

#### INSTITUTO POLITÉCNICO NACIONAL

#### ESCUELA SUPERIOR DE CÓMPUTO

#### TITULO DEL REPORTE

PROGRAMA
AUTÓMATA
DE
PILA

PARA OBTENER UN 10 EN EL REPORTE:

PRESENTA:

CONNOR URBANO MENDOZA

#### **DOCENTES:**

JUÁREZ MARTÍNEZ GENARO



Estados Unidos Mexicanos Ciudad de México 2023

# Índice general

In	roducción	III
1	Desarrollo1.1 Análisis del problema principal1.2 Límites del problema1.3 Estrategia para atacar el problema1.4 Implementación	. 2
2	Análisis de Resultados 2.1 Capturas del programa en ejecución	. 22
3	Conclusión  3.1 Problemas iniciales	. 41
4	Bibliografias	43
5	<b>Anexos</b> 5.1 PDA.py	<b>44</b> . 44
Í	ndice de figuras	
	1.1 Funciones básicas del código incluyendo el main	. 8

1.2	2 funciones de recorrido de la pila	19
2.1	Inicio del programa en terminal	23
2.2	Animación primera parte	24
2.3	Segunda parte de animación y terminal	25
2.4	Tercera parte de animación y terminal	26
2.5	Cuarta parte de animación y terminal	27
2.6		28
2.7	Sexta parte de animación y terminal	29
2.8	Séptima parte de animación y terminal	30
2.9	Octava parte de animación y terminal	31
2.10	Novena parte de animación y terminal	32
2.11	Décima parte de animación y terminal	33
2.12	Onceava parte de animación y terminal	34
2.13	Doceava parte de animación y terminal	35
2.14		36
2.15	Nueva entrada aleatoria	37
		38
		39

### Introducción

Me complace presentarle el informe de mi práctica individual sobre la implementación de un autómata de pila (PDA, por sus siglas en inglés) para reconocer el lenguaje libre de contexto [0n 1n | n >= 1]. En esta práctica, se nos proporcionaron las instrucciones necesarias para resolver el problema planteado y se nos solicitaron ciertas características específicas para el programa.

El objetivo principal de esta práctica fue diseñar y desarrollar un autómata de pila que pudiera reconocer correctamente las cadenas pertenecientes al lenguaje [0n 1n | n >= 1]. Además, se nos pidió implementar ciertas funcionalidades adicionales para enriquecer la experiencia del usuario y facilitar la evaluación del autómata.

Las características solicitadas para el programa fueron las siguientes:

- 1. La posibilidad de que el usuario ingrese la cadena manualmente o que sea generada automáticamente. En el segundo caso, se estableció como requisito que la cadena no pudiera exceder los 100,000 caracteres.
- 2. La generación de un archivo y la visualización en pantalla de las descripciones instantáneas (IDs) correspondientes a la evaluación del autómata. Esta función permitirá analizar paso a paso el proceso de reconocimiento de la cadena ingresada.
- 3. La animación del autómata de pila, siempre y cuando la cadena tenga una longitud menor o igual a 10 caracteres. Esta característica adicional brindará una representación visual más interactiva del funcionamiento del autómata.

INTRODUCCIÓN IV

4. La inclusión de pantallas del programa en ejecución en el informe, mostrando todas las características solicitadas. Estas capturas de pantalla servirán para ilustrar y respaldar los resultados obtenidos durante la implementación.

5. La presentación del código de la implementación en formato LaTeX, en lugar de utilizar imágenes. Esto permitirá una visualización más clara y facilitará la revisión del código.

A lo largo de este informe, se detallarán los pasos seguidos para cumplir con los requisitos mencionados, incluyendo el diseño del autómata, la implementación del programa en Python, el registro de las descripciones instantáneas, la animación cuando corresponda y la generación del informe en LaTeX.

# Capítulo 1

### **Desarrollo**

#### 1.1. Análisis del problema principal

El análisis del problema principal para resolver el problema del autómata de pila se centra en comprender y abordar los siguientes aspectos clave:

- 1. Lenguaje libre de contexto: El problema implica reconocer el lenguaje libre de contexto [0n 1n | n >= 1], que consiste en cadenas formadas por una secuencia de ceros seguida de una secuencia igual de unos, con al menos un par de ceros y unos. Es fundamental comprender las reglas y características de este lenguaje para diseñar un autómata de pila adecuado.
- 2. Autómata de pila: El autómata de pila es un modelo computacional que utiliza una pila para almacenar y procesar información durante la evaluación de una cadena. Es necesario estudiar y comprender el funcionamiento de este tipo de autómata, así como su estructura y las transiciones entre estados, con el fin de diseñar un autómata de pila que reconozca correctamente el lenguaje planteado.
- 3. Características adicionales: Además de la implementación básica del autómata de pila, se solicitan características adicionales, como la posibilidad de ingreso manual o automático de la cadena, la generación de descripciones instantáneas (IDs) para el seguimiento del proceso de evaluación, la animación del autómata en caso de cadenas cortas y la presentación del informe

en formato LaTeX. Estas características requieren un análisis adicional para determinar cómo implementarlas de manera eficiente y satisfactoria.

4. Complejidad del problema: Se menciona que la cadena generada aleatoriamente no puede exceder los 100,000 caracteres. Esto implica considerar la complejidad y eficiencia del algoritmo implementado, ya que se debe garantizar que el programa sea capaz de manejar cadenas de tamaño considerable sin afectar significativamente el rendimiento.

#### 1.2. Límites del problema

En el problema del autómata de pila, existen ciertos límites y consideraciones que debemos tener en cuenta para su resolución adecuada. Estos límites son fundamentales para garantizar el correcto funcionamiento del programa y la eficiencia en la evaluación de las cadenas ingresadas.

En primer lugar, se establece un límite máximo para la longitud de la cadena. Si la cadena es generada automáticamente, se determina que no puede exceder los 100,000 caracteres. Esta restricción nos permite gestionar adecuadamente cadenas de gran tamaño, evitando posibles problemas de rendimiento y optimizando el procesamiento de la información.

Por otro lado, es importante considerar el número mínimo de caracteres necesarios en la cadena. Dado que el lenguaje libre de contexto [0n 1n | n >= 1] requiere que haya al menos un par de ceros seguido de un par de unos, se establece un límite mínimo de 4 caracteres. Esto garantiza que la cadena tenga la estructura necesaria para formar los pares correspondientes y cumpla con las reglas del lenguaje.

Además, se solicita la animación del autómata de pila en la implementación del programa. Sin embargo, esta animación se limita a cadenas de hasta 10 caracteres. Esta restricción nos permite visualizar de manera clara y comprensible el funcionamiento del autómata, evitando la saturación de información en casos de cadenas demasiado largas.

#### 1.3. Estrategia para atacar el problema

La estrategia para resolver el problema del autómata de pila consiste en diseñar e implementar un programa que simule el comportamiento de un autómata de pila para reconocer el lenguaje libre de contexto  $[0n\ 1n\ |\ n>=1]$ . A continuación, se presenta una descripción general de la estrategia a seguir:

- 1. Diseño del autómata de pila: Se debe definir la estructura y el comportamiento del autómata de pila. Esto implica determinar los estados, las transiciones, los símbolos de entrada, los símbolos de pila y las reglas de transición necesarias para reconocer el lenguaje [0n 1n | n >= 1]. Es importante tener en cuenta las reglas específicas de este lenguaje, que requieren que el número de ceros sea igual al número de unos.
- 2. Implementación del programa: Se debe desarrollar el programa que simule el autómata de pila. Esto implica escribir el código en el lenguaje de programación elegido, utilizando las estructuras de datos adecuadas y siguiendo las reglas de transición definidas en el diseño del autómata.
- 3. Entrada de la cadena: El programa debe permitir al usuario ingresar una cadena o generarla aleatoriamente, dependiendo de las características solicitadas. En el caso de la generación aleatoria, se debe verificar que la cadena generada no exceda el límite máximo establecido.
- 4. Evaluación del autómata: El programa debe evaluar la cadena ingresada utilizando el autómata de pila implementado. Para ello, se aplicarán las reglas de transición correspondientes y se realizará un seguimiento de las descripciones instantáneas del autómata, que mostrarán el estado actual, los símbolos de entrada y los símbolos en la pila en cada paso.
- 5. Resultados y visualización: El programa debe mostrar en pantalla y guardar en un archivo las descripciones instantáneas del autómata durante la evaluación de la cadena. Además, si la longitud de la cadena es menor o igual a 10, se puede animar el autómata para una visualización más interactiva y

comprensible.

### 1.4. Implementación

Para desarrollar la implementación del problema, al autómata de pila determinista (PDA) en Python utilizando la biblioteca PIL (Python Imaging Library) para crear imágenes. El PDA en el código tiene una serie de transiciones definidas en forma de diccionario.

El código se divide en dos funciones principales: proceso\_recorrido y proceso\_recorrido2. Ambas funciones reciben una cadena, un estado inicial y un índice como argumentos.

La función proceso\_recorrido realiza un recorrido de la cadena en el PDA sin graficar el proceso. Muestra información relevante en la consola y escribe las transiciones en un archivo de texto.

La función proceso\_recorrido2 realiza un recorrido de la cadena en el PDA y grafica el proceso en una imagen utilizando la biblioteca PIL. Dibuja rectángulos, texto y flechas para representar los diferentes estados y transiciones del PDA. También guarda la imagen generada en un archivo llamado .animacion.png".

Ambas funciones utilizan el diccionario PDA para determinar las transiciones del PDA. El diccionario PDA tiene como clave una tupla que representa el estado actual, el símbolo de entrada y el símbolo en la cima de la pila, y como valor una lista de transiciones posibles. Cada transición es una tupla que contiene el estado siguiente y el símbolo que se apunta en la pila.

Entrando más en detalles, iré mostrando paso a paso las partes del código:

- 1. La explicación de la parte básica del código empieza por las siguientes librerías:
  - a) import random
  - b) from PIL import Image, ImageDraw,ImageFont
  - c) import sys

Las librerías random, Image, ImageDraw, ImageFont y sys son módulos de Python que brindan funcionalidades adicionales para el desarrollo de aplicaciones.

La librería random proporciona funciones relacionadas con la generación de números aleatorios. Al importar esta librería, podemos utilizar métodos como random.randint() para generar números enteros aleatorios dentro de un rango específico. También podemos utilizar random.choice() para seleccionar aleatoriamente un elemento de una lista.

La librería PIL (Python Imaging Library) es una biblioteca popular para el procesamiento de imágenes en Python. Al importar los módulos Image, ImageDraw y ImageFont de PIL, obtenemos funcionalidades para crear, editar y manipular imágenes. Podemos cargar imágenes existentes, crear nuevas imágenes, dibujar formas y textos en ellas, aplicar filtros y efectos, y mucho más.

El módulo sys proporciona funciones y variables relacionadas con la funcionalidad del intérprete de Python y el sistema en el que se está ejecutando. Al importar este módulo, podemos acceder a variables como sys.argv, que contiene una lista de los argumentos pasados al script de Python desde la línea de comandos. También podemos utilizar sys.exit() para finalizar la ejecución del programa en cualquier momento.

Se definen algunas variables iniciales, como el tamaño de la imagen y el tamaño del cuadrado para la visualización gráfica (estas variables son utiliza-

das más adelante para crear una imagen en blanco), así como el diccionario PDA que define las transiciones del autómata de pila.

Se define la función generar\_cadena\_aleatoria(tamanio) que genera una cadena aleatoria de tamaño compuesta por los caracteres "0" y "1". Esta función es utilizada más adelante para generar una cadena aleatoria si el usuario no proporciona una.

Se definen las funciones de recorrido 1 y recorrido 2. Estas funciones no están incluidas en el código que has proporcionado, por lo que no puedo proporcionar una explicación detallada sobre ellas.

Se crea una pila vacía y se agrega el símbolo 'Z0' como elemento superior de la pila. Luego se imprime el contenido de la pila.

Se solicita al usuario que ingrese una cadena de entrada. Si el usuario no ingresa ninguna cadena y simplemente presiona Enter, se genera una cadena aleatoria utilizando la función generar\_cadena\_aleatoria().

Se realiza el proceso de recorrido utilizando la función proceso\_recorrido() si se generó una cadena aleatoria, o utilizando la función proceso\_recorrido2() si se ingresó una cadena manualmente. Estas funciones son responsables de validar si la cadena es válida según las reglas del autómata de pila.

Dependiendo del resultado obtenido, se imprime un mensaje indicando si la cadena es válida o no.

Luego, se inicia un ciclo for que recorre cada una de las palabras de la línea actual y se realiza una serie de acciones por cada palabra. En resumen, la función evalúa cada palabra en el DFA y registra las palabras encontradas en los archivos de salida, dependiendo de su categoría y su frecuencia en el texto de entrada. La parte del código que falta en el último for es probablemente la que contiene la lógica principal para evaluar cada palabra en el DFA y llevar un registro de las palabras encontradas.

A continuación se presentan las partes de código correspondientes a la explicación anterior: Observar Figura 1.1.

```
#Teoria de la computacion
  #Automata de pila
  #Alumno: Connor Urbano Mendoza
  import random
  from PIL import Image, ImageDraw, ImageFont
  import sys
  # Tama o de la imagen y tama o del cuadrado
image_size = (400, 400)
  square_size = 100
13 # Crear una imagen en blanco
image = Image.new("RGB", image_size, "white")
  draw = ImageDraw.Draw(image)
17
18
  # Definir el PDA con sus transiciones
19
  PDA = {
20
      ('q', '0', 'Z0'): [('q', 'X')],
21
      ('q', '0', 'X'): [('q', 'X')],
      ('q', '1', 'X'): [('p', '')],
      ('p', '1', 'X'): [('p', 'Z0')],
24
      ('p', '', 'Z0'): [('f', 'Z0')]
25
26
27
  def generar_cadena_aleatoria(tamanio):
28
      mitad = tamanio // 2
29
      ceros = '0' * mitad
      unos = '1' * mitad
      if tamanio % 2 != 0:
          ceros += random.choice(['0', '1'])
33
      cadena = ceros + unos
34
      return cadena
36
```

```
_____
38 Funciones de recorrido 1 y 2 (no se anexan aqui ya que
      se explicaran con mayor detenimiento)
  #Main
41 pila = []
43 elemento_superior = 'ZO'
44 pila.append(elemento_superior)
45 print ("Contenido de la pila:", pila)
  estado = 'q'
47 i = 0
  cadena = input("Ingresa una cadena (o presiona Enter
     para generar una cadena aleatoria): ")
  if not cadena:
51
      tamanio = random.randint(1, 10)
      cadena = generar_cadena_aleatoria(tamanio)
      resultado = proceso_recorrido(cadena, estado, i)
      if resultado:
56
          print("La cadena es v lida.")
57
      else:
          print("La cadena no es v lida.")
59
  else:
61
      resultado = proceso_recorrido2(cadena, estado, i)
62
63
      if resultado:
64
          print("La cadena es v lida.")
      else:
          print("La cadena no es v lida.")
```

Figura 1.1: Funciones básicas del código incluyendo el main.

2. La siguiente parte del código corresponde a dos funciones: proceso\_recorrido y proceso\_recorrido2, las cuales son utilizadas para recorrer y procesar una cadena en un autómata de pila.

En la función proceso\_recorrido, se realiza el recorrido de la cadena paso a paso en el autómata de pila. Se itera sobre cada símbolo de la cadena y se comprueba si hay una transición válida en el autómata para el estado actual, el símbolo actual y el tope de la pila. Si existe una transición válida, se actualiza el estado actual, se realiza alguna operación en la pila (como agregar o eliminar elementos) y se avanza al siguiente símbolo de la cadena. En cada paso, se imprimen mensajes en la consola para mostrar información sobre el símbolo actual, el contenido de la pila y el estado actual. Además, se escribe el estado actual, el símbolo actual y el contenido de la pila en un archivo llamado "trancisiones.txt". Si en algún momento no se encuentra una transición válida, se escribe . Error. en el archivo y se retorna False.

La función proceso\_recorrido2 tiene una funcionalidad similar a proceso\_recorrido, pero además de realizar el recorrido de la cadena, genera una imagen visual del autómata de pila y las transiciones que se van realizando. Utiliza la biblioteca PIL (Python Imaging Library) para crear y modificar la imagen. En cada paso del recorrido, se dibuja un rectángulo que representa el estado actual, se muestran diferentes apartados de información en la imagen (como la cadena ingresada, la parte por ingresar, la entrada actual, etc.), se dibujan flechas y texto para indicar las transiciones y se guardan los cambios en un archivo de imagen llamado "animacion.png". Además, se espera a que el usuario presione Enter para avanzar al siguiente paso del recorrido.

Ambas funciones realizan un recorrido de la cadena en el autómata de pila, pero proceso\_recorrido2 proporciona una representación visual más elaborada y detallada del proceso.

Dicha sección la podemos ver en la siguiente parte. Observar figura 1.2.

```
#Funcion de recorrido sin graficar
def proceso_recorrido(cadena,estado,i):
```

```
ruta_archivo = "C:\\Users\\soyco\\OneDrive\\
          Documents\\ESCOM\\sem4\\Teoria\\P2\\Prog4\\
          output\\trancisiones.txt"
      with open(ruta_archivo, "w") as archivo:
           estado_actual=estado
           while i < (len(cadena) + 1):
               if i == (len(cadena)):
8
                   symbol=''
               else:
10
                   symbol = cadena[i]
11
               cadena_pila = ''.join(pila)
13
               cima_de_pila = pila[-1]
14
               archivo.write("("+estado_actual+", "+symbol
15
                  +","+cadena_pila+") |-")
               if (estado_actual, symbol, cima_de_pila)
16
                  in PDA:
                   transiciones = PDA[(estado_actual,
17
                       symbol, cima_de_pila)]
                   estado siguiente = transiciones[0][0]
18
                   letra_apuntada = transiciones[0][1]
19
                   if(letra_apuntada == ''):
20
                        cima_de_pila = pila.pop()
21
                   elif(letra_apuntada == 'Z0'):
22
23
                        cima_de_pila = pila.pop()
                   else:
24
                        pila.append(letra_apuntada)
25
26
                   estado_actual=estado_siguiente
27
28
               else:
                   archivo.write("Error")
30
                   return False
           archivo.write("("+estado_actual+", "+symbol+", "
              +cadena pila+")")
           return True
33
34 | #Funcion de recorrido para graficar
  def proceso_recorrido2(cadena, estado, i):
35
36
```

```
ruta_archivo = "C:\\Users\\soyco\\OneDrive\\
37
         Documents\\ESCOM\\sem4\\Teoria\\P2\\Prog4\\
         output\\trancisiones.txt"
      with open(ruta_archivo, "w") as archivo:
          estado_actual=estado
          cadena grafica = cadena
41
          while i < (len(cadena)+1):</pre>
42
43
               # Coordenadas del rect ngulo
               rect_width = 40
              rect_height = 140
              x1 = ((image_size[0] - rect_width) // 2)
47
              desplazamientoa_abajo=60
48
              y1 = ((image_size[1] - rect_height) // 2)
49
                  +desplazamientoa_abajo
              x2 = x1 + rect_width
50
              y2 = y1 + rect_height
51
               # Dibujar el rect ngulo en la imagen
               draw.rectangle([(x1, y1), (x2, y2)],
54
                  outline="black")
               #-----Dibujamos apartados-----
55
               # Dibujamos apartados de cadena ingresada
56
               text = "Cadena ingresada:"
57
               font = ImageFont.truetype("arial.ttf", 16)
               # Dibujar el texto en la imagen
60
               draw.text((50, 40), text, fill="black",
61
                  font=font)
62
               # Dibujar ecadenal texto en la imagen
               draw.text((200, 40), cadena, fill="black",
                   font=font)
65
66
               # Dibujamos apartados de por ingresar
67
              text = "Por ingresar:"
```

```
# Dibujar el texto en la imagen
70
               draw.text((50, 60), text, fill="black",
71
                  font=font)
72
               #Dibujamos primer caracter
               j=0
74
75
               cadena_grafica = cadena_grafica[1:]
76
                  Obtener la subcadena sin la primera
                  letra
               draw.text((209, 61), cadena_grafica, fill=
77
                  "black", font=font)
78
               # Dibujamos apartados de entrada
               text = "Entrada:"
               font2 = ImageFont.truetype("arial.ttf",
80
                  20)
81
               # Dibujar el texto en la imagen
82
               draw.text((50, 90), text, fill="black",
                  font=font2)
84
               #Coordenada de incremento para cruces
85
               cross_y = (((y1 + y2) // 2) + 50) - ((i+1) *
86
                  19)
               #Dibujamos caso base
87
               draw.text((189, (((y1 + y2) // 2)+50)), "
                  Z0", fill="blue", font=font2)
89
90
               if i == (len(cadena)):
91
                   symbol=''
92
                   #Dibujamos primer caracter y la
93
                      entrada
                   # Dibujar el texto en la imagen
                   draw.text((140, 91), "' '", fill="
                      green", font=font2)
                   draw.text((200, 61), "Vacio (E)", fill
96
                      ="red", font=font)
                   #Dibujamos felcha de conversion
97
                   draw.text((155, 91), " >", fill="
```

```
black", font=font2)
               else:
99
                    symbol = cadena[i]
100
                    number=int(symbol)
                    # Dibujar el texto en la imagen
102
                    draw.text((140, 91), symbol, fill="red
103
                       ", font=font2)
                    draw.text((200, 61), symbol, fill="red"
104
                       ", font=font)
                    #Dibujamos felcha de conversion
105
                    draw.text((155, 91), " >", fill="
                       black", font=font2)
107
               cadena_pila = ''.join(pila)
108
               cima_de_pila = pila[-1]
109
110
               archivo.write("("+estado_actual+","+symbol
111
                   +","+cadena_pila+") |-")
               if (estado_actual, symbol, cima_de_pila)
112
                   in PDA:
                    transiciones = PDA [ (estado actual,
113
                       symbol, cima_de_pila)]
                    estado_siquiente = transiciones[0][0]
114
                    letra_apuntada = transiciones[0][1]
115
                    if(letra_apuntada == ''):
116
117
                        cima_de_pila = pila.pop()
                        #Dibujamos letra
118
                        draw.text((197, 91), "-X", fill="
119
                           blue", font=font2)
                        draw.text((197, 125), "^", fill="
120
                           red", font=font2)
                        draw.text((199, 141), "|", fill="
121
                           red", font=font2)
                        if len(cadena) % 2 != 0:
122
                            cross_y = ((((y1 + y2) // 2) +
                                50) - ((i+1)*19)-19)
                        else:
124
                            cross_y = (((y1 + y2) // 2) +
125
                                50) - ((i+1)*19)
                        # Coordenadas de la ltima cruz
126
```

```
agregada
                        last_cross_x = 200
127
128
                        last\_cross\_y = cross\_y + ((38*i) -
                            (19*len(cadena)))
                        last cross size = 12
130
131
                        # Guardar las coordenadas y el
132
                            tama o de la ltima cruz
                        last_cross_coords = [((
133
                            last_cross_x - last_cross_size)
                            -1, last_cross_y + 21), ((
                            last_cross_x + last_cross_size)
                            +1, (last_cross_y + 37)+1)]
                        # Eliminar la ltima cruz
134
                        draw.rectangle(last_cross_coords,
135
                            outline="white", fill="white")
136
                    elif(letra_apuntada == 'Z0' and number
137
                       ==1 and symbol!=''):
                        cima de pila = pila.pop()
138
                        #Dibujamos letra
139
                        draw.text((197, 91), "-X", fill="
140
                           blue", font=font2)
                        draw.text((197, 125), "^", fill="
141
                            red", font=font2)
                        draw.text((199, 141), "|", fill="
                            red", font=font2)
                        if len(cadena) % 2 != 0:
143
                             cross_y = ((((y1 + y2) // 2) +
144
                                50) - ((i+1) * 19) - 19)
                        else:
145
                             cross_y = (((y1 + y2) // 2) +
146
                                50) - ((i+1) * 19)
                        # Coordenadas de la ltima cruz
                            agregada
                        last\_cross\_x = 200
148
                        #print(cross_y)
149
                        last\_cross\_y = cross\_y + ((38*i) -
150
                            (19*len(cadena)))
```

```
last\_cross\_size = 12
151
152
                        # Guardar las coordenadas y el
153
                           tama o de la ltima cruz
                        last_cross_coords = [((
                           last_cross_x - last_cross_size)
                           -1, last_cross_y + 21), ((
                           last_cross_x + last_cross_size)
                           +1, (last_cross_y + 37)+1)]
                        # Eliminar la ltima cruz
155
                        draw.rectangle(last_cross_coords,
                           outline="white", fill="white")
                    elif(letra_apuntada == 'ZO' and symbol
157
                       ==' ' ) :
                        cima_de_pila = pila.pop()
158
                        #Dibujamos letra
159
                        draw.text((197, 91), "Z0", fill="
160
                           blue", font=font2)
                        draw.text((197, 125), "^", fill="
161
                           red", font=font2)
                        draw.text((199, 141), "|", fill="
162
                           red", font=font2)
                        # Coordenadas de la ltima cruz
163
                           agregada
                        last\_cross\_x = 200
164
                        #print(cross_y)
165
                        last\_cross\_y = cross\_y + ((38*i) -
166
                           (19*len(cadena)))
                        last\_cross\_size = 12
167
168
                        # Guardar las coordenadas y el
169
                           tama o de la ltima cruz
                        last_cross_coords = [((
170
                           last_cross_x - last_cross_size)
                           -1, last_cross_y + 21), ((
                           last_cross_x + last_cross_size)
                           +1, (last_cross_y + 37)+1)]
                        # Eliminar la ltima cruz
171
172
                        draw.rectangle(last_cross_coords,
                           outline="white", fill="white")
```

```
else:
173
                        pila.append(letra_apuntada)
174
                        #Dibujamos letra
175
                        draw.text((197, 91),
                            letra_apuntada, fill="blue",
                            font=font2)
                        draw.text((201, 121), "|", fill="
177
                            green", font=font2)
                        draw.text((197, 141), "V", fill="
178
                            green", font=font2)
                        #Dibujamos cruz
179
                        draw.text((194, cross_y), "X",
                            fill="black", font=font2)
181
                    estado_actual=estado_siguiente
182
183
                    # Guardar la imagen en la ruta
184
                       especificada
                    image.save("C:\\Users\\soyco\\OneDrive
185
                       \\Documents\\ESCOM\\sem4\\Teoria\\
                       P2\\Prog4\\output\\animacion.png")
                    if sys.stdin.isatty():
186
                        print ("Presiona Enter para
187
                            continuar...")
                        sys.stdin.readline()
188
189
                    else:
                        input ("Presiona Enter para
                            continuar...")
                    i += 1
191
               else:
192
                    archivo.write("Error")
193
                    #Dibujamos letra
194
                    # Cadena invalida
195
                    draw.text((200, 40), cadena, fill="red
                       ", font=font)
                    draw.text((197, 91), "ERROR", fill="
197
                       blue", font=font2)
198
                    image.save("C:\\Users\\soyco\\OneDrive
199
                       \\Documents\\ESCOM\\sem4\\Teoria\\
```

```
P2\\Prog4\\output\\animacion.png")
                    if sys.stdin.isatty():
200
                        print("Presiona Enter para
201
                            continuar...")
                         sys.stdin.readline()
202
                    else:
203
                         input ("Presiona Enter para
204
                            continuar...")
                    return False
205
206
                # Aqu se realiza el borrado del
                   contenido de la imagen
                draw.rectangle([(11, 11), (389, 180)],
208
                   fill="white")
                image.save("C:\\Users\\soyco\\OneDrive\\
209
                   Documents\\ESCOM\\sem4\\Teoria\\P2\\
                   Prog4\\output\\animacion.png")
210
211
           archivo.write("("+estado_actual+", "+symbol+", "
212
               +cadena pila+")")
213
           # Coordenadas del rect ngulo
214
           rect_width = 40
215
           rect_height = 140
216
           x1 = ((image_size[0] - rect_width) // 2)
217
           desplazamientoa_abajo=60
218
           v1 = ((image_size[1] - rect_height) // 2) +
219
               desplazamientoa_abajo
           x2 = x1 + rect_width
220
           y2 = y1 + rect_height
221
222
           # Dibujar el rect ngulo en la imagen
223
           draw.rectangle([(x1, y1), (x2, y2)], outline="
224
              black")
225
           # Dibujamos apartados de cadena ingresada
226
           text = "Cadena ingresada:"
227
           font = ImageFont.truetype("arial.ttf", 16)
228
229
```

```
# Dibujar el texto en la imagen
230
           draw.text((50, 40), text, fill="black", font=
231
               font)
232
           # Dibujar ecadenal texto en la imagen
233
           draw.text((200, 40), cadena, fill="green",
234
               font=font)
235
           text = "Estado Final"
236
237
           # Dibujar el texto en la imagen
           draw.text((50, 60), text, fill="black", font=
239
               font)
240
           # Dibujamos apartados de entrada
241
           text = "Ya sacamos a ZO"
242
           # Dibujar el texto en la imagen
243
           draw.text((50, 92), text, fill="black", font=
244
               font)
           #Dibujamos felcha de conversion
245
                                         >", fill="black",
           draw.text((178, 91), "
246
               font=font2)
247
248
           draw.text((235, 91), "ZO", fill="blue", font=
249
               font2)
250
           image.save("C:\\Users\\soyco\\OneDrive\\
251
               Documents\\ESCOM\\sem4\\Teoria\\P2\\Prog4\\
               output\\animacion.png")
           if sys.stdin.isatty():
252
                sys.stdin.readline()
253
           else:
254
                input("Presiona Enter para continuar...")
255
           return True
```

Figura 1.2: 2 funciones de recorrido de la pila.

El proceso proceso\_recorrido2 realiza un recorrido y dibuja una representación gráfica de cada paso de un proceso en un autómata de pila. Aquí se explica detalladamente su funcionamiento:

- a) Se establece la ruta del archivo de salida donde se guardarán las transiciones del autómata en la variable ruta\_archivo.
- b) Se inicializan las variables estado\_actual y cadena\_grafica con los valores de estado y cadena respectivamente.
- c) Se inicia un bucle while que se ejecutará mientras i sea menor que la longitud de la cadena más uno (para incluir el caso base de cadena vacía).
- d) Se definen las coordenadas (x1, y1, x2, y2) del rectángulo que se dibujará en la imagen. Este rectángulo representa el estado actual del autómata.
- *e*) Se dibujan diferentes apartados de texto en la imagen, como la cadena ingresada, la por ingresar, la entrada y el estado actual.
- f) Se comprueba si se ha llegado al final de la cadena (caso base). En caso afirmativo, se dibuja el último símbolo de la cadena y se muestra la transición hacia el estado final.
- g) En caso contrario, se obtiene el símbolo actual de la cadena y se verifica si existe una transición en el autómata desde el estado actual, utilizando el símbolo actual y el símbolo en la cima de la pila.
- h) Si existe una transición válida, se obtiene el estado siguiente y el símbolo a apuntar en la pila. Dependiendo de la situación, se realiza algu-

na de las siguientes acciones:

- 1) Si el símbolo a apuntar es una cadena vacía ("), se saca el símbolo de la cima de la pila y se dibuja en la imagen. También se elimina la última cruz dibujada en la posición correspondiente.
- 2) Si el símbolo a apuntar es 'Z0' y el número del símbolo actual es 1, se saca el símbolo de la cima de la pila y se realiza las mismas acciones que en el caso anterior.
- 3) Si el símbolo a apuntar es 'Z0' y el símbolo actual es una cadena vacía, se saca el símbolo de la cima de la pila y se dibuja en la imagen.
- 4) En cualquier otro caso, se agrega el símbolo a apuntar a la pila y se dibuja en la imagen.
- 5) Se actualiza el estado actual con el estado siguiente obtenido.
- 6) Se guarda la imagen en la ruta especificada.
- 7) Se espera la interacción del usuario presionando Enter para continuar.
- 8) Se incrementa el contador i para pasar al siguiente símbolo de la cadena.
- *i*) Si no existe una transición válida, se escribe .<sup>Er</sup>ror. <sup>en</sup> el archivo de salida y se muestra un mensaje de error en la imagen.
- *j*) Se borra el contenido de la imagen, preparándola para el siguiente paso del recorrido.
- *k*) Se escribe la última transición en el archivo de salida, que corresponde al estado actual, el símbolo actual y la cadena de la pila.

- *l*) Se vuelven a dibujar los apartados de texto en la imagen para representar el estado final.
- m) Se guarda.

# Capítulo 2

# Análisis de Resultados

## 2.1. Capturas del programa en ejecución

A continuación se presenta en orden el proceso de ejecución del programa, donde primeramente se muestra el código en ejecución con un ejemplo chico.

*a*) Iniciamos el programa, donde nos pide que introduzcamos una cadena o de lo contrario al presionar enter se generara una aleatoria, para nuestro ejemplo digitamos 0000011111 que vienen siendo 5 ceros y 5 unos. Observar la Figura 2.1.

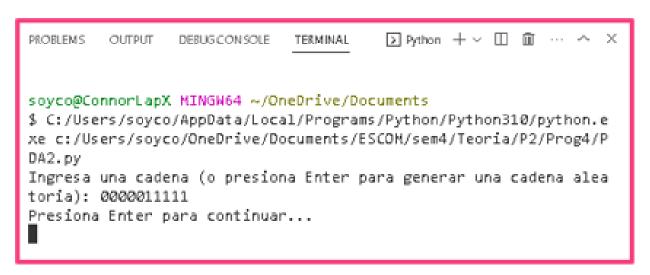


Figura 2.1: Inicio del programa en terminal.

*b*) Aquí se puede visualizar la animación del autómata pila. Se inserta X. Observar la Figura 2.2.

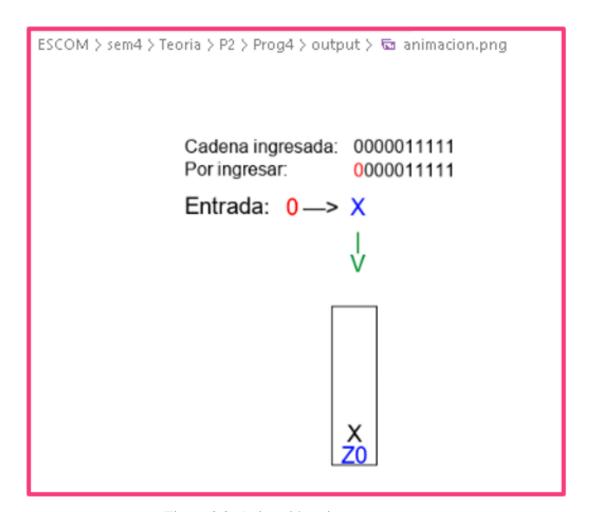


Figura 2.2: Animación primera parte.

25

c) Segunda parte de animación y terminal, se inserta X. Observar la Figura 2.3.



Figura 2.3: Segunda parte de animación y terminal.

*d*) Tercera parte de animación y terminal, se inserta X. Observar la Figura 2.4.

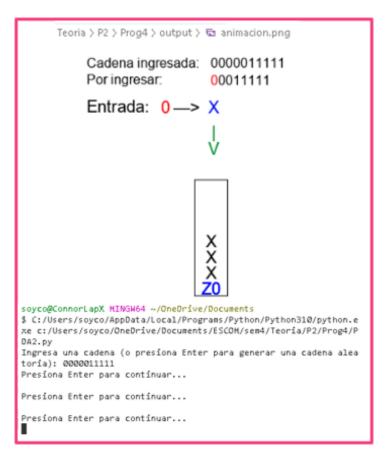


Figura 2.4: Tercera parte de animación y terminal.

*e*) Cuarta parte de animación y terminal, se inserta X. Observar la figura 2.5.

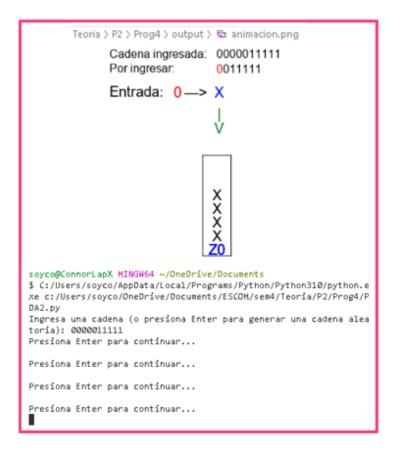


Figura 2.5: Cuarta parte de animación y terminal.

28

f) Quinta parte de animación y terminal, se inserta X. Observar la figura 2.6.

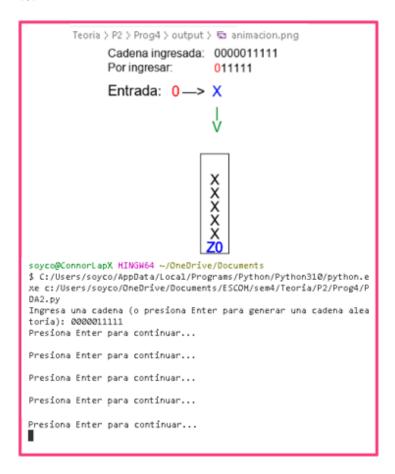


Figura 2.6: Quinta parte de animación y terminal.

*g*) Sexta parte de animación y terminal, se elimina X. Observar la figura 2.7.

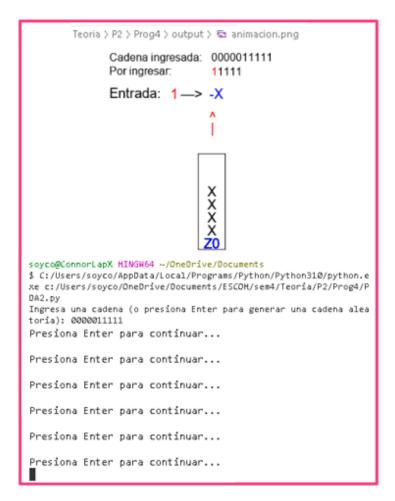


Figura 2.7: Sexta parte de animación y terminal.

h) Séptima parte de animación y terminal, se elimina X. Observar figura 2.8.

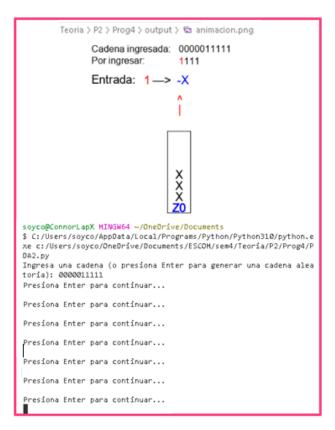


Figura 2.8: Séptima parte de animación y terminal.

*i*) Octava parte de animación y terminal, se elimina X. Observar figura 2.9.

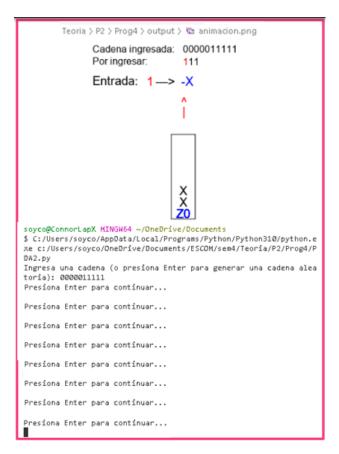


Figura 2.9: Octava parte de animación y terminal.

*j*) Novena parte de animación y terminal, se elimina X. Observar figura 2.10.

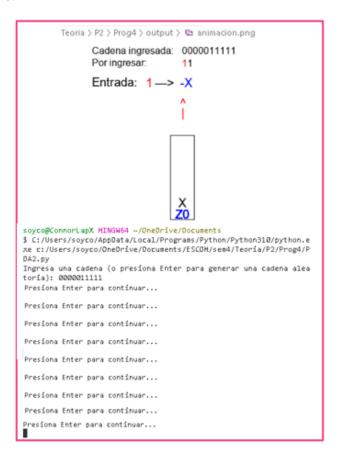


Figura 2.10: Novena parte de animación y terminal.

*k*) Décima parte de animación y terminal, se elimina X. Observar la figura 2.11.

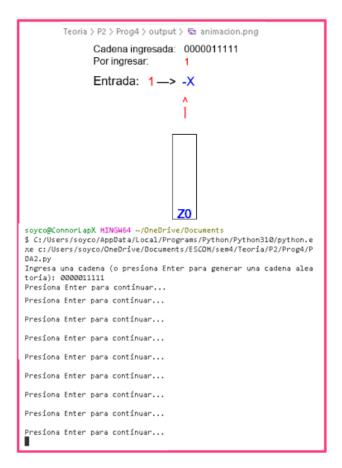


Figura 2.11: Décima parte de animación y terminal.

l) Onceava parte de animación y terminal, se recibe el vacío y, por lo tanto, se saca lo que haya en la pila, en este caso Z0. Observar la figura 2.12.

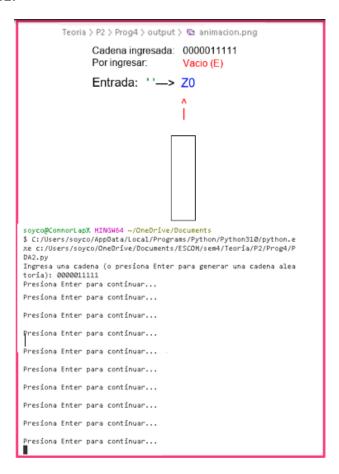


Figura 2.12: Onceava parte de animación y terminal.

m) Doceava parte de animación y terminal, se válida la cadena. Observar la figura 2.13.

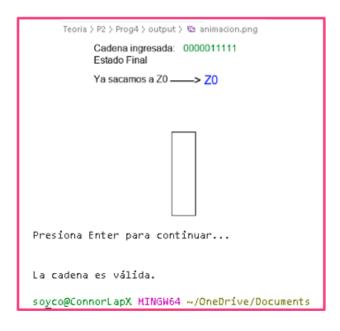


Figura 2.13: Doceava parte de animación y terminal.

n) Aquí podemos ver el archivo de salida de transiciones.txt, y poder visualizar como se llevó a cabo la construcción de la pila. Observar la figura 2.14.

Figura 2.14: Archivo de salida de transiciones.txt.

 $\tilde{n}$ ) En esta aparte pedimos al programa una cadena aleatoria presionando Enter, se digito aleatoriamente una cadena de tamaño 70,196. Observar la figura 2.15.

```
soyco@ConnorLapX MINGW64 ~/OneDrive/Documents
$ C:/Users/soyco/AppData/Local/Programs/Python/Python310/python.e
xe c:/Users/soyco/OneDrive/Documents/ESCOM/sem4/Teoria/P2/Prog4/P
DA2.py
Ingresa una cadena (o presiona Enter para generar una cadena alea
toria):
70196
La cadena es válida.
```

Figura 2.15: Nueva entrada aleatoria.

 Aquí podemos ver el inicio del archivo de salida de transiciones.txt, y poder visualizar como se llevó a cabo la construcción de la pila. Observar la figura 2.16.

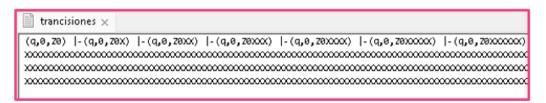


Figura 2.16: Inicio de archivo de trancisiones.txt.

p) Aquí podemos ver el final del archivo de salida de transiciones.txt, y poder visualizar como se llevó a cabo la construcción de la pila. Observar la figura 2.17.

```
|-(p,1,78000000) |-(p,1,7800000) |-(p,1,780000) |-(p,1,780000) |-(p,1,78000) |-(p,1,78000) |-(p,1,78000) |-(p,1,780000) |-(p,1,7800000) |-(p,1,780000) |-(p,
```

Figura 2.17: Final de archivo de trancisiones.txt.

## Capítulo 3

## Conclusión

Durante el desarrollo de este programa de autómata de pila, he logrado comprender en profundidad los conceptos relacionados con los lenguajes contextuales y su análisis. La implementación de este programa me ha permitido explorar la estructura y validación de lenguajes formales, así como comprender la importancia de las estructuras de datos en el análisis sintáctico.

A través de esta experiencia, he aprendido cómo utilizar los autómatas de pila como herramienta fundamental en la teoría de la computación. Estos autómatas tienen una amplia gama de aplicaciones prácticas, como la compilación de lenguajes de programación, el análisis de lenguajes naturales y la verificación de la corrección sintáctica en diversos contextos.

#### 3.1. Problemas iniciales

Durante el desarrollo del problema del autómata de pila, se presentaron algunos desafíos iniciales que requirieron atención y resolución. Estos problemas iniciales incluyeron:

- a) Comprender el concepto de autómata de pila: Al inicio, fue necesario comprender en detalle qué es un autómata de pila y cómo funciona. Esto implicó estudiar su estructura, transiciones y comportamiento en la resolución de problemas de lenguajes formales.
- b) Diseñar la estructura de datos adecuada: Para implementar el autómata de pila, fue necesario seleccionar una estructura de datos adecuada que permitiera representar y manipular la pila. Esto implicó evaluar diferentes opciones y elegir la más eficiente y conveniente para el problema en cuestión.
- c) Definir las reglas de transición: El siguiente desafío fue establecer las reglas de transición del autómata de pila para cada símbolo de entrada. Esto requería comprender las reglas de la gramática y definir correctamente las transiciones en función de los símbolos de entrada y el estado actual del autómata.
- d) Manejo de casos de error y ambigüedades: Durante la implementación, surgió la necesidad de manejar casos de error y ambigüedades en la entrada. Esto implicó considerar situaciones como símbolos no válidos, cadenas mal formadas o transiciones no definidas, y diseñar mecanismos para manejar estas situaciones de manera adecuada.

Enfrentar estos problemas iniciales y abordarlos de manera adecuada fue fundamental para el desarrollo exitoso del problema del autómata de pila. Cada uno de estos desafíos brindó oportunidades para aprender y fortalecer los conocimientos sobre teoría de la computación y lenguajes formales.

#### 3.1.1. Soluciones

Se llevó a cabo un estudio detallado del autómata de pila para comprender su funcionamiento y aplicaciones relevantes. Posteriormente, se eligió una estructura de datos adecuada para representar la pila, garantizando eficiencia y facilidad de manipulación.

Se definieron reglas de transición precisas para el autómata, considerando todos los estados, símbolos de entrada y las acciones correspondientes. Además, se implementaron mecanismos para manejar errores y ambigüedades en la entrada, asegurando la validez de los símbolos y la corrección en el procesamiento de las cadenas.

Estas soluciones permitieron superar los desafíos iniciales y lograr una implementación exitosa del autómata de pila en el código proporcionado.

#### 3.2. Complejidades

Supongamos que la longitud de la cadena de entrada es n. En el peor de los casos, el bucle while se ejecutará n + 1 veces, ya que también se ejecuta una vez más después de procesar todos los caracteres de la cadena.

Dentro del bucle, se realizan operaciones como comprobaciones de pertenencia en un diccionario ((estado\_actual, symbol, cima\_de\_pila) in PDA), acceso a elementos de diccionario (transiciones = PDA[(estado\_actual, symbol, cima\_de\_pila)]), operaciones de pila (pila.pop(), pila.append(letra\_apuntada)), concatenación de cadenas (".join(pila)), y asignaciones de variables. Estas operaciones tienen una complejidad constante, es decir, no dependen del tamaño de la cadena de entrada.

Por lo tanto, la complejidad total de la función proceso\_recorrido sin graficar es lineal, O(n), donde n es la longitud de la cadena de entrada.

## Capítulo 4

# **Bibliografias**

- *a*) Hopcroft, J. E., Motwani, R., Ullman, J. D. (2006). Introduction to Automata Theory, Languages, and Computation (3rd ed.). Addison-Wesley.
- *b*) Sipser, M. (2012). Introduction to the Theory of Computation (3rd ed.). Cengage Learning.
- c) Papadimitriou, C. H. (1997). Elements of the Theory of Computation. Prentice-Hall.
- d) Linz, P. (2006). An Introduction to Formal Languages and Automata (4th ed.). Jones Bartlett Learning.

## Capítulo 5

### **Anexos**

#### **5.1. PDA.py**

Se presenta el código implementado para la solución al problema con extensión .py .

```
#Teoria de la computacion
#Automata de pila
#Alumno: Connor Urbano Mendoza

import random
from PIL import Image, ImageDraw, ImageFont
import sys

# Tama o de la imagen y tama o del cuadrado
image_size = (400, 400)
square_size = 100

# Crear una imagen en blanco
image = Image.new("RGB", image_size, "white")
draw = ImageDraw.Draw(image)
```

```
# Definir el PDA con sus transiciones
  PDA = {
       ('q', '0', 'Z0'): [('q', 'X')],
       ('q', '0', 'X'): [('q', 'X')],
       ('q', '1', 'X'): [('p', '')],
       ('p', '1', 'X'): [('p', 'Z0')],
24
       ('p', '', 'Z0'): [('f', 'Z0')]
25
26
27
  #Funcion de recorrido sin graficar
  def proceso_recorrido(cadena, estado, i):
      ruta_archivo = "C:\\Users\\soyco\\OneDrive\\
         Documents\\ESCOM\\sem4\\Teoria\\P2\\Prog4\\
         output\\trancisiones.txt"
      with open(ruta_archivo, "w") as archivo:
31
          estado_actual=estado
32
33
           while i < (len(cadena)+1):</pre>
               if i == (len(cadena)):
                   symbol=''
37
               else:
                   symbol = cadena[i]
38
               cadena_pila = ''.join(pila)
39
               cima_de_pila = pila[-1]
41
               archivo.write("("+estado_actual+","+symbol
                  +","+cadena_pila+") |-")
               if (estado_actual, symbol, cima_de_pila)
43
                  in PDA:
                   transiciones = PDA[(estado_actual,
44
                      symbol, cima_de_pila)]
                   estado_siguiente = transiciones[0][0]
45
                   letra_apuntada = transiciones[0][1]
                   if(letra_apuntada == ''):
                       cima_de_pila = pila.pop()
                   elif(letra apuntada == 'ZO'):
                       cima_de_pila = pila.pop()
50
                   else:
51
                       pila.append(letra_apuntada)
52
53
```

```
estado_actual=estado_siguiente
54
                   i += 1
55
              else:
                   archivo.write("Error")
                  return False
          archivo.write("("+estado actual+","+symbol+","
             +cadena_pila+")")
          return True
60
  #Funcion de recorrido para graficar
  def proceso_recorrido2(cadena, estado, i):
      ruta_archivo = "C:\\Users\\soyco\\OneDrive\\
         Documents\\ESCOM\\sem4\\Teoria\\P2\\Prog4\\
         output\\trancisiones.txt"
      with open(ruta_archivo, "w") as archivo:
65
          estado_actual=estado
          cadena_grafica = cadena
67
          while i < (len(cadena)+1):</pre>
               # Coordenadas del rect ngulo
71
              rect_width = 40
72
              rect_height = 140
73
              x1 = ((image_size[0] - rect_width) // 2)
74
              desplazamientoa_abajo=60
              y1 = ((image_size[1] - rect_height) // 2)
                  +desplazamientoa_abajo
              x2 = x1 + rect_width
77
              y2 = y1 + rect_height
78
              # Dibujar el rect ngulo en la imagen
              draw.rectangle([(x1, y1), (x2, y2)],
                  outline="black")
              #-----Dibujamos apartados-----
              # Dibujamos apartados de cadena ingresada
83
              text = "Cadena ingresada:"
84
              font = ImageFont.truetype("arial.ttf", 16)
85
              # Dibujar el texto en la imagen
```

```
draw.text((50, 40), text, fill="black",
88
                   font=font)
89
               # Dibujar ecadenal texto en la imagen
               draw.text((200, 40), cadena, fill="black",
                    font=font)
92
93
               # Dibujamos apartados de por ingresar
               text = "Por ingresar:"
               # Dibujar el texto en la imagen
               draw.text((50, 60), text, fill="black",
98
                   font=font)
99
               #Dibujamos primer caracter
100
               j=0
101
102
               cadena_grafica = cadena_grafica[1:]
103
                   Obtener la subcadena sin la primera
                   letra
               draw.text((209, 61), cadena_grafica, fill=
104
                   "black", font=font)
               # Dibujamos apartados de entrada
105
               text = "Entrada:"
               font2 = ImageFont.truetype("arial.ttf",
107
                   20)
108
               # Dibujar el texto en la imagen
109
               draw.text((50, 90), text, fill="black",
110
                   font=font2)
111
               #Coordenada de incremento para cruces
112
               cross_y = (((y1 + y2) // 2) + 50) - ((i+1) *
                   19)
               #Dibujamos caso base
114
               draw.text((189, (((y1 + y2) // 2)+50)), "
115
                   Z0", fill="blue", font=font2)
116
117
```

```
if i == (len(cadena)):
118
                    symbol=''
119
                    #Dibujamos primer caracter y la
120
                       entrada
                    # Dibujar el texto en la imagen
                    draw.text((140, 91), "' '", fill="
122
                       green", font=font2)
                    draw.text((200, 61), "Vacio (E)", fill
123
                       ="red", font=font)
                    #Dibujamos felcha de conversion
124
                    draw.text((155, 91), " >", fill="
125
                       black", font=font2)
126
               else:
                    symbol = cadena[i]
127
                    number=int(symbol)
128
                    # Dibujar el texto en la imagen
129
                    draw.text((140, 91), symbol, fill="red
130
                       ", font=font2)
                    draw.text((200, 61), symbol, fill="red
131
                       ", font=font)
                    #Dibujamos felcha de conversion
132
                    draw.text((155, 91), " >", fill="
133
                       black", font=font2)
134
               cadena_pila = ''.join(pila)
135
               cima_de_pila = pila[-1]
137
               archivo.write("("+estado_actual+","+symbol
138
                   +","+cadena_pila+") |-")
               if (estado_actual, symbol, cima_de_pila)
139
                   in PDA:
                    transiciones = PDA[(estado_actual,
140
                       symbol, cima_de_pila)]
                    estado_siguiente = transiciones[0][0]
141
                    letra_apuntada = transiciones[0][1]
                    if(letra apuntada == ''):
143
                        cima_de_pila = pila.pop()
144
                        #Dibujamos letra
145
                        draw.text((197, 91), "-X", fill="
146
                           blue", font=font2)
```

```
draw.text((197, 125), "^", fill="
147
                           red", font=font2)
                        draw.text((199, 141), "|", fill="
148
                           red", font=font2)
                        if len(cadena) % 2 != 0:
                            cross_y = ((((y1 + y2) // 2) +
150
                                50) - ((i+1)*19)-19)
                        else:
151
                            cross_y = (((y1 + y2) // 2) +
152
                                50) - ((i+1) * 19)
                        # Coordenadas de la ltima cruz
153
                           agregada
154
                        last\_cross\_x = 200
155
                        last\_cross\_y = cross\_y + ((38*i) -
156
                            (19*len(cadena)))
                        last_cross_size = 12
157
158
                        # Guardar las coordenadas y el
                            tama o de la ltima cruz
                        last cross coords = [((
160
                           last_cross_x - last_cross_size)
                           -1, last_cross_y + 21), ((
                           last_cross_x + last_cross_size)
                           +1, (last_cross_y + 37)+1)]
                        # Eliminar la ltima cruz
161
                        draw.rectangle(last_cross_coords,
162
                           outline="white", fill="white")
163
                    elif(letra_apuntada == 'ZO' and number
164
                       ==1 and symbol!=''):
                        cima_de_pila = pila.pop()
165
                        #Dibujamos letra
166
                        draw.text((197, 91), "-X", fill="
                           blue", font=font2)
                        draw.text((197, 125), "^", fill="
168
                           red", font=font2)
                        draw.text((199, 141), "|", fill="
169
                           red", font=font2)
                        if len(cadena) % 2 != 0:
170
```

```
cross_y = ((((y1 + y2) // 2) +
171
                                50) - ((i+1)*19)-19)
                        else:
172
                            cross_y = (((y1 + y2) // 2) +
173
                                50) - ((i+1)*19)
                        # Coordenadas de la ltima cruz
174
                           agregada
                        last_cross_x = 200
175
                        #print(cross_y)
176
                        last\_cross\_y = cross\_y + ((38*i) -
177
                            (19*len(cadena)))
                        last\_cross\_size = 12
179
                        # Guardar las coordenadas y el
180
                            tama o de la ltima cruz
                        last_cross_coords = [((
181
                           last_cross_x - last_cross_size)
                           -1, last_cross_y + 21), ((
                           last_cross_x + last_cross_size)
                           +1, (last_cross_y + 37)+1)]
                        # Eliminar la ltima cruz
182
                        draw.rectangle(last_cross_coords,
183
                           outline="white", fill="white")
                    elif(letra_apuntada == 'ZO' and symbol
184
                       ==' '):
185
                        cima_de_pila = pila.pop()
                        #Dibujamos letra
186
                        draw.text((197, 91), "Z0", fill="
187
                           blue", font=font2)
                        draw.text((197, 125), "^", fill="
188
                           red", font=font2)
                        draw.text((199, 141), "|", fill="
189
                           red", font=font2)
                        # Coordenadas de la ltima cruz
                           agregada
                        last cross x = 200
191
                        #print(cross_y)
192
                        last\_cross\_y = cross\_y + ((38*i) -
193
                            (19*len(cadena)))
                        last_cross_size = 12
194
```

```
195
                        # Guardar las coordenadas y el
196
                            tama o de la ltima cruz
                        last_cross_coords = [((
197
                            last_cross_x - last_cross_size)
                            -1, last_cross_y + 21), ((
                            last_cross_x + last_cross_size)
                            +1, (last_cross_y + 37)+1)]
                        # Eliminar la ltima cruz
198
                        draw.rectangle(last_cross_coords,
199
                            outline="white", fill="white")
                    else:
200
201
                        pila.append(letra_apuntada)
                        #Dibujamos letra
202
                        draw.text((197, 91),
203
                            letra_apuntada, fill="blue",
                            font=font2)
                        draw.text((201, 121), "|", fill="
204
                            green", font=font2)
                        draw.text((197, 141), "V", fill="
205
                            green", font=font2)
                        #Dibujamos cruz
206
                        draw.text((194, cross_y), "X",
207
                            fill="black", font=font2)
208
                    estado_actual=estado_siguiente
209
210
                    # Guardar la imagen en la ruta
211
                       especificada
                    image.save("C:\\Users\\soyco\\OneDrive
212
                       \\Documents\\ESCOM\\sem4\\Teoria\\
                       P2\\Prog4\\output\\animacion.png")
                    if sys.stdin.isatty():
213
                        print("Presiona Enter para
214
                           continuar...")
                        sys.stdin.readline()
215
                    else:
216
                        input ("Presiona Enter para
217
                           continuar...")
                    i += 1
218
```

```
else:
219
                    archivo.write("Error")
220
                    #Dibujamos letra
221
                    # Cadena invalida
222
                    draw.text((200, 40), cadena, fill="red
                       ", font=font)
                    draw.text((197, 91), "ERROR", fill="
224
                       blue", font=font2)
225
                    image.save("C:\\Users\\soyco\\OneDrive
226
                       \\Documents\\ESCOM\\sem4\\Teoria\\
                       P2\\Proq4\\output\\animacion.png")
227
                    if sys.stdin.isatty():
                        print("Presiona Enter para
228
                            continuar...")
                        sys.stdin.readline()
229
                    else:
230
                         input ("Presiona Enter para
231
                            continuar...")
                    return False
233
                # Aqu se realiza el borrado del
234
                   contenido de la imagen
                draw.rectangle([(11, 11), (389, 180)],
235
                   fill="white")
                image.save("C:\\Users\\soyco\\OneDrive\\
236
                   Documents\\ESCOM\\sem4\\Teoria\\P2\\
                   Prog4\\output\\animacion.png")
237
238
           archivo.write("("+estado_actual+","+symbol+","
239
               +cadena_pila+")")
240
           # Coordenadas del rect ngulo
241
           rect_width = 40
           rect height = 140
243
           x1 = ((image_size[0] - rect_width) // 2)
244
           desplazamientoa_abajo=60
245
           y1 = ((image_size[1] - rect_height) // 2) +
246
               desplazamientoa_abajo
```

```
x2 = x1 + rect_width
247
           y2 = y1 + rect_height
248
249
           # Dibujar el rect ngulo en la imagen
           draw.rectangle([(x1, y1), (x2, y2)], outline="
251
              black")
252
           # Dibujamos apartados de cadena ingresada
253
           text = "Cadena ingresada:"
254
           font = ImageFont.truetype("arial.ttf", 16)
255
           # Dibujar el texto en la imagen
257
           draw.text((50, 40), text, fill="black", font=
258
               font)
259
           # Dibujar ecadenal texto en la imagen
260
           draw.text((200, 40), cadena, fill="green",
261
               font=font)
262
           text = "Estado Final"
263
264
           # Dibujar el texto en la imagen
265
           draw.text((50, 60), text, fill="black", font=
266
               font)
267
           # Dibujamos apartados de entrada
           text = "Ya sacamos a Z0"
           # Dibujar el texto en la imagen
270
           draw.text((50, 92), text, fill="black", font=
271
           #Dibujamos felcha de conversion
272
           draw.text((178, 91), "
                                          >", fill="black",
273
               font=font2)
274
275
           draw.text((235, 91), "Z0", fill="blue", font=
276
               font2)
277
           image.save("C:\\Users\\soyco\\OneDrive\\
278
               Documents\\ESCOM\\sem4\\Teoria\\P2\\Prog4\\
```

```
output\\animacion.png")
           if sys.stdin.isatty():
279
                sys.stdin.readline()
280
           else:
                input("Presiona Enter para continuar...")
282
           return True
283
284
  def generar_cadena_aleatoria(tamanio):
285
       mitad = tamanio // 2
286
       ceros = '0' * mitad
287
       unos = '1' * mitad
       if tamanio % 2 != 0:
           ceros += random.choice(['0', '1'])
290
       cadena = ceros + unos
291
       return cadena
292
293
294
  #Main
  pila = []
  elemento_superior = 'ZO'
  pila.append(elemento_superior)
299
  estado = 'q'
300
  i = 0
301
303
  cadena = input("Ingresa una cadena (o presiona Enter
      para generar una cadena aleatoria): ")
304
  if not cadena:
305
       tamanio = random.randint(1, 100000)
306
       print(tamanio)
307
       cadena = generar_cadena_aleatoria(tamanio)
308
       resultado = proceso_recorrido(cadena, estado, i)
309
       if resultado:
311
           print("La cadena es v lida.")
312
       else:
313
           print("La cadena no es v lida.")
314
315
316 else:
```

```
resultado = proceso_recorrido2(cadena, estado, i)

if resultado:
    print("La cadena es v lida.")

else:
    print("La cadena no es v lida.")
```

Se presenta el código LaTeX de este archivo mediante el siguiente link:

```
Link overleaf: "https://www.overleaf.com/read/tpnhwgwdrprq"
Link github: "https://github.com/Connor-UM-18/Teoria-computacional
-PDA.git"
```