### Aufgabe 1

Damit L entscheidbar ist, muss es eine TM M geben, sodass L(M) = L. M würde also entscheiden, ob der Weihnachtsmann existiert oder nicht.

L ist damit genau dann entscheidbar, wenn wir wissen, ob der Weihnachtsmann existiert oder nicht.

## Aufgabe 2

### **Formalisierung**

Wir haben Eingabewörter  $w_i \in \{0,1\}^*$  und TMs  $M_i$ . Eine Eingabe  $w_i$  wird genau dann akzeptiert, wenn alle  $M_j$   $w_i$  akzeptieren mit  $0 \le j \le i$ . Kann man entscheiden, welche  $w_i$  alle akzeptiert werden?

⇒ Diagonalisierung

### Lösung

Konstruiere Mehrband-Band-TM M' mit folgender Funktionsweise auf einer Eingabe  $w_i$  auf Band 0:

- (i) Entnehme i aus der Eingabe  $w_i$  und hinterlege es auf einem Band als j.
- (ii) Lies j und bekomme  $M_j$ .
- (iii) Führe auf der Originaleingabe  $w_j$  auf  $M_i j$  aus.
  - Falls  $M_j$  verwirft, soll auch M' verwerfen.
  - Falls  $M_j$  akzeptiert und j = 0, soll M' verwerfen.
  - Falls  $M_j$  akzeptiert und j > 0, soll j um 1 reduziert werden, dann ab 2) fortgefahren werden.

#### Korrektheit

 $w_i$  wird akzeptiert  $\Rightarrow$  Alle  $M_j$  mit  $0 \le j \le i$  akzeptieren  $w_i \Rightarrow M'$  akzeptiert  $w_i$ .  $w_i$  wird verworfen  $\Rightarrow$  Es mind. j in  $0 \le j \le i$ , sodass  $M_j$  auf  $w_i$  verwirft  $\Rightarrow M'$  verwirft  $w_i$ .

# Aufgabe 3

- a) Ja,  $L_1$  ist entscheidbar. Denn sei M' eine TM. M' kann sich einfach die Codierung von jedem  $\langle M \rangle$  ansehen, bei unter 24 Zuständen akzeptieren, sonst verwerfen. Damit erkennt M'  $L_1$ .
- b) Nein. Halteproblem  $\leq L_2$

c)

# Aufgabe 4