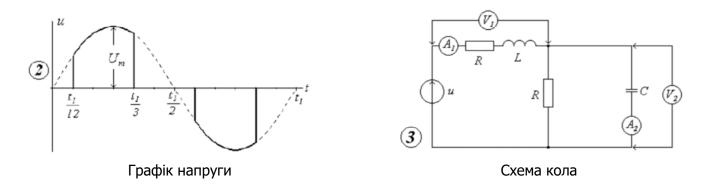
ЗАВДАННЯ:

В електричному колі діє джерело періодичної несинусоїдної напруги, форма якої зображена на рис.4, $t_1 = 5 \cdot 10^{-3} \ s$. Нелінійні ділянки є відтинками синусоїди.

потрібно:

- 1. Розкласти задану напругу в тригонометричний ряд (обмежитися постійною і трьома гармонічними складовими).
- 2. Побудувати в одній системі координат часові графіки складових і сумарну криву напруги, останню порівняти з заданою.
 - 3. Розрахувати миттєві значення струмів усіх віток заданої схеми.
- 4. Побудувати амплітудні і фазові спектральні діаграми для струму і напруги джерела.
- 5. Обчислити для змінної складової прикладеної напруги коефіцієнти форми, спотворення, амлітуди, гармонік.
- 6. Визначити покази увімкнених у схему приладів (амперметри електромагнітної системи, вольтметри магнітоелектричної).
- 7. Скласти баланс активних потужностей і обчислити потужності S, Q, Т джерела і коефіцієнт потужності.
- 8. Показати, при якій ємності С можливий резонанс усього кола для однієї з вищих гармонік.
- 9. Вважаючи задану схему однією з фаз симетричного трифазного кола при з'єднанні генератора і навантаження зіркою з нульовим проводом, визначити діюче значення лінійної напруги і струму в нульовому проводі.

При розрахунку вважати, що постійна складова напруги кожної фази і опір нульового проводу дорівнюють нулю.



Параметри за варіантом:

$$Um \coloneqq 20 \ V$$
 $R \coloneqq 2 \ \Omega$ $C \coloneqq 50 \ \mu F$ $L \coloneqq 1 \ mH$
$$j \coloneqq \sqrt{-1}$$
 $t \coloneqq 0,0.00001 \ s... t_1$ $w \coloneqq \frac{2 \cdot \pi}{t_1} = 1256.637 \ \frac{1}{s}$

Розклад заданої ЕРС в ряд Фур'є

$$U(t) \coloneqq \left\| \begin{array}{l} \text{if } 0 \leq t < \frac{t_1}{12} \\ \left\| 0 \right\| \\ \text{else if } \frac{t_1}{12} \leq t \leq \frac{t_1}{3} \\ \left\| Um \cdot \sin(w \cdot t) \right\| \\ \text{else if } \frac{t_1}{3} < t < \frac{7 \cdot t_1}{12} \\ \left\| 0 \right\| \\ \text{else if } \frac{7 \cdot t_1}{12} \leq t \leq \frac{5 \cdot t_1}{6} \\ \left\| Um \cdot \sin(w \cdot t) \right\| \\ \text{else if } \frac{5 \cdot t_1}{6} < t \leq t_1 \\ \left\| 0 \right\| \\ 0 \end{array} \right.$$

$$U_0 \coloneqq \frac{1}{t_1} \cdot \int_0^{t_1} U(t) \, \mathrm{d}t = 0 \; V$$

$$A_1 \coloneqq \frac{2}{t_1} \cdot \int_0^{t_1} U(t) \cdot \sin(w \cdot t) \, \mathrm{d}t = 15.513 \; V$$

$$A_3 \coloneqq \frac{2}{t_1} \cdot \int_0^{t_1} U(t) \cdot \sin(3 \cdot w \cdot t) \, \mathrm{d}t = -5.513 \; V$$

$$A_5 \coloneqq \frac{2}{t_1} \cdot \int_0^{t_1} U(t) \cdot \sin(5 \cdot w \cdot t) \, \mathrm{d}t = 0 \; V$$

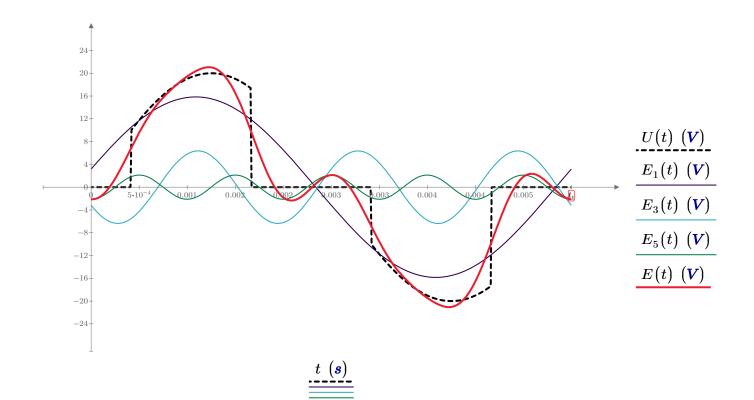
$$B_1 \coloneqq \frac{2}{t_1} \cdot \int_0^{t_1} U(t) \cdot \cos(w \cdot t) \, \mathrm{d}t = 3.183 \; V$$

$$B_3 \coloneqq \frac{2}{t_1} \cdot \int_0^{t_1} U(t) \cdot \cos(3 \cdot w \cdot t) \, \mathrm{d}t = -3.183 \; V$$

$$B_5 \coloneqq \frac{2}{t_1} \cdot \int_0^{t_1} U(t) \cdot \cos(5 \cdot w \cdot t) \, \mathrm{d}t = -2.122 \; V$$

$$\begin{split} E_1(t) &\coloneqq A_1 \cdot \sin\left(w \cdot t\right) + B_1 \cdot \cos\left(w \cdot t\right) \\ E_3(t) &\coloneqq A_3 \cdot \sin\left(3 \cdot w \cdot t\right) + B_3 \cdot \cos\left(3 \cdot w \cdot t\right) \\ E_5(t) &\coloneqq A_5 \cdot \sin\left(5 \cdot w \cdot t\right) + B_5 \cdot \cos\left(5 \cdot w \cdot t\right) \end{split}$$

$$\begin{split} E\left(t\right) \coloneqq &U0 + A_1 \cdot \sin\left(w \cdot t\right) + B_1 \cdot \cos\left(w \cdot t\right) + A_3 \cdot \sin\left(3 \cdot w \cdot t\right) + B_3 \cdot \cos\left(3 \cdot w \cdot t\right) \\ &+ A_5 \cdot \sin\left(5 \cdot w \cdot t\right) + B_5 \cdot \cos\left(5 \cdot w \cdot t\right) \end{split}$$



$$XC_{1} \coloneqq \frac{1}{w \cdot C} = 15.915 \,\Omega$$

$$XC_{1} \coloneqq \frac{1}{w \cdot C} = 15.915 \,\Omega$$

$$XC_{3} \coloneqq \frac{1}{3 \cdot w \cdot C} = 5.305 \,\Omega$$

$$XC_{5} \coloneqq \frac{1}{5 \cdot w \cdot C} = 3.183 \,\Omega$$

$$Z1_{1} \coloneqq R + j \cdot XL_{1} = (2 + 1.257j) \,\Omega$$

$$Z1_{3} \coloneqq R + j \cdot XL_{3} = (2 + 3.77j) \,\Omega$$

$$Z1_{5} \coloneqq R + j \cdot XL_{5} = (2 + 6.283j) \,\Omega$$

$$ZL_{1} \coloneqq R + j \cdot XC_{5} = -3.183j \,\Omega$$

$$ZL_{2} \coloneqq R + j \cdot XC_{5} = -3.183j \,\Omega$$

Струми гармонік у вітках

$$\begin{split} \phi_1 &\coloneqq \operatorname{atan} \left(\frac{A_1}{B_1} \right) = 78.405 \text{ } \circ \\ \phi_3 &\coloneqq \operatorname{atan} \left(\frac{A_3}{B_3} \right) = 60.002 \text{ } \circ \\ \psi_5 &\coloneqq \operatorname{atan} \left(\frac{A_5}{B_5} \right) = 0 \text{ } \circ \\ Um_1 &\coloneqq \sqrt{A_1^2 + B_1^2} \cdot e^{j \cdot \phi_1} = \left(3.183 + 15.513j \right) V \\ Um_2 &\coloneqq \sqrt{A_3^2 + B_3^2} \cdot e^{j \cdot \phi_3} = \left(3.183 + 5.513j \right) V \\ Um_5 &\coloneqq \sqrt{A_5^2 + B_5^2} \cdot e^{j \cdot \phi_5} = 2.122 V \end{split}$$

В першій вітці кола:

$$\begin{split} I1_{1} \coloneqq & \frac{Um_{1}}{Z1_{1} + \frac{Z2_{1} \cdot Z3_{1}}{Z2_{1} + Z3_{1}}} = \left(1.687 + 3.48 \mathrm{j}\right) \textbf{\textit{A}} \\ I1_{3} \coloneqq & \frac{Um_{3}}{Z1_{3} + \frac{Z2_{3} \cdot Z3_{3}}{Z2_{3} + Z3_{3}}} = \left(1.225 + 0.454 \mathrm{j}\right) \textbf{\textit{A}} \\ I1_{5} \coloneqq & \frac{Um_{5}}{Z1_{5} + \frac{Z2_{5} \cdot Z3_{5}}{Z2_{5} + Z3_{5}}} = \left(0.179 - 0.28 \mathrm{j}\right) \textbf{\textit{A}} \end{split}$$

В другій вітці кола:

$$I2_{1} := I1_{1} \cdot \frac{Z3_{1}}{Z2_{1} + Z3_{1}} = (2.091 + 3.217j) A \qquad I3_{1} := I1_{1} \cdot \frac{Z2_{1}}{Z2_{1} + Z3_{1}} = (-0.404 + 0.263j) A$$

$$I2_{3} := I1_{3} \cdot \frac{Z3_{3}}{Z2_{3} + Z3_{3}} = (1.223 - 0.007j) A \qquad I3_{3} := I1_{3} \cdot \frac{Z2_{3}}{Z2_{3} + Z3_{3}} = (0.003 + 0.461j) A$$

$$I2_{5} := I1_{5} \cdot \frac{Z3_{5}}{Z2_{5} + Z3_{5}} = (0.002 - 0.281j) A \qquad I3_{5} := I1_{5} \cdot \frac{Z2_{5}}{Z2_{5} + Z3_{5}} = (0.177 + 0.001j) A$$

Миттєві значення струмів і напруг

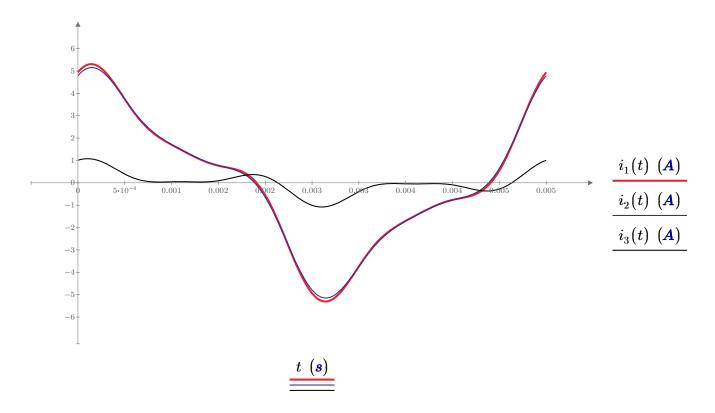
$$\psi_1 \coloneqq \arg(I1_1) = 64.138$$
 ° $\psi_3 \coloneqq \arg(I1_3) = 20.342$ ° $\psi_5 \coloneqq \arg(I1_5) = -57.462$ °

$$i_1(t) \coloneqq \left| I1_1 \right| \cdot \sin\left(w \cdot t + \psi_1 \right) + \left| I1_3 \right| \cdot \sin\left(3 \cdot \left(w \cdot t + \psi_3 \right) \right) + \left| I1_5 \right| \cdot \sin\left(5 \cdot \left(w \cdot t + \psi_5 \right) \right)$$

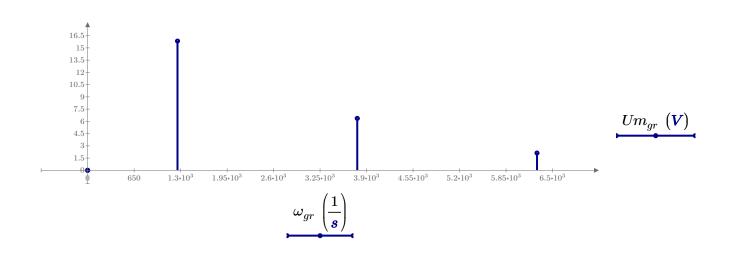
$$i_2\big(t\big)\coloneqq \left|I2_1\right| \cdot \sin\big(w \cdot t + \psi_1\big) + \left|I2_3\right| \cdot \sin\big(3 \cdot \big(w \cdot t + \psi_3\big)\big) + \left|I2_5\right| \cdot \sin\big(5 \cdot \big(w \cdot t + \psi_5\big)\big)$$

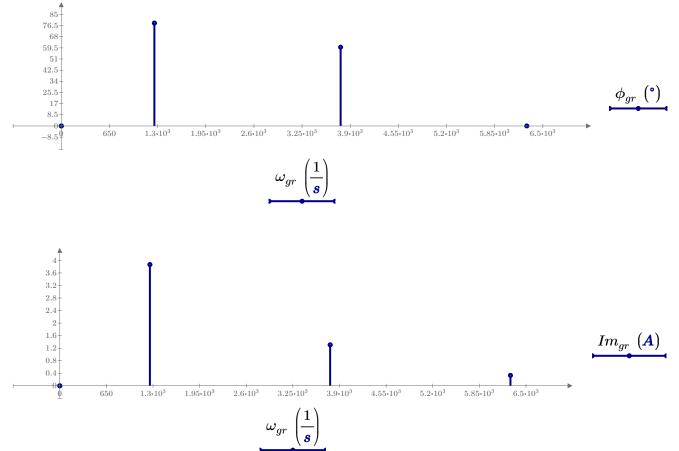
$$i_3\left(t\right)\coloneqq\left|I3_1\right|\cdot\sin\left(w\cdot t+\psi_1\right)+\left|I3_3\right|\cdot\sin\left(3\cdot\left(w\cdot t+\psi_3\right)\right)+\left|I3_5\right|\cdot\sin\left(5\cdot\left(w\cdot t+\psi_5\right)\right)$$

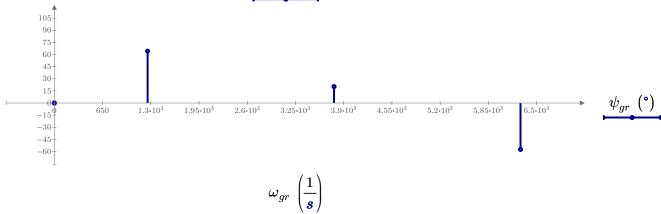
$$u\left(t\right)\coloneqq\left|Um_{1}\right|\cdot\sin\left(w\cdot t+\phi_{1}\right)+\left|Um_{3}\right|\cdot\sin\left(3\cdot\left(w\cdot t+\phi_{3}\right)\right)+\left|Um_{5}\right|\cdot\sin\left(5\cdot\left(w\cdot t+\phi_{5}\right)\right)$$



Амплітудні і фазові спектральні діаграми для струму і напруги джерела.







Діючі значення напруг і струмів

$$A1 := \sqrt{\left|I1_{1}\right|^{2} + \left|I1_{3}\right|^{2} + \left|I1_{5}\right|^{2}} = 4.095 A$$

$$A2 := \sqrt{\left|I3_{1}\right|^{2} + \left|I3_{3}\right|^{2} + \left|I3_{5}\right|^{2}} = 0.69 A$$

$$V1 := \sqrt{\left|I1_{1} \cdot Z1_{1}\right|^{2} + \left|I1_{3} \cdot Z1_{3}\right|^{2} + \left|I1_{5} \cdot Z1_{5}\right|^{2}} = 10.924 V$$

$$V2 := \sqrt{\left|I2_{1} \cdot Z2_{1}\right|^{2} + \left|I2_{3} \cdot Z2_{3}\right|^{2} + \left|I2_{5} \cdot Z2_{5}\right|^{2}} = 8.074 V$$

Розрахунок потужностей

$$U_1 \coloneqq \left| \frac{Um_1}{\sqrt{2}} \right| = 11.198 \ \textbf{\textit{V}} \qquad \qquad U_3 \coloneqq \left| \frac{Um_3}{\sqrt{2}} \right| = 4.501 \ \textbf{\textit{V}} \qquad \qquad U_5 \coloneqq \left| \frac{Um_5}{\sqrt{2}} \right| = 1.501 \ \textbf{\textit{V}}$$

$$U := \sqrt{U_1^2 + U_3^2 + U_5^2} = 12.162 \ V$$

$$P := |U_1| \cdot |I1_1| \cdot \cos(\psi_1 - \phi_1) + |U_3| \cdot |I1_3| \cdot \cos(\psi_3 - \phi_3) + |U_5| \cdot |I1_5| \cdot \cos(\psi_5 - \phi_5) = 46.764 \ W$$

$$Q := |U_1| \cdot |I1_1| \cdot \sin(\psi_1 - \phi_1) + |U_3| \cdot |I1_3| \cdot \sin(\psi_3 - \phi_3) + |U_5| \cdot |I1_5| \cdot \sin(\psi_5 - \phi_5) = -14.846 \ W$$

$$S := U \cdot A1 = 49.807 \ W$$

$$T := \sqrt{S^2 - P^2 - Q^2} = 8.57 \ W$$

Коефіцієнт потужності: $K_p = \frac{P}{S} = 0.939$

Коефіцієнти для змінної складової напруги

$$\begin{split} U_{\textit{cep_no_mod}} &:= \frac{U_1 + U_3 + U_5}{1.11} = 15.496 \ \textbf{\textit{V}} \\ K_f &:= \frac{U}{U_{\textit{cep_no_mod}}} = 0.785 & K_{sp} := \frac{U_1}{U} = 0.921 \\ K_a &:= \frac{\left|U m_1\right|}{U} = 1.302 & K_g := \frac{U_3 + U_5}{U_1} = 0.536 \end{split}$$

Емність, при якій відбудеться резонанс: $C_r = \frac{1}{w^2 \cdot L} = (6.333 \cdot 10^{-4}) \ \emph{F}$

Вважаючи задану схему однією з фаз симетричного трифазного кола при з'єднанні генератора і навантаження зіркою з нульовим проводом, визначимо діюче значення лінійної напруги і струму в нульовому проводі:

$$\begin{split} &U0_{\partial i \omega \prime a}\coloneqq \sqrt{3} \boldsymbol{\cdot} U = 21.065 \ \boldsymbol{V} \\ &I_{\boldsymbol{\phi}}\coloneqq \sqrt{\left|I1_{1}\right|^{2} + \left|I1_{3}\right|^{2} + \left|I1_{5}\right|^{2}} = 4.095 \ \boldsymbol{A} \\ &I0_{\partial i \omega \prime u \check{u}}\coloneqq I_{\boldsymbol{\phi}} + I_{\boldsymbol{\phi}} \boldsymbol{\cdot} a + I_{\boldsymbol{\phi}} \boldsymbol{\cdot} a^{2} = 0 \ \boldsymbol{A} \end{split}$$