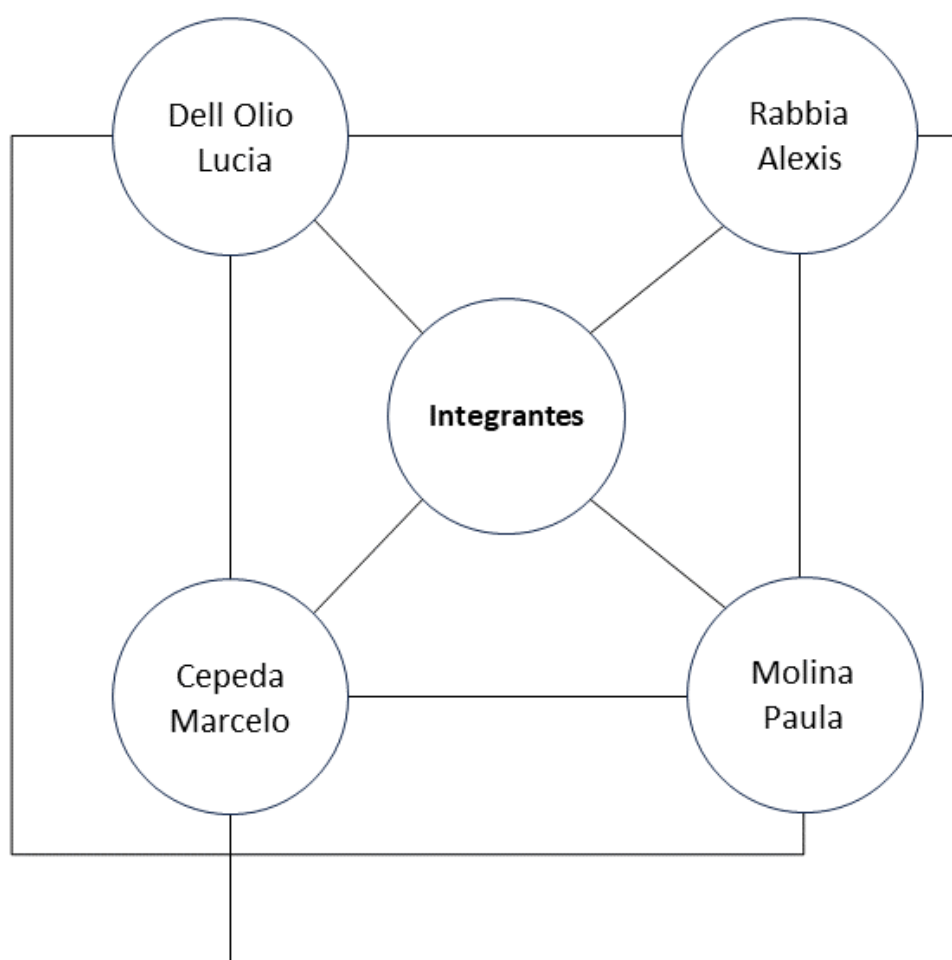


Trabajo práctico - Matemáticas

Tecnicatura Universitaria en Programación – Comisión 5

Teoría de grafos aplicada al futbol.



En el Torneo de Primera División del Fútbol Argentino buscamos determinar la localía del clásico de la fecha a partir de la distancia recorrida.

La localía en los clásicos implica resaltar los siguientes aspectos:

- **Ventaja deportiva:** La localía en un partido de fútbol puede conferir una ventaja significativa al equipo que juega en su estadio. Los jugadores están familiarizados con el terreno de juego, las dimensiones del estadio y las condiciones ambientales. Además, el apoyo y el aliento de la afición local pueden influir en el desempeño del equipo. Por lo tanto, determinar correctamente qué equipo actuará como local en un clásico puede ser determinante para el resultado del partido.
- **Equidad competitiva:** La equidad es un principio fundamental en el deporte. En los clásicos, donde hay una rivalidad histórica y emocional entre los equipos, es aún más importante asegurar que el partido se juegue en condiciones equitativas. La localía equitativa brinda a ambos equipos la oportunidad de jugar en su propio estadio y beneficiarse de las condiciones favorables asociadas.
- **Impacto económico:** Los clásicos son eventos de gran relevancia en términos económicos. Generan altos niveles de asistencia de público, aumento de ventas de entradas, productos oficiales y servicios relacionados con el partido. Además, la localía del clásico puede afectar la distribución de ingresos entre los clubes. Por lo tanto, es fundamental determinar adecuadamente la localía para maximizar el impacto económico y promover el desarrollo del fútbol en las comunidades.
- **Seguridad y logística:** También es crucial para la organización y planificación de aspectos logísticos y de seguridad. Las autoridades encargadas de la seguridad y el orden público necesitan conocer con antelación qué equipo actuará como local para implementar las medidas necesarias y garantizar la tranquilidad durante el desarrollo del partido.

En resumen, determinar la localía en los clásicos es esencial para garantizar la equidad competitiva, promover la seguridad, impulsar el impacto económico y preservar la esencia deportiva de los enfrentamientos entre los equipos más tradicionales. Además, contribuye a mantener la pasión y la emoción en el fútbol, proporcionando a los jugadores y a los aficionados un ambiente adecuado para disfrutar de estos partidos tan significativos.

La teoría de grafos nos proporciona un marco conceptual y herramientas matemáticas para analizar y modelar situaciones en las que existen conexiones o relaciones entre elementos. En nuestro caso, utilizamos grafos para representar el torneo de primera división del fútbol argentino.

En particular, empleamos dos tipos de grafos en nuestro modelo. En primer lugar, utilizamos un grafo completo ponderado, donde cada vértice representa a un club de primera división y las aristas representan las conexiones entre los clubes. En este caso, los pesos de las aristas son las distancias en kilómetros entre los estadios de los clubes.

Grafo completo ponderado

La representación del torneo mediante un grafo completo ponderado es una manera eficiente y estructurada de visualizar las relaciones entre los equipos participantes.

El torneo de Primera División del Fútbol Argentino cuenta con 20 equipos. Para representar este torneo utilizando un grafo completo ponderado, cada equipo se representa como un vértice en el grafo. Por lo tanto, tendremos 20 vértices, uno para cada equipo.

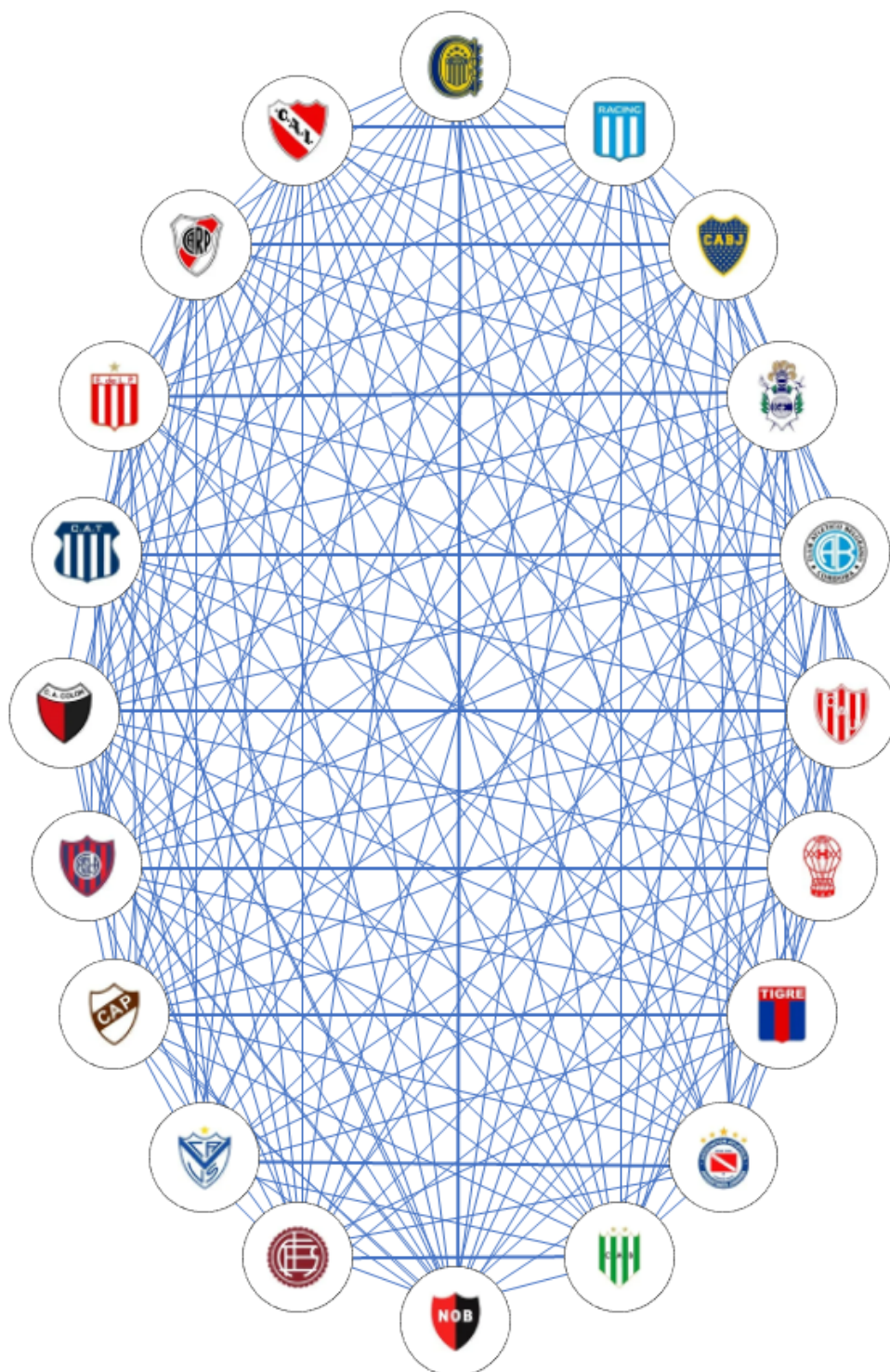
La característica "completo" del grafo significa que cada par de vértices está conectado por una arista. En otras palabras, cada equipo está relacionado directamente con todos los demás equipos en el torneo. Esto es importante porque nos permite capturar todas las conexiones posibles entre los equipos y analizar cómo interactúan entre sí.

Además, cada arista en el grafo tiene asociado un peso, que en este caso es la distancia en kilómetros entre los estadios de los equipos conectados por esa arista. Por ejemplo, si hay una arista que conecta los vértices correspondientes a dos equipos, el peso de esa arista representa la distancia física entre los estadios de esos equipos.

Esta ponderación de las aristas con las distancias en kilómetros nos brinda información importante sobre la ubicación geográfica de los equipos y cómo se relacionan espacialmente en el torneo. Además, nos permite considerar las distancias recorridas por los equipos al analizar la localía del clásico de la fecha.

La representación del torneo mediante un grafo completo ponderado nos ofrece una manera clara y estructurada de visualizar las conexiones entre los equipos y las distancias asociadas. Esto facilita el cálculo de la distancia recorrida por cada equipo y la determinación de la localía del clásico de la fecha basándonos en la distancia.

GRAFO COMPLETO DEL TORNEO



Matriz de valores de distancias

La matriz que almacena las distancias entre los estadios es una estructura de datos fundamental en nuestro modelo para calcular y determinar la distancia recorrida por cada equipo.

La matriz, a la que llamaremos "Matriz de Distancias", es una matriz cuadrada de tamaño $n \times n$, donde n representa el número de equipos o vértices en el torneo. Cada fila y columna de la matriz corresponde a un equipo específico en el torneo.

La utilidad de esta matriz radica en que cada elemento de la matriz (i, j) representa la distancia en kilómetros entre los estadios de los equipos i y j . En nuestro caso, que tenemos 20 equipos en el torneo, la matriz será de tamaño 20×20 .

Almacenar las distancias entre los estadios en una matriz nos permite tener una representación estructurada y accesible de esta información clave. Podemos llenar la matriz con valores de distancia obtenidos de fuentes confiables, como registros reales de las distancias entre los estadios, o mediante estimaciones basadas en datos geográficos.

La utilidad principal de la matriz de distancias es calcular la distancia recorrida por cada equipo en un momento dado. Para ello, sumamos las distancias correspondientes en la matriz para los partidos que cada equipo ha jugado hasta esa fecha. Si un equipo ha jugado x partidos de visitante, sumamos las distancias de esos partidos para obtener la distancia total recorrida hasta ese momento. Y los partidos que disputo de local no acumularía kilómetros recorridos.

Al tener la información de las distancias en la matriz, podemos realizar cálculos precisos y determinar qué equipo ha recorrido la mayor distancia. Esto es especialmente útil para decidir qué equipo hará las veces de local en el clásico de la fecha, basándonos en la distancia recorrida por cada equipo hasta ese momento.

Matriz de distancias entre los clubes del Fútbol Argentino de Primera División

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
1 River Plate	0	17	20	20	28	29	313	287	69	70	687	688	458	455	36	26	17	9	20	6
2 Boca Jrs	17	0	6	5	8	3	314	304	54	53	702	704	473	471	15	12	18	14	35	19
3 Independiente	20	6	0	1	10	6	317	305	52	51	714	706	476	474	11	7	21	17	38	21
4 Racing	20	5	1	0	10	6	317	305	52	51	714	706	476	474	11	7	21	17	37	20
5 San Lorenzo	28	8	10	10	0	5	316	305	63	62	704	705	476	474	19	11	11	8	38	23
6 Huracán	29	3	6	6	5	0	320	309	59	58	708	709	480	477	19	11	15	10	41	19
7 Rosario Central	313	314	317	317	316	320	0	7	366	365	405	406	168	165	323	322	304	303	288	294
8 Newell's	287	304	305	305	305	309	7	0	355	355	404	405	175	173	312	313	294	292	278	284
9 Estudiantes de La Plata	69	54	52	52	63	59	366	355	0	1	763	764	525	523	54	53	70	65	86	70
10 Gim. Est. de La Plata	70	53	51	51	62	58	365	355	1	0	764	765	526	524	55	54	71	66	87	71
11 Talleres de Córdoba	687	702	714	714	704	708	405	404	763	764	0	8	376	373	712	712	693	692	677	683
12 Belgrano de Córdoba	688	704	706	706	705	709	406	405	764	765	8	0	371	369	714	714	695	694	679	685
13 Colón de Santa Fe	458	473	476	476	476	480	168	175	525	526	376	371	0	4	484	484	465	464	449	455
14 Unión de Santa Fe	455	471	474	474	474	477	165	173	523	524	373	369	4	0	480	480	461	460	455	451
15 Banfield	36	15	11	11	19	19	323	312	54	55	712	714	484	480	0	4	21	23	46	32
16 Lanús	26	12	7	7	11	11	322	313	53	54	712	714	484	480	4	0	19	18	45	33
17 Vélez Sarsfield	17	18	21	21	11	15	304	294	70	71	693	695	465	461	21	19	0	6	27	13
18 Argentinos Jrs	9	14	17	17	8	10	303	292	65	66	692	694	464	460	23	18	6	0	26	12
19 Tigre	20	35	38	38	38	41	288	278	86	87	677	679	449	455	46	45	27	26	0	16
20 Platense	6	19	21	21	23	19	294	284	70	71	683	685	455	451	32	33	13	12	16	0

Matriz Recorridos

La matriz que registra la distancia recorrida por cada equipo en cada fecha es una herramienta clave en nuestro modelo. Esta matriz, que llamamos Matriz de Distancias Recorridas, nos permite tener un registro actualizado de la cantidad de kilómetros que cada equipo ha recorrido hasta el momento.

En esta matriz, cada fila representa un equipo y cada columna representa una fecha del torneo. Los valores registrados en la matriz indican la distancia recorrida por cada equipo hasta la fecha correspondiente.

Es importante destacar que la matriz se actualiza a medida que se disputan los partidos del torneo. En cada fecha, se registran las distancias recorridas por cada equipo hasta ese momento, teniendo en cuenta los partidos jugados como local y visitante.

Esta matriz nos brinda una visión clara y actualizada de la cantidad de kilómetros que cada equipo ha recorrido, lo cual es esencial para tomar decisiones relacionadas con la localía del clásico.

Determinación de la localía

En la etapa de determinación de la localía del clásico, realizamos una comparación de las distancias recorridas por los equipos hasta la fecha en que se llevará a cabo el enfrentamiento.

Una vez que hemos actualizado la matriz de distancias recorridas hasta la fecha del clásico, podemos proceder a comparar las distancias recorridas por los equipos. El objetivo es identificar el equipo que haya recorrido más kilómetros hasta ese momento.

En consecuencia, el equipo que haya recorrido más kilómetros hasta la fecha del clásico sería designado como el equipo local, mientras que el equipo que haya recorrido menos kilómetros sería designado como el equipo visitante.

Es importante destacar que esta comparación se realiza utilizando la información de la matriz de distancias recorridas y se lleva a cabo en cada clásico o partido de interés. De esta manera, podemos tomar en cuenta el esfuerzo realizado por cada equipo en términos de desplazamientos para equilibrar las condiciones y brindar una competencia justa.

Ejemplo de implementación en el clásico de Rosario

En el caso del clásico de Rosario, utilizaremos la Matriz de Distancias recorridas para determinar qué equipo ha recorrido una mayor distancia y, por lo tanto, cuál será el equipo local en ese partido.

Podemos observar que hasta la fecha del clásico de Rosario (Fecha 7), Rosario Central en las fechas 1, 3 y 5 hace de local, por lo que los kilómetros recorridos serían 0, 320 kilómetros en la Fecha 2, 313 kilómetros en la Fecha 4 y 366 kilómetros en la Fecha 6.

Del mismo modo, Newell's Old Boys en las fechas 2, 4 y 6 hace de local, por lo que los kilómetros recorridos serían 0, 284 kilómetros en la Fecha 1, 304 kilómetros en la Fecha 3 y 278 kilómetros en la Fecha 5.

FECHA 1

	23 kms	
	704 kms	
	525 kms	
	58 kms	
	7 kms	
	284 kms	
	20 kms	
	316 kms	
	677 kms	
	461 kms	

FECHA 2

	763 kms	
	5 kms	
	9 kms	
	695 kms	
	476 kms	
	21 kms	
	320 kms	
	312 kms	
	480 kms	
	87 kms	

FECHA 3

	683 kms	
	764 kms	
	477 kms	
	323 kms	
	7 kms	
	304 kms	
	21 kms	
	62 kms	
	458 kms	
	26 kms	

FECHA 4

	704 kms	
	473 kms	
	52 kms	
	685 kms	
	309 kms	
	18 kms	
	455 kms	
	313 kms	
	55 kms	
	21 kms	

FECHA 5

	278 kms	
	1 kms	
	714 kms	
	17 kms	
	12 kms	
	6 kms	
	304 kms	
	714 kms	
	474 kms	
	484 kms	

FECHA 6

	3 kms	
	366 kms	
	11 kms	
	451 kms	
	706 kms	
	36 kms	
	54 kms	
	175 kms	
	37 kms	
	37 kms	

FECHA 7

	14 kms	
	70 kms	
	7 kms	
	10 kms	
	19 kms	
	712 kms	
	484 kms	
	51 kms	
	679 kms	
	455 kms	

Ejemplo:

Clásico de Rosario

Tomemos como ejemplo el clásico de Rosario, que es uno de los enfrentamientos más esperados en el fútbol argentino.

Este clásico involucra a dos equipos históricos de la ciudad de Rosario: Rosario Central y Newell's Old Boys. Hasta la fecha del clásico, tanto Rosario Central como Newell's Old Boys han jugado un total de 6 partidos cada uno. De esos 6 partidos han jugado 3 como local y 3 como visitante. Para determinar la localía veamos la matriz a continuación.

	Fecha 1	Fecha 2	Fecha 3	Fecha 4	Fecha 5	Fecha 6	Total
River Plate	20	0	458	0	17	36	531
Boca Jrs	704	0	0	0	0	0	704
Independiente	0	21	0	52	714	0	787
Racing	0	5	0	21	0	37	63
San Lorenzo	316	0	62	0	474	0	852
Huracán	58	0	477	309	6	3	853
Rosario Central	0	320	0	313	0	366	999
Newell's	284	0	304	0	278	0	866
Estudiantes de La Plata	525	0	764	0	0	0	1289
Gimnasia Esgrima de La Plata	0	87	0	55	1	54	197
Talleres de Córdoba	0	763	0	704	0	692	2159
Belgrano de Córdoba	0	695	0	685	0	706	2086
Colón de Santa Fe	0	476	0	473	0	175	1124
Unión de Santa Fe	0	480	0	455	0	451	1386
Bandfield	23	312	323	0	484	0	1142
Lanús	7	0	7	0	714	0	728
Vélez Sarsfield	461	0	21	0	304	11	797
Argentinos Jrs	0	9	0	18	0	0	27
Tigre	677	0	26	0	0	0	703
Platense	0	0	683	0	12	0	695

En nuestro caso, llegamos a la conclusión que Rosario Central ha recorrido 999 kilómetros y Newell's Old Boys ha recorrido 866 kilómetros hasta la fecha del clásico.

Al comparar estas distancias, podemos determinar que Newell's Old Boys ha recorrido menos kilómetros que Rosario Central. Esto significa que, según nuestro criterio, Newell's Old Boys sería el equipo que ha tenido un menor desgaste en términos de viajes y desplazamientos.

Por lo tanto, según nuestro criterio, Rosario Central sería el equipo local en el clásico de Rosario. Esto significa que el partido se llevaría a cabo en el estadio de Rosario Central, y Newell's Old Boys sería el equipo visitante.

Aplicación del modelo a otros partidos de la fecha

El modelo que hemos presentado para determinar la localía en el clásico de la fecha puede ser aplicado a otros partidos de manera similar, como por ejemplo partidos claves o etapas finales del torneo. La lógica y los cálculos utilizados se mantienen, lo que nos permite extender el modelo a diferentes enfrentamientos.

La aplicabilidad del modelo a otros partidos se basa en los siguientes pasos:

- Recopilación de datos
- Actualización de la matriz de distancias recorridas
- Comparación de distancias recorridas
- Selección del equipo local

Conclusiones

En conclusión, el modelo presentado para determinar la localía en los clásicos de la fecha utilizando la distancia recorrida por cada equipo ofrece varios puntos clave:

- El uso de teoría de grafos, específicamente un grafo completo ponderado, permite representar el torneo de primera división y las distancias entre los estadios de los equipos. Esta representación facilita el cálculo de las distancias recorridas por cada equipo y la comparación de las mismas.
- La consideración de la distancia recorrida para determinar la localía en los clásicos es importante ya que busca equilibrar las condiciones de los equipos. El equipo que haya recorrido más kilómetros se beneficia al jugar como local, disminuyendo su desgaste físico y el tiempo de viaje, lo que promueve una competencia más justa.
- El modelo puede ser aplicado a diferentes clásicos de la fecha, utilizando la misma lógica y cálculos. Esto permite adaptar el modelo a diferentes enfrentamientos y situaciones, brindando una solución consistente y equitativa.
- Existe la posibilidad de ampliar y mejorar el modelo en futuras investigaciones. Por ejemplo, se podría considerar otros factores además de la distancia recorrida, como el tiempo de descanso entre partidos o el rendimiento histórico de los equipos. Estas mejoras podrían llevar a una mayor precisión y refinamiento del modelo.

En resumen, el modelo propuesto ofrece una metodología clara y precisa para determinar la localía en los clásicos de la fecha, tomando en cuenta la distancia recorrida por cada equipo. La consideración de este factor ayuda a nivelar las condiciones y brindar una competencia más equitativa. Además, existe el potencial de expandir y mejorar el modelo en investigaciones futuras, incorporando otros factores relevantes.