Formale Systeme, Automaten, Prozesse Übungsblatt 7

Tim Luther, 410886 Til Mohr, 405959 Simon Michau, 406133

Tutorium 11

Aufgabe H19

Aufgabe H20

- 1. Grammatik in Chomsky-Normalform
 - Gegeben ist folgende kontextfreie Grammatik:

$$\begin{array}{lll} S & \to K^+ \mid K^+ \vee D \mid K \vee S \\ K^+ \to P^+ \mid P^+ \wedge K^+ \\ P^+ \to 1 \mid (S) \mid \neg P^- \\ P^- \to 0 \mid (D^-) \mid \neg P^+ \\ D^- \to K^- \mid K^- \vee D^- \\ K^- \to P^- \mid P^- \wedge K \mid P \wedge K^- \\ D & \to S \mid D^- \\ K & \to K^+ \mid K^- \\ P & \to P^+ \mid P^- \end{array}$$

• Ersetzen der Terminalsymbole durch neue Nichtterminalsymbole:

$$\begin{split} S & \rightarrow K^{+} \mid K^{+}R_{\vee}D \mid KR_{\vee}S \\ K^{+} \rightarrow P^{+} \mid P^{+}R_{\wedge}K^{+} \\ P^{+} \rightarrow R_{1} \mid R_{(}SR_{)} \mid R_{\neg}P^{-} \\ P^{-} \rightarrow R_{0} \mid R_{(}D^{-}R_{)} \mid R_{\neg}P^{+} \\ D^{-} \rightarrow K^{-} \mid K^{-}R_{\vee}D^{-} \\ K^{-} \rightarrow P^{-} \mid P^{-}R_{\wedge}K \mid PR_{\wedge}K^{-} \\ D & \rightarrow S \mid D^{-} \\ K & \rightarrow K^{+} \mid K^{-} \\ P & \rightarrow P^{+} \mid P^{-} \\ R_{1} \rightarrow 1 \\ R_{0} \rightarrow 0 \\ R_{(} \rightarrow (\\ R_{)} \rightarrow) \\ R_{\wedge} \rightarrow \wedge \\ R_{\vee} \rightarrow \vee \\ R_{\neg} \rightarrow \neg \end{split}$$

• Hinzufügung neuer Nonterminale, falls Nonterminal auf mehr als zwei andere Nonterminale ableitet:

$$\begin{array}{l} S & \rightarrow K^+ \mid K^+A \mid KB \\ A \rightarrow R_{\vee}D \\ B \rightarrow R_{\vee}S \end{array}$$

Formale Systeme, Automaten, Prozesse Übungsblatt 7 Tutorium 11

Tim Luther, 410886 Til Mohr, 405959 Simon Michau, 406133

 $K^+ \rightarrow P^+ \mid P^+ C$ $C \to R_{\wedge} K^+$ $P^+ \rightarrow R_1 \mid R_0 E \mid R_{\neg} P^ E \to SR_1$ $P^- \rightarrow R_0 \mid R_0 F \mid R_{\neg} P^+$ $F \to D^- R_1$ $D^- \rightarrow K^- \mid K^- G$ $G \to R_{\lor}D^ K^- \rightarrow P^- \mid P^- H \mid PI$ $H \to R_{\wedge} K$ $I \to R_{\wedge} K^ D \rightarrow S \mid D^ K \rightarrow K^+ \mid K^ P \rightarrow P^+ \mid P^ R_1 \rightarrow 1$ $R_0 \to 0$ $R_{\ell} \rightarrow \ell$ $R_1 \rightarrow$ $R_{\wedge} \rightarrow \wedge$ $R_{\vee} \rightarrow \vee$ $R_{\neg} \rightarrow \neg$

 Auflösen der Kettenregel durch Hinzufügung neuer Ableitun gen:

$$\begin{split} S & \to K^+ \mid K^+A \mid KB \mid P^+ \mid P^+A \mid P^+C \mid R_1C \mid R_CE \mid \\ R_\neg P^- \mid R_\neg R_0 \mid K^+B \mid K^-B \mid P^+B \mid R_1B \mid P^-B \mid R^0B \mid \\ R^1A \\ A & \to R_\lor D \mid R_\lor S \mid R_\lor D^- \mid R_\lor K^- \mid R_\lor P^- \mid R_\lor R_0 \\ B & \to R_\lor S \\ K^+ & \to P^+ \mid P^+C \mid R_1C \\ C & \to R_\land K^+ \mid R_\land P^+ \mid R_\land R_1 \\ P^+ & \to R_1 \mid R_(E \mid R_\neg P^- \mid R_\neg R_0 \\ E & \to SR_) \\ P^- & \to R_0 \mid R_(F \mid R_\neg P^+ \mid R_\neg R_1 \\ F & \to D^-R_) \mid K^-R_0 \mid P^-R_0 \mid R_0R_0 \\ D^- & \to K^- \mid K^-G \mid P^-G \mid R_0G \\ G & \to R_\lor D^- \mid R_\lor K^- \mid R_\lor P^- \mid R_\lor R_0 \\ K^- & \to P^- \mid P^-H \mid PI \mid R_0 \mid R_0H \mid P^+I \mid P^-I \mid R_1I \mid R_0I \\ H & \to R_\land K \mid R_\land K^+ \mid R_\land K^- \mid R_\land P^+ \mid R_\land R_1 \mid R_\land P^- \mid R_\land R_0 \\ I & \to R_\land K^- \mid R_\land P^- \mid R_\land R_0 \end{split}$$

Formale Systeme, Automaten, Prozesse Übungsblatt 7

Tutorium 11

Tim Luther, 410886 Til Mohr, 405959 Simon Michau, 406133

$$\begin{array}{ll} D & \to S \mid D^- \mid K^- \mid P^- \mid R_0 \\ K & \to K^+ \mid K^- \mid P^+ \mid R_1 \mid P^- \mid R_0 \\ P & \to P^+ \mid P^- \mid R_1 \mid R_0 \\ R_1 \to 1 \\ R_0 \to 0 \\ R_{(} \to (\\ R_{)} \to) \\ R_{\wedge} \to \wedge \\ R_{\vee} \to \vee \\ R_{\neg} \to \neg \end{array}$$

• Streichen der Kettenregeln und fertige Chomsky-Normalform: $S \rightarrow K^+A \mid KB \mid P^+A \mid P^+C \mid R_1C \mid R_0E \mid R_0P^- \mid$

$$R_{\neg}R_{0} \mid K^{+}B \mid K^{-}B \mid P^{+}B \mid R_{1}B \mid P^{-}B \mid R^{0}B \mid R^{1}A$$

$$S \to 1$$

$$A \to R_{\lor}D \mid R_{\lor}S \mid R_{\lor}D^{-} \mid R_{\lor}K^{-} \mid R_{\lor}P^{-} \mid R_{\lor}R_{0}$$

$$B \to R_{\lor}S$$

$$K^{+} \to P^{+}C \mid R_{1}C$$

$$C \to R_{\land}K^{+} \mid R_{\land}P^{+} \mid R_{\land}R_{1}$$

$$P^{+} \to R_{(}E \mid R_{\neg}P^{-} \mid R_{\neg}R_{0}$$

$$E \to SR_{)}$$

$$P^{-} \to R_{(}F \mid R_{\neg}P^{+} \mid R_{\neg}R_{1}$$

$$F \to D^{-}R_{)} \mid K^{-}R_{)} \mid P^{-}R_{)} \mid R_{0}R_{)}$$

$$D^{-} \to K^{-}G \mid P^{-}G \mid R_{0}G$$

$$G \to R_{\lor}D^{-} \mid R_{\lor}K^{-} \mid R_{\lor}P^{-} \mid R_{\lor}R_{0}$$

$$K^{-} \to P^{-}H \mid PI \mid R_{0}H \mid P^{+}I \mid P^{-}I \mid R_{1}I \mid R_{0}I$$

$$H \to R_{\land}K \mid R_{\land}K^{+} \mid R_{\land}K^{-} \mid R_{\land}P^{+} \mid R_{\land}R_{1} \mid R_{\land}P^{-} \mid R_{\land}R_{0}$$

$$I \to R_{\land}K^{-} \mid R_{\land}P^{-} \mid R_{\land}R_{0}$$

$$R_{1} \to 1$$

$$R_{0} \to 0$$

$$R_{(} \to ($$

$$R_{)} \to)$$

$$R_{\land} \to \land$$

2. Grammatik in Greibach-Normalform:

 $\begin{array}{c} R_{\vee} \rightarrow \vee \\ R_{\neg} \rightarrow \neg \end{array}$

Aufgabe H21

Formale Systeme, Automaten, Prozesse Übungsblatt 7

Tutorium 11

Tim Luther, 410886 Til Mohr, 405959 Simon Michau, 406133

a) Bewertung: x/10

•

b) Bewertung: x/10

•

c) Bewertung: x/10

•