

---

COMPILANDO CONOCIMIENTO

# Introducción a la Programación Competitiva

CLUB DE ALGORITMIA ESCOM

Rosas Hernandez Oscar Andrés

Enero 2018

# Índice general

<b>I</b>	<b>Introducción a la Programación Competitiva</b>	<b>6</b>
<b>1.</b>	<b>¿Qué es la Programación Competitiva?</b>	<b>7</b>
1.1.	Introducción . . . . .	7
1.1.1.	¿Qué hace diferente a un programa de competitiva de uno normal?	7
<b>II</b>	<b>Un tour de C++ y lo que deberías saber de el</b>	<b>8</b>
<b>2.</b>	<b>¿Porqué C++ ?</b>	<b>9</b>
2.1.	Ventajas de C++ . . . . .	10
2.2.	vs C . . . . .	12
2.3.	vs Java . . . . .	12
2.4.	vs Python . . . . .	12
<b>3.</b>	<b>Tipos de datos numéricos</b>	<b>13</b>
3.1.	Integers: Enteros . . . . .	13
3.1.1.	int . . . . .	13
3.1.2.	long . . . . .	13
3.1.3.	size_t . . . . .	13
3.1.4.	unsigned . . . . .	13
3.2.	Floating Points: Puntos Flotantes . . . . .	13
3.3.	Complex: Números Complejos . . . . .	13
<b>4.</b>	<b>Bases del Lenguaje</b>	<b>14</b>
4.1.	Condicionales . . . . .	14

4.2. Ciclos . . . . .	14
4.3. Funciones . . . . .	14
4.3.1. Recursion: Recursividad . . . . .	14
4.4. References and value types: Referencias o Valores . . . . .	14
4.4.1. Value types: Variables de valor . . . . .	14
4.4.2. Pointers: Apuntadores . . . . .	14
4.4.3. References: Referencias . . . . .	14
4.4.4. Move: Semánticas de Movimiento . . . . .	14
<b>5. Containers: Contenedores de la STD</b>	<b>15</b>
5.1. std::vector . . . . .	15
5.1.1. std::array . . . . .	15
5.2. std::string . . . . .	15
5.3. std::map . . . . .	15
5.4. std::set . . . . .	15
<b>6. Cosas cool la sintaxis</b>	<b>16</b>
6.1. auto . . . . .	16
6.2. for (auto x : container) . . . . .	16
<b>III Ideas de las Ciencias de la Computación</b>	<b>17</b>
<b>7. La Complejidad</b>	<b>18</b>
7.1. Cotas y Notaciones . . . . .	18
7.1.1. Big O Notation: Notación de O grande . . . . .	18
<b>8. Optimización</b>	<b>19</b>
8.1. Límites de Tiempo de Ejecución . . . . .	19
8.2. Límites de Memoria . . . . .	19
<b>9. Problemas NP</b>	<b>20</b>

<b>IV Estructuras de Datos</b>	<b>21</b>
10.Arrays	22
11.Stacks LIFO: Pilas	23
12.Queue FIFO: Colas	24
13.Linked Lists: Listas Enlazadas	25
14.Binary Trees: Arboles Binarios	26
14.1. BTS: Arboles de Búsqueda . . . . .	26
14.2. AVL - RedBlackTree: Arboles Autobalanceables . . . . .	26
14.3. Trie . . . . .	26
15.Heaps	27
16.Hash Tables	28
<b>V Algoritmos Generales</b>	<b>29</b>
17.Search: Búsquedas	30
17.1. Linear Search: Búsqueda Lineal . . . . .	30
17.2. Binary Search: Búsqueda Binaria . . . . .	30
17.3. Ternary Search: Búsqueda Ternaria . . . . .	30
17.4. Upper Bound . . . . .	30
17.5. Lower Bound . . . . .	30
18.Sorting: Ordenamiento por Comparaciones	31
18.1. Bubble Sort . . . . .	31
18.2. Selection Sort . . . . .	31
18.3. Merge Sort . . . . .	31
18.4. Quick Sort . . . . .	31

<b>19.Sorting: Ordenamiento NO por Comparaciones</b>	<b>32</b>
19.1. Bucket Sort . . . . .	32
 <b>VI Programación es solo matemáticas aplicadas</b>	 <b>33</b>
<b>20.Binary: Explotando el Binario</b>	<b>34</b>
20.1. Bits . . . . .	34
20.1.1. Manejo de Bits . . . . .	34
20.1.2. Operaciones con Bits . . . . .	34
20.2. Conversiones entre Sistemas . . . . .	34
20.3. Binary Exponentiation: Exponenciación Binaria . . . . .	34
20.4. Binary Multiplication: Multiplicación Binaria . . . . .	34
 <b>21.Roots: Encontrar Raíces de ecuaciones</b>	 <b>35</b>
21.1. Newton - Raphson . . . . .	35
 <b>22.Teoría de Números</b>	 <b>36</b>
22.1. Divisibilidad . . . . .	36
22.1.1. Euclides . . . . .	36
22.2. Modulos . . . . .	36
22.3. Fibonacci . . . . .	36
22.4. Primos y Factores . . . . .	36
22.4.1. Eratosthenes Sieve: Criba de Eratóstenes . . . . .	36
22.4.2. Prime Factorization: Factorización . . . . .	36
22.4.3. Divisores . . . . .	36
22.4.4. Euler Totient: La Phi de Euler . . . . .	36
 <b>23.Probabilidad</b>	 <b>37</b>
23.1. Inclusión Exclusión . . . . .	37
 <b>24.Geometría</b>	 <b>38</b>

<b>VII</b>	<b>Técnicas de Solución</b>	<b>39</b>
25.	Ad-Hoc	40
26.	Recursividad y BackTracking	41
27.	Divide and Conquer: Divide y Vencerás	42
28.	Greedy	43
29.	Programación Dinámica	44
<b>VIII</b>	<b>Grafos y Flujos</b>	<b>45</b>
30.	Grafos y Gráficas	46
30.1.	Representaciones . . . . .	46
30.2.	BFS: Breadth-first Search . . . . .	46
30.3.	DFS: Depth-first Search . . . . .	46
30.4.	Dijkstra: Camino más cercano . . . . .	46

# Parte I

## Introducción a la Programación Competitiva

# Capítulo 1

## ¿Qué es la Programación Competitiva?

### 1.1. Introducción

#### 1.1.1. ¿Qué hace diferente a un programa de competitiva de uno normal?



## Parte II

Un tour de C++ y lo que deberías saber  
de el

## Capítulo 2

### ¿Porqué C++ ?

## 2.1. Ventajas de C++

Hay muchas razones por las cuales C++ es uno de los lenguajes más usados en la modernidad en la programación competitiva (si no es que el más).

Puedes escuchar un video muy bonito para mi sobre porque elegir este lenguaje:

Bjarne Stroustrup: Why I Created C++



Figura 2.1: Este es el creador del lenguaje y persona a la cual nunca sabras como pronunciar su nombre: Bjarne Stroustrup

Las principales razones por C++ sin un orden en particular son:

- **Te da abstracciones sin costo extra.**

O como lo diría su creador te da el poder de usar abstracciones de alto nivel pero estando muy cerca del hardware.

Personalmente creo que esa es mayor ventaja que tiene sobre todos los demás, creo que esa frase resume perfectamente todo el objetivo de C++ .

Lo que nos dice esto es que podremos representar grafos, matrices, operaciones, clases en general, algoritmos, etc... en nuestros programas con gran facilidad, cosa que no podemos hacer fácilmente por ejemplo en lenguajes como C o la familia de los ensambladores.

*Y podrías decir, pero en Java o en Python podemos representar de una manera igual de fácil (siendo muy exactos no creo que sea el caso, pero esa es otra historia amigos) así que ... ¿porqué usar C++ ?*

Pues porque en todos los demás lenguajes estas pagando un costo (a veces muy grande de varios cientos o miles de veces) por poder representar ideas o conceptos abstractos en un programa, en C++ esta prácticamente garantizado que usar una clase por ejemplo o que usar un arreglo que se auto dimensiona solo no será más costoso que si lo hubieras hecho tu desde ensamblador.

- **Tienes a la STD a tu lado**

Esta es otra gran ventaja, ya que siguiendo con la mentalidad de abstracciones sin costo extra tenemos gracias a la gran librería estándar un montón de cosas que no tenemos que hacer desde cero, desde arreglos que cambian de tamaño, arreglos asociativos, pilas, colas, algoritmos de ordenamiento, de búsqueda, etc...

Así podemos dejar los algoritmos básicos al lenguaje y enfocarnos en las cosas de verdad interesantes.

- **Es compilador, el compilador es tu amigo**

Otra ventaja más, podemos siempre confiar en el compilador, en que si nuestro programa compila muy probablemente está haciendo lo que debe hacer (cosa que no podemos esperar con python por ejemplo), el compilador es tu amigo, te dirá en donde te equivocaste, en donde puede que hallas querido decir otra cosa y muchas veces te dará consejos, además, tras bambalinas está transformando tu código en algo que la computadora puede de verdad entender y además usará toda la información que le diste para muchas veces incluso mejorar tu código en vez de solo “traducirlo” y optimizarlo de maneras que me sorprenden personalmente.

- **Es prácticamente un “super set” de C**

Es decir, que cualquier código válido de C es válido en C++ , esto es de gran ayuda pues C es uno de los lenguajes más conocidos por lo que puede que la sintaxis sea más sencilla de aprender que otros como Haskell. Otra ventaja es que al estar basados en C conserva muchas de las ventajas de C como su portabilidad, su velocidad de ejecución y la capacidad de tener un gran control de todos los recursos del sistema (memoria y tiempo de vida de un objeto, cough cough Java y su recolector de basura)

- **Tienes un gran control de todos los recursos del sistema**

Esto es también es muy importante, pues nos dice que en C++ podemos controlar con gran lujo de detalle cuando un pedazo de memoria ya no es usado y deberíamos liberarlo ayudando con esto a aumentar la velocidad de nuestro programa o cuando queremos usar una variable local y cuando queremos usar memoria del heap, tenemos el control de decidir si queremos pasar las cosas por referencia o por valor, si deseamos mover un objeto o si una referencia no podrá ser modificada.

## 2.2. vs C

El gran problema con C es que es un lenguaje muy pequeño en el sentido en que todo lo tienes que hacer tu, si quieres hacer un problema que involucra cosas medio complejas todas las estructuras las tienes que codear al momento, y en un deporte de tiempo, cada segundo cuenta, así que en resumen, lo que “mata” a C es la falta de algo parecido a la std de C++ .

Aunque para problemas sencillos C también puede ser una opción, medio rara porque podrías entonces también hacerlo en C++ pero esta bien :)

## 2.3. vs Java

Con toda honestidad hay un porcentaje de la comunidad de programación competitiva que usan Java, así que si que es una opción viable, sobretodo por su gran librería estandar y también porque en C++ no hay algo parecido a `BigInteger` y `BigDecimal` y suelen ser muchos los problemas que lo requieran, así que si bien C++ podría ser tu lenguaje por defecto es importante que también conozcas lo básico de Java (O Kotlin si eres de los niños cool)

## 2.4. vs Python

Python es un gran lenguaje pero tiene todas las de perder en programación competitiva pues a ser interpretado y sin tipos sus programas acaban siendo muy lentos incluso usando el algoritmo correcto, eso si, hay varias aplicaciones útiles de python, como que todos los enteros tienen infinita precisión por defecto (aka `BigInteger` como en Java).

Así que tampoco es una mala idea aprenderlo por si se necesita un día, pero definitivamente no es la mejor idea para ser tu lenguaje por defecto en programación competitiva.

# Capítulo 3

## Tipos de datos numéricos

### 3.1. Integers: Enteros

#### 3.1.1. `int`

#### 3.1.2. `long`

#### 3.1.3. `size_t`

#### 3.1.4. `unsigned`

### 3.2. Floating Points: Puntos Flotantes

### 3.3. Complex: Números Complejos

# Capítulo 4

## Bases del Lenguaje

### 4.1. Condicionales

### 4.2. Ciclos

### 4.3. Funciones

#### 4.3.1. Recursion: Recursividad

### 4.4. References and value types: Referencias o Valores

#### 4.4.1. Value types: Variables de valor

#### 4.4.2. Pointers: Apuntadores

#### 4.4.3. References: Referencias

#### 4.4.4. Move: Semánticas de Movimiento

# Capítulo 5

## Containers: Contenedores de la STD

### 5.1. `std::vector`

#### 5.1.1. `std::array`

### 5.2. `std::string`

### 5.3. `std::map`

### 5.4. `std::set`



# Capítulo 6

## Cosas cool la sintaxis

6.1. `auto`

6.2. `for (auto x : container)`

## Parte III

# Ideas de las Ciencias de la Computación

# Capítulo 7

## La Complejidad

### 7.1. Cotas y Notaciones

#### 7.1.1. Big O Notation: Notación de O grande

# Capítulo 8

## Optimización

8.1. Límites de Tiempo de Ejecución

8.2. Límites de Memoria

## Capítulo 9

### Problemas NP

# Parte IV

## Estructuras de Datos

# Capítulo 10

## Arrays

## Capítulo 11

### Stacks LIFO: Pilas



## Capítulo 12

### Queue FIFO: Colas

## Capítulo 13

### Linked Lists: Listas Enlazadas

# Capítulo 14

## Binary Trees: Arboles Binarios

14.1. BTS: Arboles de Búsqueda

14.2. AVL - RedBlackTree: Arboles Autobalanceables

14.3. Trie

# Capítulo 15

## Heaps

# Capítulo 16

## Hash Tables

## Parte V

# Algoritmos Generales

# Capítulo 17

## Search: Búsquedas

17.1. Linear Search: Búsqueda Lineal

17.2. Binary Search: Búsqueda Binaria

17.3. Ternary Search: Búsqueda Ternaria

17.4. Upper Bound

17.5. Lower Bound

## Capítulo 18

# Sorting: Ordenamiento por Comparaciones

18.1. Bubble Sort

18.2. Selection Sort

18.3. Merge Sort

18.4. Quick Sort



## Capítulo 19

# Sorting: Ordenamiento NO por Comparaciones

### 19.1. Bucket Sort

## Parte VI

Programación es solo matemáticas  
aplicadas

# Capítulo 20

## Binary: Explotando el Binario

### 20.1. Bits

#### 20.1.1. Manejo de Bits

#### 20.1.2. Operaciones con Bits

### 20.2. Conversiones entre Sistemas

### 20.3. Binary Exponentiation: Exponenciación Binaria

### 20.4. Binary Multiplication: Multiplicación Binaria

## Capítulo 21

### Roots: Encontrar Raíces de ecuaciones

#### 21.1. Newton - Ranphson

# Capítulo 22

## Teoría de Números

### 22.1. Divisibilidad

#### 22.1.1. Euclides

### 22.2. Modulos

### 22.3. Fibonacci

### 22.4. Primos y Factores

#### 22.4.1. Eratosthenes Sieve: Criba de Eratóstenes

#### 22.4.2. Prime Factorization: Factorización

#### 22.4.3. Divisores

#### 22.4.4. Euler Totient: La Phi de Euler

# Capítulo 23

## Probabilidad

### 23.1. Inclusión Exclusión

# Capítulo 24

## Geometría

Parte VII

Técnicas de Solución



## Capítulo 25

### Ad-Hoc

## Capítulo 26

# Recursividad y BackTracking

## Capítulo 27

### Divide and Conquer: Divide y Vencerás

## Capítulo 28

### Greedy

## Capítulo 29

# Programación Dinámica

## Parte VIII

# Grafos y Flujos

# Capítulo 30

## Grafos y Gráficas

30.1. Representaciones

30.2. BFS: Breadth-first Search

30.3. DFS: Depth-first Search

30.4. Dijkstra: Camino más cercano