### Министерство образования и науки Украины Национальный технический университет Украины "Киевский Политехнический Институт" Кафедра ТОЭ

# Расчетно-графическая работа "Трёхфазные цепи"

Вариант 017

Выполнил:	
Проверия:	

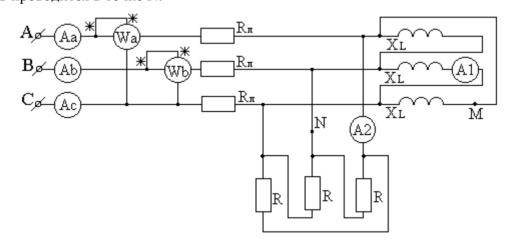
#### Условие задания

Симметричны трёхфазный генератор с обмотками, соединёнными в звезду, питает через трехпроводную линию электропередачи нагрузку с элементами, соединёнными звездой и треугольником.

#### Требуется:

- 1. Определить показания включенных в цепь измерительных приборов, полагая нагрузки симметричной.
- 2. Проверить правильность расчета, составив баланс активной и реактивной мощностей.
- 3. По результатам расчета п.1 построить для симметричной нагрузки совмещенную векторную диаграмму токов и топографическую диаграмму напряжений цепи.
- 4. Провести расчет токов во всех ветвях напряжений на всех участках цепи, определить показания измерительных приборов в аварийном режиме, делая обрыв в указанной точке.
- 5. Проверить правильность расчета, составив баланс активной и реактивной мощностей.
- 6. По результатам расчета п.4 построить совмещенную векторную диаграмму токов и топографическую диаграмму напряжений цепи.

$$U_A := 127$$
  $U_B := U_A$   $U_C := U_B$   $\psi_A := 0$   $R_L := 12$   $R := 56$   $X_L := 33$  Обрыв проводится в точке  $N$ .



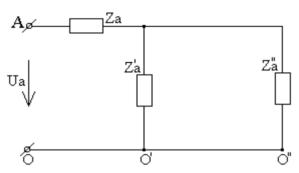
Общая схема трёхфазной цепи

### Определение показаний измерительных приборов при симметричной нагрузке.

Так как нагрузка симметрическая, то будем проводить расчет только по одной фазе. Токи в остальных фазах будут такими же, только будут отличаться углы.

За опорную примем фазу А. Фазные напряжения генератора и сопротивления элементов нагрузки в комплексной форме равны:

$$\begin{split} E_A &:= \ U_A \cdot e & E_B := \ U_B \cdot e & E_C := \ U_C \cdot e \\ F(E_A) &= (127 \ 0) & F(E_B) = (127 \ -120) & F(E_C) = (127 \ 120) \\ R' &:= \frac{R \cdot R}{R + R + R} & R' = 18.667 & X'_L := \frac{X_L \cdot X_L}{X_L + X_L + X_L} & X'_L = 11 \\ Z_a &:= R_L & Z_b := Z_a & Z_c := Z_b & Z_a = 12 \\ Z'_a &:= R' & Z'_b := Z'_a & Z'_c := Z'_b & Z'_a = 18.667 \\ Z''_a &:= X'_L \cdot i & Z''_b := Z''_a & Z''_c := Z''_b & Z''_a = 11i \end{split}$$



Преобразованая схема (фаза А)

Эквивалентное сопротивление данной схемы равно:

$$Z_{ea} := Z_a + \frac{Z'_a \cdot Z''_a}{Z'_a + Z''_a}$$
  $Z_{ea} = 16.811 + 8.165i$ 

Ток в фазе А, согласно закону Ома, равен:

$$I_{A} := \frac{E_{A}}{Z_{ea}}$$

$$I_{A} = 6.113 - 2.969i$$

$$I_{B} := I_{A} \cdot e$$

$$I_{B} := I_{A} \cdot e$$

$$I_{C} := I_{A} \cdot e$$

$$I_{C} := I_{A} \cdot e$$

$$I_{C} := I_{C} = -0.485 + 6.778i$$

$$I_{C} := (6.795 - 25.904)$$

$$I_{C} := (6.795 - 145.904)$$

$$I_{C} := (6.795 - 145.904)$$

Фазное напряжение на параллельных участках равно:

$$\begin{split} Z_{ea'} &:= \frac{Z'_a \cdot Z''_a}{Z'_a + Z''_a} \\ U_{A'O} &:= I_A \cdot Z_{ea'} \end{split} \qquad \qquad Z_{ea'} = 4.811 + 8.165i \\ U_{A'O} &:= 53.649 + 35.624i \end{split}$$

Линейное напряжение равно:

$$U_{A'B'} := U_{A'O} \cdot \sqrt{3} \cdot e \qquad \qquad U_{A'B'} = 111.325 + 6.976i \qquad \qquad F(U_{A'B'}) = (111.543 - 3.585)$$

Остальные токи равны:

$$\Gamma''_{A'B'} := \frac{U_{A'B'}}{X_L \cdot i} \qquad \qquad \Gamma''_{A'B'} = 0.211 - 3.373i \qquad \qquad F(\Gamma''_{A'B'}) = (3.38 - 86.415)$$

$$\Gamma''_{B'C'} := \Gamma''_{A'B'} \cdot e \qquad \qquad \Gamma''_{B'C'} = -3.027 + 1.504i \qquad \qquad F(\Gamma''_{B'C'}) = (3.38 - 153.585)$$

$$\Gamma''_{C'A'} := \Gamma''_{A'B'} \cdot e \qquad \qquad \Gamma''_{C'A'} = 2.816 + 1.87i \qquad \qquad F(\Gamma''_{C'A'}) = (3.38 - 33.585)$$

$$\Gamma'_{A'B'} := \frac{U_{A'B'}}{R} \qquad \qquad \Gamma'_{A'B'} = 1.988 + 0.125i \qquad \qquad F(\Gamma'_{C'A}) = (1.992 - 3.585)$$

$$\Gamma'_{B'C'} := \Gamma'_{A'B'} \cdot e \qquad \qquad \Gamma'_{B'C'} = -0.886 - 1.784i \qquad \qquad F(\Gamma'_{B'C'}) = (1.992 - 116.415)$$

$$\Gamma'_{C'A'} := \Gamma'_{A'B'} \cdot e \qquad \qquad \Gamma'_{C'A'} = -1.102 + 1.659i \qquad \qquad F(\Gamma'_{C'A}) = (1.992 - 123.585)$$

$$\Gamma'_{A} := \frac{U_{A'O}}{Z_{C'}} \qquad \qquad \Gamma'_{A} = 2.874 + 1.908i \qquad \qquad F(\Gamma'_{A}) = (3.45 - 33.585)$$

На основании выполненых расчетов, показания амперметров будут равны:

$$A_1 = 3.38$$
  $A_2 = 3.45$   $A_a = 6.795$   $A_b = 6.795$   $A_c = 6.795$ 

Находим показания ваттметров. Ваттметры показывают вещественную часть произведения комплекса напряжения, приложеного к обмотке напряжения (его отсчитывают от начала обмотки к концу), на сопряженный комплекс тока, протекающего через обмотку тока:

Показание ваттметра Wa:

$$E_{AC} := E_A \cdot \sqrt{3} \cdot e$$

$$E_{AC} = 190.5 - 109.985i$$

$$Wa := Re(E_{AC} \cdot \overline{I_A})$$

$$Wa = 1.491 \times 10^3$$

Показание ваттметра Wb:

$$E_{BC} := E_B \cdot \sqrt{3} \cdot e^{i \cdot 30 \frac{\pi}{180}}$$
 $E_{AC} = 190.5 - 109.985i$ 
 $E_{BC} := Re(E_{BC} \cdot \overline{I_B})$ 
 $E_{AC} = 190.5 - 109.985i$ 

Полная мощность равна:

$$W := Wa + Wb$$
  $W = 2.329 \times 10^3$ 

#### Баланс активной и реактивной мощностей

Правильность расчетов проверим, составив баланс активных и реактивный мощностей. Мощность источника энергии определяют в виде суммы произведений комплексов фазных ЭДС (напряжений) на сопряженные комплексы токов соответствующих фаз. В симметричной трёхфазной системе мощность, отдаваемая в нагрузку источником, равна утроенной мощности одной фазы.

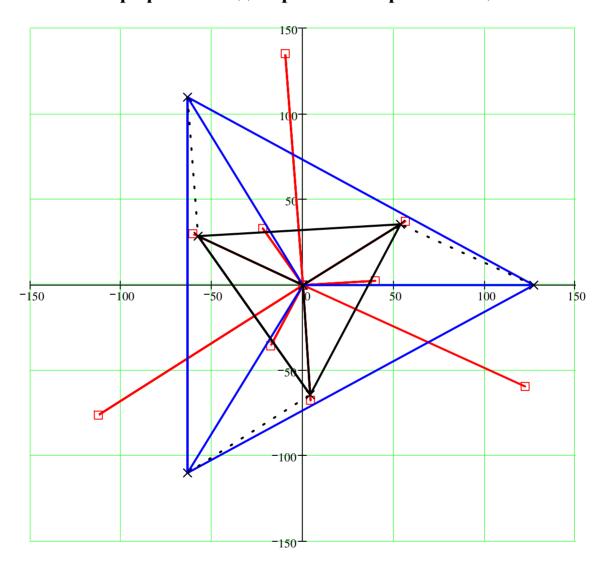
$$Sr := E_A \cdot \overline{I_A} + E_B \cdot \overline{I_B} + E_C \cdot \overline{I_C}$$

$$Sr = 2.329 \times 10^3 + 1.131i \times 10^3$$

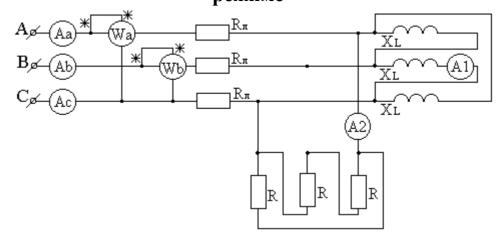
Определим мощность, потребляемую приёмником:

$$\begin{aligned} \operatorname{Ppr} &:= \left[ \left( \left| I_{\mathbf{A}} \right| \right)^2 + \left( \left| I_{\mathbf{B}} \right| \right)^2 + \left( \left| I_{\mathbf{C}} \right| \right)^2 \right] \cdot R_{\mathbf{L}} + \left[ \left( \left| I'_{\mathbf{A}'\mathbf{B}'} \right| \right)^2 + \left( \left| I'_{\mathbf{B}'\mathbf{C}'} \right| \right)^2 + \left( \left| I'_{\mathbf{C}'\mathbf{A}'} \right| \right)^2 \right] \cdot R \qquad \operatorname{Ppr} = 2.329 \times 10^3 \\ \operatorname{Qpr} &:= \left[ \left( \left| I''_{\mathbf{A}'\mathbf{B}'} \right| \right)^2 + \left( \left| I''_{\mathbf{B}'\mathbf{C}'} \right| \right)^2 + \left( \left| I''_{\mathbf{C}'\mathbf{A}'} \right| \right)^2 \right] \cdot X_{\mathbf{L}} \cdot i \end{aligned} \qquad \operatorname{Qpr} = 1.131i \times 10^3 \end{aligned}$$

### Построение совмещененной векторной диаграммы токов и топографической диаграммы напряжений цепи.



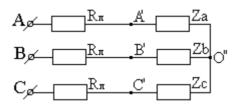
### Определение показаний измерительных приборов в аварийном режиме



Несимметричная трёхфазная система.

С целью упрощения схемы несимметричной трёхфазной системы нагрузку с элементами, соединенными звездой, следует заменить эквивалентным треугольником.

Параллельно включенные сопротивления нагрузки можно заменить эквивалентными, в результате чего образуется несимметричный треугольник. Заменив его эквивалентной звездой, рассчитываемую цепь приводят к виду:



Несимметричная звезда.

Сопротивления несимметричного треугольника равны:

$$Z_{C'A'} := \frac{\left[\frac{R \cdot (2R)}{3R}\right] \cdot X_L \cdot i}{X_L \cdot i + \left[\frac{R \cdot (2R)}{3R}\right]}$$

$$Z_{C'A'} := 16.375 + 18.525i$$

$$Z_{A'B'} := X_L \cdot i \qquad Z_{B'C'} := Z_{A'B'}$$

$$Z_{B'C'} = 33i$$

Сопротивление эквивалентной звезды:

$$Za := \frac{Z_{A'B'} \cdot Z_{C'A'}}{Z_{A'B'} + Z_{B'C'} + Z_{C'A'}}$$

$$Za = 4.811 + 8.165i$$

$$Zb := \frac{Z_{A'B'} \cdot Z_{B'C'}}{Z_{A'B'} + Z_{B'C'} + Z_{C'A'}}$$

$$Zb = -2.406 + 12.418i$$

$$Zc := \frac{Z_{B'C'} \cdot Z_{C'A'}}{Z_{A'B'} + Z_{B'C'} + Z_{C'A'}}$$

$$Zc = 4.811 + 8.165i$$

Полные комплексные сопротивления в каждой фазе цепи:

Фазные напряжения на нагрузке в цепи удобно определять, вычислив предварительно смещение нейтрали:

$$\begin{split} Y_{A} &\coloneqq \frac{1}{Zea} & Y_{B} \coloneqq \frac{1}{Zeb} & Y_{C} \coloneqq \frac{1}{Zec} \\ Y_{A} &= 0.048 - 0.023i & Y_{B} &= 0.039 - 0.05i & Y_{C} &= 0.048 - 0.023i \\ U_{O''O} &\coloneqq \frac{E_{A} \cdot Y_{A} + E_{B} \cdot Y_{B} + E_{C} \cdot Y_{C}}{Y_{A} + Y_{B} + Y_{C}} & U_{O''O} &= -21.224 + 4.908i \end{split}$$

Фазные напряжения на элементах нагрузки цепи (рис.5) равны:

$$\begin{split} &U_{\text{AO"}} \coloneqq E_{\text{A}} - U_{\text{O"O}} \\ &U_{\text{BO"}} \coloneqq E_{\text{B}} - U_{\text{O"O}} \\ &U_{\text{BO"}} \coloneqq E_{\text{B}} - U_{\text{O"O}} \\ &U_{\text{CO"}} \coloneqq E_{\text{C}} - U_{\text{O"O}} \\ \end{split} \qquad \begin{aligned} &U_{\text{AO"}} = 148.224 - 4.908i & F\left(U_{\text{AO"}}\right) = (148.305 - 1.897) \\ &F\left(U_{\text{BO"}}\right) = (122.424 - 110.201) \\ &F\left(U_{\text{CO"}}\right) = (122.424 - 110.201) \\ &F\left(U_{\text{CO"}}\right) = (113.263 - 111.916) \end{aligned}$$

Токи в фазах, равные фазным токам генератора и линейным токам исходной системы, определяют по закону Ома:

$$\begin{split} I_A &:= \frac{U_{AO''}}{Zea} & I_A = 7.019 - 3.701i & F \Big( I_A \Big) = (7.935 \ -27.801) \\ I_B &:= \frac{U_{BO''}}{Zeb} & I_B = -7.441 - 2.345i & F \Big( I_B \Big) = (7.802 \ -162.51) \\ I_C &:= \frac{U_{CO''}}{Zec} & I_C = 0.421 + 6.046i & F \Big( I_C \Big) = (6.06 \ 86.012) \\ U_{AB} &:= E_A \cdot \sqrt{3} \cdot e & U_{AB} = 190.5 + 109.985i & F \Big( U_{AB} \Big) = (219.97 \ 30) \\ U_{AA'} &:= I_A \cdot Z_a & U_{AA'} = 84.233 - 44.413i & F \Big( U_{AA'} \Big) = (95.224 \ -27.801) \\ U_{BC} &:= E_B \cdot \sqrt{3} \cdot e & U_{BC} = -219.97i & F \Big( U_{BC} \Big) = (219.97 \ -90) \\ U_{BB'} &:= I_B \cdot Z_b & U_{BB'} = -89.291 - 28.135i & F \Big( U_{BB'} \Big) = (93.619 \ -162.51) \\ U_{CA} &:= E_C \cdot \sqrt{3} \cdot e & U_{CA} = -190.5 + 109.985i & F \Big( U_{CA} \Big) = (219.97 \ 150) \\ U_{CC'} &:= I_C \cdot Z_c & U_{CC'} = 5.058 + 72.548i & F \Big( U_{CC'} \Big) = (72.724 \ 86.012) \\ \end{split}$$

Для определения токов во всех ветвях рассчитываемой схемы необходимо определить напряжение между точками A', B' и C'.

Согласно второму закону Кирхгофа:

отсюда: 
$$U_{A'B'} \coloneqq U_{AB} - U_{AA'} + U_{BB'} \qquad U_{A'B'} = 16.976 + 126.263i \qquad F(U_{A'B'}) = (127.399 - 82.342)$$
 
$$U_{B'C'} \coloneqq U_{BC} - U_{BB'} + U_{CC'} \qquad U_{B'C'} = 94.348 - 119.287i \qquad F(U_{B'C'}) = (152.089 - 51.658)$$
 
$$U_{C'A'} \coloneqq U_{CA} - U_{CC'} + U_{AA'} \qquad U_{C'A'} = -111.325 - 6.976i \qquad F(U_{C'A'}) = (111.543 - 176.415)$$
 
$$I''_{A'B'} \coloneqq \frac{U_{A'B'}}{X_{L} \cdot i} \qquad I''_{A'B'} = 3.826 - 0.514i \qquad F(I''_{A'B'}) = (3.861 - 7.658)$$
 
$$I''_{B'C'} \coloneqq \frac{U_{B'C'}}{X_{L} \cdot i} \qquad I''_{B'C'} = -3.615 - 2.859i \qquad F(I''_{B'C'}) = (4.609 - 141.658)$$
 
$$I''_{C'A'} \coloneqq \frac{U_{C'A'}}{X_{L} \cdot i} \qquad I''_{C'A'} = -0.211 + 3.373i \qquad F(I''_{C'A'}) = (3.38 - 93.585)$$

$$\begin{split} \Gamma_{\text{C''A''}} &:= \frac{U_{\text{C'A'}}}{2R} & \Gamma_{\text{C''A''}} = -0.994 - 0.062i & F(\Gamma_{\text{C''A''}}) = (0.996 - 176.415) \\ \Gamma_{\text{C'A'}} &:= \frac{U_{\text{C'A'}}}{R} & \Gamma_{\text{C'A'}} = -1.988 - 0.125i & F(\Gamma_{\text{C'A'}}) = (1.992 - 176.415) \\ \Gamma_{\text{A}} &:= \Gamma_{\text{B'C'}} + \Gamma_{\text{C'A'}} & \Gamma_{\text{A}} = -2.874 - 1.908i & F(\Gamma_{\text{A}}) = (3.45 - 146.415) \end{split}$$

Согласно выполненным расчетам, показания включенных в цепь амперметров равны:  $A_2 = 3.45$   $A_a = 7.935$   $A_b = 7.802$   $A_c = 6.06$ 

Расчет показаний ваттметров выполняется так же, как и в случае симметричной системы:

Показание ваттметра Wa:

$$\begin{aligned} & -i30\frac{\pi}{180} \\ & E_{AC} \coloneqq E_A \cdot \sqrt{3} \cdot e \end{aligned} \qquad \qquad E_{AC} = 190.5 - 109.985i \\ & Wa \coloneqq \text{Re} \Big( E_{AC} \cdot \overline{I_A} \Big) \qquad \qquad Wa = 1.744 \times 10^3 \end{aligned}$$

Показание ваттметра Wb:

$$E_{BC} := E_{B} \cdot \sqrt{3} \cdot e$$

$$E_{AC} = 190.5 - 109.985i$$

$$Wb := Re(E_{BC} \cdot \overline{I_{B}})$$

$$Wb = 515.746$$

Полная мощность равна:

$$W := Wa + Wb$$
  $W = 2.26 \times 10^3$ 

#### Баланс активной и реактивной мощностей

$$Sr := E_A \cdot \overline{I_A} + E_B \cdot \overline{I_B} + E_C \cdot \overline{I_C}$$
  $Sr = 2.26 \times 10^3 + 1.57i \times 10^3$ 

Определим мощность, потребляемую приёмником:

$$\begin{split} \operatorname{Ppr} &:= \left[ \left( \left| \operatorname{I}_{A} \right| \right)^{2} + \left( \left| \operatorname{I}_{B} \right| \right)^{2} + \left( \left| \operatorname{I}_{C} \right| \right)^{2} \right] \cdot \operatorname{R}_{L} + \left( \left| \operatorname{I}_{C''A''} \right| \right)^{2} \cdot 2\operatorname{R} + \left( \left| \operatorname{I}_{C'A'} \right| \right)^{2} \cdot \operatorname{R} \end{split} \qquad \qquad \operatorname{Ppr} = 2.26 \times 10^{3} \\ \operatorname{Qpr} &:= \left[ \left( \left| \operatorname{I}_{A'B'} \right| \right)^{2} + \left( \left| \operatorname{I}_{B'C'} \right| \right)^{2} + \left( \left| \operatorname{I}_{C'A'} \right| \right)^{2} \right] \cdot \operatorname{X}_{L} \cdot \operatorname{i} \end{split} \qquad \qquad \operatorname{Qpr} = 1.57\operatorname{i} \times 10^{3} \end{split}$$

## Построение совмещененной векторной диаграммы токов и топографической диаграммы напряжений цепи.

