Министерство образования и науки Украины Национальный технический университет Украины "Киевский Политехнический Институт" Кафедра ТОЭ

Расчетно-графическая работа "Трёхфазные цепи"

Вариант 115

Выполнил:	 	
	 -	
Проверил.		

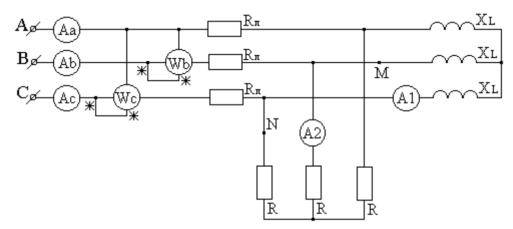
Условие задания

Симметричны трёхфазный генератор с обмотками, соединёнными в звезду, питает через трехпроводную линию электропередачи нагрузку с элементами, соединёнными звездой и треугольником.

Требуется:

- 1. Определить показания включенных в цепь измерительных приборов, полагая нагрузки симметричной.
- 2. Проверить правильность расчета, составив баланс активной и реактивной мощностей.
- 3. По результатам расчета п.1 построить для симметричной нагрузки совмещенную векторную диаграмму токов и топографическую диаграмму напряжений цепи.
- 4. Провести расчет токов во всех ветвях напряжений на всех участках цепи, определить показания измерительных приборов в аварийном режиме, делая обрыв в указанной точке.
- 5. Проверить правильность расчета, составив баланс активной и реактивной мощностей.
- 6. По результатам расчета п.4 построить совмещенную векторную диаграмму токов и топографическую диаграмму напряжений цепи.

 $U_A \coloneqq 220$ $U_B \coloneqq U_A$ $U_C \coloneqq U_B$ $\psi_A \coloneqq 0$ $R_L \coloneqq 14.6$ $R \coloneqq 56$ $X_L \coloneqq 33$ Обрыв проводится в точке N.



Общая схема трёхфазной цепи

Определение показаний измерительных приборов при симметричной нагрузке

Так как нагрузка симметрическая, то будем проводить расчет только по одной

фазе. Токи в остальных фазах будут такими же, только будут отличаться углы.

За опорную примем фазу А. Фазные напряжения генератора и сопротивления элементов нагрузки в комплексной форме равны:

Преобразованая схема (фаза А)

Эквивалентное сопротивление данной схемы равно:

$$Z_{ea} := Z_a + \frac{Z'_a \cdot Z''_a}{Z'_a + Z''_a}$$
 $Z_{ea} = 29.034 + 24.494i$

Ток в фазе А, согласно закону Ома, равен:

$$I_A := \frac{E_A}{Z_{ea}}$$
 $I_A = 4.427 - 3.735i$ $F(I_A) = (5.792 -40.152)$

Соответственно в фазах В и С:

$$I_{\rm B} := I_{\rm A} \cdot {\rm e} \qquad \qquad I_{\rm B} = -5.448 - 1.966i \qquad \qquad {\rm F}\big(I_{\rm B}\big) = (5.792 - 160.152)$$

$$I_{\rm C} := I_{\rm A} \cdot {\rm e} \qquad \qquad I_{\rm C} = 1.021 + 5.701i \qquad \qquad {\rm F}\big(I_{\rm C}\big) = (5.792 - 79.848)$$

Фазное напряжение на параллельном участке А'О равно:

$$\begin{split} Z_{ea'} &:= \frac{Z'_a \cdot Z''_a}{Z'_a + Z''_a} \\ U_{A'O} &:= I_A \cdot Z_{ea'} \end{split} \qquad \qquad Z_{ea'} = 14.434 + 24.494i \\ U_{A'O} &:= I_{A} \cdot Z_{ea'} \end{split}$$

Остальные токи равны:

$$I'_{A} := \frac{U_{A'O}}{Z'_{a}}$$

$$I'_{A} = 2.774 + 0.974i$$

$$F(I'_{A}) = (2.94 19.338)$$

$$I'_{B} := I'_{A} \cdot e$$

$$I'_{B} = -0.544 - 2.89i$$

$$F(I'_{B}) = (2.94 -100.662)$$

$$\begin{split} & \text{I'}_{\text{C}} \coloneqq \text{I'}_{\text{A}} \cdot \text{e} & \text{I'}_{\text{C}} = -2.23 + 1.916\text{i} & \text{F}\big(\text{I'}_{\text{C}}\big) = (2.94 \ 139.338) \\ & \text{I''}_{\text{A}} \coloneqq \frac{\text{U}_{\text{A'O}}}{\text{Z''}_{\text{a}}} & \text{I''}_{\text{A}} = 1.652 - 4.708\text{i} & \text{F}\big(\text{I'}_{\text{A}}\big) = (4.99 \ -70.662) \\ & \text{I''}_{\text{B}} \coloneqq \text{I''}_{\text{A}} \cdot \text{e} & \text{I''}_{\text{B}} = -4.904 + 0.923\text{i} & \text{F}\big(\text{I''}_{\text{B}}\big) = (4.99 \ 169.338) \\ & \text{I''}_{\text{C}} \coloneqq \text{I''}_{\text{A}} \cdot \text{e} & \text{I''}_{\text{C}} = 3.251 + 3.785\text{i} & \text{F}\big(\text{I''}_{\text{C}}\big) = (4.99 \ 49.338) \end{split}$$

На основании выполненых расчетов, показания амперметров будут равны:

$$A_1 = 4.99$$
 $A_2 = 2.94$ $A_a = 5.792$ $A_b = 5.792$ $A_c = 5.792$

Находим показания ваттметров. Ваттметры показывают вещественную часть произведения комплекса напряжения, приложеного к обмотке напряжения (его отсчитывают от начала обмотки к концу), на сопряженный комплекс тока, протекающего через обмотку тока:

Показание ваттметра Wa:

$$E_{CA} := E_C \cdot \sqrt{3} \cdot e$$
 $E_{CA} = -330 + 190.526i$
 $E_{CA} := Re(E_{CA} \cdot \overline{I_C})$
 $E_{CA} = -349.291$

Показание ваттметра Wb:

$$\begin{aligned} E_{BA} &:= E_B \cdot \sqrt{3} \cdot e \end{aligned} \qquad \begin{aligned} E_{BA} &= -330 - 190.526i \end{aligned}$$

$$Wb &:= Re \left(E_{BA} \cdot \overline{I_B} \right) \qquad \qquad Wb = 2.172 \times 10^3 \end{aligned}$$

Полная мощность равна:

$$W := Wa + Wb$$
 $W = 2.922 \times 10^3$

Баланс активной и реактивной мощностей

Правильность расчетов проверим, составив баланс активных и реактивный мощностей. Мощность источника энергии определяют в виде суммы произведений комплексов фазных ЭДС (напряжений) на сопряженные комплексы токов соответствующих фаз. В симметричной трёхфазной системе мощность, отдаваемая в нагрузку источником, равна утроенной мощности одной фазы.

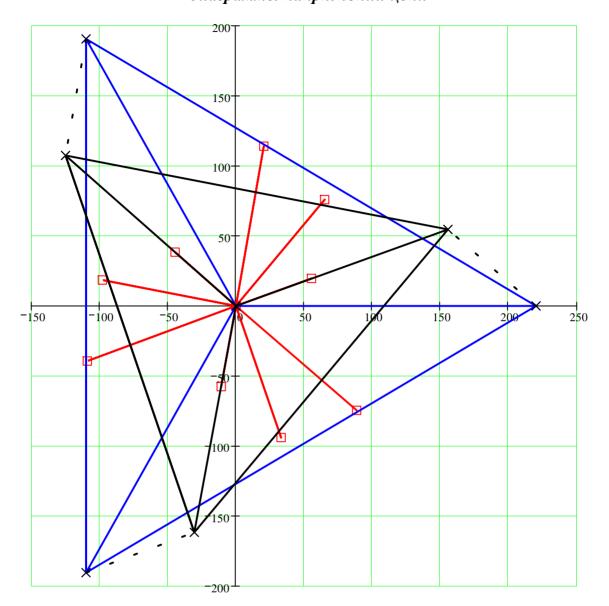
$$Sr := E_{A} \cdot \overline{I_{A}} + E_{B} \cdot \overline{I_{B}} + E_{C} \cdot \overline{I_{C}}$$

$$Sr = 2.922 \times 10^{3} + 2.465i \times 10^{3}$$

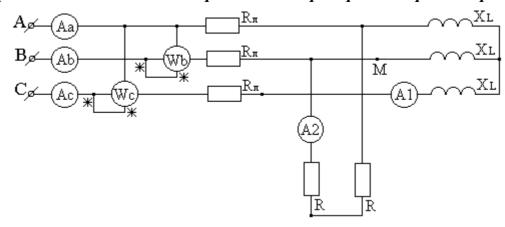
Определим мощность, потребляемую приёмником:

$$\begin{split} \operatorname{Ppr} &:= \left[\left(\left| \operatorname{I}_{A} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I}_{B} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I}_{C} \right| \right)^{2} \right] \cdot \operatorname{R}_{L} + \left[\left(\left| \operatorname{I}_{A} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I}_{C} \right| \right)^{2} \right] \cdot \operatorname{R} & \operatorname{Ppr} &= 2.922 \times 10^{3} \\ \operatorname{Qpr} &:= \left[\left(\left| \operatorname{I''}_{A} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I''}_{B} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I''}_{C} \right| \right)^{2} \right] \cdot \left(\operatorname{X}_{L} \cdot \operatorname{i} \right) & \operatorname{Qpr} &= 2.465 \operatorname{i} \times 10^{3} \end{split}$$

Построение совмещененной векторной диаграммы токов и топографической диаграммы напряжений цепи



Определение показаний измерительных приборов в аварийном режиме

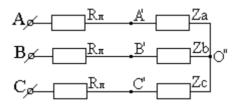


Несимметричная трёхфазная система.

С целью упрощения схемы несимметричной трёхфазной системынагрузку с элементами, соединенными звездой, следует заменить эквивалентным треугольником.

$$X'_L \coloneqq X_L \cdot i + X_L \cdot i + \frac{X_L \cdot i \cdot X_L \cdot i}{X_L \cdot i} \qquad \qquad X'_L = 99i$$

Параллельно включенные сопротивления нагрузки можно заменить эквивалентными, в результате чего образуется несимметричный треугольник. Заменив его эквивалентной звездой, рассчитываемую цепь приводят к виду:



Несимметричная звезда.

Сопротивления несимметричного треугольника равны:

$$Z_{A'B'} := \frac{2 \cdot R \cdot X'_L}{2R + X'_L}$$
 $Z_{A'B'} = 49.126 + 55.576i$

$$\mathsf{Z}_{B'C'} \coloneqq \mathsf{X'}_L \qquad \quad \mathsf{Z}_{C'A'} \coloneqq \mathsf{X'}_L$$

Сопротивление эквивалентной звезды:

$$Za := \frac{Z_{A'B'} \cdot Z_{C'A'}}{Z_{\Delta'B'} + Z_{B'C'} + Z_{C'\Delta'}} \qquad \qquad Za = 14.434 + 24.494i$$

$$Zb := \frac{Z_{A'B'} \cdot Z_{B'C'}}{Z_{A'B'} + Z_{B'C'} + Z_{C'A'}}$$

$$Zb = 14.434 + 24.494i$$

$$Zc := \frac{Z_{B'C'} \cdot Z_{C'A'}}{Z_{A'B'} + Z_{B'C'} + Z_{C'A'}} \qquad Zc = -7.217 + 37.253i$$

Полные комплексные сопротивления в каждой фазе цепи:

$$\begin{aligned} \text{Zea} &\coloneqq Z_{\text{a}} + \text{Za} & \text{Zea} &= 29.034 + 24.494\mathrm{i} \\ \text{Zeb} &\coloneqq Z_{\text{b}} + \text{Zb} & \text{Zeb} &= 29.034 + 24.494\mathrm{i} \\ \text{Zec} &\coloneqq Z_{\text{c}} + \text{Zc} & \text{Zec} &= 7.383 + 37.253\mathrm{i} \end{aligned}$$

Фазные напряжения на нагрузке в цепи удобно определять, вычислив предварительно смещение нейтрали:

$$Y_A:=rac{1}{Zea}$$
 $Y_B:=rac{1}{Zeb}$ $Y_C:=rac{1}{Zec}$ $Y_C:=rac{1}{Zec}$ $Y_A=0.02-0.017i$ $Y_B=0.02-0.017i$ $Y_C=5.119\times 10^{-3}-0.026i$ $U_{O"O}:=rac{E_A\cdot Y_A+E_B\cdot Y_B+E_C\cdot Y_C}{Y_A+Y_B+Y_C}$ $U_{O"O}=46.886+20.246i$ Фазные напряжения на элементах нагрузки цепи равны:

$$\begin{split} \mathbf{U_{AO''}} &\coloneqq \mathbf{E_{A}} - \mathbf{U_{O''O}} & \qquad \mathbf{U_{AO''}} = 173.114 - 20.246\mathrm{i} & \qquad \mathbf{F\left(\mathbf{U_{AO''}}\right)} = (174.293 - 6.671) \\ \mathbf{U_{BO''}} &\coloneqq \mathbf{E_{B}} - \mathbf{U_{O''O}} & \qquad \mathbf{U_{BO''}} = -156.886 - 210.772\mathrm{i} & \qquad \mathbf{F\left(\mathbf{U_{BO''}}\right)} = (262.751 - 126.662) \\ \mathbf{U_{CO''}} &\coloneqq \mathbf{E_{C}} - \mathbf{U_{O''O}} & \qquad \mathbf{U_{CO''}} = -156.886 + 170.279\mathrm{i} & \qquad \mathbf{F\left(\mathbf{U_{CO''}}\right)} = (231.535 - 132.656) \end{split}$$

Токи в фазах, равные фазным токам генератора и линейным токам исходной системы, определяют по закону Ома:

$$\begin{split} I_A &:= \frac{U_{AO''}}{Zea} & I_A = 3.14 - 3.346i & F(I_A) = (4.588 - 46.823) \\ I_B &:= \frac{U_{BO''}}{Zeb} & I_B = -6.735 - 1.578i & F(I_B) = (6.917 - 166.814) \\ I_C &:= \frac{U_{CO''}}{Zec} & I_C = 3.595 + 4.924i & F(I_C) = (6.097 - 53.866) \\ U_{AB} &:= E_A \cdot \sqrt{3} \cdot e^{i \cdot 30 - \frac{\pi}{180}} & U_{AB} = 330 + 190.526i & F(U_{AB}) = (381.051 - 30) \\ U_{AA'} &:= I_A \cdot Z_a & U_{AA'} = 45.838 - 48.852i & F(U_{AA'}) = (66.99 - 46.823) \\ U_{BC} &:= E_B \cdot \sqrt{3} \cdot e^{i \cdot 30 - \frac{\pi}{180}} & U_{BC} = -381.051i & F(U_{BC}) = (381.051 - 90) \\ U_{BB'} &:= I_B \cdot Z_b & U_{BB'} = -98.326 - 23.037i & F(U_{BB'}) = (100.989 - 166.814) \\ U_{CA} &:= E_C \cdot \sqrt{3} \cdot e^{i \cdot 30 - \frac{\pi}{180}} & U_{CA} = -330 + 190.526i & F(U_{CA}) = (381.051 - 150) \\ U_{CC'} &:= I_C \cdot Z_c & U_{CC'} = 52.488 + 71.889i & F(U_{CC'}) = (89.011 - 53.866) \\ \end{split}$$

Для определения токов во всех ветвях рассчитываемой схемы необходимо определить напряжение между точками А', В' и С'.

Согласно второму закону Кирхгофа:

отсюда:
$$U_{AB} := U_{AA'} + U_{A'B'} - U_{BB}$$
 отсюда:
$$U_{A'B'} := U_{AB} - U_{AA'} + U_{BB'} \qquad U_{A'B'} = 185.836 + 216.341i \qquad F(U_{A'B'}) = (285.198 \ 49.338)$$
 аналогично вычисляют
$$U_{B'C'} := U_{BC} - U_{BB'} + U_{CC'} \qquad U_{B'C'} = 150.814 - 286.126i \qquad F(U_{B'C'}) = (323.439 \ -62.207)$$

$$U_{C'A'} := U_{CA} - U_{CC'} + U_{AA'} \qquad U_{C'A'} = -336.65 + 69.785i \qquad F(U_{C'A'}) = (343.807 \ 168.289)$$

Ток в активной нагрузке, согласно закону Ома, равен:

$$I'_{A} := \frac{U_{A'B'}}{2R}$$

$$I'_{A} = 1.659 + 1.932i$$

$$F(I_A) = (2.546 \ 49.338)$$

$$I'_B := -I'_A$$

$$I'_B = -1.659 - 1.932i$$

$$F(I_B) = (2.546 -130.662)$$

Токи в нагрузке, соединенной звездой в системе могут быть вычислены по первому закону Кирхгофа.

$$I''_{C} := I_{C}$$
 $I''_{C} = 3.595 + 4.924i$ $F(I''_{C}) = (6.097 53.866)$ $I''_{A} := I_{A} - I'_{A}$ $I''_{A} = 1.48 - 5.278i$ $F(I''_{A}) = (5.481 -74.331)$ $I''_{B} := I_{B} - I'_{B}$ $I''_{B} = -5.075 + 0.354i$ $F(I''_{B}) = (5.088 176.013)$

Согласно выполненным расчетам, показания включенных в цепь амперметров равны:

$$A_1 = 6.097$$

$$A_1 = 6.097$$
 $A_2 = 2.546$ $A_3 = 4.588$ $A_b = 6.917$ $A_c = 6.097$

$$A_a = 4.588$$

$$A_h = 6.917$$

$$A_0 = 6.097$$

Расчет показаний ваттметров выполняется так же, как и в случае симметричной системы:

Показание ваттметра Wa:

$$\mathrm{E}_{CA} \coloneqq \mathrm{E}_{C} \cdot \sqrt{3} \cdot \mathrm{e}^{\mathrm{i} \cdot 30 \frac{\pi}{180}}$$

$$E_{CA} = -330 + 190.526i$$

$$\text{Wa} := \text{Re} \Big(\text{E}_{CA} \cdot \overline{\text{I}_{C}} \Big)$$

$$Wa = -248.246$$

Показание ваттметра Wb:

$$\mathbf{E_{BA}} \coloneqq \mathbf{E_{B}} \cdot \sqrt{3} \cdot \mathbf{e}^{-\,\mathbf{i} \cdot 30 \frac{\pi}{180}}$$

$$E_{BA} = -330 - 190.526i$$

$$Wb := Re(E_{BA} \cdot \overline{I_{B}})$$

Wb =
$$2.523 \times 10^3$$

Полная мощность равна:

$$W := Wa + Wb$$

$$W = 2.275 \times 10^3$$

Баланс активной и реактивной мощностей

$$Sr := E_A \cdot \overline{I_A} + E_B \cdot \overline{I_B} + E_C \cdot \overline{I_C}$$

$$Sr = 2.275 \times 10^3 + 3.072i \times 10^3$$

Определим мощность, потребляемую приёмником:

$$\operatorname{Ppr} := \left[\left(\left| I_A \right| \right)^2 + \left(\left| I_B \right| \right)^2 + \left(\left| I_C \right| \right)^2 \right] \cdot R_L + \left[\left(\left| I'_A \right| \right)^2 + \left(\left| I'_B \right| \right)^2 \right] \cdot R$$

$$Ppr = 2.275 \times 10^3$$

$$\mathsf{Qpr} \coloneqq \left[\left(\left| \mathsf{I}^{\mathsf{"}}_{A} \right| \right)^{2} + \left(\left| \mathsf{I}^{\mathsf{"}}_{B} \right| \right)^{2} + \left(\left| \mathsf{I}^{\mathsf{"}}_{C} \right| \right)^{2} \right] \cdot \left(\mathsf{X}_{L} \cdot \mathsf{i} \right)$$

$$Qpr = 3.072i \times 10^3$$

Построение совмещененной векторной диаграммы токов и топографической диаграммы напряжений цепи

