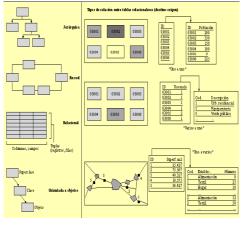
Tema 3 El Modelo de Datos Relacional

Parte 3/3

Grado en Ingeniería Informática





Bases de Datos

2020/21

Departamento de Tecnologías de la Información Universidad de Huelva

3.4.2 Cálculo relacional

- ☐ La parte manipulativa del modelo relacional consiste en el álgebra relacional y en el cálculo relacional
- ☐ El álgebra y el cálculo relacional son dos alternativas para establecer una base formal de la parte manipulativa del modelo
- ☐ El cálculo es un lenguaje formal de consulta basado en expresiones **declarativas**
 - ☑ Especifican qué debe obtenerse, no cómo debe hacerse
 - ☑ Se considera un lenguaje no procedimental
 - ☐ El álgebra ofrece un conjunto de operaciones explícitas que pueden utilizarse para generar la respuesta a la consulta
 - ☑ Basado en la lógica de predicados de primer orden (LPPO)
 - ☑ Álgebra y cálculo relacional tienen el mismo poder de expresión ⇒ para cada expresión del álgebra existe una expresión equivalente en el cálculo y viceversa
- □ Existen dos propuestas de cálculo: el cálculo relacional de tuplas y el cálculo relacional de dominios

3.4.2.1 Cálculo relacional de tuplas

- ☐ Una característica fundamental del CR es el concepto de **variable tupla**. Una variable tupla es una variable cuyos únicos valores permitidos son tuplas de una relación o bien expresiones del cálculo de tuplas
 - □ Por ejemplo, si s es una variable tupla definida sobre la relación R, en cualquier momento dado,s representará una tupla de R
- ☐ Propuesto por Codd en 1972
- ☐ Forma de las consultas:
 - $\{t \mid P(t)\} \rightarrow \text{conjunto de todas las tuplas tales que el predicado } P \text{ es cierto para } t$
- Notación:
 - \boxtimes *t.A* \rightarrow valor de la tupla *t* en el atributo *A*
 - $\ \ \, \square \ \ \, r(t) \rightarrow \mbox{la tupla } t \mbox{ está en la relación } r$

Consultas de ejemplo

☐ Obtener una lista de las asignaturas de 4.5 créditos

$$\{ t \mid asignatura(t) \land t.créditos = 4.5 \}$$

- ☐ Si sólo se desea obtener el nombre de la asignatura, en vez de todos los atributos
 - ☑ Hay que escribir una expresión para una nueva relación: (nombre)
 - ☑ Se necesitan las tuplas de la relación (*nombre*) tales que hay una tupla en asignatura con el atributo *créditos* = 4.5
 - ☑ Se utiliza el operador de cuantificación ∃ de la LPPO
 - ☑ Notación

 $(\exists t) (r(t) \land Q(t)) \rightarrow$ existe una tupla t en la relación r tal que el predicado Q(t) es verdadero

☐ Obtener el nombre de aquellas asignaturas que tengan 4.5 créditos

```
\{\ t \mid (\exists\ s)\ (asignatura(s) \land s.cr\'editos = 4.5 \land t.nomAsig = s.nombre)\ \}
```

- ☑ La variable de tupla t sólo se define para el atributo nomAsig, ya que es el único atributo para el que se especifica una condición para $t \Rightarrow$ el resultado es una relación de (nomAsig)
- ☑ Forma de cambiar el nombre a un atributo en la relación resultado
- ☐ Obtener el nombre de las asignaturas de segundo curso junto con el nombre del profesor responsable
 - ☑ Involucra dos relaciones: asignatura y profesor
 - ☑ Es necesario utilizar dos cuantificadores existenciales relacionados por ∧

```
{ t \mid (\exists s) (asignatura(s) \land s.curso = 2 \land t.nomAsig = s.nombre \land (\exists u) (profesor(u) \land s.prof = u.nPr \land t.nomProf = u.nombre)) }
```

- ☐ Obtener el nombre de todas las personas (alumnos o profesores) de la escuela
 - ☑ Es necesario utilizar dos cuantificadores existenciales relacionados por ∨

```
\{ t \mid (\exists s) (alumno(s) \land t.nombre = s.nombre) \lor (\exists u) (profesor(u) \land t.nombre = u.nombre) \}
```

☐ Obtener el nombre de los alumnos matriculados en el año 2002 en la asignatura A004 pero no en la A011

```
{ t | (∃ s) (alumno(s) \land t.nombre = s.nombre \land (∃ u) (matrícula(u) \land u.año = 2002 \land u.idAsig = 'A004' \land u.alum = s.nAl) \land ¬(∃ v) (matrícula(v) \land v.año = 2002 \land v.idAsig = 'A011' \land v.alum = s.nAl) ) }
```

- \boxtimes (\exists *u*) (*matrícula*(*u*) ...) \rightarrow exige que el alumno haya estado matriculado en el año 2002 en A004
- \square $\neg(\exists v)$ (matricula(v) ...) \rightarrow excluye a los matriculados ese mismo año en A011

- □ Averiguar el nombre de todos los alumnos matriculados en el año 2001 en todas las asignaturas cuyo responsable es el profesor José Manuel Ramos López
 - ☑ En álgebra relacional este tipo de consultas se resuelve mediante el operador ÷
 - ☑ Es necesario utilizar el operador de cuantificación ∀ de la LPPO
 - ☑ Notación

 $(\forall t) (r(t) \land Q(t)) \rightarrow Q(t)$ es verdadero para todas las tuplas t de la relación r

```
{ t \mid (\exists \ s) \ (alumno(s) \land t.nombre = s.nombre \land (\exists \ u) \ (profesor(u) \land u.nombre = 'José Manuel Ramos López' \land (\forall \ v) \ (asignatura(v) \land v.prof = u.nPr \Rightarrow (\exists \ w) \ (matrícula(w) \land w.idAsig = v.idAsig \land w.año = 2001 \land w.alum = s.nAl))) }
```

Definición formal

☐ Las expresiones del cálculo relacional de tuplas son de la forma

 $\{ t \mid F(t) \}$

- ☑ En una fórmula pueden aparecer varias variables de tupla
 - Libre: variable no cuantificada mediante ∃ o ∀
 - Ligada: variable incluida en un cuantificador
- ☐ Las fórmulas se construyen mediante **átomos**, que pueden ser de la forma:
 - \square r(s), donde s es una variable de tupla y r es una relación
 - \boxtimes s.x θ t.y, donde s y t son variables de tupla, x e y son nombres de atributos y θ es un operador de comparación (<, \leq , =, \neq , >, \geq)
 - $\boxtimes s.x \theta c$, donde s es una variable de tupla, x es el nombre de un atributo, θ es un operador de comparación y c es una constante del dominio del atributo x

- ☐ Reglas para formar fórmulas
 - ☑ Un átomo es una fórmula

 - oximes Si F_1 y F_2 son fórmulas, también lo son $F_1 \wedge F_2$, $F_1 \vee F_2$ y $F_1 \Rightarrow F_2$
 - \boxtimes Si F(s) es una fórmula que contiene una variable de tupla s libre, también lo son $(\exists s) (F(s)) y (\forall s) (F(s))$
- ☐ Equivalencias entre operadores

Seguridad de las expresiones

- ☐ Las expresiones del cálculo relacional de tuplas pueden generar relaciones infinitas
 - $\{ t \mid \neg \ asignatura(t) \}$
 - ☑ Hay infinitas tuplas que no están en asignatura
 - ☑ La mayor parte de las tuplas ni siquiera aparecen en la base de datos
 - ☑ Expresión insegura: aquella que produce un número infinito de tuplas ⇒ no se desea permitir ese tipo de expresiones
- Dominio de una fórmula del cálculo relacional de tuplas → conjunto de todos los valores que aparecen:
 - ☑ Como valores constantes en la expresión, o
 - ☑ Que existen en cualquier tupla de las relaciones a las que hace referencia en la expresión

□ Ejemplos

- Expresión segura: si todos los valores de su resultado pertenecen al dominio de la expresión
 - extstyle ext
 - ☑ El resto de ejemplos son expresiones seguras

3.4.2.2 Cálculo relacional de dominios

- ☐ La especificación formal del cálculo de dominios fue propuesta tras la creación del sistema QBE en el centro de investigación T. J. Watson de IBM (1977)
- Muy relacionado con el cálculo relacional de tuplas, pues también se basa en la LPPO
- Utiliza variables de dominio que toman sus valores del dominio de un atributo, en lugar de una tupla completa
- ☐ El álgebra relacional básica (sin las operaciones extendidas), el cálculo relacional de tuplas (expresiones seguras) y el cálculo relacional de dominios (expresiones seguras) tienen la misma potencia expresiva

Definición formal

☐ Las expresiones del cálculo relacional de dominios son de la forma

$$\{x_1, x_2, ..., x_m \mid F(x_1, x_2, ..., x_n)\}$$

- $\boxtimes x_i$ representa una variable de dominio

- ☐ Las fórmulas se construyen mediante **átomos**, que pueden ser de la forma:

 - extstyle ex
 - $\boxtimes x \theta c$, donde x es una variable de dominio, θ es un operador de comparación y c es una constante del dominio del atributo para el que x es una variable de dominio
- □ Reglas para formar fórmulas
 - ☑ Un átomo es una fórmula

 - oximes Si F_1 y F_2 son fórmulas, también lo son $F_1 \wedge F_2$, $F_1 \vee F_2$ y $F_1 \Rightarrow F_2$
 - ☑ Si F(x) es una fórmula que contiene una variable de dominio x libre, también lo son $(\exists x) F(x) y (\forall x) F(x)$
 - ✓ Como notación abreviada se escribe: $(\exists x, y, z) F(x, y, z)$ en lugar de $(\exists x) (\exists y) (\exists z) F(x, y, z)$

Consultas de ejemplo

☐ Obtener una lista de las asignaturas de 4.5 créditos

```
{ i, n, c, cs, ct, e, p | asignatura(i, n, c, cs, ct, e, p) \land c = 4.5 }
```

☐ Obtener el nombre de aquellas asignaturas que tengan 4.5 créditos

```
{ n \mid (\exists i, c, cs, ct, e, p) (asignatura(i, n, c, cs, ct, e, p) \land c = 4.5) }
```

Notación simplificada:

cuantificar sólo las variables que intervienen en condiciones:

Notación alternativa:

```
{ n \mid (\exists c) (asignatura(i, n, c, cs, ct, e, p) \land c = 4.5) }
```

$$\{ n \mid asignatura(i, n, 4.5, cs, ct, e, p) \}$$

 Obtener el nombre de las asignaturas de segundo curso junto con el nombre del profesor responsable

```
\{ na, np \mid (\exists p) (asignatura(i, na, c, 2, ct, e, p) \land (\exists pr) (profesor(pr, d, np, ds, a) \land p = pr)) \}
```

Alternativa:

{ $na, np \mid (\exists p) (asignatura(i, na, c, 2, ct, e, p) \land profesor(p, d, np, ds, a)) }$

☐ Obtener el nombre de todas las personas (alumnos o profesores) de la escuela

```
\{ n \mid profesor(p, dp, n, ds, an) \lor alumno(a, da, n, f, l, nh, o) \}
```

 Obtener el nombre de los alumnos matriculados en el año 2002 en la asignatura A004 pero no en la A011

```
{ n \mid (\exists a) \ (alumno(a, da, n, f, l, nh, o) \land matricula(a, `A004', p, 2002, fj, s, d) \land 
 ¬ <math>matricula(a, `A011', pp, 2002, ffj, ss, dd)) }
```

□ Averiguar el nombre de todos los alumnos matriculados en el año 2001 en todas las asignaturas cuyo responsable es el profesor José Manuel Ramos López

```
{ n \mid (\exists a) \ (alumno(a, da, n, f, l, nh, o) \land (\exists p) \ (profesor(p, dp, 'José Manuel Ramos López', ds, an) \land (\forall ia) \ (asignatura(ia, na, c, cs, ct, e, p) <math>\Rightarrow matrícula(a, ia, pr, 2001, fj, s, d)))) }
```

Seguridad de las expresiones

□ Las expresiones del cálculo relacional de dominio también pueden generar relaciones infinitas

$$\{i, n, c, cs, ct, e, p \mid \neg a signatura(i, n, c, cs, ct, e, p)\}$$

- ☑ No es segura porque permite valores del resultado que no están en el dominio de la expresión
- $lue{}$ Debe considerarse cuidadosamente la forma de las fórmulas dentro de los cuantificadores $\exists \ y \ \forall$

$$\{x \mid (\exists z) (\neg r(x, z) \land P(z))\}$$

- extstyle ext
- ✓ No es posible probar la fórmula