Министерство образования и науки Украины Национальный технический университет Украины "Киевский Политехнический Институт" Кафедра ТОЭ

Расчетно-графическая работа "Трёхфазные цепи"

Вариант № 204

Выполнил:	
Проверил:	

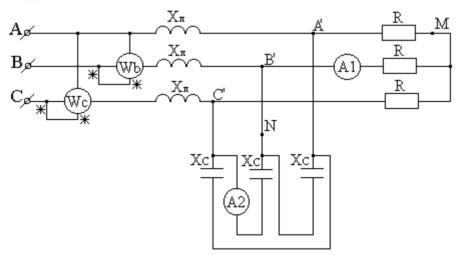
Условие задания

Симметричны трёхфазный генератор с обмотками, соединёнными в звезду, питает через трехпроводную линию электропередачи нагрузку с элементами, соединёнными звездой и треугольником.

Требуется:

- 1. Определить показания включенных в цепь измерительных приборов, полагая нагрузки симметричной.
- 2. Проверить правильность расчета, составив баланс активной и реактивной мощностей.
- 3. По результатам расчета п.1 построить для симметричной нагрузки совмещенную векторную диаграмму токов и топографическую диаграмму напряжений цепи.
- 4. Провести расчет токов во всех ветвях напряжений на всех участках цепи, определить показания измерительных приборов в аварийном режиме, делая обрыв в указанной точке.
- 5. Проверить правильность расчета, составив баланс активной и реактивной мощностей.
- 6. По результатам расчета п.4 построить совмещенную векторную диаграмму токов и топографическую диаграмму напряжений цепи.

 $U_A \coloneqq 110$ $U_B \coloneqq U_A$ $U_C \coloneqq U_B$ $\psi_A \coloneqq 0$ $X_L \coloneqq 4$ $R \coloneqq 80$ $X_C \coloneqq 93$ Обрыв проводится в точке M.



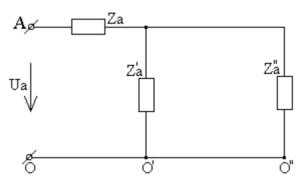
Общая схема трёхфазной цепи

Определение показаний измерительных приборов при симметричной нагрузке.

Так как нагрузка симметрическая, то будем проводить расчет только по одной фазе. Токи в остальных фазах будут такими же, только будут отличаться углы. Для определения токов в ветвях цепи необходимо первоначально произвести упрощение схемы, сведя её к схеме с элементами, соединенными звездой.

$$X'_{C} := \frac{\left(-X_{C} \cdot i\right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i\right)}{3 \cdot \left(-X_{C} \cdot i\right)} \qquad X'_{C} = -31i$$

За опорную примем фазу А. Фазные напряжения генератора и сопротивления элементов нагрузки в комплексной форме равны:



Преобразованая схема (фаза А)

Эквивалентное сопротивление данной схемы равно:

$$Z_{ea} := Z_a + \frac{Z'_a \cdot Z''_a}{Z'_a + Z''_a}$$
 $Z_{ea} = 10.444 - 22.953i$

Ток в фазе А, согласно закону Ома, равен:

$$I_A := \frac{E_A}{Z_{ea}}$$
 $I_A = 1.807 + 3.97i$ $F(I_A) = (4.362 65.533)$

Соответственно в фазах В и С:

$$I_{B} := I_{A} \cdot e$$

$$I_{B} = 2.535 - 3.55i$$

$$I_{C} := I_{A} \cdot e$$

$$I_{C} := I_{A} \cdot e$$

$$I_{C} := I_{C} \cdot e$$

Фазное напряжение на параллельном участке А'О равно:

$$\begin{split} Z_{ea'} &:= \frac{Z'_a \cdot Z''_a}{Z'_a + Z''_a} \\ U_{A'O} &:= I_A \cdot Z_{ea'} \end{split} \qquad \qquad Z_{ea'} = 10.444 - 26.953i \\ U_{A'O} &:= 125.881 - 7.227i \end{split}$$

Остальные токи равны:

$$I''_{A} := \frac{U_{A'O}}{Z''_{a}} \qquad \qquad I''_{A} = 1.574 - 0.09i \qquad \qquad F(I''_{A}) = (1.576 - 3.286)$$

$$I''_{B} := I''_{A} \cdot e \qquad \qquad I''_{B} = -0.865 - 1.318i \qquad \qquad F(I''_{B}) = (1.576 - 123.286)$$

$$I''_{C} := I''_{A} \cdot e \qquad \qquad I''_{C} = -0.709 + 1.408i \qquad \qquad F(I''_{C}) = (1.576 - 116.714)$$

Линейное напряжение равно:

$$U_{\text{A'B'}} := U_{\text{A'O}} \cdot \sqrt{3} \cdot e \qquad \qquad U_{\text{A'B'}} = 182.564 - 119.856i \qquad F(U_{\text{A'B'}}) = (218.392 - 33.286)$$

Остальные токи равны:

$$I'_{A'B'} := \frac{U_{A'B'}}{X_{C} \cdot i} \qquad \qquad I'_{A'B'} = -1.289 - 1.963i \qquad \qquad F(I'_{A'B'}) = (2.348 - 123.286)$$

$$I'_{B'C'} := I'_{A'B'} \cdot e \qquad \qquad I'_{B'C'} = -1.056 + 2.098i \qquad \qquad F(I'_{B'C'}) = (2.348 - 123.286)$$

$$I'_{C'A'} := I'_{A'B'} \cdot e \qquad \qquad I'_{C'A'} = 2.344 - 0.135i \qquad \qquad F(I'_{C'A'}) = (2.348 - 3.286)$$

На основании выполненых расчетов, показания амперметров будут равны:

$$A_1 = 1.576(A)$$
 $A_2 = 2.348(A)$ $A_a = 4.362(A)$ $A_b = 4.362(A)$ $A_c = 4.362(A)$

Находим показания ваттметров. Ваттметры показывают вещественную часть произведения комплекса напряжения, приложеного к обмотке напряжения (его отсчитывают от начала обмотки к концу), на сопряженный комплекс тока, протекающего через обмотку тока:

Показание ваттметра Wa:

$$E_{CA} := E_{C} \cdot \sqrt{3} \cdot e$$
 $E_{CA} = -165 + 95.263i$
 $E_{CA} := Re(E_{CA} \cdot \overline{I_{C}})$
 $E_{CA} = -165 + 95.263i$
 $E_{CA} = -165 + 95.263i$

Показание ваттметра Wb:

$$E_{BA} := E_{B} \cdot \sqrt{3} \cdot e$$

$$E_{BA} = -165 - 95.263i$$

$$Wb := Re(E_{BA} \cdot \overline{I_{B}})$$

$$Wb = -80.133$$

Полная мощность равна:

$$W := Wa + Wb$$
 $W = 596.188$

Баланс активной и реактивной мощностей

Правильность расчетов проверим, составив баланс активных и реактивный мощностей. Мощность источника энергии определяют в виде суммы произведений комплексов фазных ЭДС (напряжений) на сопряженные комплексы токов соответствующих фаз. В симметричной трёхфазной системе мощность, отдаваемая в нагрузку источником, равна утроенной мощности одной фазы.

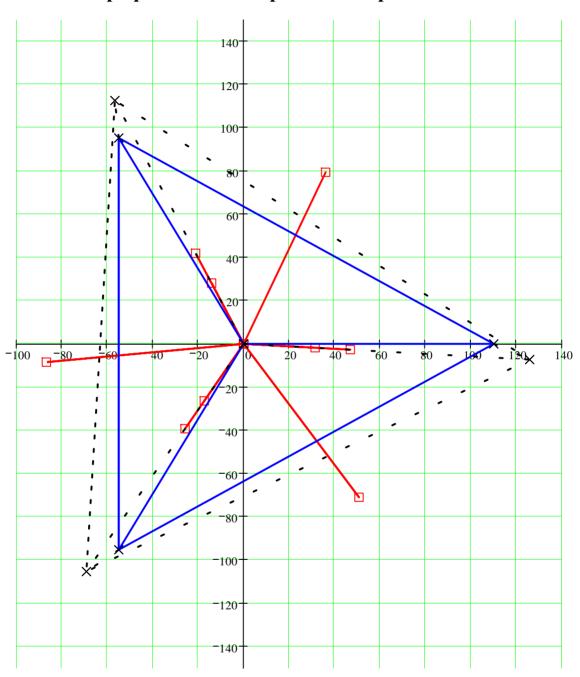
$$Sr := E_A \cdot \overline{I_A} + E_B \cdot \overline{I_B} + E_C \cdot \overline{I_C}$$
 $Sr = 596.188 - 1.31i \times 10^3$

Определим мощность, потребляемую приёмником:

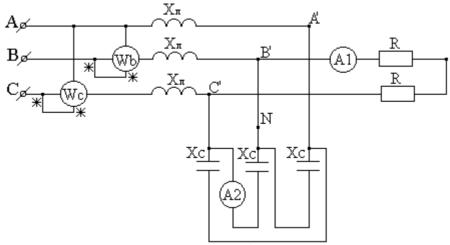
$$\begin{aligned} & \operatorname{Ppr} := \left[\left(\left| I^{"}_{A} \right| \right)^{2} + \left(\left| I^{"}_{B} \right| \right)^{2} + \left(\left| I^{"}_{C} \right| \right)^{2} \right] \cdot R \\ & \operatorname{Ppr} = 596.188 \end{aligned}$$

$$& \operatorname{Qpr} := \left[\left(\left| I_{A} \right| \right)^{2} + \left(\left| I_{B} \right| \right)^{2} + \left(\left| I_{C} \right| \right)^{2} \right] \cdot X_{L} \cdot i + \left[\left(\left| I_{A'B'} \right| \right)^{2} + \left(\left| I_{B'C'} \right| \right)^{2} + \left(\left| I_{C'A'} \right| \right)^{2} \right] \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \right] \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X_{C} \cdot i \operatorname{Qpr} = -1.31i \times 10^{3} \right) \cdot \left(-X$$

Построение совмещененной векторной диаграммы токов и топографической диаграммы напряжений цепи.

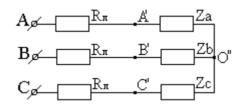


Определение показаний измерительных приборов в аварийном режиме.



Несимметричная трёхфазная система.

Параллельно включенные сопротивления нагрузки можно заменить эквивалентными, в результате чего образуется несимметричный треугольник. Заменив его эквивалентной звездой, рассчитываемую цепь приводят к виду:



Несимметричная звезда.

Сопротивления несимметричного треугольника равны:

$$\begin{split} Z_{B'C'} &:= \frac{-X_C \cdot i \cdot 2R}{2R - X_C \cdot i} \\ Z_{A'B'} &:= -X_C \cdot i \\ Z_{C'A'} &:= Z_{A'B'} \\ \end{split} \qquad \qquad Z_{B'C'} = 40.405 - 69.514i \\ Z_{C'A'} &:= -93i \\ \end{split}$$

Сопротивление эквивалентной звезды:

$$Za := \frac{Z_{A'B'} \cdot Z_{C'A'}}{Z_{A'B'} + Z_{B'C'} + Z_{C'A'}}$$

$$Zb := \frac{Z_{A'B'} \cdot Z_{B'C'}}{Z_{A'B'} + Z_{B'C'} + Z_{C'A'}}$$

$$Zb := \frac{Z_{B'C'} \cdot Z_{C'A'}}{Z_{A'B'} + Z_{B'C'} + Z_{C'A'}}$$

$$Zc := \frac{Z_{B'C'} \cdot Z_{C'A'}}{Z_{A'B'} + Z_{B'C'} + Z_{C'A'}}$$

$$Zc = 10.444 - 26.953i$$

Полные комплексные сопротивления в каждой фазе цепи:

$$\begin{aligned} \text{Zea} &:= Z_{\text{a}} + \text{Za} & \text{Zea} &= -5.222 - 29.024 \mathrm{i} \\ \text{Zeb} &:= Z_{\text{b}} + \text{Zb} & \text{Zeb} &= 10.444 - 22.953 \mathrm{i} \\ \text{Zec} &:= Z_{\text{c}} + \text{Zc} & \text{Zec} &= 10.444 - 22.953 \mathrm{i} \end{aligned}$$

Фазные напряжения на нагрузке в цепи удобно определять, вычислив предварительно смещение нейтрали:

$$Y_A := \frac{1}{Zea}$$
 $Y_B := \frac{1}{Zeb}$ $Y_C := \frac{1}{Zec}$ $Y_C := \frac{1}{Zec}$ $Y_A = -6.005 \times 10^{-3} + 0.033i$ $Y_B = 0.016 + 0.036i$ $Y_C = 0.016 + 0.036i$

$$U_{\text{O"O}} := \frac{E_{\text{A}} \cdot Y_{\text{A}} + E_{\text{B}} \cdot Y_{\text{B}} + E_{\text{C}} \cdot Y_{\text{C}}}{Y_{\text{A}} + Y_{\text{B}} + Y_{\text{C}}} \qquad \qquad U_{\text{O"O}} = -8.244 + 21.275i$$

Фазные напряжения на элементах нагрузки цепи равны:

$$\begin{array}{lll} U_{\text{AO"}} \coloneqq E_{\text{A}} - U_{\text{O"O}} & U_{\text{AO"}} = 118.244 - 21.275i & F\left(U_{\text{AO"}}\right) = (120.143 - 10.2) \\ U_{\text{BO"}} \coloneqq E_{\text{B}} - U_{\text{O"O}} & U_{\text{BO"}} = -46.756 - 116.538i & F\left(U_{\text{BO"}}\right) = (125.568 - 111.861) \\ U_{\text{CO"}} \coloneqq E_{\text{C}} - U_{\text{O"O}} & U_{\text{CO"}} = -46.756 + 73.988i & F\left(U_{\text{CO"}}\right) = (87.523 - 122.291) \end{array}$$

Токи в фазах, равные фазным токам генератора и линейным токам исходной системы, определяют по закону Ома:

$$\begin{split} & I_{A} \coloneqq \frac{U_{AO''}}{Zea} & I_{A} = 4.074i & F \Big(I_{A} \Big) = (4.074 \ 90) \\ & I_{B} \coloneqq \frac{U_{BO''}}{Zeb} & I_{B} = 3.438 - 3.602i & F \Big(I_{B} \Big) = (4.979 \ -46.328) \\ & I_{C} \coloneqq \frac{U_{CO''}}{Zec} & I_{C} = -3.438 - 0.472i & F \Big(I_{C} \Big) = (3.471 \ -172.176) \\ & U_{AB} \coloneqq E_{A} \cdot \sqrt{3} \cdot e^{i \cdot 30 \cdot \frac{\pi}{180}} & U_{AB} = 165 + 95.263i & F \Big(U_{AB} \Big) = (190.526 \ 30) \\ & U_{AA'} \coloneqq I_{A} \cdot Z_{a} & U_{AA'} = -16.296 & F \Big(U_{AA'} \Big) = (16.296 \ -180) \\ & U_{BC} \coloneqq E_{B} \cdot \sqrt{3} \cdot e^{i \cdot 30 \cdot \frac{\pi}{180}} & U_{BC} = -190.526i & F \Big(U_{BC} \Big) = (190.526 \ -90) \\ & U_{BB'} \coloneqq I_{B} \cdot Z_{b} & U_{BB'} = 14.407 + 13.754i & F \Big(U_{BB'} \Big) = (19.918 \ 43.672) \\ & U_{CA} \coloneqq E_{C} \cdot \sqrt{3} \cdot e^{i \cdot 30 \cdot \frac{\pi}{180}} & U_{CA} = -165 + 95.263i & F \Big(U_{CA} \Big) = (190.526 \ 150) \\ & U_{CC'} \coloneqq I_{C} \cdot Z_{c} & U_{CC'} = 1.89 - 13.754i & F \Big(U_{CC'} \Big) = (13.883 \ -82.176) \\ \end{split}$$

Для определения токов во всех ветвях рассчитываемой схемы необходимо определить напряжение между точками А', В' и С'.

Согласно второму закону Кирхгофа:

ОТСЮДа:
$$U_{A'B'} \coloneqq U_{AA'} + U_{A'B'} - U_{BB}$$

$$U_{A'B'} \coloneqq U_{AB} - U_{AA'} + U_{BB'}$$

$$U_{A'B'} = 195.703 + 109.017i$$

$$F(U_{A'B'}) = (224.018 \ 29.12)$$

$$U_{B'C'} \coloneqq U_{BC} - U_{BB'} + U_{CC'}$$

$$U_{B'C'} = -12.517 - 218.033i$$

$$F(U_{B'C'}) = (218.392 \ -93.286)$$

$$U_{C'A'} \coloneqq U_{CA} - U_{CC'} + U_{AA'}$$

$$U_{C'A'} = -183.186 + 109.017i$$

$$F(U_{C'A'}) = (213.171 \ 149.243)$$

Остальный токи:

$$\begin{split} I_{A'B'} &\coloneqq \frac{U_{A'B'}}{-X_{C} \cdot i} & I_{A'B'} = -1.172 + 2.104i & F(I_{A'B'}) = (2.409 \ 119.12) \\ I_{B'C'} &\coloneqq \frac{U_{B'C'}}{-X_{C} \cdot i} & I_{B'C'} = 2.344 - 0.135i & F(I_{B'C'}) = (2.348 \ -3.286) \\ I_{C'A'} &\coloneqq \frac{U_{C'A'}}{-X_{C} \cdot i} & I_{C'A'} = -1.172 - 1.97i & F(I_{C'A'}) = (2.292 \ -120.757) \\ I''_{B} &\coloneqq I_{B} + I_{A'B'} - I_{B'C'} & I''_{B} = -0.078 - 1.363i & F(I''_{C}) = (1.365 \ 86.714) \\ I''_{C} &\coloneqq I_{C} + I_{B'C'} - I_{C'A'} & I''_{C} = 0.078 + 1.363i & F(I''_{C}) = (1.365 \ 86.714) \end{split}$$

Согласно выполненным расчетам, показания включенных в цепь амперметров равны:

 $A_1 = 1.365 (A)$ $A_2 = 2.348 (A)$ $A_a = 4.074 (A)$ $A_b = 4.979 (A)$ $A_c = 3.471 (A)$

Расчет показаний ваттметров выполняется так же, как и в случае симметричной системы:

Показание ваттметра Wa:

$$E_{CA} := E_C \cdot \sqrt{3} \cdot e$$
 $E_{CA} = -165 + 95.263i$

$$Wa := Re\left(E_{CA} \cdot \overline{I_{C}}\right) \qquad Wa = 522.335$$

Показание ваттметра Wb:

$$E_{BA} := E_{B} \cdot \sqrt{3} \cdot e$$

$$E_{BA} = -165 - 95.263i$$

$$Wb := Re(E_{BA} \cdot \overline{I_{B}})$$

$$Wb = -224.24$$

Полная мощность равна:

$$W := Wa + Wb$$
 $W = 298.094$

Баланс активной и реактивной мощностей

$$Sr := E_A \cdot \overline{I_A} + E_B \cdot \overline{I_B} + E_C \cdot \overline{I_C}$$
 $Sr = 298.094 - 1.327i \times 10^3$

Определим мощность, потребляемую приёмником:

$$\begin{aligned} \text{Ppr} &:= \left[\left(\left| \mathbf{I}^{\text{"}}_{\text{B}} \right| \right)^{2} + \left(\left| \mathbf{I}^{\text{"}}_{\text{C}} \right| \right)^{2} \right] \cdot \mathbf{R} \\ \text{Qpr} &:= \left[\left(\left| \mathbf{I}_{\text{A}'\text{B}'} \right| \right)^{2} + \left(\left| \mathbf{I}_{\text{B}'\text{C}'} \right| \right)^{2} + \left(\left| \mathbf{I}_{\text{C}'\text{A}'} \right| \right)^{2} \right] \cdot \left(-\mathbf{X}_{\text{C}} \cdot \mathbf{i} \right) + \left[\left(\left| \mathbf{I}_{\text{A}} \right| \right)^{2} + \left(\left| \mathbf{I}_{\text{B}} \right| \right)^{2} + \left(\left| \mathbf{I}_{\text{C}} \right| \right)^{2} \right] \cdot \mathbf{X}_{\text{L}} \cdot \mathbf{i} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{Opr} &= -1.327\mathbf{i} \times 10^{3} \end{aligned}$$

Построение совмещененной векторной диаграммы токов и топографической диаграммы напряжений цепи.

