

Febrero2014-Resuelto.pdf



alberto_fm_



Algorítmica y Modelos de Computación



3º Grado en Ingeniería Informática



Escuela Técnica Superior de Ingeniería
Universidad de Huelva

NEW

WUOLAH Print

Lo que faltaba en Wuolah



Imprimir



Ejercicio_1. (2 puntos)

El algoritmo de ordenación MergeSort puede ser implementado por:

MergeSort (A, p, r) /* Ordena un vector A desde p hasta r */

```

if  $p < r$  { /* Dividir en dos trozos de tamaño igual (o lo más parecido posible), es decir  $\lceil n/2 \rceil$  y  $\lfloor n/2 \rfloor$  */
     $q = \lfloor (p+r)/2 \rfloor$ ; /* Divide */
    /* Resolver recursivamente los subproblemas */
    MergeSort (A,p,q); /* Resuelve */
    MergeSort (A,q+1,r); /* Resuelve */
    /* Combinar: mezcla dos listas ordenadas en  $O(n)$  */
    Merge (A,p,q,r); /* Combina */
}
    
```

- El algoritmo utiliza para su implementación la función Merge que tiene un coste $\Theta(n)$.

Se pide:

- (0,75 puntos). Calcular la complejidad del algoritmo propuesto por el método de la **ecuación característica**.
- (0,5 puntos). Calcular la complejidad del algoritmo propuesto por el Teorema maestro.
- (0,75 puntos). Comparar el algoritmo propuesto con el siguiente (Calcular la complejidad y compararlas):

MergeSort_bad (A, p, r) /* Ordena un vector A desde p hasta r */

```

if  $p < r$  {
    MergeSort_bad (A,p,p);
    MergeSort_bad (A,p+1,r);
    Merge (A,p,p,r);
}
    
```

$$T(n) = \begin{cases} c_1 & n = 1 \\ c_2 + 2T\left(\frac{n}{2}\right) + c_3 n & n > 1 \end{cases}$$

$$a) \quad T(n) = c_2 + 2T\left(\frac{n}{2}\right) + c_3 n \rightarrow n = 2^m \quad m = \log_2 n$$

$$T(n) - 2T\left(\frac{n}{2}\right) = c_2 + c_3 n \rightarrow$$

$$T(2^m) - 2T(2^{m-1}) = c_2 + c_3 \cdot 2^m \rightarrow T(2^m) = k_m$$

$$k_m - 2k_{m-1} = c_2 + c_3 \cdot 2^m \cdot n^0$$

$$\rightarrow (x-2)(x-2) = 0 \quad \left\{ \begin{array}{l} r = 2 \text{ dobles} \end{array} \right.$$

$$k_m = k_1 \cdot 2^m + k_2 \cdot 2^m \cdot m \rightarrow T(2^m) = k_1 \cdot 2^m + k_2 \cdot 2^m \cdot m$$

$$\rightarrow T(n) = k_1 \cdot n + n \log_2 n - k_2 \quad \leftarrow O(n \log_2 n)$$

$$\rightarrow T(n) = K_1 \cdot n + n \log_2 n \cdot K_2 \in O(n \log_2 n)$$

b) a $T(\frac{n}{b}) + n^k \cdot \log^p(n)$

NOTA: El Teorema maestro es:

$$T(n) \in \begin{cases} O(n^{\log_b a}) & \text{si } a > b^k \\ O(n^k \cdot \log^{p+1} n) & \text{si } a = b^k \\ O(n^k \cdot \log^p n) & \text{si } a < b^k \end{cases}$$

$$a=2$$

$$b=2$$

$$k=1$$

$$p=0$$

$$T(n) \in O(n \cdot \log n)$$

c)

MergeSort_bad (A, p, r) /* Ordena un vector A desde p hasta r */

if p < r {

 MergeSort_bad (A, p, p);

 MergeSort_bad (A, p+1, r);

 Merge (A, p, p, r);

}

$$T(n) = \begin{cases} 1 & n \leq 1 \\ T(1) + T(n-1) + n & n > 1 \end{cases}$$

$$T(n) = T(n-1) + \overset{\rightarrow n}{(n+1)}$$

$$T(n) - T(n-1) = 1^n \textcircled{1}$$

$$(x-1)(x-1)^{\uparrow+1} = 0 \rightarrow (x-1)(x-1)^2 = 0 \int_{triple}^{r.l}$$

$$T(n) = K_1 \cdot 1^n + K_2 \cdot 1^n \cdot n + K_3 \cdot 1^n \cdot n^2 \\ = K_1 + K_2 n + K_3 \cdot n^2 \in O(n^2)$$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n \log n}{n^2} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\log n}{n} =$$

NEW

WUOLAH Print

Lo que faltaba en Wuolah



Imprimir



- ☐ Todos los apuntes que necesitas están aquí
- ☐ Al mejor precio del mercado, desde **2 cent.**
- ☐ Recoge los apuntes en tu copistería más cercana o recíbelos en tu casa
- ☒ Todas las anteriores son correctas



$$= \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{f'(n)}{f'(n)} = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1/n \ln(2)}{1}$$

$$= \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n \ln(2)} = \frac{1}{\infty} = 0 \quad (n^2 > n \log n)$$

3)

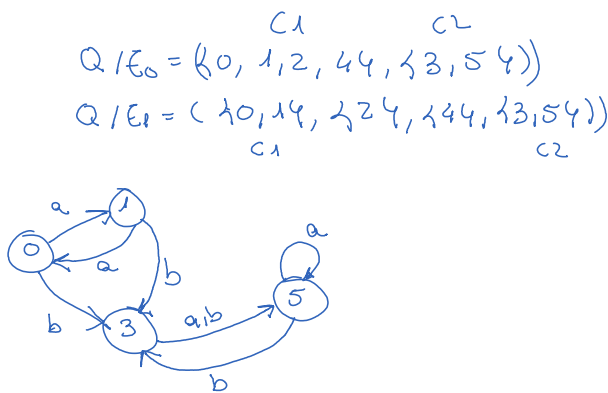
Ejercicio_3. (1,5 puntos)

Dado el autómata siguiente,

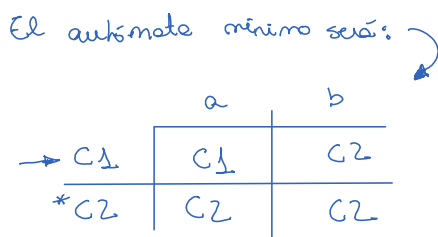
f	a	b
→ 0	1	3
1	0	3
2	1	4
* 3	5	5
4	3	3
* 5	5	3

Obtener:

- (0.5 puntos). El A.F.D. mínimo equivalente.
- (0.5 puntos). La expresión regular del lenguaje reconocido por el autómata del apartado anterior.
- (0.5 puntos). La gramática de tipo 3 para el lenguaje.



El estado 2 y el estado 4 son inaccesibles desde el estado inicial. Por tanto podemos eliminarlos



$$f(0, a) = 1 \quad C_1$$

$$f(0, b) = 3 \quad C_2$$

$$f(1, a) = 0 \quad C_1$$

$$f(1, b) = 3 \quad C_2$$

$$\left(\begin{array}{l} f(2, a) = 1 \quad C_1 \\ f(2, b) = 4 \quad C_1 \end{array} \right)$$

$$f(3, a) = 5 \quad C_2$$

$$f(3, b) = 5 \quad C_2$$

$$\left(\begin{array}{l} f(4, a) = 3 \quad C_2 \\ f(4, b) = 3 \quad C_2 \end{array} \right)$$

$$f(5, a) = 5 \quad C_2$$

$$f(5, b) = 3 \quad C_2$$

b) El lenguaje aceptado por el autómata del apartado a) será:

$$\begin{cases} X_0 = aX_0 + bX_1 + b \\ X_1 = aX_1 + bX_1 + a + b \end{cases}$$

Resolvemos el sistema aplicando la regla de inferencia

$$X = aX + b \Leftrightarrow X = a^*b$$

$$X_1 = aX_1 + a + bX_1 + b$$

$$X_1 = (a+b)X_1 + (a+b) \Leftrightarrow$$

$$X_1 = (a+b)^*(a+b)$$

$$X_0 = aX_0 + b((a+b)^*(a+b)) + b$$

$$= a^*(b((a+b)^*(a+b)) + b) =$$

$$= a^*b((a+b)^*(a+b)) + a^*b =$$

$$= a^*b(\overbrace{(a+b)^*(a+b)} + \lambda) \Rightarrow (a^* = \lambda + a a^*)$$

$$X_0 = a^*b((a+b)^*)$$

$$X_0 = a^*b(a|b)^*$$

c) La gramática del lenguaje viene dada por el quintupla:

$$G(L) = (\Sigma_T, \Sigma_{NT}, S, P) \text{ Donde:}$$

- $\Sigma_T = \{a, b\}$
- $\Sigma_{NT} = \{C_1, C_2\}$
- $S = C_1$
- P : Cjto de producciones formado por:

$$\begin{aligned} C_1 &\rightarrow aC_0 \mid bC_1 \mid b \\ C_0 &\rightarrow aC_1 \mid bC_1 \mid a \mid b \end{aligned}$$

Ejercicio_4. (1,5 puntos)

Dado el lenguaje $(01)^n$ con $n \geq 0$,

- 1) (0,75 puntos). Seleccionar, justificando la respuesta, el autómata que reconoce el lenguaje indicado.
 - a. $AF = \{([0,1], \{A,B,C,F\}, f, A, \{F\})\}$ con $f(A,0)=B, f(A,\lambda)=\lambda, f(C,0)=B, f(B,1)=C, f(B,1)=\lambda$ \times
 - b. $AF = \{([0,1], \{A,B,C,F\}, f, A, \{F\})\}$ con $f(A,0)=B, f(A,\lambda)=F, f(C,0)=B, f(B,1)=C, f(B,1)=F$
 - c. $AF = \{([0,1], \{A,B,C,F\}, f, A, \{F\})\}$ con $f(A,B)=0, f(A,F)=\lambda, f(C,B)=0, f(B,C)=1, f(B,F)=1$ \times
 - d. $AF = \{([0,1], \{A,B,C,F\}, f, A, \{F\})\}$ con $f(B,0)=A, f(F,\lambda)=A, f(B,0)=C, f(C,1)=B, f(F,1)=B$ \times
- 2) (0,75 puntos). Obtener el AFD mínimo equivalente del autómata seleccionado en el apartado anterior.

1)

a) No es correcta porque el estado de llegada de una transición no puede ser λ . Tiene que ser un estado de Σ_{NT} .

c) No es correcta porque el estado de destino de una transición no puede ser un símbolo. Tiene que ser un estado de Σ_{NT} .

d) No es correcta porque no hay ninguna transición que tenga como origen el estado inicial (A).

2) El AF del apartado anterior es:

	0	1	λ
$\rightarrow A$	$\{B\}$		$\{F\}$
B		$\{C, F\}$	
C	$\{B\}$		
D			
E			
$*F$			

Como los estados D y E no se utilizan, los podemos eliminar.

Empezaremos a transformar el AFND- λ a AFD.

$$Q_0 = CL(A) = \{A, F\}^*$$

$$CL(f(Q_0, 0)) = \{B\} = Q_1$$

$$CL(f(Q_0, 1)) = \emptyset = Q_2$$

$$CL(f(Q_1, 0)) = CL(\{B\}) = Q_2$$

$$CL(f(Q_1, 1)) = CL(\{C, F\}) = \{C, F\} = Q_3^*$$

$$CL(f(Q_2, 0)) = \emptyset$$

$$CL(f(Q_2, 1)) = \emptyset$$

$$CL(f(Q_3, 0)) = CL(\{B\}) = \{B\} = Q_1$$

$$CL(f(Q_3, 1)) = CL(\emptyset) = \emptyset = Q_2$$

AFD	0	1
$\rightarrow^* Q_0$	Q_1	Q_2
Q_1	Q_2	Q_3
Q_2	Q_2	Q_2
$*Q_3$	Q_1	Q_2

Mua vez hemos usado el AFD a partir del AFND, lo minimizaremos con el

método de conjunto/cociente:

$$Q/E_0 = (C_0 = \{Q_2, Q_1\}, C_1 = \{Q_0, Q_3\})$$

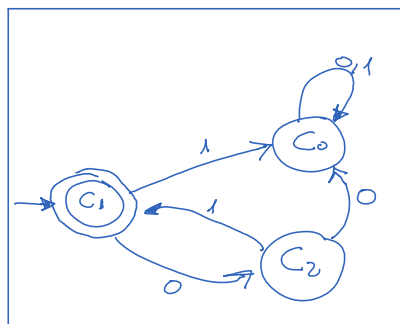
$$\left. \begin{array}{ll} f(Q_2, 0) = Q_2 & f(Q_1, 0) = Q_2 \\ f(Q_2, 1) = Q_2 & f(Q_1, 1) = Q_3 \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{Como } Q_2 \text{ y } Q_1 \text{ son} \\ \text{distinguidos} \rightarrow \text{creamos} \\ \text{un nuevo conjunto} \end{array}$$

$$Q/E_1 = (C_0 = \{Q_2\}, C_1 = \{Q_0, Q_3\}, C_2 = \{Q_1\})$$

$$\left. \begin{array}{ll} f(Q_0, 0) = Q_1 & f(Q_3, 0) = Q_1 \\ f(Q_0, 1) = Q_2 & f(Q_3, 1) = Q_2 \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{Como no son distinguibles} \\ \text{no creamos otro conjunto} \end{array}$$

Por tanto, el AFD mínimo será:

	0	1
C_0	C_0	C_0
$\rightarrow^* C_1$	C_2	C_0
C_2	C_0	C_1



Ejercicio_5. (2 puntos)

Dada la gramática:

$$S \rightarrow S = A / A$$

$$A \rightarrow A := B / B$$

$$B \rightarrow (S) / a / b$$

- (0.5 puntos). Comprobar si es LL(1), eliminar la recursividad a la izquierda y obtener la gramática LL(1) equivalente.
- (0.5 puntos). Convertir la gramática del apartado anterior en un autómata con pila que acepte el mismo lenguaje por pila vacía.
- (0.5 puntos). Analizar, teniendo en cuenta el principio de preanálisis (lectura de un símbolo de la entrada con anticipación) la entrada "(a)".
- (0.5 puntos). Implementar el pseudocódigo de análisis descendente dirigido por la sintaxis para la gramática obtenida LL(1).

a)

Eliminar Recursividad a izquierda

$$\begin{aligned}
 S &\rightarrow S = A \mid A & \begin{cases} S \rightarrow AS' \\ S' \rightarrow = AS' \mid \lambda \end{cases} \\
 A &\rightarrow A := B \mid B & \begin{cases} A \rightarrow BA' \\ A' \rightarrow := BA' \mid \lambda \end{cases} \\
 B &\rightarrow (S) \mid a \mid b
 \end{aligned}$$

Por tanto, la gramática equivalente será:

- 1) $S \rightarrow AS'$
- 2) $S' \rightarrow = AS' \mid$
- 3) λ
- 4) $A \rightarrow BA'$
- 5) $A' \rightarrow := BA' \mid$
- 6) λ
- 7) $B \rightarrow (S) \mid$
- 8) $a \mid$
- 9) b

La condición para que una gramática sea LL(1) es:

"Para cada par de reglas de la gramática con el mismo antecedente, la intersección de sus símbolos directores es vacía"

$$\text{PRIM}(=AS') \cap \text{PRIM}(\lambda) = \text{SIG}(S') = \emptyset$$

$$\text{PRIM}(:=BA') \cap \text{SIG}(A') = \emptyset$$

$$\text{PRIM}((S)) \cap \text{PRIM}(a) \cap \text{PRIM}(b) = \emptyset$$

Calculamos los conjuntos PRIMERO Y SIGUIENTE:

	PRIMERO	SIGUIENTE
S	{(, a, b}	{\$,)}
S'	{=, \lambda}	{\$,)}
A	{(, a, b}	{=, \$,)}
A'	{=, \lambda}	{=, \$,)}
B	{(, a, b}	{:=, =, \$,)}

Comprobamos las condiciones anteriores:

$$\begin{aligned}
 \text{PRIM}(=AS') &= \{= \} \cap \text{SIG}(S') = \{= \} \cap \{ \$,) \} = \emptyset \\
 \text{PRIM}(:=BA') &\cap \text{SIG}(A') = \{:= \} \cap \{=, \$,) \} = \emptyset
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \bullet \text{PRIM}((S)) \cap \text{PRIM}(a) \cap \text{PRIM}(b) &= \{(\} \cap \{a \} \cap \{b \} = \emptyset
 \end{aligned}$$

Como las condiciones se cumplen, entonces la gramática es LL(1)

b) Un autómata con pila (AP) viene definido por la septupla:

$$AP = (\Sigma, \Gamma, Q, A_0, q_0, f, F) \text{ donde:}$$

Σ : alfabeto que acepta el autómata

Γ : alfabeto de la pila

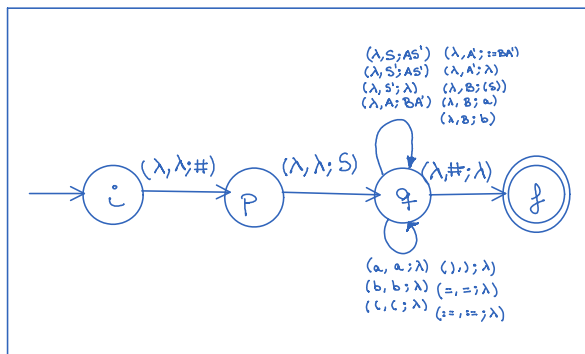
Q : Conjunto de estados

A_0 : Símbolo inicial de la pila ($\#$)

q_0 : Estado inicial.

f : funciones de transición

F : Conjunto de Estados Finales



c)

ESTADO	PILA	ENTRADA	ACCIÓN	INDETERMINACIÓN	ACCIÓN
i	λ	$(a)\$$	$(i, \lambda, \lambda; p, \#)$		
p	$\#$	$(a)\$$	$(p, \lambda, \lambda; q, S)$		
q	$S\#$	$(a)\$$	$(q, \lambda, S; q, AS')$		$S \rightarrow AS'$
q	$AS'\#$	$(a)\$$	$(q, \lambda, A; q, BA')$		$A \rightarrow BA'$
q	$BA'S'\#$	$(a)\$$	$(q, \lambda, B; q, (S))$	$B \rightarrow (S) \leftarrow$ $B \rightarrow a$ $B \rightarrow b$	$B \rightarrow (S)$
q	$(S)A'S'\#$	$(a)\$$	$(q, (, (, q, \lambda)$		Reconocer('c');
q	$(S)A'S'\#$	$a)\$$	$(q, \lambda, S; AS')$		$S \rightarrow AS'$
q	$AS')A'S'\#$	$a)\$$	$(q, \lambda, A; q, BA')$		$A \rightarrow BA'$
q	$BA'S')A'S'\#$	$a)\$$	$(q, \lambda, B; q, a)$	$B \rightarrow (S)$ $B \rightarrow a \leftarrow$ $B \rightarrow b$	$B \rightarrow a$
q	$aA'S')A'S'\#$	$a)\$$	$(q, a, a; q, \lambda)$		Reconocer('a');
q	$A'S')A'S'\#$	$)\$$	$(q, \lambda, A'; q, \lambda)$	$A' \rightarrow == BA'$ $A' \rightarrow \lambda \leftarrow$	$A' \rightarrow \lambda$
q	$S')A'S'\#$	$)\$$	$(q, \lambda, S'; q, \lambda)$	$S' \rightarrow AS'$ $S' \rightarrow \lambda \leftarrow$	$S' \rightarrow \lambda$
q	$)A'S'\#$	$)\$$	$(q,),), q, \lambda)$		Reconocer(')');
-	$a'c'..$	a	$(.. \lambda, a'.. \lambda)$	$A' \rightarrow == BA'$	$A' \rightarrow \lambda$

q)A'S'#)\$	(q,),); q, λ)		Reconocer(')');
q	A'S'#	\$	(q, λ, A'; q, λ)	A' → :=BA' A' → λ ←	A' → λ
q	S'#	\$	(q, λ, S'; q, λ)	S' → AS' S' → λ	S' → λ
q	#	\$	(q, λ, #; f, λ)		
f	λ	λ	ACEPTAR		

d) La gramática:

- 1) $S \rightarrow AS'$
- 2) $S' \rightarrow :=AS' \mid$
- 3) λ
- 4) $A \rightarrow BA'$
- 5) $A' \rightarrow :=BA' \mid$
- 6) λ
- 7) $B \rightarrow (S) \mid$
- 8) $a \mid$
- 9) b

con los conjuntos PRIMERO y SIGUIENTE:

	PRIMERO	SIGUIENTE
S	{(, a, b}	{\$,)}
S'	{=, λ}	{\$,)}
A	{(, a, b}	{=, \$,)}
A'	{:=, λ}	{=, \$,)}
B	{(, a, b}	{:=, =, \$,)}

El pseudocódigo del análisis descendente dirigido por la sintaxis para la gramática LL(1) es:

```

Simbolo SLA;

Programa_Principal;
{
    SLA = leer_simbolo();
    S();
    Si SLA != $ entonces
        Error();
}

```

```

Procedimiento A();
/* A → BA' */
B();
A'();

```

```

Procedimiento A'();
/* A' → :=BA' | λ */
CASE SLA OF

```

```

Procedimiento Reconocer(Simbolo terminal);
{
    Si (SLA == terminal)
        leer_simbolo();
    sino
        error_introducido();
}

```

```

Procedimiento S();
/* S → AS' */
A();
S'();
}

```

```

Procedimiento S'();
/* S' → :=AS' | λ */
CASE SLA OF

```

```

Procedimiento A'();
/* A' → BA' | λ */
CASE SLA OF
  '=' : Reconocer(':=');
        B();
        A'();
  '=' , ')' , '$' : /* */
else: error_sintactico;
END CASE;
}

```

```

/* S' → AS' | λ */
CASE SLA OF
  '=' : Reconocer(':=');
        A();
        S'();
  ')' , '$' : /* */
else: error_sintactico();
END CASE;

```

```

Procedimiento B();
/* B → (S) | a | b */
CASE SLA OF
  '(' : Reconocer('(');
        S();
        Reconocer(')');
  'a' : Reconocer('a');
  'b' : Reconocer('b');
else: error_sintactico();
END CASE;
}

```

Para aprobar una asignatura el/la estudiante tiene que hacer en total n tareas (exámenes, prácticas, trabajos, etc). Para cada una de ellas estima que le llevará cierto tiempo, t_i . Como puede realizarlas a lo largo del curso, las quiere repartir entre las convocatorias de junio, septiembre y diciembre. En cada convocatoria puede sacar M unidades de tiempo como **máximo**. Se supone que todas las tareas se deben hacer y que no se pueden fraccionar (cada tarea va a una sola convocatoria). El **objetivo** es conseguir un reparto haciendo las tareas cuanto antes, no dejarlas para el final, es decir, minimizar el tiempo dedicado en la convocatoria de diciembre. En caso de empate en diciembre, minimizar el tiempo en la de septiembre.

- (1 punto). Diseñar un algoritmo **voraz** para resolver el problema aunque no se garantice siempre la solución óptima. Proponer y contrastar dos criterios de selección. Aplicar el algoritmo al caso: $n = 5$, $M = 16$, $t = \{7, 5, 3, 5, 6\}$.
- (1 punto). Resolver el problema mediante **programación dinámica**. Definir la ecuación recurrente, los casos base, las tablas y el algoritmo para rellenarlas. No hay que aplicar el ejemplo.
- (1 punto). Resolver el problema por **backtracking** usando el esquema iterativo. Indicar cómo es la representación de la solución, la forma del árbol y programar las funciones genéricas del esquema correspondiente.

a) Como criterio de selección elegiré la actividad que termine antes.

```

funcion Ejercicio2.Vozes( t: array [1..N] of Integer, M: Integer )
    J [1..N], S [1..N], D [1..N];
    tOrdenado = ordenarPorCriterio(t);
    J ← {1}; tJ = t[1];
    S ← ∅; tS = 0;
    D ← ∅; tD = 0;
    para i = 2 hasta N hacer
        si ( t[i] + tJ ≤ M ) entonces
            J ← J ∪ {i};
        -sino
            si ( t[i] + tS ≤ M ) entonces
                S ← S ∪ {i};
            -sino
                si ( t[i] + tD ≤ M ) entonces
                    D ← D ∪ {i};
                -sino
                    Escribir ("No se puede hacer la actividad", i);
                    error();
    -fin para

```

Aplicamos el algoritmo a los datos: $n = 5$, $M = 16$, $t = \{7, 5, 3, 5, 6\}$

1) $t_{\text{Ordenado}} = \{3, 5, 5, 6, 7\}$
 $\begin{cases} J \leftarrow \{1\}; S \leftarrow \emptyset; D \leftarrow \emptyset; \\ tJ = 3; \end{cases}$

$\begin{cases} J \leftarrow \{1, 2\}; S \leftarrow \emptyset; D \leftarrow \emptyset \\ tJ = 8; \end{cases}$

$\begin{cases} J \leftarrow \{1, 2, 3\} \\ tJ = 13; \end{cases}$

$\begin{cases} J = \{1, 2, 3\}; S \leftarrow \{4\} \\ tJ = 13; tS = 6; \end{cases}$

$\begin{cases} S = \{1, 2, 3\}; S \leftarrow \{4, 5\}; D \leftarrow \emptyset \\ tJ = 13; tS = 13; tD = 0; \end{cases}$

$$\begin{cases} S = \{1, 2, 3, 4\} & S \subseteq \{1, 5\} & D \in \emptyset \\ tS = 13; & tS = 13; & tD = 0; \end{cases}$$

b)

$$A(i, j, s, d) = \begin{cases} 0 & \text{si } i = 0 \\ +\infty & \text{si } j < 0, s < 0, d < 0 \end{cases} \quad \text{Casos Base}$$

$$\min \{ A(i-1, j-t_i, s, d) + A(i-1, j, s-t_i, d), \\ t_i = M + A(i-1, j, s, d-t_i) \}$$

Tabla T:

array [(0...N), (0...M), (0...M), (0...M)]

El algoritmo será:

funcion Ejercicio2PD()

para i = 0 hasta N hacer

para j = 0 hasta M hacer

para s = 0 hasta M hacer

para D = 0 hasta M hacer

si (i == 0) entonces T[i, j, s, d] = 0;

sino

T[i, j, s, d] = min (T(i-1, j-t_i, s, d) + T(i-1, j, s-t_i, d),
t_i * M + T[i-1, j, s, d-t_i]);

fin

para

para

para

para

Escribir ("Tiempo Diciembre:", T[n, M, M, M] / M);

Escribir ("Tiempo septiembre", T[n, M, M, M] mod M);

funcion

c) La solución por Backtracking se representa con un vector s .

$S = \{s_1, s_2, \dots, s_n\}$ donde s_i puede tomar los valores $\{1, 2, 3\}$ en función de a qué convulsoria se asigne.

El árbol sería ternario, ya que puedes tomar 3 decisiones distintos para cada elemento

Las funciones genéricas que se utilizan son:

```
operación Inicializar
    voa := +∞
    nivel := 1
    s := (0, 0, ..., 0)
    conv := (0, 0, 0, 0)

operación Generar (nivel, s)
    conv[s[nivel]] := conv[s[nivel]] - t[nivel]
    s[nivel] := s[nivel] + 1
    conv[s[nivel]] := conv[s[nivel]] + t[nivel]

operación Solución (nivel, s)
    devolver (nivel == n) AND (conv[s[nivel]] <= M)

operación Criterio (nivel, s)
    devolver (nivel < n) AND (conv[s[nivel]] <= M)

operación MasHermanos (nivel, s)
    devolver s[nivel] < 3

operación Retroceder (nivel, s)
    conv[s[nivel]] := conv[s[nivel]] - t[nivel]
    s[nivel] := 0
    nivel := nivel - 1

operación Valor (s)
    devolver conv[3] * M + conv[2]
```