Министерство образования и науки Украины Национальный технический университет Украины "Киевский Политехнический Институт"

Кафедра ТОЭ

Расчетно-графическая работа

"Трёхфазные цепи" Вариант № 803

Выполнил:	 	
Проверил:		

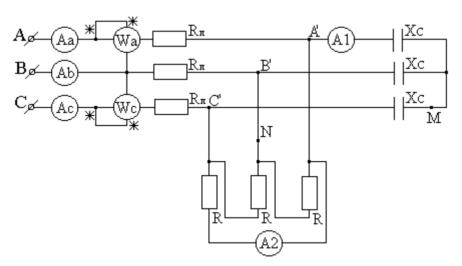
Условие задания

Симметричны трёхфазный генератор с обмотками, соединёнными в звезду, питает через трехпроводную линию электропередачи нагрузку с элементами, соединёнными звездой и треугольником.

Требуется:

- 1. Определить показания включенных в цепь измерительных приборов, полагая нагрузки симметричной.
- 2. Проверить правильность расчета, составив баланс активной и реактивной мощностей.
- 3. По результатам расчета п.1 построить для симметричной нагрузки совмещенную векторную диаграмму токов и топографическую диаграмму напряжений цепи.
- 4. Провести расчет токов во всех ветвях напряжений на всех участках цепи, определить показания измерительных приборов в аварийном режиме, делая обрыв в указанной точке.
- 5. Проверить правильность расчета, составив баланс активной и реактивной мощностей.
- 6. По результатам расчета п.4 построить совмещенную векторную диаграмму токов и топографическую диаграмму напряжений цепи.

$$U_A \coloneqq 135$$
 $U_B \coloneqq U_A$ $U_C \coloneqq U_B$ $\psi_A \coloneqq 0$ $R_L \coloneqq 16.8$ $R \coloneqq 80$ $X_C \coloneqq 93$ Обрыв проводится в точке M .



Общая схема трёхфазной цепи

Определение показаний измерительных приборов при симметричной нагрузке

Так как нагрузка симметрическая, то будем проводить расчет только по одной фазе. Токи в остальных фазах будут такими же, только будут отличаться углы.

Для определения токов в ветвях цепи (рис.1) необходимо первоначально произвести упрощение схемы, сведя её к схеме с элементами, соединенными звездой.

$$R' := \frac{R \cdot R}{3 \cdot R}$$

$$R' = 26.667$$

За опорную примем фазу А. Фазные напряжения генератора и сопротивления элементов нагрузки в комплексной форме равны:

Преобразованая схема (фаза А)

Эквивалентное сопротивление данной схемы равно:

$$Z_{ea} := Z_a + \frac{Z'_a \cdot Z''_a}{Z'_a + Z''_a}$$
 $Z_{ea} = 41.441 - 7.065i$

Ток в фазе А, согласно закону Ома, равен:

$$I_A := \frac{E_A}{Z_{ea}}$$
 $I_A = 3.166 + 0.54i$ $F(I_A) = (3.211 \ 9.676)$

Соответственно в фазах В и С:

$$I_{\rm B} := I_{\rm A} \cdot {\rm e} \qquad \qquad I_{\rm B} = -1.115 - 3.011i \qquad \qquad {\rm F}\big(I_{\rm B}\big) = (3.211 - 110.324)$$

$$I_{\rm C} := I_{\rm A} \cdot {\rm e} \qquad \qquad I_{\rm C} = -2.05 + 2.472i \qquad \qquad {\rm F}\big(I_{\rm C}\big) = (3.211 - 129.676)$$

Фазное напряжение на параллельном участке А'О равно:

$$\begin{split} Z_{ea'} &:= \frac{Z'_a \cdot Z''_a}{Z'_a + Z''_a} & Z_{ea'} = 24.641 - 7.065i \\ U_{A'O} &:= I_A \cdot Z_{ea'} & U_{A'O} = 81.817 - 9.067i \end{split}$$

Остальные токи равны:

$$I''_{A} := \frac{U_{A'O}}{Z''_{a}}$$
 $I''_{A} = 0.097 + 0.88i$ $F(I''_{A}) = (0.885 + 83.676)$

$$I''_{B} := I''_{A} \cdot e \qquad \qquad I''_{B} = 0.713 - 0.524i \qquad \qquad F(I''_{B}) = (0.885 - 36.324)$$

$$i_{A} := I''_{A} \cdot e \qquad \qquad F(I''_{B}) = (0.885 - 36.324)$$

$$I''_{C} := I''_{A} \cdot e$$

$$I''_{C} = -0.811 - 0.355i$$

$$F(I''_{C}) = (0.885 - 156.324)$$

Линейное напряжение равно:

$$U_{A'B'} := U_{A'O} \cdot \sqrt{3} \cdot e \qquad \qquad U_{A'B'} = 114.873 - 84.457i \qquad F(U_{A'B'}) = (142.579 - 36.324)$$

Остальные токи равны:

$$\begin{split} \Gamma_{A} &:= \frac{U_{A'B'}}{R} & \Gamma_{A} = 1.436 - 1.056i & F(\Gamma_{A}) = (1.782 - 36.324) \\ \Gamma_{B} &:= \Gamma_{A} \cdot e & \Gamma_{B} = -1.632 - 0.716i & F(\Gamma_{B}) = (1.782 - 156.324) \\ \Gamma_{C} &:= \Gamma_{A} \cdot e & \Gamma_{C} = 0.196 + 1.771i & F(\Gamma_{C}) = (1.782 - 83.676) \end{split}$$

На основании выполненых расчетов, показания амперметров будут равны:

$$A_1 = 0.885$$
 $A_2 = 1.782$ $A_3 = 3.211$ $A_b = 3.211$ $A_c = 3.211$

Находим показания ваттметров. Ваттметры показывают вещественную часть произведения комплекса напряжения, приложеного к обмотке напряжения (его отсчитывают от начала обмотки к концу), на сопряженный комплекс тока, протекающего через обмотку тока:

Показание ваттметра Wa:

$$E_{AC} := E_A \cdot \sqrt{3} \cdot e$$

$$E_{AC} = 202.5 - 116.913i$$

$$Wa := Re(E_{AC} \cdot \overline{I_A})$$

$$Wa = 577.942$$

Показание ваттметра Wb:

$$E_{BC} := E_B \cdot \sqrt{3} \cdot e$$
 $E_{AC} = 202.5 - 116.913i$
 $E_{AC} = 800.5 - 116.913i$
 $E_{BC} := 100.5 - 116.913i$
 $E_{BC} := 100.5 - 116.913i$

Полная мощность равна:

$$W := Wa + Wb$$
 $W = 1.282 \times 10^3$

Баланс активной и реактивной мощностей

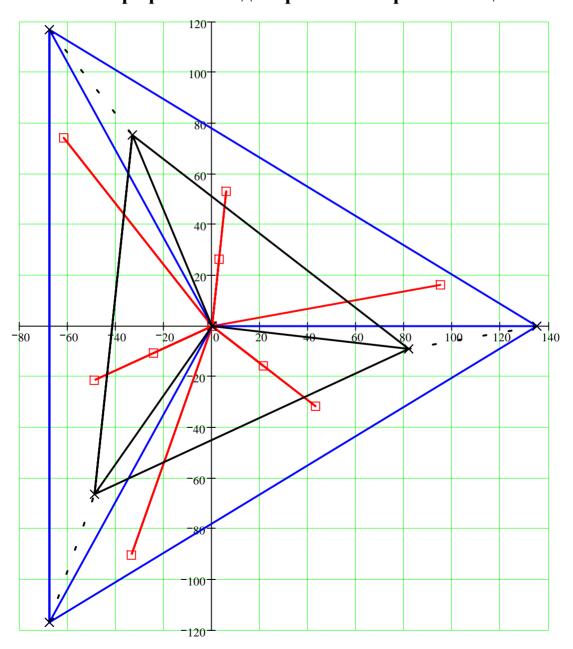
Правильность расчетов проверим, составив баланс активных и реактивный мощностей. Мощность источника энергии определяют в виде суммы произведений комплексов фазных ЭДС (напряжений) на сопряженные комплексы токов соответствующих фаз. В симметричной трёхфазной системе мощность, отдаваемая в нагрузку источником, равна утроенной мощности одной фазы.

$$Sr := E_A \cdot \overline{I_A} + E_B \cdot \overline{I_B} + E_C \cdot \overline{I_C}$$
 $Sr = 1.282 \times 10^3 - 218.589i$

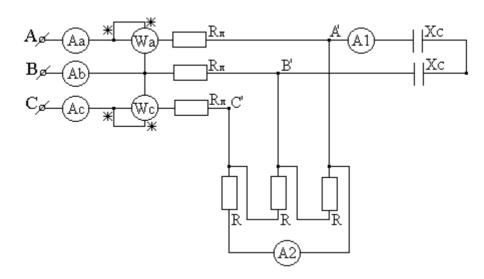
Определим мощность, потребляемую приёмником:

$$\begin{split} \operatorname{Ppr} &:= \left[\left(\left| \operatorname{I}_{A} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I}_{B} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I}_{C} \right| \right)^{2} \right] \cdot \operatorname{R}_{L} + \left[\left(\left| \operatorname{I}_{A} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I}_{C} \right| \right)^{2} \right] \cdot \operatorname{R} \quad \operatorname{Ppr} = 1.282 \times 10^{3} \\ \operatorname{Qpr} &:= \left[\left(\left| \operatorname{I''}_{A} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I''}_{B} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I''}_{C} \right| \right)^{2} \right] \cdot \left(-\operatorname{X}_{C} \cdot \operatorname{i} \right) \\ \operatorname{Qpr} &:= \left[\left(\left| \operatorname{I''}_{A} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I''}_{B} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I''}_{C} \right| \right)^{2} \right] \cdot \left(-\operatorname{X}_{C} \cdot \operatorname{i} \right) \\ \operatorname{Qpr} &:= \left[\left(\left| \operatorname{I''}_{A} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I''}_{B} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I''}_{C} \right| \right)^{2} \right] \cdot \left(-\operatorname{X}_{C} \cdot \operatorname{i} \right) \\ \operatorname{Qpr} &:= \left[\left(\left| \operatorname{I''}_{A} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I''}_{B} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I''}_{C} \right| \right)^{2} \right] \cdot \left(-\operatorname{X}_{C} \cdot \operatorname{i} \right) \\ \operatorname{Qpr} &:= \left[\left(\left| \operatorname{I''}_{A} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I''}_{B} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I''}_{C} \right| \right)^{2} \right] \cdot \left(-\operatorname{X}_{C} \cdot \operatorname{i} \right) \\ \operatorname{Qpr} &:= \left[\left(\left| \operatorname{I''}_{A} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I''}_{B} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I''}_{C} \right| \right)^{2} \right] \cdot \left(-\operatorname{I'}_{C} \cdot \operatorname{I'}_{C} \right) \\ \operatorname{Qpr} &:= \left[\left(\left| \operatorname{I''}_{A} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I''}_{B} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I''}_{C} \right| \right)^{2} \right] \cdot \left(-\operatorname{I'}_{C} \cdot \operatorname{I'}_{C} \right) \\ \operatorname{Qpr} &:= \left[\left(\left| \operatorname{I''}_{A} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I''}_{B} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I''}_{B} \right| \right)^{2} \right] \cdot \left(-\operatorname{I'}_{C} \cdot \operatorname{I'}_{C} \right) \\ \operatorname{Qpr} &:= \left[\left(\left| \operatorname{I''}_{A} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I''}_{B} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I''}_{B} \right| \right)^{2} \right] \cdot \left(-\operatorname{I''}_{A} \cdot \operatorname{I'}_{C} \right) \\ \operatorname{Qpr} &:= \left[\left(\left| \operatorname{I''}_{A} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I''}_{B} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I''}_{B} \right| \right)^{2} \right] \cdot \left(-\operatorname{I'}_{A} \cdot \operatorname{I'}_{A} \right) \\ \operatorname{Qpr} &:= \left[\left(\left| \operatorname{I''}_{A} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I''}_{A} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I''}_{A} \right| \right)^{2} \right] \cdot \left(-\operatorname{I'}_{A} \cdot \operatorname{I'}_{A} \right) \\ \operatorname{Qpr} &:= \left[\left(\left| \operatorname{I''}_{A} \right| \right)^{2} + \left(\left| \operatorname{I''}_{A} \right| \right)^{2} \right] \cdot \left(-\operatorname{I'}_{A} \cdot \operatorname{I'}_{A} \right) \\ \operatorname{Qpr} &:= \left[\left(\left| \operatorname{I''}_{A} \right| \right)^{2} \cdot \left(\left| \operatorname{I''}_{A} \right| \right) \right] \cdot \left(-\operatorname{I'}_{A} \cdot \operatorname{I'}_{A} \right) \\ \operatorname{Qpr} &:= \left[\left| \operatorname{I''}_{A} \right| \right] \cdot \left(\left| \operatorname{I''}_{A} \right| \right) \right] \cdot \left(-\operatorname{I''}_{A} \cdot \operatorname{I'}_{A} \cdot \operatorname{I'}_{A} \right)$$

Построение совмещененной векторной диаграммы токов и топографической диаграммы напряжений цепи

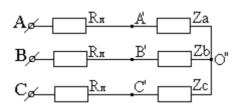


Определение показаний измерительных приборов в аварийном режиме



Несимметричная трёхфазная система.

Параллельно включенные сопротивления нагрузки можно заменить эквивалентными, в результате чего образуется несимметричный треугольник. Заменив его эквивалентной звездой, рассчитываемую цепь приводят к виду:



Несимметричная звезда.

Сопротивления несимметричного треугольника равны:

$$Z_{A'B'} := \frac{-2 \cdot X_{C} \cdot i \cdot R}{R - 2 \cdot X_{C} \cdot i}$$
 $Z_{A'B'} = 67.511 - 29.037i$

$$Z_{B'C'} := R$$
 $Z_{C'A'} := R$

Сопротивление эквивалентной звезды:

$$Za := \frac{Z_{A'B'} \cdot Z_{C'A'}}{Z_{A'B'} + Z_{B'C'} + Z_{C'A'}}$$

$$Za = 24.641 - 7.065i$$

$$Zb := \frac{Z_{A'B'} \cdot Z_{B'C'}}{Z_{A'B'} + Z_{B'C'} + Z_{C'A'}} \qquad \qquad Zb = 24.641 - 7.065i$$

$$Zc := \frac{Z_{B'C'} \cdot Z_{C'A'}}{Z_{A'B'} + Z_{B'C'} + Z_{C'A'}}$$

$$Zc = 27.68 + 3.533i$$

Полные комплексные сопротивления в каждой фазе цепи:

$$\begin{aligned} \text{Zea} &:= Z_{\text{a}} + \text{Za} & \text{Zea} &= 41.441 - 7.065i \\ \text{Zeb} &:= Z_{\text{b}} + \text{Zb} & \text{Zeb} &= 41.441 - 7.065i \\ \text{Zec} &:= Z_{\text{c}} + \text{Zc} & \text{Zec} &= 44.48 + 3.533i \end{aligned}$$

Фазные напряжения на нагрузке в цепи удобно определять, вычислив предварительно смещение нейтрали:

$$\begin{split} \mathbf{Y}_{\mathbf{A}} &\coloneqq \frac{1}{\mathsf{Zea}} & \mathbf{Y}_{\mathbf{B}} &\coloneqq \frac{1}{\mathsf{Zeb}} & \mathbf{Y}_{\mathbf{C}} &\coloneqq \frac{1}{\mathsf{Zec}} \\ \mathbf{Y}_{\mathbf{A}} &= 0.023 + 3.998 \mathrm{i} \times 10^{-3} & \mathbf{Y}_{\mathbf{B}} &= 0.023 + 3.998 \mathrm{i} \times 10^{-3} & \mathbf{Y}_{\mathbf{C}} &= 0.022 - 1.774 \mathrm{i} \times 10^{-3} \\ \mathbf{U}_{\mathbf{O}''\mathbf{O}} &\coloneqq \frac{\mathbf{E}_{\mathbf{A}} \cdot \mathbf{Y}_{\mathbf{A}} + \mathbf{E}_{\mathbf{B}} \cdot \mathbf{Y}_{\mathbf{B}} + \mathbf{E}_{\mathbf{C}} \cdot \mathbf{Y}_{\mathbf{C}}}{\mathbf{Y}_{\mathbf{A}} + \mathbf{Y}_{\mathbf{B}} + \mathbf{Y}_{\mathbf{C}}} & \mathbf{U}_{\mathbf{O}''\mathbf{O}} &= 11.075 + 2.761 \mathrm{i} \end{split}$$

Фазные напряжения на элементах нагрузки цепи равны:

$$\begin{array}{lll} U_{\text{AO"}} \coloneqq E_{\text{A}} - U_{\text{O"O}} & U_{\text{AO"}} = 123.925 - 2.761 \mathrm{i} & F\left(U_{\text{AO"}}\right) = (123.956 - 1.277) \\ U_{\text{BO"}} \coloneqq E_{\text{B}} - U_{\text{O"O}} & U_{\text{BO"}} = -78.575 - 119.675 \mathrm{i} & F\left(U_{\text{BO"}}\right) = (143.165 - 123.288) \\ U_{\text{CO"}} \coloneqq E_{\text{C}} - U_{\text{O"O}} & U_{\text{CO"}} = -78.575 + 114.152 \mathrm{i} & F\left(U_{\text{CO"}}\right) = (138.581 - 124.541) \end{array}$$

Токи в фазах, равные фазным токам генератора и линейным токам исходной системы, определяют по закону Ома:

$$\begin{split} I_A &\coloneqq \frac{U_{AO''}}{Zea} & I_A = 2.917 + 0.431i & F(I_A) = (2.949 \ 8.399) \\ I_B &\coloneqq \frac{U_{BO''}}{Zeb} & I_B = -1.364 - 3.12i & F(I_B) = (3.406 \ -113.612) \\ I_C &\coloneqq \frac{U_{CO''}}{Zec} & I_C = -1.553 + 2.69i & F(I_C) = (3.106 \ 120) \\ U_{AB} &\coloneqq E_A \cdot \sqrt{3} \cdot e & U_{AB} = 202.5 + 116.913i & F(U_{AB}) = (233.827 \ 30) \\ U_{AA'} &\coloneqq I_A \cdot Z_a & U_{AA'} = 49.005 + 7.236i & F(U_{AA'}) = (49.537 \ 8.399) \\ U_{BC} &\coloneqq E_B \cdot \sqrt{3} \cdot e & U_{BC} = -233.827i & F(U_{BC}) = (233.827 \ -90) \\ U_{BB'} &\coloneqq I_B \cdot Z_b & U_{BB'} = -22.916 - 52.423i & F(U_{BB'}) = (57.213 \ -113.612) \\ U_{CA} &\coloneqq E_C \cdot \sqrt{3} \cdot e & U_{CA} = -202.5 + 116.913i & F(U_{CA}) = (233.827 \ 150) \\ U_{CC'} &\coloneqq I_C \cdot Z_c & U_{CC'} = -26.089 + 45.187i & F(U_{CC}) = (52.178 \ 120) \\ \end{split}$$

Для определения токов во всех ветвях рассчитываемой схемы необходимо определить напряжение между точками А', В' и С'.

Согласно второму закону Кирхгофа:

Согласно второму закону Кирхгофа:
$$U_{AB} := U_{AA'} + U_{A'B'} - U_{BB}$$
 отсюда:
$$U_{A'B'} := U_{AB} - U_{AA'} + U_{BB'} \qquad U_{A'B'} = 130.578 + 57.255i \qquad F(U_{A'B'}) = (142.579 \ 23.676)$$
 аналогично вычисляют
$$U_{B'C'} := U_{BC} - U_{BB'} + U_{CC'} \qquad U_{B'C'} = -3.173 - 136.216i \qquad F(U_{B'C'}) = (136.253 \ -91.334)$$

$$U_{C'A'} := U_{CA} - U_{CC'} + U_{AA'} \qquad U_{C'A'} = -127.406 + 78.962i \qquad F(U_{C'A'}) = (149.891 \ 148.211)$$

$$Z''_{a'b'} := Z''_{a} + Z''_{b}$$
 $Z''_{a'b'} = -186i$ $Z'_{a'b'} := R$ $Z'_{b'c'} := Z'_{a'b'}$ $Z'_{c'a'} := Z'_{b'c'}$ $Z'_{a'b'} = 80$

Ток в нагрузке Z"a'b', согласно закону Ома, равен:

$$I''_{A} := \frac{U_{A'B'}}{Z''_{a'b'}} \qquad \qquad I''_{A} = -0.308 + 0.702i \qquad \qquad F(I''_{A}) = (0.767 \ 113.676)$$

$$I''_B := I''_A$$

Ток в нагрузке R, согласно закону Ома, равен:

$$I'_{A} := \frac{U_{A'B'}}{R}$$

$$I'_{A} = 1.632 + 0.716i$$

$$F(I'_{A}) = (1.782 - 23.676)$$

$$I'_{B} := \frac{U_{B'C'}}{R}$$

$$I'_{B} = -0.04 - 1.703i$$

$$F(I'_{B}) = (1.703 - 91.334)$$

$$I'_{C} := \frac{U_{C'A'}}{R}$$

$$I'_{C} = -1.593 + 0.987i$$

$$F(I'_{C}) = (1.874 - 148.211)$$

Согласно выполненным расчетам, показания включенных в цепь амперметров равны:

$$A_1 = 0.767$$
 $A_2 = 1.782$ $A_a = 2.949$ $A_b = 3.406$ $A_c = 3.106$

Расчет показаний ваттметров выполняется так же, как и в случае симметричной системы:

Показание ваттметра Wa:

$$E_{AC} := E_A \cdot \sqrt{3} \cdot e$$

$$E_{AC} = 202.5 - 116.913i$$

$$Wa := Re(E_{AC} \cdot \overline{I_A})$$

$$Wa = 540.335$$

Показание ваттметра Wb:

$$\begin{aligned} E_{BC} &:= E_B \cdot \sqrt{3} \cdot e \end{aligned} \qquad E_{AC} = 202.5 - 116.913i \\ Wb &:= Re \Big(E_{BC} \cdot \overline{I_B} \Big) \qquad Wb = 729.638 \end{aligned}$$

Полная мощность равна:

$$W := Wa + Wb$$
 $W = 1.27 \times 10^3$

Баланс активной и реактивной мощностей

$$Sr := E_A \cdot \overline{I_A} + E_B \cdot \overline{I_B} + E_C \cdot \overline{I_C}$$

$$Sr = 1.27 \times 10^3 - 109.295i$$

Определим мощность, потребляемую приёмником:

$$\begin{split} \operatorname{Ppr} &:= \left[\left(\left| I_{A} \right| \right)^{2} + \left(\left| I_{B} \right| \right)^{2} + \left(\left| I_{C} \right| \right)^{2} \right] \cdot R_{L} + \left[\left(\left| I_{A} \right| \right)^{2} + \left(\left| I_{C} \right| \right)^{2} \right] \cdot R \qquad \operatorname{Ppr} = 1.27 \times 10^{3} \\ \operatorname{Qpr} &:= \left[\left(\left| I_{A} \right| \right)^{2} + \left(\left| I_{B} \right| \right)^{2} \right] \cdot \left(-X_{C} \cdot i \right) \qquad \qquad \operatorname{Qpr} = -109.295i \end{split}$$

Построение совмещененной векторной диаграммы токов и топографической диаграммы напряжений цепи

