

Ciências Exatas e Tecnológicas Métodos Numéricos Prof^a Zeliane

Formulário

Método de Newton-Raphson

$$x_n = x_{n-1} - \left(\frac{f(x_{n-1})}{f'(x_{n-1})}\right)$$

Ajuste de Curvas

Por Reta: $Y = a_1.X + a_0$

$$a_{1} = \frac{n \cdot \sum X_{i} Y_{i} - \sum X_{i} \sum Y_{i}}{n \cdot \sum X_{i}^{2} - \left(\sum X_{i}\right)^{2}} \quad e \quad a_{0} = \frac{\sum Y_{i} - \left(\sum X_{i}\right) a_{1}}{n}$$

Por Parábola: $Y = a_2 X^2 + a_1 X + a_0$

$$\begin{cases}
(n)a_0 + \left(\sum X_i\right)a_1 + \left(\sum X_i^2\right)a_2 = \sum Y_i \\
\left(\sum X_i\right)a_0 + \left(\sum X_i^2\right)a_1 + \left(\sum X_i^3\right)a_2 = \sum X_iY_i \\
\left(\sum X_i^2\right)a_0 + \left(\sum X_i^3\right)a_1 + \left(\sum X^4\right)a_2 = \sum X_i^2Y_i
\end{cases}$$

Por Exponencial:
$$Y = a_0.e^{a_1X}$$
 \longrightarrow $\ln(Y) \approx \ln(a_0) + a_1X$
$$Y = a_0.a_1^X \longrightarrow \ln(Y) \approx \ln(a_0) + X \ln(a_1)$$

Por Potencial : $Y = a_0.X^{a_1} \longrightarrow \ln(Y) \approx \ln(a_0) + a_1 \ln(X)$

Integração Numérica

$$I_T = \frac{h}{2} (y_1 + 2y_2 + 2y_3 + ... + 2y_n + y_{n+1})$$

$$I_S = \frac{h}{3} (y_1 + 4y_2 + 2y_3 + 4y_4 + 2y_5 + \dots + 2y_{n-1} + 4y_n + y_{n+1})$$

onde
$$h = \frac{(b-a)}{n}$$

Método de Euler

Para i = 1,...,n

$$y_{i+1} = y_i + hf(x_i, y_i)$$

$$x_{i+1} = x_i + h$$

onde
$$h = \frac{(b-a)}{n}$$