3. Синтез комбінаційних схем

3.1. Представлення функції f4 в канонічних формах алгебр Буля, Шеффера , Пірса та Жегалкіна Алгебра Буля (I, AБО, HE)

 $f4_{IIIIH\phi} = (\overline{X}4\overline{X}3\overline{X}2X1) \ v \ (\overline{X}4X3\overline{X}2X1) \ v \ (\overline{X}4X3\overline{X}2\overline{X}1) \ v \ (X4\overline{X}3\overline{X}2X1) \ v \ (X4\overline{X}3\overline{X}2X1) \ v \ (X4X3\overline{X}2X1) \ v \ (X4X3\overline{X}2X1)$

 $f4_{IIKH\Phi} = (X4vX3vX2vX1) \cdot (X4vX3v\overline{X}2vX1) \cdot (X4vX3v\overline{X}2v\overline{X}1) \cdot (X4v\overline{X}3vX2vX1) \cdot$

(X4vX3vX2vX1) (X4vX3vX2vX1) (X4vX3vX2vX1) (X4vX3vX2vX1)

<u>Алгебра Шеффера {I–HE}</u>

f4 = ((X4/X4)/(X3/X3)/(X2/X2)/X1)/((X4/X4)/X3/(X2/X2)/X1)/ ((X4/X4)/X3/X2/(X1/X1))/(X4/(X3/X3)/(X2/X2)/X1)/ (X4/(X3/X3)/X2/(X1/X1))/(X4/X/(X2/X2)/(X1/X1))/ (X4/X3/(X2/X2)/X1)/(X4/X3/X2/X1)

Алгебра Пірса {АБО-НЕ}

 $f4 = ((X4 \downarrow X4) \downarrow (X3 \downarrow X3) \downarrow (X2 \downarrow X2) \downarrow X1) \downarrow ((X4 \downarrow X4) \downarrow X3 \downarrow (X2 \downarrow X2) \downarrow (X1 \downarrow X1) \downarrow ((X4 \downarrow X4) \downarrow X3 \downarrow X2 \downarrow X1) \downarrow (X4 \downarrow (X3 \downarrow X3) \downarrow (X2 \downarrow X2) \downarrow (X1 \downarrow X1) \downarrow (X4 \downarrow X3 \downarrow X2 \downarrow X1)$

Алгебра Жегалкіна {ВИК/1104HE A50, I, const 1}

f4 = (X4 \(\Delta 1)|X3 \(\Delta 1)|X1 \(\Delta 1)|X1 \(\Delta 1)|X3 \) (X2 \(\Delta 1)|X1 \(\Delta 1)|X3 \(\Delta 2)|X1 \(\Delta 1)|X1 \(\Delta 1)|X

X1⊕*X2X1*⊕*X4X1*⊕*X4X3*⊕*X4X2*⊕*X3X2X1*⊕*X4X2X1*⊕*X4X3X1*

- 3.2. Визначення належності функції f4 до п'яти передповних класів
- f(1111) = 1 => функція зберігає одиницю
- f(0000) = 0 => функція зберігає нуль
- f(0100) = f(1011) = 1 => функція не самодвоїста
- f(0010) > f(0101) => функція не монотонна
- функція нелінійна, оскільки її поліном Жегалкіна нелінійний

Зм	Арк.	№ докум.	Підп.	Дата

3.3. Мінімізація функції f4

Метод Квайна-Мак-Класкі

Виходячи з таблиці 2.2, запишемо стовпчик ДДНФ (КО), розподіливши терми за кількістю одиниць. Проведемо попарне склеювання між сусідніми групами та виконаємо поглинання термів (рисунок 4.4).

KO K1 *K2 0001/1*/ *0X01/11 XX01/1/* 0101/1 *X001(1)* XX01/1/ 0111/1/ *01X1(1) X1X1(1)* X101/11 1001/1/ X1X1/1/ *X111(1)* 1010(1) 1100(1) *1X01(1)* 1101/1/ 110X(1) <u> 1111/1</u>/ <u> 11X 1/1/</u>

Рисунок 4.4 Склеювання і поглинання термів

Одержані прості імпліканти запишемо в таблицю покриття (таблиця 4.3).

Таблиця 4.3

Таблиця покриття

	0001	0101	0111	1001	1010	1100	1101	1111
1010					+			
110X						+	+	
XX01	+	+		+			+	
X1X1		+	+				+	+

В ядро функції входять ті терми, без яких неможливо покрити хоча б одну імпліканти.

Ядро = {X1X1; XXO1; 101X; 10 10}

В МДНФ входять всі терми ядра, а також ті терми, що забезпечують покриття всієї функції з мінімальною ціною.

 $f_{4MH} = (X4X 3X2X 1) v (X4X3X 2) v (X 2X1) v (X3X1)$

Метод невизначених коефіцієнтів

Ідея цього методу полягає у відкушанні ненульових коефіцієнтів при кожній імпліканті. Метод виконується у декілька етапів:

Зм.	Арк.	№ докум.	Підп.	Дата

- 1. Рівняння для знаходження коефіцієнтів представляється у вигляді таблиці Ітаблиця 4.4).
- 2. Виконцеться відкреслення нульових рядків.
- 3. Викреслюються вже знайдені нульові коефіцієнти на залишившихся рядках.
- 4. Імпліканти, що залишилися, поглинають імпліканти справа від них.

Таблиця 4.4

Метод невизначених коефіцієнтів

<i>X</i> ₄	<i>X</i> ₃	<i>X</i> ₂	<i>X</i> ₁	X_4X_3	X_4X_2	X_4X_1	X_3X_2	X ₃ X ₁	X ₂ X ₁	$X_4X_3X_2$	X4X3X1	X4X2X1	X ₃ X ₂ X ₁	X ₄ X ₃ X ₂ X ₁	f_4
Ф	Ф	Ф	Ф	<i>00</i>	00	<i>00</i>	θθ	00	00	<i>000</i>	<i>-000</i>	<i>-000</i>	<i>-000</i>	<i>-0000</i>	Ә
Ф	Ф	Ф	1	<i>00</i>	00	01	θθ	01	01	<i>000</i>	<i>-001</i>	001	001	0001	1
Ф	Ф	1	Ф	θθ	01	<i>00</i>	<i>01</i>	00	10	<i>-001</i>	<i>-000</i>	<i>010</i>	<i>010</i>	<i>0010</i>	Ф
Ф	Ә	7	1	00	01	01	01	01	-11	001	<i>-001</i>	011	011	<i>-0011</i>	Ә
Ф	1	Ф	Ф	<i>01</i>	00	<i>-00</i>	10	10	00	<i>010</i>	<i>010</i>	<i>-000</i>	-100	<i>0100</i>	Ә
Ф	1	Ә	1	01	00	01	10	11	01	<i>010</i>	011	001	101	0101	1
Ф	1	1	Ә	<i>01</i>	01	00	-11	10	10	011	<i>010</i>	010	-110	<i>0110</i>	Ә
Ф	1	1	1	01	01	01	-11	11	-1 1	011	011	011	111	0111	1
1	Ф	Ф	Ф	10	10	10	θθ	00	00	-100	-100	-100	<i>-000</i>	1000	Ә
1	Ә	Ф	1	10	10	-11	θθ	<i>01</i>	01	-100	-101	101	001	1001	1
1	Ф	1	Ф	10	-1 1	10	01	00	10	-101	-100	-110	<i>010</i>	1010	1
1	Ф	1	1	10	-1 1	-11	01	01	-11	-101	-101	-111	011	1011	Ә
1	1	Ф	Ә	-1 1	10	10	10	10	00	110	-110	-100	-100		1
1	1	Ф	1	1 1	10	-11	10	11	01	110	111	101	101	1101	1
1	1	1	Ф	-11	-11	10	-11	10	10	-111	-110	-110	-110	-1110	Đ
1	1	1	1	-11	-11	-11	#1	11	-1 1	-111	-111			1111	1

В ядро функції входять ті терми, без яких неможливо покрити хоча б одну імпліканту.

Ядро = { X4X 3X2X 1; X4X3X 2; X 2X1; X3X1 }

В МДНФ входять всі терми ядра, а також ті терми, що забезпечують покриття всієї функції з мінімальною ціною.

f_{4MH]]Φ}= (X4X 3X2X 1) v (X4X3X 2) v (X 2X1) v (X3X1)

<u>Метод діаграм Вейча</u>

Метод діаграм Вейча— це графічний метод, призначений для ручної мінімізації. Його наочність эберігається за невеликої кількості аргументів. Кожна клітинка відповідає конституанті. Кожний прямокутник, що містить 2^к елементів, відповідає імпліканті. Прямокутник максимального розміру відповідає простій імпліканті (рисунок 4.5).

	·			
Зм.	Арк.	№ докум.	Підп.	Дата