# Міністерство освіти України Національний технічний університет України "Київський політехнічний інститут"

Кафедра ТОЕ

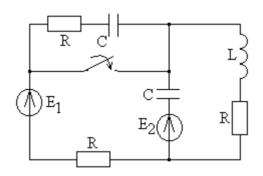
# Розрахунково-графічна робота

"Розрахунок перехідних процесів у лінійних колах" Варіант № 138

Зиконав: _	 	 	
			_
Tenepinup:			

## Умова задання

- 1. В колі з джерелом постійної ЕДС необхідно:
- 1) класичним методом розрахзувати напруги на реактивних елементах та струми перехідного процесу;
- 2) розрахувати струм в колі з джерелом ЕДС Е1 та напругу на реактивному елементі операторним методом;
- 3) побудувати в одному часовому масштабі діаграми струму та напруги на реактивних елементах.
- 2. Дослідити, яким повинен бути активний опір у вітці з джерелом Е1, щоб перехідний процес проходив в граничному режимі.
- 3. Визначити струми в вітках та напруги на реактивних елементах в момент комутації (t=0), якщо замість джерел постійних ЕДС Е1і Е2 в колі діють синусоїдні джерела.
- 3. В післякомутаційній схемі закоротити джерело ЕДС Е2.
- а) виключити катушку індуктивності чи ємність, замінивши останню опором R;
- б) вважаючи, що замість ждерела постійної ЕДС Е1 до отриманного кола подається напруга, форма якої показана на малюнку;
- в) розрахувати вхідний струм та напругу на реактивном елементі методом інтеграла Дюамеля при періоді T, заданому в долях від  $\tau$ ;
- г) побудувати в одному часовому масштабі діаграми напруги на вході, вхідного струму і напруги на реактивних елементі.



#### Основна схема

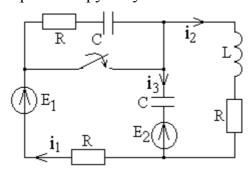
#### Вхідні данні:

L:= 0.2 
$$\Gamma_H$$
 C:=  $170 \cdot 10^{-6}$   $\Phi$  R:= 80  $O_M$ 

E<sub>1</sub>:= 110 B E<sub>2</sub>:= 90 B  $\psi$ :=  $180 \cdot \deg$   $C^0$   $\omega$ :=  $300$   $c^{-1}$ 

## Класичний метод

Оберемо додатній напрямок струмів у вітках схеми:



Знайдемо значення струмів та напруг безпосередньо до комутації:

Усталений режим до комутації: t < 0

$$i_{1\pi K} := 0$$

$$i_{2\pi K} := i_{1\pi K} \quad i_{2\pi K} = 0$$

$$i_{3 \pi \kappa} := 0$$

$$\mathbf{u}_{\mathbf{C}_{\mathbf{J}\mathbf{K}}} \coloneqq -\mathbf{E}_2$$

$$u_{C_{IJK}} = -90$$

$$u_{L\pi\kappa} := 0$$

Усталений режим після комутації:  $t = \infty$ 

$$\mathbf{i'}_1 \coloneqq \frac{\mathbf{E}_1}{2 \cdot \mathbf{R}}$$

$$i'_2 = 0.688$$

$$i'_3 := 0$$

$$\mathbf{u'_I} := 0$$

$$u'_{C} := E_1 - E_2 - i'_{1} \cdot R$$
  $u'_{C} = -35$ 

$$u'_{C} = -35$$

Незалежні початкові умови

$$i_{20} := i_{2\pi\kappa}$$

$$i_{20} = 0$$

$$u_{C0} := u_{C\pi K}$$

$$u_{CO} = -90$$

Залежні початкові умови

Given

$$i_{20} = i_{10} - i_{30}$$

$$E_1 - E_2 = u_{C0} + i_{10} \cdot R$$

$$E_2 = i_{20} \cdot R + u_{L0} - u_{C0}$$

$$\begin{pmatrix} i_{10} \\ i_{30} \\ u_{L0} \end{pmatrix} := \operatorname{Find}(i_{10}, i_{30}, u_{L0}) \operatorname{float}, 7 \rightarrow \begin{pmatrix} 1.375000 \\ 1.375000 \\ 0 \end{pmatrix}$$
 
$$i_{10} = 1.375 \quad i_{30} = 1.375 \quad u_{L0} = 0$$

$$i_{10} = 1.375$$
  $i_{30} = 1.375$ 

Незалежні початкові умови

$$\operatorname{di}_{20} := \frac{{}^{u}\!L0}{L}$$

$$di_{20} =$$

$$du_{C0} := \frac{i_{30}}{C}$$

$$du_{CO} = 8.088 \times 10^3$$

Залежні початкові умови

Given

$$di_{10} = di_{20} + di_{30}$$

$$0 = du_{C0} + di_{10} \cdot R$$

$$0 = di_{20} \cdot R + du_{L0} - du_{C0}$$

$$\begin{pmatrix} \mathrm{di}_{10} \\ \mathrm{di}_{30} \\ \mathrm{du}_{L0} \end{pmatrix} := \mathrm{Find} \left( \mathrm{di}_{10}, \mathrm{di}_{30}, \mathrm{du}_{L0} \right) \\ \mathrm{di}_{10} = -101.103 \quad \mathrm{di}_{30} = -101.103 \quad \mathrm{du}_{L0} = 8.088 \times 10^3$$

Вільний режим після комутайії: t = 0

Складемо характерестичне рівняння схеми

$$Z(p) := \frac{\frac{1}{p \cdot C} \cdot (R + p \cdot L)}{R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C}} + R$$

$$Z(p) := \frac{\frac{1}{p \cdot C} \cdot (R + p \cdot L) + R \cdot \left(R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C}\right)}{R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C}}$$

$$\left(\begin{array}{c} p_1 \\ p_2 \end{array}\right) := \frac{1}{p \cdot C} \cdot (R + p \cdot L) + R \cdot \left(R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C}\right) \begin{vmatrix} \text{solve}, p \\ \text{float}, 5 \end{vmatrix} \xrightarrow{\left(-236.76 - 52.593 \cdot i \right)} \left(-236.76 + 52.593 \cdot i\right)$$

Одже корні характеристичного рівняння мають вигляд:

$$p_1 = -236.76 - 52.593i$$
  $p_2 = -236.76 + 52.593i$ 

Коефіцієнт затухання та кутова частота вільних коливань:

$$\delta \coloneqq \left| \text{Re} \big( \textbf{p}_1 \big) \right| \hspace{0.5cm} \delta = 236.76 \hspace{0.5cm} \omega_0 \coloneqq \left| \text{Im} \big( \textbf{p}_2 \big) \right| \hspace{0.5cm} \omega_0 = 52.593$$

Вільні складові повних струмів та напруг будуть мати вигляд:

$$\begin{split} &i\text{"}_{1}(t) = A \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \left(\omega_{0} \cdot t + v_{1}\right) \\ &i\text{"}_{2}(t) = B \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \left(\omega_{0} \cdot t + v_{2}\right) \\ &i\text{"}_{3}(t) = C \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \left(\omega_{0} \cdot t + v_{3}\right) \\ &u\text{"}_{C}(t) = D \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \left(\omega_{0} \cdot t + v_{C}\right) \\ &u\text{"}_{L}(t) = F \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \left(\omega_{0} \cdot t + v_{L}\right) \end{split}$$

Визначення сталих інтегрування:

Для струму i1(t):

Given

$$\begin{split} &\mathbf{i}_{10} - \mathbf{i'}_1 = \mathbf{A} \cdot \sin(\mathbf{v}_1) \\ &\mathbf{di}_{10} = -\mathbf{A} \cdot \delta \cdot \sin(\mathbf{v}_1) + \mathbf{A} \cdot \omega_0 \cdot \cos(\mathbf{v}_1) \\ &\binom{\mathbf{A}}{\mathbf{v}_1} \coloneqq \mathrm{Find}\big(\mathbf{A}, \mathbf{v}_1\big) \; \mathrm{float}, \mathbf{5} \;\; \rightarrow \begin{pmatrix} -1.3593 & 1.3593 \\ -2.6113 & .53030 \end{pmatrix} \end{split}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$A = -1.359$$
  $v_1 = -2.611$ 

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$\begin{split} i\text{"}_1(t) &:= A \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \! \left( \omega_0 \cdot t + v_1 \right) \, \text{float}, 5 \ \rightarrow -1.3593 \cdot \exp (-236.76 \cdot t) \cdot \sin (52.593 \cdot t - 2.6113) \\ i_1(t) &:= i\text{"}_1 + i\text{"}_1(t) \, \, \text{float}, 4 \ \rightarrow .6875 - 1.359 \cdot \exp (-236.8 \cdot t) \cdot \sin (52.59 \cdot t - 2.611) \end{split}$$

Для струму i2(t):

$$i_{20} - i'_2 = B \cdot \sin(v_2)$$

$$di_{20} = -B \cdot \delta \cdot \sin(v_2) + B \cdot \omega_0 \cdot \cos(v_2)$$

$$\begin{pmatrix} B \\ v_2 \end{pmatrix} := Find(B, v_2) \text{ float, 5} \rightarrow \begin{pmatrix} 3.1704 & -3.1704 \\ -2.9230 & .21859 \end{pmatrix}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$B = 3.17$$

$$v_2 = -2.923$$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$i"_2(t) := B \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \left( \omega_0 \cdot t + v_2 \right) \text{ float, 5} \\ \rightarrow 3.1704 \cdot \exp(-236.76 \cdot t) \cdot \sin(52.593 \cdot t - 2.9230)$$

$$i_2(t) := i'_2 + i''_2(t) \text{ float}, 4 \rightarrow .6875 + 3.170 \cdot \exp(-236.8 \cdot t) \cdot \sin(52.59 \cdot t - 2.923)$$

Для струму i3(t):

$$i_{30} - i'_3 = C \cdot \sin(v_3)$$

$$di_{30} = -C \cdot \delta \cdot \sin(v_3) + C \cdot \omega_0 \cdot \cos(v_3)$$

$$\begin{pmatrix} C \\ v_3 \end{pmatrix} := Find(C, v_3) \text{ float, 5} \rightarrow \begin{pmatrix} -4.4836 & 4.4836 \\ -2.8299 & .31170 \end{pmatrix}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$C = -4.484$$

$$v_3 = -2.83$$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$i"_3(t) := C \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin(\omega_0 \cdot t + v_3) \text{ float, } 5 \rightarrow -4.4836 \cdot \exp(-236.76 \cdot t) \cdot \sin(52.593 \cdot t - 2.8299)$$

$$i_3(t) := i'_3 + i''_3(t) \text{ float}, 4 \rightarrow -4.484 \cdot \exp(-236.8 \cdot t) \cdot \sin(52.59 \cdot t - 2.830)$$

Для напруги Uc(t):

$$u_{C0} - u'_{C} = D \cdot \sin(v_{C})$$

$$du_{C0} = -D \cdot \delta \cdot \sin(v_C) + D \cdot \omega_0 \cdot \cos(v_C)$$

$$\begin{pmatrix} D \\ v_C \end{pmatrix} := Find(D, v_C) \quad \begin{vmatrix} float, 5 \\ complex \end{vmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} -108.74 & 108.74 \\ .53030 & -2.6113 \end{vmatrix}$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$D = -108.74$$

$$v_C = 0.53$$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

$$\begin{split} u''_C(t) &:= D \cdot e^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \left( \omega_0 \cdot t + v_C \right) \text{ float, 5} &\to -108.74 \cdot \exp(-236.76 \cdot t) \cdot \sin(52.593 \cdot t + .53030) \\ u_C(t) &:= u'_C + u''_C(t) \text{ float, 4} &\to -35. -108.7 \cdot \exp(-236.8 \cdot t) \cdot \sin(52.59 \cdot t + .5303) \end{split}$$

Для напруги Ul(t):

$$u_{L0} - u'_{L} = F \cdot \sin(v_{L})$$

$$du_{L,0} = -F \cdot \delta \cdot \sin(v_L) + F \cdot \omega_0 \cdot \cos(v_L)$$

$$\begin{pmatrix} F \\ v_L \end{pmatrix} := Find(F, v_L) \mid \begin{array}{c} float, 5 \\ complex \end{array} \rightarrow \begin{pmatrix} 153.79 & -153.79 \\ 0 & 3.1416 \end{array} \right)$$

Отже сталі інтегрування дорівнюють:

$$F = 153.79$$

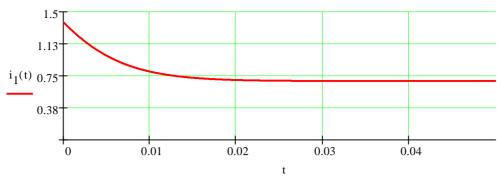
$$v_{\tau} = 0$$

Тоді вільна складова буде мати вигляд:

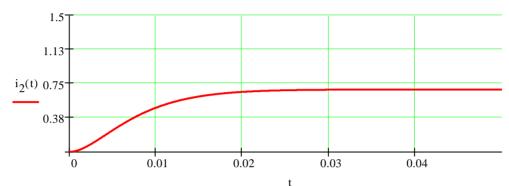
$$\textbf{u"}_L(t) := \textbf{F} \cdot \textbf{e}^{-\delta \cdot t} \cdot \sin \left(\omega_0 \cdot t + \textbf{v}_L\right) \text{ float, 5} \\ \rightarrow 153.79 \cdot \exp(-236.76 \cdot t) \cdot \sin(52.593 \cdot t)$$

$$u_L(t) \coloneqq u'_L + u''_L(t) \text{ float}, 4 \ \rightarrow 153.8 \cdot exp(-236.8 \cdot t) \cdot sin(52.59 \cdot t)$$

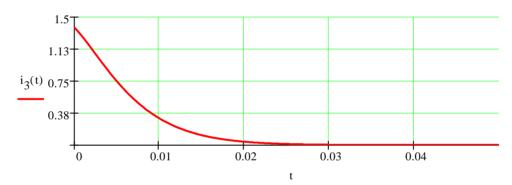




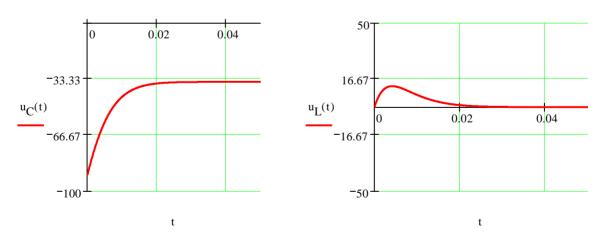
Графік перехідного струму i1(t).



Графік перехідного струму i2(t).

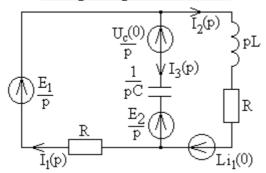


Графік перехідного струму i3(t).



Графік перехідних напруг на ємності та індуктивності.

## Операторний метод



#### Операторна схема

Усталений режим до комутації:

$$i_{1\pi K} := 0$$

$$i_{2 \pi} := i_{1 \pi}$$
  $i_{2 \pi} = 0$ 

$$i_{3\pi K} := 0$$

$$\mathbf{u}_{\mathbf{C}\mathbf{\mathcal{I}}\mathbf{K}}\coloneqq -\mathbf{E}_2$$

$$u_{C_{TL}} = -90$$

$$\mathbf{u}_{\mathbf{C}\mathsf{J}\mathsf{K}} = -90$$
  $\mathbf{u}_{\mathbf{L}\mathsf{J}\mathsf{K}} := -\mathbf{u}_{\mathbf{C}\mathsf{J}\mathsf{K}} + \mathbf{E}_2$   $\mathbf{u}_{\mathbf{L}\mathsf{J}\mathsf{K}} = 180$ 

$$u_{I,\pi\kappa} = 180$$

Початкові умови:

$$i_{L0} := i_{2 \pi K}$$

$$i_{L0} = 0$$

$$u_{CO} = -90$$

$$I_{k1}(p) \cdot \left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) - I_{k2}(p) \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C}\right) = \frac{E_1}{p} - \frac{E_2}{p} - \frac{u_{C0}}{p}$$

$$-\mathrm{I}_{k1}(\mathrm{p})\cdot\left(\frac{1}{\mathrm{p}\cdot\mathrm{C}}\right)+\mathrm{I}_{k2}(\mathrm{p})\cdot\left(\mathrm{p}\cdot\mathrm{L}+\mathrm{R}+\frac{1}{\mathrm{p}\cdot\mathrm{C}}\right)=\frac{\mathrm{E}_2}{\mathrm{p}}+\frac{\mathrm{u}_{\mathrm{C}0}}{\mathrm{p}}+\mathrm{L}\mathrm{i}_{20}$$

$$\Delta(p) := \begin{bmatrix} R + \frac{1}{p \cdot C} & -\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) \\ -\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) & p \cdot L + R + \frac{1}{p \cdot C} \end{bmatrix}$$

$$\Delta(p) := \begin{bmatrix} R + \frac{1}{p \cdot C} & -\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) \\ -\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) & p \cdot L + R + \frac{1}{p \cdot C} \end{bmatrix}$$

$$\Delta(p) \text{ float, 5} \rightarrow \frac{1}{p^{1}} \cdot \left(7576.5 \cdot p + 16.000 \cdot p^{2} + 9.4118 \cdot 10^{5}\right)$$

$$\Delta_{1}(p) := \begin{bmatrix} \frac{E_{1}}{p} - \frac{E_{2}}{p} - \frac{u_{C0}}{p} & -\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) \\ \frac{E_{2}}{p} + \frac{u_{C0}}{p} + Li_{20} p \cdot L + R + \frac{1}{p \cdot C} \end{bmatrix} \qquad \Delta_{1}(p) \text{ float, 5} \rightarrow \frac{110}{p^{1}} \cdot \left(80. + .2 \cdot p + \frac{5882.4}{p^{1}}\right)$$

$$\Delta_{1}(p) \text{ float, 5} \rightarrow \frac{110}{p^{1}} \cdot \left(80. + .2 \cdot p + \frac{5882.4}{p^{1}}\right)$$

$$\Delta_{2}(p) := \begin{bmatrix} R + \frac{1}{p \cdot C} & \frac{E_{1}}{p} - \frac{E_{2}}{p} - \frac{u_{C0}}{p} \\ -\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) & \frac{E_{2}}{p} + \frac{u_{C0}}{p} + \text{Li}_{20} \end{bmatrix} \qquad \qquad \Delta_{2}(p) \text{ float, 5 } \rightarrow \frac{6.4706 \cdot 10^{5}}{p^{2}}$$

$$\Delta_2(p) \text{ float, 5} \rightarrow \frac{6.4706 \cdot 10^5}{p^2}$$

Контурні струми та напруга на конденсаторі будуть мати вигляд:

$$\begin{split} I_{k1}(p) &\coloneqq \frac{\Delta_1(p)}{\Delta(p)} \qquad I_1(p) \coloneqq I_{k1}(p) \ \, \bigg| \frac{\text{float}, 5}{\text{simplify}} \to 44. \cdot \frac{\left(400 \cdot p + p^2 + 29412.\right)}{p \cdot \left(15153 \cdot p + 32 \cdot p^2 + 1882360.\right)} \\ I_{k2}(p) &\coloneqq \frac{\Delta_2(p)}{\Delta(p)} \qquad I_2(p) \coloneqq I_{k2}(p) \ \, \text{float}, 5 \to \frac{6.4706 \cdot 10^5}{p^1 \cdot \left(7576.5 \cdot p + 16.000 \cdot p^2 \cdot + 9.4118 \cdot 10^5\right)^1}. \\ I_3(p) &\coloneqq I_{k1}(p) - I_{k2}(p) \ \, \bigg| \frac{\text{float}, 5}{\text{simplify}} \to 4. \cdot \frac{\left(4400 \cdot p + 11 \cdot p^2 + 2.\right)}{p \cdot \left(15153 \cdot p + 32 \cdot p^2 + 1882360.\right)} \\ u_L(p) &\coloneqq L \cdot p \cdot I_2(p) - L \cdot i_{2JK} \\ u_L(p) \ \, \text{factor} \ \, \to \frac{258824}{\left(15153 \cdot p + 32 \cdot p^2 + 1882360\right)} \end{split}$$

Перейдемо тепер від зображення до функції часу за формулою розкладу: Для струму I1(p):

$$\begin{split} N_1(\textbf{p}) &:= 44 \cdot \left(400 \cdot \textbf{p} + \textbf{p}^2 + 29412 \cdot\right) \\ N_1(\textbf{p}) &:= M_1(\textbf{p}) \begin{vmatrix} \text{solve}, \textbf{p} \\ \text{float}, \textbf{5} \end{vmatrix} \leftarrow \begin{pmatrix} 0 \\ -236.77 - 52.591 \cdot \textbf{i} \\ -236.77 + 52.591 \cdot \textbf{i} \end{vmatrix} \\ p_0 &= 0 \\ p_1 &= -236.77 - 52.591 \cdot \textbf{i} \end{vmatrix} \\ p_0 &= 0 \\ p_1 &= -236.77 - 52.591 \cdot \textbf{i} \end{vmatrix} \\ p_0 &= 0 \\ p_1 &= -236.77 - 52.591 \cdot \textbf{i} \end{vmatrix} \\ N_1(\textbf{p}_0) &= 1.294 \times 10^6 \\ N_1(\textbf{p}_1) &= -5.281 \times 10^5 + 1.702 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}) &:= \frac{d}{d\textbf{p}} M_1(\textbf{p}) \begin{vmatrix} \text{factor} \\ \text{float}, \textbf{5} \end{pmatrix} 30306 \cdot \textbf{p} + 96 \cdot \textbf{p}^2 \cdot \textbf{p} + 1.8824 \cdot 10^6 \\ dM_1(\textbf{p}_0) &= 1.882 \times 10^6 \\ dM_1(\textbf{p}_1) &= -1.769 \times 10^5 + 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &= -1.769 \times 10^5 - 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &= -1.769 \times 10^5 - 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &= -1.769 \times 10^5 - 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &= -1.769 \times 10^5 - 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &= -1.769 \times 10^5 - 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &= -1.769 \times 10^5 - 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &= -1.769 \times 10^5 - 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &= -1.769 \times 10^5 - 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &= -1.769 \times 10^5 - 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &= -1.769 \times 10^5 - 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &= -1.769 \times 10^5 - 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &= -1.769 \times 10^5 - 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &= -1.769 \times 10^5 - 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &= -1.769 \times 10^5 - 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &= -1.769 \times 10^5 - 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &= -1.769 \times 10^5 - 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &= -1.769 \times 10^5 - 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &= -1.769 \times 10^5 - 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &= -1.769 \times 10^5 - 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &= -1.769 \times 10^5 - 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &= -1.769 \times 10^5 - 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &= -1.769 \times 10^5 - 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &= -1.769 \times 10^5 - 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &= -1.769 \times 10^5 - 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &= -1.769 \times 10^5 - 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &= -1.769 \times 10^5 - 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &= -1.769 \times 10^5 - 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &= -1.769 \times 10^5 - 7.97 \textbf{i} \times 10^5 \\ dM_1(\textbf{p}_2) &=$$

$$\mathbf{i}_1(t) := \frac{\mathbf{N}_1\!\left(\mathbf{p}_0\right)}{\mathbf{d}\mathbf{M}_1\!\left(\mathbf{p}_0\right)} + \frac{\mathbf{N}_1\!\left(\mathbf{p}_1\right)}{\mathbf{d}\mathbf{M}_1\!\left(\mathbf{p}_1\right)} \cdot \mathbf{e}^{\mathbf{p}_1 \cdot \mathbf{t}} + \frac{\mathbf{N}_1\!\left(\mathbf{p}_2\right)}{\mathbf{d}\mathbf{M}_1\!\left(\mathbf{p}_2\right)} \cdot \mathbf{e}^{\mathbf{p}_2 \cdot \mathbf{t}}$$

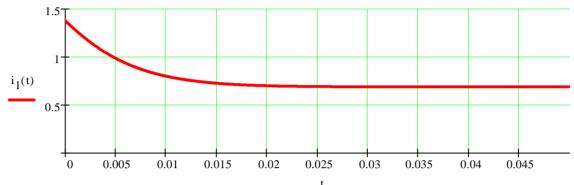
 $i_1(t) \text{ float}, 5 \rightarrow .68749 + (.34368 + .58633 \cdot i) \cdot \exp[(-236.77 - 52.591 \cdot i) \cdot t] + (.34368 - .58633 \cdot i) \cdot \exp[(-236.77 + 52.591 \cdot i) \cdot t]$ 

Для напруги на індуктивності:

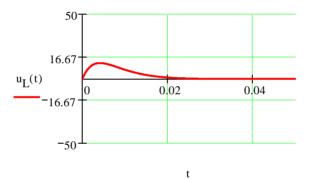
$$\begin{split} N_L(p) &:= 258824 & M_L(p) := 15153 \cdot p + 32 \cdot p^2 + 1882360 \\ \begin{pmatrix} p_1 \\ p_2 \end{pmatrix} &:= M_L(p) \ \, \left| \begin{array}{l} \text{solve}, p \\ \text{float}, 5 \end{array} \right. \\ \begin{pmatrix} -236.77 + 52.592 \cdot i \\ -236.77 - 52.592 \cdot i \end{array} \right) \\ p_1 &= -236.77 + 52.592i \qquad p_2 = -297.98 \\ N_L(p_1) &= 2.588 \times 10^5 \qquad \qquad N_L(p_2) = 2.588 \times 10^5 \\ dM_L(p) &:= \frac{d}{dp} M_L(p) \ \, \text{factor} \ \, \rightarrow 15153 + 64 \cdot p \\ dM_L(p_1) &= -0.28 + 3.366i \times 10^3 \qquad dM_L(p_2) = -0.28 - 3.366i \times 10^3 \end{split}$$

Отже напруга як функція часу буде мати вигляд:

$$\begin{split} u_L(t) &:= \frac{N_L(p_1)}{dM_L(p_1)} \cdot e^{p_1 \cdot t} + \frac{N_L(p_2)}{dM_L(p_2)} \cdot e^{p_2 \cdot t} \\ u_L(t) \text{ float, } 3 &\to \left( -6.40 \cdot 10^{-3} - 76.9 \cdot i \right) \cdot \exp[(-237. + 52.6 \cdot i) \cdot t] + \left( -6.40 \cdot 10^{-3} + 76.9 \cdot i \right) \cdot \exp[(-237. - 52.6 \cdot i) \cdot t] \end{split}$$

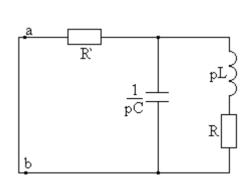


I рафік перехідного струму i1(t).



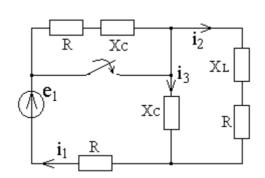
## Дослідити чому повинен дорівнювати активний опір вітки с джерелом ЕРС Е1 щоб аперіодичний процес переходив у коливальний

$$\begin{split} Z_{ab}(p) &\coloneqq \mathbf{R'} + \frac{\left(\frac{1}{p \cdot C}\right) (R + p \cdot L)}{\frac{1}{p \cdot C} + R + p \cdot L} \\ Z_{ab}(p) &\coloneqq \frac{\mathbf{R'} \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C} + R + p \cdot L\right) + \left(\frac{1}{p \cdot C}\right) \cdot (R + p \cdot L)}{\frac{1}{p \cdot C} + R + p \cdot L} \\ (R' \cdot L) \cdot p^2 + \left(R \cdot R' + \frac{L}{C}\right) \cdot p + \left(\frac{R'}{C} + \frac{R}{C}\right) = 0 \\ D &= 0 \\ \left(R \cdot R' + \frac{L}{C}\right)^2 - 4 \cdot (R' \cdot L) \cdot \left(\frac{R'}{C} + \frac{R}{C}\right) = 0 \\ \left(R \cdot R' + \frac{L}{C}\right)^2 - 4 \cdot (R' \cdot L) \cdot \left(\frac{R'}{C} + \frac{R}{C}\right) \begin{vmatrix} \text{solve}, R' \\ \text{float}, 5 \end{vmatrix} \xrightarrow{7.9171} \\ R'_1 &\coloneqq 2.7030 \quad R'_2 &\coloneqq 10.340 \end{split}$$



Визначити струми віток і напруги на реактивних елементах у момент комутації (t=0), якщо замість джерел постійної напруги E1 і E2 у колі діють джерела синусоідної напруги:

$$\begin{split} e_1(t) &:= \sqrt{2} \cdot E_1 \cdot \sin(\omega \cdot t + \psi) \\ X_C &:= \frac{1}{\omega \cdot C} \qquad X_C = 19.608 \qquad X_L := \omega \cdot L \qquad X_L = 60 \\ E_1 &:= E_1 \cdot e^{\psi \cdot i} \qquad E_1 = -110 \qquad F(E_1) = (110 - 180) \\ E_2 &:= E_2 \cdot e^{\psi \cdot i} \qquad E_2 = -90 \qquad F(E_2) = (90 - 180) \end{split}$$



$$Z'_{vx} \coloneqq 2 \cdot R - i \cdot X_C + \frac{\left(R + X_L \cdot i\right) \cdot \left(-i \cdot X_C\right)}{R + X_L \cdot i - i \cdot X_C}$$

$$Z'_{VX} = 163.83 - 41.149i$$

$$\Gamma_{1 \text{ dK}} := \frac{E_1}{Z'_{vx}}$$

$$I'_{1 \text{ TIK}} = -0.632 - 0.159i$$

$$I'_{1 \text{дK}} = -0.632 - 0.159i$$
  $F(I'_{1 \text{дK}}) = (0.651 - 165.901)$   $I'_{2 \text{дK}} = 0.031 + 0.139i$   $F(I'_{2 \text{дK}}) = (0.142 \ 77.31)$ 

$$\mathrm{I'}_{2\mathrm{J}\mathrm{K}} \coloneqq \mathrm{I'}_{1\mathrm{J}\mathrm{K}} \cdot \frac{\left(-\mathrm{i} \cdot \mathrm{X}_{C}\right)}{\mathrm{R} + \mathrm{X}_{L} \cdot \mathrm{i} - \mathrm{i} \cdot \mathrm{X}_{C}}$$

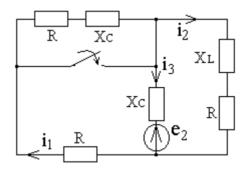
$$I'_{2 \text{ДK}} = 0.031 + 0.139i$$

$$F(I'_{2\pi K}) = (0.142 \ 77.31)$$

$$I'_{3д\kappa} := I'_{1д\kappa} - I'_{2д\kappa}$$

$$I'_{3 \text{IIK}} = -0.663 - 0.298i$$

$$I'_{3\mu K} = -0.663 - 0.298i$$
  $F(I'_{3\mu K}) = (0.727 -155.82)$ 



$$Z''_{vx} := -X_{C} \cdot i + \frac{\left(R + i \cdot X_{L}\right) \cdot \left(2 \cdot R - i \cdot X_{C}\right)}{R + i \cdot X_{L} + R + R - i \cdot X_{C}}$$
 
$$Z''_{vx} = 62.108 + 3.403i$$

$$Z''_{VX} = 62.108 + 3.403i$$

$$I''_{3$$
дк :=  $\frac{E_2}{Z''_{vx}}$ 

$$I''_{3 \text{дк}} = -1.445 + 0.079i$$

$$F(I''_{3IIK}) = (1.447 \ 176.863)$$

$$I''_{3\mu\kappa} := \frac{E_2}{Z''_{vx}} \qquad \qquad I''_{3\mu\kappa} = -1.445 + 0.079i \qquad F(I''_{3\mu\kappa}) = (1.447 - 176.863)$$

$$I''_{1\mu\kappa} := I''_{3\mu\kappa} \cdot \frac{\left(R + i \cdot X_L\right)}{R + i \cdot X_L + R + R - i \cdot X_C} \qquad \qquad I''_{1\mu\kappa} = -0.542 - 0.244i \qquad F(I''_{1\mu\kappa}) = (0.595 - 155.82)$$

$$I''_{2\mu\kappa} := I''_{3\mu\kappa} - I''_{1\mu\kappa} \qquad \qquad I''_{2\mu\kappa} = -0.902 + 0.323i \qquad F(I''_{2\mu\kappa}) = (0.958 - 160.323)$$

$$I''_{1\pi K} = -0.542 - 0.244i$$

$$F(I''_{1 \text{IIK}}) = (0.595 -155.82)$$

$$I''_{2д\kappa} := I''_{3д\kappa} - I''_{1д\kappa}$$

$$I''_{2дк} = -0.902 + 0.323i$$

$$I''_{2 \pi K} = -0.902 + 0.323i$$
  $F(I''_{2 \pi K}) = (0.958 \ 160.323)$ 

$$\begin{split} I_{1_{DK}} &:= \Gamma_{1_{DK}} + \Gamma_{1_{DK}} & I_{1_{DK}} = -1.174 - 0.402i & F\left(I_{1_{DK}}\right) = (1.241 - 161.09) \\ I_{2_{DK}} &:= \Gamma_{2_{DK}} + \Gamma_{2_{DK}} & I_{2_{DK}} = -0.871 + 0.462i & F\left(I_{2_{DK}}\right) = (0.986 - 152.076) \\ I_{3_{DK}} &:= \Gamma_{3_{DK}} - \Gamma_{3_{DK}} & I_{3_{DK}} = 0.782 - 0.377i & F\left(I_{3_{DK}}\right) = (0.868 - 25.731) \\ u_{C_{DK}} &:= I_{3_{DK}} \cdot \left(-i \cdot X_{C}\right) & u_{C_{DK}} = -7.388 - 15.331i & F\left(u_{C_{DK}}\right) = (17.018 - 115.731) \\ u_{L_{DK}} &:= I_{1_{DK}} \cdot i \cdot X_{L} & u_{L_{DK}} = 24.129 - 70.437i & F\left(u_{L_{DK}}\right) = (74.455 - 71.09) \\ i_{1_{DK}}(t) &:= \left|I_{1_{DK}}\right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin\left(\omega \cdot t + \arg\left(I_{1_{DK}}\right)\right) \\ i_{2_{DK}}(t) &:= \left|I_{3_{DK}}\right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin\left(\omega \cdot t + \arg\left(I_{3_{DK}}\right)\right) \\ u_{C_{DK}}(t) &:= \left|u_{C_{DK}}\right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin\left(\omega \cdot t + \arg\left(I_{3_{DK}}\right)\right) \\ u_{C_{DK}}(t) &:= \left|u_{C_{DK}}\right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin\left(\omega \cdot t + \arg\left(u_{C_{DK}}\right)\right) \\ u_{L_{DK}}(t) &:= \left|u_{C_{DK}}\right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin\left(\omega \cdot t + \arg\left(u_{C_{DK}}\right)\right) \\ u_{L_{DK}}(t) &:= \left|u_{C_{DK}}\right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin\left(\omega \cdot t + \arg\left(u_{C_{DK}}\right)\right) \\ u_{L_{DK}}(t) &:= \left|u_{C_{DK}}\right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin\left(\omega \cdot t + \arg\left(u_{C_{DK}}\right)\right) \\ u_{C_{DK}}(t) &:= \left|u_{C_{DK}}\right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin\left(\omega \cdot t + \arg\left(u_{C_{DK}}\right)\right) \\ u_{C_{DK}}(t) &:= \left|u_{C_{DK}}\right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin\left(\omega \cdot t + \arg\left(u_{C_{DK}}\right)\right) \\ u_{C_{DK}}(t) &:= \left|u_{C_{DK}}\right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin\left(\omega \cdot t + \arg\left(u_{C_{DK}}\right)\right) \\ u_{C_{DK}}(t) &:= \left|u_{C_{DK}}\right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin\left(\omega \cdot t + \arg\left(u_{C_{DK}}\right)\right) \\ u_{C_{DK}}(t) &:= \left|u_{C_{DK}}\right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin\left(\omega \cdot t + \arg\left(u_{C_{DK}}\right)\right) \\ u_{C_{DK}}(t) &:= \left|u_{C_{DK}}\right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin\left(\omega \cdot t + \arg\left(u_{C_{DK}}\right)\right) \\ u_{C_{DK}}(t) &:= \left|u_{C_{DK}}\right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin\left(\omega \cdot t + \arg\left(u_{C_{DK}}\right)\right) \\ u_{C_{DK}}(t) &:= \left|u_{C_{DK}}\right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin\left(\omega \cdot t + \arg\left(u_{C_{DK}}\right)\right) \\ u_{C_{DK}}(t) &:= \left|u_{C_{DK}}\right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin\left(\omega \cdot t + \arg\left(u_{C_{DK}}\right)\right) \\ u_{C_{DK}}(t) &:= \left|u_{C_{DK}}\right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin\left(\omega \cdot t + \arg\left(u_{C_{DK}}\right)\right) \\ u_{C_{DK}}(t) &:= \left|u_{C_{DK}}\right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin\left(\omega \cdot t + \arg\left(u_{C_{DK}}\right)\right) \\ u_{C_{DK}}(t) &:= \left|u_{C_{DK}}\right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin\left(\omega \cdot t + \arg\left(u_{C_{DK}}\right)\right) \\ u_{C_{DK}}(t) &:= \left|u_{C_{DK}}\right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin\left(\omega \cdot t + \arg\left(u_{C_{DK}}\right)\right) \\ u_{C_{DK}}(t) &:= \left|u_{C_{DK}}$$

#### Початкові умови:

$$u_{\text{C}_{JIK}}(0) = -21.681$$

$$i_{20} = 0.653$$

Given

$$i_{20} = i_{10} - i_{30}$$

$$e_1(0) - e_2(0) = u_{C0} + i_{10} R$$

$$e_2(0) = i_{20} \cdot R + u_{L0} - u_{C0}$$

$$\begin{pmatrix} \mathbf{i}_{10} \\ \mathbf{i}_{30} \\ \mathbf{u}_{L0} \end{pmatrix} := \mathrm{Find} \big( \mathbf{i}_{10}, \mathbf{i}_{30}, \mathbf{u}_{L0} \big)$$

$$i_{10} = 0.271$$
  $i_{20} = 0.653$   $i_{30} = -0.382$ 

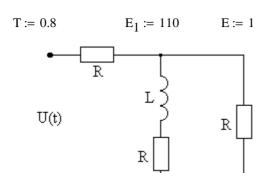
$$i_{20} = 0.653$$

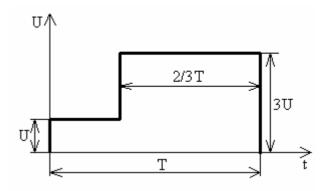
$$i_{30} = -0.382$$

$$u_{L,0} = -73.914$$

$$u_{C0} = -21.681$$

# Інтеграл Дюамеля





Усталений режим до комутації: t < 0

$$i_{1 \text{ LK}} \coloneqq \frac{0}{\left(\frac{R \cdot R}{R + R}\right) + R}$$

$$i_{1$$
дк =  $0$ 

$$i_{3\text{dK}} \coloneqq i_{1\text{dK}} \cdot \frac{R}{R+R}$$

$$i_{3\pi\kappa} = 0$$

$$i_{2\pi K} = 0$$

$$u_{LдK} := 0$$

Усталений режим після комутації:

$$i'_1 := \frac{E}{\left(\frac{R \cdot R}{R + R}\right) + R}$$

$$i'_1 = 8.333 \times 10^{-3}$$

$$i'_3 := i'_1 \cdot \frac{R}{R + R}$$

$$i'_3 = 4.167 \times 10^{-3}$$

$$i'_3 = 4.167 \times 10^{-3}$$
  $i'_2 := i'_1 \cdot \frac{R}{R + R}$   $i'_2 = 4.167 \times 10^{-3}$ 

$$i'_2 = 4.167 \times 10^{-3}$$

$$\mathbf{u'}_L \coloneqq 0$$

Незалежні початкові умови

$$i_{30} \coloneqq i_{3дK}$$

$$i_{30} = 0$$

Залежні початкові умови

$$i_{10} = i_{20} + i_{30}$$

$$E = i_{20} \cdot R + i_{10} \cdot R$$

$$0 = i_{20} \cdot R - i_{30} \cdot R - u_{L0}$$

$$i_{10} = 6.25 \times 10^{-3} i_{20} = 6.25 \times 10^{-3}$$

$$i_{30} = 0$$

Вільний режим після комутайії:

Складемо характерестичне рівняння схеми

$$Z_{VX}(p) := R + \frac{R \!\cdot\! (p \!\cdot\! L + R)}{p \!\cdot\! L + R' + R}$$

$$Zvx(p) := \frac{R \cdot (p \cdot L + R + R) + R \cdot (p \cdot L + R)}{p \cdot L + R + R}$$

$$p := R \cdot (p \cdot L + R + R) + R \cdot (p \cdot L + R) \begin{vmatrix} solve, p \\ float, 5 \end{vmatrix} \rightarrow -600. \qquad T := \frac{1}{|p|} \cdot T \qquad T = 1.333 \times 10^{-3}$$

$$T := \frac{1}{|p|} \cdot T$$

Одже корень характеристичного рівняння має вигляд:

$$p = -600$$

#### Вільні складові повних струмів та напруг будуть мати вигляд:

$$i''_1(t) = A_1 \cdot e^{p \cdot t}$$

$$i''_{2}(t) = B_{1} \cdot e^{p \cdot t}$$

#### Визначення сталих інтегрування:

$$A_1 := i_{10} - i'_{10}$$

$$A_1 = -2.083 \times 10^{-3}$$

$$B_1 := i_{30} - i_3$$

$$A_1 := i_{10} - i'_1$$
  $A_1 = -2.083 \times 10^{-3}$   
 $B_1 := i_{30} - i'_3$   $B_1 = -4.167 \times 10^{-3}$ 

## Отже вільна складова струму i1(t) та i3(t) будуть мати вигляд:

$$i''_1(t) := A_1 \cdot e^{p \cdot t}$$

$$i''_3(t) := B_1 \cdot e^{p \cdot t}$$

#### Повні значення цих струмів:

$$i_1(t) := i'_1 + i''_1(t)$$

$$i_1(t) := i'_1 + i''_1(t) \qquad \qquad i_1(t) \; \text{float,5} \; \to 8.3333 \cdot 10^{-3} - 2.0833 \cdot 10^{-3} \cdot \exp(-600. \cdot t)$$

$$i_3(t) := i'_3 + i''_3(t)$$

$$i_3(t) := i'_3 + i''_3(t)$$
  $i_3(t) \text{ float, 5} \rightarrow 4.1667 \cdot 10^{-3} - 4.1667 \cdot 10^{-3} \cdot \exp(-600 \cdot t)$ 

$$g_{11}(t) := i_1(t)$$

$$g_{11}(t) \text{ float, 5} \rightarrow 8.3333 \cdot 10^{-3} - 2.0833 \cdot 10^{-3} \cdot \exp(-600.t)$$

$$\mathrm{U}_L(\mathsf{t}) \coloneqq \mathrm{L} \cdot \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d} \mathsf{t}} \mathrm{i}_3(\mathsf{t})$$

$$h_{\mathbf{n}\mathbf{I}}(t) := \mathbf{U}_{\mathbf{I}}(t) \text{ float}, 5 \rightarrow .50000 \cdot \exp(-600.\cdot t)$$

### Визначимо закони зміни напруги на всіх проміжках часу:

$$U_0 := E_1$$

$$U_0 = 110$$

$$U_1 := E_1$$

$$U_1 = 110$$

$$0 < t < \frac{T}{3}$$

$$U_2 := 3E_1$$

$$U_2 = 330$$

$$\frac{T}{3} < t < T$$

$$U_3 := 0$$

 $U'_1 := 0$ 

$$U'_2 := 0$$

## Струм на цих проміжках буде мати вигляд:

$$\mathsf{i}_1(\mathsf{t}) \coloneqq \mathsf{U}_0 {\cdot} \mathsf{g}_{11}(\mathsf{t})$$

$$i_1(t)$$
  $\begin{vmatrix} factor \\ float, 3 \end{vmatrix}$  .917 - .229·exp(-600.·t)

$$i_2(t) := U_0 \cdot g_{11}(t) + \left(U_2 - U_1\right) \cdot g_{11}\left(t - \frac{T}{3}\right)$$

$$i_2(t)$$
  $| factor \\ float, 5 \rightarrow 2.7500 - .22917 \cdot exp(-600. \cdot t) - .45833 \cdot exp(-600. \cdot t + .26667)$ 

$$\mathbf{i}_3(t) := \mathbf{U}_0 \cdot \mathbf{g}_{11}(t) + \left(\mathbf{U}_2 - \mathbf{U}_1\right) \cdot \mathbf{g}_{11}\!\!\left(t - \frac{\mathbf{T}}{3}\right) + \left(\mathbf{U}_3 - \mathbf{U}_2\right) \cdot \mathbf{g}_{11}(t - \mathbf{T})$$

$$i_3(t) \mid \begin{array}{l} factor \\ float, 3 \end{array} \rightarrow -.229 \cdot exp(-600.\cdot t) - .458 \cdot exp(-600.\cdot t + .267) + .688 \cdot exp(-600.\cdot t + .800) \end{array}$$

## Напруга на індуктивності на цих проміжках буде мати вигляд:

$$\mathbf{u}_{\mathrm{L},1}(t) := \mathbf{U}_0 \cdot \mathbf{h}_{\mathrm{uL}}(t) \text{ float}, 5 \rightarrow 55.000 \cdot \exp(-600.\cdot t)$$

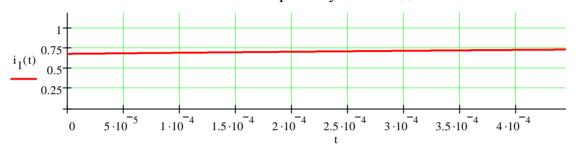
$$\mathbf{u}_{L2}(t) := \mathbf{U}_0 \cdot \mathbf{h}_{\mathbf{u}L}(t) + \left(\mathbf{U}_2 - \mathbf{U}_1\right) \cdot \mathbf{h}_{\mathbf{u}L} \left(t - \frac{\mathbf{T}}{3}\right)$$

 ${\rm u_{L2}(t)\ float, 5}\ \to 55.000 \cdot \exp(-600.\cdot t) \, + \, 110.00 \cdot \exp(-600.\cdot t \, + \, .26667)$ 

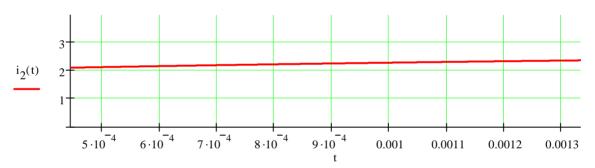
$$\mathbf{u}_{L3}(t) := \mathbf{U}_0 \cdot \mathbf{h}_{\mathbf{u}L}(t) + \left(\mathbf{U}_2 - \mathbf{U}_1\right) \cdot \mathbf{h}_{\mathbf{u}L}\left(t - \frac{\mathbf{T}}{3}\right) + \left(\mathbf{U}_3 - \mathbf{U}_2\right) \cdot \mathbf{h}_{\mathbf{u}L}(t - \mathbf{T})$$

 $u_{I,3}(t) \ \text{float}, 5 \ \rightarrow 55.000 \cdot \exp(-600 \cdot t) \ + \ 110.00 \cdot \exp(-600 \cdot t \ + \ .26667) \ - \ 165.00 \cdot \exp(-600 \cdot t \ + \ .80000)$ 

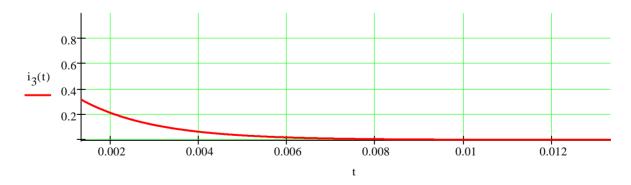
#### На промежутке от 0 до 1/3Т



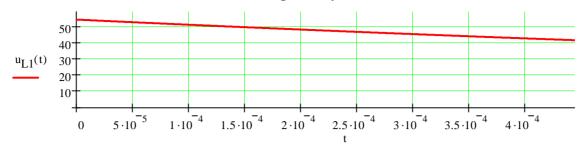
## На промежутке от 1/3Т до Т



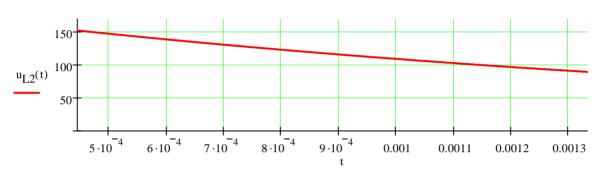
### На промежутке от Т до 10Т



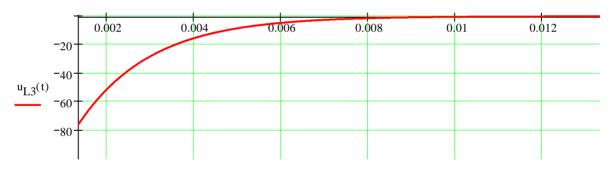
# На промежутке от 0 до 1/3Т



# На промежутке от 1/3Т до Т



# На промежутке от Т до 10Т



t