Міністерство освіти України Національний технічний університет України "Київський політехнічний інститут"

Кафедра ТОЕ

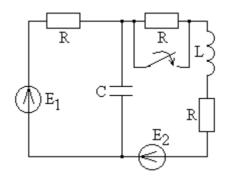
Розрахунково-графічна робота "Розрахунок перехідних процесів у лінійних колах"

Варіант № 689

Виконав:	 	
Перевірив.		

Умова задання

- 1. В колі з джерелом постійної ЕДС необхідно:
- 1) класичним методом розрахзувати напруги на реактивних елементах та струми перехідного процесу;
- 2) побудувати в одному часовому масштабі діаграми струму та напруги на реактивних елементах.
- 2. В післякомутаційній схемі закоротити джерело ЕДС Е2.
- а) виключити катушку індуктивності чи ємність, замінивши останню опором R;
- б) вважаючи, що замість ждерела постійної ЕДС Е1 до отриманного кола подається напруга, форма якої показана на малюнку;
- в) розрахувати вхідний струм та напругу на реактивном елементі методом інтеграла Дюамеля при періоді T, заданому в долях від τ ;
- г) побудувати в одному часовому масштабі діаграми напруги на вході, вхідного струму і напруги на реактивних елементі.



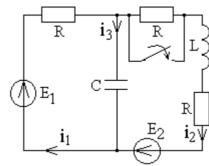
Вхідні данні:

L :=
$$0.125 \ \Gamma_H$$
 C := $70 \cdot 10^{-6} \ \Phi$ R := $40 \ O_M$

E₁ := $180 \ B$ E₂ := $70 \ B$ ψ := $120 \cdot \deg \ C^0$ ω := $250 \ c^{-1}$

Класичний метод

Оберемо додатній напрямок струмів у вітках схеми:



Усталений режим до комутації: t < 0

$$i_{1 \text{ДK}} := \frac{E_1 + E_2}{3 \cdot R}$$
 $i_{2 \text{ДK}} := i_{1 \text{ДK}}$ $i_{2 \text{ДK}} = 2.083$

$$i_{2 \text{ДK}} := i_{1 \text{ДK}} \quad i_{2 \text{ДK}} = 2.083$$

$$i_{3\pi K} := 0$$

$$\mathbf{u}_{\mathbf{L},\pi\mathbf{K}} := 0$$

$$\mathbf{u}_{\mathbf{C}_{\mathbf{J}\mathbf{K}}} \coloneqq \mathbf{E}_1 - \mathbf{i}_{\mathbf{1}_{\mathbf{J}\mathbf{K}}} \cdot \mathbf{R} \qquad \mathbf{u}_{\mathbf{C}_{\mathbf{J}\mathbf{K}}} = 96.667$$

$$L_{\text{Сдк}} = 96.667$$

Усталений режим після комутації:

$$i'_1 := \frac{E_1 + E_2}{2 \cdot R}$$
 $i'_2 := i'_1$ $i'_2 = 3.125$

$$i'_2 = 3.125$$

$$i'_3 := 0$$

$$\mathbf{u'_{I}} := 0$$

$$u'_{C} := E_1 - i'_1 \cdot R$$
 $u'_{C} = 55$

$$u'_{C} = 55$$

Незалежні початкові умови

$$i_{20} := i_{2 \pi K}$$

$$i_{20} = 2.083$$

$$\mathbf{u}_{\mathrm{C0}} \coloneqq \mathbf{u}_{\mathrm{C} \pi \mathrm{K}}$$

$$u_{C0} = 96.667$$

Залежні початкові умови

Given

$$i_{10} = i_{20} + i_{30}$$

$$E_1 = u_{C0} + i_{10} \cdot R$$

$$\mathbf{E}_2 = \mathbf{i}_{20} \cdot \mathbf{R} + \mathbf{u}_{L0} - \mathbf{u}_{C0}$$

$$\begin{pmatrix} \mathbf{i}_{10} \\ \mathbf{i}_{30} \\ \mathbf{u}_{L0} \end{pmatrix} := \mathsf{Find} \big(\mathbf{i}_{10}, \mathbf{i}_{30}, \mathbf{u}_{L0} \big) \; \mathsf{float}, 5 \; \rightarrow \begin{pmatrix} 2.0833 \\ 0 \\ 83.333 \end{pmatrix}$$

$$i_{30} = 0$$

$$i_{30} = 0$$
 $i_{10} = 2.083$ $u_{L0} = 83.333$

$$u_{I,O} = 83.333$$

Незалежні початкові умови

$$\mathsf{di}_{20} \coloneqq \frac{^u\!L0}{L}$$

$$\mathsf{du}_{C0} \coloneqq \frac{\mathsf{i}_{30}}{\mathsf{C}}$$

$$du_{CO} = 0$$

Залежні початкові умови

Given

$$\begin{array}{l} \operatorname{di}_{10} = \operatorname{di}_{20} + \operatorname{di}_{30} \\ 0 = \operatorname{du}_{C0} + \operatorname{di}_{10} \cdot R \\ 0 = \operatorname{di}_{20} \cdot R + \operatorname{du}_{L0} - \operatorname{du}_{C0} \\ \left(\begin{array}{l} \operatorname{di}_{10} \\ \operatorname{di}_{30} \\ \operatorname{du}_{L0} \end{array} \right) \coloneqq \operatorname{Find} \left(\operatorname{di}_{10}, \operatorname{di}_{30}, \operatorname{du}_{L0} \right) \\ \operatorname{di}_{10} = 0 \\ \end{array} \qquad \begin{array}{l} \operatorname{di}_{30} = -666.664 \\ \operatorname{du}_{L0} = -2.667 \times 10^4 \end{array}$$

Вільний режим після комутайії: t = 0

Складемо характерестичне рівняння схеми

$$Z(p) := \frac{\frac{1}{p \cdot C} \cdot (R + p \cdot L)}{R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C}} + R$$

$$Z(p) := \frac{\frac{1}{p \cdot C} \cdot (R + p \cdot L) + R \cdot \left(R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C}\right)}{R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C}}$$

$$R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C}$$

$$\left(\begin{array}{c} P_1 \\ P_2 \end{array}\right) := \frac{1}{p \cdot C} \cdot (R + p \cdot L) + R \cdot \left(R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C}\right) \begin{vmatrix} solve, p \\ float, 5 \end{vmatrix} \leftarrow \begin{pmatrix} -338.57 - 337.55 \cdot i \\ -338.57 + 337.55 \cdot i \end{pmatrix}$$

Одже корні характеристичного рівняння мають вигляд:

$$p_1 = -338.57 - 337.55i$$
 $p_2 = -338.57 + 337.55i$

Коефіцієнт затухання та кутова частота вільних коливань:

$$\delta \coloneqq \left| \operatorname{Re}(\mathtt{p}_1) \right| \qquad \delta = 338.57 \qquad \qquad \omega_0 \coloneqq \left| \operatorname{Im}(\mathtt{p}_2) \right| \qquad \omega_0 = 337.55$$

Вільні складові повних струмів та напруг будуть мати вигляд:

$$\begin{split} &i\text{"}_{1}(t) = A \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \bigl(\omega_{0} \cdot t + v_{1}\bigr) \\ &i\text{"}_{2}(t) = B \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \bigl(\omega_{0} \cdot t + v_{2}\bigr) \\ &i\text{"}_{3}(t) = C \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \bigl(\omega_{0} \cdot t + v_{3}\bigr) \\ &u\text{"}_{C}(t) = D \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \bigl(\omega_{0} \cdot t + v_{C}\bigr) \\ &u\text{"}_{L}(t) = F \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \bigl(\omega_{0} \cdot t + v_{L}\bigr) \end{split}$$

Визначення сталих інтегрування:

Для струму i1(t):

Given

$$\begin{split} &\mathbf{i}_{10} - \mathbf{i'}_1 = \mathbf{A} \cdot \sin(\mathbf{v}_1) \\ &\mathbf{di}_{10} = -\mathbf{A} \cdot \delta \cdot \sin(\mathbf{v}_1) + \mathbf{A} \cdot \omega_0 \cdot \cos(\mathbf{v}_1) \\ &\binom{\mathbf{A}}{\mathbf{v}_1} := \mathrm{Find}(\mathbf{A}, \mathbf{v}_1) \; \mathrm{float}, 5 \quad \Rightarrow \begin{pmatrix} 1.4754 & -1.4754 \\ -2.3577 & .78389 \end{pmatrix} \end{split}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$A = 1.475$$
 $v_1 = -2.358$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$\begin{split} i\text{"}_1(t) &:= A \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \! \left(\omega_0 \cdot t + v_1 \right) \text{float}, 5 \ \to 1.4754 \cdot \exp (-338.57 \cdot t) \cdot \sin (337.55 \cdot t - 2.3577) \\ i_1(t) &:= i\text{'}_1 + i\text{"}_1(t) \text{ float}, 4 \ \to 3.125 + 1.475 \cdot \exp (-338.6 \cdot t) \cdot \sin (337.6 \cdot t - 2.358) \end{split}$$

Для струму i2(t):

$$\begin{aligned} & i_{20} - i'_{2} = B \cdot \sin(v_{2}) \\ & di_{20} = -B \cdot \delta \cdot \sin(v_{2}) + B \cdot \omega_{0} \cdot \cos(v_{2}) \\ & \binom{B}{v_{2}} := Find(B, v_{2}) \text{ float, 5} & \rightarrow \begin{pmatrix} -1.3965 & 1.3965 \\ 2.2997 & -.84187 \end{pmatrix} \end{aligned}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$B = -1.397$$
 $v_2 = 2.3$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$\begin{split} i\text{"}_2(t) &:= B \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin\!\left(\omega_0 \cdot t + v_2\right) \text{float}, 5 \ \rightarrow -1.3965 \cdot \exp(-338.57 \cdot t) \cdot \sin(337.55 \cdot t + 2.2997) \\ i_2(t) &:= i\text{'}_2 + i\text{"}_2(t) \text{float}, 4 \ \rightarrow 3.125 - 1.397 \cdot \exp(-338.6 \cdot t) \cdot \sin(337.6 \cdot t + 2.300) \end{split}$$

Для струму i3(t):

$$\begin{split} &i_{30}-i'_3 = C \cdot \sin(v_3) \\ &di_{30} = -C \cdot \delta \cdot \sin(v_3) + C \cdot \omega_0 \cdot \cos(v_3) \\ &\binom{C}{v_3} := \operatorname{Find}(C, v_3) \text{ float, } 5 \rightarrow \begin{pmatrix} -1.9750 & 1.9750 \\ 0 & 3.1416 \end{pmatrix} \end{split}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$C = -1.975$$
 $v_3 = 0$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$\begin{split} i\text{"}_3(t) &:= C \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \text{sin} \big(\omega_0 \cdot t + v_3\big) \text{ float, 5} \\ &\to -1.9750 \cdot \text{exp}(-338.57 \cdot t) \cdot \text{sin}(337.55 \cdot t) \\ i_3(t) &:= i\text{'}_3 + i\text{"}_3(t) \text{ float, 4} \\ &\to -1.975 \cdot \text{exp}(-338.6 \cdot t) \cdot \text{sin}(337.6 \cdot t) \end{split}$$

Для напруги Uc(t):

$$\begin{split} \mathbf{u}_{C0} - \mathbf{u'}_{C} &= \mathbf{D} \cdot \sin(\mathbf{v}_{C}) \\ d\mathbf{u}_{C0} &= -\mathbf{D} \cdot \delta \cdot \sin(\mathbf{v}_{C}) + \mathbf{D} \cdot \omega_{0} \cdot \cos(\mathbf{v}_{C}) \\ \begin{pmatrix} \mathbf{D} \\ \mathbf{v}_{C} \end{pmatrix} &:= \mathbf{Find}(\mathbf{D}, \mathbf{v}_{C}) & \begin{vmatrix} \mathbf{float}, 5 \\ \mathbf{complex} \end{vmatrix} & \begin{pmatrix} -59.015 & 59.015 \\ -2.3577 & .78389 \end{pmatrix} \end{split}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$D = -59.015$$
 $v_C = -2.358$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$\begin{split} u''_C(t) &:= D \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \! \left(\omega_0 \cdot t + v_C \right) \, \text{float}, \\ 5 &\to -59.015 \cdot \exp(-338.57 \cdot t) \cdot \sin(337.55 \cdot t - 2.3577) \\ u_C(t) &:= u'_C + u''_C(t) \, \, \text{float}, \\ 4 &\to 55. - 59.02 \cdot \exp(-338.6 \cdot t) \cdot \sin(337.6 \cdot t - 2.358) \end{split}$$

Для напруги Ul(t):

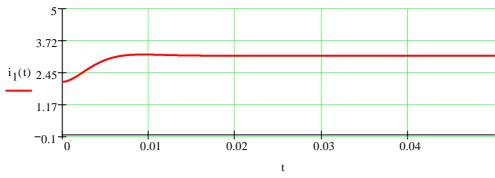
$$\begin{aligned} \mathbf{u}_{L0} - \mathbf{u'}_{L} &= \mathbf{F} \cdot \sin(\mathbf{v}_{L}) \\ d\mathbf{u}_{L0} &= -\mathbf{F} \cdot \delta \cdot \sin(\mathbf{v}_{L}) + \mathbf{F} \cdot \omega_{0} \cdot \cos(\mathbf{v}_{L}) \\ \begin{pmatrix} \mathbf{F} \\ \mathbf{v}_{L} \end{pmatrix} &:= \mathbf{Find}(\mathbf{F}, \mathbf{v}_{L}) & \begin{vmatrix} \mathbf{float}, 5 \\ \mathbf{complex} \end{vmatrix} \leftarrow \begin{pmatrix} -83.459 & 83.459 \\ -1.6258 & 1.5158 \end{pmatrix} \end{aligned}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

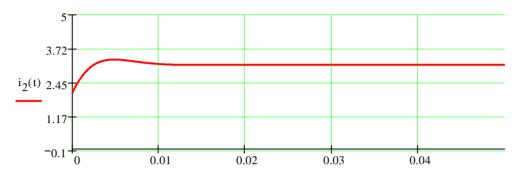
$$F = -83.459$$
 $v_L = -1.626$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

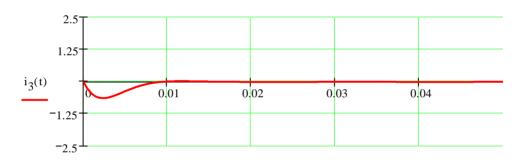
$$\begin{split} u''_L(t) &:= F \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \left(\omega_0 \cdot t + v_L \right) \text{ float, 5} \\ &\to -83.459 \cdot \exp(-338.57 \cdot t) \cdot \sin(337.55 \cdot t - 1.6258) \\ u_L(t) &:= u'_L + u''_L(t) \text{ float, 4} \\ &\to -83.46 \cdot \exp(-338.6 \cdot t) \cdot \sin(337.6 \cdot t - 1.626) \end{split}$$



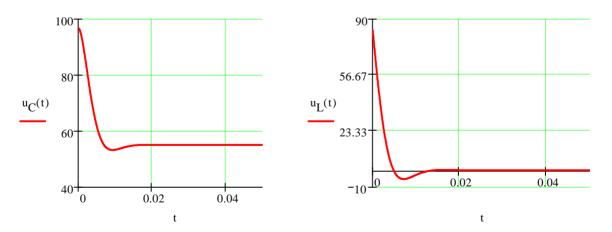
Графік перехідного струму i1(t).



Графік перехідного струму i2(t).

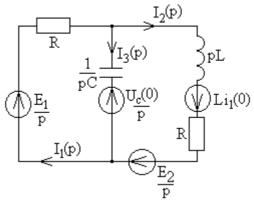


Графік перехідного струму i3(t).



Графік перехідних напруг на ємності та індуктивності.

Операторний метод



Операторна схема

Усталений режим до комутації:

$$i_{1_{\mathcal{J}K}} := \frac{E_1 + E_2}{3 \cdot R}$$
 $i_{2_{\mathcal{J}K}} := i_{1_{\mathcal{J}K}}$ $i_{2_{\mathcal{J}K}} = 1.667$ $i_{3_{\mathcal{J}K}} := 0$ $u_{L_{\mathcal{J}K}} := 0$

$$i_{2 \text{д} \kappa} := i_{1 \text{д} \kappa} \quad i_{2 \text{д} \kappa} = 1.667$$

$$i_{3\pi K} := 0$$

$$\mathbf{u}_{\mathbf{L}\mathbf{J}\mathbf{K}} := 0$$

$$u_{C_{JK}} := E_1 - i_{1_{JK}} \cdot R$$
 $u_{C_{JK}} = 96.667$

$$u_{\text{C}_{\text{Л}\text{K}}} = 96.667$$

Початкові умови:

$$i_{L0} := i_{2\pi\kappa}$$

$$i_{I,0} = 1.667$$

$$u_{C0} = 96.667$$

$$I_{k1}(p) \cdot \left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) - I_{k2}(p) \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C}\right) = \frac{E_1}{p} - \frac{u_{C0}}{p}$$

$$-I_{k1}(p) \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C}\right) + I_{k2}(p) \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C} + R + p \cdot L\right) = \frac{E_2}{p} + \frac{u_{C0}}{p} + L \cdot i_{20}$$

$$\Delta(p) := \begin{bmatrix} R + \frac{1}{p \cdot C} & -\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) \\ -\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) & \frac{1}{p \cdot C} + R + p \cdot L \end{bmatrix}$$

$$\Delta(p) := \begin{bmatrix} R + \frac{1}{p \cdot C} & -\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) \\ -\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) & \frac{1}{p \cdot C} + R + p \cdot L \end{bmatrix}$$

$$\Delta(p) \text{ float, 5} \rightarrow \frac{1}{p^{1}} \cdot \left(3385.7 \cdot p + 1.1429 \cdot 10^{6} + 5.0000 \cdot p^{2}\right)$$

$$\Delta_{1}(p) := \begin{bmatrix} \frac{E_{1}}{p} - \frac{u_{C0}}{p} & -\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) \\ \frac{E_{2}}{p} + \frac{u_{C0}}{p} + L \cdot i_{20} & \frac{1}{p \cdot C} + R + p \cdot L \end{bmatrix} \\ \Delta_{1}(p) \text{ float, 5} \rightarrow \frac{\left(7053.6 \cdot p + 3.5714 \cdot 10^{6} + 10.417 \cdot p^{2}\right)}{p^{2}}$$

$$\Delta_1(p) \text{ float, 5} \rightarrow \frac{\left(7053.6 \cdot p + 3.5714 \cdot 10^6 + 10.417 \cdot p^2.\right)}{p^2}$$

$$\Delta_2(p) := \begin{bmatrix} R + \frac{1}{p \cdot C} & \frac{E_1}{p} - \frac{u_{C0}}{p} \\ -\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) & \frac{E_2}{p} + \frac{u_{C0}}{p} + L \cdot i_{20} \end{bmatrix}$$

$$\Delta_{2}(p) := \begin{bmatrix} R + \frac{1}{p \cdot C} & \frac{E_{1}}{p} - \frac{u_{C0}}{p} \\ -\left(\frac{1}{C}\right) & \frac{E_{2}}{p} + \frac{u_{C0}}{p} + L \cdot i_{20} \end{bmatrix}$$

$$\Delta_{2}(p) \text{ float, 5} \rightarrow \frac{\left(10387 \cdot p + 10.417 \cdot p^{2} \cdot + 3.5714 \cdot 10^{6}\right)}{p^{2}}$$

Контурні струми та напруга на конденсаторі будуть мати вигляд:

$$I_{k1}(p) := \frac{\Delta_1(p)}{\Delta(p)} \qquad I_{k1}(p) \text{ float, 5} \ \rightarrow \frac{\left(7053.6 \cdot p + 3.5714 \cdot 10^6 + 10.417 \cdot p^2 \cdot\right)}{p^1 \cdot \left(3385.7 \cdot p + 1.1429 \cdot 10^6 + 5.0000 \cdot p^2 \cdot\right)^1}$$

$$I_{k2}(p) := \frac{\Delta_2(p)}{\Delta(p)} \qquad I_{k2}(p) \text{ float, 5 } \rightarrow \frac{\left(10387. \cdot p + 10.417 \cdot p^{2.} + 3.5714 \cdot 10^6\right)}{p^{1.} \cdot \left(3385.7 \cdot p + 1.1429 \cdot 10^6 + 5.0000 \cdot p^{2.}\right)^{1.}}$$

$$\begin{split} \mathbf{u}_{C}(\mathbf{p}) &\coloneqq \frac{\mathbf{u}_{C0}}{\mathbf{p}} + \frac{\mathbf{I}_{3}(\mathbf{p})}{\mathbf{p} \cdot \mathbf{C}} \\ \mathbf{u}_{C}(\mathbf{p}) & \begin{vmatrix} \mathbf{float}, 5 \\ \mathbf{factor} &\to \frac{1}{1000} \cdot \frac{\left(3272854619 \cdot \mathbf{p} + 628597619000 + 4833350 \cdot \mathbf{p}^2\right)}{\mathbf{p} \cdot \left(33857 \cdot \mathbf{p} + 11429000 + 50 \cdot \mathbf{p}^2\right)} \\ \mathbf{u}_{L}(\mathbf{p}) &\coloneqq \mathbf{L} \cdot \mathbf{p} \cdot \mathbf{I}_{k2}(\mathbf{p}) - \mathbf{L} \cdot \mathbf{i}_{2\text{JK}} \\ \mathbf{u}_{L}(\mathbf{p}) & \text{factor} &\to \frac{250}{3} \cdot \frac{\left(7 \cdot \mathbf{p} + 2500\right)}{\left(1600000 + 4740 \cdot \mathbf{p} + 7 \cdot \mathbf{p}^2\right)} \end{split}$$

Перейдемо тепер від зображення до функції часу за формулою розкладу: Для струму I1(p):

$$\begin{split} N_1(p) &:= 7053.6 \cdot p + 3.5714 \cdot 10^6 + 10.417 \cdot p^2 \\ \begin{pmatrix} p_0 \\ p_1 \\ p_2 \end{pmatrix} &:= M_1(p) \ \, \begin{vmatrix} solve, p \\ float, 5 \end{vmatrix} \leftarrow \begin{pmatrix} 0 \\ -338.57 - 337.57 \cdot i \\ -338.57 + 337.57 \cdot i \end{vmatrix} \\ p_0 &= 0 \end{split} \qquad p_1 = -338.57 - 337.57i \qquad p_2 = -338.57 + 337.57i \\ N_1(p_0) &= 3.571 \times 10^6 \qquad N_1(p_1) = 1.19 \times 10^6 + 56.502i \qquad N_1(p_2) = 1.19 \times 10^6 - 56.502i \\ dM_1(p) &:= \frac{d}{dp} M_1(p) \ \, factor \ \, \Rightarrow \frac{33857}{5} \cdot p + 1142900 + 15 \cdot p^2 \\ dM_1(p_0) &= 1.143 \times 10^6 \qquad dM_1(p_1) = -1.14 \times 10^6 + 1.143i \times 10^6 \qquad dM_1(p_2) = -1.14 \times 10^6 - 1.143i \times 10^6 \end{split}$$

Отже струм як функція часу буде мати вигляд:

$$\begin{split} i_1(t) &:= \frac{N_1 \Big(p_0 \Big)}{d M_1 \Big(p_0 \Big)} + \frac{N_1 \Big(p_1 \Big)}{d M_1 \Big(p_1 \Big)} \cdot e^{p_1 \cdot t} + \frac{N_1 \Big(p_2 \Big)}{d M_1 \Big(p_2 \Big)} \cdot e^{p_2 \cdot t} \\ i_1(t) & \stackrel{\text{float}}{|complex} \rightarrow 3.1249 - 1.04142 \cdot \exp(-338.57 \cdot t) \cdot \cos(337.57 \cdot t) - 1.04458 \cdot \exp(-338.57 \cdot t) \cdot \sin(337.57 \cdot t) \end{split}$$

Для напруги на конденсаторі Uc(p):

$$N_{\mathbf{u}}(\mathbf{p}) := \frac{1}{1000} \cdot \left(3272854619 \cdot \mathbf{p} + 628597619000 + 4833350 \cdot \mathbf{p} \, \mathbf{M}_{\mathbf{u}}(\mathbf{p}) := \mathbf{p} \cdot \left(33857 \cdot \mathbf{p} + 11429000 + 50 \cdot \mathbf{p}^2 \right) \right) \cdot \left(3272854619 \cdot \mathbf{p} + 628597619000 + 4833350 \cdot \mathbf{p} \, \mathbf{M}_{\mathbf{u}}(\mathbf{p}) := \mathbf{p} \cdot \left(33857 \cdot \mathbf{p} + 11429000 + 50 \cdot \mathbf{p}^2 \right) \right) \cdot \left(3272854619 \cdot \mathbf{p} + 628597619000 + 4833350 \cdot \mathbf{p} \, \mathbf{M}_{\mathbf{u}}(\mathbf{p}) := \mathbf{p} \cdot \left(33857 \cdot \mathbf{p} + 11429000 + 50 \cdot \mathbf{p}^2 \right) \right) \cdot \left(3272854619 \cdot \mathbf{p} + 628597619000 + 4833350 \cdot \mathbf{p} \, \mathbf{M}_{\mathbf{u}}(\mathbf{p}) := \mathbf{p} \cdot \left(33857 \cdot \mathbf{p} + 11429000 + 50 \cdot \mathbf{p}^2 \right) \right) \cdot \left(3272854619 \cdot \mathbf{p} + 628597619000 + 4833350 \cdot \mathbf{p} \, \mathbf{M}_{\mathbf{u}}(\mathbf{p}) := \mathbf{p} \cdot \left(33857 \cdot \mathbf{p} + 11429000 + 50 \cdot \mathbf{p}^2 \right) \right) \cdot \left(3272854619 \cdot \mathbf{p} + 628597619000 + 4833350 \cdot \mathbf{p} \, \mathbf{M}_{\mathbf{u}}(\mathbf{p}) := \mathbf{p} \cdot \left(33857 \cdot \mathbf{p} + 11429000 + 50 \cdot \mathbf{p}^2 \right) \right) \cdot \left(3272854619 \cdot \mathbf{p} + 628597619000 + 4833350 \cdot \mathbf{p} \, \mathbf{M}_{\mathbf{u}}(\mathbf{p}) := \mathbf{p} \cdot \left(33857 \cdot \mathbf{p} + 11429000 + 50 \cdot \mathbf{p}^2 \right) \right) \cdot \left(3272854619 \cdot \mathbf{p} + 628597619000 + 4833350 \cdot \mathbf{p} \, \mathbf{M}_{\mathbf{u}}(\mathbf{p}) := \mathbf{p} \cdot \left(33857 \cdot \mathbf{p} + 11429000 + 50 \cdot \mathbf{p}^2 \right) \right) \cdot \left(3272854619 \cdot \mathbf{p} + 628597619000 + 4833350 \cdot \mathbf{p} \, \mathbf{M}_{\mathbf{u}}(\mathbf{p}) := \mathbf{p} \cdot \left(33857 \cdot \mathbf{p} + 11429000 + 50 \cdot \mathbf{p}^2 \right) \right) \cdot \left(3272854619 \cdot \mathbf{p} + 628597619000 + 62859761900 \right) \cdot \left(3272854619 \cdot \mathbf{p} + 62859761900 + 6285976190 \right) \cdot \left(3272854619 \cdot \mathbf{p} + 62859761900 + 6285976190 \right) \cdot \left(3272854619 \cdot \mathbf{p} + 62859761900 + 6285976190 \right) \cdot \left(3272854619 \cdot \mathbf{p} + 62859761900 + 6285976190 \right) \cdot \left(3272854619 \cdot \mathbf{p} + 62859761900 + 6285976190 \right) \cdot \left(3272854619 \cdot \mathbf{p} + 62859761900 + 6285976190 \right) \cdot \left(3272854619 \cdot \mathbf{p} + 62859761900 + 6285976190 \right) \cdot \left(3272856190 \cdot \mathbf{p} + 62859761900 + 6285976190 \right) \cdot \left(3272856190 \cdot \mathbf{p} + 62859761900 + 6285976190 \right) \cdot \left(3272856190 \cdot \mathbf{p} + 62859761900 + 6285976190 \right) \cdot \left(3272856190 \cdot \mathbf{p} + 62859761900 + 6285976190 \right) \cdot \left(3272856190 \cdot \mathbf{p} + 62859761900 + 6285976190 \right) \cdot \left(3272856190 \cdot \mathbf{p} + 6285976190 \right) \cdot \left(3272856190 \cdot \mathbf{p} + 6285976190 \right) \cdot \left(3272856190 \cdot \mathbf{p} + 6285976190 \right) \cdot \left(3272856190 \cdot \mathbf$$

$$\begin{pmatrix} p_0 \\ p_1 \\ p_2 \end{pmatrix} := M_u(p) \ \, \begin{vmatrix} solve, p \\ float, 5 \end{pmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} 0 \\ -338.57 + 337.57 \cdot i \\ -338.57 - 337.57 \cdot i \end{pmatrix}$$

$$p_0 = 0 \qquad p_1 = -338.57 + 337.57i \qquad p_2 = -338.57 - 337.57i$$

$$N_u(p_0) = 6.286 \times 10^8 \qquad N_u(p_1) = -4.762 \times 10^8 \qquad N_u(p_2) = -4.762 \times 10^8$$

$$dM_{\underline{u}}(p) \coloneqq \frac{d}{dp}M_{\underline{u}}(p) \ \ \mathrm{factor} \ \rightarrow 67714 \cdot p + 11429000 + 150 \cdot p^2$$

$$dM_u(p_0) = 1.143 \times 10^7 \qquad dM_u(p_1) = -1.14 \times 10^7 - 1.143i \times 10^7 \qquad dM_u(p_2) = -1.14 \times 10^7 + 1.143i \times 10^7$$

Отже напруга як функція часу буде мати вигляд:

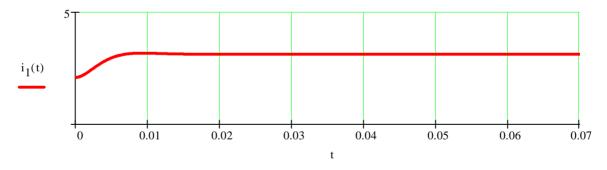
$$\begin{split} u_{C}(t) &:= \frac{N_{u}(p_{0})}{dM_{u}(p_{0})} + \frac{N_{u}(p_{1})}{dM_{u}(p_{1})} \cdot e^{p_{1} \cdot t} + \frac{N_{u}(p_{2})}{dM_{u}(p_{2})} \cdot e^{p_{2} \cdot t} \\ u_{C}(t) & | \begin{array}{l} \text{float, 5} \\ \text{complex} \end{array} \rightarrow 55.000 + 41.668 \cdot \exp(-338.57 \cdot t) \cdot \cos(337.57 \cdot t) + 41.790 \cdot \exp(-338.57 \cdot t) \cdot \sin(337.57 \cdot t) \end{split}$$

Для напруги на індуктивності:

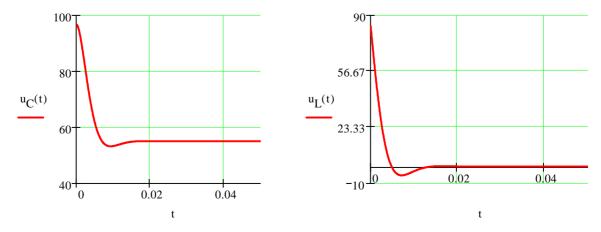
$$\begin{split} N_L(p) &:= \frac{250}{3} \cdot (7 \cdot p + 2500) \qquad M_L(p) := \left(1600000 + 4740 \cdot p + 7 \cdot p^2\right) \\ \begin{pmatrix} p_1 \\ p_2 \end{pmatrix} &:= M_L(p) \ \, \left| \begin{array}{l} \text{solve}, p \\ \text{float}, 5 \end{array} \right. \\ \begin{pmatrix} -338.57 + 337.56 \cdot i \\ -338.57 - 337.56 \cdot i \end{array} \right) \\ p_1 &= -338.57 + 337.56i \qquad p_2 = -338.57 - 337.56i \\ N_L(p_1) &= 1.083 \times 10^4 + 1.969i \times 10^5 \qquad N_L(p_2) = 1.083 \times 10^4 - 1.969i \times 10^5 \\ dM_L(p) &:= \frac{d}{dp} M_L(p) \ \, \text{factor} \ \, \rightarrow 4740 + 14 \cdot p \\ dM_L(p_1) &= 0.02 + 4.726i \times 10^3 \qquad dM_L(p_2) = 0.02 - 4.726i \times 10^3 \end{split}$$

Отже напруга як функція часу буде мати вигляд:

$$\begin{split} u_L(t) &:= \frac{N_L(p_1)}{dM_L(p_1)} \cdot e^{p_1 \cdot t} + \frac{N_L(p_2)}{dM_L(p_2)} \cdot e^{p_2 \cdot t} \\ u_L(t) & \begin{vmatrix} \text{float}, 5 \\ \text{complex} \end{vmatrix} + 83.334 \cdot \exp(-338.57 \cdot t) \cdot \cos(337.56 \cdot t) + 4.5848 \cdot \exp(-338.57 \cdot t) \cdot \sin(337.56 \cdot t) \end{split}$$



Графік перехідного струму i1(t).



Графік перехідних напруг на ємності та індуктивності.

Дослідити чому повинен дорівнювати активний опір вітки с джерелом ЕРС Е1 щоб аперіодичний процес переходив у коливальний

$$\begin{split} Z_{ab}(p) &:= \mathbf{R'} + \frac{(\mathbf{R} + \mathbf{p} \cdot \mathbf{L}) \cdot \frac{1}{\mathbf{p} \cdot \mathbf{C}}}{\frac{1}{\mathbf{p} \cdot \mathbf{C}} + \mathbf{R} + \mathbf{p} \cdot \mathbf{L}} \\ Z_{ab}(p) &:= \frac{\left(\frac{1}{\mathbf{p} \cdot \mathbf{C}} + \mathbf{R} + \mathbf{p} \cdot \mathbf{L}\right) \cdot \mathbf{R'} + (\mathbf{R} + \mathbf{p} \cdot \mathbf{L}) \cdot \frac{1}{\mathbf{p} \cdot \mathbf{C}}}{\frac{1}{\mathbf{p} \cdot \mathbf{C}} + \mathbf{R} + \mathbf{p} \cdot \mathbf{L}} \\ (\mathbf{R'} \cdot \mathbf{L}) \cdot \mathbf{p}^2 + \left(\mathbf{R} \cdot \mathbf{R'} + \frac{\mathbf{L}}{\mathbf{C}}\right) \cdot \mathbf{p} + \left(\frac{\mathbf{R'}}{\mathbf{C}} + \frac{\mathbf{R}}{\mathbf{C}}\right) = 0 \\ D &= 0 \\ \left(\mathbf{R} \cdot \mathbf{R'} + \frac{\mathbf{L}}{\mathbf{C}}\right)^2 - 4 \cdot (\mathbf{R'} \cdot \mathbf{L}) \cdot \left(\frac{\mathbf{R'}}{\mathbf{C}} + \frac{\mathbf{R}}{\mathbf{C}}\right) = 0 \\ \left(\mathbf{R} \cdot \mathbf{R'} + \frac{\mathbf{L}}{\mathbf{C}}\right)^2 - 4 \cdot (\mathbf{R'} \cdot \mathbf{L}) \cdot \left(\frac{\mathbf{R'}}{\mathbf{C}} + \frac{\mathbf{R}}{\mathbf{C}}\right) = 0 \\ \mathbf{R'}_1 &:= 14.341 \end{split}$$

Отже при таких значеннях активного опору у вітці з джерелом напруги Е1 аперіодичний процес перейде в коливальний.

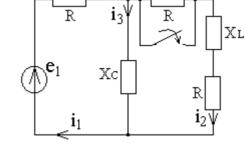
Визначити струми віток і напруги на реактивних елементах у момент комутації (t=0), якщо замість джерел постійної напруги E1 і E2 у колі діють джерела синусоідної напруги:

$$e_1(t) \coloneqq \sqrt{2} \cdot E_1 \cdot \sin(\omega \cdot t + \psi) \qquad \qquad e_2(t) \coloneqq \sqrt{2} \cdot E_2 \cdot \sin(\omega \cdot t + \psi)$$

$$X_C \coloneqq \frac{1}{\omega \cdot C} \qquad X_C = 57.143 \qquad X_L \coloneqq \omega \cdot L \qquad X_L = 31.25$$

$$E_1 \coloneqq E_1 \cdot e^{\psi \cdot i} \qquad E_1 = -90 + 155.885i \qquad F(E_1) = (180 \ 120)$$

$$E_2 \coloneqq E_2 \cdot e^{\psi \cdot 1} \qquad E_2 = -35 + 60.622i \qquad F(E_2) = (70 \ 120)$$

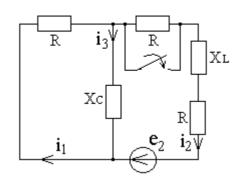


$$Z'_{VX} := R + \frac{\left(2R + X_L \cdot i\right) \cdot \left(-i \cdot X_C\right)}{2R + X_L \cdot i - i \cdot X_C} \qquad Z'_{VX} = 76.946 - 45.185i$$

$$I'_{1JK} := \frac{E_1}{Z'_{VX}} \qquad I'_{1JK} = -1.754 + 0.996i \qquad F(I'_{1JK}) = (2.017 \ 150.423)$$

$$I'_{2JK} := I'_{1JK} \cdot \frac{\left(-i \cdot X_C\right)}{2R + X_L \cdot i - i \cdot X_C} \qquad I'_{2JK} = 0.277 + 1.343i \qquad F(I'_{2JK}) = (1.371 \ 78.357)$$

$$I'_{3JK} := I'_{1JK} \cdot \frac{2R + X_L \cdot i}{2R + X_L \cdot i - i \cdot X_C} \qquad I'_{3JK} = -2.031 - 0.347i \qquad F(I'_{3JK}) = (2.06 \ -170.306)$$



$$Z''_{vx} \coloneqq 2R + X_L \cdot i + \frac{R \cdot \left(-i \cdot X_C\right)}{R - i \cdot X_C}$$

$$Z''_{VX} = 106.846 + 12.458i$$

$$I"_{2 \not \perp K} \coloneqq \frac{E_2}{Z"_{VX}}$$

$$I''_{2 \text{ДK}} = -0.258 + 0.597i$$

$$F(I''_{2\pi\kappa}) = (0.651 \ 113.349)$$

$$\begin{split} \mathbf{I''}_{2 \text{JK}} &\coloneqq \frac{\mathbf{E}_2}{\mathbf{Z''}_{\text{VX}}} \\ \mathbf{I''}_{1 \text{JK}} &\coloneqq \mathbf{I''}_{2 \text{JK}} \cdot \frac{\left(-\mathbf{i} \cdot \mathbf{X}_{\mathbf{C}}\right)}{\mathbf{R} - \mathbf{i} \cdot \mathbf{X}_{\mathbf{C}}} \end{split}$$

$$I''_{1_{\text{ЛK}}} = 0.108 + 0.522i$$

$$F(I''_{1\pi K}) = (0.533 \ 78.357)$$

$$I''_{3 \text{dK}} \coloneqq I''_{2 \text{dK}} \cdot \frac{R}{R - i \cdot X_C}$$

$$I''_{3 \text{ДK}} = -0.365 + 0.075i$$

$$F(I''_{3 \text{дK}}) = (0.373 \ 168.357)$$

$$I_{1 \mu \kappa} := I'_{1 \mu \kappa} + I''_{1 \mu \kappa}$$

$$I_{1\pi K} = -1.647 + 1.518i$$

$$F(I_{1 \text{IIK}}) = (2.24 \ 137.333)$$

$$I_{2\pi K} := I'_{2\pi K} + I''_{2\pi K}$$

$$I_{2 \text{ДK}} = 0.019 + 1.94i$$

$$F(I_{2 \mu \kappa}) = (1.94 \ 89.447)$$

$$I_{3\pi K} := I'_{3\pi K} - I''_{3\pi K}$$

$$I_{3 \text{дK}} = -1.665 - 0.422i$$

$$F(I_{3 \mu K}) = (1.718 -165.773)$$

$$\mathbf{u}_{\mathbf{C}\mathbf{J}\mathbf{K}} := \mathbf{I}_{\mathbf{3}\mathbf{J}\mathbf{K}} \cdot \left(-\mathbf{i} \cdot \mathbf{X}_{\mathbf{C}} \right)$$

$$u_{\text{C}_{\text{ЛK}}} = -24.129 + 95.171i$$

$$F(u_{C_{\pi K}}) = (98.183 \ 104.227)$$

$$\mathbf{u}_{\mathbf{L}\mathbf{J}\mathbf{K}} \coloneqq \mathbf{I}_{\mathbf{1}\mathbf{J}\mathbf{K}} \cdot \mathbf{i} \cdot \mathbf{X}_{\mathbf{L}}$$

$$u_{L_{JJK}} = -47.432 - 51.461i$$

$$\mathbf{u}_{\mathbf{L},\mathbf{J},\mathbf{K}} = -47.432 - 51.461$$
і $\mathbf{F}(\mathbf{u}_{\mathbf{L},\mathbf{J},\mathbf{K}}) = (69.986 - 132.667)$

$$i_{1 \text{JK}}(t) := \left| I_{1 \text{JK}} \right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin \! \left(\omega \cdot t + \arg \! \left(I_{1 \text{JK}} \right) \right)$$

$$i_{2 \text{JK}}(t) := \left| I_{2 \text{JK}} \right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin \! \left(\omega \cdot t + \text{arg} \! \left(I_{2 \text{JK}} \right) \! \right)$$

$$i_{3\pi K}(t) := \left|I_{3\pi K}\right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin(\omega \cdot t + \arg(I_{3\pi K}))$$

$$u_{C_{\mathcal{I}_{K}}}(t) := \left| u_{C_{\mathcal{I}_{K}}} \right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin(\omega \cdot t + \arg(u_{C_{\mathcal{I}_{K}}}))$$

$$u_{L,\pi K}(t) := \left| u_{L,\pi K} \right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin \! \left(\omega \cdot t + \arg \! \left(u_{L,\pi K} \right) \right)$$

Початкові умови:

$$u_{\text{C}_{\text{JK}}}(0) = 134.593$$

$$i_{L_{JK}}(0) = 2.744$$

Given

$$i_{20} = i_{10} - i_{30}$$

$$e_1(0) = i_{10} \cdot R + u_{C0}$$

$$e_2(0) = i_{20} \cdot R + u_{L0} - u_{C0}$$

$$\begin{pmatrix} \mathbf{i}_{10} \\ \mathbf{i}_{30} \\ \mathbf{u}_{L0} \end{pmatrix} \coloneqq \mathsf{Find} \big(\mathbf{i}_{10}, \mathbf{i}_{30}, \mathbf{u}_{L0} \big)$$

$$i_{10} = 2.147$$

$$i_{20} = 2.744$$

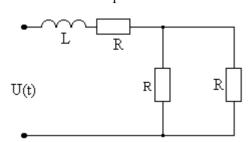
$$i_{30} = -0.597$$

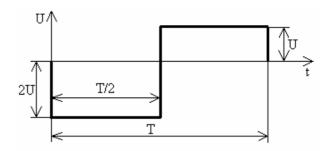
$$u_{L0} = 110.576$$

$$u_{C0} = 134.593$$

Інтеграл Дюамеля

$$T := 0.85$$
 $E_1 := 180$ $E := 1$





За допомогою класичного метода визначим:

$$Z_{VX}(p) := 1.5 \cdot R + p \cdot L$$

$$p := 1.5 \cdot R + p \cdot L \quad \begin{vmatrix} solve, p \\ float, 5 \end{vmatrix} \rightarrow -480.$$

$$p = -480$$

$$p = -480$$
 $T := \frac{1}{|p|} \cdot T$ $T = 1.771 \times 10^{-3}$

$$T = 1.771 \times 10^{-3}$$

$$i_1(t) := \frac{E}{1.5 \cdot R} - \frac{E}{1.5 \cdot R} \cdot e^{pt}$$

$$\mathrm{U}_L(t) := L \cdot \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t} \mathrm{i}_1(t) \; \; \mathrm{float}, 5 \; \; \rightarrow 1.0000 \cdot \exp(-480. \cdot t)$$

$$g_{11}(t) := i_1(t)$$
 $g_{11}(t)$ float, $5 \rightarrow 1.6667 \cdot 10^{-2} - 1.6667 \cdot 10^{-2} \cdot \exp(-480. \cdot t)$

$$h_{uL}(t) := U_L(t) \to 1.0000 \cdot \exp(-480. \cdot t)$$

Визначимо закони зміни напруги на всіх проміжках часу:

$$U_0 := -2E_1$$

$$U_0 = -360$$

$$U_1 := -2E_1$$

$$U_1 = -360$$

$$0 < t < \frac{T}{2}$$

$$U_2 := E_1$$

$$U_2 = 180$$

$$\frac{T}{2} < t < T$$

$$U_3 := 0$$

$$U'_1 := 0$$

$$U'_2 := 0$$

Струм на цих проміжках буде мати вигляд:

$$\mathsf{i}_1(\mathsf{t}) \coloneqq \mathsf{U}_0 \cdot \mathsf{g}_{11}(\mathsf{t})$$

$$i_1(t)$$
 $\begin{vmatrix} factor \\ float, 3 \end{vmatrix}$ \rightarrow $-6. + 6. \cdot exp(-480. \cdot t)$

$$\mathbf{i}_2(\mathsf{t}) \coloneqq \mathbf{U}_0 \cdot \mathsf{g}_{11}(\mathsf{t}) + \left(\mathbf{U}_2 - \mathbf{U}_1\right) \cdot \mathsf{g}_{11}\!\!\left(\mathsf{t} - \frac{\mathsf{T}}{2}\right)$$

$$i_2(t)$$
 float, $3 \rightarrow 3.00 + 6.00 \cdot \exp(-480. \cdot t) - 9.00 \cdot \exp(-480. \cdot t + .425)$

$$\mathbf{i}_{3}(t) := \mathbf{U}_{0} \cdot \mathbf{g}_{11}(t) + \left(\mathbf{U}_{2} - \mathbf{U}_{1}\right) \cdot \mathbf{g}_{11}\!\!\left(t - \frac{T}{2}\right) + \left(\mathbf{U}_{3} - \mathbf{U}_{2}\right) \cdot \mathbf{g}_{11}(t - T)$$

$$i_3(t) \mid \substack{factor \\ float, \, 3} \rightarrow 6. \cdot exp(-480. \cdot t) - 9. \cdot exp(-480. \cdot t + .425) + 3. \cdot exp(-480. \cdot t + .850)$$

Напруга на індуктивнисті на цих проміжках буде мати вигляд:

$$\mathbf{u}_{\mathrm{L1}}(t) := \mathbf{U}_0 \cdot \mathbf{h}_{\mathrm{uL}}(t) \text{ float, 5 } \rightarrow -360.00 \cdot \exp(-480. \cdot t)$$

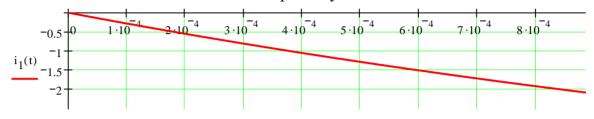
$$\mathbf{u}_{L2}(t) := \mathbf{U}_0 \cdot \mathbf{h}_{uL}(t) + \left(\mathbf{U}_2 - \mathbf{U}_1\right) \cdot \mathbf{h}_{uL}\!\!\left(t - \frac{\mathsf{T}}{2}\right)$$

$$u_{1,2}(t) \text{ float}, 5 \rightarrow -360.00 \cdot \exp(-480. \cdot t) + 540.00 \cdot \exp(-480. \cdot t + .42500)$$

$$\mathbf{u}_{L3}(t) := \mathbf{U}_0 \cdot \mathbf{h}_{\mathbf{u}L}(t) + \left(\mathbf{U}_2 - \mathbf{U}_1\right) \cdot \mathbf{h}_{\mathbf{u}L}\left(t - \frac{\mathbf{T}}{2}\right) + \left(\mathbf{U}_3 - \mathbf{U}_2\right) \cdot \mathbf{h}_{\mathbf{u}L}(t - \mathbf{T})$$

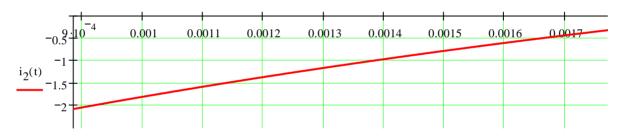
 $u_{1,3}(t) \text{ float, 5} \rightarrow -360.00 \cdot \exp(-480. \cdot t) + 540.00 \cdot \exp(-480. \cdot t + .42500) - 180.00 \cdot \exp(-480. \cdot t + .85000)$

На промежутке от 0 до Т/2



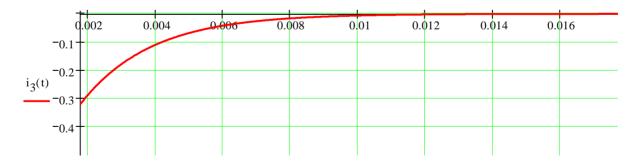
t

На промежутке от Т/2 до Т



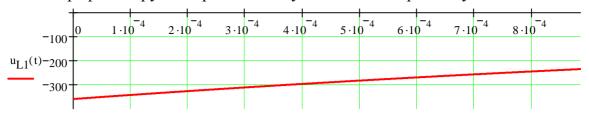
t

На промежутке от Т до 10Т



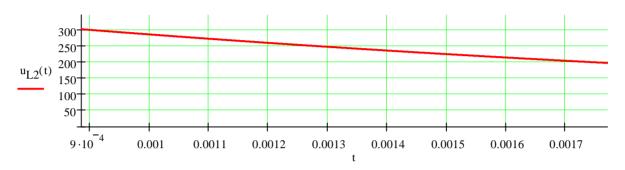
t

Графік напруги на реактивному елементі на проміжку: от 0 до Т/2

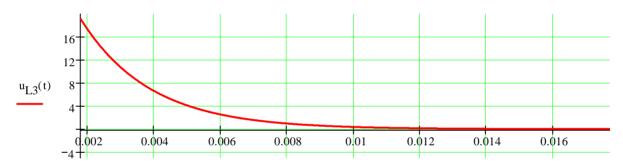


Графік напруги на реактивному елементі на проміжку: от Т/2 до Т

t



Графік напруги на реактивному елементі на проміжку: от Т до 10Т



t