
COMPILANDO CONOCIMIENTO

Probabilidad y Estadística

MATEMÁTICAS ESTADÍSTICAS

Oscar Andrés Rosas Hernandez

Febrero 2018

Índice general

I	2
1. Introducción - Cosas que Recordar	3
1.1. Notación	4
1.1.1. Experimento ε	4
1.1.2. Espacio Muestral Ω	4
1.1.3. Evento A	4
1.1.4. Probabilidad $P(A)$	5
2. Combinatoria	6
2.1. Ideas Clave	7
2.1.1. Orden vs Sin Orden	7
2.1.2. Remplazar vs No Remplazar	7
2.2. Fórmulas	8

Parte I

Capítulo 1

Introducción - Cosas que Recordar

1.1. Notación

1.1.1. Experimento ε

Decimos que un experimento en probabilidad es cualquier proceso del cual se desconoce con determinación el resultado final.

Generalmente lo denotamos con mayúsculas.

1.1.2. Espacio Muestral Ω

Un espacio muestral asociado a un experimento es el conjunto de posibles resultados al momento de realizar el experimento.

Ejemplo:

Por ejemplo si ε_1 : Lanzar una moneda. Entonces tenemos que $S_1 = \{ Cara, Cruz \}$

Si ε_2 : Lanzar un dado. Entonces tenemos que $S_2 = \{ 1, 2, 3, 4, 5, 6 \}$

1.1.3. Evento A

Un evento es simplemente algún subconjunto del espacio muestral.

Ejemplo:

Por ejemplo si ε_1 : Lanzar una moneda. Entonces tenemos que un evento puede ser $A_1 = \{ Cara \}$

Si ε_2 : Lanzar un dado. Entonces tenemos que un evento puede ser $A_2 = \{ 1, 2, 4 \}, A_{2.1} = \{ 5 \}$

1.1.4. Probabilidad $P(A)$

Definimos la probabilidad de un evento A como:

$$P(A) = \frac{|A|}{|S|} \quad \text{Recuerda que } A \text{ es un evento y } S \text{ es espacio muestral}$$

Creo que es muy obvio por la manera en que definimos a la probabilidad de un evento es un número real entre 0 y 1.

Por lo tanto:

- **NO hay probabilidades negativas**
- **NO hay probabilidades mayores a uno**

Entonces podemos reducir el problema de encontrar la probabilidad de un evento simplemente a dos partes:

- Encontrar la cardinalidad de dicho evento
- Encontrar la cardinalidad del espacio muestral de un experimento

Capítulo 2

Combinatoria

2.1. Ideas Clave

2.1.1. Orden vs Sin Orden

En las muestras que estan ordenadas entonces el orden de los elementos importa por ejemplo en los dígitos de un teléfono o en las letras de una palabra.

En las muestras que no estan ordenadas el orden es irrelevante, por ejemplo en los elementos de un conjunto.

2.1.2. Remplazar vs No Remplazar

Las muestras con remplazo entonces estan permitidas, por ejemplo los números de la licencia.

Cuando la repetición no esta permitida, por ejemplo en un conjunto de números de lotería

2.2. Fórmulas

- Número de **permutaciones** de un conjunto de n objetos

$$n! \tag{2.1}$$

- Número de **muestras ordenadas** de tamaño r **con remplazo** de un conjunto de n objetos

$$n^r \tag{2.2}$$

- Número de **muestras ordenadas** de tamaño r **sin remplazo** de un conjunto de n objetos

$${}_nP_r = \frac{n!}{(n-r)!} = (n)(n-1)(n-2) \dots (n-r+1) \tag{2.3}$$

- Número de **muestras no ordenadas** de tamaño r **sin remplazo** de un conjunto de n objetos

Esto es lo mismo que el número de subconjuntos de cardinalidad r de un conjunto de n elementos

$$\binom{n}{r} = \frac{{}_nP_r}{r!} = \frac{n!}{r!(n-r)!} = \frac{(n)(n-1)(n-2) \dots (n-r+1)}{r!} \tag{2.4}$$

- Número de subconjuntos de un conjunto de n elementos:

$$2^n \tag{2.5}$$

Bibliografía

- [1] Leticia Cañedo Suárez *Probabilidad*. ESCOM, 2018