МИНОБРНАУКИ РОССИИ САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ «ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА) Кафедра МО ЭВМ

ОТЧЕТ

по лабораторной работе №1 по дисциплине «Построение и анализ алгоритмов»

Тема: Поиск с возвратом

| Студентка гр. 8304 | Сани З. Б. |
|--------------------|---------------------|
| Преподаватель | Размочаева Н. В |

Санкт-Петербург 2020

Цель работы.

Ознакомиться с алгоритмом поиска с возвратом. Научиться применять его для решения задач, а также оценивать временную сложность алгоритма.

Постановка задачи.

Вариант 2р. Рекурсивный бэктрекинг. Исследование времени выполнения от размера квадрата

Входные данные:

Размер столешницы – одно целое число $N \ (2 \le N \le 20)$.

Выходные данные:

Одно число K, задающее минимально количество обрезков (квадратов), из которых можно построить столешницу (квадрат) заданного размера N. Далее должны идти K строк, каждая из которых должна содержать три целых числа x, y и w, задающие координаты левого верхнего угла ($1 \le x, y \le N$) и длину стороны соответствующего обрезка (квадрата).

Описание алгоритма.

Для решения поставленной задачи рассмотрим задачу разбиения квадрата размера N*N на минимальное кол-во квадратов. И рассмотрим соответственно два случая: когда квадрат можно оптимально разбить и когда разбиение происходит посредством бэктрекинга с предварительной подготовкой для дополнительной оптимизации.

Алгоритм разбиения:

- 1) Если квадрат оптимальный (т.е. сторона квадрата делится на 2, 3 или 5), тогда алгоритм за O(1) вычисляет разбиение и завершает работу.
- 2) Если квадрат неоптимальный (т.е. сторона не делится без остатка на 2, 3 или 5), запускается оптимизированный алгоритм разбиения:
 - а. Исходный квадрат делится на 3 полных квадрата и на неполный квадрат.
 - b. Для неполного квадрата запускается бэктрекинг. В результате находим минимальное разбиение.

Разбиение представлено на рисунке 1.

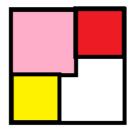


Рисунок 1 – Разбиение квадрата

Анализ алгоритма.

Для оптимальных квадратов алгоритм находит решение за O(1) (т.е. сторона квадрата делится на 2, 3 или 5). Для неоптимальных — в следствие изначальной оптимизации площадь квадрата для бэктрекинга примерно равна $\frac{1}{4}$ исходной площади, что существенно сокращает его время работы. Так как алгоритм рекурсивный и содержит циклы, точную оценку времени работы бэктрекинга дать сложно. Наибольшее время работы будет для квадратов, у которых длина стороны является простым числом. Алгоритм использует $O(n^2)$ памяти.

Описание функций и СД.

Для решения поставленной задачи был реализован класс Track.

Данный класс содержит метод вывода на экран результата решения (минимальное число квадратов, их координаты и длину стороны), методы, используемые для реализации бэктрекинга:

• void paintSquare(int x, int y, int length);

Функция раскраски квадрата. Принимает левый верхний угол квадрата и длину стороны. Возвращаемое значение отсутсвует.

• bool findAvaibleCoordinate(int x, int y, int& savedX, int& savedY);

Функция поиска доступной координаты для квадрата. Принимает точку начала поиска и две ссылки для координаты. Возвращает true в случае удачного поиска.

• bool canPaintSquare(int x, int y, int length);

Функция проверки возможность закрасить квадрат. Принимает координаты левого верхнего угла квадрата и длину стороны. Возвращает значение типа bool.

• void clearSquare(int x, int y, int len);

Функция отчистки раскраски квадарата. Принимает левый верхний угол квадрата и длину его стороны. Возвращаемое значение отсутсвует.

• void checkMinSquare();

Функция для проверки, является ли данное разбиение минимальным. Не

принимает значения. Возвращаемое значение отсутствует. Промежуточные решения хранятся в двумерном массиве.

• void writeRes();

Функция для вывода результата работы на экран. Не принимает значения. Возвращаемое значение отсутствует.

• void **backtracking**(int length, int x, int y)

Функция бэктрекинга принимает на вход длину квадрата, и координаты левого верхнего угла, возвращаемое значение отсутствует. Функция записывает промежуточные данные и результат в поля класса.

Спецификация программы.

Программа предназначена для нахождения минимального способа разбиения квадрата на меньшие квадраты. Программа написана на языке C++. Входными данными является число N (сторона квадрата), выходными – минимальное количество меньших квадратов и К строк, содержащие координаты левого верхнего угла и длину стороны соответствующего квадрата. Результат работы программы представлен на рис. 2.

```
Enter square size between 2-40: 7
9
1 1 4
5 1 3
1 5 3
5 4 2
7 4 1
4 5 1
7 5 1
4 6 2
6 6 2

Time: 0.000101

Program ended with exit code: 0
```

Рисунок 2 – Результат работы программы

Выводы.

В ходе выполнения данной лабораторной работы был реализован алгоритм рекурсивного бэктрекинга, получены навыки решения задач с помощью алгоритма поиска с возвратом и дана оценка времени работы алгоритма.

ПРИЛОЖЕНИЕ А. ИСХОДНЫЙ КОД ПРОГРАММЫ

main.cpp.

Track::~Track()

```
#include <iostream>
#include <Windows.h>
#include "Track.h"
int main() {
       int n = 0;
       std::cin >> n;
       if (n < 2 || n > 40) {
               std::cout << "\nInvalid input";</pre>
               exit(1);
       Track track(n);
       if (n % 2 == 0 || n % 3 == 0 || n % 5 == 0) {
              track.optimalSolution;
       }
       else {
              auto startTime = clock();
              track.startBacktracking();
              auto endTime = clock();
              std::cout<<"\nTime: "<<(double)(endTime-startTime)/CLOCKS_PER_SEC;</pre>
       }
       std::cout << std::endl;</pre>
       return 0;
}
       track.cpp
#include "Track.h"
Track::Track(int length)
       this->length = length;
       buffSquare = new Square * [length];
       minSquare = new Square * [length];
       for (auto i = 0; i < length; ++i) {
               buffSquare[i] = new Square[length];
               minSquare[i] = new Square[length];
       }
       minSquareNum = length * length;
       squareCount = 0;
}
```

```
{
       for (auto i = 0; i < length; ++i) {
              delete[] buffSquare[i];
              delete[] minSquare[i];
       }
       delete[] buffSquare;
       delete[] minSquare;
}
void Track::startBacktracking()
{
       paintSquare(0, 0, length / 2 + 1);
       paintSquare(length / 2 + 1, 0, length / 2);
       paintSquare(0, length / 2 + 1, length / 2);
       backtracking(length / 2, length / 2, length / 2);
       writeRes();
}
void Track::paintSquare(int x, int y, int length)
{
       ++squareCount;
       for (auto i = y; i < y + length; ++i) {
              for (auto j = x; j < x + length; ++j) {
                      buffSquare[i][j].size = length;
                      buffSquare[i][j].number = squareCount;
              }
       }
}
void Track::backtracking(int length, int x, int y)
       if (squareCount >= minSquareNum) {
              return;
       }
       int savedX;
       int savedY;
       if (findAvaibleCoordinate(x, y, savedX, savedY)) {
              for (auto len = length; len > 0; --len) {
                      if (canPaintSquare(savedX, savedY, len)) {
                             backtracking(length, x, savedY);
                             clearSquare(savedX, savedY, len);
                      }
              }
              return;
       checkMinSquare();
}
bool Track::findAvaibleCoordinate(int x, int y, int& savedX, int& savedY)
{
```

```
for (auto i = y; i < length; ++i) {
               for (auto j = x; j < length; ++j) {
                      if (buffSquare[i][j].size == 0) {
                              savedX = j;
                              savedY = i;
                              return true;
                      }
               }
       }
       return false;
}
bool Track::canPaintSquare(int x, int y, int length)
{
       if (x + length > this \rightarrow length | | y + length > this \rightarrow length) {
               return false;
       }
       for (auto i = y; i < y + length; ++i) {
               for (int j = x; j < x + length; ++j) {
                      if (buffSquare[i][j].size != 0) {
                              return false;
                      }
               }
       }
       paintSquare(x, y, length);
       return true;
}
void Track::clearSquare(int x, int y, int len)
{
       for (auto i = y; i < y + len; ++i) {
               for (int j = x; j < x + len; ++j) {
                      buffSquare[i][j].number = 0;
                      buffSquare[i][j].size = 0;
               }
       }
       --squareCount;
}
void Track::checkMinSquare()
       if (squareCount < minSquareNum) {</pre>
               minSquareNum = squareCount;
               for (auto i = 0; i < length; ++i) {
                      for (int j = 0; j < length; ++j) {
                              minSquare[i][j] = buffSquare[i][j];
                      }
               }
       }
}
```

```
void Track::writeRes()
{
       std::cout << minSquareNum << std::endl;</pre>
       for (auto i = 1; i <= minSquareNum; ++i) {</pre>
              for (auto y = 0; y < length; ++y) {
                     int len = 0;
                     for (auto x = 0; x < length; ++x) {
                             if (minSquare[y][x].number == i) {
                                    len = minSquare[y][x].size;
                                    std::cout << x + 1 << " " << y + 1 << " " << len << std::endl;
                                    break;
                             }
                     }
                     if (len) {
                             break;
                     }
              }
       }
}
void Track::optimalSolution() {
       int n = length;
       if (n % 2 == 0) {
              std::cout << "4\n";
              std::cout << "1 1 " << n / 2 << std::endl;
              std::cout << 1 + n / 2 << " 1 " << n / 2 << std::endl;
              std::cout << "1 " << 1 + n / 2 << " " << n / 2 << std::endl;
              std::cout << 1 + n / 2 << " " << 1 + n / 2 << " " << n / 2 << std::endl;
       else if (n \% 3 == 0) {
              std::cout << "6\n";
              std::cout << "1 1 " << 2 * n / 3 << std::endl;
              std::cout << 1 + 2 * n / 3 << " 1 " << n / 3 << std::endl;
              std::cout << "1 " << 1 + 2 * n / 3 << " " << n / 3 << std::endl;
              std::cout << 1 + 2 * n / 3 << " " << 1 + n / 3 << " " << n / 3 << std::endl;
              std::cout << 1 + n / 3 << " " << 1 + 2 * n / 3 << " " << n / 3 << std::endl;
              std::cout << 1 + 2 * n / 3 << " " << 1 + 2 * n / 3 << " " << n / 3 << std::endl;
       else if (n % 5 == 0) {
              std::cout << "8\n";
              std::cout << "1 1 " << 3 * n / 5 << std::endl;
              std::cout << 1 + 3 * n / 5 << " 1 " << 2 * n / 5 << std::endl;
              std::cout << "1 " << 1 + 3 * n / 5 << " " << 2 * n / 5 << std::endl;
              std::cout << 1 + 3 * n / 5 << " " << 1 + 3 * n / 5 << " " << 2 * n / 5 << std::endl;
              std::cout << 1 + 2 * n / 5 << " " << 1 + 3 * n / 5 << " " << n / 5 << std::endl;
              std::cout << 1 + 2 * n / 5 << " " << 1 + 4 * n / 5 << " " << n / 5 << std::endl;
              std::cout << 1 + 3 * n / 5 << " " << 1 + 2 * n / 5 << " " << n / 5 << std::endl;
              std::cout << 1 + 4 * n / 5 << " " << 1 + 2 * n / 5 << " " << n / 5 << std::endl;
       }
}
```

track.h

```
#include <iostream>
struct Square
{
       Square()
              size = 0;
              number = 0;
       }
       int size;
       int number;
};
class Track
public:
       Track(int length);
       ~Track();
       void startBacktracking();
private:
       void paintSquare(int x, int y, int length);
       void backtracking(int length, int x, int y);
       bool findAvaibleCoordinate(int x, int y, int& savedX, int& savedY);
       bool canPaintSquare(int x, int y, int length);
       void clearSquare(int x, int y, int len);
       void checkMinSquare();
       void writeRes();
private:
       Square** buffSquare;
       Square** minSquare;
       int length;
       int minSquareNum;
       int squareCount;
};
```