Міністерство освіти України Національний технічний університет України "Київський політехнічний інститут"

Кафедра ТОЕ

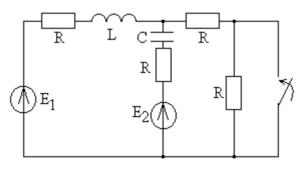
Розрахунково-графічна робота

"Розрахунок перехідних процесів у лінійних колах" Варіант № 204

Виконав:	 	
Перевірив: _		

Умова задання

- 1. В колі з джерелом постійної ЕДС необхідно:
- 1) класичним методом розрахзувати напруги на реактивних елементах та струми перехідного процесу;
- 2) розрахувати струм в колі з джерелом ЕДС Е1 та напругу на реактивному елементі операторним методом;
- 3) побудувати в одному часовому масштабі діаграми струму та напруги на реактивних елементах.
- 2. Дослідити, яким повинен бути активний опір у вітці з джерелом Е1, щоб перехідний процес проходив в граничному режимі.
- 3. Визначити струми в вітках та напруги на реактивних елементах в момент комутації (t=0), якщо замість джерел постійних ЕДС Е1і Е2 в колі діють синусоїдні джерела.
- 3. В післякомутаційній схемі закоротити джерело ЕДС Е2.
- а) виключити катушку індуктивності чи ємність, замінивши останню опором R;
- б) вважаючи, що замість ждерела постійної ЕДС Е1 до отриманного кола подається напруга, форма якої показана на малюнку;
- в) розрахувати вхідний струм та напругу на реактивном елементі методом інтеграла Дюамеля при періоді Т, заданому в долях від т;
- г) побудувати в одному часовому масштабі діаграми напруги на вході, вхідного струму і напруги на реактивних елементі.



Основна схема

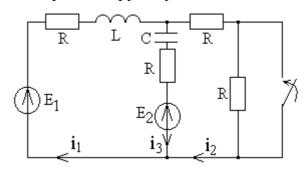
Вхідні данні:

L:= 0.1
$$\Gamma_H$$
 C:= $100 \cdot 10^{-6}$ Φ R:= 50 OM

E₁:= 100 B E₂:= 80 B ψ := $30 \cdot \text{deg}$ C^0 ω := $100 \cdot \text{c}^{-1}$

Класичний метод

Оберемо додатній напрямок струмів у вітках схеми:



Знайдемо значення струмів та напруг безпосередньо до комутації:

Усталений режим до комутації: t < 0

$$\begin{split} i_{1 \text{ДK}} &:= \frac{E_1}{3 \cdot R} & i_{2 \text{ДK}} := i_{1 \text{ДK}} \quad i_{2 \text{ДK}} = 0.667 \\ i_{3 \text{ДK}} &:= 0 & u_{\text{L} \text{ДK}} := 0 \\ u_{\text{C} \text{ЛK}} &:= E_1 - E_2 - i_{1 \text{ЛK}} \cdot R & u_{\text{C} \text{ЛK}} = -13.333 \end{split}$$

Усталений режим після комутації: $t = \infty$

$$\begin{split} i'_1 &:= \frac{E_1}{2 \cdot R} & i'_2 := i'_1 \\ i'_3 &:= 0 & u'_L := 0 \\ u'_C &:= E_1 - E_2 - i'_1 \cdot R & u'_C = -30 \end{split}$$

Незалежні початкові умови

$$i_{10} := i_{1 \text{ JK}}$$
 $i_{10} = 0.667$ $u_{C0} := u_{C \text{ JK}}$ $u_{C0} = -13.333$

Залежні початкові умови

Given

$$\begin{split} &\mathbf{i}_{20} = \mathbf{i}_{10} - \mathbf{i}_{30} \\ &\mathbf{E}_{1} - \mathbf{E}_{2} = \mathbf{u}_{L0} + \mathbf{u}_{C0} + \mathbf{i}_{30} \cdot \mathbf{R} + \mathbf{i}_{10} \cdot \mathbf{R} \\ &\mathbf{E}_{2} = \mathbf{i}_{20} \cdot \mathbf{R} - \mathbf{i}_{30} \cdot \mathbf{R} - \mathbf{u}_{C0} \end{split}$$

$$\begin{pmatrix} i_{30} \\ i_{20} \\ u_{L0} \end{pmatrix} := \mathsf{Find} (i_{30}, i_{20}, u_{L0}) \; \mathsf{float}, 6 \; \rightarrow \begin{pmatrix} -.3333333 \\ 1. \\ 16.6667 \end{pmatrix}$$

$$i_{30} = -0.333$$
 $i_{20} = 1$ $u_{L0} = 16.667$

Незалежні початкові умови

$$di_{10} := \frac{u_{L0}}{L}$$

$$di_{10} = 166.667$$

$$du_{C0} := \frac{i_{30}}{C}$$

$$du_{C0} = -3.333 \times 10^{3}$$

Залежні початкові умови

Given

$$\begin{aligned} &\text{di}_{10} = \text{di}_{20} + \text{di}_{30} \\ &0 = \text{du}_{L0} + \text{du}_{C0} + \text{di}_{30} \cdot \text{R} + \text{di}_{10} \cdot \text{R} \\ &0 = \text{di}_{20} \cdot \text{R} - \text{di}_{30} \cdot \text{R} - \text{du}_{C0} \\ &\begin{pmatrix} \text{di}_{20} \\ \text{di}_{30} \\ \text{du}_{L0} \end{pmatrix} := \text{Find} \begin{pmatrix} \text{di}_{20}, \text{di}_{30}, \text{du}_{L0} \end{pmatrix} \\ &\text{di}_{20} = 50 \end{aligned} \qquad \begin{aligned} &\text{di}_{30} = 116.667 \qquad \text{du}_{L0} = -1.083 \times 10^4 \end{aligned}$$

Вільний режим після комутайії: t = 0

Складемо характерестичне рівняння схеми

$$Z(p) := \frac{R \cdot \left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right)}{2 \cdot R + \frac{1}{p \cdot C}} + p \cdot L + R$$

$$Z(p) := \frac{R \cdot \left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) + \left(2 \cdot R + \frac{1}{p \cdot C}\right) \cdot (p \cdot L + R)}{2 \cdot R + \frac{1}{p \cdot C}}$$

$$\left(\frac{p_1}{p_2}\right) := R \cdot \left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) + \left(2 \cdot R + \frac{1}{p \cdot C}\right) \cdot (p \cdot L + R) \quad \begin{vmatrix} \text{solve}, p \\ \text{float}, 5 \end{vmatrix} \leftarrow \begin{pmatrix} -708.95 \\ -141.05 \end{pmatrix}$$

Одже корні характеристичного рівняння мають вигляд:

$$p_1 = -708.95$$
 $p_2 = -141.05$

Вільні складові повних струмів та напруг будуть мати вигляд:

$$\begin{split} &i"_{1}(t) = A_{1} \cdot e^{p_{1} \cdot t} + A_{2} \cdot e^{p_{2} \cdot t} \\ &i"_{2}(t) = B_{1} \cdot e^{p_{1} \cdot t} + B_{2} \cdot e^{p_{2} \cdot t} \\ &i"_{3}(t) = C_{1} \cdot e^{p_{1} \cdot t} + C_{2} \cdot e^{p_{2} \cdot t} \\ &u"_{C}(t) = D_{1} \cdot e^{p_{1} \cdot t} + D_{2} \cdot e^{p_{2} \cdot t} \\ &u"_{1}(t) = F_{1} \cdot e^{p_{1} \cdot t} + F_{2} \cdot e^{p_{2} \cdot t} \end{split}$$

Визначення сталих інтегрування:

Given

$$i_{10} - i'_{1} = A_{1} + A_{2}$$

$$di_{10} - 0 = p_{1} \cdot A_{1} + p_{2} \cdot A_{2}$$

$$\begin{pmatrix} A_{1} \\ A_{2} \end{pmatrix} := Find(A_{1}, A_{2})$$

$$A_{1} = -0.211$$

$$A_{2} = -0.123$$

Отже вільна складова струму i1(t) буде мати вигляд:

$$\begin{split} i"_1(t) &:= A_1 \cdot e^{p_1 \cdot t} + A_2 \cdot e^{p_2 \cdot t} \\ i_1(t) &:= i'_1 + i"_1(t) \text{ float, } 7 \ \to 1. - .2106891 \cdot \exp(-708.95 \cdot t) - .1226442 \cdot \exp(-141.05 \cdot i_1(0)) = 0.667 \\ & \text{Given} \\ i_{20} - i'_2 &= B_1 + B_2 \\ di_{20} - 0 &= p_1 \cdot B_1 + p_2 \cdot B_2 \\ \begin{pmatrix} B_1 \\ B_2 \end{pmatrix} &:= \text{Find} \Big(B_1, B_2 \Big) \qquad \qquad B_1 = -0.088 \qquad \qquad B_2 = 0.088 \end{split}$$

Отже вільна складова струму i2(t) буде мати вигляд:

$$\begin{split} i"_2(t) &:= B_1 \cdot e^{p_1 \cdot t} + B_2 \cdot e^{p_2 \cdot t} \\ i_2(t) &:= i'_2 + i"_2(t) \text{ float}, 7 \ \rightarrow 1. - 8.804402 \cdot 10^{-2} \cdot \exp(-708.95 \cdot t) + 8.804402 \cdot 10^{-2} \cdot \exp(-141.05 i_2(0)) = 1 \end{split}$$

Given

$$i_{30} - i'_{3} = C_{1} + C_{2}$$

 $di_{30} - 0 = p_{1} \cdot C_{1} + p_{2} \cdot C_{2}$ $di_{30} = 116.667$

$$\begin{pmatrix} C_1 \\ C_2 \end{pmatrix}$$
 := Find $\begin{pmatrix} C_1, C_2 \end{pmatrix}$ $C_1 = -0.123$ $C_2 = -0.211$

Отже вільна складова струму i3(t) буде мати вигляд:

$$\mathbf{i"}_3(\mathbf{t}) := \mathbf{C_1} \cdot \mathbf{e}^{\mathbf{p_1} \cdot \mathbf{t}} + \mathbf{C_2} \cdot \mathbf{e}^{\mathbf{p_2} \cdot \mathbf{t}}$$

$$i_3(t) := i'_3 + i''_3(t) \text{ float}, 7 \rightarrow -.1226451 \cdot \exp(-708.95 \cdot t) - .2106879 \cdot \exp(-141.05 \cdot t) \ i_3(0) = -0.333$$
 Given

$$\begin{aligned} &\mathbf{u}_{C0} - \mathbf{u'}_{C} = \mathbf{D}_{1} + \mathbf{D}_{2} \\ &\mathbf{d}\mathbf{u}_{C0} - \mathbf{0} = \mathbf{p}_{1} \cdot \mathbf{D}_{1} + \mathbf{p}_{2} \cdot \mathbf{D}_{2} \end{aligned}$$

$$\begin{pmatrix} D_1 \\ D_2 \end{pmatrix} := Find(D_1, D_2)$$
 $D_1 = 1.73$ $D_2 = 14.937$

Отже вільна складова напруга на конденсаторі буде мати вигляд:

$$\mathbf{u''}_{\mathbf{C}}(t) := \mathbf{D}_1 \cdot \mathbf{e}^{\mathbf{p}_1 \cdot t} + \mathbf{D}_2 \cdot \mathbf{e}^{\mathbf{p}_2 \cdot t}$$

$$\mathbf{u_C(t)} \coloneqq \mathbf{u'_C} + \mathbf{u''_C(t)} \text{ float, 7 } \rightarrow -30. + 1.730052 \cdot \exp(-708.95 \cdot \mathbf{t}) + 14.93661 \cdot \exp(-\mathbf{u_C(0)} = -13.333 \cdot \mathbf{u'_C(0)}) = -13.333 \cdot \mathbf{u'_C(0)} = -13.333 \cdot \mathbf{u'_C(0)}$$

Given

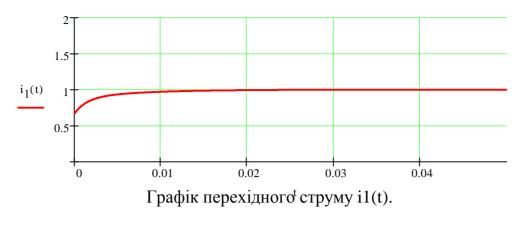
$$\begin{aligned} \mathbf{u}_{L0} - \mathbf{u'}_{L} &= \mathbf{F}_{1} + \mathbf{F}_{2} \\ \mathbf{d}\mathbf{u}_{L0} - \mathbf{0} &= \mathbf{p}_{1} \cdot \mathbf{F}_{1} + \mathbf{p}_{2} \cdot \mathbf{F}_{2} \end{aligned}$$

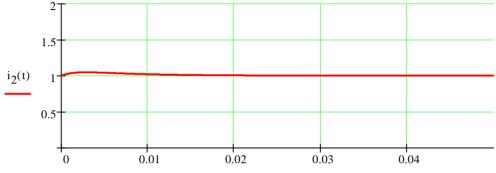
$$\binom{F_1}{F_2} := Find(F_1, F_2)$$
 $F_1 = 14.937$ $F_2 = 1.73$

Отже вільна складова напруга на індуктивності буде мати вигляд:

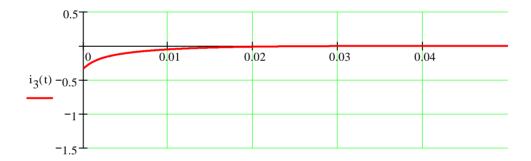
$$\mathbf{u''}_{\mathbf{L}}(t) := \mathbf{F_1} \cdot \mathbf{e}^{\mathbf{p_1} \cdot \mathbf{t}} + \mathbf{F_2} \cdot \mathbf{e}^{\mathbf{p_2} \cdot \mathbf{t}}$$

$$\mathbf{u}_L(t) := \mathbf{u'}_L + \mathbf{u''}_L(t) \text{ float}, 7 \ \rightarrow \ 14.93665 \cdot \exp(-708.95 \cdot t) + 1.730053 \cdot \exp(-141. \, \mathbf{u}_L(0) = 16.6671 \cdot t) + 1.730053 \cdot \exp(-141. \, \mathbf{u}_L(0) = 16.6671 \cdot t) + 1.730053 \cdot \exp(-141. \, \mathbf{u}_L(0) = 16.6671 \cdot t) + 1.730053 \cdot \exp(-141. \, \mathbf{u}_L(0) = 16.6671 \cdot t) + 1.730053 \cdot \exp(-141. \, \mathbf{u}_L(0) = 16.6671 \cdot t) + 1.730053 \cdot \exp(-141. \, \mathbf{u}_L(0) = 16.6671 \cdot t) + 1.730053 \cdot \exp(-141. \, \mathbf{u}_L(0) = 16.6671 \cdot t) + 1.730053 \cdot \exp(-141. \, \mathbf{u}_L(0) = 16.6671 \cdot t) + 1.730053 \cdot \exp(-141. \, \mathbf{u}_L(0) = 16.6671 \cdot t) + 1.730053 \cdot \exp(-141. \, \mathbf{u}_L(0) = 16.6671 \cdot t) + 1.730053 \cdot \exp(-141. \, \mathbf{u}_L(0) = 16.6671 \cdot t) + 1.730053 \cdot \exp(-141. \, \mathbf{u}_L(0) = 16.6671 \cdot t) + 1.730053 \cdot \exp(-141. \, \mathbf{u}_L(0) = 16.6671 \cdot t) + 1.730053 \cdot \exp(-141. \, \mathbf{u}_L(0) = 16.6671 \cdot t) + 1.730053 \cdot \exp(-141. \, \mathbf{u}_L(0) = 16.6671 \cdot t) + 1.730053 \cdot \exp(-141. \, \mathbf{u}_L(0) = 16.6671 \cdot t) + 1.730053 \cdot \exp(-141. \, \mathbf{u}_L(0) = 16.6671 \cdot t) + 1.730053 \cdot \exp(-141. \, \mathbf{u}_L(0) = 16.6671 \cdot t) + 1.730053 \cdot \exp(-141. \, \mathbf{u}_L(0) = 16.6671 \cdot t) + 1.730053 \cdot \exp(-141. \, \mathbf{u}_L(0) = 16.6671 \cdot t) + 1.730053 \cdot \exp(-141. \, \mathbf{u}_L(0) = 16.6671 \cdot t) + 1.730053 \cdot t + 1.730053$$

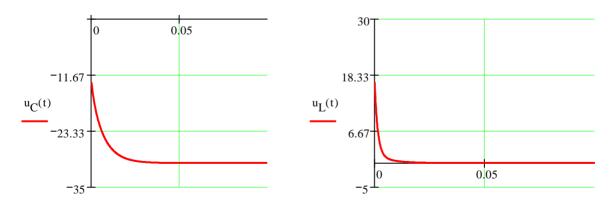




Графік перехідного^t струму і2(t).

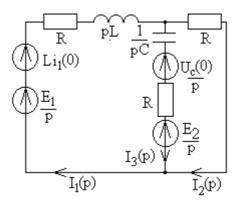


Графік перехідного струму i3(t).



Графік перехідних напруг на ємності та індуктивності.

Операторний метод



Операторна схема

Усталений режим до комутації:

$$i_{1 \perp K} := \frac{E_1}{3 \cdot R}$$

$$i_{2 \text{дK}} := i_{1 \text{дK}} \quad i_{2 \text{дK}} = 0.667$$

$$i_{3\pi \kappa} := 0$$

$$u_{L_{JK}} := 0$$

$$u_{C_{\mathcal{I}\mathcal{K}}} := E_1 - E_2 - i_{1_{\mathcal{I}\mathcal{K}}} \cdot R$$
 $u_{C_{\mathcal{I}\mathcal{K}}} = -13.333$

$$u_{\text{C}_{\text{Л}\text{K}}} = -13.333$$

Початкові умови:

$$i_{L0} := i_{1 \text{дк}}$$

$$i_{L0} = 0.667$$

$$u_{C0} = -13.333$$

$$I_{k1}(p) \cdot \left(R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C} + R\right) - I_{k2}(p) \cdot \left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) = \frac{E_1}{p} - \frac{E_2}{p} - \frac{u_{C0}}{p} + L \cdot i_{10}$$
$$-I_{k1}(p) \cdot \left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) + I_{k2}(p) \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C} + 2 \cdot R\right) = \frac{E_2}{p} + \frac{u_{C0}}{p}$$

$$\Delta(p) := \begin{bmatrix} R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C} + R & -\left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) \\ -\left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) & \frac{1}{p \cdot C} + 2 \cdot R \end{bmatrix}$$

$$\Delta(p) \text{ float, 5} \rightarrow \frac{1}{p^1} \cdot \left(10.0 \cdot p^2 \cdot + 8500.0 \cdot p + 1.0000 \cdot 10^6\right)$$

$$\Delta_{1}(p) := \begin{bmatrix} \frac{E_{1}}{p} - \frac{E_{2}}{p} - \frac{u_{C0}}{p} + L \cdot i_{10} & -\left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) \\ \frac{E_{2}}{p} + \frac{u_{C0}}{p} & \frac{1}{p \cdot C} + 2 \cdot R \end{bmatrix} \quad \Delta_{1}(p) \text{ float, 5} \rightarrow \frac{\left(7333.3 \cdot p + 1.0000 \cdot 10^{6} + 6.6667 \cdot p^{2} \cdot \right)}{p^{2}}$$

$$\Delta_{2}(p) := \begin{bmatrix} R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C} + R & \frac{E_{1}}{p} - \frac{E_{2}}{p} - \frac{u_{C0}}{p} + L \cdot i_{10} \\ -\left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) & \frac{E_{2}}{p} + \frac{u_{C0}}{p} \end{bmatrix}$$

$$\Delta_2(p) \text{ float, 5 } \rightarrow \frac{\left(10.000 \cdot p^{2 \cdot} + 9000.0 \cdot p + 1.0000 \cdot 10^6\right)}{p^2 \cdot}$$

Контурні струми та напруга на конденсаторі будуть мати вигляд:

$$\begin{split} I_{k1}(p) &\coloneqq \frac{\Delta_1(p)}{\Delta(p)} & \quad I_{k1}(p) \text{ float, 5} \ \to \frac{\left(7333.3 \cdot p + 1.0000 \cdot 10^6 + 6.6667 \cdot p^2 \cdot\right)}{p^1 \cdot \left(10.0 \cdot p^2 \cdot + 8500.0 \cdot p + 1.0000 \cdot 10^6\right)^1} \\ I_{k2}(p) &\coloneqq \frac{\Delta_2(p)}{\Delta(p)} & \quad I_{k2}(p) \text{ float, 5} \ \to \frac{\left(10.000 \cdot p^2 \cdot + 9000.0 \cdot p + 1.0000 \cdot 10^6\right)}{p^1 \cdot \left(10.0 \cdot p^2 \cdot + 8500.0 \cdot p + 1.0000 \cdot 10^6\right)^1} \\ u_C(p) &\coloneqq \frac{u_{C0}}{p} + \frac{I_3(p)}{p \cdot C} \\ u_C(p) & \begin{vmatrix} \text{float, 5} \\ \text{factor} \ \to \frac{-1}{1000 \cdot p} \ \cdot \frac{\left(14666350 \cdot p + 30000000000 + 13333 \cdot p^2\right)}{\left(850 \cdot p + 100000 + p^2\right)} \\ u_L(p) &\coloneqq L \cdot p \cdot I_{k1}(p) - L \cdot i_{1JK} \\ u_L(p) &= \frac{50}{3} \cdot \frac{(p + 200)}{\left(850 \cdot p + 100000 + p^2\right)} \\ \end{split}$$

Перейдемо тепер від зображення до функції часу за формулою розкладу: Для струму I1(p):

Отже струм як функція часу буде мати вигляд:

$$\begin{split} i_1(t) &:= \frac{N_1(p_0)}{dM_1(p_0)} + \frac{N_1(p_1)}{dM_1(p_1)} \cdot e^{p_1 \cdot t} + \frac{N_1(p_2)}{dM_1(p_2)} \cdot e^{p_2 \cdot t} \\ i_1(t) & \stackrel{\text{float}, 5}{\text{complex}} \rightarrow 1.0000 - .21067 \cdot \exp(-708.95 \cdot t) - .12269 \cdot \exp(-141.05 \cdot t) \end{split}$$

Для напруги на конденсаторі Uc(р):

$$\begin{split} N_{\mathbf{u}}(\mathbf{p}) &:= \frac{-1}{1000} \cdot \left(14666350 \cdot \mathbf{p} + 30000000000 + 13333 \cdot \mathbf{p}^2\right) \ M_{\mathbf{u}}(\mathbf{p}) := \mathbf{p} \cdot \left(850 \cdot \mathbf{p} + 100000 + \mathbf{p}^2\right) \\ \begin{pmatrix} \mathbf{p}_0 \\ \mathbf{p}_1 \\ \mathbf{p}_2 \end{pmatrix} &:= M_{\mathbf{u}}(\mathbf{p}) \ \begin{vmatrix} \text{solve}, \mathbf{p} \\ \text{float}, \mathbf{5} \end{vmatrix} \begin{pmatrix} \mathbf{0} \\ -141.05 \\ -708.95 \end{pmatrix} \\ \mathbf{p}_0 &= 0 \quad \mathbf{p}_1 = -68.34 \\ \end{pmatrix} \\ \mathbf{p}_2 &= -708.9 \end{split}$$

$$\begin{split} N_u\!\!\left(p_0\right) &= -3 \times 10^6 & N_u\!\!\left(p_1\right) = -1.197 \times 10^6 & N_u\!\!\left(p_2\right) = 6.964 \times 10^5 \\ dM_u\!\!\left(p\right) &\coloneqq \frac{d}{dp} M_u\!\!\left(p\right) \text{ factor } \to (p+500) \cdot (3 \cdot p + 200) \\ dM_u\!\!\left(p_0\right) &= 1 \times 10^5 & dM_u\!\!\left(p_1\right) = -8.01 \times 10^4 & dM_u\!\!\left(p_2\right) = 4.026 \times 10^5 \end{split}$$

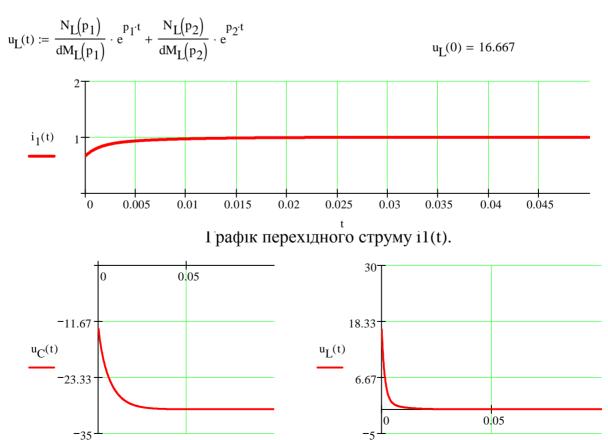
Отже напруга як функція часу буде мати вигляд:

$$\begin{split} u_C(t) &:= \frac{N_u\!\!\left(p_0\right)}{dM_u\!\!\left(p_0\right)} + \frac{N_u\!\!\left(p_1\right)}{dM_u\!\!\left(p_1\right)} \cdot e^{p_1 \cdot t} + \frac{N_u\!\!\left(p_2\right)}{dM_u\!\!\left(p_2\right)} \cdot e^{p_2 \cdot t} \\ u_C(t) & \begin{vmatrix} float, 5 \\ complex \end{vmatrix} - 30. + 14.939 \cdot exp(-141.05 \cdot t) + 1.7297 \cdot exp(-708.95 \cdot t) \end{split}$$

Для напруги на індуктивності:

$$\begin{split} N_L(p) &:= \frac{50}{3} \cdot (p+200) \\ \begin{pmatrix} p_1 \\ p_2 \end{pmatrix} &:= M_L(p) \ \, \begin{vmatrix} \text{solve}, p \\ \text{float}, 5 \end{vmatrix} \leftarrow \begin{pmatrix} -141.05 \\ -708.95 \end{pmatrix} \\ N_L(p_1) &= 982.5 \\ M_L(p) &:= \frac{d}{dp} M_L(p) \ \, \text{factor} \ \, \rightarrow 850 + 2 \cdot p \\ M_L(p_1) &= 567.9 \end{split} \qquad \qquad \qquad M_L(p_2) &= -567.9 \end{split}$$

Отже напруга як функція часу буде мати вигляд:



Графік перехідних напруг на ємності та індуктивності.

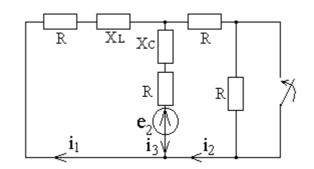
Дослідити чому повинен дорівнювати активний опір вітки с джерелом ЕРС Е1 щоб аперіодичний процес переходив у коливальний

R

$$\begin{split} Z_{ab}(p) &:= \mathbf{R'} + p \cdot \mathbf{L} + \frac{\left(\mathbf{R} + \frac{1}{p \cdot C}\right) \cdot \mathbf{R}}{\frac{1}{p \cdot C} + \mathbf{R} + \mathbf{R}} \\ Z_{ab}(p) &:= \frac{\left(\frac{1}{p \cdot C} + \mathbf{R} + \mathbf{R}\right) \cdot \left(\mathbf{R'} + p \cdot \mathbf{L}\right) + \left(\mathbf{R} + \frac{1}{p \cdot C}\right) \cdot \mathbf{R}}{\frac{1}{p \cdot C} + \mathbf{R} + \mathbf{R}} \\ (2 \cdot \mathbf{R} \cdot \mathbf{L}) \cdot p^2 + \left(2 \cdot \mathbf{R} \cdot \mathbf{R'} + \frac{\mathbf{L}}{C} + \mathbf{R}^2\right) \cdot p + \left(\frac{\mathbf{R'}}{C} + \frac{\mathbf{R}}{C}\right) = 0 \\ D &= 0 \\ \left(2 \cdot \mathbf{R} \cdot \mathbf{R'} + \frac{\mathbf{L}}{C} + \mathbf{R}^2\right)^2 - 4 \cdot (2 \cdot \mathbf{R} \cdot \mathbf{L}) \cdot \left(\frac{\mathbf{R'}}{C} + \frac{\mathbf{R}}{C}\right) = 0 \\ \mathbf{R'} &:= \left(2 \cdot \mathbf{R} \cdot \mathbf{R'} + \frac{\mathbf{L}}{C} + \mathbf{R}^2\right)^2 - 4 \cdot (2 \cdot \mathbf{R} \cdot \mathbf{L}) \cdot \left(\frac{\mathbf{R'}}{C} + \frac{\mathbf{R}}{C}\right) \begin{vmatrix} \text{solve}, \mathbf{R'} \\ \text{float}, 5 \end{vmatrix} \xrightarrow{-46.623} \\ \mathbf{R'}_{1,0} &= 16.623 \end{split}$$

Визначити струми віток і напруги на реактивних елементах у момент комутації (t=0), якщо замість джерел постійної напруги E1 і E2 у колі діють джерела синусоідної напруги:

$$\begin{split} Z'_{\text{VX}} &:= \text{R} + \text{i} \cdot \text{X}_{\text{L}} + \frac{2 \cdot \text{R} \cdot \left(\text{R} - \text{i} \cdot \text{X}_{\text{C}}\right)}{2 \cdot \text{R} + \text{R} - \text{i} \cdot \text{X}_{\text{C}}} \\ I'_{1\text{ДK}} &:= \frac{E_{1}}{Z'_{\text{VX}}} \\ I'_{2\text{ДK}} &:= \frac{E_{1}}{Z'_{\text{VX}}} \\ I'_{2\text{ДK}} &:= I'_{1\text{ДK}} \cdot \frac{\left(\text{R} - \text{i} \cdot \text{X}_{\text{C}}\right)}{2 \cdot \text{R} + \text{R} - \text{i} \cdot \text{X}_{\text{C}}} \\ I'_{2\text{ДK}} &:= I'_{1\text{ДK}} - I'_{2\text{ДK}} \\ I'_{3\text{ДK}} &:= I'_{1\text{ДK}} - I'_{2\text{ДK}} \\ I'_{3\text{ДK}} &:= 0.136 + 0.506 \\ I'_{3\text{ДK}} &:= 0.136 + 0.506 \\ I'_{3\text{ZK}} &:= 0.524 - 75 \end{split}$$



$$Z''_{vx} \coloneqq R - X_C \cdot i + \frac{\left(R + i \cdot X_L\right) \cdot (2 \cdot R)}{R + i \cdot X_L + 2 \cdot R} \qquad Z''_{vx} = 83.628 - 95.575i$$

$$I''_{3\mu K} := \frac{E_2}{Z''}$$
 $I''_{3\mu K} = 0.122 + 0.618i$ $F(I''_{3\mu K}) = (0.63 78.814)$

$$I''_{1 \text{ДK}} := I''_{3 \text{ДK}} \cdot \frac{(2 \cdot R)}{R + i \cdot X_I + 2 \cdot R} \qquad \qquad I''_{1 \text{ДK}} = 0.108 + 0.405i \qquad \qquad F(I''_{1 \text{ДK}}) = (0.419 - 75)$$

$$I''_{2JK} := I''_{3JK} - I''_{1JK}$$
 $I''_{2JK} = 0.014 + 0.213i$ $F(I''_{2JK}) = (0.214 \ 86.31)$

$$I_{1_{JK}} := I'_{1_{JK}} + I''_{1_{JK}}$$
 $I_{1_{JK}} = 0.818 + 1.028i$ $F(I_{1_{JK}}) = (3.047 \ 72.879)$

$$I_{2 \mu \kappa} := I'_{2 \mu \kappa} + I''_{2 \mu \kappa}$$
 $I_{2 \mu \kappa} = 0.587 + 0.331i$ $F(I_{2 \mu \kappa}) = (0.674 \ 29.37)$

$$I_{3\pi K} := I'_{3\pi K} - I''_{3\pi K}$$
 $I_{3\pi K} = 0.013 - 0.112i$ $F(I_{3\pi K}) = (0.113 - 83.199)$

$$\mathbf{u}_{\text{C}\text{ДK}} \coloneqq \mathbf{I}_{3\text{ДK}} \cdot \left(-\mathbf{i} \cdot \mathbf{X}_{\text{C}} \right) \qquad \qquad \mathbf{u}_{\text{C}\text{ДK}} = -11.203 - 1.336\mathbf{i} \qquad \qquad \mathbf{F} \left(\mathbf{u}_{\text{C}\text{ДK}} \right) = (11.283 - 173.199)$$

$$\mathbf{u}_{L,\!\mathsf{J}\mathsf{K}} := \mathbf{I}_{1,\!\mathsf{J}\mathsf{K}} \cdot \mathbf{i} \cdot \mathbf{X}_{L} \qquad \qquad \mathbf{u}_{L,\!\mathsf{J}\mathsf{K}} = -10.281 \, + \, 8.177 \mathbf{i} \qquad \qquad \mathbf{F}\!\left(\mathbf{u}_{L,\!\mathsf{J}\mathsf{K}}\right) = (13.136 - 141.501)$$

$$i_{1_{DK}}(t) := \left| I_{1_{DK}} \right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin(\omega \cdot t + \arg(I_{1_{DK}}))$$

$$i_{2 \text{JK}}(t) := \left| I_{2 \text{JK}} \right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin(\omega \cdot t + \arg(I_{2 \text{JK}}))$$

$$i_{3\pi K}(t) := \left| I_{3\pi K} \right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin(\omega \cdot t + \arg(I_{3\pi K}))$$

$$\mathbf{u}_{\mathbf{C},\mathbf{J},\mathbf{K}}(t) := \left| \mathbf{u}_{\mathbf{C},\mathbf{J},\mathbf{K}} \right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin\left(\omega \cdot t + \arg\left(\mathbf{u}_{\mathbf{C},\mathbf{J},\mathbf{K}}\right)\right)$$

Початкові умови:

$$u_{\text{C}_{\text{ДK}}}(0) = -1.89$$

$$i_{L_{JK}}(0) = 1.454$$

Given

$$i_{20} = i_{10} - i_{30}$$

$$e_1(0) - e_2(0) = u_{L0} + i_{10} \cdot R + u_{C0} + i_{30} \cdot R$$

$$e_2(0) = i_{20} \cdot R - i_{30} \cdot R - u_{C0}$$

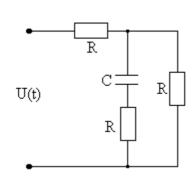
$$\begin{pmatrix} \mathbf{i}_{30} \\ \mathbf{i}_{20} \\ \mathbf{u}_{L0} \end{pmatrix} \coloneqq \mathsf{Find} \! \left(\mathbf{i}_{30}, \mathbf{i}_{20}, \mathbf{u}_{L0} \right)$$

$$i_{10} = 1.454$$
 $i_{20} = 1.274$ $i_{30} = 0.18$ $u_{L0} = -65.674$ $u_{C0} = -1.89$

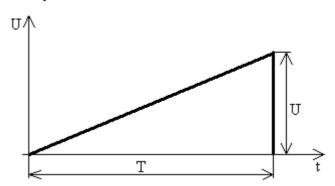
i

Інтеграл Дюамеля

T := 1.0



 $E_1 := 100$ E := 1



Усталений режим до комутації: t < 0

$$i_{1 \not \exists K} \coloneqq \frac{0}{R + R}$$

$$i_{1 \text{дк}} = 0$$

$$i_{3$$
дк := i_{1 дк

$$i_{3\pi K} = 0$$

$$i_{2\pi K} := 0$$

$$i_{2 \pm K} = 0$$

$$u_{C_{I\!I}K} := 0$$

$$u_{CJK} = 0$$

Усталений режим після комутації:

$$i'_1 := \frac{E}{R + R}$$

$$i'_1 = 0.01$$

$$i'_3 := i'_1$$

$$i'_3 = 0.01$$
 $i'_2 := 0$

$$i'_2 := 0$$

$$i'_2 = 0$$

$$\mathbf{u'_C} := \mathbf{E} - \mathbf{i'_1} \cdot \mathbf{R}$$

$$u'_{C} = 0.5$$

Незалежні початкові умови

$$u_{C0} := u_{C_{ЛК}}$$

$$u_{CO} = 0$$

Залежні початкові умови

Given

$$i_{10} = i_{20} + i_{30}$$

$$\mathsf{E} = \mathsf{i}_{30} \cdot \mathsf{R} + \mathsf{i}_{10} \cdot \mathsf{R} + \mathsf{u}_{C0}$$

$$0 = -u_{C0} + i_{20} \cdot R - i_{30} \cdot R$$

$$\begin{pmatrix} \mathbf{i}_{10} \\ \mathbf{i}_{20} \\ \mathbf{i}_{30} \end{pmatrix} := \mathsf{Find} \big(\mathbf{i}_{10}, \mathbf{i}_{20}, \mathbf{i}_{30} \big)$$

$$i_{10} = 0.013$$

$$i_{20} = 6.667 \times 10^{-3}$$

$$i_{10} = 0.013$$
 $i_{20} = 6.667 \times 10^{-3}$ $i_{30} = 6.667 \times 10^{-3}$

Вільний режим після комутайії:

Складемо характерестичне рівняння схеми

$$Z_{VX}(p) := R + \frac{R \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C} + R\right)}{2R + \frac{1}{p \cdot C}}$$

$$Z_{VX}(p) := R + \frac{R \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C} + R\right)}{2R + \frac{1}{p \cdot C}}$$

$$Zvx(p) := \frac{R \cdot \left(2R + \frac{1}{p \cdot C}\right) + R \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C} + R\right)}{2R + \frac{1}{p \cdot C}}$$

$$p := R \cdot \left(2 \cdot R + \frac{1}{p \cdot C}\right) + R \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C} + R\right) \begin{vmatrix} solve, p \\ float, 5 \end{vmatrix} \rightarrow -133.33$$

$$T := \frac{1}{|p|} \cdot T$$

$$T = 7.5 \times 10^{-3}$$

$$p := R \cdot \left(2 \cdot R + \frac{1}{p \cdot C}\right) + R \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C} + R\right) \begin{vmatrix} \text{solve}, p \\ \text{float}, 5 \end{vmatrix} \rightarrow -133.33$$

$$T := \frac{1}{|p|} \cdot T$$

$$T = 7.5 \times 10^{-3}$$

Одже корень характеристичного рівняння має вигляд:

$$p = -133.33$$

Вільні складові повних струмів та напруг будуть мати вигляд:

$$i"_{1}(t) := A_{1} \cdot e^{pt}$$

$$i"_{2}(t) := B_{1} \cdot e^{pt}$$

Визначення сталих інтегрування:

$$A_1 := i_{10} - i'_1$$
 $A_1 = 3.333 \times 10^{-3}$
 $B_1 := i_{20} - i'_2$ $B_1 = 6.667 \times 10^{-3}$

Отже вільна складова струму i1(t) та i2(t) будуть мати вигляд:

$$\mathbf{i"}_{1}(\mathsf{t}) \coloneqq \mathbf{A}_{1} \cdot \mathbf{e}^{pt} \qquad \qquad \mathbf{i"}_{2}(\mathsf{t}) \coloneqq \mathbf{B}_{1} \cdot \mathbf{e}^{pt}$$

Повні значення цих струмів:

$$\begin{split} i_1(t) &:= i'_1 + i''_1(t) & \qquad i_1(t) \; \text{float}, 5 \; \to 1.0000 \cdot 10^{-2} + 3.3333 \cdot 10^{-3} \cdot \exp(-133.33 \cdot t) \\ i_2(t) &:= i'_2 + i''_2(t) & \qquad i_2(t) \; \text{float}, 5 \; \to 6.6667 \cdot 10^{-3} \cdot \exp(-133.33 \cdot t) \\ g_{11}(t) &:= i_1(t) & \qquad g_{11}(t) \; \text{float}, 5 \; \to 1.0000 \cdot 10^{-2} + 3.3333 \cdot 10^{-3} \cdot \exp(-133.33 \cdot t) \\ h_{cU}(t) &:= E \cdot \frac{R}{R+R} \cdot \left(1 - e^{p \cdot t}\right) \; \text{float}, 5 \; \to .50000 - .50000 \cdot \exp(-133.33 \cdot t) \end{split}$$

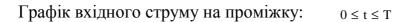
Визначимо закони зміни напруги на всіх проміжках часу:

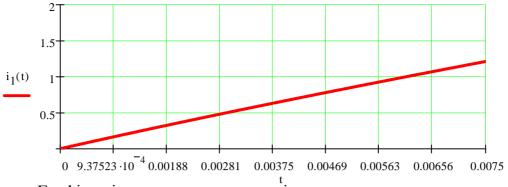
Струм на цих проміжках буде мати вигляд:

$$\begin{split} i_1(t) &:= U_0 \cdot g_{11}(t) + \int_0^t U_1 \cdot g_{11}(t-\tau) \, d\tau \qquad i_1(t) \begin{vmatrix} \text{factor} \\ \text{float}, 3 \end{vmatrix} + 133 \cdot t + .333 - .333 \cdot \exp(-133 \cdot t) \\ i_2(t) &:= U_0 \cdot g_{11}(t) + \int_0^T U_1 \cdot g_{11}(t-\tau) \, d\tau + \left(U_2 - E_1\right) \cdot g_{11}(t-T) \\ i_2(t) \begin{vmatrix} \text{factor} \\ \text{float}, 3 \end{vmatrix} - .333 \cdot \exp(-133 \cdot t) \\ i_1(0.5) &= 66.998 \qquad i_2(1.5) = 0 \end{split}$$

Напруга на індуктивнисті на цих проміжках буде мати вигляд:

$$\begin{split} &u_{C1}(t) \coloneqq U_0 \cdot h_{cU}(t) + \int_0^t U_1' \cdot h_{cU}(t-\tau) \, d\tau \; \mathrm{float}, 4 \; \to 6667. \cdot t - 50. + 50. \cdot \exp(-133.3 \cdot t) \\ &u_{C2}(t) \coloneqq U_0 \cdot h_{cU}(t) + \int_0^T U_1' \cdot h_{cU}(t-\tau) \, d\tau + \left(U_2 - E_1\right) \cdot h_{cU}(t-T) \end{split}$$

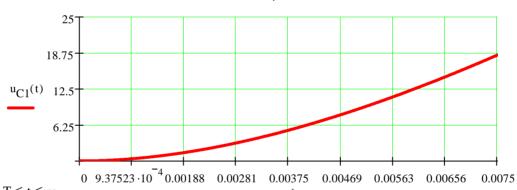




Графік вхідного струму на проміжку: $T \le t \le \infty$



 $0 \le t \le T$



 $T \le t \le \infty$

