Міністерство освіти України Національний технічний університет України "Київський політехнічний інститут"

Кафедра ТОЕ

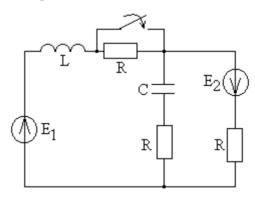
Розрахунково-графічна робота "Розрахунок перехідних процесів у лінійних колах"

Варіант № 365

Виконав:	 	
Пепевірив:		

Умова задання

- 1. В колі з джерелом постійної ЕДС необхідно:
- 1) класичним методом розрахзувати напруги на реактивних елементах та струми перехідного процесу;
- 2) розрахувати струм в колі з джерелом ЕДС Е1 та напругу на реактивному елементі операторним методом;
- 3) побудувати в одному часовому масштабі діаграми струму та напруги на реактивних елементах.
- 2. Дослідити, яким повинен бути активний опір у вітці з джерелом Е1, щоб перехідний процес проходив в граничному режимі.
- 3. Визначити струми в вітках та напруги на реактивних елементах в момент комутації (t=0), якщо замість джерел постійних ЕДС Е1і Е2 в колі діють синусоїдні джерела.
- 3. В післякомутаційній схемі закоротити джерело ЕДС Е2.
- а) виключити катушку індуктивності чи ємність, замінивши останню опором R;
- б) вважаючи, що замість ждерела постійної ЕДС Е1 до отриманного кола подається напруга, форма якої показана на малюнку;
- в) розрахувати вхідний струм та напругу на реактивном елементі методом інтеграла Дюамеля при періоді T, заданому в долях від τ ;
- г) побудувати в одному часовому масштабі діаграми напруги на вході, вхідного струму і напруги на реактивних елементі.



Основна схема

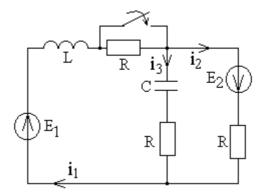
Вхідні данні:

L := 0.1
$$\Gamma_{\text{H}}$$
 C := 200 · 10⁻⁶ Φ R := 50 OM

E₁ := 120 B E₂ := 100 B ψ := 150 · deg C⁰ ω := 150 c⁻¹

Класичний метод

Оберемо додатній напрямок струмів у вітках схеми:



Знайдемо значення струмів та напруг безпосередньо до комутації:

Усталений режим до комутації: t < 0

$$i_{1\text{ДK}} := \frac{E_1 + E_2}{2 \cdot R}$$
 $i_{2\text{ДK}} := i_{1\text{ДK}}$ $i_{2\text{ДK}} = 2.2$

$$i_{2 \text{ДK}} := i_{1 \text{ДK}} \quad i_{2 \text{ДK}} = 2.2$$

$$i_{3\pi K} := 0$$

$$u_{L_{JK}} := 0$$

$$\mathbf{u}_{\mathbf{C}\mathbf{\mathsf{Д}}\mathbf{\mathsf{K}}}\coloneqq \mathbf{E}_1 - \mathbf{i}_{\mathbf{1}\mathbf{\mathsf{J}}\mathbf{\mathsf{K}}} \cdot \mathbf{R} \qquad \qquad \mathbf{u}_{\mathbf{C}\mathbf{\mathsf{J}}\mathbf{\mathsf{K}}} = \mathbf{10}$$

$$u_{C\pi K} = 10$$

Усталений режим після комутації:

$$i'_1 := \frac{E_1 + E_2}{R}$$
 $i'_2 := i'_1$ $i'_2 = 4.4$

$$i'_2 = 4.4$$

$$i'_3 := 0$$
 $u'_L := 0$

$$u'_{\tau} := 0$$

$$\mathbf{u'_C} \coloneqq \mathbf{E_1}$$

$$u'_{C} = 120$$

Незалежні початкові умови

$$i_{10} := i_{1 \text{дк}}$$

$$i_{10} = 2.2$$

$$\mathbf{u}_{C0} \coloneqq \mathbf{u}_{C \perp \mathbf{K}}$$

$$u_{CO} = 10$$

Залежні початкові умови

Given

$$i_{20} = i_{10} - i_{30}$$

$$E_1 = u_{L,0} + u_{C,0} + i_{3,0} \cdot R$$

$$E_2 = i_{20} \cdot R - i_{30} \cdot R - u_{CO}$$

$$\begin{pmatrix} i_{30} \\ i_{20} \\ u_{L0} \end{pmatrix} := \operatorname{Find}(i_{30}, i_{20}, u_{L0}) \rightarrow \begin{pmatrix} 0 \\ \frac{11}{5} \\ 110 \end{pmatrix}$$

$$i_{30} = 0$$

$$i_{20} = 2.2$$

$$u_{L0} = 110$$

Незалежні початкові умови

$$\operatorname{di}_{10} \coloneqq \frac{\mathsf{u}_{L0}}{\mathsf{L}}$$

$$di_{10} = 1.1 \times 10^3$$

$$\mathrm{du}_{C0} \coloneqq \frac{\mathrm{i}_{30}}{\mathrm{C}}$$

$$du_{CO} = 0$$

Залежні початкові умови

Given

$$\begin{split} & \operatorname{di}_{10} = \operatorname{di}_{20} + \operatorname{di}_{30} \\ & 0 = \operatorname{du}_{L0} + \operatorname{du}_{C0} + \operatorname{di}_{30} \cdot R \\ & 0 = \operatorname{di}_{20} \cdot R - \operatorname{di}_{30} \cdot R - \operatorname{du}_{C0} \\ & \begin{pmatrix} \operatorname{di}_{20} \\ \operatorname{di}_{30} \\ \operatorname{du}_{L0} \end{pmatrix} & \coloneqq \operatorname{Find} \left(\operatorname{di}_{20}, \operatorname{di}_{30}, \operatorname{du}_{L0} \right) \\ & \operatorname{di}_{20} = 550 \qquad \operatorname{di}_{30} = 550 \qquad \operatorname{du}_{L0} = -2.75 \times 10^4 \end{split}$$

Вільний режим після комутайії: t = 0

Складемо характерестичне рівняння схеми

$$Z(p) := \frac{R \cdot \left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right)}{2 \cdot R + \frac{1}{p \cdot C}} + p \cdot L$$

$$Z(p) := \frac{R \cdot \left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) + \left(2 \cdot R + \frac{1}{p \cdot C}\right) \cdot p \cdot L}{2 \cdot R + \frac{1}{p \cdot C}}$$

$$\frac{P_1}{P_2} := R \cdot \left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) + \left(2 \cdot R + \frac{1}{p \cdot C}\right) \cdot p \cdot L \quad \begin{vmatrix} solve, p \\ float, 5 \end{vmatrix} \xrightarrow{float, 5} \begin{pmatrix} -150. -50.000 \cdot i \\ -150. +50.000 \cdot i \end{pmatrix}$$

Одже корні характеристичного рівняння мають вигляд:

$$p_1 = -150 - 50i$$
 $p_2 = -150 + 50i$

Коефіцієнт затухання та кутова частота вільних коливань:

$$\delta := |\operatorname{Re}(p_1)|$$
 $\delta = 150$ $\omega_0 := |\operatorname{Im}(p_2)|$ $\omega_0 = 50$

Вільні складові повних струмів та напруг будуть мати вигляд:

$$\begin{split} &i"_{1}(t) = A \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_{0} \cdot t + v_{1}) \\ &i"_{2}(t) = B \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_{0} \cdot t + v_{2}) \\ &i"_{3}(t) = C \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_{0} \cdot t + v_{3}) \\ &u"_{C}(t) = D \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_{0} \cdot t + v_{C}) \\ &u"_{I}(t) = F \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_{0} \cdot t + v_{I}) \end{split}$$

Визначення сталих інтегрування:

Для струму i1(t):

Given

$$\begin{split} &\mathbf{i}_{10} - \mathbf{i'}_1 = \mathbf{A} \cdot \sin(\mathbf{v}_1) \\ &\mathbf{di}_{10} = -\mathbf{A} \cdot \delta \cdot \sin(\mathbf{v}_1) + \mathbf{A} \cdot \omega_0 \cdot \cos(\mathbf{v}_1) \\ &\binom{\mathbf{A}}{\mathbf{v}_1} \coloneqq \mathrm{Find}(\mathbf{A}, \mathbf{v}_1) \ \mathrm{float}, 5 \ \rightarrow \begin{pmatrix} -15.556 & 15.556 \\ 2.9997 & -.14190 \end{pmatrix} \end{split}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$A = -15.556$$
 $v_1 = 3$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$\begin{split} i\text{"}_1(t) &:= A \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin\!\left(\omega_0 \cdot t + v_1\right) \text{ float, 5} \\ &\to -15.556 \cdot \exp(-150.00 \cdot t) \cdot \sin(50.000 \cdot t + 2.9997) \\ i_1(t) &:= i\text{"}_1 + i\text{"}_1(t) \text{ float, 4} \\ &\to 4.400 - 15.56 \cdot \exp(-150.0 \cdot t) \cdot \sin(50.00 \cdot t + 3.000) \end{split}$$

Для струму i2(t):

$$\begin{split} & i_{20} - i'_{2} = B \cdot \sin(v_{2}) \\ & di_{20} = -B \cdot \delta \cdot \sin(v_{2}) + B \cdot \omega_{0} \cdot \cos(v_{2}) \\ & \begin{pmatrix} B \\ v_{2} \end{pmatrix} := Find(B, v_{2}) \text{ float, 5} & \rightarrow \begin{pmatrix} -4.9193 & 4.9193 \\ 2.6779 & -.46365 \end{pmatrix} \end{split}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$B = -4.919$$
 $v_2 = 2.678$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$\begin{split} i\text{"}_2(t) &\coloneqq B \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin\!\left(\omega_0 \cdot t + v_2\right) \text{float}, 5 \ \rightarrow -4.9193 \cdot \exp(-150.00 \cdot t) \cdot \sin(50.000 \cdot t + 2.6779) \\ i_2(t) &\coloneqq i'_2 + i\text{"}_2(t) \text{ float}, 4 \ \rightarrow 4.400 - 4.919 \cdot \exp(-150.0 \cdot t) \cdot \sin(50.00 \cdot t + 2.678) \end{split}$$

Для струму i3(t):

$$\begin{split} &i_{30}-i'_{3} = C \cdot \sin(v_{3}) \\ &di_{30} = -C \cdot \delta \cdot \sin(v_{3}) + C \cdot \omega_{0} \cdot \cos(v_{3}) \\ &\binom{C}{v_{3}} := \operatorname{Find}(C, v_{3}) \operatorname{float}, 5 \rightarrow \begin{pmatrix} 11. & -11. \\ 0 & 3.1416 \end{pmatrix} \end{split}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$C = 11$$
 $v_3 = 0$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$\begin{split} i\text{"}_3(t) &:= C \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \text{sin} \Big(\omega_0 \cdot t + v_3 \Big) \text{ float, 5} \\ &\to 11. \cdot \text{exp} (-150.00 \cdot t) \cdot \text{sin} (50.000 \cdot t) \\ i_3(t) &:= i\text{'}_3 + i\text{"}_3(t) \text{ float, 4} \\ &\to 11. \cdot \text{exp} (-150.0 \cdot t) \cdot \text{sin} (50.00 \cdot t) \end{split}$$

Для напруги Uc(t):

$$\begin{split} \mathbf{u}_{C0} - \mathbf{u'}_{C} &= \mathbf{D} \cdot \sin(\mathbf{v}_{C}) \\ d\mathbf{u}_{C0} &= -\mathbf{D} \cdot \delta \cdot \sin(\mathbf{v}_{C}) + \mathbf{D} \cdot \omega_{0} \cdot \cos(\mathbf{v}_{C}) \\ \begin{pmatrix} \mathbf{D} \\ \mathbf{v}_{C} \end{pmatrix} &:= \mathrm{Find}(\mathbf{D}, \mathbf{v}_{C}) & \text{float, 5} \\ \mathrm{complex} & \rightarrow \begin{pmatrix} 347.85 & -347.85 \\ -2.8198 & .32175 \end{pmatrix} \end{split}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$D = 347.85$$
 $v_C = -2.82$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$\begin{split} u''_{C}(t) &:= D \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \left(\omega_{0} \cdot t + v_{C} \right) \text{ float, 5} \\ &\to 347.85 \cdot \exp(-150.00 \cdot t) \cdot \sin(50.000 \cdot t - 2.8198) \\ u_{C}(t) &:= u'_{C} + u''_{C}(t) \text{ float, 4} \\ &\to 120. + 347.9 \cdot \exp(-150.0 \cdot t) \cdot \sin(50.00 \cdot t - 2.820) \end{split}$$

Для напруги Ul(t):

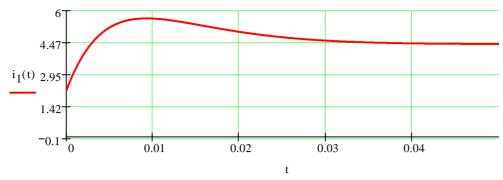
$$\begin{split} \mathbf{u}_{L0} - \mathbf{u'}_{L} &= \mathbf{F} \cdot \sin(\mathbf{v}_{L}) \\ d\mathbf{u}_{L0} &= -\mathbf{F} \cdot \delta \cdot \sin(\mathbf{v}_{L}) + \mathbf{F} \cdot \omega_{0} \cdot \cos(\mathbf{v}_{L}) \\ \begin{pmatrix} \mathbf{F} \\ \mathbf{v}_{L} \end{pmatrix} &:= \mathbf{Find}(\mathbf{F}, \mathbf{v}_{L}) & \begin{vmatrix} \mathbf{float}, \mathbf{5} \\ \mathbf{complex} \end{vmatrix} \xrightarrow{-245.97} \begin{pmatrix} -245.97 & 245.97 \\ -.46365 & 2.6779 \end{pmatrix} \end{split}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

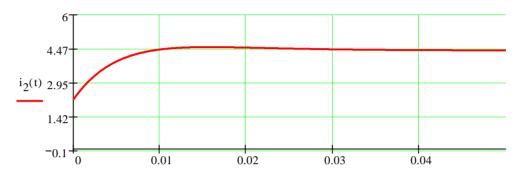
$$F = -245.97$$
 $v_L = -0.464$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

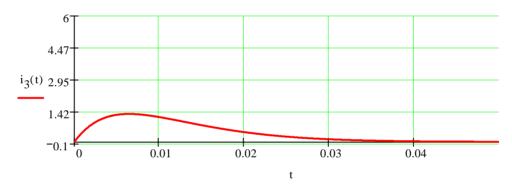
$$\begin{split} u"_L(t) &:= F \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \! \left(\omega_0 \cdot t + v_L \right) \, \text{float}, \\ 5 &\to -245.97 \cdot \exp(-150.00 \cdot t) \cdot \sin(50.000 \cdot t - .46365) \\ u_L(t) &:= u'_L + u"_L(t) \, \, \text{float}, \\ 4 &\to -246.0 \cdot \exp(-150.0 \cdot t) \cdot \sin(50.00 \cdot t - .4637) \end{split}$$



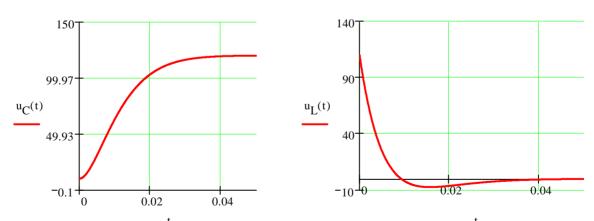
Графік перехідного струму i1(t).



Графік перехідного струму i2(t).

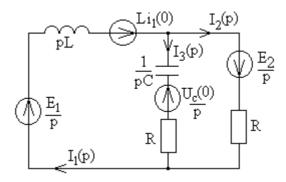


Графік перехідного струму i3(t).



Графік перехідних напруг на ємності та індуктивності.

Операторний метод



Операторна схема

Усталений режим до комутації:

$$\begin{split} i_{1\text{ДK}} &\coloneqq \frac{E_1 + E_2}{2 \cdot R} & i_{2\text{ДK}} \coloneqq i_{1\text{ДK}} \quad i_{2\text{ДK}} = 2.2 \\ i_{3\text{ДK}} &\coloneqq 0 & u_{L\text{ДK}} \coloneqq 0 \\ u_{C\text{ЛK}} &\coloneqq E_1 - i_{1\text{ЛK}} \cdot R & u_{C\text{ЛK}} = 10 \end{split}$$

Початкові умови:

$$i_{L0} := i_{1,LK}$$
 $i_{L0} = 2.2$ $u_{C0} = 10$

$$I_{k1}(p) \cdot \left(R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C}\right) - I_{k2}(p) \cdot \left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) = \frac{E_1}{p} - \frac{u_{C0}}{p} + L \cdot i_{10}$$
$$-I_{k1}(p) \cdot \left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) + I_{k2}(p) \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C} + 2 \cdot R\right) = \frac{E_2}{p} + \frac{u_{C0}}{p}$$

$$\Delta(p) := \begin{bmatrix} R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C} & -\left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) \\ -\left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) & \frac{1}{p \cdot C} + 2 \cdot R \end{bmatrix}$$

$$\Delta(p) \text{ float, 5} \rightarrow \frac{1}{p^{1}} \cdot \left(3000.0 \cdot p + 2.5000 \cdot 10^{5} + 10.0 \cdot p^{2}\right)$$

$$\Delta_{1}(p) := \begin{bmatrix} \frac{E_{1}}{p} - \frac{u_{C0}}{p} + L \cdot i_{10} & -\left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) \\ \frac{E_{2}}{p} + \frac{u_{C0}}{p} & \frac{1}{p \cdot C} + 2 \cdot R \end{bmatrix}$$

$$\Delta_{1}(p) \text{ float, 5} \rightarrow \frac{\left(17600. \cdot p + 1.1000 \cdot 10^{6} + 22.000 \cdot p^{2}.\right)}{p^{2}}$$

$$\Delta_{2}(p) := \begin{bmatrix} R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C} & \frac{E_{1}}{p} - \frac{u_{C0}}{p} + L \cdot i_{10} \\ -\left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) & \frac{E_{2}}{p} + \frac{u_{C0}}{p} \end{bmatrix} \quad \Delta_{2}(p) \text{ float, 5} \rightarrow \frac{\left(12100 \cdot p + 22.000 \cdot p^{2} + 1.1000 \cdot 10^{6}\right)}{p^{2}}$$

Контурні струми та напруга на конденсаторі будуть мати вигляд:

$$\begin{split} I_{k1}(p) &:= \frac{\Delta_1(p)}{\Delta(p)} & I_1(p) := I_{k1}(p) \text{ float}, 5 \ \rightarrow \frac{\left(17600. \cdot p + 1.1000 \cdot 10^6 + 22.000 \cdot p^2.\right)}{p^1 \cdot \left(3000.0 \cdot p + 2.5000 \cdot 10^5 + 10.0 \cdot p^2.\right)^1}. \\ I_{k2}(p) &:= \frac{\Delta_2(p)}{\Delta(p)} & I_2(p) := I_{k2}(p) \text{ float}, 5 \ \rightarrow \frac{\left(12100. \cdot p + 22.000 \cdot p^2 \cdot + 1.1000 \cdot 10^6\right)}{p^1 \cdot \left(3000.0 \cdot p + 2.5000 \cdot 10^5 + 10.0 \cdot p^2.\right)^1}. \\ I_3(p) &:= I_{k1}(p) - I_{k2}(p) \ \left| \begin{array}{l} \text{float}, 5 \\ \text{simplify} \end{array} \right| \rightarrow \frac{550.}{\left(300. \cdot p + 25000. + p^2\right)} \\ u_C(p) &:= \frac{u_{C0}}{p} + \frac{I_3(p)}{p \cdot C} \\ u_C(p) \text{ factor } \rightarrow 10 \cdot \frac{\left(300 \cdot p + 300000 + p^2\right)}{\left(300 \cdot p + 25000 + p^2\right) \cdot p} \\ u_L(p) &:= L \cdot p \cdot I_1(p) - L \cdot i_{1JIK} \\ u_L(p) \text{ factor } \rightarrow 110 \cdot \frac{(p + 50)}{\left(300 \cdot p + 25000 + p^2\right)} \end{split}$$

Перейдемо тепер від зображення до функції часу за формулою розкладу: Для струму I1(p):

$$\begin{split} N_1(p) &:= 17600. \cdot p + 1.1000 \cdot 10^6 + 22.000 \cdot p^2. \\ \begin{pmatrix} p_0 \\ p_1 \\ p_2 \end{pmatrix} &:= M_1(p) \ \begin{vmatrix} solve, p \\ float, 5 \end{vmatrix} \leftarrow \begin{pmatrix} 0 \\ -150. -50.000 \cdot i \\ -150. +50.000 \cdot i \end{pmatrix} \\ N_1(p_0) &= 1.1 \times 10^6 \\ \end{pmatrix} \\ N_1(p_0) &= 1.1 \times 10^6 \\ \end{pmatrix} \\ N_1(p_0) &= 1.1 \times 10^6 \\ N_1(p_0) &= \frac{d}{dp} M_1(p) \text{ factor } \rightarrow 6000 \cdot p + 250000 + 30 \cdot p^2 \\ \end{pmatrix} \\ M_1(p_0) &= 2.5 \times 10^5 \\ \end{pmatrix} \\ M_1(p_0) &= -5 \times 10^4 + 1.5i \times 10^5 \\ \end{pmatrix} \\ M_1(p_0) &= -5 \times 10^4 - 1.5i \times 10^5 \\ \end{pmatrix} \\ M_1(p_0) &= -5 \times 10^4 - 1.5i \times 10^5 \\ \end{pmatrix} \\ M_1(p_0) &= -5 \times 10^4 - 1.5i \times 10^5 \\ \end{pmatrix} \\ M_1(p_0) &= -5 \times 10^4 - 1.5i \times 10^5 \\ \end{pmatrix} \\ M_1(p_0) &= -5 \times 10^4 - 1.5i \times 10^5 \\ \end{pmatrix}$$

Отже струм як функція часу буде мати вигляд:

$$\begin{split} &i_1(t) \coloneqq \frac{N_1 \left(p_0\right)}{dM_1 \left(p_0\right)} + \frac{N_1 \left(p_1\right)}{dM_1 \left(p_1\right)} \cdot e^{p_1 \cdot t} + \frac{N_1 \left(p_2\right)}{dM_1 \left(p_2\right)} \cdot e^{p_2 \cdot t} \\ &i_1(t) \quad \begin{vmatrix} \text{float}, 3 \\ \text{complex} \end{vmatrix} + 4.40 - 2.20 \cdot \exp(-150. \cdot t) \cdot \cos(50.0 \cdot t) + 15.40 \cdot \exp(-150. \cdot t) \cdot \sin(50.0 \cdot t) \end{aligned}$$

Для напруги на конденсаторі Uc(р):

$$\begin{split} N_{u}(p) &:= 10 \cdot \left(300 \cdot p + 300000 + p^{2}\right) \\ \begin{pmatrix} p_{0} \\ p_{1} \\ p_{2} \end{pmatrix} &:= M_{u}(p) \ \, \begin{vmatrix} solve, p \\ float, 5 \end{pmatrix} \leftarrow \begin{pmatrix} 0 \\ -150. + 50.000 \cdot i \\ -150. - 50.000 \cdot i \end{pmatrix} \\ p_{0} &= 0 \qquad p_{1} = -150 + 50i \qquad p_{2} = -150 - 50i \\ N_{u}(p_{0}) &= 3 \times 10^{6} \qquad N_{u}(p_{1}) = 2.75 \times 10^{6} \qquad N_{u}(p_{2}) = 2.75 \times 10^{6} \end{split}$$

$$\begin{split} dM_u(p) &:= \frac{d}{dp} M_u(p) \ \ \text{factor} \ \ \to 600 \cdot p + 25000 + 3 \cdot p^2 \\ dM_u\!\!\left(p_0\right) &= 2.5 \times 10^4 \qquad dM_u\!\!\left(p_1\right) = -5 \times 10^3 - 1.5 \mathrm{i} \times 10^4 \qquad dM_u\!\!\left(p_2\right) = -5 \times 10^3 + 1.5 \mathrm{i} \times 10^4 \end{split}$$

Отже напруга як функція часу буде мати вигляд:

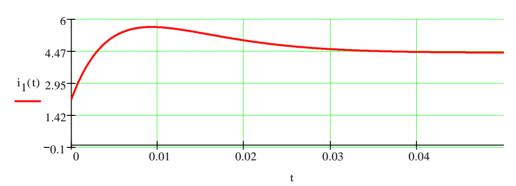
$$\begin{split} u_C(t) &:= \frac{N_u\!\!\left(p_0\right)}{dM_u\!\!\left(p_0\right)} + \frac{N_u\!\!\left(p_1\right)}{dM_u\!\!\left(p_1\right)} \cdot e^{p_1 \cdot t} + \frac{N_u\!\!\left(p_2\right)}{dM_u\!\!\left(p_2\right)} \cdot e^{p_2 \cdot t} \\ u_C(t) & \begin{vmatrix} \text{float}, 5 \\ \text{complex} \end{vmatrix} + 120. - 110.000 \cdot \exp(-150. \cdot t) \cdot \cos(50.000 \cdot t) - 330.00 \cdot \exp(-150. \cdot t) \cdot \sin(50.000 \cdot t) \end{vmatrix} \end{split}$$

Для напруги на індуктивності:

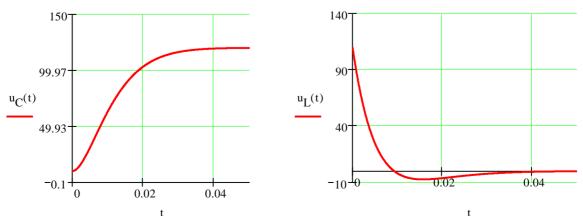
$$\begin{split} N_L(p) &:= 110 \cdot (p+50) \\ M_L(p) &:= \left(300 \cdot p + 25000 + p^2\right) \\ \begin{pmatrix} p_1 \\ p_2 \end{pmatrix} &:= M_L(p) \ \, \left| \begin{array}{l} \text{solve}, p \\ \text{float}, 5 \end{array} \right| \leftarrow \begin{pmatrix} -150. + 50.000 \cdot i \\ -150. - 50.000 \cdot i \end{array} \right) \\ N_L(p_1) &= -1.1 \times 10^4 + 5.5i \times 10^3 \\ M_L(p) &:= \frac{d}{dp} M_L(p) \ \, \text{factor} \ \, \rightarrow 300 + 2 \cdot p \\ dM_L(p_1) &= 100i \\ \end{pmatrix} \end{split}$$

Отже напруга як функція часу буде мати вигляд:

$$\begin{split} u_L(t) &:= \frac{N_L(p_1)}{dM_L(p_1)} \cdot e^{p_1 \cdot t} + \frac{N_L(p_2)}{dM_L(p_2)} \cdot e^{p_2 \cdot t} \\ u_L(t) & \begin{vmatrix} float, 5 \\ complex \end{vmatrix} + 110.000 \cdot exp(-150. \cdot t) \cdot cos(50.000 \cdot t) - 220.00 \cdot exp(-150. \cdot t) \cdot sin(50.000 \cdot t) \end{split}$$



Графік перехідного струму i1(t).



І рафік перехідних напруг на ємності та індуктивності.

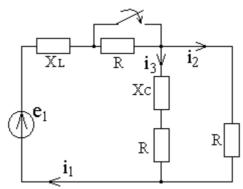
Дослідити чому повинен дорівнювати активний опір вітки с джерелом ЕРС Е1 щоб аперіодичний процес переходив у коливальний

$$\begin{split} Z_{ab}(p) &:= \mathbf{R'} + p \cdot \mathbf{L} + \frac{\left(\mathbf{R} + \frac{1}{p \cdot \mathbf{C}}\right) \cdot \mathbf{R}}{\frac{1}{p \cdot \mathbf{C}} + \mathbf{R} + \mathbf{R}} \\ Z_{ab}(p) &:= \frac{\left(\frac{1}{p \cdot \mathbf{C}} + \mathbf{R} + \mathbf{R}\right) \cdot \left(\mathbf{R'} + p \cdot \mathbf{L}\right) + \left(\mathbf{R} + \frac{1}{p \cdot \mathbf{C}}\right) \cdot \mathbf{R}}{\frac{1}{p \cdot \mathbf{C}} + \mathbf{R} + \mathbf{R}} \\ (2 \cdot \mathbf{R} \cdot \mathbf{L}) \cdot p^2 + \left(2 \cdot \mathbf{R} \cdot \mathbf{R'} + \frac{\mathbf{L}}{\mathbf{C}} + \mathbf{R}^2\right) \cdot p + \left(\frac{\mathbf{R'}}{\mathbf{C}} + \frac{\mathbf{R}}{\mathbf{C}}\right) = 0 \\ D &= 0 \\ \left(2 \cdot \mathbf{R} \cdot \mathbf{R'} + \frac{\mathbf{L}}{\mathbf{C}} + \mathbf{R}^2\right)^2 - 4 \cdot (2 \cdot \mathbf{R} \cdot \mathbf{L}) \cdot \left(\frac{\mathbf{R'}}{\mathbf{C}} + \frac{\mathbf{R}}{\mathbf{C}}\right) = 0 \\ \left(2 \cdot \mathbf{R} \cdot \mathbf{R'} + \frac{\mathbf{L}}{\mathbf{C}} + \mathbf{R}^2\right)^2 - 4 \cdot (2 \cdot \mathbf{R} \cdot \mathbf{L}) \cdot \left(\frac{\mathbf{R'}}{\mathbf{C}} + \frac{\mathbf{R}}{\mathbf{C}}\right) \begin{vmatrix} \text{solve}, \mathbf{R'} \\ \text{float}, 5 \end{vmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} -42.361 \\ 2.3607 \end{pmatrix} \\ \mathbf{R'} &:= 2.3607 \end{split}$$

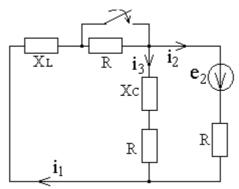
Отже при такому значенні активного опору у вітці з джерелом напруги Е1 аперіодичний процес перейде в коливальний.

Визначити струми віток і напруги на реактивних елементах у момент комутації (t=0), якщо замість джерел постійної напруги E1 і E2 у колі діють джерела синусоідної напруги:

$$\begin{split} e_1(t) &:= \sqrt{2} \cdot E_1 \cdot \sin \bigl(\omega \cdot t + \psi\bigr) \\ X_C &:= \frac{1}{\omega \cdot C} \qquad X_C = 33.333 \qquad X_L := \omega \cdot L \qquad X_L = 15 \\ E_1 &:= E_1 \cdot e^{\psi \cdot i} \qquad E_1 = -103.923 + 60i \qquad F(E_1) = (120 \ 150) \\ E_2 &:= E_2 \cdot e^{\psi \cdot i} \qquad E_2 = -86.603 + 50i \qquad F(E_2) = (100 \ 150) \end{split}$$



_~



$$Z''_{vx} \coloneqq R + \frac{\left(R + i \cdot X_L\right) \cdot \left(R - i \cdot X_C\right)}{R + i \cdot X_L + R - i \cdot X_C}$$

$$Z''_{VX} = 80.65 - 3.5478$$

$$I''_{2дK} := \frac{E_2}{Z''_{VX}}$$

$$I''_{2\pi\kappa} = -1.099 + 0.572$$

$$F(I''_{2\pi K}) = (1.239 \ 152.519)$$

$$I''_{2\mu\kappa} := \frac{E_2}{Z''_{vx}} \qquad \qquad I''_{2\mu\kappa} = -1.099 + 0.572i \qquad F(I''_{2\mu\kappa}) = (1.239 \ 152.519)$$

$$I''_{1\mu\kappa} := I''_{2\mu\kappa} \cdot \frac{\left(R - i \cdot X_C\right)}{R + i \cdot X_L + R - i \cdot X_C} \qquad I''_{1\mu\kappa} = -0.463 + 0.567i \qquad F(I''_{1\mu\kappa}) = (0.732 \ 129.217)$$

$$I''_{1\pi K} = -0.463 + 0.567i$$

$$F(I''_{1\pi K}) = (0.732 \ 129.217)$$

$$I''_{3 \text{ДK}} := I''_{2 \text{ДK}} - I''_{1 \text{ДK}}$$

$$I''_{3\mu K} = -0.636 + 4.366i \times 10^{-2} F(I''_{3\mu K}) = (0.636 \ 179.607)$$

$$F(I''_{3\mu\kappa}) = (0.636 \ 179.607)$$

$$I_{1 \pm K} := I'_{1 \pm K} + I''_{1 \pm K}$$

$$I_{1 \text{ДK}} = -1.717 + 1.463i$$

$$F(I_{1_{JK}}) = (2.256 \ 139.573)$$

$$I_{2д\kappa}\coloneqq I'_{2д\kappa}+I''_{2д\kappa}$$

$$I_{2 \text{ДK}} = -1.654 + 1.252i$$

$$F(I_{2 \mu K}) = (2.075 \ 142.876)$$

$$I_{3\mu k}\coloneqq I'_{3\mu k}-I''_{3\mu k}$$

$$I_{3 \text{дK}} = -0.063 + 0.211i$$

$$F(I_{3 \text{дK}}) = (0.22 \ 106.597)$$

$$\mathbf{u}_{C \text{dk}} \coloneqq \mathbf{I}_{3 \text{dk}} \cdot \left(-\mathbf{i} \cdot \mathbf{X}_{C} \right)$$

$$u_{\text{C}_{\text{ДK}}} = 7.017 + 2.091i$$

$$F(u_{C_{\mathcal{I}K}}) = (7.322 \ 16.597)$$

$$\mathtt{u}_{L \! \! \, \mathsf{J} \mathsf{K}} \coloneqq \mathtt{I}_{1 \! \! \, \mathsf{J} \mathsf{K}} \cdot \mathtt{i} \cdot \mathtt{X}_{L}$$

$$u_{L_{JK}} = -21.942 - 25.758i$$

$$u_{L_{JJK}} = -21.942 - 25.758i$$
 $F(u_{L_{JJK}}) = (33.837 - 130.427)$

$$i_{1\text{ДK}}(t) := \left|I_{1\text{ДK}}\right| \cdot \sqrt{2} \cdot \text{sin} \Big(\omega \cdot t + \text{arg} \Big(I_{1\text{ДK}}\Big)\Big)$$

$$i_{2 \text{JK}}(t) := \left| I_{2 \text{JK}} \right| \cdot \sqrt{2} \cdot \text{sin} \left(\omega \cdot t + \text{arg} \left(I_{2 \text{JK}} \right) \right)$$

$$i_{3\text{JK}}(t) := \left| I_{3\text{JK}} \right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin \! \left(\omega \cdot t + \text{arg} \! \left(I_{3\text{JK}} \! \right) \right)$$

$$\mathbf{u}_{C,K}(t) := \left| \mathbf{u}_{C,K} \right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin \left(\omega \cdot t + \arg \left(\mathbf{u}_{C,K} \right) \right)$$

Початкові умови:

$$u_{\text{Сдк}}(0) = 2.958$$

$$i_{Lдк}(0) = 2.069$$

Given

$$i_{20} = i_{10} - i_{30}$$

$$e_1(0) = u_{L0} + u_{C0} + i_{30} \cdot R$$

$$e_2(0) = i_{20} \cdot R - i_{30} \cdot R - u_{C0}$$

$$\begin{pmatrix} \mathbf{i}_{30} \\ \mathbf{i}_{20} \\ \mathbf{u}_{L0} \end{pmatrix} \coloneqq \mathsf{Find} \! \left(\mathbf{i}_{30}, \mathbf{i}_{20}, \mathbf{u}_{L0} \right)$$

$$i_{10} = 2.069$$
 $i_{20} = 1.771$

$$i_{20} = 1.771$$

$$i_{30} = 0.298$$

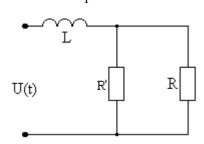
$$u_{L0} = 67.01$$

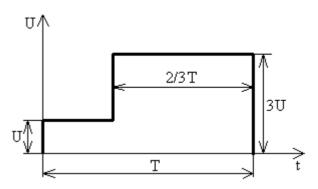
$$u_{C0} = 2.958$$

i

Інтеграл Дюамеля

$$T := 1.0$$
 $E_1 := 120$ $E := 1$ $R' := R + R$





За допомогою класичного метода визначим:

$$Z_{VX}(p) := \frac{R' \cdot R}{R' + R} + p \cdot L$$

$$p := \frac{R' \cdot R}{R' + R} + p \cdot L \quad \begin{vmatrix} solve, p \\ float, 5 \end{vmatrix} \rightarrow -333.33$$

$$p = -333.33$$

$$T := \frac{1}{|p|} \cdot T$$

$$p = -333.33$$
 $T := \frac{1}{|p|} \cdot T$ $T = 3 \times 10^{-3}$

$$i_1(t) := \frac{E}{\left(\frac{R' \cdot R}{R' + R}\right)} - \frac{E}{\left(\frac{R' \cdot R}{R' + R}\right)} \cdot e^{p \cdot t}$$

$$U_{L}(t) := L \cdot \frac{d}{dt} i_{1}(t) \text{ float, 5} \rightarrow .99999 \cdot \exp(-333.33 \cdot t)$$

$$g_{11}(t) := i_1(t)$$
 $g_{11}(t) \text{ float, } 5 \rightarrow 3.0000 \cdot 10^{-2} - 3.0000 \cdot 10^{-2} \cdot \exp(-333.33 \cdot t)$

$$h_{uL}(t) := U_L(t) \rightarrow .99999 \cdot \exp(-333.33 \cdot t)$$

Визначимо закони зміни напруги на всіх проміжках часу:

$$U_0 := E_1$$
 $U_0 = 120$

$$U_1 := E_1$$
 $U_1 = 120$

$$U_2 := 3E_1$$
 $U_2 = 360$ $\frac{T}{3} < t < T$

$$U_3 := 0$$

$$\mathbf{U'}_1 \coloneqq \mathbf{0} \qquad \qquad \mathbf{U'}_2 \coloneqq \mathbf{0}$$

Струм на цих проміжках буде мати вигляд:

$$\mathbf{i}_1(t) := \mathbf{U}_0 \cdot \mathbf{g}_{11}(t) \qquad \qquad \mathbf{i}_1(t) \quad \begin{vmatrix} \mathsf{factor} \\ \mathsf{float}, 3 \end{vmatrix} \rightarrow 3.60 - 3.60 \cdot \exp(-333. \cdot t)$$

$$\mathbf{i}_2(t) \coloneqq \mathbf{U}_0 \cdot \mathbf{g}_{11}(t) + \left(\mathbf{U}_2 - \mathbf{U}_1\right) \cdot \mathbf{g}_{11}\!\!\left(t - \frac{\mathbf{T}}{3}\right)$$

$$i_2(t) \ float, 3 \ \to 10.8 - 3.60 \cdot exp(-333. \cdot t) - 7.20 \cdot exp(-333. \cdot t + .333)$$

$$\mathbf{i}_{3}(t) := \mathbf{U}_{0} \cdot \mathbf{g}_{11}(t) + \left(\mathbf{U}_{2} - \mathbf{U}_{1}\right) \cdot \mathbf{g}_{11}\!\!\left(t - \frac{T}{3}\right) + \left(\mathbf{U}_{3} - \mathbf{U}_{2}\right) \cdot \mathbf{g}_{11}(t - T)$$

$$i_3(t) \mid \substack{factor \\ float, 3} \rightarrow -3.60 \cdot exp(-333. \cdot t) - 7.20 \cdot exp(-333. \cdot t + .333) + 10.8 \cdot exp(-333. \cdot t + 1.)$$

Напруга на індуктивнисті на цих проміжках буде мати вигляд:

$$u_{I,1}(t) := U_0 \cdot h_{uI}(t) \text{ float, } 5 \rightarrow 120.00 \cdot \exp(-333.33 \cdot t)$$

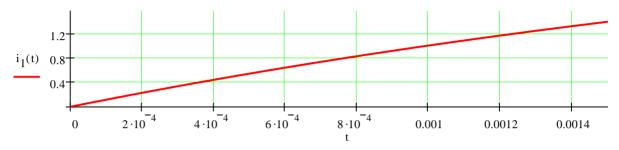
$$\mathbf{u}_{L2}(t) := \mathbf{U}_0 \cdot \mathbf{h}_{\mathbf{u}L}(t) + \left(\mathbf{U}_2 - \mathbf{U}_1\right) \cdot \mathbf{h}_{\mathbf{u}L}\left(t - \frac{\mathbf{T}}{3}\right)$$

 $u_{1,2}(t) \text{ float, 5} \rightarrow 120.00 \cdot \exp(-333.33 \cdot t) + 240.00 \cdot \exp(-333.33 \cdot t + .33333)$

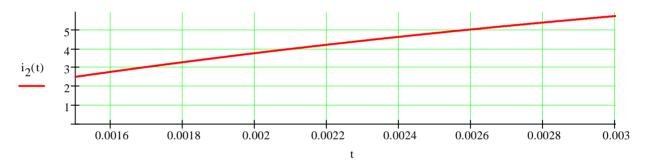
$$\mathbf{u}_{L3}(t) := \mathbf{U}_0 \cdot \mathbf{h}_{uL}(t) + \left(\mathbf{U}_2 - \mathbf{U}_1\right) \cdot \mathbf{h}_{uL}\left(t - \frac{\mathsf{T}}{3}\right) + \left(\mathbf{U}_3 - \mathbf{U}_2\right) \cdot \mathbf{h}_{uL}(t - \mathsf{T})$$

 $u_{1,3}(t) \text{ float}, 5 \rightarrow 120.00 \cdot \exp(-333.33 \cdot t) + 240.00 \cdot \exp(-333.33 \cdot t + .33333) - 360.00 \cdot \exp(-333.33 \cdot t + 1.000)$

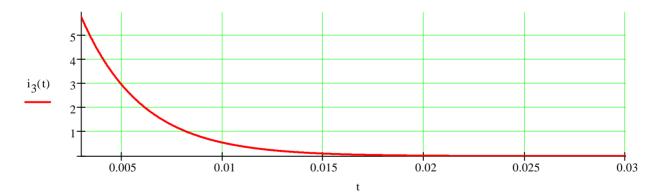
На промежутке от 0 до Т/2



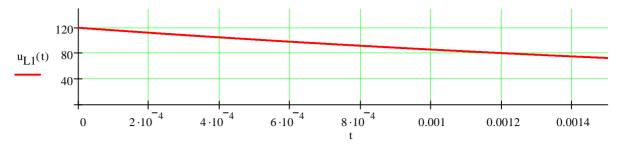
На промежутке от Т/2 до Т



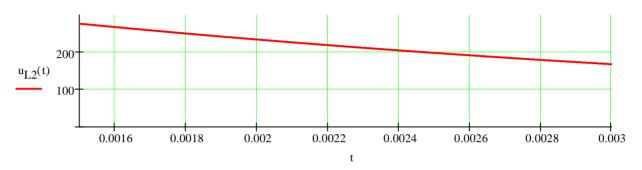
На промежутке от Т до 10Т



Графік напруги на реактивному елементі на проміжку: от 0 до Т/2



Графік напруги на реактивному елементі на проміжку: от Т/2 до Т



Графік напруги на реактивному елементі на проміжку: от Т до 10Т



t