COMPILANDO CONOCIMIENTO

Introducción a la Programación Competitiva

Club de Algoritmia ESCOM

Rosas Hernandez Oscar Andrés

Enero 2018

Índice general

Ι	Int	roducción a la Programación Competitiva	6	
1.	¿Qué es la Programación Competitiva? 1.1. Introducción			
II	U	n tour de C++ y lo que deberías saber de el	8	
2.	¿Po	rqué C++ ?	9	
	2.1.	Ventajas de C++	10	
	2.2.	vs C	12	
	2.3.	vs Java	12	
	2.4.	vs Python	12	
3.	Tip	os de datos númericos	13	
	3.1.	Integers: Enteros	13	
		3.1.1. int	13	
		3.1.2. long	13	
		3.1.3. size_t	13	
		3.1.4. unsigned	13	
	3.2.	Floating Points: Puntos Flotantes	13	
	3.3.	Complex: Números Complejos	13	
4.	Bas	es del Lenguaje	1 4	
	4.1.	Condicionales	14	

	4.2.	Ciclos	14
	4.3.	Funciones	14
		4.3.1. Recursion: Recursividad	14
	4.4.	References and value types: Referencias o Valores	14
		4.4.1. Value types: Variables de valor	14
		4.4.2. Pointers: Apuntadores	14
		4.4.3. References: Referencias	14
		4.4.4. Move: Semánticas de Movimiento	14
5.	Con	tainers: Contenedores de la STD	1 5
	5.1.	std::vector	15
		5.1.1. std::array	15
	5.2.	std::string	15
	5.3.	std::map	15
	5.4.	std::set	15
6.	Cos	as cool la sintaxis	16
	6.1.	auto	16
	6.2.	for (auto x : container)	16
II	I I	deas de las Ciencias de la Computación	17
7.	La	Complejidad	18
	7.1.	Cotas y Notaciones	18
		7.1.1. Big O Notation: Notación de O grande	18
8.	Opt	mización	19
	8.1.	Límites de Tiempo de Ejecución	19
	8.2.	Límites de Memoria	19
9.	Pro	olemas NP	20

ÍNDICE GENERAL ÍNDICE GENERAL

IV Estructuras de Datos	21		
10.Arrays	22		
11.Stacks LIFO: Pilas			
12.Queue FIFO: Colas	2 4		
13.Linked Lists: Listas Enlazadas	2 5		
14.Binary Trees: Arboles Binarios	26		
14.1. BTS: Arboles de Búsqueda	26		
14.2. AVL - RedBlackTree: Arboles Autobalanceables	26		
14.3. Trie	26		
15.Heaps	27		
16.Hash Tables	28		
V Algoritmos Generales	29		
17.Search: Búsquedas	30		
17.1. Linear Search: Búsqueda Lineal	30		
17.2. Binary Search: Búsqueda Binaria	30		
17.3. Ternary Search: Búsqueda Ternaria	30		
17.4. Upper Bound	30		
17.5. Lower Bound	30		
18. Sorting: Ordenamiento por Comparaciones	31		
18.1. Bubble Sort	31		
18.2. Selection Sort	31		
18.3. Merge Sort	31		
18.4. Quick Sort	31		

19. Sorting: Ordenamiento NO por Comparaciones	
19.1. Bucket Sort	. 32
VI Programación es solo matemáticas aplicadas	33
20.Binary: Explotando el Binario	3 4
20.1. Bits	. 34
20.1.1. Manejo de Bits	. 34
20.1.2. Operaciones con Bits	. 34
20.2. Conversiones entre Sistemas	. 34
20.3. Binary Exponentiation: Exponenciacion Binaria	. 34
20.4. Binary Multiplication: Multiplicación Binaria	. 34
21.Roots: Encontrar Raíces de ecuaciones	35
21.1. Newton - Ranphson	. 35
22. Teoría de Números	36
22.1. Divisibilidad	. 36
22.1.1. Euclides	. 36
22.2. Modulos	. 36
22.3. Fibonacci	. 36
22.4. Primos y Factores	. 36
22.4.1. Eratosthenes Sieve: Criba de Eratóstenes	. 36
22.4.2. Prime Factorization: Factorización	. 36
22.4.3. Divisores	. 36
22.4.4. Euler Totient: La Phi de Euler	. 36
23.Probabilidad	37
23.1. Inclusión Exclusión	. 37
24 Geometría	38

4

ÍNDICE GENERAL ÍNDICE GENERAL

VII Técnicas de Solución	39		
25.Ad-Hoc	40		
26.Recursividad y BackTracking	41		
27. Divide and Conquer: Divide y Vencerás 48. Greedy			
VIII Grafos y Flujos	45		
30.Grafos y Gráficas	46		
30.1. Representaciones	46		
30.2. BFS: Breadth-first Search	46		
30.3. DFS: Depth-first Search	46		
30.4. Dijsktra: Camino más cercano	46		

Parte I

Introducción a la Programación Competitiva

¿Qué es la Programación Competitiva?

- 1.1. Introducción
- 1.1.1. ¿Qué hace diferente a un programa de competitiva de uno normal?

Parte II

Un tour de C++ y lo que deberías saber de el

¿Porqué C++?

2.1. Ventajas de C++

Hay muchas razones por las cuales C++ es uno de los lenguajes más usados en la modernidad en la programación competitiva (si no es que el más).

Puedes escuchar un video muy bonito para mi sobre porque elegir este lenguaje:

Bjarne Stroustrup: Why I Created C++



Figura 2.1: Este es el creador del lenguaje y persona a la cual nunca sabras como pronunciar su nombre: Bjarne Stroustrup

Las principales razones por C++ si un orden en particular son:

• Te da abstracciones sin costo extra.

O como lo diría su creador te da el poder de usar abstracciones de alto nivel pero estando muy cerca del hardware.

Personalmente creo que esa es mayor ventaja que tiene sobre todos los demás, creo que esa frase resume perfectamente todo el objetivo de C++ .

Lo que nos dice esto es que podremos representar grafos, matrices, operaciones, clases en general, algoritmos, etc... en nuestros programas con gran facilidad, cosa que no podemos hacer fácilmente por ejemplo en lenguajes como C o la familia de los ensambladores.

Y podrías decir, pero en Java o en Python podemos representar de una manera igual de fácil (siendo muy exactos no creo que sea el caso, pero esa es otra historia amigos) así que ... ¿porqué usar C++?

Pues porque en todos los demás lenguajes estas pagando un costo (a veces muy grande de varios cientos o miles de veces) por poder representar ideas o conceptos abstractos en un programa, en C++ esta prácticamente garantizado que usar una clase por ejemplo o que usar un arreglo que se auto dimensiona solo no será más costoso que si lo hubieras hecho tu desde ensamblador.

■ Tienes a la STD a tu lado

Esta es otra gran ventaja, ya que siguiendo con la mentalidad de abstracciones sin costo extra tenemos gracias a la gran libreria estándar un montón de cosas que no tenemos que hacer desde cero, desde arreglos que cambian de tamaño, arreglos asociativos, pilas, colas, algoritmos de ordenamiento, de búsqueda, etc...

Así podemos dejar los algoritmos básicos al lenguaje y enfocarnos en las cosas de verdad interesantes.

• Es compilador, el compilador es tu amigo

Otra ventaja más, podemos siempre confiar en el compilador, en que si nuestro programa compila muy probablemente está haciendo lo que debe hacer (cosa que no podemos esperar con python por ejemplo), el compilador es tu amigo, te dira en donde te equivocaste, en donde puede que hallas querido decir otra cosa y muchas veces te dará consejos, además, tras bambalinas está transformando tu código en algo que la computadora puede de verdad entender y además usará toda la información que le diste para muchas veces incluso mejorar tu código en vez de solo "traducirlo" y optimizarlo de maneras que me sorprenden personalmente.

• Es prácticamente un "super set" de C

Es decir, que cualquier código válido de C es válido en C++, esto es de gran ayuda pues C es uno de los lenguajes más conocidos por lo que puede que la sintaxis sea más sencilla de aprender que otros como Haskell. Otra ventaja es que al estar basados en C conserva muchas de las ventajas de C como su portabilidad, su velocidad de ejecución y la capacidad de tener un gran control de todos los recursos del sistema (memoria y tiempo de vida de un objecto, cough cough Java y su recolector de basura)

Tienes un gran control de todos los recursos del sistema

Esto es también es muy importante, pues nos dice que en C++ podemos controlar con gran lujo de detalle cuando un pedazo de memoria ya no es usado y deberíamos liberarlo ayudando con esto a aumentar la velocidad de nuestro programa o cuando queremos usar una variable local y cuando queremos usar memoria del heap, tenemos el control de decidir si queremos pasar las cosas por referencia o por valor, si deseamos mover un objecto o si una referencia no podrá ser modificada.

2.2. vs C

El gran problema con C es que es un lenguaje muy pequeño en el sentido en que todo lo tienes que hacer tu, si quieres hacer un problema que involucra cosas medio complejas todas las estructuras las tienes que codear al momento, y en un deporte de tiempo, cada segundo cuenta, así que en resumén, lo que "mata" a C es la falta de algo parecido a la std de C++ .

Aunque para problemas sencillos C también puede ser una opción, medio rara porque podrías entonces también hacerlo en C++ pero esta bien :)

2.3. vs Java

Con toda honestidad hay un porcentaje de la comunidad de programación competitiva que usan Java, así que si que es una opción biable, sobretodo por su gran libreria estandar y también porque en C++ no hay algo parecido a BigInteger y BigDecimal y suelen ser muchos los problemas que lo requieran, así quesi bien C++ podría ser tu lenguaje por defecto es importante que también conozcas lo básico de Java (O Kotlin si eres de los niños cool)

2.4. vs Python

Python es un gran lenguaje pero tiene todas las de perder en programción competitiva pues a ser interpretado y sin tipos sus programas acaban siendo muy lentos incluso usando el algoritmo correcto, eso si, hay varias aplicaciones útiles de python, como que todos los enteros tienen infinita presición por defecto (aka BigInteger como en Java).

Así que tampoco es una mala idea aprenderlo por si se necesita un día, pero definitivamente no es la mejor idea para ser tu lenguaje por defecto en programción competitiva.

Tipos de datos númericos

- 3.1. Integers: Enteros
- 3.1.1. int
- 3.1.2. long
- 3.1.3. size_t
- 3.1.4. unsigned
- 3.2. Floating Points: Puntos Flotantes
- 3.3. Complex: Números Complejos

Bases del Lenguaje

- 4.1. Condicionales
- 4.2. Ciclos
- 4.3. Funciones
- 4.3.1. Recursion: Recursividad
- 4.4. References and value types: Referencias o Valores
- 4.4.1. Value types: Variables de valor
- 4.4.2. Pointers: Apuntadores
- 4.4.3. References: Referencias
- 4.4.4. Move: Semánticas de Movimiento

Containers: Contenedores de la STD

- 5.1. std::vector
- 5.1.1. std::array
- 5.2. std::string
- 5.3. std::map
- 5.4. std::set

Cosas cool la sintaxis

- 6.1. auto
- 6.2. for (auto x : container)

Parte III

Ideas de las Ciencias de la Computación

La Complejidad

- 7.1. Cotas y Notaciones
- 7.1.1. Big O Notation: Notación de O grande

Optimización

- 8.1. Límites de Tiempo de Ejecución
- 8.2. Límites de Memoria

Problemas NP

Parte IV Estructuras de Datos

Arrays

Stacks LIFO: Pilas

Queue FIFO: Colas

Linked Lists: Listas Enlazadas

Binary Trees: Arboles Binarios

- 14.1. BTS: Arboles de Búsqueda
- 14.2. AVL RedBlackTree: Arboles Autobalanceables
- 14.3. Trie

Heaps

Hash Tables

Parte V Algoritmos Generales

Search: Búsquedas

- 17.1. Linear Search: Búsqueda Lineal
- 17.2. Binary Search: Búsqueda Binaria
- 17.3. Ternary Search: Búsqueda Ternaria
- 17.4. Upper Bound
- 17.5. Lower Bound

Sorting: Ordenamiento por Comparaciones

- 18.1. Bubble Sort
- 18.2. Selection Sort
- 18.3. Merge Sort
- 18.4. Quick Sort

Sorting: Ordenamiento NO por Comparaciones

19.1. Bucket Sort

Parte VI

Programación es solo matemáticas aplicadas

Binary: Explotando el Binario

- 20.1. Bits
- 20.1.1. Manejo de Bits
- 20.1.2. Operaciones con Bits
- 20.2. Conversiones entre Sistemas
- 20.3. Binary Exponentiation: Exponenciacion Binaria
- 20.4. Binary Multiplication: Multiplicación Binaria

Roots: Encontrar Raíces de ecuaciones

21.1. Newton - Ranphson

Teoría de Números

- 22.1. Divisibilidad
- **22.1.1.** Euclides
- 22.2. Modulos
- 22.3. Fibonacci
- 22.4. Primos y Factores
- 22.4.1. Eratosthenes Sieve: Criba de Eratóstenes
- 22.4.2. Prime Factorization: Factorización
- 22.4.3. Divisores
- 22.4.4. Euler Totient: La Phi de Euler

Probabilidad

23.1. Inclusión Exclusión

Geometría

Parte VII Técnicas de Solución

Ad-Hoc

Recursividad y BackTracking

Divide and Conquer: Divide y Vencerás

Greedy

Programación Dinámica

Parte VIII Grafos y Flujos

Grafos y Gráficas

- 30.1. Representaciones
- 30.2. BFS: Breadth-first Search
- 30.3. DFS: Depth-first Search
- 30.4. Dijsktra: Camino más cercano