

Febrero2017-Resuelto.pdf



alberto_fm_



Algorítmica y Modelos de Computación



3º Grado en Ingeniería Informática



Escuela Técnica Superior de Ingeniería Universidad de Huelva

Febrero 2017

miércoles, 29 de diciembre de 2021

19:16

Ejercicio_1. (2 puntos).

Dado el esquema del algoritmo de ordenación QuickSort:

fprocedimiento

Donde, con "mediana" se obtiene la mediana de los elementos del array A entre las posiciones izq y der (el elemento que ocuparia la posición central si estuvieran ordenados), y "partition" es el procedimiento de particionar pero usando piv como pivote, con lo que el problema se divide en dos subproblemas de igual tamaño. Si el tiempo de ejecución del procedimiento "mediana" es tmed(n) = 20n, y el de "partition" es tpar(n) = n:

- a. (0.75 pts). Calcular la complejidad del algoritmo propuesto por el método de la ecuación Característica.
- (0.75 pts). Calcular la complejidad del algoritmo propuesto por expansión de recurrencia.
- c. (0.5 pts). Si el método de la Burbuja tiene un tiempo de ejecución de n2, justificar para qué valores de la entrada es preferible esta versión del QuickSort al método de la Burbuja.

NOTA: Suma de los valores de la progresión geométrica es $\sum_{i=0}^{n} 2^i = 2^{n+1} - 1$

a) Extreemos el sistema recurrente del algoritmo
$$C_1 \qquad n=1$$

$$T(n)=\begin{cases} C_1 & n=1 \\ 2\Delta n + 2T(n/2) + C_2 & n>1 \end{cases}$$

· Por ecucción conocteurstica:

$$T(n) = 2T(\frac{n}{2}) + 21n + C_2 \longrightarrow T(n) - 2T(\frac{n}{2}) = 21n + C_2 \longrightarrow T(2^{K}) - 2T(2^{K-1}) = 21 \cdot 2^{K} + C_2 \longrightarrow T(2^{K}) = 1_{K}$$

$$\longrightarrow L_{K} - 2t_{K-1} = 21 \cdot 2^{K} + C_2 \cdot 1^{K} \longrightarrow T_{K} = 21 \cdot 2^{K} \rightarrow T_{K} \longrightarrow T_{K} = 21 \cdot 2^{K} + C_2 \longrightarrow T_{K} \longrightarrow$$

$$\begin{split} \pounds_{K} &= c_{\mathcal{H}} \cdot \mathbb{K}^{6} \cdot 2^{K} + c_{\mathcal{I}2} \cdot \mathbb{K}^{4} \cdot 2^{K} + c_{\mathcal{I}} \cdot 1^{K} = \\ &= c_{\mathcal{H}} \cdot 2^{K} + c_{\mathcal{R}} \cdot \mathbb{K} \cdot 2^{K} + c_{\mathcal{I}} = \left[\mathbb{K} - \log_{2} n \right] \\ \mathsf{T}(n) &= c_{\mathcal{H}} \cdot n + c_{\mathcal{H}} \cdot n \cdot \log_{2} n + c_{\mathcal{I}} \longrightarrow \mathsf{T}(n) \in O(n \log_{2} n); \end{split}$$



b)
$$T(n) = 2T(\frac{n}{2}) + 24n + C_2$$

$$= 2\left(2T(\frac{n}{4}) + 24\frac{n}{2} + C_2\right) + 24n + C_2$$

$$= 2^2T(\frac{n}{2^2}) + 24n + 2C_2 + 24n + C_2$$

$$= 2^2T(\frac{n}{2^2}) + 24n + 24n + C_2 + 2C_2$$

$$= 2^2\left(2T(\frac{n}{2^2}) + 24\frac{n}{2^2} + C_2\right) + (24n) \cdot 2 + C_2(4+2)$$

$$= 2^3T(\frac{n}{2^2}) + 24n + 2^2C_2 + (24n) \cdot 2 + C_2(4+2)$$

$$= 2^3T(\frac{n}{2^3}) + 24n \cdot 3 + C_2(4^2 + 2^2) \rightarrow$$
En general...
$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2(2^i - 1) \rightarrow$$

$$= 2^iT(\frac{n}{2^4}) + 24n \cdot i + C_2$$

C)
$$n^2 \ge 21n\log_2(n)$$
 $n = 64 - 3968 - Burbuja$ mos eficiente

 $n = 128 - 2432 - Burbuja$ "

 $n = 160 - 998 - Quicksoft$
 $n = 160$

Para $n \ge 153$ es preferible uson el algoritmo Quicksont, ya que es mós eficiente





WOLAH Print

Lo que faltaba en Wuolah



- Todos los apuntes que necesitas están aquí
 Al mejor precio del mercado, desde 2 cent.
 Recoge los apuntes en tu copistería más cercana o recíbelos en tu casa
- Todas las anteriores son correctas



Ejercicio_2. (3 pts)

La agencia matrimonial Celestina & Co. Quiere informatizar parte de la asignación de parejas entre sus clientes Cuando un cliente llega a la agencia se describe a sí mismo y cómo le gustaría que fuera su pareja. Con la información de los clientes, la agencia construye dos matrices, M y H, que contienen las preferencias de los unos por los otros, tales que la fila M[i, -] es una ordenación de mayor a menor de las mujeres cliente según las preferencias del i-ésimo hombre, y la fila H[i, -] es una ordenación de mayor a menor de los hombres según las preferencias de la i-ésima mujer. Por ejemplo, M[i, 1] almacenaria a la mujer preferida por i y M[i, 2] a su segunda preferida. Dado el alto índice de divorcios, la empresa se ha planteado como objetivo que los emparejamientos sean lo más estables posibles, evitando la siguiente situación:

1. Que dada una pareja (h',m') se dé el caso de m' prefiera aun h sobre h' y además h' prefiera a un m

- Que dada una pareja(h",m") se dé el caso de h" prefiera a un m sobre m" y además m prefiera a un h sobre h"
- La agencia quiere que dadas las matrices de preferencia un programa establezca parejas evitando la situación expuesta anteriormente.

Ejemplo: Sean Maria, Ana y Pepa el conjunto de mujeres, y Carlos, Nacho y Juan el conjunto de hombres y sean las matrices de preferencia las que se muestran a continuación

María	Carlos	Nacho	Juan
Ana	Juan	Nacho	Carlos
Pepa	Juan	Carlos	Nacho

Carlos	Ana	María	Pepa
Nacho	María	Ana	Pepa
Juan	María	Pepa	Ana

Un emparejamiento estable sería: E = { (María, Carlos), (Ana, Nacho), (Pepa, Juan) } y uno inestable sería

- I = { (María, Juan), (Ana, Nacho), (Pepa, Carlos) }
 a. (1 puntos). Resolver el problema por backtracking, el esquema general y explicación de su aplicación al
- problema. Aplicar al ejemplo.
- (2 puntos). Resolver el problema por el algoritmo de Gale & Shapley. Explicar de qué estrategia algorítmica se trata. El esquema general y explicación de su aplicación al problema. Aplicar al ejemplo.

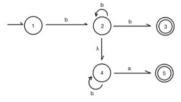
NOTA: El algoritmo de Gale & Shapley establece que si el número de hombres es el mismo que el de mujeres, siempre existe una solución con matrimonios estables. La descripción del algoritmo es la siguiente:

- En un comienzo todos están sin parejas.
- Suponer que la mujer es la que propone matrimonio (nos fijamos en la lista de las mujeres)
- Mientras.hava. เกล.mujar.libre, hace lo siguiente:

 Le propone matrimonio al primer hombre de su lista y ocurre que:
 - - Si el hombre está libre, se casan. Si el hombre ya está emparejado, le pregunta si la prefiere a ella antes que a su pareja actual (mirando la lista ordenada de preferencias de él):
 - Si la prefiere a ella, el hombre se divorcia
 - Si no, entonces la mujer sigue y le propondrá matrimonio al siguiente de su lista

Al final, el resultado es un conjunto de parejas estables, en el sentido que hemos definido antes. Esta solución es óptima para el conjunto de las mujeres y la peor para el conjunto de los hombres. Si se empieza con el conjunto de hombres, se obtiene una solución óptima para ellos.

Ejercicio_3. (2 pts)
Dado el AFND definido en el grafo, hallar:



- (0.5 pts). Comprobar si son aceptadas o no por el autómata las siguientes cadenas: ba, ab, bb,b, bba
- (0.5 pts). El AFD mínimo equivalente
- (0.5 pts). Corroborar el resultado obtenido para las palabras del apartado a con el AFD obtenido en el C.
- (0.5 pts). La expresión regular del lenguaje reconocido por el autómata del apartado anterior

a)

A)
$$f'(1, ba) \rightarrow f'(c(1), ba) \rightarrow f'(114, b) \rightarrow$$

$$f'(114, b) = 12, 44$$

$$f(12, 44, a) = 154 \text{ NF} \neq \emptyset \rightarrow ACESTADA}$$

2) $f'(1, ab) \rightarrow f'(c(1), ab) \rightarrow f'(114, a,b) \rightarrow$

$$f'(114, a) = \emptyset$$

$$f'(114, b) = \emptyset \text{ NF} = \emptyset \rightarrow RECHARADA}$$

3) $f'(11, bb) = f'(c(1), bb) \rightarrow f'(114, b) \rightarrow$

$$f'(114, b) = 12, 44$$



$$f'(414, b) = 42, 44$$

$$f'(42,44, b) = 42, 3, 47 \text{ nF} \neq \emptyset \rightarrow \underline{ACCOTADA}$$

4)
$$f'(\lambda,b) \rightarrow f'(CL(\lambda),b) = f'(\lambda\lambda',b) \rightarrow$$

 $f'(\lambda\lambda',b) = \lambda^2, 44 \text{ nf} = \emptyset \rightarrow \frac{RECHAZADA}{}$

5)
$$\beta'(1, bba) \rightarrow \beta'(CL(1), bba) = \beta'(A14, bba) \rightarrow \beta'(414, bba) \rightarrow \beta'(414, bba) = 42,44$$

$$\beta'(42,44,b) = 42,3,44$$

$$\beta'(32,3,44,a) = 454 \text{ n F} \neq \emptyset \rightarrow ACEPTADA$$

b) El AFD minimo eguivalente se construye de la signiente forma:

-Qo

 Q_{Λ}

*Qz

^tQ₃

M

M

Qz.

M

Q₂

M

Q1

03

M

1) Transformer AFND a AFD:

$$Q_0 = Q(1) \rightarrow Q_0 = 114$$

$$f(Q_0, a) = \emptyset = M$$

$$f'(Q_0, b) = 12, 44 = Q_1$$

$$f'(Q_{1}, a) = 154 = Q_{2}$$

 $f'(Q_{1}, b) = 12,3,44 = Q_{3}$

$$\int_{0}^{1}(Q_{2},\alpha)=\emptyset=M$$

$$\beta'(Q_{3}, a) = 154 = Q_{2}$$

$$\beta'(Q_{3}, b) = 12, 3, 44 = Q_{3}$$

2) Minimizor el automoto mediante el algoritmo de conjunto-concerte

	۵	Ь
Q _o	۲	O _A
Q ₄	az	Q ₃
*Q ₂	М	М
*O ₂	Q _z	03
М	м	м

Given so
$$\begin{cases} f'(Q_2, a) = C_2; & f'(Q_2, b) = C_2 \\ \text{distributes} \end{cases}$$

$$\begin{cases} f'(Q_3, a) = C_4; & f'(Q_3, b) = C_4 \end{cases}$$



$$E/Q_2 = (c_0 = LQ_0Y, c_1 = LQ_1Y, c_2 = LQ_1Y, c_3 = LQ_1Y, c_4 = LQ_3Y)$$

Como keremos un conjunto per cado estado, significe que ya terríanos el AFD mínimo.

(ک

		۵	Ь
_	-Qo	٦	O _A
	Q ₄	az	Q ₃
	ČQ ₂	М	M
	. Соз Дох	Q _z	03
	М	м	М

$$g'(Q_{0_1} b a) =$$

$$g'(Q_{0_1} b) = Q_1$$

$$g'(Q_{1_1} a) = Q_2 \in F \rightarrow A CEDTADA$$

$$g'(Q_0, ab) =$$

$$g'(Q_0, a) = M$$

$$g'(M_1, b) = M & F \rightarrow RECHAZADA$$

$$\begin{cases}
\binom{Q_0}{b} = Q_1 \\
\binom{Q_0}{b} = Q_1 \\
\binom{Q_0}{b} = Q_3 \in F \cdot ACEPTADA
\end{cases}$$

$$J'(Q_{0}, b)$$

$$J'(Q_{0}, b) = Q_{1} \notin F - D RECHARADA$$

$$J'(Q_{0}, b) = Q_{1}$$

$$J'(Q_{0}, b) = Q_{2}$$

$$J'(Q_{1}, b) = Q_{3}$$

$$J'(Q_{3}, a) = Q_{2} \in F - DACEDTADA$$

d)

		۵	Ь
-	-Qo	٦	Q _A
	Q ₄	a	Q ₃
	O ₂	Н	N
	*O3	Q _z	03
	М	м	м

$$\begin{cases} x_0 = bx_1 \\ x_1 = a x_2 + bx_3 + a + b \\ x_2 = \lambda \\ x_3 = ax_2 + bx_3 + a + b \end{cases}$$

$$x_3 = bx_3 + (ax_2 + a + b) \rightarrow x_3 = bx_3 + (a + b) \rightarrow x_3 = b*(a+b) \rightarrow$$



$$x_1 = ax_2 + bx_3 + a + b \rightarrow$$

$$x_1 = ax_1 + b(b^*(a+b)) + a + b \rightarrow$$

$$x_2 = bb^*(a+b) + a + b$$

$$x_3 = b(bb^*(a+b) + a + b) \rightarrow$$

$$x_4 = bb^*(a+b) + a + b \rightarrow$$

$$x_4 = bb^*(a+b) + a + b \rightarrow$$

$$x_5 = bb^*(a+b) + ba + bb \rightarrow$$
Expression Regula • $x_6 = bb^*a + bb^*b + ba + bb$
Equivalente.

Ejercicio_4. (3 puntos).

Dada la siguiente gramática:

 $S \rightarrow a S | (S) | AB$ $A \rightarrow n C$

 $C \rightarrow (S) | \lambda$

- - a. (0.25 pts). Comprobar si es LL(1) mediante el cálculo de los conjuntos Primero y Siguiente.
 b. (0.75 pts). Implementar la tabla de análisis sintáctico y especificar el pseudocódigo de análisis sintáctico
 - c. (1 pt). Construir la traza correspondiente al reconocimiento de la frase "baab((b))" según el pseudocódigo
 - especificado en el apartado b anterior.

 d. (0.75 pts). Especificar el pseudocódigo de análisis sintáctico dirigido por la sintaxis para la gramática obtenida LL(1).
 - a) Para que una granática sea UU) no dete ser recursive por la 12q. la grandica propuesta la cumple.

la condición necesario y suficiente para ge una promática sea ULLII) en que la intersección de sus simbolos directores sea varia:

Pore ella calcularemos las conjuntos PRIMERO y SIGNIENTE:

	PRIMERO	SIGUIENTE
5	1a, c, n b	4),\$ 8
A	dn y	لم م،),\$6
В	3 a, 2 4	}),\$ {
۲	$\{c, \lambda\}$	Za,),\$ {

1.) PRIM(as) OPRIM((s)) OPRIM(A) Lay NLC4 NLm4= 0 V

Como las 3 intersecciones son vavías, nos encontremos con una gramática LL(1).

gencia la tabla de gnálist sintáctico El algaitmo pore es el signiente:



```
Y'a' termore != \( \in \text{PRIM(a) haven}\)

Table[A][a] = \( \in \text{PRIM(a) haven}\)

Si \( \text{PRIM(a)}\)

V'b' terminal != \( \text{N} \in \text{S16(a)}\)

Table[A][a] = \( \text{N};\)

A

Si \( \text{N} \)
```

```
Juncion
             analisis -sintactico ()
       Apilon (#);
       Apilon ($);
       Peer_simbolo();
          mientias (! pila_vacia ()) bacer
               Switch cima pila of
                     case terminal:
                              Si (derminal == cima-pila) hacer
                                    leer_simbolo();
                                   Desopilar (5 into 0);
                                    error_sintectico();
                             no-terminal:
                      case
                              si (Teble [ama][simsob];= error)
                                      Desquibal cima pila);
Apilar (Tabla Cama I (Sumbolo ));
                                    error sintactico ();
                             gri
        faurtch
frienties
               cma-pile == # -D
                  Escribic ('ACEPTADA');
          Sino.
               error();
```



-	PILA	ENTRADA	ACCIÓN
	λ	baab((b))\$	Apilar(#);
	#	baab ((b))\$	Apilar(S);
	5#	baab ((b))\$	error-sintactico();

program Programa_Principal()

SCA = lear-simbolo();

S();

si SCA ! = '\$' entonces

error_sintactico();

fbedeou

procedure Reconocer (simbolo S)

si SLA == S enhances

lee [simbolo();

sino

error _ sintactico ();

fri

frocedure

Junion S() switch SLA 50); break; case i(1: Reconocer ('('); SC); Reconocer (')'); breaki A (); B(); break; default: error_ sintackco (); Switch ffucion

funcion A()

Suitch SLA

Case'n':

Recover ('n');

break; (();

defoult: error_sintactico()

fluncion

funcion B()

Switch SLA

case 'a':

Recorocen ('a');

S();

break;

case ')', '\$': /* nada */

break;

default: error-sintactico ();

Jswitch

Juncion

fucion (()

Switch SLA

case ((': Reconocer ('(');

S();



S();

he conocen (')');

break;

case 'a',')', '\$': /* noda */

break;

default: error sintack co();

fswitch

fluction