描述逻辑简介

1. 概念

论域必须是非空的,可以是无穷集合。论域中的元素可以称为实例 (instance)。

概念名称 (concept name) : 类名,外延是论域的有限子集,可以看作一元谓词。

作用名称 (role name) : 关系名,表示论域中的二元关系,可以看作二元谓词。

概念描述 (concept description) : 用概念名称和作用名称按照语法规则构成的句子,表示对一些实例的抽象描述/刻画。

概念定义 (defined concept) : 将概念描述定义为一个概念名称。

名词概念 (nominal concept): 外延只有一个元素的概念名称。

个体名称 (individual name) : 个体名,只能出现在 ABox 中,表示论域中的单个元素。

实例断言 (instance assertion) : 断言一个个体名称是一个概念名称的实例。

概念模型 (concept patterns) : 含有变量的概念描述。

2. 语法

定义 (ALC语言)记 C 为概念名称的集合, R 为作用名称的集合, C 与 R 不相交。 ALC 的概念描述集合递归定义如下:

- 所有的概念名称是 ALC 概念描述。
- ⊤和⊥是 ALC 概念描述。
- 如果 C 和 D 是 ALC 概念描述,并且 r 是一个作用名称,那么下面的也是 ALC 概念描述:

 $C \sqcap D$ (合取),

 $C \sqcup D$ (析取),

 $\neg C$ (非),

 $\exists r.C$ (存在约束),

 $\forall r.C$ (全称约束)。

3. 语义

定义 一个解释 $\mathcal{I}=(\Delta^{\mathcal{I}},\cdot^{\mathcal{I}})$ 是由一个非空集合论域 $\Delta^{\mathcal{I}}$ 和一个映射 · \mathcal{I} 构成,其中映射定义如下:

- 每一个概念名称 $A \in \mathbf{C}$ 都映射到一个集合 $A^{\mathcal{I}} \subseteq \Delta^{\mathcal{I}}$ 。
- ullet 每一个作用名称 $r\in\mathbf{R}$ 都映射到一个二元关系 $r^\mathcal{I}\subset\Delta^\mathcal{I} imes\Delta^\mathcal{I}$

4. 模态

描述逻辑 \mathcal{ALC} 是多模态逻辑 \mathcal{K}_m 的变体是由 Schild 于 1991 发现的。概念名称看作命题,作用名称看作可通达关系。 \mathcal{ALC} 的解释就是一个克里普克结构,其中 $\Delta^{\mathcal{I}}$ 是世界集, $\cdot^{\mathcal{I}}$ 既提供世界集上的可通达关系集又给出对命题的赋值。于是基于可通达关系 r ,全称约束 $\forall r.C$ 成为 $\Box_r C$,存在约束 $\exists r.C$ 成为 $\Diamond_r C$ 。将 \mathcal{ALC} 翻译到一阶逻辑(FOL)的通常方法也和模态逻辑的标准翻译一致。

5. Tbox

一个 TBox $\mathcal T$ 是形如 $A\equiv C$ 的概念定义的有限集合,其中 A 是概念名称, C 是概念描述,并且同一个 A 在 $\mathcal T$ 中只出现一次。这时, A 称作 $\mathcal T$ 中的原始概念。如果概念名称 B 在 C 中出现,则称 A 直接使用 B ,将"使用"理解为"直接使用"的传递闭包。若 $\mathcal T$ 中存在一个原始概念使用了它本身,则称 $\mathcal T$ 含有循环(或一般的 $\mathcal T$),否则称为无环的 $\mathcal T$ 。

无环 TBox 的模型: 如果 $A^{\mathcal{I}}=C^{\mathcal{I}}$ 则解释 \mathcal{I} 满足概念定义 $A\equiv C$ 。如果解释 \mathcal{I} 满足 TBox \mathcal{T} 中的所有概念定义,则解释 \mathcal{I} 是 \mathcal{T} 的模型。

一般的 TBox 的模型: general concept inclusion axioms (GCIs): GCI 是形如 $C \subseteq D$ 的形式,其中 C,D 都是(复合)概念描述。如果 $C^{\mathcal{I}} \subseteq D^{\mathcal{I}}$ 则解释 \mathcal{I} 满足 GCI $C \subseteq D$ 。如果解释 \mathcal{I} 满足 GCI $A \subseteq C$, $C \subseteq A$ 则解释 \mathcal{I} 满足概念定义 $A \equiv C$ 。有限个 GCI 构成的集合是 \mathcal{T} 。如果解释 \mathcal{I} 满足 \mathcal{I} 是 \mathcal{I} 的模型。

6. Abox

设有可数无穷个个体名称 a,b,c 等等, ABox 是形如 C(a),r(a,b) 的断言的有限集合,其中 C 是概念描述, r 是作用描述。对每个个体 a 解释为 $a^{\mathcal{I}} \in \Delta^{\mathcal{I}}$,通常遵守唯一名称假设($a \neq b$ 蕴含 $a^{\mathcal{I}} \neq b^{\mathcal{I}}$)。如果 $a^{\mathcal{I}} \in C^{\mathcal{I}}$ 则解释 \mathcal{I} 满足概念断言 C(a) 。如果 $(a^{\mathcal{I}},b^{\mathcal{I}}) \in r^{\mathcal{I}}$ 则解释 \mathcal{I} 满足作用断言 r(a,b) 。如果解释 \mathcal{I} 满足 ABox \mathcal{A} 中的所有断言,则解释 \mathcal{I} 是 \mathcal{A} 的模型。