

Full Permutation

全排列

问题:

求拥有 n 个不同元素的集合 $s = [x_1, x_2, x_3, \dots, x_n]$ 的所有全排列。

解法:

网上大部分的实现都是用递归来依次交换相邻的元素，得到全排列。本文会给出一个更加直观简单的算法。本章中的其他算法也会依赖这个算法。

对于拥有 5 个元素的集合 s ，将其初始化为 $[x_1, x_2, x_3, x_4, x_5]$ ，选取第 1 个元素 x_1 ，依次将 x_1 与它后面的元素交换位置，直到将 x_1 移动到尾部。得到的排列为：

$[x_2, x_1, x_3, x_4, x_5]$

$[x_2, x_3, x_1, x_4, x_5]$

$[x_2, x_3, x_4, x_1, x_5]$

$[x_2, x_3, x_4, x_5, x_1]$

然后继续选取第 1 个元素 x_2 ，像对 x_1 一样进行相同的操作，依次将 x_2 与它后面的元素交换位置，直到将 x_2 移动到尾部，可以得到一组排列。重复这样的交换操作，直到得到的排列和初始状态的排列 $[x_1, x_2, x_3, x_4, x_5]$ 一样，算法结束。

对于拥有 5 个元素的集合 s ，外部选取第 1 个元素的操作需要重复 5 次，即依次选取 x_1 、 x_2 、 x_3 、 x_4 、 x_5 。选取第 1 个元素之后，内部的交换操作需要进行 4 次。对于拥有 n 个元素的集合 s ，外部选取操作重复 n 次，内部交换操作重复 $n - 1$ 次。

以上过程中，每次交换元素，都会产生一个新的排列，且所有排列两两不相同，是集合 s 的所有全排列。该算法的时间复杂度为 $O(n^2)$ 。