COMPILANDO CONOCIMIENTO

Probabilidad y Estadística

Matemáticas Estadísticas

Oscar Andrés Rosas Hernandez

Febrero 2018

Índice general

Ι				2
1.	Introducción - Cosas que Recordar			
	1.1.	Notaci	ión	4
		1.1.1.	Experimento ε	4
		1.1.2.	Espacio Muestral Ω	4
		1.1.3.	Evento A	4
		1.1.4.	Probabilidad $P(A)$	5
2.	Combinatoria			
	2.1.	Ideas	Clave	7
		2.1.1.	Ordén vs Sin Ordén	7
		2.1.2.	Remplazar vs No Remplazar	7
	2.2.	Fórmu	ılas	8
	2.3. Coheficientes Binomiales		cientes Binomiales	9
		2.3.1.	Interpretación	9
		232	Propieades	g

Parte I

Capítulo 1

Introducción - Cosas que Recordar

1.1. Notación

1.1.1. Experimento ε

Decimos que un experimento en probabilidad es cualquier proceso del cual se desconoce con determinación el resultado final.

Generalmente lo denotamos con mayúsculas.

1.1.2. Espacio Muestral Ω

Un espacio muestral asociado a un experimento es el conjunto de posibles resultados al momento de realizar el experimento.

Ejemplo:

```
Por ejemplo si \varepsilon_1: Lanzar una moneda. Entonces tenemos que S_1 = \{ Cara, Cruz \} Si \varepsilon_2: Lanzar un dado. Entonces tenemos que S_2 = \{ 1, 2, 3, 4, 5, 6 \}
```

1.1.3. Evento *A*

Un evento es simplemente algún subconjunto del espacio muestral.

Ejemplo:

```
Por ejemplo si \varepsilon_1: Lanzar una moneda. Entonces tenemos que un evento puede ser A_1 = \{ Cara \}
Si \varepsilon_2: Lanzar un dado. Entonces tenemos que un evento puede ser A_2 = \{ 1, 2, 4 \}, A_2.1 = \{ 5 \}
```

1.1.4. Probabilidad P(A)

Definimos la probabilidad de un evento A como:

$$P(A) = \frac{|A|}{|S|}$$
 Recuerda que A es un evento y S es espacio muestral

Creo que es muy obvio por la manera en que definimos a la probabilidad de un evento es un número real entre 0 y 1.

Por lo tanto:

- NO hay probabilidades negativas
- NO hay probabilidades mayores a uno

Entonces podemos reducir el problema de encontrar la probabilidad de un evento simplemente a dos partes:

- Encontrar la cardinalidad de dicho evento
- Encontrar la cardinalidad del espacio muestral de un experimento

Capítulo 2

Combinatoria

2.1. Ideas Clave

2.1.1. Ordén vs Sin Ordén

En las muestras que estan ordenadas entonces el ordén de los elementos importa por ejemplo en los dígitos de un teléfono o en las letras de una palabra.

En las muestras que no estan ordenadas el ordén es irrelevante, por ejemplo en los elementos de un conjunto.

2.1.2. Remplazar vs No Remplazar

Las muestras con remplazo entonces estan permitidas, por ejemplo los números de la licencia.

Cuando la repetición no esta permitida, por ejemplo en un conjunto de números de lotería

2.2. Fórmulas

■ Número de **permutaciones** de un conjunto de *n* objetos

$$n!$$
 (2.1)

 Número de muestras ordenadas de tamaño r con remplazo de un conjunto de n objetos

$$n^r$$
 (2.2)

• Número de muestras ordenadas de tamaño r sin remplazo de un conjunto de n objetos

$$_{n}P_{r} = \frac{n!}{(n-r)!} = (n)(n-1)(n-2)\dots(n-r+1)$$
 (2.3)

• Número de muestras no ordenadas de tamaño r sin remplazo de un conjunto de n objetos

Esto es lo mismo que el número de subconjuntos de cardinalidad r de un conjunto de n elementos

$$\binom{n}{r} = {}_{n}C_{r} = \frac{nP_{r}}{r!} = \frac{n!}{r!(n-r)!} = \frac{(n)(n-1)(n-2)\dots(n-r+1)}{r!}$$
 (2.4)

■ Número de subconjuntos de un conjunto de *n* elementos:

$$2^n (2.5)$$

2.3. Coheficientes Binomiales

2.3.1. Interpretación

Podemos interpretarlos de muchas maneras, algunas son:

- \blacksquare El número de formas de seleccionar k objetos de un conjunto de n elementos.
- \blacksquare El número de subconjuntos de elementos k en un conjunto de n elementos.

2.3.2. Propieades

• Número de **permutaciones** de un conjunto de *n* objetos

$$\binom{n}{r} = \frac{n!}{k!(n-k)!} \qquad \text{donde } n \in \mathbb{N} \text{ y } k \in \{1,\dots,n\}$$

$$= \frac{(n)(n-1)(n-2)\dots(n-k+1)}{k!} \qquad (2.6)$$

■ Número de **permutaciones** de un conjunto de *n* objetos

$$\binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!} \tag{2.8}$$

Propiedades Simetrícas

$$\binom{n}{k} = \binom{n}{n-k} \tag{2.9}$$

Casos Especiales

$$\binom{n}{0} = \binom{n}{n} = 1 \qquad \qquad \binom{n}{1} = \binom{n}{n-1} = n \tag{2.10}$$

■ Teorema del Binomio

$$(x+y)^n = \sum_{k=0}^n \binom{n}{k} x^k y^{n-k}$$
 (2.11)

■ Teorema del Binomio (Caso Especial)

$$\sum_{k=0}^{n} \binom{n}{k} p^k (1-p)^{n-k} = 1 \tag{2.12}$$

Bibliografía

 $[1]\,$ Leticia Cañedo Suárez Probabilidad. ESCOM, 2018