

Міністерство освіти України
Національний технічний університет України
“Київський політехнічний інститут”
Кафедра ТОЕ

Розрахунково-графічна робота

“Розрахунок перехідних процесів у лінійних колах”

Варіант № 577

Виконав: _____

Перевірив: _____

Умова завдання

1. В колі з джерелом постійної ЕДС необхідно:

- 1) класичним методом розрахувати напруги на реактивних елементах та струми перехідного процесу;
- 2) розрахувати струм в колі з джерелом ЕДС E_1 та напругу на реактивному елементі операторним методом;
- 3) побудувати в одному часовому масштабі діаграми струму та напруги на реактивних елементах.

2. Дослідити, яким повинен бути активний опір у вітці з джерелом E_1 , щоб перехідний процес проходив в граничному режимі.

3. Визначити струми в вітках та напруги на реактивних елементах в момент комутації ($t=0$), якщо замість джерел постійних ЕДС E_1 і E_2 в колі діють синусоїдні джерела.

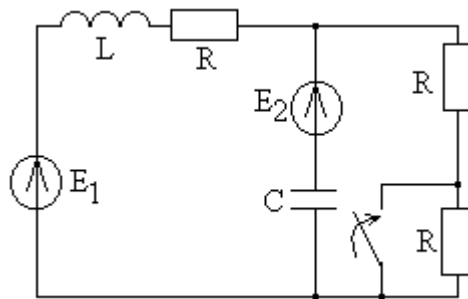
3. В післякомутаційній схемі закортити джерело ЕДС E_2 .

а) виключити катушку індуктивності чи ємність, замінивши останню опором R ;

б) вважаючи, що замість джерела постійної ЕДС E_1 до отриманного кола подається напруга, форма якої показана на малюнку;

в) розрахувати вхідний струм та напругу на реактивному елементі методом інтеграла Дюамеля при періоді T , заданому в долях від τ ;

г) побудувати в одному часовому масштабі діаграми напруги на вході, вхідного струму і напруги на реактивних елементах.



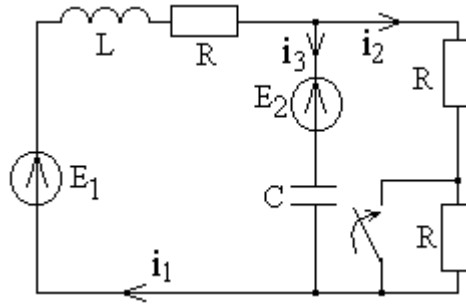
Основна схема

Вхідні данні:

$L := 0.15$	Гн	$C := 60 \cdot 10^{-6}$	Ф	$R := 30$	Ом		
$E_1 := 150$	В	$E_2 := 170$	В	$\psi := 75 \cdot \text{deg}$	C^0	$\omega := 200$	c^{-1}

Класичний метод

Оберемо додатній напрямок струмів у вітках схеми:



Знайдемо значення струмів та напруг безпосередньо до комутації:

Усталений режим до комутації: $t < 0$

$$i_{1\text{ДК}} := \frac{E_1}{3 \cdot R} \quad i_{2\text{ДК}} := i_{1\text{ДК}} \quad i_{2\text{ДК}} = 1.667$$

$$i_{3\text{ДК}} := 0 \quad u_{L\text{ДК}} := 0$$

$$u_{C\text{ДК}} := E_1 - i_{1\text{ДК}} \cdot R - E_2 \quad u_{C\text{ДК}} = -70$$

Усталений режим після комутації: $t = \infty$

$$i'_1 := \frac{E_1}{2 \cdot R} \quad i'_2 := i'_1 \quad i'_2 = 2.5$$

$$i'_3 := 0 \quad u'_L := 0$$

$$u'_C := E_1 - i'_1 \cdot R - E_2 \quad u'_C = -95$$

Незалежні початкові умови

$$i_{10} := i_{1\text{ДК}} \quad i_{10} = 1.667$$

$$u_{C0} := u_{C\text{ДК}} \quad u_{C0} = -70$$

Залежні початкові умови

Given

$$i_{20} = i_{10} - i_{30}$$

$$E_1 - E_2 = u_{L0} + u_{C0} + i_{10} \cdot R$$

$$E_2 = i_{20} \cdot R - u_{C0}$$

$$\begin{pmatrix} i_{30} \\ i_{20} \\ u_{L0} \end{pmatrix} := \text{Find}(i_{30}, i_{20}, u_{L0}) \text{ float}, 6 \rightarrow \begin{pmatrix} -1.66667 \\ 3.33333 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$i_{30} = -1.667 i_{20} = 3.333 \quad u_{L0} = 0$$

Незалежні початкові умови

$$di_{10} := \frac{u_{L0}}{L} \quad di_{10} = 0$$

$$du_{C0} := \frac{i_{30}}{C} \quad du_{C0} = -2.778 \times 10^4$$

Залежні початкові умови

Given

$$di_{10} = di_{20} + di_{30}$$

$$0 = du_{L0} + du_{C0} + di_{10} \cdot R$$

$$0 = di_{20} \cdot R - du_{C0}$$

$$\begin{pmatrix} di_{20} \\ di_{30} \\ du_{L0} \end{pmatrix} := \text{Find}(di_{20}, di_{30}, du_{L0})$$

$$di_{20} = -925.928 \quad di_{30} = 925.928 \quad du_{L0} = 2.778 \times 10^4$$

Вільний режим після комутайії: $t = 0$

Складемо характеристичне рівняння схеми

$$Z(p) := \frac{R \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C} \right)}{R + \frac{1}{p \cdot C}} + p \cdot L + R$$

$$Z(p) := \frac{R \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C} \right) + \left(R + \frac{1}{p \cdot C} \right) \cdot (p \cdot L + R)}{R + \frac{1}{p \cdot C}}$$

$$\begin{pmatrix} p_1 \\ p_2 \end{pmatrix} := R \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C} \right) + \left(R + \frac{1}{p \cdot C} \right) \cdot (p \cdot L + R) \left| \begin{array}{l} \text{solve, } p \\ \text{float, } 5 \end{array} \right. \rightarrow \begin{pmatrix} -377.78 - 281.97 \cdot i \\ -377.78 + 281.97 \cdot i \end{pmatrix}$$

Отже корні характеристичного рівняння мають вигляд:

$$p_1 = -377.78 - 281.97i$$

$$p_2 = -377.78 + 281.97i$$

Коефіцієнт затухання та кутова частота вільних коливань:

$$\delta := |\text{Re}(p_1)| \quad \delta = 377.78$$

$$\omega_0 := |\text{Im}(p_2)| \quad \omega_0 = 281.97$$

Вільні складові повних струмів та напруг будуть мати вигляд:

$$i''_1(t) = A \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_0 \cdot t + v_1)$$

$$i''_2(t) = B \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_0 \cdot t + v_2)$$

$$i''_3(t) = C \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_0 \cdot t + v_3)$$

$$u''_C(t) = D \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_0 \cdot t + v_C)$$

$$u''_L(t) = F \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_0 \cdot t + v_L)$$

Визначення сталих інтегрування:

Для струму $i_1(t)$:

Given

$$i_{10} - i'_1 = A \cdot \sin(v_1)$$

$$di_{10} = -A \cdot \delta \cdot \sin(v_1) + A \cdot \omega_0 \cdot \cos(v_1)$$

$$\begin{pmatrix} A \\ v_1 \end{pmatrix} := \text{Find}(A, v_1) \text{ float, } 5 \rightarrow \begin{pmatrix} 1.3932 & -1.3932 \\ -2.5004 & .64118 \end{pmatrix}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$A = 1.393$$

$$v_1 = -2.5$$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$i''_1(t) := A \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_0 \cdot t + v_1) \text{ float, } 5 \rightarrow 1.3932 \cdot \exp(-377.78 \cdot t) \cdot \sin(281.97 \cdot t - 2.5004)$$

$$i_1(t) := i'_1 + i''_1(t) \text{ float, } 4 \rightarrow 2.500 + 1.393 \cdot \exp(-377.8 \cdot t) \cdot \sin(282.0 \cdot t - 2.500)$$

Для струму $i_2(t)$:

$$i_{20} - i'_2 = B \cdot \sin(v_2)$$

$$di_{20} = -B \cdot \delta \cdot \sin(v_2) + B \cdot \omega_0 \cdot \cos(v_2)$$

$$\begin{pmatrix} B \\ v_2 \end{pmatrix} := \text{Find}(B, v_2) \text{ float}, 5 \rightarrow \begin{pmatrix} -2.3220 & 2.3220 \\ -0.36708 & 2.7745 \end{pmatrix}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$B = -2.322 \quad v_2 = -0.367$$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$i''_2(t) := B \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_0 \cdot t + v_2) \text{ float}, 5 \rightarrow -2.3220 \cdot \exp(-377.78 \cdot t) \cdot \sin(281.97 \cdot t - .36708)$$

$$i_2(t) := i'_2 + i''_2(t) \text{ float}, 4 \rightarrow 2.500 - 2.322 \cdot \exp(-377.8 \cdot t) \cdot \sin(282.0 \cdot t - .3671)$$

Для струму $i_3(t)$:

$$i_{30} - i'_3 = C \cdot \sin(v_3)$$

$$di_{30} = -C \cdot \delta \cdot \sin(v_3) + C \cdot \omega_0 \cdot \cos(v_3)$$

$$\begin{pmatrix} C \\ v_3 \end{pmatrix} := \text{Find}(C, v_3) \text{ float}, 5 \rightarrow \begin{pmatrix} -1.9703 & 1.9703 \\ 2.1333 & -1.0083 \end{pmatrix}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$C = -1.97 \quad v_3 = 2.133$$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$i''_3(t) := C \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_0 \cdot t + v_3) \text{ float}, 5 \rightarrow -1.9703 \cdot \exp(-377.78 \cdot t) \cdot \sin(281.97 \cdot t + 2.1333)$$

$$i_3(t) := i'_3 + i''_3(t) \text{ float}, 4 \rightarrow -1.970 \cdot \exp(-377.8 \cdot t) \cdot \sin(282.0 \cdot t + 2.133)$$

Для напруги $U_C(t)$:

$$u_{C0} - u'_C = D \cdot \sin(v_C)$$

$$du_{C0} = -D \cdot \delta \cdot \sin(v_C) + D \cdot \omega_0 \cdot \cos(v_C)$$

$$\begin{pmatrix} D \\ v_C \end{pmatrix} := \text{Find}(D, v_C) \begin{matrix} \text{float}, 5 \\ \text{complex} \end{matrix} \rightarrow \begin{pmatrix} -69.659 & 69.659 \\ -0.36708 & 2.7745 \end{pmatrix}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$D = -69.659 \quad v_C = -0.367$$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$u''_C(t) := D \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_0 \cdot t + v_C) \text{ float}, 5 \rightarrow -69.659 \cdot \exp(-377.78 \cdot t) \cdot \sin(281.97 \cdot t - .36708)$$

$$u_C(t) := u'_C + u''_C(t) \text{ float}, 4 \rightarrow -95. - 69.66 \cdot \exp(-377.8 \cdot t) \cdot \sin(282.0 \cdot t - .3671)$$

Для напруги $U_L(t)$:

$$u_{L0} - u'_L = F \cdot \sin(v_L)$$

$$du_{L0} = -F \cdot \delta \cdot \sin(v_L) + F \cdot \omega_0 \cdot \cos(v_L)$$

$$\begin{pmatrix} F \\ v_L \end{pmatrix} := \text{Find}(F, v_L) \begin{matrix} \text{float}, 5 \\ \text{complex} \end{matrix} \rightarrow \begin{pmatrix} 98.513 & -98.513 \\ 0 & 3.1416 \end{pmatrix}$$

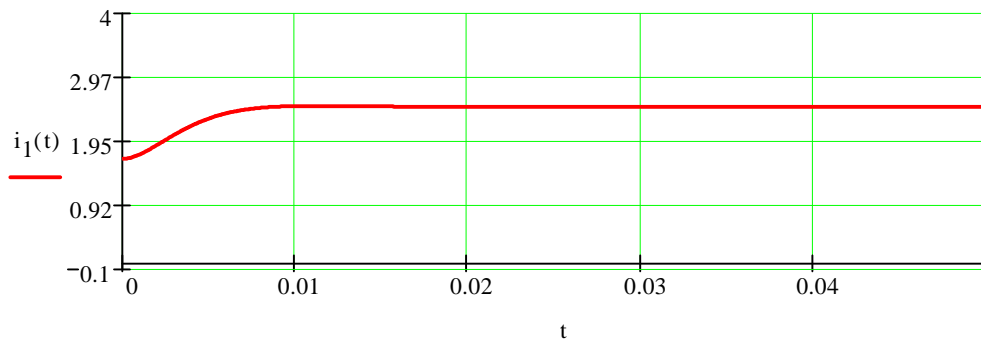
Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$F = 98.513 \quad v_L = 0$$

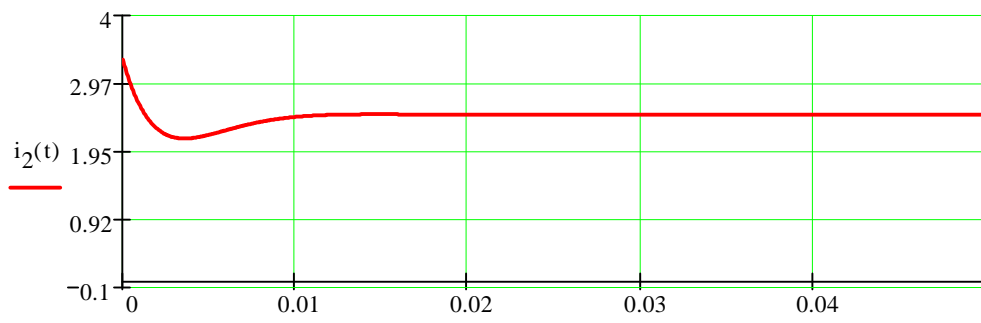
Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$u''_L(t) := F \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_0 \cdot t + v_L) \text{ float}, 5 \rightarrow 98.513 \cdot \exp(-377.78 \cdot t) \cdot \sin(281.97 \cdot t)$$

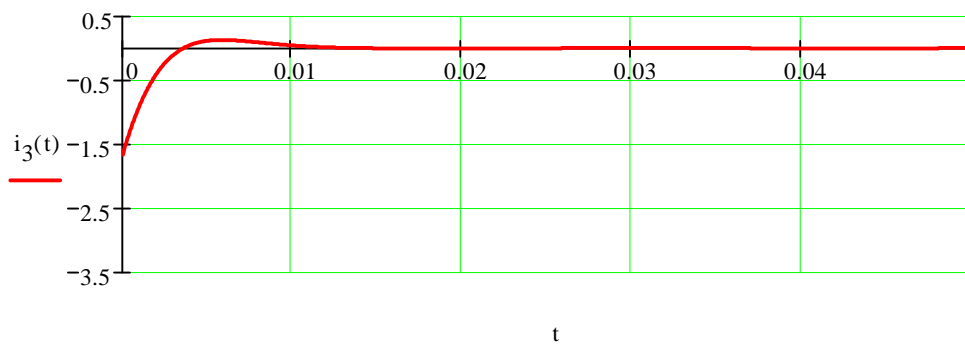
$$u_L(t) := u'_L + u''_L(t) \text{ float}, 4 \rightarrow 98.51 \cdot \exp(-377.8 \cdot t) \cdot \sin(282.0 \cdot t)$$



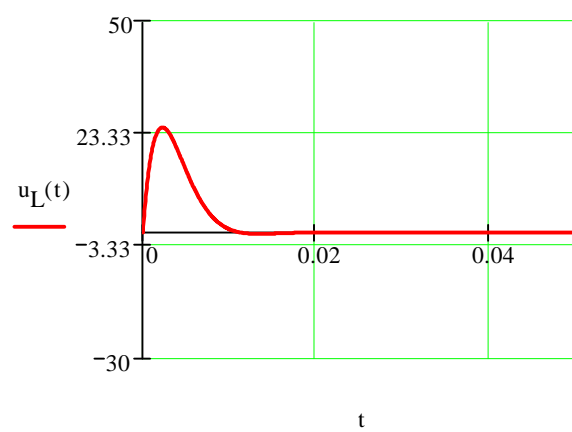
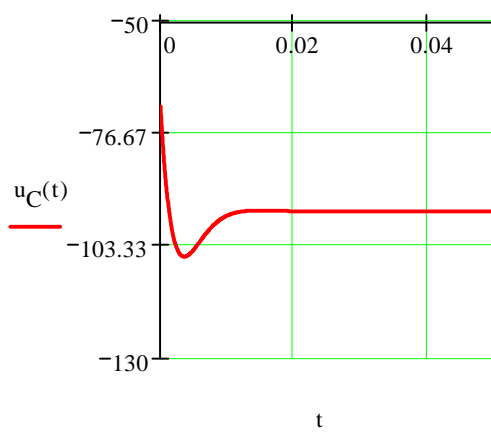
Графік перехідного струму $i_1(t)$.



Графік перехідного струму $i_2(t)$.

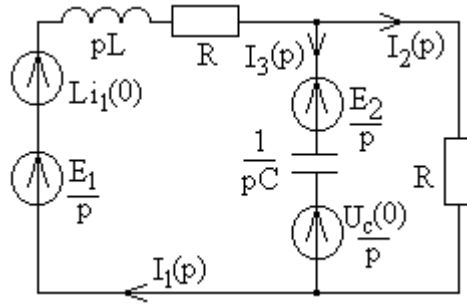


Графік перехідного струму $i_3(t)$.



Графік перехідних напруг на ємності та індуктивності.

Операторний метод



Операторна схема

Усталений режим до комутації: $t < 0$

$$i_{1\text{дк}} := \frac{E_1}{3 \cdot R} \quad i_{2\text{дк}} := i_{1\text{дк}} \quad i_{2\text{дк}} = 1.667$$

$$i_{3\text{дк}} := 0 \quad u_{L\text{дк}} := 0$$

$$u_{C\text{дк}} := E_1 - i_{1\text{дк}} \cdot R - E_2 \quad u_{C\text{дк}} = -70$$

Початкові умови:

$$i_{L0} := i_{1\text{дк}} \quad i_{L0} = 1.667$$

$$u_{C0} = -70$$

$$I_{k1}(p) \cdot \left(R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C} \right) - I_{k2}(p) \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C} \right) = \frac{E_1}{p} - \frac{E_2}{p} - \frac{u_{C0}}{p} + L \cdot i_{10}$$

$$-I_{k1}(p) \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C} \right) + I_{k2}(p) \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C} + R \right) = \frac{E_2}{p} + \frac{u_{C0}}{p}$$

$$\Delta(p) := \begin{bmatrix} R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C} & -\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) \\ -\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) & \frac{1}{p \cdot C} + R \end{bmatrix} \quad \Delta(p) \text{ float},5 \rightarrow \frac{1}{p^1} \cdot (4.5000 \cdot p^2 + 3400.0 \cdot p + 1.0000 \cdot 10^6)$$

$$\Delta_1(p) := \begin{bmatrix} \frac{E_1}{p} - \frac{E_2}{p} - \frac{u_{C0}}{p} + L \cdot i_{10} & -\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) \\ \frac{E_2}{p} + \frac{u_{C0}}{p} & \frac{1}{p \cdot C} + R \end{bmatrix} \quad \Delta_1(p) \text{ float},5 \rightarrow \frac{(5666.7 \cdot p + 2.5000 \cdot 10^6 + 7.5000 \cdot p^2)}{p^2}$$

$$\Delta_2(p) := \begin{bmatrix} R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C} & \frac{E_1}{p} - \frac{E_2}{p} - \frac{u_{C0}}{p} + L \cdot i_{10} \\ -\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) & \frac{E_2}{p} + \frac{u_{C0}}{p} \end{bmatrix} \quad \Delta_2(p) \text{ float},5 \rightarrow \frac{(15.00 \cdot p^2 + 7166.7 \cdot p + 2.5000 \cdot 10^6)}{p^2}$$

Контурні струми та напруга на конденсаторі будуть мати вигляд:

$$I_{k1}(p) := \frac{\Delta_1(p)}{\Delta(p)} \quad I_{k1}(p) \text{ float},5 \rightarrow \frac{(5666.7 \cdot p + 2.5000 \cdot 10^6 + 7.5000 \cdot p^2)}{p^1 \cdot (4.5000 \cdot p^2 + 3400.0 \cdot p + 1.0000 \cdot 10^6)^1}$$

$$I_{k2}(p) := \frac{\Delta_2(p)}{\Delta(p)} \quad I_{k2}(p) \text{ float},5 \rightarrow \frac{(15.00 \cdot p^2 + 7166.7 \cdot p + 2.5000 \cdot 10^6)}{p^1 \cdot (4.5000 \cdot p^2 + 3400.0 \cdot p + 1.0000 \cdot 10^6)^1}$$

$$u_C(p) := \frac{u_{C0}}{p} + \frac{I_3(p)}{p \cdot C}$$

$$u_C(p) \left| \begin{array}{l} \text{float, 5} \\ \text{factor} \end{array} \right. \rightarrow \frac{-35}{p} \cdot \frac{(5428600 + 18 \cdot p^2 + 20743 \cdot p)}{(2000000 + 9 \cdot p^2 + 6800 \cdot p)}$$

$$u_L(p) := L \cdot p \cdot I_{k1}(p) - L \cdot i_{1\text{дк}}$$

$$u_L(p) \text{ factor} \rightarrow \frac{250000}{(2000000 + 9 \cdot p^2 + 6800 \cdot p)}$$

Перейдемо тепер від зображення до функції часу за формулою розкладу:
Для струму $I_1(p)$:

$$N_1(p) := 5666.7 \cdot p + 2.5000 \cdot 10^6 + 7.5000 \cdot p^2, \quad M_1(p) := p \cdot (4.5000 \cdot p^2 + 3400.0 \cdot p + 1.0000 \cdot 10^6)$$

$$\begin{pmatrix} p_0 \\ p_1 \\ p_2 \end{pmatrix} := M_1(p) \left| \begin{array}{l} \text{solve, p} \\ \text{float, 5} \end{array} \right. \rightarrow \begin{pmatrix} 0 \\ -377.78 - 281.97 \cdot i \\ -377.78 + 281.97 \cdot i \end{pmatrix}$$

$$p_0 = 0 \quad p_1 = -377.78 - 281.97i \quad p_2 = -377.78 + 281.97i$$

$$N_1(p_0) = 2.5 \times 10^6 \quad N_1(p_1) = 8.333 \times 10^5 \quad N_1(p_2) = 8.333 \times 10^5$$

$$dM_1(p) := \frac{d}{dp} M_1(p) \text{ factor} \rightarrow \frac{27}{2} \cdot p^2 + 6800 \cdot p + 1000000$$

$$dM_1(p_0) = 1 \times 10^6 \quad dM_1(p_1) = -7.156 \times 10^5 + 9.587i \times 10^5 \quad dM_1(p_2) = -7.156 \times 10^5 - 9.587i \times 10^5$$

Отже струм як функція часу буде мати вигляд:

$$i_1(t) := \frac{N_1(p_0)}{dM_1(p_0)} + \frac{N_1(p_1)}{dM_1(p_1)} \cdot e^{p_1 \cdot t} + \frac{N_1(p_2)}{dM_1(p_2)} \cdot e^{p_2 \cdot t} \quad i_1(0) = 1.667$$

$$i_1(t) \left| \begin{array}{l} \text{float, 5} \\ \text{complex} \end{array} \right. \rightarrow 2.5000 - .83330 \cdot \exp(-377.78 \cdot t) \cdot \cos(281.97 \cdot t) - 1.11646 \cdot \exp(-377.78 \cdot t) \cdot \sin(281.97 \cdot t)$$

Для напруги на конденсаторі $U_c(p)$:

$$N_u(p) := -35 \cdot (5428600 + 18 \cdot p^2 + 20743 \cdot p) \quad M_u(p) := p \cdot (2000000 + 9 \cdot p^2 + 6800 \cdot p)$$

$$\begin{pmatrix} p_0 \\ p_1 \\ p_2 \end{pmatrix} := M_u(p) \left| \begin{array}{l} \text{solve, p} \\ \text{float, 5} \end{array} \right. \rightarrow \begin{pmatrix} 0 \\ -377.78 + 281.97 \cdot i \\ -377.78 - 281.97 \cdot i \end{pmatrix}$$

$$p_0 = 0 \quad p_1 = -377.78 + 281.97i \quad p_2 = -377.78 - 281.97i$$

$$N_u(p_0) = -1.9 \times 10^8 \quad N_u(p_1) = 4.445 \times 10^7 - 7.049i \times 10^7 \quad N_u(p_2) = 4.445 \times 10^7 + 7.049i \times 10^7$$

$$dM_u(p) := \frac{d}{dp} M_u(p) \text{ factor} \rightarrow 2000000 + 27 \cdot p^2 + 13600 \cdot p$$

$$dM_u(p_0) = 2 \times 10^6 \quad dM_u(p_1) = -1.431 \times 10^6 - 1.917i \times 10^6 \quad dM_u(p_2) = -1.431 \times 10^6 + 1.917i \times 10^6$$

Отже напруга як функція часу буде мати вигляд:

$$u_C(t) := \frac{N_u(p_0)}{dM_u(p_0)} + \frac{N_u(p_1)}{dM_u(p_1)} \cdot e^{p_1 \cdot t} + \frac{N_u(p_2)}{dM_u(p_2)} \cdot e^{p_2 \cdot t} \quad u_C(0) = -70.001$$

$$u_C(t) \begin{cases} \text{float, 5} \\ \text{complex} \end{cases} \rightarrow -95.001 + 25.000 \cdot \exp(-377.78 \cdot t) \cdot \cos(281.97 \cdot t) - 65.020 \cdot \exp(-377.78 \cdot t) \cdot \sin(281.97 \cdot t)$$

Для напруги на індуктивності:

$$N_L(p) := 250000$$

$$M_L(p) := 2000000 + 9 \cdot p^2 + 6800 \cdot p$$

$$\begin{pmatrix} p_1 \\ p_2 \end{pmatrix} := M_L(p) \begin{cases} \text{solve, p} \\ \text{float, 5} \end{cases} \rightarrow \begin{pmatrix} -377.78 + 281.97 \cdot i \\ -377.78 - 281.97 \cdot i \end{pmatrix}$$

$$p_1 = -377.78 + 281.97i \quad p_2 = -377.78 - 281.97i$$

$$N_L(p_1) = 2.5 \times 10^5$$

$$N_L(p_2) = 2.5 \times 10^5$$

$$dM_L(p) := \frac{d}{dp} M_L(p) \text{ factor} \rightarrow 18 \cdot p + 6800$$

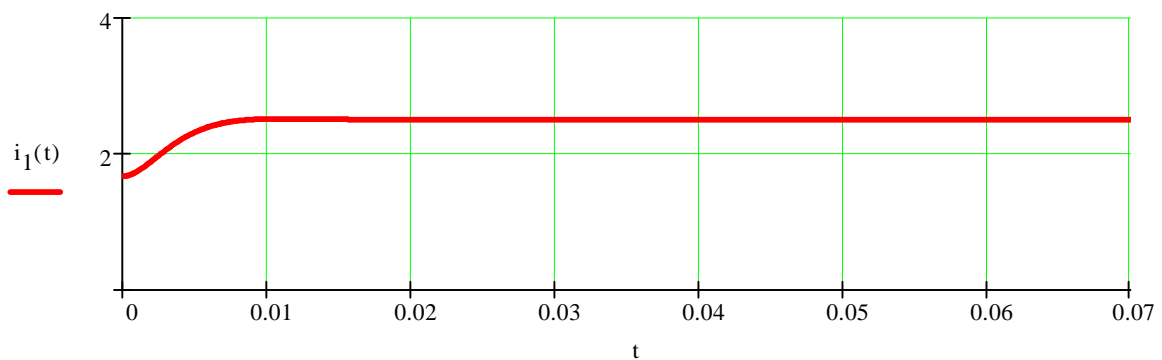
$$dM_L(p_1) = -0.04 + 5.075i \times 10^3$$

$$dM_L(p_2) = -0.04 - 5.075i \times 10^3$$

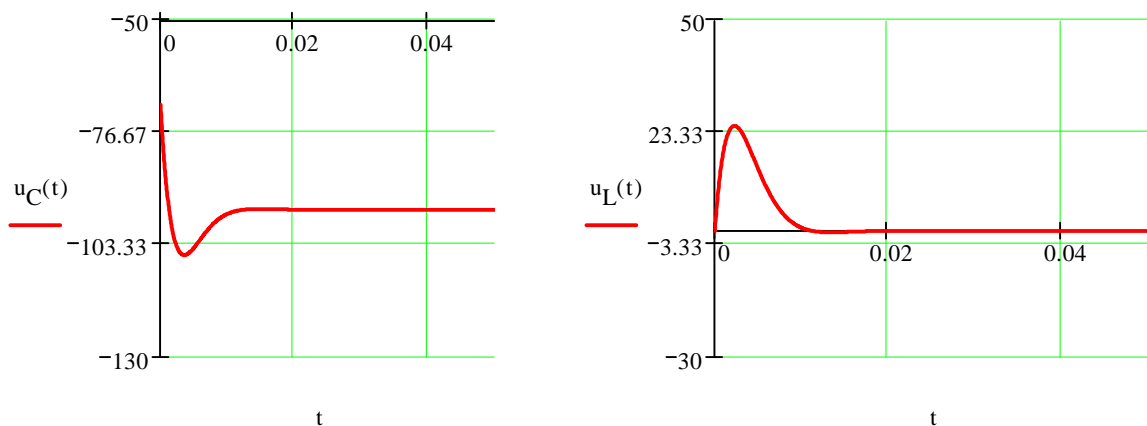
Отже напруга як функція часу буде мати вигляд:

$$u_L(t) := \frac{N_L(p_1)}{dM_L(p_1)} \cdot e^{p_1 \cdot t} + \frac{N_L(p_2)}{dM_L(p_2)} \cdot e^{p_2 \cdot t} \quad u_L(0) = -7.764 \times 10^{-4}$$

$$u_L(t) \begin{cases} \text{float, 5} \\ \text{complex} \end{cases} \rightarrow -7.7638 \cdot 10^{-4} \cdot \exp(-377.78 \cdot t) \cdot \cos(281.97 \cdot t) + 98.514 \cdot \exp(-377.78 \cdot t) \cdot \sin(281.97 \cdot t)$$



Графік перехідного струму $i_L(t)$.



Графік перехідних напруг на ємності та індуктивності.

Дослідити чому повинен дорівнювати активний опір вітки с джерелом ЕРС Е1 щоб перехідний процес переходив в граничний режим

$$Z_{ab}(p) := \mathbf{R'} + p \cdot L + \frac{\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) \cdot R}{\frac{1}{p \cdot C} + R}$$

$$Z_{ab}(p) := \frac{\left(\frac{1}{p \cdot C} + R\right) \cdot (\mathbf{R'} + p \cdot L) + \left(\frac{1}{p \cdot C}\right) \cdot R}{\frac{1}{p \cdot C} + R}$$

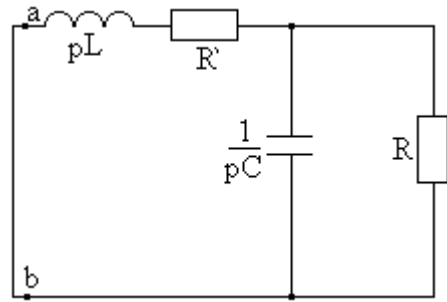
$$(R \cdot L) \cdot p^2 + \left(R \cdot R' + \frac{L}{C}\right) \cdot p + \left(\frac{R'}{C} + \frac{R}{C}\right) = 0$$

$$D = 0$$

$$\left(R \cdot R' + \frac{L}{C}\right)^2 - 4 \cdot (R \cdot L) \cdot \left(\frac{R'}{C} + \frac{R}{C}\right) = 0$$

$$\left(R \cdot R' + \frac{L}{C}\right)^2 - 4 \cdot (R \cdot L) \cdot \left(\frac{R'}{C} + \frac{R}{C}\right) \Big|_{\text{solve}, R'} \rightarrow \begin{pmatrix} -16.667 \\ 183.33 \end{pmatrix}$$

$$R' := 183.33$$



Отже при такому значенні активного опору у вітці з джерелом напруги Е1 аперіодичний процес перейде в коливальний.

Визначити струми в вітках та напруги на реактивних елементах в момент комутації (t=0), якщо замість джерел постійних ЕДС Е1 і Е2 в колі діють синусоїдні джерела.

$$e_1(t) := \sqrt{2} \cdot E_1 \cdot \sin(\omega \cdot t + \psi)$$

$$e_2(t) := \sqrt{2} \cdot E_2 \cdot \sin(\omega \cdot t + \psi)$$

$$X_C := \frac{1}{\omega \cdot C}$$

$$X_C = 83.333$$

$$X_L := \omega \cdot L$$

$$X_L = 30$$

$$E_1 := E_1 \cdot e^{\psi \cdot i}$$

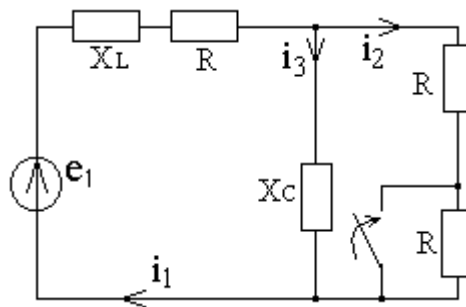
$$E_1 = 38.823 + 144.889i$$

$$F(E_1) = (150 \ 75)$$

$$E_2 := E_2 \cdot e^{\psi \cdot i}$$

$$E_2 = 43.999 + 164.207i$$

$$F(E_2) = (170 \ 75)$$



$$Z'_{vx} := R + i \cdot X_L + \frac{2 \cdot R \cdot (i \cdot X_C)}{R + R - i \cdot X_C}$$

$$Z'_{vx} = -9.515 + 58.451i$$

$$\Gamma'_{1\text{дк}} := \frac{E_1}{Z'_{vx}}$$

$$\Gamma'_{1\text{дк}} = 2.309 - 1.04i$$

$$F(\Gamma'_{1\text{дк}}) = (2.533 \ -24.246)$$

$$\Gamma'_{2\text{дк}} := \Gamma'_{1\text{дк}} \cdot \frac{(-i \cdot X_C)}{R + R - i \cdot X_C}$$

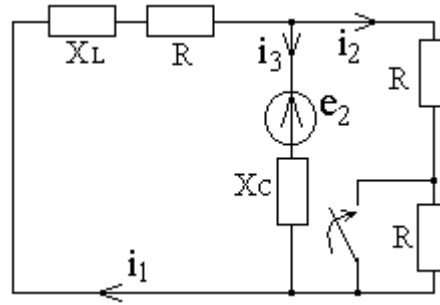
$$\Gamma'_{2\text{дк}} = 1.028 - 1.78i$$

$$F(\Gamma'_{2\text{дк}}) = (2.056 \ -60)$$

$$\Gamma'_{3\text{дк}} := \Gamma'_{1\text{дк}} \cdot \frac{2 \cdot R}{R + R - i \cdot X_C}$$

$$\Gamma'_{3\text{дк}} = 1.282 + 0.74i$$

$$F(\Gamma'_{3\text{дк}}) = (1.48 \ 30)$$



$$Z''_{vx} := -X_C \cdot i + \frac{(R + i \cdot X_L) \cdot 2 \cdot R}{R + i \cdot X_L + R + R}$$

$$Z''_{vx} = 24 - 71.333i$$

$$I''_{3dk} := \frac{E_2}{Z''_{vx}}$$

$$I''_{3dk} = -1.881 + 1.25i$$

$$F(I''_{3dk}) = (2.259 \quad 146.405)$$

$$I''_{1dk} := I''_{3dk} \cdot \frac{2 \cdot R}{R + i \cdot X_L + 2 \cdot R}$$

$$I''_{1dk} = -0.879 + 1.126i$$

$$F(I''_{1dk}) = (1.429 \quad 127.97)$$

$$I''_{2dk} := I''_{3dk} \cdot \frac{R + i \cdot X_L}{R + i \cdot X_L + 2 \cdot R}$$

$$I''_{2dk} = -1.881 + 1.25i$$

$$F(I''_{2dk}) = (2.259 \quad 146.405)$$

$$I_{1dk} := I'_{1dk} + I''_{1dk}$$

$$I_{1dk} = 1.431 + 0.086i$$

$$F(I_{1dk}) = (1.433 \quad 3.442)$$

$$I_{2dk} := I'_{2dk} + I''_{2dk}$$

$$I_{2dk} = 0.025 - 1.657i$$

$$F(I_{2dk}) = (1.657 \quad -89.128)$$

$$I_{3dk} := I'_{3dk} - I''_{3dk}$$

$$I_{3dk} = 3.163 - 0.51i$$

$$F(I_{3dk}) = (3.204 \quad -9.156)$$

$$u_{Cdk} := I_{3dk} \cdot (-i \cdot X_C)$$

$$u_{Cdk} = -42.486 - 263.598i$$

$$F(u_{Cdk}) = (267 \quad -99.156)$$

$$u_{Ldk} := I_{1dk} \cdot i \cdot X_L$$

$$u_{Ldk} = -2.581 + 42.917i$$

$$F(u_{Ldk}) = (42.995 \quad 93.442)$$

$$i_{1dk}(t) := |I_{1dk}| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin(\omega \cdot t + \arg(I_{1dk}))$$

$$i_{2dk}(t) := |I_{2dk}| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin(\omega \cdot t + \arg(I_{2dk}))$$

$$i_{3dk}(t) := |I_{3dk}| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin(\omega \cdot t + \arg(I_{3dk}))$$

$$u_{Cdk}(t) := |u_{Cdk}| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin(\omega \cdot t + \arg(u_{Cdk}))$$

$$u_{Ldk}(t) := |u_{Ldk}| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin(\omega \cdot t + \arg(u_{Ldk}))$$

Початкові умови:

$$u_{Cdk}(0) = -372.784$$

$$i_{Ldk}(0) = 0.122$$

Given

$$i_{20} = i_{10} - i_{30}$$

$$e_1(0) - e_2(0) = u_{L0} + u_{C0} + i_{10} \cdot R$$

$$e_2(0) = i_{20} \cdot R - u_{C0}$$

$$\begin{pmatrix} i_{30} \\ i_{20} \\ u_{L0} \end{pmatrix} := \text{Find}(i_{30}, i_{20}, u_{L0})$$

$$i_{10} = 0.122$$

$$i_{20} = -4.685$$

$$i_{30} = 4.807$$

$$u_{L0} = 341.814$$

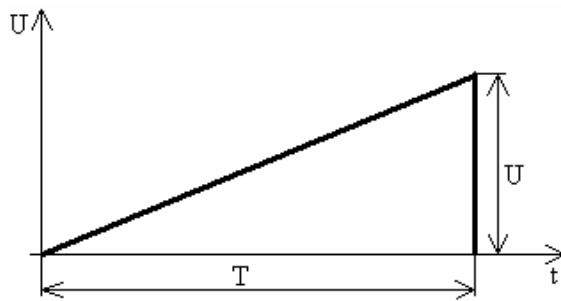
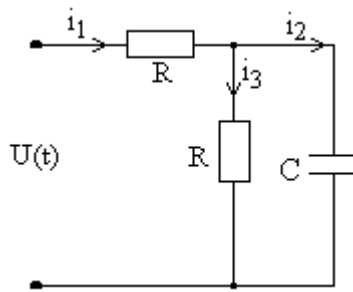
$$u_{C0} = -372.784$$

Інтеграл Дюамеля

$$T := 0.75$$

$$E_1 := 150$$

$$E := 1$$



Усталений режим до комутації: $t < 0$

$$i_{1\text{дк}} := \frac{0}{R + R}$$

$$i_{1\text{дк}} = 0$$

$$i_{3\text{дк}} := i_{1\text{дк}}$$

$$i_{3\text{дк}} = 0$$

$$i_{2\text{дк}} := 0$$

$$i_{2\text{дк}} = 0$$

$$u_{\text{Cдк}} := 0 - i_{1\text{дк}} \cdot R$$

$$u_{\text{Cдк}} = 0$$

Усталений режим після комутації: $t = \infty$

$$i'_1 := \frac{E}{R + R}$$

$$i'_1 = 0.017$$

$$i'_3 := i'_1$$

$$i'_3 = 0.017$$

$$i'_2 := 0$$

$$i'_2 = 0$$

$$u'_C := E - i'_1 \cdot R$$

$$u'_C = 0.5$$

Незалежні початкові умови

$$u_{\text{C0}} := u_{\text{Cдк}}$$

$$u_{\text{C0}} = 0$$

Залежні початкові умови

Given

$$i_{20} = i_{10} - i_{30}$$

$$E = i_{30} \cdot R + i_{10} \cdot R$$

$$0 = u_{\text{C0}} - i_{30} \cdot R$$

$$\begin{pmatrix} i_{10} \\ i_{20} \\ i_{30} \end{pmatrix} := \text{Find}(i_{10}, i_{20}, i_{30})$$

$$i_{10} = 0.033$$

$$i_{20} = 0.033$$

$$i_{30} = 0$$

Вільний режим після комутації: $t = 0$

Складемо характеристичне рівняння схеми

$$Z_{\text{vx}}(p) := R + \frac{R \cdot \frac{1}{p \cdot C}}{R + \frac{1}{p \cdot C}}$$

$$Z_{\text{vx}}(p) := \frac{R \cdot \left(R + \frac{1}{p \cdot C} \right) + R \cdot \frac{1}{p \cdot C}}{R + \frac{1}{p \cdot C}}$$

$$p := R \cdot \left(R + \frac{1}{p \cdot C} \right) + R \cdot \frac{1}{p \cdot C} \quad \left| \begin{array}{l} \text{solve, } p \\ \text{float, } 5 \end{array} \right. \rightarrow -1111.1$$

$$T := \frac{1}{|p|} \cdot T$$

$$T = 6.75 \times 10^{-4}$$

Одже корень характеристичного рівняння має вигляд:

$$p = -1.111 \times 10^3$$

Вільна складова струма буде мати вигляд:

$$i''_1(t) = A_1 \cdot e^{pt}$$

Визначення сталих інтегрування:

$$A_1 := i_{10} - i'_1 \quad A_1 = 0.017$$

Отже: $i''_1(t) := A_1 \cdot e^{pt}$

Повні значення цих струмів:

$$g_{11}(t) := i'_1 + i''_1(t) \quad g_{11}(t) \text{ float,5} \rightarrow 1.6667 \cdot 10^{-2} + 1.6667 \cdot 10^{-2} \cdot \exp(-1111.1 \cdot t)$$

$$h_{cU}(t) := E \cdot \frac{R}{R + R} \cdot (1 - e^{pt}) \text{ float,5} \rightarrow .50000 - .50000 \cdot \exp(-1111.1 \cdot t)$$

Визначимо закони зміни напруги на всіх проміжках часу:

$$U_0 := 0 \quad U_0 = 0$$

$$U_1(t) := U_0 + \frac{E_1}{T} \cdot t \quad U_1(t) \text{ float,5} \rightarrow 2.2222 \cdot 10^5 \cdot t \quad 0 < t < T$$

$$U_2 := 0 \quad U_2 = 0 \quad T < t < \infty$$

$$U'_1 := \frac{d}{dt} U_1(t) \text{ float,5} \rightarrow 2.2222 \cdot 10^5$$

Струм на цих проміжках буде мати вигляд:

$$i_1(t) := U_0 \cdot g_{11}(t) + \int_0^t U'_1 \cdot g_{11}(t - \tau) d\tau \quad i_1(t) \left| \begin{array}{l} \text{factor} \\ \text{float,3} \end{array} \right. \rightarrow 3.70 \cdot 10^3 \cdot t + 3.33 - 3.33 \cdot \exp(-1.11 \cdot 10^3 \cdot t)$$

$$i_2(t) := U_0 \cdot g_{11}(t) + \int_0^T U'_1 \cdot g_{11}(t - \tau) d\tau + (U_2 - E_1) \cdot g_{11}(t - T)$$

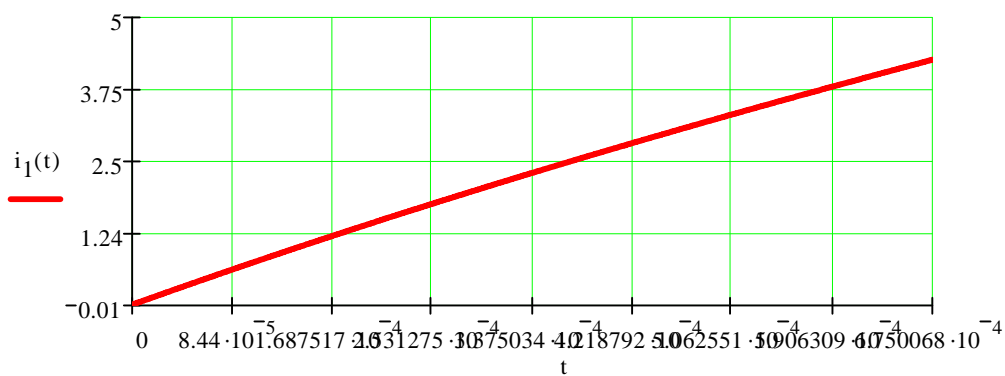
$$i_2(t) \left| \begin{array}{l} \text{factor} \\ \text{float,3} \end{array} \right. \rightarrow .833 \cdot \exp(-1.11 \cdot 10^3 \cdot t + .750) - 3.33 \cdot \exp(-1.11 \cdot 10^3 \cdot t)$$

Напруга на індуктивності на цих проміжках буде мати вигляд:

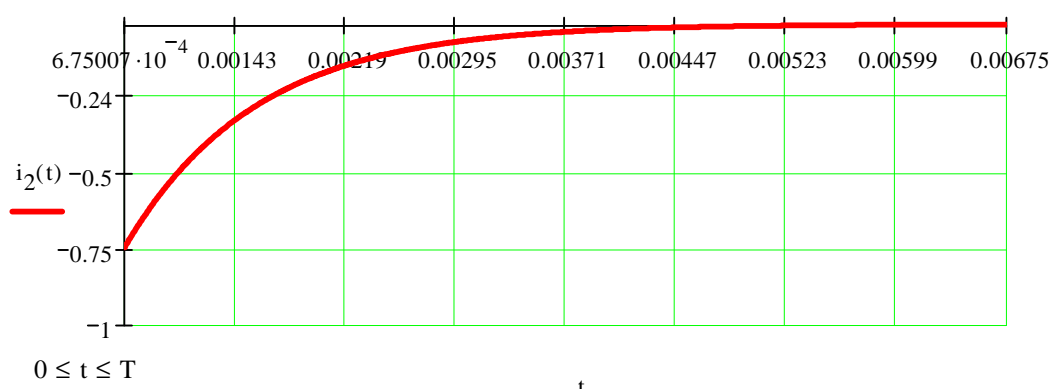
$$u_{C1}(t) := U_0 \cdot h_{cU}(t) + \int_0^t U'_1 \cdot h_{cU}(t - \tau) d\tau \text{ float,4} \rightarrow 1.111 \cdot 10^5 \cdot t - 100. + 100. \cdot \exp(-1111. \cdot t)$$

$$u_{C2}(t) := U_0 \cdot h_{cU}(t) + \int_0^T U'_1 \cdot h_{cU}(t - \tau) d\tau + (U_2 - E_1) \cdot h_{cU}(t - T)$$

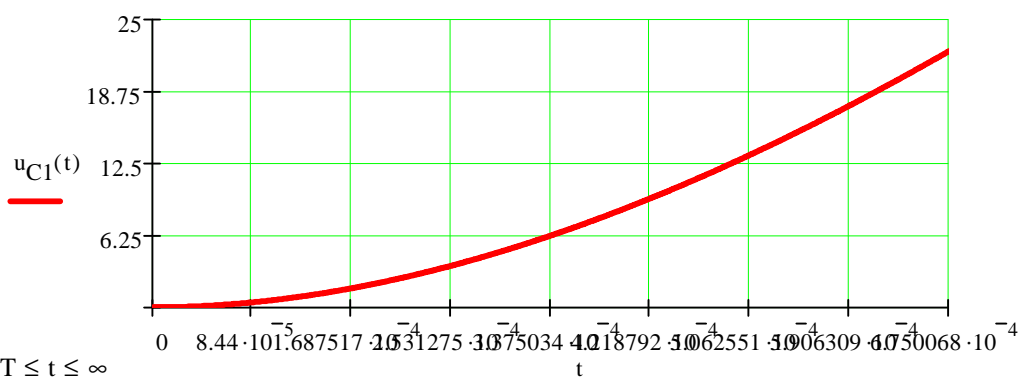
Графік вхідного струму на проміжку: $0 \leq t \leq T$



Графік вхідного струму на проміжку: $T \leq t \leq \infty$



$0 \leq t \leq T$



$T \leq t \leq \infty$

