Міністерство освіти України Національний технічний університет України "Київський політехнічний інститут"

Кафедра ТОЕ

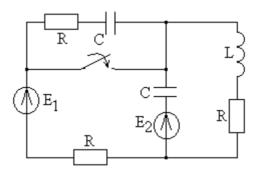
Розрахунково-графічна робота "Розрахунок перехідних процесів у лінійних колах"

Варіант № 168

Виконав:	 	
Пепевіпив		

Умова задання

- 1. В колі з джерелом постійної ЕДС необхідно:
- 1) класичним методом розрахзувати напруги на реактивних елементах та струми перехідного процесу;
- 2) розрахувати струм в колі з джерелом ЕДС Е1 та напругу на реактивному елементі операторним методом;
- 3) побудувати в одному часовому масштабі діаграми струму та напруги на реактивних елементах.
- 2. Дослідити, яким повинен бути активний опір у вітці з джерелом Е1, щоб перехідний процес проходив в граничному режимі.
- 3. Визначити струми в вітках та напруги на реактивних елементах в момент комутації (t=0), якщо замість джерел постійних ЕДС Е1і Е2 в колі діють синусоїдні джерела.
- 3. В післякомутаційній схемі закоротити джерело ЕДС Е2.
- а) виключити катушку індуктивності чи ємність, замінивши останню опором R;
- б) вважаючи, що замість ждерела постійної ЕДС Е1 до отриманного кола подається напруга, форма якої показана на малюнку;
- в) розрахувати вхідний струм та напругу на реактивном елементі методом інтеграла Дюамеля при періоді Т, заданому в долях від т;
- г) побудувати в одному часовому масштабі діаграми напруги на вході, вхідного струму і напруги на реактивних елементі.



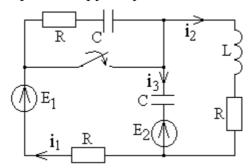
Основна схема

Вхідні данні:

L := 0.2
$$\Gamma_H$$
 C := 170·10⁻⁶ Φ R := 80 O_M $E_1 := 120$ B $E_2 := 100$ B $\psi := 150 \cdot \text{deg}$ C^0 $\omega := 150$ c^{-1}

Класичний метод

Оберемо додатній напрямок струмів у вітках схеми:



Знайдемо значення струмів та напруг безпосередньо до комутації:

Усталений режим до комутації: t < 0

$$i_{1\pi\kappa} = 0$$

$$i_{2\pi\kappa} := i_{1\pi\kappa} \quad i_{2\pi\kappa} = 0$$

$$i_{3 \pi \kappa} := 0$$

$$\mathbf{u}_{\mathbf{C}\mathbf{\Pi}\mathbf{K}}\coloneqq -\mathbf{E}_2$$

$$u_{C_{\pi K}} = -100$$

$$u_{L\pi\kappa} := 0$$

Усталений режим після комутації: $t = \infty$

$$i'_1 := \frac{E_1}{2 \cdot R}$$

$$i'_2 = 0.75$$

$$i'_3 := 0$$

$$\mathbf{u'_{I}} := 0$$

$$\mathbf{u'}_{\mathbf{C}} \coloneqq \mathbf{E}_1 - \mathbf{E}_2 - \mathbf{i'}_1 \cdot \mathbf{R} \qquad \mathbf{u'}_{\mathbf{C}} = -40$$

$$u'_{C} = -40$$

Незалежні початкові умови

$$i_{20} \coloneqq i_{2 \sharp \mathsf{K}}$$

$$i_{20} = 0$$

$$u_{C0} := u_{C_{JK}}$$

$$i_{20} = 0$$
 $u_{C0} = -100$

Залежні початкові умови

Given

$$i_{20} = i_{10} - i_{30}$$

$$E_1 - E_2 = u_{C0} + i_{10} \cdot R$$

$$E_2 = i_{20} \cdot R + u_{L0} - u_{C0}$$

$$\begin{pmatrix} i_{10} \\ i_{30} \\ u_{L0} \end{pmatrix} := \operatorname{Find} \! \left(i_{10}, i_{30}, u_{L0} \right) \, \operatorname{float}, 7 \ \rightarrow \begin{pmatrix} 1.500000 \\ 1.500000 \\ 0 \end{pmatrix} \qquad \qquad i_{10} = 1.5 \qquad i_{30} = 1.5 \qquad \qquad u_{L0} = 0$$

$$i_{10} = 1.5$$
 $i_{30} = 1.5$

Незалежні початкові умови

$$\operatorname{di}_{20} \coloneqq \frac{\mathsf{u}_{L0}}{\overset{L}{\overset{\cdot}{\sqcup}}}$$

$$di_{20} = 0$$

$$du_{C0} := \frac{i_{30}}{C}$$

$$du_{C0} = 8.824 \times 10^3$$

Залежні початкові умови

Given

$$di_{10} = di_{20} + di_{30}$$

$$0 = du_{C0} + di_{10} R$$

$$0 = di_{20} \cdot R + du_{L0} - du_{C0}$$

$$\begin{pmatrix} \operatorname{di}_{10} \\ \operatorname{di}_{30} \\ \operatorname{du}_{L0} \end{pmatrix} := \operatorname{Find} \left(\operatorname{di}_{10}, \operatorname{di}_{30}, \operatorname{du}_{L0} \right) \\ \operatorname{di}_{10} = -110.294 \quad \operatorname{di}_{30} = -110.294 \quad \operatorname{du}_{L0} = 8.824 \times 10^3$$

Вільний режим після комутайії: t = 0

Складемо характерестичне рівняння схеми

$$Z(p) \coloneqq \frac{\frac{1}{p \cdot C} \cdot (R + p \cdot L)}{R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C}} + R$$

$$Z(p) \coloneqq \frac{\frac{1}{p \cdot C} \cdot (R + p \cdot L) + R \cdot \left(R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C}\right)}{R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C}}$$

$$\left(\begin{array}{c} p_1 \\ p_2 \end{array}\right) \coloneqq \frac{1}{p \cdot C} \cdot (R + p \cdot L) + R \cdot \left(R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C}\right) \begin{vmatrix} \text{solve}, p \\ \text{float}, 5 \end{vmatrix} \leftarrow \begin{pmatrix} -236.76 - 52.593 \cdot i \\ -236.76 + 52.593 \cdot i \end{pmatrix}$$

Одже корні характеристичного рівняння мають вигляд:

$$p_1 = -236.76 - 52.593i$$
 $p_2 = -236.76 + 52.593i$

Коефіцієнт затухання та кутова частота вільних коливань:

$$\delta \coloneqq \left| \text{Re}(\textbf{p}_1) \right| \qquad \delta = 236.76 \qquad \qquad \omega_0 \coloneqq \left| \text{Im}(\textbf{p}_2) \right| \qquad \omega_0 = 52.593$$

Вільні складові повних струмів та напруг будуть мати вигляд:

$$\begin{split} &i\text{"}_{1}(t) = A \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \left(\omega_{0} \cdot t + v_{1}\right) \\ &i\text{"}_{2}(t) = B \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \left(\omega_{0} \cdot t + v_{2}\right) \\ &i\text{"}_{3}(t) = C \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \left(\omega_{0} \cdot t + v_{3}\right) \\ &u\text{"}_{C}(t) = D \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \left(\omega_{0} \cdot t + v_{C}\right) \\ &u\text{"}_{L}(t) = F \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \left(\omega_{0} \cdot t + v_{L}\right) \end{split}$$

Визначення сталих інтегрування:

Для струму i1(t):

Given

$$\begin{split} & i_{10} - i'_1 = A \cdot \sin(v_1) \\ & di_{10} = -A \cdot \delta \cdot \sin(v_1) + A \cdot \omega_0 \cdot \cos(v_1) \\ & \begin{pmatrix} A \\ v_1 \end{pmatrix} := \operatorname{Find}(A, v_1) \ \operatorname{float}, 5 \ \rightarrow \begin{pmatrix} -1.4828 & 1.4828 \\ -2.6113 & .53030 \end{pmatrix} \end{split}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$A = -1.483$$
 $v_1 = -2.611$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$\begin{split} i"_1(t) &:= A \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \! \left(\omega_0 \cdot t + v_1 \right) \, \text{float}, \\ 5 &\to -1.4828 \cdot \exp (-236.76 \cdot t) \cdot \sin (52.593 \cdot t - 2.6113) \\ i_1(t) &:= i'_1 + i"_1(t) \, \, \text{float}, \\ 4 &\to .7500 - 1.483 \cdot \exp (-236.8 \cdot t) \cdot \sin (52.59 \cdot t - 2.611) \end{split}$$

Для струму i2(t):

$$i_{20} - i'_2 = B \cdot \sin(v_2)$$

$$di_{20} = -B \cdot \delta \cdot \sin(v_2) + B \cdot \omega_0 \cdot \cos(v_2)$$

$$\begin{pmatrix} B \\ v_2 \end{pmatrix} := Find(B, v_2) \text{ float, 5} \rightarrow \begin{pmatrix} 3.4586 & -3.4586 \\ -2.9230 & .21859 \end{pmatrix}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$B = 3.459$$

$$v_2 = -2.923$$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$i"_2(t) := B \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \left(\omega_0 \cdot t + v_2\right) \text{ float, } 5 \ \to 3.4586 \cdot \exp(-236.76 \cdot t) \cdot \sin(52.593 \cdot t - 2.9230)$$

$$i_2(t) := i'_2 + i''_2(t) \text{ float}, 4 \rightarrow .7500 + 3.459 \cdot \exp(-236.8 \cdot t) \cdot \sin(52.59 \cdot t - 2.923)$$

Для струму i3(t):

$$i_{30} - i'_3 = C \cdot \sin(v_3)$$

$$di_{30} = -C \cdot \delta \cdot \sin(v_3) + C \cdot \omega_0 \cdot \cos(v_3)$$

$$\begin{pmatrix} C \\ v_3 \end{pmatrix} := Find(C, v_3) \text{ float, 5} \rightarrow \begin{pmatrix} -4.8912 & 4.8912 \\ -2.8299 & .31170 \end{pmatrix}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$C = -4.891$$

$$v_3 = -2.83$$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$i"_3(t) := C \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_0 \cdot t + v_3) \text{ float, } 5 \rightarrow -4.8912 \cdot \exp(-236.76 \cdot t) \cdot \sin(52.593 \cdot t - 2.8299)$$

$$i_3(t) := i'_3 + i''_3(t) \text{ float}, 4 \rightarrow -4.891 \cdot \exp(-236.8 \cdot t) \cdot \sin(52.59 \cdot t - 2.830)$$

Для напруги Uc(t):

$$u_{C0} - u'_{C} = D \cdot \sin(v_{C})$$

$$du_{C0} = -D \cdot \delta \cdot \sin(v_C) + D \cdot \omega_0 \cdot \cos(v_C)$$

$$\begin{pmatrix} D \\ v_C \end{pmatrix} := Find(D, v_C) \quad \begin{vmatrix} float, 5 \\ complex \end{vmatrix} \xrightarrow{complex} \begin{pmatrix} -118.63 & 118.63 \\ .53030 & -2.6113 \end{pmatrix}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$D = -118.63$$

$$v_C = 0.53$$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$\begin{split} u^{"}_{C}(t) &:= D \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \left(\omega_{0} \cdot t + v_{C} \right) \text{ float, 5} \\ &\to -118.63 \cdot \exp(-236.76 \cdot t) \cdot \sin(52.593 \cdot t + .53030) \\ u_{C}(t) &:= u^{'}_{C} + u^{"}_{C}(t) \text{ float, 4} \\ &\to -40. - 118.6 \cdot \exp(-236.8 \cdot t) \cdot \sin(52.59 \cdot t + .5303) \end{split}$$

Для напруги Ul(t):

$$u_{L0} - u'_{L} = F \cdot \sin(v_{L})$$

$$du_{L,0} = -F \cdot \delta \cdot \sin(v_L) + F \cdot \omega_0 \cdot \cos(v_L)$$

$$\begin{pmatrix} F \\ v_L \end{pmatrix} := Find(F, v_L) \mid \begin{array}{c} float, 5 \\ complex \end{array} \rightarrow \begin{pmatrix} 167.77 & -167.77 \\ 0 & 3.1416 \end{pmatrix}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

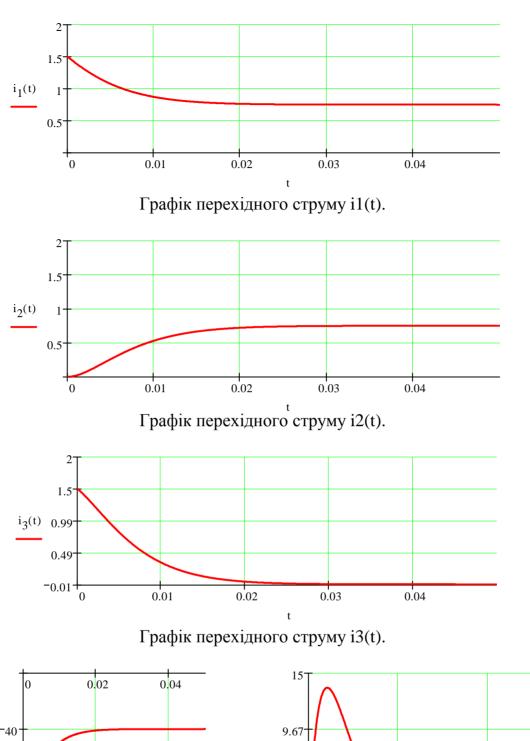
$$F = 167.77$$

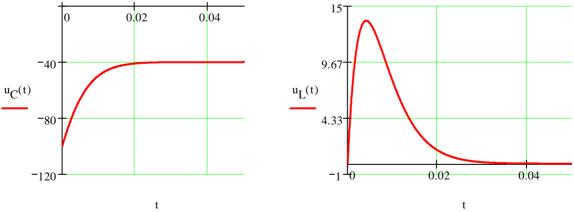
$$v_L = 0$$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$u"_L(t) := F \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \left(\omega_0 \cdot t + v_L\right) \text{ float, 5 } \rightarrow 167.77 \cdot \exp(-236.76 \cdot t) \cdot \sin(52.593 \cdot t)$$

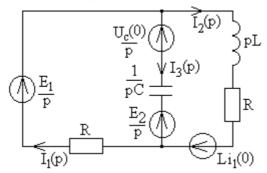
$$u_{I}(t) := u'_{I} + u''_{I}(t) \text{ float}, 4 \rightarrow 167.8 \cdot \exp(-236.8 \cdot t) \cdot \sin(52.59 \cdot t)$$





Графік перехідних напруг на ємності та індуктивності.

Операторний метод



Операторна схема

Усталений режим до комутації:

$$i_{1 \pi \kappa} := 0$$

$$i_{2 \text{д} \kappa} \coloneqq i_{1 \text{д} \kappa} \quad i_{2 \text{д} \kappa} = 0$$

$$i_{3дк} := 0$$

$$\mathbf{u}_{\mathbf{C}_{\mathbf{J}\mathbf{K}}}\coloneqq -\mathbf{E}_2$$

$$u_{C_{\pi K}} = -100$$

$$\mathbf{u}_{\mathrm{C}\mathrm{J}\mathrm{K}} = -100$$
 $\mathbf{u}_{\mathrm{L}\mathrm{J}\mathrm{K}} \coloneqq -\mathbf{u}_{\mathrm{C}\mathrm{J}\mathrm{K}} + \mathbf{E}_2$ $\mathbf{u}_{\mathrm{L}\mathrm{J}\mathrm{K}} = 200$

$$u_{L\pi\kappa} = 200$$

Початкові умови:

$$i_{L0} := i_{2 \text{дк}}$$

$$i_{L0} = 0$$

$$u_{CO} = -100$$

$$I_{k1}(p) \cdot \left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) - I_{k2}(p) \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C}\right) = \frac{E_1}{p} - \frac{E_2}{p} - \frac{u_{C0}}{p}$$

$$-\mathrm{I}_{k1}(\mathsf{p})\cdot\left(\frac{1}{\mathsf{p}\cdot\mathsf{C}}\right)+\mathrm{I}_{k2}(\mathsf{p})\cdot\left(\mathsf{p}\cdot\mathsf{L}+\mathsf{R}+\frac{1}{\mathsf{p}\cdot\mathsf{C}}\right)=\frac{\mathsf{E}_2}{\mathsf{p}}+\frac{\mathsf{u}_{\mathrm{C}0}}{\mathsf{p}}+\mathrm{L}\,\mathrm{i}_{20}$$

$$\Delta(p) := \begin{bmatrix} R + \frac{1}{p \cdot C} & -\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) \\ -\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) & p \cdot L + R + \frac{1}{p \cdot C} \end{bmatrix}$$

$$\Delta(p) \text{ float, 5} \rightarrow \frac{1}{p^{1}} \cdot \left(7576.5 \cdot p + 16.000 \cdot p^{2} \cdot + 9.4118 \cdot 10^{5}\right)$$

$$\Delta(p) \ \, \text{float}, 5 \ \, \rightarrow \frac{1}{p^1} \cdot \left(7576.5 \cdot p \, + \, 16.000 \cdot p^2 \cdot + \, 9.4118 \cdot 10^5 \right)$$

$$\Delta_{1}(p) := \begin{bmatrix} \frac{E_{1}}{p} - \frac{E_{2}}{p} - \frac{u_{C0}}{p} & -\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) \\ \frac{E_{2}}{p} + \frac{u_{C0}}{p} + Li_{20} p \cdot L + R + \frac{1}{p \cdot C} \end{bmatrix} \qquad \Delta_{1}(p) \text{ float, 5} \rightarrow \frac{120}{p^{1}} \cdot \left(80. + .2 \cdot p + \frac{5882.4}{p^{1}}\right)$$

$$\Delta_{1}(p) \text{ float, 5} \rightarrow \frac{120.}{p^{1.}} \left(80. + .2 \cdot p + \frac{5882.4}{p^{1.}} \right)$$

$$\Delta_{2}(p) := \begin{bmatrix} R + \frac{1}{p \cdot C} & \frac{E_{1}}{p} - \frac{E_{2}}{p} - \frac{u_{C0}}{p} \\ -\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) & \frac{E_{2}}{p} + \frac{u_{C0}}{p} + \text{Li}_{20} \end{bmatrix}$$

$$\Delta_{2}(p) \text{ float, 5} \rightarrow \frac{7.0588 \cdot 10^{5}}{p^{2}}$$

$$\Delta_2(p) \text{ float, 5} \rightarrow \frac{7.0588 \cdot 10^5}{p^2}$$

Контурні струми та напруга на конденсаторі будуть мати вигляд:

$$\begin{split} I_{k1}(p) &\coloneqq \frac{\Delta_{1}(p)}{\Delta(p)} \qquad I_{1}(p) \coloneqq I_{k1}(p) \ \, \left| \begin{array}{l} \text{float}, 5 \\ \text{simplify} \end{array} \right| \rightarrow 48. \cdot \frac{\left(400. \cdot p + p^{2} + 29412.\right)}{p \cdot \left(15153. \cdot p + 32. \cdot p^{2} + 1882360.\right)} \\ I_{k2}(p) &\coloneqq \frac{\Delta_{2}(p)}{\Delta(p)} \qquad I_{2}(p) \coloneqq I_{k2}(p) \text{ float}, 5 \rightarrow \frac{7.0588 \cdot 10^{5}}{p^{1} \cdot \left(7576.5 \cdot p + 16.000 \cdot p^{2} + 9.4118 \cdot 10^{5}\right)^{1}} \\ I_{3}(p) &\coloneqq I_{k1}(p) - I_{k2}(p) \ \, \left| \begin{array}{l} \text{float}, 5 \\ \text{simplify} \end{array} \right| \rightarrow 16. \cdot \frac{\left(1200. \cdot p + 3. \cdot p^{2} + 1.\right)}{p \cdot \left(15153. \cdot p + 32. \cdot p^{2} + 1882360.\right)} \\ u_{L}(p) &\coloneqq L \cdot p \cdot I_{2}(p) - L \cdot i_{2, \text{JK}} \\ u_{L}(p) \text{ factor } \rightarrow \frac{282352}{\left(15153. \cdot p + 32. \cdot p^{2} + 1882360\right)} \end{split}$$

Перейдемо тепер від зображення до функції часу за формулою розкладу: Для струму I1(p):

$$\begin{split} N_1(p) &\coloneqq 48\cdot \left(400\cdot p + p^2 + 29412.\right) \\ \begin{pmatrix} p_0 \\ p_1 \\ p_2 \end{pmatrix} &\coloneqq M_1(p) \ \begin{vmatrix} \text{solve}, p \\ \text{float}, 5 \end{pmatrix} \leftarrow \begin{pmatrix} 0 \\ -236.77 - 52.591 \cdot i \\ -236.77 + 52.591 \cdot i \end{pmatrix} \\ p_0 &= 0 \qquad p_1 = -236.77 - 52.591i \qquad p_2 = -236.77 + 52.591i \\ N_1\left(p_0\right) &= 1.412 \times 10^6 \qquad N_1\left(p_1\right) = -5.761 \times 10^5 + 1.856i \times 10^5 \qquad N_1\left(p_2\right) = -5.761 \times 10^5 - 1.856i \times 10^5 \\ dM_1(p) &\coloneqq \frac{d}{dp}M_1(p) \ \begin{vmatrix} factor \\ float, 5 \end{pmatrix} \rightarrow 30306 \cdot p + 96 \cdot p^2 \cdot + 1.8824 \cdot 10^6 \\ dM_1\left(p_0\right) &= 1.882 \times 10^6 \ dM_1\left(p_1\right) = -1.769 \times 10^5 + 7.97i \times 10^5 \qquad dM_1\left(p_2\right) = -1.769 \times 10^5 - 7.97i \times 10^5 \\ O$$
 Отже струм як функція часу буде мати вигляд:

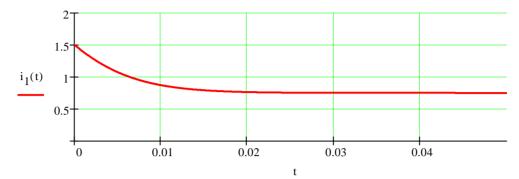
$$\begin{split} i_1(t) &:= \frac{N_1(p_0)}{dM_1(p_0)} + \frac{N_1(p_1)}{dM_1(p_1)} \cdot e^{p_1 \cdot t} + \frac{N_1(p_2)}{dM_1(p_2)} \cdot e^{p_2 \cdot t} \\ i_1(t) & \begin{vmatrix} \text{float}, 5 \\ \text{complex} \end{vmatrix} \cdot .74999 + .74984 \cdot \exp(-236.77 \cdot t) \cdot \cos(52.591 \cdot t) + 1.27926 \cdot \exp(-236.77 \cdot t) \cdot \sin(52.591 \cdot t) \\ \end{vmatrix}$$

Для напруги на індуктивності:

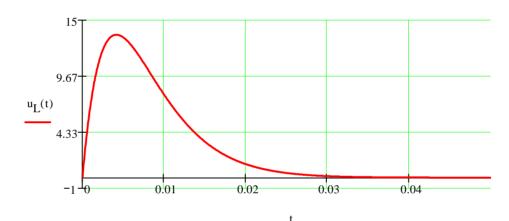
$$\begin{split} N_L(p) &:= 282352 & M_L(p) := \left(15153 \cdot p + 32 \cdot p^2 + 1882360\right) \\ \begin{pmatrix} p_1 \\ p_2 \end{pmatrix} &:= M_L(p) \ \, \left| \begin{array}{l} \text{solve}, p \\ \text{float}, 5 \end{array} \right| \leftarrow \begin{pmatrix} -236.77 + 52.592 \cdot i \\ -236.77 - 52.592 \cdot i \end{array} \right) \\ N_L(p_1) &= 2.824 \times 10^5 \\ \end{pmatrix} \\ m_L(p) &:= \frac{d}{dp} M_L(p) \ \, \text{factor} \ \, \rightarrow 15153 + 64 \cdot p \\ dM_L(p_1) &= -0.28 + 3.366 i \times 10^3 \\ \end{pmatrix} \\ dM_L(p_2) &= -0.28 - 3.366 i \times 10^3 \end{split}$$

Отже напруга як функція часу буде мати вигляд:

$$\begin{split} u_L(t) &:= \frac{N_L\!\!\left(p_1\right)}{dM_L\!\!\left(p_1\right)} \cdot e^{p_1 \cdot t} + \frac{N_L\!\!\left(p_2\right)}{dM_L\!\!\left(p_2\right)} \cdot e^{p_2 \cdot t} \\ u_L(t) & \stackrel{\text{float}}{=} 5 \\ \text{complex} & \rightarrow -1.39566 \cdot 10^{-2} \cdot \exp(-236.77 \cdot t) \cdot \cos(52.592 \cdot t) + 167.772 \cdot \exp(-236.77 \cdot t) \cdot \sin(52.592 \cdot t) \end{split}$$



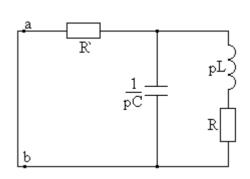
Графік перехідного струму i1(t).



Графік перехідної індуктивності.

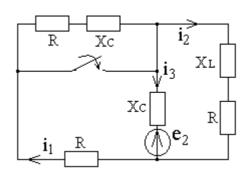
Дослідити чому повинен дорівнювати активний опір вітки с джерелом ЕРС Е1 щоб аперіодичний процес переходив у коливальний

$$\begin{split} Z_{ab}(p) &:= \mathbf{R'} + \frac{\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) \cdot (\mathbf{R} + \mathbf{p} \cdot \mathbf{L})}{\frac{1}{p \cdot C} + \mathbf{R} + \mathbf{p} \cdot \mathbf{L}} \\ Z_{ab}(p) &:= \frac{\mathbf{R'} \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C} + \mathbf{R} + \mathbf{p} \cdot \mathbf{L}\right) + \left(\frac{1}{p \cdot C}\right) \cdot (\mathbf{R} + \mathbf{p} \cdot \mathbf{L})}{\frac{1}{p \cdot C} + \mathbf{R} + \mathbf{p} \cdot \mathbf{L}} \\ (\mathbf{R'} \cdot \mathbf{L}) \cdot \mathbf{p}^2 + \left(\mathbf{R} \cdot \mathbf{R'} + \frac{\mathbf{L}}{C}\right) \cdot \mathbf{p} + \left(\frac{\mathbf{R'}}{C} + \frac{\mathbf{R}}{C}\right) = 0 \\ D &= 0 \\ \left(\mathbf{R} \cdot \mathbf{R'} + \frac{\mathbf{L}}{C}\right)^2 - 4 \cdot (\mathbf{R'} \cdot \mathbf{L}) \cdot \left(\frac{\mathbf{R'}}{C} + \frac{\mathbf{R}}{C}\right) = 0 \\ \left(\mathbf{R} \cdot \mathbf{R'} + \frac{\mathbf{L}}{C}\right)^2 - 4 \cdot (\mathbf{R'} \cdot \mathbf{L}) \cdot \left(\frac{\mathbf{R'}}{C} + \frac{\mathbf{R}}{C}\right) = 0 \end{split}$$



Визначити струми віток і напруги на реактивних елементах у момент комутації (t=0), якщо замість джерел постійної напруги E1 і E2 у колі діють джерела синусоідної напруги:

$$\begin{array}{c} e_{1}(t) \coloneqq \sqrt{2} \cdot E_{1} \cdot \sin(\omega \cdot t + \psi) \\ X_{C} \coloneqq \frac{1}{\omega \cdot C} \qquad X_{C} = 39.216 \qquad X_{L} \coloneqq \omega \cdot L \qquad X_{L} = 30 \\ E_{1} \coloneqq E_{1} \cdot e^{\psi \cdot i} \qquad E_{1} = -103.923 + 60i \qquad F(E_{1}) = (120 \ 150) \\ E_{2} \coloneqq E_{2} \cdot e^{\psi \cdot i} \qquad E_{2} = -86.603 + 50i \qquad F(E_{2}) = (100 \ 150) \\ Z'_{vx} \coloneqq 2 \cdot R - i \cdot X_{C} + \frac{\left(R + X_{L} \cdot i\right) \cdot \left(-i \cdot X_{C}\right)}{R + X_{L} \cdot i - i \cdot X_{C}} \qquad Z'_{vx} = 178.972 - 76.246i \\ T_{1_{JJK}} \coloneqq \frac{E_{1}}{Z'_{vx}} \qquad \Gamma_{1_{JJK}} = -0.612 + 0.074i \qquad F(T_{1_{JJK}}) = (0.617 \ 173.075) \\ T_{2_{JJK}} \coloneqq \Gamma_{1_{JJK}} \cdot \frac{\left(-i \cdot X_{C}\right)}{R + X_{L} \cdot i - i \cdot X_{C}} \qquad \Gamma_{2_{JJK}} = 1.854 \times 10^{-3} + 0.3i \qquad F(T_{2_{JJK}}) = (0.3 \ 89.646) \\ \Gamma_{3_{JJK}} \coloneqq \Gamma_{1_{JJK}} - \Gamma_{2_{JJK}} \qquad \Gamma_{3_{JJK}} = -0.614 - 0.226i \qquad F(T_{3_{JK}}) = (0.654 \ -159.798) \end{array}$$



$$Z''_{VX} := -X_{C} \cdot i + \frac{\left(R + i \cdot X_{L}\right) \cdot \left(2 \cdot R - i \cdot X_{C}\right)}{R + i \cdot X_{L} + R + R - i \cdot X_{C}}$$

$$Z''_{VX} = 57.884 - 30.065i$$

$$Z''_{vx} = 57.884 - 30.065i$$

$$I''_{3дк} := \frac{E_2}{Z''_{vx}}$$

$$I''_{3\mu\kappa} = -1.532 + 0.068i$$
 $F(I''_{3\mu\kappa}) = (1.533 \ 177.44)$

$$I''_{3\mu K} := \frac{E_2}{Z''_{VX}} \qquad \qquad I''_{3\mu K} = -1.532 + 0.068i \qquad \qquad F(I''_{3\mu K}) = (1.533 - 177.447)$$

$$I''_{1\mu K} := I''_{3\mu K} \cdot \frac{\left(R + i \cdot X_L\right)}{R + i \cdot X_L + R + R - i \cdot X_C} \qquad \qquad I''_{1\mu K} = -0.512 - 0.188i \qquad \qquad F(I''_{1\mu K}) = (0.545 - 159.798)$$

$$I''_{1\pi\kappa} = -0.512 - 0.188i$$
 $F(I''_{1\pi\kappa}) = (0.545 - 159.798)$

$$I_{JK}^{R} := I_{JK}^{R} - I_{JK}^{R}$$
 $I_{JK}^{R} := I_{JK}^{R} - I_{JK}^{R}$

$$I''_{2\mu\kappa} = -1.02 + 0.257i$$
 $F(I''_{2\mu\kappa}) = (1.052 \ 165.875)$

$$I_{1 \pm K} := I'_{1 \pm K} + I''_{1 \pm K}$$

$$I_{1 \text{ДK}} = -1.124 - 0.114i$$

$$F(I_{1 \text{ДK}}) = (1.13 -174.211)$$

$$I_{2 \mu K} := I'_{2 \mu K} + I''_{2 \mu K}$$

$$I_{2\pi\kappa} = -1.018 + 0.557i$$

$$F(I_{2 \text{ JK}}) = (1.16 \ 151.312)$$

$$I_{3 \text{дK}} := I'_{3 \text{дK}} - I''_{3 \text{дK}}$$

$$I_{3 \text{дK}} = 0.917 - 0.294i$$

$$F(I_{3\pi K}) = (0.963 -17.786)$$

$$u_{C_{IJK}} := I_{3_{IJK}} \cdot (-i \cdot X_C)$$

$$u_{C_{IIK}} = -11.541 - 35.976$$

$$u_{C_{I\!I\!K}} = -11.541 - 35.976i$$
 $F(u_{C_{I\!I\!K}}) = (37.782 - 107.786)$

$$\mathbf{u}_{L\pi\kappa} := \mathbf{I}_{1\pi\kappa} \cdot \mathbf{i} \cdot \mathbf{X}_L$$

$$u_{L_{\pi K}} = 3.419 - 33.726i$$

$$u_{L_{\mathcal{J}K}} = 3.419 - 33.726i$$
 $F(u_{L_{\mathcal{J}K}}) = (33.899 - 84.211)$

$$i_{1_{\mathcal{I}\mathcal{K}}}(t) := \left| I_{1_{\mathcal{I}\mathcal{K}}} \right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin(\omega \cdot t + \arg(I_{1_{\mathcal{I}\mathcal{K}}}))$$

$$i_{2 \text{JK}}(t) := \left| I_{2 \text{JK}} \right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin \left(\omega \cdot t + \arg \left(I_{2 \text{JK}} \right) \right)$$

$$i_{3\text{dK}}(t) := \left| I_{3\text{dK}} \right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin \left(\omega \cdot t + \arg \left(I_{3\text{dK}} \right) \right)$$

$$\mathbf{u}_{C,\!\mathsf{J},\!\mathsf{K}}(t) := \left| \mathbf{u}_{C,\!\mathsf{J},\!\mathsf{K}} \right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin\!\left(\omega \! \cdot \! t + \arg\!\left(\mathbf{u}_{C,\!\mathsf{J},\!\mathsf{K}} \right) \right)$$

Початкові умови:

$$u_{\text{C}_{\text{ДK}}}(0) = -50.878$$

$$i_{20} = 0.788$$

Given

$$i_{20} = i_{10} - i_{30}$$

$$e_1(0) - e_2(0) = u_{C0} + i_{10}R$$

$$e_2(0) = i_{20} \cdot R + u_{L0} - u_{C0}$$

$$\begin{pmatrix} \mathbf{i}_{10} \\ \mathbf{i}_{30} \\ \mathbf{u}_{L0} \end{pmatrix} \coloneqq \mathsf{Find} \! \left(\mathbf{i}_{10}, \mathbf{i}_{30}, \mathbf{u}_{L0} \right)$$

$$i_{10} = 0.813$$

$$i_{20} = 0.788$$

$$i_{10} = 0.813$$
 $i_{20} = 0.788$ $i_{30} = 0.025$

$$u_{L,0} = -43.186$$

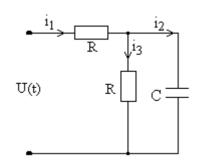
$$u_{C0} = -50.878$$

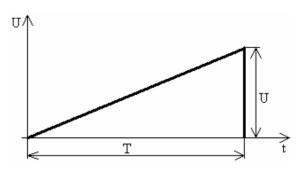
Інтеграл Дюамеля

$$T := 1.0$$

$$E_1 := 120$$

$$E := 1$$





Усталений режим до комутації: t < 0

$$i_{1$$
дк := $\frac{0}{R+R}$

$$i_{1 \text{ДK}} = 0$$

$$i_{3 \text{дK}} := i_{1 \text{ДK}}$$

$$i_{3\pi\kappa} = 0$$

$$i_{2\pi K} := 0$$

$$i_{2\pi \nu} = 0$$

$$\mathbf{u}_{\mathbf{C}_{\mathbf{J}\mathbf{K}}} \coloneqq \mathbf{0} - \mathbf{i}_{\mathbf{1}_{\mathbf{J}\mathbf{K}}} \cdot \mathbf{R}$$

$$u_{C_{JK}} = 0$$

Усталений режим після комутації:

$${i'}_1 \coloneqq \frac{E}{R+R}$$

$$i'_1 = 6.25 \times 10^{-3}$$

$$i'_3 := i'_1$$

$$i'_3 = 6.25 \times 10^{-3}$$
 $i'_2 := 0$

$$i'_2 := 0$$

$$i'_2 = 0$$

$$\mathbf{u'}_{\mathbf{C}} := \mathbf{E} - \mathbf{i'}_{\mathbf{1}} \cdot \mathbf{R}$$

$$u'_{C} = 0.5$$

Незалежні початкові умови

$$\mathbf{u}_{\mathbf{C}0} \coloneqq \mathbf{u}_{\mathbf{C}\mathbf{\mathcal{I}}\mathbf{K}}$$

$$u_{CO} = 0$$

Залежні початкові умови

Given

$$i_{20} = i_{10} - i_{30}$$

$$E = i_{30} \cdot R + i_{10} \cdot R$$

$$0 = u_{C0} - i_{30} \cdot R$$

$$\begin{pmatrix} \mathbf{i}_{10} \\ \mathbf{i}_{20} \\ \mathbf{i}_{30} \end{pmatrix} := \mathsf{Find} (\mathbf{i}_{10}, \mathbf{i}_{20}, \mathbf{i}_{30})$$

$$i_{10} = 0.013$$
 $i_{20} = 0.013$

$$i_{20} = 0.01$$

$$i_{30} = 0$$

Вільний режим після комутайії:

Складемо характерестичне рівняння схеми

$$Z_{VX}(p) := R + \frac{R \cdot \frac{1}{p \cdot C}}{R + \frac{1}{p \cdot C}}$$

$$Z_{VX}(p) := R + \frac{R \cdot \frac{1}{p \cdot C}}{R + \frac{1}{p \cdot C}}$$

$$Zvx(p) := \frac{R \cdot \left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) + R \cdot \frac{1}{p \cdot C}}{R + \frac{1}{p \cdot C}}$$

$$p := R \cdot \left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) + R \cdot \frac{1}{p \cdot C} \quad \begin{vmatrix} solve, p \\ float, 5 \end{vmatrix} \rightarrow -147.06$$

$$T := \frac{1}{|p|} \cdot T$$

$$T := \frac{1}{|\mathbf{n}|} \cdot T \qquad \qquad T = 6.8 \times 10^{-3}$$

Одже корень характеристичного рівняння має вигляд: p = -147.06

Вільна складова струма буде мати вигляд:

$$i''_1(t) = A_1 \cdot e^{p \cdot t}$$

Визначення сталих інтегрування:

$$A_1 := i_{10} - i'_1$$

$$A_1 = 6.25 \times 10^{-3}$$

Отже:

$$i''_1(t) := A_1 \cdot e^{p \cdot t}$$

Повні значення цих струмів:

$$\begin{split} g_{11}(t) &:= i'_1 + i''_1(t) & g_{11}(t) \text{ float, 5} \ \rightarrow 6.2500 \cdot 10^{-3} + 6.2500 \cdot 10^{-3} \cdot \exp(-147.06 \cdot t) \\ h_{cU}(t) &:= E \cdot \frac{R}{R+R} \cdot \left(1 - e^{p \cdot t}\right) \text{ float, 5} \ \rightarrow .50000 - .50000 \cdot \exp(-147.06 \cdot t) \end{split}$$

Визначимо закони зміни напруги на всіх проміжках часу:

$$\begin{array}{lll} {\rm U}_0\coloneqq 0 & {\rm U}_0=0 \\ & {\rm U}_1({\rm t})\coloneqq {\rm U}_0+\frac{{\rm E}_1}{{\rm T}}\cdot {\rm t} & {\rm U}_1({\rm t})\; {\rm float}, 5 \; \to 17647.\cdot {\rm t} & 0<{\rm t}<{\rm T} \\ & {\rm U}_2\coloneqq 0 & {\rm U}_2=0 & {\rm T}<{\rm t}<\infty \\ & {\rm U}_1\coloneqq \frac{{\rm d}}{{\rm d}{\rm t}}{\rm U}_1({\rm t})\; {\rm float}, 5 \; \to 17647. \end{array}$$

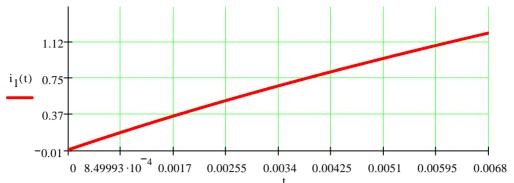
Струм на цих проміжках буде мати вигляд:

$$\begin{split} &i_1(t) \coloneqq U_0 \cdot g_{11}(t) + \int_0^t U_1 \cdot g_{11}(t-\tau) \, d\tau & i_1(t) & | \substack{factor \\ float, \, 3} \rightarrow 110. \cdot t + .750 - .750 \cdot exp(-147. \cdot t) \\ &i_2(t) \coloneqq U_0 \cdot g_{11}(t) + \int_0^T U_1 \cdot g_{11}(t-\tau) \, d\tau + \left(U_2 - E_1\right) \cdot g_{11}(t-T) \\ &i_2(t) & | \substack{factor \\ float, \, 3} \rightarrow -8.50 \cdot 10^{-6} - 8.50 \cdot 10^{-6} \cdot exp(-147. \cdot t + 1.) - .750 \cdot exp(-147. \cdot t) \end{split}$$

Напруга на індуктивнисті на цих проміжках буде мати вигляд:

$$\begin{split} u_{C1}(t) &:= U_0 \cdot h_{cU}(t) + \int_0^t U_1' \cdot h_{cU}(t-\tau) \, d\tau \, \operatorname{float}, 4 \ \to 8824 \cdot t - 60.00 + 60.00 \cdot \exp(-147.1 \cdot t) \\ \\ u_{C2}(t) &:= U_0 \cdot h_{cU}(t) + \int_0^T U_1' \cdot h_{cU}(t-\tau) \, d\tau + \left(U_2 - E_1\right) \cdot h_{cU}(t-T) \end{split}$$

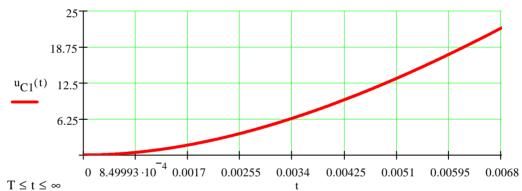




Графік вхідного струму на проміжку: $T \le t \le \infty$



 $0 \le t \le T$



t