Aufgabe 5

Sei x unser Eingabewort.

Ausgang

- Eingabe x liegt auf Band 1.
- Kopf k1 für Band 1 liegt auf dem ersten Zeichen von x, Kopf k2 für Band 2 liegt über dem letzten Zeichen von x (Kann man auch in $\mathcal{O}(|x|)$ einstellen).

Funktionsweise

- (i) Lese Zeichen $(x)_i$ von k1 und schreibe es auf k2.
- (ii) Schiebe k1 nach Rechts, k2 nach links.
- (iii) Gehe zu 1), falls k1 nicht auf B liegt.
- (iv) Schiebe k1 wieder einmal nach Links und k2 solange nach Rechts, bis es auf B liegt. Dann wieder einmal nach Links (k1 und k2 liegen also übereinander).
- (v) Vergleiche Zeichen unter k1 und k2. Verwerfe, wenn Zeichen ungleich. Sonst schiebe beide Köpfe nach links und wiederhole solange, bis beide auf B liegen. Dann akzeptiere.

Speicherbedarf

Der Speicherbedarf liegt offentsichtlich hier bei $2 \cdot |x|$. Einmal zur Speicherung des Eingabewortes ww^{-1} auf Band 1 und einmal um das Invertiere Eingabewort, also x^{-1} auf Band 2 zu speichern.

Laufzeit

Die Ausgangssituation der Köpfe kann man, wenn nicht schon eingestellt, manuell in $\mathcal{O}(|x|)$ einstellen (abhängig, wie die Köpfe eben am Anfang stehen).

Das Kopieren das Zeichens unter k1 auf k2 geht in konstanter Zeit.

Dann wird k1 und k2 insgesamt |x| Mal verschoben, also liegt unser Vorgang, um x invertiert auf Band 2 zu schreiben in $\mathcal{O}(|x|)$.

Unsere Überprüfung, ob das Eingabewort wirklich ein Palidrom wie in der Aufgabenstellung definiert ist geht auch in $\mathcal{O}(|x|)$, da wir das Wort nur von Rechts nach Links durchgehen.

Unsere gesamte Laufzeit liegt somit auch in $\mathcal{O}(|x|)$.

BuK WS 2020/21 Tutorium 99 18. November 2020

Übungsblatt 1

Til Mohr, 405959 Andrés Montoya, 405409 Marc Ludevid Wulf, 405401

Aufgabe 6

Aufgabe 7

a) R ist offensichtlich eine Teilmenge von R'^* mit $R' \coloneqq \{a, b, c, *, +, (,), \emptyset\}$. Zeigen wir also, dass R'^* abzählbar ist, so muss R auch abzählbar sein: Sei $h: R' \to 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7$ (bijektiv) mit:

$$h(a) = 0$$
 $h(b) = 1$ $h(c) = 2$ $h(*) = 3$
 $h(+) = 4$ $h(() = 5$ $h()) = 6$ $h(\emptyset) = 7$

Dann gibt es eine surjektive Funktion $f: R'^* \to \mathbb{N}$. Sei hier $r \in R'^*$ mit $n \coloneqq |r|$ und $r = r_1...r_n$ mit $\forall_{i \in 1...n}: r_i \in R'$:

$$f(r) = \sum_{i=0}^{n} h(r_i) \cdot 8^i$$

Damit ist also ${R^\prime}^*$ abzählbar, wodurch auch R abzählbar sein muss.

- b)
- c)