### Вариант № = 363

В электрической цепи действует источник синусоидальной ЕДС  $e(\omega t) = E\sqrt{2}\sin(\omega t + \psi)$ . Схема цепи приведенные на рис. 1 . Действующее значение ЕДС Е источника, начальная фаза  $\psi$  и значение параметров цепи заданы.

Исходные данные:

$$E = 140(B) x_{L1} = 40(OM)$$

$$\psi = -45^{\circ} x_{L2} = 35(OM)$$

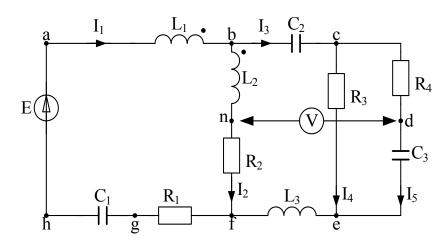
$$R_1 = 9(OM) x_{L3} = 25(OM)$$

$$R_2 = 11(OM) x_{c1} = 15(OM)$$

$$R_3 = 13(OM) x_{c2} = 10(OM)$$

$$R_4 = 15(OM) x_{c3} = 8(OM)$$

$$f = 50(\Gamma II) x_m = 20(OM)$$



Тип схемы = "П"

$$\omega = 2\pi f = 2\pi 50 = 314.159 \left(\frac{pa\pi}{c}\right)$$

#### І. Для электрической цепи без взаимной индукции:

- а) рассчитать все токи комплексным методом, определить показание вольтметра:
- б) составить баланс активных Р и реактивных Q мощностей цепи;
- в) построить совмещенные: векторную диаграмму токов и топографическую диаграмму напряжений;
- г) принять сопротивление  $R_2$ =0 и считая сопротивление этой ветви неизвестным определить его из условия резонанса токов. Найти эквивалентную индуктивность или емкость для заданной частоты;
- д) рассчитать токи для резонасного состояния, определить показания вольтметра, проверить правильность расчетов по балансу мощностей;
- ж) рассчитать (найти нули и полюса) и построить частотную характеристику входного сопротивления цепи. Активные сопротивления не учитывать.

# $\Pi$ . При наличии магнитной связи между индуктивными элементами $L_1$ и $L_2$ (одноименные концы элементов отмечены на схеме точками):

- а) преобразовав схему до двух независимых контуров, рассчитать токи во всех ветках методом контурных токов, определить показания вольтметра;
- б) проверишь правильность расчетов по балансу мощностей, определить активную  $P_{_{M}}$  и реактивную  $Q_{_{M}}$  мощности магнитной связи:
- в) построить совмещенные: векторную диаграмму токов и топографическую диаграмму напряжений (на диаграмме показать напряжения взаимной индукции  $U_{\rm M}$ ).

# III. Отбросив крайнюю ветку между полюсами 2, 2' устранить магнитную связь. Полученную схему рассматривать как четырехполюсник и полюсами 1,1' и 2, 2':

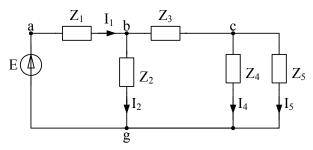
- а) рассчитать коэффициенты четырехполюсника (в форме А);
- б) найти ЭДС E и ток  $I_1$  на входе четырехполюсника при которых на выходе  $U_2$ =100(B),  $I_2$ =1(A), а угол сдвига фаз между синусоидами напряжения и тока  $f_2$ =30°. Сделать проверку, нагрузив 4-полюсник на соответствующее сопротивление.
- в) рассчитать параметры R,L,C ветвей схемы замещения(«Т» или «П»)
- г) определить вторичные параметры четырехполюсника (характеристические сопротивления  $Z_{c1}$ ,  $Z_{c2}$  и постоянную передаче g;
- д) в согласованном режиме четырехполюсника по вторичными параметрами определить комплексы напряжения  $\rm U_2$  и тока  $\rm I_2$  (на выходе четырехполюсника) при заданной ЕДС на входе. Сделать проверку для схемы замещения.

### І. Для электрической цепи без взаимной индукции:

а) рассчитать все токи комплексным методом, определить показание вольтметра: значение Э.Д.С. в комплексной форме:

$$E = E e^{j \psi} = 98.9949 - 98.9949i = 140e^{-45j}$$

сопротивление ветвей

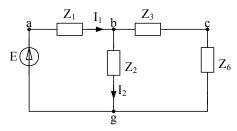


$$\begin{split} z_1 &= R_1 + j \left( x_{L1} - x_{c1} \right) = 9 + 25j &= 26.5707 e^{70.2011j} \\ z_2 &= R_2 + j \ x_{L2} = 11 + 35j &= 36.6879 e^{72.5528j} \\ z_3 &= j \left( x_{L3} - x_{c2} \right) = j (25 - 10) = 15j &= 15e^{90j} \\ z_4 &= R_3 = 13 \end{split}$$

$$z_5 = R_4 - j x_{c3} = 15 - 8j$$
 =  $17e^{-28.0725j}$ 

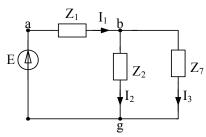
Определение эквивалентного сопротивления:

эквивалентное сопротивление параллельно соединеных ветвей с сопротивлениями  $Z_4$  и  $Z_5$ 



$$z_6 = \frac{z_4 z_5}{z_4 + z_5} = \frac{1317e^{-28.0725j}}{13 + 15 - 8j} = 7.4198 - 1.5943j = 7.5892e^{-12.1271j}$$

эквивалентное сопротивление последовательно соединненых сопротивлений  ${\rm Z}_3$  и  ${\rm Z}_6$ 



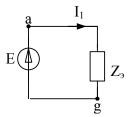
$$z_7 = z_3 + z_6 = 15j + 7.4198 - 1.5943j = 7.4198 + 13.4057j = 15.3221e^{61.0362j}$$

эквивалентное сопротивление параллельно соединеных ветвей с сопротивлениями  $\mathbb{Z}_2$  и  $\mathbb{Z}_7$ 

$$Z_1$$
  $I_1$   $b$   $Z_2$ 

$$z_8 = \frac{z_7 z_2}{z_7 + z_2} = \frac{15.3221e^{61.0362j} 36.6879e^{72.5528j}}{7.4198 + 13.4057j + 11 + 35j} = 4.6859 + 9.7901j = 10.8537e^{64.4223j}$$

Эквивалентное сопротивление цепи относительно зажимов источника ЭДС Е



$$z_9 = z_1 + z_8 = 9 + 25j + 4.6859 + 9.7901j = 13.6859 + 34.7901j = 37.3852e^{68.526j}$$

По закону Ома определяем ток на входе цепи.

$$I_1 = \frac{E}{z_3} = \frac{140e^{-45j}}{373852e^{68.526j}} = -1.4948 - 3.4335j = 3.7448e^{-113.53j}$$

Расчет действующие значений токов в параллельных ветвях:

$$I_{2} = \frac{I_{1} \cdot Z_{7}}{z_{2} + z_{7}} = \frac{3.7448e^{-113.526j} \cdot 15.3221e^{610362j}}{11 + 35j + 7.4198 + 13.4057j} = -0.5814 - 0.943j = 1.1079e^{-12166j}$$

$$I_{3} = \frac{I_{1} \cdot Z_{2}}{z_{2} + z_{7}} = \frac{3.7448e^{-113.526j} \cdot 36.6879e^{72.5528j}}{11 + 35j + 7.4198 + 13.4057j} = -0.9134 - 2.4905j = 2.6527e^{-110.14j}$$

$$I_{4} = \frac{I_{3} \cdot Z_{5}}{z_{4} + z_{5}} = \frac{2.6527e^{-110.1399j} \cdot 17e^{-28.0725j}}{13 + 15 - 8j} = -0.8268 - 1.3095j = 1.5486e^{-122.27j}$$

$$I_{5} = \frac{I_{3} \cdot Z_{4}}{z_{4} + z_{5}} = \frac{2.6527e^{-110.1399j} \cdot 13}{13 + 15 - 8j} = -0.8268 - 1.3095j = 1.1842e^{-94.194j}$$

### 1.3. Составим баланс активных и реактивных мощностей

Полная мощность генератора:

\*

$$S= E \cdot I_1 = 140e^{-45j} 3.7448e^{113.526j} = 191.92 + 487.88j (BA)$$

Потреоляемая активная мощность:

$$P = I_1^2 R_1 + I_2^2 R_2 + I_4^2 R_3 + I_5^2 R_4 = 3.7448^2 \times 9 + 1.1079^2 \times 11 + 1.5486^2 \times 13 + 1.1842^2 \times 15 = 191.9248 Вте Реактивная мощность цепи:$$

$$Q = I_1^2 (x_{L1} - x_{c1}) + I_2^2 (x_{L2}) + I_3^2 (x_{L3} - x_{c2}) + I_5^2 (-x_{c3}) =$$

$$= 3.745^2 (40 - 15) + 1.108^2 \times 35 + 2.653^2 (25 - 10) + 1.184^2 \times -8 = 487.879 \text{ BAP}$$

Погрешность расчета:

$$\eta_p = \left| \frac{S_P - P}{S_P} \right| \ 100\% \ = \ \left| \frac{191.92 - 191.9248}{191.92} \right| \ 100\% \ = \ 2.4754 \times 10^{-3} \%$$

$$\eta_{Q} = \left| \frac{S_{Q} - Q}{S_{Q}} \right| \ 100\% = \left| \frac{487.88 - 487.8794}{487.88} \right| \ 100\% = 1.2136 \times 10^{-4} \%$$

Действующие значения напряжений на каждом элементе

напряжение на зажимах вольтметра расчитаем по двум путям:

$$\begin{split} U_{nd} &= U_{c2} + U_{c3} - U_{L2} = -24.9051 + 9.1336j + -9.4484 + 0.6929j - (33.0057 - 20.3501j) = -67.3592 + 30.1767j \\ &= 73.8098e^{155.8678j} \\ U_{nd} &= U_{R2} - U_{L3} - U_{R4} = -6.3958 - 10.3732j - (62.2627 - 22.8341j) - (-1.2993 - 17.7158j) = -67.3592 + 30.1767j \\ &= 73.8098e^{155.8678j} \end{split}$$

Показания вольтметра равно действующему напряжению на его зажимах:

$$V = |U_{nd}| = 73.8098(B)$$

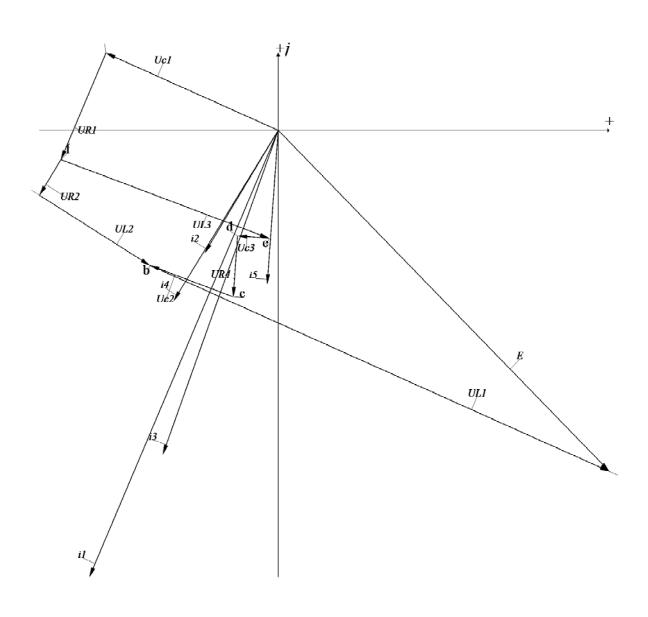
### 1.4. построим совмещенные: векторную диаграмму токов и топографическую диаграмму напряжений;

Определим потенциалы всех точек, пусть  $\phi_h = 0$ :

### масштаб по струму и напрузі

$$m_i = 0.47, A/cM$$
  
 $m_u = 18, B/cM$ 

Сумісна векторна діаграма струмів і топографічна діагрма напруг (без урахування магнітного зв'язку)



# г) принять сопротивление $R_2$ =0 и считая сопротивление этой ветви неизвестным определить его из условия резонанса токов. Найти эквивалентную индуктивность или емкость для заданной частоты;

воспользуемся значением сопротивления z<sub>7</sub>, которое расчитано в пункте а

$$z_7 = 7.4198 + 13.4057j$$
 = 15.3221e<sup>61.0362</sup>j

Полная, активная и реактивная проводимость ветвей между точками b:g по пути bcg

$$Y_7 = \frac{1}{z_7} = \frac{1}{7.4198 + 13.4057j} = (0.0316 - 0.0571j)(C_M)$$

$$G_7 = \text{Re}(Y_7) = 0.0316(C_M); B_7 = \text{Im}(Y_7) = -0.0571(C_M)$$

В схеме возможен резонанс токов на участке b:g цепи при равенстве нулю реактивной проводимости этого участка

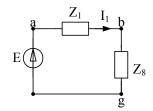
$$\frac{1}{j x_2} + j B_7 = 0$$

отсюда выразим х2

$$x_2 = \frac{1}{B_7} = \frac{1}{-0.0571} = -17.5124(Om) \implies c_2 = \frac{-1}{x_2 \omega} = \frac{-1}{-17.512 \times 314.159} = 1818 \times 10^{-4}(\Phi)$$

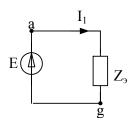
$$z_2 = j x_2 = -17.5124j$$
 = 17.5124e<sup>-90j</sup>

эквивалентное сопротивление параллельно соединеных ветвей с сопротивлениями  $\mathbf{Z}_2$  и  $\mathbf{Z}_7$ 



$$z_8 = \frac{z_7 z_2}{z_7 + z_2} = \frac{15.3221e^{61.0362j} 17.5124e^{-90j}}{7.4198 + 13.4057j + -17.5124j} = 31.64$$

Эквивалентное сопротивление цепи относительно зажимов источника ЭДС Е



$$\mathbf{z}_{3} = \mathbf{z}_{1} + \mathbf{z}_{8} = 9 + 25\mathbf{j} + 31.6403 = 40.6403 + 25\mathbf{j} = 47.7141e^{31.5979\mathbf{j}}$$

### д) рассчитать токи для резонасного состояния, определить показания вольтметра, проверить правильность расчетов по балансу мощностей;

По закону Ома определяем ток на входе цепи.

$$I_{I} = \frac{E}{z_{9}} = \frac{140e^{-45j}}{47.7141e^{31.5979j}} = 0.6801 - 2.8542j = 2.9341e^{-76.598j}$$

Расчет действующие значений токов в параллельных ветвях:

$$\begin{split} I_2 &= \frac{I_1 \cdot Z_7}{Z_2 + Z_7} = \frac{2.9341e^{-76.5979j} \cdot 15.3221e^{61.0362j}}{-17.5124j + 7.4198 + 13.4057j} = 5.1569 + 12287j = 5.3012e^{13.402j} \\ I_3 &= \frac{I_1 \cdot Z_2}{Z_2 + Z_7} = \frac{2.9341e^{-76.5979j} \cdot 17.5124e^{-90j}}{-17.5124j + 7.4198 + 13.4057j} = -4.4768 - 4.083j = 6.0591e^{-137.63j} \\ I_4 &= \frac{I_3 \cdot Z_5}{Z_4 + Z_5} = \frac{6.0591e^{-137.634j} \cdot 17e^{-28.0725j}}{13 + 15 - 8j} = -3.0559 - 1.7813j = 3.5372e^{-149.76j} \\ I_5 &= \frac{I_3 \cdot Z_4}{Z_4 + Z_5} = \frac{6.0591e^{-137.634j} \cdot 13}{13 + 15 - 8j} = -1.4209 - 2.3016j = 2.7049e^{-121.69j} \end{split}$$

Действующие значения напряжений

напряжение на зажимах вольтметра расчитаем по двум путям:

$$U_{nd} = U_{c2} + U_{c3} - U_{x2} = -40.83 + 44.77j + -18.41 + 11.37j - (21.52 - 90.31j) = -80.76 + 146.44j = 167.24e^{11}$$

$$U_{nd} = -U_{L3} - U_{R4} = -(102.07 - 111.92j) - (-21.31 - 34.52j) = -80.76 + 146.44j$$
 = 167.24e<sup>118.88j</sup>

Показания вольтметра равно действующему напряжению на его зажимах:

$$V = |U_{nd}| = 167.2369(B)$$

#### Составим баланс активных и реактивных мощностей

Полная мощность генератора:

$$S = E I_1 = 140e^{-45j} 2.9341e^{76.5979j} = 349.88 + 215.23j (BA)$$

Потребляемая активная мощность:

$$P = I_1^2 R_1 + I_4^2 R_3 + I_5^2 R_4 = 2.9341^2 \times 9 + 3.5372^2 \times 13 + 2.7049^2 \times 15 = 349.8803 Вт$$
 Реактивная мощность цепи:

$$Q = I_1^2 (x_{L1} - x_{c1}) + I_2^2 x_2 + I_3^2 (x_{L3} - x_{c2}) + I_5^2 (-x_{c3}) =$$

$$= 2.934^2 (40 - 15) + 5.301^2 \times -17.512 + 6.059^2 (25 - 10) + 2.705^2 \times -8 = 215.229 \text{ BAP}$$

Погрешность расчета:

$$\eta_{p} = \begin{vmatrix} S_{P} - P \\ S_{P} \end{vmatrix} 100\% = \begin{vmatrix} \frac{349.88 - 349.8803}{349.88} \end{vmatrix} 100\% = 8.2577 \times 10^{-5}\%$$

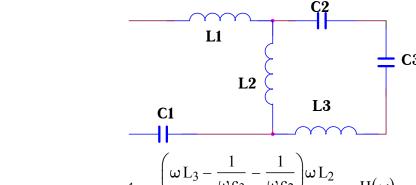
$$\eta_{Q} = \begin{vmatrix} S_{Q} - Q \\ S_{Q} \end{vmatrix} 100\% = \begin{vmatrix} \frac{215.23 - 215.2289}{215.23} \end{vmatrix} 100\% = 4.9829 \times 10^{-4}\%$$

### ж) рассчитать (найти нули и полюса) и построить частотную характеристику входного сопротивления цепи. Активные сопротивления не учитывать.

Параметры реактивных элементов находятся из условия, что индуктивные и емкостные сопротивления заданы для частоты 50 (Гц).

$$L_1 = \frac{x_{L1}}{\omega} = \frac{40}{314.1593} = 127.324 (\text{M}\Gamma\text{H}) \; ; \; c_1 = \frac{1}{x_{c1}\omega} = \frac{1}{15 \times 314.1593} = 212.2066 (\text{M}\kappa\Phi)$$
 
$$L_2 = \frac{x_{L2}}{\omega} = \frac{35}{314.1593} = 111.4085 (\text{M}\Gamma\text{H}) \; ; \; c_2 = \frac{1}{x_{c2}\omega} = \frac{1}{10 \times 314.1593} = 318.3099 (\text{M}\kappa\Phi)$$

$$L_3 = \frac{x_{L3}}{\omega} = \frac{25}{314.1593} = 79.5775 (M\Gamma_H); c_3 = \frac{1}{x_{c3}\omega} = \frac{1}{8 \times 314.1593} = 397.8874 (MK\Phi)$$



$$z_{\text{BX}}(\omega) = \omega L_1 + \frac{-1}{\omega c_1} + \frac{\left(\omega L_3 - \frac{1}{\omega c_3} - \frac{1}{\omega c_2}\right) \omega L_2}{\omega L_3 - \frac{1}{\omega c_3} - \frac{1}{\omega c_2} + \omega L_2} = \frac{H(\omega)}{F(\omega)}$$

$$\begin{split} H(\omega) &= \left( L_1 \, c_1 \, L_3 \, c_3 \, c_2 + L_1 \, c_1 \, L_2 \, c_3 \, c_2 + L_2 \, c_1 \, L_3 \, c_3 \, c_2 \right) \omega^4 \, \dots \\ &+ \left( -L_3 \, c_3 \, c_2 - L_2 \, c_3 \, c_2 - L_1 \, c_1 \, c_2 - L_1 \, c_1 \, c_3 - L_2 \, c_1 \, c_2 - L_2 \, c_1 \, c_3 \right) \omega^2 + c_2 + c_3 \\ F(\omega) &= \omega \, c_1 \Big[ \left( L_3 \, c_3 \, c_2 + L_2 \, c_3 \, c_2 \right) \omega^2 - c_2 - c_3 \Big] \end{split}$$

определим нули входного сопротивления

$$H(\omega) = 0$$

обозначим

$$a = L_1 c_1 L_3 c_3 c_2 + L_1 c_1 L_2 c_3 c_2 + L_2 c_1 L_3 c_3 c_2$$
  

$$b = -L_3 c_3 c_2 - L_2 c_3 c_2 - L_1 c_1 c_2 - L_1 c_1 c_3 - L_2 c_1 c_2 - L_2 c_1 c_3$$

$$F(\omega) = \left[a\omega^4 + b\omega^2 + (c_2 + c_3)\right]\omega c_1 = 0$$

$$\omega_{p} = \sqrt{\frac{-b \pm \sqrt{b^{2} - 4a(c_{2} + c_{1})}}{2a}}$$

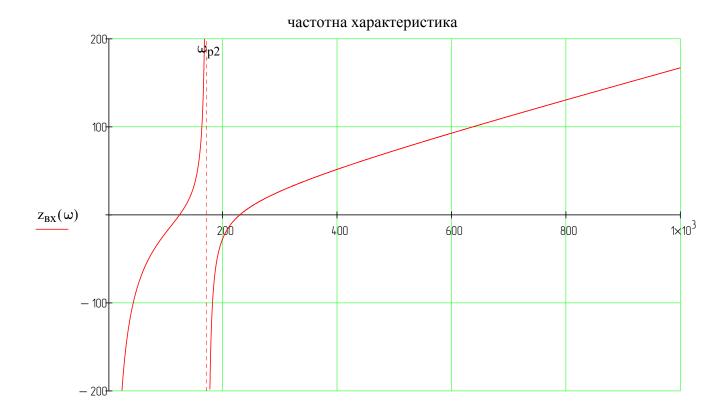
$$\omega_{1} = 123.6626$$

$$\omega_{2} = 229.1593$$

определим полюса входного сопротивления

$$F_2(\omega) = \omega c_1 [(L_3 c_3 c_2 + L_2 c_3 c_2)\omega^2 - c_2 - c_3] = 0$$

$$\omega_{p2} = \sqrt{\frac{c_2 + c_3}{L_3 c_3 c_2 + L_2 c_3 c_2}} \qquad \omega_{p2} = 172.0721 \qquad \omega_1 = 0$$



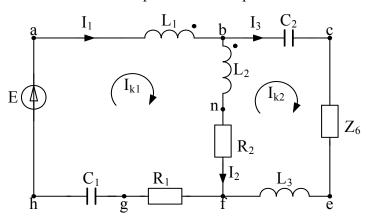
$\omega$	50	100	150	200	250	300	350	400	450	500	550	600	650	700	750	800	850	900	950	1000
$Z_{RY}$	-82	-19.9	35.2	-25.8	10	26.9	40.1	51.8	62.7	73.1	83.1	92.9	102.5	112	121.3	130.6	139.8	148.9	158	167

 $\omega$ 

## II. При наличии магнитной связи между индуктивными элементами $L_1, L_2$ (одноименные концы элементов отмечены на схеме точками):

а) превратив схему до двух независимых контуров, рассчитать токи в всех ветках схемы методом контурных токов, определить показы вольтметра;

эквивалентное сопротивление параллельно соединеных ветвей с сопротивлениями  $Z_4$  и  $Z_5$ 



$$z_6 = \frac{z_4 \cdot z_5}{z_4 + z_5} = \frac{1317e^{-28.0725j}}{13 + 15 - 8j} = 7.4198 - 1.5943j = 7.5892e^{-12.1271j}$$

собственное спротивление первого контура

$$z_{11} = R_2 + R_1 + j \left( x_{L1} + x_{L2} - 2x_m - x_{c1} \right) = 11 + 9 + j \left( 40 + 35 - 2 \times 20 - 15 \right) = 20 + 20j \\ = 28.284 e^{45j}$$

собственное спротивление второго контура

$$z_{22} = z_6 + R_2 + j(x_{L3} + x_{L2} - x_{c2}) = 7.42 - 1.594j + 11 + j(25 + 35 - 10) =$$
  
= 18.42 + 48.406j = 51.792e<sup>69.167j</sup>

общее сопротивление первого и второго контура

$$z_{12} = -R_2 - j(x_{L2} - x_m) = -11 - 15j$$
 = 18.601e<sup>-126.25j</sup>

Уравнения цепи через контурные токи:

$$I_{k1}z_{11} + I_{k2}z_{12} = E$$

$$I_{k1} z_{21} + I_{k2} z_{22} = 0$$

вычислим определители системы

$$\Delta = \begin{pmatrix} z_{11} & z_{12} \\ z_{21} & z_{22} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 20 + 20j & -11 - 15j \\ -11 - 15j & 18.4198 + 48.4057j \end{pmatrix}$$

$$\Delta = z_{11} z_{22} - z_{12} z_{21} = 28.2843 e^{45j} 51.7919 e^{69.1667j} - 18.6011 e^{-126.2538j} 18.6011 e^{-126.2538j} = -495.72 + 1.0065j \times 10^3 = 1.122 \times 10^3 e^{116.22j}$$

$$\Delta_{1} = \begin{pmatrix} E & z_{12} \\ 0 & z_{22} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 98.9949 - 98.9949j & -11 - 15j \\ 0 & 18.4198 + 48.4057j \end{pmatrix}$$

$$\Delta_1 = E \cdot z_{22} = 140e^{-45j} \cdot 51.7919e^{69.1667j} = 6.6154 \times 10^3 + 2.9684j \times 10^3 = 7.2509 \times 10^3 e^{24.167j}$$

$$\Delta_2 = \begin{pmatrix} z_{11} & E \\ z_{21} & 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 20 + 20j & 98.9949 - 98.9949j \\ -11 - 15j & 0 \end{pmatrix}$$

$$\Delta_2$$
= E  $z_{21}$  = 140 $e^{-45j}$  18.6011 $e^{-126.2538j}$  = 2.5739 × 10<sup>3</sup> + 395.98j = 2.6042 × 10<sup>3</sup> $e^{8.7462j}$ 

Найдем неизвестные контурные токи:

$$\begin{split} I_1 &= I_{k1} = \frac{\Delta_1}{\Delta} = \frac{7.2509 \times 10^3 e^{24.1667j}}{1.122 \times 10^3 e^{116.2208j}} \\ &= -0.2316 - 6.4585j = 6.4627 e^{-92.054j} \\ I_3 &= I_{k2} = \frac{\Delta_2}{\Delta} = \frac{2.6042 \times 10^3 e^{8.7462j}}{1.122 \times 10^3 e^{116.2208j}} = -0.697 - 2.214j = 2.3211 e^{-107.47j} \end{split}$$

Ток І2 найдем по первому закону Кирхгофа.

$$I_2 = I_1 - I_3 = -0.2316 - 6.4585j - (-0.697 - 2.214j) = 0.4653 - 4.2446j = 4.27e^{-83.744j}$$

Токи в параллельных ветвях определим по правилу "чужого сопротивления"

$$I_{4} = \frac{I_{3} \cdot Z_{5}}{Z_{4} + Z_{5}} = \frac{2.3211e^{-107.4746j} \cdot 17e^{-28.0725j}}{13 + 15 - 8j} = -0.6693 - 1.1781j = 1.355e^{-119.6j}$$

$$I_{5} = \frac{I_{3} \cdot Z_{4}}{Z_{4} + Z_{5}} = \frac{2.3211e^{-107.4746j} \cdot 13}{13 + 15 - 8j} = -0.0277 - 1.0358j = 1.0362e^{-91.529j}$$

Действующие значения напряжений на каждом элементе

Вольтметр, включенный между точками n:d, покажет модуль комплекса напряжения что определяется по рассчитанным токам и заданными параметрами. Правильность расчетов проверяется за двумя независимыми путями.

$$\begin{split} U_{nd} &= U_{c2} + U_{c3} - U_{L2} = -22.1395 + 6.9698j + -8.2865 + 0.2212j - (19.3894 + 20.9196j) = -49.8153 - 13.7286j \\ &= 51.6725e^{-164.5923j} \\ U_{nd} &= U_{R2} - U_{L3} - U_{R4} = 5.1187 - 46.6902j - (55.3488 - 17.4244j) - (-0.4148 - 15.5371j) = -49.8153 - 13.7286j \\ &= 516725e^{-164.5923j} \end{split}$$

Показания вольтметра равно действующему напряжению на его зажимах:

$$V = |U_{nd}| = 51.6725(B)$$

### б) Баланс мощностей:

Полная мощность генератора:

:

$$S = E I_1 = 140e^{-45j} 6.4627e^{92.0541j} = 616.43 + 662.29j (BA)$$

4.3.2 мощность взаимной индукции:

$$S_{m1} = I_{2}(-j x_{m}) I_{1}^{*} = 4.27e^{-83.7436j} (-j) 206.4627e^{92.0541j} = 79.772 - 546.12j (BA)$$

$$S_{m2} = I_{1}(-j x_{m}) I_{2} = 6.4627e^{-92.0541j} (-j) 204.27e^{83.7436j} = 79.772 - 546.12j (BA)$$

Потребляемая активная мощность:

$$P = I_1^2 R_1 + I_2^2 R_2 + I_4^2 R_3 + I_5^2 R_4 = 6.4627^2 \times 9 + 4.27^2 \times 11 + 1.355^2 \times 13 + 1.0362^2 \times 15 = 616.4292 BT$$
 Реактивная мощность цепи:

$$Q = I_1^2(x_{L1} - x_{c1}) + I_2^2(x_{L2}) + I_3^2(x_{L3} - x_{c2}) + I_5^2(-x_{c3}) + 2Q_m =$$

$$= 6.463^2(40 - 15) + 4.27^2 \times 35 + 2.321^2(25 - 10) + 1.036^2 \times -8 + 2 \times -546.115 = 662.292 \text{ BAP}$$

Погрешность расчета:

$$\begin{split} \eta_{p} &= \left| \frac{S_{P} - P}{S_{P}} \right| \ 100\% \ = \ \left| \frac{616.43 - 616.4292}{616.43} \right| \ 100\% \ = \ 1.3559 \times 10^{-4} \% \\ \eta_{Q} &= \left| \frac{S_{Q} - Q}{S_{Q}} \right| \ 100\% \ = \ \left| \frac{662.29 - 662.2916}{662.29} \right| \ 100\% \ = \ 2.3601 \times 10^{-4} \% \end{split}$$

### При определении мощностей было получено:

активная мощность взаимоиндукции катушки  $L_1$   $P_{m1} = Re(S_{m1}) = 79.772(B_T)$  активная мощность взаимоиндукции катушки  $L_2$   $P_{m2} = Re(S_{m2}) = -79.772(B_T)$ 

Принимая во внимание, что  $P_{m1}>0$ , а  $P_{m2}<0$ , приходим к заключению, что магнитным потоком энергия передается из первой катушки во вторую

### в) построение совмещенной векторной диаграммы токов и топографической диаграммы напряжений:

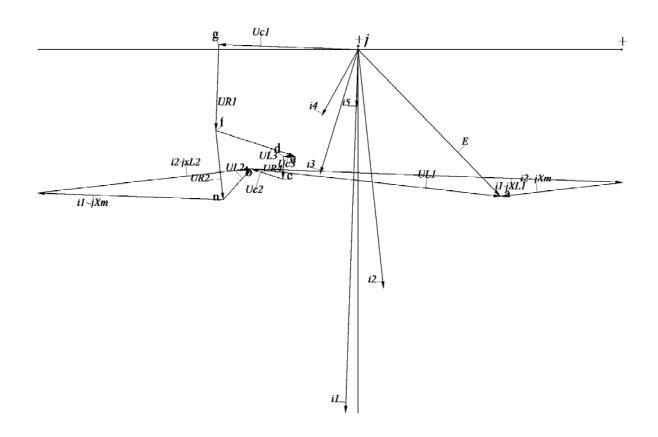
Определим потенциалы всех точек, пусть  $\phi_h = 0$ :

$$\begin{array}{l} \varphi_g = \varphi_h + U_{c1} = 0 + -96.8777 + 3.4746j = -96.8777 + 3.4746j \\ \varphi_f = \varphi_g + U_{R1} = -96.8777 + 3.4746j + -2.0848 - 58.1266j = -98.9625 - 54.652j \\ \varphi_n = \varphi_f + U_{R2} = -98.9625 - 54.652j + 5.1187 - 46.6902j = -93.8438 - 101.3422j \\ \varphi_e = \varphi_f + U_{L3} = -98.9625 - 54.652j + 55.3488 - 17.4244j = -43.6136 - 72.0765j \\ \varphi_d = \varphi_e + U_{c3} = -43.6136 - 72.0765j + -8.2865 + 0.2212j = -51.9001 - 71.8553j \\ \varphi_c = \varphi_d + U_{R4} = -51.9001 - 71.8553j + -0.4148 - 15.5371j = -52.3149 - 87.3924j \\ \varphi_b = \varphi_c + U_{c2} = -52.3149 - 87.3924j + -22.1395 + 6.9698j = -74.4544 - 80.4226j \\ \varphi_a = \varphi_b + U_{L1} = -74.4544 - 80.4226j + 173.4494 - 18.5724j = 98.9949 - 98.9949j \\ = 140e^{-45j} \end{array}$$

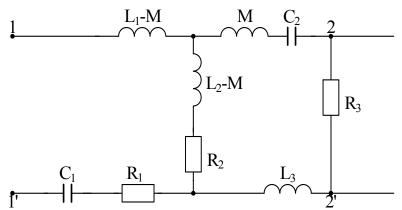
### масштаб по струму і напрузі

$$m_{i} = 1.1, A/cM$$
  
 $m_{u} = 43., B/cM$ 

Сумісна векторна діаграма струмів і топографічна діаграма напруг (з урахуванням магнітного зв'язку)

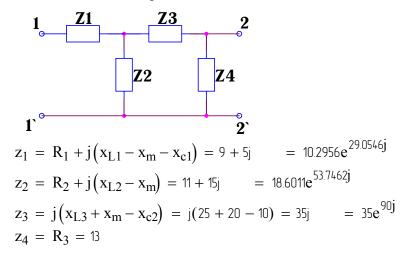


# III. Отбросив крайнюю ветку между полюсами 2, 2' устранить магнитную связь. Полученную схему рассматривать как четырехполюсник и полюсами 1,1' и 2, 2': а) рассчитать коэффициенты четырехполюсника (в форме A);



Используя эквивалентные преобразования пассивных участков электрической схемы, определяем сопротивления х.х. и к.з.

эквивалентное сопротивление последовательно соединеных сопротивлений



Используя эквивалентные преобразования пассивных участков электрической схемы, определяем сопротивления х.х. и к.з.

сопротивление холостого хода относительно зажимов 1-1`

$$z_{10} = z_1 + \frac{(z_3 + z_4)z_2}{z_3 + z_4 + z_2} = 9 + 5j + \frac{(11 + 15j)(13 + 35j)}{13 + 35j + 11 + 15j} = 15.447 + 15.735j$$
 = 22.05e<sup>45.53</sup>j

сопротивление холостого хода относительно зажимов 2-2`

$$z_{20} = \frac{(z_3 + z_2)z_4}{z_3 + z_4 + z_2} = \frac{(35j + 11 + 15j)13}{13 + 35j + 11 + 15j} = 11.6814 + 2.7471j = 12.0001e^{13.2336j}$$

сопротивление короткого замыкания относительно зажимов 2-2`

$$z_{2k} = \frac{\left(\frac{z_1 z_2}{z_1 + z_2} + z_3\right) z_4}{\frac{z_1 z_2}{z_1 + z_2} + z_3 + z_4} = \frac{\left[\frac{(11 + 15j)(9 + 5j)}{9 + 5j + 11 + 15j} + 35j\right] 13}{\frac{(11 + 15j)(9 + 5j)}{9 + 5j + 11 + 15j} + 35j + 13} = 11.34 + 3.54j = 11.881e^{17.331j}$$

### Коэффициенты четырехполюсник

$$A = \sqrt{\frac{z_{10}}{z_{20} - z_{2k}}} = \sqrt{\frac{15.4473 + 15.7347j}{11.6814 + 2.7471j - (11.3411 + 3.5392j)}} = 2.8177 + 4.1996j = 5.0573e^{56.1409j}$$

$$\mathbf{B} = \mathbf{A} \ \mathbf{z}_{2k} = 5.0573e^{56.1409j} \ 11.8805e^{17.3315j} = 17.092 + 57.601j = 60.084e^{73.472j}$$

$$C = \frac{A}{z_{10}} = \frac{5.0573e^{56.1409j}}{22.05e^{45.528j}} = 0.2254 + 0.0422j = 0.2294e^{10.613j}$$

$$D = C z_{20} = 0.2294 e^{10.6128j} 12.0001 e^{13.2336j} = 2.5173 + 1.1127j = 2.7523 e^{23.846j}$$

### в) Параметры сосредоточенной П-образной схемы замещения линии:

$$Z_{\Pi} = B = 17.0925 + 57.6012j$$
 = 60.0837 $e^{73.4723j}$ 

$$Z_1 = \frac{B}{D-1} = \frac{17.0925 + 57.6012j}{25173 + 11127i - 1} = 25.4286 + 19.3143j$$
 = 31.932e<sup>37.2185j</sup>

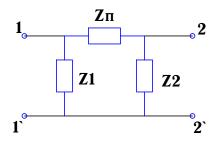
$$Z_1 = \frac{B}{D-1} = \frac{17.0925 + 57.6012j}{2.5173 + 1.1127j - 1} = 25.4286 + 19.3143j = 31.932e^{37.2185j}$$

$$Z_2 = \frac{B}{A-1} = \frac{17.0925 + 57.6012j}{2.8177 + 4.1996j - 1} = 13.0353 + 1.572j = 13.1298e^{6.8763j}$$

$$R_{\Pi} = Re(Z_{\Pi}) = 17.0925 \, Om$$

$$R_1 = Re(Z_1) = 25.4286 \, O_M$$

$$R_2 = Re(Z_2) = 13.0353 \, O_M$$



$$X_{\Pi} = Im(Z_{\Pi}) = 57.6012 \,Om \implies L_{\Pi} = \frac{X_{\Pi}}{\omega} = \frac{57.601}{314.159} = 183.35(M\Gamma_{H})$$

$$X_1 = \text{Im}(Z_1) = 19.3143 \,\text{Om} \implies L_1 = \frac{X_1}{\omega} = \frac{19.314}{314.159} = 61.479 (\text{M}\Gamma\text{H})$$

$$X_2 = Im(Z_2) = 1572 \, Om \implies L_2 = \frac{X_2}{\omega} = \frac{1.572}{314.159} = 5.004 (m\Gamma H)$$

б) найти ЭДС E и ток  $I_1$  на входе четырехполюсника при которых на выходе  $U_2 = 100$  (B),  $I_2$ =1(A), а угол сдвига фаз между синусоидами напряжения и тока  $\phi_2$ =30°. Сделать проверку нагрузив 4-полюсник на соответствующее сопротивление.

$$E = A \cdot U_2 + B \cdot I_2 = 5.06e^{56.14j} \cdot 100 + 60.08e^{73.47j} \cdot 1e^{-30j} = 325.373 + 461.302j = 564.51e^{54.8j}$$

$$I_1 = C \cdot U_2 + D \cdot I_2 = 0.229e^{10.613j} \cdot 100 + 2.752e^{23.846j} \cdot 1e^{-30j} = 25.28 + 3.93j = 25.58e^{8.83j}$$

$$I_1 = C \cdot U_2 + D \cdot I_2 = 0.229e^{10.613j} \cdot 100 + 2.752e^{23.846j} \cdot 1e^{-30j} = 25.28 + 3.93j = 25.58e^{8.83j}$$

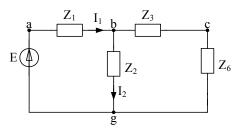
#### ПРОВЕРКА:

сопротивление нагрузки соответствующее заданным значениям напряжения и тока на выходе четырехполюсника

$$z_H = \frac{U_2}{I_2} = \frac{100}{1e^{-30j}} = 86.603 + 50 = 100e^{30j}$$

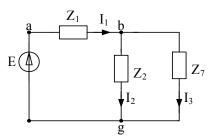
Определение эквивалентного сопротивления:

эквивалентное сопротивление параллельно соединеных ветвей с сопротивлениями  $Z_4$  и  $Z_{\rm H}$ 



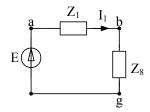
$$z_6 = \frac{z_4 z_H}{z_4 + z_H} = \frac{13100e^{30j}}{13 + 86.6025 + 50j} = 11.645 + 0.6803j = 11.6646e^{3.3436j}$$

эквивалентное сопротивление последовательно соединненых сопротивлений  ${\rm Z}_3$  и  ${\rm Z}_6$ 



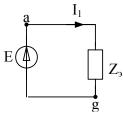
$$z_7 = z_3 + z_6 = 35j + 11.6448 + 0.6803j = 11.6448 + 35.6803j = 37.5325e^{71.9252j}$$

эквивалентное сопротивление параллельно соединеных ветвей с сопротивлениями  $\mathbf{Z}_2$  и  $\mathbf{Z}_7$ 



$$z_8 = \frac{z_7 \cdot z_2}{z_7 + z_2} = \frac{37.5325e^{71.9252j} \cdot 18.6011e^{53.7462j}}{11.6448 + 35.6803j + 11 + 15 \times j} = 6.3365 + 10.864j = 12.5771e^{59.7472j}$$

Эквивалентное сопротивление цепи относительно зажимов источника ЭДС Е



$$z_9 = z_1 + z_8 = 9 + 5j + 6.3365 + 10.8642j = 15.3365 + 15.8642j = 22.0654e^{45.9689j}$$

По закону Ома определяем ток на входе цепи.

$$I_{1} = \frac{E}{Z_{9}} = \frac{564.5062e^{54.8033j}}{22.0654e^{45.9689j}} = 25.28 + 3.9291 = 25.583e^{8.8344j}$$

Расчет действующие значений токов в параллельных ветвях:

$$I_{3} = \frac{{}^{1}I_{1} \cdot z_{2}}{z_{2} + z_{7}} = \frac{25.5833e^{8.8344j} \cdot 18.6011e^{53.7462j}}{11 + 15 \times j + 116448 + 35.6803j} = 8.5583 - 0.5j = 8.5729e^{-3.3436j}$$

$$I_{H} = \frac{{}^{1}I_{3} \cdot z_{4}}{z_{4} + z_{H}} = \frac{8.5729e^{-3.3436j} \cdot 13}{13 + 86.6025 + 50j} = 0.866 - 0.5j = 1e^{-30j}$$

$$U_{H} = I_{H} \cdot z_{H} = 1e^{-30j} \cdot 100e^{30j} = 100$$

### г) определить вторичные параметры четырехполюсника (характеристические сопротивления $\mathbf{Z}_{c1}, \mathbf{Z}_{c2}$ и постоянную передаче g;

Характеристические сопротивления

$$Z_{c1} = \sqrt{\frac{AB}{CD}} = \sqrt{\frac{5.0573e^{56.1409j} 60.0837e^{73.4723j}}{0.2294e^{10.6128j} 2.7523e^{23.8464j}}} = 14.8006 + 16.1957j = 21.94e^{47.577j}$$

$$Z_{c2} = \sqrt{\frac{DB}{CA}} = \sqrt{\frac{2.7523e^{23.8464j} 60.0837e^{73.4723j}}{0.2294e^{10.6128j} 5.0573e^{56.1409j}}} = 11.5179 + 3.1472j = 11.94e^{15.283j}$$

Коэффициент распространения

$$\gamma = \ln(\sqrt{AD} + \sqrt{BC}) = \ln(\sqrt{5.0573}e^{56.14.09j} 2.7523e^{23.8464j} + \sqrt{60.0837}e^{73.4723j} 0.2294e^{10.6128j})$$

$$= 2.0071 + 0.7159j = 2.131e^{19.629j}$$

Коэффициент ослабления

$$\alpha = \text{Re}(\gamma) = 2.0071$$

Коэффициент фазы

$$\beta = \operatorname{Im}(\gamma) = 0.7159$$

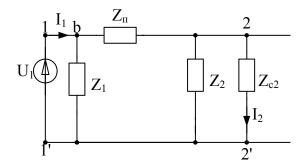
д) в согласованном режиме четырехполюсника по вторичными параметрами определить комплексы напряжения  $U_2$  и тока  $I_2$  (на выходе четырехполюсника) при заданной ЕДС на входе. Сделать проверку для схемы замещения.

Напряжение и ток на выходе при согласованном режиме

$$U_2 = U_1 \sqrt{\frac{Z_{c2}}{Z_{c1}}} e^{-\gamma} = 140e^{-45j} \sqrt{\frac{11.94e^{15.28j}}{21.94e^{47.58j}}} e^{-(2.01+0.72j)} = -2.92 - 13.57j = 13.88e^{-102.16j}$$

$$I_2 = \frac{U_2}{Z_{c2}} = \frac{13.8782e^{-102.1628j}}{11.9402e^{15.2825j}} = -0.5357 - 1.0315j = 1.1623e^{-117.45j}$$

ПРОВЕРКА:



эквивалентное сопротивление параллельно соединеных ветвей с сопротивлениями  $Z_3$  и  $Z_{\rm c2}$ 

$$Z_{3} = \frac{Z_{2} Z_{c2}}{Z_{2} + Z_{c2}} = \frac{13.1298e^{6.8763j} 11.9402e^{15.2825j}}{13.0353 + 1572j + 11.5179 + 3.1472j} = 6.1491 + 1.2264j = 6.2702e^{11.2792j}$$

напряжение на выходе цепи.

$$U_2 = \frac{U_1 \cdot Z_3}{Z_{\Pi} + Z_3} = \frac{140e^{-45j} \cdot 6.2702e^{11.2792j}}{17.0925 + 57.6012j + 6.1491 + 1.2264j} = -2.924 - 13.5667j = 13.8782e^{-102.1628j}$$

По закону Ома определяем ток на выходе цепи.

$$I_{2} = \frac{U_{2}}{Z_{c2}} = \frac{13.8782e^{-102.1628j}}{11.9402e^{15.2825j}} = -0.5357 - 1.0315j = 1.1623e^{-117.45j}$$

$$U_1 = A \cdot U_2 + B \cdot I_2 = 5.06e^{56.14j} \cdot 13.88e^{-102.16j} + 60.08e^{73.47j} \cdot 1.16e^{-117.45j} = 98.99 - 98.99j$$
  
=  $140e^{-45j}$