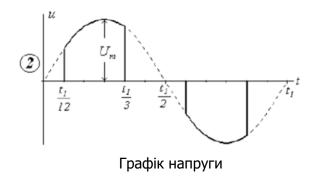
ЗАВДАННЯ:

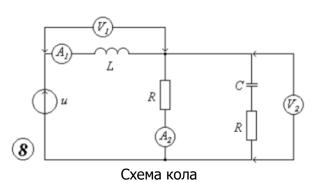
В електричному колі діє джерело періодичної несинусоїдної напруги, форма якої зображена на рис.4, $t_1 = 5 \cdot 10^{-3} \ s$. Нелінійні ділянки є відтинками синусоїди.

потрібно:

- 1. Розкласти задану напругу в тригонометричний ряд (обмежитися постійною і трьома гармонічними складовими).
- 2. Побудувати в одній системі координат часові графіки складових і сумарну криву напруги, останню порівняти з заданою.
 - 3. Розрахувати миттєві значення струмів усіх віток заданої схеми.
- 4. Побудувати амплітудні і фазові спектральні діаграми для струму і напруги джерела.
- 5. Обчислити для змінної складової прикладеної напруги коефіцієнти форми, спотворення, амлітуди, гармонік.
- 6. Визначити покази увімкнених у схему приладів (амперметри електромагнітної системи, вольтметри магнітоелектричної).
- 7. Скласти баланс активних потужностей і обчислити потужності S, Q, T джерела і коефіцієнт потужності.
- 8. Показати, при якій ємності С можливий резонанс усього кола для однієї з вищих гармонік.
- 9. Вважаючи задану схему однією з фаз симетричного трифазного кола при з'єднанні генератора і навантаження зіркою з нульовим проводом, визначити діюче значення лінійної напруги і струму в нульовому проводі.

При розрахунку вважати, що постійна складова напруги кожної фази і опір нульового проводу дорівнюють нулю.





Параметри за варіантом:

$$Um := 100 \ V$$
 $R := 4.5 \ \Omega$ $C := 220 \ \mu F$ $L := 3.5 \ mH$ $j := \sqrt{-1}$ $t := 0,0.00001 \ s... t_1$ $w := \frac{2 \cdot \pi}{t_1} = \left(1.257 \cdot 10^3\right) \frac{1}{s}$

Розклад заданої ЕРС в ряд Фур'є

$$U(t) \coloneqq \left\| \begin{array}{l} \text{if } 0 \leq t < \frac{t_1}{12} \\ \left\| 0 \right\| \\ \text{else if } \frac{t_1}{12} \leq t \leq \frac{t_1}{3} \\ \left\| Um \cdot \sin(w \cdot t) \right\| \\ \text{else if } \frac{t_1}{3} < t < \frac{7 \cdot t_1}{12} \\ \left\| 0 \right\| \\ \text{else if } \frac{7 \cdot t_1}{12} \leq t \leq \frac{5 \cdot t_1}{6} \\ \left\| Um \cdot \sin(w \cdot t) \right\| \\ \text{else if } \frac{5 \cdot t_1}{6} < t \leq t_1 \\ \left\| 0 \right\| \\ 0 \end{array}$$

$$U_0 \coloneqq \frac{1}{t_1} \cdot \int_0^{t_1} U(t) \, \mathrm{d}t = 0 \; V$$

$$A_1 \coloneqq \frac{2}{t_1} \cdot \int_0^{t_1} U(t) \cdot \sin(w \cdot t) \, \mathrm{d}t = 77.566 \; V$$

$$A_3 \coloneqq \frac{2}{t_1} \cdot \int_0^{t_1} U(t) \cdot \sin(3 \cdot w \cdot t) \, \mathrm{d}t = -27.566 \; V$$

$$A_5 \coloneqq \frac{2}{t_1} \cdot \int_0^{t_1} U(t) \cdot \sin(5 \cdot w \cdot t) \, \mathrm{d}t = 0 \; V$$

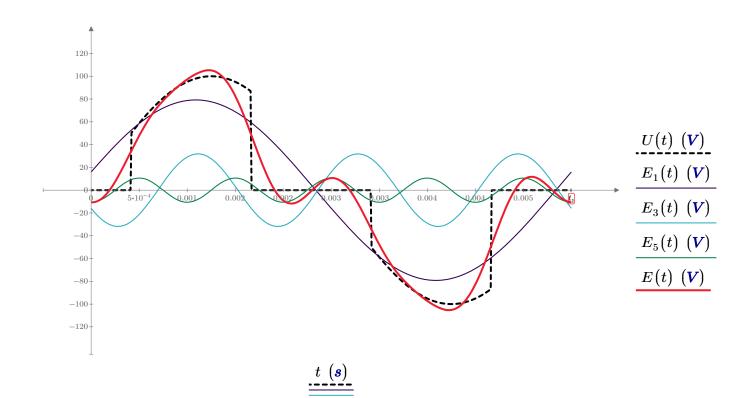
$$B_1 \coloneqq \frac{2}{t_1} \cdot \int_0^{t_1} U(t) \cdot \cos(w \cdot t) \, \mathrm{d}t = 15.915 \; V$$

$$B_3 \coloneqq \frac{2}{t_1} \cdot \int_0^{t_1} U(t) \cdot \cos(3 \cdot w \cdot t) \, \mathrm{d}t = -15.914 \; V$$

$$B_5 \coloneqq \frac{2}{t_1} \cdot \int_0^{t_1} U(t) \cdot \cos(5 \cdot w \cdot t) \, \mathrm{d}t = -10.61 \; V$$

$$\begin{split} E_1(t) &\coloneqq A_1 \cdot \sin(w \cdot t) + B_1 \cdot \cos(w \cdot t) \\ E_3(t) &\coloneqq A_3 \cdot \sin(3 \cdot w \cdot t) + B_3 \cdot \cos(3 \cdot w \cdot t) \\ E_5(t) &\coloneqq A_5 \cdot \sin(5 \cdot w \cdot t) + B_5 \cdot \cos(5 \cdot w \cdot t) \end{split}$$

$$\begin{split} E\left(t\right) \coloneqq &U0 + A_1 \cdot \sin\left(w \cdot t\right) + B_1 \cdot \cos\left(w \cdot t\right) + A_3 \cdot \sin\left(3 \cdot w \cdot t\right) + B_3 \cdot \cos\left(3 \cdot w \cdot t\right) \\ &+ A_5 \cdot \sin\left(5 \cdot w \cdot t\right) + B_5 \cdot \cos\left(5 \cdot w \cdot t\right) \end{split}$$



$$XC_{1} \coloneqq \frac{1}{w \cdot C} = 3.617 \,\Omega$$

$$XC_{1} \coloneqq \frac{1}{w \cdot C} = 3.617 \,\Omega$$

$$XC_{3} \coloneqq \frac{1}{3 \cdot w \cdot C} = 1.206 \,\Omega$$

$$XC_{5} \coloneqq \frac{1}{5 \cdot w \cdot C} = 0.723 \,\Omega$$

$$Z1_{1} \coloneqq j \cdot XL_{1} = 4.398 \,\Omega$$

$$Z2_{1} \coloneqq R = 4.5 \,\Omega$$

$$Z2_{3} \coloneqq R = 4.5 \,\Omega$$

$$Z2_{5} \coloneqq R = 4.5 \,\Omega$$

$$Z1_{5} \coloneqq j \cdot XL_{1} = 4.398 \,\Omega$$

$$Z3_{1} \coloneqq R - j \cdot XC_{1} = (4.5 - 3.617 j) \,\Omega$$

$$Z3_{3} \coloneqq R - j \cdot XC_{3} = (4.5 - 1.206 j) \,\Omega$$

$$Z1_{5} \coloneqq j \cdot XL_{5} = 21.991 j \,\Omega$$

$$Z3_{5} \coloneqq R - j \cdot XC_{5} = (4.5 - 0.723 j) \,\Omega$$

Струми гармонік у вітках

$$\phi_{1} \coloneqq \operatorname{atan}\left(\frac{A_{1}}{B_{1}}\right) = 78.405 \, \circ \qquad \qquad Um_{1} \coloneqq \sqrt{A_{1}^{2} + B_{1}^{2}} \cdot e^{j \cdot \phi_{1}} = \left(15.915 + 77.566j\right) \, \boldsymbol{V}$$

$$\phi_{3} \coloneqq \operatorname{atan}\left(\frac{A_{3}}{B_{3}}\right) = 60.002 \, \circ \qquad \qquad Um_{3} \coloneqq \sqrt{A_{3}^{2} + B_{3}^{2}} \cdot e^{j \cdot \phi_{3}} = \left(15.914 + 27.566j\right) \, \boldsymbol{V}$$

$$\phi_{5} \coloneqq \operatorname{atan}\left(\frac{A_{5}}{B_{5}}\right) = 0 \, \circ \qquad \qquad Um_{5} \coloneqq \sqrt{A_{5}^{2} + B_{5}^{2}} \cdot e^{j \cdot \phi_{5}} = 10.61 \, \boldsymbol{V}$$

В першій вітці кола:

$$I1_{1} := \frac{Um_{1}}{Z1_{1} + \frac{Z2_{1} \cdot Z3_{1}}{Z2_{1} + Z3_{1}}} = \left(16.347 + 7.177j\right) \boldsymbol{A} \qquad I1_{3} := \frac{Um_{3}}{Z1_{3} + \frac{Z2_{3} \cdot Z3_{3}}{Z2_{3} + Z3_{3}}} = \left(2.284 - 0.828j\right) \boldsymbol{A}$$

$$I1_{5} := \frac{Um_{5}}{Z1_{5} + \frac{Z2_{5} \cdot Z3_{5}}{Z2_{5} + Z3_{5}}} = \left(0.05 - 0.481j\right) \boldsymbol{A}$$

В другій вітці кола:

$$I2_{1} := I1_{1} \cdot \frac{Z3_{1}}{Z2_{1} + Z3_{1}} = (10.552 + 1.26j) A \qquad I2_{3} := I1_{3} \cdot \frac{Z3_{3}}{Z2_{3} + Z3_{3}} = (1.108 - 0.572j) A$$

$$I2_{5} := I1_{5} \cdot \frac{Z3_{5}}{Z2_{5} + Z3_{5}} = (0.006 - 0.244j) A$$

В третій вітці кола:

$$I3_{1} := I1_{1} \cdot \frac{Z2_{1}}{Z2_{1} + Z3_{1}} = (5.795 + 5.918j) A \qquad I3_{3} := I1_{3} \cdot \frac{Z2_{3}}{Z2_{3} + Z3_{3}} = (1.176 - 0.257j) A$$

$$I3_{5} := I1_{5} \cdot \frac{Z2_{5}}{Z2_{5} + Z3_{5}} = (0.044 - 0.237j) A$$

Миттєві значення струмів і напруг

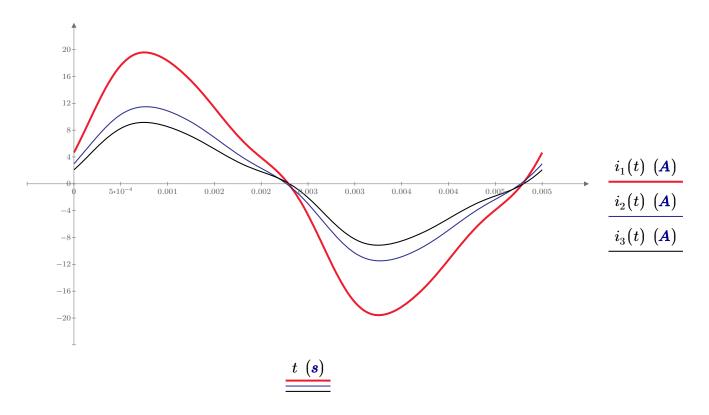
$$\psi_1 \coloneqq \arg(I1_1) = 23.705$$
 ° $\psi_3 \coloneqq \arg(I1_3) = -19.932$ ° $\psi_5 \coloneqq \arg(I1_5) = -84.073$ °

$$i_1(t) \coloneqq \left| I1_1 \right| \cdot \sin\left(w \cdot t + \psi_1 \right) + \left| I1_3 \right| \cdot \sin\left(3 \cdot \left(w \cdot t + \psi_3 \right) \right) + \left| I1_5 \right| \cdot \sin\left(5 \cdot \left(w \cdot t + \psi_5 \right) \right)$$

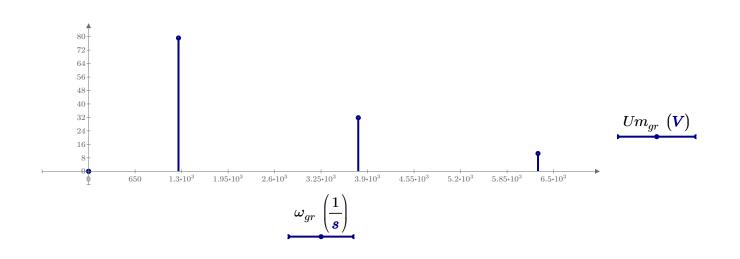
$$i_2\big(t\big)\coloneqq \left|I2_1\right| \cdot \sin\big(w \cdot t + \psi_1\big) + \left|I2_3\right| \cdot \sin\big(3 \cdot \big(w \cdot t + \psi_3\big)\big) + \left|I2_5\right| \cdot \sin\big(5 \cdot \big(w \cdot t + \psi_5\big)\big)$$

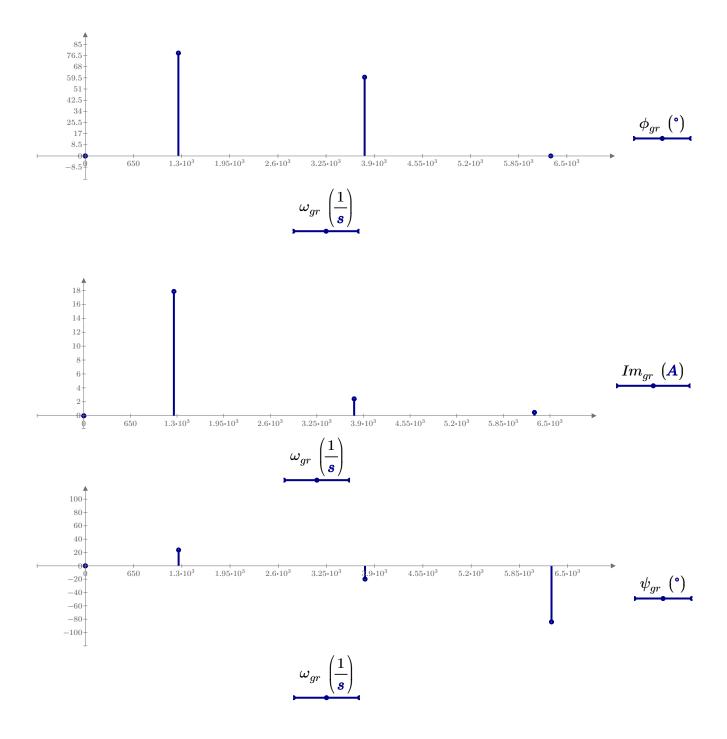
$$i_3\left(t\right)\coloneqq\left|I3_1\right|\cdot\sin\left(w\cdot t+\psi_1\right)+\left|I3_3\right|\cdot\sin\left(3\cdot\left(w\cdot t+\psi_3\right)\right)+\left|I3_5\right|\cdot\sin\left(5\cdot\left(w\cdot t+\psi_5\right)\right)$$

$$u\left(t\right)\coloneqq\left|Um_{1}\right|\cdot\sin\left(w\cdot t+\phi_{1}\right)+\left|Um_{3}\right|\cdot\sin\left(3\cdot\left(w\cdot t+\phi_{3}\right)\right)+\left|Um_{5}\right|\cdot\sin\left(5\cdot\left(w\cdot t+\phi_{5}\right)\right)$$



Амплітудні і фазові спектральні діаграми для струму і напруги джерела.





Діючі значення напруг і струмів

$$A1 := \sqrt{\left|I1_{1}\right|^{2} + \left|I1_{3}\right|^{2} + \left|I1_{5}\right|^{2}} = 18.024 A$$

$$A2 := \sqrt{\left|I2_{1}\right|^{2} + \left|I2_{3}\right|^{2} + \left|I2_{5}\right|^{2}} = 10.703 A$$

$$V1 := \sqrt{\left|I1_{1} \cdot Z1_{1}\right|^{2} + \left|I1_{3} \cdot Z1_{3}\right|^{2} + \left|I1_{5} \cdot Z1_{5}\right|^{2}} = 85.48 V$$

$$V2 := \sqrt{\left|I2_{1} \cdot Z2_{1}\right|^{2} + \left|I2_{3} \cdot Z2_{3}\right|^{2} + \left|I2_{5} \cdot Z2_{5}\right|^{2}} = 48.161 V$$

Розрахунок потужностей

$$U_1 \coloneqq \left| \frac{Um_1}{\sqrt{2}} \right| = 55.99 \ \boldsymbol{V}$$

$$U_3 \coloneqq \left| \frac{Um_3}{\sqrt{2}} \right| = 22.507 \ V$$

$$U_5 \coloneqq \left| \frac{Um_5}{\sqrt{2}} \right| = 7.503 \ V$$

$$U \coloneqq \sqrt{{U_1}^2 + {U_3}^2 + {U_5}^2} = 60.809 \ V$$

$$P \coloneqq \left| U_1 \right| \cdot \left| I1_1 \right| \cdot \cos \left(\psi_1 - \phi_1 \right) + \left| U_3 \right| \cdot \left| I1_3 \right| \cdot \cos \left(\psi_3 - \phi_3 \right) + \left| U_5 \right| \cdot \left| I1_5 \right| \cdot \cos \left(\psi_5 - \phi_5 \right) = 587.57 \ \boldsymbol{W}$$

$$Q \coloneqq |U_1| \cdot |I1_1| \cdot \sin{(\psi_1 - \phi_1)} + |U_3| \cdot |I1_3| \cdot \sin{(\psi_3 - \phi_3)} + |U_5| \cdot |I1_5| \cdot \sin{(\psi_5 - \phi_5)} = -873.279 \ \textbf{\textit{W}}$$

$$S := U \cdot A1 = 1096.055 \ W$$

$$T \coloneqq \sqrt{S^2 - P^2 - Q^2} = 305.748 \ W$$

Коефіцієнт потужності: $K_p = \frac{P}{S} = 0.536$

Коефіцієнти для змінної складової напруги

$$U_{\textit{cep_no_mo}\partial}\!\coloneqq\!\frac{U_1\!+\!U_3\!+\!U_5}{1.11}\!=\!77.478~\pmb{V}$$

$$K_f \coloneqq \frac{U}{U_{\text{cep no Mo}\partial}} = 0.785$$

$$K_a := \frac{|Um_1|}{U} = 1.302$$

$$K_{sp} \coloneqq \frac{U_1}{U} = 0.921$$

$$K_g \coloneqq \frac{U_3 + U_5}{U_1} = 0.536$$

Емність, при якій відбудеться резонанс: $C_r \coloneqq \frac{1}{w^2 \cdot L} = (1.809 \cdot 10^{-4}) \ \emph{\textbf{F}}$

Вважаючи задану схему однією з фаз симетричного трифазного кола при з'єднанні генератора і навантаження зіркою з нульовим проводом, визначимо діюче значення лінійної напруги і струму в нульовому проводі:

$$U0_{\partial i \omega 4a} \coloneqq \sqrt{3} \cdot U = 105.325 \ V$$

$$I_{\phi} := \sqrt{\left|I1_{1}\right|^{2} + \left|I1_{3}\right|^{2} + \left|I1_{5}\right|^{2}} = 18.024 \ A$$

$$a \coloneqq e^{j \cdot 120}$$
°

$$I0_{\partial i \omega \psi u \check{u}} := I_{d} + I_{d} \cdot a + I_{d} \cdot a^2 = 0$$
 A