## Министерство образования и науки Украины Национальный технический университет Украины "Киевский Политехнический Институт" Кафедра ТОЭ

# Расчетно-графическая работа

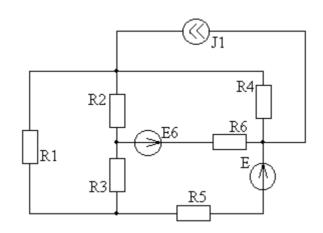
"Расчёт цепей постоянного тока" Вариант № 327

Выполнил:	
Проверия:	

### Задание:

- 1. Найти токи в ветках данной электрической цепи методом узловых потенциалов и контурных токов. Проверить расчёт цепи при помощи законов Кирхгофа для каждого узла и независимого контура. Сложить и проверить уравнение баланса мощностей.
- 2. Построить потенциальную диаграмму для контура данной цепи.
- 3. Преобразовать данную цепь к трём независимым контурам. В полученной цепи найти токи в ветках методом наложения. Проверить расчеты цепи за законами Кирхгофа
- 4. Найти токи в ветвях данной цепи методом эквивалентного генератора.

$$R_1 := 25$$
  $R_2 := 40$   $R_3 := 50$   $R_4 := 5$   $R_5 := 10$   $R_6 := 0$   $R_6 := 150$   $R_6 := 150$   $R_6 := 150$ 



## Метод контурных токов

За вторым законом Кирхгофа составляем систему уравнений. Решая получиную систему уравнений, находим контурные токи.

$$I_{K1} := 1$$
  $I_{K2} := 1$   $I_{K3} := 1$ 

Given

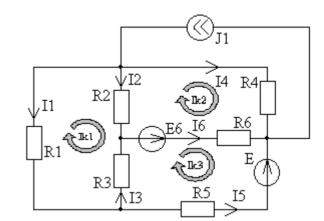
$$I_{K1} \cdot (R_1 + R_2 + R_3) - I_{K2} \cdot R_2 - I_{K3} \cdot R_3 = 0$$

$$-I_{K1} \cdot R_2 + I_{K2} \cdot (R_2 + R_4 + R_6) - I_{K3} \cdot R_6 + J_1 \cdot R_4 = -E_6$$

$$-I_{K1} \cdot R_3 - I_{K2} \cdot R_6 + I_{K3} \cdot (R_3 + R_5 + R_6) = E_6 - E$$

$$\begin{pmatrix} I_{K1} \\ I_{K2} \\ I_{K3} \end{pmatrix} := Find(I_{K1}, I_{K2}, I_{K3})$$

$$I_{K1} = -5.515$$
  $I_{K2} = -13.235$   $I_{K3} = -2.096$ 



Токи ветвей схемы равны:

$$\begin{split} I_1 &:= -I_{K1} & I_1 = 5.515 \\ I_2 &:= I_{K1} - I_{K2} & I_2 = 7.721 \\ I_3 &:= I_{K3} - I_{K1} & I_3 = 3.419 \\ I_4 &:= J_1 + I_{K2} & I_4 = 1.765 \\ I_5 &:= -I_{K3} & I_5 = 2.096 \\ I_6 &:= I_{K3} - I_{K2} & I_6 = 11.14 \end{split}$$

## Метод узловых потенциалов

Примем потенциал точки 1 равным 0:  $\phi_1 := 0$  тогда потенциал точки 3 будет равен:  $\phi_3 := \phi_1 + E_6$   $\phi_3 = 300$ 

Найдем узловые и межузловые проводимости и узловые токи:

$$G_{22} := \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_4}$$
  $G_{22} = 0.265$ 

$$G_{44} := \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_5}$$
  $G_{44} = 0.16$ 

$$G_{21} := \frac{1}{R_2}$$
  $G_{21} = 0.025$ 

$$G_{23} := \frac{1}{R_4}$$
  $G_{23} = 0.2$ 

$$G_{24} := \frac{1}{R_1}$$
  $G_{24} = 0.04$ 

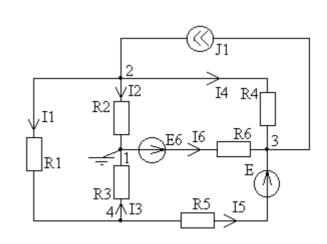
$$G_{41} := \frac{1}{R_3} \qquad \qquad G_{41} = 0.02$$

$$G_{43} := \frac{1}{R_5}$$
  $G_{43} = 0.1$ 

$$G_{42} := \frac{1}{R_1}$$
  $G_{42} = 0.04$ 

$$J_{B2} := J_1$$
  $J_{B2} = 15$ 

$$J_{B4} := -\frac{E}{R_5}$$
  $J_{B4} = -15$ 



Подставив найденые значения проводимостей и узловых токов в расчетную систему уравнений и найдем искомые потенциалы узлов 2 и 4:

$$\phi_2 := 1$$
  $\phi_4 := 1$ 

Given

$$\begin{split} -G_{21} \cdot \phi_1 + G_{22} \cdot \phi_2 - G_{23} \cdot \phi_3 - G_{24} \cdot \phi_4 &= J_{B2} \\ -G_{41} \cdot \phi_1 - G_{42} \cdot \phi_2 - G_{43} \cdot \phi_3 + G_{44} \cdot \phi_4 &= J_{B4} \\ \begin{pmatrix} \phi_2 \\ \phi_4 \end{pmatrix} &:= Find(\phi_2, \phi_4) \end{split}$$

 $\phi_2 = 308.824$   $\phi_4 = 170.956$ 

Токи ветвей схемы находим за законом Ома:

$$I_{1} := \frac{\phi_{2} - \phi_{4}}{R_{1}}$$

$$I_{2} := \frac{\phi_{2} - \phi_{1}}{R_{2}}$$

$$I_{3} := \frac{\phi_{4} - \phi_{1}}{R_{3}}$$

$$I_{4} := \frac{\phi_{2} - \phi_{3}}{R_{4}}$$

$$I_{4} := \frac{\phi_{2} - \phi_{3}}{R_{4}}$$

$$I_{5} := \frac{\phi_{4} - \phi_{3} + E}{R_{5}}$$

$$I_{6} := I_{2} + I_{3}$$

$$I_{1} = 5.515$$

$$I_{2} = 7.721$$

$$I_{3} = 3.419$$

$$I_{4} = 1.765$$

$$I_{5} := \frac{\phi_{4} - \phi_{3} + E}{R_{5}}$$

$$I_{5} = 2.096$$

### Проверка:

За 1-м законом Кирхгофа:

$$I_6 - I_2 - I_3 = 0$$
  $-I_3 + I_1 - I_5 = 2.918 \times 10^{-13}$   $I_1 + I_2 + I_4 - J_1 = -1.538 \times 10^{-12}$   $-I_4 - I_5 - I_6 + J_1 = 1.83 \times 10^{-12}$ 

За 2-м законом Кирхгофа:

$$\begin{split} E_6 - E &= 150 & -I_5 \cdot R_5 + I_3 \cdot R_3 + I_6 \cdot R_6 = 150 \\ -I_4 \cdot R_4 + I_1 \cdot R_1 + I_5 \cdot R_5 &= 150 & E &= 150 \\ -I_2 \cdot R_2 + I_1 \cdot R_1 + I_3 \cdot R_3 &= 0 \\ I_2 \cdot R_2 - I_4 \cdot R_4 &= 300 & E_6 &= 300 \end{split}$$

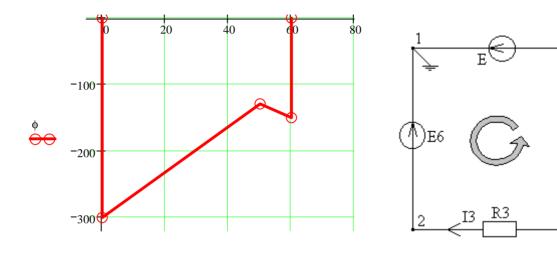
Баланс мощностей:

$$E \cdot I_5 + E_6 \cdot I_6 + J_1 \cdot (I_4 \cdot R_4) = 3.789 \times 10^3$$

$$I_1^2 \cdot R_1 + I_2^2 \cdot R_2 + I_3^2 \cdot R_3 + I_4^2 \cdot R_4 + I_5^2 \cdot R_5 + I_6^2 \cdot R_6 = 3.789 \times 10^3$$

## Потенциальная диаграмма

$$\begin{aligned} \phi_1 &= 0 \\ \phi_2 &:= \phi_1 - E_6 \\ \phi_3 &:= \phi_2 + I_3 \cdot R_3 \\ \phi_4 &:= \phi_3 - I_5 \cdot R_5 \\ \phi_1 &:= \phi_4 + E \end{aligned} \qquad \begin{aligned} \phi_2 &= -300 \\ \phi_3 &= -129.044 \\ \phi_4 &= -150 \\ \phi_1 &= 0 \end{aligned}$$



## Метод эквивалентного генератора

Вырезавши из выходной схемы ветку с сопротивлением R5 и источником питания E, получаем схему. В выходной схеме ток I5 направленый от узла 3 к узлу 4, такое же направление выберем и для напряжения холостого хода U1х.

Для нахождения напряжения U1х сначала надо найти токи в ветвях с сопротивлениями R6 и R3. Для этого воспользуемся методом контурных токов:

$$\begin{split} I_{K1} &:= 1 & I_{K2} := 1 \\ I_{K1} \cdot \left(R_1 + R_2 + R_3\right) - I_{K2} \cdot R_2 = 0 \\ -I_{K1} \cdot R_2 + I_{K2} \cdot \left(R_2 + R_4 + R_6\right) + J_1 \cdot R_4 = -E_6 \\ \begin{pmatrix} I_{K1} \\ I_{K2} \end{pmatrix} &:= Find \begin{pmatrix} I_{K1}, I_{K2} \end{pmatrix} \\ I_{K1} &= -4.196 & I_{K2} = -12.063 \end{split}$$

Искомое напряжение холостого хода равно:

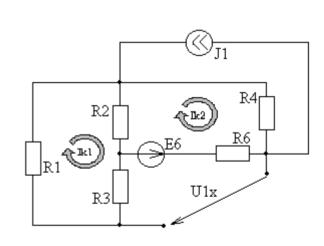
$$U_{1X} := I_{K1} \cdot R_3 + E_6$$
  $U_{1X} = 90.21$ 

Эквивалентное сопротивление цепи равно:

$$R_{145} := \frac{R_2 \cdot R_4}{R_2 + R_4} + R_1 \quad R_E := \frac{R_{145} \cdot R_3}{R_{145} + R_3} \qquad R_E = 18.531$$

Искомый ток, вырезаной ветки, равен:

$$I_5 := \frac{E - U_{1X}}{R_E + R_5} \qquad I_5 = 2.096$$



15

### Метод наложения

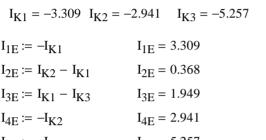
В цепи действует только Е:

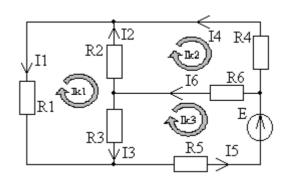
$$\begin{split} &I_{K1} \coloneqq 1 \qquad I_{K2} \coloneqq 1 \qquad I_{K3} \coloneqq 1 \\ &\text{Given} \\ &I_{K1} \cdot \left( R_1 + R_2 + R_3 \right) - I_{K2} \cdot R_2 - I_{K3} \cdot R_3 = 0 \\ &-I_{K1} \cdot R_2 + I_{K2} \cdot \left( R_2 + R_4 + R_6 \right) - I_{K3} \cdot R_6 = 0 \\ &-I_{K1} \cdot R_3 - I_{K2} \cdot R_6 + I_{K3} \cdot \left( R_3 + R_5 + R_6 \right) = -E \\ &\left( I_{K1} \right) \\ &I_{K2} \right) \coloneqq \text{Find} \left( I_{K1}, I_{K2}, I_{K3} \right) \end{split}$$

$$\begin{aligned} -I_{K1} \cdot R_2 + I_{K2} \cdot \left( R_2 + R_4 + R_6 \right) - I_{K3} \cdot R_6 &= 0 \\ -I_{K1} \cdot R_3 - I_{K2} \cdot R_6 + I_{K3} \cdot \left( R_3 + R_5 + R_6 \right) &= -F \\ \begin{pmatrix} I_{K1} \\ I_{K2} \\ I_{K3} \end{pmatrix} &:= Find \left( I_{K1}, I_{K2}, I_{K3} \right) \end{aligned}$$

$$\begin{split} I_{1E} &:= -I_{K1} & I_{1E} = 3.309 \\ I_{2E} &:= I_{K2} - I_{K1} & I_{2E} = 0.368 \\ I_{3E} &:= I_{K1} - I_{K3} & I_{3E} = 1.949 \\ I_{4E} &:= -I_{K2} & I_{4E} = 2.941 \\ I_{5E} &:= -I_{K3} & I_{5E} = 5.257 \end{split}$$

 $I_{6E} := I_{K2} - I_{K3}$ 

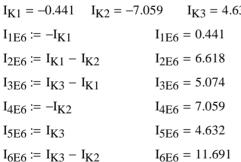


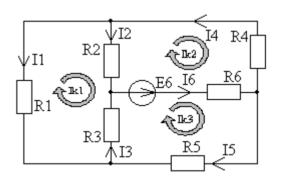


### В цепи действует только Е6:

 $I_{6E} = 2.316$ 

$$\begin{split} I_{K1} &\coloneqq 1 & I_{K2} \coloneqq 1 & I_{K3} \coloneqq 1 \\ \text{Given} & \\ I_{K1} \cdot \left(R_1 + R_2 + R_3\right) - I_{K2} \cdot R_2 - I_{K3} \cdot R_3 = 0 \\ -I_{K1} \cdot R_2 + I_{K2} \cdot \left(R_2 + R_4 + R_6\right) - I_{K3} \cdot R_6 = -E_6 \\ -I_{K1} \cdot R_3 - I_{K2} \cdot R_6 + I_{K3} \cdot \left(R_3 + R_5 + R_6\right) = E_6 \\ \left(\begin{matrix} I_{K1} \\ I_{K2} \\ I_{K3} \end{matrix}\right) & \coloneqq \text{Find} \left(I_{K1}, I_{K2}, I_{K3}\right) \\ I_{K1} &= -0.441 & I_{K2} = -7.059 & I_{K3} = 4.632 \end{split}$$

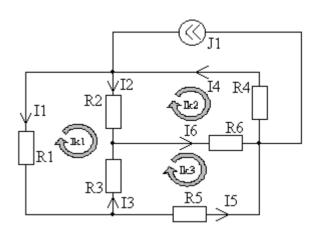




#### В цепи действует только Ј1:

$$\begin{split} I_{K1} &\coloneqq 1 & I_{K2} \coloneqq 1 & I_{K3} \coloneqq 1 \\ & \text{Given} \\ I_{K1} \cdot \left( R_1 + R_2 + R_3 \right) - I_{K2} \cdot R_2 - I_{K3} \cdot R_3 = 0 \\ -I_{K1} \cdot R_2 + I_{K2} \cdot \left( R_2 + R_4 + R_6 \right) - I_{K3} \cdot R_6 + J_1 \cdot R_4 = 0 \\ -I_{K1} \cdot R_3 - I_{K2} \cdot R_6 + I_{K3} \cdot \left( R_3 + R_5 + R_6 \right) = 0 \end{split}$$

$$\begin{pmatrix} I_{K1} \\ I_{K2} \\ I_{K3} \end{pmatrix} := Find (I_{K1}, I_{K2}, I_{K3})$$
 
$$I_{K1} = -1.765 \quad I_{K2} = -3.235 \quad I_{K3} = -1.471$$
 
$$I_{1J1} := -I_{K1} \quad I_{1J1} = 1.765$$
 
$$I_{2J1} := I_{K1} - I_{K2} \quad I_{2J1} = 1.471$$
 
$$I_{3J1} := I_{K3} - I_{K1} \quad I_{3J1} = 0.294$$
 
$$I_{4J1} := J_1 + I_{K2} \quad I_{4J1} = 11.765$$
 
$$I_{5J1} := -I_{K3} \quad I_{5J1} = 1.471$$
 
$$I_{6J1} := I_{K3} - I_{K2} \quad I_{6J1} = 1.765$$



#### В основной цепи действуют токи:

$I_1 := I_{1E} + I_{1E6} + I_{1J1}$	$I_1 = 5.515$
$I_2 := -I_{2E} + I_{2E6} + I_{2J1}$	$I_2 = 7.721$
$I_3 := -I_{3E} + I_{3E6} + I_{3J1}$	$I_3 = 3.419$
$I_4 := -I_{4E} - I_{4E6} + I_{4J1}$	$I_4 = 1.765$
$I_5 := I_{5E} - I_{5E6} + I_{5J1}$	$I_5 = 2.096$
$I_6 := -I_{6E} + I_{6E6} + I_{6J1}$	$I_6 = 11.14$

## Проверка:

### За 1-м законом Кирхгофа:

$$I_6 - I_2 - I_3 = 0$$
  $-I_3 + I_1 - I_5 = 0$   $I_1 + I_2 + I_4 - J_1 = 0$   $-I_4 - I_5 - I_6 + J_1 = 0$