Міністерство освіти України Національний технічний університет України "Київський політехнічний інститут"

Кафедра ТОЕ

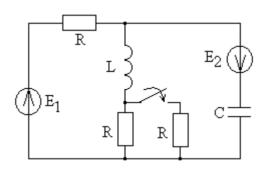
Розрахунково-графічна робота

"Розрахунок перехідних процесів у лінійних колах" Варіант № 361

Виконав:		
Перевірив: <u> </u>		

Умова задання

- 1. В колі з джерелом постійної ЕДС необхідно:
- 1) класичним методом розрахзувати напруги на реактивних елементах та струми перехідного процесу;
- 2) розрахувати струм в колі з джерелом ЕДС Е1 та напругу на реактивному елементі операторним методом;
- 3) побудувати в одному часовому масштабі діаграми струму та напруги на реактивних елементах.
- 2. Дослідити, яким повинен бути активний опір у вітці з джерелом Е1, щоб перехідний процес проходив в граничному режимі.
- 3. Визначити струми в вітках та напруги на реактивних елементах в момент комутації (t=0), якщо замість джерел постійних ЕДС Е1і Е2 в колі діють синусоїдні джерела.
- 3. В післякомутаційній схемі закоротити джерело ЕДС Е2.
- а) виключити катушку індуктивності чи ємність, замінивши останню опором R;
- б) вважаючи, що замість ждерела постійної ЕДС Е1 до отриманного кола подається напруга, форма якої показана на малюнку;
- в) розрахувати вхідний струм та напругу на реактивном елементі методом інтеграла Дюамеля при періоді T, заданому в долях від τ ;
- г) побудувати в одному часовому масштабі діаграми напруги на вході, вхідного струму і напруги на реактивних елементі.



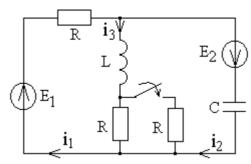
Основна схема

Вхідні данні:

L := 0.1
$$\Gamma_H$$
 C := $200 \cdot 10^{-6}$ Φ R := 50 Γ_H Φ C := $120 \cdot B$ Φ R := $150 \cdot deg$ Φ Φ C := $150 \cdot deg$ Φ Φ := $150 \cdot deg$ Φ Φ := $150 \cdot deg$ Φ Φ := $150 \cdot deg$ Φ := $150 \cdot deg$:= $150 \cdot deg$ Φ := $150 \cdot deg$

Класичний метод

Оберемо додатній напрямок струмів у вітках схеми:



Знайдемо значення струмів та напруг безпосередньо до комутації:

Усталений режим до комутації: t < 0

$$\begin{split} i_{1 \text{JK}} &:= \frac{E_1}{2 \cdot R} & i_{3 \text{JK}} := i_{1 \text{JK}} \quad i_{3 \text{JK}} = 1.2 \\ i_{2 \text{JK}} &:= 0 & u_{\text{LJK}} := 0 \\ u_{\text{CJK}} &:= E_1 + E_2 - i_{1 \text{JK}} \cdot R & u_{\text{CJK}} = 160 \end{split}$$

Усталений режим після комутації: _t

$$R' := 0.5 \cdot R$$

$$\begin{split} i'_1 &\coloneqq \frac{E_1}{R + R'} & i'_3 \coloneqq i'_1 & i'_3 = 1.6 \\ i'_2 &\coloneqq 0 & u'_L \coloneqq 0 \\ u'_C &\coloneqq E_1 + E_2 - i'_1 \cdot R & u'_C = 140 \end{split}$$

Незалежні початкові умови

$$i_{30} := i_{3 \text{ LK}}$$
 $i_{30} = 1.2$ $u_{C0} := u_{C \text{ LK}}$ $u_{C0} = 160$

Залежні початкові умови

Given

$$\begin{split} &\mathbf{i}_{10} = \mathbf{i}_{20} + \mathbf{i}_{30} \\ &\mathbf{E}_{1} = \mathbf{u}_{L0} + \mathbf{i}_{30} \cdot \mathbf{R'} + \mathbf{i}_{10} \cdot \mathbf{R} \\ &\mathbf{E}_{2} = -\mathbf{i}_{30} \cdot \mathbf{R'} + \mathbf{u}_{C0} - \mathbf{u}_{L0} \\ &\begin{pmatrix} \mathbf{i}_{10} \\ \mathbf{i}_{20} \\ \mathbf{u}_{L0} \end{pmatrix} := \mathrm{Find} \begin{pmatrix} \mathbf{i}_{10}, \mathbf{i}_{20}, \mathbf{u}_{L0} \end{pmatrix} \, \mathrm{float}, 7 \, \rightarrow \begin{pmatrix} 1.200000 \\ 0 \\ 30. \end{pmatrix} \\ &\mathbf{i}_{10} = 1.2 \qquad \mathbf{i}_{20} = 0 \qquad \quad \mathbf{u}_{L0} = 30 \end{split}$$

Незалежні початкові умови

$$\begin{aligned} \operatorname{di}_{30} &\coloneqq \frac{\mathrm{u}_{L0}}{L} & \operatorname{di}_{30} &= 300 \\ \operatorname{du}_{C0} &\coloneqq \frac{\mathrm{i}_{20}}{C} & \operatorname{du}_{C0} &= 0 \end{aligned}$$

Залежні початкові умови

Given

$$\begin{aligned} &\text{di}_{10} = \text{di}_{20} + \text{di}_{30} \\ &0 = \text{du}_{L0} + \text{di}_{30} \cdot \text{R'} + \text{di}_{10} \cdot \text{R} \\ &0 = -\text{di}_{30} \cdot \text{R'} + \text{du}_{C0} - \text{du}_{L0} \\ &\begin{pmatrix} \text{di}_{10} \\ \text{di}_{20} \\ \text{du}_{L0} \end{pmatrix} := \text{Find} \left(\text{di}_{10}, \text{di}_{30}, \text{du}_{L0} \right) \end{aligned}$$

Вільний режим після комутайії: t = 0

Складемо характерестичне рівняння схеми

$$Z(p) := \frac{\frac{1}{p \cdot C} \cdot (R' + p \cdot L)}{R' + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C}} + R$$

$$Z(p) := \frac{\frac{1}{p \cdot C} \cdot (R' + p \cdot L) + \left(R' + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C}\right) \cdot R}{R' + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C}}$$

$$\begin{cases} P_1 \\ P_2 \end{cases} := \frac{1}{p \cdot C} \cdot (R' + p \cdot L) + \left(R' + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C}\right) \cdot R \quad \begin{vmatrix} \text{solve}, p \\ \text{float}, 5 \end{vmatrix} \leftarrow \begin{pmatrix} -175. - 210.65 \cdot i \\ -175. + 210.65 \cdot i \end{pmatrix}$$

Одже корні характеристичного рівняння мають вигляд:

$$p_1 = -175 - 210.65i$$
 $p_2 = -175 + 210.65i$

Коефіцієнт затухання та кутова частота вільних коливань:

$$\delta := \left| \text{Re} \big(\textbf{p}_1 \big) \right| \qquad \delta = 175 \qquad \qquad \omega_0 := \left| \text{Im} \big(\textbf{p}_2 \big) \right| \qquad \omega_0 = 210.65$$

Вільні складові повних струмів та напруг будуть мати вигляд:

$$\begin{split} &i"_{1}(t) = A \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \left(\omega_{0} \cdot t + v_{1}\right) \\ &i"_{2}(t) = B \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \left(\omega_{0} \cdot t + v_{2}\right) \\ &i"_{3}(t) = C \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \left(\omega_{0} \cdot t + v_{3}\right) \\ &u"_{C}(t) = D \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \left(\omega_{0} \cdot t + v_{C}\right) \\ &u"_{L}(t) = F \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \left(\omega_{0} \cdot t + v_{L}\right) \end{split}$$

Визначення сталих інтегрування:

Для струму i1(t):

Given

$$\begin{split} \mathbf{i}_{10} - \mathbf{i'}_1 &= \mathbf{A} \cdot \sin(\mathbf{v}_1) \\ \mathbf{di}_{10} &= -\mathbf{A} \cdot \delta \cdot \sin(\mathbf{v}_1) + \mathbf{A} \cdot \omega_0 \cdot \cos(\mathbf{v}_1) \\ \begin{pmatrix} \mathbf{A} \\ \mathbf{v}_1 \end{pmatrix} &:= \mathrm{Find}(\mathbf{A}, \mathbf{v}_1) \ \mathrm{float}, 5 \ \rightarrow \begin{pmatrix} .52003 & -.52003 \\ -2.2640 & .87758 \end{pmatrix} \end{split}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$A = 0.52$$
 $v_1 = -2.264$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$\begin{split} i\text{"}_1(t) &:= A \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \! \left(\omega_0 \cdot t + v_1 \right) \text{float}, 5 \ \rightarrow .52003 \cdot \exp (-175.00 \cdot t) \cdot \sin (210.65 \cdot t - 2.2640) \\ i_1(t) &:= i\text{"}_1 + i\text{"}_1(t) \text{ float}, 4 \ \rightarrow 1.600 + .5200 \cdot \exp (-175.0 \cdot t) \cdot \sin (210.7 \cdot t - 2.264) \end{split}$$

Для струму i2(t):

$$i_{20} - i'_2 = B \cdot \sin(v_2)$$

$$di_{20} = -B \cdot \delta \cdot \sin(v_2) + B \cdot \omega_0 \cdot \cos(v_2)$$

$$\begin{pmatrix} B \\ v_2 \end{pmatrix} := Find(B, v_2) \text{ float, 5} \rightarrow \begin{pmatrix} -4.7472 \cdot 10^{-3} & 4.7472 \cdot 10^{-3} \\ 0 & 3.1416 \end{pmatrix}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$B = -4.747 \times 10^{-3} \qquad v_2 = 0$$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$i"_{2}(t) := B \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_{0} \cdot t + v_{2}) \text{ float, } 5 \rightarrow -4.7472 \cdot 10^{-3} \cdot \exp(-175.00 \cdot t) \cdot \sin(210.65 \cdot t)$$

$$i_2(t) := i'_2 + i''_2(t) \text{ float}, 4 \rightarrow -4.747 \cdot 10^{-3} \cdot \exp(-175.0 \cdot t) \cdot \sin(210.7 \cdot t)$$

Для струму i3(t):

$$i_{30} - i_3' = C \cdot \sin(v_3)$$

$$di_{30} = -C \cdot \delta \cdot \sin(v_3) + C \cdot \omega_0 \cdot \cos(v_3)$$

$$\begin{pmatrix} C \\ v_3 \end{pmatrix} := Find(C, v_3) \text{ float, 5} \rightarrow \begin{pmatrix} -1.1628 & 1.1628 \\ 2.7904 & -.35116 \end{pmatrix}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$C = -1.163$$

$$v_3 = 2.79$$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$i"_3(t) := C \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \left(\omega_0 \cdot t + v_3\right) \, float, 5 \ \rightarrow -1.1628 \cdot exp(-175.00 \cdot t) \cdot \sin(210.65 \cdot t + 2.7904)$$

$$i_3(t) := i'_3 + i''_3(t) \text{ float}, 4 \ \rightarrow 1.600 - 1.163 \cdot \exp(-175.0 \cdot t) \cdot \sin(210.7 \cdot t + 2.790)$$

Для напруги Uc(t):

$$u_{C0} - u'_{C} = D \cdot \sin(v_{C})$$

$$\mathrm{du}_{C0} = -\mathrm{D}\!\cdot\!\delta\!\cdot\!\sin\!\!\left(\mathrm{v}_{C}\right) + \mathrm{D}\!\cdot\!\omega_{0}\!\cdot\!\cos\!\!\left(\mathrm{v}_{C}\right)$$

$$\begin{pmatrix} D \\ v_C \end{pmatrix} := Find(D, v_C) \begin{vmatrix} float, 5 \\ complex \end{vmatrix} \leftarrow \begin{pmatrix} -26.001 & 26.001 \\ -2.2640 & .87758 \end{pmatrix}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$D = -26.001$$

$$v_C = -2.264$$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$\begin{split} u''_{C}(t) &:= D \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \left(\omega_{0} \cdot t + v_{C}\right) \text{ float, } 5 &\to -26.001 \cdot \exp(-175.00 \cdot t) \cdot \sin(210.65 \cdot t - 2.2640) \\ u_{C}(t) &:= u'_{C} + u''_{C}(t) \text{ float, } 4 &\to 140.0 - 26.00 \cdot \exp(-175.0 \cdot t) \cdot \sin(210.7 \cdot t - 2.264) \end{split}$$

Для напруги Ul(t):

$$u_{L0} - u'_{L} = F \cdot \sin(v_{L})$$

$$du_{L0} = -F \cdot \delta \cdot \sin(v_L) + F \cdot \omega_0 \cdot \cos(v_L)$$

$$\begin{pmatrix} F \\ v_L \end{pmatrix} := Find(F, v_L) \begin{vmatrix} float, 5 \\ complex \end{vmatrix} \leftarrow \begin{pmatrix} -39.078 & 39.078 \\ -2.2664 & .87524 \end{pmatrix}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

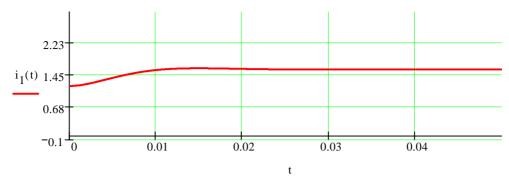
$$F = -39.078$$

$$v_L = -2.266$$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$u''_L(t) := F \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_0 \cdot t + v_L) \text{ float, } 5 \rightarrow -39.078 \cdot \exp(-175.00 \cdot t) \cdot \sin(210.65 \cdot t - 2.2664)$$

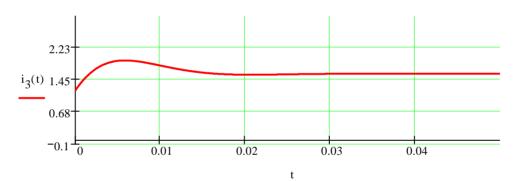
$$u_{\mathbf{I}}(t) := u'_{\mathbf{I}} + u''_{\mathbf{I}}(t) \text{ float}, 4 \rightarrow -39.08 \cdot \exp(-175.0 \cdot t) \cdot \sin(210.7 \cdot t - 2.266)$$



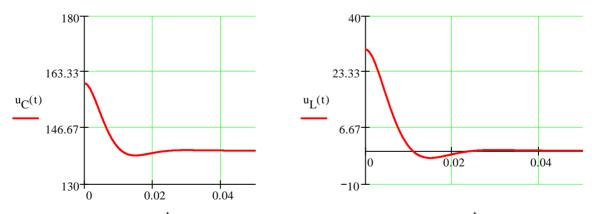
Графік перехідного струму i1(t).



Графік перехідного струму i2(t).

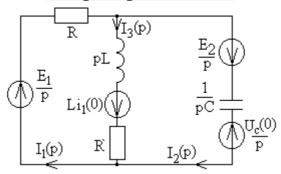


Графік перехідного струму i3(t).



Графік перехідних напруг на ємності та індуктивності.

Операторний метод



Операторна схема

Усталений режим до комутації: t < 0

$$i_{1 \text{ДK}} := \frac{E_1}{2 \cdot R}$$
 $i_{3 \text{ДK}} := i_{1 \text{ДK}}$ $i_{3 \text{ДK}} = 1.2$ $i_{2 \text{ДK}} := 0$ $u_{\text{L} \text{ДK}} := 0$ $u_{\text{C} \text{ДK}} := E_1 + E_2 - i_{1 \text{ДK}} \cdot R$ $u_{\text{C} \text{ДK}} = 160$

Початкові умови:

$$\begin{split} &\mathrm{i}_{L0} \coloneqq \mathrm{i}_{3 \text{J} \text{K}} & \mathrm{i}_{L0} = 1.2 \\ &\mathrm{u}_{C0} = 160 \\ &\mathrm{I}_{k1}(\mathrm{p}) \cdot (\mathrm{R} + \mathrm{R'} + \mathrm{p} \cdot \mathrm{L}) - \mathrm{I}_{k2}(\mathrm{p}) \cdot (\mathrm{R'} + \mathrm{p} \cdot \mathrm{L}) = \frac{\mathrm{E}_1}{\mathrm{p}} + \mathrm{L} \cdot \mathrm{i}_{L0} \\ &- \mathrm{I}_{k1}(\mathrm{p}) \cdot (\mathrm{R'} + \mathrm{p} \cdot \mathrm{L}) + \mathrm{I}_{k2}(\mathrm{p}) \cdot \left(\frac{1}{\mathrm{p} \cdot \mathrm{C}} + \mathrm{p} \cdot \mathrm{L} + \mathrm{R'}\right) = \frac{\mathrm{E}_2}{\mathrm{p}} - \frac{\mathrm{u}_{C0}}{\mathrm{p}} - \mathrm{L} \cdot \mathrm{i}_{L0} \end{split}$$

$$\Delta(p) := \begin{bmatrix} R + R' + p \cdot L & -(R' + p \cdot L) \\ -(R' + p \cdot L) & \frac{1}{p \cdot C} + p \cdot L + R' \end{bmatrix} \qquad \Delta(p) \text{ float, 5} \rightarrow \frac{\left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)}{p^1}$$

$$\Delta_1(p) := \begin{bmatrix} \frac{E_1}{p} + \text{L·i}_{\text{L}0} & -(R' + p \cdot L) \\ \frac{E_2}{p} - \frac{\text{u}_{\text{C}0}}{p} - \text{L·i}_{\text{L}0} & \frac{1}{p \cdot C} + p \cdot L + R' \end{bmatrix} \qquad \Delta_1(p) \text{ float}, 5 \rightarrow \frac{\left(6.0000 \cdot 10^5 + 6.0000 \cdot p^2 \cdot + 2100.0 \cdot p\right)}{p^2}$$

$$\Delta_1(p) \text{ float, 5} \rightarrow \frac{\left(6.0000 \cdot 10^5 + 6.0000 \cdot p^2 \cdot + 2100.0 \cdot p\right)}{p^2}$$

$$\Delta_{2}(p) := \begin{bmatrix} R + R' + p \cdot L & \frac{E_{1}}{p} + L \cdot i_{L0} \\ -(R' + p \cdot L) & \frac{E_{2}}{p} - \frac{u_{C0}}{p} - L \cdot i_{L0} \end{bmatrix} \qquad \Delta_{2}(p) \text{ float, 5 } \rightarrow \frac{-1250.0}{p^{1}}$$

Контурні струми та напруга на конденсаторі будуть мати вигляд:

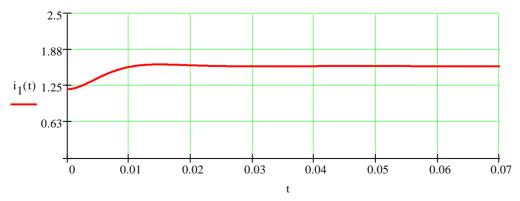
$$\begin{split} & I_{k1}(p) \coloneqq \frac{\Delta_1(p)}{\Delta(p)} \qquad I_1(p) \coloneqq I_{k1}(p) \text{ float, 5} \ \to \frac{\left(6.0000 \cdot 10^5 + 6.0000 \cdot p^2 \cdot + 2100.0 \cdot p\right)}{p^1 \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^1 \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^1 \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^1 \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^1 \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^1 \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^1 \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^1 \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^1 \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^1 \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^1 \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^1 \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^1 \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^1 \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^1 \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^1 \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^1 \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^{1} \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^{1} \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^{1} \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^{1} \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^{1} \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^{1} \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^{1} \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^{1} \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^{1} \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^{1} \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^{1} \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^{1} \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^{1} \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^{1} \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^{1} \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^{1} \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^{1} \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^{1} \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot + 1750.0 \cdot p\right)^{1} \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot p\right)^{1} \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot p\right)^{1} \cdot \left(3.7500 \cdot 10^5 + 5.00 \cdot p^2 \cdot p\right)^{1} \cdot \left(3.75$$

Перейдемо тепер від зображення до функції часу за формулою розкладу: Для струму I1(p):

$$\begin{split} N_1(p) &:= 6.0000 \cdot 10^5 + 6.0000 \cdot p^2 \cdot + 2100.0 \cdot p \\ \begin{pmatrix} p_0 \\ p_1 \\ p_2 \end{pmatrix} &:= M_1(p) \ \, \begin{vmatrix} solve, p \\ float, 5 \end{vmatrix} \leftarrow \begin{pmatrix} 0 \\ -175. - 210.65 \cdot i \\ -175. + 210.65 \cdot i \end{vmatrix} \\ p_0 &= 0 \end{split} \qquad p_1 = -175 - 210.65i \qquad p_2 = -175 + 210.65i \\ N_1(p_0) &= 6 \times 10^5 \qquad N_1(p_1) = 4.236 \times 10^5 - 6.403i \times 10^4 \qquad N_1(p_2) = 1.5 \times 10^5 \\ dM_1(p) &:= \frac{d}{dp} M_1(p) \ \, \begin{vmatrix} factor \\ float, 5 \end{pmatrix} &= 3.7500 \cdot 10^5 + 15 \cdot p^2 \cdot + 3500 \cdot p \\ dM_1(p_0) &= 3.75 \times 10^5 \qquad dM_1(p_1) = -4.437 \times 10^5 + 3.686i \times 10^5 \qquad dM_1(p_2) = -4.437 \times 10^5 - 3.686i \times 10^5 \\ Other Ctrum skidth quacy буде мати вигляд: \end{split}$$

 $i_{1}(t) = \frac{N_{1}(p_{0})}{dM_{1}(p_{0})} + \frac{N_{1}(p_{1})}{dM_{1}(p_{1})} \cdot e^{p_{1} \cdot t} + \frac{N_{1}(p_{2})}{dM_{1}(p_{2})} \cdot e^{p_{2} \cdot t}$ $i_{1}(0) = 1.2$

$$i_{1}(t) \begin{vmatrix} float, 5 \\ complex \end{vmatrix} \rightarrow 1.600 + .5200 \cdot exp(-175.0 \cdot t) \cdot sin(210.7 \cdot t - 2.264)$$



Графік перехідного струму i1(t).

Для напруги на конденсаторі Uc(p):

$$\begin{split} N_{u}(p) &:= 160 \cdot \left(65625 + 350 \cdot p + p^{2}\right) \\ \begin{pmatrix} p_{0} \\ p_{1} \\ p_{2} \end{pmatrix} &:= M_{u}(p) \ \, \left| \begin{array}{l} solve, p \\ -175. + 210.66 \cdot i \\ -175. - 210.66 \cdot i \end{array} \right) \\ p_{0} &= 0 \\ p_{1} &= -175 + 210.66 i \\ p_{2} &= -175 - 210.66 i \\ N_{u}(p_{0}) &= 1.05 \times 10^{7} \\ N_{u}(p_{1}) &= -1.5 \times 10^{6} \\ M_{u}(p_{1}) &= -1.5 \times 10^{6} \\ M_{u}(p_{1}) &= -1.5 \times 10^{6} \\ M_{u}(p_{2}) &= -1.5 \times 10^{6} \\ M_{u}(p$$

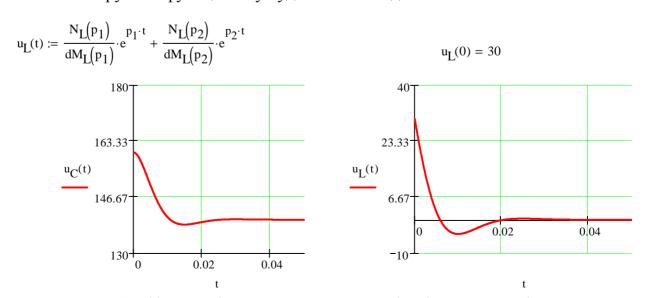
Отже напруга як функція часу буде мати вигляд:

$$\begin{split} u_C(t) &:= \frac{N_u\!\!\left(p_0\right)}{dM_u\!\!\left(p_0\right)} + \frac{N_u\!\!\left(p_1\right)}{dM_u\!\!\left(p_1\right)} \cdot e^{p_1 \cdot t} + \frac{N_u\!\!\left(p_2\right)}{dM_u\!\!\left(p_2\right)} \cdot e^{p_2 \cdot t} \\ u_C(t) & \begin{vmatrix} float, 5 \\ complex \end{vmatrix} \rightarrow 9.8003 + .134338 \cdot exp(-175. \cdot t) \cdot cos(210.66 \cdot t) + .195832 \cdot exp(-175. \cdot t) \cdot sin(210.66 \cdot t) \\ \end{vmatrix}$$

Для напруги на індуктивності:

$$\begin{split} N_L(p) &:= 30(100+p) \\ \begin{pmatrix} p_1 \\ p_2 \end{pmatrix} &:= M_L(p) \ \, \left| \begin{array}{l} \text{solve}, p \\ \text{float}, 5 \end{array} \right. \rightarrow \begin{pmatrix} -175. + 210.66 \cdot i \\ -175. - 210.66 \cdot i \end{array} \right) \\ M_L(p) &:= (75000 + 350 \cdot p + p^2) \\ \end{pmatrix} \\ M_L(p) &:= M_L(p) \ \, \left| \begin{array}{l} \text{solve}, p \\ \text{float}, 5 \end{array} \right. \rightarrow \begin{pmatrix} -175. + 210.66 \cdot i \\ -175. - 210.66 \cdot i \end{array} \right) \\ M_L(p_1) &= -2.25 \times 10^3 + 6.32 i \times 10^3 \\ M_L(p_1) &:= \frac{d}{dp} M_L(p) \ \, \text{factor} \ \, \rightarrow 350 + 2 \cdot p \\ M_L(p_1) &= 2 \times 10^{-3} + 2.897 i \times 10^3 \\ \end{pmatrix} \\ M_L(p_2) &= 2 \times 10^{-3} - 2.897 i \times 10^3 \\ \end{pmatrix} \end{split}$$

Отже напруга як функція часу буде мати вигляд:



Графік перехідних напруг на ємності та індуктивності.

Дослідити чому повинен дорівнювати активний опір вітки с джерелом ЕРС Е1 щоб аперіодичний процес переходив у коливальний

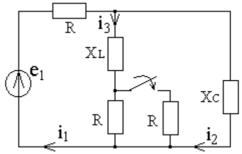
$$\begin{split} Z_{ab}(p) &:= \mathbf{R}'' + \frac{(\mathbf{R}' + \mathbf{p} \cdot \mathbf{L}) \cdot \frac{1}{\mathbf{p} \cdot \mathbf{C}}}{\frac{1}{\mathbf{p} \cdot \mathbf{C}} + \mathbf{p} \cdot \mathbf{L} + \mathbf{R}'} \\ Z_{ab}(p) &:= \frac{\left(\frac{1}{\mathbf{p} \cdot \mathbf{C}} + \mathbf{p} \cdot \mathbf{L} + \mathbf{R}'\right) \cdot \mathbf{R}'' + (\mathbf{R}' + \mathbf{p} \cdot \mathbf{L}) \cdot \frac{1}{\mathbf{p} \cdot \mathbf{C}}}{\frac{1}{\mathbf{p} \cdot \mathbf{C}} + \mathbf{p} \cdot \mathbf{L} + \mathbf{R}'} \\ (\mathbf{R}'' \cdot \mathbf{L}) \cdot \mathbf{p}^2 + \left(\mathbf{R}'' \cdot \mathbf{R}' + \frac{\mathbf{L}}{\mathbf{C}}\right) \mathbf{p} + \left(\frac{\mathbf{R}''}{\mathbf{C}} + \frac{\mathbf{R}'}{\mathbf{C}}\right) = 0 \\ D &= 0 \end{split}$$

$$\left(\mathbf{R}'' \cdot \mathbf{R}' + \frac{\mathbf{L}}{\mathbf{C}}\right)^2 - 4 \cdot (\mathbf{R}'' \cdot \mathbf{L}) \cdot \left(\frac{\mathbf{R}''}{\mathbf{C}} + \frac{\mathbf{R}'}{\mathbf{C}}\right) = 0 \\ \mathbf{R}' := \left(\mathbf{R}'' \cdot \mathbf{R}' + \frac{\mathbf{L}}{\mathbf{C}}\right)^2 - 4 \cdot (\mathbf{R}'' \cdot \mathbf{L}) \cdot \left(\frac{\mathbf{R}''}{\mathbf{C}} + \frac{\mathbf{R}'}{\mathbf{C}}\right) \begin{vmatrix} \text{solve}, \mathbf{R}'' \\ \text{float}, 5 \end{vmatrix} - \frac{-25.353}{7.1714} \\ \mathbf{R}'_{1,0} &= 7.171 \end{split}$$

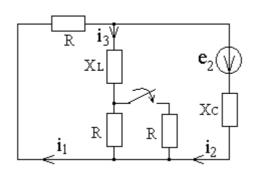
Отже при такому значенні активного опору у вітці з джерелом напруги Е1 аперіодичний процес перейде в коливальний.

Визначити струми віток і напруги на реактивних елементах у момент комутації (t=0), якщо замість джерел постійної напруги E1 і E2 у колі діють джерела синусоідної напруги:

$$\begin{split} e_1(t) &:= \sqrt{2} \cdot E_1 \cdot \sin \left(\omega \cdot t + \psi \right) \\ X_C &:= \frac{1}{\omega \cdot C} \qquad X_C = 33.333 \qquad X_L := \omega \cdot L \qquad X_L = 15 \\ E_1 &:= E_1 \cdot e^{\psi \cdot i} \qquad E_1 = -103.923 + 60i \qquad F(E_1) = (120 \ 150) \\ E_2 &:= E_2 \cdot e^{\psi \cdot i} \qquad E_2 = -86.603 + 50i \qquad F(E_2) = (100 \ 150) \end{split}$$



$$\begin{split} Z'_{\text{VX}} &\coloneqq R + \frac{X_{\text{C}} \cdot i \cdot \left(R + X_{\text{L}} \cdot i\right)}{R + X_{\text{L}} \cdot i - i \cdot X_{\text{C}}} \\ I'_{1\text{ДK}} &\coloneqq \frac{E_{1}}{Z'_{\text{VX}}} \\ I'_{2\text{ДK}} &\coloneqq \Gamma_{1\text{ДK}} \cdot \frac{R + X_{\text{L}} \cdot i}{R + X_{\text{L}} \cdot i - i \cdot X_{\text{C}}} \\ I'_{2\text{ДK}} &\coloneqq \Gamma_{1\text{ДK}} \cdot \frac{R + X_{\text{L}} \cdot i}{R + X_{\text{L}} \cdot i - i \cdot X_{\text{C}}} \\ I'_{3\text{ДK}} &\coloneqq \Gamma_{1\text{ДK}} - \Gamma_{2\text{ДK}} \\ I'_{3\text{ДK}} &\coloneqq \Gamma_{1\text{ДK}} - \Gamma_{2\text{ДK}} \\ I'_{3\text{JK}} &\coloneqq 1.446 + 1.19i \\ I'_{3\text{JK}} &\coloneqq 1.873 \quad 39.444) \end{split}$$



$$\begin{split} Z_{VX}^{"} &:= -X_{C} \cdot i + \frac{\left(R + i \cdot X_{L}\right) \cdot R}{R + i \cdot X_{L} + R} & Z_{VX}^{"} = 25.55 - 29.666i \\ \\ I_{ZJK}^{"} &:= \frac{E_{2}}{Z_{VX}^{"}} & I_{ZJK}^{"} = -2.411 - 0.843i & F\left(I_{ZJK}^{"}\right) = (2.554 - 160.737) \\ I_{JJK}^{"} &:= I_{ZJK}^{"} \cdot \frac{R + X_{L} \cdot i}{R + i \cdot X_{L} + R} & I_{JJK}^{"} = -1.17 - 0.607i & F\left(I_{JJK}^{"}\right) = (1.493 - 60.735) \\ I_{JJK}^{"} &:= I_{ZJK}^{"} - I_{JJK}^{"} & I_{JJK}^{"} = -1.241 - 0.235i & F\left(I_{JJK}^{"}\right) = (1.263 - 169.268) \\ I_{JJK}^{"} &:= I_{JJK}^{"} + I_{JJK}^{"} & I_{JJK}^{"} = -2.16 + 2.216i & F\left(I_{JJK}\right) = (3.094 - 134.259) \\ I_{ZJK}^{"} &:= I_{ZJK}^{"} + I_{ZJK}^{"} & I_{ZJK}^{"} = -4.847 + 0.791i & F\left(I_{ZJK}\right) = (4.911 - 170.728) \\ I_{JJK}^{"} &:= I_{JJK}^{"} \cdot I_{JJK}^{"} & I_{JJK}^{"} = 2.687 + 1.425i & F\left(I_{JJK}\right) = (3.041 - 27.937) \\ u_{CJK}^{"} &:= I_{JJK}^{"} \cdot I_{JJK}^{"} & u_{CJK}^{"} = 47.498 - 89.567i & F\left(u_{CJK}\right) = (101.382 - 62.063) \\ u_{LJK}^{"} &:= I_{JJK}^{"} \cdot I_{JJK}^{"} \cdot I_{JJK}^{"} & I_{JJK}^$$

Початкові умови:

$$u_{\text{C}_{\text{ДK}}}(0) = -126.667$$

$$i_{L_{AK}}(0) = 2.015$$

Given

$$i_{20} = i_{10} - i_{30}$$

$$e_1(0) = u_{L0} + i_{10} \cdot R + i_{30} \cdot R$$

$$e_2(0) = -i_{30} \cdot R + u_{C0} - u_{L0}$$

$$\begin{pmatrix} \mathbf{i}_{10} \\ \mathbf{i}_{20} \\ \mathbf{u}_{L0} \end{pmatrix} := \mathrm{Find}(\mathbf{i}_{10}, \mathbf{i}_{20}, \mathbf{u}_{L0})$$

$$i_{10} = 5.645$$
 $i_{20} = 3.629$ $i_{30} = -2.227$

$$i_{20} = 3.629$$

$$i_{30} = -2.227$$

$$n_{r,o} = -298.135$$

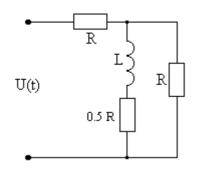
$$u_{L0} = -298.135$$
 $u_{C0} = -126.667$

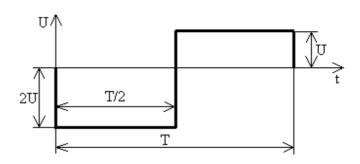
Інтеграл Дюамеля

T := 1.0

 $E_1 := 120$

E := 1





Усталений режим до комутації: t < 0

$$i_{1 \text{ДK}} := \frac{0}{\frac{1}{3} \cdot R}$$

$$u_{\text{Lдк}} := 0$$

$$\begin{split} i_{1\text{ДK}} &\coloneqq \frac{0}{\frac{1}{3} \cdot R} & i_{1\text{ДK}} = 0 & u_{\text{L}\text{ДK}} \coloneqq 0 \\ i_{3\text{ДK}} &\coloneqq i_{1\text{ДK}} \cdot \frac{R}{0.5R + R} & i_{3\text{ДK}} = 0 & i_{2\text{ДK}} \coloneqq i_{1\text{ДK}} \cdot \frac{0.5R}{0.5R + R} & i_{2\text{ДK}} = 0 \end{split}$$

$$i_{3\pi K} = 0$$

$$i_{2 \text{дK}} := i_{1 \text{дK}} \cdot \frac{0.5 \text{R}}{0.5 \text{R} + \text{R}}$$

$$i_{2 \text{дк}} = 0$$

Усталений режим після комутації: $t = \infty$

$$i'_1 := \frac{E}{\frac{1}{3} \cdot R}$$

$$i'_1 = 0.06$$

$$i'_3 := i'_1 \cdot \frac{R}{0.5R + R}$$

$$i'_3 = 0.04$$

$$i'_2 := i'_1 \cdot \frac{0.5R}{0.5R + R}$$
 $i'_2 = 0.02$

$$i'_2 = 0.02$$

 $u'_{L} := 0$

Незалежні початкові умови

$$i_{30} := i_{3 \text{дK}}$$
 $i_{30} = 0$

$$i_{30} = 0$$

Залежні початкові умови

Given

$$i_{20} = i_{10} - i_{30}$$

$$E = u_{L0} + i_{30} \cdot (0.5R) + i_{10} \cdot R$$

$$0 = i_{20} \cdot R - i_{30} \cdot (0.5R) - u_{L0}$$

$$\begin{pmatrix} i_{10} \\ i_{20} \\ u_{L0} \end{pmatrix} := Find(i_{10}, i_{20}, u_{L0}) \qquad i_{10} = 0.01 \qquad \qquad i_{20} = 0.01 \qquad \qquad i_{30} = 0 \qquad \qquad u_{L0} = 0.5$$

$$i_{20} = 0.03$$

$$i_{30} = 0$$

$$u_{L0} = 0.5$$

Вільний режим після комутайії: t = 0

Складемо характерестичне рівняння схеми

$$Z_{VX}(p) := R + \frac{R \cdot (p \cdot L + 0.5R)}{p \cdot L + 0.5R + R}$$

$$Z_{VX}(p) := R + \frac{R \cdot (p \cdot L + 0.5R)}{p \cdot L + 0.5R + R} \\ Zvx(p) := \frac{R \cdot (p \cdot L + 0.5R + R) + R \cdot (p \cdot L + 0.5R)}{p \cdot L + 0.5R + R}$$

$$p := R \cdot (p \cdot L + 0.5 \cdot R + R) + R \cdot (p \cdot L + 0.5 \cdot R) \begin{vmatrix} solve, p \\ float, 5 \end{vmatrix} \rightarrow -500. \qquad T := \frac{1}{|p|} \qquad T = 2 \times 10^{-3}$$

$$T := \frac{1}{|p|}$$

$$T = 2 \times 10^{-3}$$

Одже корень характеристичного рівняння має вигляд:

$$p = -500$$

Вільні складові повних струмів та напруг будуть мати вигляд:

$$i''_1(t) = A_1 \cdot e^{p \cdot t}$$

$$i''_2(t) = B_1 \cdot e^{p \cdot t}$$

Визначення сталих інтегрування:

$$A_1 := i_{10} - i'_1$$

$$A_1 = -0.05$$

$$B_1 := i_{30} - i'_3$$

$$B_1 = -0.04$$

Отже вільна складова струму i1(t) та i3(t) будуть мати вигляд:

$$i''_1(t) := A_1 \cdot e^{p \cdot t}$$

$$i''_3(t) := B_1 \cdot e^{p \cdot t}$$

Повні значення цих струмів:

$$i_1(t) := i'_1 + i''_1(t)$$

$$i_1(t) := i'_1 + i''_1(t) \qquad \qquad i_1(t) \text{ float, 5 } \rightarrow 6.0000 \cdot 10^{-2} - 5.0000 \cdot 10^{-2} \cdot \exp(-500 \cdot t)$$

$$i_2(t) := i'_2 + i''_2(t)$$

$$i_3(t) := i'_3 + i''_3(t) \qquad \qquad i_3(t) \text{ float, 5 } \rightarrow 4.0000 \cdot 10^{-2} - 4.0000 \cdot 10^{-2} \cdot \exp(-500. \cdot t)$$

$$g_{11}(t) := i_1(t)$$

$$g_{11}(t) \text{ float, 5} \rightarrow 6.0000 \cdot 10^{-2} - 5.0000 \cdot 10^{-2} \cdot \exp(-500.t)$$

$$\mathrm{U}_L(\mathsf{t}) \coloneqq \mathrm{L} \cdot \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d} \mathsf{t}} \mathrm{i}_3(\mathsf{t})$$

$$h_{nL}(t) := U_{L}(t) \text{ float}, 5 \rightarrow 2.0000 \cdot \exp(-500.\cdot t)$$

Визначимо закони зміни напруги на всіх проміжках часу:

$$U_0 := -2E_1$$

$$U_0 = -240$$

$$\mathrm{U}_1 \coloneqq -2\mathrm{E}_1$$

$$U_1 = -240$$

$$0 < t < \frac{T}{2}$$

$$\mathrm{U}_2\coloneqq\mathrm{E}_1$$

$$U_2 = 120$$

$$\frac{T}{2} < t < T$$

 $T < t < \infty$

$$U_3 := 0$$

 $U'_1 := 0$

$$U'_2 := 0$$

Струм на цих проміжках буде мати вигляд:

$$\mathsf{i}_1(\mathsf{t}) \coloneqq \mathsf{U}_0 {\cdot} \mathsf{g}_{11}(\mathsf{t})$$

$$i_1(t)$$
 $\begin{vmatrix} factor \\ float, 3 \end{vmatrix}$ $\rightarrow -14.4 + 12. \exp(-500.t)$

$$\mathbf{i}_2(\mathsf{t}) \coloneqq \mathbf{U}_0 \cdot \mathbf{g}_{11}(\mathsf{t}) + \left(\mathbf{U}_2 - \mathbf{U}_1\right) \cdot \mathbf{g}_{11}\!\!\left(\mathsf{t} - \frac{\mathsf{T}}{2}\right)$$

$$i_2(t) \ float, 3 \ \rightarrow 7.20 + 12.\cdot exp(-500.\cdot t) - 18.\cdot exp(-500.\cdot t + .500)$$

$$\mathbf{i}_{3}(t) := \mathbf{U}_{0} \cdot \mathbf{g}_{11}(t) + \left(\mathbf{U}_{2} - \mathbf{U}_{1}\right) \cdot \mathbf{g}_{11}\!\!\left(t - \frac{\mathbf{T}}{2}\right) + \left(\mathbf{U}_{3} - \mathbf{U}_{2}\right) \cdot \mathbf{g}_{11}(t - \mathbf{T})$$

$$i_3(t) \mid \substack{factor \\ float, \, 3} \rightarrow 12. \cdot \exp(-500. \cdot t) - 18. \cdot \exp(-500. \cdot t + .500) + 6. \cdot \exp(-500. \cdot t + 1.)$$

Напруга на індуктивнисті на цих проміжках буде мати вигляд:

$$\mathbf{u}_{L1}(t) := \mathbf{U}_0 \cdot \mathbf{h}_{\mathbf{u}L}(t) \text{ float}, 5 \ \rightarrow -480.00 \cdot \exp(-500. \cdot t)$$

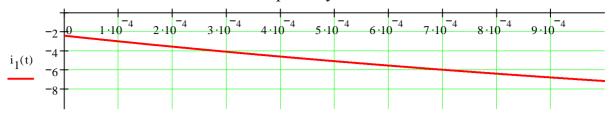
$$\mathbf{u}_{L2}(t) := \mathbf{U}_0 \cdot \mathbf{h}_{\mathbf{u}L}(t) + \left(\mathbf{U}_2 - \mathbf{U}_1\right) \cdot \mathbf{h}_{\mathbf{u}L} \left(t - \frac{T}{2}\right)$$

$$u_{L2}(t) \ \text{float}, 5 \ \rightarrow -480.00 \cdot \exp(-500. \cdot t) + 720.00 \cdot \exp(-500. \cdot t + .50000)$$

$$\mathbf{u}_{L3}(t) := \mathbf{U}_0 \cdot \mathbf{h}_{\mathbf{u}L}(t) + \left(\mathbf{U}_2 - \mathbf{U}_1\right) \cdot \mathbf{h}_{\mathbf{u}L}\left(t - \frac{\mathbf{T}}{2}\right) + \left(\mathbf{U}_3 - \mathbf{U}_2\right) \cdot \mathbf{h}_{\mathbf{u}L}(t - \mathbf{T})$$

$$u_{\text{L3}}(t) \text{ float, 5} \ \rightarrow \ -480.00 \cdot \exp(-500. \cdot t) \ + \ 720.00 \cdot \exp(-500. \cdot t \ + \ .50000) \ - \ 240.00 \cdot \exp(-500. \cdot t \ + \ 1.0000) \ - \ 100.00 \cdot \exp(-500. \cdot t) \ + \ 1.00000 \cdot \exp(-500.$$

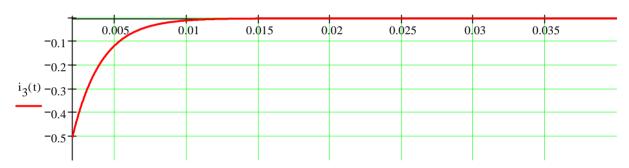
На промежутке от 0 до 1/2Т



На промежутке от 1/2Т до Т

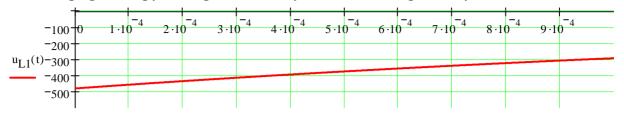


На промежутке от T до 20T



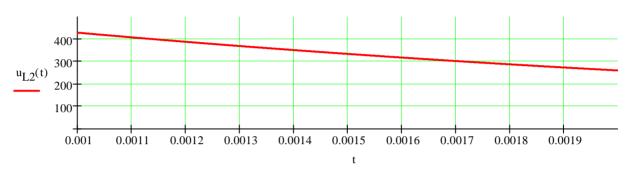
t

Графік напруги на реактивному елементі на проміжку: от 0 до 1/2Т



t

Графік напруги на реактивному елементі на проміжку: от 2/3Т до Т



Графік напруги на реактивному елементі на проміжку: от Т до 20Т

