Міністерство освіти України Національний технічний університет України "Київський політехнічний інститут"

Кафедра ТОЕ

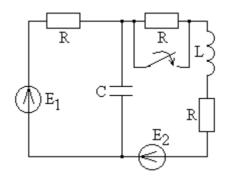
Розрахунково-графічна робота "Розрахунок перехідних процесів у лінійних колах"

Варіант № 3202

Виконав:	 	
Перевірив.		

Умова задання

- 1. В колі з джерелом постійної ЕДС необхідно:
- 1) класичним методом розрахзувати напруги на реактивних елементах та струми перехідного процесу;
- 2) побудувати в одному часовому масштабі діаграми струму та напруги на реактивних елементах.
- 2. В післякомутаційній схемі закоротити джерело ЕДС Е2.
- а) виключити катушку індуктивності чи ємність, замінивши останню опором R;
- б) вважаючи, що замість ждерела постійної ЕДС Е1 до отриманного кола подається напруга, форма якої показана на малюнку;
- в) розрахувати вхідний струм та напругу на реактивном елементі методом інтеграла Дюамеля при періоді T, заданому в долях від τ ;
- г) побудувати в одному часовому масштабі діаграми напруги на вході, вхідного струму і напруги на реактивних елементі.



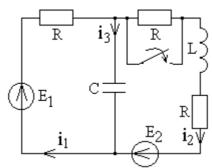
Вхідні данні:

L := 0.1
$$\Gamma_H$$
 C := 200 · 10⁻⁶ Φ R := 50 OM

E₁ := 80 B E₂ := 130 B ψ := 135 · deg C^0 ω := 150 c^{-1}

Класичний метод

Оберемо додатній напрямок струмів у вітках схеми:



Усталений режим до комутації: t < 0

$$i_{1 \text{ДK}} := \frac{E_1 + E_2}{3 \cdot R}$$
 $i_{2 \text{ДK}} := i_{1 \text{ДK}}$ $i_{2 \text{ДK}} = 1.4$

$$i_{2 \text{дK}} := i_{1 \text{дK}} \quad i_{2 \text{дK}} = 1.4$$

$$i_{3\pi K} := 0$$

$$u_{L\pi\kappa} := 0$$

$$\mathbf{u}_{\mathbf{C}_{\mathbf{J}\mathbf{K}}} \coloneqq \mathbf{E}_1 - \mathbf{i}_{\mathbf{1}_{\mathbf{J}\mathbf{K}}} \cdot \mathbf{R} \qquad \mathbf{u}_{\mathbf{C}_{\mathbf{J}\mathbf{K}}} = 10$$

$$_{\rm lk} = 10$$

Усталений режим після комутації:

$$i'_1 := \frac{E_1 + E_2}{2 \cdot R}$$
 $i'_2 := i'_1$ $i'_2 = 2.1$

$$\mathbf{i'}_1 \coloneqq \frac{\mathbf{E}_1 + \mathbf{E}_2}{2 \cdot \mathbf{R}}$$

$$i'_2 := i'_1$$

$$i'_2 = 2.1$$

$$\mathbf{u'_I} := 0$$

$$u'_{C} := E_1 - i'_1 \cdot R$$
 $u'_{C} = -25$

$$u'_{C} = -25$$

Незалежні початкові умови

$$i_{20} := i_{2 \pi K}$$

$$i_{20} = 1.4$$

$$u_{C0} := u_{C_{\mathcal{I}K}}$$

$$u_{CO} = 10$$

Залежні початкові умови

Given

$$i_{10} = i_{20} + i_{30}$$

$$E_1 = u_{C0} + i_{10} \cdot R$$

$$\mathbf{E}_2 = \mathbf{i}_{20} \cdot \mathbf{R} + \mathbf{u}_{L0} - \mathbf{u}_{C0}$$

$$\begin{pmatrix} \mathbf{i}_{10} \\ \mathbf{i}_{30} \\ \mathbf{u}_{L0} \end{pmatrix} := \mathsf{Find} \big(\mathbf{i}_{10}, \mathbf{i}_{30}, \mathbf{u}_{L0} \big) \; \mathsf{float}, 5 \; \rightarrow \begin{pmatrix} 1.4000 \\ 0 \\ 70. \end{pmatrix}$$

$$i_{30} = 0$$

$$i_{10} = 1.4$$

$$i_{30} = 0$$
 $i_{10} = 1.4$ $u_{L0} = 70$

Незалежні початкові умови

$$\operatorname{di}_{20} \coloneqq \frac{^u\!L0}{L}$$

$$di_{20} = 700$$

$$\mathsf{du}_{C0} \coloneqq \frac{\mathsf{i}_{30}}{\mathsf{C}}$$

$$du_{CO} = 0$$

Залежні початкові умови

Given

$$\begin{array}{l} \text{di}_{10} = \text{di}_{20} + \text{di}_{30} \\ 0 = \text{du}_{C0} + \text{di}_{10} \cdot \text{R} \\ 0 = \text{di}_{20} \cdot \text{R} + \text{du}_{L0} - \text{du}_{C0} \\ \\ \begin{pmatrix} \text{di}_{10} \\ \text{di}_{30} \\ \text{du}_{L0} \end{pmatrix} \coloneqq \text{Find} \left(\text{di}_{10}, \text{di}_{30}, \text{du}_{L0} \right) \\ \\ \text{di}_{10} = 0 \\ \end{pmatrix} \\ \text{di}_{10} = -700 \\ \text{du}_{L0} = -3.5 \times 10^4 \end{array}$$

Вільний режим після комутайії: t = 0

Складемо характерестичне рівняння схеми

$$Z(p) := \frac{\frac{1}{p \cdot C} \cdot (R + p \cdot L)}{R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C}} + R$$

$$Z(p) := \frac{\frac{1}{p \cdot C} \cdot (R + p \cdot L) + R \cdot \left(R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C}\right)}{R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C}}$$

$$R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C}$$

$$\left(\begin{array}{c} p_1 \\ p_2 \end{array}\right) := \frac{1}{p \cdot C} \cdot (R + p \cdot L) + R \cdot \left(R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C}\right) \begin{vmatrix} solve, p \\ float, 5 \end{vmatrix} \leftarrow \begin{pmatrix} -300. - 100.00 \cdot i \\ -300. + 100.00 \cdot i \end{vmatrix}$$

Одже корні характеристичного рівняння мають вигляд:

$$p_1 = -300 - 100i$$
 $p_2 = -300 + 100i$

Коефіцієнт затухання та кутова частота вільних коливань:

$$\delta \coloneqq \left| \operatorname{Re}(\mathtt{p}_1) \right| \qquad \delta = 300 \qquad \qquad \omega_0 \coloneqq \left| \operatorname{Im}(\mathtt{p}_2) \right| \qquad \omega_0 = 100$$

Вільні складові повних струмів та напруг будуть мати вигляд:

$$\begin{split} &i\text{"}_{1}(t) = \text{A} \cdot \text{e}^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \! \left(\omega_{0} \cdot t + v_{1} \right) \\ &i\text{"}_{2}(t) = \text{B} \cdot \text{e}^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \! \left(\omega_{0} \cdot t + v_{2} \right) \\ &i\text{"}_{3}(t) = \text{C} \cdot \text{e}^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \! \left(\omega_{0} \cdot t + v_{3} \right) \\ &u\text{"}_{C}(t) = \text{D} \cdot \text{e}^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \! \left(\omega_{0} \cdot t + v_{C} \right) \\ &u\text{"}_{L}(t) = \text{F} \cdot \text{e}^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \! \left(\omega_{0} \cdot t + v_{L} \right) \end{split}$$

Визначення сталих інтегрування:

Для струму i1(t):

Given

$$\begin{split} &i_{10}-i'_1 = A \cdot \sin(v_1) \\ &di_{10} = -A \cdot \delta \cdot \sin(v_1) + A \cdot \omega_0 \cdot \cos(v_1) \\ &\binom{A}{v_1} := \operatorname{Find}(A, v_1) \operatorname{float}, 5 \rightarrow \begin{pmatrix} 2.2136 & -2.2136 \\ -2.8198 & .32175 \end{pmatrix} \end{split}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$A = 2.214$$
 $v_1 = -2.82$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$\begin{split} i\text{"}_1(t) &:= A \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \! \left(\omega_0 \cdot t + v_1 \right) \text{float}, 5 \ \rightarrow 2.2136 \cdot \exp (-300.00 \cdot t) \cdot \sin (100.00 \cdot t - 2.8198) \\ i_1(t) &:= i\text{"}_1 + i\text{"}_1(t) \text{ float}, 4 \ \rightarrow 2.100 + 2.214 \cdot \exp (-300.0 \cdot t) \cdot \sin (100.0 \cdot t - 2.820) \end{split}$$

Для струму i2(t):

$$i_{20} - i'_{2} = B \cdot \sin(v_{2})$$

$$di_{20} = -B \cdot \delta \cdot \sin(v_{2}) + B \cdot \omega_{0} \cdot \cos(v_{2})$$

$$\begin{pmatrix} B \\ v_2 \end{pmatrix} := Find(B, v_2) \text{ float, 5} \rightarrow \begin{pmatrix} -4.9497 & 4.9497 \\ 2.9997 & -.14190 \end{pmatrix}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$B = -4.95$$

$$v_2 = 3$$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$\begin{split} i\text{"}_2(t) &:= B \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin\!\left(\omega_0 \cdot t + v_2\right) \text{float}, 5 \ \rightarrow -4.9497 \cdot \exp(-300.00 \cdot t) \cdot \sin(100.00 \cdot t + 2.9997) \\ i_2(t) &:= i'_2 + i\text{"}_2(t) \text{ float}, 4 \ \rightarrow 2.100 - 4.950 \cdot \exp(-300.0 \cdot t) \cdot \sin(100.0 \cdot t + 3.000) \end{split}$$

Для струму i3(t):

$$i_{30} - i'_3 = C \cdot \sin(v_3)$$

$$di_{30} = -C \cdot \delta \cdot \sin(v_3) + C \cdot \omega_0 \cdot \cos(v_3)$$

$$\begin{pmatrix} C \\ v_3 \end{pmatrix} := Find(C, v_3) \text{ float, 5} \rightarrow \begin{pmatrix} -7. & 7. \\ 0 & 3.1416 \end{pmatrix}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$C = -7$$

$$v_3 = 0$$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$\begin{split} i\text{"}_3(t) &:= C \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \! \left(\omega_0 \cdot t + v_3 \right) \text{float}, 5 \ \, \to -7. \cdot \exp (-300.00 \cdot t) \cdot \sin (100.00 \cdot t) \\ i_3(t) &:= i\text{"}_3 + i\text{"}_3(t) \text{ float}, 4 \ \, \to -7. \cdot \exp (-300.0 \cdot t) \cdot \sin (100.0 \cdot t) \end{split}$$

Для напруги Uc(t):

$$u_{C0} - u'_{C} = D \cdot \sin(v_{C})$$

$$du_{C0} = -D \cdot \delta \cdot \sin(v_C) + D \cdot \omega_0 \cdot \cos(v_C)$$

$$\begin{pmatrix} D \\ v_C \end{pmatrix} := Find(D, v_C) \begin{vmatrix} float, 5 \\ complex \end{vmatrix} \leftarrow \begin{pmatrix} -110.68 & 110.68 \\ -2.8198 & .32175 \end{pmatrix}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$D = -110.68$$

$$v_C = -2.82$$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$\begin{split} u''_C(t) &:= D \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \left(\omega_0 \cdot t + v_C \right) \text{ float, 5} \\ &\to -110.68 \cdot \exp(-300.00 \cdot t) \cdot \sin(100.00 \cdot t - 2.8198) \\ u_C(t) &:= u'_C + u''_C(t) \text{ float, 4} \\ &\to -25. - 110.7 \cdot \exp(-300.0 \cdot t) \cdot \sin(100.0 \cdot t - 2.820) \end{split}$$

Для напруги Ul(t):

$$u_{L0} - u'_{L} = F \cdot \sin(v_{L})$$

$$du_{L0} = -F \cdot \delta \cdot \sin(v_L) + F \cdot \omega_0 \cdot \cos(v_L)$$

$$\begin{pmatrix} F \\ v_L \end{pmatrix} := Find(F, v_L) \quad \begin{vmatrix} float, 5 \\ complex \end{vmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} -156.52 & 156.52 \\ -.46365 & 2.6779 \end{pmatrix}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

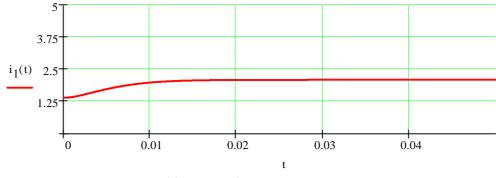
$$F = -156.52$$

$$v_L = -0.464$$

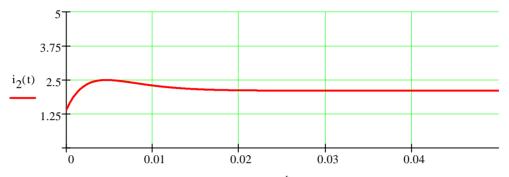
Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$u''_L(t) := F \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \left(\omega_0 \cdot t + v_L\right) \text{ float, 5} \\ \rightarrow -156.52 \cdot \exp(-300.00 \cdot t) \cdot \sin(100.00 \cdot t - .46365)$$

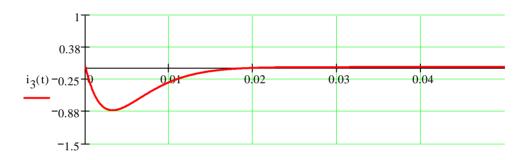
$$u_{I}(t) := u'_{I} + u''_{I}(t) \text{ float}, 4 \rightarrow -156.5 \cdot \exp(-300.0 \cdot t) \cdot \sin(100.0 \cdot t - .4637)$$



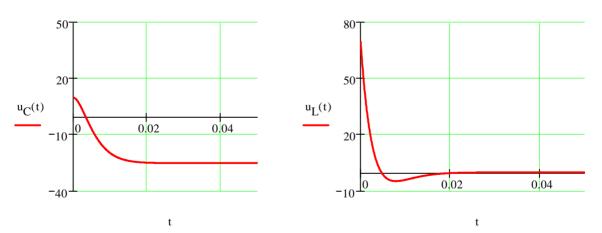
Графік перехідного струму i1(t).



Графік перехідного струму i2(t).

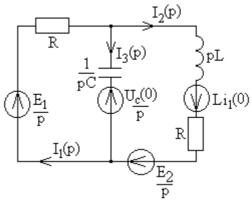


Графік перехідного струму i3(t).



Графік перехідних напруг на ємності та індуктивності.

Операторний метод



Операторна схема

Усталений режим до комутації:

$$i_{1_{\text{ДK}}} := \frac{E_1 + E_2}{3 \cdot R}$$
 $i_{2_{\text{ДK}}} := i_{1_{\text{ДK}}}$ $i_{2_{\text{ДK}}} = 1.4$ $i_{3_{\text{ДK}}} := 0$ $u_{\text{L}_{\text{ДK}}} := 0$

$$i_{2 \text{дк}} := i_{1 \text{дк}} \quad i_{2 \text{дк}} = 1.4$$

$$i_{3\pi K} := 0$$

$$\mathbf{u}_{\mathbf{L}\mathbf{J}\mathbf{K}} := 0$$

$$\mathbf{u}_{\mathbf{C}_{\mathbf{J}\mathbf{K}}} \coloneqq \mathbf{E}_1 - \mathbf{i}_{\mathbf{1}_{\mathbf{J}\mathbf{K}}} \cdot \mathbf{R} \qquad \mathbf{u}_{\mathbf{C}_{\mathbf{J}\mathbf{K}}} = 10$$

$$u_{C_{IJK}} = 10$$

Початкові умови:

$$i_{L0} := i_{2\pi \kappa}$$

$$i_{LO} = 1.4$$

$$u_{C0} = 10$$

$$I_{k1}(p) \cdot \left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) - I_{k2}(p) \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C}\right) = \frac{E_1}{p} - \frac{u_{C0}}{p}$$

$$-I_{k1}(p) \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C}\right) + I_{k2}(p) \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C} + R + p \cdot L\right) = \frac{E_2}{p} + \frac{u_{C0}}{p} + L \cdot i_{20}$$

$$\Delta(p) := \begin{bmatrix} R + \frac{1}{p \cdot C} & -\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) \\ -\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) & \frac{1}{p \cdot C} + R + p \cdot L \end{bmatrix}$$

$$\Delta(p) := \begin{bmatrix} R + \frac{1}{p \cdot C} & -\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) \\ -\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) & \frac{1}{p \cdot C} + R + p \cdot L \end{bmatrix}$$

$$\Delta(p) \text{ float, 5} \rightarrow \frac{1}{p^{1}} \cdot \left(3000.0 \cdot p + 5.0000 \cdot 10^{5} + 5.0 \cdot p^{2}\right)$$

$$\Delta_{1}(p) := \begin{bmatrix} \frac{E_{1}}{p} - \frac{u_{C0}}{p} & -\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) \\ \frac{E_{2}}{p} + \frac{u_{C0}}{p} + L \cdot i_{20} & \frac{1}{p \cdot C} + R + p \cdot L \end{bmatrix} \\ \Delta_{1}(p) \text{ float, 5} \rightarrow \frac{\left(4200.0 \cdot p + 1.0500 \cdot 10^{6} + 7.0 \cdot p^{2}\right)}{p^{2}}$$

$$\Delta_{2}(p) := \begin{bmatrix} R + \frac{1}{p \cdot C} & \frac{E_{1}}{p} - \frac{u_{C0}}{p} \\ -\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) & \frac{E_{2}}{p} + \frac{u_{C0}}{p} + L \cdot i_{20} \end{bmatrix} \qquad \Delta_{2}(p) \text{ float, 5} \rightarrow \frac{\left(7700.0 \cdot p + 7.0000 \cdot p^{2} \cdot + 1.0500 \cdot 10^{6}\right)}{p^{2}}$$

Контурні струми та напруга на конденсаторі будуть мати вигляд:

$$I_{k1}(p) := \frac{\Delta_1(p)}{\Delta(p)} \qquad \qquad I_{k1}(p) \text{ float, 5} \ \rightarrow \frac{\left(4200.0 \cdot p + 1.0500 \cdot 10^6 + 7.0 \cdot p^2.\right)}{p^1 \cdot \left(3000.0 \cdot p + 5.0000 \cdot 10^5 + 5.0 \cdot p^2.\right)^1}$$

$$I_{k2}(p) := \frac{\Delta_2(p)}{\Delta(p)} \qquad I_{k2}(p) \text{ float, 5} \rightarrow \frac{\left(7700.0 \cdot p + 7.0000 \cdot p^2 \cdot + 1.0500 \cdot 10^6\right)}{p^1 \cdot \left(3000.0 \cdot p + 5.0000 \cdot 10^5 + 5.0 \cdot p^2 \cdot\right)^1}.$$

$$\begin{split} u_C(p) &:= \frac{u_{C0}}{p} + \frac{I_3(p)}{p \cdot C} \\ u_C(p) & \left| \begin{array}{l} \text{float, 5} \\ \text{factor} \end{array} \right. \to 10 \cdot \frac{\left(-250000 + 600 \cdot p + p^2 \right)}{p \cdot \left(100000 + 600 \cdot p + p^2 \right)} \\ u_L(p) &:= L \cdot p \cdot I_{k2}(p) - L \cdot i_{2,JK} \\ u_L(p) & \text{factor} \end{array} \to 70 \cdot \frac{\left(p + 100 \right)}{\left(100000 + 600 \cdot p + p^2 \right)} \end{split}$$

Перейдемо тепер від зображення до функції часу за формулою розкладу: Для струму I1(p):

$$\begin{split} N_1(p) &:= 4200.0 \cdot p + 1.0500 \cdot 10^6 + 7.0 \cdot p^2 \cdot \\ \begin{pmatrix} p_0 \\ p_1 \\ p_2 \end{pmatrix} &:= M_1(p) \ \, \bigg| \begin{array}{l} \text{solve}, p \\ \text{float}, 5 \end{array} \rightarrow \begin{pmatrix} 0 \\ -300. - 100.00 \cdot i \\ -300. + 100.00 \cdot i \\ \end{array} \bigg) \\ p_0 &= 0 \\ \end{pmatrix} \\ p_1 &= -300 - 100i \\ p_2 &= -300 + 100i \\ \end{pmatrix} \\ p_2 &= -300 + 100i \\ N_1(p_0) &= 1.05 \times 10^6 \\ N_1(p_1) &= 3.5 \times 10^5 \\ \end{pmatrix} \\ M_1(p_1) &= 3.5 \times 10^5 \\ M_1(p_2) &= 3.5 \times 10^5 \\ M_1(p_2) &= -1 \times 10^5 - 3i \times 10^5 \\ \end{pmatrix} \\ M_1(p_2) &= -1 \times 10^5 - 3i \times 10^5 \\ \end{pmatrix}$$

Отже струм як функція часу буде мати вигляд:

$$\begin{split} i_1(t) &:= \frac{N_1 \Big(p_0 \Big)}{d M_1 \Big(p_0 \Big)} + \frac{N_1 \Big(p_1 \Big)}{d M_1 \Big(p_1 \Big)} \cdot e^{p_1 \cdot t} + \frac{N_1 \Big(p_2 \Big)}{d M_1 \Big(p_2 \Big)} \cdot e^{p_2 \cdot t} \\ i_1(t) & \stackrel{\text{float}}{\underset{\text{complex}}{\text{complex}}} \rightarrow 2.1000 - .70000 \cdot \exp(-300. \cdot t) \cdot \cos(100.00 \cdot t) - 2.1000 \cdot \exp(-300. \cdot t) \cdot \sin(100.00 \cdot t) \end{split}$$

Для напруги на конденсаторі Uc(p):

$$\begin{split} N_u(p) &:= 10 \cdot \left(-250000 + 600 \cdot p + p^2 \right) \\ \begin{pmatrix} p_0 \\ p_1 \\ p_2 \end{pmatrix} &:= M_u(p) \ \, \left| \begin{array}{l} solve, p \\ float, 5 \end{array} \right. \rightarrow \begin{pmatrix} 0 \\ -300. + 100.00 \cdot i \\ -300. - 100.00 \cdot i \end{array} \right) \\ p_0 &= 0 \\ p_1 &= -300 + 100i \\ p_2 &= -300 - 100i \\ \end{pmatrix} \\ N_u(p_0) &= -2.5 \times 10^6 \\ M_u(p_1) &= -3.5 \times 10^6 \\ M_u(p_1) &= -3.5 \times 10^6 \\ M_u(p_1) &= \frac{d}{dp} M_u(p) \ \, factor \\ \rightarrow 100000 + 1200 \cdot p + 3 \cdot p^2 \\ \\ dM_u(p_0) &= 1 \times 10^5 \\ M_u(p_1) &= -2 \times 10^4 - 6i \times 10^4 \\ \end{pmatrix} \\ dM_u(p_2) &= -2 \times 10^4 + 6i \times 10^4 \\ \end{split}$$

Отже напруга як функція часу буде мати вигляд:

$$\mathbf{u}_{\mathbf{C}}(t) := \frac{\mathbf{N}_{\mathbf{u}}\!\!\left(\mathbf{p}_{0}\right)}{\mathbf{d}\mathbf{M}_{\mathbf{u}}\!\!\left(\mathbf{p}_{0}\right)} + \frac{\mathbf{N}_{\mathbf{u}}\!\!\left(\mathbf{p}_{1}\right)}{\mathbf{d}\mathbf{M}_{\mathbf{u}}\!\!\left(\mathbf{p}_{1}\right)} \cdot \mathbf{e}^{\mathbf{p}_{1} \cdot \mathbf{t}} + \frac{\mathbf{N}_{\mathbf{u}}\!\!\left(\mathbf{p}_{2}\right)}{\mathbf{d}\mathbf{M}_{\mathbf{u}}\!\!\left(\mathbf{p}_{2}\right)} \cdot \mathbf{e}^{\mathbf{p}_{2} \cdot \mathbf{t}} \qquad \mathbf{u}_{\mathbf{C}}(0) = 10$$

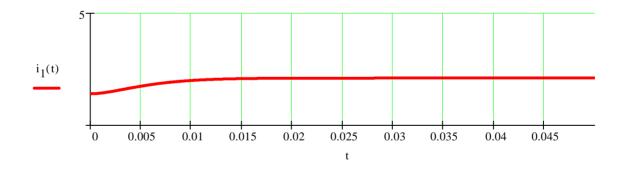
$$u_{C}(t) \mid \begin{matrix} float, 5 \\ complex \end{matrix} \rightarrow -25. + 35.000 \cdot exp(-300. \cdot t) \cdot cos(100.00 \cdot t) + 105.000 \cdot exp(-300. \cdot t) \cdot sin(100.00 \cdot t) \\ \end{matrix}$$

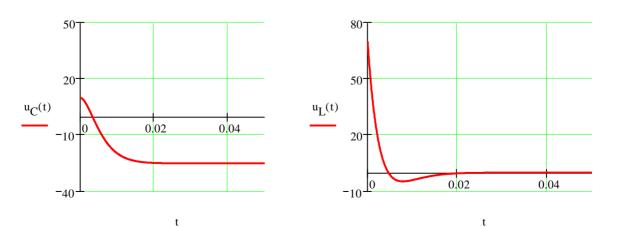
Для напруги на індуктивності:

$$\begin{split} N_L(p) &:= 70 \cdot (p+100) & M_L(p) := 100000 + 600 \cdot p + p^2 \\ \begin{pmatrix} p_1 \\ p_2 \end{pmatrix} &:= M_L(p) \ \, \begin{vmatrix} solve, p \\ float, 5 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -300. + 100.00 \cdot i \\ -300. - 100.00 \cdot i \end{pmatrix} \\ p_1 &= -300 + 100i & p_2 = -300 - 100i \\ N_L(p_1) &= -1.4 \times 10^4 + 7i \times 10^3 & N_L(p_2) = 9.6 \times 10^4 - 1.523i \times 10^5 \\ dM_L(p) &:= \frac{d}{dp} M_L(p) \ \, factor \ \, \rightarrow 600 + 2 \cdot p \\ dM_L(p_1) &= 200i & dM_L(p_2) = -200i \end{split}$$

Отже напруга як функція часу буде мати вигляд:

$$\begin{split} u_L(t) &:= \frac{N_L\left(p_1\right)}{dM_L\left(p_1\right)} \cdot e^{p_1 \cdot t} + \frac{N_L\left(p_2\right)}{dM_L\left(p_2\right)} \cdot e^{p_2 \cdot t} \\ u_L(t) & \stackrel{\text{float}}{|complex|} \rightarrow 70.000 \cdot \exp(-300. \cdot t) \cdot \cos(100.00 \cdot t) - 140.000 \cdot \exp(-300. \cdot t) \cdot \sin(100.00 \cdot t) \end{split}$$





Дослідити чому повинен дорівнювати активний опір вітки с джерелом ЕРС Е1 щоб аперіодичний процес переходив у коливальний

$$\begin{split} Z_{ab}(p) &:= \mathbf{R'} + \frac{(\mathbf{R} + \mathbf{p} \cdot \mathbf{L}) \cdot \frac{1}{\mathbf{p} \cdot \mathbf{C}}}{\frac{1}{\mathbf{p} \cdot \mathbf{C}} + \mathbf{R} + \mathbf{p} \cdot \mathbf{L}} \\ Z_{ab}(p) &:= \frac{\left(\frac{1}{\mathbf{p} \cdot \mathbf{C}} + \mathbf{R} + \mathbf{p} \cdot \mathbf{L}\right) \cdot \mathbf{R'} + (\mathbf{R} + \mathbf{p} \cdot \mathbf{L}) \cdot \frac{1}{\mathbf{p} \cdot \mathbf{C}}}{\frac{1}{\mathbf{p} \cdot \mathbf{C}} + \mathbf{R} + \mathbf{p} \cdot \mathbf{L}} \\ (\mathbf{R'} \cdot \mathbf{L}) \cdot \mathbf{p}^2 + \left(\mathbf{R} \cdot \mathbf{R'} + \frac{\mathbf{L}}{\mathbf{C}}\right) \cdot \mathbf{p} + \left(\frac{\mathbf{R'}}{\mathbf{C}} + \frac{\mathbf{R}}{\mathbf{C}}\right) = 0 \\ D &= 0 \\ \left(\mathbf{R} \cdot \mathbf{R'} + \frac{\mathbf{L}}{\mathbf{C}}\right)^2 - 4 \cdot (\mathbf{R'} \cdot \mathbf{L}) \cdot \left(\frac{\mathbf{R'}}{\mathbf{C}} + \frac{\mathbf{R}}{\mathbf{C}}\right) = 0 \\ \left(\mathbf{R} \cdot \mathbf{R'} + \frac{\mathbf{L}}{\mathbf{C}}\right)^2 - 4 \cdot (\mathbf{R'} \cdot \mathbf{L}) \cdot \left(\frac{\mathbf{R'}}{\mathbf{C}} + \frac{\mathbf{R}}{\mathbf{C}}\right) = 0 \\ \left(\mathbf{R} \cdot \mathbf{R'} + \frac{\mathbf{L}}{\mathbf{C}}\right)^2 - 4 \cdot (\mathbf{R'} \cdot \mathbf{L}) \cdot \left(\frac{\mathbf{R'}}{\mathbf{C}} + \frac{\mathbf{R}}{\mathbf{C}}\right) = 0 \end{split}$$

Отже при таких значеннях активного опору у вітці з джерелом напруги Е1 аперіодичний процес перейде в коливальний.

Визначити струми віток і напруги на реактивних елементах у момент комутації (t=0), якщо замість джерел постійної напруги E1 і E2 у колі діють джерела синусоідної напруги:

$$\mathbf{e}_{1}(t) := \sqrt{2} \cdot \mathbf{E}_{1} \cdot \sin(\omega \cdot t + \psi)$$
 $\mathbf{e}_{2}(t) := \sqrt{2} \cdot \mathbf{E}_{2} \cdot \sin(\omega \cdot t + \psi)$ $\mathbf{E}_{1} := \frac{1}{\omega \cdot \mathbf{C}}$ $\mathbf{E}_{1} := \mathbf{E}_{1} \cdot \mathbf{e}^{\psi \cdot i}$ $\mathbf{E}_{1} := \mathbf{E}_{2} \cdot \mathbf{e}^{\psi \cdot i}$ $\mathbf{E}_{2} := \mathbf{E}_{2} \cdot \mathbf{e}^{\psi \cdot i}$ $\mathbf{E}_{2} := -91.924 + 91.924i$ $\mathbf{E}_{3} := \mathbf{E}_{4} \cdot \mathbf{e}^{\psi \cdot i}$ $\mathbf{E}_{5} := \mathbf{E}_{5} \cdot \mathbf{e}^{\psi \cdot i}$ $\mathbf{E}_{5} := \mathbf{E}_{5} \cdot \mathbf{e}^{\psi \cdot i}$ $\mathbf{E}_{5} := -91.924 + 91.924i$ $\mathbf{E}_{5} := -91.924 + 91.924i$ $\mathbf{E}_{5} := -91.924 + 91.924i$ $\mathbf{E}_{6} := -91.924 + 91.924i$

$$Z'_{VX} := R + \frac{\left(2R + X_L \cdot i\right) \cdot \left(-i \cdot X_C\right)}{2R + X_L \cdot i - i \cdot X_C}$$

$$Z'_{VX} = 60.75 - 31.363i$$

$$T'_{1JJK} := \frac{E_1}{Z'_{VX}}$$

$$T'_{1JJK} := \Gamma'_{1JJK} \cdot \frac{\left(-i \cdot X_C\right)}{2R + X_L \cdot i - i \cdot X_C}$$

$$T'_{2JJK} := \Gamma'_{1JJK} \cdot \frac{\left(-i \cdot X_C\right)}{2R + X_L \cdot i - i \cdot X_C}$$

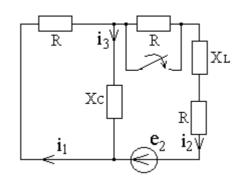
$$T'_{2JJK} = 0.049 + 0.381i$$

$$F(\Gamma'_{2JJK}) = (0.384 + 82.694)$$

$$T'_{3JJK} := \Gamma'_{1JJK} \cdot \frac{2R + X_L \cdot i}{2R + X_L \cdot i - i \cdot X_C}$$

$$\Gamma'_{3JJK} = -1.164 - 0.025i$$

$$F(\Gamma'_{3JJK}) = (1.164 - 178.775)$$



$$Z''_{VX} := 2R + X_{L} \cdot i + \frac{R \cdot (-i \cdot X_{C})}{R - i \cdot X_{C}}$$

$$Z''_{VX} = 115.385 - 8.077i$$

$$I"_{2ДK} := \frac{E_2}{Z"_{VX}}$$

$$I''_{2 \text{ДK}} = -0.848 + 0.737i$$

$$F(I''_{2\pi K}) = (1.124 \ 139.004)$$

$$\begin{split} \mathbf{I''}_{2 \text{JK}} &:= \frac{\mathbf{E}_2}{\mathbf{Z''}_{\text{VX}}} \\ \mathbf{I''}_{1 \text{JK}} &:= \mathbf{I''}_{2 \text{JK}} \cdot \frac{\left(-\mathbf{i} \cdot \mathbf{X}_{\mathbf{C}}\right)}{\mathbf{R} - \mathbf{i} \cdot \mathbf{X}_{\mathbf{C}}} \end{split}$$

$$I''_{1 \text{ДK}} = 0.079 + 0.618i$$

$$F(I''_{1 \text{ДK}}) = (0.623 \ 82.694)$$

$$I"_{3 \text{dk}} \coloneqq I"_{2 \text{dk}} \cdot \frac{R}{R - i \cdot X_C}$$

$$I''_{3 \text{дK}} = -0.928 + 0.119i$$

$$F(I''_{3JJK}) = (0.935 \ 172.694)$$

$$I_{1\pi k} := I'_{1\pi k} + I''_{1\pi k}$$

$$I_{1\pi\kappa} = -1.036 + 0.974i$$

$$F(I_{1 \text{IIK}}) = (1.422 \ 136.752)$$

$$I_{2\pi K} := I'_{2\pi K} + I''_{2\pi K}$$

$$I_{2 \text{дK}} = -0.799 + 1.118i$$

$$F(I_{2\pi K}) = (1.374 \ 125.573)$$

$$I_{3\pi K} := I'_{3\pi K} - I''_{3\pi K}$$

$$I_{3 \text{дK}} = -0.236 - 0.144i$$

$$F(I_{3\pi K}) = (0.276 -148.646)$$

$$\mathbf{u}_{\mathbf{C}\mathbf{J}\mathbf{K}} := \mathbf{I}_{\mathbf{3}\mathbf{J}\mathbf{K}} \cdot \left(-\mathbf{i} \cdot \mathbf{X}_{\mathbf{C}} \right)$$

$$u_{\text{CJK}} = -4.793 + 7.867i$$

$$F(u_{C_{JIK}}) = (9.212 \ 121.354)$$

$$\mathbf{u}_{\mathbf{L}\pi\mathbf{K}} := \mathbf{I}_{\mathbf{1}\pi\mathbf{K}} \cdot \mathbf{i} \cdot \mathbf{X}_{\mathbf{L}}$$

$$u_{L_{\mathcal{I}K}} = -14.61 - 15.533i$$

$$F(u_{L_{JK}}) = (21.324 - 133.248)$$

$$i_{1_{\mathcal{I}\!\mathcal{K}}}(t) := \; \left| I_{1_{\mathcal{I}\!\mathcal{K}}} \right| \cdot \sqrt{2} \cdot \text{sin} \! \left(\omega \cdot t + \text{arg} \! \left(I_{1_{\mathcal{I}\!\mathcal{K}}} \right) \right)$$

$$i_{2 \text{JK}}(t) := \left| I_{2 \text{JK}} \right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin \! \left(\omega \cdot t + \text{arg} \! \left(I_{2 \text{JK}} \right) \! \right)$$

$$i_{3\pi K}(t) := \left|I_{3\pi K}\right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin(\omega \cdot t + \arg(I_{3\pi K}))$$

$$u_{C_{\mathcal{I}_{K}}}(t) := \left| u_{C_{\mathcal{I}_{K}}} \right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin(\omega \cdot t + \arg(u_{C_{\mathcal{I}_{K}}}))$$

$$u_{L,\pi K}(t) := \left| u_{L,\pi K} \right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin \! \left(\omega \cdot t + \arg \! \left(u_{L,\pi K} \right) \right)$$

Початкові умови:

$$u_{\text{C}_{\text{ДK}}}(0) = 11.125$$

$$i_{L_{JIK}}(0) = 1.581$$

Given

$$i_{20} = i_{10} - i_{30}$$

$$e_1(0) = i_{10} \cdot R + u_{C0}$$

$$e_2(0) = i_{20} \cdot R + u_{L0} - u_{C0}$$

$$\begin{pmatrix} \mathbf{i}_{10} \\ \mathbf{i}_{30} \\ \mathbf{u}_{L0} \end{pmatrix} \coloneqq \mathsf{Find} \! \left(\mathbf{i}_{10}, \mathbf{i}_{30}, \mathbf{u}_{L0} \right)$$

$$i_{10} = 1.377$$

$$i_{20} = 1.581$$

$$i_{30} = -0.203$$

$$u_{L0} = 62.083$$

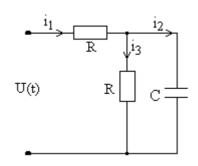
$$u_{C0} = 11.125$$

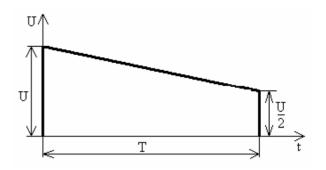
Інтеграл Дюамеля

$$T := 1.0$$

$$E_1 := 80$$

$$E := 1$$





Усталений режим до комутації: t < 0

$$i_{1$$
дк := $\frac{0}{R+R}$

$$i_{1\pi\kappa} = 0$$

$$i_{3\pi k} := i_{1\pi k}$$

$$i_{3\pi K} = 0$$

$$i_{2\pi K} := 0$$

$$i_{2\pi K} = 0$$

$$\mathbf{u}_{\mathbf{C}_{\mathbf{J}\mathbf{K}}} \coloneqq 0 - \mathbf{i}_{\mathbf{1}_{\mathbf{J}\mathbf{K}}} \cdot \mathbf{R} \qquad \mathbf{u}_{\mathbf{C}_{\mathbf{J}\mathbf{K}}} = 0$$

$$C_{\text{ДK}} = 0$$

Усталений режим після комутації:

$${i'}_1 := \frac{E}{R+R}$$

$$i'_1 = 0.01$$

$$i'_3 := i'_1$$

$$i'_3 = 0.01$$

$$i'_2 := 0$$

$$i'_2 = 0$$

$$\mathbf{u'}_{\mathbf{C}} := \mathbf{E} - \mathbf{i'}_{\mathbf{1}} \cdot \mathbf{R}$$

$$u'_{C} = 0.5$$

Незалежні початкові умови

$$\mathbf{u}_{\mathbf{C}0} \coloneqq \mathbf{u}_{\mathbf{C}\mathbf{\Pi}\mathbf{K}}$$

$$u_{CO} = 0$$

Залежні початкові умови

Given

$$i_{20} = i_{10} - i_{30}$$

$$E = i_{30} \cdot R + i_{10} \cdot R$$

$$0 = u_{C0} - i_{30} \cdot R$$

$$\begin{pmatrix} \mathbf{i}_{10} \\ \mathbf{i}_{20} \\ \mathbf{i}_{30} \end{pmatrix} := \mathsf{Find} \big(\mathbf{i}_{10}, \mathbf{i}_{20}, \mathbf{i}_{30} \big)$$

$$i_{10} = 0.02$$

$$i_{20} = 0.02$$

$$i_{30} = 0$$

Вільний режим після комутайії:

Складемо характерестичне рівняння схеми

$$Z_{VX}(p) := R + \frac{R \cdot \frac{1}{p \cdot C}}{R + \frac{1}{p \cdot C}}$$

$$Z_{VX}(p) := R + \frac{R \cdot \frac{1}{p \cdot C}}{R + \frac{1}{p \cdot C}}$$

$$Zvx(p) := \frac{R \cdot \left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) + R \cdot \frac{1}{p \cdot C}}{R + \frac{1}{p \cdot C}}$$

$$p := R \cdot \left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) + R \cdot \frac{1}{p \cdot C} \quad \begin{vmatrix} solve, p \\ float, 5 \end{vmatrix} \rightarrow -200.$$

$$T := \frac{1}{|p|} \cdot T \qquad T = 5 \times 10^{-3}$$

$$T = 5 \times 10^{-3}$$

Одже корень характеристичного рівняння має вигляд:

Вільна складова струма буде мати вигляд:

$$i''_1(t) = A_1 \cdot e^{p \cdot t}$$

Визначення сталих інтегрування:

$$A_1 := i_{10} - i'_1$$
 $A_1 = 0.01$

$$A_1 = 0.01$$

Oтже:
$$i''_1(t) := A_1 \cdot e^{p \cdot t}$$

Повні значення цих струмів:

$$\begin{split} g_{11}(t) &:= i'_1 + i''_1(t) & \qquad g_{11}(t) \text{ float,5} \ \to 1.0000 \cdot 10^{-2} + 1.0000 \cdot 10^{-2} \cdot \exp(-200. \cdot t) \\ h_{cU}(t) &:= E \cdot \frac{R}{R+R} \cdot \left(1-e^{p \cdot t}\right) \text{ float,5} \ \to .50000 - .50000 \cdot \exp(-200. \cdot t) \end{split}$$

Визначимо закони зміни напруги на всіх проміжках часу:

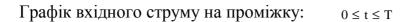
$$\begin{array}{lll} {\rm U}_0 \coloneqq {\rm E}_1 & {\rm U}_0 = 80 \\ & {\rm U}_1({\rm t}) \coloneqq {\rm U}_0 - \frac{{\rm E}_1}{2{\rm T}} \cdot {\rm t} & {\rm U}_1({\rm t}) \; {\rm float}, 5 \; \rightarrow 80. - 8000.0 \cdot {\rm t} & 0 < {\rm t} < {\rm T} \\ & {\rm U}_2 \coloneqq 0 & {\rm U}_2 = 0 & {\rm T} < {\rm t} < \infty \\ & {\rm U}_1 \coloneqq \frac{{\rm d}}{{\rm d}{\rm t}} {\rm U}_1({\rm t}) \; {\rm float}, 5 \; \rightarrow -8000.0 \end{array}$$

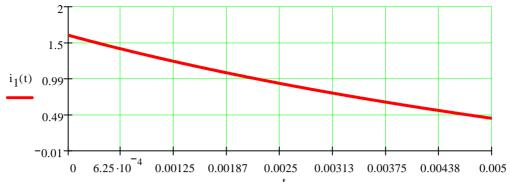
Струм на цих проміжках буде мати вигляд:

$$\begin{split} &i_1(t) \coloneqq U_0 \cdot g_{11}(t) + \int_0^t U_1 \cdot g_{11}(t-\tau) \, d\tau \qquad \qquad i_1(t) \quad \left| \begin{matrix} \text{factor} \\ \text{float}, 3 \end{matrix} \right| .400 + 1.20 \cdot \exp(-200. \cdot t) - 80. \cdot t \\ \\ &i_2(t) \coloneqq U_0 \cdot g_{11}(t) + \int_0^T U_1 \cdot g_{11}(t-\tau) \, d\tau + \left(U_2 - \frac{E_1}{2} \right) \cdot g_{11}(t-T) \\ \\ &i_2(t) \quad \left| \begin{matrix} \text{factor} \\ \text{float}, 3 \end{matrix} \right| .20 \cdot \exp(-200. \cdot t) - .800 \cdot \exp(-200. \cdot t + 1.) \end{split}$$

Напруга на індуктивнисті на цих проміжках буде мати вигляд:

$$\begin{split} \mathbf{u}_{C1}(t) &:= \mathbf{U}_0 \cdot \mathbf{h}_{cU}(t) + \int_0^t \mathbf{U'}_1 \cdot \mathbf{h}_{cU}(t-\tau) \, d\tau \; \text{float}, 4 \; \rightarrow 60.00 - 60.00 \cdot \exp(-200. \cdot t) - 4000. \cdot t \\ \\ \mathbf{u}_{C2}(t) &:= \mathbf{U}_0 \cdot \mathbf{h}_{cU}(t) + \int_0^T \mathbf{U'}_1 \cdot \mathbf{h}_{cU}(t-\tau) \, d\tau + \left(\mathbf{U}_2 - \frac{\mathbf{E}_1}{2}\right) \cdot \mathbf{h}_{cU}(t-T) \end{split}$$

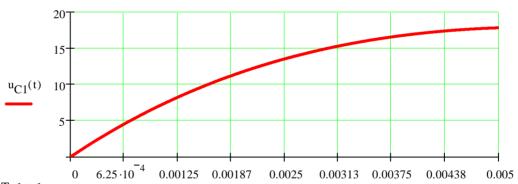




Графік вхідного струму на проміжку:



 $0 \le t \le T$



 $T \le t \le \infty$

