

上海交通大学试卷

(2022 至 2023 学年 第一学期)

班级号 _____ 学号 _____ 姓名 _____
课程名称 CS1953 - 程序设计 (A 类) 成绩 _____

考前须知:

1. 本场考试形式为上机考试, 考试时间 180 分钟, 满分 300 分。在线监考平台为腾讯会议。考生需保证提前安装最新版本的软件并提前熟悉软件的使用 (下载地址: <https://meeting.tencent.com/download-center.html>)。考场指令将在监视正面摄像头的腾讯会议发布, 请不要将该会议静音。
2. 考试过程中, 请遵守上海交通大学学生考试纪律规定。考试期间允许访问互联网、查看考试设备上存储的代码, 允许查看任何形式的资料, 但不允许任何形式的交流, 不允许使用 copilot 等类似代码补全、代码编写插件或软件, 一经发现, 按作弊论处。
3. 如有任何疑问, 请向**主持人私聊**。
4. 除卷面信息外, 你需要在考试页面下载考试题目数据相关数据包, 考试前 2 分钟将会在会议中公布数据包的密码。
5. 最终答案提交方法为提交源代码, 各题目源代码文件名见下, 所有题目只需要提交头文件中的内容。允许提交多次, 每道题参与评分的代码为最后一次通过的提交, 未通过的题目取最后一次得分最高的提交, 但须在**考试时间内**完成提交。
6. 每道题同时会提供一个 `cpp` 文件, 你可以编译该文件来测试运行自己的代码, 题目描述中的输入格式和输出格式均指该文件, 你也可以更改这个文件以方便调试自己的代码, 但造成的后果由自己承担。
例如: 对于第一题, 在 `main.cpp` 文件内已经 `#include "matrix.h"`, 你可以编译运行 `main.cpp`, 并按照样例输入来测试自己完成的 `matrix.h`。特别需要注意的是此文件以及输入、输出等均只与调试有关, 与最终测试无关。
7. 请严格按照题目描述的算法解决问题, 否则将不能得到分数。
8. 内存泄漏扣分策略已在题面中写明, 请注意检查空间的释放。
9. 请注意提交代码的代码风格! 极为糟糕的代码风格 (例如改变语法的某些宏定义) 会酌情扣分!
10. 期末机考分数由人工审查获得。助教将通过综合评估程序的部分完成度、代码风格、内存泄漏、算法与代码提交是否合规等方面, 并参考 OJ 评测结果, 确定最终评分, 极为糟糕的代码风格 (例如改变语法的某些宏定义) 亦会酌情扣分。对于不按照题目要求, 错误实现或修改不可修改部分代码的, 将严厉扣分。不保证最终成绩与 OJ 完成的结果相关。
11. 对于没有调试通过的成员函数, 请将函数体与函数原型注释掉, 以保证通过编译得到部分分。被注释的函数将在人工审查时适当给分。
12. 如遇到不可抗力因素, 无法在考试时间内于线上评测系统提交的, 请在 15 分钟内, 将需要提交的代码发至 Canvas 平台的对应提交通道; 如无法使用 Canvas 或仍无法正常提交的, 请将代码以邮件的方式传至指定邮箱 (邮箱地址: xia_tian@sjtu.edu.cn), 标题为“期末机考代码补提交”, 并在邮件正文中写明姓名、学号。如无法使用邮箱, 请将代码通过即时通信软件 (如微信、QQ 等) 传送给老师或助教。超过 15 分钟未交的或不按要求提交代码的, 视作未答题。

我承诺，我将严格遵守考试纪律。

承诺人：_____

13. 评测与编译参数：

g++ code.cpp -o code -fmax-errors=10 -O2 -DONLINE_JUDGE -lm -std=c++17

gcc version: gcc version 12.2.0

题目时空限制与分值：

题目名称	A Toy MATLAB	A Naive Packet	MarkUp 文本编辑器
分值	100	100	100
源代码文件名	matrix.h	packet.h	markup.h
时间限制	6s	1s	6s
内存限制	512MiB	256MiB	256MiB

1 A Toy MATLAB

需要提交的文件: *matrix.h*。

Overview

MATLAB 是美国 MathWorks 公司出品的商业数学软件，和 Mathematica、Maple 并称为三大数学软件。它在数学类科技应用软件中在数值计算方面首屈一指，广泛应用于矩阵运算、绘制函数和数据、实现算法、创建用户界面、连接其他编程语言的程序等。

矩阵是 MATLAB 中的基本元素。MATLAB 用由一对 `[]` 括起的若干数字表示一个矩阵：

```
[ 1 2 3 ; 4 5 6 ; 7 8 9 ]
```

其中行内元素以 `,` 或空格隔开，行与行间以 `;` 分隔。

你的任务是参照 MATLAB，实现一个带有基本矩阵运算功能的矩阵类。

简单来说，你需要实现一个带模板参数 `T` 的类 `Matrix`。

```
template <typename T> class Matrix;
```

表示一类元素类型为 `T` 的矩阵。具体地，它需要支持以下特性：

Features

含参构造

```
int seq[4] = {1, 2, 3, 4};
Matrix<int> a(2, 2, seq); // a := [ 1 2 ; 3 4 ]
Matrix<int> b(1, 2); // b := [ 0 0 ]
```

使用含参构造函数声明一个**已初始化的**矩阵实例。

第一个参数 `h` 表示矩阵的高（行数），第二个参数 `w` 表示矩阵的宽（列数）。**保证** $h, w > 0$ 且 $h \cdot w \leq 10^6$ 。

第三个参数为初始化序列，序列的第 $i \times w + j$ (**0-base**) 项表示矩阵第 `i` (**0-base**) 行第 `j` (**0-base**) 列的元素的初始值。

初始化序列**可省缺**，省缺时表示用元素类型**默认值**（即 `T()`）填充矩阵。

拷贝构造

```
Matrix<int> c(a); // c := [ 1 2 ; 3 4 ]
```

使用拷贝构造函数复制一个相同类型矩阵实例。

矩阵类型 `T` 不匹配时拷贝构造是**非法的**（保证不会在测试中出现）。

矩阵赋值

```
b = b; // b := [ 0 0 ]  
c = b; // c := [ 0 0 ]
```

使用赋值运算将等号右端的对象值赋给等式左端对象。不同形状矩阵间的赋值是**合法的**。
矩阵类型 T 不匹配时赋值运算是**非法的**（保证不会在测试中出现）。

元素访问

```
Matrix<int> tmp1(a); // tmp1 := [ 1 2 ; 3 4 ]  
const Matrix<int> tmp2(a); // tmp2 := [ 1 2 ; 3 4 ]  
  
int ans1 = tmp2(1, 2); // ans1 := 2  
tmp1(2, 2) = 1; // tmp1 := [ 1 2 ; 3 1 ]
```

使用 **1-base** 下标访问矩阵中的某一元素，对于非常量矩阵该访问应**可写**。

当访问的下标非法（例如 `ans1(0, 2)` 或 `ans1(1, 3)`）时，应立即停止运算，抛出 `MatrixIndexingError` 类型异常。

矩阵加法

```
Matrix<int> tmp3(1, 4, seq); // tmp3 := [ 1 2 3 4 ]  
Matrix<int> tmp4(4, 1, seq); // tmp4 := [ 1 ; 2 ; 3 ; 4 ]  
  
Matrix<int> ans2 = a + a; // ans2 := [ 2 4 ; 6 8 ]  
Matrix<int> ans3 = tmp3 + tmp4;  
// ans3 := [ 2 3 4 5 ; 3 4 5 6 ; 4 5 6 7 ; 5 6 7 8 ], implicit expansion
```

对于**形状相同**的矩阵，矩阵加法定义为

$$C_{n \times m} := A_{n \times m} + B_{n \times m} \iff c_{ij} = a_{ij} + b_{ij} \quad (0 \leq i < n, 0 \leq j < m)$$

特别地，对于**行向量 + 列向量**（ $[1 \times n] + [m \times 1]$ 或 $[m \times 1] + [1 \times n]$ ，这里 $[a \times b]$ 表示一个 a 行 b 列的矩阵）型矩阵加法，尽管矩阵形状不同，可以通过分别在行、列方向上重复补齐为 $[m \times n]$ 的矩阵，使矩阵加法有意义。例如：

$$\begin{bmatrix} a & b & c \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} d \\ e \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} a & b & c \\ a & b & c \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} d & d & d \\ e & e & e \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a+d & b+d & c+d \\ a+e & b+e & c+e \end{bmatrix}$$

这一特性在 MATLAB 中被称为 **Implicit Expansion**。

若矩阵形状不相同且不满足上述 Implicit Expansion 条件，应立即停止运算，并抛出 `MatrixSizeError` 异常。

参与运算的矩阵类型不匹配时加法运算是**非法的**（保证不会在测试中出现）。

矩阵乘法

```
Matrix<int> ans4 = a * a; // ans4 := [ 7 10 ; 15 22 ]
Matrix<int> ans5 = tmp3 * tmp4; // ans5 := [ 30 ]
```

矩阵乘法定义为

$$C_{n \times s} := A_{n \times m} \times B_{m \times s} \iff c_{ij} = \sum_{k=0}^{m-1} a_{ik} \times b_{kj} \quad (0 \leq i < n, 0 \leq j < s)$$

当相乘的两个矩阵对应维大小不匹配时，应立即停止运算，抛出 `MatrixSizeError` 类型异常。

参与运算的矩阵类型 `T` 不匹配时乘法运算是**非法的**（保证不会在测试中出现）。

关于模板参数

保证类型 `T` 有定义默认构造函数、拷贝构造函数、析构函数、`operator=`、`operator==`、`operator+`（加法）、`operator*`（乘法）。

保证在正确使用类型 `T` 时不会抛出异常、内存泄漏、产生非法或未定义行为。

Structure

请补全以下代码实现 `Matrix` 类。

你可以选择自己喜欢的方式来存储矩阵元素值信息，例如：

- 使用二维数组指针：`T** mat`
- 使用嵌套的 `std::vector` 容器：`std::vector<std::vector<T>> mat`
- 将矩阵元素排列为一维序列，并使用一维数组指针 `T* arr` 或 `std::vector<T> arr` 存储
- 其他任何你喜欢的方式

特别地，以下存储方式不被接受：

- 使用固定大小的一维或二维数组
- 任何将不可避免地导致内存泄漏的实现

```
#ifndef MATRIX_H_
#define MATRIX_H_

#include <exception>
// just include whatever you want

namespace sjtu {

class MatrixSizeError : public std::exception {
```

```

public:
    const char* what() noexcept {
        return "matrix size mismatch";
    }
};

class MatrixIndexingError : public std::exception {
public:
    const char* what() noexcept {
        return "invalid matrix indexing";
    }
};

template <typename T>
class Matrix {
private:
    int h, w;
    // TODO: choose your way to store elements in the matrix

public:
    int height() const {
        return h;
    }
    int width() const {
        return w;
    }

    Matrix() = delete;
    Matrix(int h_, int w_, T* seq = nullptr) {
        // TODO
    }
    Matrix(const Matrix& o) {
        // TODO
    }

    Matrix& operator= (const Matrix& rhs) {
        // TODO
    }

    T& operator() (int row, int col) {
        // TODO
    }
}

```

```

const T& operator() (int row, int col) const {
    // TODO
}

Matrix operator* (const Matrix& rhs) const {
    // TODO
}

Matrix operator+ (const Matrix& rhs) const {
    // TODO
}

~Matrix() {
    // TODO
}
};

} // namespace sjtu

#endif // MATRIX_H_

```

Samples

见下发数据包。

Testcases

本题对矩阵运算效率无硬性要求，部分测试点有内存泄漏检查。

保证运算过程中产生的所有矩阵大小 ($h \cdot w$) 不超过 10^6 。

测试点编号	主要考查内容	内存泄漏检查	分值
1	样例	无	5
2	构造析构	无	10
3	矩阵赋值、元素访问	无	10
4	矩阵运算（不含 Implicit Expansion、异常处理、const）	无	10
5	矩阵运算（含 Implicit Expansion、异常处理、const）	无	15
6	鲁棒性测试	无	10
7	综合测试	无	20
8-14	1-7 号测试点	有	20

2 A Naive Packet

需要提交的文件: `packet.h`。

背景

IP 是 **互联网协议** (internet protocol) 的简称, 是 TCP/IP 协议栈中的网络层协议。IP 协议在发展的过程中, 衍生出 IPv4 和 IPv6 两个不同版本。其中, 历史版本 IPv4 目前仍广泛使用; 后继版本 IPv6 世界各地正在积极部署。

IP 协议的通信单元是 **IP 包** (packet), 同样分为 IPv4 和 IPv6 两个版本。它应该分为头部 (header) 和数据两大部分; 其中头部应该包含源地址、目的地址以及数据类型等字段。

题目描述

IPv4 地址由 32 位二进制数组成。为了方便记忆, 将 IPv4 地址 32 位进制数进行分段, 每段 8 位, 共 4 段, 然后将每段 8 位二进制数转换为十进制数, 中间用 “.” 分割。这种表达方式称之为 **点分十进制**。

IPv6 地址由 128 位二进制数组成, 采用十六进制表示法, 分 8 组表示, 每组 16 位二进制数换算为 4 位十六进制数。各组之间用 “:” 号隔开, 例如: 1080:0000:0000:0000:0008:0800:200c:417a。

定义 0000 为零组。在 IPv6 地址段中有时会出现连续 n 组零组 ($n \geq 1$), 为了简化书写, 这些 0 可以用 “::” 代替, 但一个地址中只能出现一次 “::”。例如, 上面的地址可以被简化为 1080::0008:0800:200c:417a。

现在, 助教定义了 IP 地址的最简形式以及标准形式。

- 最简形式:
 - 对于 IPv4 地址, 其处于最简形式当且仅当每段十进制数不含前导零。如: 127.0.0.1。
 - 对于 IPv6 地址, 其处于最简形式当且仅当每段十六进制数都由 4 位十六进制数表示, 且不存在零组。如: abcd:00a1::。
- 标准形式:
 - 对于 IPv4 地址, 其处于标准形式当且仅当每段十进制数都由 3 位十进制数表示。如: 127.000.000.001。
 - 对于 IPv6 地址, 其处于标准形式当且仅当每段十六进制数都由 4 位十六进制数表示, 且不含 ::。如: abcd:0000:0000:0000:0000:0000:0000:0000。

注意, 十六进制数中大于 9 的数均应使用小写字母表示。

你的任务是实现一个简易的 Packet, 示意图如图 1。

你需要完成：

构造函数与析构函数

你需要完成 `Packet`, `IPv4Packet`, `IPv6Packet` 类的构造函数与析构函数。构造函数参数共三个，类型均为 `const char*`，按顺序传入：

- 最简形式的源地址 `src`，
- 最简形式的目标地址 `dest`，
- 数据内容 `data`。

保证此三个参数对应的字符串在评测程序中不会被修改。

IP 包的分片函数

你需要完成 `IPv4Packet`, `IPv6Packet` 类的 `Segment(int MTU)` 函数。

MTU (Maximum Transmission Unit) 是指网络支持的最大传输单元，以 **字节** 为单位。MTU 的大小决定了发送端一次能够发送报文的最大字节数。

IP 包的分片 (fragmentation) 是指将大的 IP 数据包分割成更小的单位。如果 IP 包的数据长度超过了 MTU，就要进行分片，使分片后的每个片段大小不超过 MTU。

IPv4 允许路由器对超大的 IP 数据包进行分片，但 IPv6 不允许路由器执行分片操作。

对于 `IPv6Packet`，你 **只需要** 输出 `IPv6Packet is already segmented.\n`。

对于 `IPv4Packet`，你需要将 `char* data` 分为若干片，每片按如下格式输出：

```
Fragment <fragment>: Size <size>; Header Size <header_size>; Data Size <data_size>;  
Flag <flags>; Fragment Offset <offset>; Data <segmented_data>.\n
```

- `<fragment>`：该分段的序号（从 0 开始）。
- `<size>`：该分段的大小（等于 `head_size` 与 `data_size` 的和）。
- `<header_size>`：头部的大小，默认为 20。
- `<data_size>`：`<segmented_data>` 的长度。
- `<flags>`：表示该分段是否为最后一段是否为中间段，中间段用 1 表示，最后一段用 0 表示。
- `<offset>`：表示该段在原数据中的偏移量，以 **8 字节** 为单位。简单来说，设原报文为 `char* data`，那么该分段起始地址为 `data + offset × 8`。因此，**除最后一段分段外**，所有分段的 `data_size` 应为 8 的倍数。为最大化利用一次能够传输报文的长度，除最后一段报文外，你应该取 `data_size` 为最大的可能值。
- `<segmented_data>`：该分段所包含的数据，为字符串。

本题中 header size 均为 20。保证传入的 MTU 合法。

下面举一个具体的例子解释分段过程。对于以下的代码：

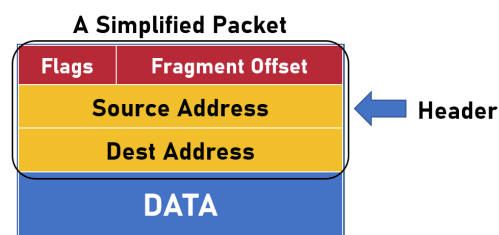


图 1: A Simplified Packet

```
Packet* p = new IPv4Packet("192.168.0.1", "192.168.0.1", "00000000001111111111");
p->Segment(30);
```

MTU 为 30，减去 header 占用的 20，得出 data size 不超过 10，无法容纳长度为 20 的 data，故需要分段。

除最后一段分段外 data size 应为 8 的倍数，故在此例中，受 MTU 限制，data size 的最大可能值为 8。

由上述可知，data 共被分为三段，长度分别为 8，8，4。

对于前两段，为中间段，故 flag 为 1；对于最后一段，非中间段，故 Flag 为 0。

Offset 分别为每一段起始地址除以 8 的结果，即：

- $0 / 8 = 0$;
- $8 / 8 = 1$;
- $16 / 8 = 2$ 。

Data 为每一段分段所包含的内容。

- 对于第一段，起始地址为 0，长度为 8，故包含内容为 00000000。
- 对于第二段，起始地址为 8，长度为 8，故包含内容为 00111111。
- 对于第三段，起始地址为 16，长度为 4，故包含内容为 1111。

因此，输出结果应该是：

```
Fragment 0: Size 28; Header Size 20; Data Size 8; Flag 1; Fragment Offset 0; Data 00000000.
Fragment 1: Size 28; Header Size 20; Data Size 8; Flag 1; Fragment Offset 1; Data 00111111.
Fragment 2: Size 24; Header Size 20; Data Size 4; Flag 0; Fragment Offset 2; Data 1111.
```

打印函数

你需要完成 IPv4Packet，IPv6Packet 类的 Print() 函数。

- 首先，你应该调用 Packet 类的 Print() 函数；
- 其次，你应该分别输出（标准形式的 src，dest）以及 data，中间以 '\t' 作为分隔符；
- 最后，你应该输出换行符 '\n'。

提示 你可能需要以下工具帮助你完成本题。你可以点击以下超链接来访问这些网站。

注：如果选用 C 风格处理方式，注意在进行 new 操作时需要多 new 出一位以保存 '\0'，否则在调用下列 C-style 函数时可能会出现 Invalid read/write 的问题，从而导致 memory leak。

- C-style
 - [strlen, strlen_s - cppreference.com](#)
 - [strcat, strcat_s - cppreference.com](#)
 - [strcpy, strcpy_s - cppreference.com](#)
 - [strtok, strtok_s - cppreference.com](#)

- [memset, memset_explicit, memset_s - cppreference.com](#)
- [putchar - cppreference.com](#)
- `std::string`
 - [std::basic_string - cppreference.com](#)
- `std::stringstream`
 - [std::basic_stringstream - cppreference.com](#)

你需要使用以下模板完成此题。你不应该修改模板已经存在的任何内容（标注内容除外）；你不应该包含其他头文件；你不应该新增 `Packet` 类的成员变量。保证所有输入均合法。

```
#ifndef PACKET_H_
#define PACKET_H_

#include <iostream>
#include <sstream>
#include <cstring>
#include <vector>

class Packet {
private:
    // You should let ... be whatever you want.
    using T = ...;
    T src;
    T dest;
    char* data;

public:
    // TODO: constructor and destructor
    const T& GetSrc() const { return src; }
    const T& GetDest() const { return dest; }
    const char* GetData() const { return data; }
    virtual void Segment(int MTU) = 0;
    virtual void Print() const {
        std::cout << "Print start..." << std::endl;
    }
};

class IPv4Packet : public Packet {
private:
    // Do whatever you want
public:
```

```

    // TODO
};

class IPv6Packet : public Packet {
private:
    // Do whatever you want
public:
    // TODO
};

#endif // PACKET_H_

```

样例测试程序 1

```

#include "packet.h"
int main() {
    Packet* p = nullptr;
    p = new IPv4Packet("192.168.0.1", "192.168.0.1", "000000011111111");
    p->Print();
    delete p;
    p = new IPv6Packet("1080::0008:0800:200c:417a", "1080::0008:0800:200c:417a",
        "000000011111111");
    p->Print();
    delete p;
    return 0;
}

```

样例测试程序 2

```

#include "packet.h"
int main() {
    Packet* p = nullptr;
    p = new IPv4Packet("192.168.0.1", "192.168.0.1", "00000000001111111111");
    p->Segment(30);
    delete p;
    p = new IPv6Packet("1080::0008:0800:200c:417a", "1080::0008:0800:200c:417a",
        "00000000001111111111");
    p->Segment(30);
    delete p;
    return 0;
}

```

样例输出 1

Print start...

192.168.000.001 192.168.000.001 00000001111111

Print start...

1080:0000:0000:0000:0008:0800:200c:417a 1080:0000:0000:0000:0008:0800:200c:417a

00000001111111

样例输出 2

Fragment 0: Size 28; Header Size 20; Data Size 8; Flag 1; Fragment Offset 0; Data 00000000.

Fragment 1: Size 28; Header Size 20; Data Size 8; Flag 1; Fragment Offset 1; Data 00111111.

Fragment 2: Size 24; Header Size 20; Data Size 4; Flag 0; Fragment Offset 2; Data 1111.

IPv6Packet is already segmented.

测试点说明

测试点	测试函数	内存泄漏检查	分数
1	Test for IPv4Packet: Print	无	8
2	Test for IPv6Packet: Print	无	12
3	Harder test for IPv6Packet: Print	无	12
4	Test for: Segment	无	24
5	Test for: Segment	无	8
6	All	无	8
7	All	无	8
8-14	同 1-7	有	20

3 MarkUp 文本编辑器

需要提交的文件: *markup.h*。

你的任务是完成类 `MarkUp`，这是一个每个元素是一个 `char` 的链表的链表实现的文本编辑器。

这个文本编辑器可以被理解为二维不定长度数组，但是我们用链表套链表来实现。具体来说，每一行是一个把这一行所有字符串起来的一个链表，然后我们把每一行的链表头连起来，又成为一个链表。其中每个 `node` 我们储存一个不为 `\n` 的 `char`。具体结构可为：

```
headNode_headPointer
    | (nextHead)
headNode_row_1 -> (rowHead) Node('A') -> Node('C') -> Node('M') -> ...
    | (nextHead)
headNode_row_2 -> (rowHead) Node('2') -> Node('2') -> ...
    | (nextHead)
    ...
```

例如以上结构所指代的文本为：

```
ACM
22
```

本题应该实现的函数包括：

#	函数	解释
-1	<code>print()</code>	先输出 “=====MARK_UP_OUTPUT=====\\n”，然后打印文本
0	constructor, destructor	构造函数、析构函数
1	<code>typeIn(ch)</code>	在全文最末尾打入字符 <code>ch</code>
2	<code>insert(row, col, ch)</code>	在第 <code>row</code> 行, 第 <code>col</code> 个位置插入字符 <code>ch</code>
3	<code>erase(row, col)</code>	删除第 <code>row</code> 行, 第 <code>col</code> 个字符
4	<code>query(row, col)</code>	返回第 <code>row</code> 行, 第 <code>col</code> 个字符
5	<code>split(row, col)</code>	相当于在 <code>row</code> 行, 第 <code>col</code> 个空位置插入换行符, 该行裂成两行
6	<code>copy_paste(a1, a2, b1, b2, c1, c2)</code>	将从【 <code>a1</code> 行第 <code>a2</code> 个字符】到【 <code>b1</code> 行第 <code>b2</code> 个字符】这段内容复制并插入到【 <code>c1</code> 行第 <code>c2</code> 个位置】处

具体解释：

以下列文本为例：

```
ABCDEFGF
HIJKLMN
```

`print:`

需要注意，文末的空行也要输出来。

`query, erase:`

一个字所在的位置我们用第几行第几个字的坐标来表示。所有的位置都是 1-based 的，例如：在上述文本中，

‘A’ 的位置是第一行第一个字 (1, 1)，‘I’ 的位置是第二行第二个字 (2, 2)。

`insert:`

如果我们对其进行插入，则其插入的位置也都是 1-based 的。例如，在上述文本中在 ‘G’ 字后面加 ‘,’，插入的位置为 (1, 8)，对应的函数调用为：`insert(1, 8, ',')`。测试中不会插入到新行，例如对以上文本执行 `insert(3, 1, '0')` 的操作是不会出现，`copy_paste` 的 `paste` 部分也满足该要求。

`typeIn:`

直接插入在全文最末。

`split:`

换行。例如对上述文本进行 `split(1, 3)`，将会得到：

```
AB
CDEFG
HIJKLMN
```

- 若换行发生在边界，则会产生空行。例如，对上述文本进行 `split(1, 8)` 将会得到：

```
ABCDEFGG
// (这是一个空行)
HIJKLMN
```

- `split(1, 1)` 将得到：

```
// (这是一个空行)
ABCDEFGG
HIJKLMN
```

`copy_paste:`

需要注意复制的内容是包含两端的字的。

另外插入（粘贴）的规则与 `insert` 相同。为简单起见，测试点中的复制区域与粘贴区域**不会**重叠。

额外说明

1. 若不使用链表套链表结构，而是使用单层链表等不符合题目要求的实现方法通过本题，你在本题中将获得不超过 80% 的分数。
2. 保证所有测试点所有输入合法或无输入。

测试点说明

测试点	测试的函数	内存泄漏检查	分数
1	-1, 0, 1	无	6
2	-1, 0, 1	无	6
3	-1, 0, 1	无	6
4	-1, 0, 1, 2, 3, 4	无	6
5	-1, 0, 1, 2, 3, 4	无	6
6	-1, 0, 1, 2, 3, 4	无	6
7	-1, 0, 1, 2, 3, 4, 5	无	6
8	-1, 0, 1, 2, 3, 4, 5	无	6
9	-1, 0, 1, 2, 3, 4, 5	无	6
10	-1, 0, 1, 2, 3, 4, 5	无	6
11	All	无	6
12	All	无	6
13	All	无	6
14	All	无	6
15	All	无	6
16-20	同 11-15	有	10

样例程序 (sample.cpp)

```
// correctness: typeIn, insert, erase, split, query, copy_paste
```

```
#include <iostream>
```

```
#include "markup.h"
```

```
using namespace sjtu;
```

```
MarkUp mu;
```

```
int main() {
```

```
    mu.typeIn('A');
```

```
    mu.typeIn('S');
```

```
    mu.typeIn('O');
```

```
    mu.typeIn('U');
```

```
    mu.typeIn('L');
```

```
    for (int i = 1; i <= 5; i++) {
```

```
        std::cout << mu.query(1, i) << ' ';
```

```
    }
```



```

std::cout << std::endl;
// A S O U L

mu.insert(1, 2, '-');
mu.print();
// A-SOUL

mu.split(1, 7);
mu.typeIn('1');
mu.typeIn('-');
mu.copy_paste(1, 1, 1, 6, 2, 3);

mu.print();
// A-SOUL
// 1-A-SOUL

mu.erase(2, 2);

mu.print();
// A-SOUL
// 1A-SOUL

mu.split(2, 1);
mu.print();
// A-SOUL
//
// 1A-SOUL

return 0;
}

```

样例输出 (sample.ans)

```

A S O U L
=====MARK_UP_OUTPUT=====
A-SOUL
=====MARK_UP_OUTPUT=====
A-SOUL
1-A-SOUL

```

=====MARK_UP_OUTPUT=====

A-SOUL

1A-SOUL

=====MARK_UP_OUTPUT=====

A-SOUL

1A-SOUL