Решить прямую задачу графически, двойственную симплекс методом

**1.1.** 
$$Z(X) = 2x_1 + 3x_2 \rightarrow \max$$
, 
$$\begin{cases} -2x_1 + x_2 \le 2, \\ x_1 - 3x_2 \ge -9, \\ 4x_1 + 3x_2 \le 24, \\ x_1 \ge 0, x_2 \ge 0. \end{cases}$$

1.3. 
$$Z(X) = 2x_1 + 3x_2 \rightarrow \max,$$
  

$$\begin{cases}
-6x_1 + x_2 \le 3, \\
-5x_1 + 9x_2 \le 45, \\
x_1 - 3x_2 \le 3, \\
x_1 \ge 0, x_2 \ge 0.
\end{cases}$$

**1.5.** 
$$Z(X) = 2x_1 + 4x_2 \rightarrow \max$$

$$\begin{cases}
-3x_1 + 2x_2 \le 6, \\
x_1 + 2x_2 \ge 10, \\
x_1 - 5x_2 \le 5, \\
x_1 + x_2 \le 4, \\
x_1 \ge 0, x_2 \ge 0.
\end{cases}$$

1.7. 
$$Z(X) = 15x_1 + 10x_2 \rightarrow \max$$

$$\begin{cases}
6x_1 - x_2 \ge 3, \\
-x_1 + 2x_2 \le 8, \\
3x_1 + 2x_2 \le 24, \\
x_1 - x_2 \le 3, \\
x_1 + 2x_2 \ge 2, \\
x_1 \ge 0, x_2 \ge 0.
\end{cases}$$

**1.2.** 
$$Z(X) = 5x_1 - 3x_2 \rightarrow \min$$
, 
$$\begin{cases} 4x_1 - x_2 \ge 0, \\ -x_1 + x_2 \le 3, \\ 2x_1 - 3x_2 \le 6, \\ x_1 \ge 0, x_2 \ge 0. \end{cases}$$

**1.4.** 
$$Z(X) = 2x_1 + 2x_2 \rightarrow \max$$
, 
$$\begin{cases} -3x_1 + 2x_2 \le 4, \\ -x_1 + 2x_2 \le 8, \\ x_1 + x_2 \le 10, \\ 4x_1 - x_2 \le 20, \\ x_1 \ge 0, x_2 \ge 0. \end{cases}$$

**1.6.** 
$$Z(X) = 3x_1 + 2x_2 \rightarrow \max,$$
  

$$\begin{cases} 3x_1 - x_2 \ge 0, \\ x_1 - x_2 \ge -2, \\ 4x_1 - x_2 \le 16, \\ 2x_1 - x_2 \le 6, \\ x_1 \ge 0, x_2 \ge 0. \end{cases}$$

8. 
$$Z(X) = 2x_1 + 5x_2 \rightarrow \min,$$
  

$$\begin{cases}
2x_1 + x_2 \ge 4, \\
-x_1 + x_2 \le 4, \\
x_1 + 2x_2 \le 14, \\
-x_1 + 3x_2 \ge 5, \\
x_1 \le 4, \\
x_1 \ge 0, x_2 \ge 0.
\end{cases}$$

1.9. 
$$Z(X) = x_1 - 3x_2 \rightarrow \min$$
,  

$$\begin{cases}
-x_1 + 2x_2 \le 12, \\
2x_1 - x_2 \le 6, \\
-x_1 + x_2 \le 3, \\
2x_1 + x_2 \le 6.
\end{cases}$$

**1.11.** 
$$Z(X) = 2x_1 + 4x_2 \rightarrow \min$$
, 
$$\begin{cases} 2x_1 + x_2 \ge 9, \\ x_1 + 2x_2 \le 15, \\ x_1 + 2x_2 \ge 9, \\ 2x_1 + x_2 \le 15, \end{cases}$$
  $x_1 \ge 0, x_2 \ge 0.$ 

**1.13.** 
$$Z(X) = 2x_1 + 3x_2 \rightarrow \min$$
,  

$$\begin{cases} x_1 + x_2 \ge 2, \\ x_1 - x_2 \le 0, \\ 3x_1 + x_2 \ge 6, \\ 3x_1 - x_2 \ge 6. \end{cases}$$

**1.15.** 
$$Z(X) = 3x_1 + 6x_2 \rightarrow \max$$
, 
$$\begin{cases} -4x_1 + x_2 \ge 0, \\ x_1 - x_2 \ge -3, \\ 2x_1 - 3x_2 \le 6, \\ x_1 \ge 0, \ x_2 \ge 0. \end{cases}$$

**1.17.** 
$$Z(X) = -3x_1 - x_2 \rightarrow \min$$
, 
$$\begin{cases} 4x_1 - x_2 \ge 0, \\ 2x_1 - x_2 \le 0, \\ x_1 + x_2 \le 3, \\ x_1 \ge 0, \ x_2 \ge 0. \end{cases}$$

**1.19.** 
$$Z(X) = 4x_1 + 2x_2 \rightarrow \min$$
, 
$$\begin{cases} -3x_1 + 2x_2 \le 6, \\ -x_1 + 2x_2 \ge 10, \\ x_1 - 3x_2 \le 6, \\ x_1 + x_2 \ge 3, \\ x_1 \ge 0, x_2 \ge 0. \end{cases}$$

**1.10.** 
$$Z(X) = 3x_1 + 2x_2 \rightarrow \max,$$
 
$$\begin{cases} 2x_1 - x_2 \ge 0, \\ -x_1 + 2x_2 \le 3, \\ x_2 \le 3, \end{cases}$$
  $x_1 \ge 0, x_2 \ge 0.$ 

**1.12.** 
$$Z(X) = -2x_1 - x_2 \rightarrow \max$$
,  

$$\begin{cases}
-x_1 + x_2 \le 2, \\
2x_1 + 3x_2 \ge 16, \\
x_1 + x_2 \le 10, \\
2x_1 - x_2 \le 8, \\
x_1 \ge 0, x_2 \ge 0
\end{cases}$$

**1.14.** 
$$Z(X) = x_1 - 2x_2 \rightarrow \min$$
, 
$$\begin{cases} 2x_1 - x_2 \ge -2, \\ -x_1 + 2x_2 \le 7, \\ -4x_1 + 3x_2 \ge -12, \\ x_1 + 3x_2 \ge 18. \end{cases}$$

**1.16.** 
$$Z(X) = 5x_1 + 5x_2 \rightarrow \max$$
, 
$$\begin{cases} -2x_1 + x_2 \le 2, \\ -x_1 + 3x_2 \ge -9, \\ x_1 + x_2 \ge 3, \end{cases}$$
  $x_1 \ge 0, x_2 \ge 0.$ 

**1.18.** 
$$Z(X) = 5x_1 - x_2 \rightarrow \min$$
, 
$$\begin{cases} 2x_1 - 3x_2 \le 0, \\ -5x_1 + 9x_2 \le 45, \\ x_1 - 2x_2 \le 4, \end{cases}$$
  $x_1 \ge 0, x_2 \ge 0.$ 

**1.20.** 
$$Z(X) = -x_1 - x_2 \rightarrow \min$$
, 
$$\begin{cases} -3x_1 + 2x_2 \le 4, \\ -x_1 + 2x_2 \le 8, \\ x_1 + x_2 \ge 10, \\ 4x_1 - x_2 \le 20, \\ x_1 \ge 0, x_2 \ge 0. \end{cases}$$

**1.21.** 
$$Z(X) = 2x_1 + 3x_2 \rightarrow \max$$
, 
$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 \ge 2, \\ x_1 + x_2 \ge 2, \\ 2x_1 + x_2 \ge 4, \\ 2x_1 - 3x_2 \le 0, \\ x_1 \ge 0. \end{cases}$$

**1.23.** 
$$Z(X) = -x_1 + 4x_2 \rightarrow \max$$
, 
$$\begin{cases} 2x_1 - 3x_2 \le 6, \\ 3x_1 - 2x_2 \le 6, \\ 2x_1 + 3x_2 \ge 0, \\ x_1 + x_2 \ge -1, \\ x_2 \ge 0. \end{cases}$$

**1.25.** 
$$Z(X) = x_1 - 4x_2 \rightarrow \min$$
, 
$$\begin{cases} x_1 - 3x_2 \le 0, \\ x_1 - x_2 \ge 0, \\ 2x_1 + x_2 \ge 6, \\ 2x_1 + 3x_2 \le 18, \\ x_1 \ge 0, x_2 \ge 0. \end{cases}$$

**1.27.** 
$$Z(X) = 4x_1 + 3x_2 \rightarrow \min$$
, 
$$\begin{cases} 2x_1 + 3x_2 \ge 0, \\ 2x_1 + x_2 \ge 4, \\ 3x_1 - x_2 \ge 0, \\ 2x_1 + 3x_2 \ge 12, \\ x_2 \ge 0. \end{cases}$$

**1.29.** 
$$Z(X) = 3x_1 - x_2 \rightarrow \min$$
, 
$$\begin{cases} 2x_1 - x_2 \le 4, \\ -x_1 + x_2 \le 2, \\ 3x_1 - 2x_2 \ge 0, \\ x_1 - x_2 \le 0. \end{cases}$$

**1.22.** 
$$Z(X) = 4x_1 + 6x_2 \rightarrow \max$$
, 
$$\begin{cases} 4x_1 - 5x_2 \ge 0, \\ 2x_1 - 3x_2 \le 0, \\ 2x_1 + 3x_2 \ge 6, \\ 2x_1 + x_2 \ge 2. \end{cases}$$

**1.24.** 
$$Z(X) = x_1 + 4x_2 \rightarrow \min$$
,  

$$\begin{cases}
2x_1 + 3x_2 \ge 6, \\
-2x_1 + 3x_2 \ge 6, \\
x_1 + x_2 \le 3, \\
2x_1 - 3x_2 \le 0, \\
x_1 \ge 0, x_2 \ge 0.
\end{cases}$$

**1.26.** 
$$Z(X) = -5x_1 + x_2 \rightarrow \min$$
, 
$$\begin{cases} 2x_1 - 3x_2 \ge 0, \\ x_1 + 3x_2 \ge 9, \\ x_1 - 3x_2 \le 3, \\ -x_1 + 3x_2 \le 3, \\ x_1 \ge 0, x_2 \ge 0. \end{cases}$$

**1.28.** 
$$Z(X) = 3x_1 - x_2 \rightarrow \max$$
, 
$$\begin{cases} -3x_1 + 2x_2 \le 6, \\ 2x_1 - 3x_2 \le 6, \\ x_1 \le 6, \\ x_2 \le 6, \end{cases}$$

**1.30.** 
$$Z(X) = 3x_1 + 4x_2 \rightarrow \max$$
, 
$$\begin{cases} 4x_1 - x_2 \ge 0, \\ -x_1 + x_2 \le 3, \\ 3x_1 + 2x_2 \ge 6, \\ 2x_1 - 5x_2 \ge 0, \\ x_1 \ge 0, x_2 \ge 0. \end{cases}$$