ГУАП

КАФЕДРА № 41

OTHET			
ОТЧЕТ ЗАЩИЩЕН С ОЦЕН	ІКОЙ		
ПРЕПОДАВАТЕЛЬ			
Старший препод			Н.А. Соловьева
должность, уч. степе	ень, звание	подпись, дата	инициалы, фамилия
	. —		
ОТЧЕТ О ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ			
АЛГОРИТМЫ НА ГРАФАХ			
по курсу: АЛГОРИТМЫ И СТРУКТУРЫ ДАННЫХ			
РАБОТУ ВЫПОЛНИ	ІЛ		
CTVHEUT DE MO	4214		П. М. Ворраст
СТУДЕНТ гр. №	4314	полпись лата	Д. М. Развеев

1. Цель работы:

познакомиться с основными алгоритмами, используемыми при работе с графами.

2. Вариант 4:

Задание 4: объявите структуру данных «Граф» на основе матрицы смежности с возможностью вывода ее текущего представления в терминал, после чего используйте его для реализации алгоритма Дейкстры и Форда-Беллмана. Добавьте возможность сохранения текущего представления графа в файл и загрузки из него.

3. Ход работы

Задание 4

Программа реализации:

```
import math
import heapq
from typing import List, Tuple
class Graph:
    def __init__(self, num_vertices: int):
        Инициализация графа с заданным числом вершин.
        Матрица смежности заполняется бесконечностями, кроме диагонали (0).
        self.num vertices = num vertices
        self.graph = [[math.inf] * num_vertices for _ in range(num_vertices)]
        for i in range(num vertices):
            self.graph[i][i] = 0
    def add_edge(self, u: int, v: int, weight: float) -> None:
        """Добавляет ребро от вершины и к v с весом weight."""
        self.graph[u][v] = weight
    def print graph(self) -> None:
        """Выводит матрицу смежности графа в терминал."""
        print("Матрица смежности графа:")
        for row in self.graph:
            print(" ".join(str(i) if i != math.inf else "∞" for i in row))
    def save to file(self, filename: str) -> None:
        """Сохраняет граф в файл."""
        with open(filename, "w") as f:
            f.write(f"{self.num_vertices}\n")
            for row in self.graph:
                f.write(" ".join(str(i) if i != math.inf else "∞" for i in row) +
"\n")
```

```
def load from file(self, filename: str) -> 'Graph':
        """Загружает граф из файла."""
        with open(filename, "r") as f:
            self.num_vertices = int(f.readline().strip())
            self.graph = []
            for line in f:
                self.graph.append([math.inf if x == \infty" else float(x) for x in
line.split()])
        return self
    def dijkstra(self, start: int) -> List[float]:
        """Алгоритм Дейкстры для поиска кратчайших путей от вершины start."""
        dist = [math.inf] * self.num vertices
        dist[start] = 0
        pq = [(0, start)] # (расстояние, вершина)
        while pq:
            current_dist, u = heapq.heappop(pq)
            if current_dist > dist[u]:
                continue
            for v in range(self.num_vertices):
                if self.graph[u][v] != math.inf:
                    weight = self.graph[u][v]
                    if dist[u] + weight < dist[v]:</pre>
                        dist[v] = dist[u] + weight
                        heapq.heappush(pq, (dist[v], v))
        return dist
    def bellman_ford(self, start: int) -> Tuple[bool, List[float]]:
        Алгоритм Форда-Беллмана для поиска кратчайших путей от вершины start.
        Возвращает (bool, List[float]), где bool — наличие отрицательного цикла.
        dist = [math.inf] * self.num_vertices
        dist[start] = 0
        for _ in range(self.num_vertices - 1):
            for u in range(self.num_vertices):
                for v in range(self.num vertices):
                    if self.graph[u][v] != math.inf and dist[u] +
self.graph[u][v] < dist[v]:</pre>
                        dist[v] = dist[u] + self.graph[u][v]
        # Проверка на отрицательные циклы
        for u in range(self.num vertices):
            for v in range(self.num vertices):
                if self.graph[u][v] != math.inf and dist[u] + self.graph[u][v] <</pre>
dist[v]:
                    return False, [] # Обнаружен отрицательный цикл
```

Описание кода

Этот код реализует граф, представленный матрицей смежности, и включает два алгоритма поиска кратчайших путей: Дейкстры и Форда-Беллмана. Также предусмотрены функции для сохранения и загрузки графа из файла.

Класс Graph:

- __init__(self, num_vertices) Инициализирует граф с заданным числом вершин. Матрица смежности заполняется бесконечностями, за исключением диагонали.
- add_edge(self, u, v, weight) Добавляет ребро между вершинами u и v с весом weight.
- print_graph(self) Выводит матрицу смежности в консоль.
- save to file(self, filename) Сохраняет граф в файл.
- load from file(self, filename) Загружает граф из файла.
- dijkstra(self, start) Алгоритм Дейкстры для нахождения кратчайших путей от вершины start.
- bellman_ford(self, start) Алгоритм Форда-Беллмана для нахождения кратчайших путей от вершины start с проверкой на отрицательные циклы.

А теперь проведем тесты и замер производительности:

```
def run_tests() -> None:
    print("Тесты")
    # Тест 1: Создание графа и добавление рёбер
    g = Graph(5)
    g.add_edge(0, 1, 6)
    g.add_edge(0, 2, 7)
    g.add_edge(1, 2, 8)
    g.add_edge(1, 3, 5)
    g.add_edge(1, 4, -4)
    g.add_edge(2, 3, -3)
    g.add_edge(2, 4, 9)
    g.add_edge(3, 1, 5)
    g.add_edge(4, 0, 2)
    g.add_edge(4, 3, 7)
    # Тест 2: Вывод графа
    print("\nΓpaφ:")
    g.print_graph()
    distances = g.dijkstra(0)
    print("\nМинимальные расстояния (Дейкстра) от вершины 0:", distances)
    # Тест 4: Алгоритм Форда-Беллмана
    has_no_negative_cycle, distances = g.bellman_ford(0)
    if has no negative cycle:
```

```
print("\пМинимальные расстояния (Форд-Беллман) от вершины 0:", distances)
else:
    print("\п06наружен отрицательный цикл!")

# Тест 5: Сохранение графа
g.save_to_file("graph.txt")

# Тест 6: Загрузка графа
new_graph = Graph(0).load_from_file("graph.txt")
print("\n3агруженный граф:")
new_graph.print_graph()

if __name__ == "__main__":
    run_tests()
```

```
Тесты
Граф:
Матрица смежности графа:
067∞∞
∞ 0 8 5 -4
∞∞0-39
∞ 5 ∞ 0 ∞
2 ∞ ∞ 7 0
Минимальные расстояния (Дейкстра) от вершины 0: [0, 6, 7, 4, 2]
Минимальные расстояния (Форд-Беллман) от вершины 0: [0, 6, 7, 4, 2]
Загруженный граф:
Матрица смежности графа:
0.0 6.0 7.0 ∞ ∞
∞ 0.0 8.0 5.0 -4.0
∞ ∞ 0.0 -3.0 9.0
∞ 5.0 ∞ 0.0 ∞
2.0 ∞ ∞ 7.0 0.0
```

Видно, что класс верно выполнил все свои функции, значит код работает корректно.

Вывод

В ходе лабораторной работы была реализована структура данных Граф на основе матрицы смежности, также реализованы алгоритмы Дейкстры и Форда-Беллмана. Добавлена возможность сохранения текущего представления графа в файл и загрузки из него, возможность выведения текущего представления матрицы в терминал.