Пример имитационной модели СМО

Транспорт 1 с грузом отправился из пункта A в пункт C через пункт B. Одновременно из пункта D в пункт E через пункт B отправился транспорт 2. Скорости движения транспортов распределены по нормальному закону с математическими ожиданиями V_1 и V_2 и стандартными отклонениями σ_1 и σ_2 .

Построить алгоритм имитационной модели (ИМ) с целью определения вероятности встречи транспортов 1 и 2 в пункте В. Расстояние от пункта А до пункта В S_1 , а от пункта D до пункта В - S_2 . Событие встречи считать состоявшимся, если их времена прибытия в пункт В либо равны, либо отличаются на величину, не превышающую Δt .

Возьмем две последовательности нормально распределенных случайных чисел:

$$V_{11}, V_{12}, \ldots, V_{1i}, \ldots, V_{1N};$$

$$V_{21}, V_{22},, V_{2i},, V_{2N};$$

характеристики которых соответствуют мат. ожиданиям и стандартным отклонениям скоростей движения транспортов 1 и 2.

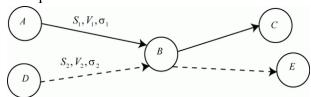


Схема движения транспортов

- 1. Имитируем движение транспортов 1 и 2 до пункта B со скоростями V_{11} и V_{21} соответственно, взятыми из последовательностей нормально распределенных случайных чисел.
- 2. Вычислим время t_1 и t_2 прибытия в пункт В транспортов 1 и 2 соответственно:

$$t_1 = \frac{S_1}{V_{11}}, \, t_2 = \frac{S_2}{V_{21}}$$

3.Оценим результат имитации движения транспортов 1 и 2, т. е. установим факт наличия или отсутствия их встречи:

$$3.1 \; ext{если} \; |t_1 - t_2| \leq \Delta t \, , \, ext{встреча состоялась};$$

$$3.2 \; ext{если} \; \; |t_1 - t_2| > \Delta t \; , \; ext{встреча} \; ext{не состоялась}.$$

- 4. Если встреча состоялась, зафиксируем этот факт увеличением значения M на 1, т. е. M = M + 1 (вначале M = 0).
- 5.Для нахождения вероятности встречи транспортов 1 и 2 повторим имитацию их движения N раз.

Рассчитаем вероятность встречи: $P(\Delta t \leq |t_1 - t_2|) = \frac{M}{N}$