

Міністерство освіти України
Національний технічний університет України
“Київський політехнічний інститут”
Кафедра ТОЕ

Розрахунково-графічна робота

“Розрахунок перехідних процесів у лінійних колах”

Варіант № 308

Виконав: _____

Перевірив: _____

Умова завдання

1. В колі з джерелом постійної ЕДС необхідно:

- 1) класичним методом розрахувати напруги на реактивних елементах та струми перехідного процесу;
- 2) розрахувати струм в колі з джерелом ЕДС E_1 та напругу на реактивному елементі операторним методом;
- 3) побудувати в одному часовому масштабі діаграми струму та напруги на реактивних елементах.

2. Дослідити, яким повинен бути активний опір у вітці з джерелом E_1 , щоб перехідний процес проходив в граничному режимі.

3. Визначити струми в вітках та напруги на реактивних елементах в момент комутації ($t=0$), якщо замість джерел постійних ЕДС E_1 і E_2 в колі діють синусоїдні джерела.

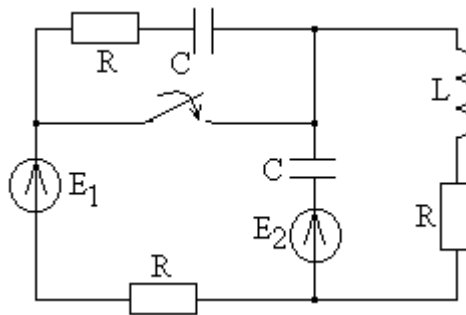
3. В післякомутаційній схемі замкнути джерело ЕДС E_2 .

а) виключити катушку індуктивності чи ємність, замінивши останню опором R ;

б) вважаючи, що замість джерела постійної ЕДС E_1 до отриманного кола подається напруга, форма якої показана на малюнку;

в) розрахувати вхідний струм та напругу на реактивному елементі методом інтеграла Дюамеля при періоді T , заданому в долях від τ ;

г) побудувати в одному часовому масштабі діаграми напруги на вході, вхідного струму і напруги на реактивних елементах.



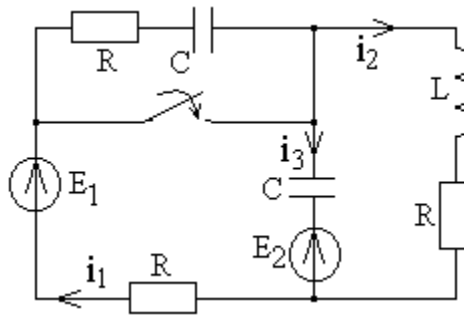
Основна схема

Вхідні данні:

$L := 0.1$	Гн	$C := 200 \cdot 10^{-6}$	Ф	$R := 50$	Ом
$E_1 := 100$	В	$E_2 := 80$	В	$\psi := 30 \cdot \text{deg}$	C^0
				$\omega := 100$	c^{-1}

Класичний метод

Оберемо додатній напрямок струмів у вітках схеми:



Знайдемо значення струмів та напруг безпосередньо до комутації:

Усталений режим до комутації: $t < 0$

$$i_{1\text{ДК}} := 0 \quad i_{2\text{ДК}} := i_{1\text{ДК}} \quad i_{2\text{ДК}} = 0$$

$$i_{3\text{ДК}} := 0$$

$$u_{\text{CDK}} := -E_2$$

$$u_{\text{CDK}} = -80$$

$$u_{\text{LDK}} := 0$$

Усталений режим після комутації: $t = \infty$

$$i'_1 := \frac{E_1}{2 \cdot R}$$

$$i'_2 := i'_1$$

$$i'_2 = 1$$

$$i'_3 := 0$$

$$u'_L := 0$$

$$u'_C := E_1 - E_2 - i'_1 \cdot R \quad u'_C = -30$$

Незалежні початкові умови

$$i_{20} := i_{2\text{ДК}} \quad i_{20} = 0$$

$$u_{\text{C0}} := u_{\text{CDK}} \quad u_{\text{C0}} = -80$$

Залежні початкові умови

Given

$$i_{20} = i_{10} - i_{30}$$

$$E_1 - E_2 = u_{\text{C0}} + i_{10} \cdot R$$

$$E_2 = i_{20} \cdot R + u_{\text{L0}} - u_{\text{C0}}$$

$$\begin{pmatrix} i_{10} \\ i_{30} \\ u_{\text{L0}} \end{pmatrix} := \text{Find}(i_{10}, i_{30}, u_{\text{L0}}) \text{ float, 7} \rightarrow \begin{pmatrix} 2. \\ 2. \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$i_{10} = 2$$

$$i_{30} = 2$$

$$u_{\text{L0}} = 0$$

Незалежні початкові умови

$$di_{20} := \frac{u_{\text{L0}}}{L}$$

$$di_{20} = 0$$

$$du_{\text{C0}} := \frac{i_{30}}{C}$$

$$du_{\text{C0}} = 1 \times 10^4$$

Залежні початкові умови

Given

$$di_{10} = di_{20} + di_{30}$$

$$0 = du_{\text{C0}} + di_{10} \cdot R$$

$$0 = di_{20} \cdot R + du_{\text{L0}} - du_{\text{C0}}$$

$$\begin{pmatrix} di_{10} \\ di_{30} \\ du_{L0} \end{pmatrix} := \text{Find}(di_{10}, di_{30}, du_{L0}) \quad di_{10} = -200 \quad di_{30} = -200 \quad du_{L0} = 1 \times 10^4$$

Вільний режим після комутайії: $t = 0$

Складемо характеристичне рівняння схеми

$$Z(p) := \frac{\frac{1}{p \cdot C} \cdot (R + p \cdot L)}{R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C}} + R \quad Z(p) := \frac{\frac{1}{p \cdot C} \cdot (R + p \cdot L) + R \cdot \left(R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C} \right)}{R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C}}$$

$$\begin{pmatrix} p_1 \\ p_2 \end{pmatrix} := \frac{1}{p \cdot C} \cdot (R + p \cdot L) + R \cdot \left(R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C} \right) \Big|_{\text{solve}, p} \rightarrow \begin{pmatrix} -300. - 100.00 \cdot i \\ -300. + 100.00 \cdot i \end{pmatrix}$$

Одже корні характеристичного рівняння мають вигляд:

$$p_1 = -300 - 100i \quad p_2 = -300 + 100i$$

Коефіцієнт затухання та кутова частота вільних коливань:

$$\delta := |\text{Re}(p_1)| \quad \delta = 300 \quad \omega_0 := |\text{Im}(p_2)| \quad \omega_0 = 100$$

Вільні складові повних струмів та напруг будуть мати вигляд:

$$i''_1(t) = A \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_0 \cdot t + v_1)$$

$$i''_2(t) = B \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_0 \cdot t + v_2)$$

$$i''_3(t) = C \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_0 \cdot t + v_3)$$

$$u''_C(t) = D \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_0 \cdot t + v_C)$$

$$u''_L(t) = F \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_0 \cdot t + v_L)$$

Визначення сталих інтегрування:

Для струму $i_1(t)$:

Given

$$i_{10} - i'_1 = A \cdot \sin(v_1)$$

$$di_{10} = -A \cdot \delta \cdot \sin(v_1) + A \cdot \omega_0 \cdot \cos(v_1)$$

$$\begin{pmatrix} A \\ v_1 \end{pmatrix} := \text{Find}(A, v_1) \text{ float}, 5 \rightarrow \begin{pmatrix} -1.4142 & 1.4142 \\ -2.3562 & .78540 \end{pmatrix}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$A = -1.414 \quad v_1 = -2.356$$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$i''_1(t) := A \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_0 \cdot t + v_1) \text{ float}, 5 \rightarrow -1.4142 \cdot \exp(-300.00 \cdot t) \cdot \sin(100.00 \cdot t - 2.3562)$$

$$i_1(t) := i'_1 + i''_1(t) \text{ float}, 4 \rightarrow 1. - 1.414 \cdot \exp(-300.0 \cdot t) \cdot \sin(100.0 \cdot t - 2.356)$$

Для струму $i_2(t)$:

$$i_{20} - i'_2 = B \cdot \sin(v_2)$$

$$di_{20} = -B \cdot \delta \cdot \sin(v_2) + B \cdot \omega_0 \cdot \cos(v_2)$$

$$\begin{pmatrix} B \\ v_2 \end{pmatrix} := \text{Find}(B, v_2) \text{ float}, 5 \rightarrow \begin{pmatrix} 3.1623 & -3.1623 \\ -2.8198 & .32175 \end{pmatrix}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$B = 3.162 \quad v_2 = -2.82$$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$i''_2(t) := B \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_0 \cdot t + v_2) \text{ float}, 5 \rightarrow 3.1623 \cdot \exp(-300.00 \cdot t) \cdot \sin(100.00 \cdot t - 2.8198)$$

$$i_2(t) := i'_2 + i''_2(t) \text{ float}, 4 \rightarrow 1. + 3.162 \cdot \exp(-300.0 \cdot t) \cdot \sin(100.0 \cdot t - 2.820)$$

Для струму $i_3(t)$:

$$i_{30} - i'_3 = C \cdot \sin(v_3)$$

$$di_{30} = -C \cdot \delta \cdot \sin(v_3) + C \cdot \omega_0 \cdot \cos(v_3)$$

$$\begin{pmatrix} C \\ v_3 \end{pmatrix} := \text{Find}(C, v_3) \text{ float}, 5 \rightarrow \begin{pmatrix} -4.4721 & 4.4721 \\ -2.6779 & .46365 \end{pmatrix}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$C = -4.472 \quad v_3 = -2.678$$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$i''_3(t) := C \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_0 \cdot t + v_3) \text{ float}, 5 \rightarrow -4.4721 \cdot \exp(-300.00 \cdot t) \cdot \sin(100.00 \cdot t - 2.6779)$$

$$i_3(t) := i'_3 + i''_3(t) \text{ float}, 4 \rightarrow -4.472 \cdot \exp(-300.0 \cdot t) \cdot \sin(100.0 \cdot t - 2.678)$$

Для напруги $U_C(t)$:

$$u_{C0} - u'_C = D \cdot \sin(v_C)$$

$$du_{C0} = -D \cdot \delta \cdot \sin(v_C) + D \cdot \omega_0 \cdot \cos(v_C)$$

$$\begin{pmatrix} D \\ v_C \end{pmatrix} := \text{Find}(D, v_C) \left| \begin{array}{l} \text{float}, 5 \\ \text{complex} \end{array} \right. \rightarrow \begin{pmatrix} -70.711 & 70.711 \\ .78540 & -2.3562 \end{pmatrix}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$D = -70.711 \quad v_C = 0.785$$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$u''_C(t) := D \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_0 \cdot t + v_C) \text{ float}, 5 \rightarrow -70.711 \cdot \exp(-300.00 \cdot t) \cdot \sin(100.00 \cdot t + .78540)$$

$$u_C(t) := u'_C + u''_C(t) \text{ float}, 4 \rightarrow -30. - 70.71 \cdot \exp(-300.0 \cdot t) \cdot \sin(100.0 \cdot t + .7854)$$

Для напруги $U_L(t)$:

$$u_{L0} - u'_L = F \cdot \sin(v_L)$$

$$du_{L0} = -F \cdot \delta \cdot \sin(v_L) + F \cdot \omega_0 \cdot \cos(v_L)$$

$$\begin{pmatrix} F \\ v_L \end{pmatrix} := \text{Find}(F, v_L) \left| \begin{array}{l} \text{float}, 5 \\ \text{complex} \end{array} \right. \rightarrow \begin{pmatrix} 100. & -100. \\ 0 & 3.1416 \end{pmatrix}$$

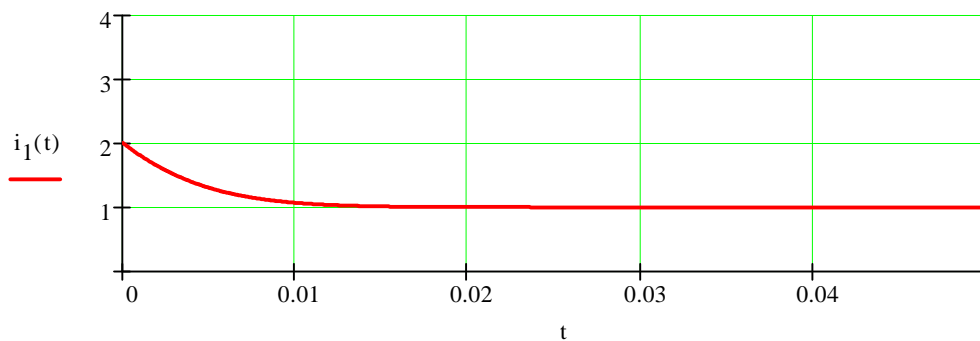
Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$F = 100 \quad v_L = 0$$

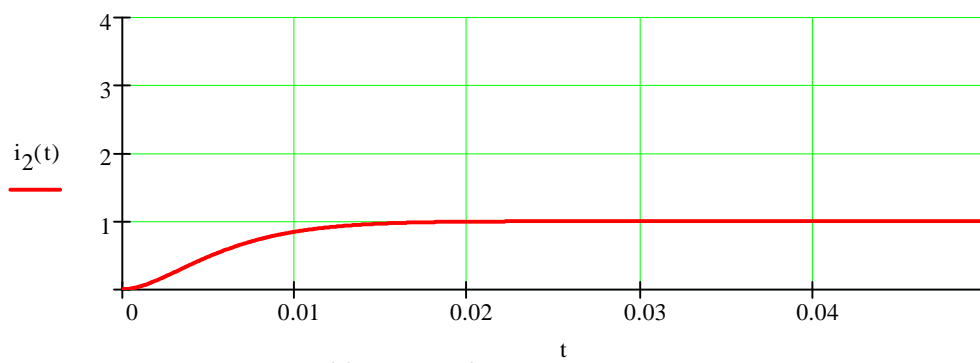
Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$u''_L(t) := F \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_0 \cdot t + v_L) \text{ float}, 5 \rightarrow 100. \cdot \exp(-300.00 \cdot t) \cdot \sin(100.00 \cdot t)$$

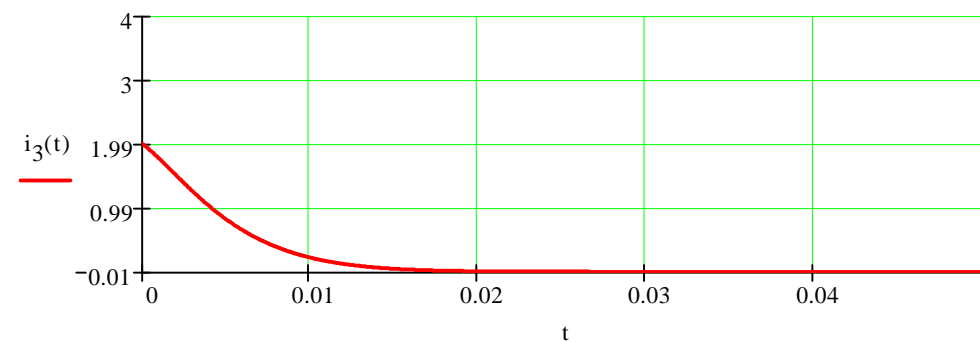
$$u_L(t) := u'_L + u''_L(t) \text{ float}, 4 \rightarrow 100. \cdot \exp(-300.0 \cdot t) \cdot \sin(100.0 \cdot t)$$



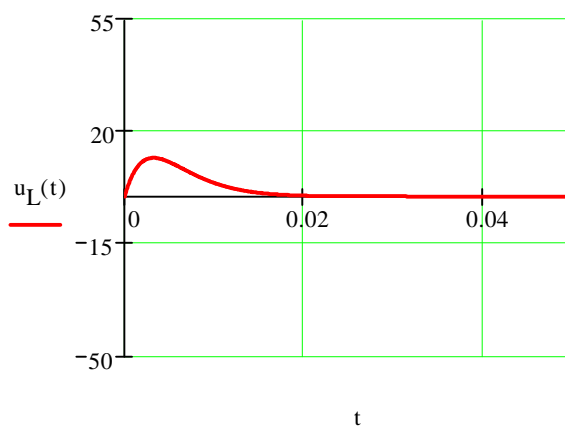
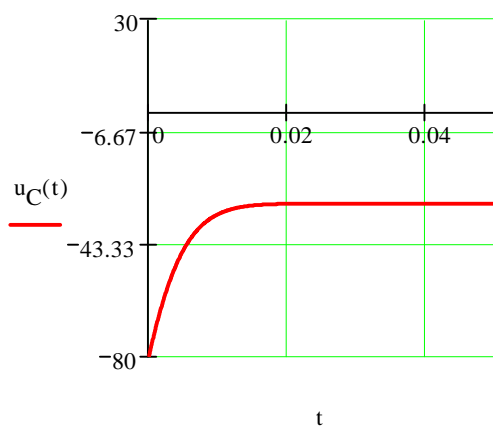
Графік перехідного струму $i_1(t)$.



Графік перехідного струму $i_2(t)$.

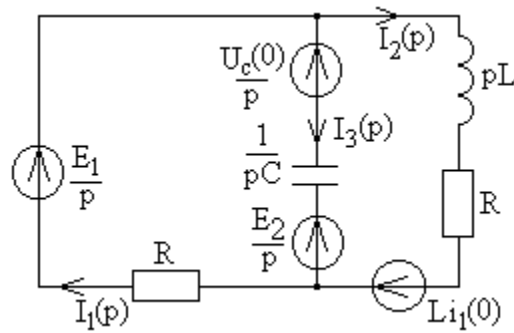


Графік перехідного струму $i_3(t)$.



Графік перехідних напруг на ємності та індуктивності.

Операторний метод



Операторна схема

Усталений режим до комутації: $t < 0$

$$i_{1\text{ДК}} := 0 \quad i_{2\text{ДК}} := i_{1\text{ДК}} \quad i_{2\text{ДК}} = 0$$

$$i_{3\text{ДК}} := 0$$

$$u_{\text{CDK}} := -E_2$$

$$u_{\text{CDK}} = -80$$

$$u_{\text{LDK}} := -u_{\text{CDK}} + E_2$$

$$u_{\text{LDK}} = 160$$

Початкові умови:

$$i_{\text{L0}} := i_{2\text{ДК}} \quad i_{\text{L0}} = 0$$

$$u_{\text{C0}} = -80$$

$$I_{k1}(p) \cdot \left(R + \frac{1}{p \cdot C} \right) - I_{k2}(p) \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C} \right) = \frac{E_1}{p} - \frac{E_2}{p} - \frac{u_{\text{C0}}}{p}$$

$$-I_{k1}(p) \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C} \right) + I_{k2}(p) \cdot \left(p \cdot L + R + \frac{1}{p \cdot C} \right) = \frac{E_2}{p} + \frac{u_{\text{C0}}}{p} + L \cdot i_{20}$$

$$\Delta(p) := \begin{vmatrix} R + \frac{1}{p \cdot C} & -\left(\frac{1}{p \cdot C} \right) \\ -\left(\frac{1}{p \cdot C} \right) & p \cdot L + R + \frac{1}{p \cdot C} \end{vmatrix}$$

$$\Delta(p) \text{ float}, 5 \rightarrow \frac{1}{p^1} \cdot (5.0 \cdot p^2 + 3000.0 \cdot p + 5.0000 \cdot 10^5)$$

$$\Delta_1(p) := \begin{vmatrix} \frac{E_1}{p} - \frac{E_2}{p} - \frac{u_{\text{C0}}}{p} & -\left(\frac{1}{p \cdot C} \right) \\ \frac{E_2}{p} + \frac{u_{\text{C0}}}{p} + L \cdot i_{20} & p \cdot L + R + \frac{1}{p \cdot C} \end{vmatrix}$$

$$\Delta_1(p) \text{ float}, 5 \rightarrow \frac{100.}{p^1} \cdot \left(.1 \cdot p + 50. + \frac{5000.}{p^1} \right)$$

$$\Delta_2(p) := \begin{vmatrix} R + \frac{1}{p \cdot C} & \frac{E_1}{p} - \frac{E_2}{p} - \frac{u_{\text{C0}}}{p} \\ -\left(\frac{1}{p \cdot C} \right) & \frac{E_2}{p} + \frac{u_{\text{C0}}}{p} + L \cdot i_{20} \end{vmatrix}$$

$$\Delta_2(p) \text{ float}, 5 \rightarrow \frac{5.0000 \cdot 10^5}{p^2}$$

Контурні струми та напруга на конденсаторі будуть мати вигляд:

$$I_{k1}(p) := \frac{\Delta_1(p)}{\Delta(p)} \quad I_1(p) := I_{k1}(p) \left| \begin{array}{l} \text{float, 5} \\ \text{simplify} \end{array} \right. \rightarrow 2 \cdot \frac{(p^2 + 500 \cdot p + 50000.)}{p \cdot (600 \cdot p + 100000. + p^2)}$$

$$I_{k2}(p) := \frac{\Delta_2(p)}{\Delta(p)} \quad I_2(p) := I_{k2}(p) \text{ float, 5} \rightarrow \frac{5.0000 \cdot 10^5}{p^{1.} \cdot (5.0 \cdot p^2 + 3000.0 \cdot p + 5.0000 \cdot 10^5)^{1.}}$$

$$I_3(p) := I_{k1}(p) - I_{k2}(p) \left| \begin{array}{l} \text{float, 5} \\ \text{simplify} \end{array} \right. \rightarrow 2 \cdot \frac{(p + 500.)}{(600 \cdot p + 100000. + p^2)}$$

$$u_C(p) := \frac{u_{C0}}{p} + \frac{I_3(p)}{p \cdot C}$$

$$u_C(p) \text{ factor} \rightarrow -80 \cdot (375 + p) \cdot \frac{(p + 100)}{(600 \cdot p + 100000 + p^2) \cdot p}$$

$$u_L(p) := L \cdot p \cdot I_2(p) - L \cdot i_{2\text{дк}}$$

$$u_L(p) \text{ factor} \rightarrow \frac{10000}{(600 \cdot p + 100000 + p^2)}$$

Перейдемо тепер від зображення до функції часу за формулою розкладу:
Для струму $I_1(p)$:

$$N_1(p) := 2 \cdot (p^2 + 500 \cdot p + 50000.)$$

$$M_1(p) := p \cdot (600 \cdot p + 100000. + p^2)$$

$$\begin{pmatrix} p_0 \\ p_1 \\ p_2 \end{pmatrix} := M_1(p) \left| \begin{array}{l} \text{solve, p} \\ \text{float, 5} \end{array} \right. \rightarrow \begin{pmatrix} 0 \\ -300. - 100.00 \cdot i \\ -300. + 100.00 \cdot i \end{pmatrix} \quad p_0 = 0 \quad p_1 = -300 - 100i \quad p_2 = -300 + 100i$$

$$N_1(p_0) = 1 \times 10^5$$

$$N_1(p_1) = -4 \times 10^4 + 2i \times 10^4$$

$$N_1(p_2) = -4 \times 10^4 - 2i \times 10^4$$

$$dM_1(p) := \frac{d}{dp} M_1(p) \left| \begin{array}{l} \text{factor} \\ \text{float, 5} \end{array} \right. \rightarrow 1200 \cdot p + 1.0000 \cdot 10^5 + 3 \cdot p^2.$$

$$dM_1(p_0) = 1 \times 10^5$$

$$dM_1(p_1) = -2 \times 10^4 + 6i \times 10^4$$

$$dM_1(p_2) = -2 \times 10^4 - 6i \times 10^4$$

Отже струм як функція часу буде мати вигляд:

$$i_1(t) := \frac{N_1(p_0)}{dM_1(p_0)} + \frac{N_1(p_1)}{dM_1(p_1)} \cdot e^{p_1 \cdot t} + \frac{N_1(p_2)}{dM_1(p_2)} \cdot e^{p_2 \cdot t}$$

$$i_1(t) \left| \begin{array}{l} \text{float, 5} \\ \text{complex} \end{array} \right. \rightarrow 1.0000 + 1.00000 \cdot \exp(-300 \cdot t) \cdot \cos(100.00 \cdot t) + 1.00000 \cdot \exp(-300 \cdot t) \cdot \sin(100.00 \cdot t)$$

Для напруги на конденсаторі $U_C(p)$:

$$N_u(p) := -80 \cdot (375 + p) \cdot (p + 100)$$

$$M_u(p) := p \cdot (600 \cdot p + 100000 + p^2)$$

$$\begin{pmatrix} p_0 \\ p_1 \\ p_2 \end{pmatrix} := M_u(p) \left| \begin{array}{l} \text{solve, p} \\ \text{float, 5} \end{array} \right. \rightarrow \begin{pmatrix} 0 \\ -300. + 100.00 \cdot i \\ -300. - 100.00 \cdot i \end{pmatrix} \quad p_0 = 0 \quad p_1 = -300 + 100i \quad p_2 = -300 - 100i$$

$$N_u(p_0) = -3 \times 10^6$$

$$N_u(p_1) = 2 \times 10^6 + i \times 10^6$$

$$N_u(p_2) = 2 \times 10^6 - i \times 10^6$$

$$dM_u(p) := \frac{d}{dp} M_u(p) \text{ factor} \rightarrow 1200 \cdot p + 100000 + 3 \cdot p^2$$

$$dM_u(p_0) = 1 \times 10^5 \quad dM_u(p_1) = -2 \times 10^4 - 6i \times 10^4 \quad dM_u(p_2) = -2 \times 10^4 + 6i \times 10^4$$

Отже напруга як функція часу буде мати вигляд:

$$u_C(t) := \frac{N_u(p_0)}{dM_u(p_0)} + \frac{N_u(p_1)}{dM_u(p_1)} \cdot e^{p_1 \cdot t} + \frac{N_u(p_2)}{dM_u(p_2)} \cdot e^{p_2 \cdot t} \quad u_C(0) = -80$$

$$u_C(t) \begin{cases} \text{float, 5} \\ \text{complex} \end{cases} \rightarrow -30. - 50.000 \cdot \exp(-300. \cdot t) \cdot \cos(100.00 \cdot t) - 50.000 \cdot \exp(-300. \cdot t) \cdot \sin(100.00 \cdot t)$$

Для напруги на індуктивності:

$$N_L(p) := 10000$$

$$M_L(p) := 600 \cdot p + 100000 + p^2$$

$$\begin{pmatrix} p_1 \\ p_2 \end{pmatrix} := M_L(p) \begin{cases} \text{solve, p} \\ \text{float, 5} \end{cases} \rightarrow \begin{pmatrix} -300. + 100.00 \cdot i \\ -300. - 100.00 \cdot i \end{pmatrix} \quad p_1 = -300 + 100i \quad p_2 = -300 - 100i$$

$$N_L(p_1) = 1 \times 10^4$$

$$N_L(p_2) = 1 \times 10^4$$

$$dM_L(p) := \frac{d}{dp} M_L(p) \text{ factor} \rightarrow 600 + 2 \cdot p$$

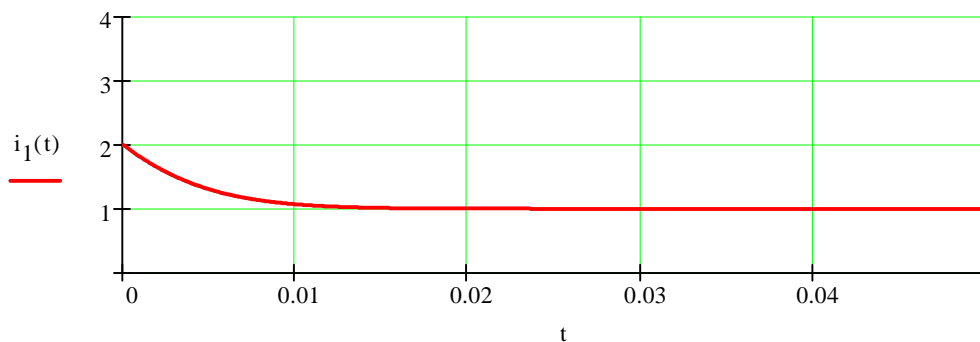
$$dM_L(p_1) = 200i$$

$$dM_L(p_2) = -200i$$

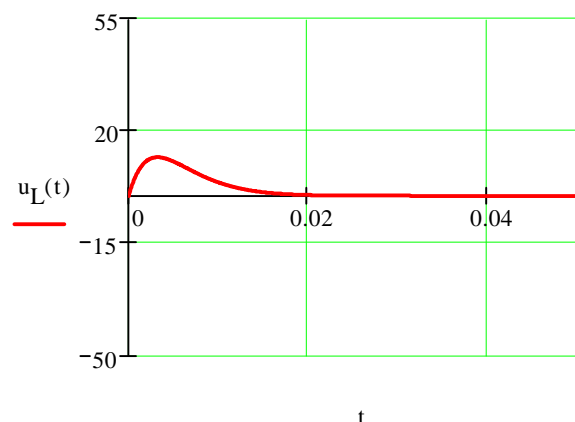
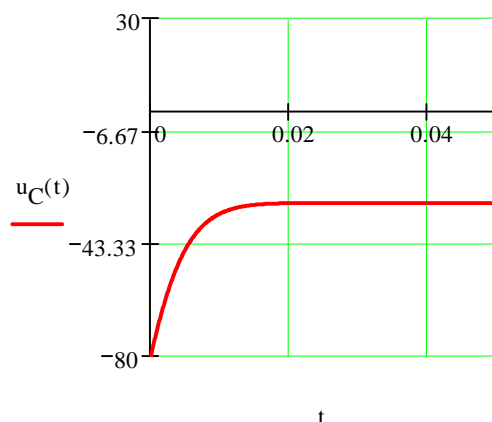
Отже напруга як функція часу буде мати вигляд:

$$u_L(t) := \frac{N_L(p_1)}{dM_L(p_1)} \cdot e^{p_1 \cdot t} + \frac{N_L(p_2)}{dM_L(p_2)} \cdot e^{p_2 \cdot t} \quad u_L(0) = 0$$

$$u_L(t) \begin{cases} \text{float, 5} \\ \text{complex} \end{cases} \rightarrow 100.000 \cdot \exp(-300. \cdot t) \cdot \sin(100.00 \cdot t)$$



Графік перехідного струму $i_1(t)$.



Графік перехідних напруг на ємності та індуктивності.

Дослідити чому повинен дорівнювати активний опір вітки с джерелом ЕРС Е1 щоб аперіодичний процес переходив у коливальний

$$Z_{ab}(p) := \mathbf{R'} + \frac{\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) \cdot (R + p \cdot L)}{\frac{1}{p \cdot C} + R + p \cdot L}$$

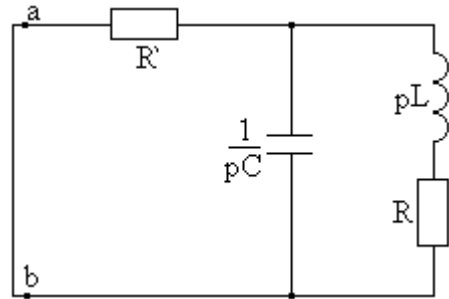
$$Z_{ab}(p) := \frac{\mathbf{R'} \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C} + R + p \cdot L\right) + \left(\frac{1}{p \cdot C}\right) \cdot (R + p \cdot L)}{\frac{1}{p \cdot C} + R + p \cdot L}$$

$$(R' \cdot L) \cdot p^2 + \left(R \cdot R' + \frac{L}{C}\right) \cdot p + \left(\frac{R'}{C} + \frac{R}{C}\right) = 0$$

$$D = 0$$

$$\left(R \cdot R' + \frac{L}{C}\right)^2 - 4 \cdot (R' \cdot L) \cdot \left(\frac{R'}{C} + \frac{R}{C}\right) = 0$$

$$\left(R \cdot R' + \frac{L}{C}\right)^2 - 4 \cdot (R' \cdot L) \cdot \left(\frac{R'}{C} + \frac{R}{C}\right) \Bigg|_{\text{solve}, R'}^{\text{float}, 5} \rightarrow \left(5.2786 \quad 94.721\right)$$



Визначити струми віток і напруги на реактивних елементах у момент комутації (t=0), якщо замість джерел постійної напруги Е1 і Е2 у колі діють джерела синусоїдної напруги:

$$e_1(t) := \sqrt{2} \cdot E_1 \cdot \sin(\omega \cdot t + \psi)$$

$$e_2(t) := \sqrt{2} \cdot E_2 \cdot \sin(\omega \cdot t + \psi)$$

$$X_C := \frac{1}{\omega \cdot C}$$

$$X_C = 50$$

$$X_L := \omega \cdot L$$

$$X_L = 10$$

$$E_1 := E_1 \cdot e^{\psi \cdot i}$$

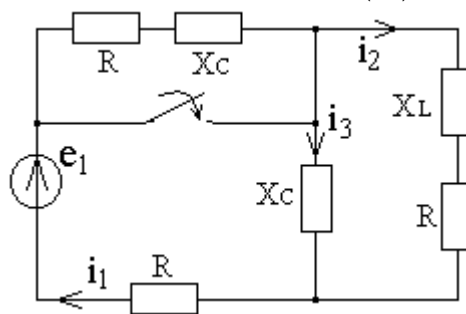
$$E_1 = 86.603 + 50i$$

$$F(E_1) = (100 \quad 30)$$

$$E_2 := E_2 \cdot e^{\psi \cdot i}$$

$$E_2 = 69.282 + 40i$$

$$F(E_2) = (80 \quad 30)$$



$$Z'_{vx} := 2 \cdot R - i \cdot X_C + \frac{(R + X_L \cdot i) \cdot (-i \cdot X_C)}{R + X_L \cdot i - i \cdot X_C}$$

$$Z'_{vx} = 130.488 - 75.61i$$

$$I'_{1дк} := \frac{E_1}{Z'_{vx}}$$

$$I'_{1дк} = 0.331 + 0.575i$$

$$F(I'_{1дк}) = (0.663 \quad 60.09)$$

$$I'_{2дк} := I'_{1дк} \cdot \frac{(-i \cdot X_C)}{R + X_L \cdot i - i \cdot X_C}$$

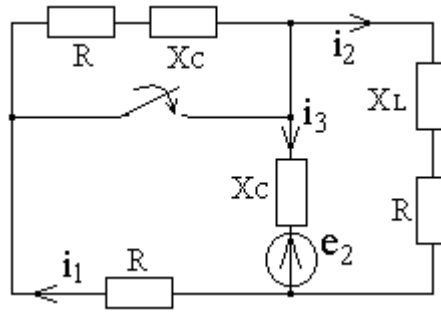
$$I'_{2дк} = 0.512 + 0.079i$$

$$F(I'_{2дк}) = (0.518 \quad 8.749)$$

$$I'_{3дк} := I'_{1дк} - I'_{2дк}$$

$$I'_{3дк} = -0.181 + 0.496i$$

$$F(I'_{3дк}) = (0.528 \quad 110.059)$$



$$Z''_{vx} := -X_C \cdot i + \frac{(R + i \cdot X_L) \cdot (2 \cdot R - i \cdot X_C)}{R + i \cdot X_L + R + R - i \cdot X_C}$$

$$Z''_{vx} = 36.722 - 50.207i$$

$$I''_{3dk} := \frac{E_2}{Z''_{vx}}$$

$$I''_{3dk} = 0.138 + 1.279i$$

$$F(I''_{3dk}) = (1.286 \quad 83.818)$$

$$I''_{1dk} := I''_{3dk} \cdot \frac{(R + i \cdot X_L)}{R + i \cdot X_L + R + R - i \cdot X_C}$$

$$I''_{1dk} = -0.145 + 0.397i$$

$$F(I''_{1dk}) = (0.422 \quad 110.059)$$

$$I''_{2dk} := I''_{3dk} - I''_{1dk}$$

$$I''_{2dk} = 0.283 + 0.882i$$

$$F(I''_{2dk}) = (0.926 \quad 72.184)$$

$$I_{1dk} := I'_{1dk} + I''_{1dk}$$

$$I_{1dk} = 0.186 + 0.972i$$

$$F(I_{1dk}) = (0.989 \quad 79.176)$$

$$I_{2dk} := I'_{2dk} + I''_{2dk}$$

$$I_{2dk} = 0.795 + 0.961i$$

$$F(I_{2dk}) = (1.247 \quad 50.383)$$

$$I_{3dk} := I'_{3dk} - I''_{3dk}$$

$$I_{3dk} = -0.32 - 0.783i$$

$$F(I_{3dk}) = (0.845 \quad -112.214)$$

$$u_{Cdk} := I_{3dk} \cdot (-i \cdot X_C)$$

$$u_{Cdk} = -39.131 + 15.98i$$

$$F(u_{Cdk}) = (42.268 \quad 157.786)$$

$$u_{Ldk} := I_{1dk} \cdot i \cdot X_L$$

$$u_{Ldk} = -9.716 + 1.858i$$

$$F(u_{Ldk}) = (9.892 \quad 169.176)$$

$$i_{1dk}(t) := |I_{1dk}| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin(\omega \cdot t + \arg(I_{1dk}))$$

$$i_{2dk}(t) := |I_{2dk}| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin(\omega \cdot t + \arg(I_{2dk}))$$

$$i_{3dk}(t) := |I_{3dk}| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin(\omega \cdot t + \arg(I_{3dk}))$$

$$u_{Cdk}(t) := |u_{Cdk}| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin(\omega \cdot t + \arg(u_{Cdk}))$$

$$u_{Ldk}(t) := |u_{Ldk}| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin(\omega \cdot t + \arg(u_{Ldk}))$$

Початкові умови:

$$u_{Cdk}(0) = 22.6$$

$$i_{20} = 1.358$$

Given

$$i_{20} = i_{10} - i_{30}$$

$$e_1(0) - e_2(0) = u_{C0} + i_{10} \cdot R$$

$$e_2(0) = i_{20} \cdot R + u_{L0} - u_{C0}$$

$$\begin{pmatrix} i_{10} \\ i_{30} \\ u_{L0} \end{pmatrix} := \text{Find}(i_{10}, i_{30}, u_{L0})$$

$$i_{10} = -0.169$$

$$i_{20} = 1.358$$

$$i_{30} = -1.528$$

$$u_{L0} = 11.245$$

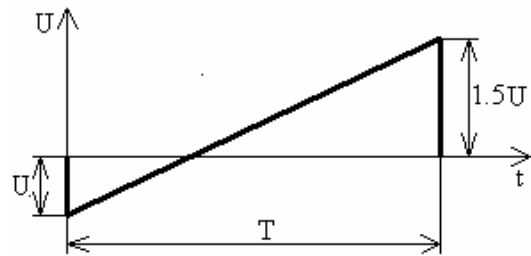
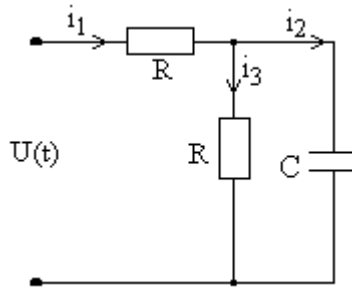
$$u_{C0} = 22.6$$

Інтеграл Дюамеля

$$T := 1.0$$

$$E_1 := 100$$

$$E := 1$$



Усталений режим до комутації: $t < 0$

$$i_{1\text{дк}} := \frac{0}{R + R} \quad i_{1\text{дк}} = 0$$

$$i_{3\text{дк}} := i_{1\text{дк}} \quad i_{3\text{дк}} = 0 \quad i_{2\text{дк}} := 0 \quad i_{2\text{дк}} = 0$$

$$u_{C\text{дк}} := 0 - i_{1\text{дк}} \cdot R \quad u_{C\text{дк}} = 0$$

Усталений режим після комутації: $t = \infty$

$$i'_1 := \frac{E}{R + R} \quad i'_1 = 0.01$$

$$i'_3 := i'_1 \quad i'_3 = 0.01 \quad i'_2 := 0 \quad i'_2 = 0$$

$$u'_C := E - i'_1 \cdot R \quad u'_C = 0.5$$

Незалежні початкові умови

$$u_{C0} := u_{C\text{дк}} \quad u_{C0} = 0$$

Залежні початкові умови

Given

$$i_{20} = i_{10} - i_{30}$$

$$E = i_{30} \cdot R + i_{10} \cdot R$$

$$0 = u_{C0} - i_{30} \cdot R$$

$$\begin{pmatrix} i_{10} \\ i_{20} \\ i_{30} \end{pmatrix} := \text{Find}(i_{10}, i_{20}, i_{30})$$

$$i_{10} = 0.02 \quad i_{20} = 0.02 \quad i_{30} = 0$$

Вільний режим після комутації: $t = 0$

Складемо характеристичне рівняння схеми

$$Z_{vx}(p) := R + \frac{R \cdot \frac{1}{p \cdot C}}{R + \frac{1}{p \cdot C}} \quad Z_{vx}(p) := \frac{R \cdot \left(R + \frac{1}{p \cdot C} \right) + R \cdot \frac{1}{p \cdot C}}{R + \frac{1}{p \cdot C}}$$

$$p := R \cdot \left(R + \frac{1}{p \cdot C} \right) + R \cdot \frac{1}{p \cdot C} \quad \left| \begin{array}{l} \text{solve, p} \\ \text{float, 5} \end{array} \right. \rightarrow -200.$$

$$T := \frac{1}{|p|} \cdot T$$

$$T = 5 \times 10^{-3}$$

Одже корень характеристичного рівняння має вигляд:

$$p = -200$$

Вільна складова струма буде мати вигляд:

$$i''_1(t) = A_1 \cdot e^{p \cdot t}$$

Визначення сталих інтегрування:

$$A_1 := i_{10} - i'_1 \quad A_1 = 0.01$$

Отже: $i''_1(t) := A_1 \cdot e^{p \cdot t}$

Повні значення цих струмів:

$$g_{11}(t) := i'_1 + i''_1(t) \quad g_{11}(t) \text{ float}, 5 \rightarrow 1.0000 \cdot 10^{-2} + 1.0000 \cdot 10^{-2} \cdot \exp(-200 \cdot t)$$

$$h_{cU}(t) := E \cdot \frac{R}{R + R} \cdot (1 - e^{p \cdot t}) \text{ float}, 5 \rightarrow .50000 - .50000 \cdot \exp(-200 \cdot t)$$

Визначимо закони зміни напруги на всіх проміжках часу:

$$U_0 := -E_1 \quad U_0 = -100$$

$$U_1(t) := U_0 + \frac{2.5E_1}{T} \cdot t \quad U_1(t) \text{ float}, 5 \rightarrow -100. + 50000 \cdot t \quad 0 < t < T$$

$$U_2 := 0 \quad U_2 = 0 \quad T < t < \infty$$

$$U'_1 := \frac{d}{dt} U_1(t) \text{ float}, 5 \rightarrow 50000.$$

Струм на цих проміжках буде мати вигляд:

$$i_1(t) := U_0 \cdot g_{11}(t) + \int_0^t U'_1 \cdot g_{11}(t - \tau) d\tau \quad i_1(t) \left| \begin{array}{l} \text{factor} \\ \text{float}, 3 \end{array} \right. \rightarrow 1.50 - 3.50 \cdot \exp(-200 \cdot t) + 500 \cdot t$$

$$i_2(t) := U_0 \cdot g_{11}(t) + \int_0^T U'_1 \cdot g_{11}(t - \tau) d\tau + (U_2 - 1.5E_1) \cdot g_{11}(t - T)$$

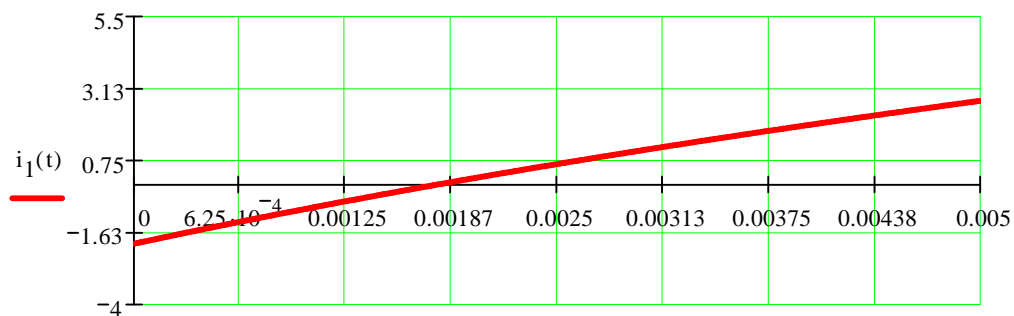
$$i_2(t) \left| \begin{array}{l} \text{factor} \\ \text{float}, 3 \end{array} \right. \rightarrow -3.50 \cdot \exp(-200 \cdot t) + \exp(-200 \cdot t + 1.)$$

Напруга на індуктивності на цих проміжках буде мати вигляд:

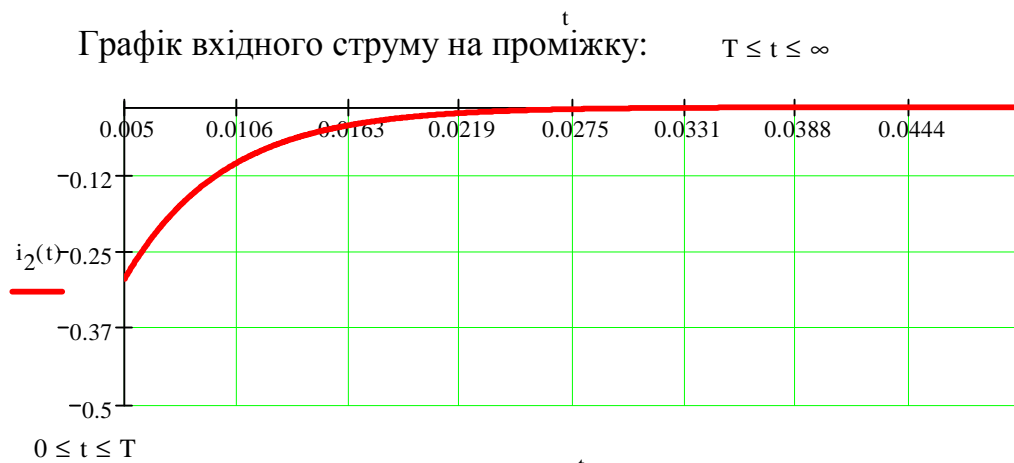
$$u_{C1}(t) := U_0 \cdot h_{cU}(t) + \int_0^t U'_1 \cdot h_{cU}(t - \tau) d\tau \text{ float}, 4 \rightarrow -175.0 + 175.0 \cdot \exp(-200 \cdot t) + 2.500 \cdot 10^4 \cdot t$$

$$u_{C2}(t) := U_0 \cdot h_{cU}(t) + \int_0^T U'_1 \cdot h_{cU}(t - \tau) d\tau + (U_2 - 1.5E_1) \cdot h_{cU}(t - T)$$

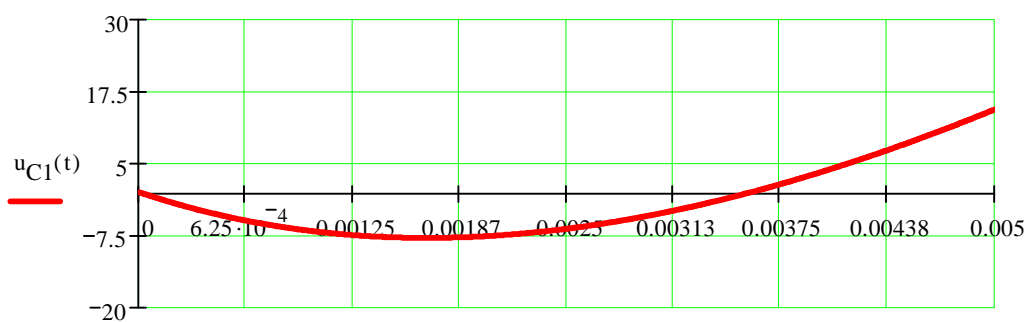
Графік вхідного струму на проміжку: $0 \leq t \leq T$



Графік вхідного струму на проміжку: $T \leq t \leq \infty$



$0 \leq t \leq T$



$T \leq t \leq \infty$

