3. Синтез комбінаційних схем

3.1. Представлення функції f4 в канонічних формах алгебр Буля, Шеффера , Пірса та Жегалкіна Алгебра Буля {I, A60, HE}

f4_{ΠΔΙΗΦ}= (X̄4X̄3X̄2X1) v (X̄4X3X̄2X1) v (X̄4X3X2X̄1) v (X4X̄3X̄2X1) v (X4X̄3X̄2X̄1) v (X4X̄3X̄2X̄1) v (X4X3X̄2X̄1) v

 $f4_{IIKH\Phi} = (X4vX3vX2vX1) \cdot (X4vX3v\overline{X}2vX1) \cdot (X4vX3v\overline{X}2v\overline{X}1) \cdot (X4v\overline{X}3vX2vX1) \cdot$

 $(X4v\overline{X}3v\overline{X}2vX1) \cdot (\overline{X}4vX3vX2vX1) \cdot (\overline{X}4vX3v\overline{X}2v\overline{X}1) \cdot (\overline{X}4v\overline{X}3v\overline{X}2v\overline{X}1)$

<u>Алгебра Шеффера {I–HE}</u>

f4 = \(\(\lambda \lam

Алгебра Пірса {АБО-НЕ}

 $f4 = ((X4 \downarrow X4) \downarrow (X3 \downarrow X3) \downarrow (X2 \downarrow X2) \downarrow X1) \downarrow ((X4 \downarrow X4) \downarrow X3 \downarrow (X2 \downarrow X2) \downarrow (X1 \downarrow X1) \downarrow ((X4 \downarrow X4) \downarrow X3 \downarrow X2 \downarrow X1) \downarrow (X4 \downarrow (X3 \downarrow X3) \downarrow (X2 \downarrow X2) \downarrow (X1 \downarrow X1) \downarrow (X4 \downarrow X3 \downarrow X2 \downarrow X1)$

<u> Алгебра Жегалкіна {ВИКЛЮЧНЕ A50, I, const 1}</u>

f4 = (X4\P1)(X3\P1)(X2\P1)X1\P(X4\P1)X3 (X2\P1)X1\P(X4\P1)X3X2X1\P X4(X3\P1)(X2\P1)X1\PX4(X3\P1)X2(X1\P1) \PX4X3(X2\P1)(X1\P1)\P X4X3(X2\P1)X1\PX4X3X2(X1\P1) = X1\PX2X1\PX4X1\PX4X3\PX4X3\PX4X2\PX3X2X1\PX4X2X1\PX4X3X1

3.2. Визначення належності функції f4 до п'яти

передповних класів

- f(1111) = 1 => функція зберігає одиницю
- f(0000) = 0 => функція зберігає нуль
- f(0100) = f(1011) = 1 => функція не самодвоїста
- f(0010) > f(0101) => функція не монотонна
- функція нелінійна, оскільки її поліном Жегалкіна нелінійний

Зм.	Арк.	№ докцм.	Підп.	Дата

3.3. Мінімізація функції f4

Метод Квайна-Мак-Класкі

Виходячи з таблиці 2.2, запишемо стовпчик ДДНФ (КО), розподіливши терми за кількістю одиниць. Проведемо попарне склеювання між сусідніми групами та виконаємо поглинання термів (рисунок 4.4).

KO	K1	<i>K2</i>
<i>0001(1)</i>	<i>0X01(1)</i>	<i>XX01[1]</i>
<i>0101(1)</i>	<i>X001(1)</i>	XX01(1)
<i>0111(1</i>)	<i>01X1(1)</i>	X1X1(1)
1001/1 /	X101(1)	X1X1(1)
1010(1)	X111/1 /	
1100(1)	1X01(1)	_
-1101(1)	110X(1)	
-1111/1 /	11X1/1)	

Рисунок 4.4 Склеювання і поглинання термів

Одержані прості імпліканти запишемо в таблицю покриття (таблиця 4.3).

	0001	0101	0111	1001	1010	1100	1101	1111
1010					+			
110X						+	+	
XX01	+	+		+			+	
X1X1		+	+				+	+

Таблиця 4.3 Таблиця покриття

В ядро функції входять ті терми, без яких неможливо покрити хоча б одну імпліканту.

Ядро = {X-1X1; XX01; 101X; 1010}

В МДНФ входять всі терми ядра, а також ті терми, що забезпечують покриття всієї функції з мінімальною ціною.

 $f_{4MH/II\Phi}=(X4\overline{X}3X2\overline{X}1) \ v \ (X4X3\overline{X}2) \ v \ (\overline{X}2X1) \ v \ (X3X1)$

Метод невизначених коефіцієнтів

Ідея цього методу полягає у відкушанні ненульових коефіцієнтів при кожній імпліканті. Метод виконується у декілька етапів:

Зм.	Арк.	№ докум.	Підп.	Дата

IA/ILI.463626.004	<i>173</i>
-------------------	------------

- 1. Рівняння для знаходження коефіцієнтів представляється у вигляді таблиці (таблиця 4.4).
- 2. Виконується відкреслення нульових рядків.
- 3. Викреслюються вже знайдені нульові коефіцієнти на залишившихся рядках.
 - 4. Імпліканти, що залишилися, поглинають імпліканти справа від них.

<i>X</i> ₄	<i>X</i> ₃	<i>X</i> ₂	<i>X</i> ₁	X ₄ X ₃	X4X2	X_4X_1	X ₃ X ₂	X ₃ X ₁	X ₂ X ₁	$X_4X_3X_2$	X4X3X1	X4X2X1	X3X2X1	X ₄ X ₃ X ₂ X ₁	f_4
θ	Ð	Ð	Ð	00	00	00	100	00	00	000	000	000	000	0000	Ð
Ф	Ә	Ф	1	00	00	01	00	01	01	-000	<i>-001</i>	001	001	_0001	1
Ә	Ф	1	Ф	θθ	01	00	01	00	10	<i>-001</i>	<i>-000</i>	<i>-010</i>	<i>-010</i>	0010	Ф
Ф	Ә	1	1	θθ	01	0 1	01	0 1	-11	<i>-001</i>	<i>-001</i>	011	011	0011	Ф
Ә	1	Ф	Ф	01	00	θθ	10	10	<i>00</i>	<i>-010</i>	<i>-010</i>	<i>-000</i>	<i>-100</i>	<i>0100</i>	Ф
Ә	1	Ф	1	01	00	01	10	11	01	<i>-010</i>	011	001	101	9101	1
Ә	1	1	Ф	01	01	θθ	-1 1	10	10	011	<i>-010</i>	<i>-010</i>	-110	0110	Ф
Ә	1	1	1	01	01	0 1	-1 1	11	-1 1	011	011	011	111	0111	1
1	Ә	Ф	Ә	10	10	10	00	00	00	-100	-100	-100	000	1000	Ф
1	Ф	Ф	1	10	10	-1 1	00	0 1	01	-100	-101	101	001	1001	1
1	Ф	1	Ф	10	-1 1	10	0 1	θθ	10	101	-100	-110	<i>-010</i>	1010	1
1	Ә	1	-1	10	-1 1	-1 1	01	0 1	-11	-101	-101	-111	011	1011	Ф
1	1	Ф	Ә	-11	10	10	10	10	<i>00</i>	110	-110	-100	-100	1100	1
1	1	Ә	1	-11	10	-11	10	11	01	110	111	101	101	1101	1
4	1	1	₽	-11	-11	10	-11	10	10	-111	-110	-110	-110	-1110	₽
4	1	1	1	-11	-11	-11	-11	11	11	-111	-111				1

Таблиця 4.4 Метод невизначених коефіцієнтів

В ядро функції входять ті терми, без яких неможливо покрити хоча б одну імпліканти.

Ядро = $\{X4\overline{X}3X2\overline{X}1; X4X3\overline{X}2; \overline{X}2X1; X3X1\}$

В МДНФ входять всі терми ядра, а також ті терми, що забезпечують покриття всієї функції з мінімальною ціною.

 $f_{4MH/II}\phi = (X4\overline{X}3X2\overline{X}1) \ v \ (X4X3\overline{X}2) \ v \ (\overline{X}2X1) \ v \ (X3X1)$

Метод діаграм Вейча

Метод діаграм Вейча— це графічний метод, призначений для ручної мінімізації. Його наочність эберігається за невеликої кількості аргументів. Кожна клітинка відповідає конституанті. Кожний прямокутник, що містить 2^k елементів, відповідає імпліканті. Прямокутник максимального розміру відповідає простій імпліканті (рисунок 4.5).

	·			
Зм.	Арк.	№ докум.	Підп.	Дата