Investigation of possible improvements to increase the efficiency of the AlphaZero algorithm.

Colin Clausen

3.9.2020

Inhalt

- 1. Einleitung
- 2. Grundlagen
- 3. Untersuchte neue Ideen
- 4. Ende

Inhalt

- 1. Einleitung
- 2. Grundlager
- 3. Untersuchte neue Ideer
- 4. Ende

Einleitung

Spiele als Lernumgebung für AI

- Spiele als Lernumgebung für Al
 - ▶ 1951: Nimrod

- Spiele als Lernumgebung für Al
 - ▶ 1951: Nimrod
 - ▶ 1995: Vier gewinnt

- Spiele als Lernumgebung für Al
 - ▶ 1951: Nimrod
 - ▶ 1995: Vier gewinnt
 - ▶ 1997: Schach

- Spiele als Lernumgebung für Al
 - ▶ 1951: Nimrod
 - ▶ 1995: Vier gewinnt
 - ▶ 1997: Schach
 - ▶ 2016: Go

- Spiele als Lernumgebung für AI
 - ▶ 1951: Nimrod
 - ▶ 1995: Vier gewinnt
 - ▶ 1997: Schach
 - ▶ 2016: Go
- AlphaGo

- Spiele als Lernumgebung für AI
 - ▶ 1951: Nimrod
 - ▶ 1995: Vier gewinnt
 - ▶ 1997: Schach
 - ▶ 2016: Go
- AlphaGo
- AlphaZero

- Spiele als Lernumgebung für AI
 - ▶ 1951: Nimrod
 - ▶ 1995: Vier gewinnt
 - ▶ 1997: Schach
 - ▶ 2016: Go
- AlphaGo
- AlphaZero
- Großer Rechenaufwand nötig: 5000+ TPUs

Einleitung

▶ Untersuche mögliche Effizienzsteigerungen

- Untersuche mögliche Effizienzsteigerungen
- ► Solide Baseline

- ▶ Untersuche mögliche Effizienzsteigerungen
- Solide Baseline
- Experimentiere mit Vier gewinnt

- Untersuche mögliche Effizienzsteigerungen
- Solide Baseline
- Experimentiere mit Vier gewinnt
- Evaluiere verschiedende neue Ideen

Inhalt

Grundlagen

- Einleitung
- 2. Grundlagen Algorithmus Baselines
- 3. Untersuchte neue Ideer
- 4 Ende

Grundlagen ⊳ Algorithmus

Seit 2006 sehr verbreitet in Computer Go

- Seit 2006 sehr verbreitet in Computer Go
- Iterativer Baumsuchalgorithmus verwendet in AlphaGo/AlphaGoZero/AlphaZero

- Seit 2006 sehr verbreitet in Computer Go
- Iterativer Baumsuchalgorithmus verwendet in AlphaGo/AlphaGoZero/AlphaZero
- Benötigt:

- Seit 2006 sehr verbreitet in Computer Go
- Iterativer Baumsuchalgorithmus verwendet in AlphaGo/AlphaGoZero/AlphaZero
- Benötigt:
 - Eine Policy die Züge einschätzen kann

- Seit 2006 sehr verbreitet in Computer Go
- Iterativer Baumsuchalgorithmus verwendet in AlphaGo/AlphaGoZero/AlphaZero
- Benötigt:
 - Eine Policy die Züge einschätzen kann
 - Lösung um die Suchtiefe zu begrenzen

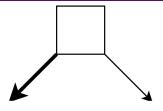
- Seit 2006 sehr verbreitet in Computer Go
- Iterativer Baumsuchalgorithmus verwendet in AlphaGo/AlphaGoZero/AlphaZero
- ► Benötigt:
 - ► Eine Policy die Züge einschätzen kann
 - Lösung um die Suchtiefe zu begrenzen
 - Eine sehr schnelle Rolloutpolicy

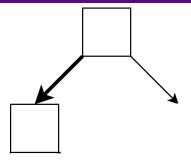
- Seit 2006 sehr verbreitet in Computer Go
- Iterativer Baumsuchalgorithmus verwendet in AlphaGo/AlphaGoZero/AlphaZero
- Benötigt:
 - Eine Policy die Züge einschätzen kann
 - Lösung um die Suchtiefe zu begrenzen
 - ► Eine sehr schnelle Rolloutpolicy
 - Alternativ: Policy zur Positionseinschätzung

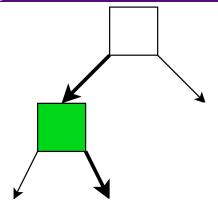
- Seit 2006 sehr verbreitet in Computer Go
- Iterativer Baumsuchalgorithmus verwendet in AlphaGo/AlphaGoZero/AlphaZero
- Benötigt:
 - Eine Policy die Züge einschätzen kann
 - Lösung um die Suchtiefe zu begrenzen
 - ► Eine sehr schnelle Rolloutpolicy
 - Alternativ: Policy zur Positionseinschätzung
- Output: Eine bessere Policy über die Züge in der analysierten Position

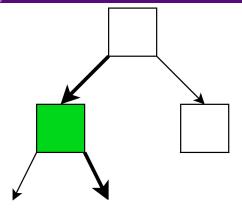
- Seit 2006 sehr verbreitet in Computer Go
- Iterativer Baumsuchalgorithmus verwendet in AlphaGo/AlphaGoZero/AlphaZero
- Benötigt:
 - Eine Policy die Züge einschätzen kann
 - Lösung um die Suchtiefe zu begrenzen
 - ► Eine sehr schnelle Rolloutpolicy
 - Alternativ: Policy zur Positionseinschätzung
- Output: Eine bessere Policy über die Züge in der analysierten Position
- MCTS ist praktisch ein Verbesserungsoperator

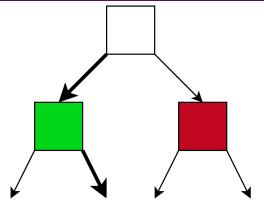


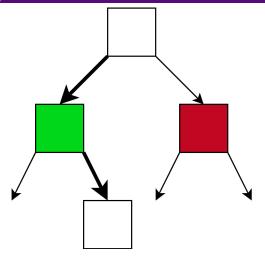


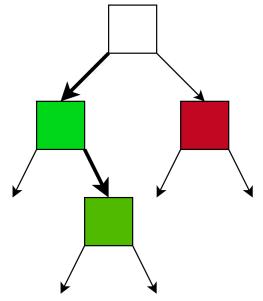












Grundlagen ⊳ Algorithmus

► Kernidee: Kombinere MCTS mit Deep Learning

- Kernidee: Kombinere MCTS mit Deep Learning
- Trainingsprozess involviert aber kein MCTS

- Kernidee: Kombinere MCTS mit Deep Learning
- Trainingsprozess involviert aber kein MCTS
- Trainere mehrere Netzwerke

- Kernidee: Kombinere MCTS mit Deep Learning
- Trainingsprozess involviert aber kein MCTS
- Trainere mehrere Netzwerke
 - Supervised auf Datensatz von besten Menschen: Schnell und Langsam

- Kernidee: Kombinere MCTS mit Deep Learning
- Trainingsprozess involviert aber kein MCTS
- Trainere mehrere Netzwerke
 - Supervised auf Datensatz von besten Menschen: Schnell und Langsam
 - Verbessere das langsame Netz durch RL

- Kernidee: Kombinere MCTS mit Deep Learning
- Trainingsprozess involviert aber kein MCTS
- Trainere mehrere Netzwerke
 - Supervised auf Datensatz von besten Menschen: Schnell und Langsam
 - Verbessere das langsame Netz durch RL
 - Erzeuge Datensatz für Netzwerk zur Positionsevaluierung

- Kernidee: Kombinere MCTS mit Deep Learning
- Trainingsprozess involviert aber kein MCTS
- Trainere mehrere Netzwerke
 - Supervised auf Datensatz von besten Menschen: Schnell und Langsam
 - Verbessere das langsame Netz durch RL
 - Erzeuge Datensatz für Netzwerk zur Positionsevaluierung
 - Verwende erzeugte Netzwerke um mit MCTS zu spielen

- ► Kernidee: Kombinere MCTS mit Deep Learning
- Trainingsprozess involviert aber kein MCTS
- Trainere mehrere Netzwerke
 - Supervised auf Datensatz von besten Menschen: Schnell und Langsam
 - Verbessere das langsame Netz durch RL
 - Erzeuge Datensatz für Netzwerk zur Positionsevaluierung
 - Verwende erzeugte Netzwerke um mit MCTS zu spielen
 - Das langsame RL-Netzwerk macht die Ersteinschätzung der Züge

- Kernidee: Kombinere MCTS mit Deep Learning
- Trainingsprozess involviert aber kein MCTS
- Trainere mehrere Netzwerke
 - Supervised auf Datensatz von besten Menschen: Schnell und Langsam
 - Verbessere das langsame Netz durch RL
 - Erzeuge Datensatz für Netzwerk zur Positionsevaluierung
 - Verwende erzeugte Netzwerke um mit MCTS zu spielen
 - Das langsame RL-Netzwerk macht die Ersteinschätzung der Züge
 - Einschätzung der Spielposition: Netzwerk + Rollouts

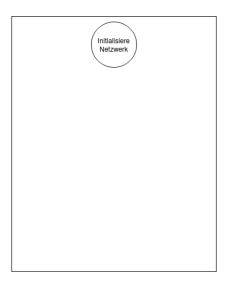
Grundlagen > Algorithmus

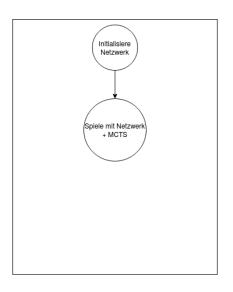
Drastische Vereinfachung von AlphaGo

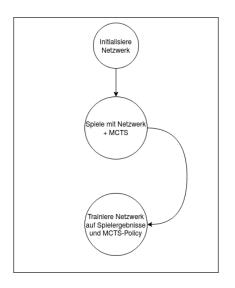
- ▶ Drastische Vereinfachung von AlphaGo
- Kernidee: Verwende MCTS bereits zur Trainingsphase

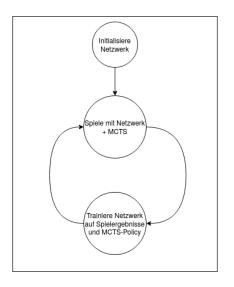
- ▶ Drastische Vereinfachung von AlphaGo
- Kernidee: Verwende MCTS bereits zur Trainingsphase
- Verwendet nur ein Netzwerk: Positionsbewertung und Zugpolicy

- Drastische Vereinfachung von AlphaGo
- Kernidee: Verwende MCTS bereits zur Trainingsphase
- Verwendet nur ein Netzwerk: Positionsbewertung und Zugpolicy
- Kein Bedarf für Datensatz von besten Menschen









Extended baseline

Grundlagen ⊳ Baselines

Extended baseline

Grundlagen ⊳ Baselines

 Erweitere die Baselineimplementierung mit Verbesserungen anderer Arbeiten

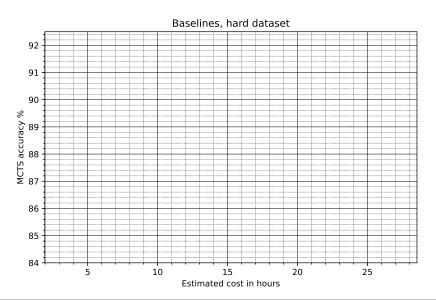
Extended baseline

Grundlagen ⊳ Baselines

- Erweitere die Baselineimplementierung mit Verbesserungen anderer Arbeiten
- Kombiniert ist die Verbesserung sehr erheblich

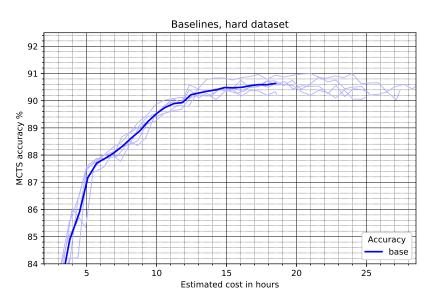
Extended baseline Ergebnisse

Grundlagen ▷ Baselines



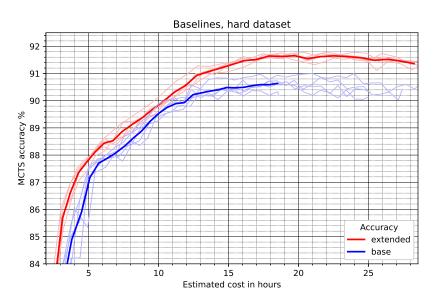
Extended baseline Ergebnisse

Grundlagen ⊳ Baselines



Extended baseline Ergebnisse

Grundlagen ⊳ Baselines



Inhalt

Untersuchte neue Ideen

- 1. Einleitung
- 2. Grundlagen
- 3. Untersuchte neue Ideen
 Evolutionary Self-play
 Games as trees
 Auxiliary features
 Fazit
- 4 Ende

Untersuchte neue Ideen ▷ Evolutionary Self-play

 Verwende die Selbstspielphase zur Evolution von Hyperparametern

- Verwende die Selbstspielphase zur Evolution von Hyperparametern
- Implementiert als eine Liga von Spielern

- Verwende die Selbstspielphase zur Evolution von Hyperparametern
- Implementiert als eine Liga von Spielern
- Ein Spieler ist ein Hyperparameterset

- Verwende die Selbstspielphase zur Evolution von Hyperparametern
- Implementiert als eine Liga von Spielern
- Ein Spieler ist ein Hyperparameterset
- ▶ Bewerte Spieler mit Elo

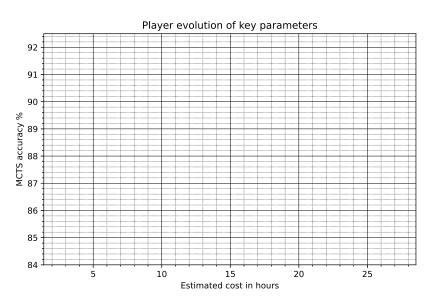
- Verwende die Selbstspielphase zur Evolution von Hyperparametern
- Implementiert als eine Liga von Spielern
- Ein Spieler ist ein Hyperparameterset
- Bewerte Spieler mit Elo
- Verwende Gaussian Mutation um die besten Spieler zu mutieren

- Verwende die Selbstspielphase zur Evolution von Hyperparametern
- Implementiert als eine Liga von Spielern
- ► Ein Spieler ist ein Hyperparameterset
- ► Bewerte Spieler mit Elo
- Verwende Gaussian Mutation um die besten Spieler zu mutieren
- Zwei Arten von Hyperparametern untersucht

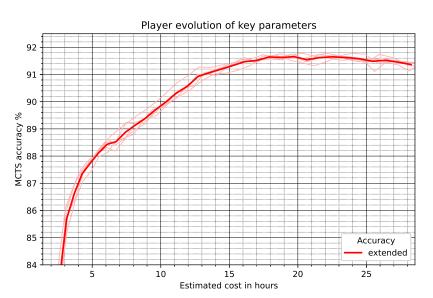
- Verwende die Selbstspielphase zur Evolution von Hyperparametern
- Implementiert als eine Liga von Spielern
- Ein Spieler ist ein Hyperparameterset
- ▶ Bewerte Spieler mit Elo
- Verwende Gaussian Mutation um die besten Spieler zu mutieren
- Zwei Arten von Hyperparametern untersucht
 - Verwendung von Kullback-Leibler divergence um "Denkzeit" zu wählen.

- Verwende die Selbstspielphase zur Evolution von Hyperparametern
- Implementiert als eine Liga von Spielern
- Ein Spieler ist ein Hyperparameterset
- ▶ Bewerte Spieler mit Elo
- Verwende Gaussian Mutation um die besten Spieler zu mutieren
- Zwei Arten von Hyperparametern untersucht
 - Verwendung von Kullback-Leibler divergence um "Denkzeit" zu wählen.
 - MCTS Parameter: cpuct, fpu, drawValue

Erste Ergebnisse



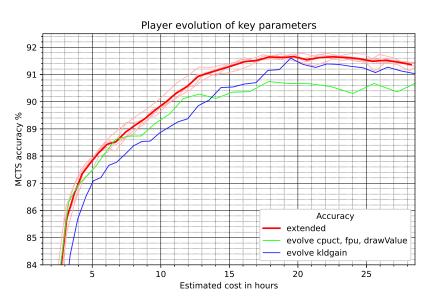
Erste Ergebnisse



Erste Ergebnisse



Erste Ergebnisse



Untersuchte neue Ideen ▷ Evolutionary Self-play

▶ Bedingungen für erfolgreiche Evolution:

- Bedingungen für erfolgreiche Evolution:
 - Die Liga muss gute Parameter erkennen

- ▶ Bedingungen für erfolgreiche Evolution:
 - Die Liga muss gute Parameter erkennen
 - Sie funktioniert

- ▶ Bedingungen für erfolgreiche Evolution:
 - Die Liga muss gute Parameter erkennen
 - Sie funktioniert
 - ▶ Viele Siege müssen sich übertragen auf schnelleren Lernfortschritt

- Bedingungen für erfolgreiche Evolution:
 - Die Liga muss gute Parameter erkennen
 - Sie funktioniert
 - Viele Siege müssen sich übertragen auf schnelleren Lernfortschritt
 - Dies ist das Problem

- Bedingungen für erfolgreiche Evolution:
 - Die Liga muss gute Parameter erkennen
 - Sie funktioniert
 - Viele Siege müssen sich übertragen auf schnelleren Lernfortschritt
 - Dies ist das Problem
- Viele gewonne Spiele bedeuten also nicht hoher Lernfortschritt

- Bedingungen für erfolgreiche Evolution:
 - Die Liga muss gute Parameter erkennen
 - Sie funktioniert
 - Viele Siege müssen sich übertragen auf schnelleren Lernfortschritt
 - Dies ist das Problem
- Viele gewonne Spiele bedeuten also nicht hoher Lernfortschritt
- Nach hoher Siegesrate zu optimieren ist also nicht zielführend

Untersuchte neue Ideen ▷ Games as trees

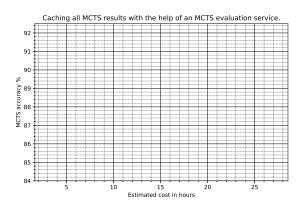
Exploration durch Zurücksetzen an kritische Positionen

- Exploration durch Zurücksetzen an kritische Positionen
- Spiele als MCTS-Baum

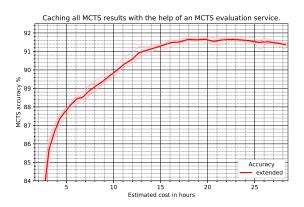
- Exploration durch Zurücksetzen an kritische Positionen
- Spiele als MCTS-Baum
- Notwendigkeit für MCTS-Evaluation Service

- Exploration durch Zurücksetzen an kritische Positionen
- Spiele als MCTS-Baum
- Notwendigkeit für MCTS-Evaluation Service
- ▶ Nebeneffekt: Keine doppelte Auswertung von Positionen

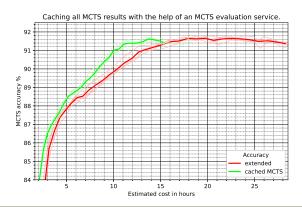
- Exploration durch Zurücksetzen an kritische Positionen
- Spiele als MCTS-Baum
- Notwendigkeit für MCTS-Evaluation Service
- Nebeneffekt: Keine doppelte Auswertung von Positionen



- Exploration durch Zurücksetzen an kritische Positionen
- Spiele als MCTS-Baum
- Notwendigkeit für MCTS-Evaluation Service
- Nebeneffekt: Keine doppelte Auswertung von Positionen



- Exploration durch Zurücksetzen an kritische Positionen
- Spiele als MCTS-Baum
- Notwendigkeit für MCTS-Evaluation Service
- Nebeneffekt: Keine doppelte Auswertung von Positionen



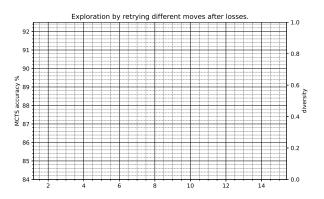
Untersuchte neue Ideen ▷ Games as trees

Nach einer Niederlage darf der Verlierer einen Zug zurücknehmen

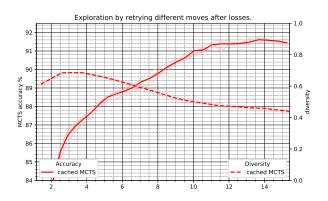
- ▶ Nach einer Niederlage darf der Verlierer einen Zug zurücknehmen
- Wähle Position anhand der Entwicklung der Positionsevaluation

- ▶ Nach einer Niederlage darf der Verlierer einen Zug zurücknehmen
- ▶ Wähle Position anhand der Entwicklung der Positionsevaluation
- Beginne neues Spiel in dieser Position

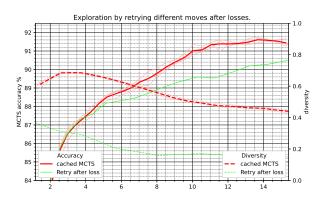
- Nach einer Niederlage darf der Verlierer einen Zug zurücknehmen
- Wähle Position anhand der Entwicklung der Positionsevaluation
- Beginne neues Spiel in dieser Position



- Nach einer Niederlage darf der Verlierer einen Zug zurücknehmen
- Wähle Position anhand der Entwicklung der Positionsevaluation
- Beginne neues Spiel in dieser Position



- Nach einer Niederlage darf der Verlierer einen Zug zurücknehmen
- Wähle Position anhand der Entwicklung der Positionsevaluation
- Beginne neues Spiel in dieser Position



Untersuchte neue Ideen ▷ Games as trees

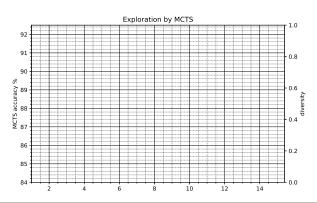
Exploration-Exploitation: MCTS macht das

- ► Exploration-Exploitation: MCTS macht das
- Baue einen einzigen MCTS Baum

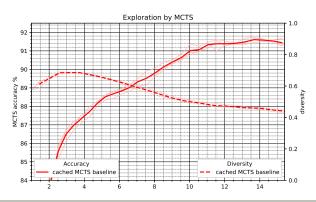
- Exploration-Exploitation: MCTS macht das
- Baue einen einzigen MCTS Baum
 - ▶ 150k+ Knoten

- Exploration-Exploitation: MCTS macht das
- Baue einen einzigen MCTS Baum
 - ▶ 150k+ Knoten
- Reporte die Positionen in den Knoten als Trainingspositionen

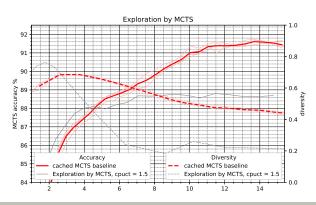
- Exploration-Exploitation: MCTS macht das
- Baue einen einzigen MCTS Baum
 - 150k+ Knoten
- Reporte die Positionen in den Knoten als Trainingspositionen



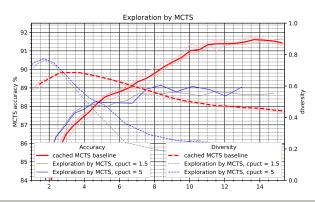
- Exploration-Exploitation: MCTS macht das
- Baue einen einzigen MCTS Baum
 - ▶ 150k+ Knoten
- Reporte die Positionen in den Knoten als Trainingspositionen



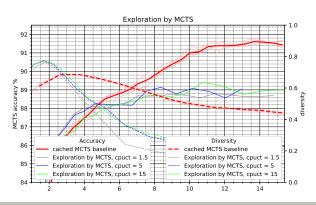
- Exploration-Exploitation: MCTS macht das
- Baue einen einzigen MCTS Baum
 - ▶ 150k+ Knoten
- Reporte die Positionen in den Knoten als Trainingspositionen



- Exploration-Exploitation: MCTS macht das
- Baue einen einzigen MCTS Baum
 - ▶ 150k+ Knoten
- Reporte die Positionen in den Knoten als Trainingspositionen



- Exploration-Exploitation: MCTS macht das
- Baue einen einzigen MCTS Baum
 - 150k+ Knoten
- Reporte die Positionen in den Knoten als Trainingspositionen



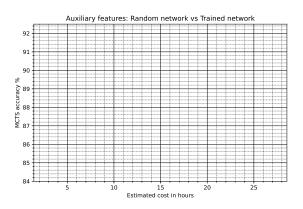
Untersuchte neue Ideen ▷ Auxiliary features

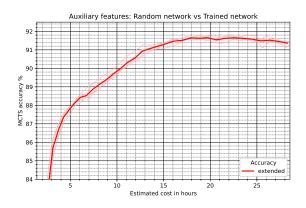
▶ Trainiere ein kleines Netzwerk, ca. 70k Parameter

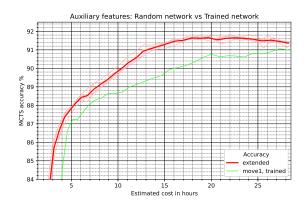
- ► Trainiere ein kleines Netzwerk, ca. 70k Parameter
- Verwende interne Features aus diesem Netzwerk zur Regularisierung des großen Netzwerkes

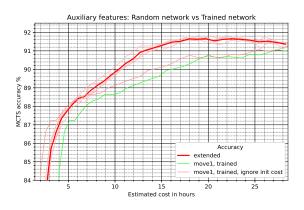
- Trainiere ein kleines Netzwerk, ca. 70k Parameter
- Verwende interne Features aus diesem Netzwerk zur Regularisierung des großen Netzwerkes
- Verschiedene Optionen wurden im Supervised Setting vorselektiert

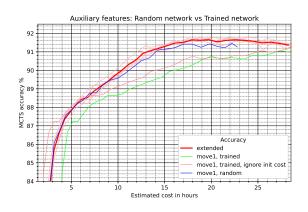
- Trainiere ein kleines Netzwerk, ca. 70k Parameter
- Verwende interne Features aus diesem Netzwerk zur Regularisierung des großen Netzwerkes
- Verschiedene Optionen wurden im Supervised Setting vorselektiert
- Kleine Gewinne im Supervised Setting











Untersuchte neue Ideen ⊳ Auxiliary features

▶ Zwei Probleme mit dem Ansatz:

- Zwei Probleme mit dem Ansatz:
 - Trainingskosten des kleinen Netzwerks

- Zwei Probleme mit dem Ansatz:
 - Trainingskosten des kleinen Netzwerks
 - Das Netzwerk mit dem Trainingslauf wachsen lassen hilft

- Zwei Probleme mit dem Ansatz:
 - Trainingskosten des kleinen Netzwerks
 - Das Netzwerk mit dem Trainingslauf wachsen lassen hilft
 - Finale Spielstärke wird gestört

- Zwei Probleme mit dem Ansatz:
 - Trainingskosten des kleinen Netzwerks
 - Das Netzwerk mit dem Trainingslauf wachsen lassen hilft
 - Finale Spielstärke wird gestört
 - Keine Lösung gefunden

Untersuchte neue Ideen ⊳ Fazit

AlphaZero Experimentalframework entwickelt

- AlphaZero Experimentalframework entwickelt
- Keine großen Verbesserungen gefunden

- AlphaZero Experimentalframework entwickelt
- Keine großen Verbesserungen gefunden
- Trotzdem einiges interessante Erkenntnisse

- AlphaZero Experimentalframework entwickelt
- Keine großen Verbesserungen gefunden
- Trotzdem einiges interessante Erkenntnisse
 - Nicht alle Ideen vorheriger Arbeiten funktionieren mit Vier gewinnt

- AlphaZero Experimentalframework entwickelt
- Keine großen Verbesserungen gefunden
- Trotzdem einiges interessante Erkenntnisse
 - Nicht alle Ideen vorheriger Arbeiten funktionieren mit Vier gewinnt
 - Evolution für Hyperparameter funktioniert

- AlphaZero Experimentalframework entwickelt
- Keine großen Verbesserungen gefunden
- Trotzdem einiges interessante Erkenntnisse
 - Nicht alle Ideen vorheriger Arbeiten funktionieren mit Vier gewinnt
 - Evolution für Hyperparameter funktioniert
 - Nur eine gute Fitnessfunktion fehlt

- AlphaZero Experimentalframework entwickelt
- Keine großen Verbesserungen gefunden
- Trotzdem einiges interessante Erkenntnisse
 - Nicht alle Ideen vorheriger Arbeiten funktionieren mit Vier gewinnt
 - Evolution für Hyperparameter funktioniert
 - Nur eine gute Fitnessfunktion fehlt
 - Unterschied zwischen Lernfortschritt und Spielstärke

- AlphaZero Experimentalframework entwickelt
- Keine großen Verbesserungen gefunden
- Trotzdem einiges interessante Erkenntnisse
 - Nicht alle Ideen vorheriger Arbeiten funktionieren mit Vier gewinnt
 - Evolution für Hyperparameter funktioniert
 - Nur eine gute Fitnessfunktion fehlt
 - Unterschied zwischen Lernfortschritt und Spielstärke
 - Alternative Explorationsmethoden zeigen vor allem wie gut die einfache Standardversion funktioniert

- AlphaZero Experimentalframework entwickelt
- Keine großen Verbesserungen gefunden
- Trotzdem einiges interessante Erkenntnisse
 - Nicht alle Ideen vorheriger Arbeiten funktionieren mit Vier gewinnt
 - Evolution für Hyperparameter funktioniert
 - Nur eine gute Fitnessfunktion fehlt
 - Unterschied zwischen Lernfortschritt und Spielstärke
 - Alternative Explorationsmethoden zeigen vor allem wie gut die einfache Standardversion funktioniert
 - Auxiliary Features aus dem inneren eines kleineren Netzwerks sind nur schwer nutzbar

- AlphaZero Experimentalframework entwickelt
- Keine großen Verbesserungen gefunden
- Trotzdem einiges interessante Erkenntnisse
 - Nicht alle Ideen vorheriger Arbeiten funktionieren mit Vier gewinnt
 - Evolution für Hyperparameter funktioniert
 - Nur eine gute Fitnessfunktion fehlt
 - Unterschied zwischen Lernfortschritt und Spielstärke
 - Alternative Explorationsmethoden zeigen vor allem wie gut die einfache Standardversion funktioniert
 - Auxiliary Features aus dem inneren eines kleineren Netzwerks sind nur schwer nutzbar
- Vorschläge für weitere Forschung

- AlphaZero Experimentalframework entwickelt
- Keine großen Verbesserungen gefunden
- Trotzdem einiges interessante Erkenntnisse
 - Nicht alle Ideen vorheriger Arbeiten funktionieren mit Vier gewinnt
 - Evolution für Hyperparameter funktioniert
 - Nur eine gute Fitnessfunktion fehlt
 - Unterschied zwischen Lernfortschritt und Spielstärke
 - Alternative Explorationsmethoden zeigen vor allem wie gut die einfache Standardversion funktioniert
 - Auxiliary Features aus dem inneren eines kleineren Netzwerks sind nur schwer nutzbar
- Vorschläge für weitere Forschung
 - Suche nach Fitnessfunktion f
 ür Evolution

- AlphaZero Experimentalframework entwickelt
- Keine großen Verbesserungen gefunden
- Trotzdem einiges interessante Erkenntnisse
 - Nicht alle Ideen vorheriger Arbeiten funktionieren mit Vier gewinnt
 - Evolution für Hyperparameter funktioniert
 - Nur eine gute Fitnessfunktion fehlt
 - Unterschied zwischen Lernfortschritt und Spielstärke
 - Alternative Explorationsmethoden zeigen vor allem wie gut die einfache Standardversion funktioniert
 - Auxiliary Features aus dem inneren eines kleineren Netzwerks sind nur schwer nutzbar
- Vorschläge für weitere Forschung
 - Suche nach Fitnessfunktion f
 ür Evolution
 - Das Konzept des Netzwerkwachstums sollte weiter erforscht werden

Inhalt

Ende

- Einleitung
- 2. Grundlagen
- 3. Untersuchte neue Ideer
- 4. Ende

Referenzen

Ende

- Levente Kocsis et al.: Bandit based monte-carlo planning, 2006.
- ▶ David Silver et al.: Mastering the game of go with deep neural networks and tree search, 2016
- David Silver et al.: A general reinforcement learning algorithm that masters chess, shogi, and go through self-play, 2018

Danke für Ihre Aufmerksamkeit.