Міністерство освіти України Національний технічний університет України "Київський політехнічний інститут"

Кафедра ТОЕ

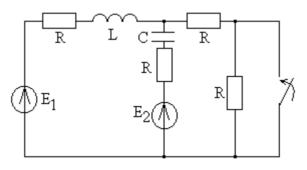
Розрахунково-графічна робота "Розрахунок перехідних процесів у лінійних колах"

Варіант № 806

| Виконав: | | |
|--------------|------|------|
| | | |
| | | |
| Перевірив: _ | | |

Умова задання

- 1. В колі з джерелом постійної ЕДС необхідно:
- 1) класичним методом розрахзувати напруги на реактивних елементах та струми перехідного процесу;
- 2) розрахувати струм в колі з джерелом ЕДС Е1 та напругу на реактивному елементі операторним методом;
- 3) побудувати в одному часовому масштабі діаграми струму та напруги на реактивних елементах.
- 2. Дослідити, яким повинен бути активний опір у вітці з джерелом Е1, щоб перехідний процес проходив в граничному режимі.
- 3. Визначити струми в вітках та напруги на реактивних елементах в момент комутації (t=0), якщо замість джерел постійних ЕДС Е1і Е2 в колі діють синусоїдні джерела.
- 3. В післякомутаційній схемі закоротити джерело ЕДС Е2.
- а) виключити катушку індуктивності чи ϵ мність, замінивши останню опором R;
- б) вважаючи, що замість ждерела постійної ЕДС Е1 до отриманного кола подається напруга, форма якої показана на малюнку;
- в) розрахувати вхідний струм та напругу на реактивном елементі методом інтеграла Дюамеля при періоді Т, заданому в долях від т;
- г) побудувати в одному часовому масштабі діаграми напруги на вході, вхідного струму і напруги на реактивних елементі.



Основна схема

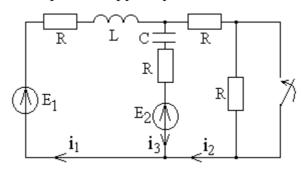
Вхідні данні:

L:= 0.2
$$\Gamma_H$$
 C:= $180 \cdot 10^{-6}$ Φ R:= 50 OM

E₁:= 100 B E₂:= 80 B ψ := $30 \cdot \text{deg}$ C^0 ω := $100 \cdot \text{c}^{-1}$

Класичний метод

Оберемо додатній напрямок струмів у вітках схеми:



Знайдемо значення струмів та напруг безпосередньо до комутації:

Усталений режим до комутації: t < 0

$$i_{1 \text{ДK}} := \frac{E_1}{3 \cdot R}$$

$$i_{2 \text{ДK}} := i_{1 \text{ДK}} \quad i_{2 \text{ДK}} = 0.667$$

$$i_{3 \text{дK}} := 0$$

$$u_{L\pi\kappa} := 0$$

$$u_{C_{\mathcal{I}\!\!K}} := E_1 - E_2 - i_{1_{\mathcal{I}\!\!K}} \cdot R$$
 $u_{C_{\mathcal{I}\!\!K}} = -13.333$

$$u_{C_{\pi K}} = -13.333$$

Усталений режим після комутації:

$$\mathbf{i'}_1 \coloneqq \frac{\mathbf{E}_1}{2 \cdot \mathbf{R}}$$

$$i'_2 := i'_1$$

$$i'_2 = 1$$

$$\mathbf{u'_T} := 0$$

$$\begin{split} \mathbf{i'_3} &\coloneqq \mathbf{0} & \quad \mathbf{u'_L} \coloneqq \mathbf{0} \\ \mathbf{u'_C} &\coloneqq \mathbf{E_1} - \mathbf{E_2} - \mathbf{i'_1} \cdot \mathbf{R} & \quad \mathbf{u'_C} = -30 \end{split}$$

$$u'_{C} = -30$$

Незалежні початкові умови

$$i_{10} = 0.667$$

$$\mathbf{u}_{\mathbf{C}0} \coloneqq \mathbf{u}_{\mathbf{C}\mathbf{\mu}\mathbf{K}}$$

$$u_{C0} = -13.333$$

Залежні початкові умови

Given

$$i_{20} = i_{10} - i_{30}$$

$${\rm E}_1 - {\rm E}_2 = {\rm u}_{\rm L0} + {\rm u}_{\rm C0} + {\rm i}_{30} \cdot {\rm R} + {\rm i}_{10} \cdot {\rm R}$$

$$E_2 = i_{20} \cdot R - i_{30} \cdot R - u_{C0}$$

$$\begin{pmatrix} \mathbf{i}_{30} \\ \mathbf{i}_{20} \\ \mathbf{u}_{L0} \end{pmatrix} := \mathsf{Find} \big(\mathbf{i}_{30}, \mathbf{i}_{20}, \mathbf{u}_{L0} \big) \; \mathsf{float}, 6 \; \rightarrow \begin{pmatrix} -.3333333 \\ 1. \\ 16.6667 \end{pmatrix}$$

$$i_{30} = -0.333$$

$$i_{20} = 1$$

$$i_{30} = -0.333$$
 $i_{20} = 1$ $u_{L0} = 16.667$

Незалежні початкові умови

$$\operatorname{di}_{10} \coloneqq \frac{^{u}\!L0}{^{L}}$$

$$di_{10} = 83.333$$

$$du_{C0} := \frac{i_{30}}{C}$$

$$du_{C0} = -1.852 \times 10^3$$

Залежні початкові умови

$$\begin{aligned} & \operatorname{di}_{10} = \operatorname{di}_{20} + \operatorname{di}_{30} \\ & 0 = \operatorname{du}_{L0} + \operatorname{du}_{C0} + \operatorname{di}_{30} \cdot R + \operatorname{di}_{10} \cdot R \\ & 0 = \operatorname{di}_{20} \cdot R - \operatorname{di}_{30} \cdot R - \operatorname{du}_{C0} \\ & \begin{pmatrix} \operatorname{di}_{20} \\ \operatorname{di}_{30} \\ \operatorname{du}_{L0} \end{pmatrix} := \operatorname{Find} \left(\operatorname{di}_{20}, \operatorname{di}_{30}, \operatorname{du}_{L0} \right) \\ & \operatorname{di}_{20} = 23.148 \qquad \operatorname{di}_{30} = 60.185 \qquad \operatorname{du}_{L0} = -5.324 \times 10^3 \end{aligned}$$

Вільний режим після комутайії: t = 0

Складемо характерестичне рівняння схеми

$$Z(p) := \frac{R \cdot \left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right)}{2 \cdot R + \frac{1}{p \cdot C}} + p \cdot L + R$$

$$Z(p) := \frac{R \cdot \left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) + \left(2 \cdot R + \frac{1}{p \cdot C}\right) \cdot (p \cdot L + R)}{2 \cdot R + \frac{1}{p \cdot C}}$$

$$\left(\frac{p_1}{p_2}\right) := R \cdot \left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) + \left(2 \cdot R + \frac{1}{p \cdot C}\right) \cdot (p \cdot L + R) \quad \begin{vmatrix} \text{solve}, p \\ \text{float}, 5 \end{vmatrix} \leftarrow \begin{pmatrix} -351.54 \\ -79.018 \end{pmatrix}$$

Одже корні характеристичного рівняння мають вигляд:

$$p_1 = -351.54$$
 $p_2 = -79.018$

Вільні складові повних струмів та напруг будуть мати вигляд:

$$\begin{split} &i"_{1}(t) = A_{1} \cdot e^{p_{1} \cdot t} + A_{2} \cdot e^{p_{2} \cdot t} \\ &i"_{2}(t) = B_{1} \cdot e^{p_{1} \cdot t} + B_{2} \cdot e^{p_{2} \cdot t} \\ &i"_{3}(t) = C_{1} \cdot e^{p_{1} \cdot t} + C_{2} \cdot e^{p_{2} \cdot t} \\ &u"_{C}(t) = D_{1} \cdot e^{p_{1} \cdot t} + D_{2} \cdot e^{p_{2} \cdot t} \\ &u"_{L}(t) = F_{1} \cdot e^{p_{1} \cdot t} + F_{2} \cdot e^{p_{2} \cdot t} \end{split}$$

Визначення сталих інтегрування:

$$\begin{split} &i_{10} - i'_1 = A_1 + A_2 \\ &di_{10} - 0 = p_1 \cdot A_1 + p_2 \cdot A_2 \\ &\binom{A_1}{A_2} := \text{Find} \Big(A_1, A_2 \Big) \\ &A_1 = -0.209 \\ &A_2 = -0.124 \end{split}$$

Отже вільна складова струму i1(t) буде мати вигляд:

$$\begin{split} i"_1(t) &:= A_1 \cdot e^{p_1 \cdot t} + A_2 \cdot e^{p_2 \cdot t} \\ i_1(t) &:= i'_1 + i"_1(t) \text{ float}, 7 \ \rightarrow 1. - .2091360 \cdot \exp(-351.54 \cdot t) - .1241973 \cdot \exp(-79.018 \cdot i_1(0) = 0.667) \\ & \text{Given} \\ i_{20} - i'_2 &= B_1 + B_2 \\ di_{20} - 0 &= p_1 \cdot B_1 + p_2 \cdot B_2 \end{split}$$

$$\begin{pmatrix}
B_1 \\
B_2
\end{pmatrix} := Find(B_1, B_2)$$
 $B_1 = -0.085$
 $B_2 = 0.085$

Отже вільна складова струму i2(t) буде мати вигляд:

$$\mathbf{i''}_2(t) := \mathbf{B}_1 \cdot \mathbf{e}^{\mathbf{p}_1 \cdot \mathbf{t}} + \mathbf{B}_2 \cdot \mathbf{e}^{\mathbf{p}_2 \cdot \mathbf{t}}$$

$$i_2(t) := i_2' + i_2''(t) \text{ float, } 7 \rightarrow 1. - 8.494085 \cdot 10^{-2} \cdot \exp(-351.54 \cdot t) + 8.494085 \cdot 10^{-2} \cdot \exp(-79.018 i_2(0) = 10^{-2} i_2''(t) + 10^{-2} i_2''(t) +$$

$$i_{30} - i'_{3} = C_{1} + C_{2}$$

 $di_{30} - 0 = p_{1} \cdot C_{1} + p_{2} \cdot C_{2}$

$$di_{30} = 60.185$$

$$\begin{pmatrix} \mathbf{C}_1 \\ \mathbf{C}_2 \end{pmatrix} := \operatorname{Find}(\mathbf{C}_1, \mathbf{C}_2)$$

$$C_1 = -0.124$$
 $C_2 = -0.209$

$$C_2 = -0.209$$

Отже вільна складова струму i3(t) буде мати вигляд:

$$\mathbf{i''}_3(\mathbf{t}) := \mathbf{C}_1 \cdot \mathbf{e}^{\mathbf{p}_1 \cdot \mathbf{t}} + \mathbf{C}_2 \cdot \mathbf{e}^{\mathbf{p}_2 \cdot \mathbf{t}}$$

$$i_3(t) := i'_3 + i''_3(t) \text{ float, } 7 \rightarrow -.1241953 \cdot \exp(-351.54 \cdot t) - .2091377 \cdot \exp(-79.018 \cdot t) i_3(0) = -0.333$$
 Given

$$u_{C0} - u'_{C} = D_1 + D_2$$

$$\mathsf{du}_{C0} - 0 = \mathsf{p}_1 \cdot \mathsf{D}_1 + \mathsf{p}_2 \cdot \mathsf{D}_2$$

$$\begin{pmatrix} \mathbf{D}_1 \\ \mathbf{D}_2 \end{pmatrix} := \operatorname{Find}(\mathbf{D}_1, \mathbf{D}_2)$$

$$D_1 = 1.963$$
 $D_2 = 14.704$

$$D_2 = 14.704$$

Отже вільна складова напруга на конденсаторі буде мати вигляд:

$$\mathbf{u}^{"}_{\mathbf{C}}(t) := \mathbf{D}_{1} \cdot \mathbf{e}^{\mathbf{p}_{1} \cdot t} + \mathbf{D}_{2} \cdot \mathbf{e}^{\mathbf{p}_{2} \cdot t}$$

$$\mathbf{u_C(t)} := \mathbf{u'_C} + \mathbf{u''_C(t)} \text{ float, 7 } \rightarrow -30. + 1.962716 \cdot \exp(-351.54 \cdot \mathbf{t}) + 14.70395 \cdot \exp(-\mathbf{u_C(0)} = -13.333 \cdot \mathbf{t}) + 1.962716 \cdot \exp(-351.54 \cdot \mathbf{t}) + 1.962716 \cdot \exp(-351.54$$

$$u_{L0} - u'_{L} = F_1 + F_2$$

$$\mathsf{du}_{L0} - 0 = \mathsf{p}_1 \cdot \mathsf{F}_1 + \mathsf{p}_2 \cdot \mathsf{F}_2$$

$$\begin{pmatrix} F_1 \\ F_2 \end{pmatrix} := Find(F_1, F_2)$$

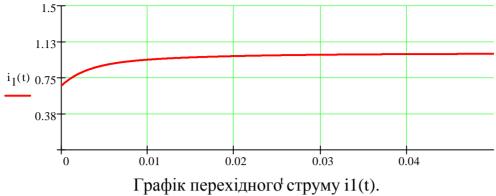
$$F_1 = 14.704$$
 $F_2 = 1.963$

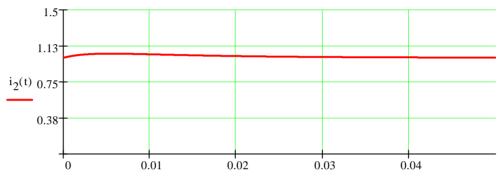
$$F_2 = 1.963$$

Отже вільна складова напруга на індуктивності буде мати вигляд:

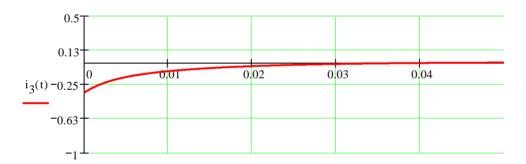
$$\mathbf{u''}_{\mathbf{L}}(t) := \mathbf{F_1} \cdot \mathbf{e}^{\mathbf{p_1} \cdot \mathbf{t}} + \mathbf{F_2} \cdot \mathbf{e}^{\mathbf{p_2} \cdot \mathbf{t}}$$

$$\mathbf{u}_L(t) := \mathbf{u'}_L + \mathbf{u''}_L(t) \text{ float}, 7 \ \rightarrow \ 14.70383 \cdot \exp(-351.54 \cdot t) + 1.962866 \cdot \exp(-79.0 \, \mathbf{u}_L(0) = 16.6671 + 1.962866 + 1.962866 + 1.962866 + 1.962866 + 1.962866 + 1.962866 + 1.962866 + 1.962866 + 1.962866 + 1.962866 + 1.962866 + 1.962866 + 1.962866 + 1.962866 + 1.$$

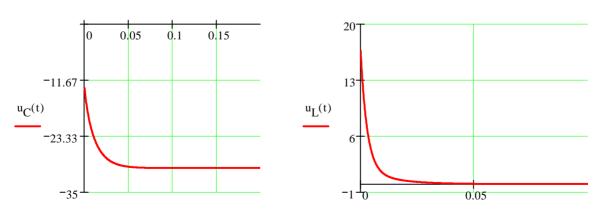




Графік перехідного струму i2(t).

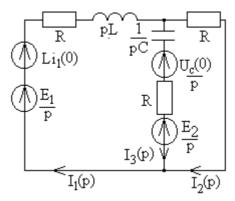


Графік перехідного струму i3(t).



Графік перехідних напруг на ємності та індуктивності.

Операторний метод



Операторна схема

Усталений режим до комутації:

$$i_{1 \perp K} := \frac{E_1}{3 \cdot R}$$

$$i_{2 \text{дK}} := i_{1 \text{дK}} \quad i_{2 \text{дK}} = 0.667$$

$$i_{3\pi K} := 0$$

$$\mathbf{u}_{\mathbf{L}\mathbf{J}\mathbf{K}} \coloneqq 0$$

$$u_{C_{\mathcal{I}\mathcal{K}}} := E_1 - E_2 - i_{1_{\mathcal{I}\mathcal{K}}} \cdot R$$
 $u_{C_{\mathcal{I}\mathcal{K}}} = -13.333$

$$u_{\text{C}_{\text{Л}\text{K}}} = -13.333$$

Початкові умови:

$$i_{L0} := i_{1 \text{дк}}$$

$$i_{L0} = 0.667$$

$$u_{C0} = -13.333$$

$$I_{k1}(p) \cdot \left(R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C} + R\right) - I_{k2}(p) \cdot \left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) = \frac{E_1}{p} - \frac{E_2}{p} - \frac{u_{C0}}{p} + L \cdot i_{10}$$
$$-I_{k1}(p) \cdot \left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) + I_{k2}(p) \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C} + 2 \cdot R\right) = \frac{E_2}{p} + \frac{u_{C0}}{p}$$

$$\Delta(p) := \begin{bmatrix} R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C} + R & -\left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) \\ -\left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) & \frac{1}{p \cdot C} + 2 \cdot R \end{bmatrix}$$

$$\Delta(p) \text{ float, 5} \rightarrow \frac{1}{p^{1}} \cdot \left(8611.1 \cdot p + 5.5556 \cdot 10^{5} + 20.000 \cdot p^{2} \cdot \right)$$

$$\Delta_{1}(p) := \begin{bmatrix} \frac{E_{1}}{p} - \frac{E_{2}}{p} - \frac{u_{C0}}{p} + L \cdot i_{10} & -\left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) \\ & \frac{E_{2}}{p} + \frac{u_{C0}}{p} & \frac{1}{p \cdot C} + 2 \cdot R \end{bmatrix} \quad \Delta_{1}(p) \text{ float, 5} \rightarrow \frac{\left(7407.4 \cdot p + 5.5556 \cdot 10^{5} + 13.333 \cdot p^{2}\right)}{p^{2}}$$

$$\Delta_{2}(p) := \begin{bmatrix} R + p \cdot L + \frac{1}{p \cdot C} + R & \frac{E_{1}}{p} - \frac{E_{2}}{p} - \frac{u_{C0}}{p} + L \cdot i_{10} \\ -\left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) & \frac{E_{2}}{p} + \frac{u_{C0}}{p} \end{bmatrix}$$

$$\Delta_2(p) \text{ float, 5} \rightarrow \frac{\left(9074.1 \cdot p + 20.000 \cdot p^2 \cdot + 5.5556 \cdot 10^5\right)}{p^2}$$

Контурні струми та напруга на конденсаторі будуть мати вигляд:

$$\begin{split} I_{k1}(p) &\coloneqq \frac{\Delta_1(p)}{\Delta(p)} & \quad I_{k1}(p) \text{ float}, 5 \ \to \frac{\left(7407.4 \cdot p + 5.5556 \cdot 10^5 + 13.333 \cdot p^2 \cdot\right)}{p^1 \cdot \left(8611.1 \cdot p + 5.5556 \cdot 10^5 + 20.000 \cdot p^2 \cdot\right)^1 \cdot} \\ I_{k2}(p) &\coloneqq \frac{\Delta_2(p)}{\Delta(p)} & \quad I_{k2}(p) \text{ float}, 5 \ \to \frac{\left(9074.1 \cdot p + 20.000 \cdot p^2 \cdot + 5.5556 \cdot 10^5 + 20.000 \cdot p^2 \cdot\right)^1 \cdot}{p^1 \cdot \left(8611.1 \cdot p + 5.5556 \cdot 10^5 + 20.000 \cdot p^2 \cdot\right)^1 \cdot} \\ u_C(p) &\coloneqq \frac{u_{C0}}{p} + \frac{I_3(p)}{p \cdot C} \\ u_C(p) & & \left| \frac{\text{float}, 5}{\text{factor}} \to \frac{-1}{200 \cdot p} \cdot \frac{\left(303701963 \cdot p + 33333600000 + 533320 \cdot p^2 \right)}{\left(86111 \cdot p + 5555600 + 200 \cdot p^2 \right)} \\ u_L(p) &\coloneqq L \cdot p \cdot I_{k1}(p) - L \cdot i_{1,IJK} \\ u_L(p) &\text{factor} \ \to \frac{50}{3} \cdot \frac{(9 \cdot p + 1000)}{\left(3875 \cdot p + 250000 + 9 \cdot p^2 \right)} \end{split}$$

Перейдемо тепер від зображення до функції часу за формулою розкладу: Для струму I1(p):

$$\begin{split} N_1(p) &:= \left(7407.4 \cdot p + 5.5556 \cdot 10^5 + 13.333 \cdot p^2 \cdot \right) & \quad M_1(p) := p \cdot \left(8611.1 \cdot p + 5.5556 \cdot 10^5 + 20.000 \cdot p^2 \cdot \right) \\ \begin{pmatrix} p_0 \\ p_1 \\ p_2 \end{pmatrix} &:= M_1(p) \mid \begin{array}{l} \text{solve}, p \\ \text{float}, 5 \end{array} \rightarrow \begin{pmatrix} 0 \\ -351.54 \\ -79.019 \end{pmatrix} \\ p_0 &= 0 \\ p_1 &= -351.54 \\ p_2 &= -79.019 \\ \\ N_1\left(p_0\right) &= 5.556 \times 10^5 \\ M_1\left(p_1\right) &= -4.007 \times 10^5 \\ M_1\left(p_2\right) &= 5.349 \times 10^4 \\ \\ dM_1(p) &:= \frac{d}{dp} M_1(p) \text{ factor } \rightarrow \frac{86111}{5} \cdot p + 555560 + 60 \cdot p^2 \\ \\ dM_1\left(p_0\right) &= 5.556 \times 10^5 \\ M_1\left(p_1\right) &= 1.916 \times 10^6 \\ \end{split} \quad dM_1\left(p_2\right) &= -4.307 \times 10^5 \\ \end{split}$$

Отже струм як функція часу буде мати вигляд:

$$\begin{split} i_1(t) &:= \frac{N_1(p_0)}{dM_1(p_0)} + \frac{N_1(p_1)}{dM_1(p_1)} \cdot e^{p_1 \cdot t} + \frac{N_1(p_2)}{dM_1(p_2)} \cdot e^{p_2 \cdot t} \\ i_1(t) & | \begin{array}{c} \text{float}, 5 \\ \text{complex} \end{array} \rightarrow 1.0000 - .20914 \cdot \exp(-351.54 \cdot t) - .12419 \cdot \exp(-79.019 \cdot t) \end{split}$$

Для напруги на конденсаторі Uc(p):

$$\begin{split} N_{u}(p) &:= \frac{-1}{200} \cdot \left(303701963 \cdot p + 33333600000 + 533320 \cdot p^{2}\right) & \quad M_{u}(p) := p \cdot \left(86111 \cdot p + 5555600 + 200 \cdot p^{2}\right) \\ \begin{pmatrix} p_{0} \\ p_{1} \\ p_{2} \end{pmatrix} &:= M_{u}(p) & \begin{vmatrix} solve, p \\ float, 5 \end{vmatrix} \leftarrow \begin{pmatrix} 0 \\ -79.02 \\ -351.54 \end{pmatrix} \\ p_{0} &= 0 \quad p_{1} = -79.02 \\ \end{pmatrix}$$

$$\begin{split} N_u \! \left(p_0 \right) &= -1.667 \times 10^8 & N_u \! \left(p_1 \right) = -6.333 \times 10^7 & N_u \! \left(p_2 \right) = 3.761 \times 10^7 \\ dM_u \! \left(p \right) &\coloneqq \frac{d}{dp} M_u \! \left(p \right) \text{ factor } &\to 172222 \cdot p + 5555600 + 600 \cdot p^2 \\ dM_u \! \left(p_0 \right) &= 5.556 \times 10^6 & dM_u \! \left(p_1 \right) = -4.307 \times 10^6 & dM_u \! \left(p_2 \right) = 1.916 \times 10^7 \end{split}$$

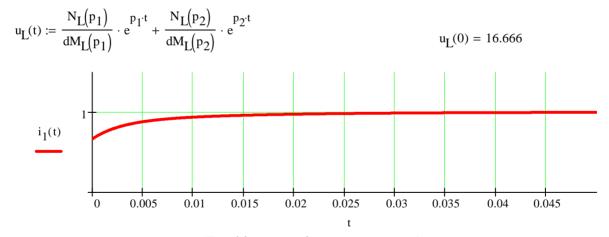
Отже напруга як функція часу буде мати вигляд:

$$\begin{split} u_C(t) &:= \frac{N_u\!\!\left(p_0\right)}{dM_u\!\!\left(p_0\right)} + \frac{N_u\!\!\left(p_1\right)}{dM_u\!\!\left(p_1\right)} \cdot e^{p_1 \cdot t} + \frac{N_u\!\!\left(p_2\right)}{dM_u\!\!\left(p_2\right)} \cdot e^{p_2 \cdot t} \\ u_C(t) & \stackrel{\text{float}}{=} 5 \\ \text{complex} & \rightarrow -30. + 14.703 \cdot \exp(-79.02 \cdot t) + 1.9628 \cdot \exp(-351.54 \cdot t) \end{split}$$

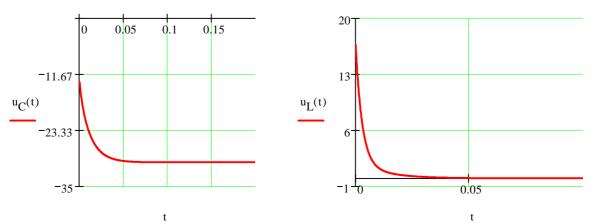
Для напруги на індуктивності:

$$\begin{split} N_L(p) &:= \frac{50}{3} \cdot (9 \cdot p + 1000) & M_L(p) := \left(3875 \cdot p + 250000 + 9 \cdot p^2\right) \\ \begin{pmatrix} p_1 \\ p_2 \end{pmatrix} &:= M_L(p) \ \, \left| \begin{array}{c} \text{solve}, p \\ \text{float}, 5 \end{array} \right| \leftarrow \begin{pmatrix} -79.02 \\ -351.54 \end{pmatrix} \\ N_L(p_1) &= 4.814 \times 10^3 \\ M_L(p) &:= \frac{d}{dp} M_L(p) \ \, \text{factor} \ \, \rightarrow 3875 + 18 \cdot p \\ dM_L(p_1) &= 2.453 \times 10^3 \end{split} \qquad \qquad \qquad \\ M_L(p_2) &= -2.453 \times 10^3 \end{split}$$

Отже напруга як функція часу буде мати вигляд:



Графік перехідного струму i1(t).

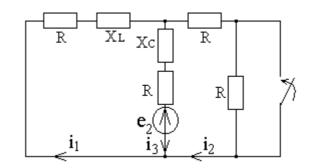


Дослідити чому повинен дорівнювати активний опір вітки с джерелом ЕРС Е1 щоб аперіодичний процес переходив у коливальний

$$\begin{split} Z_{ab}(p) &:= \frac{R' + p \cdot L + \frac{\left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) \cdot R}{\frac{1}{p \cdot C} + R + R}}{\frac{1}{p \cdot C} + R + R} \\ Z_{ab}(p) &:= \frac{\left(\frac{1}{p \cdot C} + R + R\right) \cdot \left(R' + p \cdot L\right) + \left(R + \frac{1}{p \cdot C}\right) \cdot R}{\frac{1}{p \cdot C} + R + R} \\ &(2 \cdot R \cdot L) \cdot p^2 + \left(2 \cdot R \cdot R' + \frac{L}{C} + R^2\right) \cdot p + \left(\frac{R'}{C} + \frac{R}{C}\right) = 0 \\ D &= 0 \\ &\left(2 \cdot R \cdot R' + \frac{L}{C} + R^2\right)^2 - 4 \cdot \left(2 \cdot R \cdot L\right) \cdot \left(\frac{R'}{C} + \frac{R}{C}\right) = 0 \\ R' &:= \left(2 \cdot R \cdot R' + \frac{L}{C} + R^2\right)^2 - 4 \cdot \left(2 \cdot R \cdot L\right) \cdot \left(\frac{R'}{C} + \frac{R}{C}\right) \begin{vmatrix} \text{solve}, R' \\ \text{float}, 5 \end{vmatrix} \xrightarrow{-47.222} \frac{19.444}{19.444} \end{split}$$

Визначити струми віток і напруги на реактивних елементах у момент комутації (t=0), якщо замість джерел постійної напруги E1 і E2 у колі діють джерела синусоідної напруги:

е
$$_1(t) := \sqrt{2} \cdot E_1 \cdot \sin(\omega \cdot t + \psi)$$
 е $_2(t) := \sqrt{2} \cdot E_2 \cdot \sin(\omega \cdot t + \psi)$ $X_C := \frac{1}{\omega \cdot C}$ $X_C = 55.556$ $X_L := \omega \cdot L$ $X_L = 20$ $E_1 := E_1 \cdot e^{\psi \cdot i}$ $E_1 = 86.603 + 50i$ $F(E_1) = (100 \ 30)$ $E_2 := E_2 \cdot e^{\psi \cdot i}$ $E_2 = 69.282 + 40i$ $F(E_2) = (80 \ 30)$



$$\begin{split} Z_{\text{VX}}^{\text{"}} &:= R - X_{\text{C}} \cdot i + \frac{\left(R + i \cdot X_{\text{L}}\right) \cdot (2 \cdot R)}{R + i \cdot X_{\text{L}} + 2 \cdot R} \qquad Z_{\text{VX}}^{\text{"}} = 84.498 - 46.822i \\ \\ I_{3\text{JK}}^{\text{"}} &:= \frac{E_2}{Z_{\text{VX}}^{\text{"}}} \qquad I_{3\text{JK}}^{\text{"}} = 0.427 + 0.71i \qquad F\left(I_{3\text{JK}}^{\text{"}}\right) = (0.828 \ 58.992) \\ \\ I_{1\text{JK}}^{\text{"}} &:= I_{3\text{JK}}^{\text{"}} \cdot \frac{(2 \cdot R)}{R + i \cdot X_{\text{L}} + 2 \cdot R} \qquad I_{1\text{JK}}^{\text{"}} = 0.341 + 0.428i \qquad F\left(I_{1\text{JK}}^{\text{"}}\right) = (0.547 \ 51.397) \\ I_{2\text{JK}}^{\text{"}} &:= I_{3\text{JK}}^{\text{"}} - I_{1\text{JK}}^{\text{"}} \qquad I_{2\text{JK}}^{\text{"}} = 0.085 + 0.282i \qquad F\left(I_{2\text{JK}}^{\text{"}}\right) = (0.295 \ 73.198) \\ I_{1\text{JK}} &:= I_{1\text{JK}}^{\text{"}} + I_{1\text{JK}}^{\text{"}} \qquad I_{1\text{JK}} = 1.279 + 0.992i \qquad F\left(I_{1\text{JK}}\right) = (1.619 \ 37.818) \\ I_{2\text{JK}} &:= I_{2\text{JK}}^{\text{"}} + I_{2\text{JK}}^{\text{"}} \qquad I_{2\text{JK}} = 0.596 + 0.312i \qquad F\left(I_{2\text{JK}}\right) = (0.672 \ 27.671) \\ I_{3\text{JK}} &:= I_{3\text{JK}}^{\text{"}} - I_{3\text{JK}}^{\text{"}} \qquad I_{3\text{JK}} = 1.739 \times 10^{-4} - 0.175i \quad F\left(I_{3\text{JK}}\right) = (0.175 \ -89.943) \\ u_{\text{CJK}} &:= I_{3\text{JK}} \cdot \left(-i \cdot X_{\text{C}}\right) \qquad u_{\text{CJK}} = -9.734 - 9.663i \times 10^{-3} \quad \left(u_{\text{CJK}}\right) = (9.734 \ -179.943) \\ u_{\text{LJK}} &:= I_{1\text{JK}} \cdot i \cdot X_{\text{L}} \qquad u_{\text{LJK}} = -19.849 + 25.572i \qquad F\left(u_{\text{LJK}}\right) = (32.371 \ 127.818) \\ i_{1\text{JK}}(t) &:= \left|I_{1\text{JK}}\right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin\left(\omega \cdot t + \arg\left(I_{1\text{JK}}\right)\right) \\ i_{2\text{JK}}(t) &:= \left|I_{3\text{JK}}\right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin\left(\omega \cdot t + \arg\left(I_{2\text{JK}}\right)\right) \\ i_{3\text{JK}}(t) &:= \left|I_{3\text{JK}}\right| \cdot \sqrt{2} \cdot \sin\left(\omega \cdot t + \arg\left(I_{2\text{JK}}\right)\right) \end{aligned}$$

Початкові умови:

$$u_{\text{Сдк}}(0) = -0.014$$

$$i_{Lдк}(0) = 1.404$$

Given

$$i_{20} = i_{10} - i_{30}$$

$$e_1(0) - e_2(0) = u_{L0} + i_{10} \cdot R + u_{C0} + i_{30} \cdot R$$

$$e_2(0) = i_{20} \cdot R - i_{30} \cdot R - u_{C0}$$

$$\begin{pmatrix} \mathbf{i}_{30} \\ \mathbf{i}_{20} \\ \mathbf{u}_{L0} \end{pmatrix} := \mathsf{Find} \! \left(\mathbf{i}_{30}, \mathbf{i}_{20}, \mathbf{u}_{L0} \right)$$

$$i_{10} = 1.404$$

$$i_{20} = 1.267$$

$$i_{10} = 1.404$$
 $i_{20} = 1.267$ $i_{30} = 0.136$

$$u_{L0} = -62.83$$

$$u_{C0} = -0.014$$

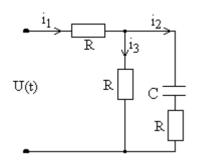
i

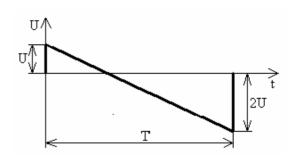
Інтеграл Дюамеля

$$T := 1.0$$

$$E_1 := 100$$

E := 1





Усталений режим до комутації: t < 0

$$i_{1 \pm K} := \frac{0}{R + R}$$

$$i_{1 \pm 1 K} = 0$$

$$i_{3 \text{д K}} := i_{1 \text{д K}}$$

$$i_{3\pi K} = 0$$

$$i_{2\pi K} := 0$$

$$i_{2 \pm 0} = 0$$

$$\mathbf{u}_{\mathbf{C}\mathbf{J}\mathbf{K}} \coloneqq \mathbf{0} - \mathbf{i}_{\mathbf{1}\mathbf{J}\mathbf{K}} \cdot \mathbf{R} \qquad \mathbf{u}_{\mathbf{C}\mathbf{J}\mathbf{K}} = \mathbf{0}$$

Усталений режим після комутації: $t = \infty$

$${i'}_1 := \frac{E}{R+R}$$

$$i'_1 = 0.01$$

$$i'_3 := i'_1$$

$$i'_3 = 0.01$$

$$i'_2 := 0$$

$$i'_2 = 0$$

$$\mathbf{u'}_{\mathbf{C}} := \mathbf{E} - \mathbf{i'}_{\mathbf{1}} \cdot \mathbf{R}$$

$$u'_{C} = 0.5$$

Незалежні початкові умови

$$\mathbf{u}_{\mathbf{C}0} \coloneqq \mathbf{u}_{\mathbf{C} \pi \mathbf{K}}$$

$$u_{C0} = 0$$

Залежні початкові умови

Given

$$i_{20} = i_{10} - i_{30}$$

$$E = i_{30} \cdot R + i_{10} \cdot R$$

$$0 = u_{C0} - i_{30} \cdot R + i_{20} \cdot R$$

$$\begin{pmatrix} i_{10} \\ i_{20} \end{pmatrix}$$

$$|i_{20}| := Find(i_{10}, i_{20}, i_{30})$$

$$(^{1}30)$$

$$i_{10} = 0.013$$

$$i_{20} = 6.667 \times 10^{-3}$$

$$i_{10} = 0.013$$
 $i_{20} = 6.667 \times 10^{-3}$ $i_{30} = 6.667 \times 10^{-3}$

Вільний режим після комутайії:

Складемо характерестичне рівняння схеми

$$Z_{VX}(p) := R + \frac{R \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C} + R\right)}{R + R + \frac{1}{-C}}$$

$$Z_{\text{VX}}(p) := R + \frac{R \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C} + R\right)}{R + R + \frac{1}{p \cdot C}}$$

$$Zvx(p) := \frac{R \cdot \left(R + R + \frac{1}{p \cdot C}\right) + R \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C} + R\right)}{R + R + \frac{1}{p \cdot C}}$$

$$p := R \cdot \left(R + R + \frac{1}{p \cdot C}\right) + R \cdot \left(\frac{1}{p \cdot C} + R\right) \begin{vmatrix} solve, p \\ float, 5 \end{vmatrix} \rightarrow -74.074 \qquad T := \frac{1}{|p|} \cdot T \qquad T = 0.014$$

$$T := \frac{1}{|p|} \cdot T$$

$$T = 0.014$$

Одже корень характеристичного рівняння має вигляд: p = -74.074

Вільна складова струма буде мати вигляд:

$$i''_1(t) = A_1 \cdot e^{p \cdot t}$$

Визначення сталих інтегрування:

$$A_1 := i_{10} - i'_1$$
 $A_1 = 3.333 \times 10^{-3}$

Отже:
$$i''_1(t) := A_1 \cdot e^{p \cdot t}$$

Повні значення цих струмів:

$$\begin{split} g_{11}(t) &:= i'_1 + i''_1(t) & \qquad g_{11}(t) \text{ float, 5} \ \to 1.0000 \cdot 10^{-2} + 3.3333 \cdot 10^{-3} \cdot \exp(-74.074 \cdot t) \\ h_{cU}(t) &:= E \cdot \frac{R}{R+R} \cdot \left(1 - e^{p \cdot t}\right) \text{ float, 5} \ \to .50000 - .50000 \cdot \exp(-74.074 \cdot t) \end{split}$$

Визначимо закони зміни напруги на всіх проміжках часу:

$$\begin{array}{lll} U_0 \coloneqq E_1 & U_0 = 100 \\ & \\ U_1(t) \coloneqq U_0 - \frac{3E_1}{T} \cdot t & U_1(t) \; \text{float}, 5 \; \to 100. - 22222. \cdot t & 0 < t < T \\ & \\ U_2 \coloneqq 0 & U_2 = 0 & T < t < \infty \\ & \\ U'_1 \coloneqq \frac{d}{dt} U_1(t) \; \text{float}, 5 \; \to -22222. \end{array}$$

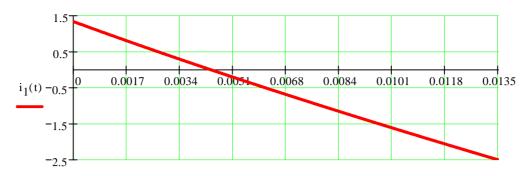
Струм на цих проміжках буде мати вигляд:

$$\begin{split} &i_{1}(t) \coloneqq U_{0} \cdot g_{11}(t) + \int_{0}^{t} U_{1} \cdot g_{11}(t-\tau) \, d\tau \qquad \qquad i_{1}(t) \ \left| \begin{matrix} factor \\ float, 3 \end{matrix} \to 9.00 \cdot 10^{-6} + 1.33 \cdot exp(-74.1 \cdot t) - 222. \cdot t \end{matrix} \right. \\ &i_{2}(t) \coloneqq U_{0} \cdot g_{11}(t) + \int_{0}^{T} U_{1} \cdot g_{11}(t-\tau) \, d\tau + \left(U_{2} + 2E_{1} \right) \cdot g_{11}(t-T) \\ &i_{2}(t) \ \left| \begin{matrix} factor \\ float \ 3 \end{matrix} \to 2.70 \cdot 10^{-5} + 1.33 \cdot exp(-74.1 \cdot t) - .333 \cdot exp(-74.1 \cdot t + 1.) \end{matrix} \right. \end{split}$$

Напруга на індуктивнисті на цих проміжках буде мати вигляд:

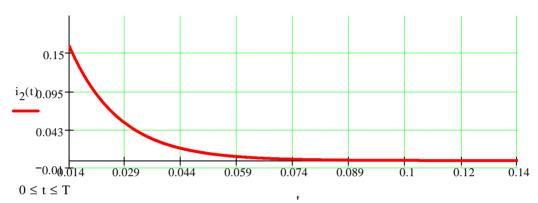
$$\begin{split} u_{C1}(t) &:= U_0 \cdot h_{cU}(t) + \int_0^t U_1' \cdot h_{cU}(t-\tau) \, d\tau \; \text{float, 4} \; \to 200.0 - 200.0 \cdot \exp(-74.07 \cdot t) - 1.111 \cdot 10^4 \cdot t \\ \\ u_{C2}(t) &:= U_0 \cdot h_{cU}(t) + \int_0^T U_1' \cdot h_{cU}(t-\tau) \, d\tau + \left(U_2 + 2E_1\right) \cdot h_{cU}(t-T) \end{split}$$

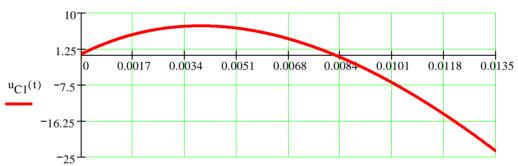
Графік вхідного струму на проміжку:



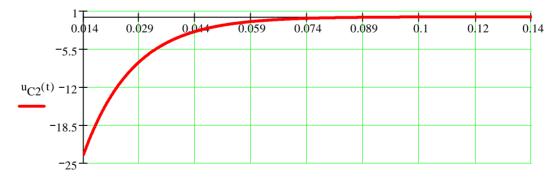
 $0 \le t \le T$

Графік вхідного струму на проміжку: $T \le t \le \infty$









t