# **LL-Parser**

BC George (FH Bielefeld)

Unless otherwise noted, this work is licensed under CC BY-SA 4.0.

Wiederholung

### PDAs und kontextfreie Grammatiken

- Warum reichen uns DFAs nicht zum Matchen von Eingabezeichen?
- Wie könnnen wir sie minimal erweitern?
- Sind PDAs deterministisch?
- Wie sind kontextfreie Grammatiken definiert?
- Sind kontextfreie Grammatiken eindeutig?

# Motivation

# Was brauchen wir für die Syntaxanalyse von Programmen?

- einen Grammatiktypen, aus dem sich manuell oder automatisiert ein Programm zur deterministischen Syntaxanalyse erstellen lässt
- einen Algorithmus zum sog. Parsen von Programmen mit Hilfe einer solchen Grammatik

Themen für heute	
<ul> <li>Der Einsatz kontextfreier Grammatik zur Syntaxanalyse mittels Top-Down-Techniken</li> </ul>	

**Syntaxanalyse** 

### **Syntax**



Wir verstehen unter Syntax eine Menge von Regeln, die die Struktur von Daten (z. B. Programmen) bestimmen.

Syntaxanalyse ist die Bestimmung, ob Eingabedaten einer vorgegebenen Syntax entsprechen.

Diese vorgegebne Syntax wird im Compilerbau mit einer Grammatik beschrieben.

### Ziele der Syntaxanalyse

- aussagekräftige Fehlermeldungen, wenn ein Eingabeprogramm syntaktisch nicht korrekt ist
- evtl. Fehlerkorrektur
- Bestimmung der syntaktischen Struktur eines Programms
- Erstellung des AST (abstrakter Syntaxbaum): Der Parse Tree ohne Symbole, die nach der Syntaxanalyse inhaltlich irrelevant sind (z. B. Semikolons, manche Schlüsselwörter)
- die Symboltablelle(n) mit Informationen bzgl. Bezeichner (Variable, Funktionen und Methoden, Klassen, benutzerdefinierte Typen, Parameter, ...), aber auch die gültigkeitsbereiche.

### Arten der Syntaxanalyse

Die Syntax bezieht sich auf die Struktur der zu analysierenden Eingabe, z. B. einem Computerprogramm in einer Hochsprache. Diese Struktur wird mit formalen Grammatiken beschrieben. Einsetzbar sind Grammatiken, die deterministisch kontextfreie Sprachen erzeugen.

- Top-Down-Analyse: Aufbau des Parse trees von oben
  - Parsen durch rekursiven Abstieg
  - LL-Parsing
- (Bottom-Up-Analyse: LR-Parsing)

### Mehrdeutigkeiten

Wir können nur mit eindeutigen Grammatiken arbeiten, aber:

**Def.:** Eine formale Sprache L heißt *inhärent mehrdeutige Sprache*, wenn jede formale Grammatik G mit L(G) = L mehrdeutig ist.

Das heißt, solche Grammatiken existieren.

⇒ Es gibt keinen generellen Algorithmus, um Grammatiken eindeutig zu machen.

Bevor wir richtig anfangen...

**Def.:** Ein Nichtterminal A einer kontextfreien Grammatik G heißt unerreichbar, falls es kein  $a,b \in (N \cup T)^*$  gibt mit  $S \stackrel{*}{\Rightarrow} aAb$ . Ein Nichtterminal A einer Grammatik G heißt nutzlos, wenn es kein Wort  $w \in T^*$  gibt mit  $A \stackrel{*}{\Rightarrow} w$ .

**Def.:** Eine kontextfreie Grammatik G = (N, T, P, S) heißt *reduziert*, wenn es keine nutzlosen oder unerreichbaren Nichtterminale in N gibt.

Bevor mit einer Grammatik weitergearbeitet wird, müssen erst alle nutzlosen und dann alle unerreichbaren Symbole eliminiert werden. Wir betrachten ab jetzt nur reduzierte Grammatiken.

# Top-Down-Analyse

# Wie würden Sie manuell parsen?

oft wird monnell top-drive gepars

# Algorithmus: Rekursiver Abstieg

Hier ist ein einfacher Algorithmus, der (indeterministisch) einen Ableitungsbaum vom Nonterminal X von oben nach unten aufbaut:

**Eingabe:** Ein Nichtterminal X und das nächste zu verarbeitende Eingabezeichen a.

Recursive Descent(X,a)  $//X \in N, a \in T$ Michtalta = Mishich Michaller united, des mile absolutes weden soll. for production,  $X o Y_1 Y_2 \dots Y_n$ for i = 1 to nif  $Y_i \in N$ RecursiveDescent $(Y_i, a)$ else if  $Y_i \neq a$ error

Racktrackuis

**Abbildung 1:** Recursive Descent-Algorithmus

# Grenzen des Algorithmus

Was ist mit

1) 
$$X \to a\alpha \mid b\beta \mid V$$
  
2)  $X \to B\alpha \mid C\beta \quad \text{Di Jerminden Aufoinge von B und C missen behandt$ 

3) 
$$X \rightarrow B\alpha \mid B\beta$$
 Linksfartonsurung vioti8

3) 
$$X \to B\alpha \mid B\beta$$
 Linksfartonsilving with  $X \to B\alpha \mid C\beta$  and  $C \to B$  individue Linksfartonsilving  $X \to X\beta$  had a  $X \to X\beta$ 

5) 
$$X \to X\beta$$
 Livesher won entermen

6) 
$$X \to B\alpha$$
 und  $B \to X\beta$  inclinate fine relumin

$$X, B, C, D \in \mathbb{N}^*$$
;  $a, b, c, d \in T^*$ ;  $\beta$ ,  $\alpha, \beta \in (\mathbb{N} \cup T)^*$ 

# Linksfaktorisierung

$$X \rightarrow BC \mid BD$$

X>BB

 $E \rightarrow C \mid \mathcal{D}$ 

X-ABC | ABD

das langte Pratix nehmen

## Algorithmus: Linksfaktorisierung

**Eingabe:** Eine Grammatik G = (N, T, P, S)

**Ausgabe:** Eine äquivalente links-faktorisierte Grammatik G'

```
repeat
    for each X \in N
         find the longest prefix lpha \in (N \cup T)^* common to at least two
             of its productions
         if \alpha \neq \epsilon exists
             replace all X-productions
                     X \to \alpha \beta_1 \mid \alpha \beta_2 \mid \ldots \mid \alpha \beta_n \mid \gamma
                     (with \gamma \neq \alpha \delta for a \delta \in (N \cup T)^*)
                        by the following rules with a new nonterminal Y:
                           X \to \alpha Y \mid \gamma
                          Y \to \beta_1 \mid \beta_2 \mid \ldots \mid \beta_n
  until there are no two X \in N with productions with common prefixes
```

Abbildung 2: Algorithmus zur Linksfaktorisierung

### Linksrekursion

**Def.:** Eine Grammatik G = (N, T, P, S) heißt *linksrekursiv*, wenn sie ein Nichtterminal X hat, für das es eine Ableitung  $X \stackrel{+}{\Rightarrow} X$   $\alpha$  für ein  $\alpha \in (N \cup T)^*$  gibt.

Linksrekursion gibt es

*direkt*: 
$$X \rightarrow X\alpha$$

und

indirekt: 
$$X \to \ldots \to X\alpha$$

# Algorithmus: Entfernung von direkter Linksrekursion

**Eingabe:** Eine Grammatik G = (N, T, P, S)

**Ausgabe:** Eine äquivalente Grammatik G' ohne direkte Linksrekursion

replace each production 
$$X \to X\alpha \mid \beta$$
 by  $X \to \beta Y$   $Y \to \alpha Y \mid \epsilon$ 

Abbildung 3: Algorithmus zur Entfernung direkter Linksrekursion

## Algorithmus: Entfernung von indirekter Linksrekursion

**Eingabe:** Eine Grammatik G = (N, T, P, S) mit  $N = \{X_1, X_2, \dots X_n\}$  ohne  $\epsilon$ -Regeln oder Zyklen der Form  $X_1 \to X_2, X_2 \to X_3, \dots X_{m-1} \to X_m, X_m \to X_1$ 

**Ausgabe:** Eine äquivalente Grammatik G' ohne Linksrekursion

Abbildung 4: Algorithmus zur Entfernung indirekter Linksrekursion

Arbeiten mit generierten Parsern:

LL(k)-Grammatiken

## First-Mengen

$$S \rightarrow A \mid B \mid C$$
  $A \mid B \mid C$   $A \mid B \mid C$ 

Welche Produktion nehmen?

Wir brauchen die "terminalen k-Anfänge" von Ableitungen von Nichtterminalen, um eindeutig die nächste zu benutzende Produktion festzulegen. k ist dabei die Anzahl der Vorschautoken.

Def.: Wir definieren First - Mengen einer Grammatik wie folgt:

- $a \in T^*, |a| \le k : First_k(a) = \{a\}$
- $a \in T^*, |a| > k : First_k(a) = \{v \in T^* \mid a = vw, |v| = k\}$
- $\begin{array}{c} \blacksquare & \\ \searrow \\ \swarrow \\ \swarrow \\ \end{array} \in (N \cup T)^* \backslash T^* : \mathit{First}_k(X) = \{ v \in T^* \mid \\ \searrow \\ \swarrow \\ \swarrow \\ \swarrow \\ \end{array} w, \mathsf{mit} \ w \in T^* *, \mathit{First}_k(w) = \{ v \} \}$

### First-Mengen

$$S \rightarrow A \mid B \mid C$$

Welche Produktion nehmen?

Wir brauchen die "terminalen k-Anfänge" von Ableitungen von Nichtterminalen, um eindeutig die nächste zu benutzende Produktion festzulegen. k ist dabei die Anzahl der Vorschautoken.

Def.: Wir definieren First - Mengen einer Grammatik wie folgt:

- $a \in T^*, |a| \le k : First_k(a) = \{a\}$
- $a \in T^*, |a| > k : First_k(a) = \{v \in T^* \mid a = vw, |v| = k\}$
- $A \in (N \cup T)^* \setminus T^* : First_k(A) = \{v \in T^* \mid A \stackrel{*}{\Rightarrow} w, \text{mit } w \in T^**, First_k(w) = \{v\}\}$

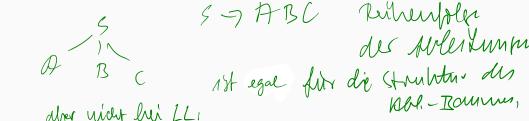
### First-Mengen

Wir brauchen die "terminalen k-Anfänge" von Ableitungen von Nichtterminalen, um eindeutig die nächste zu benutzende Produktion festzulegen. k ist dabei die Anzahl der Vorschautoken.

Def.: Wir definieren First - Mengen einer Grammatik wie folgt:

- $a \in T^*, |a| \le k : First_k(a) = \{a\}$
- $a \in T^*, |a| > k : First_k(a) = \{v \in T^* \mid a = vw, |v| = k\}$
- $A \in (N \cup T)^* \setminus T^* : First_k(A) = \{v \in T^* \mid A \stackrel{*}{\Rightarrow} w, mit \ w \in T^**, First_k(w) = \{v\}\}$

# Linksableitungen



**Def.:** Bei einer kontextfreien Grammatik G ist die Linksableitung von  $\alpha \in (N \cup T)^*$  die Ableitung, die man erhält, wenn in jedem Schritt das am weitesten links stehende Nichtterminal in  $\alpha$  abgeleitet wird.

Man schreibt  $\alpha \stackrel{*}{\Rightarrow}_I \beta$ .

# Follow-Mengen

In First (5) missen and die Symbole enthalten sein, die auf A folgen können.

Manchmal müssen wir wissen, welche terminalen Zeichen hinter einem Nichtterminal stehen können.

Def. Wir definieren Follow - Mengen einer Grammatik wie folgt:

$$\forall \beta \in (N \cup T)^*$$
:

$$Follow_k(\beta) = \{ w \in T^* \mid \exists \alpha, \gamma \in (N \cup T)^* \text{ mit } S \overset{*}{\Rightarrow}_I \alpha \beta \gamma \text{ und } w \in First_k(\gamma) \}$$

# LL(k)-Grammatiken

**Def.:** Eine kontextfreie Grammatik G = (N, T, P, S) ist genau dann eine LL(k)-Grammatik, wenn für alle Linksableitungen der Form:

und

$$S \stackrel{*}{\Rightarrow}_{l} wA\gamma \Rightarrow_{l} w\beta\gamma \stackrel{*}{\Rightarrow}_{l} wy$$

mit  $(w, x, y \in T^*, \alpha, \beta, \gamma \in (N \cup T)^*, A \in N)$  und  $First_k(x) = First_k(y)$  gilt:

$$\alpha = \beta$$
, d.h. die Fisst-Muy bestimmt eindluchs  
die ansumuludude Produktion.

# LL(1)-Grammatiken

## LL(k)-Sprachen

Die von LL(k)-Grammatiken erzeugten Sprachen sind eine echte Teilmenge der deterministisch parsbaren Sprachen.

Die von LL(k)-Grammatiken erzeugten Sprachen sind eine echte Teilmenge der von LL(k+1)-Grammatiken erzeugten Sprachen.

Für eine kontextfreie Grammatik G ist nicht entscheidbar, ob es eine LL(1) - Grammatik G' gibt mit L(G) = L(G').

In der Praxis reichen LL(1) - Grammatiken oft. Hier gibt es effiziente Parsergeneratoren, deren Eingabe eine LL(k)- (meist LL(1)-) Grammatik ist, und die als Ausgabe den Quellcode eines (effizienten) tabellengesteuerten Parsers generieren.

## Algorithmus: Konstruktion einer LL-Parsertabelle

**Eingabe:** Eine Grammatik G = (N, T, P, S)

Tie Einfelle bui Ll-Passion endut Ammo und dem I - Ziechen &

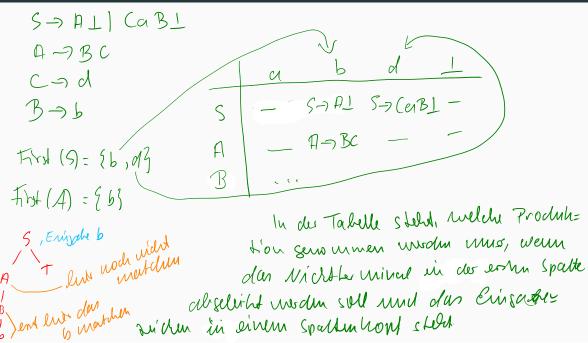
Ausgabe: Eine Parsertabelle P

 $\begin{array}{c} \text{for each production } X \to \alpha \\ \text{for each } a \in First(\alpha) \\ \text{add } X \to \alpha \text{ to } P[X,a] \\ \\ \text{if } \epsilon \in First(\alpha) \\ \text{for each } b \in Follow(\alpha) \\ \text{add } X \to \alpha \text{ to } P[X,b] \\ \text{if } \epsilon \in First(\alpha) \text{ and } \bot \in Follow(X) \\ \text{add } X \to \alpha \text{ to } P[A,\bot] \end{array}$ 

Abbildung 5: Algorithmus zur Generierung einer LL-Parsertabelle

Hier ist  $\perp$  das Endezeichen des Inputs. Statt  $First_1(\alpha)$  und  $Follow_1(\alpha)$  wird oft nur  $First(\alpha)$  und  $Follow(\alpha)$  geschrieben.

# LL-Parsertabellen



### **LL-Parsertabellen**

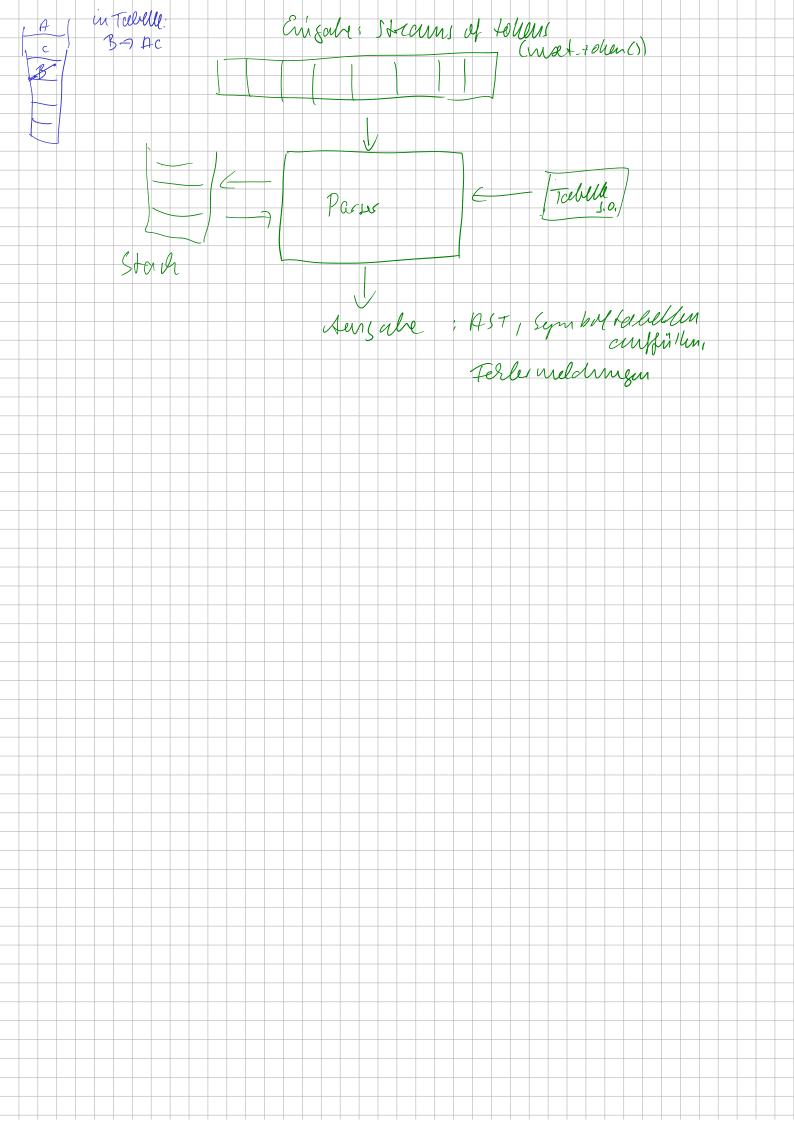
Rekursive Programmierung bedeutet, dass das Laufzeitsystem einen Stack benutzt (bei einem Recursive-Descent-Parser, aber auch bei der Parsertabelle). Diesen Stack kann man auch "selbst programmieren", d. h. einen PDA implementieren. Dabei wird ebenfalls die oben genannte Tabelle zur Bestimmung der nächsten anzuwendenden Produktion benutzt. Der Stack enthält die zu erwartenden Eingabezeichen, wenn immer eine Linksableitung gebildet wird. Diese Zeichen im Stack werden mit dem Input gematcht.

### Algorithmus: Tabellengesteuertes LL-Parsen mit einem PDA

**Eingabe:** Eine Grammatik G = (N, T, P, S), eine Parsertabelle P mit  $w \perp$  als initialem Kellerinhalt

**Ausgabe:** Wenn  $w \in L(G)$ , eine Linksableitung von w, Fehler sonst

```
a = next_token() / WW \ Column
X = top of
X = top of stack // entfernt X vom Stack
while X \neq \perp
    if X = a
        a = next_token()
    else if {\tt X} \in T
        error
    else if P[X,a] leer
        error
    else if P[X,a] = X \rightarrow Y_1 Y_2 \dots Y_k
        process_production(X \rightarrow Y_1Y_2 \dots Y_k)
        push(Y_1Y_2...Y_k) //Y<sub>1</sub> = top of stack
    X = top of stack
```



### Ergebnisse der Syntaxanalyse

- eventuelle Syntaxfehler mit Angabe der Fehlerart und des -Ortes
- Fehlerkorrektur
- Format für die Weiterverarbeitung:
  - Syntaxbaum oder Parse Tree
  - abstrakter Syntaxbaum (AST): Der Parse Tree ohne Symbole, die nach der Syntaxanalyse inhaltlich irrelevant sind (z. B. ;, Klammern, manche Schlüsselwörter, ...)
- Symboltabelle

### Wrap-Up

- Syntaxanalyse wird mit deterministisch kontextfreien Grammatiken durchgeführt.
- Eine Teilmenge der dazu gehörigen Sprachen lässt sich top-down parsen.
- Ein einfacher Recursive-Descent-Parser arbeitet mit Backtracking.
- Ein effizienter LL(k)-Parser realisiert einen DPDA und kann automatisch aus einer LL(k)-Grammatik generiert werden.
- Der Parser liefert in der Regel einen abstrakten Syntaxbaum.

### **LICENSE**



Unless otherwise noted, this work is licensed under CC BY-SA 4.0.