  
 }  
 };  
 dfs2(1,0,1);  
 cin>>m;  
 for(int i=1;i<=m;i++)  
 {  
 int x;cin>>x;  
 cout<<ans[x]<<'\n';  
 }  
 return 0;  
}  
//树上启发式合并(dsu on tree)  
//时间复杂度O(nlogn)  
//考虑将树上的问题转化为集合合并信息的问题  
//想到子树，就想到dsu on tree  
//考虑把小集合合并到大集合里，这样小集合的大小至少变成原来的两倍，这样合并的次数就变少了  
//当然可以不用dsu on tree 来暴力合并，不过要一些数据结构支持/时空复杂度会多一个log  
//这边加上-撤销贡献的操作是为了保证空间复杂度  
//同时保证了此时s数组是空的，所以不会影响后续的合并操作  
//注意：这里撤销贡献的操作是必须的，如果不撤销贡献，空间复杂度会退化到O(n^2)  
//考虑时间复杂度证明  
//考虑一个节点被作为轻儿子做出贡献的次数  
//实际上就转化为从该节点到根节点路径上的轻边数量  
//why?路径上有轻边意味着该节点作为轻儿子的子树被合并到该节点上  
//撤销操作和合并操作是互反的  
//所以轻边数量就是该节点被作为轻儿子做出贡献的次数  
//根据HLD的结论：该节点到根节点路径上的轻边数量<logn  
//所以时间复杂度是O(nlogn),Q.E.D

EDCC (边双联通分量，tarjan）

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
using namespace std;  
vector<vector<int>> tarjan(vector<vector<pair<int,int>>> &mp,int n)  
{  
 //边双联通分量：无向图中，边双联通分量是指一个极大子图，删除该子图中的任意一条边，该子图仍然连通  
 //连接边双联通分量的边称为桥  
 vector<int> low(n+1,-1),dfn(n+1,-1);  
 //low:从当前点出发能到达的最早时间戳  
 //dfn:当前点的时间戳  
 vector<vector<int>> dccs;  
 stack<int> st; int cnt=0;  
 auto dfs=[&](auto dfs,int u,int fre)->void{  
 //fre:来时的边  
 dfn[u]=low[u]=++cnt;  
 st.push(u);  
 for(auto [v,rev]:mp[u])  
 {  
 if(dfn[v]==-1)//case1:未访问  
 {  
 dfs(dfs,v,rev);  
 low[u]=min(low[u],low[v]);//更新low[u]  
 }  
 else if(rev!=(fre^1))//case2:已访问且不是该边的反边  
 {  
 //阻断向父节点更新的可能  
 //多重边可能有一种特殊的组合让v!=fa失效  
 //eg.1-2,1-2,2-3,2-3  
 low[u]=min(low[u],dfn[v]);//更新low[u]  
 }  
 }  
 if(dfn[u]==low[u])//case3:u的子树中不存在能到达u的祖先的边  
 //u的子树全为dcc  
 {  
 vector<int> dcc;  
 while(true){  
 int t=st.top();st.pop();  
 dcc.push\_back(t);  
 if(t==u) break;  
 }  
 dccs.push\_back(dcc);  
 }  
 };  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 if(dfn[i]==-1)  
 {  
 dfs(dfs,i,-1);  
 }  
 }  
 return dccs;  
}  
int main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 int n,m;cin>>n>>m;  
 vector<vector<pair<int,int>>> mp(n+1);  
 vector<int> val(n+1);  
 int tot=0;  
 for(int i=0;i<m;i++)  
 {  
 int u,v;cin>>u>>v;  
 if(u==v) continue;  
 mp[u].push\_back({v,tot+1});  
 mp[v].push\_back({u,tot});  
 tot+=2;//存各自的边的编号  
 }  
 vector<vector<int>> bccs=tarjan(mp,n);  
 cout<<bccs.size()<<endl;  
 for(auto bcc: bccs)  
 {  
 cout<<bcc.size()<<' ';  
 for(auto x: bcc)  
 {  
 cout<<x<<" ";  
 }  
 cout<<endl;  
 }  
 return 0;  
}

SCC（低注释）

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
using namespace std;  
pair<vector<int>,int> tarjan(vector<vector<int>> &mp,int n)  
{  
 vector<int> bel(n+1,-1);//bel[i]:i属于哪个强连通分量  
 vector<int> dfn(n+1,-1),low(n+1,-1);  
 stack<int> st;int cnt=0,scc\_cnt=0;  
 auto dfs=[&](auto dfs,int u)->void{  
 dfn[u]=low[u]=++cnt; //时间戳+1  
 st.push(u); //inst[u]=1; //入栈  
 for(int v:mp[u])  
 {  
 if(dfn[v]==-1)//case1:u的邻接点v未被访问过  
 {  
 dfs(dfs,v);  
 low[u]=min(low[u],low[v]);  
 }  
 else if(bel[v]==-1)//v所属的强连通分量还未被确定（等价于case2）  
 {  
 low[u]=min(low[u],dfn[v]);  
 }  
 //case3:u的邻接点v不在栈中,且访问过  
 //说明v已经确定在某个强连通分量中，所以u的low不需要更新  
 }  
 if(dfn[u]==low[u])  
 {  
 scc\_cnt++;  
 while(true)  
 {  
 int v=st.top();  
 st.pop();  
 bel[v]=scc\_cnt;  
 if(v==u) break;  
 }  
 }  
 };  
 //图有可能不是强联通的  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 if(dfn[i]==-1)  
 {  
 dfs(dfs,i);  
 }  
 }  
 return {bel,scc\_cnt};  
}  
int main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 int n,m;cin>>n>>m;  
 vector<vector<int>> mp(n+1);  
 vector<int> val(n+1);  
 for(int i=1;i<=n;i++) cin>>val[i];  
 for(int i=0;i<m;i++)  
 {  
 int u,v;cin>>u>>v;  
 mp[u].push\_back(v);  
 }  
 auto [bel,cnt]=tarjan(mp,n);  
 vector<vector<int>> mp2(cnt+1);  
 vector<int> val2(cnt+1,0);  
 vector<int> in(cnt+1,0);  
 vector<int> dp(cnt+1,0);  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 val2[bel[i]]+=val[i];  
 }  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 for(int v:mp[i])  
 {  
 if(bel[i]!=bel[v])  
 {  
 mp2[bel[i]].push\_back(bel[v]);  
 in[bel[v]]++;  
 }  
 }  
 }  
 queue<int> q;  
 for(int i=1;i<=cnt;i++)  
 {  
 if(in[i]==0) q.push(i),dp[i]=val2[i];  
 }  
 while(!q.empty())  
 {  
 int u=q.front();q.pop();  
 for(int v:mp2[u])  
 {  
 dp[v]=max(dp[v],dp[u]+val2[v]);  
 in[v]--;  
 if(in[v]==0) q.push(v);  
 }  
 }  
 cout<<\*max\_element(dp.begin()+1,dp.end())<<endl;  
 return 0;  
}

SCC（强联通分量，缩点，tarjan）

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
using namespace std;  
///vector<vector<int>> tarjan(vector<vector<int>> &mp,int n,int m)  
pair<vector<int>,int> tarjan(vector<vector<int>> &mp,int n)  
{  
 //求强连通分量，强连通分量是有向图中的极大顶点子集，其中任意两个顶点都是互相可达的  
 ///vector<vector<int>> scc;//强连通分量  
 vector<int> bel(n+1,-1);//bel[i]:i属于哪个强连通分量  
 vector<int> dfn(n+1,-1),low(n+1,-1);  
 //vector<int> inst(n+1,0);  
 //dfn:时间戳（dfs序），low:从i开始能到达的最小时间戳，inst:是否在栈中  
 stack<int> st;int cnt=0,scc\_cnt=0;  
 //st:未放到scc的点，cnt：计时器，初始为0  
 auto dfs=[&](auto dfs,int u)->void{  
 dfn[u]=low[u]=++cnt; //时间戳+1  
 st.push(u); //inst[u]=1; //入栈  
 for(int v:mp[u])  
 {  
 if(dfn[v]==-1)//case1:u的邻接点v未被访问过  
 {  
 dfs(dfs,v);  
 low[u]=min(low[u],low[v]);//用v的low更新u的low  
 }  
 // else if(inst[v])//case2:u的邻接点v在栈中,且访问过  
 // {  
 // low[u]=min(low[u],dfn[v]);  
 // //有可能存在一个环  
 // }  
 else if(bel[v]==-1)//v所属的强连通分量还未被确定（等价于case2）  
 {  
 low[u]=min(low[u],dfn[v]);  
 }  
 //case3:u的邻接点v不在栈中,且访问过  
 //说明v已经确定在某个强连通分量中，所以u的low不需要更新  
 }  
 if(dfn[u]==low[u])  
 {  
 //u是某个强连通分量的根（第一个被访问的结点）  
 //why,low[u]==dfn[u]说明u没有指向自己的边，所以u是某个强连通分量的根  
 //某个强连通分量的根的low值不会被更新  
 // vector<int> s;  
 // while(true)  
 // {  
 // int v=st.top();  
 // st.pop();inst[v]=0;  
 // s.push\_back(v);  
 // if(v==u) break;  
 // }  
 // scc.push\_back(s);  
 scc\_cnt++;  
 while(true)  
 {  
 int v=st.top();  
 st.pop();  
 bel[v]=scc\_cnt;  
 if(v==u) break;  
 }  
 }  
 };  
 //图有可能不是强联通的  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 if(dfn[i]==-1)  
 {  
 dfs(dfs,i);  
 }  
 }  
 //return scc;  
 return {bel,scc\_cnt};  
}  
//证明：如果结点 u 是某个强连通分量在搜索树中遇到的第一个结点，那么这个强连通分量的其余结点肯定是在搜索树中以 u 为根的子树中。  
//结点 u 被称为这个强连通分量的根。  
//反证法：假设有个结点 v 在该强连通分量中但是不在以 u 为根的子树中，那么 u 到 v 的路径中肯定有一条离开子树的边。  
//但是这样的边只可能是横叉边或者反祖边，然而这两条边都要求指向的结点已经被访问过了，这就和 v 不在以 u 为根的子树中矛盾了。得证。  
//其实手玩一下，若有个结点 v 在该强连通分量中但是不在以 u 为根的子树中，他的与u形成的那个环，其实是v一定在u的子树中，从u的dfs一定能够遍历到v  
//画个图就知道了  
//并且，很容易想到，对于一个连通分量图，有且只有一个根，即第一个被访问的结点  
//所以算法正确性显然  
//时间复杂度：O(n+m)  
int main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 int n,m;cin>>n>>m;  
 vector<vector<int>> mp(n+1);  
 vector<int> val(n+1);  
 for(int i=1;i<=n;i++) cin>>val[i];  
 for(int i=0;i<m;i++)  
 {  
 int u,v;cin>>u>>v;  
 mp[u].push\_back(v);  
 }  
 auto [bel,cnt]=tarjan(mp,n);  
 vector<vector<int>> mp2(cnt+1);  
 vector<int> val2(cnt+1,0);  
 vector<int> in(cnt+1,0);  
 vector<int> dp(cnt+1,0);  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 val2[bel[i]]+=val[i];  
 }  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 for(int v:mp[i])  
 {  
 if(bel[i]!=bel[v])  
 {  
 mp2[bel[i]].push\_back(bel[v]);  
 in[bel[v]]++;  
 }  
 }  
 }  
 queue<int> q;  
 for(int i=1;i<=cnt;i++)  
 {  
 if(in[i]==0) q.push(i),dp[i]=val2[i];  
 }  
 while(!q.empty())  
 {  
 int u=q.front();q.pop();  
 for(int v:mp2[u])  
 {  
 dp[v]=max(dp[v],dp[u]+val2[v]);  
 in[v]--;  
 if(in[v]==0) q.push(v);  
 }  
 }  
 cout<<\*max\_element(dp.begin()+1,dp.end())<<endl;  
 return 0;  
}

ShortestPath（Bellman\_Ford,SPFA)

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
using namespace std;  
int read()  
{  
 int s=0,f=1;  
 char ch=getchar();  
 while(ch<'0'||ch>'9')  
 {  
 if(ch=='-') f=-1;  
 ch=getchar();  
 }  
 while(ch>='0'&&ch<='9')  
 {  
 s=(s<<3)+(s<<1)+ch-'0';  
 ch=getchar();  
 }  
 return s\*f;  
}  
inline void write(int x)   
{  
 static int sta[35];   
 int top=0;  
 if(x<0&&x!=-2147483648) {putchar('-');x=-x;}  
 if(x==-2147483648) {printf("-2147483648");return;}  
 do{  
 sta[top++]=x%10, x/=10;  
 }while(x);  
 while(top) putchar(sta[--top]+48);  
}  
vector<int> Bellman\_Ford(vector<vector<pair<int,int>>>& mp,int s,int n)  
{  
 vector<int> dis(n+1,0x7fffffff);  
 dis[s]=0;  
 for(int i=1;i<=n-1;i++)  
 {  
 for(int j=1;j<=n;j++)  
 {  
 for(auto [u,w]:mp[j])  
 {  
 if(dis[j]!=0x7fffffff&&dis[j]+w<dis[u])  
 {  
 dis[u]=dis[j]+w;  
 }  
 }  
 }   
 }  
 for(int j=1;j<=n;j++)  
 {  
 for(auto [u,w]:mp[j])  
 {  
 if(dis[j]!=0x7fffffff&&dis[j]+w<dis[u])  
 {  
 cout<<"negative cycle!"<<endl;  
 }  
 }  
 }  
 return dis;  
 //Bellman\_Ford 对所有的边进行n-1次松弛操作，如果在进行第n次松弛操作时，仍然存在边可以松弛，则说明图中存在负权环（从s点出发存在负权环）  
 //时间复杂度：O(nm),形式上就是暴力）  
 //第i次循环，我们能找到经历i条边到达的点的最短距离  
 //所以第n次循环，我们能找到经历n条边到达的点的最短距离，如果存在负权环，那么一定能在第n次循环找到经历n条边到达的点的最短距离  
}  
vector<int> SPFA(vector<vector<pair<int,int>>>& mp,int s,int n)  
{  
 vector<int> dis(n+1,0x7fffffff);  
 vector<int> vis(n+1,0);  
 vector<int> cnt(n+1,0);  
 dis[s]=0;queue<int> q;  
 q.push(s);vis[s]=1;cnt[s]=0;  
 while(!q.empty())  
 {  
 int u=q.front();  
 q.pop();vis[u]=0;  
 for(auto [v,w]:mp[u])  
 {  
 if(dis[v]>dis[u]+w)//松弛  
 {  
 dis[v]=dis[u]+w;  
 cnt[v]=cnt[u]+1;  
 if(cnt[v]>n-1)//存在负权环  
 {  
 //1-n的节点，最短路最多经过n-1条边，如果经过n条边，说明存在负权环  
 cout<<"negative cycle!"<<endl;  
 return dis;  
 }  
 if(!vis[v])  
 {  
 q.push(v);  
 vis[v]=1;  
 }  
 }  
 }  
 }  
 return dis;  
 //SPFA: 形式上Bellman\_Ford是一棵树，很显然，只有上一次被松弛的节点u，才有可能对v进行松弛，所以可以采用SPFA  
 //为啥只有上一次被松弛的节点u，才有可能对v进行松弛？  
 //手玩一下就好了（悲  
 //考虑简单图，他可以是个递推的过程  
}  
int main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 int n=read(),m=read();  
 vector<vector<pair<int,int>>> mp(n+1);  
 for(int i=0;i<m;i++)  
 {  
 int u=read(),v=read(),w=read();  
 mp[u].push\_back({v,w});  
 }  
 return 0;  
}

ShortestPath（Floyed）

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
using namespace std;  
const int MAXN=1e4;  
int Graph[MAXN][MAXN];  
int dp[MAXN][MAXN];  
int main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 int T=10;  
 srand(time(NULL));  
 for(int i=1;i<=T;i++)  
 {  
 for(int j=1;j<=T;j++)  
 {  
 int op=rand()%3;  
 if(false) Graph[i][j]=0;  
 else if(op==1) Graph[i][j]=0x3f3f3f3f;  
 else Graph[i][j]=(rand()\*10+rand())%10;  
 //Graph[i][j]=(rand()\*10+rand())%10;  
 }  
 Graph[i][i]=0;  
 }  
  
   
 for(int i=1;i<=T;i++)  
 {  
 for(int j=1;j<=T;j++)  
 {  
 dp[i][j]=Graph[i][j];  
 }  
 }  
 for(int i=1;i<=T;i++)  
 {  
 for(int j=1;j<=T;j++)  
 {  
 cout<<dp[i][j]<<" ";  
 }  
 cout<<endl;  
 }  
 cout<<endl;  
 for(int i=1;i<=T;i++)  
 {  
 for(int j=1;j<=T;j++)  
 {  
 for(int k=1;k<=T;k++)  
 {  
 dp[j][k]=min(dp[j][k],dp[j][i]+dp[i][k]);  
 }  
 }  
 }  
  
 for(int i=1;i<=T;i++)  
 {  
 for(int j=1;j<=T;j++)  
 {  
 cout<<dp[i][j]<<" ";  
 }  
 cout<<endl;  
 }  
 int T\_end=clock();  
 return 0;  
}  
  
//Floyed 算法  
//处理任意两点之间的最短路径(无负环）  
//时间复杂度O(n^3)

ShortestPath（dijkstra）

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
using namespace std;  
int read()  
{  
 int s=0,f=1;  
 char ch=getchar();  
 while(ch<'0'||ch>'9')  
 {  
 if(ch=='-') f=-1;  
 ch=getchar();  
 }  
 while(ch>='0'&&ch<='9')  
 {  
 s=(s<<3)+(s<<1)+ch-'0';  
 ch=getchar();  
 }  
 return s\*f;  
}  
inline void write(int x)   
{  
 static int sta[35];   
 int top=0;  
 if(x<0&&x!=-2147483648) {putchar('-');x=-x;}  
 if(x==-2147483648) {printf("-2147483648");return;}  
 do{  
 sta[top++]=x%10, x/=10;  
 }while(x);  
 while(top) putchar(sta[--top]+48);  
}  
vector<int> dijkstra(int n,vector<vector<pair<int,int>>>mp,int s)  
{  
 vector<int> dis(n+1,0x7fffffff);//初始化距离为无穷大  
 dis[s]=0;//起点到起点的距离为0  
 priority\_queue<pair<int,int>,vector<pair<int,int>>,greater<pair<int,int>>> pq;  
 pq.push({0,s});//将起点加入优先队列  
 while(!pq.empty())  
 {  
 int u=pq.top().second;//取出当前距离最小的点  
 int d=pq.top().first;//取出当前距离最小的点的距离  
 pq.pop();  
 if(d>dis[u]) continue;//u已经被更新过  
 if(mp[u].empty()) continue;  
 for(auto it:mp[u])  
 {  
 int v=it.first;  
 int w=it.second;  
 if(dis[v]>dis[u]+w)//更新s->v的最短距离(min(s->v,s->u->v))  
 {  
 dis[v]=dis[u]+w;  
 pq.push({dis[v],v});  
 }  
 }  
 }  
 //正确性证明：  
 //假设目前更新s->t(=3),假设存在s->u->t(=2),则s->u<s->t,而s->u一定在之前被更新过，所以s->u->t一定在之前被更新过，与假设矛盾。  
 //单源最短路(正边权)  
 //时间复杂度O(ElogV),E为边数,V为点数(二叉堆)  
 //使用斐波那契堆的 Dijkstra 算法的时间复杂度为 O(E+VlogV)。  
 //不用堆优化：O(v^2+E)  
 //当E<<v^2时，使用堆优化  
 //当E~v^2时，不用堆优化  
 return dis;  
}  
int main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 int n=read(),m=read(),s=read();  
 vector<vector<pair<int,int>>> mp(n+1);  
 while(m--)  
 {  
 int u=read(),v=read(),w=read();  
 mp[u].push\_back({v,w});  
 }  
 vector<int> dis=dijkstra(n,mp,s);  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 write(dis[i]),putchar(' ');  
 int T\_end=clock();  
 return 0;  
}

dfs&bfs

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
using namespace std;  
vector <int> edge[100000+5];  
queue <int> q;int vis[100000+5]={0},sum=0;  
int ans[100000+5];  
int read()  
{  
 int s=0,f=1;  
 char ch=getchar();  
 while(ch<'0'||ch>'9')  
 {  
 if(ch=='-') f=-1;  
 ch=getchar();  
 }  
 while(ch>='0'&&ch<='9')  
 {  
 s=(s<<3)+(s<<1)+ch-'0';  
 ch=getchar();  
 }  
 return s\*f;  
}  
inline void write(int x)   
{  
 static int sta[35];   
 int top=0;  
 do{  
 sta[top++]=x%10, x/=10;  
 }while(x);  
 while(top) putchar(sta[--top]+48);  
}  
void dfs(int x)  
{  
 write(x);putchar(' ');vis[x]=1;  
 for(int i=0;i<edge[x].size();i++)  
 {  
 if(!vis[edge[x][i]]) dfs(edge[x][i]);  
 }  
 return ;  
}  
int bfs(int x)  
{  
 q.push(x);  
 while(!q.empty())  
 {  
 int temp=q.front(); q.pop();  
 if(vis[temp]) continue;  
 else{  
 vis[temp]=1;sum++;  
 }  
 for(int i=0;i<edge[temp].size();i++)  
 {  
 q.push(edge[temp][i]);  
 if(!vis[edge[temp][i]]) ans[edge[temp][i]]=ans[temp];  
 }  
 // cout<<q.size()<<endl;  
 // for(int i=0;i<=q.size();i++)  
 // {  
 // cout<<q.front()<<" ";  
 // q.pop();  
 // }  
 }  
 return sum;  
}  
int main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 int n=read(),m=read();  
 for(int i=0;i<m;i++)  
 {  
 int u=read(),v=read();  
 edge[v].push\_back(u);  
 }  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 ans[i]=i;  
 }  
 for(int i=n;i>=1;i--)  
 {  
 bfs(i);  
 if(sum==n) break;  
 }  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 write(ans[i]);putchar(' ');  
 }  
 putchar('\n');  
 return 0;  
}  
//preview:2024.12.29 23:01

johnson最短路

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
using namespace std;  
#define int long long  
int has\_neg=0;  
vector<int> SPFA(vector<vector<pair<int,int>>>& mp,int s,int n)  
{  
 vector<int> dis(n+1,1e9);  
 vector<int> vis(n+1,0);  
 vector<int> cnt(n+1,0);  
 dis[s]=0;queue<int> q;  
 q.push(s);vis[s]=1;cnt[s]=0;  
 while(!q.empty())  
 {  
 int u=q.front();  
 q.pop();vis[u]=0;  
 for(auto [v,w]:mp[u])  
 {  
 if(dis[v]>dis[u]+w)//松弛  
 {  
 dis[v]=dis[u]+w;  
 cnt[v]=cnt[u]+1;  
 if(cnt[v]>n-1)//存在负权环  
 {  
 //1-n的节点，最短路最多经过n-1条边，如果经过n条边，说明存在负权环  
 has\_neg=1;  
 return dis;  
 }  
 if(!vis[v])  
 {  
 q.push(v);  
 vis[v]=1;  
 }  
 }  
 }  
 }  
 return dis;  
 //SPFA: 形式上Bellman\_Ford是一棵树，很显然，只有上一次被松弛的节点u，才有可能对v进行松弛，所以可以采用SPFA  
 //为啥只有上一次被松弛的节点u，才有可能对v进行松弛？  
 //手玩一下就好了（悲  
 //考虑简单图，他可以是个递推的过程  
}  
vector<int> dijkstra(int n,vector<vector<pair<int,int>>>& mp,int s)  
{  
 vector<int> dis(n+1,1e9);//初始化距离为无穷大  
 dis[s]=0;//起点到起点的距离为0  
 priority\_queue<pair<int,int>,vector<pair<int,int>>,greater<pair<int,int>>> pq;  
 pq.push({0,s});//将起点加入优先队列  
 while(!pq.empty())  
 {  
 int u=pq.top().second;//取出当前距离最小的点  
 int d=pq.top().first;//取出当前距离最小的点的距离  
 pq.pop();  
 if(d>dis[u]) continue;//u已经被更新过  
 if(mp[u].empty()) continue;  
 for(auto it:mp[u])  
 {  
 int v=it.first;  
 int w=it.second;  
 if(dis[v]>dis[u]+w)//更新s->v的最短距离(min(s->v,s->u->v))  
 {  
 dis[v]=dis[u]+w;  
 pq.push({dis[v],v});  
 }  
 }  
 }  
 //正确性证明：  
 //假设目前更新s->t(=3),假设存在s->u->t(=2),则s->u<s->t,而s->u一定在之前被更新过，所以s->u->t一定在之前被更新过，与假设矛盾。  
 //单源最短路(正边权)  
 //时间复杂度O(ElogV),E为边数,V为点数(二叉堆)  
 //使用斐波那契堆的 Dijkstra 算法的时间复杂度为 O(E+VlogV)。  
 //不用堆优化：O(v^2+E)  
 //当E<<v^2时，使用堆优化  
 //当E~v^2时，不用堆优化  
 return dis;  
}  
vector<vector<int>> johnson(vector<vector<pair<int,int>>>& mp,int n)  
{  
 //1.添加一个虚拟节点0，连接到所有节点，边权为0  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 mp[0].push\_back({i,0});  
 }  
 //2.使用Bellman-Ford算法计算从虚拟节点0到所有节点的最短路径  
 vector<int> h=SPFA(mp,0,n+1);  
 if(has\_neg==1)   
 {  
 cout<<-1<<endl;  
 exit(0);  
 }  
 //3.删除虚拟节点0，并更新所有边的权重  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 for(auto& it:mp[i])  
 {  
 it.second+=h[i]-h[it.first];  
 }  
 }  
 //4.对每个节点i，使用Dijkstra算法计算从i到所有节点的最短路径  
 vector<vector<int>> dis(n+1,vector<int>(n+1,1e9));  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 dis[i]=dijkstra(n,mp,i);  
 for(int j=1;j<=n;j++)  
 {  
 dis[i][j]-=h[i]-h[j];  
 if(dis[i][j]>=1e8) dis[i][j]=1e9;  
 }  
 }  
 //5.更新所有边的权重  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 for(auto& it:mp[i])  
 {  
 it.second+=h[it.first]-h[i];  
 }  
 }  
 return dis;  
}  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 int n,m;  
 cin>>n>>m;  
 vector<vector<pair<int,int>>> mp(n+1);  
 for(int i=0;i<m;i++)  
 {  
 int u,v,w;  
 cin>>u>>v>>w;  
 mp[u].push\_back({v,w});  
 }  
 vector<vector<int>> dis=johnson(mp,n);  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 int ans=0;  
 for(int j=1;j<=n;j++)  
 {  
 //cout<<dis[i][j]<<" ";  
 ans+=j\*dis[i][j];  
 }  
 //cout<<endl;  
 cout<<ans<<endl;  
 }  
 return 0;  
}  
//johnson全源最短路算法：O(nmlogm)  
//重新标记边权后,u-v两点的任意路径一定有hu-hv项，最短路不变  
//由于三角形不等式，所以重新标记边权，边权一定非负  
//所以重新标记边权后，可以使用Dijkstra算法求最短路

二分图最大匹配

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
//#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
using namespace std;  
class maxflow{  
 public:  
 struct node  
 {  
 int to,cap,id;  
 };  
 vector<vector<node>> mp;  
 vector<int> dep,cur;//dep:层次图，cur:当前弧优化  
 int n,m,s,t;  
 maxflow(int n,int m,int s,int t,vector<array<int,3>>& eds):  
 mp(n+1),n(n),m(m),s(s),t(t),dep(n+1),cur(n+1){  
 //u->v capacity  
 for(auto [u,v,cap]:eds){  
 int uid=mp[u].size();  
 int vid=mp[v].size();  
 mp[u].push\_back({v,cap,vid});  
 mp[v].push\_back({u,0,uid});  
 //建反边  
 }  
 }  
 bool bfs(){  
 fill(dep.begin(),dep.end(),-1);  
 fill(cur.begin(),cur.end(),0);  
 queue<int> q;  
 q.push(s);  
 dep[s]=0;  
 while(!q.empty()){  
 int u=q.front();  
 q.pop();  
 for(auto [v,cap,id]:mp[u]){  
 if(cap>0&&dep[v]==-1){  
 dep[v]=dep[u]+1;  
 q.push(v);  
 }  
 }  
 }  
 return dep[t]!=-1;  
 }  
 int dfs(int u,int lim)//到u点的最大流量lim  
 {  
 if(u==t) return lim;  
 int sum=0;//u点流出的流量  
 for(int &i=cur[u];i<mp[u].size();i++){  
 //当前弧优化,考虑u->v有重边,那么这个优化会使  
 //被榨干过的v的出边不再被访问  
 auto [v,cap,id]=mp[u][i];  
 if(cap>0&&dep[v]==dep[u]+1){  
 int f=dfs(v,min(lim,cap));  
 mp[u][i].cap-=f;  
 mp[v][id].cap+=f;  
 sum+=f;  
 lim-=f;  
 if(lim==0) break;  
 }  
 }  
 if(sum==0) dep[u]=-1;//无增广路  
 return sum;  
 }  
 int dinic(){  
 int res=0;  
 while(bfs()){  
 res+=dfs(s,INT\_MAX);  
 }  
 return res;  
 }  
};  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 //ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
 int n,m,e;cin>>n>>m>>e;  
 vector<array<int,3>> eds;  
 int s=n+m+1,t=n+m+2;  
 //s->left cap 1  
 for(int i=1;i<=n;i++){  
 eds.push\_back({s,i,1});  
 }  
 //right->t cap 1  
 for(int i=1;i<=m;i++){  
 eds.push\_back({i+n,t,1});  
 }  
 //u->v cap 1  
 for(int i=1;i<=e;i++){  
 int u,v;cin>>u>>v;  
 eds.push\_back({u,v+n,1});  
 }  
 maxflow mf(n+m+2,e,s,t,eds);  
 cout<<mf.dinic()<<endl;  
 return 0;  
}  
//二分图最大匹配 最大流O(n^1/2\*m)  
//二分图的划分可以用二分图染色进行  
//二分图最大匹配：设有若干男生,若干女生,若干配对关系,求最大匹配,即求出最多的配对关系  
  
//二分图最小点覆盖：在一张无向图中选择最少的顶点，满足每条边至少有一个端点被选  
//->二分图中，最小点覆盖中的顶点数量等于最大匹配中的边数量。  
//从网络流的角度看，最小点覆盖问题就是最小割问题：选择左部点，相当于切割它与源点的连边；选择右部点，相当于切割它与汇点的连边。  
//why?因为一条边被割掉，意味着原二分图上这个点的配对点无法跑一条流->最小割  
//[引] 最小割：把图分为s集和t集 s->t的边为割边，割边的最小权值和为最小割  
  
//最大独立集问题：在一张无向图中选择最多的顶点，满足两两之间互不相邻。  
//->二分图中，最大独立集中的顶点数量等于n-最小点覆盖中的顶点数量  
//[引理1] 图G(V,E)中v的子集s为点覆盖<=>v/s为独立集  
//证明：s为点覆盖=>v/s为独立集 假设v/s不是独立集，则存在v1,v2∈v/s，v1,v2相邻，但是v1-v2这条边的两个端点都不在s中 ->矛盾  
//v/s为独立集=>s为点覆盖 要证 对所有u-v∈E，至少有一个端点在s中  
//假设u-v都不在s中，则u,v都在v/s中 但此时v/s不是独立集 ->矛盾  
//[推论1] 图G(V,E)中v的子集s为最大点覆盖<=>v/s为最小独立集  
  
//有向无环图最小路径覆盖：在一张有向图中，选择最少数量的简单路径，使得所有顶点都恰好出现在一条路径中。  
//->有向无环图的最小路径覆盖数等于顶点数减去最大匹配数  
//通过dag构造的二分图如下：  
//将每个顶点拆成两个顶点，v\_in v\_out  
//对于原图中的每条有向边u->v，在二分图中连边v\_in-u\_out  
//此证明为构造性的：二分图的每个匹配对应这dag中不交的各个路径  
//考虑最极端的平凡图 n个点 路径是n条 增加一个匹配->路径数减少1  
//Q.E.D

二分图染色

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
using namespace std;  
struct node{  
 int v;  
 int w;  
};  
vector<node> mp[20005];  
bool vis[20005]={false};  
int dyed[20005]={0};  
int Data[100005];  
int read()  
{  
 int s=0,f=1;  
 char ch=getchar();  
 while(ch<'0'||ch>'9')  
 {  
 if(ch=='-') f=-1;  
 ch=getchar();  
 }  
 while(ch>='0'&&ch<='9')  
 {  
 s=(s<<3)+(s<<1)+ch-'0';  
 ch=getchar();  
 }  
 return s\*f;  
}  
inline void write(int x)   
{  
 static int sta[35];   
 int top=0;  
 if(x<0&&x!=-2147483648) {putchar('-');x=-x;}  
 if(x==-2147483648) {printf("-2147483648");return;}  
 do{  
 sta[top++]=x%10, x/=10;  
 }while(x);  
 while(top) putchar(sta[--top]+48);  
}  
bool dye(int start,int mid)  
{  
 queue<int> q;  
 q.push(start);  
 vis[start]=1;dyed[start]=1;  
 while(!q.empty())  
 {  
 int temp=q.front();  
 q.pop();  
 for(auto i:mp[temp])  
 {  
 if(i.w>=mid)  
 {  
 if(!vis[i.v])  
 {  
 q.push(i.v);  
 vis[i.v]=true;  
 dyed[i.v]=3-dyed[temp];  
 }  
 else if(dyed[i.v]==dyed[temp]) return false;  
 }  
 }  
 }  
 return true;   
}  
bool isBinGraph(int n,int mid)  
{  
 memset(vis,0,sizeof(vis));  
 memset(dyed,0,sizeof(dyed));  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 if(!vis[i])  
 {  
 if(!dye(i,mid)) return false;  
 }  
 }  
 return true;  
}  
int main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 freopen("in.txt","r",stdin);  
 // freopen("out.txt","w",stdout);  
 int n=read(),m=read();  
 for(int i=0;i<m;i++)  
 {  
 int u=read(),v=read(),w=read();  
 mp[u].push\_back({v,w});  
 mp[v].push\_back({u,w});  
 Data[i]=w;  
 }  
 sort(Data,Data+m);  
 // for(int i=0;i<m;i++)  
 // {  
 // cout<<Data[i]<<endl;  
 // }  
 if(isBinGraph(n,0))  
 {  
 cout<<"0"<<endl;  
 }  
 else  
 {  
 int l=0,r=m;  
 while(l<=r)  
 {  
 int mid=(l+r)>>1;  
 if(!isBinGraph(n,Data[mid])) l=mid+1;  
 else r=mid-1;  
 }  
 cout<<Data[r]<<endl;  
 }   
 return 0;  
}

分层图

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
using namespace std;  
int read()  
{  
 int s=0,f=1;  
 char ch=getchar();  
 while(ch<'0'||ch>'9')  
 {  
 if(ch=='-') f=-1;  
 ch=getchar();  
 }  
 while(ch>='0'&&ch<='9')  
 {  
 s=(s<<3)+(s<<1)+ch-'0';  
 ch=getchar();  
 }  
 return s\*f;  
}  
inline void write(int x)   
{  
 static int sta[35];   
 int top=0;  
 if(x<0&&x!=-2147483648) {putchar('-');x=-x;}  
 if(x==-2147483648) {printf("-2147483648");return;}  
 do{  
 sta[top++]=x%10, x/=10;  
 }while(x);  
 while(top) putchar(sta[--top]+48);  
}  
int dij(vector<vector<pair<int,int>>>& mp,int s,int n,int t,int kk)  
{  
 vector<int> vis((kk+1)\*n+1,0x7fffffff);  
 vis[s]=0;  
 priority\_queue<pair<int,int>,vector<pair<int,int>>,greater<pair<int,int>>> pq;  
 pq.push({0,s});  
 while(!pq.empty())  
 {  
 auto [val,k]=pq.top();  
 pq.pop();  
 if(val>vis[k]) continue;  
 for(auto i:mp[k])  
 {  
 auto [v,w]=i;  
 if(vis[v]>vis[k]+w)  
 {  
 vis[v]=vis[k]+w;  
 pq.push({vis[v],v});  
 }  
 }  
 }  
 int ans=0x7fffffff;  
 for(int i=0;i<=kk;i++)  
 {  
 //i表示免费次数  
 ans=min(ans,vis[i\*n+t]);  
 }  
 return ans;  
}  
int main()  
{  
 //分层图：解决k次免费（有代价）最短路问题  
 int T\_start=clock();  
 int n=read(),m=read(),k=read();  
 int s=read(),t=read();  
 vector<vector<pair<int,int>>> mp((k+1)\*n+1);  
 while(m--)  
 {  
 int u,v,w;  
 u=read(),v=read(),w=read();  
 for(int i=0;i<=k;i++)  
 {  
 mp[i\*n+u].push\_back({i\*n+v,w});  
 mp[i\*n+v].push\_back({i\*n+u,w});  
 if(i!=k)   
 {  
 mp[i\*n+u].push\_back({(i+1)\*n+v,0});  
 mp[i\*n+v].push\_back({(i+1)\*n+u,0});//分层图连边  
 }  
 }  
 }  
 cout<<dij(mp,s,n,t,k)<<endl;  
 return 0;  
}

差分约束

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
using namespace std;  
int flag=0;  
int read()  
{  
 int s=0,f=1;  
 char ch=getchar();  
 while(ch<'0'||ch>'9')  
 {  
 if(ch=='-') f=-1;  
 ch=getchar();  
 }  
 while(ch>='0'&&ch<='9')  
 {  
 s=(s<<3)+(s<<1)+ch-'0';  
 ch=getchar();  
 }  
 return s\*f;  
}  
inline void write(int x)   
{  
 static int sta[35];   
 int top=0;  
 if(x<0&&x!=-2147483648) {putchar('-');x=-x;}  
 if(x==-2147483648) {printf("-2147483648");return;}  
 do{  
 sta[top++]=x%10, x/=10;  
 }while(x);  
 while(top) putchar(sta[--top]+48);  
}  
vector<int> SPFA(vector<vector<pair<int,int>>>& mp,int s,int n)  
{  
 vector<int> dis(n+1,0x7fffffff);  
 vector<int> vis(n+1,0);  
 vector<int> cnt(n+1,0);  
 dis[s]=0;queue<int> q;  
 q.push(s);vis[s]=1;cnt[s]=1;  
 while(!q.empty())  
 {  
 int u=q.front();  
 q.pop();vis[u]=0;  
 for(auto [v,w]:mp[u])  
 {  
 if(dis[v]>dis[u]+w)//松弛  
 {  
 dis[v]=dis[u]+w;  
 cnt[v]=cnt[u]+1;  
 if(cnt[v]>=n+1)  
 {  
 flag=1;  
 return vector<int>(n+1,-1);  
 }  
 if(!vis[v])  
 {  
 q.push(v);  
 vis[v]=1;  
 }  
 }  
 }  
 }  
 return dis;  
}  
int main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 int n=read(),m=read();  
 vector<vector<pair<int,int>>> mp(n+1);  
 for(int i=1;i<=m;i++)  
 {  
 int v=read(),u=read(),w=read();  
 mp[u].push\_back(make\_pair(v,w));  
 }  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 mp[0].push\_back(make\_pair(i,0));  
 }  
 vector<int>ans=SPFA(mp,0,n);  
 if(flag==1)  
 {  
 printf("NO\n");  
 }  
 else  
 {  
 //printf("YES\n");  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 printf("%d ",ans[i]);  
 }  
 printf("\n");  
 }  
 return 0;  
}  
//对一个差分约束系统，判断是否存在一组解，使得所有约束条件都成立。  
//ex. x1-x2<=3  
// x2-x3<=-2  
// x1-x3<=1  
//将xn看作超级源点（到所有点的权值为w=0）到n的最短路  
//那么第一个式子的意义就是x1<=x2+3,0到1的最短路<=3+0到2的最短路  
//在图上的意义就是建2->1的边权为3的边，0->1,0->2的边权为0的边  
//0->1,0->2的边权为0的边也是添加了以下条件  
//x1-x0<=0  
//x2-x0<=0  
//x0=0  
//那么整个系统就转化为了一张图  
//求xn即求0到n的最短路，如果存在负环，则无解，否则有解  
//负环还原的形式为  
//x1-x2<=-1...1  
//x2-x3<=-4...2  
//x3-x1<=-5...3  
//1+2+3->0<=-10,不成立  
//还有结论，设定w即求x1,x2..xn<=w的最大解  
//如果差分约束系统换换不等号，求最长路，spfa改一下即可  
  
//结论形式证明  
//假设X0是定死的；X1到Xn在满足所有约束的情况下可以取到的最大值分别为M1、M2、……、Mn（当然我们不知道它们的值是多少）；解出的源点到每个点的最短路径长度为D1、D2、……、Dn。  
//基本的Bellman-Ford算法是一开始初始化D1到Dn都是无穷大。然后检查所有的边对应的三角形不等式，一但发现有不满足三角形不等式的情况，则更新对应的D值。最后求出来的D1到Dn就是源点到每个点的最短路径长度。  
//如果我们一开始初始化D1、D2、……、Dn的值分别为M1、M2、……、Mn，则由于它们全都满足三角形不等式（我们刚才已经假设M1到Mn是一组合法的解），则Bellman-Ford算法不会再更新任合D值，则最后得出的解就是M1、M2、……、Mn。  
//好了，现在知道了，初始值无穷大时，算出来的是D1、D2、……、Dn；初始值比较小的时候算出来的则是M1、M2、……、Mn。大家用的是同样的算法，同样的计算过程，总不可能初始值大的算出来的结果反而小吧。所以D1、D2、……、Dn就是M1、M2、……、Mn。

拓扑排序

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
using namespace std;  
#define MOD 80112002  
vector<int> edge[5005];  
int \_to[5005]={0},\_in[5005]={0};  
long long ans[5005]={0};queue<int> q;  
int read()  
{  
 int s=0,f=1;  
 char ch=getchar();  
 while(ch<'0'||ch>'9')  
 {  
 if(ch=='-') f=-1;  
 ch=getchar();  
 }  
 while(ch>='0'&&ch<='9')  
 {  
 s=(s<<3)+(s<<1)+ch-'0';  
 ch=getchar();  
 }  
 return s\*f;  
}  
inline void write(int x)   
{  
 static int sta[35];   
 int top=0;  
 do{  
 sta[top++]=x%10, x/=10;  
 }while(x);  
 while(top) putchar(sta[--top]+48);  
}  
int main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 int n=read(),m=read();  
 for(int i=0;i<m;i++)  
 {  
 int u=read(),v=read();  
 edge[v].push\_back(u);  
 \_to[u]++;\_in[v]++;  
 }  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 if(!\_to[i])   
 {  
 q.push(i);  
 ans[i]=1;  
 }  
 }  
 while(!q.empty())  
 {  
 int temp=q.front();  
 //cout<<temp<<endl;  
 q.pop();  
 for(int i=0;i<edge[temp].size();i++)  
 {  
 //cout<<temp<<' '<<edge[temp][i]<<' '<<ans[temp]<<' '<<ans[edge[temp][i]]<<endl;  
 ans[edge[temp][i]]=(ans[edge[temp][i]]+ans[temp])%MOD;  
 \_to[edge[temp][i]]--;  
 if(!\_to[edge[temp][i]]) q.push(edge[temp][i]);  
 }  
 }  
 long long res=0;  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 if(!\_in[i])   
 {  
 //cout<<i<<' '<<ans[i]<<endl;  
 res=(res+ans[i])%MOD;  
 }  
 }  
 write(res),putchar('\n');  
 return 0;  
}

最大流(dinic)

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
using namespace std;  
#define int long long  
class maxflow{  
 public:  
 struct node  
 {  
 int to,cap,id;  
 };  
 vector<vector<node>> mp;  
 vector<int> dep,cur;//dep:层次图，cur:当前弧优化  
 int n,m,s,t;  
 maxflow(int n,int m,int s,int t,vector<array<int,3>>& eds):  
 mp(n+1),n(n),m(m),s(s),t(t),dep(n+1),cur(n+1){  
 //u->v capacity  
 for(auto [u,v,cap]:eds){  
 int uid=mp[u].size();  
 int vid=mp[v].size();  
 mp[u].push\_back({v,cap,vid});  
 mp[v].push\_back({u,0,uid});  
 //建反边  
 }  
 }  
 bool bfs(){  
 fill(dep.begin(),dep.end(),-1);  
 fill(cur.begin(),cur.end(),0);  
 queue<int> q;  
 q.push(s);  
 dep[s]=0;  
 while(!q.empty()){  
 int u=q.front();  
 q.pop();  
 for(auto [v,cap,id]:mp[u]){  
 if(cap>0&&dep[v]==-1){  
 dep[v]=dep[u]+1;  
 q.push(v);  
 }  
 }  
 }  
 return dep[t]!=-1;  
 }  
 int dfs(int u,int lim)//到u点的最大流量lim  
 {  
 if(u==t) return lim;  
 int sum=0;//u点流出的流量  
 for(int &i=cur[u];i<mp[u].size();i++){  
 //当前弧优化,考虑u->v有重边,那么这个优化会使  
 //被榨干过的v的出边不再被访问  
 auto [v,cap,id]=mp[u][i];  
 if(cap>0&&dep[v]==dep[u]+1){  
 int f=dfs(v,min(lim,cap));  
 mp[u][i].cap-=f;  
 mp[v][id].cap+=f;  
 sum+=f;  
 lim-=f;  
 if(lim==0) break;  
 }  
 }  
 if(sum==0) dep[u]=-1;//无增广路  
 return sum;  
 }  
 int dinic(){  
 int res=0;  
 while(bfs()){  
 res+=dfs(s,INT\_MAX);  
 }  
 return res;  
 }  
};  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 int n,m,s,t;  
 cin>>n>>m>>s>>t;  
 vector<array<int,3>> eds(m);  
 for(auto &[u,v,cap]:eds){  
 cin>>u>>v>>cap;  
 }  
 maxflow mf(n,m,s,t,eds);  
 cout<<mf.dinic()<<endl;  
 return 0;  
}  
//最大流，解决从有向图源点到汇点的最大流量问题(假定源点流量无限)  
//dinic算法，时间复杂度O(n^2\*m)  
//增广路：是从源点到汇点的路径，其上所有边的残余容量均大于0  
//初级思路：贪心选择所有增广路，然后更新边权，引入反向边进行反悔贪心  
//基本思路：每次bfs把图变成一个带层数的DAG(限制dfs深度)  
//然后找到极大增广流量，更新图，重复上述过程

最小斯坦纳树

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
const int INF=1e18;  
using namespace std;  
  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 //ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
 int n,m,k;cin>>n>>m>>k;  
 vector<vector<array<int,2>>> mp(n+1);  
 for(int i=1;i<=m;i++)  
 {  
 int u,v,w;cin>>u>>v>>w;  
 mp[u].push\_back({v,w});  
 mp[v].push\_back({u,w});  
 }  
 vector<vector<int>> dp((1<<k),vector<int>(n+1,INF));  
 //dp[i][j]表示以i为集合，j为根的最小贡献  
 vector<int> sp(k+1);  
 for(int i=1;i<=k;i++)  
 {  
 cin>>sp[i];  
 dp[1<<(i-1)][sp[i]]=0;  
 }  
 for(int st=1;st<(1<<k);st++){  
 for(int t=st;t;t=(t-1)&st){  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 dp[st][i]=min(dp[st][i],dp[t][i]+dp[st-t][i]);  
 }  
 }//枚举子集，合并 只保证了v节点的状态是最优的  
 priority\_queue<pair<int,int>,vector<pair<int,int>>,greater<pair<int,int>>> q;  
 vector<int> vis(n+1,0);  
 for(int i=1;i<=n;i++){  
 if(dp[st][i]!=INF) q.push({dp[st][i],i});   
 }  
 while(!q.empty()){  
 int u=q.top().second;q.pop();  
 if(vis[u]) continue;  
 vis[u]=1;  
 for(auto [v,w]:mp[u]){  
 if(dp[st][v]>dp[st][u]+w){  
 dp[st][v]=dp[st][u]+w;  
 q.push({dp[st][v],v});  
 }  
 }  
 }//状态传播  
 }  
 cout<<dp[(1<<k)-1][sp[1]]<<endl;  
 //状态传播完了,由于树的性质,所以sp[1]一定是根节点  
 return 0;  
}  
//最小斯坦纳树 给定一个图 和k个关键点 求一个包含所有关键点的最小生成树(可以用其他点)  
//时间复杂度(n\*3^k+2^k\*mlogm)

最小生成树（kruskal）

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
using namespace std;  
class BSU{  
 public:  
 int n;vector<int> fa;  
 BSU(int n):n(n)  
 {  
 fa.resize(n+1);  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 fa[i]=i;  
 }  
 }  
 int find(int u){  
 return fa[u]==u?u:fa[u]=find(fa[u]);  
 }  
 void merge(int a,int b)  
 {  
 int op=rand()%2;  
 if(op==0) fa[find(a)]=find(b);  
 else fa[find(b)]=find(a);  
 }  
};  
int read()  
{  
 int s=0,f=1;  
 char ch=getchar();  
 while(ch<'0'||ch>'9')  
 {  
 if(ch=='-') f=-1;  
 ch=getchar();  
 }  
 while(ch>='0'&&ch<='9')  
 {  
 s=(s<<3)+(s<<1)+ch-'0';  
 ch=getchar();  
 }  
 return s\*f;  
}  
inline void write(int x)   
{  
 static int sta[35];   
 int top=0;  
 if(x<0&&x!=-2147483648) {putchar('-');x=-x;}  
 if(x==-2147483648) {printf("-2147483648");return;}  
 do{  
 sta[top++]=x%10, x/=10;  
 }while(x);  
 while(top) putchar(sta[--top]+48);  
}  
int kruskal(vector<array<int,3>> &edge,int m,int n)  
{  
 sort(edge.begin(),edge.end(),[](auto a,auto b)->bool{  
 return a[2]<b[2];  
 });  
 BSU bsu(n);int cnt=0;int ans=0;  
 for(auto [u,v,w]:edge)  
 {  
 if(bsu.find(u)!=bsu.find(v))  
 {  
 bsu.merge(u,v);  
 cnt++;ans+=w;  
 //cout<<u<<" "<<v<<endl;  
 }  
 if(cnt==n-1) break;  
 }  
 return cnt==n-1?ans:-1;  
}  
//时间复杂度O(mlogm)，证明同prim  
int main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 srand(time(NULL));  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 int n=read(),m=read();  
 vector<array<int,3>> edge(m);  
 for(int i=0;i<m;i++)  
 {  
 int u=read(),v=read(),w=read();  
 edge[i]={u,v,w};  
 }  
 int ans=kruskal(edge,m,n);  
 if(ans==-1) puts("orz");  
 else cout<<ans<<endl;  
 return 0;  
}

**最小生成树（prim）**

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
using namespace std;  
int read()  
{  
 int s=0,f=1;  
 char ch=getchar();  
 while(ch<'0'||ch>'9')  
 {  
 if(ch=='-') f=-1;  
 ch=getchar();  
 }  
 while(ch>='0'&&ch<='9')  
 {  
 s=(s<<3)+(s<<1)+ch-'0';  
 ch=getchar();  
 }  
 return s\*f;  
}  
inline void write(int x)   
{  
 static int sta[35];   
 int top=0;  
 if(x<0&&x!=-2147483648) {putchar('-');x=-x;}  
 if(x==-2147483648) {printf("-2147483648");return;}  
 do{  
 sta[top++]=x%10, x/=10;  
 }while(x);  
 while(top) putchar(sta[--top]+48);  
}  
vector<int> prim(vector<vector<pair<int,int>>> &mp,int s,int n)  
{  
 vector<int> dis(n+1,0x7fffffff);//点离当前生成树的距离  
 vector<int> in(n+1,0);//点是否在生成树中  
 priority\_queue<pair<int,int>,vector<pair<int,int>>,greater<pair<int,int>>> pq;  
 dis[s]=0;pq.push({0,s});  
 while(!pq.empty())  
 {  
 auto [\_,u]=pq.top();//找到最小生成树连的边中未加入生成树的边权最小的边  
 pq.pop();  
 if(in[u]) continue;  
 in[u]=true;//进入最小生成树  
 for(auto [v,w]:mp[u])  
 {  
 if(dis[v]>w&&!in[v])//更新不在当前生成树中的点离生成树的距离  
 {  
 dis[v]=w;  
 pq.push({dis[v],v});  
 }  
 }  
 }  
 return dis;  
}  
//和dij一样，时间复杂度O((n+m)logn),暴力prim时间复杂度O(n^2),看看稀疏图和稠密图哪个更快  
//正确性证明：反证法：假设prim生成的不是最小生成树  
// 1).设prim生成的树为G0  
// 2).假设存在Gmin使得cost(Gmin)<cost(G0) 则在Gmin中存在<u,v>不属于G0  
// 3).将<u,v>加入G0中可得一个环，且<u,v>不是该环的最长边(这是因为<u,v>∈Gmin)  
// 4).这与prim每次生成最短边矛盾  
// 5).故假设不成立，命题得证.  
int main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 int n=read(),m=read();  
 vector<vector<pair<int,int>>> mp(n+1);  
 for(int i=1;i<=m;i++)  
 {  
 int u=read(),v=read(),w=read();  
 mp[u].push\_back({v,w});  
 mp[v].push\_back({u,w});  
 }  
 vector<int> ans=prim(mp,1,n);  
 int sum=0;  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 if(ans[i]==0x7fffffff)  
 {  
 puts("不连通！");  
 return 0;  
 }  
 sum+=ans[i];  
 }  
 cout<<sum<<endl;  
 return 0;  
}

最小费用最大流(dinic)

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
using namespace std;  
#define int long long  
class Mcmf{  
public:  
 struct node{  
 int to;  
 int cap;  
 int cost;  
 int rev;  
 };  
 int n,s,t;  
 int maxf=0,minc=0;  
 const int INF=1e18;  
 vector<vector<node>> mp;  
 vector<int> dis,cur,inq,vis;  
 Mcmf(int n,int s,int t,vector<array<int,4>>& eds):  
 n(n),s(s),t(t),mp(n+1),dis(n+1),  
 cur(n+1),inq(n+1,0),vis(n+1,0){  
 for(auto [u,v,cap,w]:eds){  
 int uid=mp[u].size();  
 int vid=mp[v].size();  
 mp[u].push\_back({v,cap,w,vid});  
 mp[v].push\_back({u,0,-w,uid});  
 //反边的费用是负的  
 }  
 }  
  
 bool spfa(){  
 fill(dis.begin(),dis.end(),INF);  
 fill(inq.begin(),inq.end(),0);  
 deque<int> q;dis[s]=0,inq[s]=1;  
 q.push\_back(s);  
 while(!q.empty()){  
 int u=q.front();q.pop\_front();  
 inq[u]=0;  
 for(auto [v,cap,w,rev]:mp[u]){  
 if(cap>0&&dis[u]+w<dis[v]){  
 dis[v]=dis[u]+w;  
 if(!inq[v]){  
 if(!q.empty()&&dis[v]<dis[q.front()]){  
 q.push\_front(v);  
 }else{  
 q.push\_back(v);  
 }  
 inq[v]=1;  
 }  
 }  
 }  
 }  
 return dis[t]!=INF;  
 }  
  
 int dfs(int u,int f){  
 if(u==t)return f;  
 vis[u]=1;  
 int res=0;  
 for(int &i=cur[u];i<mp[u].size();i++){  
 auto [v,cap,w,rev]=mp[u][i];  
 if(!vis[v]&&cap>0&&dis[u]+w==dis[v]){  
 int tmp=dfs(v,min(f,cap));  
 f-=tmp;  
 res+=tmp;  
 mp[u][i].cap-=tmp;  
 mp[v][rev].cap+=tmp;  
 minc+=tmp\*w;  
 if(!f)break;  
 }  
 }  
 vis[u]=0;  
 return res;  
 }  
  
 void dinic(){  
 while(spfa()){  
 fill(vis.begin(),vis.end(),0);  
 fill(cur.begin(),cur.end(),0);  
 maxf+=dfs(s,INF);  
 }  
 }  
  
};  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 int n,m,s,t;  
 cin>>n>>m>>s>>t;  
 vector<array<int,4>> eds;  
 for(int i=0;i<m;i++){  
 int u,v,cap,w;  
 cin>>u>>v>>cap>>w;  
 eds.push\_back({u,v,cap,w});  
 }  
 Mcmf mcmf(n,s,t,eds);  
 mcmf.dinic();  
 cout<<mcmf.maxf<<" "<<mcmf.minc<<endl;  
 return 0;  
}  
//最小费用最大流，O(nmf)  
//基本思路：找到最短增广路，然后增广，直到找不到为止  
//最短增广路：spfa(slf优化)，每次找到最短路径，然后更新，直到找不到为止  
//增广：用dinic思路在最短路上多路增广

最小费用最大流(dinic,浮点)

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <iomanip>  
using namespace std;  
#define int long long  
struct ta{  
 int u,v;  
 int cap;  
 double w;  
};  
class Mcmf{  
public:  
 struct node{  
 int to;  
 int cap;  
 double cost;  
 int rev;  
 };  
 int n,s,t;  
 int maxf=0;double minc=0;  
 const int INF=1e18;  
 vector<vector<node>> mp;  
 vector<int> cur,inq,vis;  
 vector<double> dis;  
 Mcmf(int n,int s,int t,vector<ta>& eds):  
 n(n),s(s),t(t),mp(n+1),dis(n+1),  
 cur(n+1),inq(n+1,0),vis(n+1,0){  
 for(auto [u,v,cap,w]:eds){  
 int uid=mp[u].size();  
 int vid=mp[v].size();  
 mp[u].push\_back({v,cap,w,vid});  
 mp[v].push\_back({u,0,-w,uid});  
 //反边的费用是负的  
 }  
 }  
  
 bool spfa(){  
 fill(dis.begin(),dis.end(),INF);  
 fill(inq.begin(),inq.end(),0);  
 deque<int> q;dis[s]=0,inq[s]=1;  
 q.push\_back(s);  
 while(!q.empty()){  
 int u=q.front();q.pop\_front();  
 inq[u]=0;  
 for(auto [v,cap,w,rev]:mp[u]){  
 if(cap>0&&dis[u]+w+1e-10<dis[v]){  
 dis[v]=dis[u]+w;  
 if(!inq[v]){  
 if(!q.empty()&&dis[v]+1e-10<dis[q.front()]){  
 q.push\_front(v);  
 }else{  
 q.push\_back(v);  
 }  
 inq[v]=1;  
 }  
 }  
 }  
 }  
 return dis[t]!=INF;  
 }  
  
 int dfs(int u,int f){  
 if(u==t)return f;  
 vis[u]=1;  
 int res=0;  
 for(int &i=cur[u];i<mp[u].size();i++){  
 auto [v,cap,w,rev]=mp[u][i];  
 if(!vis[v]&&cap>0&&abs(dis[u]+w-dis[v])<1e-10){  
 int tmp=dfs(v,min(f,cap));  
 f-=tmp;  
 res+=tmp;  
 mp[u][i].cap-=tmp;  
 mp[v][rev].cap+=tmp;  
 minc+=1.0\*tmp\*w;  
 if(!f)break;  
 }  
 }  
 vis[u]=0;  
 return res;  
 }  
  
 void dinic(){  
 while(spfa()){  
 fill(vis.begin(),vis.end(),0);  
 fill(cur.begin(),cur.end(),0);  
 maxf+=dfs(s,INF);  
 }  
 }  
  
};  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 int n;cin>>n;  
 vector<array<int,2>> xy(n+1);  
 for(int i=1;i<=n;i++){  
 cin>>xy[i][0]>>xy[i][1];  
 }  
 int s=0,t=2\*n+1;  
 vector<ta> eds;  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 eds.push\_back({s,i,2,0});  
 }  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 eds.push\_back({i+n,t,1,0});  
 }  
 auto dis=[&](int u,int v)->double{  
 return sqrt(1.0\*(xy[u][0]-xy[v][0])\*(xy[u][0]-xy[v][0])+1.0\*(xy[u][1]-xy[v][1])\*(xy[u][1]-xy[v][1]));  
 };  
 for(int u=1;u<=n;u++)  
 {  
 for(int v=1;v<=n;v++)  
 {  
 if(xy[u][1]>xy[v][1])  
 {  
 eds.push\_back({u,v+n,1,dis(u,v)});  
 }  
 }  
 }  
 Mcmf mc(2\*n+2,s,t,eds);  
 mc.dinic();  
 if(mc.maxf==n-1) cout<<fixed<<setprecision(10)<<mc.minc<<endl;  
 else cout<<-1<<endl;  
 return 0;  
}  
//最小费用最大流，O(nmf)  
//基本思路：找到最短增广路，然后增广，直到找不到为止  
//最短增广路：spfa(slf优化)，每次找到最短路径，然后更新，直到找不到为止  
//增广：用dinic思路在最短路上多路增广  
//浮点数比较  
//a==b->abs(a-b)<1e-10  
//a<b->a+eps<b  
//a>b->a>b+eps

最小费用最大流(原始对偶)

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
using namespace std;  
#define int long long  
class Mcmf{  
public:  
 struct node{  
 int to;  
 int cap;  
 int cost;  
 int rev;  
 };  
 int n,s,t;  
 int maxf=0,minc=0;  
 const int INF=1e18;  
 vector<vector<node>> mp;  
 vector<int> dis,h,prev,previd;  
 Mcmf(int n,int s,int t,vector<array<int,4>>& eds):  
 n(n),s(s),t(t),mp(n+1),dis(n+1),  
 h(n+1,INF),prev(n+1),previd(n+1){  
 //only 1-based  
 for(auto [u,v,cap,w]:eds){  
 int uid=mp[u].size();  
 int vid=mp[v].size();  
 mp[u].push\_back({v,cap,w,vid});  
 mp[v].push\_back({u,0,-w,uid});  
 //反边的费用是负的  
 }  
 }  
 bool dijk(){  
 fill(dis.begin(),dis.end(),INF);  
 dis[s]=0;  
 priority\_queue<pair<int,int>,vector<pair<int,int>>,greater<pair<int,int>>> pq;  
 pq.push({0,s});  
 while(!pq.empty()){  
 auto [d,u]=pq.top();  
 pq.pop();  
 if(dis[u]<d) continue;  
 for(int i=0;i<mp[u].size();i++){  
 auto [v,cap,w,rev]=mp[u][i];  
 int cost=w+h[u]-h[v];  
 if(cap>0&&dis[u]+cost<dis[v]){  
 dis[v]=dis[u]+cost;  
 prev[v]=u;//记录前驱  
 previd[v]=i;//记录当前弧  
 pq.push({dis[v],v});  
 }  
 }  
 }  
 return dis[t]<INF;  
 }  
  
 void SPFA(){  
 h[s]=0;  
 queue<int> q;  
 vector<bool> inq(n+1,0);  
 q.push(s),inq[s]=1;  
 while(!q.empty()){  
 int u=q.front();  
 q.pop();  
 inq[u]=0;  
 for(auto [v,cap,w,rev]:mp[u]){  
 if(cap>0&&h[u]+w<h[v]){  
 h[v]=h[u]+w;  
 if(!inq[v]){  
 q.push(v);  
 inq[v]=1;  
 }  
 }  
 }  
 }  
 }  
  
 void PD(){  
 SPFA();  
 while(dijk())  
 {  
 //now dis(u-v)=dis(u,v)(real)+h[u]-h[v]  
 //when u=0, dis(u,v)=dis(u,v)(real)-h[v]  
 int d=INF;  
 for(int i=t;i!=s;i=prev[i])  
 {  
 d=min(d,mp[prev[i]][previd[i]].cap);  
 }  
 //计算增广路径上的最小流量  
 maxf+=d;  
 minc+=d\*(dis[t]+h[t]);  
 for(int i=t;i!=s;i=prev[i])  
 {  
 mp[prev[i]][previd[i]].cap-=d;  
 mp[i][mp[prev[i]][previd[i]].rev].cap+=d;  
 }  
 //更新残余网络  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 if(dis[i]<INF)  
 {  
 h[i]+=dis[i];  
 }  
 }  
 }  
 }  
};  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 int n,m,s,t;  
 cin>>n>>m>>s>>t;  
 vector<array<int,4>> eds;  
 for(int i=0;i<m;i++){  
 int u,v,cap,w;  
 cin>>u>>v>>cap>>w;  
 eds.push\_back({u,v,cap,w});  
 }  
 Mcmf mcmf(n,s,t,eds);  
 mcmf.PD();  
 cout<<mcmf.maxf<<" "<<mcmf.minc<<endl;  
 return 0;  
}  
//Primal-Dual 原始对偶算法,O(F\*E\*logE)  
//利用johnson最短路，将每条边的权值加上一个常数，使得每条边的权值非负，从而可以使用dijkstra算法

最近公共祖先（LCA）(targan,静态)

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <unordered\_map>  
using namespace std;  
const int MaxN=5e5+5;  
vector<int> tree[MaxN];  
vector<pair<int,int>> q[MaxN];  
int vis[MaxN],ans[MaxN];  
int fa[MaxN];  
void prepare\_tree(int n)  
{  
 for(register int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 fa[i]=i;  
 }  
}  
int find(int G)  
{  
 if(G==fa[G]) return G;  
 else  
 {  
 fa[G]=find(fa[G]);  
 return fa[G];  
 }  
 //return G==fa[G]? G:(fa[G]=find(fa[G]));  
}  
void merge(int a,int b)//合并  
{  
 fa[find(a)]=find(b);//有时路径压缩可能破坏rank'(rank->树深)  
 /\*register int x=find(a),y=find(b);  
 Rank[x]<=Rank[y]?fa[x]=y:fa[y]=x;  
 if(Rank[x]==Rank[y]&&x!=y) Rank[y]++;\*/  
  
}  
int read()  
{  
 int s=0,f=1;  
 char ch=getchar();  
 while(ch<'0'||ch>'9')  
 {  
 if(ch=='-') f=-1;  
 ch=getchar();  
 }  
 while(ch>='0'&&ch<='9')  
 {  
 s=(s<<3)+(s<<1)+ch-'0';  
 ch=getchar();  
 }  
 return s\*f;  
}  
inline void write(int x)   
{  
 static int sta[35];   
 int top=0;  
 if(x<0&&x!=-2147483648) {putchar('-');x=-x;}  
 if(x==-2147483648) {printf("-2147483648");return;}  
 do{  
 sta[top++]=x%10, x/=10;  
 }while(x);  
 while(top) putchar(sta[--top]+48);  
}  
void dfs(int node)  
{  
 vis[node]=1;  
 for(auto child:tree[node])  
 {  
 if(!vis[child])  
 {  
 dfs(child);  
 fa[child]=node;//调换顺序会使路径压缩到child的父节点，此时子树还没遍历完  
 }  
 }  
 for(auto i:q[node])  
 {  
 if(vis[i.first])//node及其子树已经dfs完了,如果此时i已经搜到，显然，根据dfs原则，find(i)是lca(i,node)  
 {  
 ans[i.second]=find(i.first);  
 }  
 }  
}  
int main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 int n=read(),m=read(),s=read();  
 for(int i=0;i<n-1;i++)  
 {  
 int u=read(),v=read();  
 tree[v].push\_back(u);  
 tree[u].push\_back(v);  
 }  
 for(int i=0;i<m;i++)  
 {  
 int u=read(),v=read();  
 q[v].push\_back(make\_pair(u,i));  
 q[u].push\_back(make\_pair(v,i));  
 }  
 prepare\_tree(n);  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 vis[i]=0;  
 }  
 dfs(s);  
 for(int i=0;i<m;i++)  
 {  
 write(ans[i]);  
 putchar('\n');  
 }  
 return 0;  
}

**最近公共祖先（LCA）(倍增)**

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
using namespace std;  
const int MAXN=5e5+5;  
const int LOG=25;//MAXN<=2^LOG  
vector<int> tree[MAXN];  
int dep[MAXN],st[MAXN][LOG];//节点深度，st表，st[i][j]=i的2^j级祖先  
int read()  
{  
 int s=0,f=1;  
 char ch=getchar();  
 while(ch<'0'||ch>'9')  
 {  
 if(ch=='-') f=-1;  
 ch=getchar();  
 }  
 while(ch>='0'&&ch<='9')  
 {  
 s=(s<<3)+(s<<1)+ch-'0';  
 ch=getchar();  
 }  
 return s\*f;  
}  
inline void write(int x)   
{  
 static int sta[35];   
 int top=0;  
 if(x<0&&x!=-2147483648) {putchar('-');x=-x;}  
 if(x==-2147483648) {printf("-2147483648");return;}  
 do{  
 sta[top++]=x%10, x/=10;  
 }while(x);  
 while(top) putchar(sta[--top]+48);  
}  
void init(int node,int parent)//用dfs预处理dep和st  
{  
 dep[node]=(parent==-1)?0:dep[parent]+1;  
 st[node][0]=parent;//一级祖先为自身  
 for(int i=1;i<LOG;i++)//更新node的祖先表  
 {  
 if(st[node][i-1]!=-1)  
 {  
 st[node][i]=st[st[node][i-1]][i-1];  
 //node的2^j级祖先为node的2^j-1祖先的2^j-1祖先  
 }  
 else st[node][i]=-1;//你的码的码没了，你还有码？（可删吗？）  
 }  
 for(auto child:tree[node])  
 {  
 if(child!=parent)  
 {  
 init(child,node);//从父节点向下dfs  
 }  
 }  
}  
int lca(int u,int v)  
{  
 if(dep[u]<dep[v]) swap(u,v);//确保u比v深  
 int diff=dep[u]-dep[v];  
 for(int i=0;i<LOG;i++)  
 {  
 if((diff>>i)&1)  
 {  
 u=st[u][i];//u向上跳转2^i,其中i为diff的二进制表示中第i位为一  
 }  
 }  
 if(u==v) return u;//深度相等，可能找到  
 //不相等，假设他们与lca(u,v)的距离为diff  
 //注意到5=4+1，5-4=1  
 //7=4+2+1,7-4-2=1  
 //6=4+2,6-4-1=1  
 //12=8+4,12-8-2-1  
 //做以下操作总能使diff=1  
 // for(int i=LOG-1;i>=0;i--)  
 // {  
 // if(st[u][i]!=st[v][i])  
 // {  
 // u=st[u][i];  
 // v=st[v][i];  
 // }  
 // }  
 // return st[u][0];  
 //优化版  
 for(int i=LOG-1;i>=0;i--)  
 {  
 if(st[u][i]!=st[v][i])  
 {  
 u=st[u][i];  
 v=st[v][i];  
 }  
 }  
 return st[u][0];  
}  
int main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 int n=read(),m=read(),s=read();//n个点，n-1条边,m个询问，s为根  
 for(int i=0;i<n-1;i++)  
 {  
 int u=read(),v=read();  
 tree[u].push\_back(v);  
 tree[v].push\_back(u);//存树  
 }  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 dep[i]=-1;  
 for(int j=0;j<LOG;j++)  
 {  
 st[i][j]=-1;  
 }  
 }  
 init(s,-1);  
 while(m--)  
 {  
 write(lca(read(),read()));  
 putchar('\n');  
 }  
 return 0;  
}

树上基本处理

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
using namespace std;  
class tree{  
 public:  
 vector<vector<int>> tr;  
 vector<vector<int>> fa;  
 vector<int> dfn,dep,siz;  
 int n,k,tot;  
 tree(int n,vector<vector<int>>& tr):  
 tr(tr),n(n),k(\_\_lg(n)+1),dfn(n+1,0),dep(n+1,0),tot(0),siz(n+1,0),  
 fa(n+1,vector<int>(\_\_lg(n)+2,0)){  
 dfs(1,0);  
 }  
  
 int dfs(int u,int f){  
 dfn[u]=++tot;  
 dep[u]=dep[f]+1;  
 fa[u][0]=f;siz[u]=1;  
 for(int i=1;i<=k;i++){   
 fa[u][i]=fa[fa[u][i-1]][i-1];   
 }  
 for(auto v:tr[u]){  
 if(v==f) continue;  
 siz[u]+=dfs(v,u);  
 }  
 return siz[u];  
 }  
  
 int lca(int u,int v){  
 if(dep[u]<dep[v]) swap(u,v);  
 for(int i=k;i>=0;i--){  
 if(dep[fa[u][i]]>=dep[v]) u=fa[u][i];  
 }  
 if(u==v) return u;  
 for(int i=k;i>=0;i--){  
 if(fa[u][i]!=fa[v][i]){  
 u=fa[u][i];  
 v=fa[v][i];  
 }  
 }  
 return fa[u][0];  
 }  
 //求u,v的最近公共祖先  
 int dis(int u,int v){  
 return dep[u]+dep[v]-2\*dep[lca(u,v)];  
 }  
 //求u,v距离  
 bool con(int s,int t,int x){  
 return dis(s,x)+dis(t,x)==dis(s,t);  
 }  
 //判断x是否在s,t的路径上  
};  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 //ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
  
 return 0;  
}

树链剖分（线段树ver.）

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
using namespace std;  
#define int long long  
const int N=1e5+5;  
int dep[N],fa[N],hson[N],top[N],siz[N],dfn[N],rk[N],val[N];  
int mod;  
class SegTree{  
 public:  
 struct Node  
 {  
 int sum;  
 int s,e;  
 int lazy=0;  
 Node\* lt;  
 Node\* rt;  
 Node(int sum,int s,int e):s(s),e(e),sum(sum),lt(nullptr),rt(nullptr){}  
 };  
 Node\* root;  
 Node\* buildtree(vector<int> &nums,int l,int r)  
 {  
 if(l>r) return nullptr;  
 if(l==r) return new Node(nums[l],l,l);  
 int mid=(l+r)>>1;  
 Node\* root=new Node(0,l,r);  
 Node\* lc=buildtree(nums,l,mid);  
 Node\* rc=buildtree(nums,mid+1,r);  
 if(lc) root->lt=lc,root->sum=(root->sum+lc->sum)%mod;  
 if(rc) root->rt=rc,root->sum=(root->sum+rc->sum)%mod;  
 return root;  
 }  
 void init(vector<int>nums)  
 {  
 root=buildtree(nums,0,nums.size()-1);  
 return;  
 }  
 void taglazy(Node\* root,int val)  
 {  
 if(root==nullptr) return;  
 val%=mod;  
 root->lazy=(root->lazy+val)%mod;  
 root->sum=(root->sum+(root->e-root->s+1)%mod\*val)%mod;  
 }  
 void pushdown(Node\* root)  
 {  
 if(!root) return ;  
 if(root->lazy)  
 {  
 taglazy(root->lt,root->lazy);  
 taglazy(root->rt,root->lazy);  
 root->lazy=0;  
 }  
 }  
 void update(Node\* root,int l,int r,int val)  
 {  
 if(!root) return ;  
 if(root->s>r||root->e<l) return ;  
 if(root->s>=l&&root->e<=r)  
 {  
 taglazy(root,val);  
 return;  
 }  
 pushdown(root);  
 update(root->lt,l,r,val);  
 update(root->rt,l,r,val);  
 root->sum=((root->lt?root->lt->sum:0)+(root->rt?root->rt->sum:0))%mod;  
 return ;  
 }  
 void update(int l,int r,int val)  
 {  
 update(root,l,r,val);  
 return ;  
 }  
 int query(Node\* root,int l,int r)  
 {  
 pushdown(root);  
 if(!root) return 0;  
 if(root->s>r||root->e<l) return 0;  
 if(root->s>=l&&root->e<=r) return root->sum;  
 return query(root->lt,l,r)+query(root->rt,l,r);  
 }  
 int query(int l,int r)  
 {  
 return query(root,l,r);  
 }  
};  
class cutTree  
{  
 //树链剖分，把树剖分成若干条链，每条链上维护一个线段树  
 //可以支持链上修改和查询，也可以支持树上修改和查询  
 //还可以求lca  
 //重链剖分有一个重要的性质：对于节点数为n的树，从任意节点向上走到根节点，经过的轻边数量不超过logn。这是因为，如果一个节点连向父节点的边是轻边，  
 //就必然存在子树不小于它的兄弟节点，那么父节点对应子树的大小一定超过该节点的两倍(由dfs1可得)。每经过一条轻边，子树大小就翻倍，所以最多只能经过logn条。  
 public:  
 int n,tot,s;  
 //s:根节点  
 vector<vector<int>> tree;  
 //dep:树深,fa:父节点,hson:i的重儿子,top:重链顶端,siz:子树大小,dfn:dfs序,rk:dfs序对应的节点  
 SegTree seg;  
 void dfs1(int u,int f)  
 {  
 //cntt++;cout<<cntt<<endl;  
 dep[u]=dep[f]+1;//更新树深  
 fa[u]=f;siz[u]=1;  
 for(auto v:tree[u])  
 {  
 if(v==f)continue;  
 dfs1(v,u);  
 siz[u]+=siz[v];  
 if(hson[u]==-1||siz[v]>siz[hson[u]]) hson[u]=v;  
 //u的重儿子是所有子树大小最大的儿子  
 }  
 }  
 void dfs2(int u)  
 {  
 dfn[u]=++tot;rk[tot]=u;  
 //优先访问重儿子,保证重链顶端的dfn最小  
 if(hson[u]!=-1)  
 {  
 top[hson[u]]=top[u];  
 //重儿子的top是它所在重链的顶端  
 dfs2(hson[u]);  
 }  
 for(auto v:tree[u])  
 {  
 if(v==fa[u]||v==hson[u])//跳过父节点和重儿子  
 continue;  
 top[v]=v;//轻儿子的top是自己  
 dfs2(v);  
 }  
 }  
 void init()  
 {  
 tot=0;  
 dfs1(s,0);  
 dfs2(s);  
 }  
 int lca(int u,int v)  
 {  
 while(top[u]!=top[v])//不在同一条重链上  
 {  
 if(dep[top[u]]<dep[top[v]])swap(u,v);  
 u=fa[top[u]];  
 //链头深度大的往上跳  
 }  
 return dep[u]<dep[v]?u:v;  
 }  
 int queryPath(int u,int v)  
 {  
 int ans=0;  
 while(top[u]!=top[v])//遍历所有的边  
 {  
 if(dep[top[u]]<dep[top[v]])swap(u,v);  
 ans=(ans+seg.query(dfn[top[u]],dfn[u]))%mod;  
 u=fa[top[u]];  
 }  
 if(dep[u]>dep[v])swap(u,v);  
 ans=(ans+seg.query(dfn[u],dfn[v]))%mod;  
 return ans;  
 }  
 void updatePath(int u,int v,int val)  
 {  
 while(top[u]!=top[v])  
 {  
 if(dep[top[u]]<dep[top[v]])swap(u,v);  
 seg.update(dfn[top[u]],dfn[u],val);  
 u=fa[top[u]];  
 }  
 if(dep[u]>dep[v])swap(u,v);  
 seg.update(dfn[u],dfn[v],val);  
 }  
 void updateSub(int u,int val)  
 {  
 //子树的dfn一定是连续的  
 seg.update(dfn[u],dfn[u]+siz[u]-1,val);  
 }  
 int querySub(int u)  
 {  
 return seg.query(dfn[u],dfn[u]+siz[u]-1);  
 }  
 cutTree(int n,vector<vector<int>> tree,int s):n(n),tree(tree),s(s)  
 {  
 for(int i=0;i<=n;i++)  
 {  
 dep[i]=0;fa[i]=-1;hson[i]=-1;top[i]=-1;  
 siz[i]=0;dfn[i]=-1;rk[i]=-1;  
 }  
 top[s]=s;init(); vector<int> inf(n+1,0);  
 for(int i=1;i<=n;i++)inf[dfn[i]]=val[i]%mod;  
 seg.init(inf);  
 }  
};  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 ios::sync\_with\_stdio(false);  
 cin.tie(0);  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 int n,m,s;  
 cin>>n>>m>>s>>mod;  
 vector<vector<int>> tree(n+1);  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 cin>>val[i];  
 }  
 for(int i=1;i<n;i++)  
 {  
 int u,v;  
 cin>>u>>v;  
 tree[u].push\_back(v);  
 tree[v].push\_back(u);  
 }  
 cutTree ct(n,tree,s);  
 while(m--)  
 {  
 int op,x,y,z;  
 cin>>op;  
 if(op==1)  
 {  
 cin>>x>>y>>z;  
 ct.updatePath(x,y,z);  
 }  
 else if(op==2)  
 {  
 cin>>x>>y;  
 cout<<ct.queryPath(x,y)%mod<<endl;  
 }  
 else if(op==3)  
 {  
 cin>>x>>y;  
 ct.updateSub(x,y);  
 }  
 else if(op==4)  
 {  
 cin>>x;  
 cout<<ct.querySub(x)%mod<<endl;  
 }  
 }  
 int T\_end=clock();  
 //cout<<"time: "<<(double)(T\_end-T\_start)/CLOCKS\_PER\_SEC<<"s"<<endl;  
 return 0;  
}

点分治

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <unordered\_set>  
#include <numeric>  
using namespace std;  
  
int main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 int n,m;cin>>n>>m;  
 vector<vector<pair<int,int>>> tr(n+1);  
 for(int i=1;i<n;i++)  
 {  
 int u,v,w;  
 cin>>u>>v>>w;  
 tr[u].push\_back({v,w});  
 tr[v].push\_back({u,w});  
 }  
 vector<int> siz(n+1,0),q(m+1),vis(n+1,0),ans(m+1,0);  
 for(int i=1;i<=m;i++) cin>>q[i];  
 auto getsz=[&](auto getsz,int u,int p=-1)->int  
 {  
 siz[u]=1;  
 for(auto [v,w]:tr[u])  
 {  
 if(v==p||vis[v])continue;  
 siz[u]+=getsz(getsz,v,u);  
 }  
 return siz[u];  
 };//统计以u为根的子树大小  
 auto getrt=[&](auto getrt,int u,int p=-1,int sizrt)->int  
 {  
 for(auto [v,w]:tr[u])  
 {  
 if(v==p||vis[v])continue;  
 if(siz[v]>sizrt/2)return getrt(getrt,v,u,sizrt);  
 }  
 return u;  
 };//寻找重心  
 //重心：对于一棵树，如果存在一个顶点，其子树中最大的子树大小不超过整棵树大小的一半，则称该顶点为这棵树的重心。  
 auto clac=[&](auto clac,int uu,int dis,int p=-1,vector<int>& tpd)->void  
 {  
 tpd.push\_back(dis);  
 for(auto [vv,ww]:tr[uu])  
 {  
 if(vv==p||vis[vv])continue;  
 clac(clac,vv,dis+ww,uu,tpd);  
 }  
 };  
 auto div=[&](auto div,int u)->void{  
 vis[u]=1;  
 unordered\_set<int> s{0};  
 for(auto [v,w]:tr[u])  
 {  
 if(vis[v])continue;  
 vector<int> tpd;  
 clac(clac,v,w,u,tpd);  
 for(auto d:tpd)  
 {  
 for(int i=1;i<=m;i++)  
 {  
 if(!ans[i]&&d<=q[i]&&s.find(q[i]-d)!=s.end())  
 {  
 ans[i]=1;  
 }  
 }  
 }  
 for(auto d:tpd)s.insert(d);  
 }  
 for(auto [v,w]:tr[u])  
 {  
 //用重心划分u的子树  
 if(vis[v])continue;  
 getsz(getsz,v);  
 int subrt=getrt(getrt,v,-1,siz[v]);  
 div(div,subrt);  
 }  
 };//处理以u为根的子树  
 getsz(getsz,1);  
 int rt=getrt(getrt,1,-1,siz[1]);  
 div(div,rt);  
 for(int i=1;i<=m;i++)   
 {  
 if(ans[i])cout<<"AYE\n";  
 else cout<<"NAY\n";  
 }  
 return 0;  
}  
//淀粉质：把树上路径问题转化为子树分治问题  
//把树按重心划分，那么树高（或树的大小）不超过n/2，递归深度不超过logn(最坏：退化为链），于是可以暴力处理子树  
//根据实现方式的不同，时间复杂度可以做到O(nlogn)或O(nlog^2n)

虚树(可拓展版)

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
using namespace std;  
class vtree{  
 public:  
 vector<vector<int>> tr,vtr;  
 vector<vector<int>> fa;  
 vector<int> dfn,dep;  
 int n,k,tot;  
 vtree(int n,vector<vector<int>>& tr):  
 tr(tr),vtr(n+1),n(n),k(\_\_lg(n)+1),dfn(n+1,0),dep(n+1,0),tot(0),  
 fa(n+1,vector<int>(\_\_lg(n)+2,0)){  
 dfs(1,0);  
 }  
  
 void dfs(int u,int f){  
 dfn[u]=++tot;  
 dep[u]=dep[f]+1;  
 fa[u][0]=f;  
 for(int i=1;i<=k;i++){   
 fa[u][i]=fa[fa[u][i-1]][i-1];   
 }  
 for(auto v:tr[u]){  
 if(v==f) continue;  
 dfs(v,u);  
 }  
 }  
  
 int lca(int u,int v){  
 if(dep[u]<dep[v]) swap(u,v);  
 for(int i=k;i>=0;i--){  
 if(dep[fa[u][i]]>=dep[v]) u=fa[u][i];  
 }  
 if(u==v) return u;  
 for(int i=k;i>=0;i--){  
 if(fa[u][i]!=fa[v][i]){  
 u=fa[u][i];  
 v=fa[v][i];  
 }  
 }  
 return fa[u][0];  
 }  
  
 void getvTree(vector<int>& o){  
 sort(o.begin(),o.end(),[&](int a,int b){return dfn[a]<dfn[b];});  
 int p=o.size();  
 for(int i=1;i<p;i++){  
 o.push\_back(lca(o[i-1],o[i]));  
 }  
 sort(o.begin(),o.end(),[&](int a,int b){return dfn[a]<dfn[b];});  
 o.erase(unique(o.begin(),o.end()),o.end());  
 for(int i=1;i<o.size();i++){  
 int tp=lca(o[i-1],o[i]);  
 vtr[tp].push\_back({o[i]});  
 //vtr[o[i]].push\_back({tp});  
 }  
 }  
 void clear(vector<int>& o){  
 for(auto x:o) vtr[x].clear();  
 }  
};  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
 int t;cin>>t;  
 while(t--){  
 int n,k;cin>>n>>k;  
 vector<vector<int>> tr(n+1),id(k+1);  
 vector<int> c(n+1),w(n+1),cnt(n+1,0);  
 //c[0]=1;  
 for(int i=1;i<=n;i++) cin>>w[i];  
 for(int i=1;i<=n;i++) cin>>c[i],id[c[i]].push\_back(i);  
 for(int i=1;i<n;i++){  
 int u,v;cin>>u>>v;  
 tr[u].push\_back(v);  
 tr[v].push\_back(u);  
 }  
 vtree vt(n,tr);  
 for(int i=1;i<=k;i++){  
 vt.getvTree(id[i]);  
 for(auto x:id[i]){  
 cnt[x]+=1;  
 if(c[x]==0)   
 {  
 c[x]=i;  
 }  
 }  
 vt.clear(id[i]);  
 }  
 int ans=0;  
 for(int i=1;i<=n;i++){  
 if(cnt[i]>=2) ans+=w[i];  
 }  
 cout<<ans<<endl;  
 auto dfs=[&](this auto& dfs,int u,int f)->void{  
 for(auto v:tr[u]){  
 if(v==f) continue;  
 if(c[v]==0&&c[u]!=0) c[v]=c[u];  
 dfs(v,u);  
 if(c[u]==0&&c[v]!=0) c[u]=c[v];  
 }  
 if(c[u]==0) c[u]=1;  
 };  
 dfs(1,0);  
 for(int i=1;i<=n;i++){  
 cout<<c[i]<<" ";  
 }  
 cout<<endl;  
 }  
 return 0;  
}  
//虚树，处理q次询问，每次询问给出k个关键点，答案只跟关键点有关的问题  
//构建虚树：  
//1.将关键点按dfn排序  
//2.相邻的关键点的lca加入虚树  
//why?虚树的定义是关键点的集合和其两两lca构成的树  
//考虑任意两个关键点，其lca一定把这两个关键点分成两个分支，  
//而根据dfn的连续性，一定有某个相邻的关键点的lca是这个lca  
//Q.E.D  
//3.按父子关系构建虚树

虚树(带边权)

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
using namespace std;  
class vtree{  
 public:  
 vector<vector<array<int,2>>> tr,vtr;  
 vector<vector<int>> len,fa;  
 vector<int> dfn,dep;  
 int n,k,tot;  
 vtree(int n,vector<vector<array<int,2>>>& tr):  
 tr(tr),vtr(n+1),n(n),k(\_\_lg(n)+1),dfn(n+1,0),dep(n+1,0),tot(0),  
 fa(n+1,vector<int>(\_\_lg(n)+2,0)),len(n+1,vector<int>(\_\_lg(n)+2,1e18)){  
 dfs(1,0);  
 }  
  
 void dfs(int u,int f){  
 dfn[u]=++tot;  
 dep[u]=dep[f]+1;  
 fa[u][0]=f;  
 for(int i=1;i<=k;i++){   
 fa[u][i]=fa[fa[u][i-1]][i-1];   
 len[u][i]=min(len[u][i-1],len[fa[u][i-1]][i-1]);  
   
 }  
 for(auto [v,w]:tr[u]){  
 if(v==f) continue;  
 len[v][0]=w;  
 dfs(v,u);  
 }  
 }  
  
 int lca(int u,int v){  
 if(dep[u]<dep[v]) swap(u,v);  
 for(int i=k;i>=0;i--){  
 if(dep[fa[u][i]]>=dep[v]) u=fa[u][i];  
 }  
 if(u==v) return u;  
 for(int i=k;i>=0;i--){  
 if(fa[u][i]!=fa[v][i]){  
 u=fa[u][i];  
 v=fa[v][i];  
 }  
 }  
 return fa[u][0];  
 }  
  
 int w(int u,int v){  
 if(dep[u]<dep[v]) swap(u,v);  
 int ans=1e18;  
 for(int i=k;i>=0;i--){  
 if(dep[fa[u][i]]>=dep[v]){  
 ans=min(ans,len[u][i]);  
 u=fa[u][i];  
 }  
 }  
 return ans;  
 }  
 void getvTree(vector<int>& o){  
 sort(o.begin(),o.end(),[&](int a,int b){return dfn[a]<dfn[b];});  
 int p=o.size();  
 for(int i=1;i<p;i++){  
 o.push\_back(lca(o[i-1],o[i]));  
 }  
 sort(o.begin(),o.end(),[&](int a,int b){return dfn[a]<dfn[b];});  
 o.erase(unique(o.begin(),o.end()),o.end());  
 for(int i=1;i<o.size();i++){  
 int tp=lca(o[i-1],o[i]);  
 vtr[tp].push\_back({o[i],w(o[i],tp)});  
 //vtr[o[i]].push\_back({tp,w(o[i],tp)});  
 }  
 }  
 void clear(vector<int>& o){  
 for(auto x:o) vtr[x].clear();  
 }  
};  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
 int n;cin>>n;  
 vector<vector<array<int,2>>> tr(n+1);  
 for(int i=1;i<n;i++){  
 int u,v,w;cin>>u>>v>>w;  
 tr[u].push\_back({v,w});  
 tr[v].push\_back({u,w});  
 }  
 vtree vt(n,tr);  
 vector<bool> iskey(n+1,0);  
 int q;cin>>q;  
 while(q--){  
 vector<int> o,co;  
 int k;cin>>k;  
 for(int i=0;i<k;i++){  
 int x;cin>>x;  
 o.push\_back(x);  
 iskey[x]=1;  
 }  
 co=o;  
 vt.getvTree(o);  
 auto dp=[&](this auto& self,int u)->int{  
 if(iskey[u]){  
 return vt.len[u][0];  
 }  
 int ans=0;  
 for(auto [v,w]:vt.vtr[u]){  
 ans += min(self(v), w);  
 }  
 return ans;  
 };  
 int fin=dp(o[0]);  
 if(o[0]==1) cout<<fin<<endl;  
 else cout<<min(fin,vt.w(o[0],1))<<endl;  
 vt.clear(o);  
 for(auto x:co) iskey[x]=0;  
 }  
 return 0;  
}  
//虚树，处理q次询问，每次询问给出k个关键点，答案只跟关键点有关的问题  
//构建虚树：  
//1.将关键点按dfn排序  
//2.相邻的关键点的lca加入虚树  
//why?虚树的定义是关键点的集合和其两两lca构成的树  
//考虑任意两个关键点，其lca一定把这两个关键点分成两个分支，  
//而根据dfn的连续性，一定有某个相邻的关键点的lca是这个lca  
//Q.E.D  
//3.按父子关系构建虚树  
//时间复杂度：O(nlogn)

字符串双hash

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
#include <random>  
#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
#define ull unsigned long long  
using namespace std;  
class SHash{  
 public:  
 const int m1=1e9+7,m2=1e9+9;  
 int b1,b2;  
 SHash(){  
 mt19937\_64 rand(time(0));  
 b1=rand()%(int)1e9+1e6,b2=rand()%(int)1e9+1e6;  
 }  
 ull get(string s){  
 int h1=0,h2=0;  
 for(auto c:s){  
 h1=(h1\*b1+c)%m1;  
 h2=(h2\*b2+c)%m2;  
 }  
 return ((ull)h1)<<32|(ull)(h2);  
 }  
};  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 //ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
 int t;cin>>t;  
 SHash hs;  
 while(t--)  
 {  
 int n;cin>>n;  
 vector<array<ull,2>> a(n+1);  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 string s1,s2;cin>>s1>>s2;  
 a[i]={hs.get(s1),hs.get(s2)};  
 }  
 vector<vector<int>> mp(n+1);  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 for(int j=1;j<=n;j++)  
 {  
 if(i==j) continue;  
 if(a[i][0]==a[j][0]||a[i][1]==a[j][1]) mp[i].push\_back(j);  
 }  
 }  
 int st=(1<<n);  
 vector<vector<int>> dp(st,vector<int>(n+1,0));  
 for(int i=1;i<=n;i++) dp[1<<(i-1)][i]=1;  
 for(int i=0;i<st;i++)  
 {  
 for(int u=1;u<=n;u++)  
 {  
 if(!dp[i][u]) continue;  
 for(int v:mp[u])  
 {  
 if((i|(1<<(v-1)))!=i)   
 dp[i|(1<<(v-1))][v]|=dp[i][u];  
 }  
 }  
 }  
 int ans=0;  
 for(int i=0;i<st;i++)  
 {  
 for(int j=1;j<=n;j++)  
 {  
 if(dp[i][j])  
 {  
 ans=max(ans,(int)\_\_builtin\_popcountll(i));  
 }  
 }  
 }  
 cout<<n-ans<<endl;  
 }  
 return 0;  
}

string

AC自动机(dp版)

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
//#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
using namespace std;  
class AC{  
 public:  
 vector<vector<int>> ch;  
 int n,tot,pidx; //节点数>=模式串总长  
 vector<int> ans,ne,idx,deg,sidx,fin;  
 //idx:节点的新编号 sidx:原字符串对应的编号 fin:最终答案  
 AC(int n):n(n),ch(n+1,vector<int>(26,0)),  
 ans(n+1,0),ne(n+1,0),tot(0),pidx(0),  
 idx(n+1,0),deg(n+1,0),sidx(n+1,0),fin(n+1,0){}  
 void insert(string s,int i){  
 int p=0;  
 for(auto c:s){  
 if(!ch[p][c-'a']) ch[p][c-'a']=++tot;  
 p=ch[p][c-'a'];  
 }  
 if(!idx[p]) idx[p]=++pidx;  
 sidx[i]=idx[p];  
 }  
 //构建tire  
 void build(){  
 queue<int> q;  
 for(int i=0;i<26;i++){  
 if(ch[0][i]) q.push(ch[0][i]);  
 }  
 while(!q.empty()){  
 int u=q.front();q.pop();  
 for(int i=0;i<26;i++){  
 int v=ch[u][i];  
 if(v)   
 {  
 ne[v]=ch[ne[u]][i];  
 q.push(v);deg[ch[ne[u]][i]]++;  
 }//构建回跳边  
 else ch[u][i]=ch[ne[u]][i];//构建转移边(压缩fail指针)  
 }  
 }  
 }  
 //统计主串中模式串的出现次数  
 void query(string s){  
 for(int k=0,i=0;k<s.size();k++){  
 i=ch[i][s[k]-'a'];//走树边/转移边  
 ans[i]++;  
 }  
 }  
 void topu(){  
 queue<int> q;  
 for(int i=0;i<=tot;i++){  
 if(!deg[i]) q.push(i);  
 }  
 while(!q.empty()){  
 int u=q.front();q.pop();  
 fin[idx[u]]=ans[u];  
 ans[ne[u]]+=ans[u];  
 if(--deg[ne[u]]==0) q.push(ne[u]);  
 }  
 }  
 int qans(int i){  
 return fin[sidx[i]];  
 }  
 vector<int> getans(int k){  
 vector<int> res(k+1,0);  
 for(int i=1;i<=k;i++) res[i]=qans(i);  
 return res;  
 }  
};  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 //ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
 int n;  
 while(true){  
 cin>>n;  
 if(n==0) break;  
 AC ac(n\*70);  
 vector<string> p(n+1);  
 for(int i=1;i<=n;i++){  
 string s;cin>>s;  
 p[i]=s;  
 ac.insert(s,i);  
 }  
 ac.build();  
 string l;  
 cin>>l;ac.query(l);  
 ac.topu();  
 vector<int> res=ac.getans(n);  
 int maxx=\*max\_element(res.begin(),res.end());  
 cout<<maxx<<endl;  
 for(int i=1;i<=n;i++){  
 if(res[i]==maxx) cout<<p[i]<<endl;  
 }  
 }  
 return 0;  
}  
//AC自动机 处理多模式串匹配问题  
//具体来说 就是给定多个模式串和一个文本串  
//求文本串中有多少个模式串的出现  
//AC自动机是Trie树和KMP的结合  
//时间复杂度构建：O(n+26n) n是模式串总长   
//时间复杂度匹配：O(m) m是文本串长度  
//时间复杂度查询：O(m\*p) m是文本串长度 p是一个串的后缀串的数量  
//-->查询可以通过fail树上做树dp/拓扑排序达到O(n+m)的时间复杂度  
//ac自动机的结构其实就是一个 trans 函数，而构建好这个函数后，在匹配字符串的过程中，我们会舍弃部分前缀达到最低限度的匹配。  
//本质上就是一个状态，接受一个输入，转移到另一个状态，  
//注意到fail链构成的图是一个DAG，所以fail链的长度是O(n)的，所以fail指针的构建是O(n)的。

AC自动机(可拓展版)

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
//#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
using namespace std;  
class AC{  
 public:  
 vector<vector<int>> ch;  
 int n,tot; //节点数>=模式串总长  
 vector<int> cnt,ne;  
 AC(int n):n(n),ch(n+1,vector<int>(26,0)),  
 cnt(n+1,0),ne(n+1,0),tot(0){}  
 void insert(string s){  
 int p=0;  
 for(auto c:s){  
 if(!ch[p][c-'a']) ch[p][c-'a']=++tot;  
 p=ch[p][c-'a'];  
 }  
 cnt[p]++;  
 }  
 //构建tire  
 void build(){  
 queue<int> q;  
 for(int i=0;i<26;i++){  
 if(ch[0][i]) q.push(ch[0][i]);  
 }  
 while(!q.empty()){  
 int u=q.front();q.pop();  
 for(int i=0;i<26;i++){  
 int v=ch[u][i];  
 if(v) ne[v]=ch[ne[u]][i],q.push(v);//构建回跳边  
 else ch[u][i]=ch[ne[u]][i];//构建转移边(压缩fail指针)  
 }  
 }  
 }  
 //统计主串中有多少个模式串  
 int query(string s){  
 int ans=0;  
 for(int k=0,i=0;k<s.size();k++){  
 i=ch[i][s[k]-'a'];//走树边/转移边  
 for(int j=i;j&&~cnt[j];j=ne[j]){  
 ans+=cnt[j],cnt[j]=-1;//统计后缀匹配的个数  
 }  
 }  
 return ans;  
 }  
};  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 //ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
 int n;cin>>n;  
 AC ac(1e6+5);  
 while(n--){  
 string s;cin>>s;  
 ac.insert(s);  
 }  
 ac.build();  
 string s;cin>>s;  
 cout<<ac.query(s)<<endl;  
 return 0;  
}  
//AC自动机 处理多模式串匹配问题  
//具体来说 就是给定多个模式串和一个文本串  
//求文本串中有多少个模式串的出现  
//AC自动机是Trie树和KMP的结合  
//时间复杂度构建：O(n+26n) n是模式串总长   
//时间复杂度匹配：O(m) m是文本串长度  
//时间复杂度查询：O(m\*p) m是文本串长度 p是一个串的后缀串的数量  
//-->查询可以通过fail树上做树dp/拓扑排序达到O(n+m)的时间复杂度  
//ac自动机的结构其实就是一个 trans 函数，而构建好这个函数后，在匹配字符串的过程中，我们会舍弃部分前缀达到最低限度的匹配。  
//本质上就是一个状态，接受一个输入，转移到另一个状态，  
//注意到fail链构成的图是一个DAG，所以fail链的长度是O(n)的，所以fail指针的构建是O(n)的。

Manacher

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
//#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
using namespace std;  
class Manacher{  
 public:  
 vector<char> s;   
 vector<int> d;  
 int k,n;  
 Manacher(int n):d(2\*n+5,0),s(2\*n+5){}  
 void manacher(string str){  
 k=0,n=str.size();  
 str="x"+str;  
 s[0]='$',s[++k]='#';  
 for(int i=1;i<=n;i++){  
 s[++k]=str[i],s[++k]='#';  
 }  
 d[1]=1;  
 for(int i=2,l,r=1;i<=k;i++){  
 if(i<=r) d[i]=min(d[r-i+l],r-i+1);  
 while(s[i+d[i]]==s[i-d[i]]) d[i]++;  
 if(i+d[i]-1>r) l=i-d[i]+1,r=i+d[i]-1;  
 //与exkmp一致 不再赘述  
 }  
 }  
 int get\_max(){  
 int maxn=0;  
 for(int i=1;i<=k;i++){  
 maxn=max(maxn,d[i]);  
 }  
 return maxn-1;  
 }  
};  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 //ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
 Manacher ma(1.1e7+5);  
 string str;  
 cin>>str;  
 ma.manacher(str);  
 cout<<ma.get\_max()<<endl;  
 return 0;  
}  
//Manacher算法 求最长回文子串长度 O(n)

exKMP

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
using namespace std;  
class exkmp{  
 public:  
 vector<int> z,p;  
 string s1,s2;  
 int len1,len2;  
 exkmp(int n):z(n+5,0),p(n+5,0){}  
 //z[i]表示s[i,len]与s[1,len]的最长公共前缀长度  
 //加速盒 右端点最靠右的LCP区间  
 //p[i]表示s2[i,len]与s[1,len]的最长公共前缀长度  
 void getz(string s){  
 len1=s.size();  
 s="x"+s;s1=s;  
 z[1]=len1;  
 for(int i=2,l=0,r=0;i<=len1;i++){  
 if(i<=r) z[i]=min(z[i-l+1],r-i+1);//case1+2  
 //case1:i在l~r内，对称的区间长度<=加速盒  
 //case2:i在l~r内，对称的区间长度>加速盒  
 //case3:i在l~r外  
 while(s[z[i]+1]==s[i+z[i]]) z[i]++;  
 //暴力扩展(case2+3）  
 if(i+z[i]-1>r) l=i,r=i+z[i]-1;  
 //更新加速盒  
 //printf("i=%d z=%d [%d %d]\n",i,z[i],l,r);  
 }  
 }  
 void getp(string oths){  
 len2=oths.size();  
 oths="x"+oths,s2=oths;  
 for(int i=1,l,r=0;i<=len2;i++)  
 {  
 if(i<=r) p[i]=min(z[i-l+1],r-i+1);  
 while(i+p[i]<=len2&&1+p[i]<=len1&&s1[p[i]+1]==s2[i+p[i]]) p[i]++;  
 if(i+p[i]-1>r) l=i,r=i+p[i]-1;  
 }  
 }  
};  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
 exkmp exk(2e7+5);  
 string s1,s2;  
 cin>>s1>>s2;  
 exk.getz(s2);  
 exk.getp(s1);  
 int ans1=0,ans2=0;  
 for(int i=1;i<=s2.size();i++)  
 ans1^=(i\*(exk.z[i]+1));  
 for(int i=1;i<=s1.size();i++)  
 ans2^=(i\*(exk.p[i]+1));  
 cout<<ans1<<endl<<ans2<<endl;  
 return 0;  
}  
//exkmp   
//z[i]表示s[i,len]与s[1,len]的最长公共前缀长度  
//加速盒 右端点最靠右的LCP区间  
//p[i]表示s2[i,len]与s[1,len]的最长公共前缀长度  
//o(n)

**kmp**

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
using namespace std;  
vector<int> prefix\_init\_f(string s) //前缀函数初始化  
// 前缀函数就是，子串s[0..i]最长的相等的真前缀与真后缀的长度。  
// 在kmp算法中，前缀函数是核心，它决定了模式串（key）在匹配过程若不匹配应该跳转的位置。  
// e.g. abcabc的前缀函数为[0,0,0,1,2,3]  
{  
 int len=s.length();  
 vector<int> dp(len,0);  
 dp[0]=0;  
 for(int i=1;i<len;i++)  
 {  
 int j=dp[i-1];  
 while(j>0&&s[i]!=s[j]) j=dp[j-1];//如果s[i]和s[j]不相同，j跳到前一个符合的位置  
 if(s[i]==s[j]) j++; //如果s[i]和s[j]相同，j+1  
 dp[i]=j;  
 }  
 return dp;  
}   
void kmp(string s,string key)  
{  
 if(key.length()==0) return;  
 vector<int> dp=prefix\_init\_f(key);  
 int i=0,j=0;  
 while(i<s.length())  
 {  
 if(s[i]==key[j]) {i++;j++;} //如果匹配，接着匹配下一个字符  
 else if(j>0) j=dp[j-1]; //如果不匹配，j跳到前一个符合的位置  
 else i++;  
 if(j==key.length())  
 {  
 /\*some operation\*/  
 j=dp[j-1];//匹配成功后，j跳到前一个符合的位置  
 }  
 }  
}  
int main()  
{  
 int T\_start=clock();  
   
 return 0;  
}

tiretree

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
#include <cassert>  
using namespace std;  
class Trie{  
public:  
 struct Node{  
 int son[26],a1,a2;  
 Node(){  
 memset(son,0,sizeof(son));  
 a1=a2=0;  
 }  
 };  
 vector<Node> trie;  
 int tot,root;  
 long long fin;  
 Trie(int len):trie(len+5),tot(0),root(0),fin(0){}  
 void ins(string s,int op)  
 {  
 int p=root;  
 for(auto c:s)  
 {  
 int id=c-'a';  
 if(!trie[p].son[id]) trie[p].son[id]=++tot;  
 p=trie[p].son[id];  
 if(op==1) trie[p].a1++;  
 else trie[p].a2++;  
 }  
 }  
 void dfs(int p)  
 {  
 fin+=1ll\*trie[p].a1\*trie[p].a2;  
 for(int i=0;i<26;i++)  
 {  
 if(trie[p].son[i])  
 {  
 dfs(trie[p].son[i]);  
 }  
 }  
 }  
};  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 //ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
 int n;cin>>n;  
 Trie trie(1e6+5);  
 long long fin=0;  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 string s;cin>>s;  
 fin+=s.size();  
 trie.ins(s,1);  
 reverse(s.begin(),s.end());  
 trie.ins(s,2);  
 }  
 fin=2ll\*n\*fin;  
 //cout<<fin<<endl;  
 trie.dfs(trie.root);  
 cout<<fin-2\*trie.fin<<endl;  
 return 0;  
}

动态规划

数位dp(例题1,数位和)

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
using namespace std;  
const int mod=1e9+7;;  
template <int MOD>  
struct SMC {  
 int64\_t val;  
 constexpr SMC(int64\_t v=0){  
 val=(v%MOD+MOD)%MOD;  
 }  
 SMC& operator=(int64\_t v){  
 val=(v%MOD+MOD)%MOD;  
 return \*this;  
 }  
 SMC& operator+=(const SMC &rhs){  
 val+=rhs.val;  
 if(val>=MOD) val-=MOD;  
 return \*this;  
 }  
 SMC& operator-=(const SMC &rhs){  
 val-=rhs.val;  
 if(val<0) val+=MOD;  
 return \*this;  
 }  
 SMC& operator\*=(const SMC &rhs){  
 val=1LL\*val\*rhs.val%MOD;  
 return \*this;  
 }  
 static int64\_t qpow(int64\_t a,int64\_t b){  
 int64\_t res=1;  
 while(b){  
 if(b&1) res=res\*a%MOD;  
 a=a\*a%MOD;  
 b>>=1;  
 }  
 return res;  
 }  
 SMC pow(int64\_t k) const{  
 return SMC(qpow(val,k));  
 }  
 SMC inv() const{  
 return pow(MOD-2);  
 }  
 SMC& operator/=(const SMC &rhs){  
 return \*this\*=rhs.inv();  
 }  
 friend SMC operator+(SMC a,const SMC &b){ return a+=b;}  
 friend SMC operator-(SMC a,const SMC &b){ return a-=b;}  
 friend SMC operator\*(SMC a,const SMC &b){ return a\*=b;}  
 friend SMC operator/(SMC a,const SMC &b){ return a/=b;}  
 SMC& operator++() { return \*this += 1; }  
 SMC& operator--() { return \*this -= 1; }  
 SMC operator++(int32\_t dummy) { SMC t=\*this; ++\*this; return t; }  
 SMC operator--(int32\_t dummy) { SMC t=\*this; --\*this; return t; }  
 friend bool operator==(const SMC &a,const SMC &b){ return a.val==b.val;}  
 friend bool operator<(const SMC &a,const SMC &b){ return a.val<b.val;}  
 friend bool operator>(const SMC &a,const SMC &b){ return a.val>b.val;}  
 friend bool operator<=(const SMC &a,const SMC &b){ return a.val<=b.val;}  
 friend bool operator>=(const SMC &a,const SMC &b){ return a.val>=b.val;}  
 friend bool operator!=(const SMC &a,const SMC &b){ return a.val!=b.val;}  
  
 friend std::istream& operator>>(std::istream &in,SMC &a){  
 int64\_t v;  
 in>>v,a=SMC(v);  
 return in;  
 }  
  
 friend std::ostream& operator<<(std::ostream &out,const SMC &a){  
 out<<a.val;  
 return out;  
 }  
 explicit operator long long() const{  
 return val;  
 }  
 SMC operator-() const{  
 return SMC(-val);  
 }  
 SMC& operator+=(int64\_t x) { return \*this+=SMC(x); }  
 SMC& operator-=(int64\_t x) { return \*this-=SMC(x); }  
 SMC& operator\*=(int64\_t x) { return \*this\*=SMC(x); }  
 SMC& operator/=(int64\_t x) { return \*this/=SMC(x); }  
  
 friend SMC operator+(SMC a, int64\_t b) { return a+=b; }  
 friend SMC operator-(SMC a, int64\_t b) { return a-=b; }  
 friend SMC operator\*(SMC a, int64\_t b) { return a\*=b; }  
 friend SMC operator/(SMC a, int64\_t b) { return a/=b; }  
  
 friend SMC operator+(int64\_t a, SMC b) { return b+a; }  
 friend SMC operator-(int64\_t a, SMC b) { return SMC(a)-b; }  
 friend SMC operator\*(int64\_t a, SMC b) { return b\*a; }  
 friend SMC operator/(int64\_t a, SMC b) { return SMC(a)/b; }  
};  
using Z=SMC<mod>;  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 //ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
 int t;cin>>t;  
 vector<vector<Z>> dp(20,vector<Z>(18\*9+5,-1));  
 //dp[i][j]表示[i+1,len](除低i位的高位)数位和=j时,[1,i]任选的所有方案的数位和  
 while(t--)  
 {  
 int l,r;cin>>l>>r;  
 vector<int> bit;  
 auto work=[&](int x)->int{  
 bit.clear();  
 bit.push\_back(0);//1-based  
 while(x) bit.push\_back(x%10),x/=10;  
 return bit.size()-1;  
 };  
 auto dfs=[&](this auto&& dfs,int pos,bool lim,int sum)->Z{  
 //从len位填到pos+1位,lim表示是否受上界限制,sum表示当前数位和  
 //现在填pos位 也就是说dfs的含义是[pos+1,len]数位和=sum时,pos位受lim限制的方案数  
 if(pos==0) return sum;//第0位,直接返回sum  
 if(!lim&&dp[pos][sum]!=-1) return dp[pos][sum];  
 int up=lim?bit[pos]:9;  
 Z res=0;  
 for(int i=0;i<=up;i++)  
 {  
 res+=dfs(pos-1,lim&&i==up,sum+i);  
 //传递受上界限制的状态  
 }  
 if(!lim) dp[pos][sum]=res;  
 return res;  
 };  
 auto solve=[&](int x)->Z{  
 int len=work(x);  
 return dfs(len,1,0);  
 };  
 cout<<solve(r)-solve(l-1)<<endl;  
 }  
 return 0;  
}  
//数位dp 计算[l,r]内所有数的数位和  
//dfs 形参总结  
//

# 博弈论

数论

(ex)CRT((扩展)中国剩余定理)

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
using namespace std;  
#define int \_\_int128  
// 用于存储 \_\_int128 的字符串表示  
std::string to\_string(\_\_int128 value) {  
 std::string result;  
 bool isNegative = value < 0;  
 value = isNegative ? -value : value;  
  
 do {  
 result.push\_back(static\_cast<char>(value % 10) + '0');  
 value /= 10;  
 } while (value > 0);  
  
 if (isNegative) {  
 result.push\_back('-');  
 }  
  
 std::reverse(result.begin(), result.end());  
 return result;  
}  
  
// 从字符串转换为 \_\_int128  
\_\_int128 to\_int128(const std::string& str) {  
 \_\_int128 result = 0;  
 bool isNegative = str[0] == '-';  
 size\_t start = isNegative ? 1 : 0;  
  
 for (size\_t i = start; i < str.size(); ++i) {  
 result = result \* 10 + (str[i] - '0');  
 }  
  
 return isNegative ? -result : result;  
}  
  
// 重载 >> 操作符以支持 \_\_int128 输入  
std::istream& operator>>(std::istream& in, \_\_int128& value) {  
 std::string str;  
 in >> str;  
 value = to\_int128(str);  
 return in;  
}  
  
// 重载 << 操作符以支持 \_\_int128 输出  
std::ostream& operator<<(std::ostream& out, \_\_int128 value) {  
 out << to\_string(value);  
 return out;  
}  
class exCRT{  
   
 public:  
 exCRT(vector<int> r,vector<int> m){  
 this->r=r;  
 this->m=m;  
 n=r.size();  
 }  
 vector<int> r,m;  
 int x,n;  
 int exgcd(int a,int b,int &x,int &y)//扩展欧几里得  
 {  
 if(b==0)  
 {  
 x=1;y=0;  
 return a;  
 }  
 int d=exgcd(b,a%b,x,y),t=x;  
 x=y;y=t-a/b\*y;  
 return d;  
 }  
 int CRT()  
 {  
 int mul=accumulate(m.begin(),m.end(),1LL,  
 [](int a,int b){return a\*b;}),ans=0;  
 for(int i=0;i<n;i++)  
 {  
 int M=mul/m[i],b,y;  
 exgcd(M,m[i],b,y);  
 ans=(ans+r[i]\*M%mul\*b%mul+mul)%mul;  
 }  
 return (ans%mul+mul)%mul;  
 }  
 int \_exCRT()  
 {  
 int M=m[0],ans=r[0];  
 for(int i=1;i<n;i++)  
 {  
 int a=M,b=m[i];  
 int c=((r[i]-ans)%b+b)%b;  
 int x,y;  
 int gcd=exgcd(a,b,x,y);  
 int bg=b/gcd;  
 if(c%gcd!=0) return -1;  
 x=(x%bg+bg)%bg;  
 x=(x\*c/gcd%bg+bg)%bg;  
 ans+=x\*M;  
 M\*=bg;  
 ans=(ans%M+M)%M;  
 }  
 return (ans%M+M)%M;  
 }  
  
};  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 int n;cin>>n;  
 vector<int> r(n),m(n);  
 for(int i=0;i<n;i++) cin>>m[i]>>r[i];  
 exCRT ex(r,m);  
 cout<<ex.CRT()<<endl;  
 return 0;  
}  
//exCRT 求解同余方程组  
//形式：x≡a1(mod m1),x≡a2(mod m2),...,x≡ak(mod mk)  
//其中m1,m2,...,mk互质(CRT)  
//其中m1,m2,...,mk不互质(\_exCRT)  
//时间复杂度：O(nln(amax))

FFT(快速傅里叶变换)

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
#include <complex>  
#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
using namespace std;  
typedef complex<double> Complex;  
class FFT{  
 public:  
 FFT(){}  
 // struct complex{  
 // double x,y;  
 // complex(double x=0,double y=0):x(x),y(y){}  
 // complex operator+(const complex &a) const{return complex(x+a.x,y+a.y);}  
 // complex operator-(const complex &a) const{return complex(x-a.x,y-a.y);}  
 // complex operator\*(const complex &a) const{return complex(x\*a.x-y\*a.y,x\*a.y+y\*a.x);}  
 // };  
 const double PI=acos(-1);  
 vector<int> R;  
 void fft(vector<Complex> &a,int n,int op){  
 for(int i=0;i<n;i++) R[i]=(R[i>>1]>>1)|((i&1)\*(n>>1));  
 //=R[i] = R[i/2]/2 + ((i&1)?n/2:0);  
 for(int i=0;i<n;i++) if(i<R[i]) swap(a[i],a[R[i]]);  
 for(int i=2;i<=n;i<<=1){  
 int m=i>>1;  
 Complex w1(cos(2\*PI/i),op\*sin(2\*PI/i));  
 for(int j=0;j<n;j+=i){  
 Complex wk(1,0);  
 for(int k=j;k<j+m;k++){  
 Complex x=a[k],y=wk\*a[k+m];  
 a[k]=x+y;a[k+m]=x-y;  
 wk=wk\*w1;  
 }  
 }  
 }  
 }  
 vector<int> calc(vector<int> a,vector<int> b){  
 int n=a.size(),m=b.size();  
 int len=1;  
 while(len<n+m-1) len<<=1;  
 R.clear();R.resize(len);  
 vector<Complex> fa(len),fb(len);  
 for(int i=0;i<n;i++) fa[i].real(a[i]);  
 for(int i=0;i<m;i++) fb[i].real(b[i]);  
 fft(fa,len,1);fft(fb,len,1);  
 for(int i=0;i<len;i++) fa[i]=fa[i]\*fb[i];  
 fft(fa,len,-1);  
 vector<int> ans(n+m-1);  
 for(int i=0;i<n+m-1;i++) ans[i]=(int)(fa[i].real()/len+0.5);  
 return ans;  
 }  
};  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 //ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
 int n,m;cin>>n>>m;  
 vector<int> a(n+1),b(m+1);  
 for(int i=0;i<=n;i++) cin>>a[i];  
 for(int i=0;i<=m;i++) cin>>b[i];  
 FFT fft;  
 vector<int> ans=fft.calc(a,b);  
 for(int i=0;i<ans.size();i++) cout<<ans[i]<<" ";  
 return 0;  
}

乘法逆元

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
using namespace std;  
int ModQpow(int a,int b,int m)//快速幂  
{  
 int ans=1;  
 while(b)  
 {  
 if(b&1) ans=ans\*a%m;  
 a=a\*a%m;b>>=1;  
 }  
 return ans;  
}  
int invMod1(int a,int m)//a在模m意义下的逆元（费马小定理，m为质数），即a^(m-2)  
{  
 return ModQpow(a,m-2,m);  
}  
int exgcd(int a,int b,int &x,int &y)//扩展欧几里得  
{  
 if(b==0)  
 {  
 x=1;y=0;  
 return a;  
 }  
 int d=exgcd(b,a%b,x,y),t=x;  
 x=y;y=t-a/b\*y;  
 return d;  
}  
int invMod2(int a,int m)//a在模m意义下的逆元（扩展欧几里得）  
{  
 int x,y;  
 exgcd(a,m,x,y);  
 return (x%m+m)%m;  
}  
int main()  
{  
 int T\_start=clock();  
   
 return 0;  
}

安全取模类

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
using namespace std;  
const int mod=998244353;  
template <int MOD>  
struct SMC {  
 int64\_t val;  
 constexpr SMC(int64\_t v=0){  
 val=(v%MOD+MOD)%MOD;  
 }  
 SMC& operator=(int64\_t v){  
 val=(v%MOD+MOD)%MOD;  
 return \*this;  
 }  
 SMC& operator+=(const SMC &rhs){  
 val+=rhs.val;  
 if(val>=MOD) val-=MOD;  
 return \*this;  
 }  
 SMC& operator-=(const SMC &rhs){  
 val-=rhs.val;  
 if(val<0) val+=MOD;  
 return \*this;  
 }  
 SMC& operator\*=(const SMC &rhs){  
 val=1LL\*val\*rhs.val%MOD;  
 return \*this;  
 }  
 static int64\_t qpow(int64\_t a,int64\_t b){  
 int64\_t res=1;  
 while(b){  
 if(b&1) res=res\*a%MOD;  
 a=a\*a%MOD;  
 b>>=1;  
 }  
 return res;  
 }  
 SMC pow(int64\_t k) const{  
 return SMC(qpow(val,k));  
 }  
 SMC inv() const{  
 return pow(MOD-2);  
 }  
 SMC& operator/=(const SMC &rhs){  
 return \*this\*=rhs.inv();  
 }  
 friend SMC operator+(SMC a,const SMC &b){ return a+=b;}  
 friend SMC operator-(SMC a,const SMC &b){ return a-=b;}  
 friend SMC operator\*(SMC a,const SMC &b){ return a\*=b;}  
 friend SMC operator/(SMC a,const SMC &b){ return a/=b;}  
 SMC& operator++() { return \*this += 1; }  
 SMC& operator--() { return \*this -= 1; }  
 SMC operator++(int32\_t dummy) { SMC t=\*this; ++\*this; return t; }  
 SMC operator--(int32\_t dummy) { SMC t=\*this; --\*this; return t; }  
 friend bool operator==(const SMC &a,const SMC &b){ return a.val==b.val;}  
 friend bool operator<(const SMC &a,const SMC &b){ return a.val<b.val;}  
 friend bool operator>(const SMC &a,const SMC &b){ return a.val>b.val;}  
 friend bool operator<=(const SMC &a,const SMC &b){ return a.val<=b.val;}  
 friend bool operator>=(const SMC &a,const SMC &b){ return a.val>=b.val;}  
 friend bool operator!=(const SMC &a,const SMC &b){ return a.val!=b.val;}  
  
 friend std::istream& operator>>(std::istream &in,SMC &a){  
 int64\_t v;  
 in>>v,a=SMC(v);  
 return in;  
 }  
  
 friend std::ostream& operator<<(std::ostream &out,const SMC &a){  
 out<<a.val;  
 return out;  
 }  
 explicit operator long long() const{  
 return val;  
 }  
 SMC operator-() const{  
 return SMC(-val);  
 }  
 SMC& operator+=(int64\_t x) { return \*this+=SMC(x); }  
 SMC& operator-=(int64\_t x) { return \*this-=SMC(x); }  
 SMC& operator\*=(int64\_t x) { return \*this\*=SMC(x); }  
 SMC& operator/=(int64\_t x) { return \*this/=SMC(x); }  
  
 friend SMC operator+(SMC a, int64\_t b) { return a+=b; }  
 friend SMC operator-(SMC a, int64\_t b) { return a-=b; }  
 friend SMC operator\*(SMC a, int64\_t b) { return a\*=b; }  
 friend SMC operator/(SMC a, int64\_t b) { return a/=b; }  
  
 friend SMC operator+(int64\_t a, SMC b) { return b+a; }  
 friend SMC operator-(int64\_t a, SMC b) { return SMC(a)-b; }  
 friend SMC operator\*(int64\_t a, SMC b) { return b\*a; }  
 friend SMC operator/(int64\_t a, SMC b) { return SMC(a)/b; }  
};  
using Z=SMC<mod>;  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 //ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
   
 return 0;  
}

数论预处理

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
using namespace std;  
class Pre{  
public:  
 int n,tag;  
 const int mod=1e9+7;  
 vector<int> inv,fac,invfac;  
 Pre(int n):n(n){}  
 Pre(int n,int tag):n(n),tag(tag){  
 inv.resize(n+1);  
 fac.resize(n+1);  
 invfac.resize(n+1);  
 preC();  
 }  
 int ModQpow(int a,int b,int m)//快速幂  
 {  
 int ans=1;  
 while(b)  
 {  
 if(b&1)ans=ans\*a%m;  
 a=a\*a%m,b>>=1;  
 }  
 return ans;  
 }  
 //O(nlnn)求1-n所有数的约数  
 vector<vector<int>> divs()  
 {  
 vector<vector<int>> ans(n+1);  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 for(int j=i;j<=n;j+=i)  
 {  
 ans[j].push\_back(i);  
 }  
 }  
 return ans;  
 }  
 //O(n)求1-n所有的质数  
 vector<int> primes()  
 {  
 vector<int> primes;  
 vector<bool>v(n+1,0);  
 for(int i=2;i<=n;i++)  
 {  
 if(!v[i])primes.push\_back(i);  
 for(int j=0;j<primes.size()&&primes[j]\*i<=n;j++)  
 {  
 v[primes[j]\*i]=1;  
 if(i%primes[j]==0)break;  
 }  
 }  
 return primes;  
 }  
 //O(n)求0-n的阶乘和阶乘逆元  
 void preC()  
 {  
 inv[1]=1;  
 for(int i=2;i<=n;i++)  
 {  
 inv[i]=(mod-mod/i)\*inv[mod%i]%mod;  
 }  
 fac[0]=invfac[0]=1;  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 fac[i]=fac[i-1]\*i%mod;  
 invfac[i]=invfac[i-1]\*inv[i]%mod;  
 }  
 }  
 //组合数C(n,m) n个数中选m个  
 int C(int n,int m)  
 {  
 if(n<0||m<0||n<m)return 0;  
 return fac[n]\*invfac[m]%mod\*invfac[n-m]%mod;  
 }  
 //O(n)求1-n的欧拉函数  
 vector<int> euler()  
 {  
 vector<int> phi(n+1);  
 phi[1]=1;  
 vector<int> primes;  
 vector<bool>v(n+1,0);  
 for(int i=2;i<=n;i++)  
 {  
 if(!v[i])primes.push\_back(i),phi[i]=i-1;  
 for(int j=0;j<primes.size()&&primes[j]\*i<=n;j++)  
 {  
 int m=primes[j]\*i;  
 v[m]=1;  
 if(i%primes[j]==0)  
 {  
 phi[m]=phi[i]\*primes[j];  
 break;  
 }  
 else phi[m]=phi[i]\*(primes[j]-1);  
 }  
 }  
 return phi;  
 }  
 //O(n)求1-n的约数个数  
 vector<int> d()  
 {  
 vector<int> a(n+1),d(n+1);  
 vector<int> primes;  
 vector<bool>v(n+1,0);  
 d[1]=1;  
 for(int i=2;i<=n;i++)  
 {  
 if(!v[i])  
 {  
 primes.push\_back(i);  
 a[i]=1,d[i]=2;  
 }  
 for(int j=0;j<primes.size()&&primes[j]\*i<=n;j++)  
 {  
 int m=primes[j]\*i;  
 v[m]=1;  
 if(i%primes[j]==0)  
 {  
 a[m]=a[i]+1;  
 d[m]=d[i]/(a[i]+1)\*(a[m]+1);  
 break;  
 }  
 else  
 {  
 a[m]=1;  
 d[m]=d[i]\*2;  
 }  
 }  
 }  
 return d;  
 }  
 //O(n)求1-n的约数和  
 vector<int> sumd()  
 {  
 vector<int> g(n+1),f(n+1);  
 vector<int> primes;  
 vector<bool>v(n+1,0);  
 g[1]=f[1]=1;  
 for(int i=2;i<=n;i++)  
 {  
 if(!v[i])  
 {  
 primes.push\_back(i);  
 f[i]=g[i]=i+1;  
 }  
 for(int j=0;j<primes.size()&&primes[j]\*i<=n;j++)  
 {  
 int m=primes[j]\*i;  
 v[m]=1;  
 if(i%primes[j]==0)  
 {  
 g[m]=g[i]\*primes[j]+1;  
 f[m]=f[i]\*g[m]/g[i];  
 break;  
 }  
 else  
 {  
 g[m]=primes[j]+1;  
 f[m]=f[i]\*g[m];  
 }  
 }  
 }  
 return f;  
 }  
 //O(n)求1-n的莫比乌斯函数  
 vector<int> mu()  
 {  
 vector<int> mu(n+1);  
 mu[1]=1;  
 vector<int> primes;  
 vector<bool>v(n+1,0);  
 for(int i=2;i<=n;i++)  
 {  
 if(!v[i])primes.push\_back(i),mu[i]=-1;  
 for(int j=0;j<primes.size()&&primes[j]\*i<=n;j++)  
 {  
 int m=primes[j]\*i;  
 v[m]=1;  
 if(i%primes[j]==0)  
 {  
 mu[m]=0;  
 break;  
 }  
 else mu[m]=-mu[i];  
 }  
 }  
 return mu;  
 }  
 //O(n\*w(n)) 求1-n的不重质因子/质因数分解  
 vector<vector<int>> pri(int mulble){  
 vector<int> primes;  
 vector<bool>v(n+1,0);  
 vector<vector<int>> ans(n+1);  
 for(int i=2;i<=n;i++)  
 {  
 if(!v[i])   
 {  
 primes.push\_back(i);  
 ans[i].push\_back(i);  
 }  
 for(int j=0;j<primes.size()&&primes[j]\*i<=n;j++)  
 {  
 int m=primes[j]\*i;  
 v[m]=1;  
 if(i%primes[j]==0)  
 {  
 ans[m]=ans[i];  
 if(mulble==1) ans[m].push\_back(primes[j]);  
 break;  
 }  
 else ans[m]=ans[i],ans[m].push\_back(primes[j]);  
 }  
 }  
 return ans;  
 }  
};  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 //ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
   
 return 0;  
}

整除分块

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#define int long long   
using namespace std;  
struct blocknode{  
 int l;  
 int r;  
 int val;  
};  
//对[l,r]的i,floor(n/i)相等  
//n%i=n-i\*floor(n/i)  
//首项n-l\*val 公差-val 项数r-l+1  
class divb{  
public:  
 struct node{  
 int l,r;  
 int val1,val2;  
 };  
 int s,e;  
 vector<node> a;  
 divb(int s,int e):s(s),e(e){}  
 void b1(int n,int m){  
 for(int l=s,r;l<=e;l=r+1)  
 {  
 r=min(n/(n/l),m/(m/l));  
 a.push\_back({l,r,n/l,m/l});  
 }  
 }  
 void b2(int n)  
 {  
 for(int l=s,r;l<=e;l=r+1)  
 {  
 r=n/(n/l);  
 a.push\_back({l,r,n/l,0});  
 }  
 }  
};  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 int n,k;cin>>n>>k;  
 vector<blocknode>a;  
 for(int l=1,r;l<=n;l=r+1)  
 {  
 blocknode tp;  
 r=min(n/(n/l),n);  
 tp.l=l;tp.r=r;  
 tp.val=n/l;  
 a.push\_back(tp);  
 }  
 //for(auto i:a)  
 //{  
 //cout<<i.l<<' '<<i.r<<' '<<i.val<<endl;  
 //}  
 return 0;  
}

矩阵快速幂

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
using namespace std;  
#define int long long  
const int mod=1e9+7;  
class MaTQpow{  
 public:  
 vector<vector<int>> mat;  
 int \_mod;  
 MaTQpow(vector<vector<int>> \_mat,int mod):mat(\_mat),\_mod(mod){}  
 MaTQpow(int n,int mod):\_mod(mod)  
 {  
 mat.resize(n,vector<int>(n,0));  
 for(int i=0;i<n;i++) mat[i][i]=1;  
 \_mod=mod;  
 }  
 MaTQpow operator\*(const MaTQpow& other)const{  
 vector<vector<int>> res(mat.size(),vector<int>(other.mat[0].size(),0));  
 for(int i=0;i<mat.size();i++)  
 {  
 for(int j=0;j<other.mat[0].size();j++)  
 {  
 for(int k=0;k<other.mat.size();k++)  
 {  
 res[i][j]=(res[i][j]+mat[i][k]\*other.mat[k][j])%\_mod;  
 }  
 }  
 }  
 return MaTQpow(res,\_mod);  
 }  
 MaTQpow Qpow(int n){  
 MaTQpow res(mat.size(),\_mod);  
 MaTQpow base(mat,\_mod);  
 while(n)  
 {  
 if(n&1) res=res\*base;  
 base=base\*base;  
 n>>=1;  
 }  
 return res;  
 }  
 vector<vector<int>> get(int n){  
 return Qpow(n).mat;  
 }  
};  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 int n;cin>>n;  
 vector<int> a(n+1);  
 for(int i=1;i<=n;i++) cin>>a[i];  
 int c,m,k,t;cin>>c>>m>>k>>t;c%=m;  
 vector<int> dp(m,0);  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 vector<int> ndp(m,0);  
 ndp[a[i]%m]=1;  
 for(int j=0;j<m;j++)  
 {  
 if(dp[j])  
 {  
 ndp[(j+a[i])%m]=(ndp[(j+a[i])%m]+dp[j])%mod;  
 }  
 }  
 for(int j=0;j<m;j++) dp[j]=(dp[j]+ndp[j])%mod;  
 }  
 vector<vector<int>> p(m,vector<int>(m,0));  
 for(int i=0;i<m;i++)  
 {  
 for(int j=0;j<m;j++)  
 {  
 p[i][(i\*j)%m]=(p[i][(i\*j)%m]+dp[j])%mod;  
 }  
 }  
 MaTQpow mat(p,mod);  
 auto res=mat.Qpow(t);  
 cout<<res.mat[c][k]<<endl;  
 return 0;  
}  
//矩阵快速幂：处理快速形式变换  
//时间复杂度：O(n^3logk)

筛法求积性函数

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
//#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
using namespace std;  
vector<int> primes(int n)  
{  
 //积性函数gcd(a,b)=1,f(ab)=f(a)f(b)  
 //当f(p^k),p为质数时时的函数值可以快速求出，  
 //即可以通过递推求出所有积性函数  
 vector<int> primes;  
 vector<bool>v(n+1,0);  
 for(int i=2;i<=n;i++)  
 {  
 if(!v[i])  
 {  
 primes.push\_back(i);  
 //考虑f(p)=...  
 //单个质数的情况  
 }  
 for(int j=0;j<primes.size()&&primes[j]\*i<=n;j++)  
 {  
 v[primes[j]\*i]=1;  
 int m=primes[j]\*i;  
 if(i%primes[j]==0)  
 {  
 //此时p[j]是m的最小质因子,运用反证法p[j]也是m的最小质因子  
 //考虑f(m)=...  
 //多个质因子的情况  
 break;  
 }  
 else{  
 //此时gcd(i,pj)=1,f(m)=f(i)f(pj)  
 //新增质因子的情况  
 }  
 }  
 }  
 return primes;  
}  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 //ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
 return 0;  
}

线性基(gauss)

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
using namespace std;  
class basic{  
 public:  
 vector<int> num,bas;  
 int bit,cnt,n;  
 basic(vector<int> a,int bit):  
 num(a),bit(bit),cnt(0),n(a.size()){  
 gauss();  
 //usually bit=32/64  
 }  
 void gauss(){  
 for(int i=bit-1;i>=0;i--){  
 //把当前第i位是1的数换上去  
 for(int j=cnt;j<n;j++){  
 if(num[j]>>i&1){  
 swap(num[j],num[cnt]);  
 break;  
 }  
 }  
 //如果这一位全0，跳过  
 if((num[cnt]>>i&1)==0) continue;  
 //消去其他数第i位1  
 for(int j=0;j<n;j++){  
 if(j!=cnt&&(num[j]>>i&1))   
 num[j]^=num[cnt];  
 }  
 cnt++;  
 if(cnt==n) break;  
 }  
 bas.assign(num.begin(),num.begin()+cnt);  
 }  
 //求第k小的数 k:1base  
 int kth(int k){  
 //k个基向量能构造出2^k-1个数  
 //case1 :cnt<n 意味这能构造出 0 所以能构造2^k个数  
 //case2 :cnt=n 意味这不能构造出 0 所以只能构造2^k-1个数  
 if(cnt<n) k--;  
 if(k>=(1ll<<cnt)) return -1;  
 int ans=0;  
 for(int i=0;i<cnt;i++){  
 if(k>>i&1) ans^=bas[cnt-1-i];  
 }  
 return ans;  
 }  
 //求一个数用一个数列异或得到的方案数  
 //约简为0的向量是不必要的 于是可以任选  
 int count(int x){  
 for(auto b:bas){  
 if(x&b) x^=b;  
 }  
 return x==0?(1ll<<(n-cnt)):0;  
 }  
 //求一个数在数列xor和中的排名  
 int rk(int x){  
 int tp=x;  
 for(auto b:bas){  
 if(tp&b) tp^=b;  
 }  
 if(tp) return -1;  
 int id=0;  
 for(int i=0;i<cnt;i++){  
 if(x&(bas[i]))  
 {  
 id|=(1ll<<(cnt-1-i));  
 x^=bas[i];  
 }  
 }  
 if(cnt<n) id++;  
 return id;  
 }  
};  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 //ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
 int n;cin>>n;  
 vector<int> a(n);  
 for(int i=0;i<n;i++) cin>>a[i];  
 basic b(a,64);  
 int ans=0;  
 for(auto i:b.bas) ans^=i;  
 cout<<ans<<endl;  
 return 0;  
}  
//异或线性基 O(bit\*n)  
//异或线性基是原数列的一个基向量，  
//意味这基向量的线性组合能构造出原数列的任意数  
//意味着原数列线性组合构造出的数和线性基线性组合构造出的数是一样的  
//xor=mod 2+/GF(2)域  
//guass消元法给出的线性基是行最简式  
//即形如  
//01001  
//00100  
//00011  
//00000  
//满足三个性质：  
//1.线性基中任意两个基向量的异或结果不会是0  
//2.线性基每一个基向量的高位1在别的基向量中都是0  
//3.基向量是从大到小存储的

线性基(贪心法)

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
using namespace std;  
class basic{  
 public:  
 struct node  
 {  
 int val;  
 int inf;  
 };  
 vector<node> bas; int tot;  
 basic(int bit):bas(bit,{0,0}),tot(0){}  
 void ins(node x)  
 {  
 tot++;  
 for(int i=63;i>=0;i--)  
 {  
 if(x.val>>i&1)  
 {  
 if(bas[i].val==0)  
 {  
 bas[i]=x;  
 return;  
 }  
 else x.val^=bas[i].val;  
 }  
 }  
 }  
};  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 //ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
 int n;cin>>n;  
 vector<pair<int,int>> a(n);  
 for(auto& [x,y]:a) cin>>x>>y;  
 sort(a.begin(),a.end(),[](auto& x,auto& y){return x.second>y.second;});  
 basic b(64);  
 for(auto& [x,y]:a)  
 {  
 b.ins({x,y});  
 }  
 int ans=0;  
 for(auto [x,y]:b.bas)  
 {  
 ans+=y;  
 }  
 cout<<ans<<endl;  
 return 0;  
}  
//贪心法构造的线性基：  
//按照元素顺序构造，适用于依赖元素顺序的题

组合数预处理

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
//#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
using namespace std;  
const int mod=1e9+7;  
template <int MOD>  
struct SMC {  
 int64\_t val;  
 constexpr SMC(int64\_t v=0){  
 val=(v%MOD+MOD)%MOD;  
 }  
 SMC& operator=(int64\_t v){  
 val=(v%MOD+MOD)%MOD;  
 return \*this;  
 }  
 SMC& operator+=(const SMC &rhs){  
 val+=rhs.val;  
 if(val>=MOD) val-=MOD;  
 return \*this;  
 }  
 SMC& operator-=(const SMC &rhs){  
 val-=rhs.val;  
 if(val<0) val+=MOD;  
 return \*this;  
 }  
 SMC& operator\*=(const SMC &rhs){  
 val=1LL\*val\*rhs.val%MOD;  
 return \*this;  
 }  
 static int64\_t qpow(int64\_t a,int64\_t b){  
 int64\_t res=1;  
 while(b){  
 if(b&1) res=res\*a%MOD;  
 a=a\*a%MOD;  
 b>>=1;  
 }  
 return res;  
 }  
 SMC pow(int64\_t k) const{  
 return SMC(qpow(val,k));  
 }  
 SMC inv() const{  
 return pow(MOD-2);  
 }  
 SMC& operator/=(const SMC &rhs){  
 return \*this\*=rhs.inv();  
 }  
 friend SMC operator+(SMC a,const SMC &b){ return a+=b;}  
 friend SMC operator-(SMC a,const SMC &b){ return a-=b;}  
 friend SMC operator\*(SMC a,const SMC &b){ return a\*=b;}  
 friend SMC operator/(SMC a,const SMC &b){ return a/=b;}  
 SMC& operator++() { return \*this += 1; }  
 SMC& operator--() { return \*this -= 1; }  
 SMC operator++(int32\_t dummy) { SMC t=\*this; ++\*this; return t; }  
 SMC operator--(int32\_t dummy) { SMC t=\*this; --\*this; return t; }  
 friend bool operator==(const SMC &a,const SMC &b){ return a.val==b.val;}  
 friend bool operator<(const SMC &a,const SMC &b){ return a.val<b.val;}  
 friend bool operator>(const SMC &a,const SMC &b){ return a.val>b.val;}  
 friend bool operator<=(const SMC &a,const SMC &b){ return a.val<=b.val;}  
 friend bool operator>=(const SMC &a,const SMC &b){ return a.val>=b.val;}  
 friend bool operator!=(const SMC &a,const SMC &b){ return a.val!=b.val;}  
  
 friend std::istream& operator>>(std::istream &in,SMC &a){  
 int64\_t v;  
 in>>v,a=SMC(v);  
 return in;  
 }  
  
 friend std::ostream& operator<<(std::ostream &out,const SMC &a){  
 out<<a.val;  
 return out;  
 }  
 explicit operator long long() const{  
 return val;  
 }  
 SMC operator-() const{  
 return SMC(-val);  
 }  
 SMC& operator+=(int64\_t x) { return \*this+=SMC(x); }  
 SMC& operator-=(int64\_t x) { return \*this-=SMC(x); }  
 SMC& operator\*=(int64\_t x) { return \*this\*=SMC(x); }  
 SMC& operator/=(int64\_t x) { return \*this/=SMC(x); }  
  
 friend SMC operator+(SMC a, int64\_t b) { return a+=b; }  
 friend SMC operator-(SMC a, int64\_t b) { return a-=b; }  
 friend SMC operator\*(SMC a, int64\_t b) { return a\*=b; }  
 friend SMC operator/(SMC a, int64\_t b) { return a/=b; }  
  
 friend SMC operator+(int64\_t a, SMC b) { return b+a; }  
 friend SMC operator-(int64\_t a, SMC b) { return SMC(a)-b; }  
 friend SMC operator\*(int64\_t a, SMC b) { return b\*a; }  
 friend SMC operator/(int64\_t a, SMC b) { return SMC(a)/b; }  
};  
using Z=SMC<mod>;  
class Pre{  
 public:  
 int n,m;  
 vector<vector<Z>> s,s2;  
 vector<Z> inv,fac,invfac,d;  
 //c组合数,s第一类斯特林数  
 Pre(int n,int m):n(n),m(m){  
 preS();  
 preC();  
 preD();  
 preS2();  
 }  
 void preS(){  
 s.resize(n+1,vector<Z>(m+1));  
 s[0][0]=1;  
 for(int i=1;i<=n;i++){  
 s[i][0]=0;  
 if(i<=m) s[i][i]=1;  
 for(int j=1;j<=min(m,i);j++){  
 s[i][j]=s[i-1][j]\*(i-1)+s[i-1][j-1];  
 }  
 }  
 }  
 void preC()  
 {  
 fac.resize(n+1);  
 invfac.resize(n+1);  
 inv.resize(n+1);  
 inv[1]=1;  
 for(int i=2;i<=n;i++)  
 {  
 inv[i]=(mod-mod/i)\*inv[mod%i];  
 }  
 fac[0]=invfac[0]=1;  
 for(int i=1;i<=n;i++)  
 {  
 fac[i]=fac[i-1]\*i;  
 invfac[i]=invfac[i-1]\*inv[i];  
 }  
 }  
 void preD(){  
 d.resize(n+1);  
 d[1]=0,d[2]=1;  
 for(int i=3;i<=n;i++){  
 d[i]=(i-1)\*(d[i-1]+d[i-2]);  
 }  
 }  
 void preS2(){  
 s2.resize(n+1,vector<Z>(m+1));  
 s2[0][0]=1;  
 for(int i=1;i<=n;i++){  
 s2[i][0]=0;  
 if(i<=m) s2[i][i]=1;  
 for(int j=1;j<=min(m,i);j++){  
 s2[i][j]=s2[i-1][j]\*j+s2[i-1][j-1];  
 }  
 }  
 }  
 //第一类斯特林数S(n,m) n个不同元素划分为m个非空圆排列的方案数  
 Z S(int i,int j){  
 return s[i][j];  
 }  
 //第二类斯特林数S2(n,m) n个不同元素划分为m个非空子集的方案数  
 Z S2(int i,int j){  
 return s2[i][j];  
 }  
 //排列数 A(n,m) n个数中选m个的排列  
 Z A(int n,int m){  
 if(n<0||m<0||n<m)return 0;  
 return fac[n]\*invfac[n-m];  
 }  
 //组合数C(n,m) n个数中选m个  
 Z C(int n,int m)  
 {  
 if(n<0||m<0||n<m)return 0;  
 return fac[n]\*invfac[m]\*invfac[n-m];  
 }  
 //圆排列数 Q(n,m) n个数中选m个，m个数的圆排列  
 //Q(n,n)=(n-1)!,n个数的圆排列  
 Z Q(int n,int m)  
 {  
 if(n<0||m<0||n<m)return 0;  
 return fac[n]\*invfac[n-m]\*inv[m];  
 }  
 //错位排列数 D(n,m) n个数中选m个，m个数的错位排列  
 //D(n,n)=d[n],n个数的错位排列  
 Z D(int n,int m)  
 {  
 if(n<0||m<0||n<m)return 0;  
 return d[n]\*C(n,m);  
 }  
};  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 //ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
 return 0;  
}

# 计算几何

三分

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
#include <cassert>  
//#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
#define double long double  
const double eps=1e-12;  
const double pi=acos(-1);  
using namespace std;  
//const double eps=1e-8;  
struct vec{  
 double x,y;  
 vec(double x=0,double y=0):x(x),y(y){}  
 vec operator+(const vec& o)const{return vec(x+o.x,y+o.y);}  
 vec operator-(const vec& o)const{return vec(x-o.x,y-o.y);}  
 vec operator/(const double& o)const{return vec(x/o,y/o);} //数除  
 vec operator\*(const double& o)const{return vec(x\*o,y\*o);} //数乘  
 double operator\*(const vec& o)const{return x\*o.y-y\*o.x;} //叉积  
 double operator&(const vec& o)const{return x\*o.x+y\*o.y;} //点积  
};  
struct pit  
{  
 double x,y;  
 pit(double x=0,double y=0):x(x),y(y){}  
 vec operator-(const pit& o)const{return vec(x-o.x,y-o.y);}  
 pit operator+(const vec& o)const{return pit(x+o.x,y+o.y);}  
 pit operator+(const pit& o)const{return pit(x+o.x,y+o.y);}  
 pit operator/(const double& o)const{return pit(x/o,y/o);}  
};  
double len(const vec& o){return sqrt(o.x\*o.x+o.y\*o.y);} //向量模长  
double dis(const pit& a,const pit& b){return len(b-a);} //两点距离  
//向量逆时针旋转theta弧度  
vec rotate(const vec& o,double theta){  
 return vec(o.x\*cos(theta)-o.y\*sin(theta),o.x\*sin(theta)+o.y\*cos(theta));  
}   
//向量单位化  
vec norm(vec a){  
 return a/len(a);  
}  
//向量围成的平行四边形面积,b在a的逆时针方向为正，否则为负  
double area(vec a,vec b){return a\*b;}   
//点线关系(点c,直线ab)  
int cross(pit a,pit b,pit c){  
 if((b-a)\*(c-a)>eps) return 1; //c在ab的逆时针方向  
 else if((b-a)\*(c-a)<-eps) return -1; //c在ab的顺时针方向  
 return 0; //c,a,b共线  
}  
//判断点在线段上(p在ab上)  
bool onSeg(pit a,pit b,pit p){  
 return cross(a,b,p)==0&&((a-p)&(b-p))<=eps;  
}  
//线线关系  
//case1:直线ab与线段cd  
bool lcross(pit a,pit b,pit c,pit d){  
 if(cross(a,b,c)\*cross(a,b,d)>0) return 0;//c,d在ab的同一侧 无交点  
 return 1; //有交点  
}  
//case2:线段ab与线段cd  
bool scross(pit a,pit b,pit c,pit d){  
 if(cross(a,b,c)\*cross(a,b,d)>0||cross(c,d,a)\*cross(c,d,b)>0) return 0;//c,d在ab 或 a,b在cd 的同一侧 无交点  
 return 1; //有交点  
}  
//case3:直线ab与直线cd  
bool pcross(pit a,pit b,pit c,pit d){  
 if(fabs((b-a)\*(d-c))<=eps) return 0; //平行 无交点  
 return 1; //有交点  
}  
//求两直线ab,cd的交点(两点式)  
pit getNode(pit a,pit b,pit c,pit d){  
 vec u=b-a,v=d-c;  
 //assert(fabs(u\*v)<=eps);  
 //if(fabs(u\*v)<=eps) return pit(NAN,NAN); //平行 无交点  
 double t=((c-a)\*v)/(u\*v);  
 return a+u\*t;  
}  
//求两直线ab,cd的交点(点向式) a起点u方向向量 c起点v方向向量  
pit getNode(pit a,vec u,pit c,vec v){  
 //assert(fabs(u\*v)<=eps);  
 //if(fabs(u\*v)<=eps) return pit(NAN,NAN); //平行 无交点  
 double t=((c-a)\*v)/(u\*v);  
 return a+u\*t;  
}  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 //ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
 int t;cin>>t;  
 while(t--){  
 int x1,y1,x2,y2;cin>>x1>>y1>>x2>>y2;  
 int x3,y3,x4,y4;cin>>x3>>y3>>x4>>y4;  
 pit s1(x1,y1),t1(x2,y2),s2(x3,y3),t2(x4,y4);  
 double T1=min(dis(s1,t1),dis(s2,t2));  
 vec v1=norm(t1-s1),v2=norm(t2-s2);  
 double l=0,r=T1;  
 while(r-l>eps){  
 double lmid=l+(r-l)/3,rmid=lmid+(r-l)/3;  
 double lans=dis(s1+v1\*lmid,s2+v2\*lmid);  
 double rans=dis(s1+v1\*rmid,s2+v2\*rmid);  
 if(rans-lans>eps) r=rmid;  
 else l=lmid;  
 }  
 //不过应该注意的是  
 double ans=dis(s1+v1\*l,s2+v2\*l);  
 if(dis(s1,t1)-dis(s2,t2)>eps) swap(s1,s2),swap(t1,t2),swap(v1,v2);  
 // now t1, s2->t2  
 s2=s2+v2\*T1;  
 //cout<<s2.x<<' '<<s2.y<<endl;  
 vec v\_rot=norm(rotate(v2,pi/2));  
 //cout<<v\_rot.x<<' '<<v\_rot.y<<endl;  
 //cout<<t1.x<<' '<<t1.y<<endl;  
 pit cropit=getNode(t1,v\_rot,s2,v2);  
 //cout<<v2.x<<' '<<v2.y<<endl;  
 //cout<<cropit.x<<' '<<cropit.y<<endl;  
 if(onSeg(s2,t2,cropit))   
 {  
 //cout<<"Y"<<endl;  
 ans=min(ans,dis(t1,cropit));  
 }  
 ans=min(ans,dis(t1,s2)),ans=min(ans,dis(t1,t2));  
 cout<<fixed<<setprecision(12)<<ans<<endl;  
 }  
 return 0;  
}  
//注意我们通常不用浮点数三分 而是固定次数 t=100  
/\*  
int l = 1,r = 100;  
while(l < r) {  
 int lmid = l + (r - l) / 3;  
 int rmid = r - (r - l) / 3;  
 lans = f(lmid),rans = f(rmid);  
 // 求凹函数的极小值  
 if(lans <= rans) r = rmid - 1;  
 else l = lmid + 1;  
 // 求凸函数的极大值  
 if(lasn >= rans) l = lmid + 1;  
 else r = rmid - 1;  
}  
// 求凹函数的极小值  
cout << min(lans,rans) << endl;  
// 求凸函数的极大值  
cout << max(lans,rans) << endl;  
\*/  
  
  
/\*  
const double EPS = 1e-9;  
while(r - l > EPS) {  
 double lmid = l + (r - l) / 3;  
 double rmid = r - (r - l) / 3;  
 lans = f(lmid),rans = f(rmid);  
 // 求凹函数的极小值  
 if(lans <= rans) r = rmid;  
 else l = lmid;  
 // 求凸函数的极大值  
 if(lans >= rans) l = lmid;  
 else r = rmid;  
}  
// 输出 l 或 r 都可  
cout << l << endl;  
\*/

三角剖分

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
#include <cassert>  
//#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
//#define double long double  
//const double eps=1e-12;  
using namespace std;  
struct pit;struct vec;  
const double eps=1e-8;  
const double pi=acos(-1);  
double R;  
struct pit;  
pit CO;//圆心   
struct vec{  
 double x,y;  
 vec(double x=0,double y=0):x(x),y(y){}  
 vec(pit a) {x=a.x;y=a.y;}//点转向量(OA向量)  
 vec operator+(const vec& o)const{return vec(x+o.x,y+o.y);}  
 vec operator-(const vec& o)const{return vec(x-o.x,y-o.y);}  
 vec operator/(const double& o)const{return vec(x/o,y/o);} //数除  
 vec operator\*(const double& o)const{return vec(x\*o,y\*o);} //数乘  
 double operator\*(const vec& o)const{return x\*o.y-y\*o.x;} //叉积  
 double operator&(const vec& o)const{return x\*o.x+y\*o.y;} //点积  
};  
struct pit  
{  
 double x,y;  
 pit(double x=0,double y=0):x(x),y(y){}  
 vec operator-(const pit& o)const{return vec(x-o.x,y-o.y);}  
 pit operator+(const vec& o)const{return pit(x+o.x,y+o.y);}  
 pit operator+(const pit& o)const{return pit(x+o.x,y+o.y);}  
 pit operator/(const double& o)const{return pit(x/o,y/o);}  
};  
double len(const vec& o){return sqrt(o.x\*o.x+o.y\*o.y);} //向量模长  
double dis(const pit& a,const pit& b){return len(b-a);} //两点距离  
//向量逆时针旋转theta弧度  
vec rotate(const vec& o,double theta){  
 return vec(o.x\*cos(theta)-o.y\*sin(theta),o.x\*sin(theta)+o.y\*cos(theta));  
}   
//单位向量  
vec norm(vec a){  
 return a/len(a);  
}  
//用单位圆证明  
//向量夹角 dot(a,b)=len(a)\*len(b)\*cos(θ)  
double angle(vec a,vec b){  
 double val=(a&b)/len(a)/len(b);  
 val=max(-1.0,min(1.0,val));  
 return acos(val);  
}   
//向量围成的平行四边形面积,b在a的逆时针方向为正，否则为负  
double area(vec a,vec b){return a\*b;}   
//点线关系(点c,直线ab)  
int cross(pit a,pit b,pit c){  
 if((b-a)\*(c-a)>eps) return 1; //c在ab的逆时针方向  
 else if((b-a)\*(c-a)<-eps) return -1; //c在ab的顺时针方向  
 return 0; //c,a,b共线  
}  
//判断点在线段上(p在ab上)  
bool onSeg(pit a,pit b,pit p){  
 return cross(a,b,p)==0&&((a-p)&(b-p))<=eps;  
}  
//OA OB扇形面积  
double sector(vec a,vec b){  
 double angle=acos((a&b)/len(a)/len(b)); //[0,pi]  
 if(a\*b<=-eps) angle=-angle;   
 return angle\*R\*R/2;  
}  
//求两直线ab,cd的交点(两点式)  
pit getNode(pit a,pit b,pit c,pit d){  
 vec u=b-a,v=d-c;  
 //assert(fabs(u\*v)<=eps); //平行 无交点  
 //if(fabs(u\*v)<=eps) return pit(NAN,NAN); //平行 无交点  
 double t=((c-a)\*v)/(u\*v);  
 return a+u\*t;  
}  
//求两直线ab,cd的交点(点向式) a起点u方向向量 c起点v方向向量  
pit getNode(pit a,vec u,pit c,vec v){  
 //assert(fabs(u\*v)<=eps); //平行 无交点  
 //if(fabs(u\*v)<=eps) return pit(NAN,NAN); //平行 无交点  
 double t=((c-a)\*v)/(u\*v);  
 return a+u\*t;  
}  
//计算线段ab与圆的交点和距离(此处的距离是有意义的距离 即线段离圆心的距离)  
double getDP2(pit a,pit b,pit& pa,pit &pb){  
 pit e=getNode(a,b-a,CO,rotate(b-a,pi/2));  
 //圆心到线段的垂足  
 double d=dis(e,CO);  
 if(!onSeg(a,b,e)) d=min(dis(a,CO),dis(b,CO)); //垂足不在线段上  
 if(R-d<=-eps) return d; //线段在圆外 0个交点  
 double h=sqrt(max(0.0,R\*R-d\*d));  
 pa=e+norm(a-b)\*h;  
 pb=e+norm(b-a)\*h;//计算两个交点  
 return d;  
}  
//计算线段ab与圆心构成的三角形与圆的面积交  
double getS(pit a,pit b){  
 if(cross(a,b,CO)==0) return 0; //case1:三点共线  
 double da=dis(a,CO),db=dis(b,CO);  
 if(R-da>=-eps&&R-db>=-eps) return (vec(a))\*(vec(b))/2; //case2:线段在圆内 构成一个三角形  
 pit pa,pb;  
 double d=getDP2(a,b,pa,pb);   
 if(R-d<=-eps) return sector(vec(a),vec(b)); //case3:线段在圆外 构成一个扇形  
 if(R-da>=-eps) return (vec(a))\*(vec(pb))/2+sector(vec(pb),vec(b)); //case4.1:a在圆内 一个三角形+扇形  
 if(R-db>=-eps) return (vec(pa))\*(vec(b))/2+sector(vec(a),vec(pa)); //case4.2:b在圆内 一个三角形+扇形  
 return (vec(pa))\*(vec(pb))/2+sector(vec(a),vec(pa))+sector(vec(b),vec(pb)); //case5:两个端点都在圆内 一个三角形+两个扇形  
}  
//极角排序  
void psort(vector<pit>& a)  
{  
 pit cen(0,0);  
 for(auto& i:a) cen=cen+i;  
 cen=cen/a.size();  
 sort(a.begin(),a.end(),[&](pit a,pit b){  
 double angA=atan2(a.y-cen.y,a.x-cen.x);  
 double angB=atan2(b.y-cen.y,b.x-cen.x);  
 return angA<angB;  
 });  
}  
double S(pit o,double r,vector<pit> a)  
{  
 for(auto& i:a) i.x-=o.x,i.y-=o.y;  
 R=r;CO=pit(0,0);  
 //psort(a); //当且仅当多边形为凸多边形且传入顺序不是正/逆时针时  
 double res=0;  
 for(int i=0;i<a.size();i++)  
 res+=getS(a[i],a[(i+1)%a.size()]);  
 return fabs(res);  
}  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 //ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
 return 0;  
}  
//三角剖分：将多边形分割成若干边 求边与圆心构成的三角形  
//通过这个三角形，求多边形与圆的面积交  
//传多边形的时候要逆时针传参(极角排序,当且仅当多边形为凸多边形时成立),同时圆心要平移到(0,0)

凸包

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
//#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
//#define double long double  
//const double eps=1e-12;  
using namespace std;  
const double eps=1e-8;  
struct vec{  
 double x,y;  
 vec(double x=0,double y=0):x(x),y(y){}  
 vec operator+(const vec& o)const{return vec(x+o.x,y+o.y);}  
 vec operator-(const vec& o)const{return vec(x-o.x,y-o.y);}  
 vec operator/(const double& o)const{return vec(x/o,y/o);} //数除  
 vec operator\*(const double& o)const{return vec(x\*o,y\*o);} //数乘  
 double operator\*(const vec& o)const{return x\*o.y-y\*o.x;} //叉积  
 double operator&(const vec& o)const{return x\*o.x+y\*o.y;} //点积  
};  
struct pit  
{  
 double x,y;  
 pit(double x=0,double y=0):x(x),y(y){}  
 vec operator-(const pit& o)const{return vec(x-o.x,y-o.y);}  
 pit operator+(const vec& o)const{return pit(x+o.x,y+o.y);}  
 pit operator+(const pit& o)const{return pit(x+o.x,y+o.y);}  
 pit operator/(const double& o)const{return pit(x/o,y/o);}  
};  
double len(const vec& o){return sqrt(o.x\*o.x+o.y\*o.y);} //向量模长  
double dis(const pit& a,const pit& b){return len(b-a);} //两点距离  
bool cmp(const pit& a,const pit& b){  
 return fabs(a.x-b.x)>=eps?a.x<b.x:a.y<b.y;  
}  
//ab x ac  
double cross(pit a,pit b,pit c){  
 return (b-a)\*(c-a);  
}  
pair<double,vector<pit>> Andrew(vector<pit> p)  
{  
 sort(p.begin(),p.end(),cmp);  
 vector<pit> st(p.size()+5,{0,0});  
 int top=0;  
 for(int i=0;i<p.size();i++)  
 {  
 while(top>1&&cross(st[top-2],st[top-1],p[i])<=eps)top--;  
 //<=eps 三点共线不算 <=-eps 三点共线算  
 st[top++]=p[i];  
 }//下凸包  
 int k=top;  
 for(int i=p.size()-2;i>=0;i--)  
 {  
 while(top>k&&cross(st[top-2],st[top-1],p[i])<=eps)top--;  
 st[top++]=p[i];  
 }//上凸包  
 double res=0;  
 for(int i=0;i<top-1;i++)res+=len(st[i+1]-st[i]);  
 st.resize(top-1);  
 return {res,st};  
}  
//计算多边形面积  
double TA(vector<pit> p)  
{  
 int n=p.size();  
 double res=0;  
 for(int i=0;i<n;i++){  
 res+=p[i].x\*p[(i+1)%n].y-p[i].y\*p[(i+1)%n].x;  
 }  
 return fabs(res)/2;  
}  
//判断凸包是否逆时针,不然要翻转  
void rev(vector<pit>& p)  
{  
 int n=p.size();  
 double res=0;  
 for(int i=0;i<n;i++){  
 res+=p[i].x\*p[(i+1)%n].y-p[i].y\*p[(i+1)%n].x;  
 }  
 if(res<=-eps) reverse(p.begin(),p.end());  
}  
//判断p点是否在三角形abc内  
bool isCon(pit a,pit b,pit c,pit p){  
 return cross(a,b,p)>=-eps&&cross(b,c,p)>=-eps&&cross(c,a,p)>=-eps;  
}  
//二分判断点是否在凸包内O(logn)  
//需保证凸包逆时针  
bool isConvex(vector<pit> p,pit a)  
{  
 int n=p.size();  
 if(n<3) return false;  
 if((p[1]-p[0])\*(a-p[0])<=-eps) return false;  
 if((p[n-1]-p[0])\*(a-p[0])>=eps) return false;  
 int l=1,r=n-1,idx=-1;  
 while(l<=r)  
 {  
 int mid=(l+r)>>1;  
 if((p[mid]-p[0])\*(a-p[0])>=-eps)  
 {  
 idx=mid;  
 l=mid+1;  
 }  
 else r=mid-1;  
 }  
 if(idx==-1||idx>=n-1) return false;  
 return isCon(p[0],p[idx],p[idx+1],a);  
}  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 //ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
   
 return 0;  
}  
//凸包：给定点集，求周长最小凸多边形围住它们 Andrew算法  
//O(nlogn)，不保证逆时针/顺时针，保证有序

向量

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
#include <cassert>  
//#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
//#define double long double  
//const double eps=1e-12;  
using namespace std;  
const double eps=1e-8;  
struct vec{  
 double x,y;  
 vec(double x=0,double y=0):x(x),y(y){}  
 vec operator+(const vec& o)const{return vec(x+o.x,y+o.y);}  
 vec operator-(const vec& o)const{return vec(x-o.x,y-o.y);}  
 vec operator/(const double& o)const{return vec(x/o,y/o);} //数除  
 vec operator\*(const double& o)const{return vec(x\*o,y\*o);} //数乘  
 double operator\*(const vec& o)const{return x\*o.y-y\*o.x;} //叉积  
 double operator&(const vec& o)const{return x\*o.x+y\*o.y;} //点积  
};  
struct pit  
{  
 double x,y;  
 pit(double x=0,double y=0):x(x),y(y){}  
 vec operator-(const pit& o)const{return vec(x-o.x,y-o.y);}  
 pit operator+(const vec& o)const{return pit(x+o.x,y+o.y);}  
 pit operator+(const pit& o)const{return pit(x+o.x,y+o.y);}  
 pit operator/(const double& o)const{return pit(x/o,y/o);}  
};  
double len(const vec& o){return sqrt(o.x\*o.x+o.y\*o.y);} //向量模长  
double dis(const pit& a,const pit& b){return len(b-a);} //两点距离  
//向量逆时针旋转theta弧度  
vec rotate(const vec& o,double theta){  
 return vec(o.x\*cos(theta)-o.y\*sin(theta),o.x\*sin(theta)+o.y\*cos(theta));  
}   
//向量单位化  
vec norm(vec a){  
 return a/len(a);  
}  
//用单位圆证明  
//向量夹角 dot(a,b)=len(a)\*len(b)\*cos(θ)  
double angle(vec a,vec b){  
 double val=(a&b)/len(a)/len(b);  
 val=max(-1.0,min(1.0,val));  
 return acos(val);  
}   
//向量围成的平行四边形面积,b在a的逆时针方向为正，否则为负  
double area(vec a,vec b){return a\*b;}   
//点线关系(点c,直线ab)  
int cross(pit a,pit b,pit c){  
 if((b-a)\*(c-a)>eps) return 1; //c在ab的逆时针方向  
 else if((b-a)\*(c-a)<-eps) return -1; //c在ab的顺时针方向  
 return 0; //c,a,b共线  
}  
//判断点在线段上(p在ab上)  
bool onSeg(pit a,pit b,pit p){  
 return cross(a,b,p)==0&&((a-p)&(b-p))<=eps;  
}  
//线线关系  
//case1:直线ab与线段cd  
bool lcross(pit a,pit b,pit c,pit d){  
 if(cross(a,b,c)\*cross(a,b,d)>0) return 0;//c,d在ab的同一侧 无交点  
 return 1; //有交点  
}  
//case2:线段ab与线段cd  
bool scross(pit a,pit b,pit c,pit d){  
 if(cross(a,b,c)\*cross(a,b,d)>0||cross(c,d,a)\*cross(c,d,b)>0) return 0;//c,d在ab 或 a,b在cd 的同一侧 无交点  
 return 1; //有交点  
}  
//case3:直线ab与直线cd  
bool pcross(pit a,pit b,pit c,pit d){  
 if(fabs((b-a)\*(d-c))<=eps) return 0; //平行 无交点  
 return 1; //有交点  
}  
//求两直线ab,cd的交点(两点式)  
pit getNode(pit a,pit b,pit c,pit d){  
 vec u=b-a,v=d-c;  
 //assert(fabs(u\*v)<=eps);  
 //if(fabs(u\*v)<=eps) return pit(NAN,NAN); //平行 无交点  
 double t=((c-a)\*v)/(u\*v);  
 return a+u\*t;  
}  
//求两直线ab,cd的交点(点向式) a起点u方向向量 c起点v方向向量  
pit getNode(pit a,vec u,pit c,vec v){  
 //assert(fabs(u\*v)<=eps);  
 //if(fabs(u\*v)<=eps) return pit(NAN,NAN); //平行 无交点  
 double t=((c-a)\*v)/(u\*v);  
 return a+u\*t;  
}  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 //ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
   
 return 0;  
}

旋转卡壳

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
//#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
#define double long double  
const double eps=1e-12;  
using namespace std;  
//const double eps=1e-8;  
const double PI=acos(-1);  
struct vec{  
 double x,y;  
 vec(double x=0,double y=0):x(x),y(y){}  
 vec operator+(const vec& o)const{return vec(x+o.x,y+o.y);}  
 vec operator-(const vec& o)const{return vec(x-o.x,y-o.y);}  
 vec operator/(const double& o)const{return vec(x/o,y/o);} //数除  
 vec operator\*(const double& o)const{return vec(x\*o,y\*o);} //数乘  
 double operator\*(const vec& o)const{return x\*o.y-y\*o.x;} //叉积  
 double operator&(const vec& o)const{return x\*o.x+y\*o.y;} //点积  
};  
struct pit  
{  
 double x,y;  
 pit(double x=0,double y=0):x(x),y(y){}  
 vec operator-(const pit& o)const{return vec(x-o.x,y-o.y);}  
 pit operator+(const vec& o)const{return pit(x+o.x,y+o.y);}  
 pit operator+(const pit& o)const{return pit(x+o.x,y+o.y);}  
 pit operator/(const double& o)const{return pit(x/o,y/o);}  
};  
double len(const vec& o){return sqrt(o.x\*o.x+o.y\*o.y);} //向量模长  
double dis(const pit& a,const pit& b){return len(b-a);} //两点距离  
bool cmp(const pit& a,const pit& b){  
 return fabs(a.x-b.x)>=eps?a.x<b.x:a.y<b.y;  
}  
//向量逆时针旋转theta弧度  
vec rotate(const vec& o,double theta){  
 return vec(o.x\*cos(theta)-o.y\*sin(theta),o.x\*sin(theta)+o.y\*cos(theta));  
}   
//ab x ac  
double cross(pit a,pit b,pit c){  
 return (b-a)\*(c-a);  
}  
//ab·ac  
double dot(pit a,pit b,pit c){  
 return (b-a)&(c-a);  
}  
vec norm(vec a){  
 return a/len(a);  
}  
pair<double,vector<pit>> Andrew(vector<pit> p)  
{  
 sort(p.begin(),p.end(),cmp);  
 vector<pit> st(p.size()+5,{0,0});  
 int top=0;  
 for(int i=0;i<p.size();i++)  
 {  
 while(top>1&&cross(st[top-2],st[top-1],p[i])<=eps)top--;  
 //<=eps 三点共线不算 <=-eps 三点共线算  
 st[top++]=p[i];  
 }//下凸包  
 int k=top;  
 for(int i=p.size()-2;i>=0;i--)  
 {  
 while(top>k&&cross(st[top-2],st[top-1],p[i])<=eps)top--;  
 st[top++]=p[i];  
 }//上凸包  
 double res=0;  
 for(int i=0;i<top-1;i++)res+=len(st[i+1]-st[i]);  
 st.resize(top-1);  
 return {res,st};  
}  
//计算多边形面积  
double TA(vector<pit> p)  
{  
 int n=p.size();  
 double res=0;  
 for(int i=0;i<n;i++){  
 res+=p[i].x\*p[(i+1)%n].y-p[i].y\*p[(i+1)%n].x;  
 }  
 return fabs(res)/2;  
}  
//判断凸包是否逆时针,不然要翻转  
void rev(vector<pit>& p)  
{  
 int n=p.size();  
 double res=0;  
 for(int i=0;i<n;i++){  
 res+=p[i].x\*p[(i+1)%n].y-p[i].y\*p[(i+1)%n].x;  
 }  
 if(res<=-eps) reverse(p.begin(),p.end());  
}  
//判断p点是否在三角形abc内  
bool isCon(pit a,pit b,pit c,pit p){  
 return cross(a,b,p)>=-eps&&cross(b,c,p)>=-eps&&cross(c,a,p)>=-eps;  
}  
//二分判断点是否在凸包内O(logn)  
//需保证凸包逆时针  
bool isConvex(vector<pit> p,pit a)  
{  
 int n=p.size();  
 if(n<3) return false;  
 if((p[1]-p[0])\*(a-p[0])<=-eps) return false;  
 if((p[n-1]-p[0])\*(a-p[0])>=eps) return false;  
 int l=1,r=n-1,idx=-1;  
 while(l<=r)  
 {  
 int mid=(l+r)>>1;  
 if((p[mid]-p[0])\*(a-p[0])>=-eps)  
 {  
 idx=mid;  
 l=mid+1;  
 }  
 else r=mid-1;  
 }  
 if(idx==-1||idx>=n-1) return false;  
 return isCon(p[0],p[idx],p[idx+1],a);  
}  
//双指针/多指针在凸包上找最优->旋转卡壳 形如一个游标卡尺绕着凸包旋转  
//旋转卡壳,用叉积可以找离一条线垂直最高或最低，用点积可以找离一条线水平最左或最右的点（点积的几何意义是b在a的投影长度)  
pair<double,vector<pit>> rot(vector<pit> p)  
{  
 double ans=1e14;vector<pit> fin(4);  
 int n=p.size(),a=1,b=1,c;  
 for(int i=0;i<n;i++)  
 {  
 while(cross(p[i],p[(i+1)%n],p[a])-cross(p[i],p[(i+1)%n],p[(a+1)%n])<=-eps) a=(a+1)%n;  
 while(dot(p[i],p[(i+1)%n],p[b])-dot(p[i],p[(i+1)%n],p[(b+1)%n])<=-eps) b=(b+1)%n;  
 if(i==0) c=a;  
 while(dot(p[(i+1)%n],p[i],p[c])-dot(p[(i+1)%n],p[i],p[(c+1)%n])<=-eps) c=(c+1)%n;  
 double d=dis(p[i],p[(i+1)%n]);  
 double H=fabs(cross(p[a],p[i],p[(i+1)%n]))/d;  
 double R=dot(p[i],p[(i+1)%n],p[b])/d;  
 double L=dot(p[(i+1)%n],p[i],p[c])/d;  
 if(ans>(R+L-d)\*H)  
 {  
 ans=(R+L-d)\*H;  
 vec nor1=norm(p[(i+1)%n]-p[i]);//i->i+1  
 vec nor2=norm(p[i]-p[(i+1)%n]);//i+1->i  
 fin[0]=p[i]+nor1\*R;  
 fin[1]=p[(i+1)%n]+nor2\*L;  
 fin[2]=fin[1]+rotate(nor1,PI/2)\*H;  
 fin[3]=fin[0]+rotate(nor1,PI/2)\*H;  
 }  
 }  
 return {ans,fin};  
}  
void zero(pit& a)  
{  
 if(fabs(a.x)<eps) a.x=0;  
 if(fabs(a.y)<eps) a.y=0;  
}  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 //ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
 int n;cin>>n;  
 vector<pit> p(n);  
 for(int i=0;i<n;i++)cin>>p[i].x>>p[i].y;  
 auto [\_,st]=Andrew(p);  
 auto [ans,fin]=rot(st);  
 printf("%.5Lf\n",ans);  
 int k=0;  
 reverse(fin.begin(),fin.end());  
 for(int i=0;i<=3;i++) if(cmp(fin[i],fin[k])) k=i;  
 for(int i=k;i<=k+3;i++)   
 {  
 zero(fin[i%4]);  
 printf("%.5Lf %.5Lf\n",fin[i%4].x,fin[i%4].y);  
 }  
 return 0;  
}  
//凸包：给定点集，求周长最小凸多边形围住它们 Andrew算法  
//O(nlogn)，不保证逆时针/顺时针，保证有序

极角排序

#include <algorithm>  
#include <bitset>  
#include <cmath>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <cstring>  
#include <ctime>  
#include <deque>  
#include <map>  
#include <iostream>  
#include <queue>  
#include <set>  
#include <stack>  
#include <vector>  
#include <array>  
#include <unordered\_map>  
#include <numeric>  
#include <functional>  
#include <ranges>  
#include <iomanip>  
//#define int long long //赫赫 要不要龙龙呢  
//#define double long double  
//const double eps=1e-12;  
using namespace std;  
struct vec{  
 double x,y;  
 vec(double x=0,double y=0):x(x),y(y){}  
 vec operator+(const vec& o)const{return vec(x+o.x,y+o.y);}  
 vec operator-(const vec& o)const{return vec(x-o.x,y-o.y);}  
 vec operator/(const double& o)const{return vec(x/o,y/o);} //数除  
 vec operator\*(const double& o)const{return vec(x\*o,y\*o);} //数乘  
 double operator\*(const vec& o)const{return x\*o.y-y\*o.x;} //叉积  
 double operator&(const vec& o)const{return x\*o.x+y\*o.y;} //点积  
};  
struct pit  
{  
 double x,y;  
 pit(double x=0,double y=0):x(x),y(y){}  
 vec operator-(const pit& o)const{return vec(x-o.x,y-o.y);}  
 pit operator+(const vec& o)const{return pit(x+o.x,y+o.y);}  
 pit operator+(const pit& o)const{return pit(x+o.x,y+o.y);}  
 pit operator/(const double& o)const{return pit(x/o,y/o);}  
};  
void psort(vector<pit>& a)  
{  
 pit cen(0,0);  
 for(auto& i:a) cen=cen+i;  
 cen=cen/a.size();  
 sort(a.begin(),a.end(),[&](pit a,pit b){  
 double angA=atan2(a.y-cen.y,a.x-cen.x);  
 double angB=atan2(b.y-cen.y,b.x-cen.x);  
 return angA<angB;  
 });  
}  
signed main()  
{  
 int T\_start=clock();  
 //freopen("in.txt","r",stdin);  
 //freopen("out.txt","w",stdout);  
 //ios::sync\_with\_stdio(false),cin.tie(0),cout.tie(0);  
   
 return 0;  
}  
//极角排序：将点按照极角排序(逆时针)，即以某点为极点，将点按照与x轴的夹角从小到大排序