Министерство образования и науки Украины Национальный технический университет Украины "Киевский Политехнический Институт" Кафедра ТОЭ

Расчетно-графическая работа "Трёхфазные цепи"

Вариант № 577

Выполнил:	
Проверил:	

Условие задания

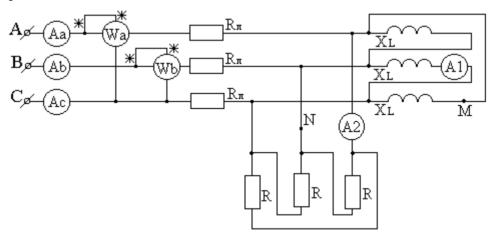
Симметричны трёхфазный генератор с обмотками, соединёнными в звезду, питает через трехпроводную линию электропередачи нагрузку с элементами, соединёнными звездой и треугольником.

Требуется:

- 1. Определить показания включенных в цепь измерительных приборов, полагая нагрузки симметричной.
- 2. Проверить правильность расчета, составив баланс активной и реактивной мощностей.
- 3. По результатам расчета п.1 построить для симметричной нагрузки совмещенную векторную диаграмму токов и топографическую диаграмму напряжений цепи.
- 4. Провести расчет токов во всех ветвях напряжений на всех участках цепи, определить показания измерительных приборов в аварийном режиме, делая обрыв в указанной точке.
- 5. Проверить правильность расчета, составив баланс активной и реактивной мощностей.
- 6. По результатам расчета п.4 построить совмещенную векторную диаграмму токов и топографическую диаграмму напряжений цепи.

$$\mathbf{U_{A}} := 300 \qquad \mathbf{U_{B}} := \mathbf{U_{A}} \quad \mathbf{U_{C}} := \mathbf{U_{B}} \qquad \psi_{A} := 0 \qquad \qquad \mathbf{R_{L}} := 22 \qquad \mathbf{R} := 78 \qquad \quad \mathbf{X_{L}} := 25$$

Обрыв проводится в точке М.



Общая схема трёхфазной цепи

Определение показаний измерительных приборов при симметричной нагрузке.

Так как нагрузка симметрическая, то будем проводить расчет только по одной фазе. Токи в остальных фазах будут такими же, только будут отличаться углы.

За опорную примем фазу А. Фазные напряжения генератора и сопротивления элементов нагрузки в комплексной форме равны:

$$\begin{split} E_A &:= U_A \cdot e & E_B := U_B \cdot e & E_C := U_C \cdot e \\ E_B &:= U_B \cdot e & E_C := U_C \cdot e \\ E_C &:= U_C \cdot e \\ E_$$

Преобразованая схема (фаза А)

Эквивалентное сопротивление данной схемы равно:

$$Z_{ea} := Z_a + \frac{Z'_a \cdot Z''_a}{Z'_a + Z''_a}$$
 $Z_{ea} = 24.422 + 7.557i$

Ток в фазе А, согласно закону Ома, равен:

$$I_{A} := \frac{E_{A}}{Z_{ea}}$$

$$I_{A} = 11.211 - 3.469i$$

$$I_{B} := I_{A} \cdot e$$

$$I_{B} := I_{A} \cdot e$$

$$I_{B} := I_{A} \cdot e$$

$$I_{C} := I_{A} \cdot e$$

$$I_{C} := I_{A} \cdot e$$

$$I_{C} := I_{C} = -2.601 + 11.443i$$

$$I_{C} := (11.735 - 17.194)$$

$$I_{C} := (11.735 - 137.194)$$

Фазное напряжение на параллельных участках равно:

$$Z_{ea'} := \frac{Z'_{a} \cdot Z''_{a}}{Z'_{a} + Z''_{a}}$$
 $Z_{ea'} = 2.422 + 7.557i$ $U_{A'O} := I_{A} \cdot Z_{ea'}$ $U_{A'O} = 53.368 + 76.316i$

Линейное напряжение равно:

$$U_{A'B'} := U_{A'O} \cdot \sqrt{3} \cdot e \qquad \qquad U_{A'B'} = 146.144 + 68.256i \qquad F(U_{A'B'}) = (161.297 \quad 25.035)$$

Остальные токи равны:

$$\Gamma''_{A'B'} := \frac{U_{A'B'}}{X_{L} \cdot i}$$

$$\Gamma''_{A'B'} = 2.73 - 5.846i$$

$$\Gamma''_{A'B'} = 2.73 - 5.846i$$

$$\Gamma''_{A'B'} = (6.452 - 64.965)$$

$$\Gamma''_{B'C'} := \Gamma''_{A'B'} \cdot e$$

$$\Gamma''_{B'C'} = -6.428 + 0.558i$$

$$\Gamma''_{B'C'} = -6.428 + 0.558i$$

$$\Gamma''_{C'A'} = 3.697 + 5.287i$$

$$\Gamma''_{C'A'} = 3.697 + 5.287i$$

$$\Gamma''_{C'A'} = (6.452 - 55.035)$$

$$\Gamma'_{A'B'} := \frac{U_{A'B'}}{R}$$

$$\Gamma'_{A'B'} = 1.874 + 0.875i$$

$$\Gamma'_{A'B'} = (2.068 - 25.035)$$

$$\Gamma'_{B'C'} := \Gamma'_{A'B'} \cdot e$$

$$\Gamma'_{B'C'} = -0.179 - 2.06i$$

$$\Gamma'_{C'A'} = -1.695 + 1.185i$$

$$\Gamma'_{C'A'} = (2.068 - 145.035)$$

$$\Gamma'_{A} := \frac{U_{A'O}}{Z_{C'}}$$

$$\Gamma'_{A} = 2.053 + 2.935i$$

$$\Gamma'_{C'A} = (3.582 - 55.035)$$

На основании выполненых расчетов, показания амперметров будут равны:

$$A_1 = 6.452$$
 $A_2 = 3.582$ $A_a = 11.735$ $A_b = 11.735$ $A_c = 11.735$

Находим показания ваттметров. Ваттметры показывают вещественную часть произведения комплекса напряжения, приложеного к обмотке напряжения (его отсчитывают от начала обмотки к концу), на сопряженный комплекс тока, протекающего через обмотку тока:

Показание ваттметра Wa:

$$E_{AC} := E_A \cdot \sqrt{3} \cdot e$$
 $E_{AC} = 450 - 259.808i$
 $E_{AC} = Re(E_{AC} \cdot \overline{I_A})$
 $E_{AC} = 450 - 259.808i$
 $E_{AC} = 450 - 259.808i$

Показание ваттметра Wb:

$$E_{BC} := E_B \cdot \sqrt{3} \cdot e$$

$$E_{AC} = 450 - 259.808i$$

$$Wb := Re(E_{BC} \cdot \overline{I_B})$$

$$Wb = 4.143 \times 10^3$$

Полная мощность равна:

$$W := Wa + Wb$$
 $W = 1.009 \times 10^4$

Баланс активной и реактивной мощностей

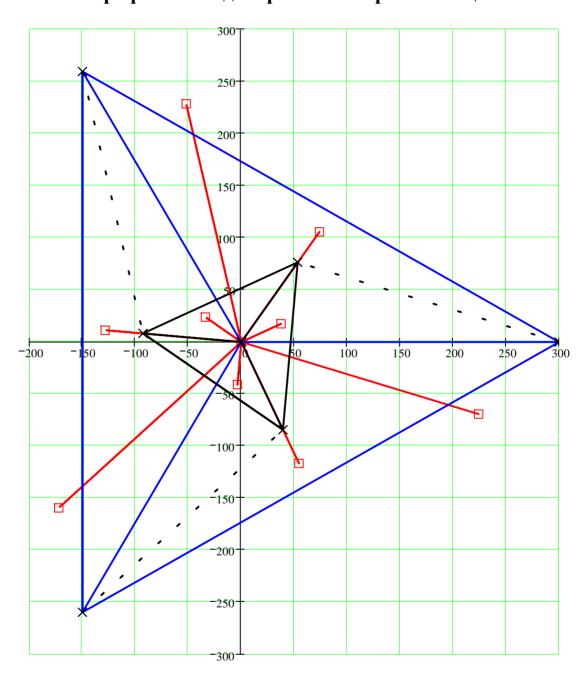
Правильность расчетов проверим, составив баланс активных и реактивный мощностей. Мощность источника энергии определяют в виде суммы произведений комплексов фазных ЭДС (напряжений) на сопряженные комплексы токов соответствующих фаз. В симметричной трёхфазной системе мощность, отдаваемая в нагрузку источником, равна утроенной мощности одной фазы.

$$Sr := E_A \cdot \overline{I_A} + E_B \cdot \overline{I_B} + E_C \cdot \overline{I_C}$$
 $Sr = 1.009 \times 10^4 + 3.122i \times 10^3$

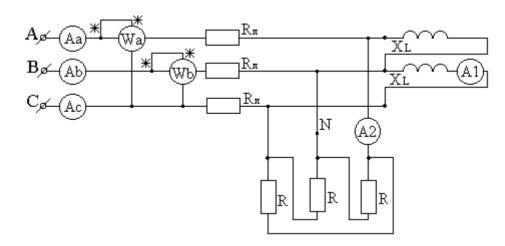
Определим мощность, потребляемую приёмником:

$$\begin{split} \operatorname{Ppr} &:= \left[\left(\left| \operatorname{I}_{A} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I}_{B} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I}_{C} \right| \right)^{2} \right] \cdot \operatorname{R}_{L} + \left[\left(\left| \operatorname{I'}_{A'B'} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I'}_{B'C'} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I'}_{C'A'} \right| \right)^{2} \right] \cdot \operatorname{R} \qquad \operatorname{Ppr} = 1.009 \times 10^{4} \\ \operatorname{Qpr} &:= \left[\left(\left| \operatorname{I''}_{A'B'} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I''}_{B'C'} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I''}_{C'A'} \right| \right)^{2} \right] \cdot \operatorname{X}_{L} \cdot \operatorname{i} \end{aligned} \qquad \qquad \operatorname{Qpr} = 3.122\operatorname{i} \times 10^{3} \end{split}$$

Построение совмещененной векторной диаграммы токов и топографической диаграммы напряжений цепи.



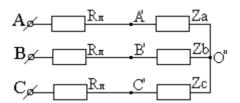
Определение показаний измерительных приборов в аварийном режиме.



Несимметричная трёхфазная система.

С целью упрощения схемы несимметричной трёхфазной системы нагрузку с элементами, соединенными звездой, следует заменить эквивалентным треугольником.

Параллельно включенные сопротивления нагрузки можно заменить эквивалентными, в результате чего образуется несимметричный треугольник. Заменив его эквивалентной звездой, рассчитываемую цепь приводят к виду:



Несимметричная звезда.

Сопротивления несимметричного треугольника равны:

$$\begin{split} Z_{C'A'} &:= R & Z_{C'A'} = 78 \\ Z_{A'B'} &:= \frac{X_L \cdot i \cdot R}{R + X_L \cdot i} & Z_{B'C'} &:= Z_{A'B'} & Z_{B'C'} = 7.266 + 22.671i \end{split}$$

Сопротивление эквивалентной звезды:

$$Za := \frac{Z_{A'B'} \cdot Z_{C'A'}}{Z_{A'B'} + Z_{B'C'} + Z_{C'A'}}$$

$$Za = 12.49 + 12.99i$$

$$Zb := \frac{Z_{A'B'} \cdot Z_{B'C'}}{Z_{A'B'} + Z_{B'C'} + Z_{C'A'}}$$

$$Zb = -2.612 + 4.841i$$

$$Zc := \frac{Z_{B'C'} \cdot Z_{C'A'}}{Z_{A'B'} + Z_{B'C'} + Z_{C'A'}}$$

$$Zc = 12.49 + 12.99i$$

Полные комплексные сопротивления в каждой фазе цепи:

$$\begin{aligned} \text{Zea} &:= Z_{\text{a}} + \text{Za} & \text{Zea} &= 34.49 + 12.99 \mathrm{i} \\ \text{Zeb} &:= Z_{\text{b}} + \text{Zb} & \text{Zeb} &= 19.388 + 4.841 \mathrm{i} \\ \text{Zec} &:= Z_{\text{c}} + \text{Zc} & \text{Zec} &= 34.49 + 12.99 \mathrm{i} \end{aligned}$$

Фазные напряжения на нагрузке в цепи удобно определять, вычислив предварительно смещение нейтрали:

$$Y_A \coloneqq \frac{1}{7e^a}$$
 $Y_B \coloneqq \frac{1}{Zeb}$ $Y_C \coloneqq \frac{1}{7e^c}$ $Y_A = 0.025 - 9.563i \times 10^{-3}$ $Y_B = 0.049 - 0.012i$ $Y_C = 0.025 - 9.563i \times 10^{-3}$ $Y_C = 0.025 - 9.563i \times 10^{-3}$ Фазные напряжения на элементах нагрузки цепи равны:

$$\begin{array}{lll} U_{AO''} \coloneqq E_A - U_{O''O} & U_{AO''} = 321.679 + 63.531i & F\big(U_{AO''}\big) = (327.893 & 11.172\,) \\ U_{BO''} \coloneqq E_B - U_{O''O} & U_{BO''} = -128.321 - 196.277i & F\big(U_{BO''}\big) = (234.501 & -123.176\,) \\ U_{CO''} \coloneqq E_C - U_{O''O} & U_{CO''} = -128.321 + 323.338i & F\big(U_{CO''}\big) = (347.87 & 111.646\,) \end{array}$$

Токи в фазах, равные фазным токам генератора и линейным токам исходной системы, определяют по закону Ома:

$$\begin{split} I_A &\coloneqq \frac{U_{AO''}}{Zea} & I_A = 8.776 - 1.463i & F(I_A) = (8.897 \ -9.466) \\ I_B &\coloneqq \frac{U_{BO''}}{Zeb} & I_B = -8.609 - 7.974i & F(I_B) = (11.735 \ -137.194) \\ I_C &\coloneqq \frac{U_{CO''}}{Zec} & I_C = -0.166 + 9.437i & F(I_C) = (9.439 \ 91.009) \\ U_{AB} &\coloneqq E_A \cdot \sqrt{3} \cdot e & U_{AB} = 450 + 259.808i & F(U_{AB}) = (519.615 \ 30) \\ U_{AA'} &\coloneqq I_A \cdot Z_a & U_{AA'} = 193.063 - 32.189i & F(U_{AA'}) = (195.728 \ -9.466) \\ U_{BC} &\coloneqq E_B \cdot \sqrt{3} \cdot e & U_{BC} = -519.615i & F(U_{BC}) = (519.615 \ -90) \\ U_{BB'} &\coloneqq I_B \cdot Z_b & U_{BB'} = -189.408 - 175.432i & F(U_{BB'}) = (258.17 \ -137.194) \\ U_{CA} &\coloneqq E_C \cdot \sqrt{3} \cdot e & U_{CA} = -450 + 259.808i & F(U_{CA}) = (519.615 \ 150) \\ U_{CC'} &\coloneqq I_C \cdot Z_c & U_{CC'} = -3.655 + 207.621i & F(U_{CC'}) = (207.653 \ 91.009) \\ \end{split}$$

Для определения токов во всех ветвях рассчитываемой схемы необходимо определить напряжение между точками А', В' и С'.

Согласно второму закону Кирхгофа:

отсюда:
$$U_{A'B'} := U_{AA'} + U_{A'B'} - U_{BB}$$
 отсюда:
$$U_{A'B'} := U_{AB} - U_{AA'} + U_{BB'}$$

$$U_{A'B'} = 67.53 + 116.565i$$

$$F(U_{A'B'}) = (134.713 - 59.915)$$

$$U_{B'C'} := U_{BC} - U_{BB'} + U_{CC'}$$

$$U_{B'C'} = 185.753 - 136.563i$$

$$F(U_{B'C'}) = (230.551 - 36.323)$$

$$U_{C'A'} := U_{CA} - U_{CC'} + U_{AA'}$$

$$U_{C'A'} = -253.282 + 19.998i$$

$$F(U_{C'A'}) = (254.071 - 175.486)$$

$$I''_{A'B'} := \frac{U_{A'B'}}{X_{L} \cdot i}$$

$$I''_{A'B'} = 4.663 - 2.701i$$

$$F(I''_{A'B'}) = (5.389 - 30.085)$$

$$I''_{B'C'} := \frac{U_{B'C'}}{X_{L} \cdot i}$$

$$I''_{B'C'} := -5.463 - 7.43i$$

$$F(I''_{B'C'}) = (9.222 - 126.323)$$

$$\begin{split} \Gamma_{A'B'} &:= \frac{U_{A'B'}}{R} & \Gamma_{A'B'} = 0.866 + 1.494i & F(\Gamma_{A'B'}) = (1.727 - 59.915) \\ \Gamma_{B'C'} &:= \frac{U_{B'C'}}{R} & \Gamma_{B'C'} = 2.381 - 1.751i & F(\Gamma_{B'C'}) = (2.956 - 36.323) \\ \Gamma_{C'A'} &:= \frac{U_{C'A'}}{R} & \Gamma_{C'A'} = -3.247 + 0.256i & F(\Gamma_{C'A'}) = (3.257 - 175.486) \\ \Gamma_{A} &:= \Gamma_{A} - \Gamma_{A'B'} & \Gamma_{A} = 4.113 + 1.238i & F(\Gamma_{A}) = (4.295 - 16.752) \end{split}$$

Согласно выполненным расчетам, показания включенных в цепь амперметров равны:

 $A_2 = 4.295$ $A_a = 8.897$ $A_b = 11.735$ $A_c = 9.439$

Расчет показаний ваттметров выполняется так же, как и в случае симметричной системы:

Показание ваттметра Wa:

$$E_{AC} := E_A \cdot \sqrt{3} \cdot e$$

$$E_{AC} = 450 - 259.808i$$

$$Wa := Re\left(E_{AC} \cdot \overline{I_A}\right)$$

$$Wa = 4.329 \times 10^3$$

Показание ваттметра Wb:

W := Wa + Wb

$$E_{BC} \coloneqq E_B \cdot \sqrt{3} \cdot e \qquad \qquad E_{AC} = 450 - 259.808i$$
 Wb := Re $\left(E_{BC} \cdot \overline{I_B}\right)$ Wb = 4.143×10^3 Полная мощность равна:

 $W = 8.473 \times 10^3$

$$Sr := E_A \cdot \overline{I_A} + E_B \cdot \overline{I_B} + E_C \cdot \overline{I_C}$$

$$Sr = 8.473 \times 10^3 + 2.852i \times 10^3$$

Определим мощность, потребляемую приёмником:

$$\begin{aligned} \text{Ppr} &:= \left[\left(\left| \mathbf{I}_{\mathbf{A}} \right| \right)^2 + \left(\left| \mathbf{I}_{\mathbf{B}} \right| \right)^2 + \left(\left| \mathbf{I}_{\mathbf{C}} \right| \right)^2 \right] \cdot \mathbf{R}_{\mathbf{L}} + \left[\left(\left| \mathbf{I}'_{\mathbf{A}'\mathbf{B}'} \right| \right)^2 + \left(\left| \mathbf{I}'_{\mathbf{B}'\mathbf{C}'} \right| \right)^2 \right] \cdot \mathbf{R} \end{aligned} \qquad \begin{aligned} \text{Ppr} &= 8.473 \times 10^3 \\ \text{Qpr} &:= \left[\left(\left| \mathbf{I}''_{\mathbf{A}'\mathbf{B}'} \right| \right)^2 + \left(\left| \mathbf{I}''_{\mathbf{B}'\mathbf{C}'} \right| \right)^2 \right] \cdot \mathbf{X}_{\mathbf{L}} \cdot \mathbf{i} \end{aligned} \qquad \end{aligned} \end{aligned} \end{aligned} \end{aligned}$$

Построение совмещененной векторной диаграммы токов и топографической диаграммы напряжений цепи.

