# MF\_Model

本仓库包含基于矩阵分解的推荐算法,主要为传统矩阵分解: FunkSVD, UBV。以及异质评分跨域矩阵分解: TMF, TCF, ITCF。

# Funk\_SVD

#### 矩阵分解算法

设评分矩阵为R,用户隐特征矩阵为P,物品隐特征矩阵为Q,则 $R=Q^TP$ ,用户u对商品i的评分为 $r_{ui}$ ,那么UV分解算法的目标函数如下:

$$\min_{q^*,p^*} \sum_{(u,i) \in \kappa} \left(r_{ui} - q_i^T p_u
ight)^2 + \lambda \left(\left\|q_i
ight\|^2 + \left\|p_u
ight\|^2
ight)$$

相关更新公式如下:

$$egin{aligned} e_{ui} &= r_{ui} - q_i^T p_u \ & \ q_i \leftarrow q_i + \gamma \left( e_{ui} p_u - \lambda q_i 
ight) \ & \ p_u \leftarrow p_u + \gamma \left( e_{ui} q_i - \lambda p_u 
ight) \end{aligned}$$

## **UBV**

#### 矩阵三因子分解

设评分矩阵为R,用户隐特征矩阵为U,物品隐特征矩阵为V,则 $R=UBV^T$ ,用户u对商品i的评分为 $r_{ui}$ ,那么UBV分解算法的目标函数如下:

$$egin{aligned} \min_{U \geq 0, V \geq 0, B \geq 0} T &= \left\| M - UBV^t 
ight\|_F^2 \ ext{s.t.} \quad U^t U &= ext{I}, V^t V = ext{I} \end{aligned}$$

相关更新公式如下:

$$V_{ij} \leftarrow V_{ij} \sqrt{\frac{(M^t U B)_{ij}}{(V V^t M^t U B)_{ij}}}$$
 $U_{ij} \leftarrow U_{ij} \sqrt{\frac{(M V B^t)_{ij}}{(U U^t M V B^t)_{ij}}}$ 
 $B_{ij} \leftarrow B_{ij} \sqrt{\frac{(U^t M V)_{ij}}{(U^t U B V^t V)_{ij}}}$ 

### **TMF**

参考文献: Mixed factorization for collaborative recommendation with heterogeneous explicit feedbacks

# **TCF**

参考文献: Transfer Learning to Predict Missing Ratings via Heterogeneous User Feedbacks

# **ITCF**

参考文献: Interaction-Rich Transfer Learning for Collaborative Filtering with Heterogeneous User

Feedback